

第 22 次 CCF CSP 软件能力认证

CCF CSP

时间：2021 年 4 月 11 日 13:30 ~ 17:30

题目名称	灰度直方图	邻域均值	DHCP 服务器	校门外的树	疫苗运输
题目类型	传统型	传统型	传统型	传统型	传统型
输入	标准输入	标准输入	标准输入	标准输入	标准输入
输出	标准输出	标准输出	标准输出	标准输出	标准输出
每个测试点时限	1.0 秒	1.0 秒	1.0 秒	1.0 秒	1.0 秒
内存限制	512 MiB	512 MiB	512 MiB	512 MiB	512 MiB
子任务数目	5	10	10	10	20
测试点是否等分	是	是	是	是	是

灰度直方图 (histogram)

【题目描述】

一幅长宽分别为 n 个像素和 m 个像素的灰度图像可以表示为一个 $n \times m$ 大小的矩阵 A 。其中每个元素 A_{ij} ($0 \leq i < n$ 、 $0 \leq j < m$) 是一个 $[0, L)$ 范围内的整数，表示对应位置像素的灰度值。具体来说，一个 8 比特的灰度图像中每个像素的灰度范围是 $[0, 128)$ 。

一副灰度图像的灰度统计直方图（以下简称“直方图”）可以表示为一个长度为 L 的数组 h ，其中 $h[x]$ ($0 \leq x < L$) 表示该图像中灰度值为 x 的像素个数。显然， $h[0]$ 到 $h[L-1]$ 的总和应等于图像中的像素总数 $n \cdot m$ 。

已知一副图像的灰度矩阵 A ，试计算其灰度直方图 $h[0], h[1], \dots, h[L-1]$ 。

【输入格式】

从标准输入读入数据。

输入共 $n+1$ 行。

输入的第一行包含三个用空格分隔的正整数 n 、 m 和 L ，含义如前文所述。

第二到第 $n+1$ 行输入矩阵 A 。第 $i+2$ ($0 \leq i < n$) 行包含用空格分隔的 m 个整数，依次为 $A_{i0}, A_{i1}, \dots, A_{i(m-1)}$ 。

【输出格式】

输出到标准输出。

输出仅一行，包含用空格分隔的 L 个整数 $h[0], h[1], \dots, h[L-1]$ ，表示输入图像的灰度直方图。

【样例 1 输入】

```
4 4 16
0 1 2 3
4 5 6 7
8 9 10 11
12 13 14 15
```

【样例 1 输出】

```
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
```

【样例 2 输入】

```
7 11 8
0 7 0 0 0 7 0 0 7 7 0
7 0 7 0 7 0 7 0 7 0 7
7 0 0 0 7 0 0 0 7 0 7
7 0 0 0 0 7 0 0 7 7 0
7 0 0 0 0 0 7 0 7 0 0
7 0 7 0 7 0 7 0 7 0 0
0 7 0 0 0 7 0 0 7 0 0
```

【样例 2 输出】

```
48 0 0 0 0 0 0 29
```

【子任务】

全部的测试数据满足 $0 < n, m \leq 500$ 且 $4 \leq L \leq 256$ 。

邻域均值 (localavg)

【题目背景】

顿顿在学习了数字图像处理后，想要对手上的一副灰度图像进行降噪处理。不过该图像仅在较暗区域有很多噪点，如果贸然对全图进行降噪，会在抹去噪点的同时也模糊了原有图像。因此顿顿打算先使用**邻域均值**来判断一个像素是否处于**较暗区域**，然后仅对处于**较暗区域**的像素进行降噪处理。

