

# 提醒

---

■ 作业2 已发布

■ <http://qiqi789.github.io/teaching/AI/>

## 更新通知

2015/10/24

■ 作业2 已贴出；11月4日课上提交。

# 今天的内容

---

- 约束满足问题 剩余部分

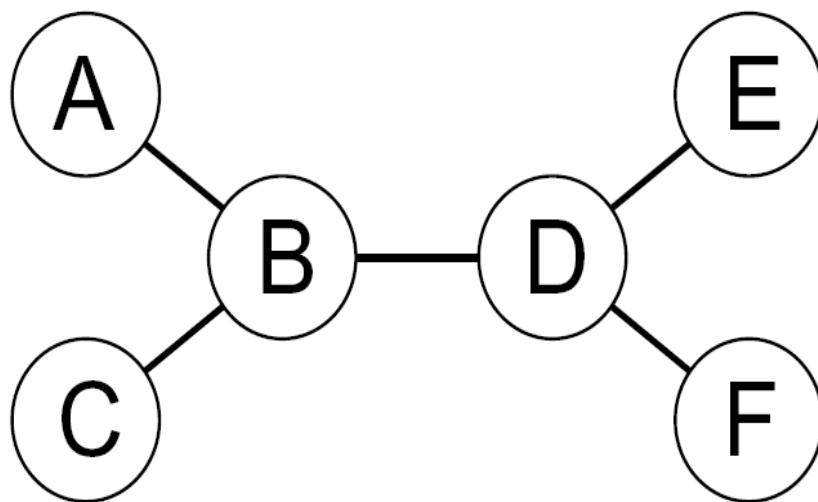
- 命题逻辑

  - 语法，语义和推理

- 逻辑型的智能体

# 树结构的 CSPs

---

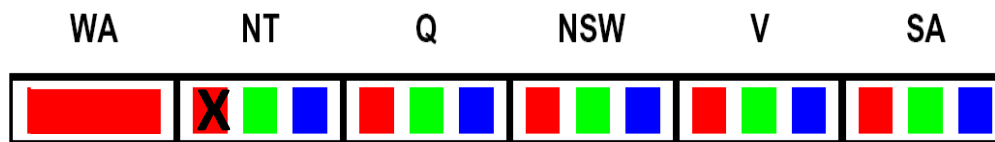


定理: 如果约束图无环(树结构的), 则其对应的约束满足问题的求解时间复杂度是  $O(n d^2)$

- 比较一般的 CSPs, 最差时间复杂度是  $O(d^n)$

# 弧的一致性 (Arc consistency)

一个弧  $x \rightarrow y$  是 **一致的** 当且仅当 对于  $x$  中的 **每一个**  $x$  值,  $y$  中存在 **某个**  $y$  值 不违背任何一个约束条件



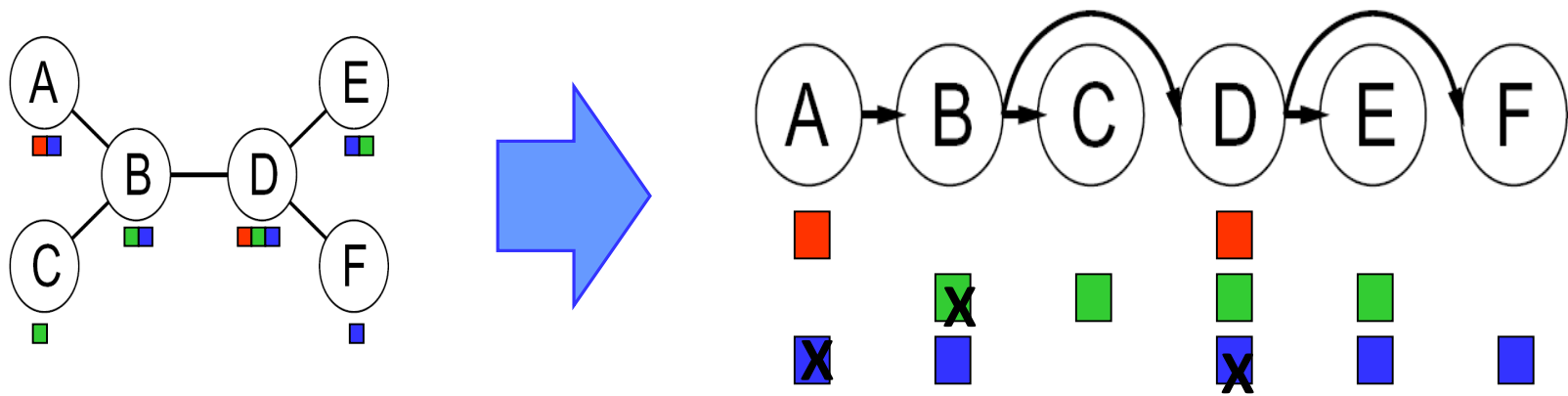
从弧的尾部删除

前向检查 (Forward checking): 强制检查剩余未赋值变量指向新赋值变量的弧的一致性

# 树结构的 CSPs

树结构的CSPs的求解算法:

- 排序: 选一个根节点, 把变量线性排序, 使得父节点排在子节点之前



- 从后向前删除: For  $i = n : 2$ , 执行: 删除不一致的值(父节点( $X_i$ ),  $X_i$ )
- 从前向后赋值: For  $i = 1 : n$ , 赋值  $X_i$  和父节点  $\text{Parent}(X_i)$  相一致的值

