

# 字符串

## ▼ 字符串

### ▼ C/C++ 标准库中的字符串

- C 标准库
- C++ 标准库
- KMP
- AC 自动机
- 后缀数组
- 后缀自动机
- 广义后缀自动机
- Manacher
- 回文树
- 序列自动机

## C/C++ 标准库中的字符串

### C 标准库

- `sscanf(const char *__source, const char *__format, ...)`：从字符串 `__source` 里读取变量，比如 `sscanf(str,"%d",&a)`。
- `sprintf(char *__stream, const char *__format, ...)`：将 `__format` 字符串里的内容输出到 `__stream` 中，比如 `sprintf(str,"%d",i)`。
- `strlen(const char *str)`：返回从 `str[0]` 开始直到 `'\0'` 的字符数。注意，未开启 O2 优化时，该操作写在循环条件中复杂度是 `O(n)` 的。
- `strcmp(const char *str1, const char *str2)`：按照字典序比较 `str1` `str2` 若 `str1` 字典序小返回负值，两者一样返回 `0`，`str1` 字典序更大则返回正值。请注意，不要简单的认为返回值只有 `0`、`1`、`-1` 三种，在不同平台下的返回值都遵循正负，但并非都是 `0`、`1`、`-1`。
- `strcpy(char *str, const char *src)`：把 `src` 中的字符复制到 `str` 中，`str` `src` 均为字符数组头指针，返回值为 `str` 包含空终止符号 `'\0'`。
- `strncpy(char *str, const char *src, int cnt)`：复制至多 `cnt` 个字符到 `str` 中，若 `src` 终止而数量未达 `cnt` 则写入空字符到 `str` 直至写入总共 `cnt` 个字符。
- `strcat(char *str1, const char *str2)`：将 `str2` 接到 `str1` 的结尾，用 `*str2` 替换 `str1` 末尾的 `'\0'` 返回 `str1`。

- `strstr(char *str1, const char *str2)`：若 `str2` 是 `str1` 的子串，则返回 `str2` 在 `str1` 的首次出现的地址；如果 `str2` 不是 `str1` 的子串，则返回 `NULL`。
- `strchr(const char *str, int c)`：找到在字符串 `str` 中第一次出现字符 `c` 的位置，并返回这个位置的地址。如果未找到该字符则返回 `NULL`。
- `strrchr(const char *str, char c)`：找到在字符串 `str` 中最后一次出现字符 `c` 的位置，并返回这个位置的地址。如果未找到该字符则返回 `NULL`。

## C++ 标准库

- 重载了赋值运算符 `+`，当 `+` 两边是 `string/char/char[]/const char*` 类型时，可以将这两个变量连接，返回连接后的字符串（`string`）。
- 赋值运算符 `=` 右侧可以是 `const string/string/const char*/char*`。
- 访问运算符 `[cur]` 返回 `cur` 位置的引用。
- 访问函数 `data()/c_str()` 返回一个 `const char*` 指针，内容与该 `string` 相同。
- 容量函数 `size()` 返回字符串字符个数。
- `find(ch, start = 0)` 查找并返回从 `start` 开始的字符 `ch` 的位置；`rfind(ch)` 从末尾开始，查找并返回第一个找到的字符 `ch` 的位置（皆从 `0` 开始）（如果查找不到，返回 `-1`）。
- `substr(start, len)` 可以从字符串的 `start`（从 `0` 开始）截取一个长度为 `len` 的字符串（缺省 `len` 时代码截取到字符串末尾）。
- `append(s)` 将 `s` 添加到字符串末尾。
- `append(s, pos, n)` 将字符串 `s` 中，从 `pos` 开始的 `n` 个字符连接到当前字符串结尾。
- `replace(pos, n, s)` 删除从 `pos` 开始的 `n` 个字符，然后在 `pos` 处插入串 `s`。
- `erase(pos, n)` 删除从 `pos` 开始的 `n` 个字符。
- `insert(pos, s)` 在 `pos` 位置插入字符串 `s`。
- `std::string` 重载了比较逻辑运算符，复杂度是 `O(n)` 的。

