

## 4.4 Differentialförstärkaren

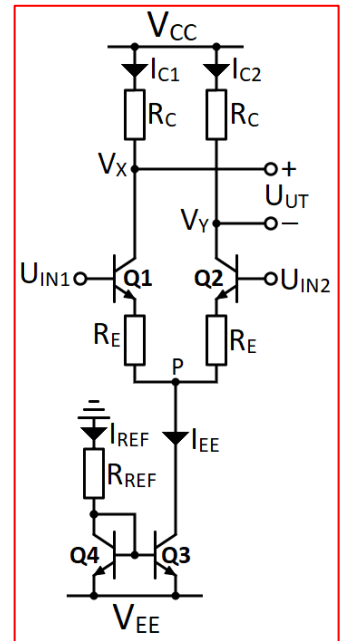
### 4.4.1 - Introduktion

- Differentialförstärkaren är ett förstärkarsteg som vanligtvis används på ingången till OP-förstärkare för att kancellera brus, samtidigt som spänningsnivån på övriga signaler, såsom ljudsignaler, förstärks.
- Eventuellt brus som kommer in i OP-förstärkaren kommer förstärkas av efterföljande förstärkarsteg, vilket vanligtvis är en spänningsförstärkare samt eventuellt även ett slutsteg, vilket hade medfört en förstärkt nivå av brus.
- Genom att förhindra att brus passerar in i OP-förstärkaren, så sker inte denna brusförstärkning till lika höga grad. Dock får vi räkna med att allt brus inte kan kancelleras.
- Differentialförstärkaren kan ses som två spegelvända spänningsförstärkare, som delar på en strömgenerator i emittren/source, såsom en strömspegel, se figuren till höger.
- Differentialförstärkaren sägs arbeta i *Differential Mode* när insignalerna  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$  är olika stora och *Common Mode* när insignalerna är lika stora. Genom att placera en strömspegel mellan ingångstransistorernas emitttrar, så innehar differentialförstärkaren olika förstärkningsfaktor i *Differential Mode* samt *Common Mode*.
- Värt att nämna är att strömspegelns utresistans  $r_{o,CM}$  fungerar som en emitterresistor  $R_E$  med mycket hög resistans i *Common Mode*, vilket kraftigt minskar förstärkningen. Vanligtvis är därmed den så kallade Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  mycket låg, vilket är önskvärt för att dämpa Common Mode-signaler, såsom brus.
- Däremot i *Differential Mode*, så kommer spänningsskillnaden  $U_{IN1} - U_{IN2}$  mellan de två insignalerna medföra att en så kallad virtuell jordpunkt uppstår i punkten P mellan ingångstransistorer Q1:s samt Q2:s emitttrar ovan, vilket innebär att strömspegelns utresistans  $r_{o,CM}$  blir förbikopplad.
- Därmed påverkar inte strömspegelns utresistans  $r_{o,CM}$  differentialförstärkarens förstärkningsfaktor i *Differential Mode*, vilket innebär att den så kallade differentialförstärkningen  $G_{DM}$  kan bli mycket hög. Som vi kommer se senare, så har differentialförstärkaren samma parametrar som motsvarande spänningsförstärkare i *Differential Mode*.
- För att mäta en given differentialförstärkares egenskaper så beräknas vanligtvis ration mellan differentialförstärkningen  $G_{DM}$  samt Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$ . Denna ratio kallas *Common Mode Rejection Ratio*, som förkortas CMRR:

$$CMRR = \frac{G_{DM}}{G_{CM}},$$

där  $G_{DM}$  är differentialförstärkningen och  $G_{CM}$  är Common Mode-förstärkningen.

- CMRR indikerar hur väl en given differentialförstärkare kancellerar Common Mode-signaler, alltså icke önskvärda signaler såsom brus, i förhållande till hur väl den förstärker differentialsignaler, alltså önskvärda signaler såsom ljud.
- Ju högre CMRR, desto bättre egenskaper kan en differentialförstärkare tänkas ha. Som vi kommer se senare så kan den enkla differentialförstärkaren ovan tänkas ha en CMRR omkring 80 000. Denna siffra kan öka till oändlighet genom att använda så kallade förbättrade differentialförstärkare, där bland annat kollektorresistorer  $R_C$  ersätts med en strömspegel.



Enkel differentialförstärkare med kollektorresistorer  $R_C$  i respektive kollektor samt en enkel strömspegel mellan ingångstransistorer Q1:s samt Q2:s emitttrar.

### Efter att ha läst detta kapitel så förväntas läsaren kunna:

- Känna till differentialförstärkarens funktion, kunna redogöra för begreppen *Differential Mode* samt *Common Mode*.
- Känna till skillnaden mellan differentialförstärkning  $G_{DM}$  och Common Mode-förstärkning  $G_{CM}$ .
- Förklara sambandet mellan en given differentialförstärkares *Common Mode Rejection Ratio* (CMRR) samt dess egenskaper.
- Kunna konstruera olika typer av differentialförstärkare konstruerade med både BJT- samt MOSFET-transistorer samt beräkna förstärkningsfaktor, in- samt utresistans i *Differential Mode* samt *Common Mode*.
- Kunna konstruera en differentialförstärkare med CMOS-teknologi utifrån specificerad effektbudget samt givna transistorparametrar.

### Kapitlets upplägg

- Först behandlas den enkla differentialförstärkaren konstruerade med BJT-transistorer. Formler för dess förstärkningsfaktor  $G$  samt in- och utresistans  $R_{IN}$  samt  $R_{UT}$  härleds i både *Differential Mode* samt *Common Mode*, vilket mynnar ut i att en formel för dess *Common Mode Rejection Ratio* CMRR härleds. Slutligen konstrueras en enkel differentialförstärkare utifrån givna specifikationer och ovanstående parametrar beräknas.
- Därefter behandlas differentialförstärkare med en utgång samt förbättrade differentialförstärkare konstruerade med BJT-transistorer, där kollektorresistorer  $R_C$  ersätts med en BJT-strömspegel. Först sker analys
- *Teleskopiskt kaskadkopplade BJT för diskret design*
- Därefter behandlas den enkla differentialförstärkaren konstruerade med MOSFET-transistorer. Formler för dess förstärkningsfaktor  $G$  samt in- och utresistans  $R_{IN}$  samt  $R_{UT}$  härleds i både *Differential Mode* samt *Common Mode*, vilket mynnar ut i att en formel för dess *Common Mode Rejection Ratio* CMRR härleds. Slutligen konstrueras en enkel differentialförstärkare utifrån givna specifikationer och ovanstående parametrar beräknas.
- Därefter behandlas förbättrade differentialförstärkare konstruerade med MOSFET-transistorer, där drainresistorer  $R_D$  ersätts med en BJT-strömspegel. Först sker analys
- *Förbättrad differentialförstärkare konstruerad med CMOS-teknologi.*
- *Teleskopiskt kaskadkopplade MOSFET*
- *Teleskopiskt kaskadkopplade differentialförstärkare konstruerade med CMOS-teknologi.*

#### 4.4.2 - Differentialförstärkarens uppbyggnad

- Innan vi går in på förstärkningsfaktor och dylikt, så bör differentialförstärkarens grundfunktion behandlas.
- Notera att mellan den positiva matningsspänningen  $V_{CC}$  samt punkten P, så utgörs differentialförstärkaren av två spegelvända spänningsförstärkare, där Q1 och Q2 utgör ingångstransistorerna.
- Mellan ingångstransistorernas emitterar så placeras en strömspegel, som avgör den totala storleken på ingångstransistorernas kollektorströmmar  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$ . Som vi kommer se senare, så gäller att

$$I_{EE} \approx I_{C1} + I_{C2}$$

- Som vi kommer se senare, så har strömspegelns utresistans  $r_{o,CM}$  en mycket viktig funktion för att kancellera Common Mode-signaler, speciellt på differentialförstärkare där endast en utgång används.
- I figuren till höger så är var sin emitterresistor  $R_E$  placerad i transistorer Q1:s samt Q2:s respektive emitter för ökad temperaturinstabilitet och därigenom minskad distorsion. Emitterresistorerna medför att kollektorströmmarna  $I_{C1}$  och  $I_{C2}$  hålls relativt konstanta trots förändringar i den omgivande temperaturen.
- Differentialförstärkarens utsignal  $U_{UT}$  är lika med differensen  $V_X - V_Y$  mellan spänningsfallet på respektive utgång, se figuren ovan till höger:

$$U_{UT} = V_X - V_Y$$

- Båda sidor av differentialförstärkaren innehåller en kollektorresistor  $R_C$  samt en utgång under denna, likt ett GE-steg. Genom kollektorresistorer  $R_C$  så flödar transistor Q1:s och Q2:s respektive kollektorström  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$ .
- Potentialen  $V_X$  samt  $V_Y$  på respektive utgång kan beräknas med Kirchhoffs spänningslag, via beräkning från den positiva matningsspänningen  $V_{CC}$  ned till respektive utgång  $V_X$  samt  $V_Y$ .
- Potentialen  $V_X$  är lika med den positiva matningsspänningen  $V_{CC}$  minus spänningsfallet  $R_C I_{C1}$  över kollektorresistor  $R_C$ :

$$V_X = V_{CC} - R_C I_{C1}$$

- Samtidigt gäller att potentialen  $V_Y$  är lika med den positiva matningsspänningen  $V_{CC}$  minus spänningsfallet  $R_C I_{C2}$  över kollektorresistor  $R_C$ :

$$V_Y = V_{CC} - R_C I_{C2}$$

- Därmed kan differentialförstärkarens utsignal  $U_{UT}$  beräknas med formeln

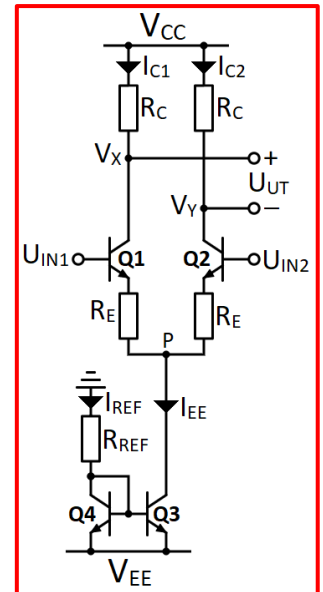
$$U_{UT} = V_{CC} - R_C I_{C1} - (V_{CC} - R_C I_{C2}),$$

vilket kan transformeras till

$$U_{UT} = V_{CC} - R_C I_{C1} - V_{CC} + R_C I_{C2}$$

vilket är ekvivalent med

$$U_{UT} = R_C I_{C2} - R_C I_{C1}$$



Enkel differentialförstärkare  
med samtliga strömmar  
utritade.

- Därefter kan kollektorresistor  $R_C$  brytas ut ur formeln ovan, vilket resulterar i följande formel:

$$U_{UT} = R_C(I_{C2} - I_{C1}),$$

där  $R_C$  är storleken på respektive kollektorresistor och  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är kollektorströmmen på respektive sida av differentialförstärkaren.

- Differentialförstärkarens kollektorströmmar  $I_{C1}$  och  $I_{C2}$  är proportionerliga med respektive insignal  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$ :

$$I_{C1} \sim U_{IN1}$$

samt

$$I_{C2} \sim U_{IN2}$$

- I *Common Mode*, då insignalerna  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$  är lika stora:

$$U_{IN1} = U_{IN2},$$

så gäller då att transistor Q1:s samt Q2:s kollektorströmmar  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  blir lika stora:

$$I_{C1} = I_{C2},$$

vilket innebär att differensen  $I_{C2} - I_{C1}$  blir noll:

$$I_{C2} - I_{C1} = 0$$

- Då blir differentialförstärkarens utsignal  $U_{UT}$  lika med noll, då

$$U_{UT} = R_C(I_{C2} - I_{C1}) = R_C * 0 = 0$$

- Därmed cancelleras Common Mode-signaler effektivt när differentialförstärkaren innehar två utgångar, oberoende av förstärkningsfaktor.

- I *Differential Mode*, då insignalerna  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$  inte är lika stora:

$$U_{IN1} \neq U_{IN2},$$

så blir transistor Q1:s samt Q2:s kollektorströmmar  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  lika stora:

$$I_{C1} \neq I_{C2},$$

vilket innebär att

$$I_{C2} - I_{C1} \neq 0$$

- Fortfarande gäller dock att summan av kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är ungefär lika med strömmen  $I_{EE}$  genom strömspegeln:

$$I_{C1} + I_{C2} \approx I_{EE},$$

vilket innebär att om den ena kollektorströmmen öka med en viss mängd  $\Delta I$ , så kommer den andra kollektorströmmen minska lika mycket.

- Därmed så blir differentialförstärkarens utsignal  $U_{UT}$  i *Differential Mode*, inte lika med noll, då

$$U_{UT} = R_C(I_{C2} - I_{C1}) \neq R_C * 0 \neq 0$$

## Elektroteknik

- Därmed möjliggörs förstärkning av differentialsignaler samt kancellering av Common Mode-signaler, som vi såg tidigare.
- Som exempel, anta att insignalen  $U_{IN1}$  ökar så att denna är större än  $U_{IN2}$ :

$$U_{IN1} > U_{IN2}$$

- Eftersom transistor kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är proportionerliga med respektive insignal  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$ :

$$I_{C1} \sim U_{IN1}$$

samt

$$I_{C2} \sim U_{IN2},$$

så kommer transistor Q1:s kollektorström  $I_{C1}$  överstiga transistor Q2:s kollektorström  $I_{C2}$ :

$$I_{C1} > I_{C2},$$

vilket innebär att differensen  $I_{C2} - I_{C1}$  understiger noll

$$I_{C2} - I_{C1} < 0$$

- Därmed kommer utsignalen  $U_{UT}$  understiga noll, då

$$U_{UT} = R_C(I_{C2} - I_{C1}) < R_C * 0,$$

vilket innebär att

$$U_{UT} < 0$$

- Som vi såg tidigare gäller att summan av kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är ungefär lika med strömmen  $I_{EE}$  genom strömspegeln:

$$I_{C1} + I_{C2} \approx I_{EE},$$

vilket kan transformeras till

$$I_{C2} \approx I_{EE} - I_{C1}$$

- Detta medför att om kollektorströmmen  $I_{C1}$  ökar med  $\Delta I$ :

$$\Delta I_{C1} = I_{C1} + \Delta I,$$

där  $\Delta I_{C1}$  är transistor Q1:s kollektorström efter strömökningen, så kommer kollektorströmmen  $I_{C2}$  minska lika mycket, då

$$\Delta I_{C2} \approx I_{EE} - \Delta I_{C1} = I_{EE} - (I_{C1} + \Delta I),$$

vilket är ekvivalent med

$$\Delta I_{C2} \approx I_{EE} - I_{C1} - \Delta I$$

- Vi såg tidigare att kollektorströmmen  $I_{C2}$  är ungefär lika med differensen  $I_{EE} - I_{C1}$ :

$$I_{C2} \approx I_{EE} - I_{C1}$$

- Genom att sätta in detta i formeln för  $\Delta I_{C2}$  ovan, så ser vi då att

$$\Delta I_{C2} = I_{C2} - \Delta I,$$

vilket indikerar att kollektorströmmen  $I_{C2}$  då minskar med mängden  $\Delta I$ , alltså lika mycket som kollektorströmmen  $I_{C1}$  ökar, då inspanningen  $U_{IN1}$  överstiger inspanningen  $U_{IN2}$ .

- Däremot om insignalen  $U_{IN1}$  minskar så att denna är mindre än  $U_{IN2}$ :

$$U_{IN1} < U_{IN2},$$

så kommer transistor Q1:s kollektorström  $I_{C1}$  understiga transistor Q2:s kollektorström  $I_{C2}$ :

$$I_{C1} < I_{C2},$$

vilket innebär att differensen  $I_{C2} - I_{C1}$  överstiger noll:

$$I_{C2} - I_{C1} > 0$$

- Därmed kommer utsignalen  $U_{UT}$  överstiga noll, då

$$U_{UT} = R_C(I_{C2} - I_{C1}) > R_C * 0,$$

vilket innebär att

$$U_{UT} > 0$$

- Vi kan enkelt demonstrera att kollektorströmmen  $I_{C1}$  kommer minska lika mycket som kollektorströmmen  $I_{C2}$  ökar då inspänningen  $U_{IN1}$  understiger  $U_{IN2}$ .
- Återigen gäller att summan av kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är ungefär lika med strömmen  $I_{EE}$  genom strömspegeln:

$$I_{C1} + I_{C2} \approx I_{EE},$$

vilket kan transformeras till

$$I_{C1} \approx I_{EE} - I_{C2}$$

- Därmed gäller att om kollektorströmmen  $I_{C2}$  ökar med  $\Delta I$ :

$$\Delta I_{C2} = I_{C2} + \Delta I$$

där  $\Delta I_{C2}$  är transistor Q2:s kollektorström efter strömökningen, så kommer kollektorströmmen  $I_{C1}$  minska lika mycket, då

$$\Delta I_{C1} \approx I_{EE} - \Delta I_{C2} = I_{EE} - (I_{C2} + \Delta I),$$

vilket är ekvivalent med

$$\Delta I_{C1} \approx I_{EE} - I_{C2} - \Delta I$$

- Vi såg tidigare att kollektorströmmen  $I_{C1}$  är ungefär lika med differensen  $I_{EE} - I_{C2}$ :

$$I_{C1} \approx I_{EE} - I_{C2}$$

- Genom att sätta in detta i formeln för  $\Delta I_{C1}$  ovan, så ser vi då att

$$\Delta I_{C1} = I_{C1} - \Delta I,$$

vilket indikerar att kollektorströmmen  $I_{C1}$  då minskar med mängden  $\Delta I$ , alltså lika mycket som kollektorströmmen  $I_{C2}$  ökar, då inspänningen  $U_{IN1}$  överstiger inspänningen  $U_{IN2}$ .

## Strömspegels funktion:

- Som vi såg tidigare så placeras en strömspegel mellan transistorernas emitterar och ned till den negativa matningsspänningen  $V_{EE}$ , delvis för att generera den ström som flödar genom differentförstärkaren och delvis för att kancellera Common Mode-signaler.
- Hur strömspegeln kanceleerar Common Mode-signaler, såsom brus, kommer gås igenom senare, men värt att nämna är att ju högre utresistans  $r_{o,CM}$  strömspegeln har, desto effektiv kanceleeras Common Mode-signaler.
- Strömmen  $I_{EE}$  genom strömspegeln är lika med summan av transistor Q1:s och Q2:s emitterströmmar  $I_{E1}$  samt  $I_{E2}$ :

$$I_{EE} = I_{E1} + I_{E2}$$

- För enkelhets skull så försummas den lilla skillnaden mellan transistor Q1:s och Q2:s respektive emitterströmmar  $I_{E1}$  och  $I_{E2}$  samt  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$ :

$$I_{E1} \approx I_{C1}$$

samt

$$I_{E2} \approx I_{C2}$$

- Därmed kan strömmen  $I_{EE}$  genom strömspegeln approximeras till summan av transistor Q1:s och Q2:s kollektorströmmar  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$ :

$$I_{EE} \approx I_{C1} + I_{C2}$$

- Strömmen  $I_{EE}$  är en kopia av referensströmmen  $I_{REF}$ , som flödar genom strömspegels referenskrets:

$$I_{EE} = I_{REF}$$

- Därmed är det via referensströmmen  $I_{REF}$  som storleken på strömmen  $I_{EE}$  sätts, vilket avgör storleken på transistor Q1:s och Q2:s kollektorströmmar  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$ .  $I_{REF}$  sätts i sin tur genom att en lämplig storlek väljs på referensresistor  $R_{REF}$ .
- I enlighet med Ohms lag så gäller att referensströmmen  $I_{REF}$  kan beräknas med formeln

$$I_{REF} = \frac{U_{REF}}{R_{REF}},$$

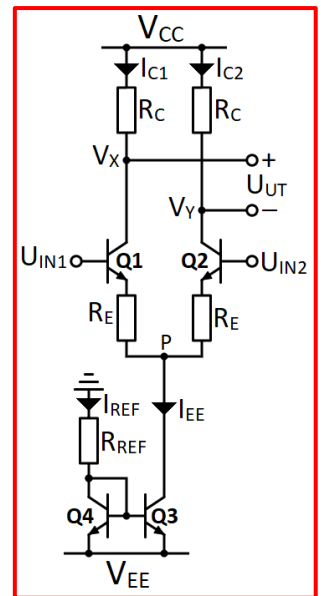
där  $U_{REF}$  är spänningsfallet över referensresistorn och  $R_{REF}$  är dess resistans.

- Formeln ovan kan transformeras till

$$R_{REF} = \frac{U_{REF}}{I_{REF}}$$

- Vanligtvis vet vi vilken ström  $I_{EE}$  som skall flödar genom strömspegeln. Då är även storleken på referensströmmen  $I_{REF}$  känd, då

$$I_{REF} = I_{EE}$$



En enkel strömspegel bestående av transistor Q3 samt Q4 är placerad emellan transistorer Q1:s samt Q2:s respektive emitter för att dämpa Common Mode-signaler samt för att förse de två sidorna av differentförstärkaren med adekvat strömstorlek.

- Dock måste referensspänningen  $U_{REF}$  beräknas, vilket enkelt kan genomföras med Kirchhoffs spänningslag, från den negativa matningsspänningen  $V_{EE}$  upp till jord via referensresistor  $R_{REF}$ . Vi räknar då mot strömmens riktning, vilket medför att eventuella spänningsfall räknas som positiva (då strömmen flödar från plus till minuspolen). Under denna väg så passerar vi transistor Q4:s bas-emitterspänning  $U_{BE4}$ .

- Därmed gäller att

$$V_{EE} + U_{BE4} + U_{REF} = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$U_{REF} = -V_{EE} - U_{BE4},$$

som är ekvivalent med

$$U_{REF} = -(V_{EE} + U_{BE4})$$

- Därefter hade ett lämpligt värde kunnat beräknas på referensresistor  $R_{REF}$  genom att sätta in värden i följande formel:

$$R_{REF} = -\frac{V_{EE} + U_{BE4}}{I_{REF}}$$

- Transistor Q4:s bas-emitterspänning  $U_{BE4}$  kan antas vara 0,65 V:

$$U_{BE4} = 0,65 \text{ V},$$

vilket innebär att

$$R_{REF} = -\frac{V_{EE} + 0,65}{I_{REF}}$$

- I vilopunkten gäller att ingångstransistorerna Q1:s och Q2:s kollektorströmmar är lika stora:

$$I_{C1} = I_{C2}$$

- Strömmens storlek i vilopunkten kallas vanligtvis vilostrom och betecknas vanligtvis  $I_Q$ , där q:et kommer från det engelska ordet *quiescent*, vilket kan översättas till stilla på svenska. Vidare gäller att *quiescent current* är det engelska formeln för vilostrommen.
- För kollektorströmmar i vilopunkten så används istället beteckningen  $I_{CQ}$ , som står för *quiescent collector current*, eller rättare sagt kollektorströmmen  $I_C$  i vilopunkten.
- I vilopunkten så är både transistor Q1:s och Q2:s respektive kollektorström lika med vilostrommen  $I_{CQ}$ :

$$I_{C1} = I_{C2} = I_{CQ}$$

- I vilopunkten så sätts vanligtvis potentialerna  $V_X$  samt  $V_Y$  på de två utgångarna till hälften av matningsspänningen  $V_{CC}$ , för maximal svängning utan klippning:

$$V_X = V_Y = \frac{V_{CC}}{2}$$

- För att beräkna ett lämpligt värde på kollektorresistorer  $R_C$ , så kan Kirchhoffs spänningslag användas på valfri sida av differentialförstärkaren, via beräkning från matningsspänningen  $V_{CC}$  ned till utgången  $V_X$  (eller  $V_Y$ ) via kollektorresistor  $R_C$ .
- Antag att beräkningen genomförs på vänster sida. Summan av matningsspänningen  $V_{CC}$ , spänningsfallet  $R_C I_{C1}$  över kollektorresistor  $R_C$  samt potentialen  $U_X$  på utgången är lika med noll, i enlighet med Kirchhoffs spänningslag. Eftersom beräkningen sker i kollektorströmmen  $I_{C1}$ s riktning, så beräknas spänningsfallet över resistor  $R_C$  samt potentialen  $U_X$  som negativa storheter (då strömmen flödar från plus- till minuspolen).



## Elektroteknik

- Genom att använda Kirchhoffs spänningslag på vänster sida av differentialförstärkaren, så kan därmed följande formel härledas:

$$V_{CC} - R_C I_{C1} - V_X = 0,$$

som kan transformeras till

$$R_C I_{C1} = V_{CC} - V_X$$

- Genom att dividera med kollektorströmmen  $I_{C1}$  i både vänster- och högerled, så kan en formel härledas för kollektorresistor  $R_C$ :

$$R_C = \frac{V_{CC} - V_X}{I_{C1}},$$

där  $V_{CC}$  är matningsspänningen,  $V_X$  är potentialen på utgången och  $I_{C1}$  är kollektorströmmen på vänster sida av differentialförstärkaren.

- Eftersom potentialen  $V_X$  på utgången skall sättas till halva matningsspänningen  $V_{CC}$  i vilopunkten:

$$V_X = \frac{V_{CC}}{2},$$

så kan formeln för kollektorresistor  $R_C$  ovan transformeras till

$$R_C = \frac{V_{CC} - \frac{V_{CC}}{2}}{I_{C1}},$$

där

$$V_{CC} - \frac{V_{CC}}{2} = \frac{V_{CC}}{2},$$

vilket innebär att

$$R_C = \frac{\left(\frac{V_{CC}}{2}\right)}{I_{C1}}$$

- Genom att multiplicera med  $1/I_{C1}$  i både täljare och nämnare, så kan formeln ovan förenklas till

$$R_C = \frac{\left(\frac{V_{CC}}{2}\right)}{I_{C1}} * \frac{\left(\frac{1}{I_{C1}}\right)}{\left(\frac{1}{I_{C1}}\right)} = \frac{\left(\frac{V_{CC}}{2I_{C1}}\right)}{\left(I_{C1} * \frac{1}{I_{C1}}\right)} = \frac{V_{CC}}{2I_{C1}}$$

- Därmed gäller att ett lämpligt värde på kollektorresistor  $R_C$  kan beräknas med formeln

$$R_C = \frac{V_{CC}}{2I_{C1}},$$

där  $V_{CC}$  är matningsspänningen och  $I_{C1}$  är kollektorströmmen på vänster sida av differentialförstärkaren.

- Eftersom de två kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är lika stora i vilopunkten och därmed kan betecknas som  $I_{CQ}$ :

$$I_{C1} = I_{C2} = I_{CQ},$$

så kan storleken på differentialförstärkarens kollektorresistorer  $R_C$  beräknas med formeln

$$R_C = \frac{V_{CC}}{2I_{CQ}},$$

där  $V_{CC}$  är matningsspänningen och  $I_{CQ}$  i kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  i vilopunkten.

- Som vi tidigare har sett vid analys av GE-steg, så används emitterresistorer  $R_E$  för ökad temperaturinstabilitet och därigenom minskad distorsion. Emitterresistorerna medför att kollektorströmmarna  $I_{C1}$  och  $I_{C2}$  hålls relativt konstanta trots förändringar i den omgivande temperaturen.
- Detta håller både differential- samt Common Mode-förstärkningen  $G_{DM}$  och  $G_{CM}$  stabila, då dessa är omvänt proportionerliga med transistorer Q1:s samt Q2:s inbyggda emitterresistanser  $r_{e1}$  samt  $r_{e2}$ :

$$G_{DM}, G_{CM} \sim \frac{1}{r_{e1}, r_{e2}},$$

som i sin tur är omvänt proportionerliga med respektive kollektorström  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$ :

$$r_{e1}, r_{e2} \sim \frac{1}{I_{C1}, I_{C2}}$$

- Därmed gäller att både differential- samt Common Mode-förstärkningen  $G_{DM}$  och  $G_{CM}$  är proportionerliga med kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$ :

$$G_{DM}, G_{CM} \sim I_{C1}, I_{C2}$$

- Genom att emitterresistorer  $R_E$  håller kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  stabila trots förändrad temperatur, så hålls därmed differential- samt Common Mode-förstärkningen  $G_{DM}$  och  $G_{CM}$  stabila, vilket medför minskad distorsion.
- Som vi har sett tidigare så bör storleken på emitterresistorer  $R_E$  sättas så att ett spänningsfall på ca 220 mV faller över dem vid specificerad kollektorström  $I_{CQ}$  i vilopunkten:

$$R_E = \frac{220m}{I_{CQ}},$$

där

$$I_{CQ} = I_{C1} = I_{C2}$$

- Därmed gäller att emitterresistorer  $R_E$  bör sättas ca nio gånger högre än de inbyggda emitterresistanserna  $r_{e1}$  samt  $r_{e2}$ , då

$$r_{e1} = r_{e2} = \frac{26}{I_{CQ}},$$

vilket innebär att

$$\frac{R_E}{r_{e1}} = \frac{\left(\frac{220m}{I_{CQ}}\right)}{\left(\frac{26m}{I_{CQ}}\right)}$$

- Genom att multiplicera med  $I_{CQ}$  i både täljare och nämnare, så ser vi att

$$\frac{R_E}{r_{e1}} = \frac{\left(\frac{220m}{I_{CQ}}\right)}{\left(\frac{26m}{I_{CQ}}\right)} * \frac{I_{CQ}}{I_{CQ}} = \frac{\left(\frac{220m}{I_{CQ}} * I_{CQ}\right)}{\left(\frac{26m}{I_{CQ}} * I_{CQ}\right)} = \frac{220m}{26m}$$

- Därmed gäller att

$$\frac{R_E}{r_{e1}} = \frac{220m}{26m} \approx 9,$$

vilket kan transformeras till

$$R_E \approx 9r_{e1}$$

- Eftersom transistor Q1:s samt Q2:s respektive inbyggda emitterresistanser är lika stora:

$$r_{e1} = r_{e2},$$

så gäller därmed att

$$R_E \approx 9r_{e1} = 9r_{e2}$$

- Därmed gäller att emitterfaktor EF på respektive sida av differentialförstärkaren hamnar runt tio, då

$$EF = \frac{R_E + r_{e1}}{r_{e1}} \approx \frac{9r_{e1} + r_{e1}}{r_{e1}} = \frac{10r_{e1}}{r_{e1}} = 10,$$

vilket också gäller på höger sida av differentialförstärkaren:

$$EF = \frac{R_E + r_{e2}}{r_{e2}} \approx \frac{9r_{e2} + r_{e2}}{r_{e2}} = \frac{10r_{e2}}{r_{e2}} = 10$$

- Emitterfaktor EF är omvänt proportionerlig med differential- samt Common Mode-förstärkningen  $G_{DM}$  och  $G_{CM}$ :

$$EF \sim \frac{1}{G_{DM}, G_{CM}},$$

vilket innebär att dessa minskar med en faktor tio vid användning av lagom stora emitterresistorer  $R_E$ . Detta är till viss del positivt, då det medför effektivare dämpning av Common Mode-signaler.

- Samtidigt minskar dock även differentialförstärkningen  $G_{DM}$  med en faktor tio, vilket även var fallet för de GE-steg vi såg tidigare. Dock kan differentialförstärkningen  $G_{DM}$  fortfarande bli hög, särskilt när strömspeglar och kaskadkopplingar används.
- Precis som för de GE-steg vi har sett tidigare så är emitterfaktor EF också proportionerlig med differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT}$ :

$$EF \sim R_{UT}$$

- En emitterfaktor EF på tio medför därmed en ökning av differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT}$  med en faktor tio.

### ***Common Mode Rejection Ratio (CMRR):***

- För att mäta en given differentialförstärkares egenskaper så beräknas vanligtvis ration mellan differentialförstärkningen  $G_{DM}$  samt Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$ . Denna ratio kallas *Common Mode Rejection Ratio*, som förkortas CMRR:

$$CMRR = \frac{G_{DM}}{G_{CM}},$$

där  $G_{DM}$  är differentialförstärkningen och  $G_{CM}$  är Common Mode-förstärkningen.

- CMRR indikerar hur väl en given differentialförstärkare kancellerar Common Mode-signaler, alltså icke önskvärda signaler såsom brus, i förhållande till hur väl den förstärker differentialsignaler, alltså önskvärda signaler såsom ljud.
- Ju högre CMRR, desto bättre egenskaper kan en differentialförstärkare tänkas ha. Som vi kommer se senare så kan den enkla differentialförstärkaren ovan kan tänkas ha en CMRR omkring 80 000:

$$CMRR \approx 80\,000$$

- Genom att använda en teleskopiskt kaskadkopplad differentialförstärkare med kaskadkopplade strömspeglar i kollektorn/drain samt mellan ingångstransistorernas emitter/source, så kan CMRR gå mot oändlighet.
- Som nämndes tidigare så används differentialförstärkaren som ingångssteg på nästan alla OP-förstärkare. Genom så kallad feedback så matas en kopia av den tidigare insignalen tillbaka till en av ingångarna för att jämföras med (den nya) insignalen på den andra ingången.
- Insignalerna kan innehålla ljud, som uppträder som sinuskurvor och därmed varierar över tid. Ljud är därmed en så kallad differentialsignal, dvs. en sådan signal som förstärks av differentialförstärkaren.
- Insignalerna kan också innehålla brus, vars amplitud är mer eller mindre konstant över tid, vilket medför att brus uppträder som Common Mode-signaler på de två ingångarna.
- I och med att den gamla kopian ser ut som insignalen gjorde för några mikro- eller millisekunder tidigare (beroende på insignalens frekvens) så kommer ljudsignaler kontinuerligt förstärkas, eftersom den nya insignalen och kopian därmed aldrig kommer uppträda som identiska signaler på ingångarna (den nya insignalen är alltid lite före i tid, medan den gamla alltid är lite efter).
- Samtidigt så kommer brus kancelleras, eftersom vågformerna från bruset på den nya insignalen och den gamla kopian kommer vara samma, då bruset är mer eller mindre kontinuerligt och kommer uppträda som Common Mode-signaler på ingångarna.

#### 4.4.5 - Differentialförstärkningen $G_{DM}$

- När differentialsignaler uppträder på transistor Q1:s samt Q2:s respektive ingång, alltså olika stora inspänningar  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$ , så kommer ingången med den högre inspänningen försöka dra upp spänningen i punkten mellan de två emittertrarna, se punkten P i figuren till höger.
- Samtidigt så försöker den andra ingången dra ned spänningen i punkten P lika mycket. Detta innebär att potentialen  $V_P$  i punkten P blir 0 V, vilket medför att en så kallad virtuell jord skapas där:

$$U_{IN1} \neq U_{IN2} \rightarrow \text{Virtuell jordpunkt i punkten P}$$

- Därmed blir strömspegeln förbikopplad i *Differential Mode*, vilket medför att strömspegelns utresistans  $r_{o,CM}$  inte kommer påverka differentialförstärkningen  $G_{DM}$ .
- I *Differential Mode* så kommer en virtuell jordpunkt skapas i punkten P oavsett storleken på de två insignalerna  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$ . Det är spänningsskillnaden  $\Delta U$  mellan dem som ger upphov till den virtuella jordpunkten, inte deras respektive storlek.

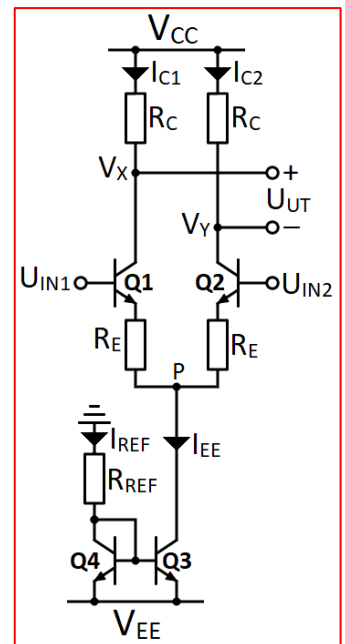
- Som exempel, antag att  $U_{IN1}$  är 20 mV större än  $U_{IN2}$  och att detta leder till att  $I_{C1}$  är lika med 1,2 mA och  $I_{C2}$  är lika med 0,8 mA. Differentialförstärkaren kommer fungera på samma sätt vare sig  $U_{IN1}$  är lika med 20 mV och  $U_{IN2}$  är lika med 0 V eller om  $U_{IN1}$  är lika med 10 mV och  $U_{IN2}$  är lika med -10 mV.

- I båda fall så är spänningsskillnaden  $\Delta U$  lika med 20 mV, vilket medför att strömmen  $I_{C1}$  kommer hamna runt 1,2 mA och  $I_{C2}$  kommer hamna runt 0,8 mA, oavsett de exakta värdena på insignalerna  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$ .

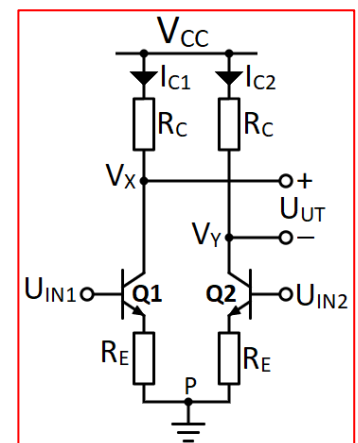
- För att härleda en formel för differentialförstärkningen  $G_{DM}$  så ritas vi ut småsignalschemat för differentialförstärkare i *Differential Mode*, alltså med punkten P mellan ingångstransistorer Q1:s samt Q2:s emittertrar jordad, se den vänstra figuren nedan.

- Som vanligt så kortsluts även matningsspänningen  $V_{CC}$ , spänningfallen  $r_{e1}I_{C1}$  samt  $r_{e2}I_{C2}$  ritas ut mellan transistor Q1:s samt Q2:s respektive bas och emitter.

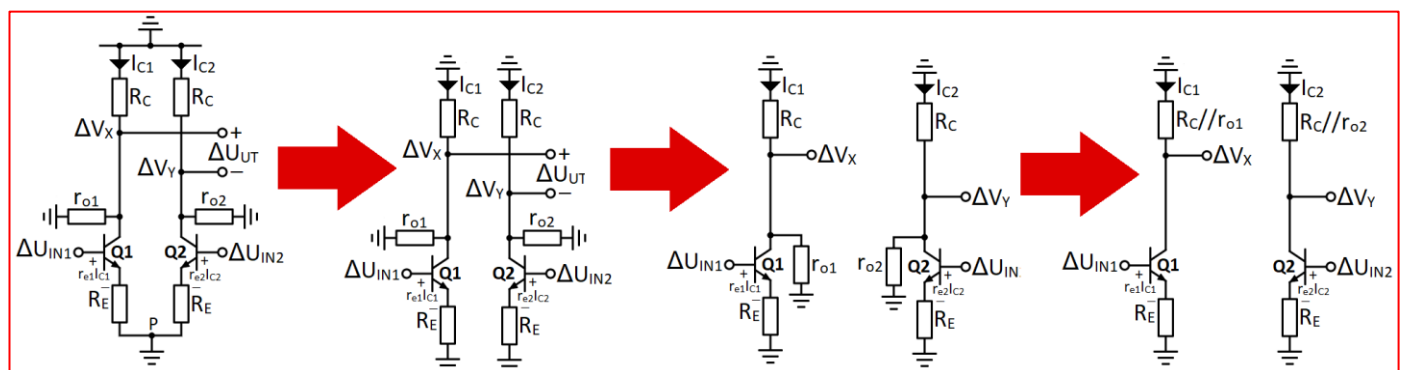
- Transistor Q1:s samt Q2:s respektive utresistans  $r_{o1}$  samt  $r_{o2}$  ritas ut mellan deras respektive kollektor och jord. Av rymlighets skäl, så ritas  $r_{o1}$  samt  $r_{o2}$  ut horisontellt i originalschemat. Slutligen ersätts in- och utsignalerna  $U_{IN1}$ ,  $U_{IN2}$ ,  $V_X$ ,  $V_Y$  samt  $U_{UT}$  med deras motsvarigheter i småsignalschemat  $\Delta U_{IN1}$ ,  $\Delta U_{IN2}$ ,  $\Delta V_X$ ,  $\Delta V_Y$  samt  $\Delta U_{UT}$ .



Fullständigt kretsschema för en enkel differentialförstärkare.

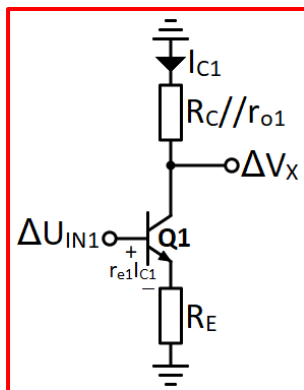


Ekvivalent schema för en enkel differentialförstärkare i *Differential Mode*.

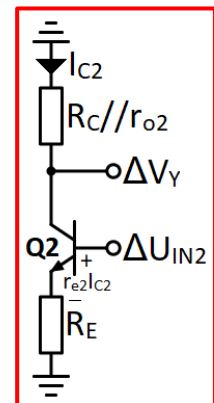


Ekvivalent småsignalschema för en enkel differentialförstärkare i *Differential Mode*.

- Därefter kan differentialförstärkarens småsignalschema förenklas till den mittersta figuren ovan, där de två sidorna av differentialförstärkaren har separerats för tydlighets skull.
- Genom att även separera de två sidornas respektive utsignal  $\Delta V_X$  samt  $\Delta V_Y$ , se figuren näst längst till höger ovan, så ser vi att differentialförstärkarens småsignalschema efter förenkling är identiskt med två spegelvända GE-steg.
- Notera på den vänstra sidan av differentialförstärkaren att transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  utgör en parallellkoppling med den vänstra sidans kollektorresistor  $R_C$ , då båda dessa resistanser är anslutna till samma punkt åt ena hållet (tillsammans med  $\Delta V_X$ ) och jord åt det andra.
- Därmed är spänningsfallet över båda dessa resistanser lika med  $\Delta V_X - 0 = \Delta V_X$  och de kan därmed ersättas med resistansen  $R_C // r_{o1}$  placerad i transistor Q1:s kollektor.
- Detsamma gäller för den högre sidan av differentialförstärkaren. Transistor Q2:s utresistans  $r_{o2}$  utgör en parallellkoppling med den högre sidans kollektorresistor  $R_C$ , då båda dessa resistanser är anslutna till samma punkt åt ena hållet (tillsammans med  $\Delta V_Y$ ) och jord åt det andra.
- Därmed är spänningsfallet över båda dessa resistanser lika med  $\Delta V_Y - 0 = \Delta V_Y$  och de kan därmed ersättas med resistansen  $R_C // r_{o2}$  placerad i transistor Q2:s kollektor.
- Därmed kan differentialförstärkarens småsignalschema ritas om till figuren längst till höger ovan, där resistanserna  $R_C // r_{o1}$  respektive  $R_C // r_{o2}$  är placerade i transistor Q1:s samt Q2:s respektive kollektor.
- Notera att spänningsfallet över dessa resistanser fortfarande är  $\Delta V_X - 0 = \Delta V_X$  samt  $\Delta V_Y - 0 = \Delta V_Y$ , vilket även var fallet innan förenklingen. Detta indikerar att förenklingen av småsignalschemat är korrekt, då det skall vara ekvivalent med originalschemat.
- På grund av symmetrin mellan de två sidorna av differentialförstärkaren, så kan differentialförstärkningen  $G_{DM}$  (samt övriga parametrar) antas vara samma på båda sidor av differentialförstärkaren. Vi kan därför genomföra beräkningen av  $G_{DM}$  på valfri sida, exempelvis den vänstra sidan, där insignalen  $\Delta U_{IN1}$  är ansluten till transistor Q1: bas.



Ekvivalent småsignalschema i Differential Mode sett från den vänstra sidan av differentialförstärkaren.



Ekvivalent småsignalschema i Differential Mode sett från den högra sidan av differentialförstärkaren.

Kom ihåg: På grund av differentialförstärkarens symmetri, så kan dess parametrar, såsom förstärkningsfaktor samt in- och utresistans i både *Differential Mode* samt *Common Mode*, antas vara samma på båda sidorna av differentialförstärkaren.

Därmed kan differentialförstärkarens parametrar beräknas via småsignalschema på valfri sida av differentialförstärkaren.

### a) Differentialförstärkning $G_{DM}$ på den vänstra sidan av differentialförstärkaren:

- Vi härleder därmed differentialförstärkningen  $G_{DM}$  via den vänstra sidan av differentialförstärkaren, som är lika med ration av in- och utsignalen  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta V_X$  i småsignalschemat:

$$G_{DM} = \frac{\Delta V_X}{\Delta U_{IN1}}$$

- Därmed måste formler härledas för  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta V_X$ , vilket kan genomföras med det förenklade småsignalschemat till höger.
- Som vanligt så kan skillnaden mellan transistor Q1:s kollektor- och emitterström  $I_{C1}$  samt  $I_{E1}$  försummas:

$$I_{C1} \approx I_{E1}$$

- Genom att använda Kirchhoffs spänningslag, för att genomföra en beräkning från transistor Q1:s insignal  $\Delta U_{IN1}$  till jord, så kan följande formel härledas:

$$\Delta U_{IN1} - r_{e1}I_{C1} - R_E I_{C1} \approx 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta U_{IN1} \approx r_{e1}I_{C1} + R_E I_{C1}$$

- Genom att bryta ut kollektorströmmen  $I_{C1}$ , så kan sedan följande formel härledas:

$$\Delta U_{IN1} \approx (r_{e1} + R_E)I_{C1},$$

där  $r_{e1}$  är transistor Q1:s inbyggda emitterresistans,  $R_E$  är emitterresistorns resistans och  $I_{C1}$  är transistor Q1:s kollektorström.

- Därefter kan Kirchhoffs spänningslag används för att härleda en formel för transistor Q1:s utsignal  $\Delta V_X$  i småsignalmodellen.
- Vi börjar från jordpunkten längst upp i småsignalschemat och beräknar ned till utsignalen  $\Delta V_X$  i kollektorströmmen  $I_{C1}$ s riktning, vilket innebär att eventuella spänningsfall beräknas som negativa, då strömmen flödar från plus- till minuspolen.
- Därmed kan följande formel härledas:

$$-(R_C // r_{o1})I_{C1} - \Delta V_X = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta V_X = -(R_C // r_{o1})I_{C1}$$

- Därmed kan en formel för differentialförstärkningen  $G_{DM}$  härledas:

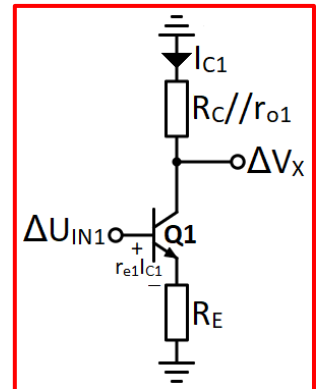
$$G_{DM} = \frac{\Delta V_X}{\Delta U_{IN1}} \approx -\frac{(R_C // r_{o1})I_{C1}}{(r_{e1} + R_E)I_{C1}},$$

där kollektorströmmen  $I_{C1}$  kan elimineras, då denna ström förekommer i både täljaren och nämnaren.

- Därmed gäller att

$$G_{DM} \approx -\frac{R_C // r_{o1}}{r_{e1} + R_E},$$

där  $R_C$  samt  $R_E$  är kollektor- respektive emitterresistorns resistans och  $r_{o1}$  samt  $r_{e1}$  är transistor Q1:s utresistans respektive inbyggda emitterresistans.



Förenklat småsignalschema för den vänstra sidan av en enkel differentialförstärkare i Differential Mode.

- Vidare kan transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  antas vara mycket högre än kollektorresistor  $R_C$ :

$$r_{o1} \gg R_C,$$

vilket innebär att  $r_{o1}$  kan försummas, då

$$R_C // r_{o1} = \frac{R_C * r_{o1}}{R_C + r_{o1}} \approx \frac{R_C * r_{o1}}{r_{o1}} = R_C$$

- Därmed kan differentialförstärkningen  $G_{DM}$  approximeras till

$$G_{DM} \approx -\frac{R_C}{r_{e1} + R_E},$$

där  $R_C$  samt  $R_E$  är kollektor- respektive emitterresistorns resistans och  $r_{e1}$  är transistor Q1:s inbyggda emitterresistans.

### b) Differentialförstärkning $G_{DM}$ på den högra sidan av differentialförstärkaren:

- Eftersom de två sidorna av differentialförstärkaren är symmetriska, så kan alltså differentialförstärkningen  $G_{DM}$  även appliceras på den högra sidan av differentialförstärkaren.

- Därmed gäller att

$$G_{DM} = \frac{\Delta V_Y}{\Delta U_{IN2}} \approx -\frac{R_C // r_{o2}}{r_{e2} + R_E},$$

där  $R_C$  samt  $R_E$  är kollektor- respektive emitterresistorns resistans och  $r_{o2}$  samt  $r_{e2}$  är transistor Q2:s utresistans respektive inbyggda emitterresistans.

- Även transistor Q2:s utresistans  $r_{o2}$  kan antas vara mycket högre än kollektorresistor  $R_C$ :

$$r_{o2} \gg R_C,$$

vilket innebär att  $r_{o2}$  kan försummas, då

$$R_C // r_{o2} = \frac{R_C * r_{o2}}{R_C + r_{o2}} \approx \frac{R_C * r_{o2}}{r_{o2}} = R_C$$

- Därmed kan differentialförstärkningen  $G_{DM}$  approximeras till

$$G_{DM} \approx -\frac{R_C}{r_{e2} + R_E}$$



### c) Sambandet mellan differentialförstärkningen $G_{DM}$ och ration mellan in- och utsignalerna:

- Vid formeln för differentialförstärkningen, så kan en formel för ration mellan insignalerna  $\Delta U_{IN1}$  och  $\Delta U_{IN2}$  samt utsignalen  $\Delta U_{UT}$  ur småsignalschemat härledas.
- Som synes i det fullständiga småsignalschemat till höger, så är utsignalen  $\Delta U_{UT}$  lika med ration av potentialerna  $\Delta V_X$  samt  $\Delta V_Y$ :

$$\Delta U_{UT} = \Delta V_X - \Delta V_Y$$

- Vi såg tidigare att differentialförstärkningen  $G_{DM}$  är lika med ration av in- och utsignalen på respektive sida av differentialförstärkaren:

$$G_{DM} = \frac{\Delta V_X}{\Delta U_{IN1}} = \frac{\Delta V_Y}{\Delta U_{IN2}},$$

- Formeln ovan kan transformeras till

$$\Delta V_X = G_{DM} * \Delta U_{IN1}$$

samt

$$\Delta V_Y = G_{DM} * \Delta U_{IN2}$$

- Därmed kan en formel härledas för utsignalen  $\Delta U_{UT}$  i småsignalschemat:

$$\Delta U_{UT} = G_{DM} * \Delta U_{IN1} - G_{DM} * \Delta U_{IN2},$$

där  $G_{DM}$  kan brytas ut, vilket medför att

$$\Delta U_{UT} = (\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2}) * G_{DM}$$

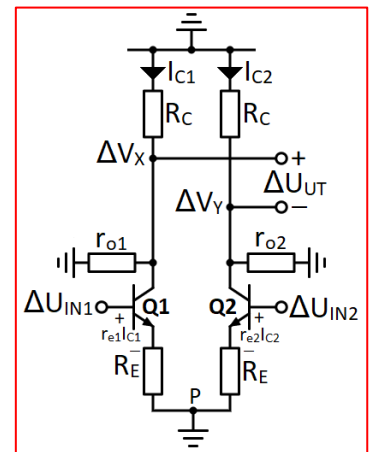
- Formeln ovan kan sedan transformeras till

$$G_{DM} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2}}$$

- Därmed gäller att

$$G_{DM} = \frac{\Delta V_X}{\Delta U_{IN1}} = \frac{\Delta V_Y}{\Delta U_{IN2}} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2}}$$

- Därmed ser vi att differentialförstärkningen  $G_{DM}$  för enkelhets skull kan beräknas på via ration av in- och utsignalen på en sida av differentialförstärkaren, vilket ger samma resultat som vi hade fått ifall vi hade beräknat ration av insignalerna  $\Delta U_{IN1}$  och  $\Delta U_{IN2}$  samt utsignalen  $\Delta U_{UT}$ .
- Av denna anledning så kommer resterande parametrar att beräknas på en sida av differentialförstärkaren, vilket sedan kan appliceras på båda sidor (förutsatt att differentialförstärkaren är symmetrisk).



Fullständigt småsignalschema för den enkla differentialförstärkaren.

#### 4.4.6 – Inresistans $R_{IN,DM}$ i *Differential Mode*

- Förutsatt att differentialförstärkaren är symmetrisk, så kan inresistansen  $R_{IN,DM}$  på respektive ingång i *Differential Mode* antas vara ungefär samma.
- Därmed kan en formel för  $R_{IN,DM}$  härledas via småsignalschemat på en av ingångarna, exempelvis på vänster ingång via transistor Q1:s bas.
- Differentialförstärkarens inresistans  $R_{IN,DM}$  i *Differential Mode* kan beräknas via inspänningen  $\Delta U_{IN1}$  i småsignalschemat:

$$R_{IN,DM} = \frac{\Delta U_{IN1}}{I_{IN1}},$$

där inströmmen  $I_{IN}$  är lika med transistor Q1:s basström  $I_{B1}$ , som flödar via ingången på vänster sida av differentialförstärkaren:

$$I_{IN} = I_{B1}$$

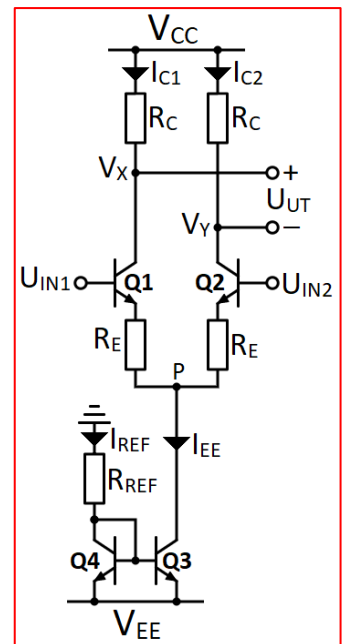
- Därmed gäller att

$$R_{IN,DM} = \frac{\Delta U_{IN1}}{I_{B1}}$$

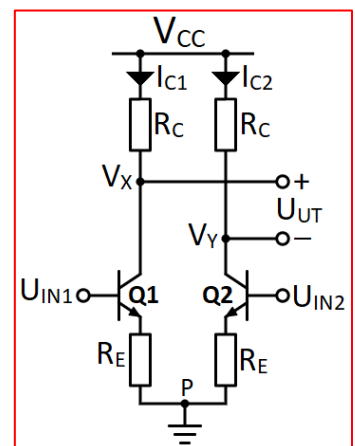
- Därmed måste en formel härledas för inspänningen  $\Delta U_{IN1}$  i småsignalschemat. Som vi såg tidigare så uppstår en virtuell jordpunkt i punkten P mellan transistorer Q1:s och Q2:s emitterar i *Differential Mode*, alltså då insignalerna  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$  är olika stora.
- Detta beror på att ingången med den högre inspänningen försöker dra upp spänningen i punkten P, samtidigt som den andra ingången försöker dra ned spänningen lika mycket, vilket leder till att potentialen  $V_P$  i punkten P blir 0 V:

$$U_{IN1} \neq U_{IN2} \rightarrow \text{Virtuell jordpunkt i punkten P}$$

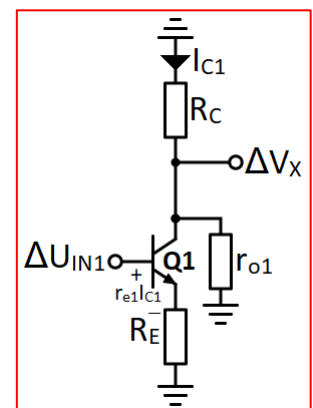
- Därmed blir strömspegeln förbikopplad i *Differential Mode*, se figuren till höger, vilket medför att strömspegelns utresistans  $r_{o,CM}$  inte kommer ha någon påverkan på differentialförstärkarens inresistans  $R_{IN,DM}$  i *Differential Mode* (eller differentialförstärkningen  $G_{DM}$  för den delen).
- För att härleda en formel för inspänningen  $\Delta U_{IN1}$  i småsignalschemat, så ritar vi differentialförstärkarens småsignalschema.
- Som vi såg tidigare, så medför differentialförstärkarens symmetri att det räcker med att rita ut ena sida av småsignalschemat och genomföra beräkning på denna. I detta fall ritas endast vänster sida ut, se figuren till höger.
- Matningsspänningen  $V_{CC}$  kortsluts och transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  samt spänningsfallet  $r_{e1}I_{C1}$  mellan transistor Q1:s bas och emitter ritas ut.
- Slutligen ersätts in- och utsignalen  $U_{IN1}$  och  $V_X$  med deras motsvarigheter i småsignalschemat, vilket är  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta V_X$ .
- Notera att småsignalschemat till höger är identiskt med ett enkelt GE-steg, vilket innebär att formlerna för differentialförstärkningen  $G_{DM}$  samt in- och utresistansen  $R_{IN,DM}$  samt  $R_{UT,DM}$  i *Differential Mode* är identiska med de formler vi tidigare har härlett för GE-stegets förstärkningsfaktor  $G$  samt in- och utresistansen  $R_{IN}$  samt  $R_{UT}$ .



Fullständigt kretsschema för en enkel differentialförstärkare.



Ekvivalent schema för en enkel differentialförstärkare i *Differential Mode*.



Ekvivalent småsignalschema för den vänstra sidan av en enkel differentialförstärkare i *Differential Mode*.

- Notera i småsignalschemat ovan att transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  utgör en parallellkoppling med kollektorresistor  $R_C$ , då båda dessa resistanser är anslutna till samma punkt åt ena hållet (tillsammans med  $\Delta V_X$ ) och jord åt det andra.
- Därmed är spänningsfallet över båda dessa resistanser lika med  $\Delta V_X - 0 = \Delta V_X$  och de kan därmed ersättas med resistansen  $R_C // r_{o1}$  placerad i transistor Q1:s kollektor.
- Därmed kan differentialförstärkarens småsignalschema ritas om till figuren till höger, där resistansen  $R_C // r_{o1}$  är placerad i transistor Q1:s kollektor.
- Notera att spänningsfallet över resistansen  $R_C // r_{o1}$  också är  $\Delta V_X - 0 = \Delta V_X$ , vilket även var fallet för resistanserna  $R_C$  samt  $r_{o1}$  innan förenklingen. Detta indikerar att förenklingen av småsignalschemat är korrekt, då det skall vara ekvivalent med originalschemat.
- Därefter kan en formel härledas för inspanningen i småsignalmodellen  $\Delta U_{IN1}$ .
- Som vanligt så kan skillnaden mellan transistor Q1:s kollektor- och emitterström  $I_{C1}$  samt  $I_{E1}$  försummas:

$$I_{C1} \approx I_{E1}$$

- Genom att använda Kirchhoffs spänningslag, för att genomföra en beräkning från transistor Q1:s insignal  $\Delta U_{IN1}$  till jord, så kan följande formel härledas:

$$\Delta U_{IN1} - r_{e1} I_{C1} - R_E I_{C1} \approx 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta U_{IN1} \approx r_{e1} I_{C1} + R_E I_{C1}$$

- Genom att bryta ut kollektorströmmen  $I_{C1}$ , så kan sedan följande formel härledas:

$$\Delta U_{IN1} \approx (r_{e1} + R_E) I_{C1},$$

där  $r_{e1}$  är transistor Q1:s inbyggda emitterresistans,  $R_E$  är emitterresistorns resistans och  $I_{C1}$  är transistor Q1:s kollektorström.

- Därefter kan en formel härledas för differentialförstärkarens inresistans  $R_{IN,DM}$  i *Differential Mode*:

$$R_{IN,DM} = \frac{\Delta U_{IN1}}{I_{B1}} \approx \frac{(r_{e1} + R_E) I_{C1}}{I_{B1}}$$

- Vidare gäller följande förhållande mellan transistor Q1:s kollektor- och basström  $I_{C1}$  samt  $I_{B1}$ :

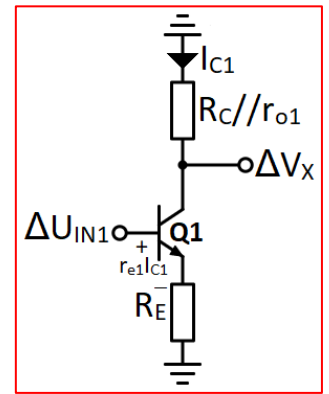
$$I_{C1} = I_{B1} h_{FE1},$$

där  $h_{FE1}$  är transistor Q1:s strömförstärkningsfaktor.

- Genom att ersätta kollektorströmmen  $I_{C1}$  med motsvarande basström  $I_{B1}$  i formeln för  $R_{IN,DM}$  ovan, så ser vi att

$$R_{IN,DM} \approx \frac{(r_{e1} + R_E) I_{B1} h_{FE1}}{I_{B1}},$$

där basströmmen  $I_{B1}$  förekommer i både täljare och nämnare och därför kan elimineras.



Förenklat småsignalschema för den vänstra sidan av en enkel differentialförstärkare i *Differential Mode*.

- Därmed kan differentialförstärkarens inresistans  $R_{IN,DM}$  i *Differential Mode* approximeras till

$$R_{IN,DM} \approx (r_{e1} + R_E)h_{FE1},$$

där  $r_{e1}$  och  $h_{FE1}$  är transistor Q1:s inbyggda emitterresistans respektive strömförstärkningsfaktor och  $R_E$  är emitterresistorns resistans.

- Formeln ovan kan även appliceras på höger sida av differentialförstärkaren. Inresistansen  $R_{IN,DM}$  sett från höger ingång i *Differential Mode* kan därmed approximeras till

$$R_{IN,DM} \approx (r_{e2} + R_E)h_{FE2},$$

där  $r_{e2}$  och  $h_{FE2}$  är transistor Q2:s inbyggda emitterresistans respektive strömförstärkningsfaktor och  $R_E$  är emitterresistorns resistans.

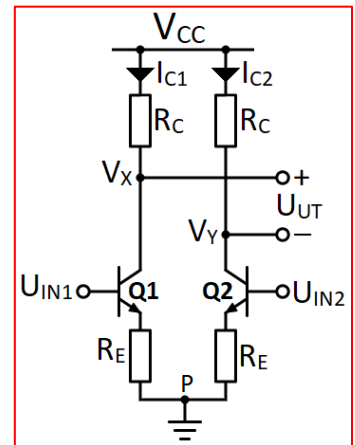
- Via formlerna ovan ser vi att inresistansen  $R_{IN,DM}$  på respektive ingång i *Differential Mode* är proportionerlig med strömförstärkningsfaktorn  $h_{FE1}$  samt  $h_{FE2}$  på respektive ingångstransistor Q1 och Q2.
- Detta innebär att om transistor Q1:s och Q2:s respektive strömförstärkningsfaktor  $h_{FE1}$  samt  $h_{FE2}$  är olika stora:

$$h_{FE1} \neq h_{FE2},$$

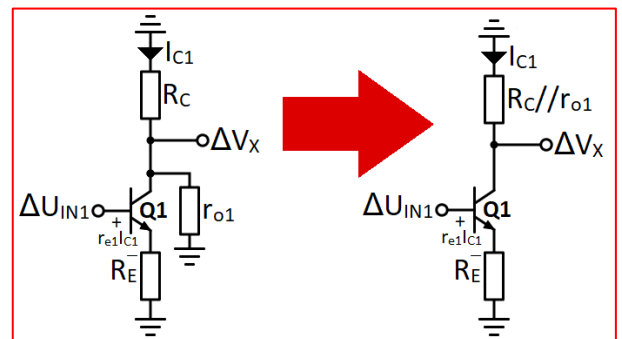
så kommer inresistansen  $R_{IN,DM}$  på respektive ingång inte vara exakt samma, trots differentialförstärkarens symmetri. Då BJT-transistorers strömförstärkningsfaktor  $h_{FE}$  varierar mellan olika exemplar, även av samma modell, så kan vi därmed anta att inresistansen  $R_{IN,DM}$  på respektive ingång är lite olika något. Dock bör inte detta göra något i praktiken.

#### 4.4.7 – Utresistans $R_{UT,DM}$ i *Differential Mode*:

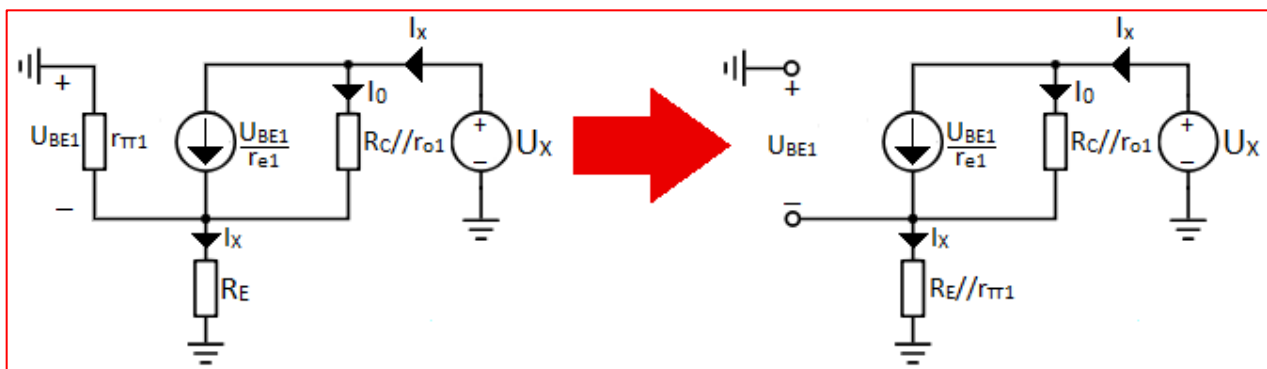
- Som vi såg tidigare så uppstår en virtuell jordpunkt i punkten P ingångstransistorer Q1:s samt Q2:s emitterar, vilket medför att strömspegeln förbikopplas. Därmed kan figuren till höger användas som ekvivalent schema i *Differential Mode*.
- På grund av differentialförstärkarens symmetri, så kan utresistansen  $R_{UT,DM}$  på differentialförstärkaren i *Differential Mode* beräknas på en sida.
- Vi utgår därför från den vänstra sidan av differentialförstärkaren och ritar ut dess småsignalschema, se den vänstra figuren nedan.
- Matningsspänningen  $V_{CC}$  kortsluts och transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  samt spänningsfallet  $r_{e1}I_{C1}$  mellan transistor Q1:s bas och emitter ritas ut. Slutligen ersätts in- och utsignalen  $U_{IN1}$  och  $V_X$  med deras motsvarigheter i småsignalschemat, vilket är  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta V_X$ .
- Notera i småsignalschemat till höger transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  utgör en parallellkoppling med kollektorresistor  $R_C$ , då båda dessa resistanser är anslutna till samma punkt åt ena hållet (tillsammans med  $\Delta V_X$ ) och jord åt det andra.
- Därmed är spänningsfallet över båda dessa resistanser lika med  $\Delta V_X - 0 = \Delta V_X$  och de kan därmed ersättas med resistansen  $R_C // r_{o1}$  placerad i transistor Q1:s kollektor.
- Därmed kan differentialförstärkarens småsignalschema ritas om till den högra figuren, där resistansen  $R_C // r_{o1}$  är placerad i transistor Q1:s kollektor.
- Notera att spänningsfallet över resistansen  $R_C // r_{o1}$  också är  $\Delta V_X - 0 = \Delta V_X$ , vilket även var fallet för resistanserna  $R_C$  samt  $r_{o1}$  innan förenklingen. Detta indikerar att förenklingen av småsignalschemat är korrekt, då det skall vara ekvivalent med originalschemat.
- För att sedan beräkna differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,DM}$  i *Differential Mode*, så kortsluts in- och inspänningen  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta U_{UT}$ . Därefter placeras en spänningskälla  $U_X$  på utgången. Vi ritar därefter ut det vänstra småsignalschemat nedan.
- Notera att transistor Q1:s inbyggda basresistans  $r_{\pi 1}$  samt emitterresistorn  $R_E$  utgör en parallellkoppling, då dessa är anslutna till samma punkt åt ena hållet och jord åt det andra. Vi ersätter därför dessa resistanser med ersättningsresistansen  $R_E // r_{\pi 1}$ , placerad i emittern. Därefter ritar vi om småsignalschemat till den högra figuren nedan.



