

머코노초 상황

- 최소제곱법
- 최급하강법
 - > 선형 회귀
 - > 1차 함수 모델일 때 θ_0 와 θ_1 의 값을 구할 수 있다
- 순서도 작성, 과제 그래프 분석
- 깃허브 사용법, 제로페이지 사용법
- 다항식 회귀
 - > 2차 함수 또는 그 이상의 함수일 때 $\theta_0, \theta_1, \dots, \theta(n)$ 을 구한다
- 중회귀
 - > 변수가 하나 이상일 때 중요도를 따진다.

- theta0가 상수일 때, theta1구하기

<https://github.com/jihoonseon/MCNC/blob/master/Hubble%20constant.c> 접속해서 보고 순서도 작성하기

temp1 = theta1 - n * f_theta1(px, py, theta1);
입력값 px, py는 x값과 y값이 저장되어있는 배열의 주소. Theta1은 값이 계속 갱신될 변수.

theta1=temp1;
temp1에 저장했던 갱신값을 theta1에 대입하여 theta1을 갱신함.

반복
한다

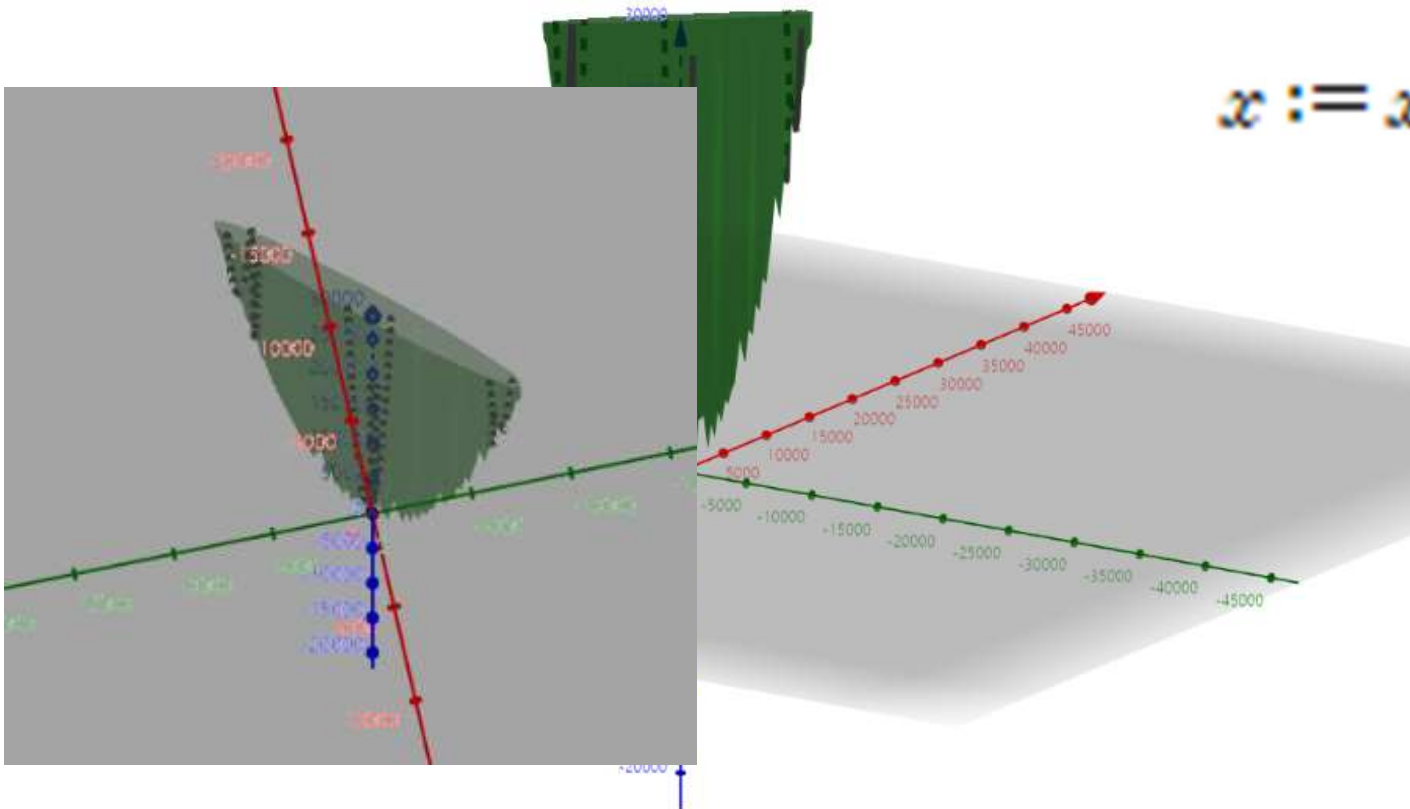
f_theta1(px, py, theta1); 함수 정의
포인터 px, py와 theta1 값을 받는다.