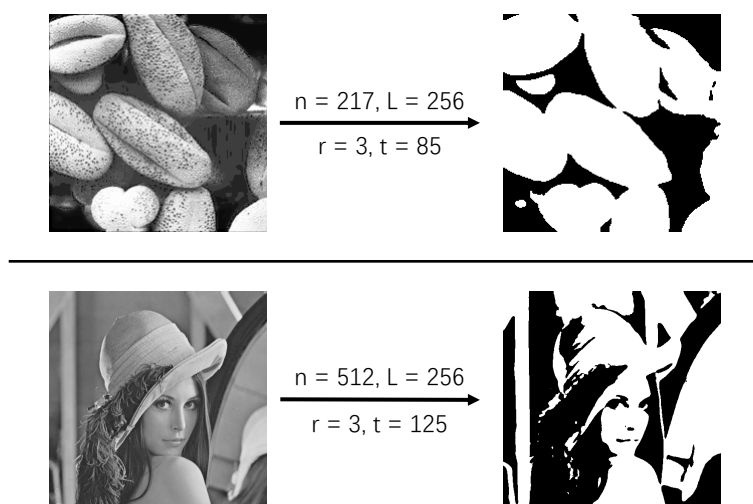
【题目描述】

待处理的灰度图像长宽皆为 n 个像素，可以表示为一个 $n \times n$ 大小的矩阵 A ，其中每个元素是一个 $[0, L)$ 范围内的整数，表示对应位置像素的灰度值。对于矩阵中任意一个元素 A_{ij} ($0 \leq i, j < n$)，其**邻域**定义为附近若干元素的集和：

$$Neighbor(i, j, r) = \{A_{xy} \mid 0 \leq x, y < n \text{ and } |x - i| \leq r \text{ and } |y - j| \leq r\}$$

这里使用了一个额外的参数 r 来指明 A_{ij} 附近元素的具体范围。根据定义，易知 $Neighbor(i, j, r)$ 最多有 $(2r + 1)^2$ 个元素。

如果元素 A_{ij} **邻域**中所有元素的**平均值**小于或等于一个给定的阈值 t ，我们就认为该元素对应位置的像素处于**较暗区域**。下图给出了两个例子，左侧图像的较暗区域在右侧图像中展示为黑色，其余区域展示为白色。



现给定邻域参数 r 和阈值 t ，试统计输入灰度图像中有多少像素处于**较暗区域**。

【输入格式】

从标准输入读入数据。

输入共 $n + 1$ 行。

输入的第一行包含四个用空格分隔的正整数 n 、 L 、 r 和 t ，含义如前文所述。

第二到第 $n+1$ 行输入矩阵 A 。第 $i+2$ ($0 \leq i < n$) 行包含用空格分隔的 n 个整数，依次为 $A_{i0}, A_{i1}, \dots, A_{i(n-1)}$ 。

【输出格式】

输出到标准输出。

输出一个整数，表示输入灰度图像中处于较暗区域的像素总数。

【样例 1 输入】

```
4 16 1 6
0 1 2 3
4 5 6 7
8 9 10 11
12 13 14 15
```

【样例 1 输出】

```
7
```

【样例 2 输入】

```
11 8 2 2
0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 7 0 0 0 7 0 0 7 7 0
7 0 7 0 7 0 7 0 7 0 7
7 0 0 0 7 0 0 0 7 0 7
7 0 0 0 0 7 0 0 7 7 0
7 0 0 0 0 0 7 0 7 0 0
7 0 7 0 7 0 7 0 7 0 0
0 7 0 0 0 7 0 0 7 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
```

【样例 2 输出】

```
83
```

【子任务】

70% 的测试数据满足 $n \leq 100$ 、 $r \leq 10$ 。

全部的测试数据满足 $0 < n \leq 600$ 、 $0 < r \leq 100$ 且 $2 \leq t < L \leq 256$ 。

DHCP 服务器 (DHCP)

【题目背景】

动态主机配置协议 (Dynamic Host Configuration Protocol, DHCP) 是一种自动为网络客户端分配 IP 地址的网络协议。当支持该协议的计算机刚刚接入网络时, 它可以启动一个 DHCP 客户端程序。后者可以通过一定的网络报文交互, 从 DHCP 服务器上获得 IP 地址等网络配置参数, 从而能够在用户不干预的情况下, 自动完成对计算机的网络设置, 方便用户连接网络。DHCP 协议的工作过程如下:

