## Inferenza Statistica

## Esame del 26 maggio 2015

Tempo a disposizione 2 ore.

Tra parentesi quadre i punteggi massimi attribuibili per ciascun quesito (Totale: 34).

- 1. Nella popolazione X è distribuita secondo una legge esponenziale di media  $\mu$ . Si voglia verificare il seguente sistema di ipotesi  $H_0: \mu=150$  contro  $H_1: \mu=200$ . Si immagini di poter disporre di un campione casuale semplice di ampia dimensione n.
  - **a.** [5] Quanto grande è n se voglio  $\alpha = .01$  e  $\beta = .02$ ?
  - **b.** [2] Se il campione ha fornito  $\bar{x} = 175$ , si accetta  $H_0$ ?
  - c. [2] Quanto vale il p-value per il test?
- 2. Gli incidenti automobilistici in Italia in un periodo festivo di 72 ore avvengono secondo un processo di Poisson di paramatro  $\lambda = 10$  per ora. Sia Y il tempo che trascorre fino al primo incidente dall'inizio del periodo festivo.
  - a. [3] Si dica quanto valgono media e varianza di Y.
  - b. [3] Si calcoli la probabilità che il primo incidente avvenga dopo 15 minuti.
  - c. [3] Sia V il tempo che trascorre fino al  $10^{\circ}$  incidente. Qual è la media di V?
- 3. Vi sono numerosi studi il cui obiettivo è quello di comparare il comportamento di consumo di uomini e donne. Si vuole valutare se ci siano differenze nella spesa mensile (in euro) media per abbigliamento maschile e femminile. La presenza di numerosi studi sullo stesso argomento consente di avere informazioni sulla varianza nella popolazione. I risultati di un recente studio sono riportati sotto:

	Uomini	Donne
dimensione campionaria	34	28
media campionaria	212	256
varianza delle due popolazioni	1656	1540

- a. [4] Si fornisca un intervallo di confidenza al livello  $1 \alpha = .98$  per la differenza fra le medie delle spese di consumo di uomini e donne essendo le variante note.
- b. [4] Si calcoli l'intervallo di confidenza per la differenza di cui sopra al livello del 99% immaginando le varianze ignote e uguali, e i valori di  $S^2$  pari a quelli dati nella tabella.
- 4. Sia  $X_1$  una variabile aleatoria con media pari a  $\mu_1=5$  e varianza pari a  $\sigma_1^2=25$  e sia  $X_2$  una variabile aleatoria con media pari a  $\mu_2=2$  e varianza  $\sigma_2^2=1$ . La correlazione fra le due variabili è  $\rho$ . Si definiscano  $Y_1=a_1X_1+a_2X_2$  e  $Y_2=b_1X_1+b_2X_2$ .
  - **a.** [4] Per quali valori di  $a_1$  e  $a_2$  la media di  $Y_1$  e pari a 0?
  - **b.** [4] Per quali valori di  $a_1$ ,  $a_2$ ,  $b_1$  e  $b_2$ , risultano incorrelate  $Y_1$  e  $Y_2$ ?