Ekvivalent schema för en enkel differentialförstärkare i *Differential Mode*.

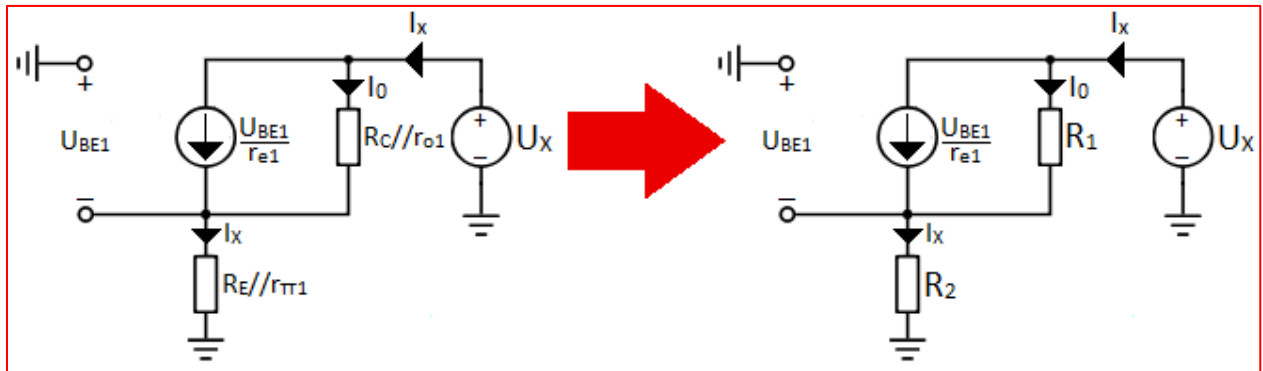


Ekvivalent småsignalschema för den vänstra sidan av en enkel differentialförstärkare i *Differential Mode*.



Ekvivalent småsignalschema för beräkning av differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,DM}$  i *Common Mode*

- För att underlätta beräkningen av utresistansen så inför vi beteckningarna  $R_1$  och  $R_2$  i småsignalschemat, se den högra figuren nedan.



För att förenkla beräkningarna så införs storheterna  $R_1$  och  $R_2$ , där  $R_1 = R_C // r_{o1}$  och  $R_2 = R_E // r_{\pi 1}$ .

- Därmed gäller att

$$R_1 = R_C // r_{o1}$$

samt

$$R_2 = R_E // r_{\pi 1}$$

- Differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,DM}$  i *Differential Mode* kan sedan beräknas med följande formel:

$$R_{UT,DM} = \frac{U_X}{I_X},$$

där  $U_X$  är matningsspänningen från den tillsatta spänningskällan och  $I_X$  är strömmen som flödar från denna spänningskälla ned till emittern.

- Vi kör Kirchhoffs spänningslag från spänningskällan  $U_X$  ned till emittern för att härleda formel för  $U_X$ :

$$U_X - R_1 * I_0 - R_2 * I_X = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$U_X = R_1 * I_0 + R_2 * I_X$$

- Genom att beräkna med Kirchhoffs strömlag, så ser vi att strömmen  $I_X$  är lika med summan av strömmarna  $I_0$  samt  $U_{BE1}/r_{e1}$ :

$$I_X = I_0 + \frac{U_{BE1}}{r_{e1}},$$

vilket kan transformeras till

$$I_0 = I_X - \frac{U_{BE1}}{r_{e1}}$$

- Genom att beräkna med Kirchhoffs spänningslag från basen ned till emittern, så kan en formel härledas för bas-emitterspänningen  $U_{BE1}$ :

$$-U_{BE1} - R_2 I_X = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$U_{BE1} = -R_2 I_X$$

- Därmed kan formeln för strömmen  $I_0$  ovan förenklas genom att ersätta bas-emitterspänningen  $U_{BE1}$  med motsvarande spänningsfall  $-R_2 I_X$ :

$$I_0 = I_X - \frac{U_{BE1}}{r_{e1}} = I_X + \frac{R_2 I_X}{r_{e1}}$$

- Genom att bryta ut strömmen  $I_x$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$I_0 = I_x \left[ 1 + \frac{R_2}{r_{e1}} \right]$$

- Därefter kan ovanstående formel för strömmen  $I_0$  sättas in i den tidigare härledda formeln för matningsspänningen  $U_x$ , vilket medför att

$$U_x = R_1 * I_0 + R_2 * I_x = R_1 * I_x \left[ 1 + \frac{R_2}{r_{e1}} \right] + R_2 * I_x$$

- Genom att bryta ut strömmen  $I_x$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$U_x = I_x \left[ R_1 \left( 1 + \frac{R_2}{r_{e1}} \right) + R_2 \right]$$

- Därefter kan en formel differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,DM}$  i *Differential Mode* härledas, då

$$R_{UT,DM} = \frac{U_x}{I_x} = \frac{I_x \left[ R_1 \left( 1 + \frac{R_2}{r_{e1}} \right) + R_2 \right]}{I_x} ,,$$

där strömmen  $I_x$  kan elimineras, då denna förekommer i både högerledets täljare och nämnare.

- Därmed gäller att

$$R_{UT,DM} = R_1 \left( 1 + \frac{R_2}{r_{e1}} \right) + R_2$$

- Därefter ersätter vi storheterna  $R_1$  och  $R_2$  med de egentliga resistanserna

$$R_1 = R_C // r_{o1}$$

samt

$$R_2 = R_E // r_{\pi 1}$$

- Differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,DM}$  i *Differential Mode* kan därmed beräknas med formeln

$$R_{UT,DM} = R_C // r_{o1} \left( 1 + \frac{R_E // r_{\pi 1}}{r_{e1}} \right) + R_E // r_{\pi 1},$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans,  $r_{o1}$  är transistor Q1:s utresistans,  $R_E$  är emitterresistorns resistans och  $r_{\pi 1}$  samt  $r_{e1}$  är transistor Q1:s inbyggda bas- respektive emitterresistans.

- Vi kan anta att transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  är mycket högre än kollektorresistor  $R_C$ :s resistans:

$$r_{o1} \gg R_C,$$

vilket medför att  $r_{o1}$  kan försummas, då

$$R_C // r_{o1} = \frac{R_C * r_{o1}}{R_C + r_{o1}} \approx \frac{R_C * r_{o1}}{r_{o1}} = R_C$$

- Därmed kan differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,DM}$  i *Differential Mode* approximeras till

$$R_{UT,DM} \approx R_C \left( 1 + \frac{R_E // r_{\pi 1}}{r_{e1}} \right) + R_E // r_{\pi 1},$$

- I de exempel som vi har sett tidigare, så dimensioneras emitterresistor  $R_E$  till en storlek som medför en emitterfaktor  $EF$  runt tio:

$$EF \approx 10$$

- Emitterfaktorn  $EF$  kan beräknas med formeln

$$EF = \frac{r_{e1} + R_E}{r_{e1}} \approx 10,$$

där  $r_{e1}$  är transistor Q1:s inbyggda emitterresistans och  $R_E$  är emitterresistorns resistans.

- Formeln ovan kan transformeras till

$$r_{e1} + R_E = EF * r_{e1}$$

- Genom att subtrahera med  $r_{e1}$  i både vänster- och högerled, så kan formeln ovan transformeras till

$$R_E = EF * r_{e1} - r_{e1}$$

- Genom att bryta ut  $r_{e1}$  ur formeln ovan, så erhålls följande formel

$$R_E = r_{e1}(EF - 1)$$

- Vi ser vi att emitterresistor  $R_E$  bör sättas till ett värde som är lika med transistor Q1:s inbyggda emitterresistans  $r_{e1}$  multiplicerat med emitterfaktorn  $EF - 1$ .

- För en emitterfaktor  $EF$  runt tio, så bör då emitterresistor  $R_E$  sättas ca nio gånger högre än transistor Q1:s inbyggda emitterresistans  $r_{e1}$ , då

$$R_E \approx r_{e1}(10 - 1) = 9r_{e1}$$

- Förutsatt att vi använder tumregeln med en emitterfaktor runt tio, så kan alltså emitterresistor  $R_E$  antas vara omkring nio gånger högre än transistor Q1:s inbyggda emitterresistans  $r_{e1}$ :

$$R_E \approx 9r_{e1}$$

- Som vi har sett tidigare så gäller följande samband mellan transistor Q1:s inbyggda bas- respektive emitterresistans  $r_{\pi1}$  samt  $r_{e1}$ :

$$r_{\pi1} = r_{e1} * h_{FE1},$$

där  $h_{FE1}$  är transistor Q1:s strömförstärkningsfaktor.

- Strömförstärkningsfaktorn  $h_{FE1}$  kan antas ligga mellan 50 – 250, med en faktor 100 som ett normalvärde:

$$h_{FE1} \approx 100$$

- Därmed kan transistor Q1:s inbyggda basresistans  $r_{\pi1}$  antas vara ca 100 gånger högre än dess inbyggda emitterresistans  $r_{e1}$ :

$$r_{\pi1} \approx 100r_{e1}$$

- Eftersom

$$R_E \approx 9r_{e1}$$

samt

$$r_{\pi1} \approx 100r_{e1},$$

så kan resistansen  $R_E/r_{\pi1}$  approximeras till

$$R_E/r_{\pi1} \approx 9r_{e1}/100r_{e1},$$



- Eftersom

$$100r_{e1} \gg 9r_{e1},$$

så kan vi anta att transistor Q1:s inbyggda basresistans  $r_{\pi1}$  är mycket högre än emitterresistor  $R_E$ 's resistans:

$$r_{\pi1} \gg R_E$$

- Därmed kan basresistansen  $r_{\pi1}$  försummas, då

$$R_E // r_{\pi1} = \frac{R_E * r_{\pi1}}{R_E + r_{\pi1}} \approx \frac{R_E * r_{\pi1}}{r_{\pi1}} = R_E$$

- Därmed kan differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,DM}$  i *Differential Mode* approximeras till

$$R_{UT,DM} \approx R_C \left( 1 + \frac{R_E}{r_{e1}} \right) + R_E$$

- Som vi såg tidigare så kan emitterresistor  $R_E$  antas vara ca nio gånger högre än transistor Q1:s inbyggda emitterresistans  $r_{e1}$ :

$$R_E \approx 9r_{e1},$$

- Genom att ersätta emitterresistor  $R_E$  med motsvarande inbyggda emitterresistans  $r_{e1}$ , så kan formeln för  $R_{UT,DM}$  transformeras till

$$R_{UT,DM} \approx R_C \left( 1 + \frac{9r_{e1}}{r_{e1}} \right) + R_E,$$

där

$$\frac{9r_{e1}}{r_{e1}} = 9$$

- Därmed gäller att

$$R_{UT,DM} \approx R_C(1 + 9) + R_E,$$

vilket är ekvivalent med

$$R_{UT,DM} \approx 10R_C + R_E$$

- Vidare kan vi anta att  $10R_C$  är mycket högre än emitterresistor  $R_E$ 's resistans:

$$10R_C \gg R_E$$

- Därmed kan följande approximation härledas för differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,DM}$  i *Differential Mode*:

$$R_{UT,DM} \approx 10R_C,$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans.

- Att utresistansen  $R_{UT,DM}$  kan approximeras till kollektorresistor  $R_C$ 's resistans multiplicerat med en faktor tio, beror på att emitterfaktorn  $EF$  tidigare sattes till tio:

$$EF \approx 10$$

- Förutsatt att emitterfaktorn  $EF$  inte är så hög att emitterresistor  $R_E$ 's börjar närma sig transistor Q1:s inbyggda basresistans  $r_{\pi1}$ , så gäller att resistansen  $R_E // r_{\pi1}$  kan approximeras till  $R_E$ , då

$$R_E // r_{\pi1} = \frac{R_E * r_{\pi1}}{R_E + r_{\pi1}} \approx \frac{R_E * r_{\pi1}}{r_{\pi1}} = R_E,$$

- Vi såg tidigare att resistor  $R_E$  kan dimensioneras med följande formel

$$R_E = r_{e1}(EF - 1)$$

- Vi såg tidigare att differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,DM}$  i *Differential Mode* kan approximeras med formeln

$$R_{UT,DM} \approx R_C \left( 1 + \frac{R_E}{r_{e1}} \right) + R_E$$

- Genom att ersätta emitterresistor  $R_E$  med motsvarande inbyggda emitterresistans  $r_{e1}$ , så kan formeln för  $R_{UT,DM}$  transformeras till

$$R_{UT,DM} \approx R_C \left( 1 + \frac{r_{e1}(EF - 1)}{r_{e1}} \right) + R_E,$$

där

$$\frac{r_{e1}(EF - 1)}{r_{e1}} = EF - 1$$

- Därmed gäller att

$$R_{UT,DM} \approx R_C(1 + EF - 1) + R_E,$$

vilket är ekvivalent med

$$R_{UT,DM} \approx EF * R_C + R_E,$$

där resistansen  $EF * R_C$  kan antas vara mycket högre än emitterresistor  $R_E$ 's resistans:

$$EF * R_C \gg R_E,$$

vilket medför att

$$R_{UT,DM} \approx EF * R_C,$$

där  $EF$  är emitterfaktorn och  $R_C$  är kollektorresistorns resistans.

- Därmed ser vi att differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,DM}$  i *Differential Mode* är proportionell med emitterfaktorn  $EF$ :

$$R_{UT,DM} \sim EF,$$

- Vi har tidigare sett approximationen ovan i samband med utresistansen  $R_{UT}$  på GE-steg.
- Utan emitterresistorer  $R_E$ , så är differentialförstärkarens emitterfaktor  $EF$  lika med ett, då

$$EF = \frac{r_{e1} + R_E}{r_{e1}} = \frac{r_{e1} + 0}{r_{e1}} = 1,$$

vilket medför att differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,DM}$  i *Differential Mode* är ungefär lika med kollektorresistor  $R_C$ 's utresistans, då

$$R_{UT,DM} \approx EF * R_C = 1 * R_C = R_C$$

- Som vi har sett tidigare så sätts dock emitterfaktorn  $EF$  vanligtvis till tio, vilket medför att differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,DM}$  i *Differential Mode* ökar med en faktor runt tio jämfört med utan emitterresistorer  $R_E$ , då

$$R_{UT,DM} \approx EF * R_C = 10R_C$$

#### 4.4.8 - Härledning av Common Mode-förstärkningen $G_{CM}$

- När Common Mode-signaler uppträder på transistor Q1:s samt Q2:s respektive bas, så kommer insignalerna  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$  bli lika stora:

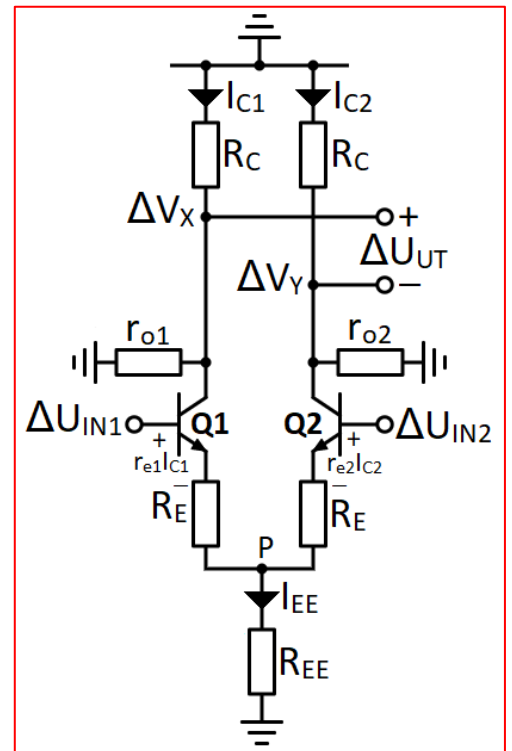
$$\text{Common Mode} \rightarrow U_{IN1} = U_{IN2}$$

- Eftersom  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$  är lika stora så kommer dessa dra upp eller ned potentialen  $V_P$  i punkten P mellan transistor Q1:s samt Q2:s emitterar lika mycket, se figuren till höger. Därmed kommer  $V_P$  över- eller understiga noll:

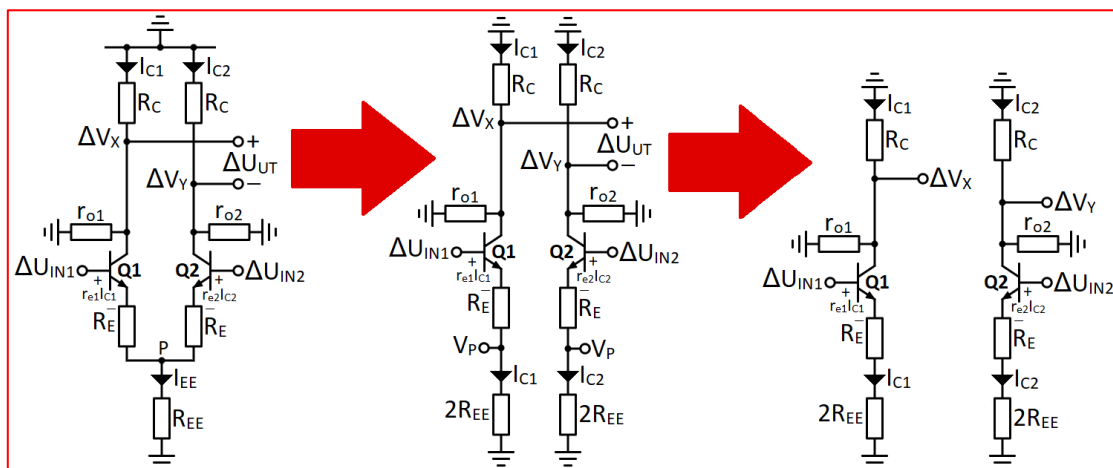
$$V_P \neq 0,$$

vilket medför att ingen virtuell jordpunkt uppstår i punkten P i *Common Mode*, då detta kräver att en av insignalerna  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$  försöker dra upp  $V_P$  och den andra ned  $V_P$  lika mycket.

- Detta medför att resistansen  $R_{EE}$  från strömspegeln mellan transistor Q1:s och Q2:s emitterar utgör en mycket stor emitterresistor i *Common Mode*.
- Genom att använda en strömspegel med mycket hög utresistans  $R_{EE}$ , så kan Common Mode-signaler kancelleras effektivt genom att Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  då blir mycket låg.
- Precis som vid beräkning av differentialförstärkningen  $G_{DM}$ , så medför differentialförstärkarens symmetri att så vi endast behöver beräkna Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  på en av sidorna. Därför kommer beräkningarna genomföras på vänster sida i detta fall.
- För att härleda en formel för Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  så ritas vi ut differentialförstärkarens småsignalschema i *Common Mode*, alltså med resistansen  $R_{EE}$  från strömspegeln placerad mellan transistor Q1:s samt Q2:s emitterar, se den vänstra figuren nedan.
- Som vanligt så kortsluts även matningsspänningen  $V_{CC}$ , spänningsfallen  $r_{e1}I_{C1}$  samt  $r_{e2}I_{C2}$  ritas ut mellan transistor Q1:s samt Q2:s respektive bas och emitter.
- Transistor Q1:s samt Q2:s respektive utresistans  $r_{o1}$  samt  $r_{o2}$  ritas ut mellan deras respektive kollektor och jord. Av symmetri skäl, så ritas  $r_{o1}$  samt  $r_{o2}$  ut horisontellt i originalschemat. Slutligen ersätts in- och utsignalerna  $U_{IN1}$ ,  $U_{IN2}$ ,  $V_X$ ,  $V_Y$  samt  $U_{UT}$  med deras motsvarigheter i småsignalschemat  $\Delta U_{IN1}$ ,  $\Delta U_{IN2}$ ,  $\Delta V_X$ ,  $\Delta V_Y$  samt  $\Delta U_{UT}$ .



Fullständigt småsignalschema i Common Mode.



Ekvivalent småsignalschema för en enkel differentialförstärkare i Common Mode.

- Därefter kan differentialförstärkarens småsignalschema förenklas till den mittersta figuren ovan, där de två sidorna av differentialförstärkaren har separerats för tydlighets skull. Genom att också separera utsignalerna  $\Delta V_x$  samt  $\Delta V_y$ , så blir de två sidorna av differentialförstärkaren helt separerade, se den högra figuren ovan.
- Notera att kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  antas flöda genom respektive emitter, istället för emitterströmmarna  $I_{E1}$  samt  $I_{E2}$ . Därmed försummas den lilla skillnaden mellan transistor Q1:s samt Q2:s respektive kollektor- och emitterströmmar:

$$I_{C1} \approx I_{E1}$$

samt

$$I_{C2} \approx I_{E2},$$

- Eftersom strömspegelns resistans  $R_{EE}$  i originalfiguren är placerad mellan transistor Q1 och Q2:s emitterar och differentialförstärkaren nu skall delas i två delar, så ersätts  $R_{EE}$  med två parallellkopplade resistanser på  $2R_{EE}$  vardera. Eftersom dessa resistanser är parallellkopplade så blir ersättningsresistansen  $2R_{EE}/2R_{EE}$  lika med  $R_{EE}$ , då

$$2R_{EE}/2R_{EE} = \frac{2R_{EE} * 2R_{EE}}{2R_{EE} + 2R_{EE}} = \frac{4R_{EE}^2}{4R_{EE}} = \frac{4}{4} * \frac{R_{EE}^2}{R_{EE}} = R_{EE}$$

- Därmed så utgör de två resistanserna  $2R_{EE}$  samt  $2R_{EE}$  en parallellkoppling, som är ekvivalent med resistansen  $R_{EE}$ . Att bytet är ekvivalent kan demonstreras genom att undersöka potentialen  $V_P$  i punkten P i originalfiguren och jämföra efter bytet.
- I originalfiguren till vänster ovan, så kan potentialen  $V_P$  i punkten P beräknas med Ohms lag:

$$V_P = R_{EE} * I_{EE},$$

där  $R_{EE}$  är strömspegelns utresistans och  $I_{EE}$  är strömmen som flödar genom den.

- Strömmen  $I_{EE}$  är i sin tur lika med summan av transistor Q1:s samt Q2:s emitterströmmar  $I_{E1}$  samt  $I_{E2}$ :

$$I_{EE} = I_{E1} + I_{E2}$$

- I *Common Mode*, så är transistor Q1:s samt Q2:s emitterströmmar  $I_{E1}$  samt  $I_{E2}$  lika stora:

$$I_{E1} = I_{E2},$$

vilket innebär att

$$I_{EE} = 2I_{E1} = 2I_{E2}$$

- Därmed gäller att potentialen  $V_P$  kan beräknas till

$$V_P = R_{EE} * 2I_{E1} = R_{EE} * 2I_{E2},$$

som kan transformeras till

$$V_P = 2R_{EE} * I_{E1} = 2R_{EE} * I_{E2}$$

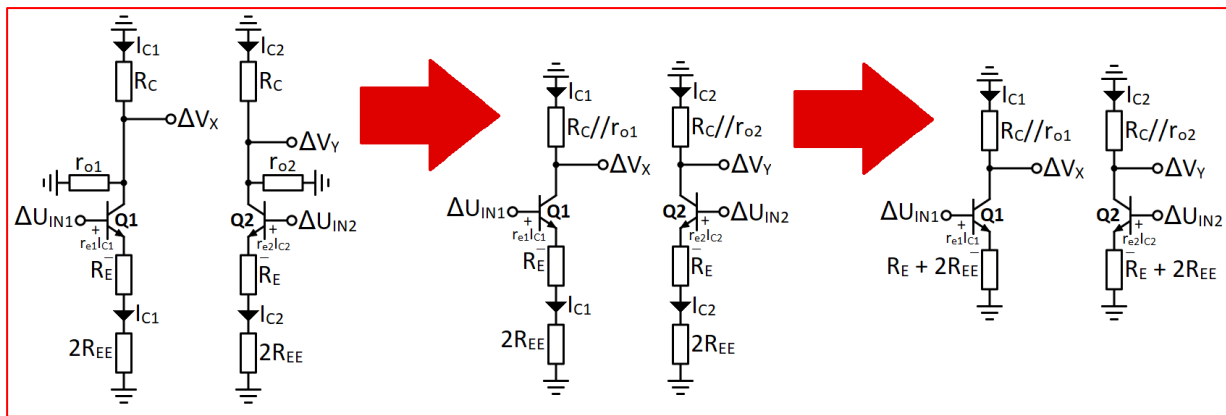
- Vi ser då att potentialen  $V_P$  blir samma som i originalfiguren ifall resistansen på respektive sida av differentialförstärkaren är satt till  $2R_{EE}$ , då respektive emitterström  $I_{E1}$  samt  $I_{E2}$  är exakt hälften av strömmen  $I_{EE}$  i originalfiguren.
- Som vi har sett tidigare så kan skillnaden mellan transistorernas kollektor- och emitterströmmar försummas, vilket innebär att

$$I_{EE} \approx I_{C1} + I_{C2}$$

samt

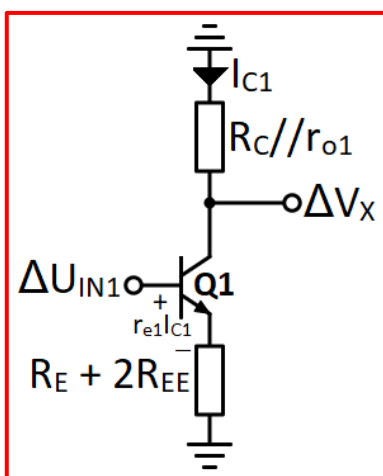
$$V_P \approx 2R_{EE} * I_{C1} = 2R_{EE} * I_{C2}$$

- Vid beräkning i småsignalschemat, så antar vi därför att kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  flödar genom en resistans på  $2R_{EE}$  vardera i respektive emitter.

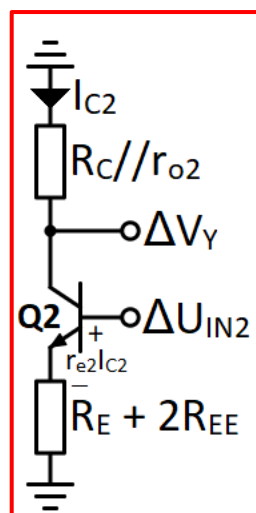


Ekvivalent småsignalschema för en enkel differentialförstärkare i Common Mode.

- Vi fortsätter sedan med den vänstra figuren ovan. Notera att när utsignalen  $\Delta V_X$  samt  $\Delta V_Y$  på respektive sida av differentialförstärkaren separeras, så ser vi att differentialförstärkarens småsignalschema efter förenkling är identiskt med två spegelvända GE-steg, med två emitterresistanser vardera ( $R_E$  samt  $2R_{EE}$ ).
- Notera på den vänstra sidan av differentialförstärkaren att transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  utgör en parallellkoppling med den vänstra sidans kollektorresistor  $R_C$ , då båda dessa resistanser är anslutna till samma punkt åt ena hållet (tillsammans med  $\Delta V_X$ ) och jord åt det andra.
- Detsamma gäller för den högre sidan av differentialförstärkaren. Transistor Q2:s utresistans  $r_{o2}$  utgör en parallellkoppling med den högre sidans kollektorresistor  $R_C$ , då båda dessa resistanser är anslutna till samma punkt åt ena hållet (tillsammans med  $\Delta V_Y$ ) och jord åt det andra.
- Därmed kan differentialförstärkarens småsignalschema ritas om till den mittersta figuren ovan, där resistanserna  $R_C//r_{o1}$  respektive  $R_C//r_{o2}$  är placerade i transistor Q1:s samt Q2:s respektive kollektor.
- Slutligen noterar vi att resistanserna  $R_E$  samt  $2R_{EE}$  är seriekopplade på respektive sida av differentialförstärkaren. Därmed kan dessa ersättas med en resistans  $R_E + 2R_{EE}$ , placerad i respektive emitter. Därmed kan småsignalschemat ritas om till den högra figuren ovan.



Ekvivalent småsignalschema i Common Mode, sett från den vänstra sidan av differentialförstärkaren.



Ekvivalent småsignalschema i Common Mode, sett från den högra sidan av differentialförstärkaren.

Kom ihåg: På grund av differentialförstärkarens symmetri, så kan dess parametrar, såsom förstärkningsfaktor samt in- och utresistans i både *Differential Mode* samt *Common Mode*, antas vara samma på båda sidorna av differentialförstärkaren.

Därmed kan differentialförstärkarens parametrar beräknas via småsignalschema på valfri sida av differentialförstärkaren, exempelvis vänster sida.

- Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  är lika med ration mellan in- och utsignalen  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta V_X$  i *Common Mode*:

$$G_{CM} = \frac{\Delta V_X}{\Delta U_{IN1}}$$

- Därmed måste formler härledas för in- och utspänningen  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta V_X$ , vilket kan genomföras med småsignalschemat på vänster sida av differentialförstärkaren, se figuren till höger.
- Som vanligt så kan skillnaden mellan transistor Q1:s kollektor- och emitterström  $I_{C1}$  samt  $I_{E1}$  försummas:

$$I_{C1} \approx I_{E1}$$

- En formel för inspänningen  $\Delta U_{IN1}$  kan härledas via Kirchhoffs spänningslag, med beräkning från transistor Q1:s bas (se  $\Delta U_{IN1}$ ) ned till jord via resistansen  $R_E + 2R_{EE}$  i emittern.
- Därmed kan följande formel härledas:

$$\Delta U_{IN1} - r_{e1}I_{C1} - (R_E + 2R_{EE})I_{C1} \approx 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta U_{IN1} \approx r_{e1}I_{C1} + (R_E + 2R_{EE})I_{C1}$$

- Genom att bryta ut kollektorströmmen  $I_{C1}$ , så erhålls följande formel:

$$\Delta U_{IN1} \approx (r_{e1} + R_E + 2R_{EE})I_{C1},$$

där  $r_{e1}$  är transistor Q1:s inbyggda emitterresistans,  $R_E$  är emitterresistorns resistans,  $2R_{EE}$  är strömspegelns ersättningsresistans och  $I_{C1}$  är transistor Q1:s kollektorström.

- En formel för utspänningen  $\Delta V_X$  kan också härledas via Kirchhoffs spänningslag, med beräkning från transistor Q1:s kollektor ned till utgången (se  $\Delta V_X$ ) via ersättningsresistansen  $R_C//r_{o1}$ .
- Därmed kan följande formel härledas:

$$-(R_C//r_{o1})I_{C1} - \Delta V_X = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta V_X = -(R_C//r_{o1})I_{C1}$$

- Via de härledda formlerna för in- och utspänningen  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta V_X$ , så kan en formel för Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  härledas:

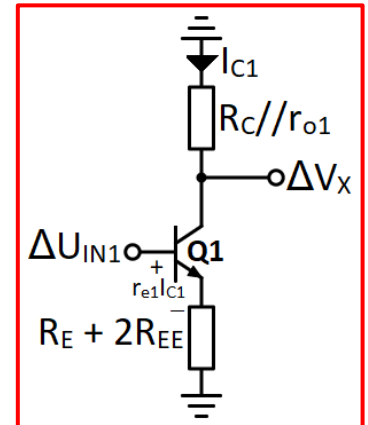
$$G_{CM} = \frac{\Delta V_X}{\Delta U_{IN1}} \approx -\frac{(R_C//r_{o1})I_{C1}}{(r_{e1} + R_E + 2R_{EE})I_{C1}},$$

där strömmen  $I_1$  kan elimineras, då denna förekommer i båda täljare och nämnare. Därmed gäller att

$$G_{CM} \approx -\frac{R_C//r_{o1}}{r_{e1} + R_E + 2R_{EE}},$$

där  $R_C//r_{o1}$  är ersättningsresistansen i kollektorn,  $r_{e1}$  är transistor Q1:s inbyggda emitterresistans,  $R_E$  är emitterresistorns resistans och  $2R_{EE}$  är strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans i småsignalschemat.

- Strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans  $2R_{EE}$  kan antas vara mycket högre än resterande emitterresistans  $r_{e1} + R_E$ :



*Ekvivalent småsignalschema i Common Mode, sett från den vänstra sidan av differentialförstärkaren.*

$$2R_{EE} \gg r_{e1} + R_E,$$

vilket innebär att  $r_{e1} + R_E$  kan försummas, då

$$r_{e1} + R_E + 2R_{EE} \approx 2R_{EE}$$

- Därmed kan Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  approximeras till

$$G_{CM} \approx -\frac{R_C // r_{o1}}{2R_{EE}},$$

där  $R_C // r_{o1}$  är ersättningsresistansen i kollektorn och  $2R_{EE}$  är strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans i småsignalschemat.

- Vidare kan transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  antas vara mycket högre än kollektorresistor  $R_C$ :s resistans:

$$r_{o1} \gg R_C,$$

vilket innebär att  $r_{o1}$  kan försummas, då

$$R_C // r_{o1} = \frac{R_C * r_{o1}}{R_C + r_{o1}} \approx \frac{R_C * r_{o1}}{r_{o1}} = R_C$$

- Därmed gäller att Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  kan approximeras till

$$G_{CM} \approx -\frac{R_C}{2R_{EE}},$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans och  $2R_{EE}$  är strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans i småsignalschemat.

- Notera att Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  är omvänt proportionell mot strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans  $2R_{EE}$ :

$$G_{CM} \sim \frac{1}{2R_{EE}},$$

vilket innebär att ju högre strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans är, desto lägre Common Mode-förstärkning  $G_{CM}$ .

- Slutligen kan strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans  $2R_{EE}$  antas vara mycket högre än kollektorresistorns resistans:

$$2R_{EE} \gg R_C,$$

vilket innebär att Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  hamnar mycket nära noll:

$$G_{CM} \approx 0$$

- Ovanstående approximationer kan givetvis även appliceras på den högra sidan av differentialförstärkaren:

$$G_{CM} \approx -\frac{R_C // r_{o2}}{r_{e2} + R_E + 2R_{EE}},$$

där  $R_C // r_{o2}$  är ersättningsresistansen i kollektorn,  $r_{e2}$  är transistor Q2:s inbyggda emitterresistans,  $R_E$  är emitterresistorns resistans och  $2R_{EE}$  är strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans i småsignalschemat.

- Strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans  $2R_{EE}$  kan antas vara mycket högre än resterande emitterresistans  $r_{e2} + R_E$ :

$$2R_{EE} \gg r_{e2} + R_E,$$

vilket innebär att  $r_{e2} + R_E$  kan försummas, då

$$r_{e2} + R_E + 2R_{EE} \approx 2R_{EE}$$

- Därmed kan Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  approximeras till

$$G_{CM} \approx -\frac{R_C // r_{o2}}{2R_{EE}},$$

där  $R_C // r_{o2}$  är ersättningsresistansen i kollektorn och  $2R_{EE}$  är strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans i småsignalschemat.

- Vidare kan transistor Q2:s utresistans  $r_{o2}$  antas vara mycket högre än kollektorresistor  $R_C$ :s resistans:

$$r_{o2} \gg R_C,$$

vilket innebär att  $r_{o2}$  kan försummas, då

$$R_C // r_{o2} = \frac{R_C * r_{o2}}{R_C + r_{o2}} \approx \frac{R_C * r_{o2}}{r_{o2}} = R_C$$

- Därmed gäller att Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  kan approximeras till

$$G_{CM} \approx -\frac{R_C}{2R_{EE}},$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans och  $2R_{EE}$  är strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans i småsignalschemat.

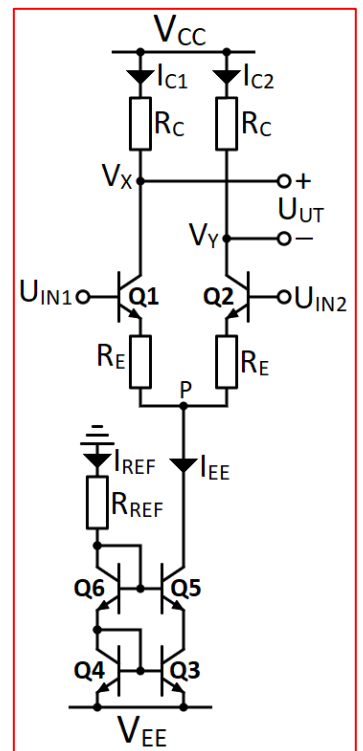
- Slutligen kan strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans  $2R_{EE}$  antas vara mycket högre än kollektorresistorns resistans:

$$2R_{EE} \gg R_C,$$

vilket innebär att Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  hamnar mycket nära noll:

$$G_{CM} \approx 0$$

- Det är önskvärt att Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  hamnar så nära noll som möjligt för effektiv kancellering av Common Mode-signaler, såsom brus.
- Faktum är att ju högre strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans  $2R_{EE}$  är, desto lägre blir Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$ .
- I mer avancerade differentförlärkare så används därför kaskadkopplade strömspeglar för att öka strömspegelns ekvivalenta utresistans  $2R_{EE}$  och därigenom minska  $G_{CM}$ , se figuren till höger.
- När mer avancerade differentförlärkare behandlas, så kommer Common Mode-förstärkningen  $G_{CM}$  inte beräknas via småsignalschema.
- Istället kommer  $G_{CM}$  antas vara mycket nära noll, vilket alltid är fallet för välkonstruerade differentförlärkare med en strömspegel mellan ingångstransistorernas emittertr.



Enkel differentförlärkare med en kaskadkopplad strömspegel mellan ingångstransistorerna Q1:s och Q2:s emittertr, för minskad Common Mode-förstärkning  $G_{CM}$ .



#### 4.4.9 – Inresistans $R_{IN,CM}$ i *Common Mode*

- Förutsatt att differentialförstärkaren är symmetrisk, så kan inresistansen  $R_{IN,CM}$  på respektive ingång i *Common Mode* antas vara samma.
- Därmed kan en formel för  $R_{IN,CM}$  härledas via småsignalschemat på en av ingångarna, exempelvis på vänster ingång via transistor Q1:s bas.
- Inresistansen  $R_{IN,CM}$  på vänster ingång kan beräknas via inspänningen  $\Delta U_{IN1}$  i småsignalschemat:

$$R_{IN,CM} = \frac{\Delta U_{IN1}}{I_{IN1}},$$

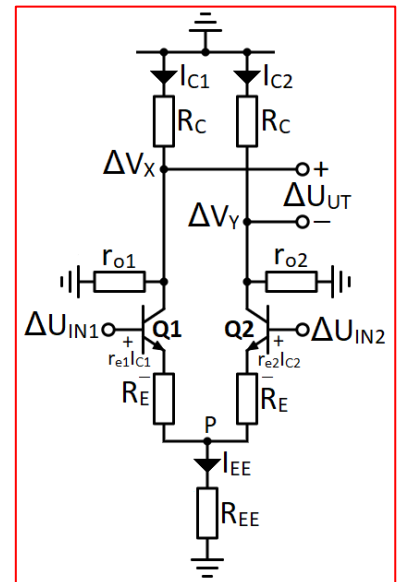
där inströmmen  $I_{IN}$  är lika med transistor Q1:s basström  $I_{B1}$ , som flödar via ingången på vänster sida av differentialförstärkaren:

$$I_{IN} = I_{B1}$$

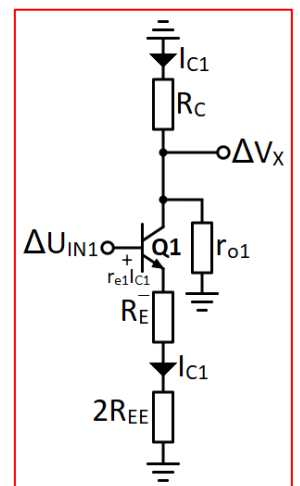
- Därmed gäller att

$$R_{IN,CM} = \frac{\Delta U_{IN1}}{I_{B1}}$$

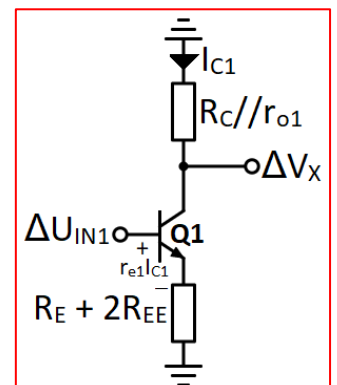
- Därmed måste en formel härledas för inspänningen  $\Delta U_{IN1}$  i småsignalschemat. Därför så ritas vi ut differentialförstärkarens småsignalschema i *Common Mode*, se figuren till höger.
- Som vi såg tidigare, så medför differentialförstärkarens symmetri att det räcker med att rita ut ena sida av småsignalschemat och genomföra beräkning på denna. I detta fall ritas endast vänster sida ut, se figuren till höger, som tidigare togs fram i avsnittet om differentialförstärkarens Common Mode-förstärkning  $G_{CM}$ .
- Matningsspänningen  $V_{CC}$  kortsluts och transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  samt spänningsfallet  $r_{e1}I_{C1}$  mellan transistor Q1:s bas och emitter ritas ut.
- Slutligen ersätts in- och utsignalen  $U_{IN1}$  och  $V_X$  med deras motsvarigheter i småsignalschemat, vilket är  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta V_X$ .
- Notera i småsignalschemat ovan att transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  utgör en parallellkoppling med kollektorresistor  $R_C$ , då båda dessa resistanser är ansluta till samma punkt åt ena hållet (tillsammans med  $\Delta V_X$ ) och jord åt det andra.
- Därmed är spänningsfallet över båda dessa resistanser lika med  $\Delta V_X - 0 = \Delta V_X$  och de kan därmed ersättas med resistansen  $R_C // r_{o1}$  placerad i transistor Q1:s kollektor.
- Därmed kan differentialförstärkarens småsignalschema ritas om till figuren till höger, där resistansen  $R_C // r_{o1}$  är placerad i transistor Q1:s kollektor.
- Notera att spänningsfallet över resistansen  $R_C // r_{o1}$  också är  $\Delta V_X - 0 = \Delta V_X$ , vilket även var fallet för resistanserna  $R_C$  samt  $r_{o1}$  innan förenklingen. Detta indikerar att förenklingen av småsignalschemat är korrekt, då det skall vara ekvivalent med originalschemat.
- Slutligen så noterar vi att emitterresistor  $R_E$  samt strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans  $2R_{EE}$  är seriekopplade, vilket innebär att dessa kan ersättas med resistansen  $R_E + 2R_{EE}$ , placerad i emitttern.



Fullständigt småsignalschema för en enkel differentialförstärkare i *Common Mode*.



Småschema för den vänstra sidan av en enkel differentialförstärkare i *Common Mode*.



Förenklat småsignalschema för den vänstra sidan av en enkel differentialförstärkare i *Common Mode*.

- Därefter kan en formel härledas för inspänningen i småsignalmodellen  $\Delta U_{IN1}$ .
- Som vanligt så kan skillnaden mellan transistor Q1:s kollektor- och emitterström  $I_{C1}$  samt  $I_{E1}$  försummas:

$$I_{C1} \approx I_{E1}$$

- Genom att använda Kirchhoffs spänningslag, för att genomföra en beräkning från transistor Q1:s insignal  $\Delta U_{IN1}$  ned till jord via resistansen  $R_E + 2R_{EE}$  i emittern, så kan följande formel härledas:

$$\Delta U_{IN1} - r_{e1}I_{C1} - (R_E + 2R_{EE})I_{C1} \approx 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta U_{IN1} \approx r_{e1}I_{C1} + (R_E + 2R_{EE})I_{C1}$$

- Genom att bryta ut kollektorströmmen  $I_{C1}$ , så kan sedan följande formel härledas:

$$\Delta U_{IN1} \approx (r_{e1} + R_E + 2R_{EE})I_{C1},$$

där  $r_{e1}$  är transistor Q1:s inbyggda emitterresistans,  $R_E$  är emitterresistorns resistans och  $I_{C1}$  är transistor Q1:s kollektorström.

- Därefter kan en formel härledas för differentialförstärkarens inresistans  $R_{IN,CM}$  i *Common Mode*:

$$R_{IN,CM} = \frac{\Delta U_{IN1}}{I_{B1}} \approx \frac{(r_{e1} + R_E + 2R_{EE})I_{C1}}{I_{B1}}$$

- Vidare gäller följande förhållande mellan transistor Q1:s kollektor- och basström  $I_{C1}$  samt  $I_{B1}$ :

$$I_{C1} = I_{B1}h_{FE1},$$

där  $h_{FE1}$  är transistor Q1:s strömförstärkningsfaktor.

- Genom att ersätta kollektorströmmen  $I_{C1}$  med motsvarande basström  $I_{B1}$  i formeln för  $R_{IN,DM}$  ovan, så ser vi att

$$R_{IN,CM} \approx \frac{(r_{e1} + R_E + 2R_{EE})I_{B1}h_{FE1}}{I_{B1}},$$

där basströmmen  $I_{B1}$  förekommer i både täljare och nämnare och därför kan elimineras.

- Därmed kan differentialförstärkarens inresistans  $R_{IN,CM}$  i *Common Mode* approximeras till

$$R_{IN,CM} \approx (r_{e1} + R_E + 2R_{EE})h_{FE1},$$

där  $r_{e1}$  och  $h_{FE1}$  är transistor Q1:s inbyggda emitterresistans respektive strömförstärkningsfaktor,  $R_E$  är emitterresistorns resistans och  $2R_{EE}$  är strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans.

- Strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans  $2R_{EE}$  kan antas vara mycket högre än resterande emitterresistans  $r_{e1} + R_E$ :

$$2R_{EE} \gg r_{e1} + R_E,$$

vilket innebär att  $r_{e1} + R_E$  kan försummas, då

$$r_{e1} + R_E + 2R_{EE} \approx 2R_{EE}$$

- Därmed kan differentialförstärkarens inresistans  $R_{IN,CM}$  i *Common Mode* approximeras till

$$R_{IN,CM} \approx 2R_{EE}h_{FE1},$$

där  $h_{FE1}$  är transistor Q1:s strömförstärkningsfaktor och  $2R_{EE}$  är strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans.

- Formeln ovan kan även appliceras på höger sida av differentialförstärkaren. Inresistansen  $R_{IN,CM}$  sett från höger ingång i *Common Mode* kan därmed approximeras till

$$R_{IN,CM} \approx (r_{e2} + R_E + 2R_{EE})h_{FE2},$$

där  $r_{e2}$  och  $h_{FE2}$  är transistor Q2:s inbyggda emitterresistans respektive strömförstärkningsfaktor,  $R_E$  är emitterresistorns resistans och  $2R_{EE}$  är strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans.

- Som vi såg tidigare så kan strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans  $2R_{EE}$  antas vara mycket högre än resterande emitterresistans  $r_{e2} + R_E$ :

$$2R_{EE} \gg r_{e2} + R_E,$$

vilket innebär att  $r_{e2} + R_E$  kan försummas, då

$$r_{e2} + R_E + 2R_{EE} \approx 2R_{EE},$$

vilket innebär att inresistansen  $R_{IN,CM}$  sett från differentialförstärkarens högra ingång i *Common Mode* kan approximeras till

$$R_{IN,CM} \approx 2R_{EE}h_{FE2},$$

där  $h_{FE2}$  är transistor Q2:s strömförstärkningsfaktor och  $2R_{EE}$  är strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans.

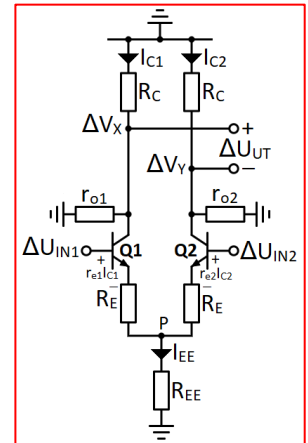
- Vi kan därmed anta att differentialförstärkaren innehar mycket hög inresistans  $R_{IN,CM}$  på respektive ingång i *Common Mode*, särskilt när mer än en mer avancerad strömspegel används.
- Längre fram i kapitlet, då mer avancerade differentialförstärkare analyseras, så kommer därmed inresistansen  $R_{IN,CM}$  på respektive ingång *Common Mode* antas gå mot oändlighet:

$$R_{IN,CM} = \infty,$$

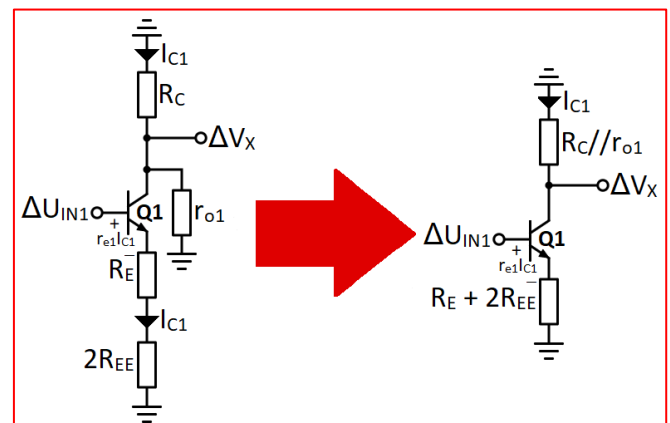
vilket innebär att analys inte kommer genomföras för att härleda formler för de mer avancerade differentialförstärkarnas respektive inresistans  $R_{IN,CM}$  i *Common Mode*.

#### 4.4.10 – Utresistans $R_{UT,CM}$ i *Common Mode*:

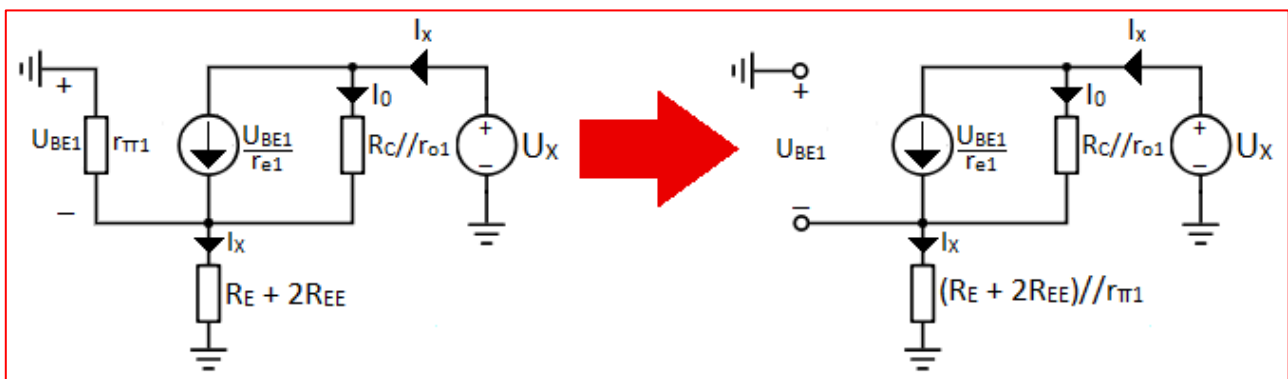
- I *Common Mode*, så måste vi ta med strömspegelns utresistans  $R_{EE}$  i beräkningarna. figuren till höger kan användas som ekvivalent schema i *Common Mode*.
- På grund av differentialförstärkarens symmetri, så kan utresistansen  $R_{UT,CM}$  på differentialförstärkaren i *Common Mode* beräknas på en sida.
- Vi utgår därför från den vänstra sidan av differentialförstärkaren och ritar ut dess småsignalschema, se den vänstra figuren nedan.
- Matningsspänningen  $V_{CC}$  kortsluts och transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  samt spänningsfallet  $r_{e1}I_{C1}$  mellan transistor Q1:s bas och emitter ritas ut. Slutligen ersätts in- och utsignalen  $U_{IN1}$  och  $V_X$  med deras motsvarigheter i småsignalschemat, vilket är  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta V_X$ .
- Notera i småsignalschemat till höger transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  utgör en parallellkoppling med kollektorresistor  $R_C$ , då båda dessa resistanser är anslutna till samma punkt åt ena hållet (tillsammans med  $\Delta V_X$ ) och jord åt det andra.
- Därmed kan differentialförstärkarens småsignalschema ritas om till den högra figuren, där resistansen  $R_C//r_{o1}$  är placerad i transistor Q1:s kollektor.
- Genom att titta på differentialförstärkarens emitter, så ser vi att emitterresistor  $R_E$  samt strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans  $2R_{EE}$  utgör en serieresistans, vilket innebär att dessa resistanser kan ersättas med resistansen  $R_E + 2R_{EE}$ , placerad i emitttern.
- För att sedan beräkna differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,CM}$  i *Common Mode*, så kortsluts in- och inspänningen  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta U_{UT}$ . Därefter placeras en spänningskälla  $U_X$  på utgången. Vi ritar därefter ut det vänstra småsignalschemat nedan.
- Notera att transistor Q1:s inbyggda basresistans  $r_{\pi 1}$  samt resistansen  $(R_E + 2R_{EE})$  utgör en parallellkoppling, då dessa är anslutna till samma punkt åt ena hållet och jord åt det andra. Vi ersätter därför dessa resistanser med ersättningsresistansen  $(R_E + 2R_{EE})//r_{\pi 1}$ , placerad i emitttern. Därefter ritar vi om småsignalschemat till den högra figuren nedan.



Fullständigt småschema för en enkel differentialförstärkare i *Common Mode*.

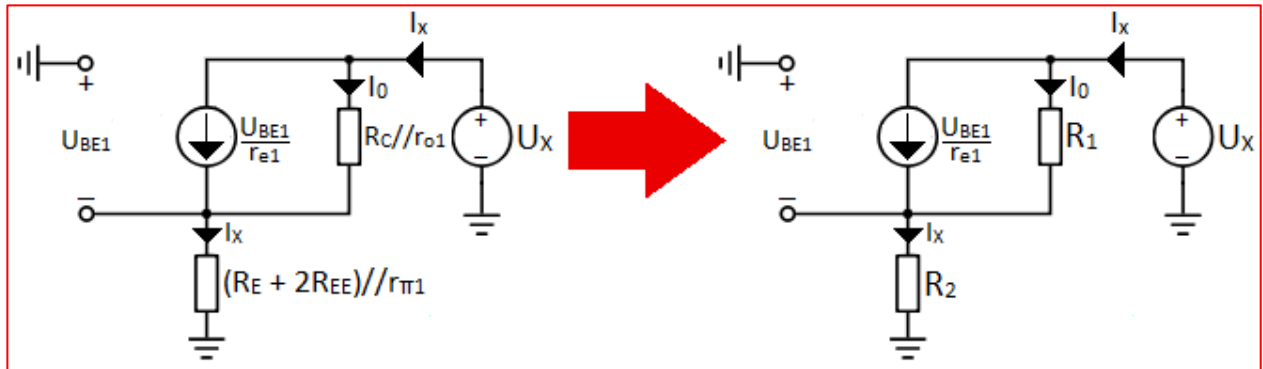


Ekvivalent småsignalschema för den vänstra sidan av en enkel differentialförstärkare i *Common Mode*.



Ekvivalent småsignalschema för beräkning av differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,CM}$  i *Common Mode*.

- För att underlätta beräkningen av utresistansen så inför vi beteckningarna  $R_1$  och  $R_2$  i småsignalschemat, se den högra figuren nedan.



För att förenkla beräkningarna så införs storheterna  $R_1$  och  $R_2$ , där  $R_1 = R_C // r_{o1}$  och  $R_2 = (R_E + R_{EE}) // r_{\pi 1}$ .

- Därmed gäller att

$$R_1 = R_C // r_{o1}$$

samt

$$R_2 = (R_E + 2R_{EE}) // r_{\pi 1}$$

- Differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,CM}$  i *Common Mode* kan sedan beräknas med följande formel:

$$R_{UT,CM} = \frac{U_X}{I_X},$$

där  $U_X$  är matningsspänningen från den tillsatta spänningskällan och  $I_X$  är strömmen som flödar från denna spänningskälla ned till emittern.

- Vi kör Kirchhoffs spänningslag från spänningskällan  $U_X$  ned till emittern för att härleda formel för  $U_X$ :

$$U_X - R_1 * I_0 - R_2 * I_X = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$U_X = R_1 * I_0 + R_2 * I_X$$

- Genom att beräkna med Kirchhoffs strömlag, så ser vi att strömmen  $I_X$  är lika med summan av strömmarna  $I_0$  samt  $U_{BE1}/r_{e1}$ :

$$I_X = I_0 + \frac{U_{BE1}}{r_{e1}},$$

vilket kan transformeras till

$$I_0 = I_X - \frac{U_{BE1}}{r_{e1}}$$

- Genom att beräkna med Kirchhoffs spänningslag från basen ned till emittern, så kan en formel härledas för bas-emitterspänningen  $U_{BE1}$ :

$$-U_{BE1} - R_2 I_X = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$U_{BE1} = -R_2 I_X$$

- Därmed kan formeln för strömmen  $I_0$  ovan förenklas genom att ersätta bas-emitterspänningen  $U_{BE1}$  med motsvarande spänningsfall  $-R_2 I_X$ :

$$I_0 = I_X - \frac{U_{BE1}}{r_{e1}} = I_X + \frac{R_2 I_X}{r_{e1}}$$

- Genom att bryta ut strömmen  $I_x$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$I_0 = I_x \left[ 1 + \frac{R_2}{r_{e1}} \right]$$

- Därefter kan ovanstående formel för strömmen  $I_0$  sättas in i den tidigare härledda formeln för matningsspänningen  $U_x$ , vilket medför att

$$U_x = R_1 * I_0 + R_2 * I_x = R_1 * I_x \left[ 1 + \frac{R_2}{r_{e1}} \right] + R_2 * I_x$$

- Genom att bryta ut strömmen  $I_x$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$U_x = I_x \left[ R_1 \left( 1 + \frac{R_2}{r_{e1}} \right) + R_2 \right]$$

- Därefter kan en formel differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,CM}$  i *Common Mode* härledas, då

$$R_{UT,CM} = \frac{U_x}{I_x} = \frac{I_x \left[ R_1 \left( 1 + \frac{R_2}{r_{e1}} \right) + R_2 \right]}{I_x} ,$$

där strömmen  $I_x$  kan elimineras, då denna förekommer i både högerledets täljare och nämnare.

- Därmed gäller att

$$R_{UT,CM} = R_1 \left( 1 + \frac{R_2}{r_{e1}} \right) + R_2$$

- Därefter ersätter vi storheterna  $R_1$  och  $R_2$  med de egentliga resistanserna

$$R_1 = R_C // r_{o1}$$

samt

$$R_2 = (R_E + 2R_{EE}) // r_{\pi 1}$$

- Differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,CM}$  i *Common Mode* kan därmed beräknas med formeln

$$R_{UT,CM} = R_C // r_{o1} \left( 1 + \frac{(R_E + 2R_{EE}) // r_{\pi 1}}{r_{e1}} \right) + (R_E + 2R_{EE}) // r_{\pi 1},$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans,  $r_{o1}$  är transistor Q1:s utresistans,  $R_E$  är emitterresistorns resistans,  $2R_{EE}$  är strömspegelns ekvivalenta ersättningsresistans och  $r_{\pi 1}$  samt  $r_{e1}$  är transistor Q1:s inbyggda bas- respektive emitterresistans.

- Vi kan anta att transistor Q1:s utresistans  $r_{o1}$  är mycket högre än kollektorresistor  $R_C$ :s resistans:

$$r_{o1} \gg R_C,$$

vilket medför att  $r_{o1}$  kan försummas, då

$$R_C // r_{o1} = \frac{R_C * r_{o1}}{R_C + r_{o1}} \approx \frac{R_C * r_{o1}}{r_{o1}} = R_C$$

- Därmed kan differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,CM}$  i *Common Mode* approximeras till

$$R_{UT,CM} \approx R_C \left( 1 + \frac{(R_E + 2R_{EE}) // r_{\pi 1}}{r_{e1}} \right) + (R_E + 2R_{EE}) // r_{\pi 1}$$

- Vidare kan vi anta att resistansen  $R_E + 2R_{EE}$  är mycket högre än transistor Q1:s inbyggda basresistans  $r_{\pi 1}$ :

$$R_E + 2R_{EE} \gg r_{\pi 1},$$

vilket innebär att  $R_E + 2R_{EE}$  kan försummas, då

$$(R_E + 2R_{EE})/r_{\pi 1} = \frac{(R_E + 2R_{EE}) * r_{\pi 1}}{(R_E + 2R_{EE}) + r_{\pi 1}} \approx \frac{(R_E + 2R_{EE}) * r_{\pi 1}}{R_E + 2R_{EE}} = r_{\pi 1}$$

- Därmed kan differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,CM}$  i *Common Mode* approximeras till

$$R_{UT,CM} \approx R_C \left( 1 + \frac{r_{\pi 1}}{r_{e1}} \right) + r_{\pi 1},$$

- Som vi har sett tidigare så gäller följande samband mellan transistor Q1:s inbyggda bas- respektive emitterresistans  $r_{\pi 1}$  samt  $r_{e1}$ :

$$r_{\pi 1} = r_{e1} h_{FE1},$$

där  $h_{FE1}$  är transistor Q1:s strömförstärkningsfaktor.

- Därmed kan formeln för  $R_{UT,CM}$  ovan transformeras till

$$R_{UT,CM} \approx R_C \left( 1 + \frac{r_{e1} h_{FE1}}{r_{e1}} \right) + r_{e1} h_{FE1},$$

där

$$\frac{r_{e1} h_{FE1}}{r_{e1}} = h_{FE1},$$

vilket innebär att

$$R_{UT,CM} \approx R_C(1 + h_{FE1}) + r_{e1} * h_{FE1}$$

- Vi kan också anta att transistor Q1:s strömförstärkningsfaktor  $h_{FE1}$  vid överstiger ett:

$$h_{FE1} \gg 1,$$

vilket innebär att

$$1 + h_{FE1} \approx h_{FE1}$$

- Därmed gäller att

$$R_{UT,CM} \approx R_C h_{FE1} + r_{e1} h_{FE1}$$

- Genom att bryta ut strömförstärkningsfaktor  $h_{FE1}$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$R_{UT,CM} \approx (R_C + r_{e1}) h_{FE1}$$

- Slutligen kan kollektorresistorns resistans  $R_C$  antas vara mycket högre än transistor Q1:s inbyggda emitterresistans  $r_{e1}$ :

$$R_C \gg r_{e1},$$

vilket innebär att  $r_{e1}$  kan försummas, då

$$R_C + r_{e1} \approx R_C$$

- Därmed ser vi att differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,CM}$  i *Common Mode* kan approximeras till

$$R_{UT,CM} \approx R_C h_{FE1},$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans och  $h_{FE1}$  är transistor Q1:s strömförstärkningsfaktor.

- Approximationen ovan kan givetvis appliceras på högra sidan av differentialförstärkaren:

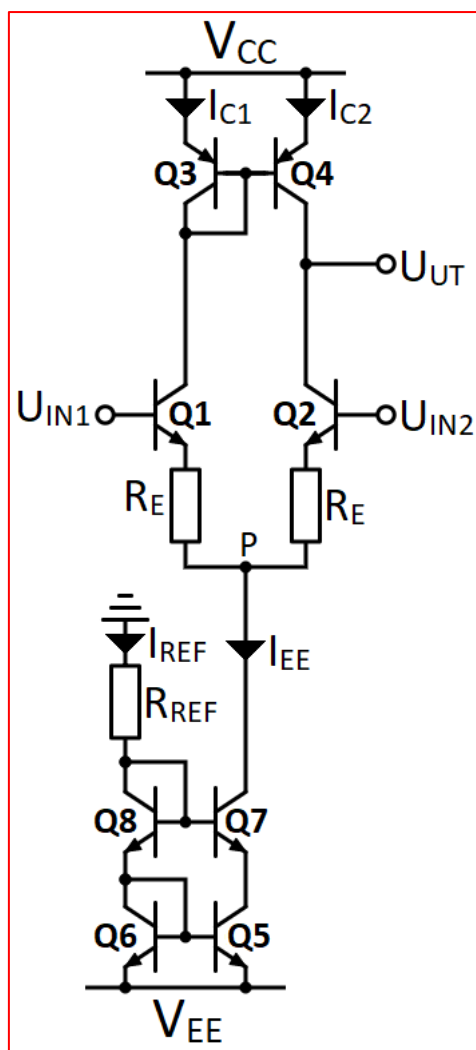
$$R_{UT,CM} \approx R_C h_{FE2},$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans och  $h_{FE2}$  är transistor Q2:s strömförstärkningsfaktor.

- Av resultatet ovan så ser vi att differentialförstärkarens utresistans  $R_{UT,CM}$  i *Common Mode* kan antas vara mycket hög. Särskilt när mer avancerade differentialförstärkare används, där kollektorresistor  $R_C$  ersätts med någon typ av strömspegel, så kan  $R_{UT,CM}$  antas gå mot oändlighet:

$$R_{UT,CM} \approx \infty$$

- Längre fram i kapitlet, där mer avancerade differentialförstärkare behandlas, så kommer därför ingen analys genomföras för att härleda formler för utresistansen  $R_{UT,CM}$  i *Common Mode*. Istället antar vi att  $R_{UT,CM}$  är mycket hög.



I de flesta differentialförstärkare, så används någon typ av strömspegel istället för kollektorresistorer, se transistor Q3 och Q4 ovan, framförallt för ökad differentialförstärkning  $G_{DM}$ , samtidigt som endast en utgång kan användas utan negativa effekter.

Användning av strömspegel medför också att andra parametrar förändras, såsom utresistansen  $R_{UT,CM}$  i *Common Mode*, som ökar kraftigt.

