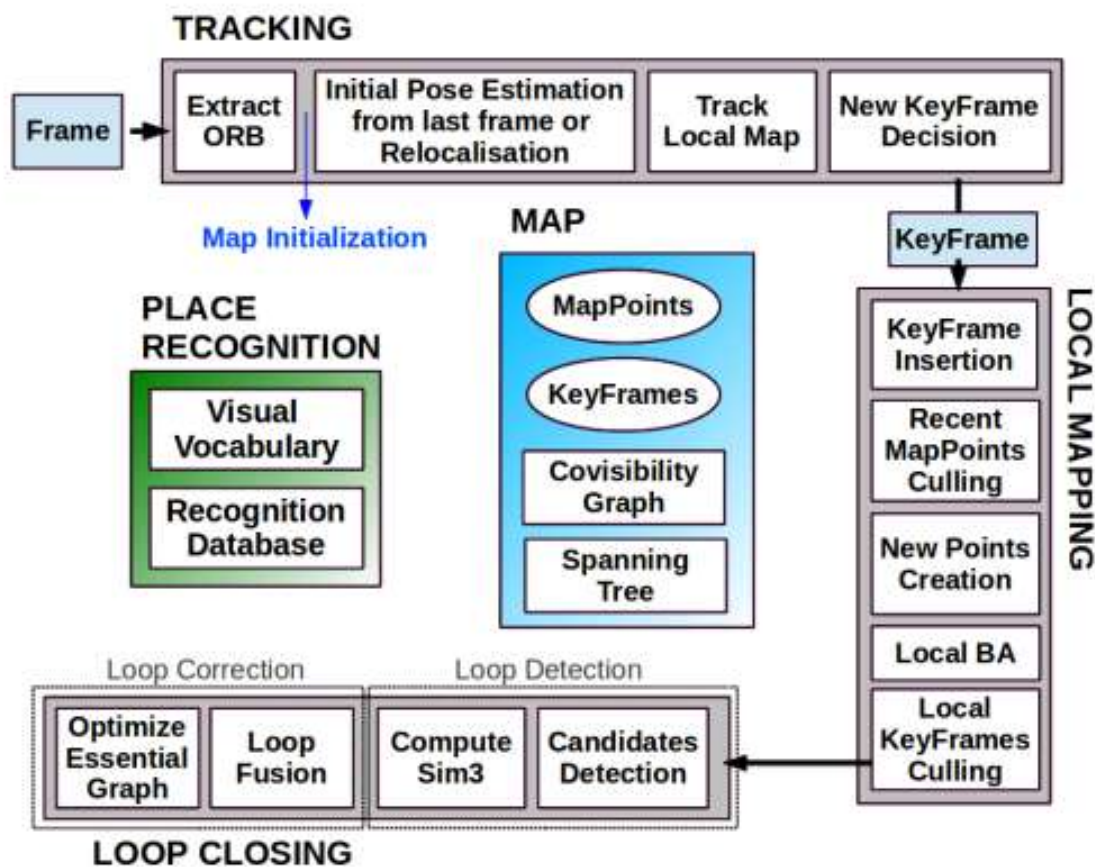


ORB-SLAM代码详细解读

吴博 @泡泡机器人
657390323@qq.com
2016.8.29

代码主要结构

2



Tracking.cpp

LocalMapping.cpp

LoopClosing.cpp

Viewer.cpp

变量命名规则:

“p”表示指针数据类型 “n”表示int类型

“b”表示bool类型 “s”表示set类型

“v”表示vector数据类型 ‘l’表示list数据类型

“m”表示类成员变量

2016/10/9

System入口:



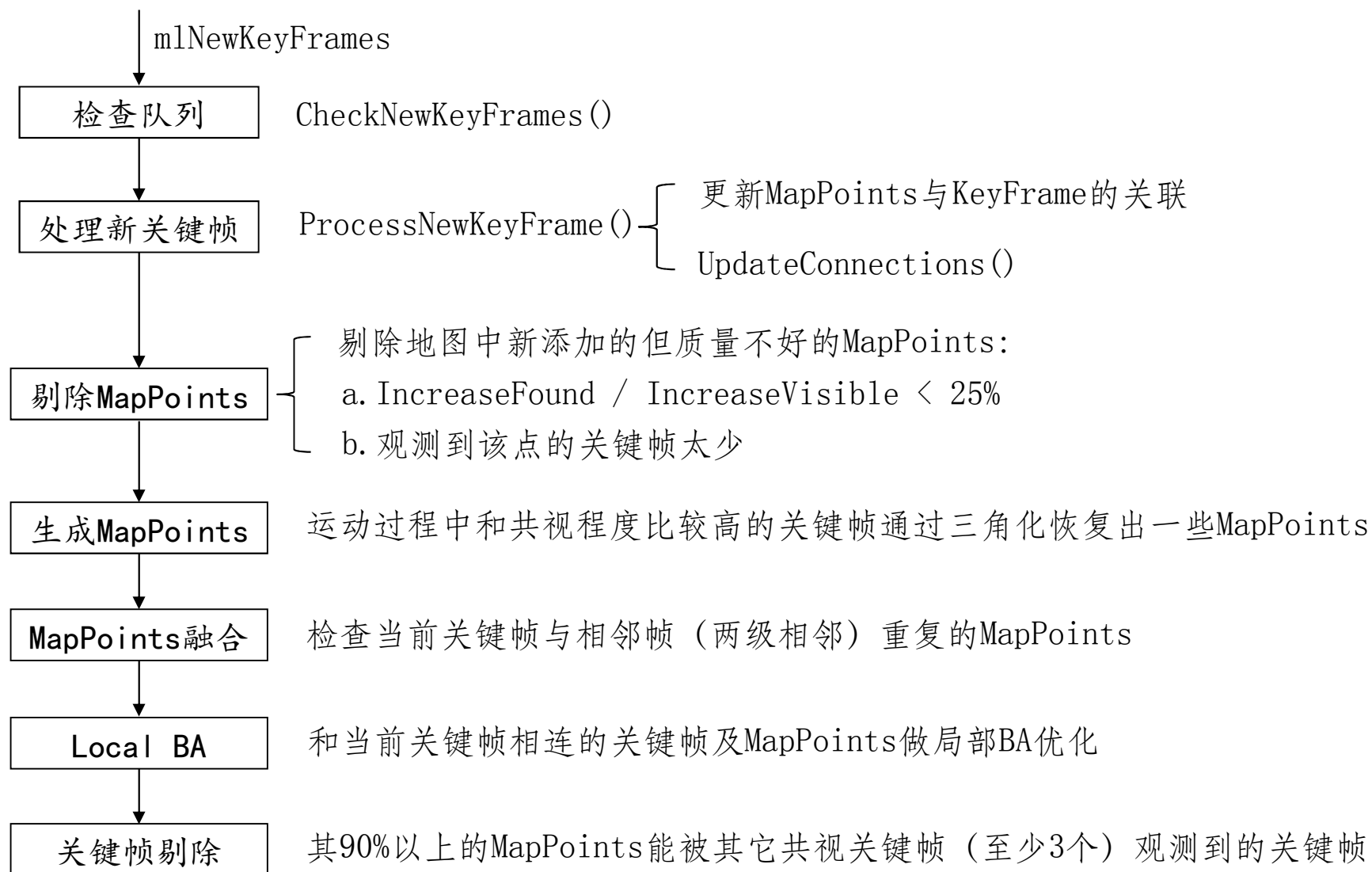
注: `mpIniORBextractor`相比`mpORBextractorLeft`提取的特征点多一倍

Tracking线程:



注: `mbOnlyTracking`默认为false, 用户可通过运行界面选择仅跟踪定位模式

LocalMapping线程:



LocalClosing线程(闭环检测):

mlploopKeyFrameQueue

队列中取一帧

mpcurrentKF

判断距离上一次闭环检测是否超过10帧

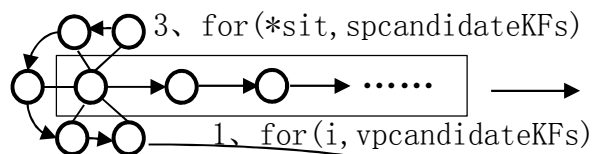
计算当前帧与相连关键帧的Bow最低得分

mpcurrentKF
minscore

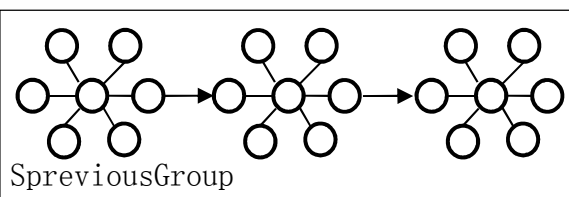
检测得到闭环候选帧

vpLoopCandidates

检测候选帧连续性



Result:
mvpEnoughConsistentcandidates

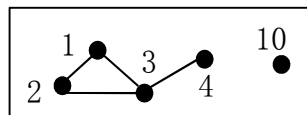


2、for(iG, mvConsistentGroup)

1、三个阈值都是计算获得，鲁邦性好
minscore mincommons minscoreToRetain

2、通过分组可以将单独得分很高的无匹配关键帧剔除

分组示意图:



如图: 1、2、3、4、10都是闭环候选帧。

节点1: 与2、3相连, 1与2、3分为一组

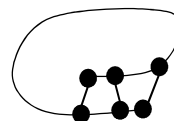
节点2: 与1、3相连, 2与1、3分为一组

节点3: 与1、2、4相连, 3与1、2、4分为一组

节点4: 与3相连, 4与3分为一组

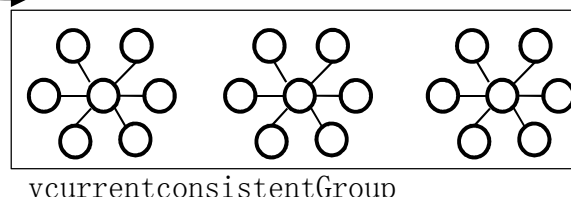
节点10: 10自己单独一组

连续性检测示意图:



Result:

mvpEnoughConsistentcandidates



vcurrentconsistentGroup

(pKF, minscore)

找出与当前帧有公共单词的关键帧, 但不包括与当前帧相连的关键帧

lKFsharingwords

统计候选帧中与pKF具有共同单词最多的单词数

maxcommonwords

得到阈值

$\text{mincommons} = 0.8 * \text{maxcommonwords}$

maxcommonwords
mincommons
minscore

筛选共有单词大于mincommons且Bow得分大于minscore的关键帧

lscoreAndMatch

将存在相连的分为一组, 计算组最高得分bestAccScore, 同时得到每组中得分最高的关键帧

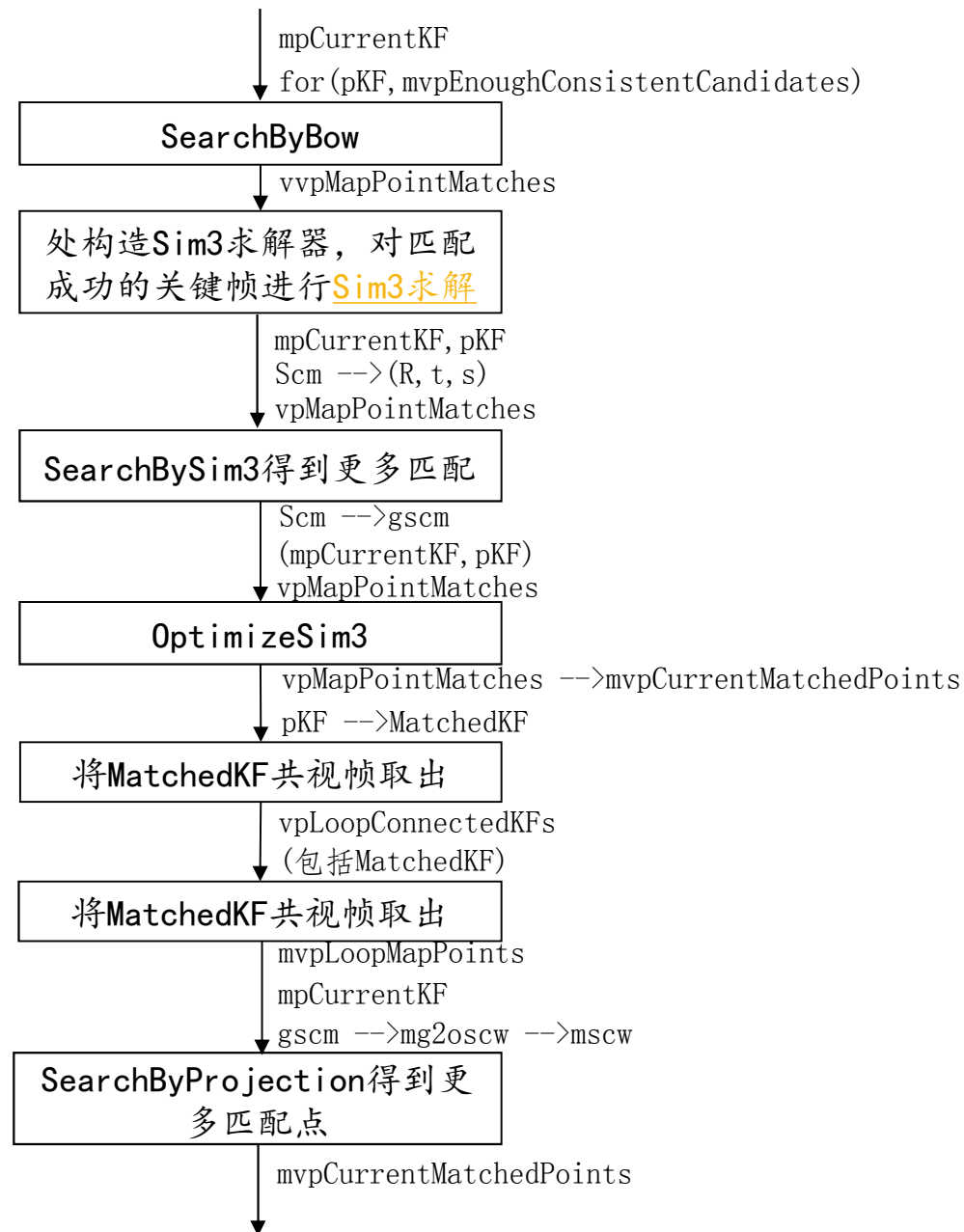
lsAccScoreAndMatch
bestAccScore

得到阈值minScoreToRetain
 $= 0.75 * \text{bestAccScore}$

lsAccScoreAndMatch
minScoreToRetain

vpLoopCandidates

LocalClosing线程 (Sim3计算):



LocalClosing线程(Sim3计算):

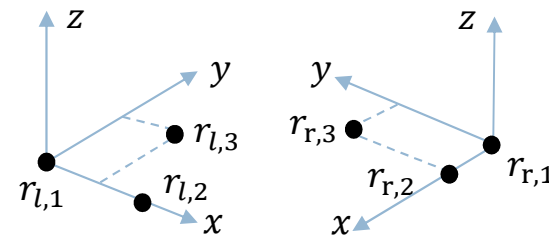
三对匹配3D，分别对左右三个3D点建立坐标系：

$$\text{X轴: } \hat{x}_l = x_l / \|x_l\| \quad \text{其中: } x_l = r_{l,2} - r_{l,1} \quad (1)$$

$$\text{Y轴: } \hat{y}_l = y_l / \|y_l\| \quad \text{其中: } y_l = (r_{l,3} - r_{l,1}) - [(r_{l,3} - r_{l,1}) \cdot \hat{x}_l] \hat{x}_l \quad (2)$$

$$\text{Z轴: } \hat{z}_l = \hat{x}_l \times \hat{y}_l \quad (3)$$

$$\text{右坐标系同理, 且令: } M_l = [\hat{x}_l \hat{y}_l \hat{z}_l] \quad M_r = [\hat{x}_r \hat{y}_r \hat{z}_r] \quad (4)$$



