人工智能导论: 对抗性的搜索 (Adversarial Search)

齐琦

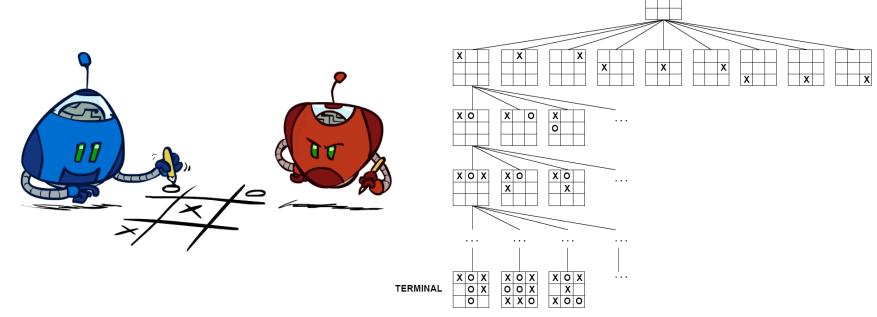
海南大学

井字游戏

如何用与或搜索(AND-OR search)来求解井字游戏?

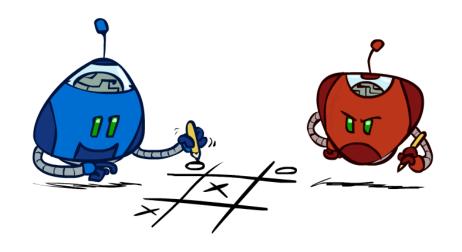
。如果你想赢得这个游戏,你的条件规划解是怎样的?

。如果你想至少打平这个游戏,那么条件规划解又是怎样的?



内容提纲

- ■历史和展望
- ■零和游戏(最小最大值)
- ■评估函数
- ■搜索效率 (α-β剪枝)
- 机遇博弈 (期望最大值)



计算机游戏/比赛的当前水平

国际跳棋

- 。1950年,第一个计算机跳棋程序
- 。1994年,计算机击败人类冠军(Marion Tinsley)
- 。2007年,游戏搜索问题被解决。总共有39万亿个终局状态

国际象棋

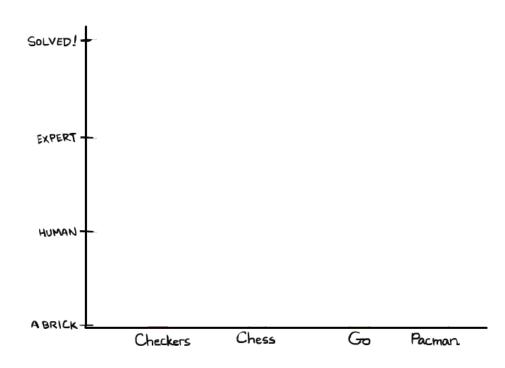
- 1945-1960年, 计算机国际象棋程序
- 。1997年,象棋机器深蓝击败人类冠军

围棋

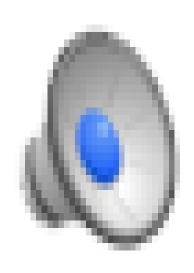
- 。1968年,计算机围棋程序出现
- · 2005-2014年,蒙特卡罗树搜索提高了程序性能; 当前水平能击败高水 平的业余选手,和部分职业选手

吃豆子 (Pacman)

人工智能的博弈水平



视屏展示: 神秘的Pacman智能体



游戏类型

描述角度

- 。环境变换确定的,或不确定的?
- 。信息完全可观察的?
- 。一个,两个,或多个玩家?
- 。轮流的,或是即时的?
- 。零和的?



算法的目的是计算一个依情况而定的行动计划(策略),为每一个可能的事件推荐一个相应的行动。

人工智能所研究的"标准的" 游戏比赛(games)

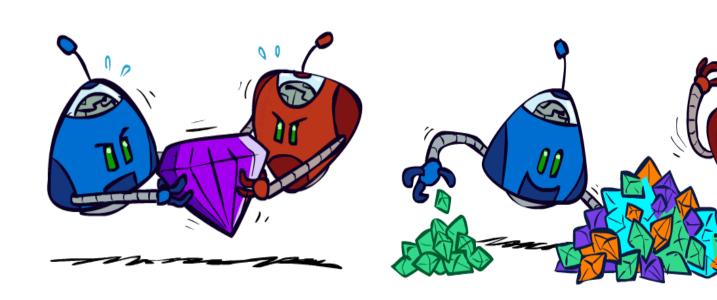
标准的游戏是,确定的,全局可观察的,轮流行动的,两人的,零和的。

游戏问题的模型建立:

- 。初始状态: s_0
- 。玩家: Player(s) 显示在当前状态轮到哪一个玩家行动
- 。行动: Actions(s) 当前轮次的玩家可能的移动
- 。状态转换模型: Result(s,a)
- 。终局状态检测: Terminal-Test(s) 是否是终局
- 。终局得分: Utility(s,p) 玩家 p 的得分
 - 。或只用 Utility(s) 代表游戏一开始时首先移动的玩家的得分



