2019 年 度 修 士 論 文

クラウドソースドマニュファクチャリングに対する 組合せダブルオークションに基づく リソース配分手法の一提案

神戸大学大学院システム情報学研究科 システム科学専攻

原田佳明

 指導教員
 貝原俊也教授

 審查教員
 主查
 貝原俊也教授

 副查
 羅志偉教授

 副查
 藤井信忠 准教授

2020年2月5日



Title in Engliish Harada Yoshiaki

Abstract

 ${\bf abstract...}$

クラウドソースドマニュファクチャリングに対する 組合せダブルオークションに基づく リソース配分手法の一提案

原田佳明

要旨

従来のモノづくり企業は垂直型経営が主流であった.しかしそれでは近年の製品ライフサイクルの短縮化や需要変動に対応できないという課題点が浮かび上がってきた.その課題を解決する為に日本においてはシェアリング・エコノミーの考え方に基づいたモノづくりの分散化,製造リソースの共有に関する議論が盛んに行われている.そのような中で,共生型モノづくりのコンセプトであるクラウドソースドマニュファクチャリングが提案され,注目を集めている.クラウドソースドマニュファクチャリングとは個々の企業が持つリソース情報を共有しその相互活用を行う生産形態である.この生産携帯の実現には独立した企業が参加する状況下においても成り立つ企業間のリソース配分の仕組みが必要であるとされている.

そこで本研究では、特に買い手・売り手の双方が入札を行える組合せダブルオークションに基づくに着目し、オークションにおいて重要とされるパレート効率性を満たす手法と耐戦略性を満たす手法の2つの手法を提案した。そして計算機実験を行うことでそれぞれの手法の特性解析を行うとともに、現実を想定したケーススタディを行うことで以下の結論を得た。

- 手法 I:パレート効率性を満たす手法においては、 各企業の総利益が高いパレート効率な配分を実現することができたが、参加者企業が評価値を偽って申告することを防ぐ耐戦略性を満たせないことが確認できた.
- 手法 II:耐戦略性を満たす手法においては、定式化、実験両方において耐戦略性を満たすことが確認できた。また手法 I より総利益は低くなってしまったが企業数が増加することほどパレート効率な状態に近づくことが確認できた。
- 手法 I は虚偽申告により、正しくパレート効率な配分を実現できない可能性がある. しかし 虚偽申告が行わなければパレート効率な状態を導くことができる. 従って元々中長期的に信 頼関係が築けている企業群によるクラウドソースドマニュファクチャリングに有効である. 手法 II は耐戦略性を満たせるが、参加企業が少ないと総利益が小さくなってしまう. 従っ てより独立した企業が数多く集まる企業群によるクラウドソースドマニュファクチャリング に有効である.

目 次

第1章	諸論	1
1.1	従来の製造業	1
1.2	シェアリング・エコノミーの発展	2
1.3	共生型モノづくり	4
	1.3.1 Cloud Based Design and Manufacturing	4
	1.3.2 クラウドソースドマニュファクチャリング	5
1.4	研究目的	7
1.5	本論文の構成	7
第2章	クラウドソースドマニュファクチャリングに対するオークションの適用	8
2.1	対象モデル	8
2.2	オークション	6
	2.2.1 オークションとは	6
	2.2.2 オークションの財に関する分類	10
	2.2.3 オークションの入札に関する分類	10
	2.2.4 オークションの評価指標	11
	2.2.5 代表的なオークションの例	11
2.3	本研究における組合せダブルオークション	17
第3章	手法 I: パレート効率性を満たす手法	19
3.1	アルゴリズム	19
	3.1.1 概要	19
	3.1.2 入札作成	19
	3.1.3 リソース配分の決定	21
	3.1.4 取引価格決定	21
	3.1.5 手法Iの持つ特徴	22
3.2	特性評価	22
	3.2.1 1提供企業の虚偽申告率の変更	22
	3.2.2 1要求企業の虚偽申告率の変更	24
	3.2.3 提供側が申告するコストの幅の変更	25

	3.2.4 要求企業が申告する予算の幅の変更	27
3.3	まとめ	28
第4章	手法 II: 耐戦略性を満たす手法	29
4.1	アルゴリズム	29
	4.1.1 概要	29
	4.1.2 要求側の勝者の決定	30
	4.1.3 支払い額の決定	32
	4.1.4 提供側の勝者の決定	32
	4.1.5 報酬額の決定	33
	4.1.6 手法 II の持つ特徴	34
4.2	特性評価	34
	4.2.1 提供企業数の変更	35
	4.2.2 1提供企業の虚偽申告率の変更	36
	4.2.3 1要求企業の虚偽申告率の変更	37
	4.2.4 提供側が申告するコストの幅の変更	39
	4.2.5 要求企業が申告する予算の幅の変更	40
4.3	まとめ	42
第5章	現実を想定したケーススタディ	43
5.1	実験条件	43
5.2	結果	44
5.3	考察	45
5.4	まとめ	45
第6章	結論	46
6.1	まとめ	46
6.9	会然の屋は	16

第1章 諸論

1.1 従来の製造業

従来のモノづくり企業は設計,材料・部品の調達,製造,組立の一連のプロセスを自社でまかなう経営形態である垂直型経営が主流であった[1].垂直型経営はノウハウを蓄積することが可能である,機密性を保てるなどのメリットがある.このようなメリットを生かすことでシャープ,ソニー,パナソニックといった日本企業が世界最高水準の技術力を手にすることができた.

しかし、近年の製造業の顧客ニーズは多様化している。かつてはモノが不足しており、作れば売れる時代であった [2]. その後モノが行き渡ると人々は他人と違うものを求めるようになった。その結果として製品品種の増加、製品ライフサイクルが短期化している。経済産業省のアンケートによると、10年前に比べるとすべての業種において「長くなっている」より「短くなっている」企業の方が多いという結果となった [3] (2015年12月時点) (Fig. 1.1).

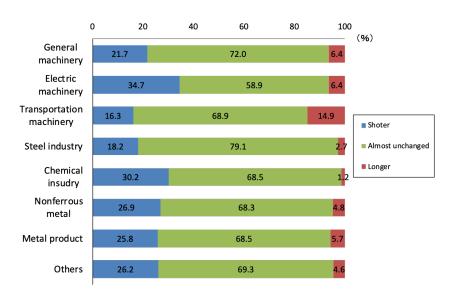


Fig. 1.1: Comparison with life cycle 10 years ago in 2015[3]

このように顧客ニーズの多様化,製品ライフサイクルが短縮化して行くにつれ,従来の垂直型 経営の以下のような課題点が浮き上がってきた.

● 環境変化への対応

- 垂直型経営では自社で全ての固定ラインの生産システムを持っている.この生産システムでは近年の顧客ニーズの変化や需要変動に追従することができない.

• 設備稼働率の低下

- 従来の生産システムは基本的に自社で全ての作業を行うことが多く、ピーク需要に合わせて生産能力を決定している。その結果として設備稼働率が低下してしまう。そうすると固定費である生産設備費用が高くなり、高コスト・高アセットな製品となってしまう。

上記の課題を解決する為に、クラウド技術の活用や IoT 技術の活用に注目が集まっている。その中でも日本においてはシェアリング・エコノミーの考え方に基づいたモノづくりの分散化、製造リソースの共有に関する議論が盛んに行われている [4].

1.2 シェアリング・エコノミーの発展

IoT技術の発展を背景に、近年シェアリング・エコノミーが普及している。本節ではまずIoT関する説明を行い、その後、シェアリング・エコノミーについて述べる。

IoT の発展

近年、電子デバイスの低価格化、インターネットの発展により IoT(Internet of Things) の活用 に注目が集まっている。IoT とはありとあらゆるものインターネット上に繋いでいく技術や概念 である [5]. IoT が普及すると、従来インターネットに接続されていなかったモノ (センサー機器, 駆動装置 (アクチュエータ) 建物、車、電子機器などが) がインターネットを通じてサーバやクラウドサービスに接続され、相互に情報をやり取りすることができるようになる [6].

製造業においても IoT を活用することで効率化を狙う動きが活発化している. 以下にその政策 例を示す.

- Industrie 4.0[7]: ドイツ政府が推し進める国家プロジェクトであり、工場内の機器や部品をネットワークでつなぐことで、工場自身が考える「スマートファクトリー」の実現を目指している. 例えば、生産情報を製造機械と個別の部品にも組み込めば消費者のオーダに応じて部品が自発的に加工・組立機械の元へ移動し、自分自身を自ら完成させるといった完全自動化も可能となる.
- Industrial Internet[8]: 2014 年 3 月 27 日に米国で設立された. 産業分 野における IoT 活 用のデファクトスタンダード (国際機関が定めた規格ではなく結果として事実上標準化した 基準) や,テストベッドによるエコシステムなどを推進する国際的な団体である. 日本の富 士通なども参加しおり,工場の機器に装着したセンサーからリアルタイムに取得する稼働情報などと,関連する製造計画や作業実績といったデータをクラウド上で統合することによる「工場の見える化」により様々なコスト削減を目指したテストベッドを行っている [9].

● Made in China 2025[10]: 中国は現在世界一の製造大国であるが、人手に頼った労働集約型である。その構造を変えるため中国は IoT、AI など次世代情報技術と製造業を融合させることで、製造大国から日本、アメリカ、ドイツのような製造強国へ転換することをスローガンとした経済政策 Made in China 2025 を打ち出した。三段階の目標から構成され、最終的に 2049 年には製造強国のトップになることを目標としている。戦略任務としてグリーン製造の推進、品質・ブランドの強化などが挙げられる [11].

このように製造業においても普及する IoT 技術を活用することで人やモノの位置, 稼働状況などの情報を取得することができるようになる. さらにクラウドコンピューティング技術を活用することで, クラウド上にその情報を集約することが可能となる. そうするとことで, 様々な人が情報にアクセスことが可能となり, 実際の資源を共有し再利用をするシェアリング・エコノミーが促進されると考えられている [12].

シェアリングエコノミーとは

シェアリング・エコノミーとは、典型的には個人が保有する遊休資産(スキルのような無形のものも含む)の貸出しを仲介、再利用することを目指す経済の動きであり、貸主は遊休資産の活用による収入、借主は所有することなく利用ができるというメリットがある [12]. 前節の IoT 技術の発展、情報の集約により、誰もが簡単に情報にアクセスすることが可能となることでシェアリング・サービスが急速に普及している。そのサービス例を以下に示す.

- Uber[13]: より安価に移動したいユーザーと、空き時間に車を使って副収入を得たいドライバーをマッチングする「移動のシェアリングエコノミー」に属するサービスである。日本では Uber で配車できるのはタクシーのみであるが、米国などではタクシー以外の一般ドライバーが運転する車も配車可能である。
- Airbnb[14]: Airbnb とは、世界中に空き部屋やスペースなどを持っていて、それを提供して くれる方(ホスト)と宿泊施設を探している旅行客(ゲスト)をつなげるプラットフォーム を提供している Web サービスである.
- Sharing FACTORY[15]: 稼働率が低い設備や遊休となっている機器を企業間で貸しの借り や企業間での直接売買で有効活用することを目的としたサービスを提供している. さらにモ ノ以外にもスキル・人のシェアリングを可能とするサービスの提供も予定している.

製造業への応用

Sharing FACTORY の例にもあるように、製造業においてもシェアリング・エコノミーの考え方を取り入れることで製造リソースをシェアリングでき、従来の垂直統合の課題を克服し生産効率を高めることができる共生型モノづくりの実現を目指す動きが活発化している [4][16].

その1つが「つながる工場」の実現を目指しす IVI(Industrial Value Chain Initiative) である [4]. つながる工場では工場の生産ラインや各業務が工場内,あるいは工場や企業の壁を越えてつなげがり,製造プロセスを部分的に委託する形態がこれまで以上に柔軟に実現する. かつての製造プロセスの外部委託は,下請として中小企業が担ってきた. そこでは価格決定権は委託側にあり製造プロセスを決定や評価を行うのも委託側であった. これに対しつながる工場ではより対等な立場でのサプライチェーンを構成することを目指す. そうすることで高度な加工技術,素材技術や要素技術をもった企業がよりその強みを生かすことが可能となる.

1.3 共生型モノづくり

前節に述べたつながる工場をはじめとした共生型モノづくりのコンセプトは,2013年に発表された Wu らの提言がした CBDM(Cloud Based Design and Manufacturing) が始めと考えられる[17].

1.3.1 Cloud Based Design and Manufacturing

クラウド技術を活用することで、製造業の活性化を図るのが CBDM の狙いである. 具体的には 以下のメリットが挙げられる.

- インターネットやクラウドサービスを活用することで、複数の人で製品を協調設計できる.
- クラウド上で製造リソースを管理することで、必要に応じて分散された製造リソースを利用することができるようになる。

また CBDM の実現においては以下のシステム要件が必要とされている [18].