如果左边坐标系有一个向量 r_l ，那么： $M_l^T r_l$ 可以得到 r_l 向量沿着坐标轴的值

左乘 M_r 可以变换到右坐标系，故可推导出旋转：

$$r_r = M_r M_l^T r_l \Rightarrow R = M_r M_l^T \quad (5)$$

计算平移量：

$$\text{质心: } \bar{r}_l = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n r_{l,i} \quad \bar{r}_r = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n r_{r,i} \quad (5)$$

$$\text{原点移到质心: } r'_{l,i} = r_{l,i} - \bar{r}_l \quad r'_{r,i} = r_{r,i} - \bar{r}_r \quad (6)$$

$$\sum_{i=1}^n r'_{l,i} = 0 \quad \sum_{i=1}^n r'_{r,i} = 0$$

$$r'_{r,i} = sR(r'_{l,i}) - r'_0 \Rightarrow r'_0 = r_0 - \bar{r}_r + sR(\bar{r}_l) \quad (7)$$

$$\text{优化函数: } \sum_{i=1}^n \|e_i\|^2 = \sum_{i=1}^n \|r'_{r,i} - [sR(r'_{l,i}) + r'_0]\|^2 \quad (8)$$

$$= \sum_{i=1}^n \|r'_{r,i} - sR(r'_{l,i})\|^2 - 2r'_0 \cdot \sum_{i=1}^n [r'_{r,i} - sR(r'_{l,i})] + n\|r'_0\|^2$$

$$\sum_{i=1}^n \|r'_{r,i} - sR(r'_{l,i})\|^2 \quad \text{与优化量 } r'_0 \text{ 无关}$$

$$\min \sum_{i=0}^n \|e_i\|^2 \Rightarrow r'_0 = 0 \Rightarrow t = r_0 = \bar{r}_r - sR(\bar{r}_l) \quad (9)$$

LocalClosing线程 (Sim3计算):

计算尺度:

$$\text{由于 } r'_0 = 0 \Rightarrow \sum_{i=1}^n \|e_i\|^2 = \sum_{i=1}^n \|r'_{r,i} - sR(r'_{l,i})\|^2 \quad (10)$$

$$\Rightarrow \sum_{i=1}^n \|e_i\|^2 = \sum_{i=1}^n \|r'_{r,i}\|^2 - 2s \sum_{i=1}^n r'_{r,i} \cdot R(r'_{l,i}) + s^2 \sum_{i=1}^n \|R(r'_{l,i})\|^2$$

$$\Rightarrow \sum_{i=1}^n \|e_i\|^2 = \sum_{i=1}^n \|r'_{r,i}\|^2 - 2s \sum_{i=1}^n r'_{r,i} \cdot R(r'_{l,i}) + s^2 \sum_{i=1}^n \|r'_{l,i}\|^2$$

$$\text{令: } \sum_{i=1}^n \|e_i\|^2 = S_r - 2sD + s^2 S_l = (s\sqrt{S_l} - D/\sqrt{S_l})^2 + (S_r S_l - D^2)/S_l \quad (11)$$

$$\Rightarrow s = \left(\sum_{i=1}^n r'_{r,i} \cdot R(r'_{l,i}) \right) / \sum_{i=1}^n \|r'_{l,i}\|^2 \quad (12)$$

$$\text{根据对称性: } r_r = sR(r_l) + r_0 \quad r_l = \bar{s}R(r_r) + \bar{r}_0$$

$$\Rightarrow \bar{s} = 1/s \quad \bar{r}_0 = -\frac{1}{s}R^{-1}(r_0) \quad \bar{R} = R^{-1}$$

$$\text{可是: } \bar{s} = 1/s \neq \left(\sum_{i=1}^n r'_{l,i} \cdot \bar{R}(r'_{r,i}) \right) / \sum_{i=1}^n \|r'_{r,i}\|^2$$

$$\text{如果公式10变为: } e_i = \frac{1}{\sqrt{s}}r'_{r,i} - \sqrt{s}R(r'_{l,i})$$

则公式11变为:

$$\frac{1}{s}S_r - 2D + sS_r = \left(\sqrt{s}S_l - \frac{1}{\sqrt{s}}S_r \right)^2 + 2(S_l S_r - D)$$

$$\Rightarrow s = \left(\sum_{i=1}^n \|r'_{r,i}\|^2 / \sum_{i=1}^n \|r'_{l,i}\|^2 \right)^{1/2} \quad (13)$$

LocalClosing线程(Sim3计算):

如果对于大于三组匹配点:

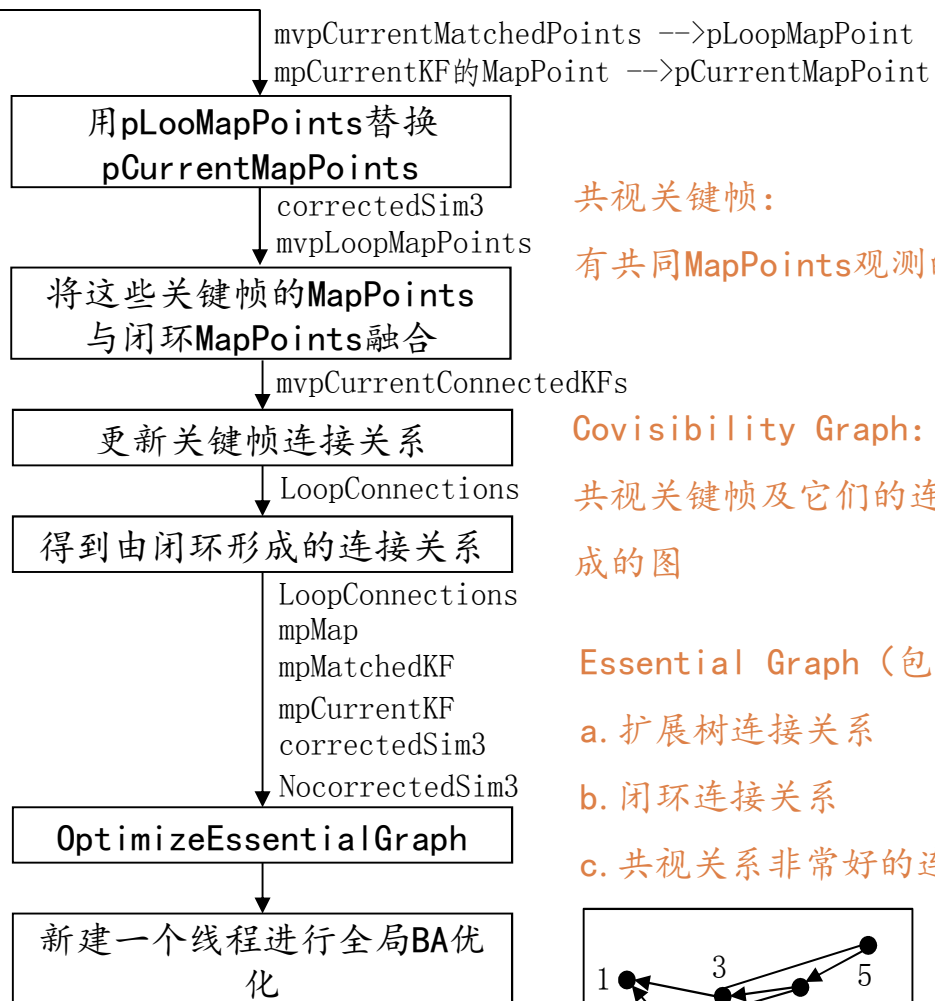
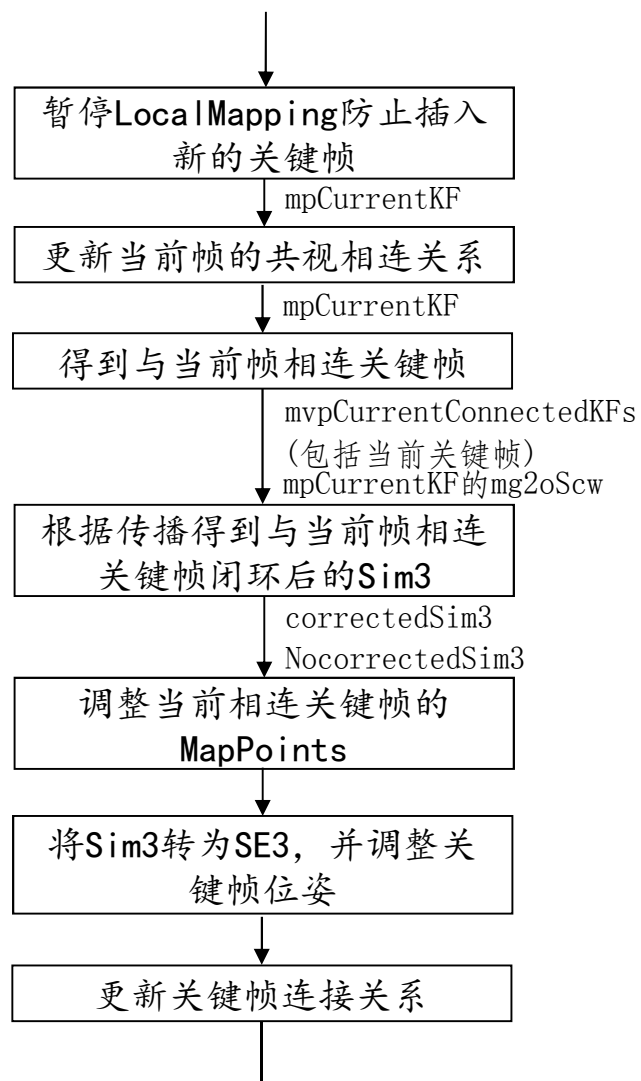
$$\text{令: } M = \begin{bmatrix} S_{xx} & S_{xy} & S_{xz} \\ S_{yx} & S_{yy} & S_{yz} \\ S_{zx} & S_{zy} & S_{zz} \end{bmatrix} = \sum_{i=1}^n r'_{l,i} r'^T_{r,i}$$