1. 当 DHCP 协议启动的时候, DHCP 客户端向网络中广播发送 Discover 报文, 请求 IP 地址配置;
2. 当 DHCP 服务器收到 Discover 报文时, DHCP 服务器根据报文中的参数选择一个尚未分配的 IP 地址, 分配给该客户端。DHCP 服务器用 Offer 报文将这个信息传达给客户端;
3. 客户端收集收到的 Offer 报文。由于网络中可能存在多于一个 DHCP 服务器, 因此客户端可能收集到多个 Offer 报文。客户端从这些报文中选择一个, 并向网络中广播 Request 报文, 表示选择这个 DHCP 服务器发送的配置;
4. DHCP 服务器收到 Request 报文后, 首先判断该客户端是否选择本服务器分配的地址: 如果不是, 则在本服务器上解除对那个 IP 地址的占用; 否则则再次确认分配的地址有效, 并向客户端发送 Ack 报文, 表示确认配置有效, Ack 报文中包括配置的有效时间。如果 DHCP 发现分配的地址无效, 则返回 Nak 报文;
5. 客户端收到 Ack 报文后, 确认服务器分配的地址有效, 即确认服务器分配的地址未被其它客户端占用, 则完成网络配置, 同时记录配置的有效时间, 出于简化的目的, 我们不考虑被占用的情况。若客户端收到 Nak 报文, 则从步骤 1 重新开始;
6. 客户端在到达配置的有效时间前, 再次向 DHCP 服务器发送 Request 报文, 表示希望延长 IP 地址的有效期。DHCP 服务器按照步骤 4 确定是否延长, 客户端按照步骤 5 处理后续的配置;

在本题目中, 你需要理解 DHCP 协议的工作过程, 并按照题目的要求实现一个简单的 DHCP 服务器。

【题目描述】

报文格式

为了便于实现, 我们简化地规定 DHCP 数据报文的格式如下:

< 发送主机> < 接收主机> < 报文类型> < IP 地址> < 过期时刻>

DHCP 数据报文的各个部分由空格分隔，其各个部分的定义如下：

- 发送主机：是发送报文的主机名，**主机名**是由小写字母、数字组成的字符串，唯一地表示了一个主机；
- 接收主机：当有特定的接收主机时，是接收报文的主机名；当没有特定的接收主机时，为一个星号 (*)；
- 报文类型：是三个大写字母，取值如下：
 - DIS：表示 Discover 报文；
 - OFR：表示 Offer 报文；
 - REQ：表示 Request 报文；
 - ACK：表示 Ack 报文；
 - NAK：表示 Nak 报文；
- IP 地址，是一个非负整数：
 - 对于 Discover 报文，该部分在发送的时候为 0，在接收的时候忽略；
 - 对于其它报文，为正整数，表示一个 IP 地址；
- 过期时刻，是一个非负整数：
 - 对于 Offer、Ack 报文，是一个正整数，表示服务器授予客户端的 IP 地址的过期时刻；
 - 对于 Discover、Request 报文，若为正整数，表示客户端期望服务器授予的过期时刻；
 - 对于其它报文，该部分在发送的时候为 0，在接收的时候忽略。

例如下列都是合法的 DHCP 数据报文：

a * DIS 0 0

d a ACK 50 1000

服务器配置

为了 DHCP 服务器能够正确分配 IP 地址，DHCP 需要接受如下配置：

- 地址池大小 N ：表示能够分配给客户端的 IP 地址的数目，且能分配的 IP 地址是 $1, 2, \dots, N$ ；
- 默认过期时间 T_{def} ：表示分配给客户端的 IP 地址的默认的过期时间长度；
- 过期时间的上限和下限 T_{max} 、 T_{min} ：表示分配给客户端的 IP 地址的最长过期时间长度和最短过期时间长度，客户端不能请求比这个更长或更短的过期时间；
- 本机名称 H ：表示运行 DHCP 服务器的主机名。

分配策略

当客户端请求 IP 地址时, 首先检查此前是否给该客户端分配过 IP 地址, 且该 IP 地址在此后没有被分配给其它客户端。如果是这样的情况, 则直接将 IP 地址分配给它, 否则, 总是分配给它最小的尚未占用过的那个 IP 地址。如果这样的地址不存在, 则分配给它最小的此时未被占用的那个 IP 地址。如果这样的地址也不存在, 说明地址池已经分配完毕, 因此拒绝分配地址。