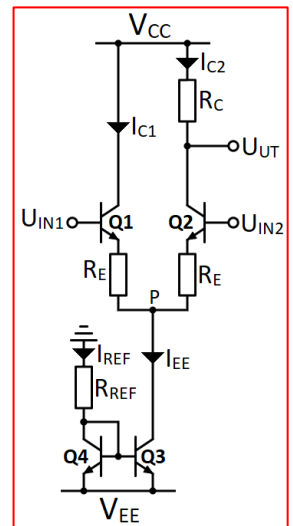


#### 4.4.11 – Differentialförstärkare med en utgång

- Samtliga differentialförstärkare vi har sett hittills har haft två utgångar. I normalfallet så tas dock en av utgångarna samt motsvarande kollektorresistor  $R_C$  bort, såsom i figuren till höger. Detta görs för att efterföljande steg i de flesta fall endast har en ingång, som skall anslutas till differentialförstärkarens utgång.
- En nackdel med att ta bort en av differentialförstärkarens utgångar är dock att differentialförstärkningen  $G_{DM}$  halveras, eftersom endast sidan med utgången kommer påverka utsignalen  $U_{UT}$ :s storlek. Detta kan enkelt demonstreras genom att beräkna differentialförstärkarens utström  $I_{UT}$ , som är proportionerlig med utspänningen  $U_{UT}$ .
- När två utgångar används, så blir utsignalen  $U_{UT}$  lika med differensen  $V_X - V_Y$  mellan potentialen på respektive utgång  $V_X$  samt  $V_Y$ :

$$U_{UT} = V_X - V_Y,$$

vilket medför att båda sidor bidrar till utsignalens storlek.



Enkel differentialförstärkare med en utgång, vilket medför halverad differentialförstärkning  $G_{DM}$ .

#### 1. Härledning av kollektorströmmarna $I_{C1}$ samt $I_{C2}$ i vilopunkten (*Common Mode*):

- Antag att vi börjar med en differentialförstärkare i vilopunkten, vilket innebär att differentialförstärkarens insignaler  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$  är noll:

$$U_{IN1} = U_{IN2} = 0$$

- Eftersom  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$  är lika stora, så arbetar differentialförstärkarens i *Common Mode* och transistor Q1:s samt Q2:s kollektorströmmar  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är då lika stora:

$$I_{C1} = I_{C2}$$

- Vi säger därmed att kollektorströmmarna på båda sidorna av differentialförstärkaren är lika med  $I_{CQ}$ , som står för *quiescent collector current*, alltså kollektorström i vilopunkten:

$$I_{C1} = I_{C2} = I_{CQ}$$

#### 2. Härledning av kollektorströmmarna $I_{C1}$ samt $I_{C2}$ i *Differential Mode*:

- Antag sedan att inspänningen  $U_{IN1}$  överstiger  $U_{IN2}$ :

$$U_{IN1} > U_{IN2},$$

vilket medför att transistor Q1:s kollektorström  $I_{C1}$  överstiger transistor Q1:s kollektorström  $I_{C2}$ :

$$I_{C1} > I_{C2}$$

- Antag att transistor Q1:s kollektorström  $I_{C1}$  ökar med  $\Delta I$  från viloströmmen  $I_{CQ}$ :

$$I_{C1} = I_{CQ} + \Delta I,$$

där  $I_{CQ}$  är transistor Q1:s kollektorström i vilopunkten.

- Eftersom summan av kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är ungefär lika med strömmen  $I_{EE}$  genom strömspegeln:

$$I_{C1} + I_{C2} \approx I_{EE},$$

så kommer transistor Q2:s kollektorström  $I_{C2}$  minska med mängden  $\Delta I$ , då

$$I_{C2} \approx I_{EE} - I_{C1}$$

- Genom att transformera formeln ovan, så ser vi att

$$I_{C2} \approx I_{EE} - (I_{CQ} + \Delta I) = I_{EE} - I_{CQ} - \Delta I,$$

- Som vi har sett tidigare, så gäller att summan av kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är ungefär lika med strömmen  $I_{EE}$  genom strömspegeln:

$$I_{C1} + I_{C2} \approx I_{EE}$$

- I vilopunkten, då  $I_{C1}$  och  $I_{C2}$  är lika med vilostrommen  $I_{CQ}$ , så gäller då att

$$I_{CQ} + I_{CQ} \approx I_{EE},$$

som kan transformeras till

$$I_{CQ} \approx I_{EE} - I_{CQ}$$

- Därmed kan transistor Q2:s kollektorström  $I_{C2}$  efter strömförändringen approximeras till

$$I_{C2} \approx I_{EE} - I_{CQ} - \Delta I \approx I_{CQ} - \Delta I,$$

vilket indikerar att kollektorströmmen  $I_{C2}$  minskar med mängden  $\Delta I$ , alltså lika mycket som kollektorströmmen  $I_{C1}$  ökar, då spänningen  $U_{IN1}$  överstiger spänningen  $U_{IN2}$ .

### 3. Spänningsskillnaden $\Delta U_{IN,DM}$ mellan insignalerna i *Differential Mode*:

- För att underlätta jämförelse av differentialförstärkningen  $G_{DM}$  med en eller två utgångar, så härleder vi en formel för spänningsskillnaden  $\Delta U_{IN,DM}$  mellan de två insignalerna i *Differential Mode*:

$$\Delta U_{IN,DM} = \Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2},$$

där  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta U_{IN2}$  är differentialförstärkarens spänningar i *Differential Mode*.

- Därmed måste formler för differentialförstärkarens spänningar  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta U_{IN2}$  i *Differential Mode* härledas, vilket kan genomföras via differentialförstärkarens småsignalschema i *Differential Mode*. För enkelhets skull så försummas transistor Q1:s och Q2:s respektive utresistans  $r_{O1}$  samt  $r_{O2}$  i detta fall.

- Som vanligt så försummas skillnaden mellan transistor Q1:s och Q2:s emitterströmmar:

$$I_{C1} \approx I_{E1}$$

samt

$$I_{C2} \approx I_{E2}$$

- Vi börjar med att härleda inspänningen  $\Delta U_{IN1}$  på vänster sida av differentialförstärkaren, med beräkning via Kirchhoffs spänningslag från den vänstra ingången ned till den virtuella jordpunkten P, se figuren till höger.

- Därmed kan följande formel härledas:

$$\Delta U_{IN1} - r_{e1}I_{C1} - R_E I_{C1} \approx 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta U_{IN1} \approx r_{e1}I_{C1} + R_E I_{C1}$$

- Genom att bryta ut kollektorströmmen  $I_{C1}$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$\Delta U_{IN1} \approx (r_{e1} + R_E)I_{C1},$$

där  $r_{e1}$  är transistor Q1:s inbyggda emitterresistans,  $R_E$  är emitterresistorns resistans och  $I_{C1}$  är transistor Q1:s kollektorström.

- Som vi såg tidigare så gäller att kollektorströmmen  $I_{C1}$ , som i vilopunkten är lika med viloströmmen  $I_{CQ}$ , i detta fall har ökat med mängden  $\Delta I$ :

$$I_{C1} = I_{CQ} + \Delta I,$$

vilket innebär att formeln för  $\Delta U_{IN1}$  ovan kan transformeras till

$$\Delta U_{IN1} \approx (r_{e1} + R_E)(I_{CQ} + \Delta I),$$

där  $r_{e1}$  är transistor Q1:s inbyggda emitterresistans,  $R_E$  är emitterresistorns resistans,  $I_{CQ}$  är viloströmmen och  $\Delta I$  är strömförändringen i *Differential Mode*.

- Därefter kan inspänningen  $\Delta U_{IN2}$  på höger sida av differentialförstärkaren härleda, via beräkningen med Kirchhoffs spänningslag från den högra ingången ned till den virtuella jordpunkten P.

- Därmed kan följande formel härledas.

$$\Delta U_{IN2} - r_{e2}I_{C2} - R_E I_{C2} \approx 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta U_{IN2} \approx r_{e2}I_{C2} + R_E I_{C2}$$

- Genom att bryta ut kollektorströmmen  $I_{C2}$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$\Delta U_{IN2} \approx (r_{e2} + R_E)I_{C2}$$

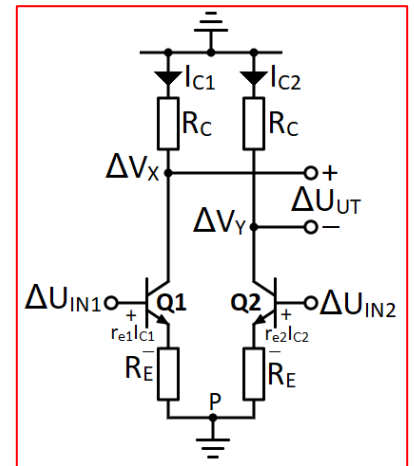
- Som vi såg tidigare så gäller att transistor Q2:s kollektorström  $I_{C2}$ , som är lika med viloströmmen  $I_{CQ}$  i vilopunkten, i detta fall har minskat med mängden  $\Delta I$ :

$$I_{C2} = I_{CQ} - \Delta I,$$

vilket innebär att formeln för  $\Delta U_{IN2}$  ovan kan transformeras till

$$\Delta U_{IN2} \approx (r_{e2} + R_E)(I_{CQ} - \Delta I),$$

där  $r_{e2}$  är transistor Q2:s inbyggda emitterresistans,  $R_E$  är emitterresistorns resistans,  $I_{CQ}$  är viloströmmen och  $\Delta I$  är strömförändringen i *Differential Mode*.



Fullständigt småsignalschema för en enkel differentialförstärkare i *Differential Mode*, där transistor Q1:s samt Q2:s respektive utresistans  $r_{o1}$  samt  $r_{o2}$  har försumats.

- Därefter kan en formel för spänningsskillnaden  $\Delta U_{IN,DM}$  mellan ingångarna i *Differential Mode* härledas via de tidigare härledda formlerna för inspänningarna  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta U_{IN2}$  i småsignalmodellen:

$$\Delta U_{IN,DM} = \Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2},$$

vilket är ekvivalent med

$$\Delta U_{IN,DM} \approx (r_{e1} + R_E)(I_{CQ} + \Delta I) - (r_{e2} + R_E)(I_{CQ} - \Delta I),$$

som kan transformeras till

$$\Delta U_{IN,DM} \approx r_{e1}(I_{CQ} + \Delta I) + R_E(I_{CQ} + \Delta I) - [r_{e2}(I_{CQ} - \Delta I) + R_E(I_{CQ} - \Delta I)],$$

- Formeln för  $\Delta U_{IN1,DM}$  ovan kan sedan förenklas till

$$\Delta U_{IN,DM} \approx r_{e1}(I_{CQ} + \Delta I) + R_E(I_{CQ} + \Delta I) - r_{e2}(I_{CQ} - \Delta I) - R_E(I_{CQ} - \Delta I),$$

som är ekvivalent med

$$\Delta U_{IN,DM} \approx r_{e1}(I_{CQ} + \Delta I) - r_{e2}(I_{CQ} - \Delta I) + R_E(I_{CQ} + \Delta I) - R_E(I_{CQ} - \Delta I)$$

- Genom att bryta ut emitterresistor  $R_E$  ur formeln ovan, så kan formeln ovan transformeras till

$$\Delta U_{IN,DM} \approx r_{e1}(I_{CQ} + \Delta I) - r_{e2}(I_{CQ} - \Delta I) + R_E(I_{CQ} + \Delta I - I_{CQ} + \Delta I),$$

där

$$I_{CQ} + \Delta I - I_{CQ} + \Delta I = 2\Delta I,$$

vilket innebär att

$$\Delta U_{IN,DM} \approx r_{e1}(I_{CQ} + \Delta I) - r_{e2}(I_{CQ} - \Delta I) + 2R_E\Delta I$$

- Som vi har sett tidigare så gäller att transistorer Q1:s samt Q2:s respektive inbyggda emitterresistans  $r_{e1}$  samt  $r_{e2}$  kan härleda med formlerna

$$r_{e1} = \frac{U_T}{I_{C1}}$$

samt

$$r_{e2} = \frac{U_T}{I_{C2}},$$

där  $U_T$  är BJT-transistorernas så kallade termiska spänning, som är lika med 26 mV:

$$U_T = 26 \text{ mV}$$

och  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är respektive transistors kollektorström.

- Eftersom  $I_{C1}$  har ökat med mängden  $\Delta I$ :

$$I_{C1} = I_{CQ} + \Delta I$$

och  $I_{C2}$  har minskat med lika stora mängd:

$$I_{C2} = I_{CQ} - \Delta I,$$

så kan formlerna för  $r_{e1}$  samt  $r_{e2}$  ovan transformeras till

$$r_{e1} = \frac{U_T}{I_{CQ} + \Delta I}$$

samt

$$r_{e2} = \frac{U_T}{I_{CQ} - \Delta I}$$

- Genom att ersätta  $r_{e1}$  och  $r_{e2}$  med ovanstående formler, så kan formeln för  $\Delta U_{IN,DM}$  ovan transformeras till

$$\Delta U_{IN,DM} \approx \frac{U_T}{I_{CQ} + \Delta I} (I_{CQ} + \Delta I) - \frac{U_T}{I_{CQ} - \Delta I} (I_{CQ} - \Delta I) + 2R_E \Delta I,$$

där

$$\frac{U_T}{I_{CQ} + \Delta I} (I_{CQ} + \Delta I) = U_T * \frac{I_{CQ} + \Delta I}{I_{CQ} + \Delta I} = U_T$$

samt

$$\frac{U_T}{I_{CQ} - \Delta I} (I_{CQ} - \Delta I) = U_T * \frac{I_{CQ} - \Delta I}{I_{CQ} - \Delta I} = U_T$$

- Därmed kan formeln för  $\Delta U_{IN,DM}$  förenklas till

$$\Delta U_{IN,DM} \approx U_T - U_T + 2R_E \Delta I,$$

där den termiska spänningen  $U_T$  kan elimineras ur formeln, då

$$U_T - U_T = 0$$

- Därmed kan spänningsskillnaden mellan differentialförstärkarens insignaler  $\Delta U_{IN,DM}$  approximeras till

$$\Delta U_{IN,DM} \approx 2R_E \Delta I,$$

där  $R_E$  är respektive emitterresistors resistans och  $\Delta I$  är strömförändringen på respektive sida av differentialförstärkaren.

- Vi ser därmed att  $\Delta U_{IN,DM}$  är proportionell med strömförändringen på båda sidor av differentialförstärkaren, alltså  $2\Delta I$ :

$$\Delta U_{IN,DM} \sim 2\Delta I,$$

vilket beror på att differentialförstärkaren har två ingångar som påverkas av strömförändringen  $\Delta I$  på respektive sida av differentialförstärkaren.

- För att inte differentialförstärkningen  $G_{DM}$  skall minska, så måste även spänningsskillnaden mellan differentialförstärkarens utsignaler  $\Delta U_{UT,DM}$  vara proportionell med strömförändringen på båda sidor av differentialförstärkaren:

$$\Delta U_{UT,DM} \sim 2\Delta I$$

- Som vi kommer se senare, så kommer dock  $\Delta U_{UT,DM}$  halveras då en utgång tas bort, vilket medför halverad differentialförstärkning  $G_{DM}$ .
- Dock finns det förbättrade differentialförstärkare, som möjliggör att en utgång kan användas utan att  $G_{DM}$  halveras. Istället kan  $G_{DM}$  förväntas öka, då sådana differentialförstärkare innehåller en strömspegel i kollektorn istället för kollektorresistorer.

#### 4. Spänningsskillnaden $\Delta U_{IN}$ mellan insignalerna i *Differential Mode* respektive *Common Mode*:

- Via de härledda formlerna för inspänningen  $\Delta U_{IN,DM}$  i *Differential Mode* respektive  $\Delta U_{IN,CM}$  i vilopunkten (*Common Mode*) så kan en formel för spänningsskillnaden  $\Delta U_{IN}$  dem emellan härledas:

$$\Delta U_{IN} = \Delta U_{IN,DM} - \Delta U_{IN,CM},$$

där  $\Delta U_{IN,DM}$  samt  $\Delta U_{IN,CM}$  alltså är spänningsskillnaden mellan ingångarna i *Differential Mode* respektive vilopunkten (*Common Mode*).

- Som har sett ett flertal gånger tidigare, så gäller att inspänningarna  $\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2}$  lika stora i vilopunkten:

$$\Delta U_{IN1} = \Delta U_{IN2},$$

vilket innebär att spänningsskillnaden  $\Delta U_{IN,CM}$  dem emellan är noll:

$$\Delta U_{IN,CM} = \Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} = 0$$

- Därmed behöver ingen analys av spänningsskillnaden  $\Delta U_{IN,CM}$  mellan differentialförstärkarens insignaler i vilopunkten genomföras.
- Tidigare såg vi att spänningsskillnaden  $\Delta U_{IN,DM}$  mellan differentialförstärkarens insignaler i *Differential Mode* kan approximeras till

$$\Delta U_{IN,DM} \approx 2R_E \Delta I,$$

där  $R_E$  är respektive emitterresistors resistans och  $\Delta I$  är strömförändringen på respektive sida av differentialförstärkaren.

- Därmed kan en formel för  $\Delta U_{IN}$  härledas

$$\Delta U_{IN} = \Delta U_{IN,DM} - \Delta U_{IN,CM} \approx 2R_E \Delta I - 0 = 2R_E \Delta I$$

- Eftersom  $\Delta U_{IN,CM}$  är noll, så gäller att

$$\Delta U_{IN} \approx 2R_E \Delta I,$$

där  $R_E$  är respektive emitterresistors resistans och  $\Delta I$  är strömförändringen på respektive sida av differentialförstärkaren.

- Ovanstående approximation kommer användas för att härleda formler för differentialförstärkningen  $G_{DM}$  på enkla differentialförstärkare med en respektive två utgångar.

## 5. Differentialförstärkning $G_{DM}$ på differentialförstärkare med två utgångar:

- I detta avsnitt används det förenklade småsignalschemat till höger, där transistor Q1:s samt Q2:s respektive utresistans  $r_{o1}$  samt  $r_{o2}$  försummas för enkelhets skull.
- Vi utgår från vilopunkten, alltså utan insignaler, vilket innebär att differentialförstärkaren arbetar i *Common Mode*. Då gäller att inspänningarna  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta U_{IN2}$  är lika med noll:

$$\Delta U_{IN1} = \Delta U_{IN2} = 0 \text{ V},$$

vilket innebär att transistor Q1:s samt Q2:s kollektorströmmar  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  båda är lika med viloströmmen  $I_{CQ}$ :

$$I_{CQ} = I_{C1} = I_{C2}$$

- Då de två sidorna av differentialförstärkaren är symmetriska och kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är lika stora, så kommer utspänningen  $U_{UT,CM}$  i vilopunkten bli noll:

$$\Delta U_{UT,CM} = \Delta V_X - \Delta V_Y = 0,$$

vilket enkelt kan demonstreras via formler för potentialerna  $\Delta V_X$  samt  $\Delta V_Y$  på differentialförstärkarens vänstra respektive högra utgång i småsignalschemat ovan.

- En formel för potentialen  $\Delta V_X$  på differentialförstärkarens vänstra utgång kan härledas med Kirchhoffs spänningslag, med beräkning från den vänstra sidans kollektor ned till utgången märkt  $\Delta V_X$ . Därmed kan följande formel härledas:

$$-R_C I_{CQ} - \Delta V_X = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta V_X = -R_C I_{CQ},$$

där  $R_C I_{CQ}$  är spänningsfallet över kollektorresistor  $R_C$  i vilopunkten.

- Likaså kan en formel för potentialen  $\Delta V_Y$  på differentialförstärkarens högra utgång härledas med Kirchhoffs spänningslag, med beräkning från den högra sidans kollektor ned till utgången märkt  $\Delta V_Y$ . Därmed kan följande formel härledas:

$$-R_C I_{CQ} - \Delta V_Y = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta V_Y = -R_C I_{CQ},$$

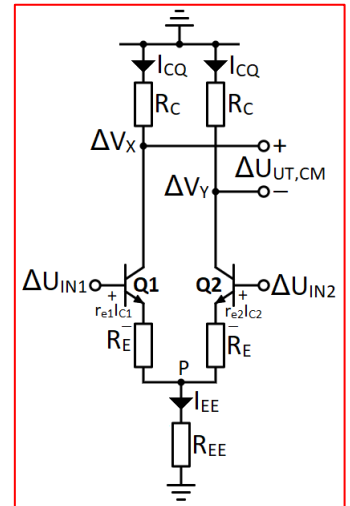
där  $R_C I_{CQ}$  är spänningsfallet över kollektorresistor  $R_C$  i vilopunkten.

- Därmed kan en formel för differentialförstärkarens utspänning  $\Delta U_{UT,CM}$  i *Common Mode* härledas via de framtagna formlerna för potentialerna  $\Delta V_X$  samt  $\Delta V_Y$  på differentialförstärkarens vänstra respektive högra utgång:

$$\Delta U_{UT,CM} = \Delta V_X - \Delta V_Y = -R_C I_{CQ} - (-R_C I_{CQ})$$

- Genom att transformera formeln ovan, så ser vi att differentialförstärkarens utspänning  $\Delta U_{UT,CM}$  i vilopunkten är noll, då

$$\Delta U_{UT,CM} = -R_C I_{CQ} + R_C I_{CQ} = 0$$



Fullständigt småsignalschema för en enkel differentialförstärkare i *Common Mode*, där transistor Q1:s samt Q2:s respektive utresistans  $r_{o1}$  samt  $r_{o2}$  har försummats.

**Utspänning  $\Delta U_{UT,DM}$  i *Differential Mode*:**

- Antag sedan att transistor Q1:s kollektorström  $I_{C1}$  ökar med  $\Delta I$ :

$$I_{C1} = I_{CQ} + \Delta I$$

- Som vi såg tidigare så minskar då transistor Q2:s kollektorström  $I_{C2}$  med  $\Delta I$ :

$$I_{C2} = I_{CQ} - \Delta I$$

- Vi härleder sedan en formel för differentialförstärkarens utspänning  $\Delta U_{UT,DM}$  i *Differential Mode* genom att undersöka potentialerna  $\Delta V_X$  samt  $\Delta V_Y$  på differentialförstärkarens vänstra respektive högra utgång efter strömförändringen:

$$\Delta U_{UT,DM} = \Delta V_X - \Delta V_Y$$

- Som vi såg tidigare så kan en formel för potentialen  $\Delta V_X$  på differentialförstärkarens vänstra utgång härledas med Kirchhoffs spänningslag, med beräkning från den vänstra sidans kollektor ned till utgången märkt  $\Delta V_X$ . Därmed kan följande formel härledas:

$$-R_C I_{C1} - \Delta V_X = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta V_X = -R_C I_{C1}$$

- I detta fall måste vi ha i åtanke att kollektorströmmen  $I_{C1}$ , som tidigare var lika med viloströmmen  $I_{CQ}$ , har ökat med mängden  $\Delta I$ :

$$I_{C1} = I_{CQ} + \Delta I,$$

vilket innebär att potentialen  $\Delta V_X$  på differentialförstärkarens vänstra utgång är lika med

$$\Delta V_X = -R_C (I_{CQ} + \Delta I),$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans,  $I_{CQ}$  är viloströmmen och  $\Delta I$  är strömförändringen i *Differential Mode*.

- Därefter kan även en formel för potentialen  $\Delta V_Y$  på differentialförstärkarens högra utgång härledas via Kirchhoffs spänningslag, med beräkning från den högra sidans kollektor ned till utgången märkt  $\Delta V_Y$ . Därmed kan följande formel härledas:

$$-R_C I_{C2} - \Delta V_Y = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta V_Y = -R_C I_{C2}$$

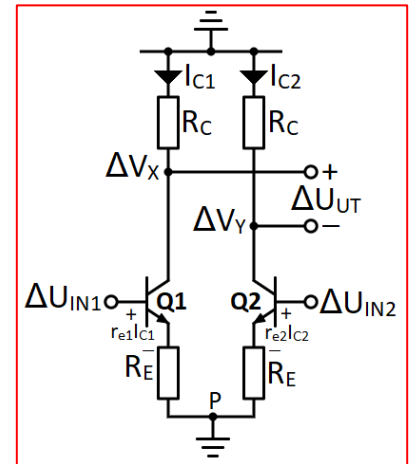
- I detta fall måste vi ha i åtanke att kollektorströmmen  $I_{C2}$ , som tidigare var lika med viloströmmen  $I_{CQ}$ , har minskat med mängden  $\Delta I$ :

$$I_{C2} = I_{CQ} - \Delta I,$$

vilket innebär att potentialen  $\Delta V_Y$  på differentialförstärkarens högra utgång är lika med

$$\Delta V_Y = -R_C (I_{CQ} - \Delta I),$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans,  $I_{CQ}$  är viloströmmen och  $\Delta I$  är strömförändringen i *Differential Mode*.



Fullständigt småsignalschema för en enkel differentialförstärkare i *Differential Mode*, där transistor Q1:s samt Q2:s respektive utresistans  $r_{o1}$  samt  $r_{o2}$  har försummats.



- Därmed kan en formel härledas för differentialförstärkarens utspänning  $\Delta U_{UT,DM}$  i *Differential Mode*, via de framtagna formlerna för potentialerna  $\Delta V_X$  samt  $\Delta V_Y$  på differentialförstärkarens vänstra respektive högra utgång i småsignalschemat:

$$\Delta U_{UT,DM} = \Delta V_X - \Delta V_Y = -R_C(I_{CQ} + \Delta I) - [-R_C(I_{CQ} - \Delta I)],$$

som kan förenklas till

$$\Delta U_{UT,DM} = -R_C(I_{CQ} + \Delta I) + R_C(I_{CQ} - \Delta I),$$

vilket är ekvivalent med

$$\Delta U_{UT,DM} = R_C(I_{CQ} - \Delta I) - R_C(I_{CQ} + \Delta I)$$

- Genom att bryta ut kollektorresistor  $R_C$  ur hela högerledet, så kan formeln ovan transformeras till

$$\Delta U_{UT,DM} = R_C(I_{CQ} - \Delta I - I_{CQ} - \Delta I),$$

vilket är ekvivalent med

$$\Delta U_{UT,DM} = R_C(-\Delta I - \Delta I) = -2R_C\Delta I$$

- Därmed gäller att utspänningen  $\Delta U_{UT,DM}$  i detta fall kan beräknas med formeln

$$\Delta U_{UT,DM} = -2R_C\Delta I,$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans och  $\Delta I$  är strömförändringen per sida av differentialförstärkaren.

- Vi ser då att differentialförstärkarens utström  $I_{UT}$  med två utgångar är lika med  $-2\Delta I$ , då

$$I_{UT} = \frac{\Delta U_{UT,DM}}{R_C} = -2\Delta I,$$

vilket indikerar att utströmmen  $I_{UT}$  är ett resultat av strömförändringen på båda sidor av differentialförstärkaren.

### Spänningsskillnad $\Delta U_{UT}$ mellan utsignaler $\Delta U_{UT,DM}$ i *Differential Mode* samt $\Delta U_{UT,CM}$ i vilopunkten:

- Därmed gäller att en formel för spänningsskillnaden  $\Delta U_{UT}$  mellan utsignaler  $\Delta U_{UT,DM}$  i *Differential Mode* samt  $\Delta U_{UT,CM}$  i vilopunkten (*Common Mode*) härledas via de tidigare härledda formlerna för  $\Delta U_{UT,DM}$   $\Delta U_{UT,CM}$ :

$$\Delta U_{UT} = \Delta U_{UT,DM} - \Delta U_{UT,CM},$$

där vi tidigare såg att utspänningen  $\Delta U_{UT,CM}$  i vilopunkten är lika med noll:

$$\Delta U_{UT,CM} = 0$$

- Därmed gäller att enbart utspänningen  $\Delta U_{UT,DM}$  i *Differential Mode* påverkar spänningsskillnaden  $\Delta U_{UT}$  mellan utsignalen i vilopunkten samt *Differential Mode*, då

$$\Delta U_{UT} = \Delta U_{UT,DM} - 0 = \Delta U_{UT,DM},$$

vilket är ekvivalent med

$$\Delta U_{UT} = -2R_C\Delta I,$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans och  $\Delta I$  är strömförändringen per sida av differentialförstärkaren.

**Härledning av differentialförstärkningen  $G_{DM}$ :**

- Som vi har sett tidigare så kan differentialförstärkningen  $G_{DM}$  beräknas som ration mellan in- och utsignalen  $\Delta U_{IN}$  samt  $\Delta U_{UT}$ :

$$G_{DM} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN}},$$

där insignalen  $\Delta U_{IN}$  tidigare approximerades till

$$\Delta U_{IN} \approx 2R_E \Delta I$$

och utsignalen  $\Delta U_{UT}$  tidigare fastställdes till

$$\Delta U_{UT} = -2R_C \Delta I,$$

vilket medför att differentialförstärkningen  $G_{DM}$  kan härledas till

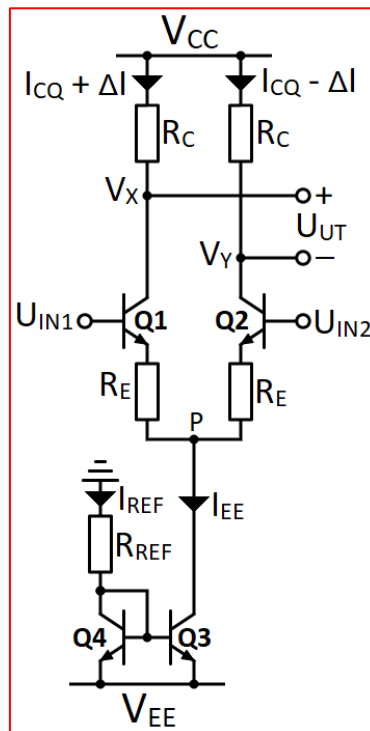
$$G_{DM} = -\frac{2R_C \Delta I}{2R_E \Delta I},$$

där  $2\Delta I$  kan elimineras ut högerledet, då denna faktor förekommer i både täljaren och nämnaren.

- Därmed kan differentialförstärkningen  $G_{DM}$  på en enkel differentialförstärkare med två utgångar approximeras till

$$G_{DM} \approx -\frac{R_C}{R_E},$$

där  $R_C$  och  $R_E$  är kollektorresistorns respektive emitterresistorns resistans på respektive sida av differentialförstärkaren.



När en av kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  ökar med mängden  $\Delta I$ , så minskar den andra lika mycket. Eftersom både  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  påverkar utspänningen  $U_{UT}$ , så påverkas  $U_{UT}$  av en total strömförändring  $\Delta I$ , vilket innebär en förändring av  $U_{UT}$  med mängden  $2R_C \Delta I$ .

## 6. Differentialförstärkning $G_{DM}$ på differentialförstärkare med en utgång:

- Även i detta fall så jämförs förändringen av utspänningen  $\Delta U_{UT}$  mellan vilopunkten samt i *Differential Mode*, då inspänningen  $\Delta U_{IN1}$  ökar något.
- Vi utgår återigen från vilopunkten, alltså utan insignaler, vilket innebär att differentialförstärkaren arbetar i *Common Mode*. Då är inspänningarna  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta U_{IN2}$  lika med noll:

$$\Delta U_{IN1} = \Delta U_{IN2} = 0 \text{ V},$$

vilket innebär att transistor Q1:s samt Q2:s kollektorströmmar  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är lika stora:

$$I_{C1} = I_{C2}$$

- Vi använder småsignalschemat till höger för beräkningen. Återigen försummas transistor Q1:s samt Q2:s respektive utresistans  $r_{o1}$  samt  $r_{o2}$  för enkelhets skull.
- Som tidigare används beteckningen  $I_{CQ}$  för kollektorströmmarna i vilopunkten, vilket står för *quiescent collector current*, alltså kollektorström i vilopunkten. I vilopunkten gäller därmed att

$$I_{CQ} = I_{C1} = I_{C2}$$

- Som vi har sett tidigare så gäller att strömmen  $I_{EE}$  som flödar genom strömspegeln är ungefär lika med summan av kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$ :

$$I_{C1} + I_{C2} \approx I_{EE}$$

- I vilopunkten, då  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är lika med  $I_{CQ}$ , så gäller därmed att

$$I_{EE} \approx I_{CQ} + I_{CQ} = 2I_{CQ}$$

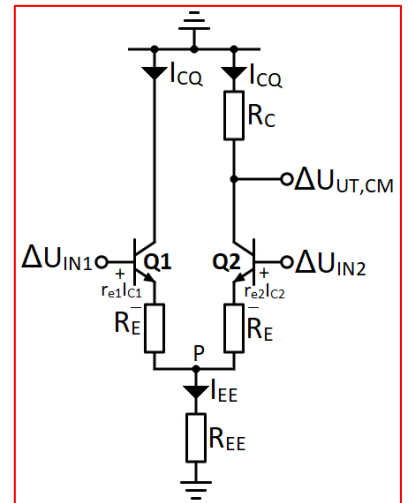
- I detta fall skall utspänningen  $\Delta U_{UT,CM}$  i vilopunkten jämföras med utspänningen  $\Delta U_{UT,DM}$  i *Differential Mode*, för att härleda en formel för utsignalens förändring  $\Delta U_{UT}$ .
- På grund av att bara en utgång används, så kommer differentialförstärkarens utspänning  $\Delta U_{UT,CM}$  i vilopunkten överstiga noll. Detta kan demonstreras genom att härleda en formel för utspänningen  $\Delta U_{UT,CM}$  i vilopunkten, vilket enkelt kan genomföras med Kirchhoffs spänningslag, från kollektorn på differentialförstärkarens högra sida ned till utgången (via  $\Delta U_{UT,CM}$  i figuren ovan).
- Därmed kan följande formel härledas:

$$-R_C I_{CQ} - \Delta U_{UT,CM} = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta U_{UT,CM} = -R_C I_{CQ},$$

där  $R_C I_{CQ}$  är spänningsfallet över kollektorresistor  $R_C$  i vilopunkten.



Fullständigt småsignalschema för en enkel differentialförstärkare med en utgång i *Common Mode*.

Transistor Q1:s samt Q2:s respektive utresistans  $r_{o1}$  samt  $r_{o2}$  har försummats för enkelhets skull.

**Utspanning  $\Delta U_{UT,DM}$  i *Differential Mode*:**

- Låt oss sedan anta att inspänningen  $\Delta U_{IN1}$  ökar något, så att denna överstiger  $\Delta U_{IN2}$ :

$$\Delta U_{IN1} > \Delta U_{IN2}$$

- Vi kan då anta att transistor Q1:s kollektorström  $I_{C1}$ , som tidigare var lika med viloströmmen  $I_{CQ}$ , nu ökar med en given mängd  $\Delta I$ :

$$I_{C1} = I_{CQ} + \Delta I,$$

- Som vi har sett tidigare, så kommer då transistor Q2:s kollektorström  $I_{C2}$ , som tidigare också var lika med viloströmmen  $I_{CQ}$ , minskar med samma mängd  $\Delta I$ , då

$$I_{C1} + I_{C2} \approx I_{EE},$$

vilket medför att

$$I_{C2} \approx I_{EE} - I_{C1}$$

- Vi såg tidigare att strömmen  $I_{EE}$  är ungefär lika med viloströmmen  $I_{CQ}$  multiplicerat med en faktor två:

$$I_{EE} \approx I_{CQ} + I_{CQ} = 2I_{CQ},$$

vilket innebär att

$$I_{C2} \approx 2I_{CQ} - I_{C1}$$

- Eftersom  $I_{C1}$  har ökat med mängden  $\Delta I$ :

$$I_{C1} = I_{CQ} + \Delta I,$$

så kan formeln för kollektorströmmen  $I_{C2}$  ovan transformeras till

$$I_{C2} \approx 2I_{CQ} - (I_{CQ} + \Delta I),$$

vilket är ekvivalent med

$$I_{C2} \approx 2I_{CQ} - I_{CQ} - \Delta I = I_{CQ} - \Delta I$$

- Därmed ser vi att transistor Q2:s kollektorström minskar med mängden  $\Delta I$  från vilopunkten:

$$I_{C2} = I_{CQ} - \Delta I$$

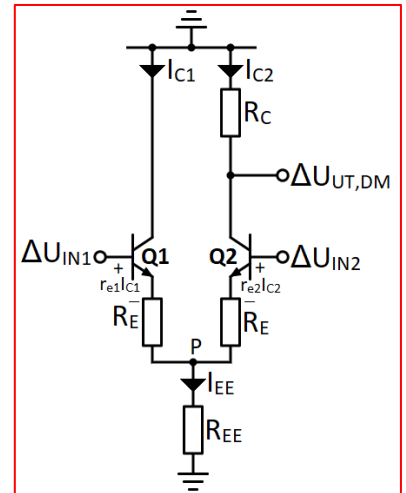
- Därefter kan en formel härledas för utspänningen  $U_{UT,DM}$  i *Differential Mode*, efter att strömmen  $I_{C2}$  har minskat med mängden  $\Delta I$ . Detta kan enkelt genomföras via beräkning med Kirchhoffs spänningslag, från den positiva matningsspänningen  $V_{CC}$  ned till utgången via kollektorresistor  $R_C$ .

- Därmed kan följande formel härledas:

$$U_{UT,DM} = V_{CC} - R_C I_{C2},$$

vilket är ekvivalent med

$$U_{UT,DM} = V_{CC} - R_C (I_{CQ} - \Delta I)$$



Fullständigt småsignalschema för en enkel differentialförstärkare med en utgång i *Differential Mode*.

Transistor Q1:s samt Q2:s respektive utresistans  $r_{o1}$  samt  $r_{o2}$  har försummats för enkelhets skull.

**Spänningsskillnad  $\Delta U_{UT}$  mellan utsignaler  $\Delta U_{UT,DM}$  i *Differential Mode* samt  $\Delta U_{UT,CM}$  i vilopunkten:**

- Därmed gäller att en formel för förändringen  $\Delta U_{UT}$  av differentialförstärkarens utsignal kan härledas via de tidigare härledda formlerna för utspänningen i *Differential Mode* respektive *Common Mode*  $U_{UT,DM}$  samt  $U_{UT,CM}$ .

$$\Delta U_{UT} = U_{UT,DM} - U_{UT,CM},$$

vilket innebär att

$$\Delta U_{UT} = V_{CC} - R_C(I_{CQ} - \Delta I) - [V_{CC} - R_C I_{CQ}],$$

som är ekvivalent med

$$\Delta U_{UT} = V_{CC} - R_C(I_{CQ} - \Delta I) - V_{CC} + R_C I_{CQ},$$

där matningsspänningen  $V_{CC}$  kan elimineras ur formeln, då

$$V_{CC} - V_{CC} = 0$$

- Därmed kan formeln ovan förenklas till

$$\Delta U_{UT} = R_C I_{CQ} - R_C(I_{CQ} - \Delta I)$$

- Genom att bryta ur kollektorresistor  $R_C$  ur hela formeln, så ser vi att

$$\Delta U_{UT} = R_C(I_{CQ} - I_{CQ} + \Delta I),$$

där viloströmmen  $I_{CQ}$  kan elimineras ur formeln, då

$$\Delta U_{UT} = R_C \Delta I$$

- Vi ser då att differentialförstärkarens utström  $I_{UT}$  är lika med  $\Delta I$ , då

$$I_{UT} = \frac{\Delta U_{UT}}{R_C} = \Delta I,$$

vilket är hälften av strömförändringen när två utgångar används, vilket innebär halverad differentialförstärkning  $G_{DM}$ .

**Härledning av differentialförstärkningen  $G_{DM}$ :**

- Som vi har sett tidigare så kan differentialförstärkningen  $G_{DM}$  beräknas som ration mellan in- och utsignalen  $\Delta U_{IN}$  samt  $\Delta U_{UT}$ :

$$G_{DM} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN}},$$

där insignalen  $\Delta U_{IN}$  tidigare approximerades till

$$\Delta U_{IN} \approx 2R_E \Delta I$$

och utsignalen  $\Delta U_{UT}$  tidigare fastställdes till

$$\Delta U_{UT} = -R_C \Delta I,$$

vilket medför att differentialförstärkningen  $G_{DM}$  kan härledas till

$$G_{DM} = -\frac{R_C \Delta I}{2R_E \Delta I},$$

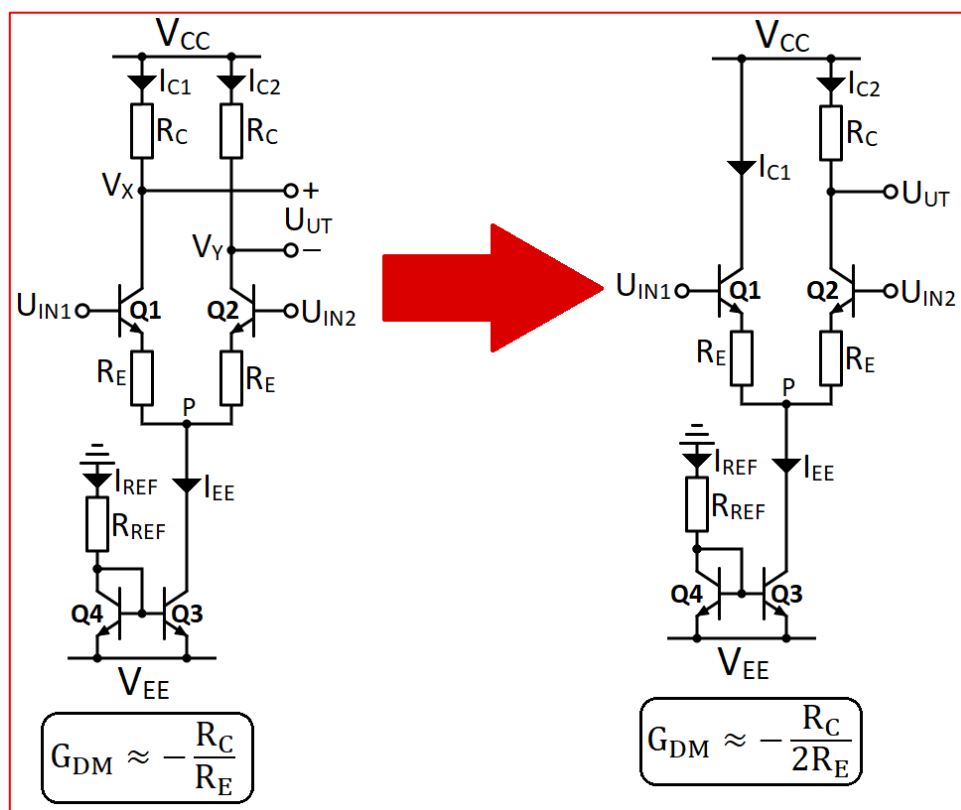
där  $\Delta I$  kan elimineras ut högerledet, då denna faktor förekommer i både täljaren och nämnaren.

- Därmed kan differentialförstärkningen  $G_{DM}$  på en enkel differentialförstärkare med en utgång approximeras till

$$G_{DM} \approx -\frac{R_C}{2R_E},$$

där  $R_C$  och  $R_E$  är kollektorresistorns respektive emitterresistorns resistans på respektive sida av differentialförstärkaren och tvåan i nämnaren indikerar att differentialförstärkningen  $G_{DM}$  halveras när endast en utgång används.

- Att differentialförstärkningen  $G_{DM}$  halveras när endast en utgång används beror på att utsignalen  $U_{UT}$  då endast är känslig för strömförändringen  $\Delta I$  på höger sida av differentialförstärkaren.
- Däremot om två utgångar används, så är utsignalen  $U_{UT}$  känslig för strömförändringen  $\Delta I$  på respektive sida av differentialförstärkaren. Då en av kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  ökar med mängden  $\Delta$ , så kommer den andra kollektorströmmen minska lika mycket, vilket medför en total strömförändring på  $2\Delta I$ .
- Därmed kan utsignalen  $U_{UT}$  tänkas vara dubbelt så känslig för förändringar av kollektorströmmar  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  då två utgångar används istället för en.
- Eftersom förändringar av kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är beroende av förändringar av insignalerna  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$ , så är alltså en differentialförstärkare med två utgångar dubbelt så känslig för differentialsignaler jämfört med då endast en utgång. Därmed är differentialförstärkningen  $G_{DM}$  dubbelt så hög när två utgångar används.
- Genom att ersätta kollektorresistor  $R_C$  med en strömspegel, så kan dock halveringen av differentialförstärkningen  $G_{DM}$  undvikas, trots att endast en utgång används.



Genom att ta bort en av differentialförstärkarens utgångar, så halveras differentialförstärkningen  $G_{DM}$ , då endast strömförändringen  $\Delta I$  på höger sida av differentialförstärkaren påverkar utsignalen  $U_{UT}$  då en utgång används.

Däremot om två utgångar används, så påverkas utsignalen  $U_{UT}$  av strömförändringen  $\Delta I$  på respektive sida av differentialförstärkaren, vilket medför en total strömförändring på  $2\Delta I$ .

Därmed kan utsignalen  $U_{UT}$  tänkas vara dubbelt så känslig för förändringar av kollektorströmmar  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$ , och därmed även inspänningarna  $U_{IN1}$  samt  $U_{IN2}$ , om två utgångar används istället för en.

**Med strömspegel: Fortsätt här!**

$$I_{C1} = I_{C3} = I_{CQ} + \Delta I$$

- Strömspegeln kopierar  $I_{C3}$  till höger sida av differentialförstärkaren, vilket medför att

$$I_{C3} = I_{C4} = I_{CQ} + \Delta I$$

- Samtidigt gäller att

$$I_{C2} = I_{CQ} - \Delta I$$

- Därmed gäller att

$$I_{UT} = I_{C4} - I_{C2},$$

vilket är ekvivalent med

$$I_{UT} = I_{CQ} + \Delta I - (I_{CQ} - \Delta I),$$

som kan transformeras till

$$I_{UT} = I_{CQ} + \Delta I - I_{CQ} + \Delta I = 2\Delta I,$$

- Därmed är utströmmen  $I_{UT}$  samma som för en differentialförstärkare, vilket medför samma differential- samt Common Mode-förstärkning  $G_{DM}$  samt  $G_{CM}$ .

$$I_{UT} = \frac{\Delta U_{UT}}{R_C} = 2\Delta I,$$

vilket innebär att

$$\Delta U_{UT} = 2R_C \Delta I$$

- Därmed gäller att

$$G_{DM} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2}},$$

där differensen  $\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2}$  tidigare beräknades till

$$\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} = 2R_E \Delta I,$$

vilket medför att

$$G_{DM} = \frac{2R_C \Delta I}{2R_E \Delta I} = \frac{R_C}{R_E}$$

$$\Delta U_{IN1} - r_{e1} I_{C1} - R_E I_{C1} \approx 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta U_{IN1} \approx r_{e1} I_{C1} + R_E I_{C1}$$

- Genom att bryta ut kollektorströmmen  $I_{C1}$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$\Delta U_{IN1} \approx (r_{e1} + R_E) I_{C1}$$

- Som vi såg tidigare så gäller att

$$I_{C1} = I_{CQ} + \Delta I,$$

vilket innebär att

$$\Delta U_{IN1} \approx (r_{e1} + R_E)(I_{CQ} + \Delta I)$$

$$\Delta U_{IN2} - r_{e2} I_{C2} - R_E I_{C2} \approx 0,$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta U_{IN2} \approx r_{e2} I_{C2} + R_E I_{C2}$$

- Genom att bryta ut kollektorströmmen  $I_{C2}$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$\Delta U_{IN2} \approx (r_{e2} + R_E) I_{C2}$$

- Som vi såg tidigare så gäller att

$$I_{C2} = I_{CQ} - \Delta I,$$

vilket innebär att

$$\Delta U_{IN2} \approx (r_{e2} + R_E)(I_{CQ} - \Delta I)$$

- Därmed gäller att

$$\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} \approx (r_{e1} + R_E)(I_{CQ} + \Delta I) - (r_{e2} + R_E)(I_{CQ} - \Delta I),$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} \approx r_{e1}(I_{CQ} + \Delta I) + R_E(I_{CQ} + \Delta I) - [r_{e2}(I_{CQ} - \Delta I) + R_E(I_{CQ} - \Delta I)],$$

vilket kan förenklas till

$$\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} \approx r_{e1}(I_{CQ} + \Delta I) + R_E(I_{CQ} + \Delta I) - r_{e2}(I_{CQ} - \Delta I) - R_E(I_{CQ} - \Delta I),$$

vilket är ekvivalent med

$$\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} \approx r_{e1}(I_{CQ} + \Delta I) - r_{e2}(I_{CQ} - \Delta I) + R_E(I_{CQ} + \Delta I) - R_E(I_{CQ} - \Delta I)$$

- Genom att bryta ut  $R_E$  ur formeln ovan, så ser vi att

$$\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} \approx r_{e1}(I_{CQ} + \Delta I) - r_{e2}(I_{CQ} - \Delta I) + R_E(I_{CQ} + \Delta I - I_{CQ} + \Delta I),$$

vilket är ekvivalent med

$$\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} \approx r_{e1}(I_{CQ} + \Delta I) - r_{e2}(I_{CQ} - \Delta I) + 2R_E \Delta I$$

$$r_{e1} = \frac{26m}{I_{C1}} = \frac{26m}{I_{CQ} + \Delta I}$$

samt

$$r_{e2} = \frac{26m}{I_{C2}} = \frac{26m}{I_{CQ} - \Delta I},$$

vilket innebär att

$$\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} \approx \frac{26m}{I_{CQ} + \Delta I}(I_{CQ} + \Delta I) - \frac{26m}{I_{CQ} - \Delta I}(I_{CQ} - \Delta I) + 2R_E \Delta I,$$

som kan transformeras till

$$\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} \approx 26m - 26m + 2R_E \Delta I,$$

vilket innebär att

$$\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} \approx 2R_E \Delta I$$

- Därmed gäller att

$$G_{DM} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2}} = \frac{\Delta V_X - \Delta V_Y}{\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2}} \approx -\frac{2R_C \Delta I}{2R_E \Delta I} = -\frac{R_C \Delta I}{R_E \Delta I}$$

där strömmen  $\Delta I$  kan elimineras, då denna förekommer i både täljare och nämnare. Därmed gäller att



$$G_{DM} \approx -\frac{R_C}{R_E}$$

- Om vi sedan tar bort utgången på vänster sida av differentialförstärkaren, såsom ovan, så kommer potentialen  $\Delta V_Y$  istället jämföras mot bias-spänningen  $\Delta V_{BIAS}$  vilket innebär att

$$\Delta U_{UT} = \Delta V_{BIAS} - \Delta V_Y,$$

där

$$\Delta V_{BIAS} \approx -R_C I_{CQ}$$

- $V_Y$  härleddes tidigare till

$$\Delta V_Y = -(R_C / r_{o2}) I_{C1} \approx -R_C I_{C2},$$

där

$$I_{C2} = I_{CQ} - \Delta I,$$

vilket innebär att

$$\Delta V_Y \approx -R_C (I_{CQ} - \Delta I)$$

$$\Delta V_{BIAS} - \Delta V_Y \approx -R_C I_{CQ} - [-R_C (I_{CQ} - \Delta I)],$$

som kan transformeras till

$$\Delta V_{BIAS} - \Delta V_Y \approx -R_C I_{CQ} + R_C (I_{CQ} - \Delta I)$$

- Genom att bryta ut kollektor  $R_C$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$\Delta V_{BIAS} - \Delta V_Y \approx R_C (-I_{CQ} + I_{CQ} - \Delta I),$$

vilket är ekvivalent med

$$\Delta V_{BIAS} - \Delta V_Y \approx -R_C \Delta I$$

- Därmed gäller att

$$G_{DM} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2}} = \frac{\Delta V_{BIAS} - \Delta V_Y}{\Delta U_{IN2} - \Delta U_{IN1}} \approx -\frac{-R_C \Delta I}{2R_E \Delta I},$$

där strömmen  $\Delta I$  kan elimineras, då denna förekommer i både täljare och nämnare. Därmed gäller att

$$G_{DM} \approx -\frac{R_C}{2R_E},$$

vilket indikerar att differentialförstärkningen halveras med en ingång.

- Därmed gäller att differentialförstärkningen  $G_{DM}$  på differentialförstärkaren till höger är lika med

$$G_{DM} = -\frac{R_C / r_{o2}}{2(r_{e2} + R_E)},$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans,  $r_{o2}$  samt  $r_{e2}$  är transistor Q2:s utresistans respektive inbyggda emitterresistans och  $R_E$  är emitterresistorns resistans.

$$G_{DM} = -\frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN2} - \Delta U_{IN1}}$$

- I *Differential Mode*, så gäller att insignalerna i småsignalschemat  $\Delta U_{IN1}$  samt  $\Delta U_{IN2}$  är inverterade;

$$\Delta U_{IN1} = -\Delta U_{IN2},$$

vilket innebär att

$$G_{DM} = -\frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN2} - (-\Delta U_{IN2})} = \frac{\Delta U_{UT}}{2\Delta U_{IN2}}$$

- Men bara en utgång så kommer utspänningen  $U_{UT}$  på den högra sidan av differentialförstärkaren jämföras mot jord. Vid dimensionering av differentialförstärkaren bör därför utspänningen  $U_{UT}$  i vilopunkten sättas till halva matningsspänningen  $V_{CC}$  för maximalt topp-till-topp-värde på utsignalen utan klippning:

$$U_{UT} = \frac{V_{CC}}{2}$$

- Därmed hamnar biaspunkten runt halva matningsspänningen  $V_{CC}$ . Som exempel, om matningsspänningen  $V_{CC}$  är satt till 20 V, så bör biaspunkten sättas till 10 V, då

$$U_{UT} = \frac{V_{CC}}{2} = \frac{20}{2} = 10 \text{ V},$$

vilket medför att utspänningen  $U_{UT}$  kan svänga  $\pm 10$  V från biaspunkten utan klippning.

- Genom att använda Kirchhoffs spänningslag och beräkna från matningsspänningen  $V_{CC}$  ned till utgången via  $U_{UT}$ , så kan följande formel härledas:

$$V_{CC} - R_C I_{C2} - U_{UT} = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$R_C I_{C2} = V_{CC} - U_{UT}$$

- Eftersom utspänningen  $U_{UT}$  i vilopunkten skall sättas till halva matningsspänningen:

$$U_{UT} = \frac{V_{CC}}{2},$$

så gäller att

$$V_{CC} - U_{UT} = V_{CC} - \frac{V_{CC}}{2} = \frac{V_{CC}}{2}$$

- Därmed gäller att

$$R_C I_{C2} = \frac{V_{CC}}{2},$$

vilket kan transformeras till

$$R_C = \frac{V_{CC}}{2I_{C2}}$$

- I vilopunkten så är både transistor Q1:s och Q2:s respektive kollektorström lika med viloströmmen  $I_{CQ}$ :

$$I_{CQ} = I_{C1} = I_{C2},$$

där CQ står för *quiescent collector current*, alltså kollektorström i vilopunkten:

- Antag att kollektorströmmen  $I_{CQ}$  i vilopunkten skall sättas till 1 mA:

$$I_{CQ} = 1 \text{ mA}$$

- Vid en matningsspänning  $V_{CC}$  på 20 V så bör då kollektorresistor  $R_C$  sättas till 10 k $\Omega$ , då

$$R_C = \frac{V_{CC}}{2I_{C2}} = \frac{V_{CC}}{2I_{CQ}} = \frac{20}{2 * 1\text{mA}} = 10 \text{ k}\Omega$$

- Emitterresistorer  $R_E$  kan dimensioneras utefter tumregeln att spänningsfallet över dem bör sättas till ca 220 mV:

$$R_E \approx \frac{220m}{I_{C1}} = \frac{220m}{I_{C2}}$$

- Eftersom kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är satta till  $I_{C1}$  1 mA i vilopunkten, så bör emitterresistorer  $R_E$  sättas till 220  $\Omega$ , då

$$R_E \approx \frac{220m}{I_{CQ}} = \frac{220m}{1m} = 220 \Omega$$

- Strömmen  $I_{EE}$  genom strömspegeln är lika med summan av transistor Q1:s och Q2:s emitterströmmar  $I_{E1}$  samt  $I_{E2}$ :

$$I_{EE} = I_{E1} + I_{E2}$$

## Elektroteknik

- För enkelhets skull så försummas den lilla skillnaden mellan transistor Q1:s och Q2:s respektive emitterströmmar  $I_{E1}$  och  $I_{E2}$  samt  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$ :

$$I_{E1} \approx I_{C1}$$

samt

$$I_{E2} \approx I_{C2}$$

- Därmed kan strömmen  $I_{EE}$  genom strömspegeln approximeras till summan av transistor Q1:s och Q2:s kollektorströmmar  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$ :

$$I_{EE} \approx I_{C1} + I_{C2}$$

- Eftersom transistor Q1:s och Q2:s respektive kollektorström  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är satta till kollektorströmmen  $I_{CQ}$  i vilopunkten:

$$I_{CQ} = I_{C1} = I_{C2},$$

så gäller att strömmen  $I_{EE}$  kan approximeras till

$$I_{EE} \approx I_{C1} + I_{C2} = I_{CQ} + I_{CQ} = 2I_{CQ}$$

- Eftersom kollektorströmmen  $I_{CQ}$  i vilopunkten är satt till 1 mA:

$$I_{CQ} = 1 \text{ mA},$$

så kan strömmen  $I_{EE}$  genom strömspegeln approximeras till 2 mA, då

$$I_{EE} \approx 2I_{CQ} = 2 * 1 \text{ m} = 2 \text{ mA}$$

- Strömmen  $I_{EE}$  är en kopia av referensströmmen  $I_{REF}$ , som flödar genom strömspegelns referensrets:

$$I_{EE} = I_{REF}$$

- Därmed kan referensströmmen  $I_{REF}$  approximeras till 2 mA, eftersom:

$$I_{REF} = I_{EE} \approx 2 \text{ mA}$$

- Det är via referensströmmen  $I_{REF}$  som storleken på strömmen  $I_{EE}$  sätts, vilket avgör storleken på transistor Q1:s och Q2:s kollektorströmmar  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$ .  $I_{REF}$  sätts i sin tur genom att en lämplig storlek väljs på referensresistor  $R_{REF}$ .

- I enlighet med Ohms lag så gäller att referensströmmen  $I_{REF}$  kan beräknas med formeln

$$I_{REF} = \frac{U_{REF}}{R_{REF}},$$

där  $U_{REF}$  är spänningsfallet över referensresistorn och  $R_{REF}$  är dess resistans.

- Formeln ovan kan transformeras till

$$R_{REF} = \frac{U_{REF}}{I_{REF}},$$

där referensströmmen  $I_{REF}$  tidigare approximeras till 2 mA:

$$I_{REF} \approx 2 \text{ mA}$$

- Dock måste referensspänningen  $U_{REF}$  beräknas, vilket enkelt kan genomföras med Kirchhoffs spänningslag, från den negativa matningsspänningen  $V_{EE}$  upp till jord via referensresistor  $R_{REF}$ . Vi räknar då mot strömmens riktning, vilket medför att eventuella spänningsfall räknas som positiva (då strömmen flödar från plus till minuspolen). Under denna väg så passerar vi transistor Q4:s bas-emitterspänning  $U_{BE4}$ .

- Därmed gäller att

$$V_{EE} + U_{BE4} + U_{REF} = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$U_{REF} = -V_{EE} - U_{BE4},$$

som är ekvivalent med

$$U_{REF} = -(V_{EE} + U_{BE4})$$

- Därefter hade ett lämpligt värde kunnat beräknas på referensresistor  $R_{REF}$  genom att sätta in värden i följande formel:

$$R_{REF} = -\frac{V_{EE} + U_{BE4}}{I_{REF}}$$

- Transistor Q4:s bas-emitterspänning  $U_{BE4}$  kan antas vara 0,65 V:

$$U_{BE4} = 0,65 \text{ V},$$

vilket innebär att

$$R_{REF} = -\frac{V_{EE} + 0,65}{I_{REF}}$$

- Eftersom den positiva matningsspänningen  $V_{CC}$  är satt till 20 V, så kan vi anta att den negativa matningsspänningen  $V_{EE}$  är satt till -20 V:

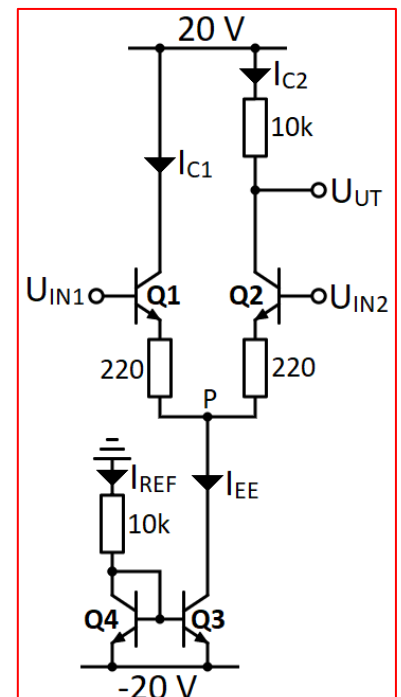
$$V_{EE} = -20 \text{ V}$$

- Genom att sätta in värden i formeln ovan, så kan ett lämpligt värde för referensresistor  $R_{REF}$  beräknas:

$$R_{REF} \approx -\frac{-20 + 0,65}{2m} = \frac{19,35}{2m} = 9,675 \text{ k}\Omega$$

- Närmaste värde i E12-serien är 10 k $\Omega$ , som därmed används:

$$R_{REF} = 10 \text{ k}\Omega$$



Färdigdimensionerad  
differentialförstärkare.

## Varför halveras förstärkningen när bara en utgång används?

- Vi analyserar differentialförstärkaren till höger, så kan halveringen av differentialförstärkningen demonstreras. Matningsspänningen  $V_{CC}/V_{EE}$  är satt till 20 V:

$$V_{CC} = 20 \text{ V},$$

samt

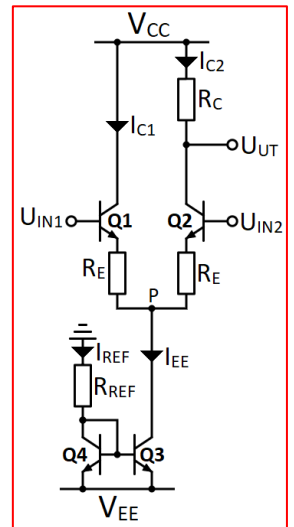
$$V_{EE} = -20 \text{ V},$$

kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är satta till  $I_{CQ} = 1 \text{ mA}$  i vilopunkten:

$$I_{CQ} = 1 \text{ mA}$$

och kollektorresistor  $R_C$  är satt till 10 kΩ:

$$R_C = 10 \text{ k}\Omega$$



- Genom att beräknas med Kirchhoffs spänningslag från den positiva matningsspänningen  $V_{CC}$  ned till utgången via  $U_{UT}$ , så kan följande formel härledas:

$$V_{CC} - R_C I_C - U_{UT} = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$U_{UT} = V_{CC} - R_C I_C$$

- I vilopunkten / i *Common Mode*, då kollektorströmmar  $I_{C1}$  och  $I_{C2}$  är lika stora, så gäller då att utspänningen  $U_{UT,BIAS}$  hamnar på 10 V, då

$$U_{UT,CM} = V_{CC} - R_C I_{CQ} = 20 - 10k * 1m = 10 \text{ V}$$

- Antag att inspänningen  $U_{IN1}$  ökar något, medan  $U_{IN2}$  fortfarande är samma. Då kommer  $I_{C1}$  öka något, medan  $I_{C2}$  kommer minska lika mycket.
- Låt oss anta att  $I_{C1}$  ökade med mängden  $\Delta I = 0,2 \text{ mA}$ :

$$I_{C1} = I_{CQ} + \Delta I,$$

alltså till 1,2 mA, då

$$I_{C1} = 1m + 0,2m = 1,2 \text{ mA}$$

- Då minskar  $I_{C2}$  lika mycket, alltså till 0,8 mA, då

$$I_{EE} \approx I_{CQ} + I_{CQ} = 2I_{CQ}$$

samt

$$I_{EE} \approx I_{C1} + I_{C2},$$

vilket innebär att

$$I_{C2} \approx I_{EE} - I_{C1},$$

som kan transformeras till

$$I_{C2} \approx 2I_{CQ} - (I_{CQ} + \Delta I) = I_{CQ} - \Delta I$$

- Därmed gäller att

$$I_{C2} = 1m - 0,2m = 0,8 \text{ mA}$$

- Notera att summan  $I_{EE}$  av de två strömmarna, alltså strömmen som flödar genom strömspegeln mellan ingångstransistorernas emitterar, fortfarande är 2,0 mA, vilket den alltid kommer vara:

$$I_{EE} \approx I_{C1} + I_{C2} = 1,2m + 0,8m = 2,0 \text{ mA}$$

- I detta fall, så kommer differentialförstärkarens utspänning  $U_{UT,DM}$  istället bli

$$U_{UT,DM} = V_{CC} - R_C I_{C2} = 20 - 10k * 0,8m = 12 \text{ V}$$

- Därmed ser vi att utsignalen  $U_{UT}$  ökade med 2 V jämfört med i vilopunkten, då

$$\Delta U_{UT} = \Delta U_{UT,DM} - \Delta U_{UT,CM} = 12 - 10 = 2 \text{ V}$$

$$U_{UT,DM} = V_{CC} - R_C I_{C2},$$

där

$$I_{C2} = I_{CQ} - \Delta I,$$

vilket innebär att

$$U_{UT,DM} = V_{CC} - R_C (I_{CQ} - \Delta I)$$

$$\Delta U_{UT} = U_{UT,DM} - U_{UT,CM},$$

vilket är ekvivalent med

$$\Delta U_{UT} = V_{CC} - R_C (I_{CQ} - \Delta I) - [V_{CC} - R_C I_{CQ}],$$

som kan transformeras till

$$\Delta U_{UT} = V_{CC} - R_C (I_{CQ} - \Delta I) - V_{CC} + R_C I_{CQ}$$

- Formeln ovan kan transformeras till

$$\Delta U_{UT} = R_C I_{CQ} - R_C (I_{CQ} - \Delta I)$$

- Genom att bryta ut kollektorresistor  $R_C$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$\Delta U_{UT} = R_C (I_{CQ} - I_{CQ} + \Delta I),$$

vilket är ekvivalent med

$$\Delta U_{UT} = R_C \Delta I$$

- Vi ser då att strömförändringen på utgången är lika med  $\Delta I$ , då

$$\frac{\Delta U_{UT}}{R_C} = \Delta I$$

### Insignaler i Common Mode:

$$U_{IN1,CM} - U_{BE1} - R_E I_{CQ} - R_{EE} I_{EE} \approx 0,$$

vilket kan transformeras till

$$U_{IN1,DM} \approx U_{BE1} + R_E I_{CQ} + R_{EE} I_{EE},$$

där

$$I_{EE} \approx I_{CQ} + I_{CQ} = 2I_{CQ},$$

vilket innebär att

$$U_{IN1,CM} \approx U_{BE1} + R_E I_{CQ} + 2R_{EE} I_{CQ}$$

- Genom att bryta ut vilostrommen  $I_{CQ}$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$U_{IN1,CM} \approx U_{BE1} + (R_E + 2R_{EE})I_{CQ}$$

- För insignalen  $U_{IN2}$  på höger sida av differentialförstärkaren gäller istället att

$$U_{IN2,CM} - U_{BE2} - R_E I_{CQ} - R_{EE} I_{EE} \approx 0,$$

vilket kan transformeras till

$$U_{IN2,CM} \approx U_{BE2} + R_E I_{CQ} + R_{EE} I_{EE}$$

där

$$I_{EE} \approx I_{CQ} + I_{CQ} = 2I_{CQ},$$

vilket innebär att

$$U_{IN2,CM} \approx U_{BE2} + R_E I_{CQ} + 2R_{EE} I_{CQ}$$

- Genom att bryta ut viloströmmen  $I_{CQ}$ , så kan formeln ovan transformeras till

$$U_{IN2,CM} \approx U_{BE2} + (R_E + 2R_{EE})I_{CQ}$$

- Därmed gäller att

$$U_{IN,CM} = U_{IN1,CM} - U_{IN2,CM},$$

vilket är ekvivalent med

$$U_{IN,CM} \approx U_{BE1} + (R_E + 2R_{EE})I_{CQ} - [U_{BE2} + (R_E + 2R_{EE})I_{CQ}]$$

som kan transformeras till

$$U_{IN,CM} \approx U_{BE1} + (R_E + 2R_{EE})I_{CQ} - U_{BE2} - (R_E + 2R_{EE})I_{CQ}$$

där

$$U_{BE1} = U_{BE2},$$

vilket innebär att

$$U_{IN,CM} \approx (R_E + 2R_{EE})I_{CQ} - (R_E + 2R_{EE})I_{CQ}$$

- Genom att bryta ut viloströmmen  $I_{CQ}$  ur hela uttrycket ovan, så kan formeln transformeras till

$$U_{IN,CM} = (R_E + 2R_{EE} + R_E - 2R_{EE})I_{CQ},$$

vilket kan förenklas till

$$U_{IN,CM} = 2R_E I_{CQ}$$

**Insigaler Differential Mode:**

$$U_{IN1,DM} - U_{BE1} - R_E I_{C1} \approx 0,$$

vilket kan transformeras till

$$U_{IN1,DM} \approx U_{BE1} + R_E I_{C1},$$

där

$$I_{C1} = I_{CQ} + \Delta I,$$

vilket innebär att

$$U_{IN1,DM} \approx U_{BE1} + R_E (I_{CQ} + \Delta I)$$

$$U_{IN2,DM} \approx U_{BE2} + R_E I_{C2},$$

där

$$I_{C2} = I_{CQ} - \Delta I,$$

vilket innebär att

$$U_{IN2,DM} \approx U_{BE2} + R_E (I_{CQ} - \Delta I)$$



- Därmed gäller att

$$U_{IN,DM} = U_{IN1,DM} - U_{IN2,DM},$$

vilket är ekvivalent med

$$U_{IN,DM} \approx U_{BE1} + R_E(I_{CQ} + \Delta I) - [U_{BE2} + R_E(I_{CQ} - \Delta I)],$$

som kan transformeras till

$$U_{IN,DM} = U_{BE1} + R_E(I_{CQ} + \Delta I) - U_{BE2} - R_E(I_{CQ} - \Delta I)$$

där

$$U_{BE1} = U_{BE2},$$

vilket innebär att

$$U_{IN,DM} = R_E(I_{CQ} + \Delta I) - R_E(I_{CQ} - \Delta I)$$

- Genom att bryta ut emitterresistor  $R_E$  ur hela uttrycket, så kan formeln ovan transformeras till

$$U_{IN,DM} = R_E(I_{CQ} + \Delta I - I_{CQ} + \Delta I),$$

vilket kan förenklas till

$$U_{IN,DM} = 2R_E\Delta I$$

- Därmed gäller att

$$\Delta U_{IN} = U_{IN,DM} - U_{IN,CM} = 2R_E\Delta I - 2R_EI_{CQ},$$

vilket kan transformeras till

$$\Delta U_{IN} = 2R_E(\Delta I - I_{CQ}),$$

vilket är ekvivalent med

$$\Delta U_{IN} = -2R_E(I_{CQ} - \Delta I)$$

$$\Delta U_{IN} = -2 * 0,22k(1m - 0,2m) = -0,352 V$$

$$\frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN}} = \frac{R_C\Delta I}{-2R_E(I_{CQ} - \Delta I)}$$

$$\frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN}} = \frac{2}{-0,352} \approx -5,68$$

- Eftersom vi endast har en utgång och jämför denna mot jord så beräknas spänningsskillnaden i det två fallen genom att beräkna differensen av utsignalerna:
- Strömförändringen på utgången blir då lika med:

$$\Delta I_{UT} = \frac{\Delta U_{UT}}{R_C} = \frac{6,24 - 5,3}{4,7k} = \frac{0,94}{4,7k} = 0,2 mA$$

- Notera att strömförändringen på utgången är lika med strömförändringen på ena sidan, strömmen förändrades ju 0,2 mA på de två sidorna.