- R1: 生産設備間のコミニュケーション, 情報や知識共有をサポートするソーシャルメディア
- R2: 製造に関するデータへのアクセスを可能にするクラウドベースの分散ファイルシステム
- R3: ビッグデータを処理および分析できるオープンソースのプログラミングフレームワーク
- R4: マルチテナントアーキテクチャ
- R5: 生産設備のリアルタイムデータを収集, クラウド上に保存し, リモートでの監視, 制御を可能とする機能
- R6: IaaS, HaaS, およびSaaSアプリケーション
- R7: インテリジェントな検索エンジン
- R8: 設計および製造仕様に基づく即時見積を生成するための見積エンジン

上記の要件はいずれも現在の IoT 技術で実現が可能であり、共生型モノづくりの実現は現実味を帯びてきている.

段落じゃなくしたい

以上の背景から Factory of the Future においてリソースの相互融通に着目した生産形態である クラウドソースドマニュファクチャリングの概念が提案された [19].

1.3.2 クラウドソースドマニュファクチャリング

Factory of the Future においてクラウドソースドマニュファクチャリングとは、企業間で設備・材料・労働力・工法を融通し合う共生に着目した生産形態であると記されている [19]. Fig. 1.2 にその概念図を示す.

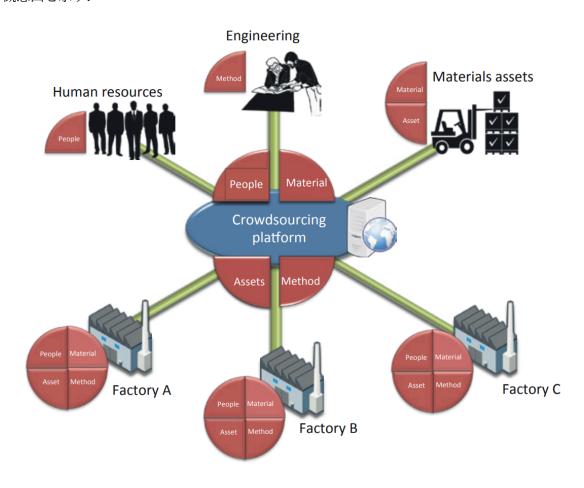


Fig. 1.2: Crowdsourced Manufacturing architectures [19]

クラウドソースドマニュファクチャリングは IoT 環境下でリソースの情報を共有することで、設備・材料・労働力・工法を相互融通することを可能にする。クラウドソースドマニュファクチャリングを形成することで、従来のモノづくりの形態にはなかった以下のメリットがあると考える[20].

• ある工場でリソースが不足した際に他の工場に処理を委託することができるようになる.

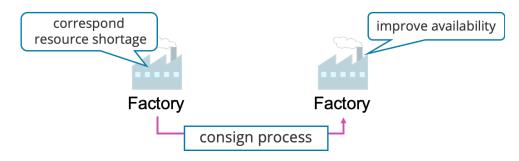


Fig. 1.3: Consign production to other factory in Crowdsourced Manufacturing

Fig. 1.3 のように委託する側は過剰なリソースを持たずとも急な需要変動に対応することができ、また委託される側としては稼働率を向上させることができる.

● 自社にはない機器や能力を扱えるようになり、顧客ニーズに合わせたカスタム生産の対応を 個社で行うときより、低コストで生産することが可能となる.

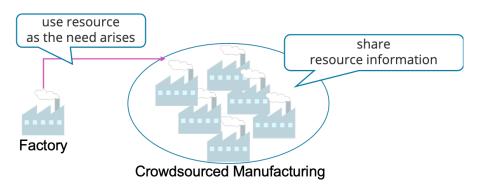


Fig. 1.4: Using resource in Crowdsourced Manufacturing as needed

前述の通り近年の顧客ニーズは多様化している.その対応を1企業で行おうとすると,様々な機器等を揃える必要があり高コストな生産になってしまう.しかし IoT 技術を活用し様々な企業のリソース情報を共有し Crowdsourced Manufacturing を形成しておくことで,Fig. 1.4 のように必要なときに必要な分だけリソースをクラウドソースドマニュファクチャリング上から借りることで低コストな生産が可能となる.

このようにクラウドソースドマニュファクチャリングにおいては様々な独立した企業が参加し, リソースを相互に融通することで,従来より効率的な生産システムが実現する. • リソース融通方法に他にどんなものがあるかを述べる...

1.4 研究目的

前節で述べたクラウドソースドマニュファクチャリングの共生の実現には、独立した企業が参加する状況下でも成り立つ企業間のリソース配分の仕組みが必要であるとされている [21]. この問題に対して、目的の資源配分を自律的に実現する仕組みの設計を目標としたメカニズムデザインの観点、特に金銭取引を伴った資源配分を扱うオークションの知見が役立つと考える. 実際に、メカニズムデザインの観点を考慮したリソース配分に関する研究は行われつつある [22][23]. しかし数は少なく特に取引価格まで同時に決めることができるオークションに基づく研究は少ない.

そこで本研究では、クラウドソースドマニュファクチャリング実現に向けたリソース配分手法を提案する。特に買い手・売り手の双方が入札を行える組合せダブルオークションに基づくに着目し、オークションにおいて重要とされるパレート効率性を満たす手法、耐戦略性を満たす手法の2つ手法を提案する。そして計算機実験を行うことでそれぞれの手法の特性を解析を行うとともに、現実を想定したケーススタディを行い、両手法の位置付けを明らかにする。

1.5 本論文の構成

● 構成を書く....

第2章 クラウドソースドマニュファクチャリング に対するオークションの適用

本章ではオークションを適用したクラウドソースドマニュファクチャリングモデルについて説明を行う. その後オークションについて説明し,本研究でリソース配分のために使用する組合せダブルオークションについて詳細な説明を行う.

2.1 対象モデル

本研究の対象であるクラウドソースドマニュファクチャリングにオークションを適用したモデル図を Fig. 2.1 に示す.

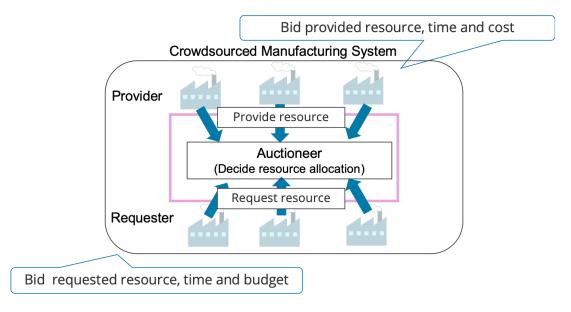


Fig. 2.1: Crowdsourced Manufacturing model

リソースの提供側とリソースの要求側、そしてオークション主催者が存在する. それぞれの主体について説明する.

- リソース要求企業: 要求するリソースの時間, 予算を入札する.
 - 処理不可能な場合に必要リソースを要求する企業をリソース要求企業と呼ぶ.
- リソース提供企業: 提供するリソースの時間, コストを入札する.
 - リソースの遊休時間にそのリソースを他企業に提供する企業をリソース提供企業と呼ぶ.

- ◆ オークション主催者: リソース提供・要求企業の入札を元にリソースの配分と、取引価格を 決定する。
 - 本研究においてはオークション主催者の利益は考慮しないものとする.

クラウドソースドマニュファクチャリングにおいては製造工程間で輸送が発生するため,対象とする製品の処理要求は,工程毎に分割可能とする.

2.2 オークション

本節ではオークションに関する一般的な説明を行った上で,本研究で行う組合せダブルオークションについて説明する.

2.2.1 オークションとは

オークションは、分散化された意思決定下において財の配分と取引価格を決めるルールのことを指す [24]. 近年周波数帯オークション、ネット広告オークションでの成功から更に注目が集まっている [25].

オークションの説明に使用される用語を以下に示す[24].

- 財: オークションにおいて取引される資源のこと
- 入札: 財に対する評価値を表明すること
 - この値を入札値と呼ぶ.
- 準線形環境: 金銭と効用 (利益) が交換可能な環境のこと
 - オークションでは理論解析を簡単にするためほどんどの場合で準線形環境を仮定する.
- 買い手: 金銭を払って財を入手することで利益を得たい主体のこと
 - 買い手の利益は財を入手するのに必要だった価格と評価値の差である.
 - * 例. 評価値 1000 円の財を 500 円で買った買い手の利益は 500 円となる.
- 売り手: 財を売って金銭を得ることで利益を得たい主体のこと
 - 売り手の利益は実際に受け取った報酬と評価値の差である.
 - * 例. 評価値 500 円の財を 1000 円で売った売り手の利益は 500 円となる.
- 真の評価値: その値で財の取引を行うと、利益が0となる値のこと
- ◆ オークション主催者: ある目的を達成するために入札を元に財の配分と価格を決める主体の こと
 - オークションの目的は参加者の効用の合計 (社会的余剰) の最大化, つまり総利益の最大化である.

2.2.2 オークションの財に関する分類

オークションに掛けられる財の種類による分類を以下で説明する.

単一財オークション

オークションにかけられる財が1つであるオークションのことを指す.

複数財オークション

オークションにかけられる財が複数財であるオークションのことを指す.その中でもさらに複数ユニットオークションと組合せオークションの2つに分類される.

複数ユニットオークション 同じ種類の財が複数単位かけられるオークションを複数ユニットオークションと言う.

組合せオークション 複数種類の財が複数単位オークションにかけられ、入手できる組合せによって財の価値が変わるオークションのことを指す。組合せオークションでは財の組合せに対して入札が可能である。組合せオークションでは財同士の価値の間に依存関係がある場合が存在する。例えばメモリとパソコンのように、メモリだけでは無価値でまたメモリが少ない PC が使い勝手が悪いと言うように同時に所有できると価値が高まるなどの関係である。このように相互に補完して効用を得る財の関係のことを補完性と呼ぶ。またメモリでも、A 社のメモリとも B 社のメモリが存在するが 1 つしか必要ない場合のような片方が片方の代わりになる財の関係を代替性と呼ぶ。

2.2.3 オークションの入札に関する分類

次にオークションの入札を誰が行うかに着目した分類について説明する[25].

シングルオークション (シングルサイドオークション)

入札を行う主体が買い手または売り手の片方である場合をシングルサイドオークションと言う. シングルサイドオークションの場合,入札者がオークション主催者の役割を担うことが多い.ま た売り手のみが入札を行うオークションを特にリバースオークションと呼ぶ場合もある.

ダブルオークション (ダブルサイドオークション)

入札を行う主体が買い手,売り手の双方である場合をダブルサイドオークションと言う.

2.2.4 オークションの評価指標

本項ではオークションが満たすべき性質について説明する.

個人合理性

オークションに参加することで損をする者がいない性質のことを指す. 個人合理性を満たさないオークションはオークションに参加することで損をしてしまう可能性があるので,参加者を集めることが極めて困難になる.

パレート効率性

誰かの効用を下げない限り他の誰かの効用を高めることができない状態のことを指す. またこのようなβ状態を導くオークションのことをパレート効率性を満たすオークションと言う. 例えば,総利益が最大化されている状態はパレート効率な状態であり, ある誰かの利益を下げない限り他の誰かの利益を上げることはできない.

耐戦略性

正直に真の評価値を入札値として申告することが支配戦略であるオークションのことを指す. 耐 戦略性を満たすオークションでは. 財に対する真の評価値をそのまま申告することが自分の利益 を最大化する為の支配戦略となる. この性質を満たさないオークションは以下2点の欠点がある.

- オークション主催者が目指したい結果を正しく導くことができない.
 - オークション主催者は入札者の入札値を元に財の配分を決める. しかし耐戦略性を満たさないオークションはその入札値が真の評価値とは限らず、導いた結果が本来の目的を達成できているかが分からない.
- 入札者が入札戦略を考える必要がある.
 - 耐戦略性を満たさないオークションの場合正直な評価値の申告が支配戦略でないので、 どのような入札値で入札するべきかを考える必要がある.

2.2.5 代表的なオークションの例

本項では代表的なオークションについて説明する.

ファーストプライスオークション

ファーストプライスオークションは、勝者となった入札者の入札値で取引を行うオークション である.オークション主催者に対して利益を考慮した値を入札値として提出する.ファーストプ ライスオークションを以下に示す.

・ルール

- 財に対する入札を一度だけ行う.
 - * 入札値はオークション主催者にしか公開されない
- 一番入札値が高い入札者がその入札値でその財を得ることができる (リバースオークションの場合は一番低い入札値の入札者が売ることができる)

分類

- 単一財オークション
- シングルサイドオークション

性質

- 個人合理性を満たす
- パレート効率性を満たさない
- 耐戦略性を満たさない

ファーストプライスオークションはオークションはルールがシンプルであり、また自分の入札 値で取引が行われることから透明性が求められるネット広告オークションなどに使用される [26]. しかし耐戦略性を満たせず支配戦略が存在しないので、入札戦略が複雑になるなどのデメリット が存在する.