# KMP

```
#include <stdio>
#include <string>
char a[1000005], b[1000005];
int al, bl, nxt[1000005];
int main() {
    scanf("%s%s", a + 1, b + 1);
    al = strlen(a + 1), bl = strlen(b + 1);
    for (int i = 2, j = 0; i <= bl; i++) {
        while(j && b[j + 1] != b[i]) j = nxt[j];
        if (b[j + 1] == b[i]) j++;
        nxt[i] = j;
    }
    for (int i = 1, j = 0; i <= al; i++) {
        while(j && b[j + 1] != a[i]) j = nxt[j];
        if (b[j + 1] == a[i]) j++;
        if (j == bl) printf("%d\n", i - j + 1);
    }
    for (int i = 1; i <= bl; i++) printf("%d ", nxt[i]);
}
```

# AC 自动机

```
#include <cstdio>
#include <queue>
#include <cstring>
using namespace std;
int n;
char s[200][100], t[1000005];
struct AC {
    int ch[11000][26], tot, fail[11000], val[11000], idx[11000], cnt[11000];
    bool end[11000];
    AC() {
        memset(ch, 0, sizeof(ch));
        memset(fail, 0, sizeof(fail));
        memset(val, 0, sizeof(val));
        memset(idx, 0, sizeof(idx));
        memset(cnt, 0, sizeof(cnt));
        tot = 0;
    }
    void insert(char s[], int id) {
        int u = 0;
        for (int i = 0; s[i]; i++) {
            if (!ch[u][s[i] - 'a']) ch[u][s[i] - 'a'] = ++tot;
            u = ch[u][s[i] - 'a'];
        }
        idx[u] = id;
    }
    void build() {
        queue<int> q;
        for (int i = 0; i < 26; i++) if (ch[0][i]) q.push(ch[0][i]);
        while (!q.empty()) {
            int u = q.front();
            q.pop();
            for (int i = 0; i < 26; i++)
                if (ch[u][i]) fail[ch[u][i]] = ch[fail[u]][i], q.push(ch[u][i]);
            else ch[u][i] = ch[fail[u]][i];
        }
    }
    int query(char s[]) {
        int u = 0, v, ans = 0;
        for (int i = 0; s[i]; i++) {
            v = u = ch[u][s[i] - 'a'];
            while (v) val[v]++, v = fail[v];
        }
        for (int i = 1; i <= tot; i++) if (idx[i]) ans = max(ans, val[i]), cnt[idx[i]] :
        return ans;
    }
};
int main() {
```

```
while(scanf("%d", &n), n) {
    AC ac;
    for (int i = 1; i <= n; i++) scanf("%s", s[i]), ac.insert(s[i], i);
    ac.build();
    scanf("%s", t);
    int ans = ac.query(t);
    printf("%d\n", ans);
    for (int i = 1; i <= n; i++)
        if (ac.cnt[i] == ans)
            printf("%s\n", s[i]);
    }
}
```