$$N = \begin{bmatrix} (S_{xx} + S_{yy} + S_{zz}) & S_{yz} - S_{zy} & S_{zx} - S_{xz} & S_{xy} - S_{yx} \\ S_{yz} - S_{zy} & (S_{xx} - S_{yy} - S_{zz}) & S_{xy} + S_{yx} & S_{zx} + S_{xz} \\ S_{zx} - S_{xz} & S_{xy} + S_{yx} & (-S_{xx} + S_{yy} - S_{zz}) & S_{yz} + S_{zy} \\ S_{xy} - S_{yx} & S_{zx} + S_{xz} & S_{yz} + S_{zy} & (-S_{xx} - S_{yy} + S_{zz}) \end{bmatrix}$$

特征值分解N矩阵: N最小特征值对应的特征向量就是待求四元数

四元数转欧拉角: $q = \cos(\theta/2) + n\sin(\theta/2)$

LocalClosing线程 (correctLoop):



共视关键帧:

有共同MapPoints观测的关键帧

Covisibility Graph:

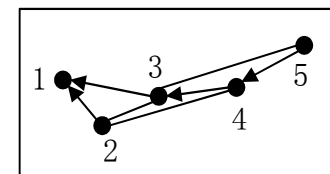
共视关键帧及它们的连接关系构成的图

Essential Graph (包含3部分):

a. 扩展树连接关系

b. 闭环连接关系

c. 共视关系非常好的连接关系

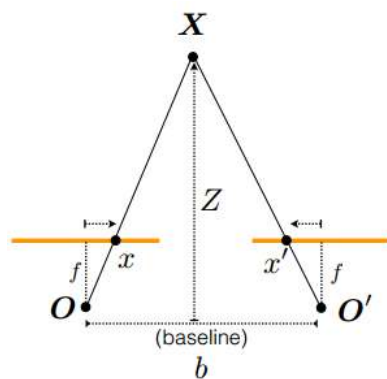


Frame.cpp:

■ 双目立体匹配

- ✓ 为左目每个特征点建立带状区域搜索表，限定搜索区域。（已提前极线校正）
- ✓ 通过描述子进行特征点匹配，得到每个特征点最佳匹配点 `scaleduR0`
- ✓ 通过SAD滑窗得到匹配修正量 `bestincR`
- ✓ $(\text{bestincR}, \text{dist})$ $(\text{bestincR}-1, \text{dist})$ $(\text{bestincR}+1, \text{dist})$ 三个点拟合出抛物线，得到亚像素修正量 `deltaR`
- ✓ 最终匹配点位置为: `scaleduR0 + bestincR + deltaR`

■ Disparity与Depth



$$\frac{X}{Z} = \frac{x}{f} \quad \frac{b - X}{Z} = \frac{x'}{f}$$

$$\Rightarrow \text{Disparity: } d = x - x' = \frac{bf}{Z}$$

单目Initializer.cpp:

- 特征点归一化，坐标均值为0，一阶绝对矩为1

$$mean_x = (\sum_{i=0}^N u_i)/N \quad mean_y = (\sum_{i=0}^N v_i)/N \quad (1)$$

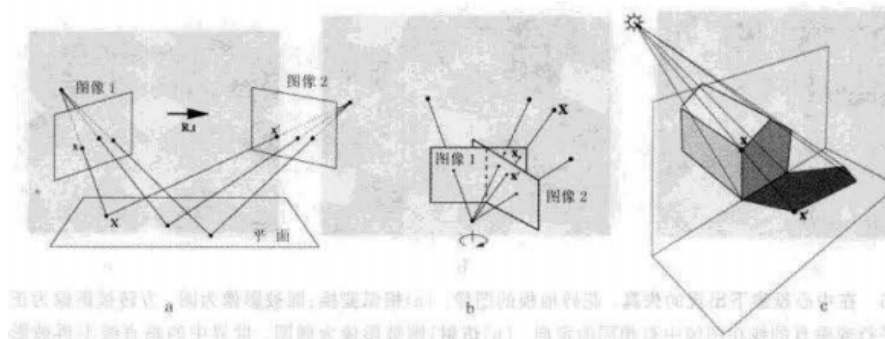
$$mean_devx = (\sum_{i=0}^N |u_i - mean_x|)/N \quad mean_devy = (\sum_{i=0}^N |v_i - mean_y|)/N \quad (2)$$

$$sX = 1/mean_devx \quad sY = 1/mean_devy \quad (3)$$

$$T = \begin{bmatrix} sX & 0 & -meanx * sX \\ 0 & sY & -meany * sY \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (4)$$

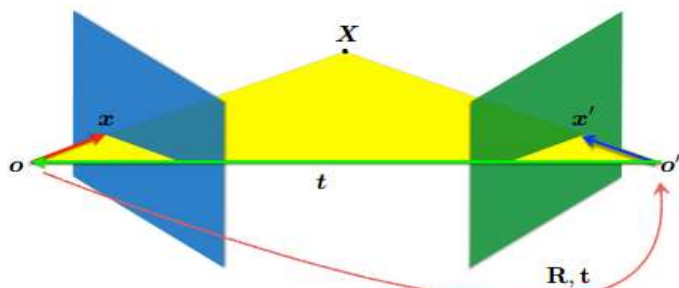
- 单应性矩阵模型 (Homograph Matrix)

$$\begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}_{right} = \lambda \begin{bmatrix} h1 & h2 & h3 \\ h4 & h5 & h6 \\ h7 & h8 & h9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}_{left} \quad (5)$$