零和游戏,以及和通常游戏的区别



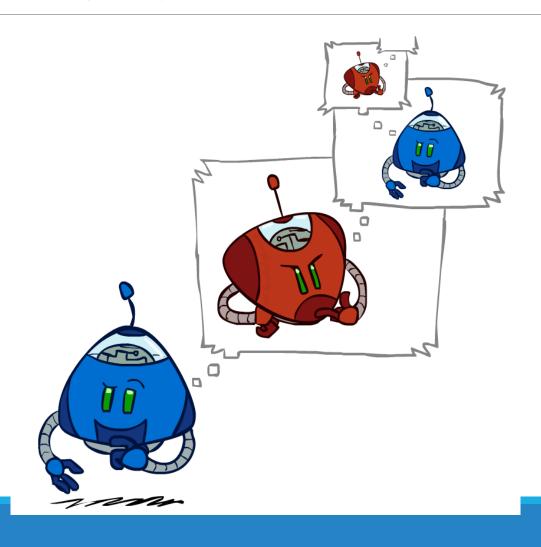
零和游戏

- 。智能体竞争实现相反的利益
- 。一方 **最大化这个利益**, 另一方 **最小化它**

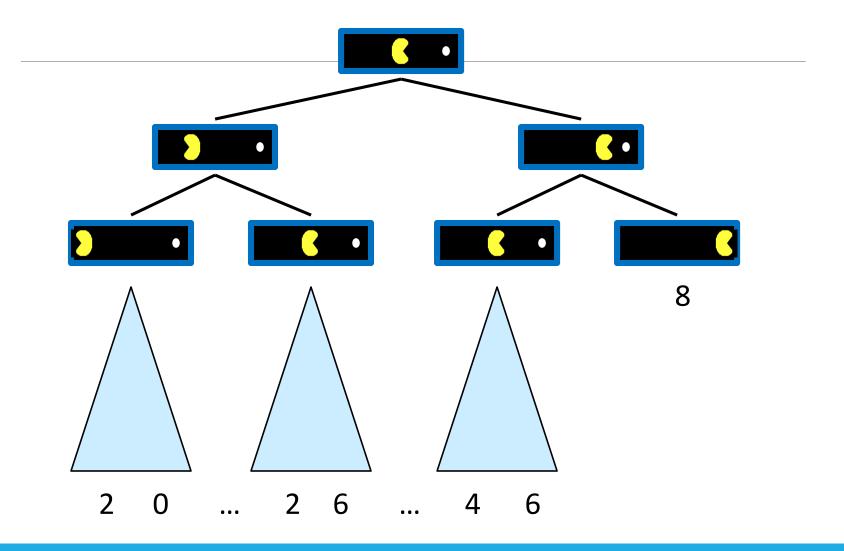
通常游戏

- 。智能体有 独立的利益
- 。合作,竞争,联盟等相互关系,都有 可能

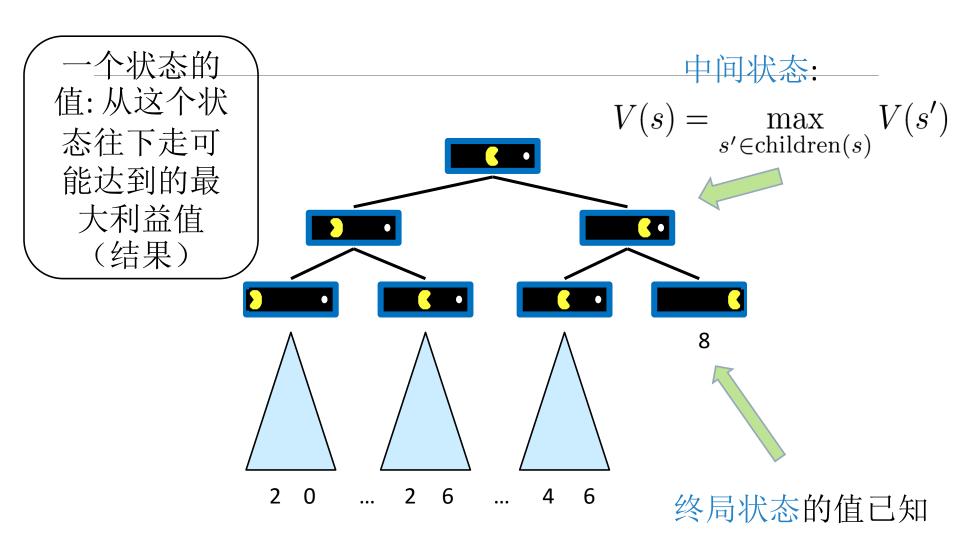
对抗性搜索



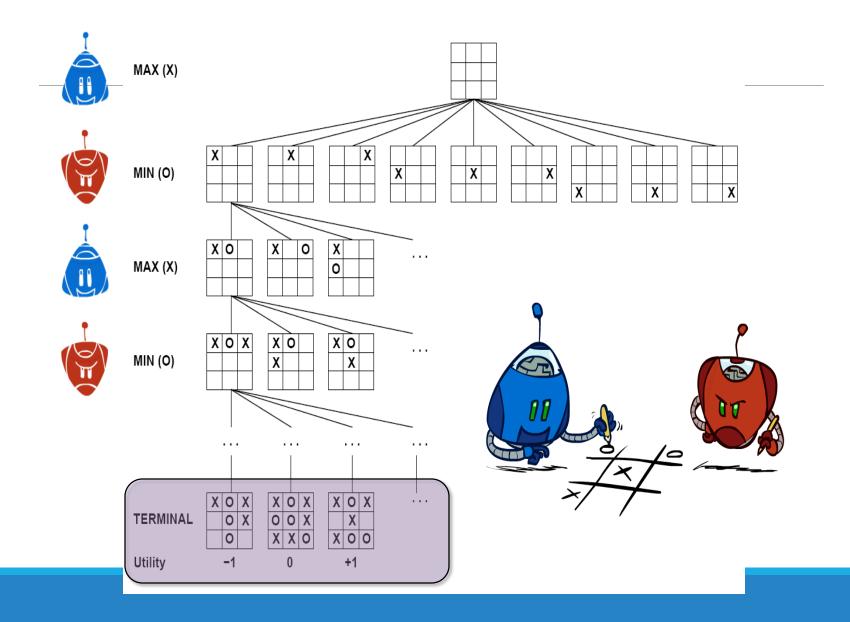
单一智能体搜索树



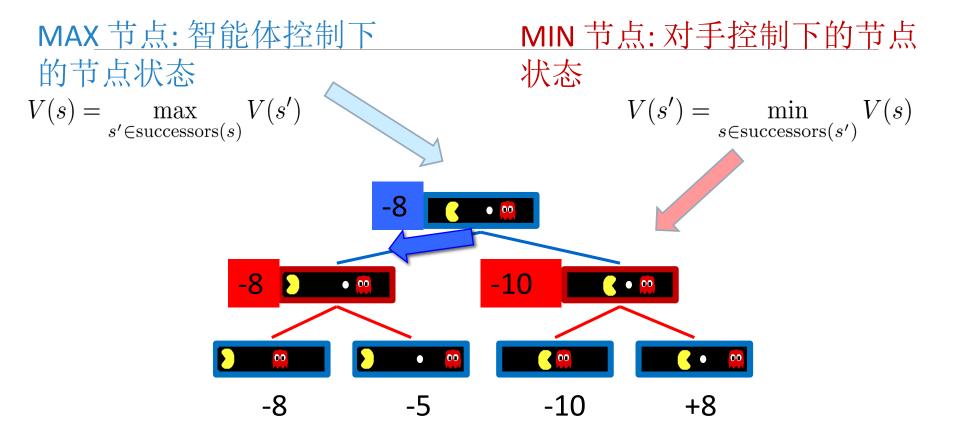
状态值(中间和终局状态值)



井字游戏搜索树



最小最大值(Minimax values)



终局状态的值是已知的

最小最大算法(Minimax) 实现

深度优先搜索

Function 最小最大-决策(s) returns 一个行动 return 行动 a in Actions(s) ,它能导致最大的 最小-值(Result(s,a))的返回值

Function 最大-值(s) returns 一个值

If 终局-检测(s) then return Utility(s)

初始化 v = -∞

for each a in Actions(s):

v = max(v, 最小-值(Result(s,a)))

return v



If 终局-检测(s) then return Utility(s)

初始化 v = +∞

for each a in Actions(s):

v = min(v, 最大-值(Result(s,a))

