# Method

#### 1. Rotate

- 1. 建立一張全黑圖(放旋轉後的結果),以及順時針旋轉 30 度的旋轉矩陣
- 2. 遍歷全黑圖的所有點,找到他對中心順時針旋轉 30 度後,對應到原圖的座標位置(src\_x, src\_y)
- 3. 看位置是否超出界線,如果無就要對那個點做 interpolation,因為旋轉完座標不是整數。

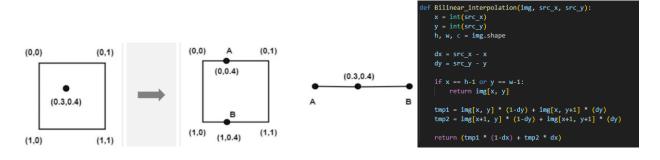
### Interpolation:

Way 1(Nearest Neighbor Interpolation):

直接無條件捨去(src\_x, src\_y)找到小於他們最靠近的整數點

```
def NN_interpolation(img, src_x, src_y):
x = int(src_x)
y = int(src_y)
return img[x, y, :]
```

Way 2(Bilinear Interpolation):



先用 y 到附近左右兩點的距離比例,算出圖中 AB 兩點的值,存在 tmp1 與 tmp2 裡 再用這兩個值用 x 到兩點的距離比例,得到 $(src_x, src_y)$ 真正的值

Bicubic interpolation 的方法就是先找周圍最近的 16 個點,對每個水平的四個點算出大約的三次函數曲線,在算出該水平對應點的值,最後拿算出來的四個點再找一個三次函數,算出最後結果,code 有點長就不貼了。算三次曲線的方法,是用以下推出來的公式,最後 clip 在(0~255)

def function\_val(p0, p1, p2, p3, x): return np.clip((-0.5\*p0 + 1.5\*p1 - 1.5\*p2 + 0.5\*p3)\*(x\*\*3) + (p0 - 2.5\*p1 + 2\*p2 - 0.5\*p3)\*(x\*\*2) + (-0.5\*p0 + 0.5\*p2)\*(x)+ p1, 0, 255)

### 2. Image warpping and homography

$$\begin{bmatrix} x' \\ y' \\ 1 \end{bmatrix} \sim \begin{bmatrix} h_{11} & h_{12} & h_{13} \\ h_{21} & h_{22} & h_{23} \\ h_{31} & h_{32} & h_{33} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix} \quad \begin{array}{c} \text{Point 1} \\ x_1 & y_1 & 1 & 0 & 0 & 0 & -x_1x'_1 & -y_1x'_1 \\ 0 & 0 & 0 & x_1 & y_1 & 1 & -x_1y'_1 & -y_1y'_1 \\ 0 & 0 & 0 & x_1 & y_1 & 1 & -x_1y'_1 & -y_1y'_1 \\ 0 & 0 & 0 & x_2 & y_2 & 1 & -x_2y'_2 & -y_2y'_2 \\ 0 & 0 & 0 & x_2 & y_2 & 1 & -x_2y'_2 & -y_2y'_2 \\ 0 & 0 & 0 & x_3 & y_3 & 1 & -x_3y'_3 & -y_3y'_3 \\ 0 & 0 & 0 & x_3 & y_3 & 1 & -x_3y'_3 & -y_3y'_3 \\ 0 & 0 & 0 & x_4 & y_4 & 1 & -x_4y'_4 & -y_4y'_4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} h_{11} \\ h_{12} \\ h_{13} \\ h_{21} \\ h_{22} \\ h_{23} \\ h_{31} \\ h_{32} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x'_1 \\ y'_1 \\ x'_2 \\ y'_2 \\ x'_3 \\ h_{31} \\ h_{32} \end{bmatrix}$$

找到四組對應的點,要先找出左圖中的 H 矩陣,找到電視上的座標(x,y)對應原圖(x',y')的 H 矩陣。用右圖的大矩陣,找出四組點,並使用 NumPy 裡的 linear Algebra function 解出 H(h11~h32)最後遍歷電視裡的點,找到對應原圖的 src\_x 與 src\_y,再用前面講的一模一樣的三種 interploation得出那個 pixel 的值。

### 2. Result



由左而右分別為 Nearest neighbor、bilinear 與 bicubic interpolation



由左而右分別是 Nearest neighbor、bilinear 與 bicubic interpolation

因為空間不夠,把結果圖片縮小,所以可能看不太出來,但是看原圖可以明顯看出差異。

使用 nearest neighbor interpolation 會明顯有馬賽克的感覺,因為我們插值的方法就單純是取靠近的 pixel 的 value 值,每次插值只考慮附近一個點,所以旋轉後的圖可能會有幾個 pixel 對應到原圖同樣 的地方,造成資訊變少、畫質變差,有馬賽克的感覺。

使用 bilinear interpolation 有明顯變好的感覺,因為考慮了附近四個 pixels 的值,相較 nearest neighbor interpolation 畫質有變好許多。

使用 bicubic interpolation 又比 bilinear interpolation 更好了,許多物品邊界處理有更好的效果,變得更加的銳利,還有後面山脈的細節處理更好,肉眼看畫質明顯更好許多,因為這個方法足足考慮了周圍 16 個點,用了 5 個三次函數後才得到每個 pixel 應該賦予的值,運算複雜度與執行時間也需要更長。

## Feedback

這次的作業讓我更了解三個 interpolation 的運作原理與方法,還可以看到三個方法產出的結果,考慮附近幾個點竟然真的有辦法讓圖片畫質更好,覺得非常神奇。

還有 image warpping 也很神奇,透過解出 homography 矩陣,可以把原圖每個點映射到另一張圖對應的點,再透過不同的 interpolation 修復畫質,得出結果。