セカンドプライスオークション

セカンドプライスオークションは単一財オークションであり、耐戦略性を満たすオークションである。勝者の取引価格はこのオークションで勝者として留まれる最小(最大)の価格となっている。この価格を critical price と呼ぶ。セカンドプライスオークションは以下の特徴を持つ。

・ルール

- 財に対する入札を一度だけ行う
 - * 入札値はオークション主催者にしか公開されない
- 一番入札値が高い入札者が勝者となりその次に高い入札者の入札値 (二位の価格) でその財を得ることができる (リバースオークションの場合は一番低い入札値の入札者が、その次に低い入札値で売ることができる)

分類

- 単一財オークション
- シングルサイドオークション

• 性質

- 個人合理性を満たす,
- パレート効率性を満たす.
- 耐戦略性を満たす.

セカンドプライスオークションは、二位の価格と財に対する真の評価値との差がオークションの勝者となった入札者の利益となる。このオークションは個人合理性・パレート効率性・耐戦略性を満たすことができ、真の評価値で入札することが支配戦略となる。現実の適用例としては、Yahooオークションなどが挙げられる[27]。

VCG オークション (Vickrey-Clarke-Groves Auction)

シングルサイド組合せオークションの代表的なオークションである VCG(Vickrey-Clarke-Groves Auction) オークション [28] はセカンドプライスオークションを一般化し、財の組合せに対する入札に対応したものである。理論的に優れた性質 (個人合理性・パレート効率性・耐戦略性) を持つことから King of Mechanisms とも呼ばれる。VCG オークションは以下の特徴を持つ。

・ルール

- 財に対する入札を一度だけ行う.
 - * 入札値はオークション主催者にのみ公開される.
- 財の配分 (オークションの勝者) は目的が総利益最大である組合せ最適化問題を解くことで決定される.
 - * この問題を勝者決定問題と呼ぶ.
- オークションの勝者は勝者として留まれる最小の価格を支払う.
 - * 価格を決める式は後述する.

分類

- 組合せオークション
- シングルサイドオークション

性質

- 個人合理性を満たす.

- パレート効率性を満たす.
- 耐戦略性を満たす.

以下 VCG オークションにおける勝者決定問題,価格の決定方法にいついて詳しく説明し,その後で性質について詳しく説明する.ただし買い手が入札する場合について説明する.

勝者決定問題の定式化 VCG オークションの勝者を決める勝者決定問題は,組合せ最適化問題として定式化される.

定式化に用いる記号の定義は以下の通りである.

- j: 買い手 j ∈ J
- n: 買い手jの入札 $n \in N$
- $f_{i,n}$: 買い手 j の n 番目の入札の評価値
- $a_{i.n.r}$: 買い手jの入札nに財rが含まれるとき1, 含まれないとき0となる定数
- r: オークションにかけられる財 $r \in \mathbf{R}$
- \bullet V(J): 提供企業の集合がJであるときの勝者決定問題の目的関数値

上記の記号を用いて勝者決定問題を定式化する.

$$\max \quad V(\mathbf{J}) = \sum_{j \in \mathbf{J}} \sum_{n \in \mathbf{N}} f_{j,n} \times x_{j,n}$$
(2.1)

s.t.
$$\sum_{j \in J} \sum_{n \in N} a_{j,n,r} \times x_{j,n} \le 1$$
 (\forall r)

$$\sum_{n \in \mathbf{N}} x_{j,n} \le 1 \tag{3}$$

$$x_{j,n} \in \{0,1\} \tag{2.4}$$

決定変数は $x_{j,n}$ であり、この値が 1 のとき入札者 j の入札 n が勝者となり入札に含れる財が落札され、この値が 0 のときに入札者 j の入札 n のは敗者となる.式 (2.1) は目的関数であり、入札値の合計の最大化を表す.式 (2.2) は財を落札できるのは高々 1 入札者であることを表す制約である.これは財の容量制約を表す.この最大化問題を解くことで、評価値が最大化される割当が実現し総利益が最大化され、パレート効率性が満たされる.

価格の式 VCG オークションにおいて勝者となった j の入札 n の支払い pay_j は以下のように定まる.

$$pay_j = -\{-f_{j,n} + V(\boldsymbol{J})\} + V(\boldsymbol{J}\backslash j) \tag{2.5}$$

 $V(\mathbf{J}\backslash j)$ は j を除いたオークションの勝者決定問題の目的関数値を表す.また, $\{-f_{j,n}+V(\mathbf{J})\}$ は目的関数値から支払いを決めようとする入札の入札値を除いた値である.よって pay_j は j の入札

値に関わらず決定されている。式 (2.5) で決定される支払いが耐戦略性,個人合理性を示すことを Fig. $2.2 \sim$ Fig. 2.5 を用いて説明する。ただしそれぞれの横軸は金額を表す。また買い手 j の入札 n の真の評価値を $t_{j,n}$ とする。

過少申告を行う場合において、虚偽申告により $f_{j,n}(pay_j < f_{j,n} < t_{j,n})$ と申告した場合を考える. Fig. 2.2 より過少申告により pay_j は変わらない. よって利益 $t_{j,n}-pay_j$ は変わらないことがわかる.

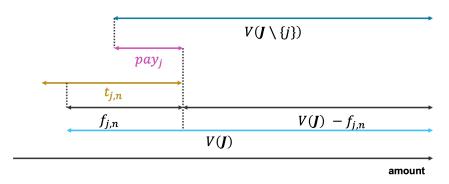


Fig. 2.2: VCG payment:bid too little

次に虚偽申告を行い $f_{j,n}(f_{j,n} < pay_j < t_{j,n})$ と申告した場合を考える. Fig. 2.3 より $f_{j,n}$ が小さくなると $V(J\setminus\{j\})>V(J)$ となり $P(J\setminus\{j\})$ の割当が P(J) で選ばれるようになる. 従って買い手 j は勝者となることができなくなってしまい、利益を得られなくなってしまう.

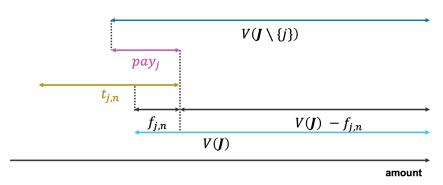


Fig. 2.3: VCG payment:bid too little and lose the auction

次に買い手jが勝者となれる場合に、過大申告を行い評価値を $f_{j,n}(f_{j,n} > t_{j,n})$ とする場合を考える、虚偽申告を行ったとしても Fig. 2.4 より pay_j は変わらず利益 $t_{j,n} - pay_j$ は変わらないことがわかる、

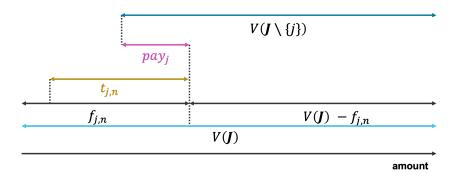


Fig. 2.4: VCG payment:bid excessively

次に買い手jが真の評価値を入札すると勝者となれないが,虚偽申告を行いある入札を $f_{j,n} > t_{j,n}$ とすることで勝者となれた場合を考える.そのときの勝者決定問題の目的関数値を $V'(\mathbf{J})$ とする.その様子を Fig. 2.5 に示す.また $V'(\mathbf{J}\setminus\{j\})$ は買い手j が虚偽申告を行わない場合の目的関数値 V(J) に一致する.このときの pay_j はどのj の入札の真の評価値 $t_{j,n}(\forall \mathbf{N})$ よりも高いので,利益が $t_{j,n}-pay_j<0$ となり損をする結果となる.もし $pay_j< t_{j,n}$ より評価値が高い入札の評価値があれば $P(\mathbf{J})$ において勝者となれていたはずである.

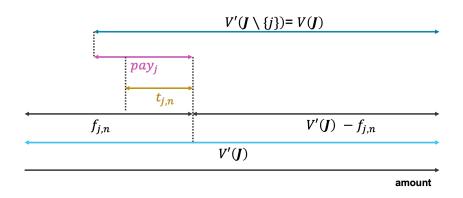


Fig. 2.5: VCG payment:bid excessively if bid truthful and lose the auction

以上により正直に評価値を申告するときが一番利益が高くなり、耐戦略性を満たす。また pay_j は買い手j がオークションの勝者となれる最小の価格となっている。耐戦略性を満たすオークションは自身がオークションの勝者に留まれる最小の価格 (critical price) を支払うことになる。そして虚偽の申告をしない限り利益が負になることがないので個人合理性も満たすことができる。

ザラ場方式

ザラ場方式は証券取引などに用いられるダブル (サイド) オークションの1つである. 5 秒ごとに付け合せが行われる板寄せ方式も存在するが,スピード. 効率,透明性ではザラバ方式が上回り,世界の主要な株式市場で用いられている [29].

・ルール

- 買い手,売り手がそれぞれ見ることができる場に販売希望価格と購入希望価格を入札 する.
 - * 売り手はすでに場に出ている販売希望価格以上の価格しか入札できない
 - * 買い手はすでに場に出ている購入希望価格以上の価格しか入札できない
- 販売希望価格と購入希望価格が一致する瞬間に取引が成立する.
- 定められた時間まで連続的に取引が行われる.

分類

- 複数ユニットオークション
- ダブル (サイド) オークション

● 性質

- 個人合理性を満たす.
- パレート効率性を満たす. (実験的に示されている [30])
- 耐戦略性を満たさない.

2.3 本研究における組合せダブルオークション

従来の製造業における組合せオークションを応用した研究では、シングル (サイド) オークションが多く扱われてきた [31]. しかし本研究のクラウドソースドマニュファクチャリングにおいては、リソース提供企業・リソース要求企業の双方の意思を反映させるためにダブル (サイド) オークションを適用する. そうすることで提供企業と要求企業の総利益が最大化される配分を求めることを可能とした. 本研究で行う組合せダブルオークションは以下の特徴を持つ.

• 入札者

- リソース提供側 (買い手)
 - * 複数ユニットオークション: リソース複数単位 (複数時間) 提供することが可能である.
- リソース要求側 (売り手)
 - * 組合せオークション: 全てのリソースが揃わないと製品を作るが出来ず利益を得る ことが出来ないからである.

• オークション主催者

- 提供企業,要求企業の入札をもとに総利益を最大化するリソース配分を求める.

ダブル (サイド) オークション環境下において、オークション主催者を含めた個人合理性、パレート効率性、耐戦略性の全てを満たすオークションは存在しないことが示されている [32]. そこで本研究では個人合理性を満たした上で、パレート効率性を満たす手法 I と、耐戦略性を満たす手法 II の提案を行う。それぞれの手法に関する説明は第 3 章、4 章にて行い、またオークションの観点からパレート効率性、耐戦略性、クラウドソースドマニュファクチャリングの観点から総利益、提供企業利益、要求企業利益を中心に特性評価を行う。

第3章 手法I: パレート効率性を満たす手法

本章ではパレート効率性を満たす手法Iのアルゴリズムについて説明を行い,その後計算機実験による特性評価を行う.

3.1 アルゴリズム

パレート効率性を満たす手法 I のアルゴリズムについて説明する.

3.1.1 概要

以下に本手法のアルゴリズムの流れを示す.

STEP1: リソース提供企業とリソース要求企業は入札を作成する.

STEP2: オークション主催者は、入札を元に勝者決定問題を解くことでリソース配分を決定する.

STEP3: オークション主催者は、リソースの取引価格を決定する.

各 STEP については次項以降で説明する. また説明に使用する記号の定義を以下に示す.

- i: リソース提供企業 $(i \in \mathbf{I})$
- j: リソース要求企業 ($j \in \mathbf{J}$)
- r: $\forall r \in R$
- $c_{i,r}$: 提供企業 i が提供するリソース r のコスト
- $TP_{i,r}$: 提供企業 i がリソース r を提供する時間
- n: 要求企業 j の n 番目の入札 $(n \in \mathbf{N})$
- $v_{i,n}$: 要求企業 j の n 番目の入札の評価値
- $TR_{i,n,r}$: 要求企業 j の n 番目の入札においてリソース r を要求する時間

3.1.2 入札作成

STEP1 においてリソース提供企業とリソース要求企業はそれぞれ以下のような入札を作成する.

• リソース提供企業: 提供するリソース $r \in \mathbf{R}$ のコスト $c_{i,r}$ と提供時間からなる入札を $|\mathbf{R}|$ 個作成する.

- リソース提供企業:予算 $v_{j,n}$ と要求するリソース $r \in \mathbf{R}$ の要求時間 $TR_{j,n,r}$ からなる入札 n を N 個提示する.
 - 勝者となる入札は1つとする.
 - 必要なリソースの組合せに対してリソースの入札を作成する.