return v

$$V(s) = \max_{s' \in \text{successors}(s)} V(s')$$

$$V(s') = \min_{s \in \text{successors}(s')} V(s)$$

另一种实现方法

Function 最小最大-决策(s) returns 一个行动

return 行动 a in Actions(s) ,它能导致最大的 value(Result(s,a)) 的返回值



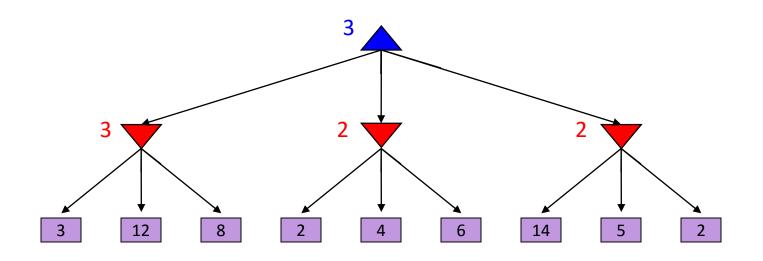
function value(s) returns 一个值

If 终局-检测(s) then return Utility(s)

if Player(s) = MAX then return max_{a in Actions(s)} value(Result(s,a))

if Player(s) = MIN then return min_{a in Actions(s)} value(Result(s,a))

最小最大值(Minimax)举例



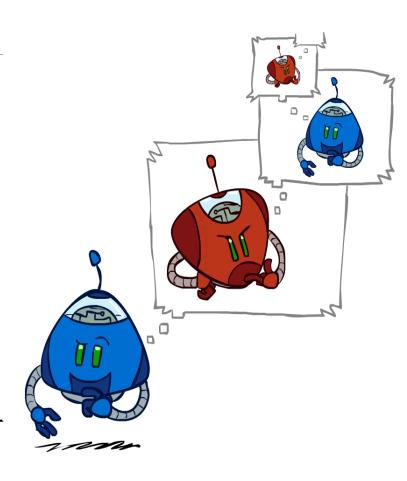
Minimax 的效率

Minimax 的效率?

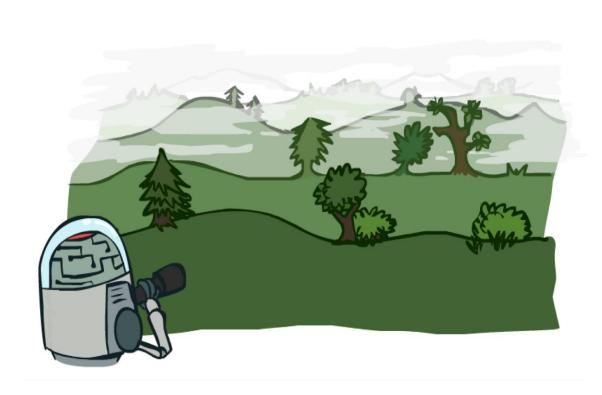
- 。深度优先穷尽搜索
- 。时间复杂度: O(bm)
- 。空间复杂度: O(bm)

举例: 国际象棋, , b≈35, m≈100

- 。 找到准确解,不可行
- 。 **有必要**探索整棵树吗? 人是如何下 象棋的,是如何思考的?



资源有限vs庞大的搜索空间



资源局限

问题: 现实中, 几乎不能搜索到叶节点!