单目Initializer.cpp:

对极几何模型 (Fundamental Matrix)



$$\text{刚体旋转 } x' = R(x - t) \quad (1)$$

$$\text{共平面 } (x - t)^T (t \times x) = 0 \quad (2)$$

$$\Rightarrow (x'^T R)(t \times x) = 0 \Rightarrow (x'^T R)([t_\times]x) = 0$$

$$\Rightarrow x'^T (R[t_\times])x = 0 \Rightarrow \mathbf{x'^T E x} = 0 \quad (3)$$

图像坐标系转相机坐标系:

$$\hat{x} = k^{-1}x \quad \hat{x}' = k'^{-1}x' \quad (4)$$

$$\Rightarrow \mathbf{x'^T F x} = 0 \quad \mathbf{F} = \mathbf{K'^{-T} E K^{-1}} \quad (5)$$

Homograph矩阵求解 (归一化4点算法)

$$\begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}_{right} = \lambda \begin{bmatrix} h1 & h2 & h3 \\ h4 & h5 & h6 \\ h7 & h8 & h9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix}_{right} \Rightarrow x' = \lambda H x$$

$$\text{DLT求解: } x' \times Hx = 0 \Rightarrow Ah = 0 \quad (6)$$

$$\text{其中: } A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & -x & -y & -1 & xy' & yy' & y' \\ -x & -y & -1 & 0 & 0 & 0 & xx' & yx' & x' \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{array}{l} \text{特征值分解: } A^T A \\ \text{最小特征值对应的特征向量} \end{array}$$

$$h = [h1 \ h2 \ h3 \ h4 \ h5 \ h6 \ h7 \ h8 \ h9]'$$

单目Initializer.cpp:

■ Fundamental 矩阵求解 (归一化8点算法)

$$x'Fx = 0 \quad F = \begin{bmatrix} f1 & f2 & f3 \\ f4 & f5 & f6 \\ f7 & f8 & f9 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow Af = 0 \quad (1)$$

$$\text{其中: } A = \begin{bmatrix} x'x & x'y & x' & y'x & y'y & y' & x & y & 1 \end{bmatrix}$$
$$f = [f1 \ f2 \ f3 \ f4 \ f5 \ f6 \ f7 \ f8 \ f9]'$$

\Rightarrow 特征值分解: $A^T A$
最小特征值对应的特征向量

■ Fundamental 矩阵分解

$$E = k'^T F k$$

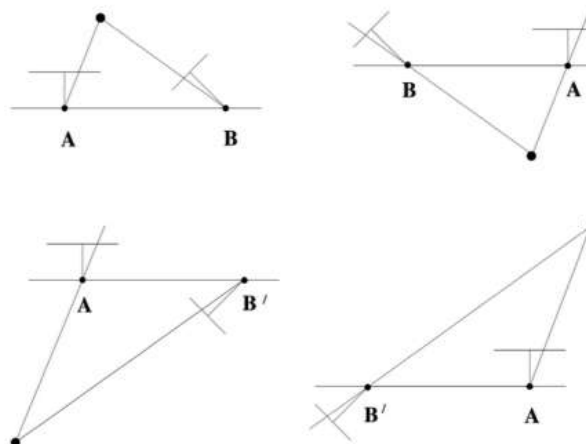
$$\text{SVD分解: } E = U \Sigma V^T \quad \text{令: } W = R_z\left(\frac{\pi}{2}\right) = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$E = [R|T] \begin{cases} R_1 = UWV^T & R_2 = UW^T V^T \\ T_1 = U_3 & T_2 = -U_3 \end{cases}$$

(R T) 选择: 3D点出现在两个相机前方最多的模型

统计四个模型中3D点在摄像头前方且投影误差小于阈值的3D点个数, 以及每个模型下较大的视差角。

如果其中一个模型的视差角大于阈值, 并且满足条件的3D点个数明显大于其它模型, 那么这个模型就是最优选择



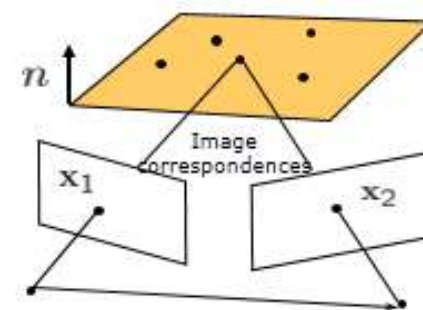
单目Initializer.cpp:

■ Homograph 矩阵分解 (Faugeras SVD-based decomposition)

$\{X_1, X_2\}$ 是相机坐标系匹配的特征点

$aX + bY + cZ = d$ 即 $\frac{1}{d}n^T X = 1$ 表示3D点共同所在的平面, N 为平面法向量

$X = \lambda_1 X_1$ 表示 X_1 在平面上对应的3D点, 世界坐标系与第一个相机坐标系重合



$$\lambda_2 X_2 = RX + t$$

$$= R(\lambda_1 X_1) + t$$

将所有的3D点共平面这个约束引入上式:

$$\lambda_2 X_2 = R(\lambda_1 X_1) + t \cdot \frac{1}{d} n^T (\lambda_1 X_1)$$

$$\Rightarrow X_2 = \lambda \left(R + \frac{1}{d} t n^T \right) X_1$$
$$= \lambda H X_1$$

$\{x_1, x_2\}$ 是图像坐标系匹配特征点, 则:

$$x_2 = \lambda G x_1 \quad G = K H K^{-1}$$

$$\text{令: } A = dR + t n^T$$

对A奇异值分解: $A = U \Lambda V^T$

$$\text{则: } \Lambda = U^T A V = d U^T R V + (U^T t)(V^T n)^T$$

考虑: $s = \det U \det V \quad s^2 = 1$

$$\text{则: } \Lambda = s^2 d U^T R V + (U^T t)(V^T n)^T$$
$$= (sd)(s U^T R V) + (U^T t)(V^T n)^T$$

$$\text{令: } R' = s U^T R V \quad t' = U^T t \quad n' = V^T n \quad d' = sd$$

$$\text{则: } \Lambda = d' R' + t' n'^T$$

引入s是为了说明 R' 与 R , d' 与 d 存在符号取反的可能

单目Initializer.cpp:

■ Homograph 矩阵分解

$$\Lambda = \begin{bmatrix} d_1 & 0 & 0 \\ 0 & d_2 & 0 \\ 0 & 0 & d_3 \end{bmatrix} = d'R' + t'n'^T \quad (1)$$

$$\text{取: } e_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad e_2 = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} \quad e_3 = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\text{则: } n' = \begin{bmatrix} x_1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ x_2 \\ 0 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ x_3 \end{bmatrix} = x_1 e_1 + x_2 e_2 + x_3 e_3$$

$$x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = 1 \quad (2)$$

(1) 式变为:

$$[d_1 e_1 \quad d_2 e_2 \quad d_3 e_3] = [d'R'e_1 \quad d'R'e_2 \quad d'R'e_3] + [t'x_1 \quad t'x_2 \quad t'x_3] \quad (3)$$

(3) 式也可以拆成3个等式:

$$\begin{cases} d_1 e_1 = d'R'e_1 + t'x_1 & (4) \\ d_2 e_2 = d'R'e_2 + t'x_2 & (5) \\ d_3 e_3 = d'R'e_3 + t'x_3 & (6) \end{cases}$$

单目Initializer.cpp:

■ Homograph 矩阵分解

(4) (5) (6) 中每两个式子消去 t' 可得:

$$\begin{cases} d'R'(x_2e_1 - x_1e_2) = d_1x_2e_1 - d_2x_1e_2 \\ d'R'(x_3e_2 - x_2e_3) = d_2x_3e_2 - d_3x_2e_3 \\ d'R'(x_1e_3 - x_3e_1) = d_3x_1e_3 - d_1x_3e_1 \end{cases} \quad (7)$$