dE/dtheta1인

$$\frac{\partial U}{\partial \theta_1} = \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x)^{(i)} - y^{(i)}) \cdot x^{(i)}$$

를 반환한다.

E(x)그래프 분석_(E(x)변형식)



$$x := x - \eta \frac{d}{dx} g(x)$$

$$\theta_0 := \theta_0 - \eta \frac{\delta E}{\delta \theta_0}$$

$$\theta_1 := \theta_1 - \eta \frac{\delta E}{\delta \theta_1}$$

- theta0가 상수일 때, theta1구하기

<https://github.com/jihoonseon/MCNC/blob/master/Leanear%20Regression.c>접속해서 보고 순서도 작성하기

temp0 = theta0 - n * f_theta0(px, py, theta0);
입력값 px, py는 x값과 y값이 저장되어있는 배열의 주소. Theta0은 값이 계속 갱신될 변수.

temp1 = theta1 - n * f_theta1(px, py, theta1);
입력값 px, py는 x값과 y값이 저장되어있는 배열의 주소. Theta1은 값이 계속 갱신될 변수.

theta0=temp0;
temp0에 저장했던 갱신값을 theta0에 대입하여 theta0을 갱신함.

theta1=temp1;
temp1에 저장했던 갱신값을 theta1에 대입하여 theta1을 갱신함.

반복
한다

f_theta0(px, py, theta0); 함수 정의

포인터 px, py와 theta0 값을 받는다.

dE/dtheta0인

$$\frac{\partial u}{\partial \theta_0} = \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x)^{(i)} - y^{(i)})$$

를 반환한다.