办法之一: 有界搜索加预测

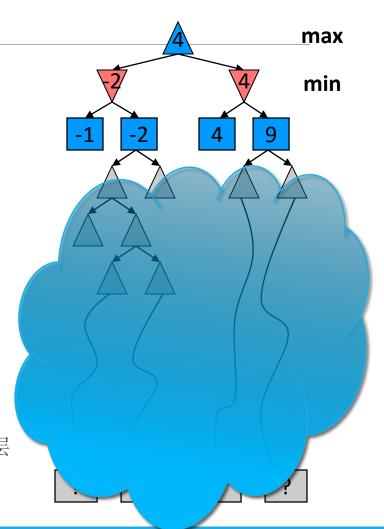
- 搜索只到预定深度层次
- 。 使用 *评估函数* 预测搜索边界节点的值

失去了最优解的保证

搜索的层次越多结果就越不相同

例如:

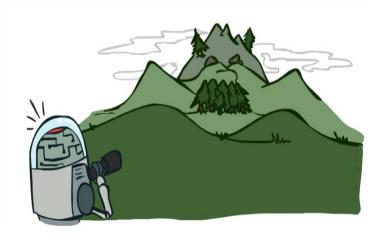
- 。假设计算时间有100秒,每秒能探索1万个节点
- 。 所以每步能检查1百万个节点
- 。在国际象棋中, b=~35 , 搜索大致能达到搜索树的第4层
 - 还是不够好



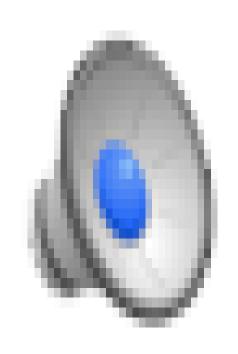
探索深度的重要性

- ■评估函数总是不完美的 (不准确的)
- ■通常,越深的搜索 => 越好的表现
- ■或者说, 更深的搜索能够弥补相对不准确的评估函数
- ■评估函数设计复杂度和计 算复杂度之间的权衡

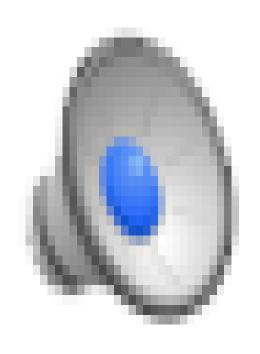




视屏演示: 有限搜索深度(深度=2)



视屏演示: 有限搜索深度(深度=10)

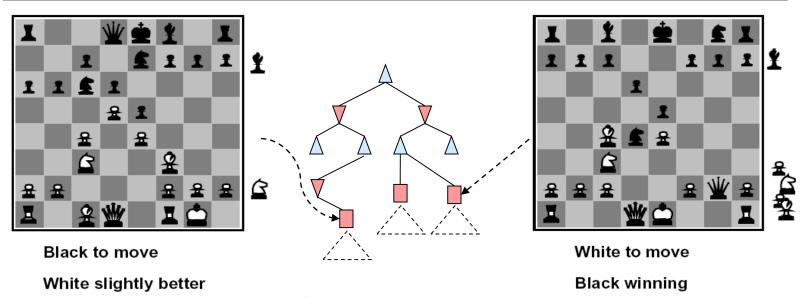


评估函数



评估函数

在一个限定深度搜索中, 用来给非终局节点状态估值。



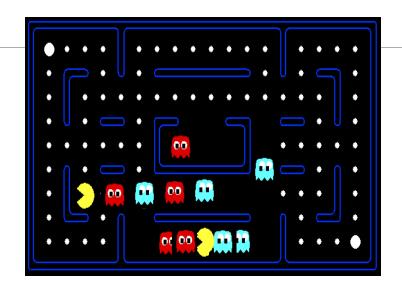
理想函数:返回这个节点状态的实际最小最大值

实践中:特征函数值的加权线性和:

- EVAL(s) = $w_1 f_1(s) + w_2 f_2(s) + \dots + w_n f_n(s)$
- 。例如 $w_1 = 9$, $f_1(s) = (白皇后数量 黑皇后数量), 等。$

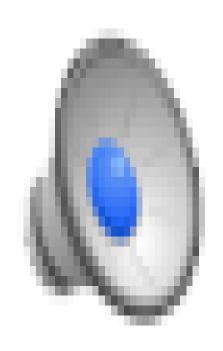
评估函数应作用在 沉寂 状态节点, 即其后继状态的评估值相对变化不大。

Pacman游戏状态评估

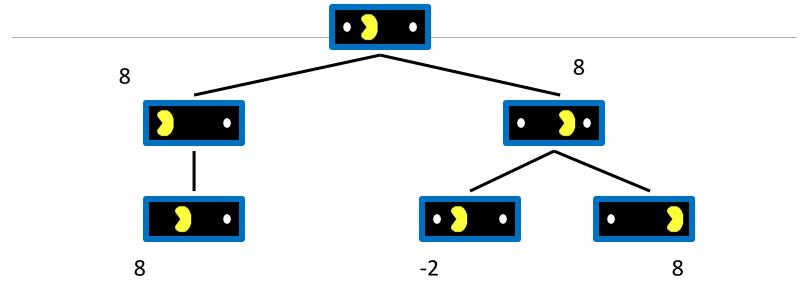


评估函数值应反映所处的局面。

评估函数实例演示: 犹豫的情况 (深度=2)



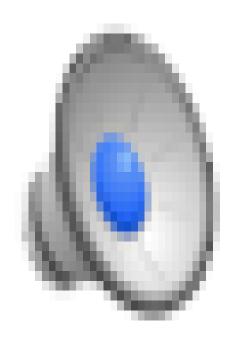
Pacman 为什么会犹豫?



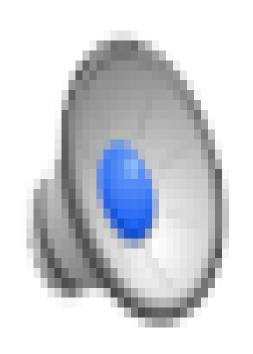
智能体重新规划可能面临的处境

- 在当前两步搜索的情况下,向左吃掉豆子的得分和向右移动的是一样的 (后面可能会吃掉豆子)
- 。得分是用最小最大值方法得到的
- 所以这个时候等待和吃掉豆子的选择结果似乎一样;它有可能向右移动,然后下一轮重新规划时,可能又走回来了!