因为: $\|R'X\| = \|X\|$

对 (7) 式中三个式子的左右两边同时取范数可得:

$$\begin{cases} (d'^2 - d_2^2)x_1^2 + (d'^2 - d_1^2)x_2^2 = 0 \\ (d'^2 - d_3^2)x_2^2 + (d'^2 - d_2^2)x_3^2 = 0 \\ (d'^2 - d_1^2)x_3^2 + (d'^2 - d_3^2)x_1^2 = 0 \end{cases} \quad (8)$$

对于 (8) 式如果令:

$$d'^2 - d_1^2 = a \quad d'^2 - d_2^2 = b \quad d'^2 - d_3^2 = c$$

则 (8) 式简写为:

$$\begin{bmatrix} b & a & 0 \\ 0 & c & b \\ c & 0 & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1^2 \\ x_2^2 \\ x_3^2 \end{bmatrix} = 0 \quad \text{则} \quad \det \begin{pmatrix} b & a & 0 \\ 0 & c & b \\ c & 0 & a \end{pmatrix} = 0$$

$$\text{则} \quad abc = 0$$

$$(d'^2 - d_1^2)(d'^2 - d_2^2)(d'^2 - d_3^2) = 0 \quad (9)$$

因为: $d_1 \geq d_2 \geq d_3$ (10)

对于 (9) 式, 可分成以下三种情况:

$$\begin{cases} d_1 \neq d_2 \neq d_3 \\ d_1 = d_2 \neq d_3 \text{ 或 } d_1 \neq d_2 = d_3 \\ d_1 = d_2 = d_3 \end{cases}$$

这三种情况下均可以得到: $d' = \pm d_2$

现对第一种情况用反证法进行证明:

如果: $d' = \pm d_1$ 或 $d' = \pm d_3$

根据 (8) 式可得:

$$\begin{cases} x_1 = 0 \\ (d_1^2 - d_3^2)x_2^2 + (d_1^2 - d_2^2)x_3^2 = 0 \\ d_1 > d_2 > d_3 \end{cases}$$

推出: $x_1 = x_2 = x_3 = 0$

与 $x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 = 1$ 矛盾

单目Initializer.cpp:

■ Homograph 矩阵分解

经过上一页的说明，(3) 式的解分以下几种情况：

$$d' = d_2 > 0 \left\{ \begin{array}{ll} d_1 \neq d_2 \neq d_3 & (11) \\ d_1 = d_2 \neq d_3 \text{ 或 } d_1 \neq d_2 = d_3 & (12) \\ d_1 = d_2 = d_3 & (13) \end{array} \right.$$

$$d' = -d_2 < 0 \left\{ \begin{array}{ll} d_1 \neq d_2 \neq d_3 & (14) \\ d_1 = d_2 \neq d_3 \text{ 或 } d_1 \neq d_2 = d_3 & (15) \\ d_1 = d_2 = d_3 & (16) \end{array} \right.$$

单目Initializer.cpp:

■ Homograph 矩阵分解

对于 (11) 式这种情况:

根据 (8) 式三个方程可解得:

$$n' = \begin{cases} x_1 = \varepsilon_1 \sqrt{\frac{d_1^2 - d_2^2}{d_1^2 - d_3^2}} \\ x_2 = 0 \\ x_3 = \varepsilon_2 \sqrt{\frac{d_2^2 - d_3^2}{d_1^2 - d_3^2}} \\ \varepsilon_1 \varepsilon_2 = \pm 1 \end{cases} \quad (17)$$

将 n' 带入 (5) 式可得:

$$R'e_2 = e_2$$

因此可以得到 R' 的形式为:

$$R' = \begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & -\sin\theta \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin\theta & 0 & \cos\theta \end{bmatrix} \quad (18)$$

将 (18) (19) 带入 (3) 可得:

$$t' = (d_1 - d_3) \begin{pmatrix} x_1 \\ 0 \\ x_3 \end{pmatrix} \quad (20)$$

将 (17) 和 (18) 带入 (7) 式第三个可得 (18) 式中的: $\sin\theta \cos\theta$

$$d' \begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & -\sin\theta \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin\theta & 0 & \cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -x_3 \\ 0 \\ x_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -d_1 x_3 \\ 0 \\ d_3 x_1 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} \sin\theta = \frac{(d_1 - d_3)}{d_2} x_1 x_3 = \varepsilon_1 \varepsilon_3 \frac{\sqrt{(d_1^2 - d_2^2)(d_2^2 - d_3^2)}}{(d_1 + d_3)d_2} \\ \cos\theta = \frac{d_3 x_1^2 + d_1 x_3^2}{d_2} = \frac{d_1 d_3 + d_2^2}{(d_1 + d_3)d_2} \end{cases} \quad (19)$$

单目Initializer.cpp:

■ Homograph 矩阵分解

对于 (12) 式这种情况, (11) 情况的特例:

根据 (8) 式三个方程可解得:

$$n' = \begin{cases} x_1 = 0 \\ x_2 = 0 \\ x_3 = \pm 1 \end{cases}$$

将 n' 带入 (5) 式可得:

$$R' = I$$

带入 (3) 式可得:

$$t' = (d_3 - d_1)n'$$

对于 (13) 式这种情况, (11) 情况的特例:

$$R' = I \quad t' = 0$$

n' 未定义

单目Initializer.cpp:

■ Homograph 矩阵分解

对于 (14) 式这种情况:

根据 (8) 式三个方程可解得:

$$n' = \begin{cases} x_1 = \varepsilon_1 \sqrt{\frac{d_1^2 - d_2^2}{d_1^2 - d_3^2}} \\ x_2 = 0 \\ x_3 = \varepsilon_2 \sqrt{\frac{d_2^2 - d_3^2}{d_1^2 - d_3^2}} \\ \varepsilon_1 \varepsilon_2 = \pm 1 \end{cases} \quad (17)$$

将 n' 带入 (5) 式可得:

$$R'e_2 = -e_2$$

因此可以得到 R' 的形式为:

$$R' = \begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & \sin\theta \\ 0 & -1 & 0 \\ \sin\theta & 0 & -\cos\theta \end{bmatrix} \quad (21)$$

将 (18) (19) 带入 (3) 可得:

$$t' = (d_1 + d_3) \begin{pmatrix} x_1 \\ 0 \\ x_3 \end{pmatrix} \quad (23)$$

将 (17) 和 (18) 带入 (7) 式第三个可得 (18) 式中的: $\sin\theta \cos\theta$

$$d' \begin{bmatrix} \cos\theta & 0 & -\sin\theta \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin\theta & 0 & \cos\theta \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -x_3 \\ 0 \\ x_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -d_1 x_3 \\ 0 \\ d_3 x_1 \end{bmatrix} \Rightarrow \begin{cases} \sin\theta = \frac{(d_1 + d_3)}{d_2} x_1 x_3 = \varepsilon_1 \varepsilon_3 \frac{\sqrt{(d_1^2 - d_2^2)(d_2^2 - d_3^2)}}{(d_1 - d_3)d_2} \\ \cos\theta = \frac{d_3 x_1^2 - d_1 x_3^2}{d_2} = \frac{d_1 d_3 - d_2^2}{(d_1 - d_3)d_2} \end{cases} \quad (22)$$

单目Initializer.cpp:

■ Homograph 矩阵分解

对于 (15) 式这种情况, (14) 情况的特例:

根据 (8) 式三个方程可解得:

$$n' = \begin{cases} x_1 = 0 \\ x_2 = 0 \\ x_3 = \pm 1 \end{cases}$$

将 n' 带入 (5) 式可得:

$$R' = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

带入 (3) 式可得:

$$t' = (d_1 + d_3)n'$$

对于 (16) 式这种情况, (14) 情况的特例:

根据公式 (1) :
$$A = \begin{bmatrix} d_1 & 0 & 0 \\ 0 & d_2 & 0 \\ 0 & 0 & d_3 \end{bmatrix} = d'R' + t'n'^T$$