この STEP1 の入札作成は手法 II と共通である。作成され入札の例を Fig. 3.1 に示す。

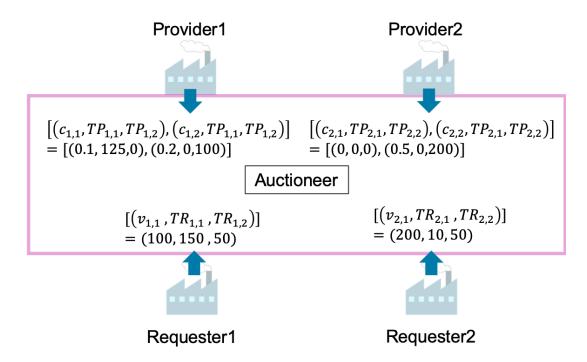


Fig. 3.1: Example of bids

提供企業 1 はリソース 1 をコスト 0.1 [円] で 150 [Ts] 提供し、リソース 2 をコスト 0.2 円で 100 [Ts] 提供していることを表す。同様に、提供企業 2 はリソース 2 をコスト 0.5 [円] で 200 [Ts] 提供する。要求企業 1 は入札 1 において予算 150 円で、リソース 2 とリソースを 50 [Ts] 要求している。同様に要求企業 2 は入札 1 において予算 200 で、リソース 1 を 100 [Ts]、リソース 2 を 50 [Ts] 要求する入札を作成している。

リソース配分の決定 3.1.3

 ${f STEP2}$ において,リソースの配分を決める勝者決定問題 P(I,J) は組合せ最適化問題として定 式化される. 以下にその定式化を示す.

$$\max \quad V(\boldsymbol{I}, \boldsymbol{J}) = \sum_{j \in \boldsymbol{J}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} v_j \times y_{j,n} - \sum_{i \in \boldsymbol{I}} \sum_{r \in \boldsymbol{R}} \sum_{j \in \boldsymbol{J}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} c_{i,r} \times x_{i,r,j,n}$$

$$\text{s.t.} \quad \sum_{j \in \boldsymbol{J}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} x_{i,r,j,n} \leq TP_{i,r} \quad (\forall i, \forall r)$$

$$(3.1)$$

s.t.
$$\sum_{i \in J} \sum_{n \in N} x_{i,r,j,n} \le TP_{i,r} \quad (\forall i, \forall r)$$
 (3.2)

s.t.
$$\sum_{j \in \mathbf{J}} \sum_{n \in \mathbf{N}} x_{i,r,j,n} \leq TP_{i,r} \quad (\forall i, \forall r)$$

$$\begin{cases} x_{i,r,j,n} = 0 \quad (\forall i, \forall r) \\ \sum_{j \in \mathbf{J}} \sum_{n \in \mathbf{N}} TR_{j,n,r} \times x_{i,r,j,n} = TR_{j,n,r} \quad (\forall i, \forall r) \quad (\text{if } y_{j,n} = 1) \end{cases}$$

$$\sum_{n \in \mathbf{N}} y_{j,n} \leq 1 \quad (\forall j)$$

$$(3.2)$$

$$(3.3)$$

$$(3.4)$$

$$\sum_{n \in N} y_{j,n} \le 1 \quad (\forall j) \tag{3.4}$$

$$x_{i,r,j,n} \in \mathbf{Z} \tag{3.5}$$

$$y_{j,n} \in 0,1 \tag{3.6}$$

決定変数は $x_{i,r,j,n}$ と $y_{j,n}$ である. $x_{i,r,j,n}$ は企業iと企業jがリソースrを取引する量を表す整数 変数、 $y_{i,n}$ は企業 j の入札 n が選ばれるとき 1、選ばれない時 0 となる変数である.式 (3.1) は目 的関数であり,総利益最大化を表す.式 (3.2) は提供企業のリソース容量制約を表す.式 (3.3) は 組合せ入札に関する制約であり,要求企業iの入札 n が選ばれないときはどのリソース要求も満 たさず、要求企業iの入札nが選ばれるときはその入札のリソース要求を全て満たすための制約 である. 式(3.4)は勝者となる要求企業の入札は高々1つとする制約である. この組合せ最適化問 題 P(I,J) を解くことで勝者となる要求企業の入札と、それに対する提供リソースの配分を決定す る. また問題 P(I, J) の最適解は総利益が最大化されており、パレート効率な状態となっている.

取引価格決定 3.1.4

 ${f STEP3}$ では前項のリソース配分を元に取引価格 $trade_{i,r,j,n}$ を決定する.手法 ${f I}$ の取引価格は Samimi らの文献を参考にした [33]. この取引価格はお互いの入札値の平均の価格から決定され, 以下の式で表される.

$$trade_{i,r,j,n} = \frac{c_{i,r} + \{v_{j,n} \times \frac{TR_{j,n,r}}{sumTR_{j,n}}/TR_{j,n,r}\}}{2} \times x_{i,r,j,n}$$

$$sumTR_{j,n} = \sum_{n} TR_{j,n,r}$$
(3.7)

$$sumTR_{j,n} = \sum_{r \in R} TR_{j,n,r}$$

$$\tag{3.8}$$

 $sumTR_{j,n,r}$ は要求企業 j が入札 n におけるリソース要求時間の合計であり、式 (3.7) の $v_{j,n}$ × $\frac{TR_{j,n,r}}{sumTR_{j,n}}/TR_{j,n,r}$ はリソースrの1[Ts]分の予算を表す。従って式(3.7)はお互いの入札値の平均 で取引を行っていることとなる.

3.1.5 手法 I の持つ特徴

手法 I は問題 P(I,J) の最適解に従いリソースの配分を決めるので、パレート効率な配分が実現される。しかし取引価格はお互いの入札値の平均をとるので、この価格は提供企業、要求企業ともに critical price となっておらず耐戦略性を満たすことはできない。ただし同じような入札値を持つ企業が増加した場合、虚偽申告を行うとオークションの敗者になる可能性が高くなるので、正直な入札値の申告が支配戦略になっていくことが考えられる。

3.2 特性評価

本節では計算機実験により手法 I の特性を評価する. 問題 P(I,J) の求解には数理計画ソルバー CPLEX を用いる. 共通の実験条件を以下に示す. ただし $[\min,\max]$ は \min から \max の一様乱数 とする.

- リソース |**R**|=6
- 対象期間: 200[Ts]
- 提供企業 |J| = 25
 - 各企業2種類のリソースを遊休時間に提供する
 - 遊休時間 $TP_{i,r}$ [Ts] を [100, 200] で決定する
 - コスト $c_{i,r}$ は[2.0,4.0][円]とする
- 要求企業 |I| = 10
 - 各企業 |**N**|=3 個の入札を作成
 - R種類のリソースを各 [0, 200] [Ts] 要求する
 - 予算 $v_{i,n}$ は合計要求時間と重み [3.0, 5.0] の積 [H] とする

次項以降では以下の項目について変更を行った実験を行い、結果ならびに考察を述べる。

- 1提供企業の虚偽申告率
- 1要求企業の虚偽申告率
- 提供側が申告するコストの幅
- 要求企業が申告する予算の幅

3.2.1 1提供企業の虚偽申告率の変更

本稿では1提供企業の虚偽申告率を変更する実験を行う.手法Iは耐戦略性を満たせず虚偽申告により利益を高められることを確認する.ここでの虚偽申告率とは、コストにある割合分上乗して入札値として申告するとした際のその割合のことを指す.例えばコストが10円、虚偽申告率

が 10%の場合は 11 円と入札する. コストを過剰申告することで利益を上げようとする企業を想定する. 以下に本実験における実験条件を示す.

- 1提供企業の虚偽申告率: 0%, 10%, 20%, 30%
 - 虚偽申告が0%のときは正直にコストを申告する.
- 試行回数: 1回
 - ある1試行における虚偽申告企業の利益を見るために1試行とした.

実験結果

Table 3.1~Table 3.4 はそれぞれ総利益,総提供企業利益,総要求企業利益,虚偽申告を行った1提供企業の利益を示す.

Table 3.1: Total profit in Method I: A provider report false cost

False rate	0%	10%	20%	30%
Total Profit	9175.28	9175.22	9175.22	9049.41

Table 3.2: Providers total profit: in Method I: A provider report false cost

False rate	0%	10%	20%	30%
Providers Total Profit	4587.64	4613.49	4639.38	4524.70

Table 3.3: Requesters total profit in Method I: A provider report false cost

False rate	0%	10%	20%	30%
Requesters Total Profit	4587.64	4561.72	4535.84	4524.70

Table 3.4: The false reporting provider profit in Method I: A provider report false cost

False rate	0%	10%	20%	30%
Requester Profit	112.47	139.30	227.77	0

考察

Table 3.4 において, 偽申告提供企業の利益は虚偽申告率が 0%のとき 112.47 であるが 20%のときに 227.77 であり, 虚偽申告率が 20%まで利益が増加している. 20%から 30%にかけて利益が下

がったのは、申告したコストが高くなりリソースの配分が変わってしまいオークションにおいて勝者となることができなくなってしまったためと考える。よってオークションの敗者になるまで、虚偽申告を行うことで利益を上げることが可能であり、耐戦略性を満たせないことが確認できる。また Table 3.1 の虚偽申告率 0 から 20%まで総利益があまり変化がないにも関わらず、Table 3.2 の総提供企業利益が増加し Table 3.3 の総要求企業利益が減少していることから、虚偽申告提供企業に利益が移動していることが確認できる。

また Table 3.1 より,総利益は虚偽申告率が 0%のときが最も高い 9175.28 であり,虚偽申告率が 30%のときが最も低い 9049.41 である.このように虚偽申告企業が存在してしまうとパレート効率な状態を導けなくなることが確認できる.

3.2.2 1要求企業の虚偽申告率の変更

次に1要求企業の虚偽申告率を変更する実験を行う.手法Iは耐戦略性を満たせず虚偽申告により利益を高められることを確認する.また虚偽申告による影響も確認する.ここでの虚偽申告率は入札の予算に対して減額する割合とする.例えば虚偽申告率が10%のときは,予算が1000円の入札を900円と申告する.予算を過少申告することでより安い価格でリソースを入手しようとする企業を想定する.以下に本実験における実験条件を示す.

- 1要求企業の虚偽申告率:0%, 10%, 20%, 30%
 - 虚偽申告が0%のときは正直に予算を申告する.
- 試行回数:1回
 - ある1試行における虚偽申告企業の利益を見るために1試行とした.

結果

Table 3.5~Table 3.8 は, それぞれ総利益, 総提供企業利益, 総要求企業利益, 虚偽申告を行った1要求企業の利益を示す.

Table 3.5: Total profit in Method I: A requester report false budget

False rate	0%	10%	20%	30%
Total Profit	9175.28	9175.28	9175.28	9175.28

Table 3.6: Total providers profit in Method I: A requester report false budget

False rate	0%	10%	20%	30%
Providers Total Profit	4587.64	4492.88	4398.11	4303.35

Table 3.7: Total requesters profit in Method I: A requester report false budget

False rate	0%	10%	20%	30%
Requesters Total Profit	4587.64	4682.41	4777.17	4871.93

Table 3.8: The false reporting requester profit in Method I: A requester report false budget

False rate	0%	10%	20%	30%
Provider Profit	412.85	457.55	573.55	694.53

考察

Table 3.8 より、虚偽申告要求企業の利益は0%のとき412.85であり、30%のとき694.53となっており、虚偽申告率が増加するごとに利益が上がっていることが確認できる。よって手法Iが耐戦略性を満たせないことが確認できた。また Table 3.5 において、総利益は虚偽申告率が0%から30%のとき9175.28と変化がないが、Table 3.6 の提供企業利益は減少し Table 3.7 の総要求企業利益は増加している。これより虚偽申告企業に利益が移動していることが分かる。

3.2.3 提供側が申告するコストの幅の変更

次に提供側が申告するコストの幅を変更する実験を行う.幅を変更したそれぞれの場合において,ある提供企業が虚偽申告率を変更した場合に利益がどのように変化するかを確認する.各企業が申告するコストの幅が狭くなる,つまり同じようなコストの企業が集まると正直な申告が支配戦略になることを確認する.

- コストを発生させる乱数の幅: 2.5, 2.0, 1.5, 1.0
 - コストを [1.75,4.25], [2.0,4.0], [2.25,3.75], [2.5,3.5] で生成する.
- 試行回数: 10回

実験結果

Table 3.9~Table 3.12 は、それぞれコストの幅が 2.5、2.0、1.5、1.0 のときの虚偽申告提供企業の利益を表す.

Table 3.9: The false reporting provider profit in Method I: cost range=2.5

False rate	0%	10%	20%	30%
AVE.	173.07	194.66	184.64	143.98
S.D.	97.60	104.51	124.04	124.09

Table 3.10: The false reporting provider profit in Method I: cost range=2.0

False rate	0%	10%	20%	30%
AVE.	189.28	203.53	201.61	172.39
S.D.	105.08	103.87	79.45	88.61

Table 3.11: The false reporting provider profit in Method I: cost range=1.5

False rate	0%	10%	20%	30%
AVE.	208.02	209.98	158.56	84.83
S.D.	89.21	116.48	125.35	88.38

Table 3.12: The false reporting provider profit in Method I: cost range=1.0

False rate	0%	10%	20%	30%
AVE.	165.03	147.50	75.35	60.80
S.D.	89.19	90.53	94.68	69.13

Table 3.9~Table 3.12 の結果から、正直にコストを申告した場合に対する虚偽申告を行った際の利益の変化を Table 3.13 に示す.