实现细节

在 DHCP 启动时, 首先初始化 IP 地址池, 将所有地址设置状态为未分配, 占用者为空, 并清零过期时刻。其中地址的状态有未分配、待分配、占用、过期四种。处于未分配状态的 IP 地址没有占用者, 而其余三种状态的 IP 地址均有一名占用者。处于待分配和占用状态的 IP 地址拥有一个大于零的过期时刻。在到达该过期时刻时, 若该地址的状态是待分配, 则该地址的状态会自动变为未分配, 且占用者清空, 过期时刻清零; 否则该地址的状态会由占用自动变为过期, 且过期时刻清零。处于未分配和过期状态的 IP 地址过期时刻为零, 即没有过期时刻。

对于收到的报文, 设其收到的时刻为 t 。处理细节如下:

1. 判断接收主机是否为本机, 或者为 $*$, 若不是, 则判断类型是否为 Request, 若不是, 则不处理;
2. 若类型不是 Discover、Request 之一, 则不处理;
3. 若接收主机为 $*$, 但类型不是 Discover, 或接收主机是本机, 但类型是 Discover, 则不处理。

对于 Discover 报文, 按照下述方法处理:

1. 检查是否有占用者为发送主机的 IP 地址:
 - 若有, 则选取该 IP 地址;
 - 若没有, 则选取最小的状态为未分配的 IP 地址;
 - 若没有, 则选取最小的状态为过期的 IP 地址;
 - 若没有, 则不处理该报文, 处理结束;
2. 将该 IP 地址状态设置为待分配, 占用者设置为发送主机;
3. 若报文中过期时刻为 0, 则设置过期时刻为 $t + T_{def}$; 否则根据报文中的过期时刻和收到报文的时刻计算过期时间, 判断是否超过上下限: 若没有超过, 则设置过期时刻为报文中的过期时刻; 否则则根据超限情况设置为允许的最早或最晚的过期时刻;
4. 向发送主机发送 Offer 报文, 其中, IP 地址为选定的 IP 地址, 过期时刻为所设定的过期时刻。

对于 Request 报文, 按照下述方法处理:

1. 检查接收主机是否为本机:

- 若不是，则找到占用者为发送主机的所有 IP 地址，对于其中状态为待分配的，将其状态设置为未分配，并清空其占用者，清零其过期时刻，处理结束；
- 2. 检查报文中的 IP 地址是否在地址池内，且其占用者为发送主机，若不是，则向发送主机发送 Nak 报文，处理结束；
- 3. 无论该 IP 地址的状态为何，将该 IP 地址的状态设置为占用；
- 4. 与 Discover 报文相同的方法，设置 IP 地址的过期时刻；
- 5. 向发送主机发送 Ack 报文。

上述处理过程中，地址池中地址的状态的变化可以概括为如下图所示的状态转移图。为了简洁，该图中没有涵盖需要回复 Nak 报文的情况。

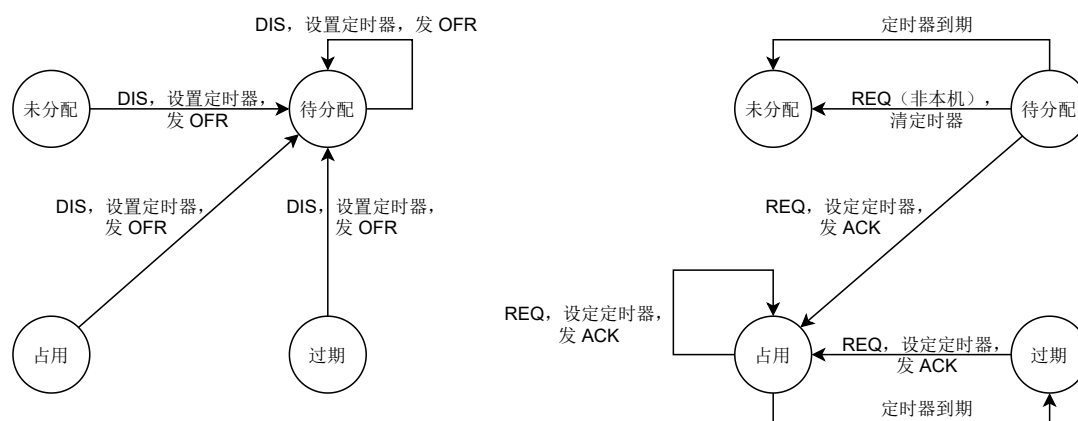


图 1: 地址状态转移图

【输入格式】

从标准输入读入数据。

输入的第一行包含用空格分隔的四个正整数和一个字符串，分别是： N 、 T_{def} 、 T_{max} 、 T_{min} 和 H ，保证 $T_{min} \leq T_{def} \leq T_{max}$ 。

