A

开 200 个桶,用 b_k 表示模 200 的余数为 k 的 a_i 个数。每一对满足条件的 (i,j) 一定来源于同一个桶。

因此答案就是

$$\sum_k inom{b_k}{2}$$

需要注意的地方是取模时合理处理负数以及开 long long。复杂度 O(n)。

B

此处介绍贪心做法。这道题的贪心基于一个简单的想法:如果我想要让占据的位置数量尽量少,就尽可能地让所有人分散开;反之则让所有人聚在一起。

将所有人的坐标从小到大排序,依次确定每个人最终的位置。一定存在一个最优方案,使得没有两个人走的路径相交,也就是说所有人的最终位置实际上也是不降的。

对于最小化不同位置数的问题,采用如下的贪心步骤:

- 设当前位置是 x。
- 如果 x-1,x,x+1 三个位置都没有被占据,则占据一个新的位置 x+1。
- 否则,没有新的位置被占据。

对于最大化不同位置数的问题,采用如下的贪心步骤:

- 如果 x-1,x,x+1 三个位置中至少有一个位置没有被占据,则占据它们之中最靠左的那一个。
- 否则,没有新的位置被占据。

复杂度 $O(n \log n)$ 。

逐位确定 s 的每个字符。不妨假设现在要确定第 i 个位置应该填什么字符。

将 $a \sim z$ 当作 26 个节点,尝试将字符 x 填入 s_i 等价于尝试在这张图中从 x 向 t_i 连边。同时,需要保证每个点至多只有一条入边、一条出边,并且环长只能为 26。

用并查集维护此时连出来的每个连通块。接下来分两种情况讨论。

- 如果 x 已经有出边,或者 t_i 已经有入边,那么直接判断。
- 否则,如果 x 和 t_i 本来就在同一个连通块中,那么这个连通块的大小只能为 26。否则,这个位置不能填 x。

时间复杂度 $O(n+26^2)$ 。

D

问题等价于,对于每个点u,我们都想要找到一个点p,使得1到p的最短路加上u到p的最短路尽量小。

设原来的有向图为 G,建它的反图 G'。对于 G 中的每个点向 G' 中的对应点连一条边权为 0 的边。这样原问题就被进一步转化为了求 G 中的 1 号点到 G' 中的 2 至 n 号点的最短路。

时间复杂度 $O(m \log n)$ 。