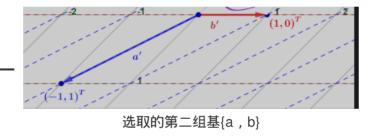
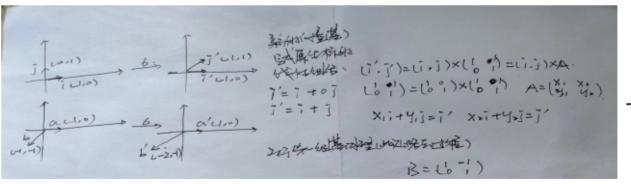


基于线性变换角度理解的矩阵相似

同一线性变换在不同基下对应的矩阵



经过同一个线性变换σ(切变变换)下,两组基的像分别为 ——



此时得到的A、B就是同一线性变换在不同基下对应的不同矩阵

相似矩阵的本质!——同一线性变换下不同基对应的矩阵相似! (1)前面在线性变换里面说过,对于同一个线性变换σ而言,选 取不同的基,会有对应不同的矩阵。现记两个基(...εi...)、 (...αi...),对应矩阵分别为A、B,同时(...εi...)到(...αi...) 的过渡矩阵为P。 (2)因此有

Ι、 (...εi...) =P (...αi...)

 $\mathbb{I} \cdot \sigma ((...\epsilon i...)) = A(...\epsilon i...)$

 $\coprod \sigma ((...\alpha i...)) = B(...\epsilon i...)$

(3) I、σ((...εi...))=σ(P(...αi...))=线性变换的基本特 性=Po ((...ai...)) =PB (...ai...)

 $\mathbb{I} \setminus \sigma ((...\epsilon i...)) = A (...\epsilon i...) = AP (...\alpha i...)$

Ⅲ、PB (...αi...) =AP (...αi...) =>PB=AP=>B=P^-1AP<得 到相似的定义式>