Лабораторное задание №3

Описание задачи:

Реализовать метод решения системы линейных алгебраических уравнений (СЛАУ) – метод Гаусса.

Описание метода:

Путем применения элементарных преобразований над расширенной матрицей, описывающей систему (матрица коэффициентов + столбец свободных членов):

- 1) перемена мест двух строк или двух столбцов в данной матрице;
- 2) умножение строки (или столбца) на произвольное число, отличное от нуля;
- 3) прибавление к одной строке (столбцу) другой строки (столбца), умноженной на некоторое число.

привести систему к эквивалентной системе верхнетреугольного вида (прямой ход), из которой затем последовательно, начиная с последней строки, найти все переменные (обратный ход).

$$\begin{cases} a_{11}x_1 + \dots + a_{1n}x_n = b_1 \ (1) \\ a_{21}x_1 + \dots + a_{2n}x_n = b_1 \ (2) \\ \dots \\ a_{m1}x_1 + \dots + a_{mn}x_n = b_m \ (m) \end{cases}$$

Прямой ход:

$$(2) \to (2) - (1) \times \left(\frac{a_{21}}{a_{11}}\right) : a'_{22}x_2 + \dots + a'_{2n}x_n = b'_2$$

$$(3) \to (3) - (1) \times \left(\frac{a_{31}}{a_{11}}\right) : a'_{32}x_2 + \dots + a'_{3n}x_n = b'_3$$

$$\dots$$

$$(m) \to (m) - (1) \times \left(\frac{a_{m1}}{a_{11}}\right) : a'_{m2}x_2 + \dots + a'_{mn}x_n = b'_m$$

$$(3) \to (3) - (2) \times \left(\frac{a'_{32}}{a'_{22}}\right) : a''_{33}x_3 + \dots + a''_{3n}x_n = b''_3$$

$$(m) \to (m) - (m-1) \times \left(\frac{a_{m,n-1}^{(m-2)}}{a_{m-1,n-1}^{(m-2)}}\right) : a_{mm}^{(m-1)} x_m + \dots + a_{mn}^{(m-1)} x_n = b_m^{(m-1)}$$

Обратный ход:

Из последнего ненулевого уравнения выражаем базисную переменную через небазисные и подставляем в предыдущие уравнения. Повторяя эту процедуру для всех базисных переменных, получаем решение.

Программа **sle_solve.cpp** последовательно решает данную задачу, сперва для матрицы размером 3x3 для проверки корректности вычислений, сравнивая полученное решение с рассчитанными вручную значениями, затем на матрице большего размера (устанавливается через task_size).

Задание:

- 1. Необходимо собрать проект с исходным файлом *sle_solve.cpp* и запустить собранный исполняемый файл. Оценить время работы программы и корректность ее работы. Зафиксируйте это в отчете.
- 2. С помощью инструментария Advisor необходимо получить метрики исполнения программы в последовательном режиме: GFLOPs, количество используемых потоков, тип векторных команд, определить хотспоты, построить roofline, сохранить snapshot.
- 3. Максимально ускорить выполнение программы, убедиться в корректности ее работы (анализ в Inspector), построить совместные roofline для разных решений, оценить во сколько произошло ускорение. Для параллельной версии программы так же проанализировать эффективность выполнения через VTune. Для успешной сдачи ЛР необходимо добиться хотя бы 2-х кратного ускорения выполнения программы.
- 4. Подготовьте отчет (разделы ниже) и продемонстрируйте работу приложений и их характеристики преподавателю.

Подготовьте отчет со следующими разделами:

- 1. Опишите каким образом Вы проводили оптимизацию последовательно исполняемого приложения (смена последовательности выполнения циклов, разбивка циклов на подциклы, использование SoA вместо AoS и наоборот, раскручивание циклов). Оцените влияние последовательности доступа к данным и их выравнивания в памяти на векторизацию.
- 2. Какие значения основных метрик производительности последовательно исполняемого приложения в Intel Advisor Вы получили (производительность в GFLOPs, пропускная способность памяти, использование векторных инструкций, roofline модель). Как изменились метрики при введении векторизации? Представьте сравнение

«Эффективные гетерогенные вычисления» 2024

метрик производительности последовательной работы с приложением, в котором используется «ручная» оптимизация.

3. Проведите прогнозирование ускорения выполнения программы за счет введения annotations в Intel Advisor. Осуществите введение параллелизма в последовательно исполняемую программу с использованием программной модели ОрепМР, проведите анализ утилизации ресурсов процессора в Intel VTune, сравните нескольких roofline между собой (параллельное исполнение, последовательное исполнение, «ручная» оптимизация) и подтверждение выполнения прогноза ускорения в Intel Advisor. Проверьте корректность выполнения параллельной программы (Intel Inspector).