输入的第二行是一个正整数 n ，表示收到了 n 个报文。

输入接下来有 n 行，第 $(i+2)$ 行有空格分隔的正整数 t_i 和约定格式的报文 P_i 。表示收到的第 i 个报文是在 t_i 时刻收到的，报文内容是 P_i 。保证 $t_i < t_{i+1}$ 。

【输出格式】

输出到标准输出。

输出有若干行，每行是一个约定格式的报文。依次输出 DHCP 服务器发送的报文。

【样例 1 输入】

4 5 10 5 dhcp

16

```
1 a * DIS 0 0
2 a dhcp REQ 1 0
3 b a DIS 0 0
4 b * DIS 3 0
5 b * REQ 2 12
6 b dhcp REQ 2 12
7 c * DIS 0 11
8 c dhcp REQ 3 11
9 d * DIS 0 0
10 d dhcp REQ 4 20
11 a dhcp REQ 1 20
12 c dhcp REQ 3 20
13 e * DIS 0 0
14 e dhcp REQ 2 0
15 b dhcp REQ 2 25
16 b * DIS 0 0
```

【样例 1 输出】

```
dhcp a OFR 1 6
dhcp a ACK 1 7
dhcp b OFR 2 9
dhcp b ACK 2 12
dhcp c OFR 3 12
dhcp c ACK 3 13
dhcp d OFR 4 14
dhcp d ACK 4 20
dhcp a ACK 1 20
dhcp c ACK 3 20
dhcp e OFR 2 18
dhcp e ACK 2 19
dhcp b NAK 2 0
```

【样例 1 解释】

输入第一行，分别设置了 DHCP 的相关参数，并收到了 16 个报文。

第 1 个报文和第 2 个报文是客户端 a 正常请求地址，服务器为其分配了地址 1，相应地设置了过期时刻是 7（即当前时刻 2 加上默认过期时间 5）。

第 3 个报文不符合 Discover 报文的要求，不做任何处理。

第 4 个报文 b 发送的 Discover 报文虽然有 IP 地址 3，但是按照处理规则，这个字段被忽略，因此服务器返回 Offer 报文，过期时刻是 9。

第 5 个报文中，Request 报文不符合接收主机是 DHCP 服务器本机的要求，因此不做任何处理。

第 6 个报文是 b 发送的 Request 报文，其中设置了过期时刻是 12，没有超过最长过期时间，因此返回的 Ack 报文中过期时刻也是 12。

第 7 个报文中，过期时刻 11 小于最短过期时间，因此返回的过期时刻是 12。虽然此时为 a 分配的地址 1 过期，但是由于还有状态为未分配的地址 3，因此为 c 分配地址 3。第 8 个报文同理，为 c 分配的地址过期时刻是 13。

第 9、10 两个报文中，为 d 分配了地址 4，过期时刻是 20。

第 11 个报文中，a 请求重新获取此前为其分配的地址 1，虽然为其分配的地址过期，但是由于尚未分配给其它客户端，因此 DHCP 服务器可以直接为其重新分配该地址，并重新设置过期时刻为 20。

第 12 个报文中，c 请求延长其地址的过期时刻为 20。DHCP 正常向其回复 Ack 报文。

第 13、14 个报文中，e 试图请求地址。此时地址池中已经没有处于“未分配”状态的地址了，但是有此前分配给 b 的地址 2 的状态是“过期”，因此把该地址重新分配给 e。

第 15 个报文中，b 试图重新获取此前为其分配的地址 2，但是此时该地址已经被分配给 e，因此返回 Nak 报文。

第 16 个报文中，b 试图重新请求分配一个 IP 地址，但是此时地址池中已经没有可用的地址了，因此忽略该请求。

【样例 2 输入】

```
4 70 100 50 dhcp
6
5 a * OFR 2 100
10 b * DIS 0 70
15 b dhcp2 REQ 4 60
20 c * DIS 0 70
70 d * DIS 0 120
75 d dhcp REQ 1 125
```

【样例 2 输出】

```
dhcp b OFR 1 70
dhcp c OFR 1 70
dhcp d OFR 1 120
dhcp d ACK 1 125
```

