

(1) 最大公约数——欧几里得算法

```
1 //写法一
2 int gcd(int a, int b)
3 {
4     //b不为0, 返回gcd(b, a % b); b为0, 返回a
5     return b ? gcd(b, a % b) : a;
6 }
7
8 //写法二
9 int gcd(int a, int b)
10 {
11     if(b == 0) return a;
12     return gcd(b, a % b);
13 }
```

(2) 裴蜀定理——扩展欧几里得算法

1. 对于任意正整数 a, b , 一定存在非零整数 x, y , 使得 $a * x + b * y = \gcd(a, b)$

```
1 // x和y 分别为 a和b的系数
2 int Exgcd(int a, int b, int &x, int &y) {
3     if (b == 0){
4         x = 1, y = 0;
5         return a;
6     }
7     int d = Exgcd(b, a % b, y, x);
8     y -= a / b * x;
9     return d;
10 }
```

2. 线性同余方程

题目链接: <https://www.acwing.com/problem/content/880/>

模 n 同余:

$a * x = b \pmod m$ //称为 $a * x$ 与 b 模 m 同余

即 $(a * x) \% m == b \% m$

$a * x = b \pmod m$ //称为 $a * x$ 与 b 模 m 同余
即 $(a * x) \% m == b \% m$, 我们可以进一步推出
 $(a * x) - b == y * m$, y 是一个参数
 $a * x - m * y == b$; 变为扩展欧几里得算法的一般形式

1. 因为 $a * x \equiv b \pmod m$ 等价于 $a * x - b$ 是 m 的倍数, 因此线性同余方程等价于 $a * x + m * y = b$
2. 根据 Bezout 定理, 上述等式有解当且仅当 $\gcd(a,m) \mid b$
3. 因此先用扩展欧几里得算法求出一组整数 x_0, y_0 使得 $a * x_0 + m * y_0 = \gcd(a,m)$ 。然后 $x = x_0 * b / \gcd(a,m) \% m$ 即是所求。

(3) 最小公倍数

```
1 int lcm(int a, int b)
2 {
3     return a * b / gcd(a, b);
4 }
```