f_theta1(px, py, theta1); 함수 정의

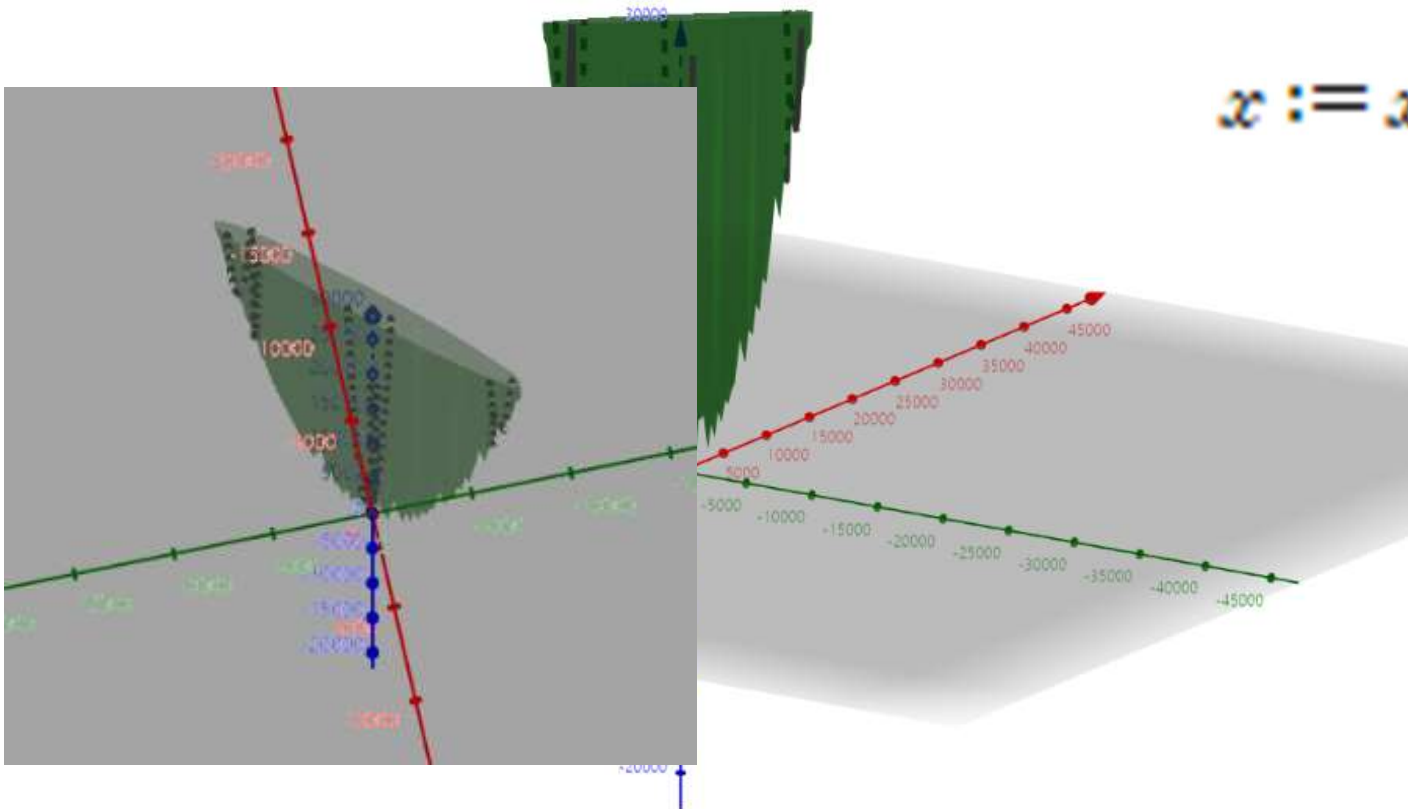
포인터 px, py와 theta1 값을 받는다.

dE/dtheta1인

$$\frac{\partial u}{\partial \theta_1} = \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x)^{(i)} - y^{(i)}) \cdot x^{(i)}$$

를 반환한다.

E(x)그래프 분석_(E(x)변형식)



