# Übungsserie 10

Abgabe: gemäss Angaben Dozent

Scannen Sie ihre manuellen Lösungen für die Aufgaben 1 und 2 in die Dateien Name\_S10\_Aufg1.pdf bzw. Name\_S10\_Aufg2.pdf und fassen Sie diese mit Ihrer Python-Funktion Name\_S10\_Aufg3a.py und dem Skript Name\_S10\_Aufg3b.py in einer ZIP-Datei Name\_S10.zip zusammen. Laden Sie dieses File vor der Übungsstunde nächste Woche auf Moodle hoch.

#### Aufgabe 1 (ca. 45 Minuten):

Gegeben ist das lineare Gleichungssystem

$$Ax = b \text{ mit } A = \begin{pmatrix} 8 & 5 & 2 \\ 5 & 9 & 1 \\ 4 & 2 & 7 \end{pmatrix} \text{ und } b = \begin{pmatrix} 19 \\ 5 \\ 34 \end{pmatrix}.$$

- a) Überprüfen Sie, ob das obige System bzgl. dem Jacobi-Verfahren konvergiert.
- b) Berechnen Sie auf vier Stellen nach dem Komma die Näherung  $x^{(3)}$  mit dem Jacobi-Verfahren ausgehend vom Startvektor  $x^{(0)}=\begin{pmatrix}1\\-1\\3\end{pmatrix}$ . Schreiben Sie alle benötigten Matrizen sowie die verwendete Iterationsgleichung explizit auf. Die Iterationen selber führen Sie aber natürlich mit Python durch.
- c) Wie gross ist gemäss der a-posteriori Abschätzung der absolute Fehler von  $x^{(3)}$ ?
- d) Schätzen Sie a-priori die Anzahl Iterationsschritte ab, damit der berechnete Näherungsvektor in jeder Kompnente maximal um  $10^{-4}$  von der exakten Lösung  $x = (2, -1, 4)^T$  abweicht.
- e) Wiviele Iterationsschritte würden Sie a-priori benötigen, wenn Sie als Startvektor nicht  $x^{(0)}$  sondern  $x^{(2)}$  aus b) verwenden würden?

#### Aufgabe 2 (ca. 30 Minuten):

Wiederholen Sie die obige Aufgabe, diesmal für das Gauss-Seidel Verfahren. Sie dürfen (ausnahmsweise) die Inverse von D+L benutzen (müssen aber nicht, wenn Sie nicht wollen).

#### Aufgabe 3 (ca. 75 Minuten):

a) Implementieren Sie das Jacobi- und Gauss-Seidel-Verfahren zusammen in einer Funktion als [xn, n, n2] = Name\_S10\_Aufg3a(A,b,x0,tol,opt). Sie können dabei die Matrix-Funktionen von numpy und numpy.linalg in Python benutzen, (z.B. triu(A), diag(diag(A)), tril(A), inv(D+L)), ohne aber inv(A) zu berechnen. Dabei soll xn der Iterationsvektor nach n Iterationen sein, zusätzlich soll n2 die Anzahl benötigter Schritte gemäss der a-priori Abschätzung angeben. Über den Parameter opt soll gesteuert werden, ob das Jacobi- oder das Gauss-Seidel Verfahren zur Anwendung kommt. Überlegen Sie sich, wie die Abbruchbedingung für Ihre while-Schleife lauten muss, um die Iteration bei Erreichen einer vorgegebenen Fehlertoleranz tol abzubrechen. Sie werden dafür

### Aufgabe 1 (ca. 45 Minuten):

Gegeben ist das lineare Gleichungssystem

$$Ax = b \text{ mit } A = \begin{pmatrix} 8 & 5 & 2 \\ 5 & 9 & 1 \\ 4 & 2 & 7 \end{pmatrix} \text{ und } b = \begin{pmatrix} 19 \\ 5 \\ 34 \end{pmatrix}.$$

- a) Überprüfen Sie, ob das obige System bzgl. dem Jacobi-Verfahren konvergiert.
- b) Berechnen Sie auf vier Stellen nach dem Komma die Näherung  $x^{(3)}$  mit dem Jacobi-Verfahren ausgehend vom Startvektor  $x^{(0)}=\begin{pmatrix}1\\-1\\3\end{pmatrix}$ . Schreiben Sie alle benötigten Matrizen sowie die verwendete Iterationsgleichung explizit auf. Die Iterationen selber führen Sie aber natürlich mit Python durch.
- c) Wie gross ist gemäss der a-posteriori Abschätzung der absolute Fehler von  $x^{(3)}$ ?
- d) Schätzen Sie a-priori die Anzahl Iterationsschritte ab, damit der berechnete Näherungsvektor in jeder Kompnente maximal um  $10^{-4}$  von der exakten Lösung  $x = (2, -1, 4)^T$  abweicht.
- e) Wiviele Iterationsschritte würden Sie a-priori benötigen, wenn Sie als Startvektor nicht  $x^{(0)}$  sondern  $x^{(2)}$  aus b) verwenden würden?