调整评估函数,解决这个问题(深度=2)



演示: 共同的评估函数可自动形成合作

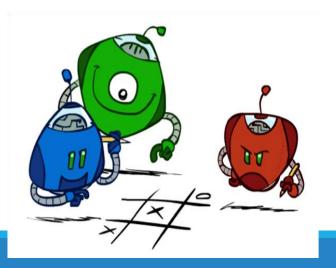


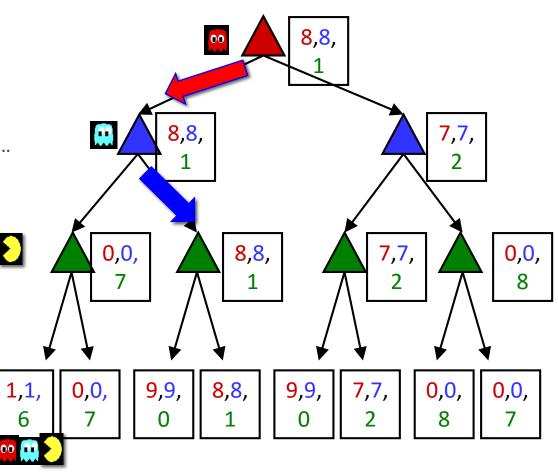
普遍化的最小最大值法 (minimax)

如果不是零和游戏,或有多个玩家?

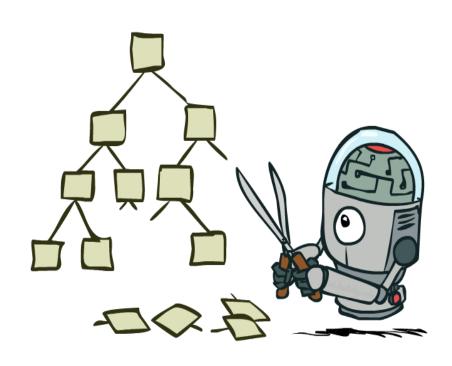
普遍情况:

- 。 终局(叶结点)的值是一组值
- 中间状态节点的值也是一组值
- 。 每个玩家最大化自己的利益值
- 。 能够动态产生协作和竞争等关系...

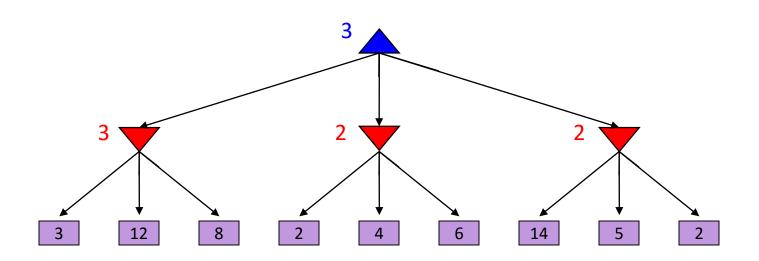




博弈(游戏)树的剪枝 (Game Tree Pruning)