- Om vi istället hade använt en differentialförstärkare med två utgångar, såsom figuren till höger och återigen antar att kollektorströmmen  $I_{C1}$  på den vänstra sidan av differentialförstärkaren ökar till 1,2 mA:

$$I_{C1} = I_{CQ} + \Delta I = 1\text{mA} + 0,2\text{mA} = 1,2\text{mA}$$

så hade potentialen  $V_{X,DM}$  på den vänstra sidan av differentialförstärkaren i *Differential Mode* blivit 8 V, då

$$V_{X,DM} = V_{CC} - R_C(I_{CQ} + \Delta I) = 20 - 10\text{k} \cdot 1,2\text{mA} = 8\text{V}$$

- I vilopunkten så är potentialen  $V_{X,CM}$  lika med 10 V, då

$$V_{CC} - R_C I_{CQ} - V_{X,CM} = 0,$$

vilket kan transformeras till

$$V_{X,CM} = V_{CC} - R_C I_{CQ}$$

- Genom att sätta in värden, så ser vi att  $V_{X,CM}$  hamnar på 10 V, då

$$V_{X,CM} = 20 - 10\text{k} \cdot 1\text{mA} = 10\text{V}$$

- Spänningsförändringen  $\Delta V_X$  på differentialförstärkarens vänstra utgång blir därmed lika med -2 V, då

$$\Delta V_X = V_{X,DM} - V_{X,CM} = 8 - 10 = -2\text{V}$$

- Strömförändringen på den vänstra utgången blir då lika med:

$$\Delta I_{UT1} = \frac{\Delta U_{UT1}}{R_C} = \frac{4,36 - 5,3}{4,7\text{k}} = \frac{-0,94}{4,7\text{k}} = -0,2\text{mA}$$

- Spännings- och strömförändringen på den högra sidan hade blivit samma som i föregående exempel när vi utförde beräkningar med en utgång. Nu betecknar vi dock dessa med  $\Delta I_{UT2}$  och  $\Delta U_{UT2}$ , för att förtydliga vilka signaler som är vilka:

$$I_{C2} = I_{CQ} - \Delta I = 1\text{mA} - 0,2\text{mA} = 0,8\text{mA}$$

så hade potentialen  $V_{Y,DM}$  på den högra sidan av differentialförstärkaren i *Differential Mode* blivit 12 V, då

$$V_{Y,DM} = V_{CC} - R_C(I_{CQ} - \Delta I) = 20 - 10\text{k} \cdot 0,8\text{mA} = 12\text{V}$$

- I vilopunkten så är potentialen  $V_{Y,CM}$  lika med 10 V, då

$$V_{CC} - R_C I_{CQ} - V_{Y,CM} = 0,$$

vilket kan transformeras till

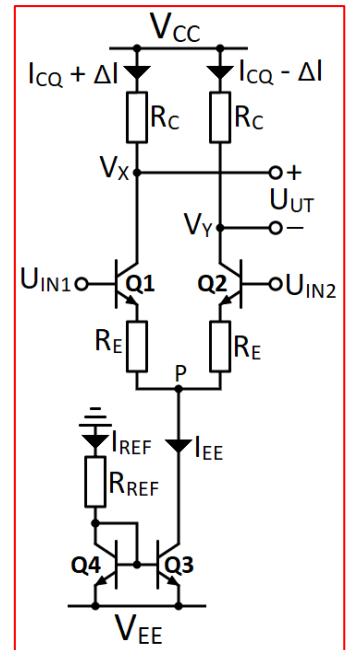
$$V_{Y,CM} = V_{CC} - R_C I_{CQ}$$

- Genom att sätta in värden, så ser vi att  $V_{Y,CM}$  hamnar på 10 V, då

$$V_{Y,CM} = 20 - 10\text{k} \cdot 1\text{mA} = 10\text{V}$$

- Spänningsförändringen  $\Delta V_Y$  på differentialförstärkarens vänstra utgång blir därmed lika med 2 V, då

$$\Delta V_Y = V_{Y,DM} - V_{Y,CM} = 12 - 10 = 2\text{V}$$



Differentialförstärkare med två utgångar i *Differential Mode*, där inspänningen  $U_{IN1}$  överstiger  $U_{IN2}$ .

- Den totala spänningsförändringen  $\Delta U_{UT}$  mellan differentialförstärkarens utgångar hade alltså blivit -4 V, då

$$\Delta U_{UT} = \Delta V_x - \Delta V_y = -2 - 2 \text{ V} = -4 \text{ V}$$

- Med två utgångar blev alltså spänningsförändringen  $\Delta U_{UT}$  dubbelt så hög jämfört med en utgång, vilket medför dubbelt så hög differentialförstärkning  $G_{DM}$  (samt Common Mode-förstärkning  $G_{CM}$ ) för samma spänningsskillnad  $U_{IN1} - U_{IN2}$  mellan insignalerna.

- Den totala strömförändringen på utgångarna hade blivit

$$\Delta I_{UT} = \Delta I_{UT2} - \Delta I_{UT1} = 0,2 \text{ mA} - (-0,2 \text{ mA}) = 0,4 \text{ mA}$$

- Även strömförstärkningen blev dubbelt så hög med två utgångar.
- Detta innebär att differentialförstärkare med en utgång har halva förstärkningen jämfört med två utgångar. Då hade strömförändringen på utgången istället blivit 0,4 mA, vilket hade inneburit dubbelt så hög förstärkning.
- Som tidigare nämnts så är det möjligt att få dubbelt så hög förstärkning trots att man använder en utgång ifall man använder en strömspegel istället för en drainresistor.

- Motsvarande MOSFET-variant av differentialförstärkaren (med en utgång) har differentialförstärkningen

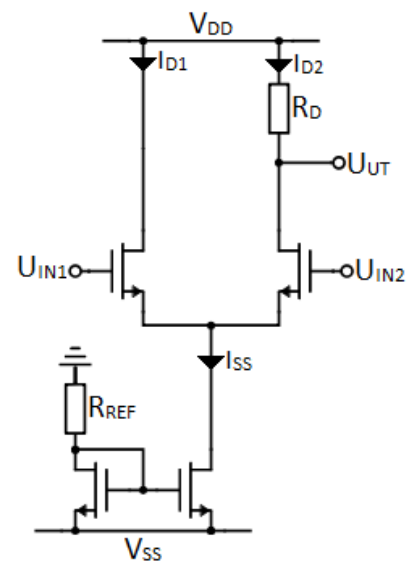
$$G_{DM} = -\frac{g_m R_D}{2}$$

- Jämfört med formeln för BJT-varianten ovan så har  $R_C$  ersatts med drainresistorn  $R_D$  och den inbyggda emitterresistansen  $r_e$  har blivit ersatt med inversen till transkonduktansen  $g_m$ , dvs.  $1/g_m$ :

- Common Mode-förstärkningen, dvs. förstärkningen av signaler som är lika på de två ingångarna såsom brus, kan beräknas med följande formel:

$$G_{CM} = -\frac{R_C}{2(R_{EE} + r_e)}$$

där  $R_{EE}$  är strömgeneratorns utresistans.



- Motsvarande MOSFET-variant av differentialförstärkaren (med en utgång) har Common Mode-förstärkningen

$$G_{CM} = -\frac{R_D}{2(R_{SS} + \frac{1}{g_m})}$$

- Notera återigen att vi också bytte namn på strömgeneratorns resistans från  $R_{EE}$  till  $R_{SS}$ . Detta beror på att EE står för emitter och SS står för source. På MOSFET-transistorer så har emittern blivit ersatt av source, så därav namnbytet.

- **Anmärkning:** Den halvering av differentialförstärkningen som sker på grund av att endast en utgång används kan elimineras genom att vi ersätter kollektorresistorn med en strömspegel, som medför samma förstärkning som med två utgångar, se nästa stycke för mer information. Dessutom så kommer förstärkningen bli mycket högre, eftersom transistorernas utresistanser är mycket högre än kollektorresistorn. Därmed så kan förstärkningen uppnå en faktor -5000 eller mer. Dock måste feedback användas och inresistansen på efterföljande steg eller last måste vara mycket hög för att inte förstärkningen skall minska.
- Om emitterresistorer hade använts så hade vi också fått ändra om formeln ovan, genom att addera resistansen  $R_E$  i täljaren.
- Differentialförstärkningen med en utgång och emitterresistorer blir lika med

$$G_{DM} = -\frac{R_C}{2(R_E + r_e)'}.$$

medan Common Mode-förstärkningen blir lika med

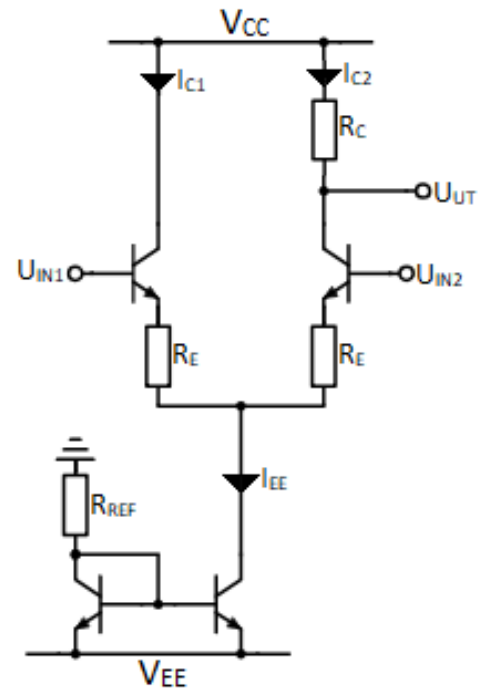
$$G_{CM} = -\frac{R_C}{2(R_{EE} + R_E + r_e)'}$$

- Motsvarande MOSFET-variant av differentialförstärkaren (med en utgång) har då differentialförstärkningen

$$G_{DM} = -\frac{R_D}{2(R_S + \frac{1}{g_m})}$$

Och Common Mode-förstärkningen

$$G_{CM} = -\frac{R_D}{2(R_{SS} + R_S + \frac{1}{g_m})}$$



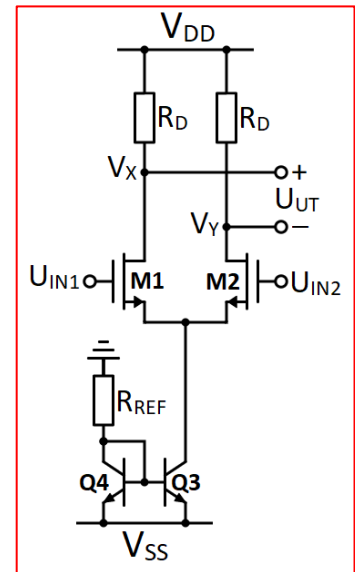
## Common Mode-förstärkningen applicerad på MOSFET-varianter

- Resultatet ovan kan också appliceras på MOSFET-transistorer. Vi behöver endast byta ut kollektorresistorn  $R_C$  mot drainresistorn  $R_D$  samt den inbyggda emitterresistansen  $r_e$  mot inversen till transkonduktansen  $g_m$ :

$$G_{CM} = - \frac{R_D}{2R_{SS} + \frac{1}{g_m}},$$

där  $g_m$  är MOSFET-transistorns transkonduktans (MOSFET-transistorns motsvarighet till den inbyggda emitterresistansen, fast inverterat) och  $R_D$  är drainresistorns resistans.

- Notera att vi också bytte namn på strömgenerators resistans från  $R_{EE}$  till  $R_{SS}$ . Detta beror på att EE står för emitter to emitter och SS står för source-source. På MOSFET-transistorer så har emittern blivit ersatta av source, därav namnbytet.

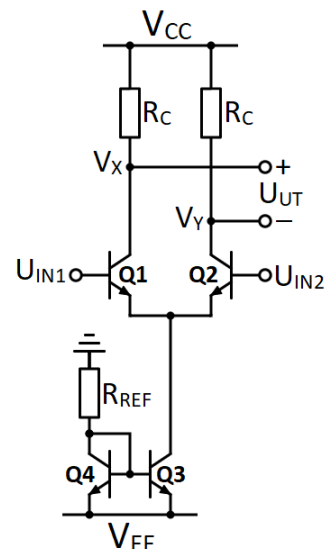


## Differentialförstärkare med emitterresistorer/sourceresistorer

- I andra förstärkarsteg så behövde vi emitterresistorerna för att förstärkningen skulle vara jämn vid olika temperaturer, då  $r_e$  varierar stort mellan olika transistorer. Även på differentialförstärkaren är det vanligt att använda emitterresistorer för att reducera olinjariteter och därmed minska distorsion, särskilt inom audioförstärkare.
- Däremot så fungerar differentialförstärkaren okej även utan emitterresistorer, eftersom den ändå är temperaturstabil. Detta beror på att det nu finns två transistorer och de har samma temperatur hela tiden.
- Även om spänningen mellan transistorernas baser och emitttrar förändras med temperaturen så kommer inte detta påverka deras kollektorströmmar, vilket medför att differentialförstärkarens utspänning inte förändras.
- Om man av någon anledning vill begränsa förstärkningen så kan emitterresistorer användas, precis som i ett GE-steg, se figuren till höger.
- Om emitterresistorer används måste formlerna för differentialförstärkning och Common Mode-förstärkning ovan modifieras, genom att man måste räkna med emitterresistansen  $R_E$  i täljaren.
- Med emitterresistorer kan differentialförstärkningen beräknas med formeln:

$$G_{DM} = - \frac{R_C}{R_E + r_e},$$

där  $R_C$  är kollektorresistorn på höger sida av differentialförstärkaren,  $R_E$  är emitterresistorn på en av sidorna och  $r_e$  är den inbyggda emitterresistansen på transistorerna på en av ingångarna.



## Inresistans för enkel BJT-differentialförstärkare i Differential Mode och Common Mode

- Inresistansen på de två transistorernas basar blir i Differential Mode lika med resistansen sedd från emittern multiplicerad med transistorens strömförstärkningsfaktor  $h_{FE}$ , precis som på ett GE-steg. Eftersom inga emitterresistorer finns så kan inresistansen enkelt beräknas:

$$R_{IN} = 2 * r_e * h_{FE}$$

- Inresistansen på respektive transistor kommer vara lika olika vid olika inspänningen, eftersom kollektorströmmarna då förändras, vilket förändrar den inbyggda emitterresistansen  $r_e$ . Dessutom kan vi inte garantera att transistorernas strömförstärkningsfaktorer är samma. För olika exemplar av samma transistormodell så kan  $h_{FE}$  ligga mellan 50–250 för varje transistor.
- Inresistansen på de två BJT-transistorerna i Differential Mode kan alltså beräknas med följande formel:

$$R_{IN,DM} = 2 * r_e * h_{FE},$$

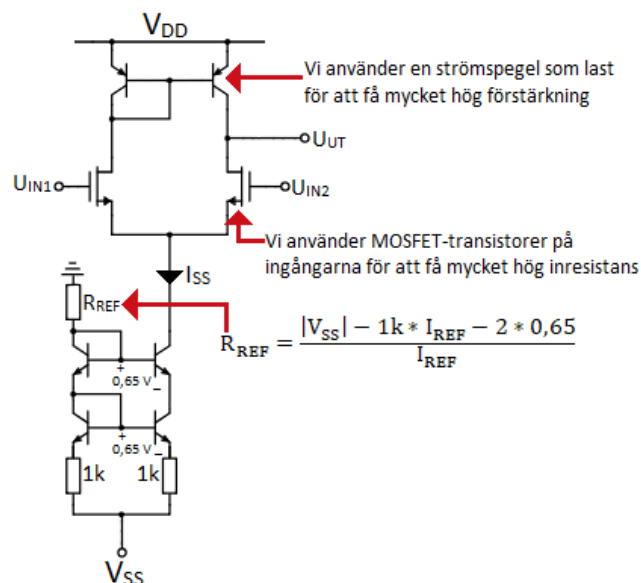
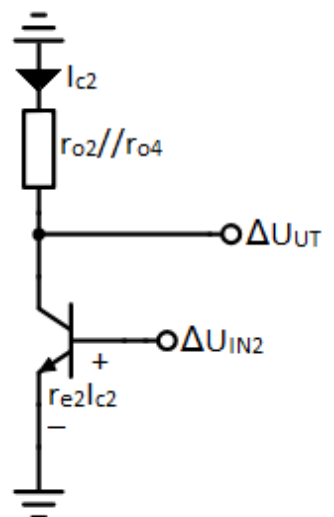
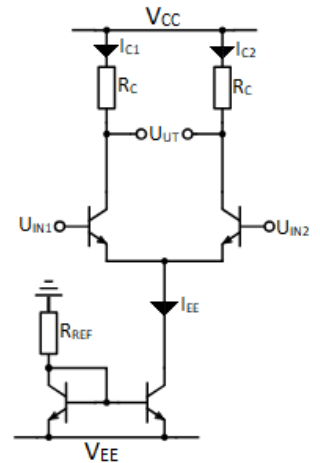
- där  $r_e$  är transistorernas respektive inbyggda emitterresistans och  $h_{FE}$  är transistorens strömförstärkningsfaktor.
- Som vi ser ovan så kommer inresistansen bli ett problem om BJT-transistorer används. Om vi antar att kollektorströmmarna alltid varierar runt 1 mA, exempelvis mellan 0,5–1,5 mA, så kan vi anta att  $r_e$  blir 25  $\Omega$ , eftersom

$$r_e = \frac{25}{I_C(mA)} \approx \frac{25}{1} = 25 \Omega$$

- Om vi antar att  $h_{FE}$  är 100 så blir därmed inresistansen på respektive transistor låg, på bara några k $\Omega$ !

$$R_{IN,DM} = r_e * h_{FE} \approx 25 * 100 = 2,5 \text{ k}\Omega$$

- Helst hade vi behövt inresistans på några G $\Omega$ , men åtminstone M $\Omega$ . Detta kan vi enkelt lösa genom att ersätta transistorerna på ingången med MOSFET-transistorer, eller placera sourceföljare framför differentialförstärkarens ingångar.

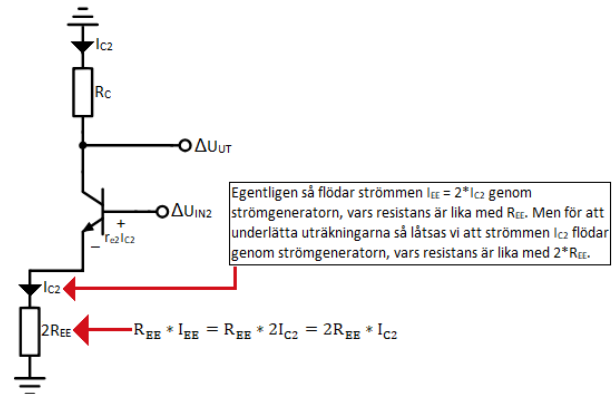


- I Common Mode måste vi räkna med resistansen  $R_{EE}$ , eftersom den inte blir cancellerad som i Differential Mode. Vi kan därför använda samma småsignalschema som vi använde för härledning av förstärkningsfaktorn i Common Mode. Ignorera att en kollektorresistor är utritad istället för den övre strömspegelns transistorer, då detta inte spelar någon roll för inresistansen.
- För att beräkna inresistansen i Common Mode så behöver vi bara beräkna på en av ingångarna. Inresistansen kommer vara samma på de två ingångarna. Vid jämvikt så kommer samma kollektorström flöda på de båda sidorna, vilket medför att  $r_{e1}$  och  $r_{e2}$  blir lika stora:

$$I_{C1} = I_{C2} = I_C \rightarrow r_{e1} = \frac{25}{I_{C(mA)}} = r_{e2}$$

$$\rightarrow r_{e1} = r_{e2} = r_e$$

- Samma formel gäller då för de båda ingångarna. Dock får vi ha i åtanke att de strömmen genom resistansen  $R_{EE}$  är dubbelt så stor som  $I_{C2}$ , vilket vi återigen förenklar genom att låtsas att strömmen  $I_{C2}$  flödar genom resistansen  $2R_{EE}$ .



- Detta medför att vi får räkna med

$$R_{EE} * I_{EE} = R_{EE} * 2I_C = 2R_{EE} * I_C$$

när vi beräknar inresistansen per ingång. Vi kan därmed rita ut det förenklade schemat nedan. Där ser vi att det ser ut som ett GE-steg med en emitterresistor  $2R_{EE}$ , som är lika med strömspegelns utresistans.

- Inresistansen på transistorernas basar (en av dem) är ungefär lika med all resistans från emitttern samt  $2R_{EE}$  multiplicerat med transistorns strömförstärkningsfaktor  $h_{FE}$ .

$$R_{IN,CM} \approx 2 * (r_e + 2R_{EE})h_{FE}$$

- För att härleda det exakta formeln så måste vi ha i åtanke att kollektorströmmen och emitterströmmen inte är exakta lika stora, eftersom emitterströmmen är lika med summan av kollektorströmmen och den mycket mindre basströmmen. Dock är de nästan identiska, vilket medför att denna skillnad brukar försummas:

$$I_E = I_C + I_B,$$

där

$$I_C = I_B * h_{FE},$$

vilket medför att

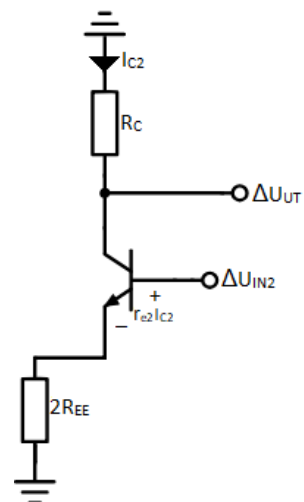
$$I_E = I_C + I_B = I_B * h_{FE} + I_B = I_B(h_{FE} + 1)$$

- I kretsen till höger så flödar emitterströmmen  $I_{E2}$  genom resistansen  $2R_{EE}$ , medan strömmen  $I_{C2}$  flödar genom  $r_{e2}$ . Eftersom vi utgår från basströmmen för beräkningen av inresistansen så måste vi multiplicera med en faktor  $h_{FE}$  för kollektorströmmen och en faktor  $h_{FE} + 1$  för emitterströmmen, se Appendix F för mer ingående förklaringar av beräkning av inresistansen.

- Därför så blir det exakta formeln för inresistansen i Common Mode lika med:

$$R_{IN,CM} = 2[r_e * h_{FE} + 2R_{EE}(h_{FE} + 1)]$$

- Formeln ovan gäller för en av ingångarna. Summan av dem är lika med den totala inresistansen för en av ingångarna.

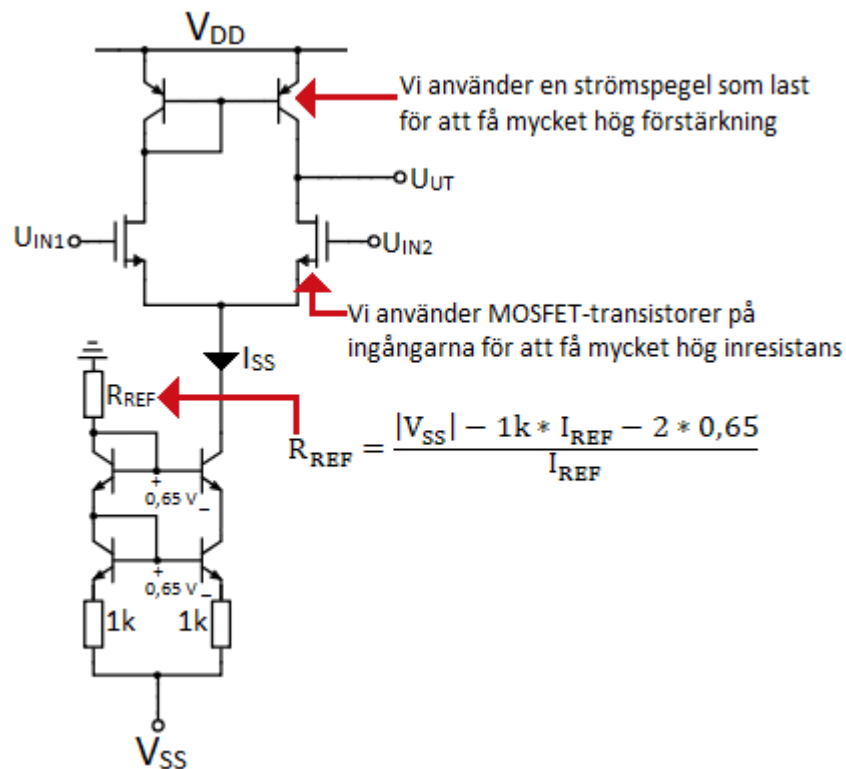


- Notera i formeln ovan att inresistansen i Common Mode är bra, även med BJT-transistorer. Om vi använder en förbättrad Kaskadkopplad strömspegel så kommer inresistansen i Common Mode ligga i området  $G\Omega$ , precis vad vi önskar. Men eftersom inresistansen i Differential Mode är så låg så bör vi ändå använda MOSFET-transistorer på ingångarna.

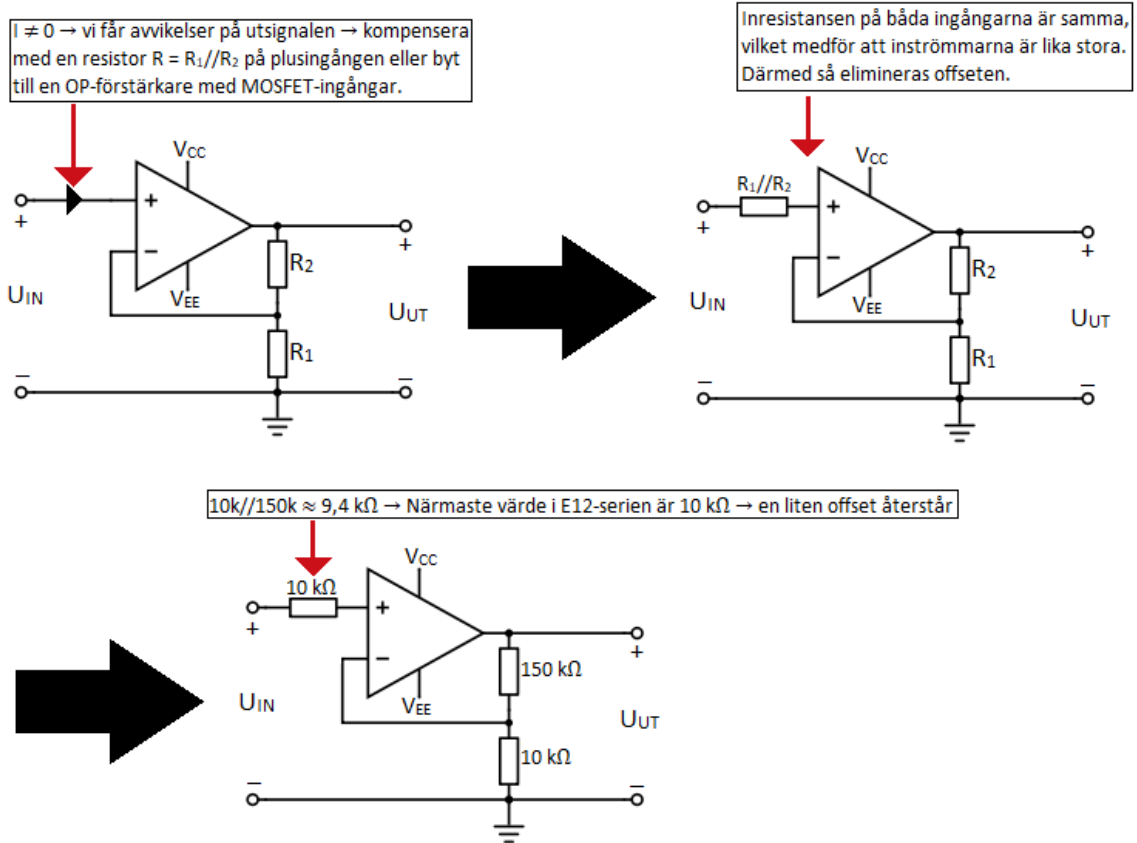


### Differentialförstärkaren med MOSFET-ingångar för ökad inresistans

- Som vi såg tidigare så medför BJT-transistorer på differentialförstärkarens ingångar att inresistansen i Differential Mode blir väldigt låg, vilket inte är bra. Utan emitterresistorer så kan vi räkna med att inresistansen då hamnar omkring några kΩ, men vi behöver helst GΩ, åtminstone MΩ, för att inte riskera en rad nackdelar, se nedan.
- För att öka differentialförstärkarens inresistans så kan BJT-transistorerna på ingångarna ersättas med MOSFET-transistorer, se figuren nedan. MOSFET-transistorernas höga inresistans har flera fördelar, bland annat lägre strömförbrukning, ingen påverkan av utresistanser från signalgeneratorer eller tidigare steg samt att vi inte behöver oroa oss för att inströmmarna blir olika stora, vilka kan orsaka så kallad offset, dvs. att utsignalens värde blir fel på grund av att ingångsströmmarna på de två ingångarna är olika stora. Om MOSFET-transistorer används så blir inströmmarna så små att skillnaden blir försumbar och ingen märkbar offset uppstår.
- Den främsta nackdelen med att använda MOSFET-transistorer på ingångarna är att förstärkningen kommer bli lägre än om vi hade använt BJT-transistorer. Med strömspegel som last så kan förstärkningsfaktorn uppnå -2000 eller mer med BJT-transistorer och omkring -200 eller mer med MOSFET-transistorer. Dock kan vi enkelt öka förstärkningen i efterföljande steg, som vanligtvis är en spänningsförstärkare, exempelvis ett GE-steg eller ett GS-steg.



- Om BJT-transistorer används på ingångarna så kan skillnaden mellan strömmarna på de två ingångarna bli så stor att utsignalen påverkas så att vi får en avvikelse, en så kallad offset. Som exempel, om inspänningen sätts till 0 V och utspänningen blir 0,2 V istället för 0 V så har vi en offset på 0,2 V, orsakad av strömskillnaden mellan de två ingångarna. Då måste vi korrigera detta med en extern resistor på en av ingångarna så att ingångsresistanserna blir lika stora. Då blir inströmmarna lika stora och offseten elimineras. Dock så kanske det inte är möjligt att få tag på en resistor som är lika med inresistansen på den andra ingången. Då kan man testa att parallellkoppla två resistorer som är lika stora som de två

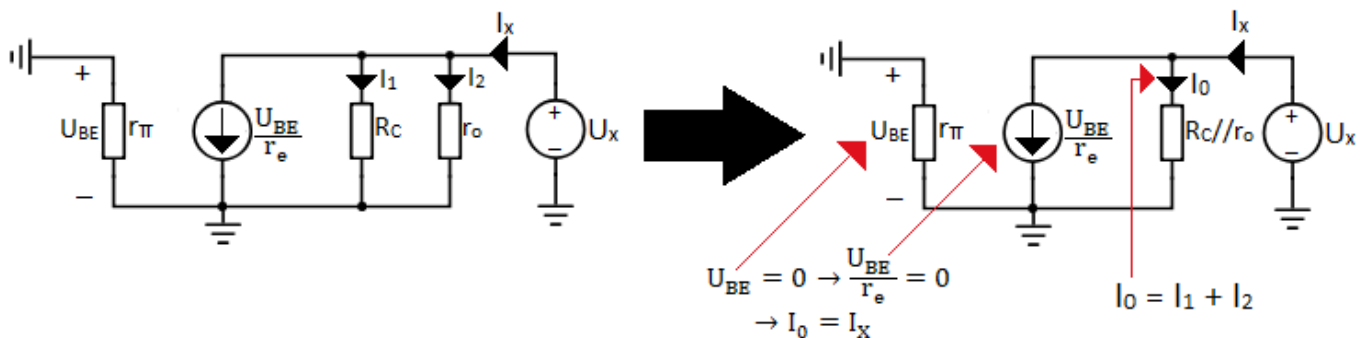
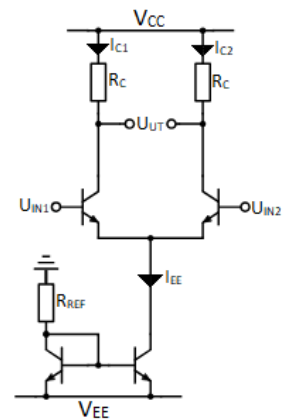


resistorerna på den andra ingången eller acceptera en liten offset.

- Det bästa och effektivaste sättet att eliminera offset är dock, som tidigare nämntes, att använda MOSFET-transistorer på ingångarna, som på grund av sina höga inresistans medför att ingångsströmmen blir så liten att offseten blir försumbar. Nästan alla moderna OP-förstärkare är därför konstruerade med MOSFET-transistorer på ingångssteget.

### Härledning av utresistansen på en enkel BJT-differentialförstärkare i Differential Mode

- För att beräkna utresistansen på differentialförstärkaren till höger så kortsluter vi återigen in- och utspänningen och placerar en späningskälla  $U_x$  på utgången.
- Därefter ritar vi ut småsignalschemat för GE-steget, se den vänstra figuren nedan.
- Vi noterar återigen att kollektorresistorn  $R_C$  och transistorns utresistans  $r_o$  är parallellkopplade. Därför ersätter vi dessa med en ersättningsresistans som är lika med  $R_C//r_o$ . Vi ritar sedan om småsignalschemat till det högra nedan.



- I denna uppgift skall vi börja med att göra några förenklingar, se den högra figuren ovan:
- När emitterresistor saknas så blir bas-emitterspänningen  $U_{BE}$  lika med noll, vilket man lätt kan visa med Kirchhoffs spänningslag. Vi börjar från toppen av basen och går ned till emittern, dvs. från jord till jord:

$$-U_{BE} - 0 = 0 \rightarrow U_{BE} = 0$$

- Eftersom  $U_{BE}$  är lika med noll så blir också strömmen  $\frac{U_{BE}}{r_e}$  lika med noll:

$$U_{BE} = 0 \rightarrow \frac{U_{BE}}{r_e} = \frac{0}{r_e} = 0$$

- Därefter utför vi beräkningarna. Utresistansen beräknas med följande formel:

$$R_{UT} = \frac{U_x}{I_x}$$

- Vi kör Kirchhoffs spänningslag för att härleda formel för spänningen  $U_x$ :

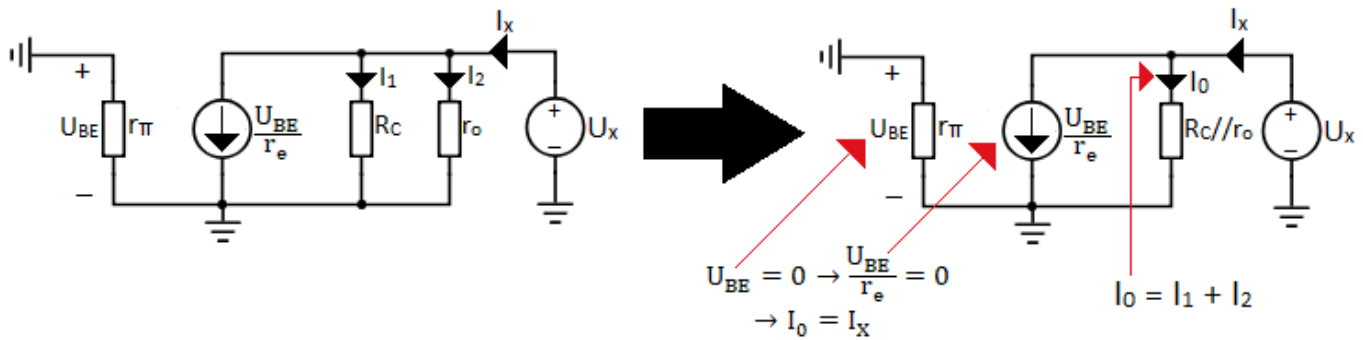
$$U_x - R_C//r_o * I_0 = 0$$

$$\rightarrow U_x = R_C//r_o * I_0$$

- Vi använder Kirchhoffs strömlag för att härleda en formel för strömmen  $I_0$ .

- Som synes så är strömmen  $I_x$  lika med summan av strömmarna  $I_0$  och  $\frac{U_{BE}}{r_e}$ :

$$I_x = I_0 + \frac{U_{BE}}{r_e} \rightarrow I_0 = I_x - \frac{U_{BE}}{r_e}$$



- Vi såg tidigare att  $\frac{U_{BE}}{r_e}$  är lika med noll när emitterresistor saknas:

$$\frac{U_{BE}}{r_e} = 0$$

- Därför blir strömmarna  $I_x$  och  $I_0$  lika stora:

$$\rightarrow I_x = I_0 + \frac{U_{BE}}{r_e} = I_0 + 0 = I_0$$

- Vi kan därför byta ut strömmen  $I_0$  mot  $I_x$  i formeln för spänningen  $U_x$  ovan:

$$U_x = R_C // r_o * I_0 = R_C // r_o * I_x$$

- Därefter kan vi beräkna utresistansen:

$$R_{UT} = \frac{U_x}{I_x} = \frac{R_C // r_o * I_x}{I_x} = R_C // r_o$$

- Utan emitterresistor så blir alltså utresistansen lika med parallellkopplingen bestående av kollektorresistorn och transistorns utresistans, dvs.  $R_C // r_o$ .

- Vi kan också anta att transistorns utresistans  $r_o$  är mycket större än kollektorresistorn  $R_C$ . Då kan utresistansen försummas:

$$R_C // r_o \approx R_C$$

- Det är lätt att komma ihåg att transistorns utresistans utan emitterresistor är ungefär lika med kollektorresistorn  $R_C$ .

- För GE-steg u så gäller alltså följande formel för utresistansen i Differential Mode:

$$R_{UT} = R_C // r_o \approx R_C$$

- Utresistansen hade blivit samma om emitterresistor användes. Det är endast om en last hade placerats på utgången som utresistansen hade blivit lika med

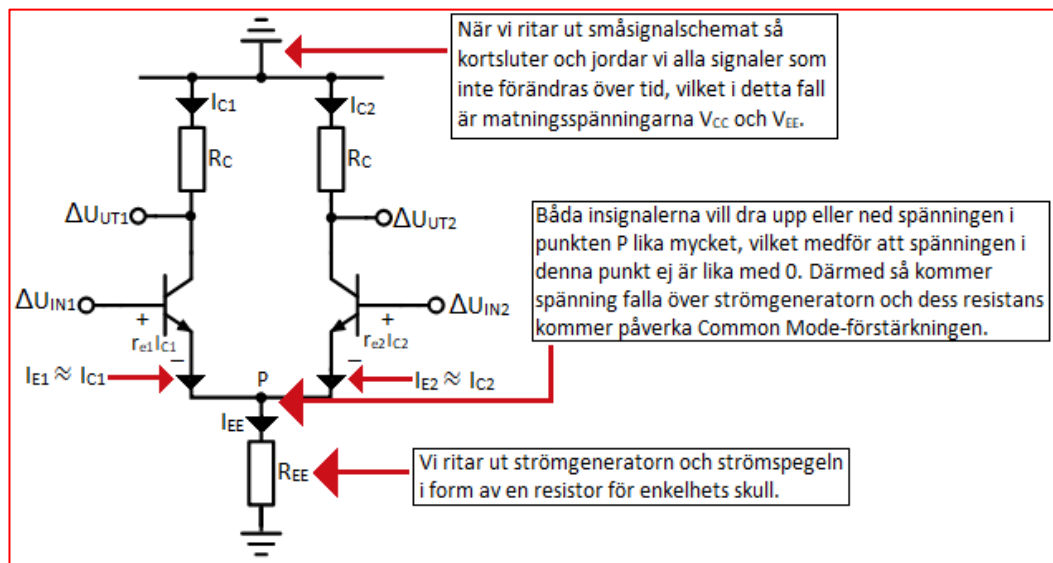
$$R_{UT, LAST} = R_C // R_L // r_o,$$

där  $R_L$  är lastens resistans. Detta formel kan sedan avrundas till

$$R_{UT, LAST} \approx R_C // R_L$$

### Härledning av utresistansen i Common Mode

- För att beräkna utresistansen i Common Mode så utför vi samma beräkningar som i Differential Mode, med skillnaden att vi måste ha resistorn  $R_{EE}$  eller motsvarande strömgenerator i åtanke.



- Vi utför beräkningar på en av ingångarna och måste ha i åtanke att de två ingångarna nu kommer dela på resistansen  $R_{EE}$ . Dock får vi komma ihåg att det kommer flöda dubbelt så hög ström genom  $R_{EE}$  som genom  $r_{e2}$  och  $R_C$ , eftersom  $I_{EE} = I_{C1} + I_{C2} = 2 * I_C$ , där strömmen genom  $R_{EE}$  är lika med

$$I_{EE} = I_{C1} + I_{C2},$$

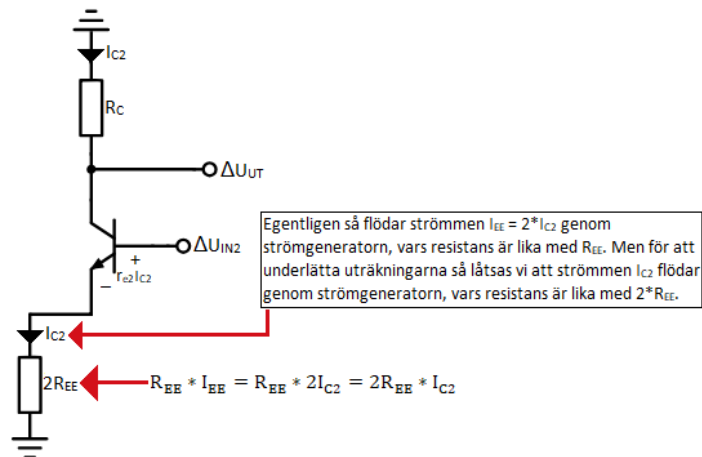
där

$$I_{C1} = I_{C2} \rightarrow I_{EE} = 2I_C$$

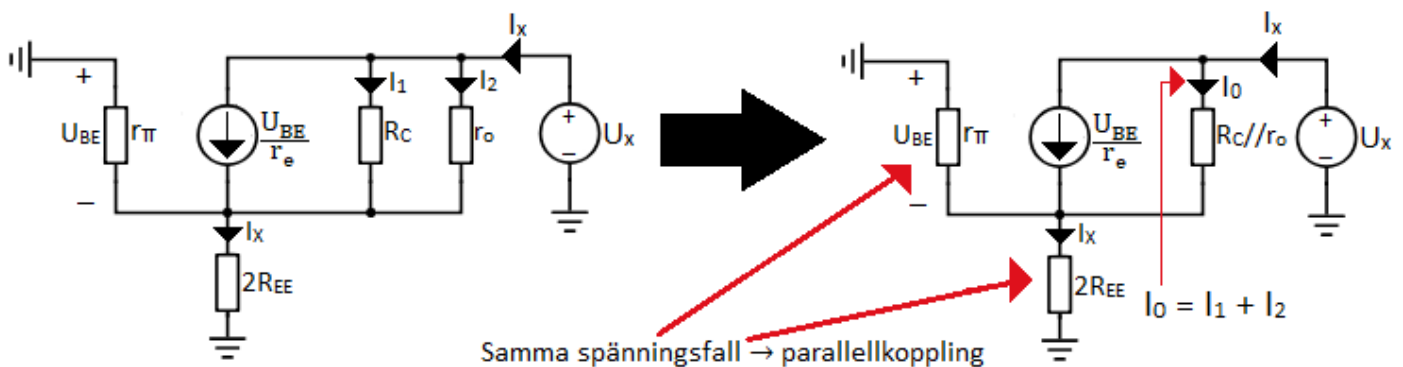
- Detta medför att våra beräkningar direkt kan förenklas att göra följande observation:

$$R_{EE} * I_{EE} = R_{EE} * 2I_C = 2R_{EE} * I_C$$

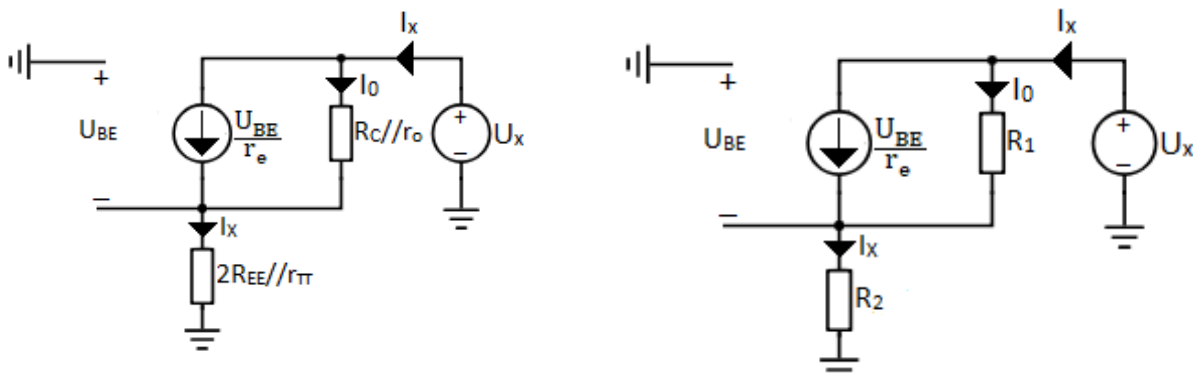
- Vi beräknar därmed med  $R_{EE}$  för varje sida nedan, se figuren nedan. Som synes så kan  $R_{EE}$  tänkas fungera som en emitterresistor:



- Beräkningarna för utresistansen i Common Mode är ungefär samma som för utresistansen i Differential Mode, med skillnaden att vi har en emitterresistor  $R_{EE}$ . I beräkningen så låtsas vi att det inte är något annat än en helt vanlig emitterresistor.
- Vi kan därmed rita ut det ekvivalenta schemat för att beräkna utresistansen  $R_{UT}$ :



- Notera att resistansen  $r_{\pi}$  och resistansen  $2R_{EE}$  också är parallellkopplade, eftersom de båda är anslutna till samma punkt på ena sidan och båda är anslutna till jord på andra sidan. Därmed är spänningsfallet över de båda resistanserna samma. Vi ersätter därför dessa resistanser med en ersättningsresistans som är lika med  $2R_{EE} // r_{\pi}$ , som vi placerar i emitttern. Därefter ritas vi om schemat till det vänstra nedan.



- För att underlätta beräkningen av utresistansen så inför vi beteckningarna  $R_1$  och  $R_2$  i småsignalschemat, se den högra figuren ovan.

Följande gäller för dessa storheter:

$$R_1 = R_C // r_o$$

$$R_2 = 2R_{EE} // r_\pi$$

- Eftersom ingången är kortsluten så medför det bas-emitterspänningen är lika med noll och att transistorn är strypt. Detta förenklar våra beräkningar, eftersom spänningsfallet över emittern ( $R_2$  i detta fall) är lika med noll:

$$U_{BE} = 0$$

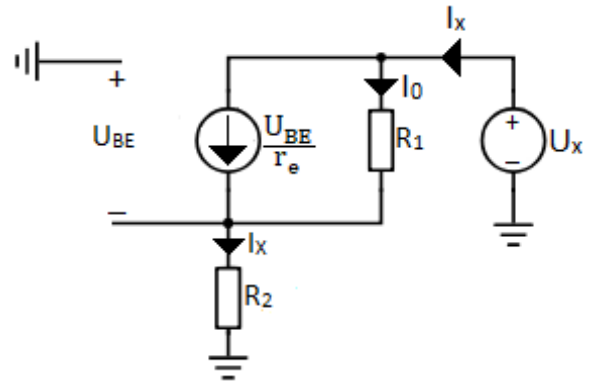
- Därefter utför vi beräkningarna. Utresistansen beräknas med följande formel:

$$R_{UT} = \frac{U_X}{I_X}$$

- Vi kör Kirchhoffs spänningslag för att härleda formel för spänningen  $U_X$ :

$$U_X - R_1 * I_0 - R_2 * I_X = 0$$

$$\rightarrow U_X = R_1 * I_0 + R_2 * I_X$$



- Vi använder Kirchhoffs strömlag för att härleda en formel för strömmen  $I_0$ .

- Som synes så är strömmen  $I_X$  lika med summan av strömmarna  $I_0$  och  $\frac{U_{BE}}{r_e}$ :

$$I_X = I_0 + \frac{U_{BE}}{r_e} \rightarrow I_0 = I_X - \frac{U_{BE}}{r_e}$$

- Eftersom bas-emitterspänningen  $U_{BE}$  är lika med noll så ser vi att strömmen  $I_0$  är lika med  $I_X$ :

$$I_0 = I_X - \frac{U_{BE}}{r_e} = I_X - \frac{0}{r_e} = I_X - 0 = I_X$$

$$\rightarrow I_0 = I_X$$

- Dessutom så blir spänningsfallet över emittern, dvs. resistor  $R_2$  ovan, lika med noll:

$$-U_{BE} - R_2 I_X = 0 \rightarrow U_{BE} = -R_2 I_X = 0$$

$$\rightarrow R_2 I_X = 0$$

- Därmed så kan vi bryta ut eliminera detta spänningsfall ur formeln för spänningen  $U_X$  ovan:

$$\rightarrow U_X = R_1 * I_0 + R_2 * I_X = R_1 * I_0 + 0$$

$$\rightarrow U_X = R_1 I_0$$

- Vi såg också ovan att strömmen  $I_0$  är lika med  $I_X$  så vi kan ersätta strömmen  $I_0$  med  $I_X$  i formeln ovan:

$$I_0 = I_X$$

$$\rightarrow U_X = R_1 I_X$$

- Vi kan därefter härleda en formel för utresistansen:

$$R_{UT} = \frac{U_X}{I_X} = \frac{R_1 I_X}{I_X} = R_1$$

- Därefter ersätter vi beteckningen  $R_1$  med den egentliga storheten:

$$R_1 = R_C // r_o$$

- Därmed så är utresistansen i Common Mode lika med

$$R_{UT} = R_C // r_o,$$

som kan avrundas till

$$R_{UT} \approx R_C$$

- Alltså är utresistansen samma i Differential Mode som Common Mode. Den hade också varit samma om emitterresistorer användes. Det är endast om en last hade placerats på utgången som utresistansen hade blivit lika med

$$R_{UT, LAST} = R_C // R_L // r_o,$$

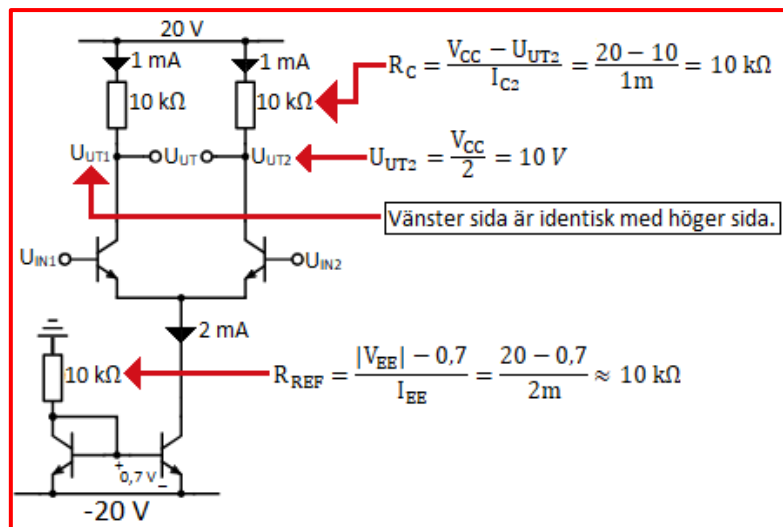
där  $R_L$  är lastens resistans. Denna formel kan sedan avrundas till

$$R_{UT, LAST} \approx R_C // R_L$$



#### 4.4.x - Dimensionering av en enkel differentialförstärkare

- Dimensionering av differentialförstärkaren görs precis som GE-steget i den så kallad vilopunkten, dvs. utan insignaler till förstärkarsteget.



- Precis som för GE-steget så bör kollektorresistorerna dimensioneras så att utspänningarna  $U_{IN1}$  och  $U_{IN2}$  är lika med halva matningsspänningen utan insignalerna på ingångarna. Detta görs för att sätta utsignalen i mittpunkten mellan det högsta och det minsta värdet som utsignalen kan anta.
- För differentialförstärkaren så är mittpunkten mitt emellan den positiva matningsspänningen  $V_{CC}$  och jord (0 V), vilket i exemplet ovan är mittpunkten mellan 0 och 20 V, dvs. 10 V. Resten av spänningen ( $V_{EE}$  upp till jord) skall falla över strömspegeln.
- Vi sätter därför de två utsignalerna till halva den positiva matningsspänningen i vilopunkten, dvs. 10 V:

$$U_{UT1} = U_{UT2} = \frac{V_{CC}}{2} = \frac{20}{2} = 10\text{ V}$$

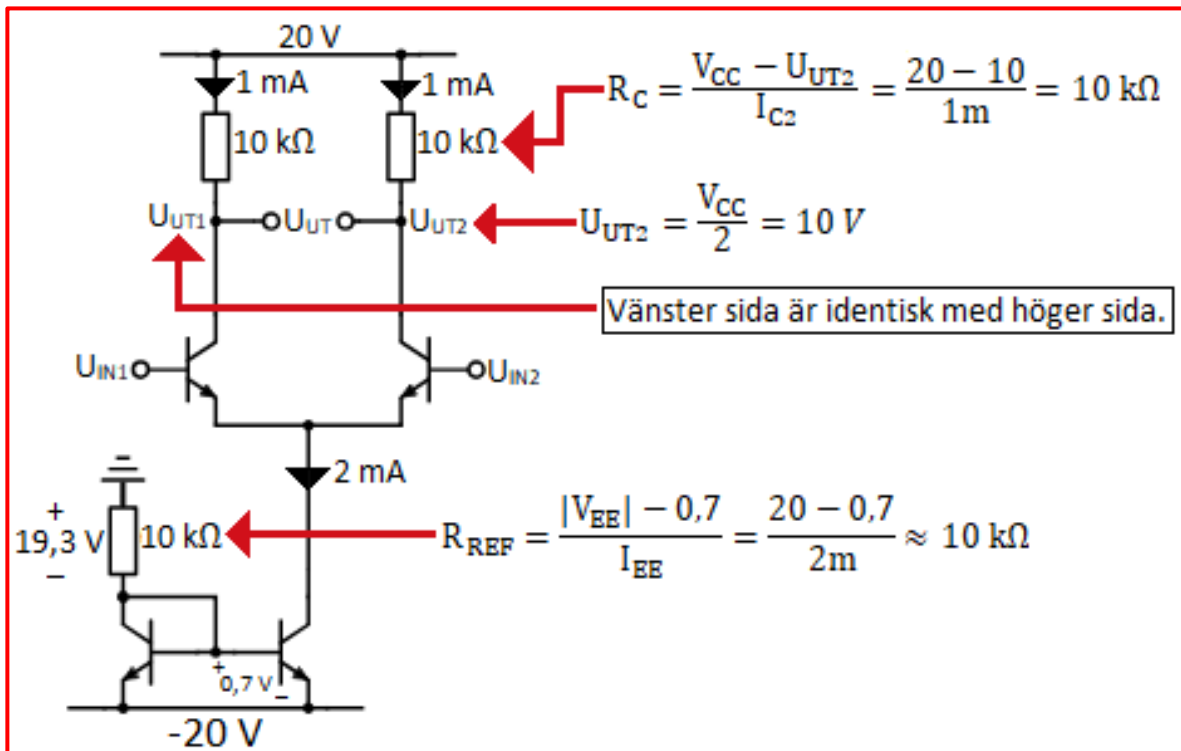
- Ett lämpligt värde på kollektorresistorerna beräknar vi sedan med Ohms lag på valfri sida av differentialförstärkaren. Det spelar ingen roll vilken sida vi väljer, för de är identiska. Dock väljer vi höger i detta fall. Eftersom 10 V av de 20 V vi fick från den positiva matningsspänningen togs av  $U_{UT2}$  så hamnar resten, dvs. 10 V, över kollektorresistorn. Dela detta värde med kollektorströmmen i vilopunkten (1 mA) så ser vi att vi bör använda kollektorresistorer vars resistans är lika med 10 kΩ:

$$R_C = \frac{V_{CC} - U_{UT2}}{I_{C2}} = \frac{20 - 10}{1\text{mA}} = 10\text{ k}\Omega$$

- Referensresistorn  $R_{REF}$  måste väljas ovan så att rätt ström  $I_{EE}$  flödar genom strömgeneratorn. Om vi antar att vi vill att strömmen på de två sidorna av differentialförstärkaren i jämvikt skall vara 1,0 mA var så skall strömmen  $I_{EE}$  genom strömgeneratorn vara lika med  $1,0\text{mA} + 1,0\text{mA} = 2,0\text{mA}$ . Därför så hade ett lämpligt värde på referensresistorn kunnat beräknas med formeln

$$R_{REF} = \frac{|V_{EE}| - 0,7}{I_{EE}},$$

där  $|V_{EE}|$  är absolutbeloppet av den negativa matningsspänningen och 0,7 V är spänningsfallet mellan strömgeneratorns (den högra transistorens) bas och emitter.



- Av de -20 V vi får från den negativa matningsspänningen så kommer alla dessa 20 V, förutom de 0,7 V som faller över området mellan strömgeneratorns bas och emitter, falla över referensresistorn. Det kommer alltså falla 19,3 V över referensresistorn.
- Vi kan också visa detta med Kirchhoffs spänningslag, där vi går från den negativa matningsspänningen upp till jord. Låt oss benämna spänningsfallet över referensresistorn  $U_{REF}$ :

$$V_{EE} + 0,7 + U_{REF} = 0 \rightarrow U_{REF} = -V_{EE} - 0,7 = -(-20) - 0,7 = 20 - 0,7 = 19,3\text{ V}$$

- Om vi då vill att strömmen  $I_{EE}$  skall bli 2 mA så vill vi också att referensströmmen genom referensresistorn är lika med 2 mA. Därmed så kan vi enkelt beräkna ett lämpligt värde på referensresistorn:

$$R_{REF} = \frac{20 - 0,7}{2\text{mA}} = \frac{19,3}{2\text{mA}} = 9,65\text{ k}\Omega$$

- Närmaste värdet i E12-serien är 10 kΩ, som dock medför att strömmen  $I_{EE}$  blir lite mindre än väntat. I de flesta fall är detta okej, men om strömmen  $I_{EE}$  måste vara lika med 2 mA så hade vi kunnat införskaffa resistorer i en annan resistorserie. Detta kanske kostar lite mer, men förmodligen väldigt lite.
- Med en referensresistor på 10 kΩ så blir strömmen  $I_{EE}$  lika med:

$$I_{EE} = \frac{19,3}{10\text{k}} = 1,93\text{ mA}$$

- Som vi kommer se längre frami kapitlet så beräknas differentialförstärkningen precis som på ett GE-steg utan emitterresistor:

$$G_{DM} = -\frac{R_C}{r_{e1}} = -\frac{R_C}{r_{e2}},$$

där  $R_C$  är storleken kollektorresistorerna och  $r_{e1}$  samt  $r_{e2}$  är den inbyggda emitterresistansen på respektive ingångstransistor Q1 samt Q2, som kan beräknas med formeln

$$r_{e1} = \frac{26}{I_{C1(mA)}}$$

samt

$$r_{e2} = \frac{26}{I_{C2(mA)}},$$

där  $I_{C1(mA)}$  samt  $I_{C2(mA)}$  är ingångstransistorer Q1:s samt Q2:s respektive kollektorström, mätt i mA.

- Eftersom kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  är lika stora:

$$I_{C1} = I_{C2}$$

så blir då också  $r_{e1}$  samt  $r_{e2}$  lika stora, eftersom

$$r_{e1} = r_{e2} = \frac{26}{I_{C1(mA)}} = \frac{26}{I_{C2(mA)}}$$

- Eftersom kollektorströmmarna  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  båda är satta till 1 mA i vilopunkten så blir de inbyggda emitterresistanserna  $r_{e1}$  samt  $r_{e2}$  lika med 26  $\Omega$ , då

$$r_{e1} = \frac{26}{I_{C1(mA)}} = \frac{26}{1} = 26 \Omega$$

samt

$$r_{e2} = \frac{26}{I_{C2(mA)}} = \frac{26}{1} = 26 \Omega$$

- Därmed blir differentialförstärkningen  $G_{DM}$  lika med -400, då

$$G_{DM} = -\frac{R_C}{r_{e1}} = -\frac{R_C}{r_{e2}} = \frac{-10k}{25} = -400$$

- Därmed är differentialförstärkningen  $G_{DM}$  i detta fall relativt hög, men kan bli mycket högre genom att kollektorresistorer  $R_C$  ersätts med en strömspegel, föredragsvis en kaskadkopplad sådan. Ytterligare högre förstärkning kan erhållas ifall en teleskopiskt kaskadkopplad differentialförstärkare används, i likhet med de teleskopiskt kaskadkopplade spänningsförstärkare vi har sett tidigare. Vi kommer se mer av detta längre fram i kapitlet.
- Vi kommer också se längre fram att differentialförstärkarens Common Mode-förstärkning  $G_{CM}$  kan beräknas med formeln:

$$G_{CM} = -\frac{R_C}{2R_{EE} + r_e},$$

där  $R_{EE}$  är strömspegelns utresistans. Det är svårt att veta exakt hur hög denna resistans är, men en bra uppskattning är 1 M $\Omega$ .

- Därmed så beräknar vi Common Mode-förstärkningen:

$$G_{CM} = -\frac{R_C}{2R_{EE} + r_e} = -\frac{10k}{2 * 1M + 25} \approx -0,005$$

- Common Mode-förstärkningen är relativt låg, vilket är positivt. Dock hade vi kunnat göra Common Mode-förstärkningen omkring 100 gånger mindre om vi hade använt en mer avancerad strömspegel, exempelvis en förbättrat Kaskadkopplad strömspegel.
- Differentialförstärkarens utresistans blir, precis som på ett GE-steg, lika med:

$$R_{UT} \approx R_C = 10 \text{ k}\Omega$$

- För att beräkna inresistansen så antar vi att strömförstärkningsfaktorn är lika med 50 (värstafallscenariot).
- Inresistansen i Differential Mode är minst lika med:

$$R_{IN,DM} \approx 2 * h_{FE} * r_e = 50 * 25 = 2,5 \text{ k}\Omega$$

- Detta var som sagt inresistansen i värstafallscenariot, dvs. lägsta möjligt värde. Eftersom BJT-transistorers strömförstärkningsfaktor kan variera mellan 50–250 så kan inresistansen vara upp till fem gånger högre, dvs. upp till 12,5 kΩ. Dock är detta inte särskilt högt i vilket fall, vilket medför att MOSFET-transistorer ofta föredras på differentialförstärkarens ingångar.
- För att beräkna inresistansen i Common Mode så måste vi uppskatta strömspegelns resistans. Vi kan inte ta reda på ett exakt värde, men 1 MΩ är normalt på enkla strömspeglar som den ovan. Vi antar därför att strömspegelns resistans  $R_{EE}$  är lika med 1 MΩ.
- Inresistansen i Common Mode uppskattas därför vara minst lika med:

$$R_{IN,CM} \approx 2 * h_{FE} * (r_e + R_{EE}) = 2 * 50 * (25 + 1M) \approx 100 \text{ M}\Omega$$

- Inresistansen i Common Mode är därmed helt okej, men lågt ifrån lika hög som om MOSFET-transistorer hade använts.