a) 
$$A = \begin{pmatrix} 8 & 5 & 2 \\ 5 & 9 & 1 \\ 4 & 2 & 7 \end{pmatrix}$$
  $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 5 & 9 & 1 \\ 4 & 2 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 5 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 5 \\ 0 & 0 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 5 \\ 0 & 0 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 5 \\ 0 & 0 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 5 \\ 0 & 0 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 5 \\ 0 & 0 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 5 \\ 0 & 0 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 5 \\ 0 & 1 & 5 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 7 \\ 0 & 1 & 7 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$   $A = \begin{pmatrix}$ 

$$\|S\|_{\infty} = \max_{\delta} \frac{7}{8}, \frac{6}{9}, \frac{6}{7} = \frac{7}{8} < 1$$
 Konvergient

b) Berechnen Sie auf vier Stellen nach dem Komma die Näherung  $x^{(3)}$  mit dem Jacobi-Verfahren ausgehend vom Startvektor  $x^{(0)}=\begin{pmatrix}1\\-1\\3\end{pmatrix}$ . Schreiben Sie alle benötigten Matrizen sowie die verwendete Iterationsgleichung

d) Schätzen Sie a-priori die Anzahl Iterationsschritte ab, damit der berechnete Näherungsvektor in jeder Kompnente maximal um  $10^{-4}$  von der exakten Lösung  $x = (2, -1, 4)^T$  abweicht.

$$\|x^{(n)} - \bar{x}\| \le \frac{\|B\|^n}{1 - \|B\|} \|x^{(1)} - x^{(0)}\| \text{ a-priori Abschätzung}$$

$$\|x^{(n)} - \bar{x}\| \le \frac{\|B\|^n}{1 - \|B\|} \|x^{(1)} - x^{(0)}\| \text{ a-priori Abschätzung}$$

$$\|x^{(n)} - \bar{x}\| \le \frac{2.25}{4} - 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4} + 1 = (1.25)$$

$$|x^{(n)} - \bar{x}| \le \frac{1}{4$$

e) Wiviele Iterationsschritte würden Sie a-priori benötigen, wenn Sie als Startvektor nicht  $x^{(0)}$  sondern  $x^{(2)}$  aus b) verwenden würden?

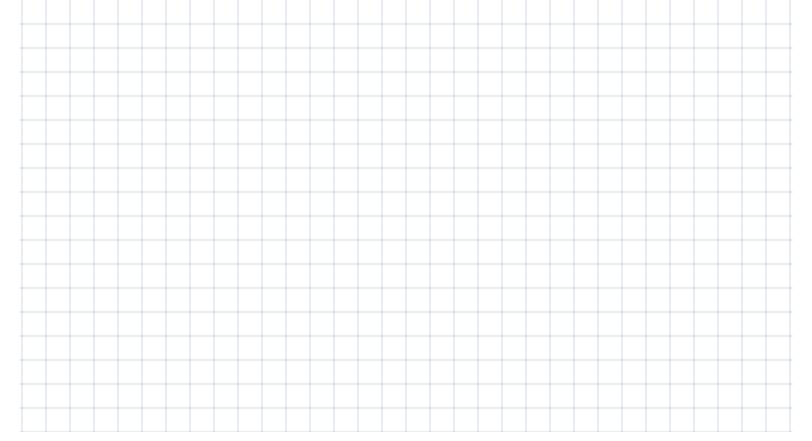
$$x^{(1)} = \begin{pmatrix} 1.44 \\ -1.202 \\ 3.67 \end{pmatrix}$$

$$x^{(1)} - x^{(0)} = \begin{pmatrix} 2.21 \\ -0.65 \\ 4.38 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 1.44 \\ -1.202 \\ 3.67 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0.77 \\ 0.552 \\ 0.71 \end{pmatrix}$$

$$10^{-4} \leq \frac{1}{8} \qquad 0.77 \leq \frac{1}{8} \qquad 0$$

# Aufgabe 2 (ca. 30 Minuten):

Wiederholen Sie die obige Aufgabe, diesmal für das Gauss-Seidel Verfahren. Sie dürfen (ausnahmsweise) die Inverse von D+L benutzen (müssen aber nicht, wenn Sie nicht wollen).