【样例 2 解释】

在本样例中，DHCP 服务器一共收到了 6 个报文，处理情况如下：

第 1 个报文不是 DHCP 服务器需要处理的报文，因此不回复任何报文。

第 2 个报文中，b 请求分配 IP 地址，因此 DHCP 服务器将地址 1 分配给 b，此时，地址 1 进入待分配状态，DHCP 服务器向 b 发送 Offer 报文。

第 3 个报文中，b 发送的 REQ 报文是发给非本服务器的，因此需要将地址池中所有拥有者是 b 的待分配状态的地址修改为未分配。

第 4 个报文中，c 请求分配 IP 地址。由于地址 1 此时是未分配状态，因此将该地址分配给它，向它发送 Offer 报文，地址 1 进入待分配状态。

第 5、6 个报文中，d 请求分配 IP 地址。注意到在收到第 5 个报文时，已经是时刻 70，地址 1 的过期时刻已到，它的状态已经被修改为了未分配，因此 DHCP 服务器仍然将地址 1 分配给 d。

【子任务】

对于 20% 的数据，有 $N \leq 200$ ，且 $n \leq N$ ，且输入仅含 Discover 报文，且 $t < T_{min}$ ；

对于 50% 的数据，有 $N \leq 200$ ，且 $n \leq N$ ，且 $t < T_{min}$ ，且报文的接收主机或为本机，或为 *；

对于 70% 的数据，有 $N \leq 1000$ ，且 $n \leq N$ ，且报文的接收主机或为本机，或为 *；

对于 100% 的数据，有 $N \leq 10000$ ，且 $n \leq 10000$ ，主机名的长度不超过 20，且 $t, T_{min}, T_{default}, T_{max} \leq 10^9$ ，输入的报文格式符合题目要求，且数字不超过 10^9 。

校门外的树 (tree)

【题目描述】

X 校最近打算美化一下校园环境。前段时间因为修地铁，X 校大门外种的行道树全部都被移走了。现在 X 校打算重新再种一些树，为校园增添一抹绿意。

X 校大门外的道路是东西走向的，我们可以将其看成一条数轴。在这条数轴上有 n 个障碍物，例如电线杆之类的。虽然障碍物会影响树的生长，但是障碍物不一定能被随便移走，所以 X 校规定在障碍物的位置上不能种树。 n 个障碍物的坐标都是整数；如果规定向东为正方向，则 n 个障碍物的坐标按照从西到东的顺序分别为 a_1, a_2, \dots, a_n 。X 校打算在 $[a_1, a_n]$ 之间种一些树，使得这些树看起来比较美观。

X 校希望，在一定范围内，树应该是等间隔的。更具体地说，如果把 $[a_1, a_n]$ 划分成一些区间 $[a_{p_1}, a_{p_2}), \dots, [a_{p_{m-1}}, a_{p_m})$ ($1 = p_1 < p_2 < \dots < p_m = n$)，那么每个区间 $[a_{p_i}, a_{p_{i+1}})$ 内需要至少种一棵树，且该区间内种的树的坐标连同区间端点 $a_{p_i}, a_{p_{i+1}}$ 应该构成一个等差数列。不同区间的公差，也就是树的间隔可以不相同。

例如，如果障碍物位于 0, 2, 6 这三处，那么我们可以选择在 $[0, 2)$ 和 $[2, 6)$ 分别种树，也可以选择在 $[0, 6)$ 等间隔种树。如果是分别在 $[0, 2)$ 和 $[2, 6)$ 种树，由于每个区间内至少要种一棵树，坐标 1 上必须种树；而 $[2, 6)$ 上的树可以按照 1 的间隔种下，也可以按照 2 的间隔种下。下图表示了这两种美观的种树方案，其中橙色的圆表示障碍物，绿色的圆表示需要在这个位置种树，箭头上的数字表示种下这棵树时对应的间隔为多少。