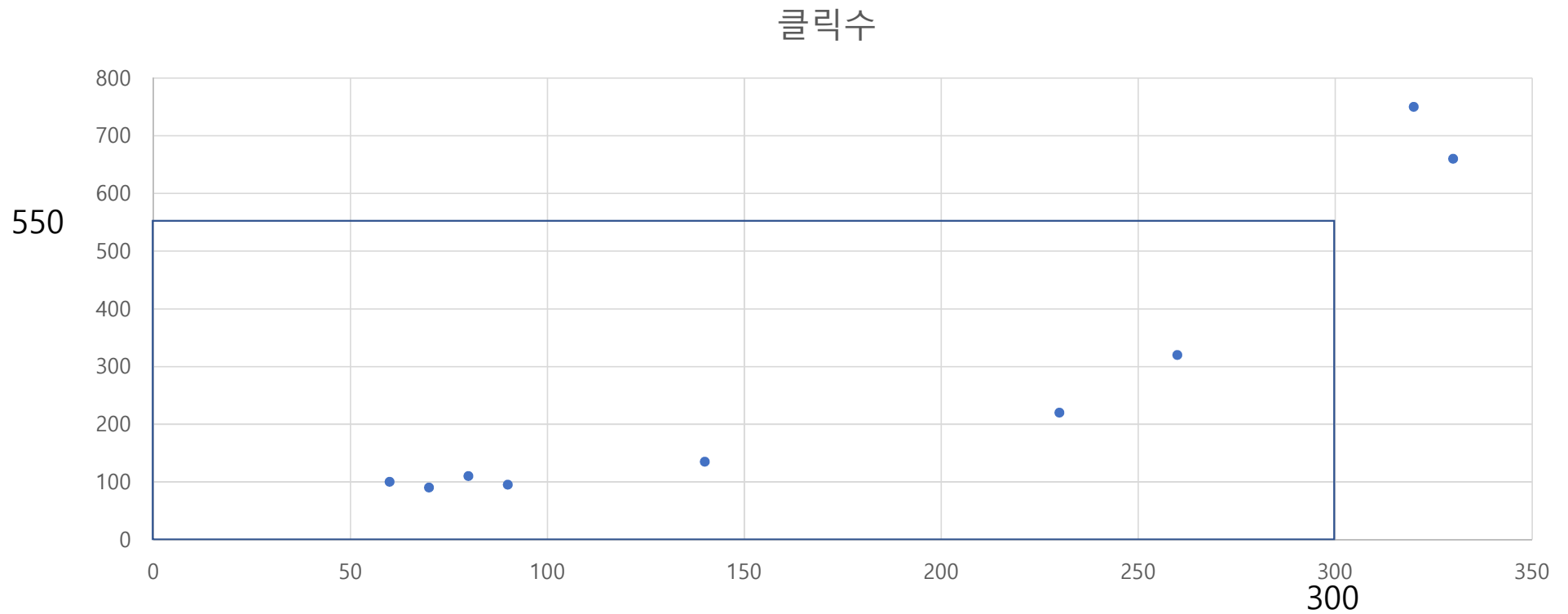
$$x := x - \eta \frac{d}{dx} g(x)$$

$$\theta_0 := \theta_0 - \eta \frac{\partial E}{\partial \theta_0}$$

$$\theta_1 := \theta_1 - \eta \frac{\partial E}{\partial \theta_1}$$

- 깃허브
- 제로페이지

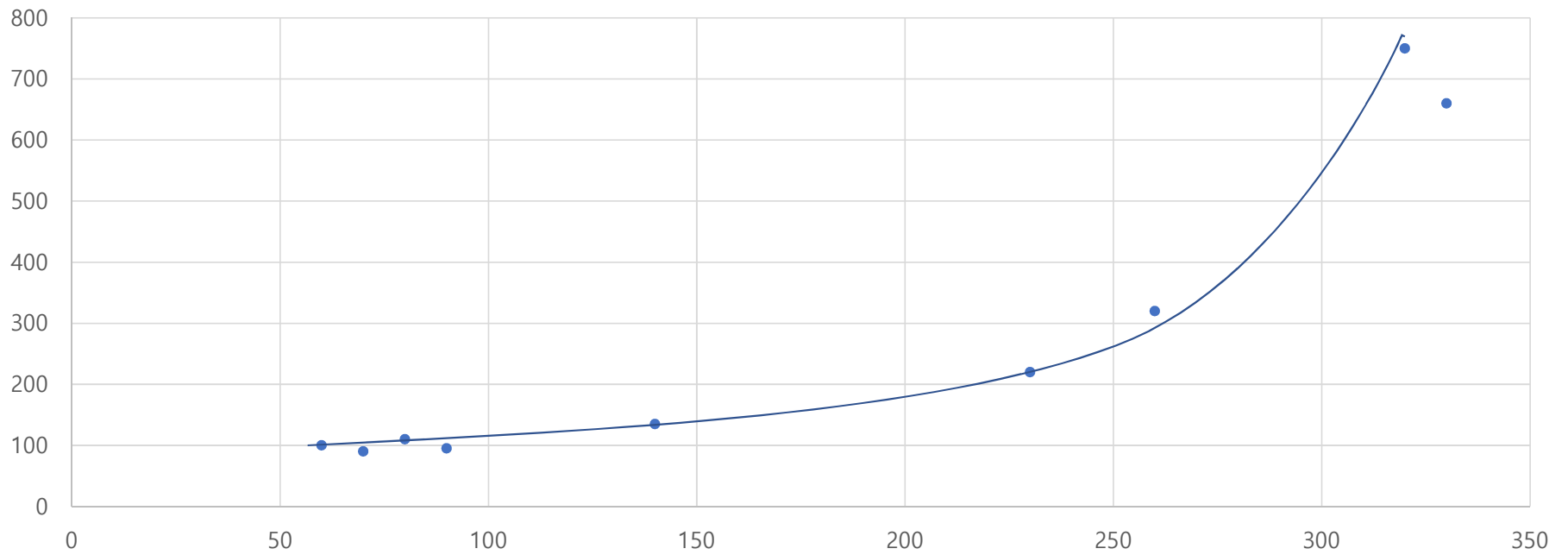
모델_2차함수



데이터를 보고 예측값을 찾아냈다.

모델_2차함수

클릭수



모델_2차함수

1. 2차함수 식 정의

$$f_{\theta}(x) = \theta_0 + \theta_1 x + \theta_2 x^2$$

2. 최소제곱법, 확률하강법 사용

$$\theta_0, \theta_1, \theta_2$$

최소제곱법과 최급하강법

$$E(\theta) = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (y^{(i)} - f(x^{(i)}))^2$$

$$x := x - \eta \frac{d}{dx} g(x)$$

● $\theta_0 := \theta_0 - \eta \frac{\partial E}{\partial \theta_0}$ theta0 = theta0 - n(dE/dtheta0)

$\theta_1 := \theta_1 - \eta \frac{\partial E}{\partial \theta_1}$ theta1 = theta1 - n(dE/dtheta1)

$\theta_2 := \theta_2 - \eta \frac{\partial E}{\partial \theta_2}$ theta2 = theta2 - n(dE/dtheta2)

$$u = E(\theta)$$

$$v = f_{\theta}(x)$$

$$\frac{\partial u}{\partial \theta_0} = \frac{\partial u}{\partial v} \cdot \frac{\partial v}{\partial \theta_0}$$

$$\frac{\partial u}{\partial v} = \frac{\partial}{\partial v} \left(\frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (y^{(i)} - v)^2 \right)$$

$$= \sum_{i=1}^n (v - y^{(i)})$$

$$= \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x) - y^{(i)})$$

$$\frac{\partial v}{\partial \theta_0} = \frac{\partial}{\partial \theta_0} (\theta_0 + \theta_1 x + \theta_2 x^2) = 1$$

