

Filière	Master 2 GIL
Épreuve	Applications Web et sécurité
Durée	2 heures
Documents autorisés	Aucun

Exercice 1 (10 points)

1. Quel est principe du chiffrement **One-Time Pad**? Donnez ses avantages et ses inconvénients.
2. À quel type de chiffrement appartient le DES? Quelle attaque a remis principalement en cause le DES? Quel est son remplaçant aujourd'hui?
3. Citez deux problèmes mathématiques difficiles utilisés pour construire des systèmes de chiffrement. Donnez un exemple de système pour chaque problème.
4. Que signifie pour un système cryptographique d'avoir κ bits de sécurité?
5. Que signifie pour système de chiffrement d'être *hybride*? Pourquoi existe-t-il? Donnez un exemple de votre choix.
6. Quel est le but du protocole de DIFFIE-HELLMAN? Rappelez son principe.
7. Donnez la définition d'une fonction à sens unique? Sait-on en construire (si oui, donnez alors un exemple de fonction)?
8. Quelles sont les principales méthodes actuelles pour authentifier un individu?
9. Que signifie et pourquoi utilise-t-on la *certification* de clef publique?
10. On imagine qu'une banque souhaite proposer une application web qui permette à ses clients de gérer leur compte courant au moyen d'un navigateur. Dites quelles sont les contraintes sécuritaires que l'application doit satisfaire?

Exercice 2 (2 points) Rappel les paramètres du système de chiffrement $\text{RSA}(n,e)$. On suppose que le même message m est chiffré deux fois (pour deux personnes différentes) avec les clefs (n, e_1) et (n, e_2) . Les chiffrés sont respectivement c_1 et c_2 . On suppose de plus que le $\text{PGCD}(e_1, e_2) = 1$.

1. Montrer que l'on peut retrouver m à partir c_1 et c_2 .
2. Quelles solutions préconisez-vous pour éviter ce genre d'attaque?
3. Appliquer cette attaque lorsque les clefs RSA sont $(493,3)$ et $(493,5)$, et les chiffrés sont respectivement 293 et 421.

Exercice 3 (3 points) On suppose que l'on essaye d'améliorer la sécurité d'un système de chiffrement *symétrique* $(f_K)_{K \in \mathcal{K}}$ (on peut penser au DES) avec $f_K : \{0, 1\}^n \rightarrow \{0, 1\}^n$ dont les clés trop courtes n'interdisent pas une recherche exhaustive en chiffrant deux fois :

$$M \mapsto C = f_{K_2}(f_{K_1}(M)).$$

1. Quelle est la taille de la nouvelle clé?
2. On considère l'attaque suivante : Oscar connaît M et $C = f_{K_2}(f_{K_1}(M))$ et crée deux listes

$$\mathcal{L}_M = (f_K(M))_{K \in \mathcal{K}} \quad \text{et} \quad \mathcal{L}_C = (f_K^{-1}(C))_{K \in \mathcal{K}}$$

Dites quel est le type de cette attaque, et ce que doit rechercher Oscar dans ces listes.

3. Pouvez-vous donner la complexité de cette attaque *i.e.* le nombre de comparaisons nécessaires (*Indic.* Les listes étant triées $\rightsquigarrow n \times \#\mathcal{K}$)?

Exercice 4 (5 points) Dans un protocole d'identification, une entité P que l'on appelle *prouveur* doit prouver son identité à une entité V que l'on appelle *vérifieur*. P choisit un secret s et publie $I = \alpha^s \bmod p$ où α est un générateur de \mathbb{Z}_p^* et p un nombre premier. Ces données sont publiques et on suppose que I identifie P . L'objectif du protocole suivant est de prouver que P connaît le secret s sans le révéler à V :

- i. **(Engagement)** : P choisit $r \bmod (p-1)$ aléatoire, calcule $R = \alpha^r \bmod p$ et communique R à V
- ii. **(Défi)** : V choisit un bit aléatoire $\varepsilon = 0, 1$ et le communique à P
- iii. **(Réponse)** : P donne x à V où :
 - $x = r \bmod (p-1)$ si $\varepsilon = 0$
 - $x = (r + s) \bmod (p-1)$ si $\varepsilon = 1$
- iv. **(Vérification)** : V calcule $X = \alpha^x \bmod p$ et vérifie que $R = X$ quand $\varepsilon = 0$ et $X = R \times I$ quand $\varepsilon = 1$.

Un attaquant P^* cherche à se faire passer pour P auprès de V sans connaître s .

1. Sur quel problème repose la sécurité de ce protocole ?
2. Montrer que si P^* choisit $r \bmod (p-1)$ comme engagement, il ne peut alors répondre correctement que si $\varepsilon = 0$.
3. Montrer que si dans la phase d'engagement P^* tire $r \bmod (p-1)$ aléatoire et envoie $R I^{-1} \bmod (p-1)$, il peut répondre correctement uniquement quand $\varepsilon = 1$.
4. En déduire que si V répète k fois le protocole, P^* se fait passer pour P avec une probabilité de $\frac{1}{2^k}$.
5. Pourquoi ce protocole est à divulgation nulle de connaissance ?