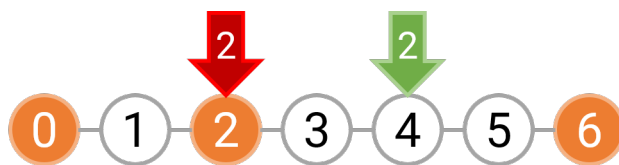


图 2: 对区间 $[0, 2)$ 和 $[2, 6)$ 分别以 1 和 2 的间隔种树是美观的



图 3: 对区间 $[0, 2)$ 和 $[2, 6)$ 分别以 1 的间隔种树也是美观的

而如果选择在 $[0, 6)$ 区间等间隔种树，我们只能以 3 的间隔种树，因为无论是选择间隔 1 或者间隔 2，都需要在坐标 2 上种树，而这个位置已经有障碍物了。下图分别表示了间隔为 3, 2, 1 时的种树情况，红色箭头表示不能在这里种树。

图 4: 对区间 $[0, 6)$ 以 3 的间隔种树是美观的图 5: 对区间 $[0, 6)$ 以 2 的间隔种树是不美观的

一般地, 给定一个区间 $[a_l, a_r)$, 对于树的坐标的集合 $T \subset (a_l, a_r)$ ($T \subset \mathbb{Z}$), 归纳定义 T 在 $[a_l, a_r)$ 上是美观的:

1. 如果 $T \neq \emptyset$, $T \cap \{a_l, a_{l+1}, \dots, a_r\} = \emptyset$, 并且存在一个公差 $d \geq 1$, 使得 $T \cup \{a_l, a_r\}$ 中的元素按照从小到大的顺序排序后, 可以构成一个公差为 d 的等差数列 (显然, 这个等差数列的首项为 a_l , 末项为 a_r), 则 T 在 $[a_l, a_r)$ 上是美观的;
2. 如果 $T \cap \{a_l, a_{l+1}, \dots, a_r\} = \emptyset$, 并且存在一个下标 m ($l < m < r$), 使得 $T \cap (a_l, a_m)$ 在 $[a_l, a_m)$ 上是美观的, 且 $T \cap (a_m, a_r)$ 在 $[a_m, a_r)$ 上是美观的, 则 T 在 $[a_l, a_r)$ 上是美观的。

根据这一定义, 空集在任意区间上都不是美观的; 另外, 如果存在下标 i 使得 $a_i \in T$, 那么 T 一定不是美观的。

我们称两种种树的方案是**本质不同的**, 当且仅当两种方案中, 种树的坐标集合不同。请帮助 X 校对 $[a_1, a_n)$ 求出所有本质不同的美观的种树方案。当然, 由于方案可能很多, 你只需要输出总方案数对 $10^9 + 7$ 取模的结果。

【输入格式】

从标准输入读入数据。

输入的第一行包含一个正整数 n , 表示障碍物的数量。

输入的第二行包括 n 个非负整数 a_1, \dots, a_n , 表示每个障碍物的坐标。

保证对 $i = 1, 2, \dots, n-1$, $a_i < a_{i+1}$ 。

【输出格式】

输出到标准输出。

输出一个非负整数, 表示本质不同的美观的种树方案的数量对 $10^9 + 7$ 取模的结果。



图 6: 对区间 $[0, 6)$ 以 1 的间隔种树也是不美观的

【样例 1 输入】

3
0 2 6

【样例 1 输出】

3

【样例 1 解释】

这组样例即为题面描述中提到的那组。

【样例 2 输入】

11
0 10 20 30 40 50 60 70 80 90 100

【样例 2 输出】

256507

【样例 3】

见题目目录下的 *3.in* 与 *3.ans*。

【子任务】

- 对于 10% 的数据, 保证 $n = 2$;
- 对于 30% 的数据, 保证 $n \leq 10$;
- 对于 60% 的数据, 保证 $n \leq 100, a_i \leq 1000$;

对于 100% 的数据, 保证 $2 \leq n \leq 1000, 0 \leq a_i \leq 100,000$, 且至少存在一种美观的种树方案。

疫苗运输 (vaccine)

【题目描述】

X 市最近生产了一批疫苗，需要运往各地使用。疫苗的运输是一个困难的问题：既要实现尽快时间送达，又要保证全程冷链，否则疫苗会损坏。

X 市的物流系统并不发达，只有 n 个物流站点（以下简称“站点”）和 m 条物流线路（以下简称“线路”），且该物流系统具有以下几个特点：

1. 每条线路都是环线。即，从某个站点出发，经过一系列不重复的站点，最终回到出发站点。
2. 每条线路上有且仅有一辆运输车，以固定的时刻表（相邻站间的时间间隔）在环线上不断运行。在 0 时刻时，运输车在出发站点。
3. 运输车上配备了容量足够大的制冷系统，疫苗可以在车上长时间存放。但是换乘（从一条线路切换到另一条线路）必须在同一个站点同一个时刻发生——因为各个站点没有独立的制冷系统，疫苗不能在站点内下车等待。