根据 $d' = d_1 = d_2 = d_3$ 可得:
$$\begin{bmatrix} d' & 0 & 0 \\ 0 & d' & 0 \\ 0 & 0 & d' \end{bmatrix} = d'R' + t'n'^T \Rightarrow Id' = d'R' + t'n'^T$$

取垂直于法向量 n' 的向量 x , 带入: $Id'x = d'R' + t'n'^T$

$$\Rightarrow Rx = -x \quad \text{根据household变换: } R' = -I + 2n'n'^T$$
$$t' = -2d'n'$$

单目Initializer.cpp:

■ Fundamental 模型评分

$$scoreF = \sum_{i=0}^N \rho(T_F - \|x'Fx\|^2/\sigma^2)$$

$$\rho(x) \begin{cases} 0 & x \leq 0 \\ x & else \end{cases} \quad T_H = 5.99$$

■ Homograph 模型评分

$$scoreH = \sum_{i=0}^N \rho(T_H - \|x' - Hx\|^2/\sigma^2) + \rho(T_H - \|x - H^{-1}x'\|^2/\sigma^2) \quad \text{对称转移误差}$$

$$\rho(x) \begin{cases} 0 & x \leq 0 \\ x & else \end{cases} \quad T_F = 3.84$$

■ Homograph 模型与Fundamental模型选择

$$R_H = \frac{s_H}{s_H + s_F} \quad R_H > 0.45$$

单目Initializer.cpp:

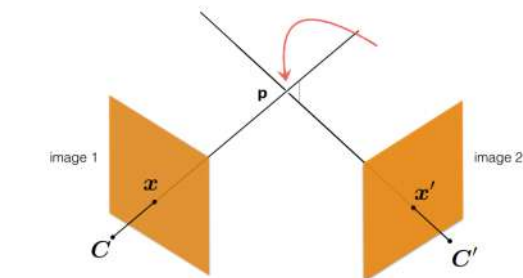
三角化恢复3D点

(x, x') 为匹配特征点对

(P, P') 分别为它们的投影矩阵

$$\Rightarrow x = PX \quad x' = P'X$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix} = \lambda \begin{bmatrix} p1 & p2 & p3 & p4 \\ p5 & p6 & p7 & p8 \\ p9 & p10 & p11 & p12 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{bmatrix}$$



简写:
$$\begin{bmatrix} u \\ v \\ 1 \end{bmatrix} = \lambda \begin{bmatrix} - & P_0 & - \\ - & P_1 & - \\ - & P_2 & - \end{bmatrix} \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{bmatrix}$$

DLT求解:
$$\begin{bmatrix} vP_2 - P_1 \\ P_0 - uP_2 \\ uP_1 - vP_0 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

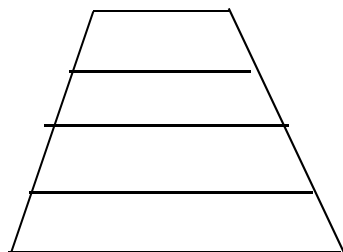
一组匹配点:

$$\begin{bmatrix} vP_2 - P_1 \\ P_0 - uP_2 \\ v'P'_2 - P'_1 \\ P_0 - u'P'_2 \end{bmatrix} X = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

尺度与距离

Nearer

Farther



Level:n-1 \rightarrow dmin

Level:m \rightarrow d

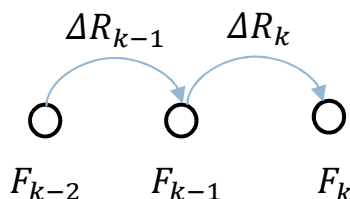
Level:0 \rightarrow dmax

$$d/d_{\min} = 1.2^{(n-1-m)}$$

$$d_{\max}/d = 1.2^m$$

Tracking.cpp:

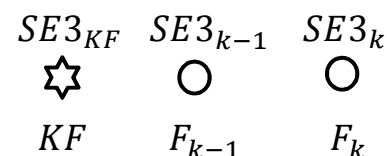
TrackWithMotionModel



恒速模型: $\Delta R \approx \Delta R_{k-1}$

这里是不是可以引入IMU来测量相对旋转呢

TrackReferenceKeyFrame



跟踪参考帧模型: $SE3_k \approx SE3_{KF}$

Relocalization

EPnP求解:

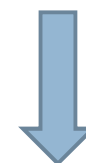
世界坐标系下有N个3D点: $p_i^w \quad i = 1, \dots, n$

选择四个控制点: $c_j^w \quad j = 1, \dots, 4$ 质心, 三个主方向

对每个3D点, 可以找到4个 α_j , 使得: $p_i^w = \sum_{j=1}^4 \alpha_{ij} c_j^w$, 且: $\sum_{j=1}^4 \alpha_{ij} = 1$ (1)

对于同样的 α_j , 可以使得: $p_i^c = \sum_{j=1}^4 \alpha_{ij} c_j^c$ (2)

$p_i^c \quad c_j^c$ 为待求量



Tracking. cpp:

根据投影模型:

$$\lambda_i \begin{bmatrix} u_i \\ v_i \\ 1 \end{bmatrix} = P \cdot \sum_{j=1}^4 \alpha_{ij} c_j^c = \begin{bmatrix} f_u & 0 & u_c \\ 0 & f_v & v_c \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \sum_{j=1}^4 \alpha_{ij} \begin{bmatrix} x_j^c \\ y_j^c \\ z_j^c \end{bmatrix} \quad (3)$$

展开可得:

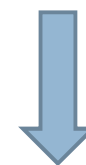
$$\sum_{j=1}^4 \alpha_{ij} f_u x_j^c + \alpha_{ij} (u_c - u_i) z_j^c = 0 \quad \sum_{j=1}^4 \alpha_{ij} f_v y_j^c + \alpha_{ij} (v_c - v_i) z_j^c = 0 \quad (4)$$

将 (4) 写成矩阵形式: $Mx = 0$ 其中待求量为四个控制点: $x = [c_1^{cT}, c_2^{cT}, c_3^{cT}, c_4^{cT}]$ (5)

特征值分解M矩阵: $x = \sum_{i=1}^N \beta_i v_i$ (6)

由于公式5中待求量是四个控制点，共有12个未知数，由公式4可知，每对3D-2D对应点可以形成两个约束，故理论上讲需要6组3D-2D对应点，可EPnP只需要至少4组即可，Why?

对于投影相机模型，公式 (6) 中N等于1，因为只有一个尺度变量；
对于正交相机模型，公式 (6) 中N等于4，因为每个参考点的深度变化后仍满足约束；
因此，当相机焦距比较小时，N为1。当相机焦距更大，相机接近于正交相机时， $M^T M$ 将有4个接近于0的特征值。



Tracking. cpp:

四个参考点两两组合，可以得到6个距离，根据尺度不变性，可以得到如下约束：

$$N=1: \quad \|\beta v^{[i]} - \beta v^{[j]}\|^2 = \|c_i^w - c_j^w\|^2$$

$$\Rightarrow \quad \beta = \frac{\sum_{\{i,j\} \in [1;4]} \|v^{[i]} - v^{[j]}\| \cdot \|c_i^w - c_j^w\|}{\sum_{\{i,j\} \in [1;4]} \|v^{[i]} - v^{[j]}\|^2}$$

$$N=2: \quad \|(\beta_1 v_1^{[i]} + \beta_2 v_2^{[i]}) - (\beta_1 v_1^{[j]} + \beta_2 v_2^{[j]})\|^2 = \|c_i^w - c_j^w\|^2$$

.....