## Strömspegel som last för att maximera differentialförstärkningen

- I IC-kretsar, exempelvis OP-förstärkare, så brukar en strömspegel användas i stället för kollektorresistorerna, se figuren till höger. Detta också ökar differentialförstärkningen samt att det generellt tar upp mindre yta, särskilt när man använder CMOS-transistorer. Resultatet blir extremt hög differentialförstärkning, under förutsättningarna att differentialförstärkaren används i en feedback-loop samt att efterföljande steg har mycket hög inresistans.
- När en strömspegel ersätter kollektorresistorerna så gäller följande formel för differentialförstärkningen:

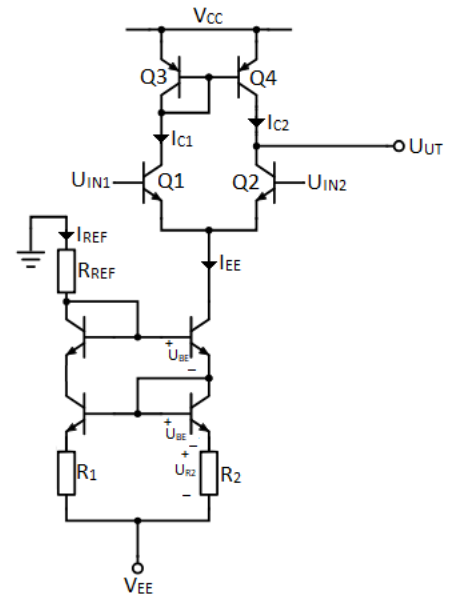
$$G_{DM} = -\frac{r_{o2}/r_{o4}}{r_{e2}}$$

där  $r_{o2}$  och  $r_{o4}$  är varje utresistansen på transistor Q2 respektive Q4 och  $r_{e2}$  är transistor Q2:s inbyggda emitterresistans. Notera att förstärkningen nu inte blir halverad, trots att vi bara har en utgång.

- Detta beror på att strömspegeln är konstruerad på så sätt att den vänstra sidan av differentialförstärkaren utgör strömspegelns referenskrets, därav är transistor Q3:s bas och kollektor sammankopplade.
- Strömspegeln kopierar därmed transistor Q1:s kollektorström  $I_{C1}$  till höger sida av strömspegeln, vilket medför att transistor Q2:s kollektorström  $I_{C2}$  är en kopia av  $I_{C1}$ :

$$I_{C1} = I_{C2}$$

- Strömspegels funktion är att se till att det alltid flödar samma ström  $I_{C1}$  samt  $I_{C2}$  på de två sidorna av transistorerna. Som exempel, antag att vi startar med differentialförstärkaren i jämvikt, dvs. de två insignalerna är lika stora, vilket medför att utsignalen är lika med noll.
- Vi skall nu utföra samma exempel som vi gjorde tidigare på differentialförstärkare med en samt två utgångar. Där noterade vi att spännings- och strömförändringen blev dubbelt så hög när vi använder två utgångar istället för en. För en viss skillnad mellan insignalerna så blev strömförändringen 0,4 mA med två utgångar och 0,2 mA med en utgång. Detta medförde också att utspänningen blev dubbelt så hög med två utgångar.



**Exempel 1: Inspänningen på vänster sida är större än inspänningen på höger sida**

- Låt oss anta att strömspegeln (den nedre delen i figuren till höger) har dimensionerats så att strömmen som flödar genom den alltid är lika med 2,0 mA, se  $I_{EE}$  i figuren till höger. Vid jämvikt så kommer då kollektorströmmarna på de två sidorna, se  $I_{C1}$  och  $I_{C2}$  till höger, vara 1,0 mA var.
- Om inspänningen på den vänstra sidan nu skulle öka medan inspänningen på den högra sidan förblir konstant så kommer den vänstra kollektorströmmen öka, låt oss anta att den ökar till 1,2 mA.
- Med tanke på att endast 2,0 mA kommer flöda genom den strömgeneratorn så medför detta att den högra kollektorströmmen kommer minska till  $2,0 - 1,2 = 0,8$  mA. Detta medför att utsignalen kommer öka lite, eftersom

$$V_{CC} - (r_{o2}/r_{o4}) * I_{C2} - U_{UT} = 0 \rightarrow U_{UT} = V_{CC} - (r_{o2}/r_{o4}) * I_{C2}$$

- Som synes så kommer utspänningen  $U_{UT}$  minska om den högra kollektorspänningen  $I_{C2}$  ökar. För en vanlig differentalförstärkare med drainresistor så hade därmed den vänstra kollektorströmmen varit 1,2 mA och den högre varit 0,8 mA.

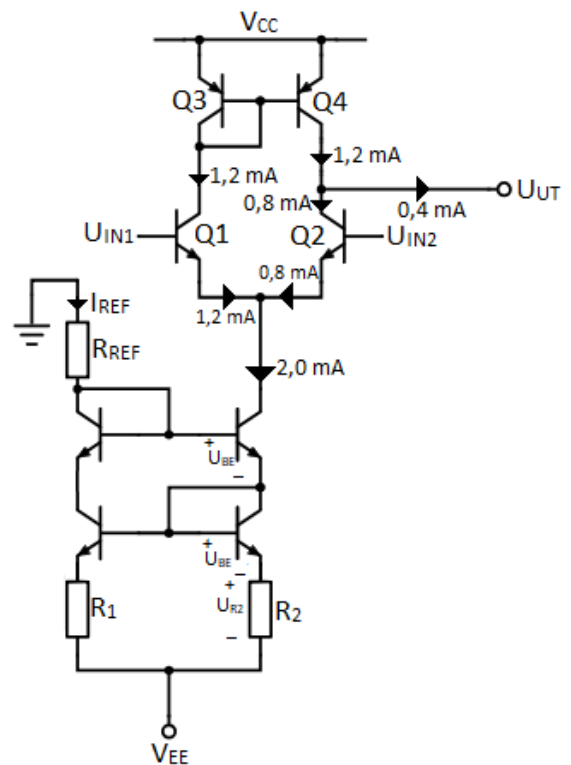
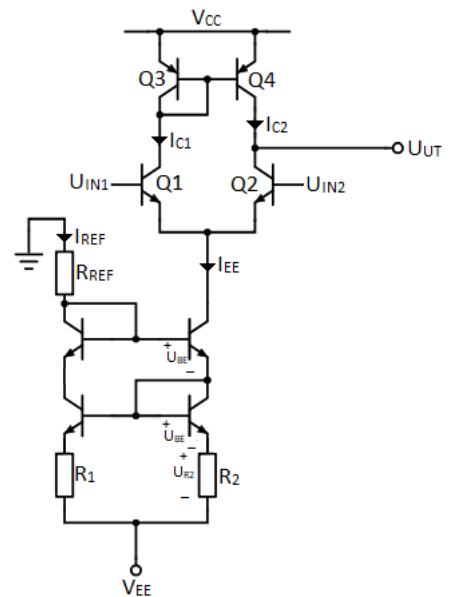
- Dock så kopierar strömgeneratorn strömmen från den vänstra sidan till den högra, vilket medför att den högra kollektorströmmen också blir 1,2 mA. Då blir summan av kollektorströmmarna lika med 2,4 mA, men i strömgeneratorn så kan de endast flöda 2,0 mA, eftersom den dimensionerats till detta.

- Vad händer med de  $2,4 - 2 = 0,4$  mA som uppkom när den högra kollektorströmmen ökade, om de inte kommer flöda genom strömgeneratorn?

- Jo, dessa 0,4 mA som den högra kollektorströmmen ökade med kommer istället flöda från transistor Q4:s kollektor till utgången. Därmed så blev strömförändringen på utgången 0,4 mA, lika mycket som på en differentalförstärkare med två utgångar, som vi mätte tidigare i kapitlet. Därmed höjs utsignalen ytterligare.

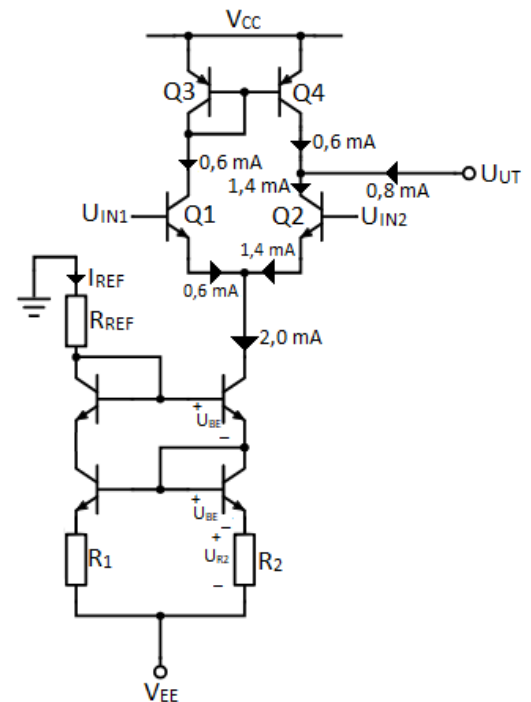
- Notera att vid detta tillfälle så kommer transistor Q4:s kollektorström vara 1,2 mA, medan transistorn nedanför den, Q2, har en kollektorström på 0,8 mA.

- Eftersom utsignalen är ansluten till den högra sidan så kommer Q4 och Q2 ha olika kollektorströmmar i Differential Mode. Endast i jämvikt (Common Mode) är kollektorströmmar på differentalförstärkarens högra sida identiska. Dessa kollektorströmmar kommer i detta fall också vara identiska med kollektorströmmarna på den vänstra sidan.
- Transistorerna Q3 och Q1 har identiska kollektorströmmar på 1,2 mA. Eftersom utsignalen inte tas från den vänstra sidan så är kollektorströmmarna på den vänstra sidan alltid identiska.



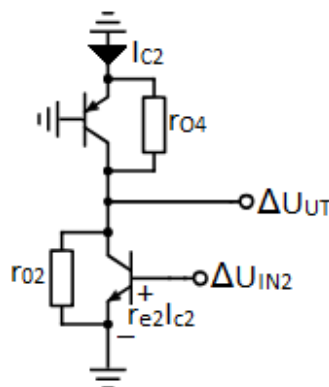
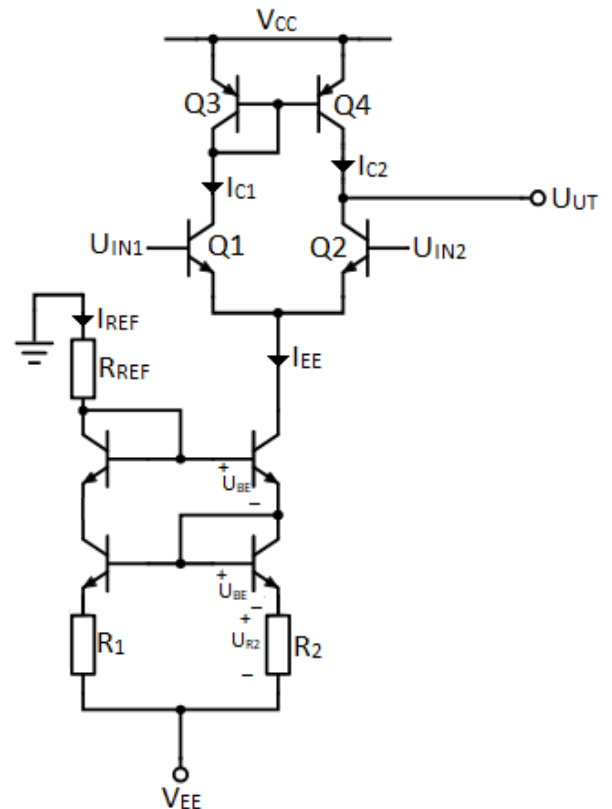
**Exempel 2: Inspänningen på vänster sida är lägre än inspänningen på höger sida**

- Låt oss istället anta att vi återigen startar med differentialförstärkaren i jämvikt. Då är de två insignalerna lika stora och utspänningen är därmed lika med noll.
- Om nu inspänningen på den högra sidan minskar, medan inspänningen på den högra fortfarande är samma, så kommer kollektorströmmen på den vänstra sidan minska och kollektorströmmen på den högra sidan öka.
- Låt oss anta att  $I_{C2}$  ökar med 0,4 mA till 1,4 mA. Då kommer kollektorströmmen på den vänstra sidan,  $I_{C1}$ , minska med lika mycket, dvs. från 1,0 mA till 0,6 mA. Strömmen ned till strömgeneratorn kommer alltid vara 2,0 mA, men strömspegeln kopierar  $I_{C1}$  till  $I_{C2}$ , vilket medför att  $I_{C2}$  minskar till 0,6 mA.
- Vad händer med de övriga 0,8 mA? De tas från utsignalen, som förser den högra sidan av differentialförstärkaren med ström. Vid sådana situationer så blir utspänningen negativ.
- Notera nu att Q4:s kollektorström är lika med 0,6 mA, medan transistorn nedanför den, Q2, har en kollektorström på 1,4 mA.
- Transistor Q3 och Q1 har identiska kollektorströmmar på 0,6 mA. Eftersom utsignalen inte tas från den vänstra sidan så kommer Q3 och Q1 alltid ha samma kollektorströmmar.
- Detta medför att utgången känner av skillnader på de båda sidorna av strömgeneratorn, vilket medför att differentialförstärkaren ovan har lika hög förstärkning som om den hade två utgångar, dvs. dubbelt så hög jämfört med om en drainresistor användes. Genom detta så fungerar differentialförstärkaren på samma sätt som om den hade två utgångar.
- Slutsats:** Genom att ersätta kollektorresistorn med en strömspegel så får vi samma förstärkning som en differentialförstärkare med två utgångar, trots att vi bara använder en utgång!



## Härledning av differentialförstärkningen och utresistans när strömspegel används som last

- Vi kan härleda formel för förstärkningsfaktorn (samt utresistansen) genom att rita ut småsignalschemat för differentialförstärkaren. Vi behöver bara rita ut en av sidorna, eftersom de två sidorna är symmetriska. Vi väljer att rita ut den högra sidan, eftersom utgången är placerad på denna sida.
- De två sidorna av differentialförstärkaren antas vara identiska, dvs. NPN-transistorerna Q1 och Q2 är identiska, samtidigt som PNP-transistorerna Q3 och Q4 är identiska.
- Symmetrin mellan de två sidorna av differentialförstärkaren medför en del virtuella jordpunkter, bland annat i punkten mellan transistor Q1 och Q3.
- I Differential mode så uppkommer också en virtuell jordpunkt i punkten mellan transistor Q1 och Q2:s emitterar, eftersom den ena ingången vill dra upp spänningen i denna punkt, medan den andra kommer vilja dra ned spänningen lika mycket. Därmed så kommer inte strömspegeln påverka differentialförstärkningen och vi kommer inte rita ut denna.
- Eftersom vi endast är intresserade av signaler som förändras över tid så kortsluter vid alla konstanta parametrar, vilket i detta fallet är matningsspänningen  $V_{CC}$ .



- Som synes i småsignalschemat ovan så består den högra sidan av ett vanligt GE-steg utan emitterresistor. I detta exempel har transistorernas utresistans  $r_{O2}$  och  $r_{O4}$  ritats ut. Dessa resistorer är anslutna på ena sidan till jord och andra sidan till samma punkt, dvs.  $\Delta U_{UT}$ . Därför är spänningsfallet över de två transistorerna identiska, vilket medför att de kan antas vara parallellkopplade.
- Vi kan därför förenkla figuren genom att ersätta de två utresistanserna med en ersättningsresistans  $r_{O2} // r_{O4}$ , som placeras i kollektorn. Vi ritar nu om schemat till figuren nedan.



- Som synes så ser figuren nu ut som ett vanligt GE-steg utan emitterresistor. Genom att använda Kirchhoffs spänningslag så härleder vi formel för in- och utspänningen, och därigenom förstärkningsfaktorn:

$$\Delta U_{IN2} - r_{e2} I_{C2} = 0 \rightarrow \Delta U_{IN2} = r_{e2} I_{C2}$$

$$-I_{C2} * (r_{o2} // r_{o4}) - \Delta U_{UT} = 0 \rightarrow \Delta U_{UT} = -I_{C2} * (r_{o2} // r_{o4})$$

- Därefter beräknar vi förstärkningsfaktorn:

$$G = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN2}} = -\frac{I_{C2} * (r_{o2} // r_{o4})}{r_{e2} I_{C2}} = -\frac{r_{o2} // r_{o4}}{r_{e2}}$$

- För att beräkna utresistansen så använder vi följande formel:

$$G = -G_m * R_{UT},$$

där G är differentialförstärkarens förstärkningsfaktor,  $G_m$  är den så kallad stora transkonduktansen och  $R_{UT}$  är differentialförstärkarens utresistans.

- Formeln ovan kan omvandlas för att beräkna utresistansen:

$$G = -G_m * R_{UT} \rightarrow R_{UT} = -\frac{G}{G_m}$$

- Vi kan beräkna den stora transkonduktansen med följande formel:

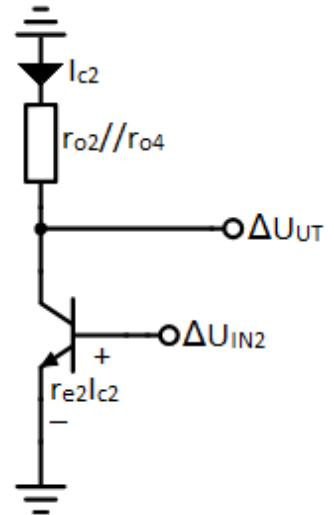
$$G_m = \left| \frac{I_{UT}}{\Delta U_{IN}} \right|_{U_{UT}=0} = \frac{I_{C2}}{r_{e2} I_{C2}} = \frac{1}{r_{e2}}$$

- När utspänningen är lika med noll så kommer utströmmen vara lika med kollektorströmmen  $I_{C2}$ .  $\Delta U_{IN}$  beräknade vi tidigare till  $r_{e2} I_{C2}$ .

- Därefter härleder vi en formel för utresistansen:

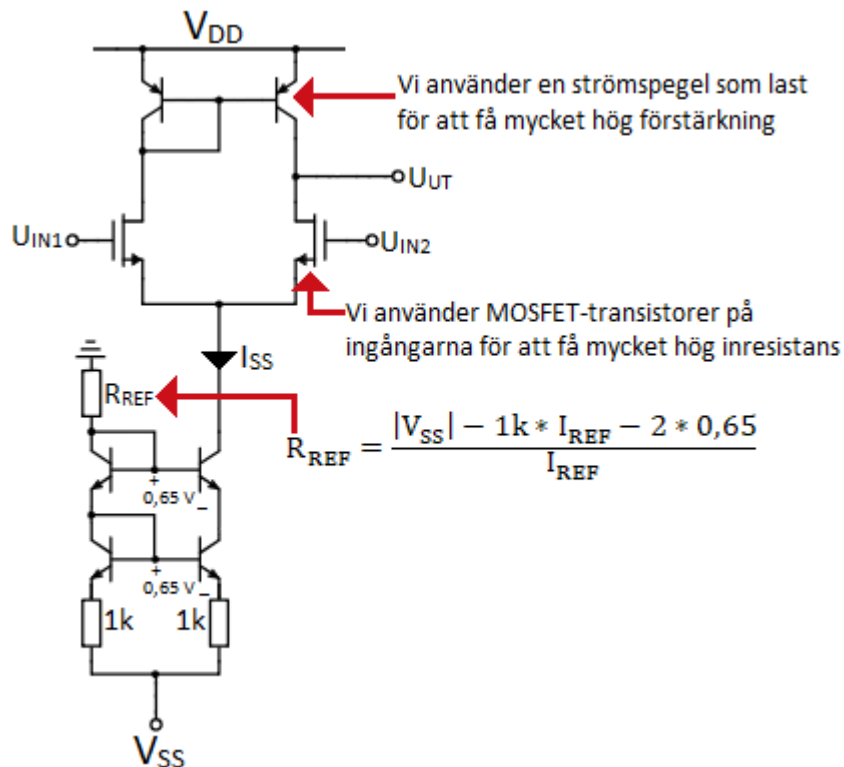
$$R_{UT} = -\frac{G}{G_m} = -\frac{\left( -\frac{r_{o2} // r_{o4}}{r_{e2}} \right)}{\left( \frac{1}{r_{e2}} \right)} = \frac{\left( \frac{r_{o2} // r_{o4}}{r_{e2}} \right)}{\left( \frac{1}{r_{e2}} \right)} = r_{e2} * \left( \frac{r_{o2} // r_{o4}}{r_{e2}} \right) = r_{o2} // r_{o4}$$

- Utresistansen blev alltså lika med parallellkopplingen av transistorernas utresistanser. Detta hade vi också kunnat räkna ut rent intuitivt, eftersom vi i småsignalschemat endast hade denna resistans som kollektorresistans, medan vi inte hade någon emitterresistans.



**Minimera Common Mode-förstärkningen genom att använda en förbättrad Kaskadkopplad strömspegel som strömgenerator**

- För att uppnå låg Common Mode-förstärkningen så brukar man använda strömgeneratorer, oftast i form av strömspeglar. Vi har tidigare sett exempel på enklare typer av strömspeglar, som på grund av sin höga resistans (runt 1 MΩ) orsakar låg Common Mode-förstärkning.
- Dock kan vi enkelt göra Common Mode-förstärkningen omkring 100 gånger lägre genom att använda en förbättrad Kaskadkopplad strömspegel, vars utresistans är ca 100 MΩ, vilket ger Common Mode-förstärkning extremt nära noll och därmed nästan oändlig CMRR. Resistorerna  $R_1$  och  $R_2$  bör sättas till 1 kΩ var.



- En fördel med denna strömspegel är att den har två kaskadkopplade strömspeglar, vilket medför att kollektorströmmen hålls konstant, trots den så kallad Earlyeffekten, en effekt som uppstår i alla transistorer. Earlyeffekten medför att kollektorströmmen  $I_C$  ökar när kollektor-emitterspänningen  $U_{CE}$  ökar.
- Dessutom så används två emitterresistorer,  $R_1$  och  $R_2$  för att minska påverkan av de olika transistorernas strömförstärkningsfaktorer. Eftersom dessa är olika för varje transistor så kommer referensströmmen  $I_{REF}$  skilja sig något från strömmen  $I_{EE}$ . Men med emitterresistorerna, som bör ha en resistans på 1 kΩ var, så kommer denna skillnad att minska.
- Låt oss anta att strömmen  $I_{REF}$  sätts till 2 mA, så att spänningen över de två resistorerna  $R_1$  och  $R_2$  skall vara 2 V var, eftersom  $1\text{ k}\Omega * 2\text{ mA} = 2\text{ V}$ . Då skall också  $I_{EE}$  bli lika med 2 mA, men på grund av att en av transistorerna på höger sida har något högre strömförstärkningsfaktor så ökar strömmen  $I_{EE}$  till 2,2 mA. Då kommer spänningsfallet över resistor  $R_2$  öka från 2 V till 2,2 V, medan spänningsfallet över resistor  $R_1$  fortfarande är 2 V.
- Spänningsfallet i punkten mellan de två transistorerna ovanför emitterresistorerna bör i normalfallet vara  $2 + 0,7 = 2,7\text{ V}$ . Antag att spänningen i denna punkt fortfarande är 2,7 V, medan spänningsfallet över resistor  $R_2$ ,  $U_{R2}$ , är lika med 2,2 V. Då kommer bas-emitterspänningen mellan den nedersta transistor till höger och resistor  $R_2$ , se  $U_{BE}$  i figuren, minska till  $2,7 - 2,2 = 0,5\text{ V}$ , vilket minskar strömmen  $I_{EE}$  på höger sida, tills spänningsfallet  $U_{R2}$  minskar till 2 V igen, vilket medför att bas-emitterspänningen  $U_{BE}$  återgår till 0,7 V. Då är strömmen  $I_{EE}$  lika med 2 mA, så som vi vill att den skall vara.

- Denna princip fungerar också åt det andra hållet. Om strömmen  $I_{EE}$  istället skulle minska till 1,8 mA så kommer spänningsfallet  $U_{R2}$  minska till 1,8 V, vilket medför att bas-emitterspänningen  $U_{BE}$  ökar till  $2,7 - 1,8 = 0,9$  V, vilket ökar strömmen  $I_{EE}$  tills den når 2 mA, då spänningsfallet  $U_{R2}$  ökar till 2 V, vilket minskar bas-emitterspänningen  $U_{BE}$  till 0,7 V.
- Dessa emitterresistorer fungerar alltså kontinuerligt som ett feedback-system, som kan liknas vid en temperaturregulator; om det blir för varmt ( $I_{EE}$  blir högre än 2 mA) så minskar temperaturen ( $I_{EE}$  minskar till 2 mA). Om det blir för kallt ( $I_{EE}$  blir lägre än 2 mA) så ökar temperaturen ( $I_{EE}$  ökar till 2 mA).
- Antag att  $V_{EE} = -15$  V och att strömmen genom varje kollektor är 1 mA vid jämvikt ( $U_{IN1} = U_{IN2}$ ). Då kommer strömmen  $I_{EE}$  måste vi dimensionera strömgeneratorn så att strömmen  $I_{EE} = 2$  mA:

$$I_{EE} = I_{C1} + I_{C2} = 1\text{mA} + 1\text{mA} = 2\text{mA}$$

- Vi måste därför sätta strömmen  $I_{REF}$  till 2 mA, eftersom denna ström är på andra sidan av strömspegeln och ställs in av oss. Strömmen  $I_{EE}$  är dess spegelbild och kommer få samma storlek.

$$I_{REF} = I_{EE} = 2\text{mA}$$

- Strömmen  $I_{EE}$  kommer flöda genom resistor  $R_2$  längst ner i strömgeneratorn och strömmen  $I_{REF}$  kommer flöda genom resistor  $R_1$ . Spänningsfallet över resistorerna kommer därför vara samma, förutsatt att resistorerna är lika stora. Dock är vi endast intresserade av strömmen  $I_{EE}$ , så vi kommer använda denna ström för att ställa in resistor  $R_{REF}$ . Vi kör Kirchhoffs spänningslag, från jordtecknet längst upp till vänster i strömspegeln. Spänningsfallet över resistor  $R_2$  betecknas  $U_{R2}$ :

$$R_{REF} * I_{REF} - U_{BE} - U_{BE} - U_{R2} = 0 \rightarrow R_{REF} * I_{REF} = U_{BE} + U_{BE} + U_{R2} = 2U_{BE} + U_{R2}$$

$$\rightarrow R_{REF} = \frac{2U_{BE} + U_{R2}}{I_{REF}}$$

- Vi kan enkelt beräkna spänningsfallet över resistor  $R_2$  med Ohms lag:

$$U_{R2} = R_2 * I_{EE} = 1\text{k} * 2\text{mA} = 2\text{V}$$

- Därefter kan vi enkelt beräkna ett lämpligt värde på resistor  $R_{REF}$ :

$$R_{REF} = \frac{2U_{BE} + U_{R2}}{I_{REF}} = \frac{2 * 0,7 + 2}{2\text{mA}} = 1,7\text{ k}\Omega$$

- Närmaste värde i E12-serien är 1,8 k $\Omega$ , vilket ger en något lägre ström, men som inte borde orsaka några problem.
- Den förbättrade Kaskadkopplad strömspegeln innebär alltså att summan av strömmarna som flödar på de två sidorna av differentialförstärkaren är konstant. Samtidigt har strömgeneratorn har extremt hög impedans/resistans, vilket kraftigt minskar Common Mode-förstärkningen.

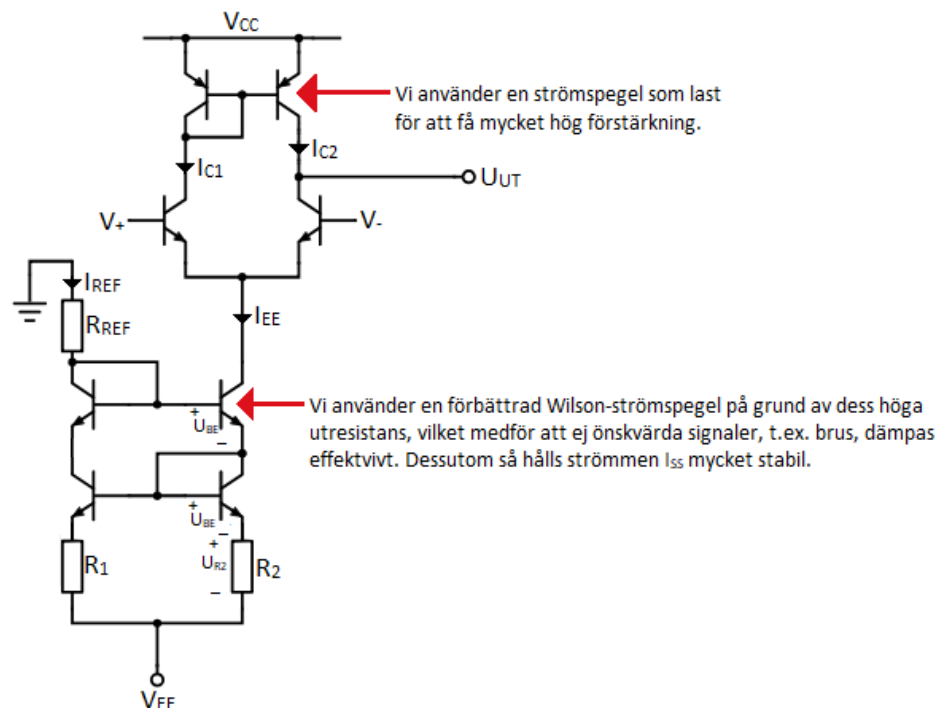
#### 4.4.4 - CMRR: Mått på differentialförstärkarens duglighet

- En bra differentialförstärkare har hög differentialförstärkning och låg Common Mode-förstärkning. Förhållandet mellan differentialförstärkningen och Common Mode-förstärkningen betecknas Common Mode Rejection Ratio, eller CMRR.
- CMRR (Common Mode Rejection Ratio) är alltså ett mått på hur bra differentialförstärkaren kancellerar Common Mode-signaler i förhållande till hur mycket den förstärker differentialsignaler. Ju högre CMRR, desto bättre differentialförstärkare. En differentialförstärkares CMRR kan beräknas med formeln

$$CMRR = \frac{G_{DM}}{G_{CM}},$$

där  $G_{DM}$  är differentialförstärkningen och  $G_{CM}$  är Common Mode-förstärkningen.

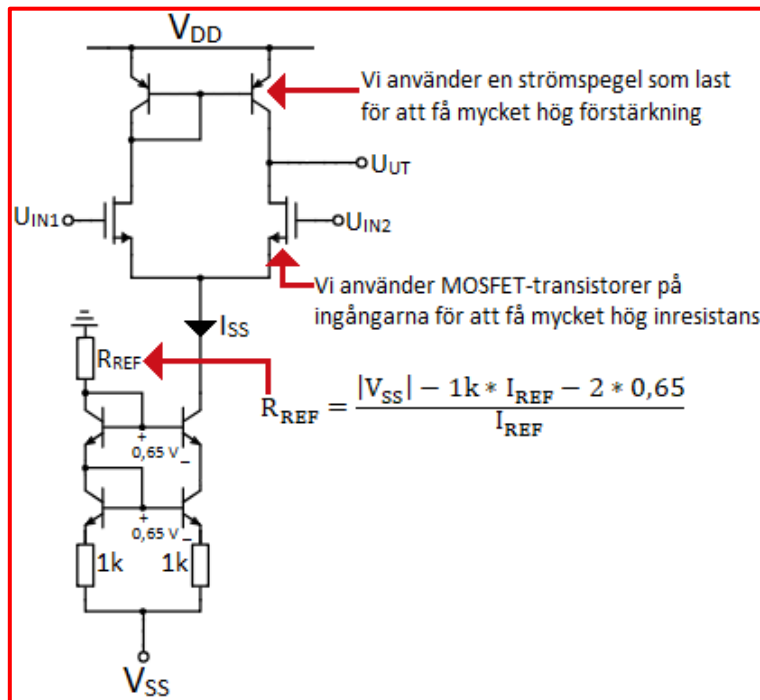
- CMRR kan höjas genom att man ökar differentialförstärkningen, exempelvis genom att använda en strömspegel som last, eller genom att man minskar Common Mode-förstärkningen, exempelvis genom att använda en strömgenerator med mycket hög impedans, såsom den förbättrade Kaskadkopplad strömspegeln i figuren nedan.



## Snabbguide för konstruktion av differentialförstärkare med hög CMRR

Innan vi går vidare och fördjupar oss i detaljer så finns här några tips på hur man enkelt och snabbt kan konstruera en mycket bra differentialförstärkare, för den som inte gillar att läsa stora mängder information.

Vänligen se avsnittet "Modifikationer för att öka CMRR" för mer djupgående förklaringar och detaljerade lösningar av tips 1 & 3.

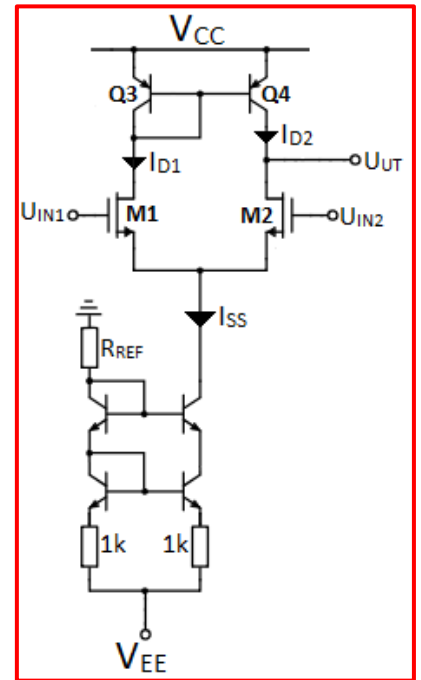


### 1. Använd en strömspegel som last samt för att öka differentialförstärkningen samt minska distorsion

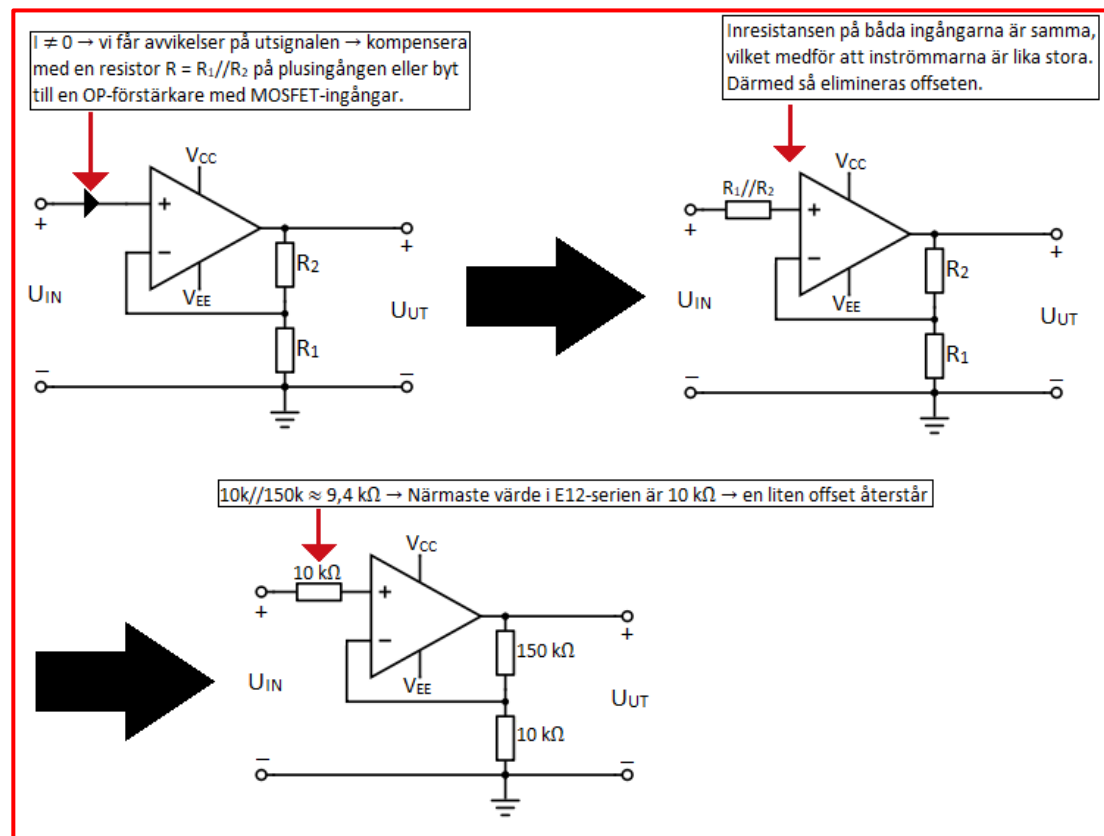
- För att maximera differentialförstärkningen kan man ersätta kollektorresistorn med en strömspegel, se figuren ovan. Förutsättningen för detta är att feedback används, såsom i en OP-förstärkarkoppling. Både BJT- eller MOSFET-transistorer kan användas, men BJT-transistorer har oftast högre utresistans och ger därmed ger högre förstärkning. Dock så kommer förstärkningen bli mycket hög oavsett om BJT- eller MOSFET-transistorer används i strömspegeln.
- Förstärkningsfaktorn i en differentialförstärkare med strömspegel som last kan uppnå -1000 eller mer, beroende på inresistansen på efterföljande steg samt om BJT- eller MOSFET-transistorer används på ingångarna. MOSFET-transistorer medför lägre förstärkning, exempelvis omkring -250 (ifall en strömspegel används som last), men har flera fördelar, exempelvis högre inresistans, som gör att dessa ofta används istället.
- Det enda som behövs är två PNP-transistorer (eller PMOS-transistorer), vars basar är sammankopplade. Deras emitterar (sources) skall kopplas till matningsspänningen  $V_{CC}$  och kollektorerna (drains) till varsin sida av differentialförstärkaren.

## 2. Använd MOSFET-transistorer på ingångarna för att öka inresistansen

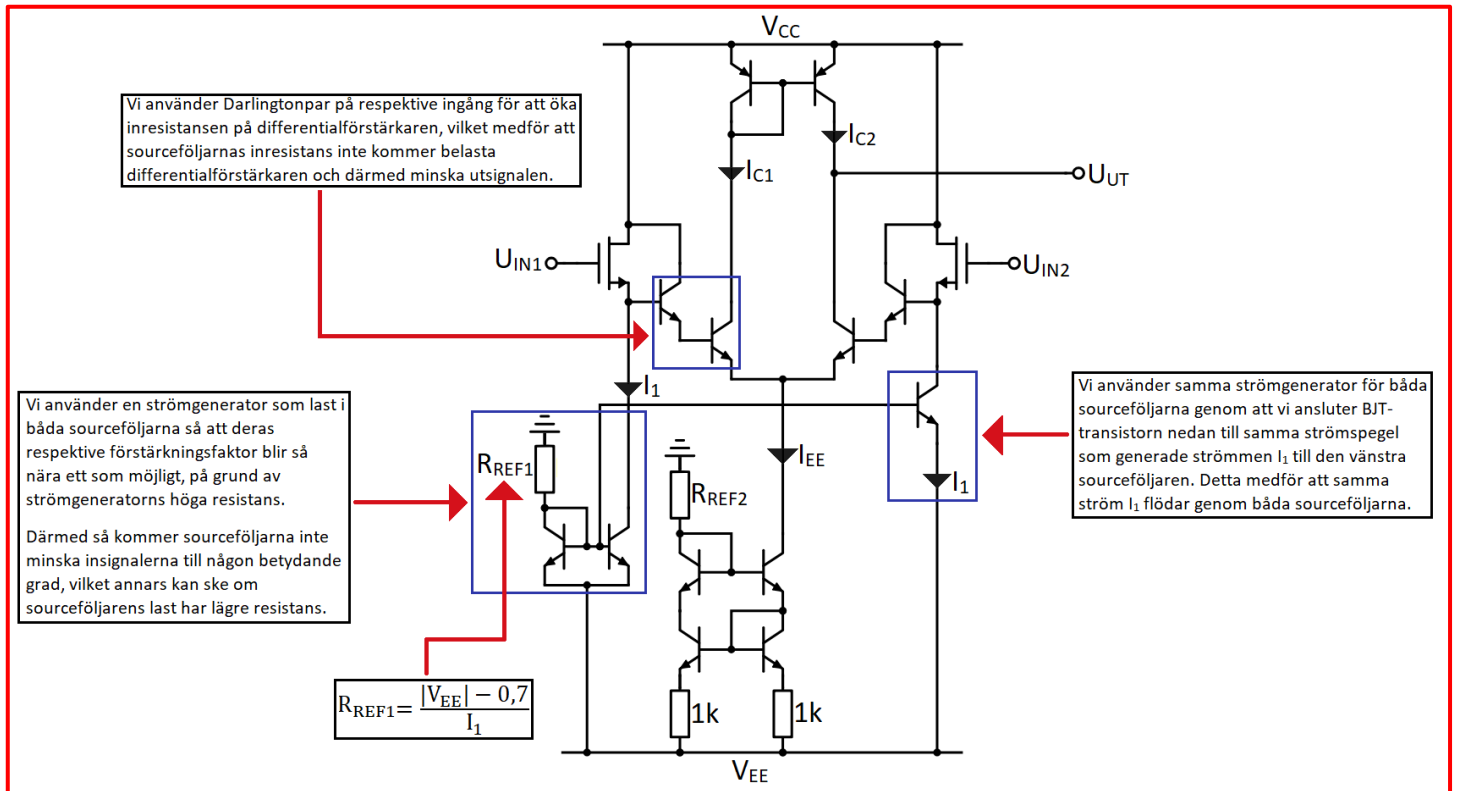
- Vi använder MOSFET-transistorer på ingångarna för att uppnå hög inresistans, antingen genom att placera sourceföljare framför differentialförstärkarens ingångar eller genom att MOSFET-ingångar används direkt på ingångarna. Den främsta nackdelen med att använda MOSFET-transistorer på differentialförstärkarens ingångar är att förstärkningen kommer bli lägre än om vi hade använt BJT-transistorer. Därför är det första alternativet att föredra, då vi får det bästa av två världar; BJT-transistorers höga förstärkning samt MOSFET-transistorers höga inresistans.
- Att använda MOSFET-ingångar har flera fördelar. Den största fördelen är att MOSFET-transistorer har mycket hög inresistans, som medför lägre strömförbrukning, ingen påverkan av utresistans från signalgeneratorer eller tidigare steg samt att vi inte behöver oroa oss för att inströmmarna blir olika stora, vilka kan orsaka så kallad offset, dvs. att utsignalens värde blir fel på grund av att ingångsströmmarna på de två ingångarna är olika stora, se figuren nedan. Om MOSFET-transistorer används så blir inströmmarna så små att skillnaden blir försumbar och ingen märkbar offset uppstår.



- Om BJT-transistorer används på ingångarna så kan skillnaden mellan strömmarna på de två ingångarna bli så stor att utsignalen påverkas så att vi får en avvikelse, en så kallad offset. Som exempel, om inspänningen sätts till 0 V och utspänningen blir 0,2 V istället för 0 V så har vi en offset på 0,2 V, orsakad av strömskillnaden mellan de två ingångarna. Då måste vi korrigera detta med en extern resistor på en av ingångarna så att ingångsresistanserna blir lika stora. Då blir inströmmarna lika stora och offseten elimineras. Dock så kanske det inte är möjligt att få tag på en resistor som är lika med inresistansen på den andra ingången. Då kan man testa att parallellkoppla två resistorer som är lika stora som de två resistorerna på den andra ingången eller acceptera en liten offset.
- Det bästa och effektivaste sättet att eliminera offset är dock, som tidigare nämdes, att använda MOSFET-transistorer på ingångarna, som på grund av sina höga inresistans medför att ingångsströmmen blir så liten att offseten blir försumbar. Nästan alla moderna OP-förstärkare är därför konstruerade med MOSFET-transistorer på ingångsstaget.



- Figuren nedan visar hur vi skulle kunna få BJT-transistorns mycket höga förstärkningsfaktor samtidigt som vi har MOSFET-transistorns mycket höga ingångsresistans genom att vi använder BJT-ingångar på differentialförstärkaren, men placerar var sin sourceföljare framför ingångarna, se figuren nedan.
- Sourceföljarnas ingångar består utav MOSFET-transistorer, så ingångsresistansen är mycket hög. Utsignalen från respektive sourceföljare är ansluten till var sin BJT-ingång på differentialförstärkaren.



- Utresistansen ur sourceföljaren är ungefär lika med inversen till transkonduktansen. Ett lämpligt värde på drainströmmen som flödar genom varje sourceföljare är 0,5 mA.
- Om vi sätter resistor  $R_{REF}$  till ett lämpligt värde så att drainströmmen  $I_1$  är lika med ca 0,5 mA så kan vi räkna med att transkonduktansen är ungefär lika med 2 mS för en vanligt MOSFET-transistor. Därmed så blir utresistansen ur sourceföljaren ungefär lika med 500  $\Omega$ , eftersom

$$R_{UT} \approx \frac{1}{g_m} = \frac{1}{40m} = 500 \Omega$$

- För att se till att en ström på 0,5 mA flödar genom respektive sourceföljare så använder vi en strömgenerator, bestående av en enkel strömspegel. I denna strömspegel så måste vi välja ett lämpligt värde på resistor  $R_{REF1}$  så att vi får till en ström på ca 0,5 mA.
- Notera att nedre delen av strömspegeln är ansluten till den negativa matningsspänningen  $V_{EE}$ . I och med att vi passerar en bas-emitterspänning på 0,65 V upp till referensresistorn  $R_{REF}$  så medför detta att all matningsspänning  $V_{EE}$  förutom 0,65 V, faller över resistor  $R_{REF1}$ .
- Sammansatt i en formel så kan vi välja ett lämpligt värde på resistor  $R_{REF1}$  med formeln nedan:



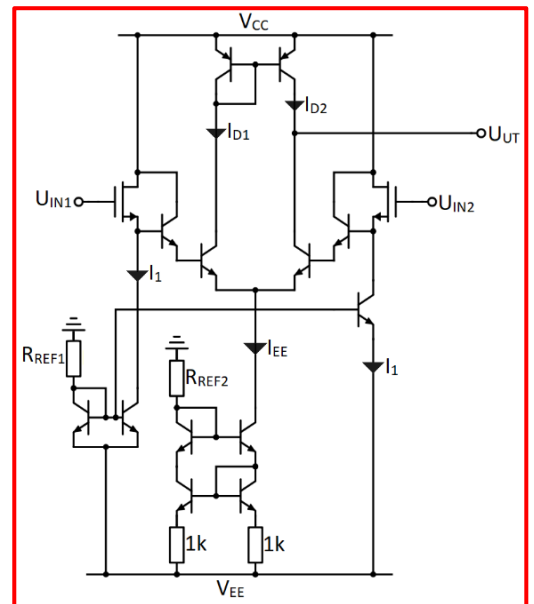
$$R_{REF1} = \frac{|V_{EE}| - 0,65}{I_1},$$

där  $|V_{EE}|$  är absolutbeloppet av den negativa matningsspänningen,  $I_1$  är önskad ström genom sourceföljarna och 0,7 står för spänningsfallet mellan BJT-transistorns bas och emitter.

- Som exempel, om matningsspänningen  $V_{EE}$  skulle vara -15 V så hade vi därmed valt en referensresistor på ca 15 k $\Omega$ , eftersom

$$R_{REF1} = \frac{15 - 0,65}{1m} = 14,35 \text{ k}\Omega$$

- Närmaste värdet i E12-serien är 15 k $\Omega$ , så vi hade fått köra med detta. Då blir strömmen  $I_1$  lika med ungefär 0,95 mA, men detta kommer inte ha någon praktisk betydelse.
- För att sourceföljarens utresistans inte skall belasta differentialförstärkaren till en betydande grad, vilket hade kunnat försvaga utsignalen ur differentialförstärkaren, så måste vi se till att differentialförstärkarens inresistans är minst tio gånger högre än utresistansen ur sourceföljaren, dvs. minst 1 k $\Omega$ . Ju högre inresistansen är, desto mindre kommer sourceföljarens utresistans belasta differentialförstärkaren.
- Helst vill vi därför att differentialförstärkaren skall ha en inresistans som är 100 gånger högre än sourceföljarens utresistans, gärna mer. Helst vill vi alltså att differentialförstärkarens inresistans är 10 k $\Omega$  eller mer, men absolut minst 1 k $\Omega$ . Hur kan vi enkelt öka inresistansen på differentialförstärkaren?
- Vi använder ett Darlingtonpar på respektive BJT-ingång för att öka inresistansen på differentialförstärkaren med en faktor  $h_{FE}$ , dvs. minst 50 gånger jämfört med en vanligt BJT-ingång. Vi har tidigare sett Darlingtonpar när vi gick genom slutsteg, men det är också möjligt att använda på ingångar. Innan MOSFET-transistorer blev vanliga så användes nästan alltid Darlington par på ingång för att öka inresistansen. Numera används oftast MOSFET-transistorer på ingångarna istället, antingen direkt på förstärkarsteget eller så använder man sourceföljare på ingångarna som vi gör här.



- Låt oss som exempel anta värstafallscenariot, dvs. samtliga BJT-transistorers strömförstärkningsfaktor  $h_{FE}$  är lägsta möjliga, dvs. 50. Då hade inresistansen blivit som lägst.
- Antag att kollektorströmmarna  $I_{C1}$  och  $I_{C2}$  är 1 mA var i jämvikt. Då hade samtliga inbyggda emitterresistorer blivit 26  $\Omega$ , eftersom

$$r_e = \frac{26}{I_{C(mA)}} = \frac{26}{1} = 26 \Omega$$

- Vi beräknar på en ingång. Eftersom eventuella insignalerna alltid hade sett två ingångar så blir inresistansen dubbelt så hög jämfört med en ingång. Därför så kommer vi multiplicera med två. Inresistansen hade då blivit

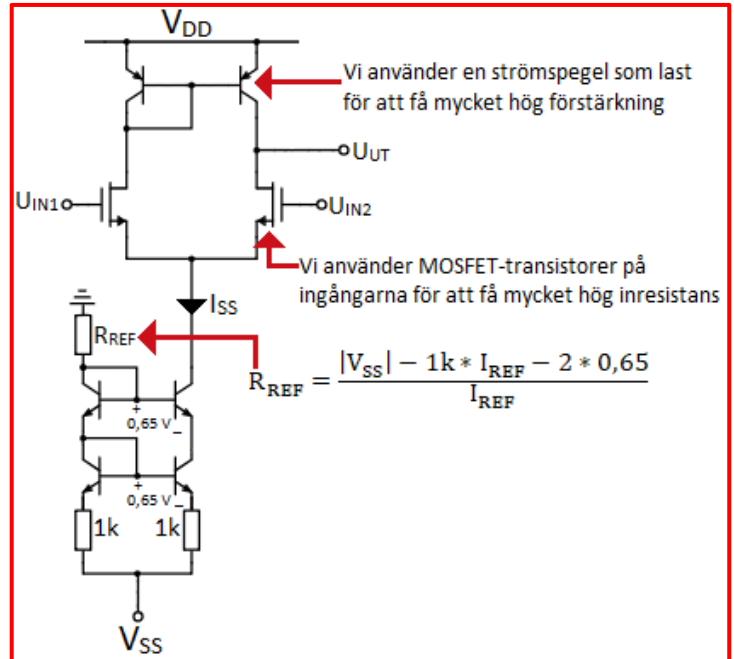
$$R_{IN} = 2 * h_{FE} * h_{FE} * r_e = 2 * 50 * 50 * 26 = 130 \text{ k}\Omega$$

- Notera att inresistansen som lägst hade blivit 130 kΩ, vilket är mycket högre än vårt målvärde (10 kΩ)! Därmed så kommer sourceföljarens inresistans inte belasta differentialförstärkaren. Dessutom kommer inresistansen med största sannolikhet vara högre, då det inte är troligt att samtliga transistorer har lägsta möjliga strömförstärkningsfaktor. Om strömförstärkningsfaktorn istället hade varit 100 på respektive transistorer så hade inresistansen istället blivit 500 kΩ!
- Eftersom detta kapitel handlar om differentialförstärkaren så kommer lösningen ovan inte gås igenom mer i detta kapitel. I senare kapitel när OP-förstärkare skall konstrueras så kommer dock denna lösning gås igenom i detalj.

### 3. Använd en förbättrad Kaskadkopplad strömspegel som strömgenerator för att minska Common Mode-förstärkningen

- I figuren till höger så ersätts den tidigare resistorn  $R_{EE}$  med en strömgenerator för att kraftigt öka resistansen, samtidigt som den ger oss möjlighet att ställa in en lämplig referensström ( $I_{SS}$ ).
- Utresistansen på denna strömgenerator ligger omkring 100 MΩ, vilket medför att Common Mode-förstärkningen blir mycket låg. Om en strömgenerator används som last enligt exemplen ovan så kommer CMRR maximeras!
- Det enda vi behöver beräkna och välja är resistor  $R_{REF}$ , som dimensioneras med önskad referensström  $I_{SS}$  enligt formeln

$$R_{REF} = \frac{|V_{EE}| - 1k * I_{SS} - 2 * 0,65}{I_{SS}},$$



där  $|V_{EE}|$  är absolutbeloppet av den negativa matningsspänningen,  $I_{SS}$  är önskad ström som flödar genom strömgeneratorn och 0,65 står för spänningsfallet mellan BJT-transistorns bas och emitter. Eftersom vi passerar två sådana spänningsfall så räknar vi med  $2 * 0,65 = 1,3 \text{ V}$ .

### 4. Använd PNP-transistorer på ingångarna för att minska brus.

- Om vi använder PNP-transistorer på ingångarna så måste vi vända på hela differentialförstärkaren samt strömgeneratoren mellan dess emitterar, se figuren nedan.
- Det finns två fördelar med att använda PNP-transistorer på differentialförstärkarens ingångar:
  1. PNP-transistorer har generellt sätt lägre brus än NPN-transistorer. Därmed så är det mycket vanligt att använda PNP-transistorer på differentialförstärkarens ingångar. Eftersom differentialförstärkare vanligtvis används på OP-förstärkarens ingångar så medför detta att mindre brus kommer in i förstärkaren och förstärks av spänningsförstärkaren. Detta leder totalt sett till mindre brus.
  2. När PNP-transistorer används på differentialförstärkarens ingångar så leder detta också till att efterföljande spänningsförstärkare har en NPN-transistor på ingången. Detta leder till en något bättre spänningsförstärkare, med lägre intern kapacitans samt något högre övre gränshfrekvens. Anledningen till att spänningsförstärkaren och differentialförstärkaren kan enkelt förklaras med följande exempel:
    - Anta att vi konstruerar en OP-förstärkare med matningsspänningen  $\pm 30$  V. För enkelhets skull använder vi en spänningsförstärkare med BJT-transistor på ingången, utan någon emitterresistor. BJT-transistorns emitter är då direkt ansluten till den negativa matningsspänningen, som vi kan anta vara  $-30$  V. Spänningen in på BJT-transistorns bas, som också är spänningsförstärkarens inspänning, blir då  $0,65$  V högre än den negativa matningsspänningen (på grund av bas-emitterspänningen, som är lika med  $0,65$  V). Därmed så skall spänningsförstärkarens inspänning vara lika med  $-30 + 0,65$  V =  $-29,35$  V (i vilopunkten).
    - Eftersom spänningsförstärkarens inspänning är lika med differentialförstärkarens utspänning så skall alltså utsignalen ur differentialförstärkaren vara  $-29,35$  V i vilopunkten. Om vi hade använt en differentialförstärkare med NPN-transistorer så hade utsignalen legat i området  $0 - 30$  V, alltså kunde utsignalen inte hamna i närheten av  $-29,35$  V, vilket medför att förstärkarsteget inte hade fungerat. Kom ihåg att utsignalen på de differentialförstärkaren vi sett tidigare endast har kunnat anta värden mellan jord upp till den positiva matningsspänningen, resten är fördelat över strömspegeln mellan emitterarna.
    - I bästa fall, om utsignalen hade nått sitt minimala värde  $0$  V, så hade ändå inspänningen på spänningsförstärkaren blivit  $29,35$  V för högt. Bas-emitterspänningen hade då blivit  $30$  V i stället för  $0,65$  V, vilket med största sannolikhet hade lett till att transistorn bränder sönder.
    - Även om transistorn mot all förmodan hade klarat den mycket höga bas-emitterspänningen så hade vi mättat transistorn och vi hade fått en mycket hög ström genom spänningsförstärkaren, förmodligen på flera Ampere. Då hade förmodligen någon annan komponent i kretsen blivit sönderbränd, särskilt om vi inte använder transistorer som tål mycket höga effekter (sådana transistorer som vi använder på utgången av slutsteget).

Skillnaden mellan att ha PNP- och NPN-transistorer är inte jättestor, men kan leda till en förstärkare med något bättre egenskaper, där lägre brus är den främsta orsaken.

## Differentialförstärkningen applicerad på MOSFET-varianter

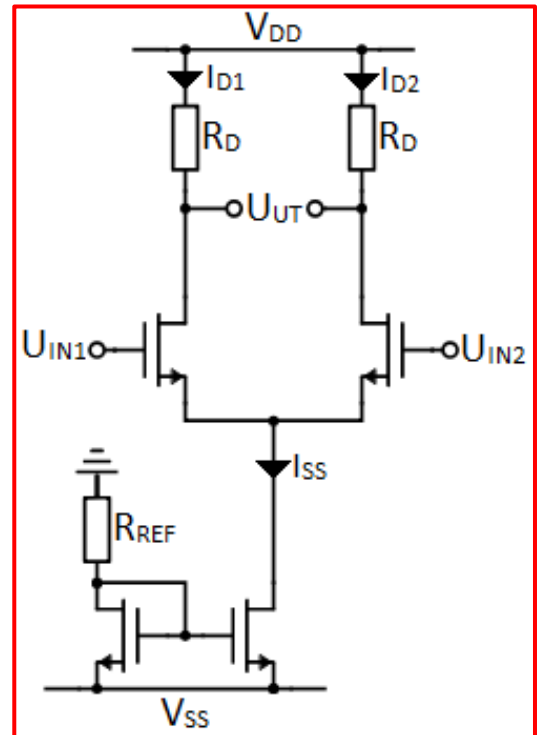
- Resultatet ovan kan också appliceras på MOSFET-transistorer. Vi behöver endast byta ut kollektorresistorn  $R_C$  mot drainresistorn  $R_D$  samt den inbyggda emitterresistansen  $r_e$  mot inversen till transkonduktansen  $g_m$ :

$$G_{DM} = -\frac{R_C}{r_e} \text{ översätts till } G_{DM} = -\frac{R_D}{\left(\frac{1}{g_m}\right)} = -g_m R_D$$

$$\rightarrow G_{DM} = -g_m R_D,$$

där  $g_m$  är MOSFET-transistorns transkonduktans (MOSFET-transistorns motsvarighet till den inbyggda emitterresistansen, fast inverterat) och  $R_D$  är drainresistorns resistans.

- Transkonduktansen  $g_m$  kan antas vara 4 mS vid en drainström på 1 mA.  $g_m$  ökar också proportionerlig med drainströmmen, så om drainströmmen fördubblas till 2 mA, så kan vi anta att drainströmmen är 8 mS. På samma sätt så gäller att om drainströmmen minskar till 0,5 mA så kan vi anta att transkonduktansen minskar till 2 mS.
- Därmed så blir det mycket enkelt att uppskatta differentialförstärkningen. Vi skulle också kunna uppskatta differentialförstärkningen på MOSFET-varianten genom att beräkna differentialförstärkningen på motsvarande differentialförstärkare med BJT-ingångar och sedan dela detta värde med tio (eftersom MOSFET-transistorer vanligtvis har ca tio gånger lägre transkonduktans och därmed ca tio gånger lägre förstärkning).





## Kaskadkopplade differentialförstärkare

- Kaskadkopplade differentialförstärkare, se figuren till höger, används ibland i IC-kretsar för att öka differentialförstärkningen mer än vad som är möjligt med bara en strömspegel som last. Dock blir konstruktionen mycket mer komplicerad med kaskadkopplingen, främst därför att ett flertal matningsspänningar behövs för att mata transistorerna i kaskadkopplingen.
- Därför är oftast alternativet med strömspegel som last föredraget. Differentialförstärkningen blir ändå hög, samtidigt som förstärkningsfaktorn enkelt kan ökas i efterföljande steg, som bör vara någon typ spänningsförstärkare.
- Dock kan det vara bra att veta hur kaskadkopplade differentialförstärkare fungerar. I detta avsnitt så kommer därför den kaskadkopplade differentialförstärkaren analyseras, men inga konstruktionsexempel kommer visas. För att erhålla hög förstärkning så fungerar differentialförstärkare med last utmärkt.
- Kaskadkoppling höjer utresistansen och därmed förstärkningen kraftigt. För att beräkna differentialförstärkningen samt utresistansen så behöver vi endast rita ut småsignalschemat på ena sidan. Vi väljer vänster sida, se figurerna nedanför det fullständiga schemat.
- På grund av att vi använder en förbättrad Wilson strömspegel, se figuren till höger, så kan vi anta att Common Mode-förstärkningen alltid är ungefär lika med noll samt att utresistansen i Common Mode är nästintill oändlig:

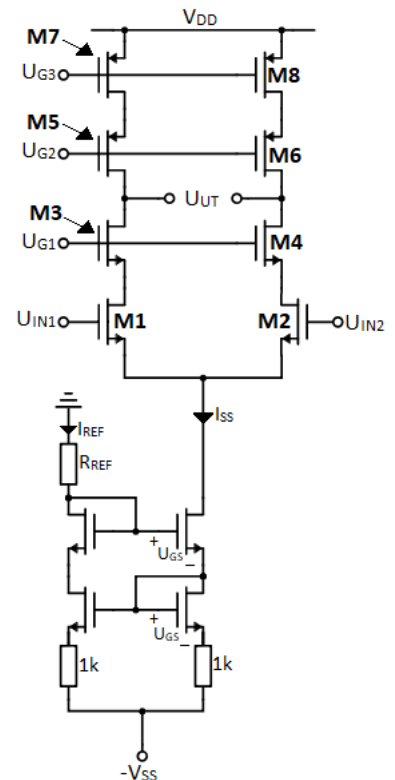
$$G_{CM} \approx 0$$

$$R_{UT,CM} \approx \infty$$

- Eftersom vi använder MOSFET-transistorer på ingången så antar vi också att inresistansen alltid är nästintill oändlig:

$$R_{IN} \approx \infty$$

- På grund av symmetrin så får vi också många virtuella jordpunkter, som vi markerar med jordsymboler.
- På grund av den virtuella jordpunkten mellan M1 och M2 så kommer effekten av strömkällan elimineras, vilket gör att denna ersätts med en jordsymbol.



- För att beräkna differentialförstärkningen på kaskadkopplade förstärkarsteg så kan följande formel användas:

$$G_{DM} = -G_m * R_{UT},$$

där  $G_{DM}$  differentialförstärkningen,  $G_m$  är den så kallad stora transkonduktansen, dvs. transkonduktansen på den transistor som insignalen når differentialförstärkaren och  $R_{UT}$  är differentialförstärkarens utresistans på en av sidorna (utresistansen är lika stor på båda sidorna).

- Rent generellt så är det väldigt enkelt att ta reda på den stora transkonduktansen  $G_m$  genom att undersöka vilken transistor som insignalen är ansluten till. Den stora transkonduktansen  $G_m$  är lika med transkonduktansen på den transistor vars gate insignalen är ansluten till, vilket för den vänstra sidan är transistor M1 och för den högra sidan är transistor M2. Därför så blir  $G_m$  lika med  $g_{m1}$  om vi utför beräkningar på vänster sida och  $g_{m2}$  om vi utför beräkningar på den högra sidan.
- Matematiskt formellt så kan  $G_m$  härledas med formeln:

$$G_m = \left| \frac{I_{UT}}{\Delta U_{IN1}} \right|_{\Delta U_{UT}=0}$$

- Eftersom villkoret ovan gäller när  $\Delta U_{UT}$  är lika med noll så kommer utströmmen vara lika med drainströmmen. Därefter gäller det bara att härleda en formel för  $\Delta U_{IN1}$ , vilket görs med Kirchhoffs spänningslag:

$$\Delta U_{IN1} - \frac{I_D}{g_{m1}} = 0 \rightarrow \Delta U_{IN1} = \frac{I_D}{g_{m1}}$$

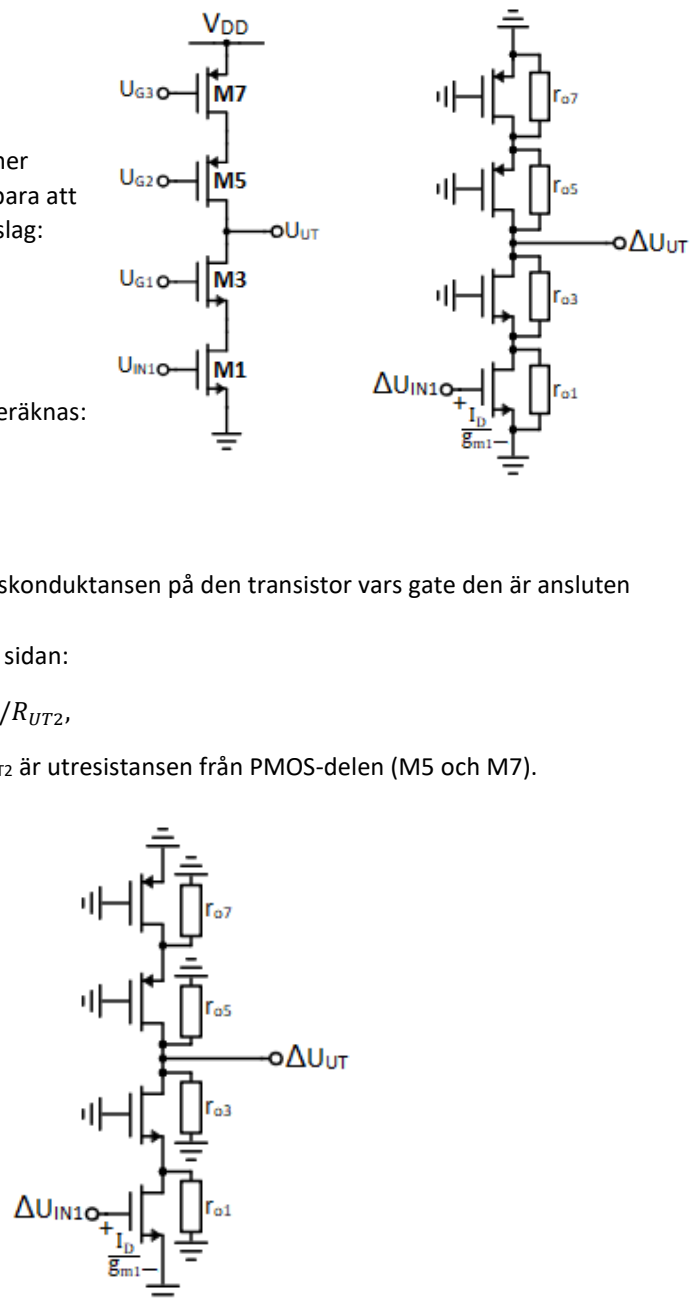
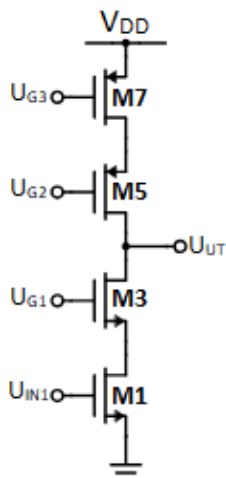
- Detta medför att den stora transkonduktansen  $G_m$  enkelt kan beräknas:

$$G_m = \left| \frac{I_{UT}}{\Delta U_{IN1}} \right|_{\Delta U_{UT}=0} = \frac{I_D}{\left( \frac{I_D}{g_{m1}} \right)} = g_{m1}$$

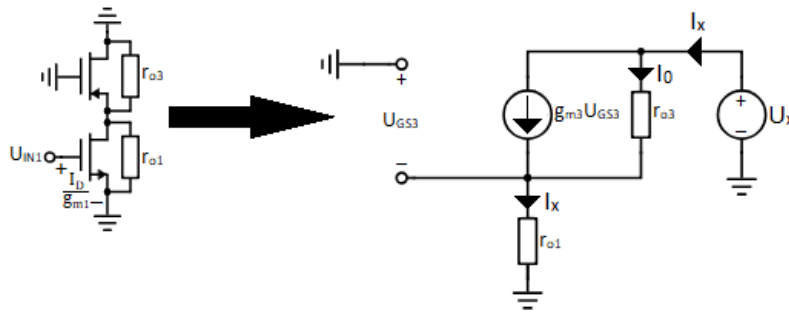
- Minnesregel:** Den stora transkonduktansen  $G_m$  är lika med transkonduktansen på den transistor vars gate den är ansluten till (i Differential Mode).
- Dela differentialförstärkaren i två delar, vi kollar på den vänstra sidan:

$$R_{UT} = R_{UT1} // R_{UT2},$$

där  $R_{UT1}$  är utresistansen från NMOS-delen (M1 och M3) och  $R_{UT2}$  är utresistansen från PMOS-delen (M5 och M7).