现在 X 市想要从 1 号站点开始，经过若干条线路的运输和换乘，将疫苗运输到各个其他站点。与其他站点不同，1 号站点配有冷库。也就是说，从 0 时刻开始，可以在 1 号站点等待某条线路运输车的到来，再开始疫苗运输。问对于 2 号 ~ n 号站点，分别最早可以在什么时刻将疫苗送到该站点。

注意：每个问题是独立的，即只需要求出 1 号站点到各个站点的最早送达时刻。

【输入格式】

从标准输入读入数据。

第一行两个整数 n, m 。

接下来 m 行，每行表示一条物流线路。对于第 i ($1 \leq i \leq m$) 条线路，首先有一个整数 l_i ($2 \leq l_i \leq n$) 表示该线路经过的站点个数。接下来 $2l_i$ 个整数，第 $2j-1$ 和第 $2j$ 个整数分别表示该线路的第 j ($1 \leq j \leq l_i$) 个站点的编号 $a_{i,j}$ ($1 \leq a_{i,j} \leq n$)，以及该线路的第 j 个站点到下一个站点所需的时间 $t_{i,j}$ ($1 \leq t_{i,j} \leq T$)（对于第 l_i 个站点即为它到第 1 个站点的时间）。其中，每条线路的第 1 个站点为其出发站点。输入中同一行相邻的整数，均用一个空格隔开。

【输出格式】

输出 $n-1$ 行，第 i 行表示将疫苗送达第 $i+1$ 个站点的最早时间：如果能在有限时间内送达，输出最早的送达时刻；否则输出 inf。

【样例 1 输入】

```
5 2
3 1 100 2 100 3 100
3 3 100 4 100 5 100
```

【样例 1 输出】

```
100
200
inf
inf
```

【样例 2 输入】

```
5 3
3 1 100 2 100 3 100
3 3 100 4 100 5 100
2 3 125 5 125
```

【样例 2 输出】

```
100
200
1600
625
```

【样例 2 解释】

在此样例中，有 5 个站点、3 条线路。第一条线路经过站点 1、2、3，第二条线路经过站点 3、4、5，第三条线路经过站点 3 和 5。

以下为从 1 号站点到各个其他站点的最早送达路线：

- 2 号站点：通过第一条线路运输，在 100 时刻到达 2 号站点
- 3 号站点：通过第一条线路运输，在 200 时刻到达 3 号站点
- 4 号站点：通过第一条线路运输，在 500 时刻到达 3 号站点，然后换乘第三条线路，在 1500 时刻再次到达 3 号站点，最后换乘第二条线路，在 1600 时刻到达 4 号站点
- 5 号站点：通过第一条线路运输，在 500 时刻到达 3 号站点，然后换乘第三条线路，在 625 时刻到达 5 号站点

【样例 3 输入】

```
10 5
6 8 18 1 8 3 52 4 3 7 18 2 47
6 8 96 2 45 10 44 6 95 4 97 3 96
4 10 63 8 97 7 75 1 12
7 3 7 5 75 1 19 2 37 4 25 10 43 9 32
2 6 35 5 74
```

【样例 3 输出】

```
99
26
78
245
7753
81
146
206
163
```

【子任务】

对于 10% 的数据, $n \leq 5, m = 1, T \leq 10$ 。
对于 30% 的数据, $n \leq 5, m \leq 2, T \leq 10$ 。
对于 50% 的数据, $n \leq 5, m \leq 5, T \leq 10$ 。
对于 70% 的数据, $n \leq 10, m \leq 10, T \leq 100$ 。
对于 80% 的数据, $n \leq 30, m \leq 30, T \leq 1000$ 。
对于 95% 的数据, $n \leq 100, m \leq 100, T \leq 10^5$ 。
对于 100% 的数据, $n \leq 500, m \leq 500, T \leq 10^6$ 。