# 后缀数组

```
#include <algorithm>
#include <cstdio>
#include <cstring>
#include <iostream>

using namespace std;

const int N = 1000010;

char s[N];
int n, sa[N], rk[N], oldrk[N << 1], id[N], key1[N], cnt[N];
// key1[i] = rk[id[i]] (作为基数排序的第一关键字数组)
int n, sa[N], rk[N], oldrk[N << 1], id[N], px[N], cnt[N];

bool cmp(int x, int y, int w) {
    return oldrk[x] == oldrk[y] && oldrk[x + w] == oldrk[y + w];
}

int main() {
    int i, m = 127, p, w;

    scanf("%s", s + 1);
    n = strlen(s + 1);
    for (i = 1; i <= n; ++i) ++cnt[rk[i] = s[i]];
    for (i = 1; i <= m; ++i) cnt[i] += cnt[i - 1];
    for (i = n; i >= 1; --i) sa[cnt[rk[i]] - 1] = i;

    for (w = 1;; w <= 1, m = p) { // m=p 就是优化计数排序值域
        for (p = 0, i = n; i > n - w; --i) id[++p] = i;
        for (i = 1; i <= n; ++i)
            if (sa[i] > w) id[++p] = sa[i] - w;

        memset(cnt, 0, sizeof(cnt));
        for (i = 1; i <= n; ++i) ++cnt[key1[i] = rk[id[i]]];
        // 注意这里px[i] != i, 因为rk没有更新, 是上一轮的排名数组

        for (i = 1; i <= m; ++i) cnt[i] += cnt[i - 1];
        for (i = n; i >= 1; --i) sa[cnt[key1[i]] - 1] = id[i];
        memcpy(oldrk + 1, rk + 1, n * sizeof(int));
        for (p = 0, i = 1; i <= n; ++i)
            rk[sa[i]] = cmp(sa[i], sa[i - 1], w) ? p : ++p;
        if (p == n) {
            for (int i = 1; i <= n; ++i) sa[rk[i]] = i;
            break;
        }
    }
}
```

```
for (i = 1; i <= n; ++i) printf("%d ", sa[i]);  
  
return 0;  
}
```

# 后缀自动机

```
struct state {
    int len, link;
    std::map<char, int> next;
};
const int MAXLEN = 100000;
state st[MAXLEN * 2];
int sz, last;
void sam_init() {
    st[0].len = 0;
    st[0].link = -1;
    sz++;
    last = 0;
}
void sam_extend(char c) {
    int cur = sz++;
    st[cur].len = st[last].len + 1;
    int p = last;
    while (p != -1 && !st[p].next.count(c)) {
        st[p].next[c] = cur;
        p = st[p].link;
    }
    if (p == -1) {
        st[cur].link = 0;
    } else {
        int q = st[p].next[c];
        if (st[p].len + 1 == st[q].len) {
            st[cur].link = q;
        } else {
            int clone = sz++;
            st[clone].len = st[p].len + 1;
            st[clone].next = st[q].next;
            st[clone].link = st[q].link;
            while (p != -1 && st[p].next[c] == q) {
                st[p].next[c] = clone;
                p = st[p].link;
            }
            st[q].link = st[cur].link = clone;
        }
    }
    last = cur;
}
```



# 广义后缀自动机

给定 一个由小写字母组成的字符串，求本质不同的子串个数。（不包含空串）

```

#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int MAXN = 2000000; // 双倍字符串长度
const int CHAR_NUM = 30; // 字符集个数，注意修改下方的 ('a')

struct exSAM {
    int len[MAXN]; // 节点长度
    int link[MAXN]; // 后缀链接，link
    int next[MAXN][CHAR_NUM]; // 转移
    int tot; // 节点总数: [0, tot)

    void init() { // 初始化函数
        tot = 1;
        link[0] = -1;
    }

    int insertSAM(int last, int c) { // last 为父 c 为子
        int cur = next[last][c];
        if (len[cur]) return cur;
        len[cur] = len[last] + 1;
        int p = link[last];
        while (p != -1) {
            if (!next[p][c])
                next[p][c] = cur;
            else
                break;
            p = link[p];
        }
        if (p == -1) {
            link[cur] = 0;
            return cur;
        }
        int q = next[p][c];
        if (len[p] + 1 == len[q]) {
            link[cur] = q;
            return cur;
        }
        int clone = tot++;
        for (int i = 0; i < CHAR_NUM; ++i)
            next[clone][i] = len[next[q][i]] != 0 ? next[q][i] : 0;
        len[clone] = len[p] + 1;
        while (p != -1 && next[p][c] == q) {
            next[p][c] = clone;
            p = link[p];
        }
        link[clone] = link[q];
        link[cur] = clone;
        link[q] = clone;
        return cur;
    }
};