- Vi beräknar först  $R_{UT1}$ . Vi använder småsignalschemat för beräkningen, som om det vore ett GS-steg. Tänk att  $r_{o3}$  är drainresistorn och  $r_{o1}$  är sourceresistorn, se figuren nedan.



- Därefter så utför vi följande beräkningar för att beräkna utresistansen  $R_{UT1}$ :

$$R_{UT1} = \frac{U_X}{I_X}$$

$$U_X - r_{o3} * I_0 - r_{o1} * I_X = 0$$

$$\rightarrow U_X = r_{o3} * I_0 + r_{o1} * I_X$$

$$I_X = I_0 + g_{m3} U_{GS3} \rightarrow I_0 = I_X - g_{m3} U_{GS3}$$

$$-U_{GS3} - r_{o1} * I_X = 0 \rightarrow U_{GS3} = -r_{o1} * I_X$$

$$\rightarrow I_0 = I_X - g_{m3} * (-r_{o1} * I_X) = I_X + g_{m3} * r_{o1} * I_X$$

$$\rightarrow I_0 = I_X(1 + g_{m3} * r_{o1})$$

$$\rightarrow U_X = r_{o3} * I_X(1 + g_{m3} * r_{o1}) + r_{o1} * I_X = I_X[r_{o3}(1 + g_{m3} * r_{o1}) + r_{o1}]$$

$$R_{UT1} = \frac{U_X}{I_X} = \frac{I_X[r_{o3}(1 + g_{m3} * r_{o1}) + r_{o1}]}{I_X} = r_{o3}(1 + g_{m3} * r_{o1}) + r_{o1}$$

$$= r_{o3} + g_{m3} * r_{o1} r_{o3} + r_{o1} = r_{o1}(1 + g_{m3} r_{o3}) + r_{o3} \approx r_{o1} g_{m3} r_{o3}$$

$$\rightarrow R_{UT1} = r_{o1}(1 + g_{m3} r_{o3}) + r_{o3} \approx r_{o1} g_{m3} r_{o3}$$

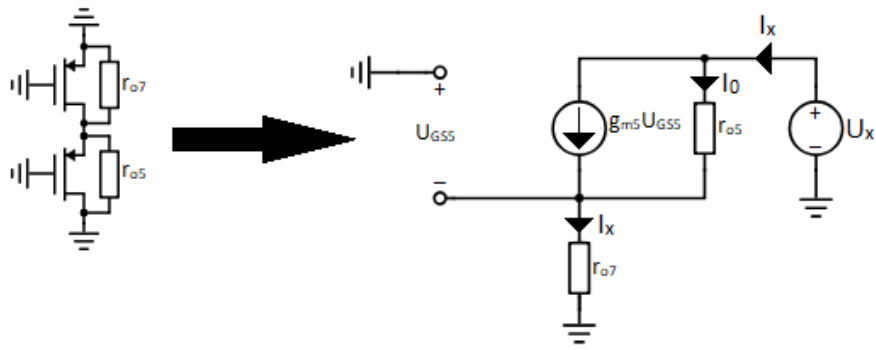
- Minnesregel:** För figuren nedan, där vi räknar  $r_{o3}$  som drainresistor och  $r_{o1}$  som sourceresistor, så gäller att

$$\rightarrow R_{UT} = r_{o1}(1 + g_{m3} r_{o3}) + r_{o3}$$

- Memorera detta, så kommer framtida beräkningar gå mycket fortare, eftersom du kan beräkna utresistansen intuitivt.



- Vi beräknar sedan resistansen  $R_{UT2}$  på samma sätt:



- Denna gång så är transistorerna av motsatt polaritet, dvs. PMOS, vilket medför att vi måste räkna från motsatt håll. Vi räknar därför från  $U_{G2}$  och tänker oss att  $r_{o5}$  är vår drainresistor och  $r_{o7}$  är vår sourceresistor.
- Rent intuitivt vet vi då att utresistansen är lika med:

$$R_{UT2} = r_{o7}(1 + g_{m5}r_{o5}) + r_{o5} \approx g_{m5}r_{o5}r_{o7}$$

- Vi kan också utföra beräkningar av småsignalschemat ovan för att verifiera resultatet:

$$R_{UT1} = \frac{U_X}{I_X}$$

$$U_X - r_{o5} * I_0 - r_{o7} * I_X = 0$$

$$\rightarrow U_X = r_{o5} * I_0 + r_{o7} * I_X$$

$$I_X = I_0 + g_{m5}U_{GS5} \rightarrow I_0 = I_X - g_{m5}U_{GS5}$$

$$-U_{GS5} - r_{o7} * I_X = 0 \rightarrow U_{GS5} = -r_{o7} * I_X$$

$$\rightarrow I_0 = I_X - g_{m5} * (-r_{o7} * I_X) = I_X + g_{m5} * r_{o7} * I_X$$

$$\rightarrow I_0 = I_X(1 + g_{m5} * r_{o7})$$

$$\rightarrow U_X = r_{o5} * I_X(1 + g_{m5} * r_{o7}) + r_{o7} * I_X = I_X[r_{o5}(1 + g_{m5} * r_{o7}) + r_{o7}]$$

$$R_{UT2} = \frac{U_X}{I_X} = \frac{I_X[r_{o5}(1 + g_{m5} * r_{o7}) + r_{o7}]}{I_X} = r_{o5}(1 + g_{m5} * r_{o7}) + r_{o7}$$

$$= r_{o5} + g_{m5} * r_{o5}r_{o7} + r_{o7} = r_{o7}(1 + g_{m5}r_{o5}) + r_{o5} \approx g_{m5}r_{o5}r_{o7}$$

$$\rightarrow R_{UT2} = r_{o7}(1 + g_{m5}r_{o5}) + r_{o5} \approx g_{m5}r_{o5}r_{o7}$$

### Beräkning av den totala utresistansen

- Därefter kan vi beräkna den totala utresistansen, exakt och approximativt:

**Exakt:**

$$R_{UT} = R_{UT1} // R_{UT2} = [(1 + g_{m5}r_{o5}) + r_{o5}] // [r_{o7}(1 + g_{m5}r_{o5}) + r_{o5}]$$

**Approximativt:**

$$R_{UT} = R_{UT1} // R_{UT2} \approx (r_{o1}g_{m3}r_{o3}) // (g_{m5}r_{o5}r_{o7})$$

- Det är en bra idé att också lägga detta på minnet. Notera att vi transkonduktansen från M3 respektive R5 är med i ekvationen. I övrigt så är både transistorernas utresistans också med i ekvationen.
- Notera också att de två delarna av utresistansen är varandras spegelbild, eftersom M3 respektive M5 fungerade som drain vid beräkningarna. Att M5 användes istället för M7, trots att M7 var placerad längre upp, beror på att M5 och M7 var PMOS-transistorer och därmed omvända, vilket medförde att vi fick beräkna åt andra hållet, dvs. som om M7 var source och M5 var drain.

### Beräkning av förstärkningsfaktorn

- Därefter kan vi beräkna differentialförstärkningen, exakt och approximativt:

$$G_{DM} = -G_m * R_{UT}$$

- Signalen kommer in på transistor M1, därför är den stora transkonduktansen lika med  $g_{m1}$ :

$$G_m = g_{m1}$$

**Exakt:**

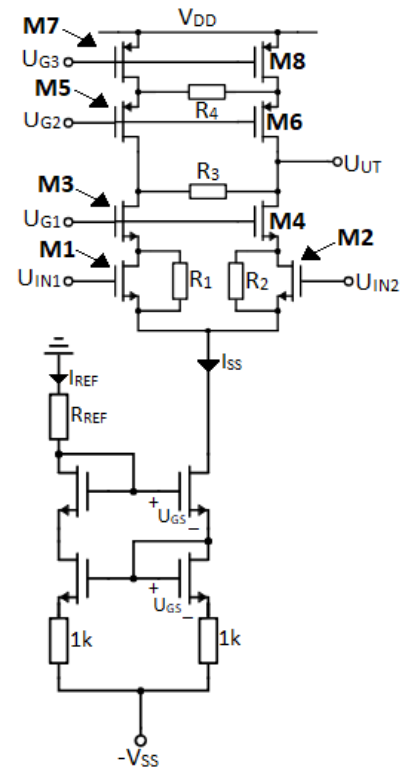
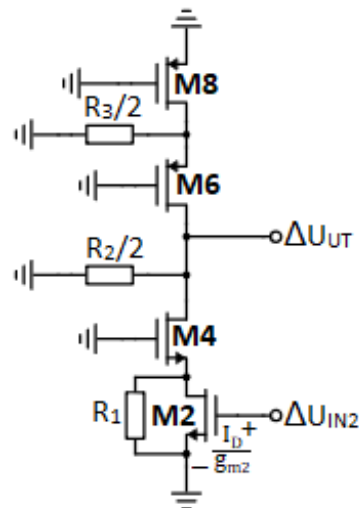
$$G_{DM} = -g_{m1} * [(1 + g_{m5}r_{o5}) + r_{o5}] // [r_{o7}(1 + g_{m5}r_{o5}) + r_{o5}]$$

**Approximativt:**

$$G_{DM} \approx -g_{m1} * (r_{o1}g_{m3}r_{o3}) // (g_{m5}r_{o5}r_{o7})$$

### Analys av kaskadkopplad differentialförstärkare med externa resistorer

- Vi skall härleda formel för differentialförstärkningen, Common Mode-förstärkningen, in- och utresistansen i både Differential Mode och Common Mode samt CMRR för differentialförstärkaren till höger.
- För tillvägagångssätt och figurer, se nästa sida.
- Notera att externa resistorer är placerade mellan de två sidorna. För att utföra beräkningar på differentialförstärkaren så behöver vi endast rita ut ena sidan. Vi ritar ut den högra sidan eftersom utsignalen är där.



- På grund av symmetrin så får vi också många virtuella jordpunkter, bland annat punkterna från gatespänningarna  $U_{G1}$ ,  $U_{G2}$  och  $U_{G3}$ , punkten mellan transistor M1 och M2:s sources samt mellan resistorerna  $R_3$  och  $R_4$ , vars resistans fördelas jämnt mellan de två sidorna. Därför ritar vi ut  $R_3/2$  respektive  $R_4/2$  i småsignalschemat.
- På grund av den virtuella jordpunkten mellan M1 och M2 så kommer effekten av strömgeneratorn elimineras, vilket gör att denna ersätts med en jordsymbol.
- Eftersom det bara finns en utgång men två ingångar så kommer förstärkningen halveras. I övrigt så använder vi samma metod för att beräkna differentialförstärkningen: på denna differentialförstärkare som på förra uppgiften, dvs. med utresistansen:

$$G_{DM} = \frac{-G_m * R_{UT}}{2}$$

där  $G_{DM}$  är differentialförstärkningen,  $G_m$  är den så kallad stora transkonduktansen, dvs. transkonduktansen på den transistor som insignalen når differentialförstärkaren och  $R_{UT}$  är differentialförstärkarens utresistans på en av sidorna (utresistansen är lika stor på båda sidorna). Att förstärkningsfaktorn delas med två beror, som nämndes tidigare, på att denna differentialförstärkare endast ha en utgång.

- Signalen kommer in på transistor M2, därför är den stora transkonduktansen lika med  $g_{m2}$ , enligt vår minnesregel (i Differential Mode).

$$G_m = g_{m2}$$

- Vi kommer dela den högra sidans av differentialförstärkaren i två delar, en övre och en lägre del. Därefter kommer vi beräkna den totala utresistansen på den högra sidan med formeln:

$$R_{UT} = R_{UT1} // R_{UT2},$$

där  $R_{UT1}$  är utresistansen från den nedre delen (nedanför  $\Delta U_{UT}$ ) och  $R_{UT2}$  är utresistansen från den övre delen (ovanför  $\Delta U_{UT}$ ).

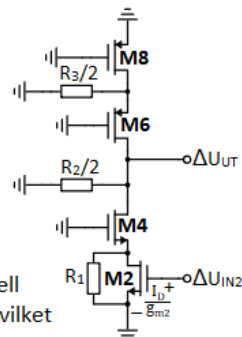
- Följ stegen på nästa sida för tillvägagångssätt och figuren för hur utresistansen beräknas.

Vi börjar med att rita ut småsignalschemat för differentialförstärkaren i Differential Mode.

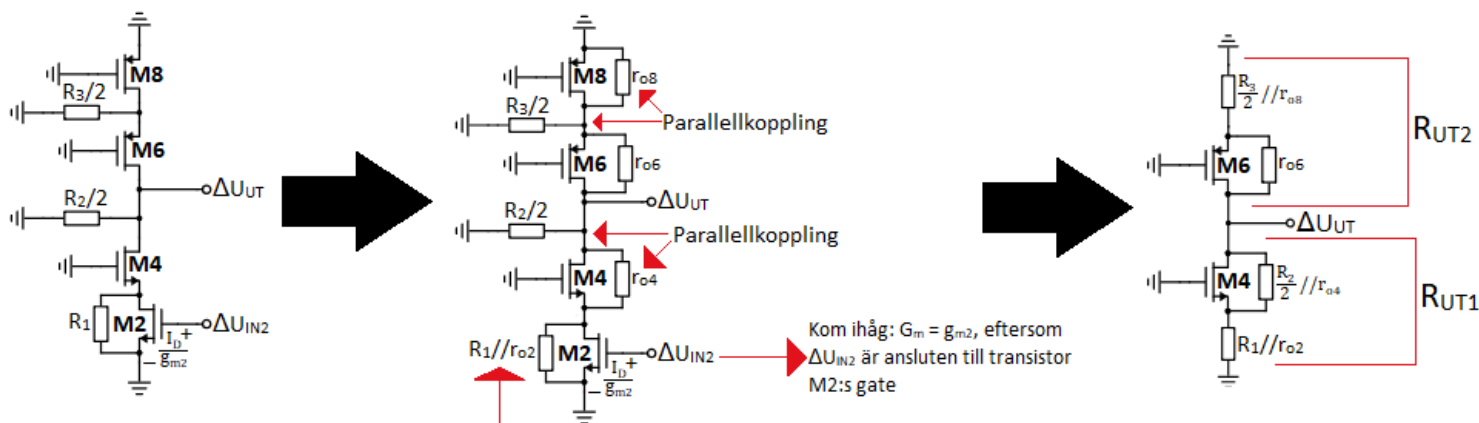
Vi behöver bara rita ut en av sidorna på differentialförstärkaren. Vi ritar ut höger sida, eftersom utgången är placerad där.

Eftersom vi endast har en utgång så kommer förstärkningsfaktorn halveras.

Symmetrin i differentialförstärkaren innebär flera virtuella jordpunkter. Bland annat så finns en virtuell jordpunkt mellan transistor M1 och M2:s sources, vilket medför att effekten av strömkällan elimineras i Differential Mode. Därmed så ritar vi inte ut den i småsignalschemat.

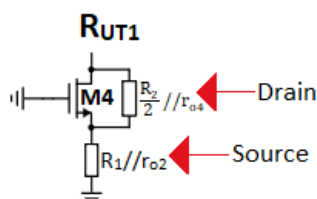


De resistorer som var placerade mellan de två sidorna fördelas symmetriskt mellan de två sidorna. Därmed så räknar vi att halva resistansen hamnar på höger sida och den andra halvan på vänster.

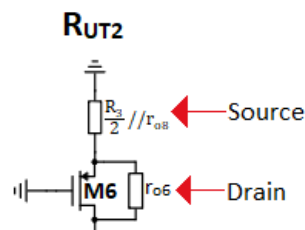


Eftersom  $R_1$  redan var placerad parallellt med  $M_2$  och  $r_{o2}$  skall ritas ut parallellt med  $M_2$  så förstår vi direkt att de är parallellkopplade, så vi ersätter dem direkt med  $R_1 // r_{o2}$

Beräkna  $R_{UT1}$  och  $R_{UT2}$  som om de vore utresistansen på två separata GS-steg



$R_{UT1}$  består av NMOS-transistorer, så vi får räkna att transistor M4 är placerad i drain och transistor M2 är placerad i source.

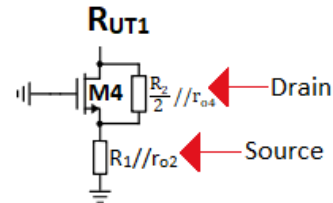


$R_{UT2}$  består av PMOS-transistorer, så vi får räkna från omvänt håll. Detta medför att transistor M6 är placerad i drain och transistor M8 är placerad i source.

- Vi utför samma beräkningar som i det introducerande avsnittet om kaskadkopplade differentelförstärkare, men vi gör det utan småsignalschema. Följande regler gäller:

$$R_{UT} = R_S(1 + g_{mD}R_D) + R_D,$$

där  $R_S$  är den aktuella sourceresistansen,  $R_D$  är den aktuella drainresistansen och  $g_{mD}$  är transkonduktansen på resistorn som vi utgår från, vilket i detta och i många fall är den transistor som vi utgår från. I fall med kaskadkopplingar så utgår vi alltid från den transistor som är i anslutning till drainresistansen, vilket i detta fall är transistor M4.



$R_{UT1}$  består av NMOS-transistorer, så vi får räkna att transistor M4 är placerad i drain och transistor M2 är placerad i source.

- För  $R_{UT1}$  så tittar vi på schemat till höger och ser då att:

$$R_S = R_1 // r_{o2}$$

$$R_D = \frac{R_2}{2} // r_{o4}$$

$$g_{mD} = g_{m4}$$

- Därefter så härleder vi det fullständiga formeln för  $R_{UT1}$ :

$$R_{UT1} = (R_1 // r_{o2}) \left( 1 + g_{m4} \left( \frac{R_2}{2} // r_{o4} \right) \right) + \frac{R_2}{2} // r_{o4}$$

- Detta formel kan också approximeras till:

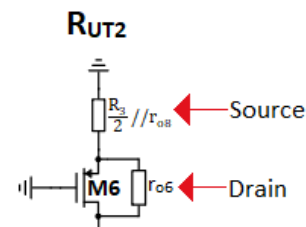
$$R_{UT1} \approx (R_1 // r_{o2}) * g_{m4} \left( \frac{R_2}{2} // r_{o4} \right)$$

- För  $R_{UT2}$  så tittar vi på schemat till höger och ser då att:

$$R_S = \frac{R_3}{2} // r_{o8}$$

$$R_D = r_{o6}$$

$$g_{mD} = g_{m6}$$



$R_{UT2}$  består av PMOS-transistorer, så vi får räkna från omvänt håll. Detta medför att transistor M6 är placerad i drain och transistor M8 är placerad i source.

- Därefter så härleder vi det fullständiga formeln för  $R_{UT2}$ :

$$R_{UT2} = \left( \frac{R_3}{2} // r_{o8} \right) (1 + g_{m6}r_{o6}) + r_{o6}$$

- Detta formel kan också approximeras till:

$$R_{UT2} \approx \left( \frac{R_3}{2} // r_{o8} \right) g_{m6} r_{o6}$$

- Därefter så kan vi härleda det fullständiga formeln för differentia förstärkningen:
- Antingen kan formeln presenteras på detta sätt:

$$G_{DM} = -\frac{G_m * R_{UT}}{2} = -\frac{g_{m2}}{2} * (R_{UT1} // R_{UT2}),$$

där

$$\begin{cases} R_{UT1} = (R_1 // r_{o2}) \left( 1 + g_{m4} \left( \frac{R_2}{2} // r_{o4} \right) \right) + \frac{R_2}{2} // r_{o4} \\ R_{UT2} = \left( \frac{R_3}{2} // r_{o8} \right) * (1 + g_{m6} r_{o6}) + r_{o6} \end{cases}$$

- Eller så kan förstärkningsfaktorn formelas i ett fullständigt, men väldigt långt, formel:

$$G_{DM} = -\frac{g_{m2}}{2} \left[ \left[ (R_1 // r_{o2}) \left( 1 + g_{m4} \left( \frac{R_2}{2} // r_{o4} \right) \right) + \frac{R_2}{2} // r_{o4} \right] // \left[ \left( \frac{R_3}{2} // r_{o8} \right) (1 + g_{m6} r_{o6}) + r_{o6} \right] \right]$$

- Detta formel kan givetvis approximeras. Vi får då:

$$G_{DM} \approx -\frac{g_{m2}}{2} \left[ \left[ (R_1 // r_{o2}) * g_{m4} \left( \frac{R_2}{2} // r_{o4} \right) \right] // \left[ \left( \frac{R_3}{2} // r_{o8} \right) * g_{m6} r_{o6} \right] \right]$$

- Vi hade kunnat formel förstärkningsfaktorn på samma sätt på den vänstra sidan, genom att byta ut transistorernas utresistanser och transkonduktanser i formeln ovan mot motsvarande sådana på den vänstra sidan. Samtidigt så håller vi de externa resistanserna samma, eftersom dessa är samma på båda sidor. Vi får då:

$$G_{DM} = -\frac{g_{m1}}{2} \left[ \left[ (R_1 // r_{o1}) \left( 1 + g_{m3} \left( \frac{R_2}{2} // r_{o3} \right) \right) + \frac{R_2}{2} // r_{o3} \right] // \left[ \left( \frac{R_3}{2} // r_{o7} \right) (1 + g_{m5} r_{o5}) + r_{o5} \right] \right]$$

- Detta formel kan approximeras till:

$$G_{DM} \approx -\frac{g_m}{2} \left[ \left[ (R_1 // r_{o1}) * g_{m3} \left( \frac{R_2}{2} // r_{o3} \right) \right] // \left[ \left( \frac{R_3}{2} // r_{o7} \right) * g_{m5} r_{o5} \right] \right]$$

- Därefter kan vi enkelt härleda formel för in- och utresistansen.
- Eftersom insignalerna går in direkt på transistorernas gate så kan inresistansen anses vara oändlig:

$$R_{IN} = \infty$$

- Detta gäller för båda ingångar.
- Utresistansen härledde vi tidigare när en formel för förstärkningsfaktorn skulle härledas:

$$R_{UT} = R_{UT1} // R_{UT2} = \left[ \left[ (R_1 // r_{o2}) \left( 1 + g_{m4} \left( \frac{R_2}{2} // r_{o4} \right) \right) + \frac{R_2}{2} // r_{o4} \right] // \left[ \left( \frac{R_3}{2} // r_{o8} \right) (1 + g_{m6} r_{o6}) + r_{o6} \right] \right]$$

- Formeln ovan kan approximeras till:

$$R_{UT} \approx \left[ (R_1 // r_{o2}) * g_{m4} \left( \frac{R_2}{2} // r_{o4} \right) \right] // \left[ \left( \frac{R_3}{2} // r_{o8} \right) * g_{m6} r_{o6} \right]$$

- På samma sätt som vi kunde formel förstärkningsfaktorn på både sidor så kan vi också formel utresistansen på både sidor. Formeln med storheterna på vänster sida så blir utresistansen lika med:

$$R_{UT} = \left[ (R_1 // r_{o1}) \left( 1 + g_{m3} \left( \frac{R_2}{2} // r_{o3} \right) \right) + \frac{R_2}{2} // r_{o3} \right] // \left[ \left( \frac{R_3}{2} // r_{o7} \right) (1 + g_{m5} r_{o5}) + r_{o5} \right]$$

- Detta formel kan approximeras till:

$$R_{UT} \approx \left[ (R_1 // r_{o1}) * g_{m3} \left( \frac{R_2}{2} // r_{o3} \right) \right] // \left[ \left( \frac{R_3}{2} // r_{o7} \right) * g_{m5} r_{o5} \right]$$

### Förstärkningsfaktor i Common Mode

- Förstärkningsfaktorn i Common Mode kan härledas med ungefär samma formel som i Differential Mode, med skillnaden att vi måste ta med strömkällans resistans vid beräkning av den stora transkonduktansen  $G_m$ . Låt oss kalla strömkällans resistans  $R_{SS}$ .
- I Common Mode så kommer strömmen genom strömkällan,  $R_{SS}$ , vara dubbelt så stor som drainströmmen på valfri sida, eftersom:

$$\begin{aligned} \text{Common Mode} \rightarrow U_{IN1} = U_{IN2} \rightarrow I_{D1} = I_{D2} = I_D \\ I_{SS} = I_{D1} + I_{D2} = 2I_D \end{aligned}$$

- Men eftersom de två sidorna delar på strömkällans resistans så skall denna räknas som  $R_{SS}/2$  på en sida, dvs. på det sätt som vi skall beräkna den på. Men eftersom strömmen genom strömkällan är dubbelt så stor så kommer spänningsfallet över denna bli lika med:

$$\frac{R_{SS}}{2} * I_{SS} = \frac{R_{SS}}{2} * 2I_D = R_{SS} I_D$$

- Minnesregel:** I Common Mode så kan vi räkna att strömkällans resistans  $R_{SS}$  ligger i serie med sourceresistansen.



- Matematiskt formelt så kan  $G_m$  härledas med formeln:

$$G_m = \left| \frac{I_{UT}}{\Delta U_{IN2}} \right|_{\Delta U_{UT}=0}$$

- Eftersom villkoret ovan gäller när  $\Delta U_{UT}$  är lika med noll så kommer utströmmen vara lika med drainströmmen. Därefter gäller det bara att härleda en formel för  $\Delta U_{IN}$ , vilket görs med Kirchhoffs spänningslag:

$$\Delta U_{IN2} - \frac{I_D}{g_{m2}} - R_{SS}I_D = 0 \rightarrow \Delta U_{IN2} = I_D \left( \frac{1}{g_{m2}} + R_{SS} \right)$$

- Detta medför att den stora transkonduktansen  $G_m$  enkelt kan beräknas:

$$\begin{aligned} G_m &= \left| \frac{I_{UT}}{\Delta U_{IN1}} \right|_{\Delta U_{UT}=0} = \frac{I_D}{I_D \left( \frac{1}{g_{m2}} + R_{SS} \right)} = \frac{1}{\frac{1}{g_{m2}} + R_{SS}} \\ &= \frac{1}{\left( \frac{1 + g_{m2}R_{SS}}{g_{m2}} \right)} = \frac{g_{m2}}{1 + g_{m2}R_{SS}} \end{aligned}$$

- $R_{UT1}$  kommer öka kraftigt i Common Mode på grund av strömgeneratorns resistans  $R_{EE}$ . Kom ihåg vår minnesregel om strömgeneratorns resistans i Common Mode:

*I Common Mode så kan vi räkna att strömkällans resistans  $R_{SS}$  ligger i serie med sourceresistansen.*

- Vi måste därmed addera  $R_{SS}$  till varje del där sourceresistansen ingår:

$$R_{S,CM} = R_1 // r_{o2} + R_{SS}$$

$$R_{UT1} = [(R_1 // r_{o2}) + R_{SS}] \left( 1 + g_{m4} \left( \frac{R_2}{2} // r_{o4} \right) \right) + \frac{R_2}{2} // r_{o4}$$

- Eftersom  $R_{UT1}$  nu kan antas bli nästan oändligt stor så kommer  $R_{UT1}$  ha minimal påverkan på den totala utresistansen, eftersom:

$$R_{UT1} // R_{UT2} = \infty // R_{UT2} \approx R_{UT2}$$

- Därmed blir den totala utresistansen ungefär lika med  $R_{UT2}$ :

$$R_{UT} = R_{UT1} // R_{UT2} \approx R_{UT2}$$

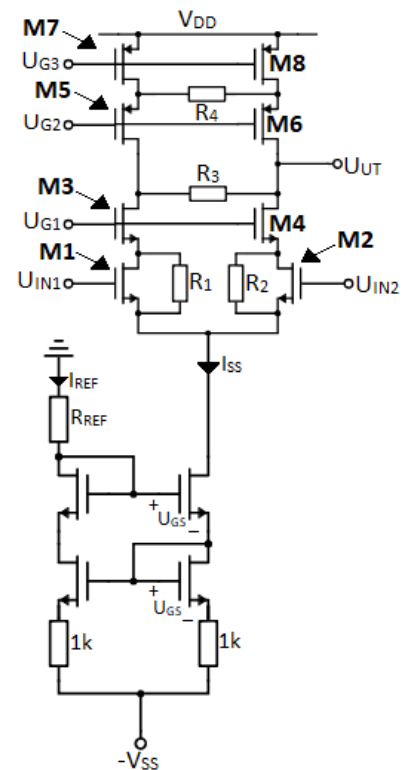
- Därmed sätter vi in våra nya värden i formeln för att beräkna Common Mode-förstärkningen:

$$G_{CM} = -\frac{G_m * R_{UT}}{2} \approx -\frac{g_{m2} * R_{UT2}}{2(1 + g_{m2}R_{SS})}$$

- Därmed blir Common Mode-förstärkningen ungefär lika med:

$$G_{CM} \approx -\frac{g_{m2}}{2(1 + g_{m2}R_{SS})} \left[ \left( \frac{R_3}{2} // r_{o8} \right) (1 + g_{m6}r_{o6}) + r_{o6} \right] \approx 0$$

- Eftersom strömspegels utresistans  $R_{SS}$  är så extremt hög (ca 100 MΩ) så blir Common Mode-förstärkningen nästan lika med 0.



**CMRR**

- En formel för Common Mode Rejection Ratio kan därmed härledas. Vi använder oss utav förkortningarna  $R_{UT1}$  och  $R_{UT2}$  för att förenkla formeln, samtidigt som ekvationerna inte blir för långa:

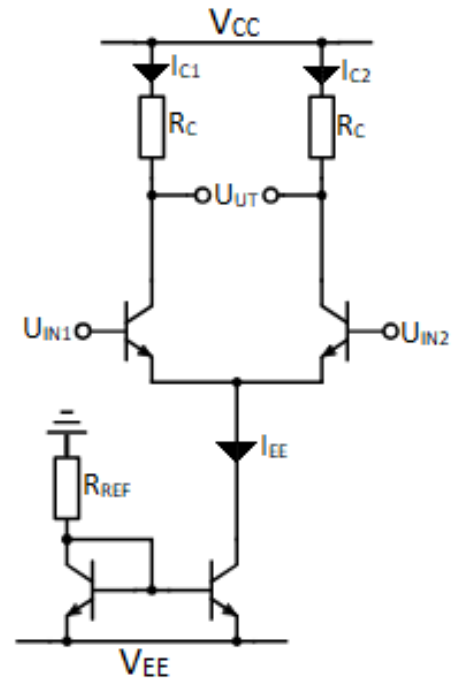
$$CMRR = \frac{G_{DM}}{G_{CM}} \approx \frac{\left[ \frac{g_{m2}}{2} * (R_{UT1} // R_{UT2}) \right]}{\left[ \frac{g_{m2} * R_{UT2}}{2(1 + g_{m2}R_{SS})} \right]} = (1 + g_{m2}R_{SS}) * \frac{(R_{UT1} // R_{UT2})}{R_{UT2}}$$

$$= (1 + g_{m2}R_{SS}) * \frac{R_{UT1}}{R_{UT1} + R_{UT2}} \approx \infty$$

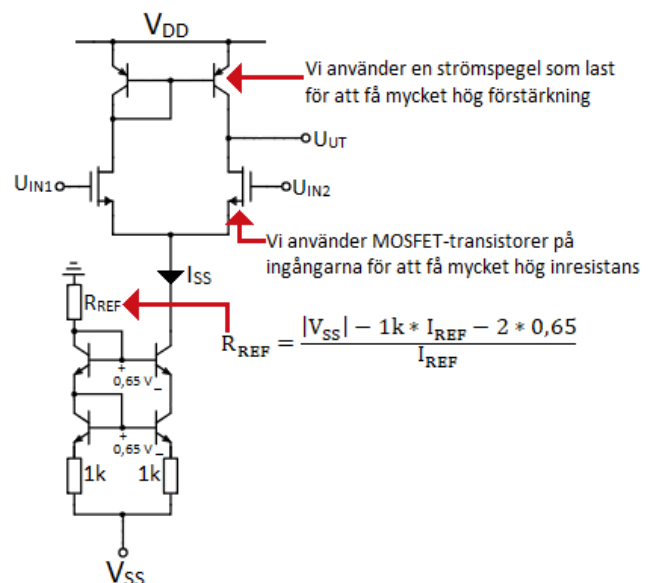
- På grund av att strömkällan  $R_{SS}$  kan anses vara nästintill oändligt stor så kommer CMRR bli nästan oändligt högt. Detta är en riktigt bra differentiaalförstärkare, helt enkelt!

### Sammanfattning av differentialförstärkaren

- Differentialförstärkare förstärker signaler som är olika på de två ingångarna, exempelvis ljud och kancellerar signaler som är lika på de två ingångarna, exempelvis brus. Sådana signaler kallas differentialsignaler respektive Common Mode-signaler.
- En bra differentialförstärkare har hög differentialförstärkning och låg Common Mode-förstärkning.
- Differentialförstärkare med bara en utgång används mycket oftare i IC-kretsar och OP-förstärkare än varianter med två utgångar, eftersom man med en utgång enkelt kan koppla till nästa steg i kretsen (förmodligen en spänningsförstärkare).
- Om kollektorresistorer används så beräknas differentialförstärkarens förstärkningsfaktor på samma sätt som på ett GE-steg, oavsett om det har en eller två utgångar. Om det endast har en utgång så skall dock denna förstärkningsfaktor halveras.
- Om man ersätter kollektorresistorn med en strömspegel så skall förstärkningsfaktorn beräknas på samma sätt som en differentialförstärkare med två utgångar. Ersätt därför drainresistorn med en strömspegel om förstärkningsfaktorn skall maximeras. Förstärkningsfaktorn kan då bli -5000 eller högre om BJT-transistorer används och kanske -500 och uppåt om CMOS-transistorer används.
- För att kraftigt öka inresistansen så kan man använda CMOS-transistorer på ingången istället för BJT-transistorer. Dock blir förstärkningsfaktorn lägre, men i de flesta avseenden är extremt hög inresistans och hög förstärkning föredraget framför moderat inresistans och maximerad förstärkning, särskilt med tanke på att förstärkningsfaktorn lätt kan ökas i efterföljande steg.



- Anslut en strömgenerator till den nedre delen av differentialförstärkaren, dvs. till transistorernas emitterdel. Strömgeneratorn innebär konstant ström genom differentialförstärkaren samt extremt hög impedans (resistans), vilket medför extremt låg Common Mode-förstärkning och därmed effektiv dämpning av Common Mode-signaler. Använd helst en förbättrad Kaskadkopplad strömspegel, se den högra figuren nedan. Denna strömspegel har en impedans på ca 100 MΩ, vilket är mycket bra för att kancellera icke-önskvärda signaler.
- CMRR (Common Mode Rejection Ratio) är ett mått på hur bra differentialförstärkaren kancellerar Common Mode-signaler, exempelvis brus i förhållande till hur mycket den förstärker differentialsignaler, exempelvis ljud. Ju högre CMRR, desto bättre differentialförstärkare. CMRR kan höjas genom att man ökar differentialförstärkningen, exempelvis genom att använda en strömspegel som last, eller genom att man minskar Common Mode-förstärkningen, exempelvis genom att använda en strömgenerator med mycket hög impedans, såsom den förbättrade Kaskadkopplad strömspegeln i den högra figuren nedan.
- Kaskadkopplade differentialförstärkare kan användas för att öka differentialförstärkningen. Dock blir detta mer komplicerat, främst därför att ett flertal matningsspänningar behövs för att mata transistorernas i kaskadkopplingen. Därför är oftast alternativet med strömspegel som last föredraget. Differentialförstärkningen blir ändå hög, samtidigt som förstärkningsfaktorn enkelt kan ökas i efterföljande steg, som bör vara någon typ spänningsförstärkare. Bäst är om ett GS-



steg används, så vi inte behöver oroa oss för att spänningsförstärkarens inresistans är för låg, som annars kan medföra att differentialförstärkningen minskar kraftigt.

- Utresistansen beräknas på samma sätt som på ett GE-steg, oavsett antalet utgångar. Om MOSFET-transistorer används på ingångarna så blir inresistansen i princip oändligt stor. Om BJT-transistorer används på ingångarna så beräknas inresistansen som på ett GE-steg. I Common Mode får man dock räkna att strömgeneratorns resistans  $R_{EE}$  utgör en emitterresistor.

#### Formler för en differentialförstärkare med strömspegel som last och MOSFET-transistorer på ingången

- Differentialförstärkningen kan beräknas med följande formel:

$$G_{DM} = -g_{m2}(r_{o2}/r_{o4}),$$

där  $r_{o2}$  och  $r_{o4}$  är varje utresistansen på transistor M2 respektive Q4 och  $g_{m2}$  är transistor M2:s så kallad transkonduktans, som är motsvarigheten till bipolartransistorns inbyggda emitterresistans i hybrid- $\pi$  modellen.

- Förhållandet mellan transkonduktansen  $g_m$  och den inbyggda emitterresistansen  $r_e$  är:

$$g_m = \frac{1}{r_e},$$

där transkonduktansen mäts i enheten Siemens (S).

- Transistor M2:s transkonduktans kan beräknas med formeln

$$g_{m2} = \frac{2 * I_{D2}}{U_{GS2} - U_T},$$

där  $I_{D2}$  är drainströmmen som flödar på höger sida av differentialförstärkaren,  $U_{GS2}$  är transistor M2:s gate-sourcespänning och  $U_T$  är transistor M2:s tröskelspänning.

- Förstärkningsfaktorn kan bli väldigt hög, omkring -500 eller mer. Om vi hade använt BJT-transistorer på ingångarna så hade förstärkningsfaktorn kunnat uppnå -5000 eller mer, men då hade inresistansen varit mycket lägre, vilket hade varit problematiskt. Förstärkningen kan enkelt höjas genom att koppla differentialförstärkarens utgång till en spänningsförstärkare.

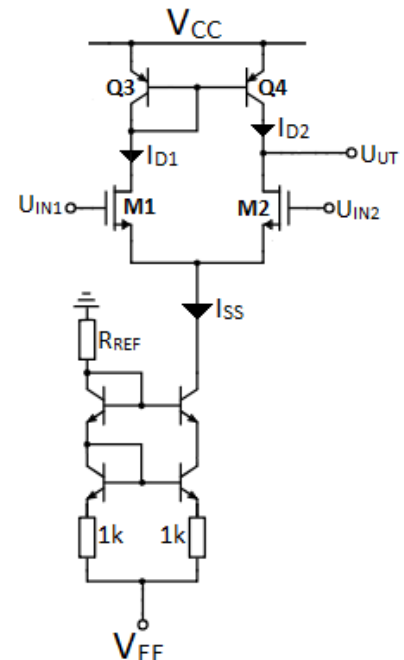
- Common Mode-förstärkningen kan beräknas med formeln

$$G_{CM} = -\frac{r_{o2}/r_{o4}}{2 * R_{EE} + \frac{1}{g_{m2}}} \approx -\frac{r_{o2}/r_{o4}}{2 * R_{EE}} \approx 0,$$

där  $R_{EE}$  är strömspegelns impedans, som är ca 100 M $\Omega$  med den förbättrade Kaskadkopplad strömspegeln ovan.

- Common Mode-förstärkningen blir nästan noll, vilket är mycket bra, för det betyder att önskvärda signaler, exempelvis brus, kancelleras mycket kraftigt.
- Inresistansen på MOSFET-transistorer är så hög att den kan tänkas vara oändligt hög. Detta gäller både i Differential Mode och Common mode:

$$R_{IN,DM} \approx \infty$$



$$R_{IN,CM} \approx \infty$$

- Utresistans i Differential Mode utan emitterresistorer kan beräknas med formeln:

$$R_{UT,DM} = r_{o2} // r_{o4},$$

där  $r_{o2}$  och  $r_{o4}$  är varje utresistansen på transistor M2 respektive Q4.

- Utresistans i Common Mode utan emitterresistorer kan beräknas med formeln:

$$R_{UT,CM} = 2R_{EE}[1 + g_{m2}(r_{o2} // r_{o4})] + r_{o2} // r_{o4} \approx \infty,$$

där  $2R_{EE}$  är strömspegelns resistans och  $g_{m2}$  är transistor M2:s transkonduktans.

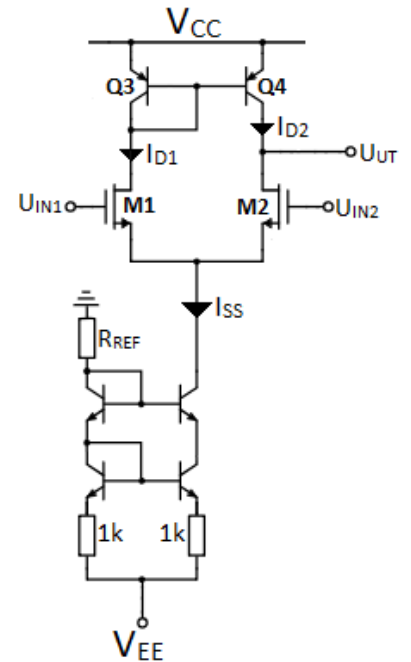
- Utresistansen i Differential Mode med emitterresistorer kan beräknas med formeln:

$$R_{UT,DM} = R_E[1 + g_{m2}(r_{o2} // r_{o4})] + r_{o2} // r_{o4} \\ \approx g_{m2}R_E(r_{o2} // r_{o4})$$

- Utresistansen i Common Mode med emitterresistorer kan beräknas med formeln:

$$R_{UT,CM} = (2R_{EE} + R_E)[1 + g_{m2}(r_{o2} // r_{o4})] + r_{o2} // r_{o4} \approx \infty$$

- Det är mycket viktigt att efterföljande steg, som förmodligen är en spänningsförstärkare, har mycket hög inresistans för att inte sänka differentialförstärkningen. Det lättaste sättet att sett till detta är att efterföljande steg har en MOSFET-transistor på ingången. Därför är det föredraget att detta steg består utav ett GS-steg, som ytterligare förstärker den signal som differentialförstärkaren förstärkte.



## Formler för en kaskadkopplad differentialsförstärkare med MOSFET-transistorer

- Differentialförstärkningen kan beräknas med formeln:

$$G_{DM} = -g_{m1} * [(1 + g_{m5}r_{o5}) + r_{o5}] / [r_{o7}(1 + g_{m5}r_{o5}) + r_{o5}],$$

vilket kan avrundas till

$$G_{DM} \approx -g_{m1} * (r_{o1}g_{m3}r_{o3}) / (g_{m5}r_{o5}r_{o7})$$

- Eftersom vi använder en förbättrad Wilson strömspegel så blir Common Mode förstärkningen ungefär lika med 0:

$$G_{DM} \approx 0$$

- CMRR kan därför antas vara nästintill oändligt hög:

$$CMRR = \frac{G_{DM}}{G_{CM}} \approx \infty$$

- Utresistansen i Differential Mode kan beräknas med följande formel:

$$R_{UT,DM} = R_{UT1} // R_{UT2} = [(1 + g_{m5}r_{o5}) + r_{o5}] / [r_{o7}(1 + g_{m5}r_{o5}) + r_{o5}],$$

vilket kan avrundas till

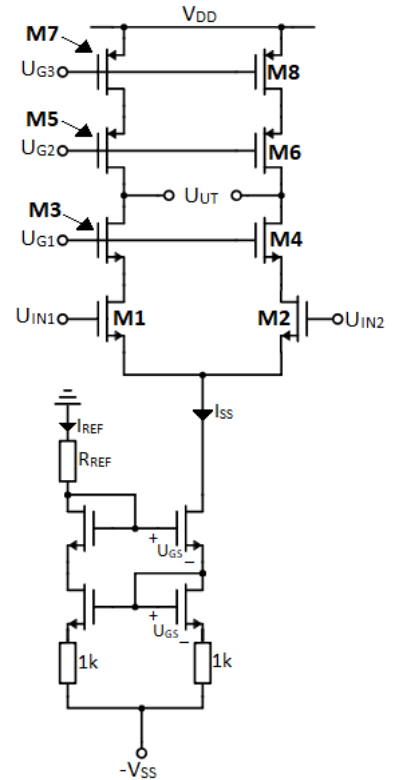
$$R_{UT} = R_{UT1} // R_{UT2} \approx (r_{o1}g_{m3}r_{o3}) / (g_{m5}r_{o5}r_{o7})$$

- På grund av den förbättrade Kaskadkopplad strömspegeln så blir utresistansen i Common Mode nästintill oändlig:

$$R_{UT,CM} \approx \infty$$

- Eftersom MOSFET-transistorer används så kan inresistansen alltid anses vara nästintill oändligt hög:

$$R_{IN} \approx \infty$$



## Formler för en differentialförstärkare med BJT-transistorer på utgången

## 1. Differentialförstärkning (med emitterresistorer):

- Differentialförstärkningen motsvarar förstärkningsfaktorn på GE-steget.
- Vi har tidigare sett att GE-stegets förstärkningsfaktor kan beräknas med följande formel:

$$G = -\frac{R_C}{R_E + r_e}$$

- Samma formel gäller för differentialförstärkaren med två utgångar, som inte är något annat än två sammankopplade GE-steg, se figurerna till höger.
- Om inga emitterresistorer används, ta bort  $R_E$  ut formeln ovan.
- På differentialförstärkaren med en utgång så har vi en kollektorresistor, två emitterresistorer och två inbyggda emitterresistanser att räkna med, vilket ändrar medför att förstärkningen halveras:

$$G_{DM} = -\frac{R_C}{2(R_E + r_e)}$$

- Det blir alltså dubbelt så mycket resistans från emittern. Därmed så blir förstärkningen halverad.
- Om inga emitterresistorer används, ta bort  $R_E$  ut formeln ovan.
- När en strömspegel används som last på differentialförstärkaren, såsom i figuren nedan till höger, så blir förstärkningsfaktorn identisk med ett GE-steg med strömgenerator som last.

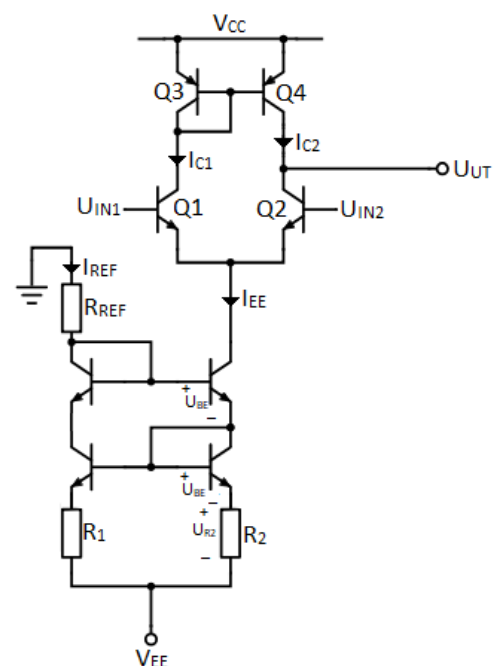
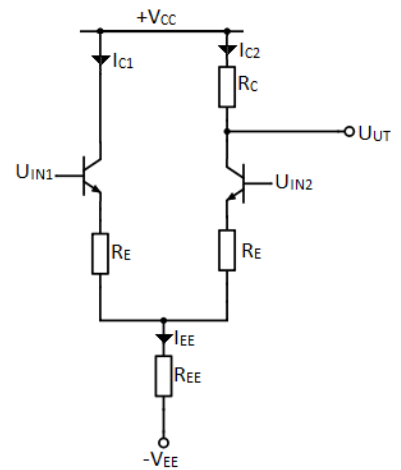
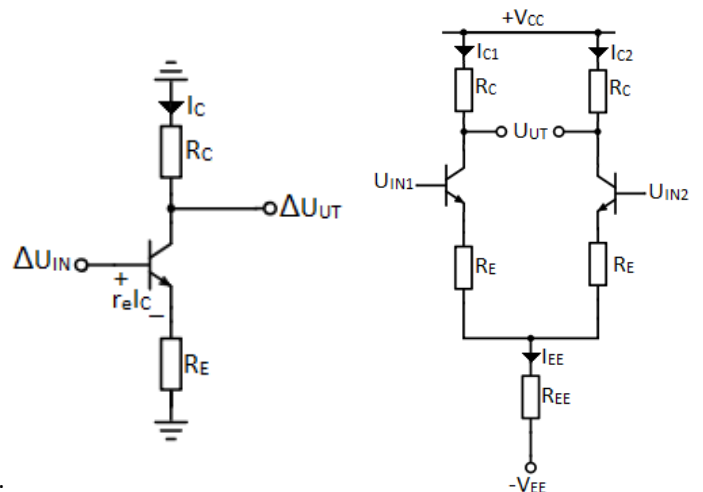
$$G_{DM} = -\frac{r_{o2} // r_{o4}}{r_{e2}},$$

där  $r_{o2}$  och  $r_{o4}$  är varje utresistansen på transistor Q2 respektive Q4 och  $r_{e2}$  är transistor Q2:s inbyggda emitterresistans. Differentialförstärkningen kan uppnå - 5000 eller mer när BJT-transistorer används på ingångarna.

- Den inbyggda emitterresistansen kan beräknas med formeln:

$$r_{e2} = \frac{25}{I_{C2(mA)}},$$

där  $I_{C2}$  är kollektorströmmen som flödar på höger sida av differentialförstärkaren, mätt i mA.



## 2. Common Mode-förstärkning:

- I Common Mode så är signalerna på differentialförstärkarens två ingångar identiska. Dessa signaler vill vi inte förstärka. Common Mode-förstärkningen bör därför vara så nära noll som möjligt.
- Common Mode-förstärkningen med en utgång är samma som för två utgångar, eftersom det endast är differentialförstärkningen som blir halverad när en utgång tas bort:

$$G_{CM} = -\frac{R_C}{2R_{EE} + R_E + r_e},$$

där  $2R_{EE}$  är resistansen nedanför transistorernas emitterar. Denna resistor bör vara så hög som möjligt samtidigt som tillräckligt stor ström skall flöda ned till den negativa matningsspänningen  $V_{EE}$ . Därför brukar en strömgenerator användas, som medför extremt hög resistans och konstant ström. Då blir Common Mode-förstärkningen nästan 0.

$$G_{CM} \approx 0 \text{ om } R_{EE} \approx \infty$$

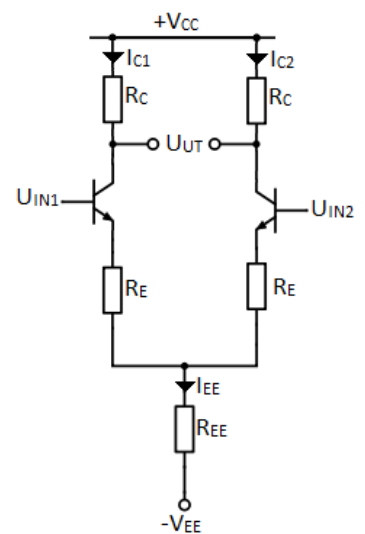
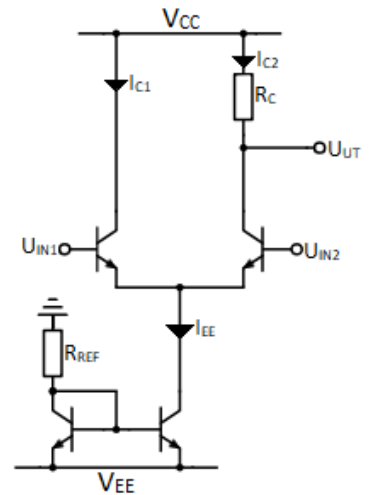
- Common Mode-förstärkningen med två utgångar är identisk med en utgång:

$$G_{CM} = -\frac{R_C}{2R_{EE} + R_E + r_e} \approx 0 \text{ om } R_{EE} \approx \infty$$

- Common Mode-förstärkningen med strömspegel som last, se figuren nedan till höger, är lika med:

$$G_{CM} = -\frac{r_{o2}/r_{o4}}{2R_{EE} + R_E + r_{e2}} \approx 0 \text{ om } R_{EE} \approx \infty,$$

där  $r_{e2}$  är transistor Q2:s inbyggda emitterresistans. När en strömspegel används som last så blir inte förstärkningen halverad, trots att bara en utgång används. Detta beror på att strömspegel ser till att kollektorströmmarna alltid är lika stora, vilket medför att ström måste skickas eller dras från utgången, lika stor ström som strömskillnaden på de två sidorna hade varit om två utgångar hade använts. Detta medför också att spänningsskillnaden på utsignalen blir identisk med den resulterande spänningsskillnaden på utsignalen om två utgångar hade använts.



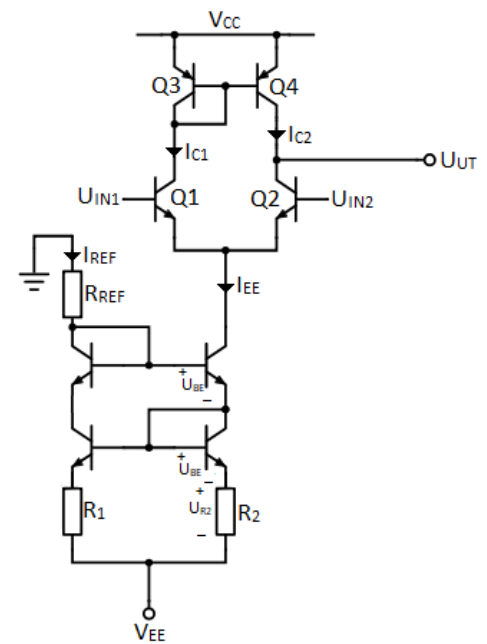


### 3. CMRR (Common Mode Rejection Ratio)

- CMRR är ett mått på hur mycket önskvärda signaler (exempelvis ljud) förstärks i förhållande till icke önskvärda signaler (exempelvis brus). CMRR kan sägas vara ett mått på hur bra differentialförstärkaren är.

$$CMRR = \frac{G_{DM}}{G_{CM}}$$

- Ju högre CMRR, desto bättre är differentialförstärkaren. En mycket bra differentialförstärkare kan ha nästan oändlig CMRR. För detta krävs att väldigt låg Common Mode-förstärkning, vilket kräver att en strömgenerator med väldigt hög utresistans används, exempelvis en förbättrad Kaskadkopplad strömspegel såsom i figuren till höger.



**In- och utresistans för den enkla BJT-differentialförstärkaren i Differential Mode**

Nedanstående formel gäller endast för en ingång. Summan av de två ingångarna är det dubbla.

$$R_{IN,DM} \approx (r_e + R_E + 2R_{EE})h_{FE}$$

Nedanstående formler för utresistans gäller endast för sidan med utgången, inte på den andra, eftersom detta är den enda utgången. Om två ingångar finns så är har de två sidorna samma utresistans.

- Utresistans utan emitterresistorer (som differentialförstärkare vanligtvis saknar):

$$R_{UT,DM} \approx R_C$$

- Utresistans med emitterresistorer:

$$R_{UT,DM} \approx \frac{R_E // r_\pi}{r_e} * R_C,$$

där

$$r_\pi = r_e * h_{FE}$$

**In- och utresistans vid Common Mode:**

Nedanstående formler för inresistansen i Common Mode gäller endast för en ingång. Summan av de två ingångarna är det dubbla.

$$R_{IN,CM} \approx 2[(2R_{EE} + R_E + r_e)h_{FE}]$$

- Vanligtvis består  $R_{EE}$  av en strömgenerator med mycket hög resistans, vilket medför att

$$R_{IN,CM} \approx 4R_{EE} * h_{FE} \approx \infty$$

Nedanstående formler för utresistans i Common Mode gäller endast för sidan med utgången, inte på den andra, eftersom detta är den enda utgången. Om två ingångar finns så är har de två sidorna samma utresistans.

- Utresistans utan emitterresistorer:

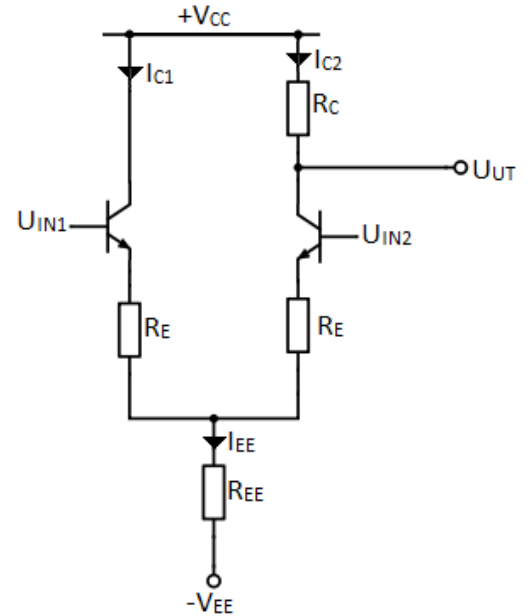
$$R_{UT,CM} \approx R_C * h_{FE}$$

- Utresistans med emitterresistorer:

$$R_{UT,CM} \approx \frac{(2R_{EE} + R_E) // r_\pi}{r_e} * R_C \approx R_C * h_{FE},$$

där

$$r_\pi = r_e * h_{FE}$$



## Appendix A

## Härledning av förstärkningsfaktorn i Differential Mode, med emitterresistorer och en utgång

- Om tittar på de två sidorna av differentialförstärkaren så ser vi att varje sida kan ses som ett separat GE-steg. Eftersom differentialförstärkningen är differensen mellan de två insignalerna så kommer vi se att resistansen från  $R_{EE}$  eller motsvarande strömgenerator elimineras:

$$G_{DM} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2}}$$

- Vi härleder formel för  $\Delta U_{IN1}$  och  $\Delta U_{IN2}$  precis som på ett GE-steg. Vi ignorerar de signaler som är konstanta, exempelvis matningsspänningen  $V_{CC}$  och  $V_{EE}$ . Dessutom ersätter vi transistorernas bas-emitterspänning  $U_{BE}$  med formeln  $r_{eIc}$ .

- Vi börjar med att köra Kirchhoffs spänningslag på vänster sida av differentialförstärkaren för att härleda en formel för  $\Delta U_{IN1}$ :

$$\begin{aligned}\Delta U_{IN1} - r_{e1}I_{C1} - R_E I_{C1} - R_{EE} * I_{EE} &= 0 \\ \rightarrow \Delta U_{IN1} &= r_{e1}I_{C1} + R_E I_{C1} + R_{EE} I_{EE}\end{aligned}$$

- Vi kör sedan Kirchhoffs spänningslag på höger sida av differentialförstärkaren för att härleda en formel för  $\Delta U_{IN2}$ :

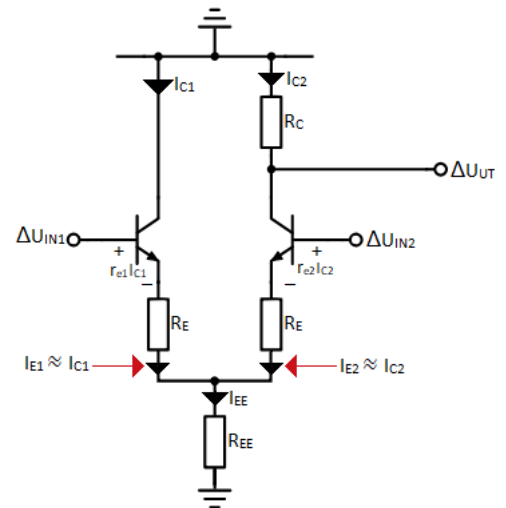
$$\begin{aligned}\Delta U_{IN2} - r_{e2}I_{C2} - R_E I_{C2} - R_{EE} * I_{EE} &= 0 \\ \rightarrow \Delta U_{IN2} &= r_{e2}I_{C2} + R_E I_{C2} + R_{EE} * I_{EE}\end{aligned}$$

- Vi beräknar sedan differensen av  $\Delta U_{IN1}$  och  $\Delta U_{IN2}$ :

$$\begin{aligned}\Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} &= r_{e1}I_{C1} + R_E I_{C1} + R_{EE} I_{EE} - (r_{e2}I_{C2} + R_E I_{C2} + R_{EE} * I_{EE}) \\ &= r_{e1}I_{C1} + R_E I_{C1} + R_{EE} I_{EE} - r_{e2}I_{C2} - R_E I_{C2} - R_{EE} * I_{EE} \\ \rightarrow \Delta U_{IN1} - \Delta U_{IN2} &= r_{e1}I_{C1} + R_E (I_{C1} - I_{C2}) - r_{e2}I_{C2}\end{aligned}$$

- I differential Mode kan vi därmed alltid exkludera  $R_{EE}$  ur beräkningarna, även vid beräkning av inresistansen.
- Punkten mellan de två transistorernas emitterar fungerar som en virtuell jord i Differential Mode, eftersom  $R_{EE}$  eller motsvarande strömgenerator kancelleras ut. I Differential Mode blir då spänningen i den punkten ungefär lika med noll.
- Vi härleder också en formel för  $\Delta U_{UT}$  med Kirchhoffs spänningslag:

$$-R_C I_{C2} - \Delta U_{UT} = 0 \rightarrow \Delta U_{UT} = -R_C I_{C2}$$



- För att beräkna differentialförstärkningen med en ingång så beräknar vi förstärkningen på ena sidan och dividerar med två. Eftersom utgången är placerad på höger sida så beräknar vi på denna sida.