Table 3.13: Ratio of increased the false reporting provider profit to the profit for reporting truthful cost

10%	20%	30%
12.5%	6.7%	-16.8%
7.5%	6.5%	-6.1%
0.9%	-23.8%	-59.2%
-10.6%	-54.3%	-63.2%
	12.5% 7.5% 0.9%	12.5% 6.7% 7.5% 6.5% 0.9% -23.8%

例えばコストの幅が 2.5 のとき,虚偽申告 10%を行うと正直な申告より利益が 12.5%と増加していることを表している.

考察

Table 3.13 より、コストの幅が 2.5 のときは虚偽申告率が 20%のときまで利益が増加しているが、コストの幅が 1.5 のとき虚偽申告率を 20%とする利益は-6.1%となり減少している。 またコストの幅が 1.0 のときは 10%の虚偽申告でも-10.6%と利益が減少しており、コストの幅が狭くなるごとに正直な申告が支配戦略に近づくことがわかる。 これは各提供企業が申告するコストの幅が

狭い状況で虚偽申告を行うと勝者決定問題 $P(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J})$ において敗者となってしまい、利益を得られないからである.

3.2.4 要求企業が申告する予算の幅の変更

次に提供側が申告する予算の幅を変更する実験を行う. 幅を変更したそれぞれの場合において, ある要求企業が虚偽申告率を変更した場合に利益がどのように変化するかを確認する. 前項と同 様に同じような予算の企業が集まると正直な申告が支配戦略になることを確認する.

- 予算を決める重みの乱数の幅: 2.5, 2.0, 1.5, 1.0
 - 重みを [2.75,5.25], [3.0,5.0], [3.25,4.75], [3.5,4.5] で生成する.
- 試行回数:10 回

実験結果

Table 3.14~Table 3.17 は、それぞれ予算の幅が 2.5, 2.0, 1.5, 1.0 のときの虚偽申告要求企業の利益を表す.

Table 3.14: The false reporting requester profit in Method I: budget range=2.5

False rate	0%	10%	20%	30%
AVE.	408.94	448.28	453.20	230.52
S.D.	293.34	376.17	477.45	466.90

Table 3.15: The false reporting requester profit in Method I: budget range=2.0

False rate	0%	10%	20%	30%
AVE.	355.23	398.52	291.70	171.81
S.D.	244.25	354.22	366.58	351.41

Table 3.16: The false reporting requester profit in Method I: budget range=1.5

False rate	0%	10%	20%	30%
AVE.	329.75	249.590	123.20	0
S.D.	231.12	256.35	246.64	0

Table 3.17: The false reporting requester profit in Method I: budget range=1.0

False rate	0%	10%	20%	30%
AVE.	433.00	306.62	220.93	0
S.D.	159.78	317.43	352.38	0

Table 3.14~Table 3.17 から,正直にコストを申告した場合に対する虚偽申告を行った際の利益の変化を Table 3.13 に示す.

Table 3.18: Ratio of increased false reporting provider profit to the profit for reporting truthful budget

False rate	10.0%	20.0%	30.0%
range=2.5	9.6%	10.8%	-49.1%
range=2.0	12.2%	-17.9%	-41.1%
${\rm range}{=}1.5$	-24.3%	-62.6%	-100.0%
${\rm range}{=}1.0$	-29.2%	-49.0%	-100.0%

考察

Table 3.18 より,予算の幅が 2.5 のときは虚偽申告率が 20%のときまで利益が増加し,2.0 のときは 10%まで虚偽申告を行うことにより利益を高めることができている.しかし予算の幅が 1.5 より狭くなると虚偽申告率が 10%でも利益を高めることができなくなっている.これにより予算の幅狭くなるほど,正直な申告が支配戦略に近づくことが確認できる.これは各提供企業が申告する予算の幅が狭い状況で虚偽申告を行うと勝者決定問題 P(I,J) において敗者となってしまい,利益を得られないからである.

3.3 まとめ

本章ではパレート効率性を満たす手法Iのアルゴリズムの説明と特性評価を行った.総利益が最大化される解でリソースの配分を決定するのでパレート効率性を満たすことができるが、取引価格が critical price とはなっておらず、耐戦略性を満たせないことを計算機実験において確認した.一方で各企業が申告する評価値の幅が狭くなると虚偽申告企業は損をするので、真の評価値を入札値とすることが支配戦略に近づくことが確認できた.

第4章 手法 II: 耐戦略性を満たす手法

本章では耐戦略性を満たす手法 II のアルゴリズムについて説明を提案し、その後計算機実験による特性評価を行う.

4.1 アルゴリズム

耐戦略性を満たす手法 II のアルゴリズムについて説明する.

4.1.1 概要

2.3 節で述べたように、ダブルオークション環境においてオークション主催者を含めた個人合理性、パレート効率性、耐戦略性の全ての性質を満たすオークションは存在しない。もし耐戦略性を満たす VCG オークションをダブルオークション環境下に適用すると、オークション主催者の個人合理性が満たせなくなってしまう。つまり売り手の報酬の合計が買い手の支払いの合計を上回ってしまう。

そこで提案されたのが Padding Method である [34]. Padding Method とは仮想的な買い手を用意し均衡価格を引き上げる,つまり買い手の支払い額を高めることでオークション主催者の個人合理性を満たすことを可能にした方法である.この考え方を適用した耐戦略性を満たす手法を提案し手法 II と呼ぶ.手法 II は耐戦略性を満たすことはできるが,仮想的な買い手が勝者となった財は実際には取引が行われないので,その分パレート効率性を犠牲にしてしまう.

記号の定義は3.1.1項節と同様のものを用いる. さらに使用する記号の定義を以下に示す.

- Q: 仮想的な買い手
- \bullet P(I,J): 提供企業の集合が J, 要求企業の集合 J であるときの勝者決定問題
- V(I, J): 問題 P(I, J) の目的関数値
- P(I,J,Q): 提供企業の集合がJ, 要求企業の集合J, 仮想的な買い手Q を考慮した場合の勝者決定問題
- V(I, J, Q): 問題 P(I, J, Q) の目的関数値
- \tilde{J} : P(I,J,Q) において勝者となった要求企業の集合
- *pay_i*: 要求企業 *j* が勝者となった入札に対する支払い
- $revenue_{i,r}$: 提供企業 i がリソース r を提供することによって得られる報酬

• $p_{i,r}(\pmb{I},\pmb{J},\pmb{Q})$: 問題 $P(\pmb{I},\pmb{J},\pmb{Q})$ において売手 i がリソース r を提供する為の最大のコスト

以下に本手法のアルゴリズムの流れを示す. なお **STEP1** は手法 I の **STEP1** 入札作成 (3.1.2 項)と同一となる.

STEP1: リソース提供企業とリソース要求企業は入札を作成する.

STEP2: 提供側と要求側の入札を元にした勝者決定問題 P(I,J) に対し、仮想的な買い手 Q を考 慮した問題 P(I, J, Q) を定義し、最適解を求めることで勝者となる入札を決める.

STEP3: P(I, J, Q) において勝者となった要求企業に対して支払い pay_i を決定する.

 $\mathbf{STEP4}$: P(I,J,Q) において勝者となった要求企業の集合を \tilde{J} とし、また敗者となった入札の決 定変数を0とした問題 $P(I, \tilde{J})$ を定義し、最適解を求めることで提供側の勝者(提供量)を決 定する.

STEP5: $P(I, \tilde{J})$ において勝者となったリソース提供企業に対して収入 $revenue_{ir}$ を決定する.

STEP2, STEP3 が要求側の勝者と取引価格決定を決定する部分であり、STEP4, STEP5 が提供企業の勝者と支払い価格を決める部分である.それぞれについて次項以降で説明する.

要求側の勝者の決定 4.1.2

 ${f STEP2}$ の要求側の勝者の決定について説明する.まず勝者決定問題 $P({m I},{m J})$ を作成する.こ れは3.1.3項の定式化と同じであり、以下に再掲する

$$\max \quad V(\boldsymbol{I}, \boldsymbol{J}) = \sum_{j \in \boldsymbol{J}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} v_j \times y_{j,n} - \sum_{i \in \boldsymbol{I}} \sum_{r \in \boldsymbol{R}} \sum_{j \in \boldsymbol{J}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} c_{i,r} \times x_{i,r,j,n}$$

$$\text{s.t.} \quad \sum_{j \in \boldsymbol{J}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} x_{i,r,j,n} \leq T P_{i,r} \quad (\forall i, \forall r)$$

$$(4.1)$$

s.t.
$$\sum_{i \in I} \sum_{n \in N} x_{i,r,j,n} \le T P_{i,r} \quad (\forall i, \forall r)$$
 (4.2)

$$\begin{cases} x_{i,r,j,n} = 0 & (\forall i, \forall r) \\ \sum_{j \in \mathbf{J}} \sum_{n \in \mathbf{N}} TR_{j,n,r} \times x_{i,r,j,n} = TR_{j,n,r} \end{cases}$$
 (if $y_{j,n} = 0$)
$$(\forall i, \forall r) \quad (\text{if } y_{j,n} = 1)$$

$$(4.3)$$

$$\sum_{n \in \mathbf{N}} y_{j,n} \le 1 \quad (\forall j) \tag{4.4}$$

$$x_{i,r,j,n} \in \mathbf{Z} \tag{4.5}$$

$$y_{j,n} \in 0,1 \tag{4.6}$$

ここで手法 Π では、問題 P(I,J) に対し仮想的な買い手 Q を考慮した問題 P(I,J,Q) を作成す る. その際に考慮する仮想的な買い手Qについて説明する.

仮想的な買い手Q

提供企業仮想的な買い手 $m{Q}$ は $Q=\{Q_1,Q_2,Q_r\cdots Q_{|m{R}|}\}$ で表現される. Q_r は $m{Q}$ が要求するリ ソースrを要求する時間であり、以下のように定める [34].

$$Q_r^I = \max\{TP_{i,r}|i \in I\} \tag{4.7}$$

$$Q_r^J = \max\{TR_{j,n,r}|j \in \mathbf{J}, n \in \mathbf{N}\}\tag{4.8}$$

$$Q_r = \max\{Q_r^J, Q_r^I\} \tag{4.9}$$

式 (4.7) は 1 提供企業が提供するリソース r の最大提供時間を表す. 式 (4.8) は 1 要求企業が要求 するリソースrの最大要求時間を表す。よって式(4.9)は1企業が提供または要求するリソースrの最大の時間を表す. 仮想的な買い手Qはこのように定まり、予算は0であるが満たさなければ ならない1要求企業として扱う.こうすることで均衡価格を引き上げることができる.この $oldsymbol{Q}$ を 考慮した問題 P(I,J,Q) を定義する.

問題 P(I, J, Q) の定式化

問題 P(I, J, Q) の定式化を以下に示す.

$$\max V(\boldsymbol{I}, \boldsymbol{J}, \boldsymbol{Q}) = \sum_{j \in \boldsymbol{J}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} v_j \times y_{j,n} - \sum_{i \in \boldsymbol{I}} \sum_{r \in \boldsymbol{R}} \sum_{j \in \boldsymbol{J}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} c_{i,r} \times x_{i,r,j,n} - \sum_{i \in \boldsymbol{I}} \sum_{r \in \boldsymbol{R}} c_{i,r} \times q_{i,r}$$
(4.10)

s.t.
$$\sum_{j \in \mathbf{J}} \sum_{n \in \mathbf{N}} x_{i,r,j,n} + \sum_{i \in \mathbf{I}} \sum_{r \in \mathbf{R}} q_{i,r} \le TP_{i,r} \quad (\forall i, \forall r)$$

$$\tag{4.11}$$

$$\sum_{j \in \mathbf{J}} \sum_{n \in \mathbf{N}} x_{i,r,j,n} + \sum_{i \in \mathbf{I}} \sum_{r \in \mathbf{R}} x_{i,r} = t, \quad (\forall i, \forall r)$$

$$\begin{cases}
x_{i,r,j,n} = 0 & (\forall i, \forall r) \\
\sum_{j \in \mathbf{J}} \sum_{n \in \mathbf{N}} x_{i,r,j,n} = TR_{j,n,r} & (\forall i, \forall r) \\
\sum_{i \in \mathbf{I}} q_{i,r} = Q_r & (\forall r)
\end{cases}$$

$$(4.12)$$

$$\sum_{i \in \mathbf{I}} q_{i,r} = Q_r \quad (\forall r)$$

$$\sum_{i \in I} q_{i,r} = Q_r \quad (\forall r) \tag{4.13}$$

$$\sum_{n \in \mathbf{N}} y_{j,n} \le 1 \quad (\forall j) \tag{4.14}$$

$$x_{i,r,j,n} \in 0, 1(\forall i, \forall r \forall j, \forall n) \tag{4.15}$$

$$y_{j,n} \in \mathbf{Z}(\forall j, \forall n) \tag{4.16}$$

$$q_{i,r} \in \mathbf{Z}(\forall i, \forall r)$$
 (4.17)

問題 P(I, J) と問題 P(I, J, Q) の異なる部分について説明をする.