$$\frac{\partial u}{\partial \theta_0} = \frac{\partial u}{\partial v} \cdot \frac{\partial v}{\partial \theta_0} = \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x)^{(i)} - y^{(i)})$$

최소제곱법과 최급하강법

$$E(\theta) = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (y^{(i)} - f(x^{(i)}))^2$$

$$x := x - \eta \frac{d}{dx} g(x)$$

$$\theta_0 := \theta_0 - \eta \frac{\partial E}{\partial \theta_0} \quad \text{theta0} = \text{theta0} - n(dE/d\theta_0)$$

$$\theta_1 := \theta_1 - \eta \frac{\partial E}{\partial \theta_1} \quad \text{theta1} = \text{theta1} - n(dE/d\theta_1)$$

$$\theta_2 := \theta_2 - \eta \frac{\partial E}{\partial \theta_2} \quad \text{theta2} = \text{theta2} - n(dE/d\theta_2)$$

$$u = E(\theta)$$

$$v = f_{\theta}(x)$$

$$\frac{\partial u}{\partial \theta_1} = \frac{\partial u}{\partial v} \cdot \frac{\partial v}{\partial \theta_1}$$

$$\frac{\partial u}{\partial v} = \frac{\partial}{\partial v} \left(\frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (y^{(i)} - v)^2 \right)$$

$$= \sum_{i=1}^n (v - y^{(i)})$$

$$= \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x) - y^{(i)})$$

$$\frac{\partial v}{\partial \theta_1} = \frac{\partial}{\partial \theta_1} (\theta_0 + \theta_1 x + \theta_2 x^2) = x$$

$$\frac{\partial u}{\partial \theta_1} = \frac{\partial u}{\partial v} \cdot \frac{\partial v}{\partial \theta_1} = \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x)^{(i)} - y^{(i)}) \cdot x^{(i)}$$