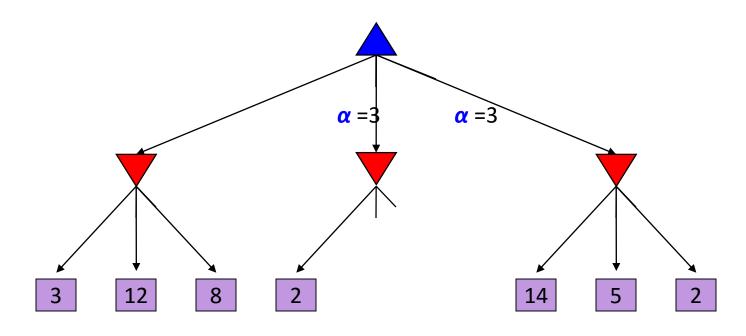


最小最大法举例



Alpha-Beta 剪枝例子

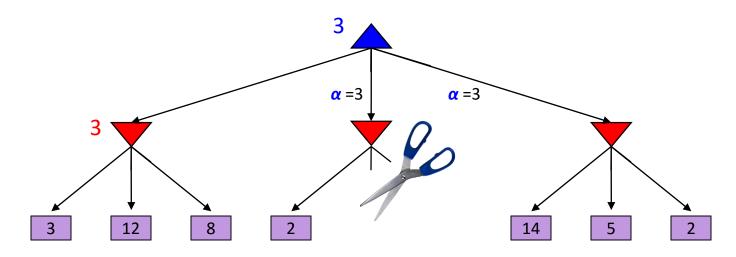
α=在当前路径上所有MAX节点中最大的值



节点产生的顺序与结果有关:可能导致不同的可被剪掉的节点数量

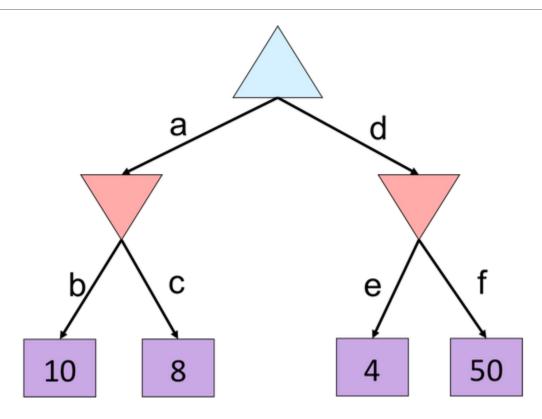
Alpha-Beta 剪枝例子

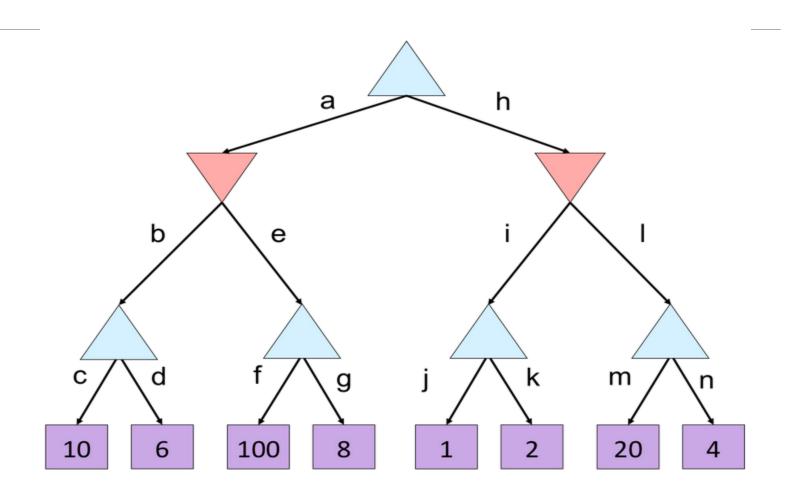
α = 在当前路径上所有MAX节点中最大的值

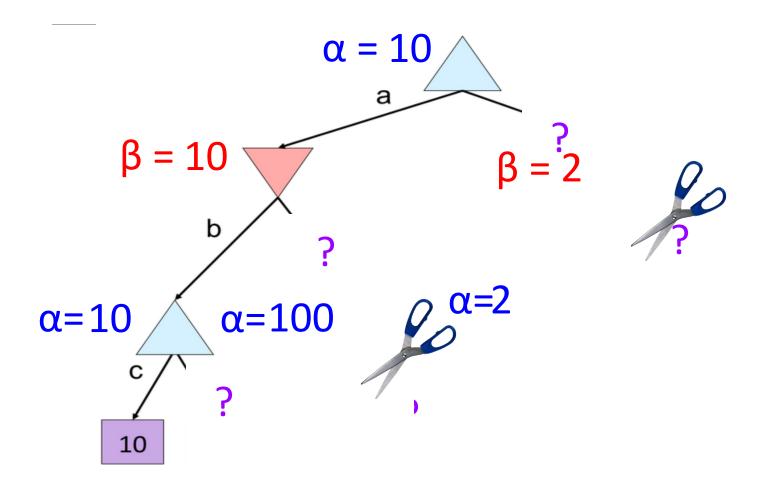


节点产生的顺序与结果有关:可能导致不同的可被剪掉的节点数量

Alpha-Beta 举例







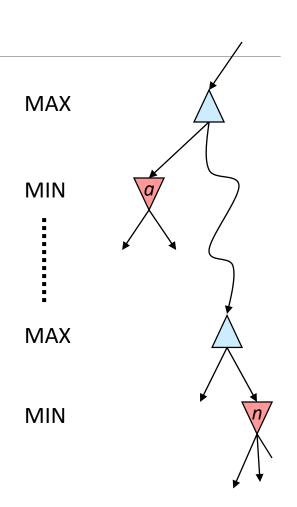
Alpha-Beta 剪枝

假定修剪MIN节点的子节点

- 。假设正在计算节点 n 的 最小-值
- 。 n 节点的值在检查其子节点的过程中逐渐减小
- 。 令 α 是从根节点到当前MIN节点路径上的(任何 一个)MAX节点所能取到的最大值
- 。如果n的当前值比 α 的小,那么路径上的 MAX 分支节点将会避开这条路径,所以我们可以剪掉(不去检查)n的其他子节点

对MAX节点的子节点剪枝操作是对称的

。 令 β 是从根到当前MAX节点路径中的 MIN 节点 所能达到的最小值



Alpha-Beta 剪枝算法实现

```
def alp<u>ha-beta-search(state) return 一个行动</u>
v <- max-value(state, -∞, +∞)
return 导致值为 v 的行动
```

α: MAX节点的最大值,当前路径上 β: MIN节点的最小值,当前路径上

```
def max-value(state, \alpha, \beta):

if 终局-检测(state) return Utility(state)

初始化 v = -\infty

for each a in ACTIONS(state) do

v = \max(v, \min\text{-value}(\text{Result}(s, a), \alpha, \beta))

if v \ge \beta return v

\alpha = \max(\alpha, v)

return v
```

```
def min-value(state, \alpha, \beta):

if 终局-检测(state) return Utility(state)

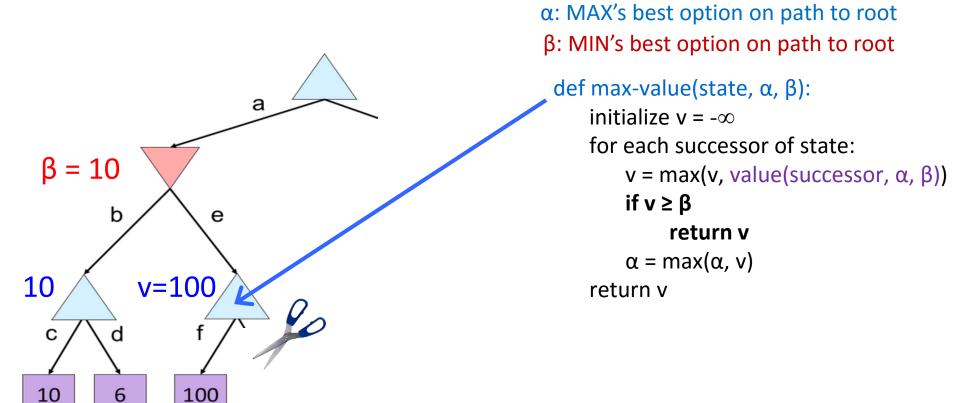
初始化 v = +\infty

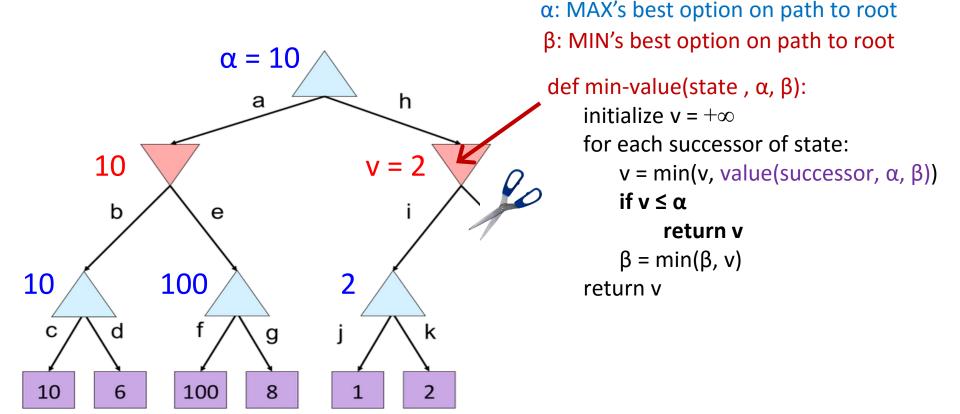
for each a in ACTIONS(state) do

v = \min(v, \max\text{-value}(\text{Result}(s,a), \alpha, \beta))

if v \le \alpha return v
\beta = \min(\beta, v)

return v
```