決定変数 $q_{i,r}$ は提供企業 i が仮想的な買い手 Q に提供するリソース r の量を表す整数変数であ る. そして Q の要求を満たすための制約式 (4.13) が追加される. それによって P(I,J) の提供企 業の容量制約が式 (4.2) から式 (4.11) になる. そして Q を満たした分のコストが目的関数に考慮 されることで P(I,J) の式 (4.1) が式 (4.10) になる. この問題 P(I,J,Q) を解くことでまず勝者 となる要求企業の入札を決定する.

支払い額の決定 4.1.3

STEP3 の支払い額の決定について説明する. 仮想的な買い手Q を考慮した状態で、2.2.5 項に おいて説明した VCG オークションと同様の方法で価格を決定する. すなわち勝者となった提供企 業iの入札nの支払いは以下の式で決定される.

$$pay_{j} = -\{V(\boldsymbol{I}, \boldsymbol{J}, \boldsymbol{Q}) - v_{j,n}\} + V(\boldsymbol{I}, \boldsymbol{J} \setminus \{j\}, \boldsymbol{Q})$$

$$(4.18)$$

 $V(I,J,Q)-v_{in}$ は目的関数値から勝者となった要求企業 j の入札 n の予算を除いた値となってい る. さらに $V(\pmb{I}, \pmb{J} \setminus \{j\}, \pmb{Q})$ は要求企業 j を除いた問題の目的関数値となっている. よって式 (4.18) は VCG オークションと同様にこの値は要求企業 i の予算に依存しておらず、問題 P(I,J,Q) に おいて勝者となる為の最小の価格,つまり critical price となっており,提供企業側の耐戦略性を 満たす、またQによって支払い額が引き上がるのはQが予算0であるが満たさなければならない ので、コストの安いリソースがQに消費されてしまい、残りの要求企業は価格の高いリソースが 割当てられてしまうからと捉えることができる.

4.1.4 提供側の勝者の決定

STEP4 の提供企業の勝者を決める部分について説明する.

問題 $P(\boldsymbol{I}, \tilde{\boldsymbol{J}})$ の定式化

勝者となった要求企業の集合 \tilde{J} を定義し、また敗者となった入札の決定変数を 0 とした新たな 問題 $P(\boldsymbol{I}, \tilde{\boldsymbol{J}})$ を定義する.

$$\max \quad V(\boldsymbol{I}, \tilde{\boldsymbol{J}}) = \sum_{j \in \tilde{\boldsymbol{J}}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} v_j \times y_{j,n} - \sum_{i \in \boldsymbol{I}} \sum_{r \in \boldsymbol{R}} \sum_{j \in \tilde{\boldsymbol{J}}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} c_{i,r} \times x_{i,r,j,n}$$
(4.19)

s.t.
$$\sum_{j \in \tilde{J}} \sum_{n \in N} x_{i,r,j,n} \le T P_{i,r} \quad (\forall i, \forall r)$$
 (4.20)

s.t.
$$\sum_{j \in \tilde{\boldsymbol{J}}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} x_{i,r,j,n} \leq TP_{i,r} \quad (\forall i, \forall r)$$

$$\begin{cases} x_{i,r,j,n} = 0 \quad (\forall i, \forall r) \\ \sum_{j \in \tilde{\boldsymbol{J}}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} TR_{j,n,r} \times x_{i,r,j,n} = TR_{j,n,r} \end{cases} \quad (\forall i, \forall r) \quad (\text{if } y_{j,n} = 1)$$

$$(4.21)$$

$$\sum_{n \in \mathbf{N}} y_{j,n} \leq 1 \quad (\forall j) \tag{4.22}$$

$$y_{j,n} = 0 \quad (\text{if } y_{j,n} = 0 \text{ in } P(I, J, Q))$$
(4.23)

$$x_{i,r,j,n} \in \mathbf{Z} \tag{4.24}$$

$$y_{i,n} \in 0,1 \tag{4.25}$$

問題 $P(I, \tilde{J})$ は問題 P(I, J) の J を \tilde{J} で置き換え,制約式式 (4.23) を追加したものとなっている. 問題 $P(I, \tilde{J})$ の最適解を求めることで、提供企業の勝者つまり各提供企業が提供するリソースの 時間を決定する。よって問題 P(I,J,Q) で敗者となった入札は $P(I,\tilde{J})$ で選ばれることはないので,仮想的な買い手 Q の分のリソースは取引は行われないが利用されることもなくなってしまう。また提供企業数が増加するとこの仮想的な買い手 Q によって利用されないリソースの割合が全体の提供リソースに対して減少するので,Q の影響は小さくなると考えられる。

4.1.5 報酬額の決定

問題 $P(\boldsymbol{I}, \tilde{\boldsymbol{J}})$ の解を元に、売り手 i がリソース r を $\sum_{j \in \tilde{\boldsymbol{J}}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} x_{i,r,j,n}$ [Ts] 提供することで得られる報酬 $revenue_{i,r}$ を式 (4.26) で決定する.

$$revenue_{i,r} = \sum_{j \in \tilde{\boldsymbol{J}}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} c_{i,r} \times x_{i,r,j,n} + V(\boldsymbol{I}, \tilde{\boldsymbol{J}}) - V(\boldsymbol{I}|TP_{i,r} = 0, \tilde{\boldsymbol{J}})$$
$$-\{V(\boldsymbol{I}|c_{i,r} = p_{i,r}(\boldsymbol{I}, \boldsymbol{J}, \boldsymbol{Q}), \tilde{\boldsymbol{J}}) - V(\boldsymbol{I}|TP_{i,r} = 0, \tilde{\boldsymbol{J}})\}$$
(4.26)

式 (4.26) の報酬決定方法が耐戦略性を満たすことについて説明する.そこで式 (4.26) の前半部分と後半部分をそれぞれ以下のようにおく.

$$revenue_{i,r}' = \sum_{i \in \tilde{\boldsymbol{J}}} \sum_{n \in \boldsymbol{N}} c_{i,r} \times x_{i,r,j,n} + V(\boldsymbol{I}, \tilde{\boldsymbol{J}}) - V(\boldsymbol{I}|TP_{i,r} = 0, \tilde{\boldsymbol{J}})$$
(4.27)

$$extra_{i,r} = V(I|c_{i,r} = p_{i,r}(\mathbf{I}, \mathbf{J}, \mathbf{Q}), \tilde{J}) - V(\mathbf{I}|TP_{i,r} = 0, \tilde{\mathbf{J}})$$

$$(4.28)$$

 $revenue_{i,r}$ 'は問題 $P(\pmb{I}, \tilde{\pmb{J}})$ において提供企業 i がリソース r を提供できる最大の価格 (コストと時間の積) であり,売り手側において VCG メカニズムと同様の価格決定方法で求めている. $revenue_{i,r}$ について Fig. 4.1 を用いて説明する.

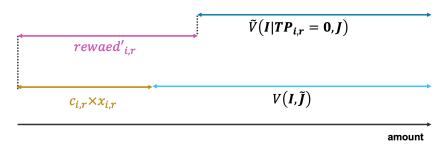


Fig. 4.1: revenue-1

Fig. 4.1 より、もし $revenue_{i,r}$ ' より大きくなるように $c_{i,r}$ を申告してしまうと問題 $P(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J})$ の解は問題 $P(\boldsymbol{I}|TP_{i,r}=0,\tilde{\boldsymbol{J}})$ の解に変わり、提供企業 i はリソース r を提供できなくなってしまう。何故なら $revenue_{i,r}$ ' より大きくなるように $c_{i,r}$ を申告すると $V(\boldsymbol{I},\tilde{\boldsymbol{J}}) > V(\boldsymbol{I}|TP_{i,r}=0,\tilde{\boldsymbol{J}})$ となるからである。よって $revenue_{i,r}$ ' は問題 $P(\boldsymbol{I},\tilde{\boldsymbol{J}})$ において、提供企業 i がリソース r を提供できる最大の価格である。また $V(\boldsymbol{I}|TP_{i,r}=0,\tilde{\boldsymbol{J}})$ には提供企業 i のリソース r の予算は含まれておらず $\sum_{j\in\tilde{\boldsymbol{J}}}\sum_{n\in \boldsymbol{N}}c_{i,r}\times x_{i,r,j,n}+V(\boldsymbol{I},\tilde{\boldsymbol{J}})$ にも提供企業 i のリソース r の予算含まれていないので、 $revenue_{i,r}$ ' において提供企業 i のリソース r の評価値が使用されていない.

また問題 $P(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J})$ と問題 $P(\boldsymbol{I}|TP_{i,r}=0,\tilde{\boldsymbol{J}})$ において勝者となる要求側の入札は変わらないので $revenue_{i,r}$ は $c_{i,r}$ よりコストが高い企業が安い順に $\sum_{j\in\tilde{\boldsymbol{J}}}\sum_{n\in\boldsymbol{N}}x_{i,r,j,n}[Ts]$ 分リソースを提供したコストの和となっている。その提供企業の集合を $\boldsymbol{I'}$ とする.

次に $extra_{i,r}$ について説明する. $p_{i,r}(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J},\boldsymbol{Q})$ は問題 $P(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J},\boldsymbol{Q})$ において売手 i がリソース r を提供する為の最大のコストである. つまり問題 $P(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J},\boldsymbol{Q})$ における提供企業 i がリソース r の critical price を提供時間 [Ts] で割ったものである. ここで問題 $P(\boldsymbol{I}|c_{i,r}=p_{i,r}(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J},\boldsymbol{Q}),\tilde{\boldsymbol{J}})$ と問題 $P(\boldsymbol{I}|TP_{i,r}=0,\tilde{\boldsymbol{J}})$ では先ほど定義した提供企業集合 \boldsymbol{I}' のうち $p_{i,r}(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J},\boldsymbol{Q})$ よりコストが低い企業が提供している部分の解が異なる $(p_{i,r}(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J},\boldsymbol{Q})$ よりコストが低い企業が存在しなければ解は等しくなる).

よって $u = \sum_{\{i \in \tilde{I} \mid c_{i,r} < p_{i,r}(I,J,O)\}} \sum_{i \in \tilde{J}} \sum_{n \in N} x_{i,r,j,n}$ とおくと,

$$extra_{i,r} = V(I|c_{i,r} = p_{i,r}(\boldsymbol{I}, \boldsymbol{J}, \boldsymbol{Q}), \tilde{J}) - V(\boldsymbol{I}|TP_{i,r} = 0, \tilde{\boldsymbol{J}})$$
(4.29)

$$=revenue_{i,r}' - p_{i,r} \times u \tag{4.30}$$

となる. 式 (4.30) は,問題 P(I,J,Q) において $revenue_{i,r}$ ' から計算されたコストを申告すると,提供企業 i の勝者となれない時間分のコストを引くことになる.

以上より式 (4.26) は、問題 $P(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J},\boldsymbol{Q})$ と問題 $P(\boldsymbol{I},\tilde{\boldsymbol{J}})$ の両方で $\sum_{j\in\tilde{\boldsymbol{J}}}\sum_{n\in\boldsymbol{N}}x_{i,r,j,n}[\mathrm{Ts}]$ を提供できる最大の価格を求めている.つまり critical price になっており、提供企業側においても耐戦略性が成り立つ.

4.1.6 手法 II の持つ特徴

4.1.3 項,4.1.5 項で示したように提案した手法 II は耐戦略性を満たす.しかし仮想的な買い手 \mathbf{Q} の分のリソースはどの要求企業にも提供できなくなるので無駄になってしまい,パレート効率性を満たすことができない.一方で提供企業数が増えると仮想的な買い手 \mathbf{Q} によって無駄になってしまうリソースの割合が減少し,パレート効率な状態に近づくと考えられる.また手法 II は提供企業の支払いの合計と提供側の報酬の合計が等しくなるとは限らず,提供企業の支払いの合計と提供側の報酬の合計が等しくなるとは限らず,提供企業の支払いの合計と提供側の報酬の合計余剰の差である余剰利益が発生する.この利益はクラウドソースドマニュファクチャリング内で閉じているので総利益に加算する.

4.2 特性評価

本節では手法 II に関する特性評価を行う.実験条件は3.2項と同様である.次項以降では以下の項目について変更を行った実験を行い結果ならびに考察を述べる.

- 提供企業数
- 1提供企業の虚偽申告率

- 1要求企業の虚偽申告率
- 提供側が申告するコストの幅
- 要求企業が申告する予算の幅

4.2.1 提供企業数の変更

本項では提供企業数を変更する実験を行う. 手法 II は企業数が増加するごとに、パレート効率な状態に近づくことを確認する. パレート効率な総利益は手法 I の総利益を用いる.

以下に本実験における実験条件を示す.

- 提供企業数 *I*:15,20,25,30
- 試行回数:10 回

実験結果

Table 4.1 にパレート効率な状態の総利益, Table 4.2 に手法 II の総利益を示す.