## Aufgabe 3 (ca. 75 Minuten):

a) Implementieren Sie das Jacobi- und Gauss-Seidel-Verfahren zusammen in einer Funktion als  $[xn, n, n2] = Name_S10_Aufg3a(A,b,x0,tol,opt)$ . Sie können dabei die Matrix-Funktionen von numpy und numpy.linalg in Python benutzen, (z.B. triu(A), diag(diag(A)), tril(A), inv(D+L)), ohne aber inv(A) zu berechnen. Dabei soll xn der Iterationsvektor nach n Iterationen sein, zusätzlich soll n2 die Anzahl benötigter Schritte gemäss der a-priori Abschätzung angeben. Über den Parameter opt soll gesteuert werden, ob das Jacobi- oder das Gauss-Seidel Verfahren zur Anwendung kommt. Überlegen Sie sich, wie die Abbruchbedingung für Ihre while-Schleife lauten muss, um die Iteration bei Erreichen einer vorgegebenen Fehlertoleranz tol abzubrechen. Sie werden dafür

$$||M| = ||X^{(n)} - \overline{X}|| \leq \frac{||B||^n}{1 - ||B||} ||X^{(1)} - X^{(0)}||$$

$$||A| \leq \frac{|B|^n}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = ||X^{(n)} - \overline{X}|| \leq \frac{|B|^n}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = ||X^{(n)} - \overline{X}|| \leq \frac{|B|^n}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = ||X^{(n)} - \overline{X}|| \leq \frac{|B|^n}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = ||X^{(n)} - \overline{X}|| \leq \frac{|B|^n}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A - B|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A| \cdot |A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A| \cdot |A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A| \cdot |A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A| \cdot |A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A| \cdot |A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A| \cdot |A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A| \cdot |A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A| \cdot |A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A| \cdot |A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A| \cdot |A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A| \cdot |A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A| \cdot |A|}{|A| \cdot |A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A|}{|A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$||A| = \frac{|A|}{|A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$|A| = \frac{|A|}{|A|} \cdot (X^n - X^0)$$

$$|A| = \frac{|A|}{|A|} \cdot (X^n - X^0)$$

die Norm brauchen: norm(...,np.inf). Achten sie darauf, dass Sie Matrizen, die Sie in ihrer Funktion nicht mehr brauchen, gleich wieder löschen, um Speicher freizugeben<sup>1</sup>.

b) Schreiben Sie ein kurzes Skript Name\_S10\_Aufg3b.m. Testen Sie damit die Laufzeit Ihres Programmes für ihre Implementation des Jacobi- und Gauss-Seidel im Vergleich zum Gauss-Verfahren, welches Sie in Serie 6 implementiert hatten (siehe *Name\_S6\_Aufg2.m*) und im Vergleich zur Python-Funktion np.linalg.solve(). Verwenden Sie dafür die folgenden Werte für  $A, b, x_0$  und tol:

```
>> dim = 3000
>> A = np.diag(np.diag(np.ones((dim,dim))*4000))+np.ones((dim,dim))
>> dum1 = np.arange(1,np.int(dim/2+1),dtype=np.float64).reshape((np.int(dim/2),1))
>> dum2 = np.arange(np.int(dim/2),0,-1,dtype=np.float64).reshape((np.int(dim/2),1))
>> x = np.append(dum1,dum2,axis=0)
>> b = A@x
>> x0 = np.zeros((dim,1))
>> tol = 1e-4
```

Den Zeitvergleich können Sie dabei analog wieder mit timeit messen (verzichten Sie auf 'repeat', da die Gauss-Zerlegung einige Zeit braucht ... lassen Sie die Gauss-Zerlegung deshalb nur laufen, wenn Sie Ihren Computer für einige Minuten nicht für anderes brauchen.).

Wieviel länger braucht Ihre eigene Gauss-Zerlegung als z.B. das Gauss-Seidel Verfahren? Schreiben Sie die gemessenen Werte als Kommentar in Ihr Programm.

c) Sie haben bei b) die "exakte" Lösung x definiert. Plotten Sie den absoluten Fehler für jedes Vektorelment ihrer drei Lösungsvektoren (d.h. Gauss, Jacobi, Gauss-Seidel). Was stellen Sie fest? Schreiben Sie Ihren Kommentar ins Skript.

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>In Python gibt es, im Gegensatzu zu Matlab, keinen expliziten Befehl wie z.B. clear D, um alloziiertes Memory für eine Matrix D zur Laufzeit wieder freizugeben. Der Befehl del in Python löscht lediglich die Verbindung zum Memoryspace, aber nicht die Variable selbst. Was hingegen funktioniert, ist eine nicht mehr gebrauchte Matrix zu überschreiben, z.B. mit D = 0, so dass der Garbage Collector das Memory wieder freigibt.