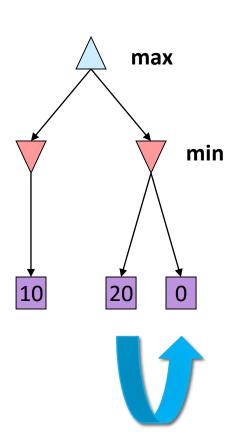
Alpha-Beta 剪枝属性

剪枝不影响 根节点的最小最大值的计算!

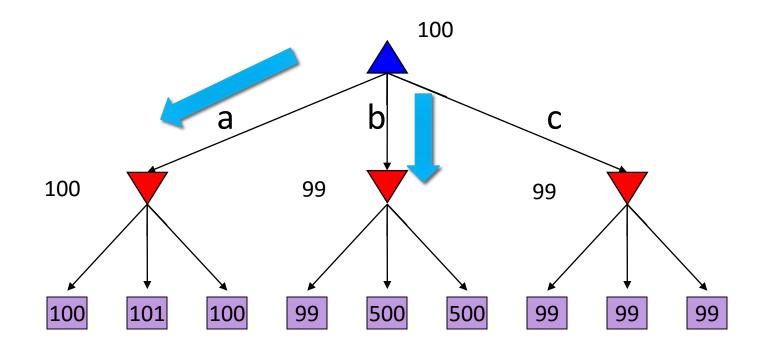
好的子节点的排序能提高剪枝的有效性

假定是"完美的排序":

- 。时间复杂度能降到 O(bm/2)
- 。搜索深度能提高一倍!



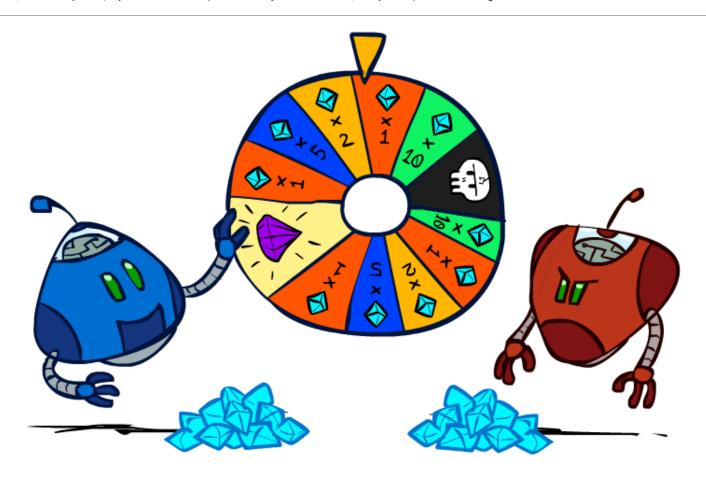
最小最大值重新思考



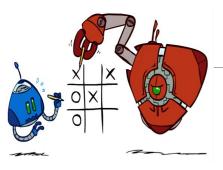
把叶结点值当成准确值。

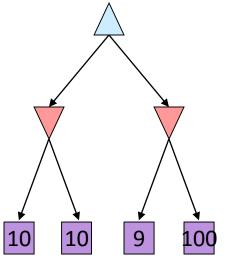
实际它们是不确定情况下的估计值,也许实际情况中,走b路径比走a更好。

不确定结果的游戏

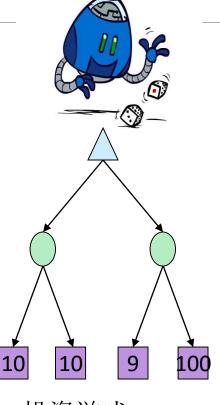


搜索树中可能有机遇节点

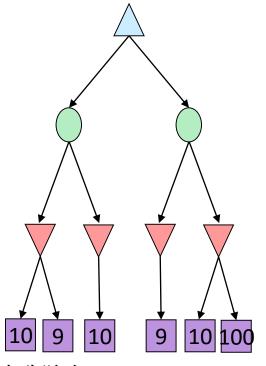




井字游戏 *最小最大值(Minimax)*



投资游戏 *期望最大值* (Expectimax)



大富翁游戏 期望最小最大值(Expectiminimax)

最小最大值

Function 决策(s) returns 一个行动

return Actions(s) 中的行动 a ,它的 value(Result(s,a)) 最大



function value(s) returns a value

If 终局-检测(s) then return Utility(s)

if Player(s) = MIN then return min_{a in Actions(s)} value(Result(s,a))

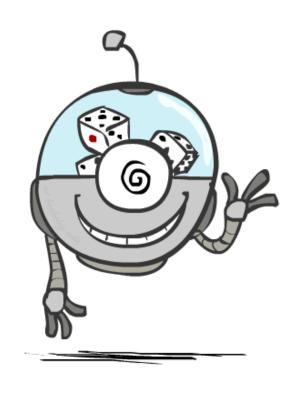
期望最小最大值(Expectiminimax)

Function 决策(s) returns 一个行动

return Actions(s) 里的一个行动 a, 它的 value(Result(s,a)) 是最大的



概率 Probabilities



提示: 期望值

一个随机变量的期值是概率分布到对应输出结果 的加权平均值

举例: 去机场路上花费的时间?

