

中国科学技术大学计算机学院

2013 级研究生《算法设计与分析》期终考试试题

学号或单位:	姓名:	成绩:
注意: 试卷须交回, 否则无分。		
一. 单项选择题 (每空3分,共30分)	
1、下列陈述错误的是。		
(a) 数值概率算法一般是求数值计算问题的近似解(b) Monte Carlo 总能求得问题的一个解,但该解对(c)Las Vegas 算法的一定能求出问题的正确解(d) Sherwood 算法的主要作用是减少或是消除好的	长必正确	J差别
2、下述算法的估计值是。		
Darts(n){		
for $i := 1$ to $n \text{ do } \{$ x := uniform(0,1); y := x;	,	
$if(x^2+y^2 \le 1) k++;$		
return 4k/n;	ريوست وريوست	The state of the s
} (a) π (b) $\sqrt{2}$ (c) $2\sqrt{2}$ (d)	$1/\sqrt{2}$	
3、若 A 是一个偏真的的 MC 算法,则下述陈述正确		
	、以较大的概率返回 必错误;	
4、重复调用一个一致的、p-正确的、偏真的 MC 算	法k次,可以得到	一个的算法。
(a)(1-p)-正确 (b)(1-p) ^k -正确 (c)	(1-(1-p) ^k)-正确	(d) 正确概率不能确定
5、用 Las Vegas 算法求解 n 皇后问题的形式为:		
obstinate (T, n) { //求出的解存放在 T[1	n]中	
QueensLV(T, n, success); until success;		
return T; //返回解	x 8	
};		
若 obstinate 陷入无限循环,则可以断定 (a)n<4 (b)n=4 (c) n=8	成立。	
(6)11-6	(d) n 太大	
在下述因素中,已知有3个阻碍分布式系统了解系	统的全局状态,与	全局状态无关的是。
(a) 非即时的通信 (b)相对性影响	(c) 中断	(d) 算法的正确性

7.	下述说法错误的是。
	(a) 在一个无错的异步系统中,一个算法的执行只取决于初始配置 (b) 在一个无错的同步系统中,一个算法的执行只取决于初始配置 (c) 在一个无错的异步系统中,对于相同的初始配置,一个算法可能有不同的执行 (d) 异步系统中的消息延迟是不确定的
8.	在异步环上,leader 选举算法的消息复杂性下界是。
	(a) O(logn) (b) O(n) (c) O(nlogn) (d) O(n ²)
94	吕知事件 e1、e2、e3 和 e4 的向量时截分别为(4,0,0,0)、(3,5,0,0)、(3,4,1,2)、(3,6,4,3),与e3 有因果关系的是。
	(a) el (b) e2 (c) e4 (d) 都无关系
10.	下列除述错误的是。
	(a) P 类问题可用多项式时间的确定性算法求解; (b) NP 类问题可用多项式时间的非确定性算法求解; (c) 所有需要指数阶时间求解的问题均属于 NP 类问题; (d) NP 完全问题也是 NP-hard 问题。

二. 简要回答下述问题 (每题8分,共40分)

- 1、 在分布式算法中, bit 复杂性是指算法发送的所有消息中 bit 的总数: 消息链复杂性是指算法的任何执行中最长消息链的长度, 若某消息链是 mi, me, ..., mi, 则 mi 在因果关系上领先于 min, 该消息链的长度为 k。请问这两种复杂性应分别属于通信复杂性和时间复杂性中的哪一种? 并简述其理由。
- 2、已知事件 e1、e2、e3 和 e4 的向量时戳分别为(1,0,0,0)、(3,5,0,0)、(0,0,1,2)、(3,6,4,3),与e3 有因果关系的是哪个事件?若该事件发生在 e3 之前,则会发生什么情况?
- 3、对于一个优化问题 Π ,最佳可达性能比 $R_{MIN}(\Pi)$ (定义如下)分别为何值时,问题 Π 易于近似和难于近似?

 $R_{MM}(\Pi) = \inf\{r \ge 1 \mid 3\Pi$ 的多项式时间算法A使 $R_A^\pi \le r\}$

- 4、对于一个优化问题,什么情况下其近似算法的绝对性能比和渐近性能比相同?
- 5、装箱问题是将 n 件物品放入尽可能少的若干个箱子中。不妨设每个箱子的容量均为 1, 物品 1,(1≤j≤n, n=6)的大小依次为: 0.5,0.6,0.3,0.7,0.5,0.4,请给出其最优解,以及采用首次适应(First Fit)策略得到的近似解。这里,解是指使用了几个箱子,每个箱子中放了哪些物品。

三. 算法题(共30分)

- 1、设一个同步匿名的单向环有 n 个结点,每个结点均知道 n,每个结点的初始均状态相同,每个结点上的程序相同且开始于同一时刻。
 - (1) 请问是否存在一个确定的算法选出一个 leader? 请简述理由。(5分)
 - (2) 试设计一个概率的 leader 选举算法。提示: 算法由若干个 phase 构成,每个 phase 包括 n 轮,可用 phase 和轮控制算法流程。每个结点可以设置一个随机数发生器 uniform (1..m),这里 m 是局部变量,初值等于 n。(20分)
 - (3) 请问你设计的概率算法属于哪一类算法? (5分)