- Vi härleder en formel för  $\Delta U_{IN2}$  i Differential Mode, dvs. med  $R_{EE}$  kancerad:

$$\rightarrow \Delta U_{IN2} = r_{e2}I_{C2} + R_E I_{C2} = (r_{e2} + R_E)I_{C2}$$

- Förstärkningsfaktorn på höger sida, låt oss kalla denna  $G_2$ , blir därför:

$$G_2 = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN2}} = - \frac{R_C I_{C2}}{(r_{e2} + R_E)I_{C2}} = - \frac{R_C}{r_{e2} + R_E}$$

- Den totala förstärkningsfaktorn med båda sidor inräknat blir halva  $G_2$ , eftersom vi har två ingångar, men bara en ingång:

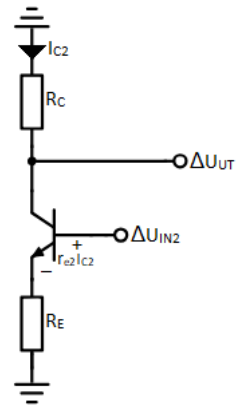
$$G_{DM} = \frac{G_2}{2} = - \frac{R_C}{2(r_{e2} + R_E)}$$

- Vid jämvikt, exempelvis när vi beräknar småsignalförstärkningen som här, så antas de två kollektorströmmarna vara lika stora, vilket medför att de inbyggda emitterresistanserna blir lika stora:

$$I_{C1} = I_{C2} \rightarrow r_{e1} = \frac{25}{I_{C1(mA)}} = r_{e2} = \frac{25}{I_{C2(mA)}} \rightarrow r_{e1} = r_{e2} = r_e$$

- Därmed så kan formeln för differentialförstärkningen modifieras till:

$$G_{DM} = - \frac{R_C}{2(r_e + R_E)}$$



## Appendix B

## Härledning av förstärkningsfaktorn i Common Mode, med emitterresistorer och en utgång

- Common Mode-förstärkningen kan beräknas med följande formel:

$$G_{CM} = \frac{\Delta U_{UT}}{\left(\frac{\Delta U_{IN1} + \Delta U_{IN2}}{2}\right)}$$

- I Common Mode så är de två insignalerna identiska:

$$\Delta U_{IN1} = \Delta U_{IN2} = \Delta U_{IN}$$

- Detta medför att beräkningar, exempelvis av förstärkningsfaktor eller inresistans, endast behöver göras på en sida.

$$\frac{\Delta U_{IN1} + \Delta U_{IN2}}{2} = \frac{2\Delta U_{IN}}{2} = \Delta U_{IN}$$

- Vi beräknar därmed inte differensen av de två insignalerna, utan det räcker med att beräkna  $\Delta U_{IN}$  på en av sidorna.

$$G_{CM} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN1}} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN2}} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN}},$$

- Dessutom gäller att de två kollektorströmmarna är lika stora, vilket medför att strömmen  $I_{EE}$  dubbelt så stor som kollektorströmmen  $I_{C2}$ :

$$I_{C1} = I_{C2} \rightarrow I_{EE} = I_{C1} + I_{C2} = 2I_{C2}$$

- Vi beräknar inspänningen på höger sida, eftersom det är på den sidan som utgången finns.
- Vi härleder en formel för  $\Delta U_{IN2}$  med Kirchhoffs spänningslag:

$$\begin{aligned} \Delta U_{IN2} - r_{e2}I_{C2} - R_E I_{C2} - R_{EE} * I_{EE} &= 0 \\ \rightarrow \Delta U_{IN2} &= r_{e2}I_{C2} + R_E I_{C2} + R_{EE} * I_{EE} = r_{e2}I_{C2} + R_E I_{C2} + R_{EE} * 2I_{C2} \\ \rightarrow \Delta U_{IN2} &= I_{C2}(r_{e2} + R_E + 2R_{EE}) \end{aligned}$$

- Vi härleder också en formel för  $\Delta U_{UT}$ , för att kunna härleda förstärkningsfaktorn:

$$-R_C I_{C2} - \Delta U_{UT} = 0 \rightarrow \Delta U_{UT} = -R_C I_{C2}$$

- Förstärkningsfaktorn i Common Mode blir då:

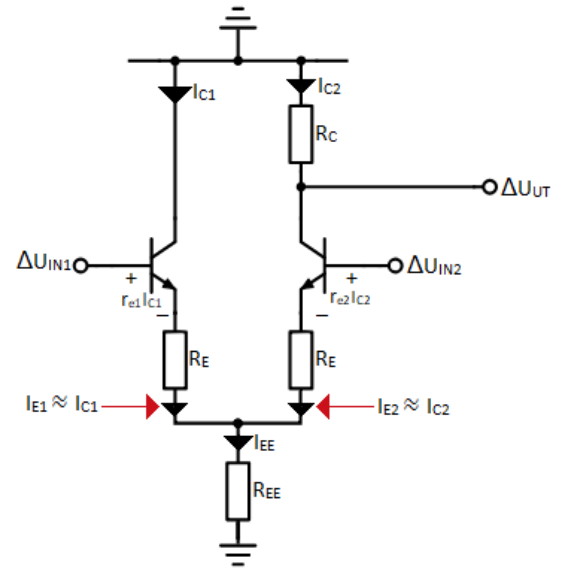
$$G_{CM} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN2}} = -\frac{R_C I_{C2}}{I_{C2}(r_{e2} + R_E + 2R_{EE})} = -\frac{R_C}{2R_{EE} + R_E + r_{e2}}$$

- Vid jämvikt så kommer samma kollektorström flöda på de båda sidorna, vilket medför att  $r_{e1}$  och  $r_{e2}$  blir lika stora:

$$I_{C1} = I_{C2} \rightarrow r_{e1} = \frac{25}{I_{C1(mA)}} = r_{e2} = \frac{25}{I_{C2(mA)}} \rightarrow r_{e1} = r_{e2} = r_e$$

- Common Mode-förstärkningen blir inte halverad när bara en utgång används, eftersom det är spänningsskillnaden på utsignalen som blir halverad med en utgång. Denna spänningsskillnad existerar inte i Common Mode. Därmed blir Common Mode-förstärkningen lika med:

$$G_{CM} = -\frac{R_C}{2R_{EE} + R_E + r_e}$$



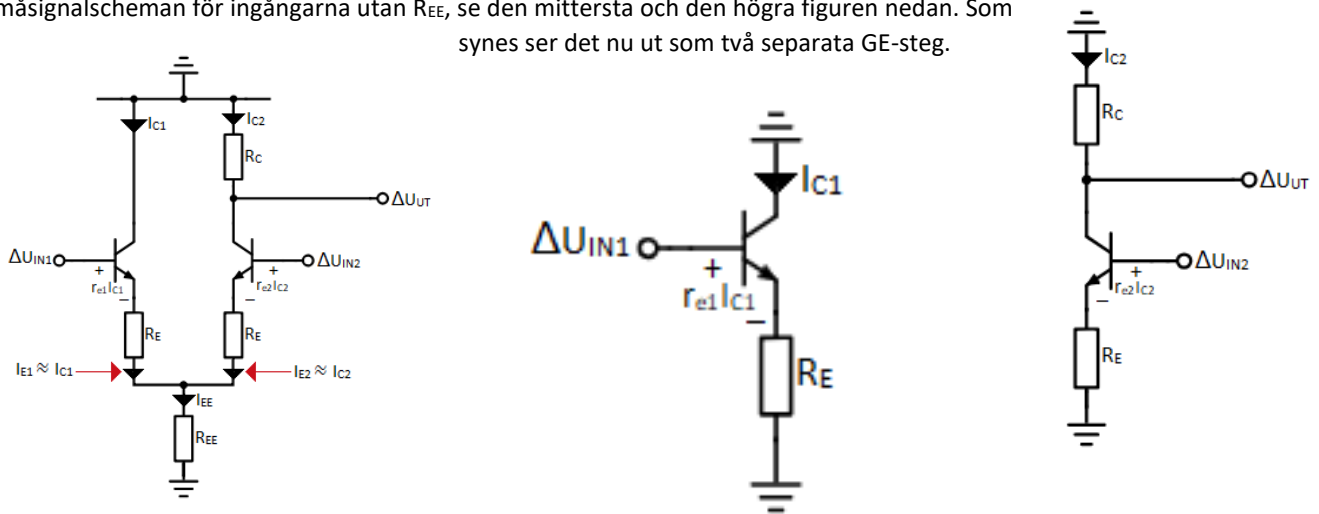
## Appendix C

### Inresistans i Differential Mode, med emitterresistorer

- Inresistansen på de två transistorernas basar blir därmed ungefär lika med resistansen sedd från emittern multiplicerad med transistorens strömförstärkningsfaktor  $h_{FE}$ , precis som på ett GE-steg.

$$R_{IN} \approx 2(r_e + R_E)h_{FE}$$

- I differential mode så kancelleras effekten av strömgeneratorn  $R_{EE}$ , eftersom den ena ingången vill dra upp spänningen i punkten mellan de två transistorernas emitterar, medan den vill dra ned den lika mycket. Detta medför att potentialen i denna punkt är lika med noll. Därmed så har en så kallad virtuell jordpunkt skapats. Därför så exkluderas  $R_{EE}$  ur beräkningarna.
- Vi kan förtydliga att strömgeneratorns resistans  $R_{EE}$  kancelleras i differential mode genom att rita ut separata småsignalscheman för ingångarna utan  $R_{EE}$ , se den mittersta och den högra figuren nedan. Som synes ser det nu ut som två separata GE-steg.



- Vi kan också göra en exakt beräkning av inresistansen med småsignalschema. Detta görs då på exakt samma sätt som för ett GE-steg. Vi börjar med att kortsluta in- och utspänningen. Därefter placerar vi en spänningskälla i baskretsen,  $U_B$ . Vi ritar ut småsignalschemat för bipolartransistorn.
- Basen är till vänster, kollektor till höger och emittern mitt emellan dem.
- Vi tillsätter en spänningskälla  $U_B$  på basen. Inresistansen beräknas med följande formel:

$$R_{IN} = \frac{U_B}{I_B}$$

## Elektroteknik

- Resistansen  $r_\pi$  är den inbyggda emitterresistansen  $r_e$ , fast sedd från basen, dvs. emitterresistansen multiplicerat med strömförstärkningsfaktorn  $h_{FE}$ .

- Detta medför att följande förhållande råder mellan de resistanserna:

$$r_\pi = h_{FE} * r_e$$

- Notera att strömkällan  $\frac{U_{BE}}{r_e}$  är lika med kollektorströmmen  $I_C$ :

$$\frac{U_{BE}}{r_e} = I_C$$

- Vi kör Kirchhoffs spänningslag för att härleda formel för basspänningen  $U_B$ :

$$U_B - r_\pi I_B - R_E I_E = 0 \rightarrow U_B = r_\pi I_B + R_E I_E$$

- Vi använder Kirchhoffs strömlag för att härleda en formel för emitterströmmen  $I_E$ . Som synes så är emitterströmmen  $I_E$  summan av basströmmen  $I_B$  och kollektorströmmen  $I_C$ :

$$I_E = I_B + I_C = I_B + \frac{U_{BE}}{r_e}$$

- Vi noterar också i småsignalschemat ovan att bas-emitterspänningen  $U_{BE}$  är lika med spänningsfallet över resistansen  $r_\pi$ :

$$U_{BE} = r_\pi * I_B$$

- Vi sätter in det i ekvationen för emitterströmmen ovan:

$$I_E = I_B + \frac{U_{BE}}{r_e} = I_B + \frac{r_\pi * I_B}{r_e} = I_B \left( 1 + \frac{r_\pi}{r_e} \right)$$

$$r_\pi = h_{FE} * r_e$$

$$\rightarrow I_E = I_B \left( 1 + \frac{r_\pi}{r_e} \right) = I_B \left( 1 + \frac{h_{FE} * r_e}{r_e} \right) = I_B (1 + h_{FE})$$

- Vi sätter in detta i formeln för basspänningen  $U_B$  ovan:

$$U_B = r_\pi I_B + R_E I_E = r_\pi I_B + R_E I_B (1 + h_{FE}) = I_B [r_\pi + R_E (1 + h_{FE})]$$

- Därefter kan vi härleda en formel för inresistansen i Differential Mode:

$$R_{IN} = \frac{U_B}{I_B} = \frac{I_B [r_\pi + R_E (1 + h_{FE})]}{I_B} = r_\pi + R_E (1 + h_{FE})$$

- Därefter så måste vi multiplicera inresistansen med två, eftersom signaler som uppträder på ingångarna alltid kommer se båda ingångarna, dvs. två basar. Därför måste vi fördubbla inresistansen:

$$R_{IN} = 2[r_\pi + R_E (1 + h_{FE})]$$

### Exakt formel

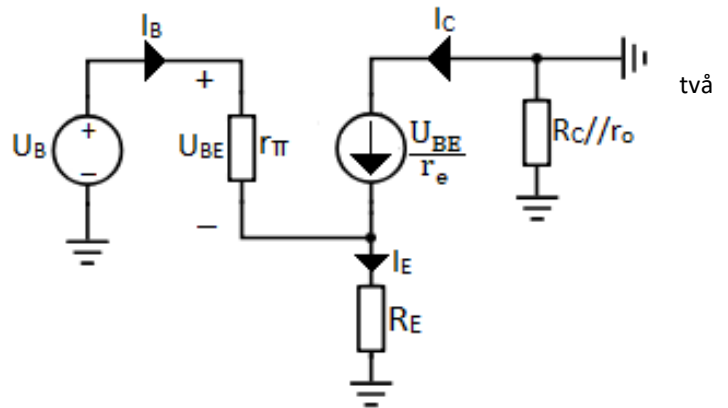
- Följande formel kan användas för att exakt beräkning inresistansen på en differentialförstärkare med emitterresistor:

$$R_{IN} = 2[r_\pi + R_E (1 + h_{FE})]$$

### Approximativt formel

- Vid tidigare beräkningar så använde vi ett förenklat formel, som härleddes genom följande steg:

$$r_\pi = h_{FE} * r_e$$



$$R_E(1 + h_{FE}) \approx h_{FE} * R_E$$

$$\rightarrow R_{IN} \approx 2[h_{FE} * r_e + h_{FE} * R_E] = 2[h_{FE}(r_e + R_E)]$$

**Exakt formel utan emitterresistor**

- Utan emitterresistor så tar vi bort emitterdelen av formeln:

$$R_{IN,utan\ emitterresistor} = 2 * r_{\pi} = 2 * h_{FE} * r_e$$



## Appendix D

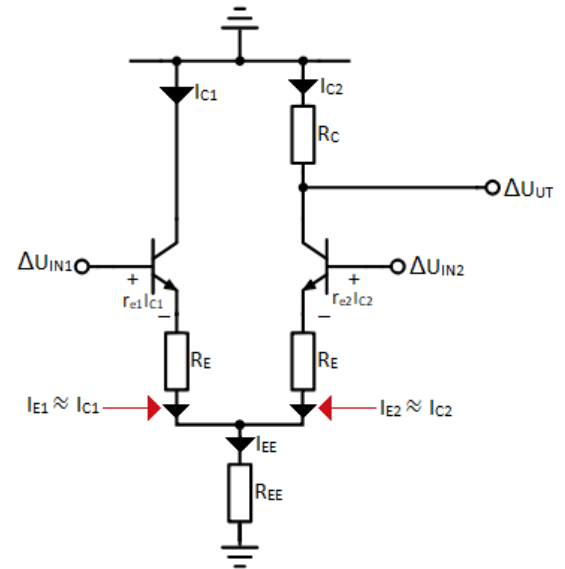
## Inresistans i Common Mode, med emitterresistorer

- I Common Mode måste vi räkna med resistansen  $R_{EE}$ , eftersom den inte blir kancerad som i Differential Mode:
- För att beräkna inresistansen i Common Mode så behöver vi bara beräkna på en ingång. Inresistansen kommer vara samma på de två ingångarna. Vid jämvikt så kommer samma kollektorström flöda på de båda sidorna, vilket medför att  $r_{e1}$  och  $r_{e2}$  blir lika stora:

$$I_{C1} = I_{C2} \rightarrow r_{e1} = \frac{25}{I_{C1(mA)}} = r_{e2} = \frac{25}{I_{C2(mA)}}$$

$$\rightarrow r_{e1} = r_{e2} = r_e$$

$$I_{C1} = I_{C2} = I_C$$

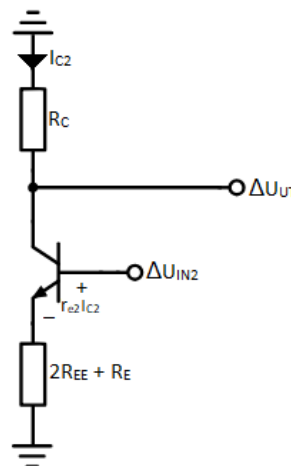
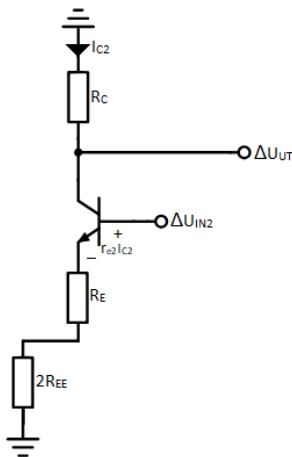


- Samma formel gäller då för de båda ingångarna. Dock får vi ha i åtanke att strömmen genom resistansen  $R_{EE}$  är dubbelt så hög som kollektorströmmen  $I_{C2}$ .
- Detta medför att vi får räkna med

$$R_{EE} * I_{EE} = R_{EE} * 2I_{C2} = 2R_{EE} * I_{C2}$$

när vi beräknar inresistansen per ingång.

- Vi kan därmed rita ut det förenklade till vänster nedan. Där ser vi att det ser ut som ett GE-steg med en ytterligare emitterresistor  $2R_{EE}$  i serie med den vanliga emitterresistorn  $R_E$ . Vi ersätter dessa med en ersättningsresistans som är lika med  $2R_{EE} + R_E$ . Därefter ritas vi om småsignalschemat till det höger nedan, som ser ut som ett helt vanligt GE-steg. Inresistansen är då väldigt enkel att härleda.



- Inresistansen på basen är ungefär lika med all resistans från emittern samt  $R_{EE}$  multiplicerat med transistorens strömförstärkningsfaktor  $h_{FE}$ .

$$R_{IN,CM} \approx (r_e + R_E + 2R_{EE})h_{FE}$$

- Därefter så måste vi multiplicera inresistansen med två, eftersom signaler som uppträder på ingångarna alltid kommer se båda ingångarna, dvs. två basar. Därför måste vi fördubbla inresistansen:

$$R_{IN,CM} \approx 2(r_e + R_E + 2R_{EE})h_{FE}$$

- För ett exakt formel på inresistansen så måste vi ha den minimala skillnaden i kollektor- och emitterström i åtanke. Följande formler visar förhållandet mellan de basströmmen och kollektor- respektive emitterströmmen:

$$I_C = h_{FE} * I_B$$

$$I_E = (h_{FE} + 1) * I_B$$

- Förhållandet mellan emitter- och kollektorströmmen är därför:

$$\frac{I_E}{I_C} = \frac{(h_{FE} + 1) * I_B}{h_{FE} * I_B} = \frac{h_{FE} + 1}{h_{FE}}$$

- Sen får vi tänka rent intuitivt:

Genom den inbyggda emitterresistansen så flödar strömmen  $I_C$ , eftersom vi vet att resistor  $r_e$  ligger i basen och kommer ha samma spänningsfall som dess motsvarighet i emittent,  $r_e$ :

$$r_e * I_B = r_e * h_{FE} * I_B = r_e * h_{FE} * \frac{I_C}{h_{FE}} = r_e I_C$$

- Genom emitterresistorn  $R_E$  och resistansen  $2R_{EE}$  så flödar strömmen  $I_E$ , dvs.  $(h_{FE} + 1) * I_B$ , se figuren ovan till höger.
- Vi kör sedan Kirchhoffs spänningslag från en av ingångarna ned till jord. Vi kör utan småsignalschema, men samma principer gäller.
- Vi använder oss utav följande formel för att beräkna inresistansen:

$$\Delta U_{IN} = R_{IN,CM} * I_B \rightarrow R_{IN,CM} = \frac{\Delta U_{IN}}{I_B}$$

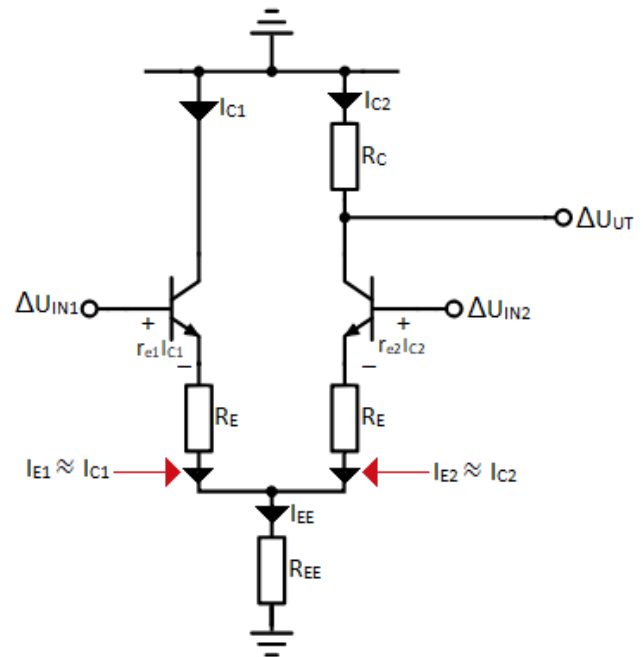
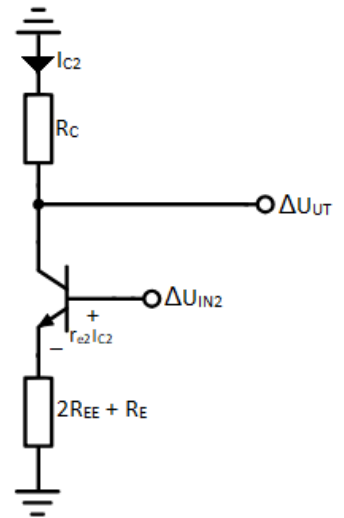
- Detta motsvarar  $R_{IN} = \frac{U_B}{I_B}$  i ett småsignalschema för beräkning av inresistans, som vi har sett tidigare i avsnittet med GE-steget.
- Vi utför alltså samma beräkningar, bara att vi kör med det vanliga småsignalschemat till höger.
- För att förenkla beräkningarna använder vi oss av

$$r_{e1} = r_{e2} = r_e$$

samt

$$I_{C1} = I_{C2} = I_C$$

- Detta medför att formeln som härleds gäller för de båda sidorna, fast vi beräknar inresistansen per ingång, inte båda, som hade blivit dubbelt så stor.



- Vi härleder formel för inspänningen ur småsignalschemat till höger:

$$\Delta U_{IN} - r_e I_C - (2R_{EE} + R_E) I_E = 0$$

$$\rightarrow \Delta U_{IN} = r_e * I_C + (2R_{EE} + R_E) I_E$$

- Vi ersätter sedan strömmarna  $I_C$  och  $I_E$  med motsvarande formel för basströmmen  $I_B$ :

$$\rightarrow \Delta U_{IN} = r_e * h_{FE} * I_B + (2R_{EE} + R_E) * (h_{FE} + 1) * I_B$$

- Vi bryter sedan ut  $I_B$  för att kunna beräkna inresistansen:

$$\rightarrow \Delta U_{IN} = I_B [r_e * h_{FE} + (2R_{EE} + R_E) * (h_{FE} + 1)]$$

- Vi kan därefter härleda en formel för utresistansen:

$$R_{IN,CM} = \frac{\Delta U_{IN}}{I_B} = \frac{I_B [r_e * h_{FE} + (2R_{EE} + R_E) * (h_{FE} + 1)]}{I_B}$$

$$\rightarrow R_{IN,CM} = r_e * h_{FE} + (2R_{EE} + R_E) * (h_{FE} + 1)$$

- Därefter så måste vi multiplicera inresistansen med två, eftersom signaler som uppträder på ingångarna alltid kommer se båda ingångarna, dvs. två basar. Därför måste vi fördubbla inresistansen:

$$R_{IN,CM} = 2[r_e * h_{FE} + (2R_{EE} + R_E) * (h_{FE} + 1)]$$

- Som synes så kan detta formel mycket lätt approximeras med minimala avvikelser:

$$\rightarrow R_{IN,CM} \approx 2[r_e * h_{FE} + (R_E + 2R_{EE}) * h_{FE}]$$

- Vi bryter sedan ut strömförstärkningsfaktorn  $h_{FE}$ :

$$\rightarrow R_{IN,CM} = 2[h_{FE}(r_e + R_E + 2R_{EE})]$$

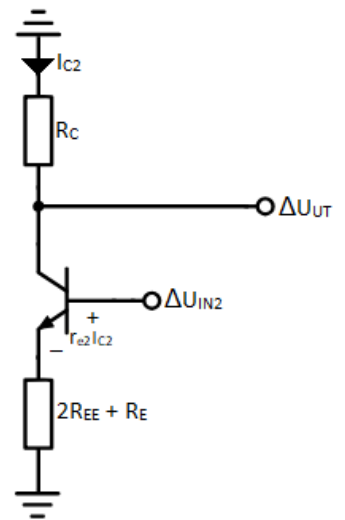
- Denna approximation är väldigt nära det exakta formeln ovan samtidigt som det är logiskt rent intuitivt.

- Anmärkning:** I hybrid- $\pi$  modellen så ersätts  $r_e$  av  $r_\pi$ :

$$\rightarrow R_{IN,CM} = 2[r_\pi * h_{FE} + (R_E + 2R_{EE}) * (h_{FE} + 1)]$$

$$r_\pi = r_e * h_{FE}$$

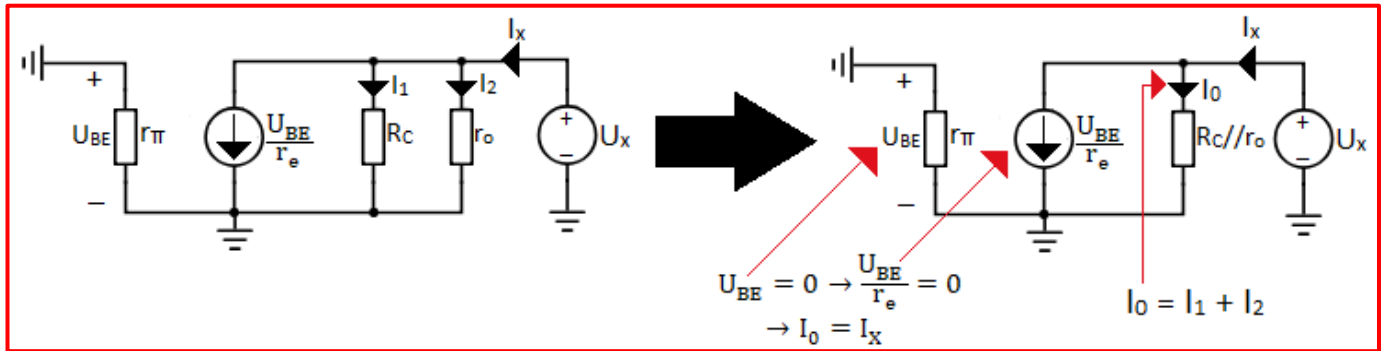
$$\rightarrow R_{IN,CM} = 2[r_\pi + (R_E + 2R_{EE}) * (h_{FE} + 1)]$$



## Appendix E

## Utresistans i Differential MODE, utan emitter-/sourceresistorer

- För att beräkna utresistansen när emitterresistorer saknas så kortsluter vi återigen in- och utspänningen och placerar en spänningskälla  $U_x$  på utgången. Därefter ritas ut småsignalschemat för GE-steget, se den vänstra figuren nedan.
- Vi noterar återigen att kollektorresistorn  $R_C$  och transistorns utresistans  $r_o$  är parallellkopplade. Därför ersätter vi dessa med en ersättningsresistans som är lika med  $R_C//r_o$ . Vi ritas sedan om småsignalschemat till det högra nedan.



- I denna uppgift skall vi börja med att göra några förenklingar, se den högra figuren ovan:
- När emitterresistor saknas så blir bas-emitterspänningen  $U_{BE}$  lika med noll, vilket man lätt kan visa med Kirchhoffs spänningslag. Vi börjar från toppen av basen och går ned till emittern, dvs. från jord till jord:

$$-U_{BE} - 0 = 0 \rightarrow U_{BE} = 0$$

- Eftersom  $U_{BE}$  är lika med noll så blir också strömmen  $\frac{U_{BE}}{r_e}$  lika med noll:

$$U_{BE} = 0 \rightarrow \frac{U_{BE}}{r_e} = \frac{0}{r_e} = 0$$

- Därefter utför vi beräkningarna. Utresistansen beräknas med följande formel:

$$R_{UT} = \frac{U_X}{I_X}$$

- Vi kör Kirchhoffs spänningslag för att härleda formel för spänningen  $U_X$ :

$$U_X - R_C//r_o * I_0 = 0$$

$$\rightarrow U_X = R_C//r_o * I_0$$

- Vi använder Kirchhoffs strömlag för att härleda en formel för strömmen  $I_0$ .

- Som synes så är strömmen  $I_x$  lika med summan av strömmarna  $I_0$  och  $\frac{U_{BE}}{r_e}$ :

$$I_x = I_0 + \frac{U_{BE}}{r_e} \rightarrow I_0 = I_x - \frac{U_{BE}}{r_e}$$

- Vi såg tidigare att  $\frac{U_{BE}}{r_e}$  är lika med noll när emitterresistor saknas:

$$\frac{U_{BE}}{r_e} = 0$$

- Därför blir strömmarna  $I_x$  och  $I_0$  lika stora:

$$\rightarrow I_x = I_0 + \frac{U_{BE}}{r_e} = I_0 + 0 = I_0$$

- Vi kan därför byta ut strömmen  $I_0$  mot  $I_x$  i formeln för spänningen  $U_x$  ovan:

$$U_x = R_C // r_o * I_0 = R_C // r_o * I_x$$

- Därefter kan vi beräkna utresistansen:

$$R_{UT} = \frac{U_x}{I_x} = \frac{R_C // r_o * I_x}{I_x} = R_C // r_o$$

- Utan emitterresistor så blir alltså utresistansen lika med parallellkopplingen bestående av kollektorresistorn och transistorns utresistans, dvs.  $R_C // r_o$ .

- Vi kan också anta att transistorns utresistans  $r_o$  är mycket större än kollektorresistorn  $R_C$ . Då kan utresistansen försummas:

$$R_C // r_o \approx R_C$$

- Det är lätt att komma ihåg att transistorns utresistans utan emitterresistor är ungefär lika med kollektorresistorn  $R_C$ .

- För GE-steg utan emitterresistor så gäller alltså följande formel för utresistansen i Differential Mode:

$$R_{UT} = R_C // r_o \approx R_C$$

#### Utresistans i Differential Mode med MOSFET-ingångar, utan emitterresistorer

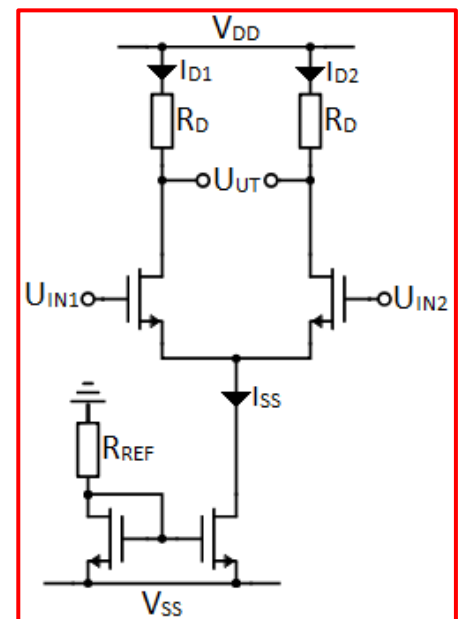
- Vi kan direkt översätta resultatet ovan till att gälla för MOSFET-varianter av differentialförstärkare också.
- Utresistansen för differentialförstärkare med MOSFET-ingångar i Differential Mode utan sourceresistorer kan approximeras till

$$R_{UT,DM} = R_D // r_o,$$

där  $R_D$  är drainresistorernas resistans och  $r_o$  är MOSFET-transistorernas utresistans.

- Formeln ovan kan därefter avrundas till

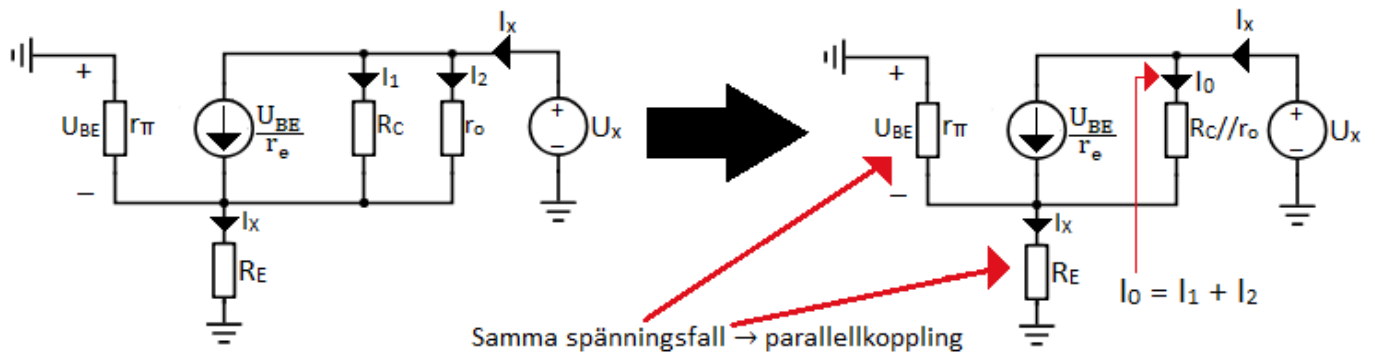
$$R_{UT,DM} \approx R_D$$



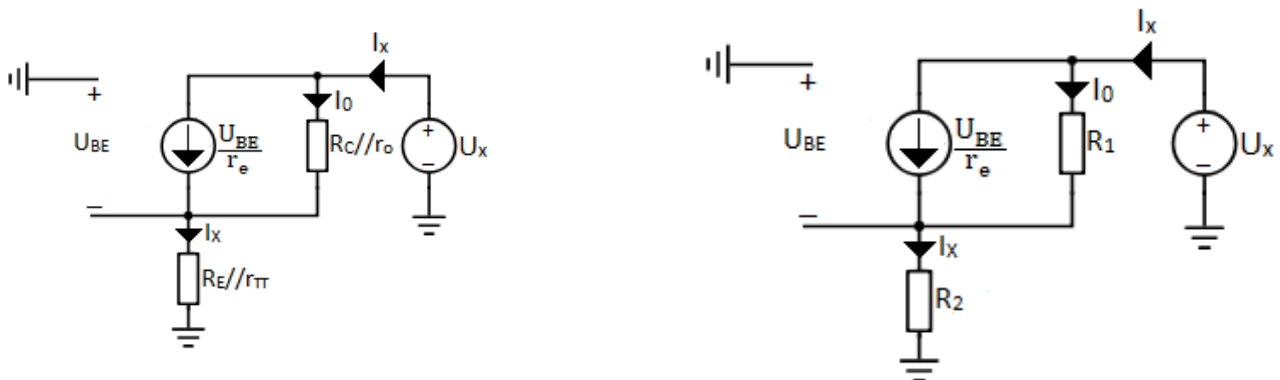
## Appendix F

### Utresistans i Differential Mode, med emitter-/sourceresistorer

- För att beräkna utresistansen på differentialförstärkaren så beräknar vi på en sida i taget. I Differential Mode så fungerar punkten mellan transistorernas emitterar som en virtuell jord, vilket medför att vi kan bortse från  $R_{EE}$ .
- Utresistansen i Differential Mode beräknas i detta fall på samma sätt som för ett GE-steg med emitterresistorer. Vi kortsluter inspänningen och utspänningen. Därefter så placerar vi en spänningskälla på utgången, som vi kallar  $U_x$ . Vi ritar därefter ut det vänstra småsignalschemat nedan.
- Som synes så är kollektorresistorn samt transistorens utresistans parallellkopplade, så dessa ersätts med en resistans,  $R_C//r_o$ . Vi ritar därefter om småsignalschemat till det högra nedan.



- Notera att resistansen  $r_\pi$  och emitterresistorn  $R_E$  också är parallellkopplade, eftersom de båda är anslutna till samma punkt på ena sidan och båda är anslutna till jord på andra sidan. Därmed är spänningsfallet över de båda resistanserna samma. Vi ersätter därför dessa resistanser med en ersättningsresistans som är lika med  $R_E//r_\pi$ , som vi placerar i emittern. Därefter ritar vi om schemat till det vänstra nedan.



- För att underlätta beräkningen av utresistansen så inför vi beteckningarna  $R_1$  och  $R_2$  i småsignalschemat. Följande gäller för dessa storheter:

$$R_1 = R_C//r_o$$

$$R_2 = R_E//r_\pi$$

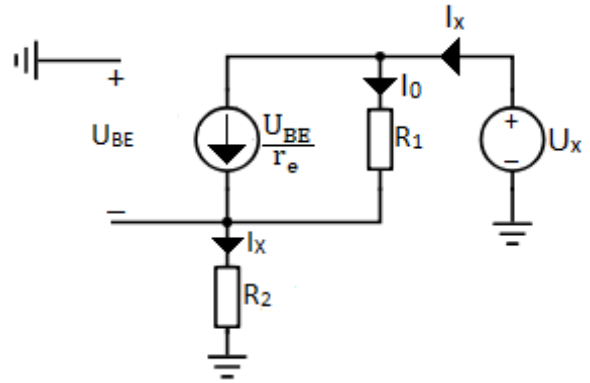
- Utresistansen beräknas med följande formel:

$$R_{UT} = \frac{U_X}{I_X}$$

- Vi kör Kirchhoffs spänningslag för att härleda formel för spänningen  $U_X$ :

$$U_X - R_1 * I_0 - R_2 * I_X = 0$$

$$\rightarrow U_X = R_1 * I_0 + R_2 * I_X$$



- Som synes så är strömmen  $I_X$  lika med summan av strömmarna  $I_0$  och  $\frac{U_{BE}}{r_e}$ :

$$I_X = I_0 + \frac{U_{BE}}{r_e} \rightarrow I_0 = I_X - \frac{U_{BE}}{r_e}$$

- Därefter härleder vi en formel för bas-emitterspänningen  $U_{BE}$ :

$$-U_{BE} - R_2 I_X = 0 \rightarrow U_{BE} = -R_2 * I_X$$

- Därmed så kan vi förenkla formeln för spänningen  $U_X$  ovan:

$$I_0 = I_X - \frac{U_{BE}}{r_e} = I_X + \frac{R_2 * I_X}{r_e} = I_X \left[ 1 + \frac{R_2}{r_e} \right]$$

- Därefter sätter vi in formeln för  $I_0$  i formeln för  $U_X$  ovan:

$$U_X = R_1 * I_0 + R_2 * I_X = R_1 * I_X \left[ 1 + \frac{R_2}{r_e} \right] + R_2 * I_X = I_X \left[ R_1 \left( 1 + \frac{R_2}{r_e} \right) + R_2 \right]$$

- Vi kan därefter härleda en formel för utresistansen:

$$R_{UT} = \frac{U_X}{I_X} = \frac{I_X \left[ R_1 \left( 1 + \frac{R_2}{r_e} \right) + R_2 \right]}{I_X} = R_1 \left( 1 + \frac{R_2}{r_e} \right) + R_2$$

- Därefter ersätter vi beteckningen  $R_1$  och  $R_2$  med den egentliga resistansen:

$$R_1 = R_C // r_o$$

$$R_2 = R_E // r_{\pi}$$

- Utresistansen kan alltså beräknas med formeln:

$$\rightarrow R_{UT} = R_C // r_o \left( 1 + \frac{R_E // r_{\pi}}{r_e} \right) + R_E // r_{\pi},$$

där resistansen  $r_{\pi}$  är BJT-transistorns inbyggda emitterresistans  $r_e$  sedd från baskretsen, som därmed är lika med  $r_e$  multiplicerat med transistorns strömförstärkningsfaktor  $h_{FE}$ :

$$r_{\pi} = r_e * h_{FE}$$

- Formeln ovan följer samma princip som när vi beräknar inresistansen på GE-steget och alla andra förstärkarsteg, då inresistansen är lika med all resistans från emitttern multiplicerat med strömförstärkningsfaktorn  $h_{FE}$ .

- Formeln för utresistansen ovan kan också omvandlas till:

$$R_{UT} = R_C // r_o \left( 1 + \frac{R_E // r_\pi}{r_e} \right) + R_E // r_\pi = R_C // r_o + R_C // r_o * \frac{R_E // r_\pi}{r_e} + R_E // r_\pi$$

$$= R_E // r_\pi + R_C // r_o * \frac{R_E // r_\pi}{r_e} + R_C // r_o = R_E // r_\pi \left( 1 + \frac{R_C // r_o}{r_e} \right) + R_C // r_o$$

- Vi ser därmed att utresistansen även kan formelas på följande sätt:

$$R_{UT} = R_E // r_\pi \left( 1 + \frac{R_C // r_o}{r_e} \right) + R_C // r_o$$

- Detta värde kan avrundas till:

$$R_{UT} \approx R_E // r_\pi * \frac{R_C // r_o}{r_e}$$

- Vi kan också anta att kollektorresistorn  $R_C$  är mycket mindre än BJT-transistorns utresistans  $r_o$ , vilket medför att parallellresistansen  $R_C // r_o$  är ungefär lika med  $R_C$ :

$$R_C // r_o \approx R_C$$

- Därmed så kan GE-stegets utresistans avrundas till:

$$R_{UT} \approx R_E // r_\pi * \frac{R_C}{r_e},$$

där

$$r_\pi = r_e * h_{FE}$$

- Som en tumregel så kan utresistansen med emitterresistorn approximeras med hög precision med följande formel:

$$R_{UT} \approx R_C * \frac{r_e + R_E}{r_e},$$

där  $R_C$  är kollektorresistorns resistans,  $r_e$  är BJT-transistorn inbyggda emitterresistans och  $R_E$  är emitterresistorns resistans.

- Som exempel, om emitterresistorn sätts till ett värde som är ca nio gånger högre än den inbyggda emitterresistansen, som vi brukar göra för att minska distorsion i differentia förstärkare (samt spännings förstärkare), så kommer utresistansen öka omkring  $(9 + 1) / 1 = 10$  gånger. Samtidigt hade förstärkningsfaktorn minskat tio gånger, men detta är ofta nödvändigt för att minimera distorsion, exempelvis i audio förstärkare.



### Utresistans för differentialförstärkare med MOSFET-ingångar, med sourceresistorer

- Vi kan översätta resultatet ovan till att gälla för MOSFET-varianter av differentialförstärkare också. Utresistansen för differentialförstärkare med sourceresistorer är lika med

$$R_{UT} = R_S \left[ 1 + g_m (R_D // r_o) \right] + R_D // r_o,$$

där  $R_S$  är sourceresistorn,  $g_m$  är MOSFET-transistorns transkonduktans,  $R_D$  är drainresistorn och  $r_o$  är MOSFET-transistorns utresistans.

Detta värde kan sedan approximeras till

$$R_{UT} \approx g_m R_S (R_D // r_o)$$

- Om vi sedan gör det säkra antagandet att drainresistorn  $R_D$  är mycket mindre än MOSFET-transistorns utresistans  $r_o$ , så kan vi ersätta parallellresistansen  $R_D // r_o$  med  $R_D$ , eftersom:

$$R_D // r_o \approx R_D$$

Därmed så kan utresistansen avrundas till

$$R_{UT} \approx g_m R_S R_D$$

- Notera att vi ersätter kollektorresistorn  $R_C$  med drainresistorn  $R_D$ , emitterresistorn  $R_E$  med sourceresistorn  $R_S$ , den inbyggda emitterresistansen  $r_e$  med inversen till transkonduktansen  $1/g_m$ .
- Dessutom så tar vi bort motsvarigheten till BJT-transistorns resistans  $r_\pi$ , som är lika med den inbyggda emitterresistansen  $r_e$  sedd från basen, dvs.  $r_\pi = r_e * h_{FE}$ . På grund av MOSFET-transistorns nästintill oändliga strömförstärkningsfaktor så blir motsvarande resistans i MOSFET-transistorn lika med  $1/g_m * h_{FE} = 1/g_m * \infty = \infty$ , dvs. nästintill oändligt.
- Jämfört med formeln för BJT-transistorns utresistans,

$$R_{UT} = R_E // r_\pi \left( 1 + \frac{R_C // r_o}{r_e} \right) + R_C // r_o,$$

där vi har formeln

$$R_E // r_\pi,$$

varav

$$r_\pi = r_e * h_{FE},$$

så får vi

$$R_S // \infty = R_S,$$

vilket medför att vi försummar  $r_\pi$  på MOSFET-transistorer.

- Det finns också en mycket bra tumregel för GS-stegets utresistans som är mycket ackurat:

$$R_{UT} \approx R_D * \frac{\frac{1}{g_m} + R_S}{\left( \frac{1}{g_m} \right)},$$

där  $R_D$  är drainresistorn,  $1/g_m$  är inversen till transistorens inbyggda sourceresistans, som motsvarar BJT-transistorns inbyggda emitterresistans, och  $R_S$  är sourceresistansen.

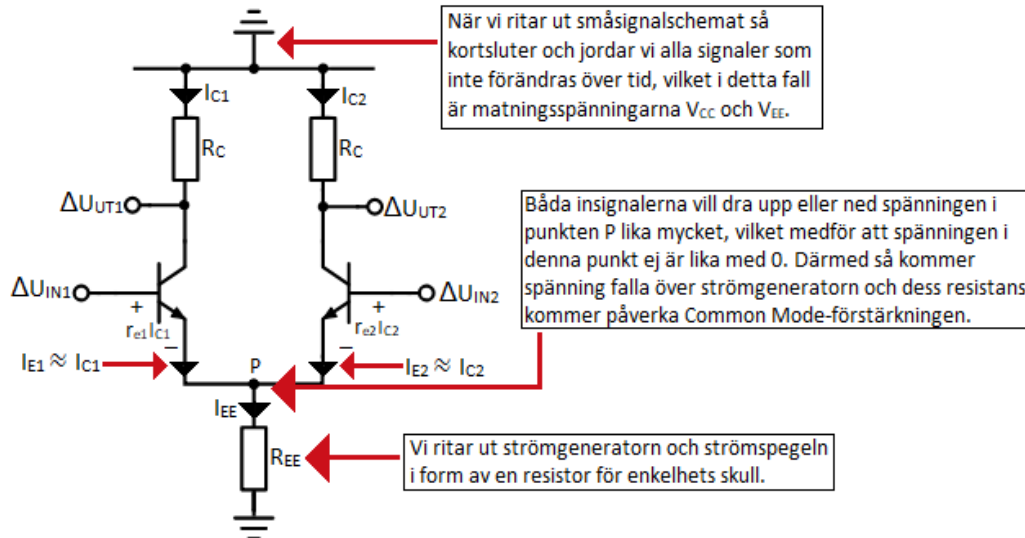
- Tumregeln ovan säger att utresistansen med sourceresistor ökar med den så kallade sourcefaktorn, som är lika med ration av den totala resistansen i source när sourceresistor används  $(1/g_m + R_S)$  dividerat med den totala resistansen i source utan sourceresistor (som är lika med inversen till transkonduktansen,  $1/g_m$ ).

- Som exempel, om sourceresistorn sätts till tio fyra gånger inversen till transkonduktansen så kommer utresistansen bli ungefär fem gånger större än drainresistorn, dvs.  $R_D * 5$ , eftersom den totala resistansen i source då blir fem gånger större än utan sourceresistor ( $1/g_m + R_S$  blir  $1/g_m + 4 * 1/g_m = 5/g_m$ , som är fem gånger mer än  $1/g_m$ ). Därmed så blir GS-stegets utresistans i detta fall ca fem gånger större än utan sourceresistor, alltså ungefär lika med drainresistorn  $R_D$  multiplacerat med en faktor 5.
- Skillnaden mellan det exakta värdet och tumregeln ovan är mycket liten.

## Appendix G

## Utresistans i Common Mode, utan emitterresistorer/sourceresistorer

- För att beräkna utresistansen i Common Mode så utför vi samma beräkningar som i Differential Mode, med skillnaden att vi måste ha resistorn  $R_{EE}$  eller motsvarande strömgenerator i åtanke.



- Vi utför beräkningar på en av ingångarna och måste ha i åtanke att de två ingångarna nu kommer dela på resistansen  $R_{EE}$ . Dock får vi komma ihåg att det kommer flöda dubbelt så hög ström genom  $R_{EE}$  jämfört med en av emitterarna, eftersom strömmen  $I_{EE} = I_{C1} + I_{C2} = 2 * I_C$ , där strömmen genom  $R_{EE}$  är lika med

$$I_{EE} = I_{C1} + I_{C2},$$

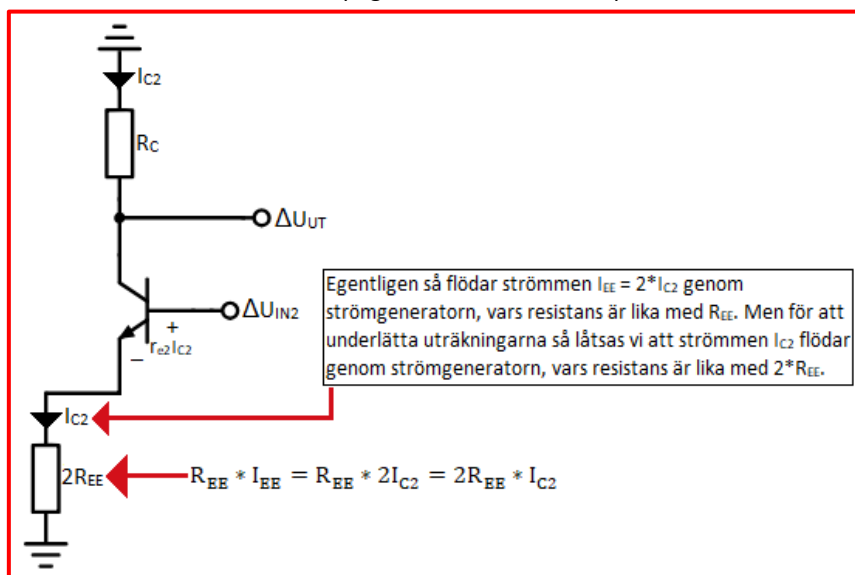
där

$$I_{C1} = I_{C2} \rightarrow I_{EE} = 2I_C$$

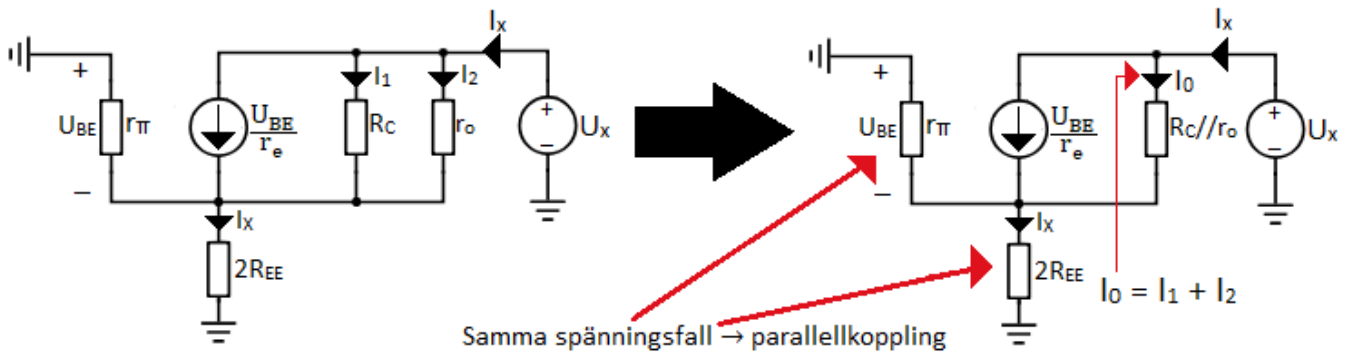
- Detta medför att våra beräkningar direkt kan förenklas att göra följande observation:

$$R_{EE} * I_{EE} = R_{EE} * 2I_C = 2R_{EE} * I_C$$

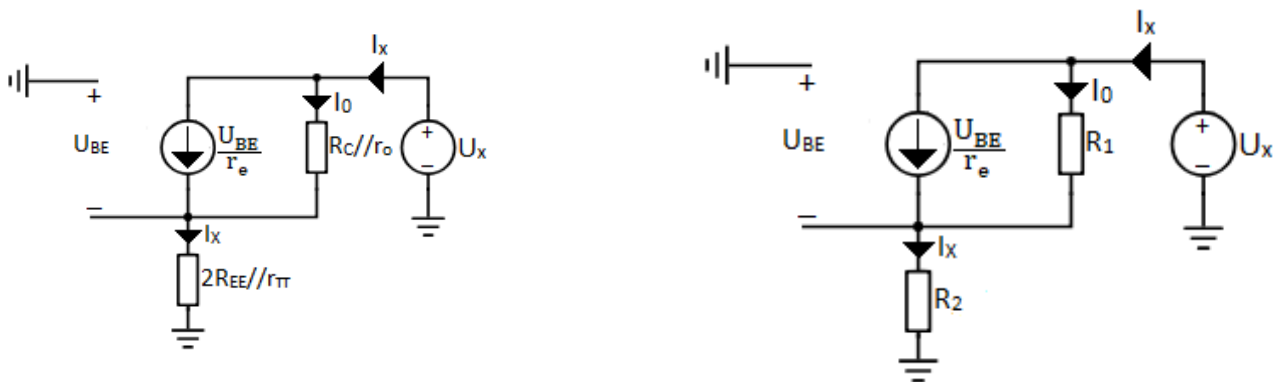
- Vi beräknar därmed med  $2R_{EE}$  för varje sida nedan. Notera att resistansen  $2R_{EE}$  nu fungerar som en vanlig emitterresistor i ett vanligt GE-steg. Därmed så kan vi beräkna utresistansen på samma sätt som ett GE-steg med emitterresistor, fast vi ersätter emitterresistorn  $R_E$  med  $2 * R_{EE}$ , dvs. strömspegelns utresistans multiplicerat med en faktor 2:



- Vi kortsluter inspänningen och utspänningen. Därefter så placerar vi en spänningskälla på utgången, som vi kallar  $U_x$ . Vi ritar därefter ut det vänstra småsignalschemat nedan.
- Som synes så är kollektorresistorn samt transistorns utresistans parallellkopplade, så dessa ersätts med en resistans,  $R_C//r_o$ . Vi ritar därefter om småsignalschemat till det högra nedan.



- Notera att resistansen  $r_{\pi}$  och resistansen  $2R_{EE}$  också är parallellkopplade, eftersom de båda är anslutna till samma punkt på ena sidan och båda är anslutna till jord på andra sidan. Därmed är spänningsfallet över de båda resistanserna samma. Vi ersätter därför dessa resistanser med en ersättningsresistans som är lika med  $2R_{EE}/r_{\pi}$ , som vi placerar i emittorn. Därefter ritar vi om schemat till det vänstra nedan.



- För att underlätta beräkningen av utresistansen så inför vi beteckningarna  $R_1$  och  $R_2$  i småsignalschemat. Följande gäller för dessa storheter:

$$R_1 = R_C//r_o$$

$$R_2 = 2R_{EE}/r_{\pi}$$

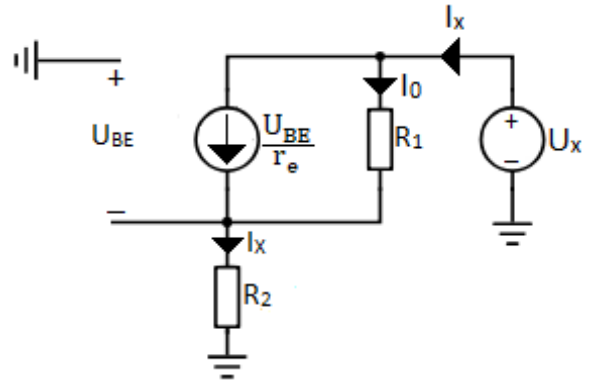
- Utresistansen beräknas med följande formel:

$$R_{UT} = \frac{U_X}{I_X}$$

- Vi kör Kirchhoffs spänningslag för att härleda formel för spänningen  $U_X$ :

$$U_X - R_1 * I_0 - R_2 * I_X = 0$$

$$\rightarrow U_X = R_1 * I_0 + R_2 * I_X$$



- Som synes så är strömmen  $I_X$  lika med summan av strömmarna  $I_0$  och  $\frac{U_{BE}}{r_e}$ :

$$I_X = I_0 + \frac{U_{BE}}{r_e} \rightarrow I_0 = I_X - \frac{U_{BE}}{r_e}$$

- Därefter härleder vi en formel för bas-emitterspänningen  $U_{BE}$ :

$$-U_{BE} - R_2 I_X = 0 \rightarrow U_{BE} = -R_2 * I_X$$

- Därmed så kan vi förenkla formeln för spänningen  $U_X$  ovan:

$$I_0 = I_X - \frac{U_{BE}}{r_e} = I_X + \frac{R_2 * I_X}{r_e} = I_X \left[ 1 + \frac{R_2}{r_e} \right]$$

- Därefter sätter vi in formeln för  $I_0$  i formeln för  $U_X$  ovan:

$$U_X = R_1 * I_0 + R_2 * I_X = R_1 * I_X \left[ 1 + \frac{R_2}{r_e} \right] + R_2 * I_X = I_X \left[ R_1 \left( 1 + \frac{R_2}{r_e} \right) + R_2 \right]$$

- Vi kan därefter härleda en formel för utresistansen:

$$R_{UT} = \frac{U_X}{I_X} = \frac{I_X \left[ R_1 \left( 1 + \frac{R_2}{r_e} \right) + R_2 \right]}{I_X} = R_1 \left( 1 + \frac{R_2}{r_e} \right) + R_2$$

- Därefter ersätter vi beteckningen  $R_1$  och  $R_2$  med den egentliga resistansen:

$$R_1 = R_C // r_o$$

$$R_2 = 2R_{EE} // r_{\pi}$$

- Utresistansen kan alltså beräknas med formeln:

$$\rightarrow R_{UT} = R_C // r_o \left( 1 + \frac{2R_{EE} // r_{\pi}}{r_e} \right) + 2R_{EE} // r_{\pi},$$

där resistansen  $r_{\pi}$  är BJT-transistorns inbyggda emitterresistans  $r_e$  sedd från baskretsen, som därmed är lika med  $r_e$  multiplicerat med transistorns strömförstärkningsfaktor  $h_{FE}$ :

$$r_{\pi} = r_e * h_{FE}$$

- Formeln ovan följer samma princip som när vi beräknar inresistansen på GE-steget och alla andra förstärkarsteg, då inresistansen är lika med all resistans från emitttern multiplicerat med strömförstärkningsfaktorn  $h_{FE}$ .

- Formeln för utresistansen ovan kan också omvandlas till:

$$R_{UT} = R_C // r_o \left( 1 + \frac{2R_{EE} // r_\pi}{r_e} \right) + R_{EE} // r_\pi = R_C // r_o + R_C // r_o * \frac{2R_{EE} // r_\pi}{r_e} + R_{EE} // r_\pi$$

$$= 2R_{EE} // r_\pi + R_C // r_o * \frac{2R_{EE} // r_\pi}{r_e} + R_C // r_o = 2R_{EE} // r_\pi \left( 1 + \frac{R_C // r_o}{r_e} \right) + R_C // r_o$$

- Vi ser därmed att utresistansen även kan formelas på följande sätt:

$$R_{UT} = 2R_{EE} // r_\pi \left( 1 + \frac{R_C // r_o}{r_e} \right) + R_C // r_o$$

- Detta värde kan avrundas till:

$$R_{UT} \approx 2R_{EE} // r_\pi * \frac{R_C // r_o}{r_e}$$

- Vi kan med stor säkerhet anta att resistansen  $2R_{EE}$  är mycket större än resistansen  $r_\pi$ , vilket medför att parallellresistansen  $2R_{EE}/r_\pi$  är ungefär lika med  $r_\pi$ :

$$2R_{EE} // r_\pi \approx r_\pi$$

- Därmed så kan vi avrunda formeln för utresistansen till

$$R_{UT} \approx r_\pi * \frac{R_C // r_o}{r_e} = \frac{r_\pi}{r_e} * (R_C // r_o),$$

där

$$r_\pi = r_e * h_{FE},$$

vilket medför att

$$R_{UT} \approx \frac{r_\pi}{r_e} * (R_C // r_o) = \frac{r_e * h_{FE}}{r_e} * (R_C // r_o) = h_{FE} * (R_C // r_o)$$

- Vi kan också anta att kollektorresistorn  $R_C$  är mycket mindre än BJT-transistorns utresistans  $r_o$ , vilket medför att parallellresistansen  $R_C // r_o$  är ungefär lika med  $R_C$ :

$$R_C // r_o \approx R_C$$

- Därmed så kan differentialförstärkarens utresistans med emitterresistorer i Common Mode beräknas med formeln:

$$R_{UT} \approx h_{FE} * R_C,$$

där  $h_{FE}$  är BJT-transistorns strömförstärkningsfaktor och  $R_C$  är kollektorresistorn.

- För differentialförstärkare med MOSFET-ingångar utan sourceresistorer så blir utresistansen i Common Mode istället lika med

$$R_{UT} = (2R_{SS})[1 + g_m(R_D // r_o)] + R_D // r_o,$$

vilket kan avrundas till

$$R_{UT} = 2g_m R_{SS} R_D,$$

där  $g_m$  är MOSFET-transistorns transkonduktans,  $R_{SS}$  är strömspegelns utresistans (som bör vara mycket hög) och  $R_D$  är drainresistorn.



## Appendix H

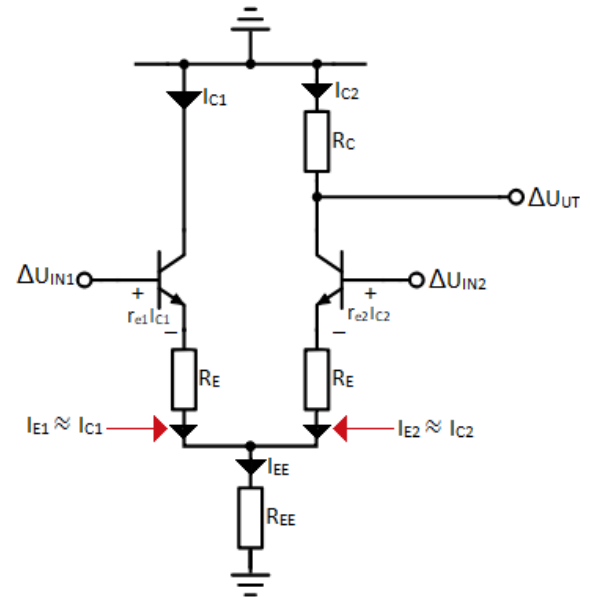
### Utresistans i Common Mode, med emitterresistorer/sourceresistorer

- För att beräkna utresistansen i Common Mode så utför vi samma beräkningar som i Differential Mode, med skillnaden att vi måste ha resistorn  $R_{EE}$  eller motsvarande strömgenerator i åtanke.
- Som vi såg i exemplet ovan så kommer resistansen från emitttern inte ha någon påverkan på utresistansen.
- Vi utför beräkningar på en av ingångarna och måste ha i åtanke att de två ingångarna nu kommer dela på resistansen  $R_{EE}$ . Dock får vi komma ihåg att det kommer flöda dubbelt så hög ström genom  $R_{EE}$  jämfört med  $R_E$ , eftersom  $I_{EE} = I_{C1} + I_{C2} = 2 * I_C$ , där strömmen genom  $R_{EE}$  är lika med

$$I_{EE} = I_{C1} + I_{C2},$$

där

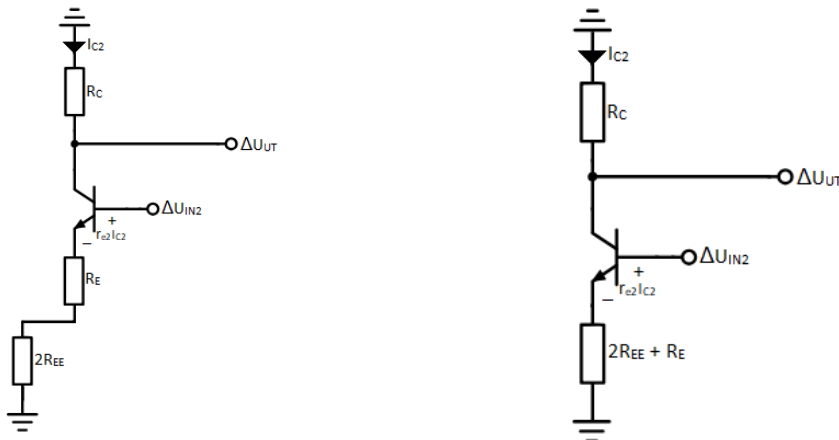
$$I_{C1} = I_{C2} \rightarrow I_{EE} = 2I_C$$



- Detta medför att våra beräkningar direkt kan förenklas att göra följande observation:

$$R_{EE} * I_{EE} = R_{EE} * 2I_C = 2R_{EE} * I_C$$

- Vi beräknar därmed med  $2R_{EE}$  för varje sida nedan, se den vänstra figuren nedan. Som synes så ligger nu  $R_E$  och  $2R_{EE}$  i serie, så dessa kan ersättas med en ersättningsresistans som är lika med  $2R_{EE} + R_E$ :



- Nu när vi måste räkna med resistansen  $R_{EE}$  från strömspegeln så ser vi att denna blir seriekopplad med emitterresistorn. Vi kan därför ersätta emitterresistor med en serieresistans som är lika med  $2R_{EE} + R_E$ , se den högra figuren ovan. Vi använder därmed samma formel för utresistansen i Common Mode som i Differential Mode, med skillnaden med att vi ersätter emitterresistorn  $R_E$  med serieresistansen  $2R_{EE} + R_E$ :

$$R_{UT} = (2R_{EE} + R_E) / r_{\pi} \left( 1 + \frac{R_C / r_o}{r_e} \right) + R_C / r_o$$

- Vi kan anta att serieresistansen  $2R_{EE} + R_E$  är mycket större än resistansen  $r_{\pi}$ , vilket medför att vi kan avrunda formeln till

$$R_{UT} \approx r_{\pi} \left( 1 + \frac{R_C / r_o}{r_e} \right) + R_C / r_o,$$

eftersom

$$(2R_{EE} + R_E) / r_{\pi} \approx r_{\pi}$$



- Vårt formel för utresistansen kan vidare förenklas med ytterligare avrundningar:

$$R_{UT} \approx r_{\pi} * \frac{R_C // r_o}{r_e} = \frac{r_{\pi}}{r_e} * (R_C // r_o),$$

där

$$r_{\pi} = r_e * h_{FE},$$

vilket medför att

$$R_{UT} \approx \frac{r_{\pi}}{r_e} * (R_C // r_o) = \frac{r_e * h_{FE}}{r_e} * (R_C // r_o) = h_{FE} * (R_C // r_o)$$

- Vi kan också anta att kollektorresistorn  $R_C$  är mycket mindre än BJT-transistorns utresistans  $r_o$ , vilket medför att parallellresistansen  $R_C // r_o$  är ungefär lika med  $R_C$ :

$$R_C // r_o \approx R_C$$

- Därmed så kan differentialförstärkarens utresistans med emitterresistorer i Common Mode beräknas med formeln:

$$R_{UT} \approx h_{FE} * R_C,$$

där  $h_{FE}$  är BJT-transistorns strömförstärkningsfaktor och  $R_C$  är kollektorresistorn. Notera att utresistansen i Common Mode blir ungefär samma, oavsett om emitterresistorer används eller inte.

- För differentialförstärkare med MOSFET-ingångar och sourceresistorer så blir utresistansen i Common Mode istället lika med

$$R_{UT} = (2R_{SS} + R_S)[1 + g_m(R_D // r_o)] + R_D // r_o,$$

vilket kan avrundas till

$$R_{UT} = 2g_m R_{SS} R_D,$$

där  $g_m$  är MOSFET-transistorns transkonduktans,  $R_{SS}$  är strömspegelns utresistans (som bör vara mycket hög) och  $R_D$  är drainresistorn.

## Appendix I

### Konstruktion av en CMOS differentiärförstärkare med strömspegel som last

- Vi skall konstruera en differentiärförstärkare i ren CMOS-teknologi.

- Differentiärförstärkaren skall ha följande data:

$V_{DD} = 1,8 \text{ V}$ ;  $V_{SS} = -1,8 \text{ V}$ ;  $P_L \leq 2 \text{ mW}$ ; Slew Rate  $\geq 50 \text{ V}/\mu\text{s}$ ;  $-1,0 \text{ V} \leq \text{ICMR} \leq 1,5 \text{ V}$ ;  $C_L = 10 \text{ pF}$ ;  $G_{DM} = -500$ ;  $f_0 = 200 \text{ kHz}$ ;

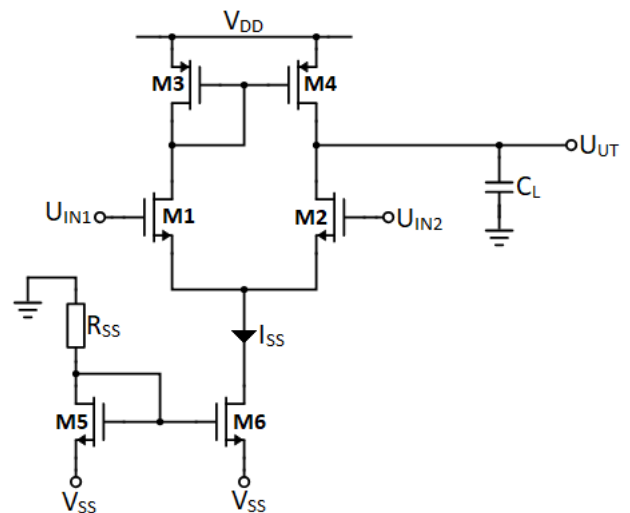
- Transistorerna har följande parametrar:

**PMOS:**  $\mu_n C_{ox} = 100 \mu\text{A}/\text{V}^2$ ,  $U_T = 0,5 \text{ V}$ ;  $\lambda_N = 0,04 \text{ V}^{-1}$

**NMOS:**  $\mu_p C_{ox} = 50 \mu\text{A}/\text{V}^2$ ,  $U_T = -0,5 \text{ V}$ ;  $\lambda_P = 0,05 \text{ V}^{-1}$

#### Steg:

1. Välj lämplig  $I_{SS}$  enligt specifikationerna för slew rate och maximal förlusteffekt  $P_L$ .
2. Kontrollera att transistorns utresistans  $R_{UT}$  är tillräckligt låg för kraven på differentiärförstärkarens övre gränshänsfrekvens.
3. Dimensionera  $W/L$  på M3 & M4 efter övre gränsen på ICMR.
4. Dimensionera  $W/L$  på M1 & M2 efter önskad differentiärförstärkning.
5. Dimensionera  $W/L$  på M5 & M6 efter nedre gränsen på ICMR.
6. Dimensionera  $R_{SS}$  efter  $I_{SS}$  via  $U_{GS5}$ .