Table 4.1: Pareto efficient total profit

Number of Provider	15	20	25	30
AVE.	8007.79	10857.46	13721.85	14706.66
S.D.	877.31	416.03	531.84	487.50

Table 4.2: Total profit in Method II

Number of Provider	15	20	25	30
AVE.	6600.43	9457.75	12586.24	13785.36
S.D.	650.81	340.77	559.70	723.15

Table 4.1 と Table 4.2 よりパレート効率な総利益に対する手法 II の総利益の減少割合を Table 4.3 を示す.

Table 4.3: Ratio of decreased total profit in Method II to pareto efficient total profit

Number of Provider	15	20	25	30
Decrese Rate	17.57%	12.89%	8.28%	6.26%

Table 4.3 より、提供企業数が 15 のときはパレート効率な状態の総利益より 17.57%減少してしまっているのに対して、提供企業数が 30 のときは 6.25%の減少で留まっている.よって提供企業数が増加すると、仮想的な買い手 Q によって無駄になってしまうリソースの量が減少し、総利益はパレート効率な状態に近づくことが確認できた.これは提供企業数が増加すると、提供リソース全体における仮想的な買い手 Q によって無駄になるリソースの割合が減少するからである.

4.2.2 1提供企業の虚偽申告率の変更

手法 II が耐戦略性を満たすことを確認する. 手法 II は耐戦略性を満たすが、本実験では意図的に1提供企業の虚偽申告率を変更させる実験を行い、正直な評価値の申告が支配戦略となることを確認する. また虚偽申告による影響も確認する.

以下に本実験における実験条件を示す.

- 1提供企業の虚偽申告率:0%, 10%, 20%, 30%
 - 虚偽申告が0%のときは正直にコストを申告する.
- 試行回数:1回
 - ある1試行における虚偽申告企業の利益を見るために1試行とした.

実験結果

Table 4.4~Table 4.7 は, それぞれ総利益, 総提供企業利益, 総要求企業利益, 虚偽申告を行った 1 提供企業の利益を示す.

Table 4.4: Total profit in Method II: A provider report false cost

False rate	0%	10%	20%	30%
Total Profit	8654.35	8651.31	8651.31	8559.37

Table 4.5: Total provider profit in Method II: A provider report false cost

False rate	0%	10%	20%	30%
Total Provier Profit	3204.51	3257.36	3328.47	3353.17

Table 4.6: Total requester profit in Method II: A provider report false cost

False rate	0%	10%	20%	30%
Total Requester Profit	3126.378	3119.517	3105.653	2995.902

Table 4.7: The false reporting requester profit in Method II: A provider report false cost

False rate	0%	10%	20%	30%
Provier Profit	94.98	91.94	91.94	0.00

Table 4.7 より、正直な申告を行ったときの利益は 94.98 であり、虚偽申告を行ったときの利益は 91.94、91.94、0.00 と減少することが分かる。よって耐戦略性を満たすことが確認できた。

しかし Table 4.5 より 1 提供企業の虚偽申告率が増加することで総提供企業利益が増加していることが確認できる. これは手法 II の報酬額の決定方法である式 (4.26) が他企業の提供企業利益から決定されるので、虚偽申告企業の影響で他の提供企業の利益を高めてしまっているからである.

また Table 4.4 より虚偽申告率が増加すると総利益の値が 3204.51 から 3353.17 まで減少してしまっている. これは本実験では意図的に虚偽申告企業を発生させているので、虚偽申告の影響によりリソースの割当が変わり総利益が減少している.

4.2.3 1要求企業の虚偽申告率の変更

手法 II が耐戦略性を満たすことを確認する. 手法 II は耐戦略性を満たすが,意図的に1要求企業の虚偽申告率を変更させる実験を行い,正直な評価値の申告が支配戦略になることを確認する. また虚偽申告による影響も確認する.

以下に本実験における実験条件を示す.

- 1要求企業の虚偽申告率: 0%, 10%, 20%, 30%
 - 虚偽申告が0%のときは正直に予算を申告する.
- 試行回数: 1回
 - ある1試行における虚偽申告企業の利益を見るために1試行とした.

実験結果

Table 4.8~Table 4.10 は,それぞれ総利益,総提供企業利益,総要求企業利益,虚偽申告を行った1要求企業の利益を示す.

Table 4.8: Total profit in Method II: A requester report false budget

False rate	0%	10%	20%	30%
Total Profit	8654.35	8654.35	8654.35	8106.60

Table 4.9: Total providers profit in Method 1: A requester report false budget

False rate	0%	10%	20%	30%
Total Providers Profit	3204.51	3204.51	3204.51	2883.22

Table 4.10: Total providers profit in Method II: A requester report false budget

False rate	0%	10%	20%	30%
Total Requesters Profit	3126.38	3126.38	2832.30	2180.29

Table 4.11: Total providers profit in Method II: A requester report false budget

False rate	0%	10%	20%	30%
Total Requesters Profit	468.09	468.09	468.09	0.00

Table 4.11 より虚偽申告率が 0%から 20%までは同じ利益 468.09 であり,30%のとき利益が 0 となっており、耐戦略性を満たしていることが確認できた.予算が変わっても利益が変わらないことから手法 II の支払い額が自身の評価値に依存していないことも確認できる.

総利益,総提供企業利益に関して虚偽申告率が0%から20%まで変化がないのは,虚偽申告による問題 $P(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J},\boldsymbol{Q})$ と $P(\boldsymbol{I},\tilde{\boldsymbol{J}})$ の解に対しては影響がなかったからである. 総要求企業利益 Table 4.8が虚偽申告率が10%から20%のときに減少している. この理由は,式(4.18)において虚偽申告率が10%から20%になるときの $V(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J},\boldsymbol{Q})$ の減少幅より, $V(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J}\setminus\{j\},\boldsymbol{Q})$ の減少幅の方が小さく,支払い額が増加してしまう要求企業が存在したからだと考える.

この理由について要求企業 2 の支払い額の決定時の結果を用いて説明する.虚偽申告を行った要求企業を要求企業 1 とする.このとき要求企業 2 の勝者となった入札の予算は 2449.17 であった.要求企業 1 の虚偽申告率が 10%のときは $V(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J},\boldsymbol{Q})=4571.30$, $V(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J}\setminus\{2\},\boldsymbol{Q})=4128.26$ となり,問題 $P(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J}\setminus\{2\},\boldsymbol{Q})$ の勝者に要求企業 1 の入札が選ばれていた.要求企業 0 の虚偽申告率が 20%のときは $V(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J},\boldsymbol{Q})=4381.77$, $V(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J}\setminus\{2\},\boldsymbol{Q})=4038.80$ となり,問題 $P(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J}\setminus\{2\},\boldsymbol{Q})$ において要求企業 1 の入札は敗者となっていた.その結果 $V(\boldsymbol{I},\boldsymbol{J}\setminus\{2\},\boldsymbol{Q})$ の減少分は 89.46 とな

り、V(I,J,Q)減少分 189.53 より小さい値となった.その結果支払い額が要求企業 1 虚偽申告率が 10%のときより増加してしまった.

以上より1要求企業の虚偽申告率の変更した実験と同様に、虚偽申告企業は発生し得ないが、も し発生してしまうと Table 4.8 より総利益は減少してしまう.

4.2.4 提供側が申告するコストの幅の変更

本項では手法 II の価格決定方法の特性を確認する為に,提供側の申告するコストの幅を変更する実験を行う.式 (4.26) より手法 II のある提供企業の報酬は他の提供企業のコストに依存した式になっているので他企業のコストの幅が小さくなるごとに,報酬が減少し,1 提供企業あたりの利益は減少すると考えられる.またそれによって余剰利益が減少すると考えられるので.その変化についても確認をする.

- コストを発生させる乱数の幅: 2.5, 2.0, 1.5, 1.0
 - コストを [1.75,4.25], [2.0,4.0], [2.25,3.75], [2.5,3.5] で生成する.
- 試行回数: 10回

実験結果

Table 4.12 に総提供企業利益を示し Table 4.13 に 1 企業あたりの利益の平均値を示す. Table 4.14 に余剰利益を示す.

Table 4.12: Total Provider profit in Method II: Change cost range

Range	2.5	2.0	1.5	1.0
AVE.	3101.13	2536.34	1463.70	1456.30
S.D.	1152.16	450.48	301.13	391.94

Table 4.13: A requester profit in Method II: Change cost range

	2.5	2.0	1.5	1.0
AVE.	124.05	101.45	58.55	58.25
S.D.	46.09	18.02	12.05	15.68

Table 4.14: Surplus profit in Method II: Change cost range

	2.5	2.0	1.5	1.0
AVE.	2695.97	2858.49	3018.05	3410.49

	2.5	2.0	1.5	1.0
S.D.	1094.76	919.96	859.63	904.73

Table 4.12, Table 4.13 より, コストの幅が狭くなるに連れ, 総提供企業利益は 3101.13 から 1456.30 まで減少し, 1 提供企業利益も 124.05 から 58.25 に減少していることが確認できた. 手法 II では式 (4.26) より報酬が他の提供企業のコストによって決まるので, 同じようなコストの企業が集まると報酬が低くなり利益が減少する傾向にある. また Table 4.14 よりコストの幅が狭くなると余剰利益が増加していることが確認できる. これは余剰利益が総支払い額と総報酬額の差であるからである.

4.2.5 要求企業が申告する予算の幅の変更

本項では、前項と同様に手法 II の価格決定方法の特性を確認するために要求側の申告するコストの幅を変更する実験を行う.式 (4.18)より、手法 II の提供企業の報酬は他企業のコストに依存した式になっているので、コストの幅が小さくなるごとに、要求企業の支払いが増加し提供企業の利益は減少すると考えられる。その影響で余剰利益が変化すると考えられこの確認を行う。

- コストを発生させる乱数の幅: 2.5, 2.0, 1.5, 1.0
 - コストを[2.75,5.25], [3.0,5.0], [3.25,4.75], [3.5,4.5] で生成する.
- 試行回数: 10回

実験結果

Table 4.15-Table 4.17 に総提供企業利益,総要求企業利益,1提供企業あたりの利益の平均値, 余剰利益を示す.

Table 4.15: Total requester profit in Methd2: Change budget range

Range	2.5	2.0	1.5	1.0
AVE.	3176.27	2793.80	2069.44	1950.83
S.D.	1163.93	902.33	687.54	629.26

Table 4.16: A requester profit in Method II: Change budget range

Range	2.5	2.0	1.5	1.0
AVE.	317.627	279.380	206.944	195.083

Range	2.5	2.0	1.5	1.0
S.D.	116.393	90.233	68.754	62.926

Table 4.17: Surplus profit: Change budget range

Rate	2.5	2.0	1.5	1.0
AVE.	2573.33	2858.49	2593.19	2188.87
S.D.	781.67	919.96	698.38	660.86

Table 4.15, Table 4.16 より、申告する予算の幅を狭くするごとに総提供企業利益が 3176.27 から 1950.83 まで減少し、1 提供企業の利益が 317.627 から 195.083 まで減少していることが分かる。 それに伴い余剰利益が増加すると考えられたが、Table 4.17 より余剰利益は減少しなかった。この理由について詳しく考察をする。

Table 4.18 に総提供企業利益を示す.

Table 4.18: Total provider profit in Method II: Change budget range

Range	2.5	2.0	1.5	1.0
AVE.	2618.77	2536.34	2970.47	3271.82
S.D.	717.20	450.48	539.37	475.90

Table 4.18 予算の幅が増加すると総提供企業利益が増加していることがわかる. この結果から 余剰利益が増加しなかった理由が総要求企業利益の増加の方が総要求企業利益の減少より大きく なったためと考える.

さらに Table 4.19 にリソース提供前に対するリソース提供後の稼働率の増加率を示す.

Table 4.19: Increase ratio of availability in Method II: Change budget range

Range	2.5	2	1.5	1
Incerase Ratio	42.06%	42.72%	44.70%	48.83%

Table 4.19 より、稼働率の増加率も増加しており提供できているリソースの時間が増加していることがわかる。申告する予算の幅が広いときは、要求時間よりも 1[Ts] あたりの予算が大きい入札が選ばれていたが、申告する予算の幅が狭くなると 1[Ts] あたりの予算の差が狭くなっていき要求時間が長い入札が選ばれるようになったからである。よって提供側の報酬額は相手の予算よりも提供時間に依存すると考えられる。つまり予算が高いが要求時間が短い入札より、予算が低く

て要求時間が長い入札の方が提供企業側の利益としては高くなる. これは 4.1.5 項の式 (4.26) の $revenue_{i,r}$ からも分かる.

4.3 まとめ

本章ではパレート効率性を満たす手法 II のアルゴリズムの説明と特性評価を行った. 耐戦略性を満たすことが計算機実験においても確認できた. 手法 II の支払い額,報酬額の決定が同じ側の他の企業に依存するので,予算やコストなど入札値の幅を変更すると大きく利益が変わることが確認できた. また提供企業数が増加するごとに総利益がパレート効率な状態に近づくことも確認ができた.