```

```

int insertTrie(int cur, int c) {
    if (next[cur][c]) return next[cur][c]; // 已有该节点 直接返回
    return next[cur][c] = tot++;          // 无该节点 建立节点
}

void insert(const string &s) {
    int root = 0;
    for (auto ch : s) root = insertTrie(root, ch - 'a');
}

void insert(const char *s, int n) {
    int root = 0;
    for (int i = 0; i < n; ++i)
        root =
            insertTrie(root, s[i] - 'a'); // 一边插入一边更改所插入新节点的父节点
}

void build() {
    queue<pair<int, int>> q;
    for (int i = 0; i < 26; ++i)
        if (next[0][i]) q.push({i, 0});
    while (!q.empty()) { // 广搜遍历
        auto item = q.front();
        q.pop();
        auto last = insertSAM(item.second, item.first);
        for (int i = 0; i < 26; ++i)
            if (next[last][i]) q.push({i, last});
    }
}

} exSam;

char s[1000100];

int main() {
    int n;
    cin >> n;
    exSam.init();
    for (int i = 0; i < n; ++i) {
        cin >> s;
        int len = strlen(s);
        exSam.insert(s, len);
    }
    exSam.build();
    long long ans = 0;
    for (int i = 1; i < exSam.tot; ++i) {
        ans += exSam.len[i] - exSam.len[exSam.link[i]];
    }
    cout << ans << endl;
}

```

# Manacher

```
a[0] = '~', a[++cnt] = '|';
while((c = getchar()) >= 'a' && c <= 'z') a[++cnt] = c, a[++cnt] = '|';
for (int i = 0, c = 0, r = 0; i <= cnt; i++) {
    if (i <= r) f[i] = min(r - i + 1, f[c * 2 - i]);
    while (a[i - f[i]] == a[i + f[i]]) f[i]++;
    if (i + f[i] > r) r = i + f[i] - 1, c = i;
    if (f[i] > ans) ans = f[i];
}
printf("%d\n", ans - 1);
```

## 回文树

定义  $s$  的一个子串的存在值为这个子串在  $s$  中出现的次数乘以这个子串的长度。对于给定的字符串  $s$ ，求所有回文子串中的最大存在值。

```

#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
const int maxn = 300000 + 5;

namespace pam {
int sz, tot, last;
int cnt[maxn], ch[maxn][26], len[maxn], fail[maxn];
char s[maxn];

int node(int l) { // 建立一个新节点, 长度为 l
    sz++;
    memset(ch[sz], 0, sizeof(ch[sz]));
    len[sz] = l;
    fail[sz] = cnt[sz] = 0;
    return sz;
}

void clear() { // 初始化
    sz = -1;
    last = 0;
    s[tot = 0] = '$';
    node(0);
    node(-1);
    fail[0] = 1;
}

int getfail(int x) { // 找后缀回文
    while (s[tot - len[x] - 1] != s[tot]) x = fail[x];
    return x;
}

void insert(char c) { // 建树
    s[++tot] = c;
    int now = getfail(last);
    if (!ch[now][c - 'a']) {
        int x = node(len[now] + 2);
        fail[x] = ch[getfail(fail[now])][c - 'a'];
        ch[now][c - 'a'] = x;
    }
    last = ch[now][c - 'a'];
    cnt[last]++;
}

long long solve() {
    long long ans = 0;
    for (int i = sz; i >= 0; i--) {
        cnt[fail[i]] += cnt[i];
    }
    for (int i = 1; i <= sz; i++) { // 更新答案
        ans = max(ans, 1ll * len[i] * cnt[i]);
    }
}

```

```

    }
    return ans;
}
} // namespace pam

char s[maxn];

int main() {
    pam::clear();
    scanf("%s", s + 1);
    for (int i = 1; s[i]; i++) {
        pam::insert(s[i]);
    }
    printf("%lld\n", pam::solve());
    return 0;
}