1. Välj lämplig  $I_{SS}$  enligt specifikationerna för slew rate och maximal förlusteffekt  $P_L$ :

$$\text{Slew rate} = \frac{I_{SS}}{C_L} \rightarrow I_{SS} = \text{Slew rate} * C_L \geq 50 \text{ M} * 10 \text{ p} = 0,5 \text{ mA}$$

$$P_L = (V_{DD} - V_{SS})I_{SS} \rightarrow I_{SS} = \frac{P_L}{V_{DD} - V_{SS}} \leq \frac{2 \text{ m}}{1,8 - (-1,8)} = \frac{2 \text{ m}}{3,6} \approx 0,56 \text{ mA}$$

$$0,5 \text{ mA} \leq I_{SS} \leq 0,56 \text{ mA}$$

- Vi siktar på  $I_{SS} = 0,55 \text{ mA}$  för att klara kraven på slew rate och förlusteffekt.

$$I_{SS} = 0,55 \text{ mA}$$

2. Kontrollera att transistorns utresistans  $R_{UT}$  är tillräckligt låg för kraven på differentialförstärkarens övre gränshänsfrekvens:

$$f_{\phi} = \frac{1}{2\pi * R_{UT} * C_L} \rightarrow R_{UT} = \frac{1}{2\pi * f_{\phi} * C_L} = \frac{1}{2\pi * 200k * 10p} \approx 79,6 \text{ k}\Omega$$

$$R_{UT} = \frac{1}{(\lambda_N + \lambda_P)I_{SS}} \rightarrow I_{SS} = \frac{1}{(\lambda_N + \lambda_P)R_{UT}} \approx \frac{1}{(0,04 + 0,05)79,6k} \approx 0,14 \text{ mA} \leq 0,5 \text{ mA} \rightarrow OK$$

3. Dimensionera W/L på M3 & M4 efter övre gränsen på ICMR:

- Därefter så skall vi dimensionera W/L på transistorerna i strömspegeln, dvs. M3 och M4, efter maximal Common Mode-insignal,  $ICMR_{max}$ :

$$V_{DD} - U_{GS3} - U_{DS1} = 0 \rightarrow U_{GS3} = V_{DD} - U_{DS1}$$

$$U_{DS1} = ICMR_{max} - U_T = 1,5 - 0,5 = 1,0 \text{ V}$$

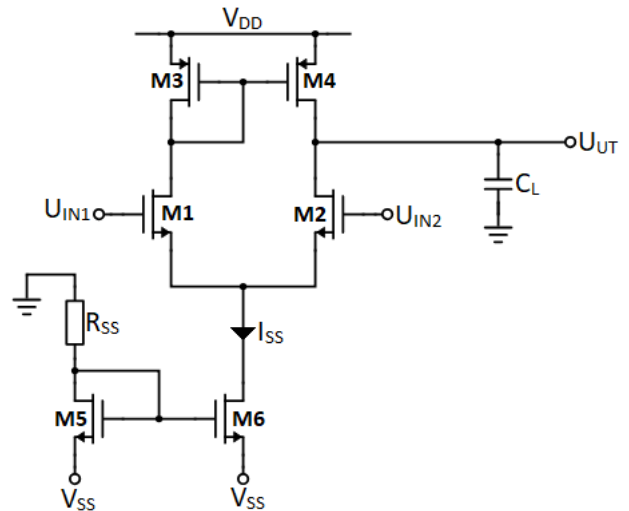
$$\rightarrow U_{GS3} = V_{DD} - U_{DS1} = 1,8 - 1,0 = 0,8 \text{ V}$$

$$I_D = \frac{\mu_p C_{ox}}{2} * \frac{W_3}{L_3} (U_{GS3} - U_T)^2$$

$$\rightarrow \frac{W_3}{L_3} = \frac{2I_D}{\mu_p C_{ox} * (U_{GS3} - U_T)^2}$$

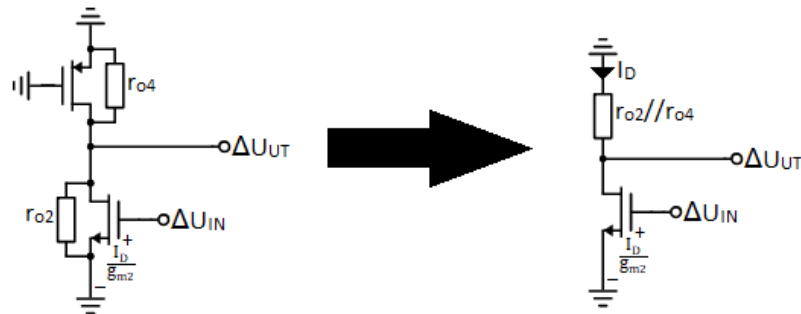
$$I_D = \frac{I_{SS}}{2} = 0,275 \text{ mA}$$

$$\rightarrow \frac{W_3}{L_3} = \frac{2 * 0,275m}{50\mu * (0,8 - 0,5)^2} \approx 122$$



#### 4. Dimensionera W/L på M1 & M2 efter önskad differentialförstärkning:

- I differential Mode så fungerar de två sidorna av differentialförstärkaren som var sitt GS-steg. Genom att titta på höger sida av differentialförstärkaren så ser vi ett GS-steg vars drainresistor består av transistor M4.
- Vi ritat ut småsignalschemat nedan och noterar att transistorernas utresistanser,  $r_{o2}$  och  $r_{o4}$ , är parallellkopplade. Vi förenklar småsignalschemat och härleder därefter formel för in- och utspänningen:



$r_{o2}$  och  $r_{o4}$  är parallellkopplade, eftersom de båda är anslutna till samma punkt på ena hållet och till jord på andra.

$$\Delta U_{IN} - \frac{I_D}{g_{m2}} = 0 \rightarrow \Delta U_{IN} = \frac{I_D}{g_{m2}}$$

$$-I_D * (r_{o2} // r_{o4}) - \Delta U_{UT} = 0 \rightarrow \Delta U_{UT} = -I_D * (r_{o2} // r_{o4})$$

- Därefter kan vi härleda en formel för differentialförstärkningen:

$$G_{DM} = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN}} = -\frac{I_D * (r_{o2} // r_{o4})}{\left(\frac{I_D}{g_{m2}}\right)} = -g_{m2} (r_{o2} // r_{o4})$$

$$G_{DM} = -500 = -g_{m2} (r_{o2} // r_{o4}) \rightarrow g_{m2} = \frac{500}{r_{o2} // r_{o4}}$$

- Transistor M2 är en NMOS-transistor:

$$r_{o2} = \frac{1}{I_D * \lambda_N} = \frac{1}{0,275m * 0,04} \approx 90,9 \text{ k}\Omega$$

- Transistor M4 är en PMOS-transistor:

$$r_{o4} = \frac{1}{I_D * \lambda_P} = \frac{1}{0,275m * 0,05} \approx 72,7 \text{ k}\Omega$$

$$\rightarrow g_{m2} = \frac{500}{r_{o2} // r_{o4}} \approx \frac{500}{90,9k // 72,7k} \approx \frac{500}{40,4k} = 12,375 \text{ mS}$$

$$g_{m2} = \frac{2I_D}{U_{GS2} - U_T} \rightarrow U_{GS2} - U_T = \frac{2I_D}{g_{m2}} \rightarrow U_{GS2} = \frac{2I_D}{g_{m2}} + U_T = \frac{2 * 0,275m}{12,375m} + 0,5 \approx 0,54 \text{ V}$$

$$I_D = \frac{\mu_p C_{ox}}{2} * \frac{W_2}{L_2} (U_{GS2} - U_T)^2$$

$$\rightarrow \frac{W_2}{L_2} = \frac{2I_D}{\mu_p C_{ox} * (U_{GS2} - U_T)^2} = \frac{2 * 0,275m}{50\mu * (0,54 - 0,5)^2} \approx 5569$$

##### 5. Dimensionera W/L på M5 & M6 efter nedre gränsen på ICMR:

$$ICMR_{min} - U_{GS1} - U_{DS6} - V_{SS} = 0 \rightarrow U_{DS6} = ICMR_{min} - U_{GS1} - V_{SS}$$

$$U_{GS1} = U_{GS2} \approx 0,54 V$$

$$\rightarrow U_{DS6} \approx -1,0 - 0,54 - (-1,8) \approx 0,26 V$$

$$I_{SS} = \frac{\mu_n C_{ox}}{2} * \frac{W_6}{L_6} * U_{DS6}^2$$

$$\rightarrow \frac{W_6}{L_6} = \frac{2I_{SS}}{\mu_n C_{ox} * U_{DS6}^2} \approx \frac{2 * 0,55m}{100\mu * 0,26^2} \approx 168$$

##### 6. Dimensionera R<sub>SS</sub> efter I<sub>SS</sub> via U<sub>GSS</sub>:

$$-U_R - U_{GS6} - V_{SS} = 0 \rightarrow U_R = -U_{GS6} - V_{SS}$$

$$U_{GS6} = U_{GS5} \approx 0,26 V$$

$$\rightarrow U_R = -0,26 - (-1,8) \approx 1,54 V$$

$$U_R = R_{SS} * I_{SS} \rightarrow R_{SS} = \frac{U_R}{I_{SS}} \approx \frac{1,54}{0,55m} \approx 2,8 k\Omega$$

- Närmaste värde i E12-serien är 2,7 kΩ, vilket vi använder. Detta medför att I<sub>SS</sub> blir något högre än 0,55 mA, ca 0,57 mA. Detta är strax över specifikationen på förlusteffekten, som nu blir ca 2,06 mW. Dock är detta endast ca 0,06 mW, vilket kan anses vara försumbar.
- Alternativt så kan vi investera i en 2,8 kΩ-resistor, som finns i E96-serien.

## Övningsuppgifter till kapitel 3.5

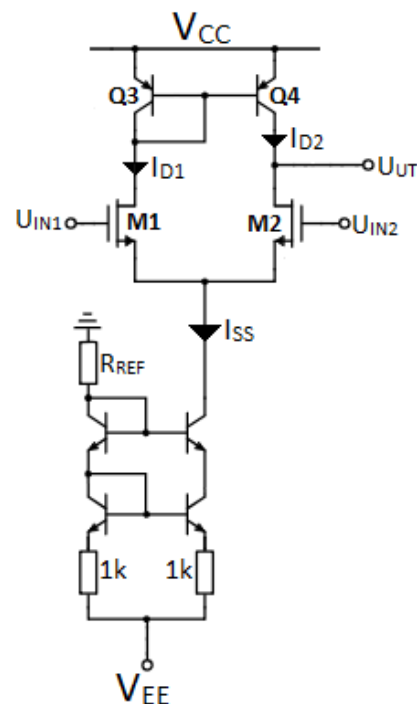
1. Du har en differentialsförstärkare med MOSFET-ingångar till höger, som har följande data:

$$V_{CC} = 20 \text{ V}; V_{EE} = -20 \text{ V}; I_{SS} = 4 \text{ mA}$$

- Förklara kortfattat differentialsförstärkarens funktion.
- Ange en fördel samt en nackdel med att använda MOSFET-ingångar på differentialsförstärkaren, såsom i differentialsförstärkaren till höger.
- En förbättrad Wilson-spegel används istället för en vanlig strömspegel i den nedre delen av differentialsförstärkaren. Ange två fördelar med en sådan strömspegel.
- I figuren så har vi en strömspegel, som består av transistor Q3 respektive Q4 i differentialsförstärkarens drain. Nästan alla differentialsförstärkare har en sådan konstruktion.

Varför används nästan alltid en strömspegel i differentialsförstärkarens kollektor/drain?

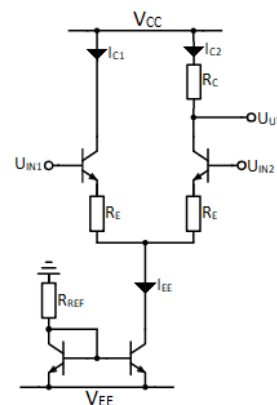
- Välj ett lämpligt värde på resistor  $R_{REF}$  så att strömmen  $I_{SS}$  blir lika med 4,0 mA.



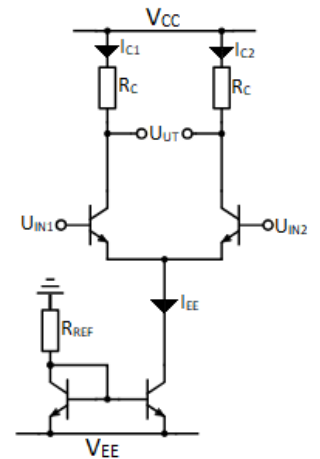
2. Differentialförstärkaren till höger har följande data:

$$V_{CC} = 15 \text{ V}; V_{EE} = -15 \text{ V}; I_{CQ} = 0,1 \text{ mA}$$

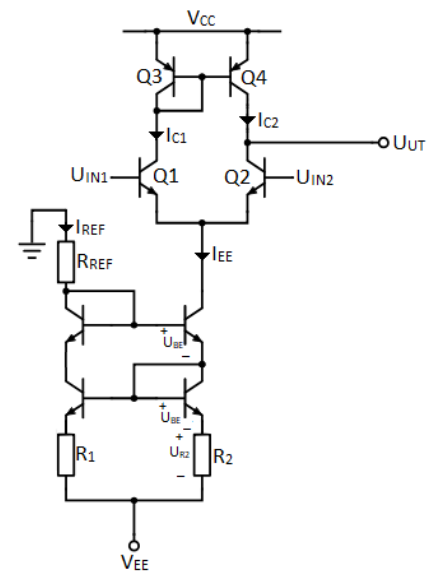
- Dimensionera resistorerna i kretsen så att differentialsförstärkningen blir -100. Beräkna sedan CMRR.
- Differentialförstärkaren skall nu användas i en feedback-loop. Gör nödvändiga modifikationer för att maximera CMRR.
- Ange hur kretsen kan modifieras för att öka inresistansen.



3. Rita småsignalscheman och härled formel för differentialförstärkningen samt Common Mode-förstärkningen på BJT-differentialförstärkaren till höger. Översätt detta till motsvarande formel på MOSFET-transistorn.



4. Figuren nedan till höger visar en differentialförstärkare med strömspegel som last. Förklara hur denna strömspegel arbetar och varför förstärkningen inte blir halverad, trots att endast en utgång används. Förklara strömspegelns funktion när insignalen på vänster sida är större än insignalen på höger och vice versa.



5. Rita småsignalscheman och härled formel för differentialförstärkaren till höger.

**Lösning till uppgift 1:**

- a) Differentialförstärkaren används för att förstärka önskvärda signaler, exempelvis ljud, och kancellera oönskade signaler, exempelvis brus, genom att förstärka spänningsskillnaden mellan pluspolen och minuspolen (ljud), samtidigt som den kanceleerar inkommande signaler som är lika stora på båda ingångarna (brus).

b)

- **Fördel:** Med MOSFET-ingångar så blir inresistansen skyhögt.
- **Nackdel:** Differentialförstärkningen kommer minska.

**Anmärkning:**

- Dock kommer differentialförstärkningen fortfarande vara mycket hög, eftersom vi använder en strömspegel som last. Istället för en förstärkningsfaktor på -1000 eller högre, som är möjligt med BJT-transistorer på ingångarna, så kanske den blir omkring -250 med CMOS-transistorer, beroende på modell.
- Man får helt enkelt väga upp om man vill ha maximal förstärkning och lägre inresistans eller mycket hög, men inte maximal, förstärkning och extremt hög inresistans. Oftast är det senare alternativet föredraget, särskilt med tanke på att man enkelt kan öka förstärkningen i efterföljande steg

c)

- Den förbättrade Kaskadkopplad strömspegeln har mycket hög utresistans (ca 100 MΩ), vilket medför att brus kanceleeras mycket effektivt (eftersom Common Mode-förstärkningen blir mycket låg).
- Den förbättrade Kaskadkopplad strömspegeln medför också att strömmen  $I_{SS}$  alltid hålls konstant, eftersom olinjariteter som uppkommer på grund av temperaturförändringar eller av den så kallad Earlyeffekten elimineras. Den övre strömspegeln sätter strömmen  $I_{SS}$ , men denna strömspegel blir inte påverkad av de tidigare nämnda effekterna, eftersom den nedre strömspegeln tar upp all denna effekt.

- d) Strömspeglar används nästan alltid i differentialförstärkarens kollektor/drain för att kraftigt öka förstärkningen, som då kan uppgå till -250 eller mer med MOSFET-ingångar samt -1000 eller mer med BJT-ingångar.

e)

- Det enda vi behöver ställa in är resistor  $R_{REF}$ , som dimensioneras med önskad referensström  $I_{SS}$  enligt formeln

$$R_{REF} = \frac{|V_{EE}| - 1k * I_{SS} - 2 * 0,7}{I_{SS}},$$

där  $|V_{EE}|$  är absolutbeloppet av den negativa matningsspänningen,  $I_{SS}$  är önskad ström som flödar genom strömgeneratorn och 0,7 står för spänningsfallet mellan BJT-transistorns bas och emitter. Eftersom vi passerar två sådana spänningsfall så räknar vi med  $2 * 0,7$ .

- Därmed kan vi beräkna ett lämpligt värde på resistor  $R_{REF}$ :

$$R_{REF} = \frac{20 - 1k * 4m - 2 * 0,7}{4m} = 3,65 \text{ k}\Omega$$

- Närmaste värde i E12-serien är 3,9 kΩ, så i praktiken hade detta värde valts. Strömmen  $I_{SS}$  hade då blivit ca 3,8 mA, men skillnaden är mycket liten mot 4,0 mA, så vi kör på det.



## Lösning till uppgift 2:

a) Som vanligt utför vi beräkningarna vid jämvikt, dvs. då  $U_{IN1} = U_{IN2}$ .

- Som vanligt så bör utsignalen dimensioneras till halva den positiva matningsspänningen:

$$U_{UT} = \frac{V_{CC}}{2}$$

- Resten av matningsspänningen (från  $V_{EE}$  upp till jord) skall endast falla över strömspegeln.
- Därefter använder vi Kirchhoffs spänningslag för att bestämma ett lämpligt värde på kollektorresistorn  $R_C$ .

$$V_{CC} - R_C I_C - U_{UT} = 0 \rightarrow V_{CC} - R_C I_C - \frac{V_{CC}}{2} = 0 \rightarrow \frac{V_{CC}}{2} - R_C I_C = 0$$

$$\rightarrow R_C I_C = \frac{V_{CC}}{2} \rightarrow R_C = \frac{V_{CC}}{2 I_C} = \frac{15}{2 * 0,1m} = 75 \text{ k}\Omega$$

- Närmaste värde i E12-serien är 82 k $\Omega$ , så vi väljer detta värde.

$$R_C = 82 \text{ k}\Omega$$

- Kollektorresistorn  $R_C$  bör alltså sättas till 82 k $\Omega$  för att kollektorströmmen skall bli ca 0,1 mA.
- Därefter skall vi dimensionera emitterresistorerna  $R_E$ , vilket vi kan göra via formeln för differentialförstärkningen.
- Differentialförstärkningen kan beräknas med formeln

$$G_{DM} = - \frac{R_C}{2(R_E + r_e)} = -100$$

- Vi vet att differentialförstärkningen  $G_{DM}$  är lika med -100, dvs.  $|G_{DM}| = 100$ .
- Vi härleder sedan en formel för emitterresistansen  $R_E$  ur formeln ovan:

$$|G_{DM}| = \frac{R_C}{2(R_E + r_e)} \rightarrow 2(R_E + r_e) = \frac{R_C}{|G_{DM}|}$$

$$\rightarrow R_E + r_e = \frac{R_C}{2 * |G_{DM}|} \rightarrow R_E = \frac{R_C}{2 * |G_{DM}|} - r_e$$

- Vi beräknar den lilla emitterresistansen  $r_e$  med formeln:

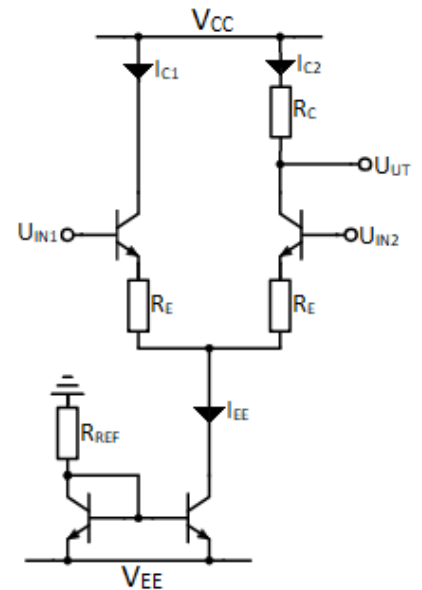
$$r_e = \frac{25}{I_{C(mA)}} = \frac{25}{0,1} = 250 \text{ }\Omega$$

- Därefter beräknar vi emitterresistansen:

$$R_E = \frac{R_C}{2 * |G_{DM}|} - r_e = \frac{82k}{2 * 100} - 250 = 410 - 250 = 160 \text{ }\Omega$$

- Närmaste värde i E12-serien är 150  $\Omega$ , så vi väljer detta värde:

$$R_E = 150 \text{ }\Omega$$



- Referensresistorn  $R_{REF}$  måste väljas så att rätt ström  $I_{EE}$  flödar genom strömgeneratoren. Eftersom strömmen på de två sidorna av differentialförstärkaren i jämvikt skall vara 0,1 mA var så skall strömmen  $I_{EE}$  genom strömgeneratoren vara lika med  $0,1\text{ m} + 0,1\text{ m} = 0,2\text{ mA}$ . Därför så hade ett lämpligt värde på referensresistorn kunnat beräknas med formeln

$$R_{REF} = \frac{|V_{EE}| - 0,7}{I_{EE}},$$

där  $|V_{EE}|$  är absolutbeloppet av den negativa matningsspänningen och 0,7 V är spänningsfallet mellan strömgenerators (den högra transistorens) bas och emitter.

- Av de -15 V vi får från den negativa matningsspänningen så kommer alla dessa 15 V, förutom de 0,7 V som faller över området mellan strömgenerators bas och emitter, falla över referensresistorn. Det kommer alltså falla 14,3 V över referensresistorn.
- Vi kan också visa detta med Kirchhoffs spänningslag, där vi går från den negativa matningsspänningen upp till jord. Låt oss benämna spänningsfallet över referensresistorn  $U_{REF}$ :

$$V_{EE} + 0,7 + U_{REF} = 0 \rightarrow U_{REF} = -V_{EE} - 0,7 = -(-15) - 0,7 = 15 - 0,7 = 14,3\text{ V}$$

- Om vi då vill att strömmen  $I_{EE}$  skall bli 2 mA så vill vi också att referensströmmen genom referensresistorn är lika med 2 mA. Därmed så kan vi enkelt beräkna ett lämpligt värde på referensresistorn:

$$R_{REF} = \frac{15 - 0,7}{2\text{ m}} = \frac{14,3}{2\text{ m}} = 7,15\text{ k}\Omega$$

- Närmaste värdet i E12-serien är 6,8 k $\Omega$ , som dock medför att strömmen  $I_{EE}$  blir lite större än väntat. I de flesta fall är detta okej, men om strömmen  $I_{EE}$  måste vara lika med 2 mA så hade vi kunnat införskaffa resistorer i en annan resistorserie. Detta kanske kostar lite mer, men förmodligen väldigt lite.
- Med en referensresistor på 6,8 k $\Omega$  så blir strömmen  $I_{EE}$  lika med:

$$I_{EE} = \frac{14,3}{6,8\text{ k}} \approx 2,10\text{ mA}$$

- Common Mode-förstärkningen kan beräknas med formeln:

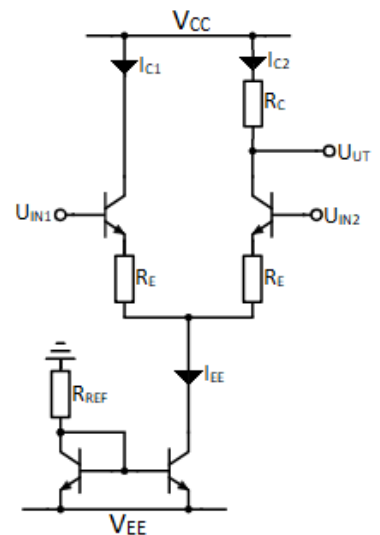
$$G_{CM} = -\frac{R_C}{2R_{EE} + R_E + r_e},$$

där  $R_{EE}$  är den enkla strömspegels utresistans, som kan antas vara 1 M $\Omega$ . Common Mode-förstärkningen kan därför uppskattas till:

$$G_{CM} = -\frac{R_C}{2R_{EE} + R_E + r_e} = -\frac{82\text{ k}}{2 * 1\text{ M} + 150 + 250} \approx -0,04$$

- Vi kan nu enkelt beräkna Common Mode-förstärkningen:

$$CMRR = \frac{G_{DM}}{G_{CM}} \approx \frac{-100}{-0,04} \approx 2440$$



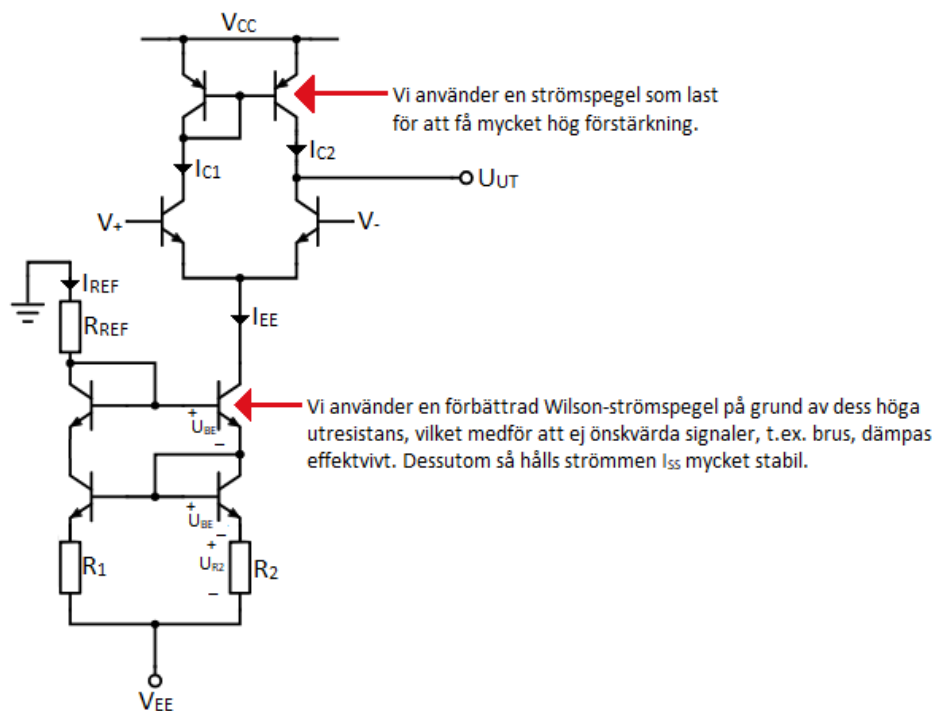
b) Det finns tre modifikationer vi kan göra för att öka CMRR:

### 1. Ta bort emitterresistorerna:

Emitterresistorerna kan elimineras utan problem med temperaturinstabilitet, vilket gäller just för differentialförstärkaren, inte för andra förstärkarsteg. Differentialförstärkaren är temperaturstabil även utan emitterresistorer, eftersom de två transistorerna har samma temperatur hela tiden och därmed samma kollektorströmmar. Även om spänningen mellan transistorernas baser och emitter förändras med temperaturen så kommer inte detta påverka deras kollektorströmmar, vilket medför att differentialförstärkarens utspänning inte förändras.

### 2. Använd en strömspegel som last.

- För att maximera differentialförstärkningen kan man ersätta kollektorresistorn med en strömspegel. Förutsättningen för detta är att feedback används, såsom i en OP-förstärkarkoppling. Både BJT- eller MOSFET-transistorer kan användas, men BJT-transistorer har oftast högre utresistans och ger därmed ger högre förstärkning. Dock så kommer förstärkningen bli mycket hög oavsett om BJT- eller MOSFET-transistorer används i strömspegeln.
- Förstärkningsfaktorn i en differentialförstärkare med strömspegel som last kan uppnå -5000 eller mer, beroende på inresistansen på efterföljande steg samt om BJT- eller MOSFET-transistorer används på ingångarna. MOSFET-transistorer medför lägre förstärkning, exempelvis omkring -500 (ifall en strömspegel används som last), men har flera fördelar, exempelvis högre inresistans, som gör att dessa ofta används istället.



### 3. Använd en förbättrad Kaskadkopplad strömspegel som strömgenerator för att minska Common Mode-förstärkningen

- I figuren till höger så ersätts den tidigare resistorn  $R_{EE}$  med en strömgenerator för att kraftigt öka resistansen, samtidigt som den ger oss möjlighet att ställa in en lämplig referensström ( $I_{SS}$ ).
- Utresistansen på denna strömgenerator ligger omkring 100 M $\Omega$ , vilket medför att Common Mode-förstärkningen blir mycket låg. Om en strömgenerator används som last enligt exemplen ovan så kommer CMRR maximeras!
- Det enda vi behöver ställa in är resistor  $R_{REF}$ , som dimensioneras med önskad referensström  $I_{SS}$  enligt formeln

$$R_{REF} = \frac{|V_{EE}| - 1k * I_{SS} - 2 * U_{BE}}{I_{SS}},$$

där  $|V_{EE}|$  är absolutbeloppet av den negativa matningsspänningen,  $I_{SS}$  är önskad referensström och  $U_{BE}$  är spänningsfallet mellan BJT-transistorns bas och emitter, som är ungefär lika med 0,7 V.

- Vi måste därför ersätta vårt tidigare val av referensresistor:

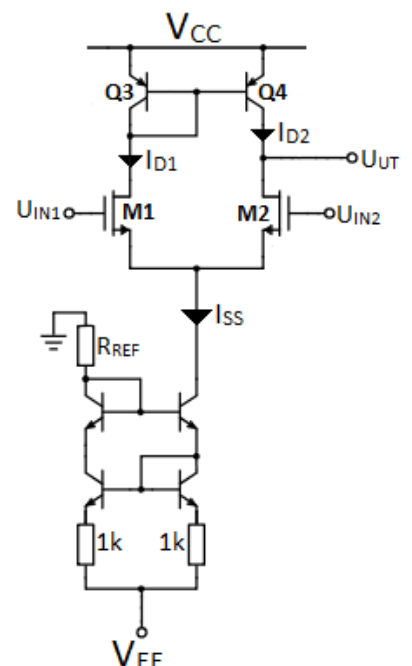
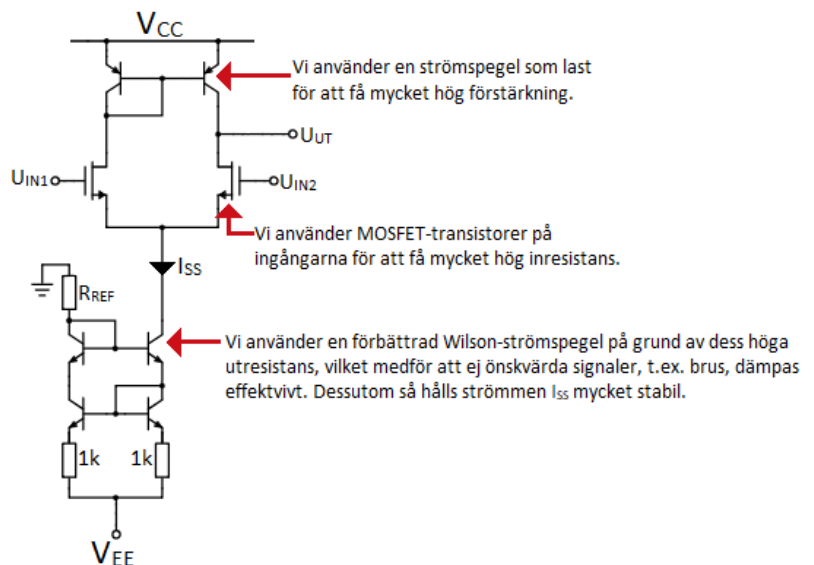
$$R_{REF} = \frac{|V_{EE}| - 1k * I_{SS} - 2 * U_{BE}}{I_{SS}} = \frac{15 - 1k * 0,2m - 2 * 0,7}{0,2m} = 67 k\Omega$$

- Närmaste värdet i E12-serien är 68 k $\Omega$ , så vi väljer detta värde.

$$R_{REF} = 68 k\Omega$$

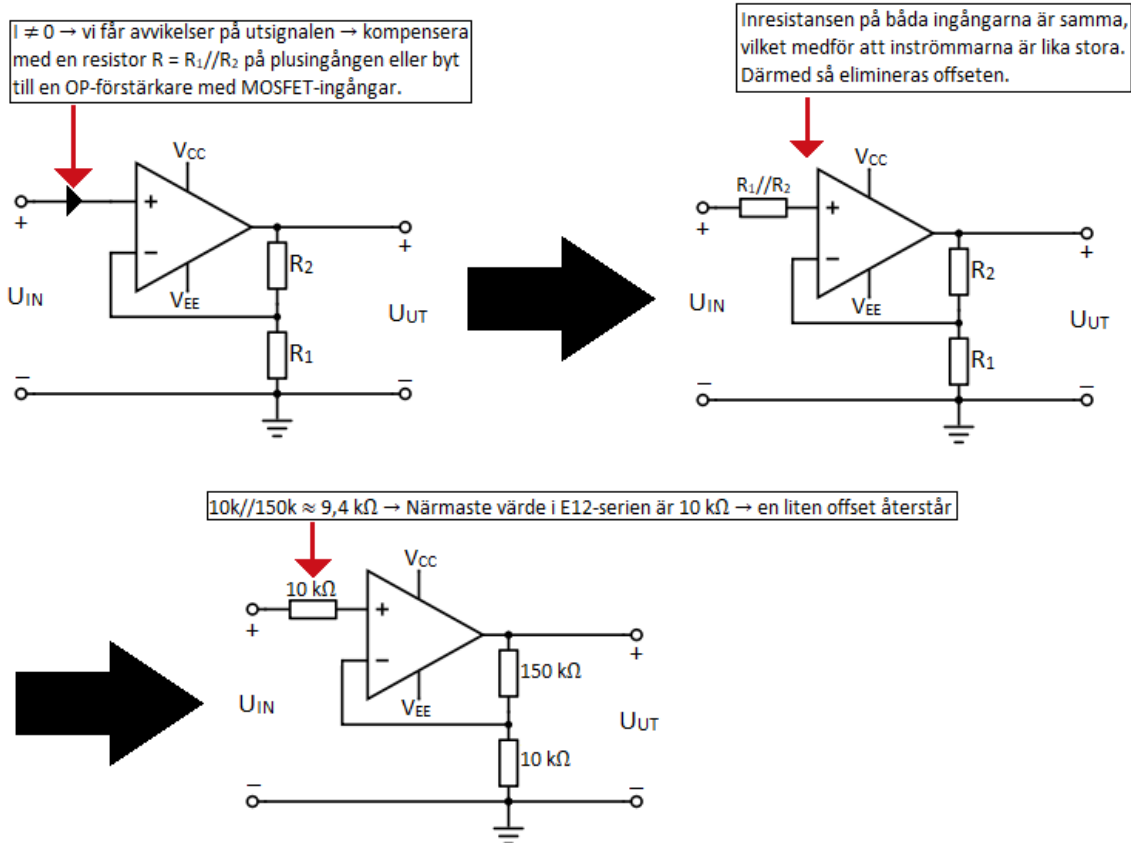
- c) Vi ersätter BJT-transistorerna på ingången med MOSFET-transistorer för att öka inresistansen

- Vi använder MOSFET-transistorer på ingångarna för att uppnå hög inresistans. Den främsta nackdelen med att använda MOSFET-transistorer på ingångarna är att förstärkningen kommer bli lägre än om vi hade använt BJT-transistorer. Dock kan vi enkelt öka förstärkningen i efterföljande steg, som vanligtvis är en spänningsförstärkare, exempelvis ett GS-steg.
- Den lägre förstärkningen som uppkommer då MOSFET-transistorer används på ingångarna uppvägs av deras fördelar, främst deras mycket höga inresistans, som medför lägre strömförbrukning, ingen påverkan av utresistanser från signalgeneratorer eller tidigare steg samt att vi inte behöver oroa oss för att inströmmarna blir olika stora, vilka kan orsaka så kallad offset, dvs. att utsignalens värde blir fel på grund av att ingångsströmmarna på de två ingångarna är olika stora. Om MOSFET-transistorer används så blir inströmmarna så små att skillnaden blir försumbar och ingen märkbar offset uppstår.
- Om BJT-transistorer används på ingångarna så kan skillnaden mellan strömmarna på de två ingångarna bli så stor att utsignalen påverkas så att vi får en avvikelse, en så kallad offset. Som exempel, om inspänningen sätts till 0 V och utspänningen blir 0,2 V



istället för 0 V så har vi en offset på 0,2 V, orsakad av strömskillnaden mellan de två ingångarna. Då måste vi korrigera detta med en extern resistor på en av ingångarna så att ingångsresistanserna blir lika stora. Då blir inströmmarna lika stora och offseten elimineras. Dock så kanske det inte är möjligt att få tag på en resistor som är lika med inresistansen på den andra ingången. Då kan man testa att parallellkoppla två resistorer som är lika stora som de två resistorerna på den andra ingången eller acceptera en liten offset.

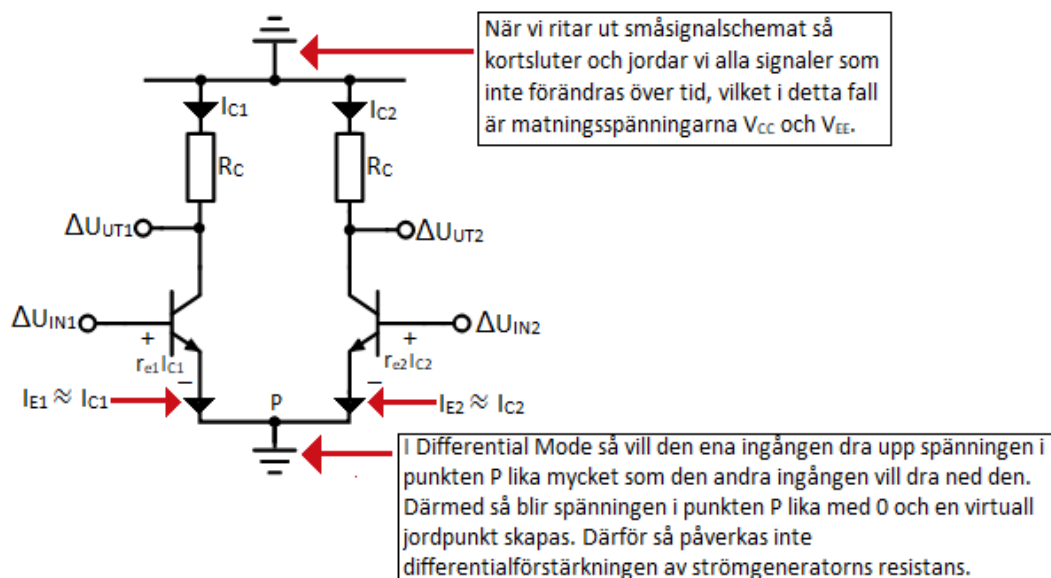
- Det bästa och effektivaste sättet att eliminera offset är dock, som tidigare nämdes, att använda MOSFET-transistorer på ingångarna, som på grund av sina höga inresistans medför att ingångsströmmen blir så liten att offseten blir försumbar. Nästan alla moderna OP-förstärkare är därför konstruerade med MOSFET-transistorer på ingångssteget.



## Lösning till uppgift 3:

## Härledning av differentialförstärkningen

- När differentialsignaler uppträder på de två ingångarna så kommer ingången med den högre inspänningen försöka dra upp spänningen i punkten mellan de två emitterarna, se punkten P i figuren nedan. Samtidigt så försöker den andra ingången dra ned spänningen i denna punkt lika mycket. Detta medför att spänningen i punkten P blir 0, vilket medför att en så kallad virtuell jord skapas där. Därmed så kommer inte resistansen från strömgeneratorn påverka differentialsignaler.
- Detta förhållande gäller oavsett värdena på insignalerna. Det är spänningsskillnaden mellan insignalerna som spelar roll, inte de absoluta värdena på dem. Antag att  $U_{IN1}$  är 20 mV större än  $U_{IN2}$  och att detta leder till att  $I_{C1}$  är lika med 1,2 mA och  $I_{C2}$  är lika med 0,8 mA. Differentialförstärkaren kommer fungera på samma sätt om  $U_{IN1}$  är lika med 20 mV och  $U_{IN2}$  är lika med 0 V som om  $U_{IN1}$  är lika med 10 mV och  $U_{IN2}$  är lika med -10 mV. I båda fall så är spänningsskillnaden lika med 20 mV, vilket medför att strömmen  $I_{C1}$  kommer vara 1,2 mA och  $I_{C2}$  kommer vara 0,8 mA, oavsett de individuella värdena. Eftersom strömmarna är lika så kommer utsignalerna på de två sidorna vara lika stor i båda fall.
- För att härleda formel för förstärkningsfaktorn så ritar vi ut småsignalschemat för differentialförstärkare i Differential Mode, dvs. med punkten mellan emitterarna jordad.



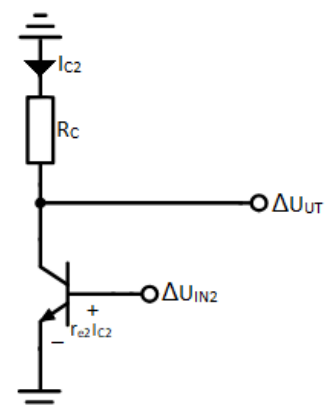
- För att beräkna differentialförstärkningen med en ingång så beräknar vi förstärkningen på ena sidan. Vi utför beräkningarna på höger sida.
- Som vanligt så förenklar vi beräkningarna genom antagandet att emitterströmmen  $I_E$  är lika med kollektorströmmen  $I_C$ . Egentligen är emitterströmmen något större, men skillnaden är så liten att den är försumbar.
- Vi härleder en formel för  $\Delta U_{IN2}$  i Differential Mode, dvs. med  $R_{EE}$  kancerad:

$$\rightarrow \Delta U_{IN2} - r_{e2} I_{C2} = 0 \rightarrow \Delta U_{IN2} = r_{e2} I_{C2}$$

- Förstärkningsfaktorn på höger sida blir därför:

$$G_{DM} = \frac{\Delta U_{UT2}}{\Delta U_{IN2}} = -\frac{R_C I_{C2}}{r_{e2} I_{C2}} = -\frac{R_C}{r_{e2}}$$

- Eftersom kollektorströmmarna är lika stora så blir  $r_{e1} = r_{e2} = r_e$ . Därför formulerar vi om formeln för differentialförstärkningen till.

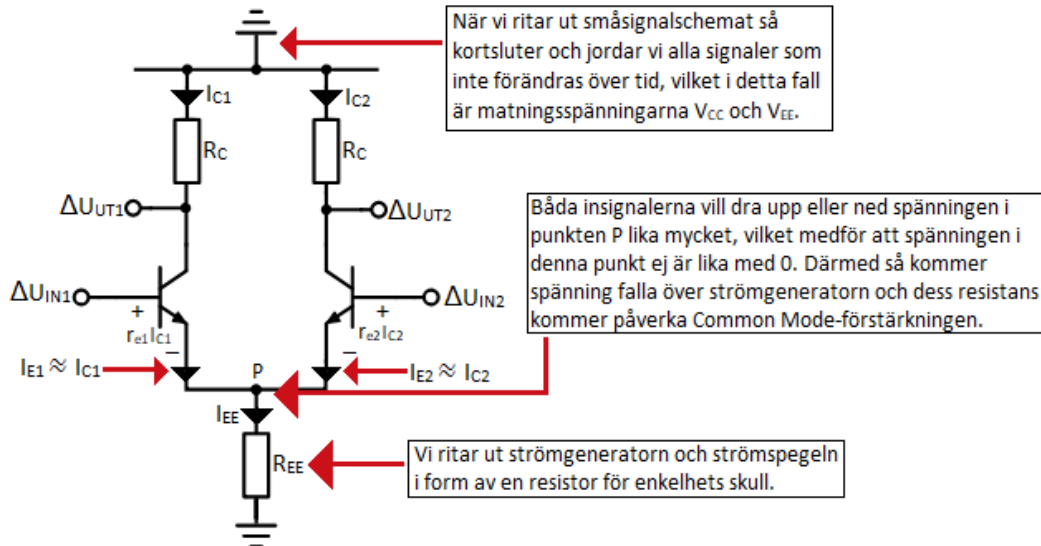


$$G_{DM} = -\frac{R_c}{r_e},$$

där  $r_e$  är transistorernas respektive inbyggda emitterresistans.

## Härledning av Common Mode-förstärkningen

- När Common Mode-signaler uppträder på de två ingångarna så kommer båda ingångarna dra upp spänningen i punkten P mellan emitterarna lika mycket, se figuren nedan. Därmed så är spänningen i denna punkt inte lika med noll, vilket medför att det inte finns någon virtuell jord där. Därmed så fungerar resistansen från strömgeneratorn som en jättestor emitterresistor för Common Mode-signaler. Genom att denna strömgenerator har extremt hög resistans så kommer därmed Common Mode-signaler att canceleras effektivt.



- Eftersom de två sidorna är identiska så behöver vi bara beräkna Common Mode-förstärkningen på en av sidorna. Precis som i fallet med differentialförstärkningen så utförs beräkningarna på höger sida.
- I Common Mode så är de två kollektorströmmarna lika stora, vilket medför att strömmen  $I_{EE}$  dubbelt så stor som kollektorströmmen  $I_{C2}$ :

$$I_{EE} = I_{C1} + I_{C2}$$

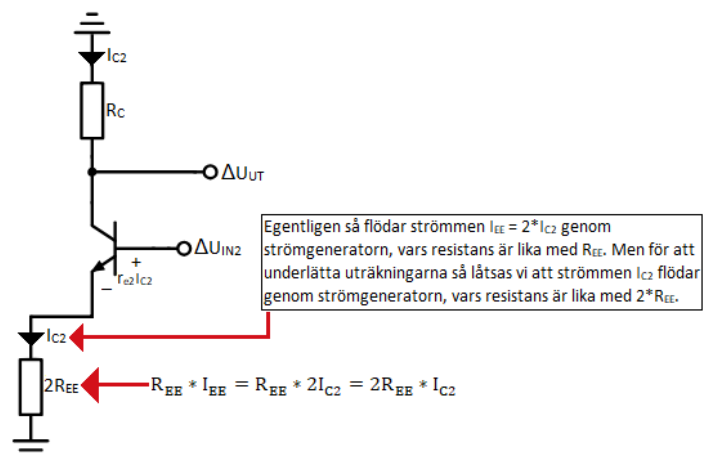
$$I_{C1} = I_{C2} \rightarrow I_{EE} = I_{C1} + I_{C2} = 2I_{C2}$$

- Eftersom strömmen genom resistansen  $R_{EE}$  från strömspegeln är dubbelt så stor som kollektorströmmen  $I_{C2}$  så kan vi underlätta för oss själva genom att låtsas att det är strömmen som flödar genom strömspegeln och kompensera för detta genom att låtsas att strömspegelns resistans är dubbelt så hög, dvs.  $2 \cdot R_{EE}$ . Genom att göra detta så blir det enklare att härleda formel för Common Mode-förstärkningen.
- Vi hade också kunnat härleda detta genom att undersöka spänningsfallet över resistansen  $R_{EE}$ :

$$R_{EE} \cdot I_{EE} = R_{EE} \cdot 2I_{C2} = 2R_{EE} \cdot I_{C2}$$

→ vi låtsas att strömmen  $I_{C2}$  flödar genom resistansen  $2R_{EE}$





- Vi härleder en formel för  $\Delta U_{IN2}$  med Kirchhoffs spänningslag:

$$\Delta U_{IN2} - r_{e2} I_{C2} - 2R_{EE} * I_{C2} = 0$$

$$\rightarrow \Delta U_{IN2} = r_{e2} I_{C2} + 2R_{EE} * I_{C2}$$

$$\rightarrow \Delta U_{IN2} = I_{C2} (2R_{EE} + r_{e2})$$

- Vi härleder också en formel för  $\Delta U_{UT2}$ , för att kunna härleda förstärkningsfaktorn:

$$-R_C I_{C2} - \Delta U_{UT2} = 0 \rightarrow \Delta U_{UT2} = -R_C I_{C2}$$

- Förstärkningsfaktorn i Common Mode blir då:

$$G_{CM} = \frac{\Delta U_{UT2}}{\Delta U_{IN2}} = -\frac{R_C I_{C2}}{I_{C2} (2R_{EE} + r_{e2})} = -\frac{R_C}{2R_{EE} + r_{e2}}$$

- Vid jämvikt så är  $r_{e1}$  och  $r_{e2}$  blir lika stora, eftersom kollektorströmmarna är lika stora:

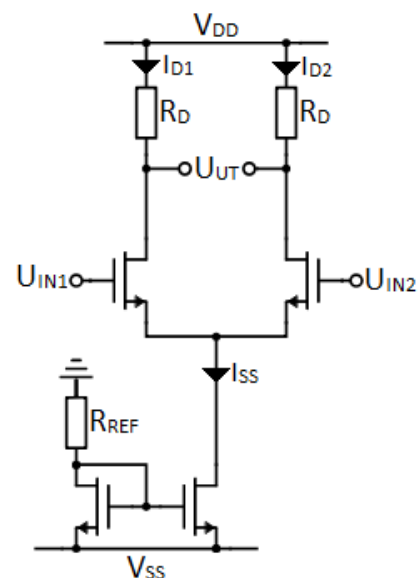
$$I_{C1} = I_{C2} \rightarrow r_{e1} = \frac{25}{I_{C1(mA)}} = r_{e2} = \frac{25}{I_{C2(mA)}} \rightarrow r_{e1} = r_{e2} = r_e$$

- Common Mode-förstärkningen kan därför beräknas med följande formel:

$$G_{CM} = -\frac{R_C}{2R_{EE} + r_e}$$

- Detta resultat kan också appliceras på MOSFET-transistorer, se figuren till höger. Vi behöver endast byta ut kollektorresistorn  $R_C$  mot drainresistorn  $R_D$ , strömgeneratorns resistans  $R_{EE}$  mot  $R_{SS}$  (eftersom EE står för emitter och SS står för source) samt den inbyggda emitterresistansen  $r_e$  mot inversen till transkonduktansen  $g_m$ :

$$G_{CM} = -\frac{R_D}{2R_{SS} + \frac{1}{g_m}}$$



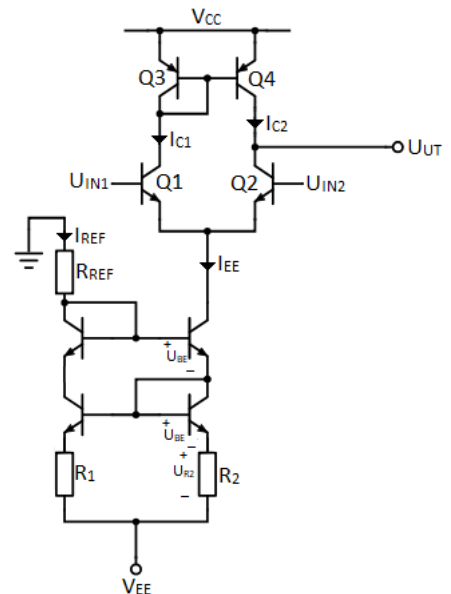
### Lösning till uppgift 4:

- Strömspegels funktion är att se till att det alltid flödar samma ström på de två sidorna av transistorn. Som exempel, antag att vi startar med differentialförstärkaren i jämvikt, dvs. de två insignalerna är lika stora, vilket medför att utsignalen är lika med noll.
- Vi skall nu utföra samma exempel som vi gjorde tidigare på differentialförstärkare med en samt två utgångar. Där noterade vi att spännings- och strömförändringen blev dubbelt så hög när vi använder två utgångar istället för en. För en viss skillnad mellan insignalerna så blev strömförändringen blev 0,4 mA med två utgångar och 0,2 mA med en utgång. Detta medförde också att utspänningen blev dubbelt så hög med två utgångar.

**Exempel 1: Inspänningen på vänster sida är större än inspänningen på höger sida**

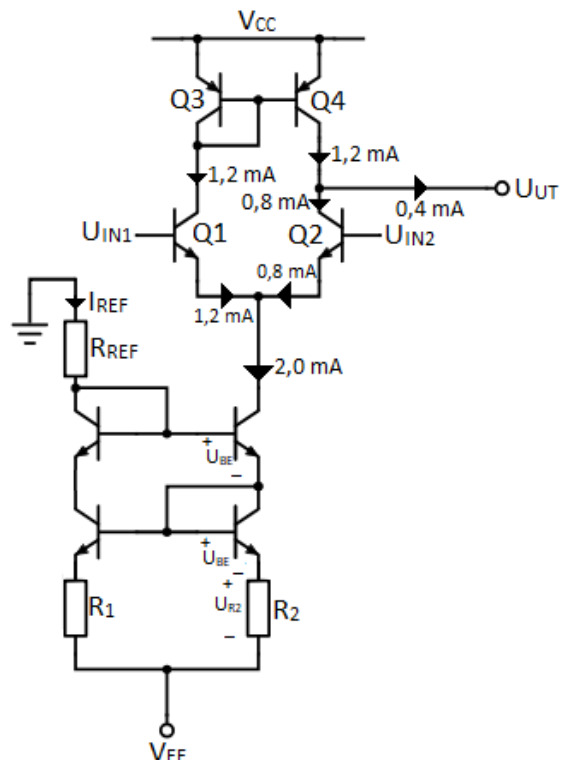
- Låt oss anta att strömspegeln (den nedre delen i figuren till höger) har dimensionerats så att strömmen som flödar genom den alltid är lika med 2,0 mA, se  $I_{EE}$  i figuren till höger. Vid jämvikt så kommer då kollektorströmmarna på de två sidorna, se  $I_{C1}$  och  $I_{C2}$  till höger, vara 1,0 mA var.
- Om inspänningen på den vänstra sidan nu skulle öka medan inspänningen på den högra sidan förblir konstant så kommer den vänstra kollektorströmmen öka, låt oss anta att den ökar till 1,2 mA.
- Med tanke på att endast 2,0 mA kommer flöda genom den strömgeneratoren så medför detta att den högra kollektorströmmen kommer minska till 2,0–1,2 = 0,8 mA. Detta medför att utsignalen kommer öka lite, eftersom

$$V_{CC} - r_{o2} * I_{C2} - U_{UT} = 0 \rightarrow U_{UT} = V_{CC} - r_{o2} * I_{C2}$$



- Som synes så kommer utspänningen  $U_{UT}$  öka om den högra kollektorspänningen  $I_{C2}$  ökar. För en vanlig differentielförstärkare med drainresistor så hade därmed den vänstra kollektorströmmen varit 1,2 mA och den högre varit 0,8 mA.
- Dock så kopierar strömgeneratorn strömmen från den vänstra sidan till den högra, vilket medför att den högra kollektorströmmen också blir 1,2 mA. Då blir summan av kollektorströmmarna lika med 2,4 mA, men i strömgeneratorn så kan de endast flöda 2,0 mA, eftersom den dimensionerats till detta.

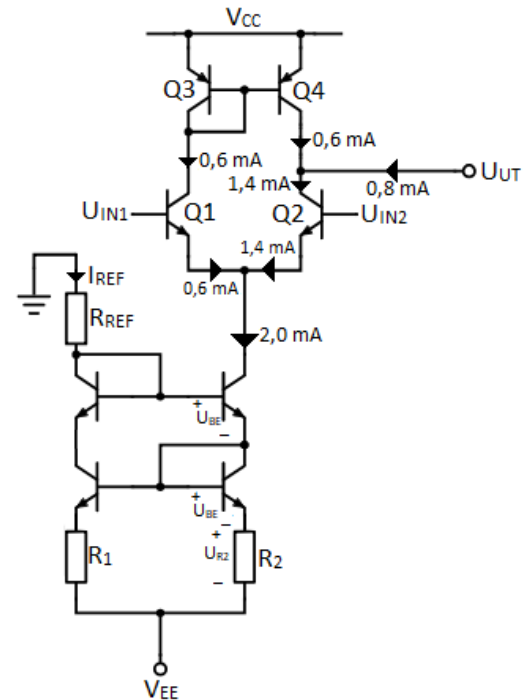
- Vad händer med de  $2,4 - 2 = 0,4$  mA som uppkom när den högra kollektorströmmen ökade, om de inte kommer flöda genom strömgeneratorn?
- Jo, dessa 0,4 mA som den högra kollektorströmmen ökade med kommer istället flöda från den högra kollektorn till utgången. Därmed så blev strömförändringen på utgången 0,4 mA, lika mycket som på en differentialförstärkare med två utgångar, som vi mätte tidigare i kapitlet. Därmed höjs utsignalen ytterligare.
- Notera att vid detta tillfälle så kommer transistor Q4:s kollektorström vara 1,2 mA, medan transistorn nedanför den, Q2, har en kollektorström på 0,8 mA.



- Eftersom utsignalen är ansluten till den högra sidan så kommer Q4 och Q2 ha olika kollektorströmmar i Differential Mode. Endast i jämvikt (Common Mode) är kollektorströmmar på differentialförstärkarens högra sida identiska. Dessa kollektorströmmar kommer i detta fall också vara identiska med kollektorströmmarna på den vänstra sidan.
- Transistorerna Q3 och Q1 har identiska kollektorströmmar på 1,2 mA. Eftersom utsignalen inte tas från den vänstra sidan så är kollektorströmmarna på den vänstra sidan alltid identiska.

**Exempel 2: Inspänningen på vänster sida är lägre än inspänningen på höger sida**

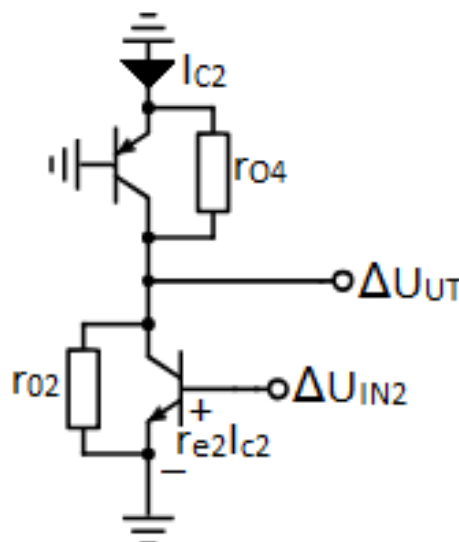
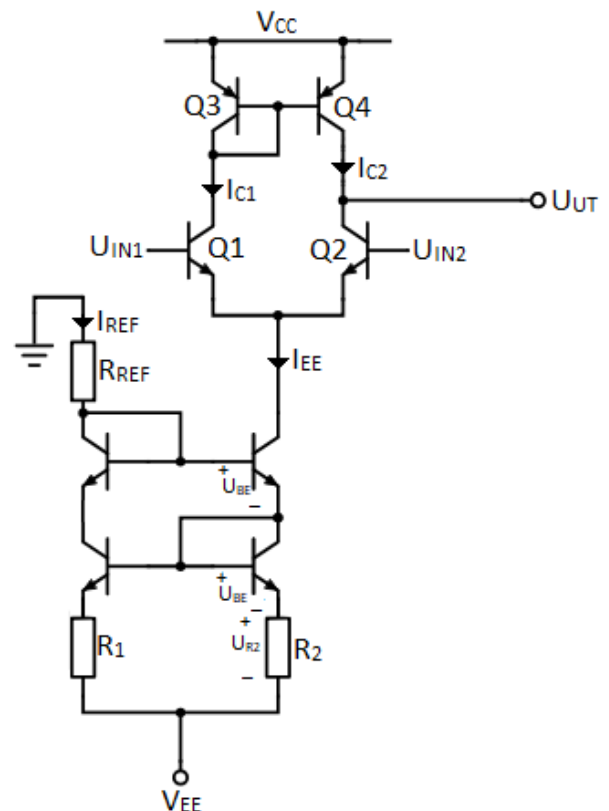
- Låt oss istället anta att vi återigen startar med differentialförstärkaren i jämvikt. Då är de två insignalerna lika stora och utspänningen är därmed lika med noll.
- Om nu inspänningen på den högra sidan minskar, medan inspänningen på den högra fortfarande är samma, så kommer kollektorströmmen på den vänstra sidan minska och kollektorströmmen på den högra sidan öka.
- Låt oss anta att  $I_{C2}$  ökar med 0,4 mA till 1,4 mA. Då kommer kollektorströmmen på den vänstra sidan,  $I_{C1}$ , minska med lika mycket, dvs. från 1,0 mA till 0,6 mA. Strömmen ned till strömgeneratorn kommer alltid vara 2,0 mA, men strömspegeln kopierar  $I_{C1}$  till  $I_{C2}$ , vilket medför att  $I_{C2}$  minskar till 0,6 mA.
- Vad händer med de övriga 0,8 mA? De tas från utsignalen, som förser den högra sidan av differentialförstärkaren med ström. Vid sådana situationer så blir utspänningen negativ.
- Notera nu att Q4:s kollektorström är lika med 0,6 mA, medan transistorn nedanför den, Q2, har en kollektorström på 1,4 mA.
- Transistor Q3 och Q1 har identiska kollektorströmmar på 0,6 mA. Eftersom utsignalen inte tas från den vänstra sidan så kommer Q3 och Q1 alltid ha samma kollektorströmmar.
- Detta medför att utgången känner av skillnader på de båda sidorna av strömgeneratorn, vilket medför att differentialförstärkaren ovan har lika hög förstärkning som om den hade två utgångar, dvs. dubbelt så hög jämfört med om en drainresistor användes. Genom detta så fungerar differentialförstärkaren på samma sätt som om den hade två utgångar.
- Slutsats:** Genom att ersätta kollektorresistorn med en strömspegel så får vi samma förstärkning som en differentialförstärkare med två utgångar, trots att vi bara använder en utgång!



## Lösning till uppgift 5:

## Härledning av differentia förstärkningen och utresistansen när strömspegel används som last

- Vi kan härleda formel för förstärkningsfaktorn (samt utresistansen) genom att rita ut småsignalschemat för differentia förstärkaren. Vi behöver bara rita ut en av sidorna, eftersom de två sidorna är symmetriska. Vi väljer att rita ut den högra sidan, eftersom utgången är placerad på denna sida.
- De två sidorna av differentia förstärkaren antas vara identiska, dvs. NPN-transistorerna Q1 och Q2 är identiska, samtidigt som PNP-transistorerna Q3 och Q4 är identiska.
- Symmetrin mellan de två sidorna av differentia förstärkaren medför en del virtuella jordpunkter, bland annat i punkten mellan transistor Q1 och Q3.
- I Differential mode så uppkommer också en virtuell jordpunkt i punkten mellan transistor Q1 och Q2:s emitterar, eftersom den ena ingången vill dra upp spänningen i denna punkt, medan den andra kommer vilja dra ned spänningen lika mycket. Därmed så kommer inte strömspegeln påverka differentia förstärkningen och vi kommer inte rita ut denna.
- Eftersom vi endast är intresserade av signaler som förändras över tid så kortsluter vid alla konstanta parametrar, vilket i detta fallet är matningsspänningen  $V_{CC}$ .



- Som synes i småsignalschemat ovan så består den högra sidan av ett vanligt GE-steg utan emitterresistor. I detta exempel har transistorernas utresistans  $r_{O2}$  och  $r_{O4}$  ritats ut. Dessa resistorer är anslutna på ena sidan till jord och andra sidan till samma punkt, dvs.  $\Delta U_{UT}$ . Därför är spänningsfallet över de två transistorerna identiska, vilket medför att de kan antas vara parallellkopplade.

- Vi kan därför förenkla figuren genom att ersätta de två utresistanserna med en ersättningsresistans  $r_{o2} // r_{o4}$ , som placeras i kollektorn. Vi ritar nu om schemat till figuren nedan.
- Som synes så ser figuren nu ut som ett vanligt GE-steg utan emitterresistor. Genom att använda Kirchhoffs spänningslag så härleder vi formel för in- och utspänningen, och därigenom förstärkningsfaktorn:

$$\Delta U_{IN2} - r_{e2} I_{C2} = 0 \rightarrow \Delta U_{IN2} = r_{e2} I_{C2}$$

$$-I_{C2} * (r_{o2} // r_{o4}) - \Delta U_{UT} = 0 \rightarrow \Delta U_{UT} = -I_{C2} * (r_{o2} // r_{o4})$$

- Därefter beräknar vi förstärkningsfaktorn:

$$G = \frac{\Delta U_{UT}}{\Delta U_{IN2}} = - \frac{I_{C2} * (r_{o2} // r_{o4})}{r_{e2} I_{C2}} = \frac{r_{o2} // r_{o4}}{r_{e2}}$$

- För att beräkna utresistansen så använder vi följande formel:

$$G = -G_m * R_{UT},$$

där G är differentialförstärkarens förstärkningsfaktor,  $G_m$  är den så kallad stora transkonduktansen och  $R_{UT}$  är differentialförstärkarens utresistans.

- Formeln ovan kan omvandlas för att beräkna utresistansen:

$$G = -G_m * R_{UT} \rightarrow R_{UT} = -\frac{G}{G_m}$$

- Vi kan beräkna den stora transkonduktansen med följande formel:

$$G_m = \left| \frac{I_{UT}}{\Delta U_{IN}} \right|_{U_{UT}=0} = \frac{I_{C2}}{r_{e2} I_{C2}} = \frac{1}{r_{e2}}$$

- När utspänningen är lika med noll så kommer utströmmen vara lika med kollektorströmmen  $I_{C2}$ .  $\Delta U_{IN}$  beräknade vi tidigare till  $r_{e2} I_{C2}$ .

- Därefter härleder vi en formel för utresistansen:

$$R_{UT} = -\frac{G}{G_m} = -\frac{\left(-\frac{r_{o2} // r_{o4}}{r_{e2}}\right)}{\left(\frac{1}{r_{e2}}\right)} = \frac{\left(\frac{r_{o2} // r_{o4}}{r_{e2}}\right)}{\left(\frac{1}{r_{e2}}\right)} = r_{e2} * \left(\frac{r_{o2} // r_{o4}}{r_{e2}}\right) = r_{o2} // r_{o4}$$

- Utresistansen blev alltså lika med parallellkopplingen av transistorernas utresistans. Detta hade vi också kunnat räkna ut rent intuitivt, eftersom vi i småsignalschemat endast hade denna resistans som kollektorresistans, medan vi inte hade någon emitterresistans.