第5章 現実を想定したケーススタディ

3章では手法 I はパレート効率性を満たすが、耐戦略性を満たせないことを確認した. ただし、同じような評価値を持つ企業が集まると、正直な申告が支配戦略になることが確認できた. 4章では手法 II は耐戦略性を満たすが、パレート効率性を満たせないことが確認できた. しかし提供企業数が増加するとパレート効率な状態に近づくことが確認できた. また手法 II ではクラウドソースドマニュファクチャリング内の利益ではるが、誰の利益にも属さない余剰利益が発生してしまう. 本章ではより現実を想定したケーススタディを行い、手法 I、手法 II の比較を行う.

5.1 実験条件

本章ではより現実を想定した状況を再現するため、2,3章より大規模な実験を行う。また様々な企業が存在することを想定し、手法 I には虚偽申告を行う企業を発生させる。手法 I においては耐戦略性を満たし、正直な申告が支配戦略となるので、虚偽申告を行う企業は発生しないものとする。実験条件を以下に示す。

- リソースの種類:|**R**| = 10
- 対象期間: 200[Ts]
- 提供企業 |**J**| = 100
 - 各企業2種類のリソースを遊休時間に提供する.
 - 遊休時間 $TP_{i,r}$ [Ts] を [100, 200] で決定する.
 - コスト $c_{i,r}$ は[2.0, 4.0][円]とする.
- 要求企業 |I| = 30
 - 各企業 |N|=5 個の入札を作成する.
 - |**R**| 種類のリソースを各 [0, 200] [Ts] 要求する.
 - 予算 v_{in} は合計要求時間と重み [3.0, 5.0] の積 [円] とする.
- 施行回数:10回
- 手法 I の虚偽申告率:提供企業,要求企業はそれぞれ [0,30]%虚偽申告を行う.

5.2 結果

Table 5.1~Table 5.3 はそれぞれ,総利益,総提供企業利益,総要求企業利益を表す. Table 5.1 の手法 II の括弧内の数字は余剰利益を示す. Table 5.5 と Table 5.4 は,1提供企業あたりの利益,1 要求企業あたりの利益を表す. それぞれの表の Method1(truthful) は,手法 I において,虚偽申告企業がいない場合(正直者のみ)の結果である.

Table 5.1: Total Profit

	MethodI	MethodII	Method1(truthful)
AVE.	38209.03	43851.34(15367.51)	45291.11
S.D.	3554.65	3058.02	2717.13

Table 5.2: Total Providers Profit

	MethodI	MethodII	Method1(truthful)
AVE.	19512.30	18204.50	22645.55
S.D.	1646.21	2811.85	1358.57

Table 5.3: Total Requesters Profit

	Method1	Method2	Method1(truthful)
AVE.	18696.73	10279.33	22645.55
S.D.	2154.17	1801.65	1358.57

Table 5.4: Provider Profit

	Method1	Method2	Method1(truthful)
AVE.	195.12	182.05	226.46
S.D.	16.46	28.12	13.59

Table 5.5: Requester Profit

	Method1	Method2	Method1(truthful)
AVE.	623.224	342.644	754.852
S.D.	71.806	60.055	45.286

5.3 考察

Table 5.1 において、手法 I の総利益は 38209.03 であり、手法 I (正直者のみ) の総利益は 45291.11 となった。手法 I (正直者のみ) はパレート効率な状態であるので、この結果から手法 I は虚偽申告によって正しくパレート効率な状態を導けないことがわかる。またその結果として、手法 II の総利益 18204.50 より低い結果となってしまった。

Table 5.2 により総提供企業利益は、高いものから手法 I(正直者のみ)は 19512.30、手法 I は 18204.50、手法 II は 22645.55 という結果となった。また Table 5.3 より総要求企業利益は、高いものから手法 I(正直者のみ)は 22645.55、手法 I は 10279.33、手法 II は 10279.33 という結果となった。手法 II の総要求企業利益と総提供企業利益がともに手法 I、手法 I(正直者のみ)より低いのは手法 II には誰にも属さない余剰利益が発生してしまうからである。

また手法 I はお互いの取引価格の平均で取引を行うので、総提供企業利益と総要求企業は近い値、また正直者のケースは同じ値となっている。特に Table 5.3 において手法 I の両方の場合において、総提供企業利益が手法 II より高いのは、この総要求企業利益を少ない企業数で分配しているからと捉えることができる。手法 II の支払い決定アルゴリズムは、要求企業と平均をとる形になおらず、他の要求企業に支払いが依存しており、予算に対する要求企業数が多くなると、支払いが高くなり、利益が減少する傾向がある。

5.4 まとめ

本章では現実を想定した状況において、手法 I と手法 II の比較を行った.計算機実験により虚偽申告を行う企業が発生しそうな状況では手法 II が有効であるが、発生しない状況では手法 I の方が有効であることが確認できた.特に手法 I は同じような評価値を持つ企業は多数集まると正直な評価値の申告が支配戦略になるので、そのようなクラウドソースドマニュファクチャリングを形成するときは手法 I を用いる方が良い.また手法 II では手法 I では発生しない余剰利益が発生し、この利益の運用を考える必要がある.

第5章をどうするかは迷っています.提供企業数を変化させ、要求リソースと提供リソースの割合が4:6,5:5,6:4の3パターン行って載せようと考えたのですが同じような傾向が出て、考察が似たようなものしか書けなかったのでとりあえず5:5の場合のみ載せています.

第6章 結論

- 6.1 まとめ
- 6.2 今後の展望

参考文献

- [1] 水平分業と垂直統合、どちらのビジネスモデル手法が優れているのか? クラウド *ERP* 実践ポータル. https://www.clouderp.jp/blog/best-business-model.html. (Accessed on 12/20/2019).
- [2] 売れないモノづくりの原因 売上 5倍の指導実績! "琴線に響く"モノづくり (知恵づくり・人づくり). https://www.asu-b.jp/features3/cause/. (Accessed on 01/12/2020).
- [3] 第1部第1章第3節 市場の変化に応じて経営革新を進め始めた製造企業:2016年版ものづくり白書(METI/経済産業省). https://www.meti.go.jp/report/whitepaper/mono/2016/html/honnbunn/101032_1.html. (Accessed on 01/12/2020).
- [4] Industrial Valuechain Initiative つながるものづくり. https://iv-i.org/wp/ja/. (Accessed on 12/20/2019).
- [5] K. Ashton. "That'Internet of Thing.," in: RFiD Journal 22 (2009).
- [6] IoTとは? (Internet of Things) AWS. https://aws.amazon.com/jp/iot/what-is-the-internet-of-things/. (Accessed on 12/20/2019).
- [7] Kagermann, Wolfgang Wahlster, and Johannes Helbig. "Recommendations for implementing the strategic initiative INDUSTRIE 4.0". In: Final report of the Industrie 4.0 WG April (2013).
- [8] Peter C Evans and Marco Annunziata. "Industrial Internet: Pushing the Boundaries of Minds and Machines". In: *General Electric* January 2012 (2012), p. 37.
- [9] 富士通の実践にもとづく *IoT*ソリューションモデルを *IIC*がテストベッドとして承認:富士通. https://pr.fujitsu.com/jp/news/2015/09/15.html. (Accessed on 01/12/2020).
- [10] Made in China 2025 Center for Strategic and International Studies. https://www.csis.org/analysis/made-china-2025. (Accessed on 01/12/2020).
- [11] 製造大国から製造強国へ 中国の掲げる中国製造 2025 とは IoT NEWS. https://iotnews.jp/archives/138197. (Accessed on 01/12/2020).
- [12] 総務省 | 平成 27年版 情報通信白書 | シェアリング・エコノミーとは. https://www.soumu. go.jp/johotsusintokei/whitepaper/ja/h27/html/nc242110.html. (Accessed on 12/20/2019).
- [13] *Uber* では乗客になることも、ドライバーになって収入を得ることもできます. https://www.uber.com/jp/ja/. (Accessed on 01/12/2020).
- [14] 現地の人から借りる家、体験&スポット Airbnb. https://www.airbnb.jp/. (Accessed on 01/12/2020).
- [15] Sharing FACTORY シェアリングファクトリー. https://sharingfactory.co.jp/. (Accessed on 01/12/2020).

- [16] ものづくり: Factories on Demand: 研究開発:日立. https://www.hitachi.co.jp/rd/portal/highlight/vision_design/future/manufacturing/index.html. (Accessed on 12/20/2019).
- [17] Dazhong Wu et al. "Cloud manufacturing: Strategic vision and state-of-the-art". In: Journal of Manufacturing Systems 32.4 (2013), pp. 564-579. ISSN: 0278-6125. DOI: https://doi.org/10.1016/j.jmsy.2013.04.008. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0278612513000411.
- [18] Dazhong Wu et al. "Cloud-based design and manufacturing: A new paradigm in digital manufacturing and design innovation". In: Computer-Aided Design 59 (2015), pp. 1-14. ISSN: 0010-4485. DOI: https://doi.org/10.1016/j.cad.2014.07.006. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0010448514001560.
- [19] IEC. Factory of the future. [Online]. Available: http://www.iec.ch/whitepaper/pdf/iecWP-futurefactory-LR-en.pdf. [Accessed 22 12 2017]. 2105.
- [20] Yoshiteru Katsumura, Yuuichi Suginishi, and Toshiya Kaihara. "A study of manufacturing effectiveness on cloud-based manufacturing system". In: *Transactions of the JSME* (in Japanese) 82.835 (2016), pp. 15-00430-15-00430. ISSN: 2187-9761. DOI: 10.1299/transjsme.15-00430.
- [21] Einollah Jafarnejad Ghomi, Amir Masoud Rahmani, and Nooruldeen Nasih Qader. "Cloud manufacturing: challenges, recent advances, open research issues, and future trends". In: *International Journal of Advanced Manufacturing Technology* 102.9-12 (2019), pp. 3613–3639. ISSN: 14333015. DOI: 10.1007/s00170-019-03398-7.
- [22] Joseph Thekinen and Jitesh H. Panchal. "Resource allocation in cloud-based design and manufacturing: A mechanism design approach". In: Journal of Manufacturing Systems 43 (2017). High Performance Computing and Data Analytics for Cyber Manufacturing, pp. 327–338. ISSN: 0278-6125. DOI: https://doi.org/10.1016/j.jmsy.2016.08.005. URL: http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0278612516300528.
- [23] 智田崇文 et al. "クラウドマニュファクチャリングにおけるリソースマッチングの安定性改善方式に関する一提案". In: 日本機械学会論文集 (2019), pp. 19–00205.
- [24] 川越 敏司. "マーケット・デザイン オークションとマッチングの経済学". "講談社", 2015.
- [25] 横尾 真. " オークション理論の基礎: ゲーム理論と情報科学の先端領域". " 東京電機大学出版局", 2006.
- [26] Google. ファーストプライス オークションへの移行スケジュール Google アド マネージャー ヘルプ. https://support.google.com/admanager/answer/9298211?hl=ja. (Accessed on 12/26/2019).
- [27] Yahoo!JAPAN. ヤフオク!ヘルプ-入札のしくみ(自動入札と最高入札額). https://www.yahoo-help.jp/app/answers/detail/p/353/a_id/40662/~/入札のしくみ. (Accessed on 12/26/2019).
- [28] William Vickrey. "Counterspeculation, auctions, and competitive sealed tenders". In: *The Journal of finance* 16.1 (1961), pp. 8–37.
- [29] 台湾の株式売買、2020年3月23日からザラバ方式導入: Taiwan Today. https://jp.taiwantoday.tw/news.php?unit=150&post=140924. (Accessed on 01/17/2020).

- [30] Dave Cliff and Janet Bruten. "Zero is Not Enough: On The Lower Limit of Agent Intelligence For Continuous Double Auction Markets". In: (1997).
- [31] 杉之内将大 et al. "組合せオークションとフェロモンを用いた顧客と企業の交渉・協調による日程計画および部品選定の同時最適化手法に関する研究". In: システム制御情報学会論文誌 31.2 (2018), pp. 49–57.
- [32] Shinji Ohseto. "Strategy-proof and efficient allocation of an indivisible good on finitely restricted preference domains". In: *International Journal of Game Theory* 29.3 (2000), pp. 365–374. ISSN: 00207276. DOI: 10.1007/s001820000046.
- [33] Parnia Samimi, Youness Teimouri, and Muriati Mukhtar. "A combinatorial double auction resource allocation model in cloud computing". In: *Information Sciences* 357 (2016), pp. 201–216. ISSN: 00200255. DOI: 10.1016/j.ins.2014.02.008. URL: http://dx.doi.org/10.1016/j.ins.2014.02.008.
- [34] Leon Yang Chu. "Truthful bundle/multiunit double auctions". In: Management Science 55.7 (2009), pp. 1184–1198. ISSN: 00251909. DOI: 10.1287/mnsc.1090.1015.