```

## 序列自动机

给你两个由小写英文字母组成的串  $s$  和  $t$ ，求：

1.  $s$  的一个最短的子串，它不是  $t$  的子串；
2.  $s$  的一个最短的子串，它不是  $t$  的子序列；
3.  $t$  的一个最短的子序列，它不是  $s$  的子串；
4.  $t$  的一个最短的子序列，它不是  $s$  的子序列。

。

```

#include <algorithm>
#include <cstdio>
#include <cstring>
#include <iostream>

using namespace std;

const int N = 2005;

char s[N], t[N];
int na[N][26], nb[N][26], nxt[26];
int n, m, a[N], b[N], tot = 1, p = 1, f[N][N << 1];

struct SAM {
    int par, ch[26], len;
} sam[N << 1];

void insert(int x) {
    int np = ++tot; // 新节点
    sam[np].len = sam[p].len + 1;
    while (p && !sam[p].ch[x]) {
        sam[p].ch[x] = np;
        p = sam[p].par;
    }
    if (p == 0)
        sam[np].par = 1;
    else {
        int q = sam[p].ch[x];
        if (sam[q].len == sam[p].len + 1)
            sam[np].par = q;
        else {
            int nq = ++tot;
            sam[nq].len = sam[p].len + 1;
            memcpy(sam[nq].ch, sam[q].ch, sizeof(sam[q].ch));
            sam[nq].par = sam[q].par;
            sam[q].par = sam[np].par = nq;
            while (p && sam[p].ch[x] == q) {
                sam[p].ch[x] = nq;
                p = sam[p].par;
            }
        }
    }
    p = np;
}

int main() {
    scanf("%s%s", s + 1, t + 1);

    n = strlen(s + 1);
    m = strlen(t + 1);

```

```

for (int i = 1; i <= n; ++i) a[i] = s[i] - 'a';
for (int i = 1; i <= m; ++i) b[i] = t[i] - 'a';

for (int i = 1; i <= m; ++i) insert(b[i]);

// nxt[S[i]]<-i
for (int i = 0; i < 26; ++i) nxt[i] = n + 1;
for (int i = n; i >= 0; --i) {
    memcpy(na[i], nxt, sizeof(nxt));
    nxt[a[i]] = i;
}

for (int i = 0; i < 26; ++i) nxt[i] = m + 1;
for (int i = m; i >= 0; --i) {
    memcpy(nb[i], nxt, sizeof(nxt));
    nxt[b[i]] = i;
}

// 四种情况计算答案
// 1
int ans = N;
for (int l = 1; l <= n; ++l) {
    for (int r = l, u = 1; r <= n; ++r) {
        u = sam[u].ch[a[r]];
        if (!u) {
            ans = min(ans, r - l + 1);
            break;
        }
    }
}

printf("%d\n", ans == N ? -1 : ans);

// 2
ans = N;

for (int l = 1; l <= n; ++l) {
    for (int r = l, u = 0; r <= n; ++r) {
        u = nb[u][a[r]];
        if (u == m + 1) {
            ans = min(ans, r - l + 1);
            break;
        }
    }
}

printf("%d\n", ans == N ? -1 : ans);

// 3
for (int i = n; i >= 0; --i) {

```



```

    for (int j = 1; j <= tot; ++j) {
        f[i][j] = N;
        for (int c = 0; c < 26; ++c) {
            int u = na[i][c];
            int v = sam[j].ch[c];
            if (u <= n) f[i][j] = min(f[i][j], f[u][v] + 1);
        }
    }
}

printf("%d\n", f[0][1] == N ? -1 : f[0][1]);

// 4
memset(f, 0, sizeof(f));

for (int i = n; i >= 0; --i) {
    for (int j = 0; j <= m; ++j) {
        f[i][j] = N;
        for (int c = 0; c < 26; ++c) {
            int u = na[i][c];
            int v = nb[j][c];
            if (u <= n) f[i][j] = min(f[i][j], f[u][v] + 1);
        }
    }
}

printf("%d\n", f[0][0] == N ? -1 : f[0][0]);

return 0;
}

```