최소제곱법과 최급하강법

$$E(\theta) = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (y^{(i)} - f(x^{(i)}))^2$$

$$x := x - \eta \frac{d}{dx} g(x)$$

$$\theta_0 := \theta_0 - \eta \frac{\partial E}{\partial \theta_0} \quad \text{theta0} = \text{theta0} - \eta (\text{dE/dtheta0})$$

$$\theta_1 := \theta_1 - \eta \frac{\partial E}{\partial \theta_1} \quad \text{theta1} = \text{theta1} - \eta (\text{dE/dtheta1})$$

$$\theta_2 := \theta_2 - \eta \frac{\partial E}{\partial \theta_2} \quad \text{theta2} = \text{theta2} - \eta (\text{dE/dtheta2})$$

$$u = E(\theta)$$

$$v = f_{\theta}(x)$$

$$\frac{\partial u}{\partial \theta_2} = \frac{\partial u}{\partial v} \cdot \frac{\partial v}{\partial \theta_2}$$

$$\frac{\partial u}{\partial v} = \frac{\partial}{\partial v} \left(\frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (y^{(i)} - v)^2 \right)$$

$$= \sum_{i=1}^n (v - y^{(i)})$$

$$= \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x) - y^{(i)})$$

$$\frac{\partial v}{\partial \theta_2} = \frac{\partial}{\partial \theta_2} (\theta_0 + \theta_1 x + \theta_2 x^2) = x^2$$

$$\frac{\partial u}{\partial \theta_2} = \frac{\partial u}{\partial v} \cdot \frac{\partial v}{\partial \theta_2} = \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x)^{(i)} - y^{(i)}) \cdot x^{(i)^2}$$

모델_n차함수

1. 2차함수 식 정의

$$f_{\theta}(x) = \theta_0 + \theta_1 x + \theta_2 x^2$$

2. 최소제곱법, 확률하강법 사용

$$\theta_0, \theta_1, \theta_2$$

1. n차함수 식 정의

$$f_{\theta}(x) = \theta_0 + \theta_1 x + \theta_2 x^2 + \theta_3 x^3 + \dots + \theta_n x^n$$

2. 최소제곱법, 확률하강법 사용

$$\theta_0, \theta_1, \theta_2, \theta_3, \dots, \theta_n$$

모델_n차함수

$$\begin{aligned}
 \theta_0 &:= \theta_0 - \eta \frac{\delta E}{\delta \theta_0} & \text{theta0} &= \text{theta0} - n(dE/d\text{theta0}) & \frac{\delta u}{\delta \theta_0} &= \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x)^{(i)} - y^{(i)}) \\
 \theta_1 &:= \theta_1 - \eta \frac{\delta E}{\delta \theta_1} & \text{theta1} &= \text{theta1} - n(dE/d\text{theta1}) & \frac{\delta u}{\delta \theta_1} &= \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x)^{(i)} - y^{(i)})x^{(i)} \\
 \theta_2 &:= \theta_2 - \eta \frac{\delta E}{\delta \theta_2} & \text{theta2} &= \text{theta2} - n(dE/d\text{theta2}) & \frac{\delta u}{\delta \theta_2} &= \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x)^{(i)} - y^{(i)})x^{(i)2} \\
 \theta_k &:= \theta_k - \eta \frac{\delta E}{\delta \theta_k} & & & \frac{\delta u}{\delta \theta_k} &= \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x)^{(i)} - y^{(i)})x^{(i)k}
 \end{aligned}$$

모델_n차함수_순서도 작성

$$\theta_k := \theta_k - \eta \frac{\delta E}{\delta \theta_k}$$

$$\frac{\delta u}{\delta \theta_k} = \sum_{l=1}^n (f_{\theta}(x)^{(l)} - y^{(l)}) x^{(l)*}$$