时间:

20 min

30 min

60 min

Χ

0.25

35

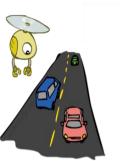
min



0.25

Χ

0.50

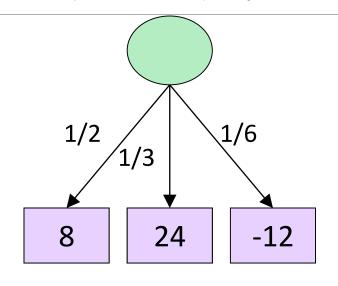






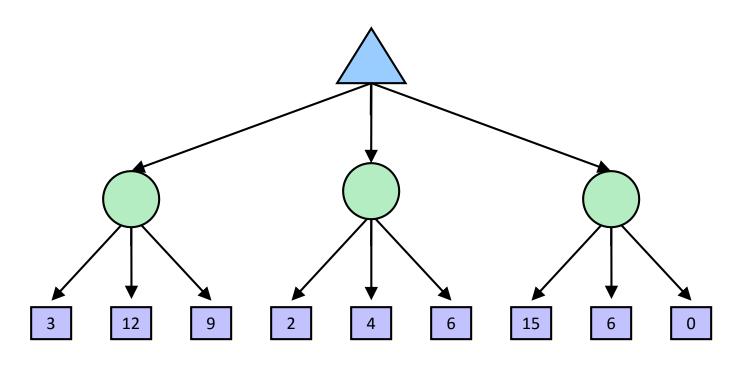
计算期望最小最大值的代码

sum_{a in Action(s)}
Pr(a) * value(Result(s,a))

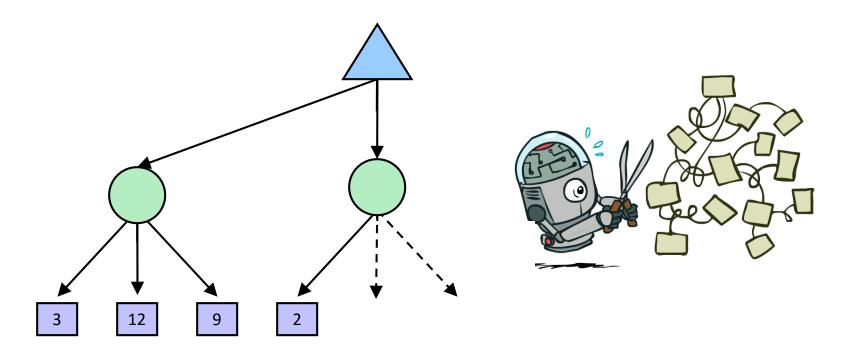


$$v = (1/2)(8) + (1/3)(24) + (1/6)(-12) = 10$$

Expectimax Example



Expectimax Pruning?



举例: 十五子跳棋Backgammon

骰子增加了行动分支数 b: 两个骰子有21 种不同的结果组合

- Backgammon ≈ 20 合法行动 (b=20)
- 。b 有时可能达到4000,当两个骰子数相同时候(该游戏的一个规则)

当搜索深度增加,走到一个给定的搜索节点的概率在变小

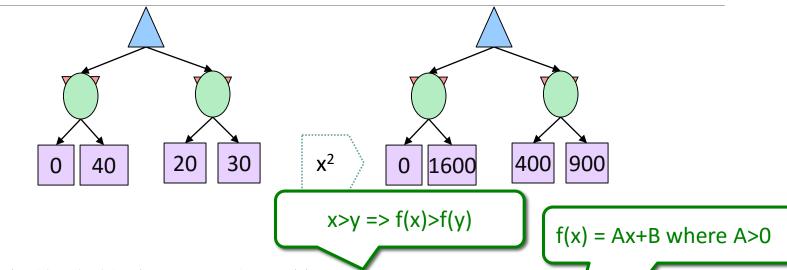
- 。 所以此时搜索的意义变小
- 。 因此限制搜索深度变得可行
- 。但是剪枝变得比以前有所复杂...

历史上的人工智能程序: TDGammon 仅用步长为2的搜索 + 非常好的评估函数 + 增强学习法,成就了世界冠军级的游戏水平。



Image: Wikipedia

Utility值与决策的关系



- ●在最小最大值决策中,评估函数单调递增变化不影响决
 - 。只要好的状态结果有高的评估值
- •期望最小最大值,决策结果不受评估值的正仿射变换影响
 - 。 获胜概率高的状态, 其对应的评估值也应该大

总结

博弈(游戏) 当找到最优解是不可能的时候,需要行动上的决策

。限制深度搜索,和近似评估函数

博弈(游戏)决策存在有效率的搜索计算

• Alpha-beta 剪枝

在博弈游戏上的探索产生了重要的研究思想

- 。 增强式学习 Reinforcement learning (国际跳棋)
- 。 迭代加深 Iterative deepening (国际象棋)
- 。 合理的元推理 Rational metareasoning (奥赛罗棋)
- 。蒙特卡罗树搜索 Monte Carlo tree search (围棋)
- 。 经济学中关于部分信息可知的博弈方法 (纸牌)

视屏游戏中的决策问题,仍是巨大的挑战!(搜索空间庞大)

• $b = 10^{500}$, $|S| = 10^{4000}$, m = 10,000