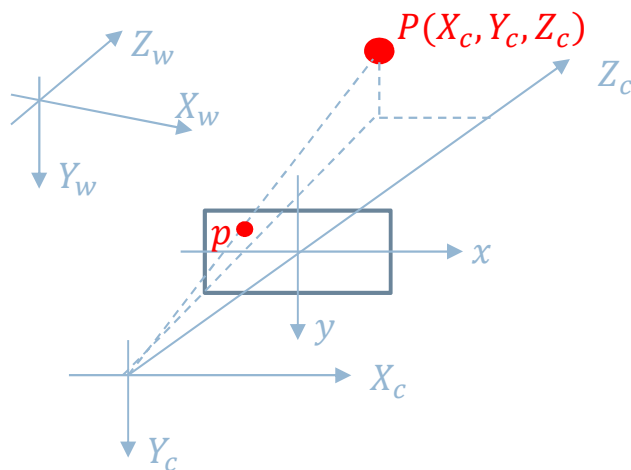
Gauss-Newton优化：

$$Error(\beta) = \sum_{(i,j) \text{ s.t. } i < j} (\|c_i^c - c_j^c\|^2 - \|c_i^w - c_j^w\|^2) \quad c_i^c = \sum_{j=1}^4 \beta_j v_j^{[i]}$$

ORBmatcher.cpp:

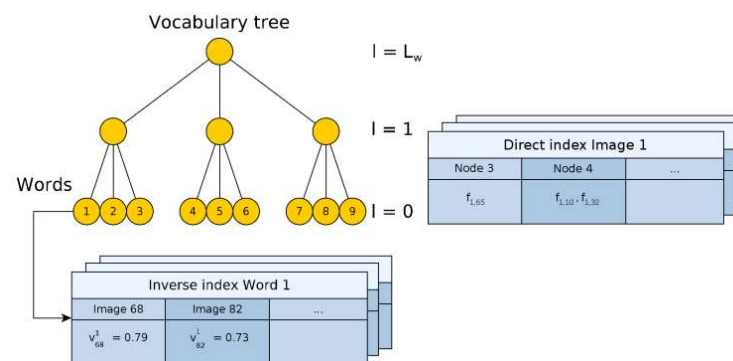
- 1、ORB-SLAM2中特征点匹配均采用了各种技巧减小特征点匹配范围。
- 2、ORB-SLAM2中特征点通过描述子匹配后会进行旋转一致性检测。并且最佳匹配特征点要明显优于次优匹配点。
- 3、ORB-SLAM2中特征点提取仍然是非常耗时的地方。

■ SearchByProjection与SearchBySim3



SearchByProjection函数和SearchBySim3函数利用将相机坐标系下的MapPoints投影到图像坐标系，在投影点附近搜索匹配

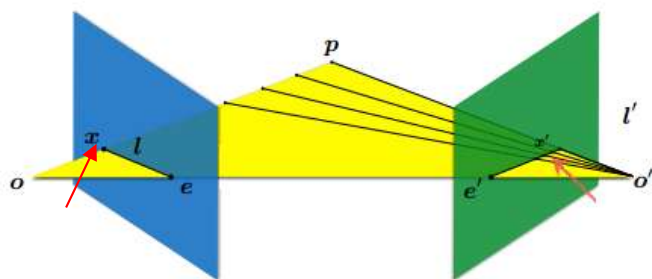
■ SearchByBoW



SearchByBoW函数通过判断特征点对应的word的node是否相同可以加速匹配过程

ORBmatcher.cpp:

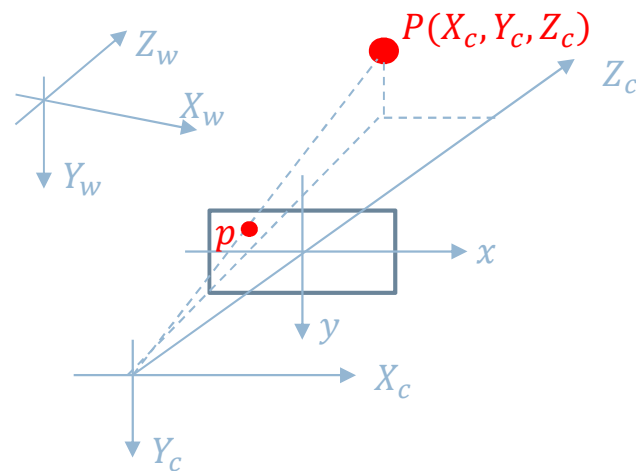
■ SearchForTriangulation



SearchByProjection函数利用对极几何约束：左目一个点对应右目一条线。

将左图像的每个特征点与右图像同一node节点的所有特征点依次检测，判断是否满足对极几何约束，满足约束就是匹配的特征点

■ Fuse



和SearchByProjection函数差不多，只不过是判断特征点p的MapPoint是否与MapPoint点P冲突

Optimizer.cpp:

■ GlobalBundleAdjustment与LocalBundleAdjustment

3D-2D 最小化重投影误差 $e = (u, v) - \text{project}(T_{cw} * P_w)$

Vertex: `g2o::VertexSE3Expmap()`, 即当前帧的`Tcw`

`g2o::VertexSBAPointXYZ()`, `MapPoint`的`mWorldPos`

Edge: `g2o::EdgeSE3ProjectXYZ()`, `BaseBinaryEdge`

Vertex: 待优化当前帧的`Tcw`

Vertex: 待优化`MapPoint`的`mWorldPos`

measurement: `MapPoint`在当前帧中的二维位置 (u, v)

InfoMatrix: `invSigma2`(与特征点所在的尺度有关)

✓ Map中所有的MapPoints和关键帧做bundle adjustment优化

Global BA优化在ORB-SLAM2中有两个地方使用:

a. 单目初始化: `CreateInitialMapMonocular`函数

b. 闭环优化: `RunGlobalBundleAdjustment`函数

✓ LocalBundleAdjustment会在LocalMapping线程处理完队列中最后一个关键帧时进行

Optimizer.cpp:

■ PoseOptimization

3D-2D 最小化重投影误差 $e = (u, v) - \text{project}(\text{Tcw} * \text{Pw})$

只优化Frame的Tcw, 不优化MapPoints的坐标

Vertex: `g2o::VertexSE3Expmap()`, 即当前帧的Tcw

Edge: `g2o::EdgeSE3ProjectXYZOnlyPose()`, `BaseUnaryEdge`

Vertex: 待优化当前帧的Tcw

measurement: MapPoint在当前帧中的二维位置 (u, v)

InfoMatrix: `invSigma2`(与特征点所在的尺度有关)

`g2o::EdgeStereoSE3ProjectXYZOnlyPose()`, `BaseUnaryEdge`

Vertex: 待优化当前帧的Tcw

measurement: MapPoint在当前帧中的二维位置 (u_l, v, u_r)

InfoMatrix: `invSigma2`(与特征点所在的尺度有关)

Optimizer.cpp:

■ OptimizeEssentialGraph

Vertex: `g2o::VertexSim3Expmap`, Essential graph中关键帧的位姿

Edge: `g2o::EdgeSim3()`, `BaseBinaryEdge`

Vertex: 关键帧的Tcw, MapPoint的Pw

measurement: 经过CorrectLoop函数步骤2, Sim3传播校正后的位姿

InfoMatrix: 单位矩阵

✓ OptimizeEssentialGraph会在成功进行闭环检测后, 全局BA优化前进行

Optimizer.cpp:

■ OptimizeSim3

Vertex: `g2o::VertexSim3Expmap()`, 两个关键帧的位姿

`g2o::VertexSBAPointXYZ()`, 两个关键帧共有的MapPoints

Edge: `g2o::EdgeSim3ProjectXYZ()`, `BaseBinaryEdge`

Vertex: 关键帧的Sim3, MapPoint的Pw

measurement: MapPoint在关键帧中的二维位置(u, v)

InfoMatrix: `invSigma2`(与特征点所在的尺度有关)

`g2o::EdgeInverseSim3ProjectXYZ()`, `BaseBinaryEdge`

Vertex: 关键帧的Sim3, MapPoint的Pw

measurement: MapPoint在关键帧中的二维位置(u, v)

InfoMatrix: `invSigma2`(与特征点所在的尺度有关)

✓ OptimizeSim3会在筛选闭环候选帧时用于位姿Sim3优化