

12. 확률적인 방법들

(Stochastic Methods)

- Saddle point

: 경사도가 '0'에 가까운 계곡점

↗ 감춰버리는 문제!

Global min 있는데도 불구하고,

Local min 찾음



MCMC 방법 적용

모의 실험

- Noisy Descent

: 난수 이용한 Gradient Descent

- Simulated Annealing

: 경사도 이용하지 않는 임의 탐색 방법

- Noisy Descent

$$\bullet x^{(k+1)} = x^{(k)} + \alpha g^{(k)} + \underbrace{\varepsilon^{(k)}}_{\text{난수를 통해 계략점에 파동주기}}$$

$$\rightarrow \varepsilon_i \sim N(0, \delta^2)$$

$$\rightarrow \delta^{(k)} = \frac{1}{k} : k \text{가 커지면 } \delta \text{는 } 0 \text{에 가까운 값!}$$

\Rightarrow Saddle point는 gradient ($g^{(k)}$)가 0에 가까운 모형

Saddle point에서 계략점 갱신 작게됨 ($\because \alpha < 1$)

\rightarrow 최적점에 다가가기 어렵다.

- Simulated Annealing

MCMC 이용 (o)

• 완전 임의 탐색법 : gradient 이용 X, 난수 이용해 최적점 갱신

• 반복에 따라 탐색 공간의 범위를 '온도' 이용해 조절

• 계략점 이동은 위해 특정 확률 분포의 난수 이용

$$\bullet \Delta y = f(\underbrace{x}_{\text{이동된 점}}) - f(x) \quad , \quad t: \text{온도} \rightarrow \Delta y \text{가 음수여야 이동}$$

$$\text{이동 확률} = \begin{cases} 1 & (\text{if } \Delta y \leq 0) \\ \min(\underbrace{e^{-\frac{\Delta y}{t}}}_{\text{계산 불안전점}}, 1) & (\text{if } \Delta y > 0) \end{cases}$$

• 온도 조절

1) logarithmic annealing schedule

$$: t^{(k)} = \frac{t^{(1)} \cdot \ln(2)}{\ln(k+1)} \quad , \quad t^{(1)} \text{은 } t \text{의 초기값}$$

\rightarrow 계산 더디짐 \therefore

2) exponential annealing schedule

$$: t^{(k)} = \gamma t^{(k-1)} \quad \leftarrow \gamma \approx 1 \text{이면}$$

줄어드는 변화량 적어짐

3) fast annealing : 빠르게 이동시킴!

$$: t^{(k)} = \frac{t^{(1)}}{k}$$

\Rightarrow 복잡한 목적함수에도 쉽게 찾아줌