중회귀

- (다)중회귀
변수가 여러 개인 모델 $f_{\theta}(x_1, x_2, x_3) = \theta_0 + \theta_1 x_1 + \theta_2 x_2 + \theta_3 x_3$
- 단순 선형회귀
1차함수 모델 $f_{\theta}(x) = \theta_0 + \theta_1 x$
- 다항 회귀
2차함수 (혹은 그보다 고차함수) 모델 $f_{\theta}(x) = \theta_0 + \theta_1 x + \theta_2 x^2$

중회귀

| | id | age | wgt | oxygen | runtime | rstpulse | runpulse | maxpulse |
|----|----|-----|-------|--------|---------|----------|----------|----------|
| 1 | 1 | 44 | 89.47 | 44.61 | 11.37 | 62 | 178 | 182 |
| 2 | 2 | 40 | 75.07 | 45.31 | 10.07 | 62 | 185 | 185 |
| 3 | 3 | 44 | 85.84 | 54.30 | 8.65 | 45 | 156 | 168 |
| 4 | 4 | 42 | 68.15 | 59.57 | 8.17 | 40 | 166 | 172 |
| 5 | 5 | 38 | 89.02 | 49.87 | 9.22 | 55 | 178 | 180 |
| 6 | 6 | 47 | 77.45 | 44.81 | 11.63 | 58 | 176 | 176 |
| 7 | 7 | 40 | 75.98 | 45.68 | 11.95 | 70 | 176 | 180 |
| 8 | 8 | 43 | 81.19 | 49.09 | 10.85 | 64 | 162 | 170 |
| 9 | 9 | 44 | 81.42 | 39.44 | 13.08 | 63 | 174 | 176 |
| 10 | 10 | 38 | 81.87 | 60.06 | 8.63 | 48 | 170 | 186 |
| 11 | 11 | 44 | 73.03 | 50.54 | 10.13 | 45 | 168 | 168 |
| 12 | 12 | 45 | 87.66 | 37.39 | 14.03 | 56 | 186 | 192 |
| 13 | 13 | 45 | 66.45 | 44.75 | 11.12 | 51 | 176 | 176 |
| 14 | 14 | 47 | 79.15 | 47.27 | 10.60 | 47 | 162 | 164 |
| 15 | 15 | 54 | 83.12 | 51.86 | 10.33 | 50 | 166 | 170 |
| 16 | 16 | 49 | 81.42 | 49.16 | 8.95 | 44 | 180 | 185 |
| 17 | 17 | 51 | 69.63 | 40.84 | 10.95 | 57 | 168 | 172 |
| 18 | 18 | 51 | 77.91 | 46.67 | 10.00 | 48 | 162 | 168 |
| 19 | 19 | 48 | 91.63 | 46.77 | 10.25 | 48 | 162 | 164 |
| 20 | 20 | 49 | 73.37 | 50.39 | 10.08 | 67 | 168 | 168 |
| 21 | 21 | 57 | 73.37 | 39.41 | 12.63 | 58 | 174 | 176 |
| 22 | 22 | 54 | 79.38 | 46.08 | 11.17 | 62 | 156 | 165 |
| 23 | 23 | 52 | 76.32 | 45.44 | 9.63 | 48 | 164 | 166 |

중회귀

$$u = E(\theta)$$

$$v = f_{\theta}(x)$$

$$\frac{\partial u}{\partial \theta_j} = \frac{\partial u}{\partial v} \cdot \frac{\partial v}{\partial \theta_j}$$

$$\frac{\partial u}{\partial v} = \frac{\partial}{\partial v} \left(\frac{1}{2} \sum_{i=1}^n (y^{(i)} - v)^2 \right)$$

$$= \sum_{i=1}^n (v - y^{(i)})$$

$$= \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x) - y^{(i)})$$

$$\frac{\partial v}{\partial \theta_j} = \frac{\partial}{\partial \theta_j} (\theta_0 + \theta_1 x_1 + \dots + \theta_n x_n) = x_j$$

$$\frac{\partial u}{\partial \theta_j} = \frac{\partial u}{\partial v} \cdot \frac{\partial v}{\partial \theta_j} = \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x)^{(i)} - y^{(i)}) \cdot x_j^{(i)}$$

중회귀_순서도 작성

$$\theta_j := \theta_j - \eta \frac{\delta E}{\delta \theta_k}$$

$$\frac{\delta E}{\delta \theta_k} = \sum_{l=1}^n (f_{\theta}(x^{(l)}) - y^{(l)}) x_j^{(l)}$$

중회귀_참고 확률 경사하강법

$$\theta_j := \theta_j - \eta \sum_{i=1}^n (f_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) x_j^{(i)}$$

$$\theta_j := \theta_j - \eta (f_{\theta}(x^{(i)}) - y^{(i)}) x_j^{(i)}$$

$$\theta_j := \theta_j - \eta \sum_{k \in K} (f_{\theta}(x^{(k)}) - y^{(k)}) x_j^{(k)}$$

- 머코노초(과제)_w2_1
다항회귀를 이용해서
모의투자하기
- 머코노초(과제)_w2_2
중회귀를 이용해서 가장
큰 영향 끼치는 거 찾기

| | id | age | wgt | oxygen | runtime | rstpulse | runpulse | maxpulse |
|----|----|-----|-------|--------|---------|----------|----------|----------|
| 1 | 1 | 44 | 89.47 | 44.61 | 11.37 | 62 | 178 | 182 |
| 2 | 2 | 40 | 75.07 | 45.31 | 10.07 | 62 | 185 | 185 |
| 3 | 3 | 44 | 85.84 | 54.30 | 8.65 | 45 | 156 | 168 |
| 4 | 4 | 42 | 68.15 | 59.57 | 8.17 | 40 | 166 | 172 |
| 5 | 5 | 38 | 89.02 | 49.87 | 9.22 | 55 | 178 | 180 |
| 6 | 6 | 47 | 77.45 | 44.81 | 11.63 | 58 | 176 | 176 |
| 7 | 7 | 40 | 75.98 | 45.68 | 11.95 | 70 | 176 | 180 |
| 8 | 8 | 43 | 81.19 | 49.09 | 10.85 | 64 | 162 | 170 |
| 9 | 9 | 44 | 81.42 | 39.44 | 13.08 | 63 | 174 | 176 |
| 10 | 10 | 38 | 81.87 | 60.06 | 8.63 | 48 | 170 | 186 |
| 11 | 11 | 44 | 73.03 | 50.54 | 10.13 | 45 | 168 | 168 |
| 12 | 12 | 45 | 87.66 | 37.39 | 14.03 | 56 | 186 | 192 |
| 13 | 13 | 45 | 66.45 | 44.75 | 11.12 | 51 | 176 | 176 |
| 14 | 14 | 47 | 79.15 | 47.27 | 10.60 | 47 | 162 | 164 |
| 15 | 15 | 54 | 83.12 | 51.86 | 10.33 | 50 | 166 | 170 |
| 16 | 16 | 49 | 81.42 | 49.16 | 8.95 | 44 | 180 | 185 |
| 17 | 17 | 51 | 69.63 | 40.84 | 10.95 | 57 | 168 | 172 |
| 18 | 18 | 51 | 77.91 | 46.67 | 10.00 | 48 | 162 | 168 |
| 19 | 19 | 48 | 91.63 | 46.77 | 10.25 | 48 | 162 | 164 |
| 20 | 20 | 49 | 73.37 | 50.39 | 10.08 | 67 | 168 | 168 |
| 21 | 21 | 57 | 73.37 | 39.41 | 12.63 | 58 | 174 | 176 |
| 22 | 22 | 54 | 79.38 | 46.08 | 11.17 | 62 | 156 | 165 |
| 23 | 23 | 52 | 76.32 | 45.44 | 9.63 | 48 | 164 | 166 |