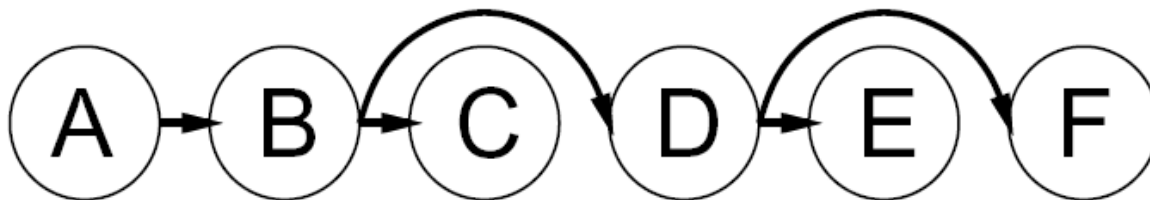
运行时间:  $O(n d^2)$



# 树结构的 CSPs

声明 1: 在从后向前的一致性检查后, 所有根到叶的弧都是一致性的

证明: 每个  $x \rightarrow y$  如果是一致性的, 那么  $y$  的值域以后不会被减小 (因为  $y$  的子节点在  $y$  之前先被处理过)



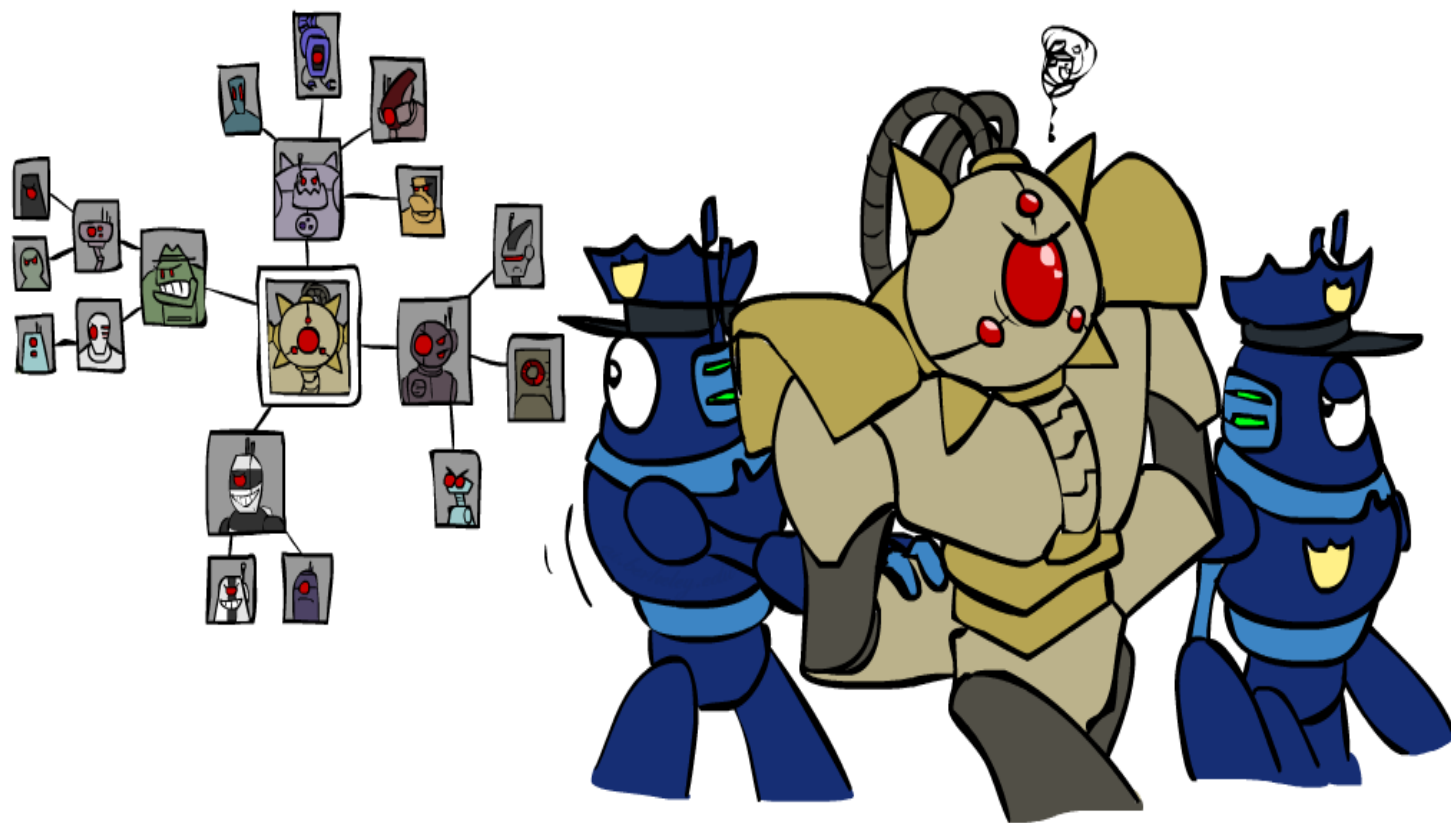
声明 2: 如果从根到叶的弧都是一致性的, 那么从前向后的赋值过程将不会有回溯

证明: 归纳法

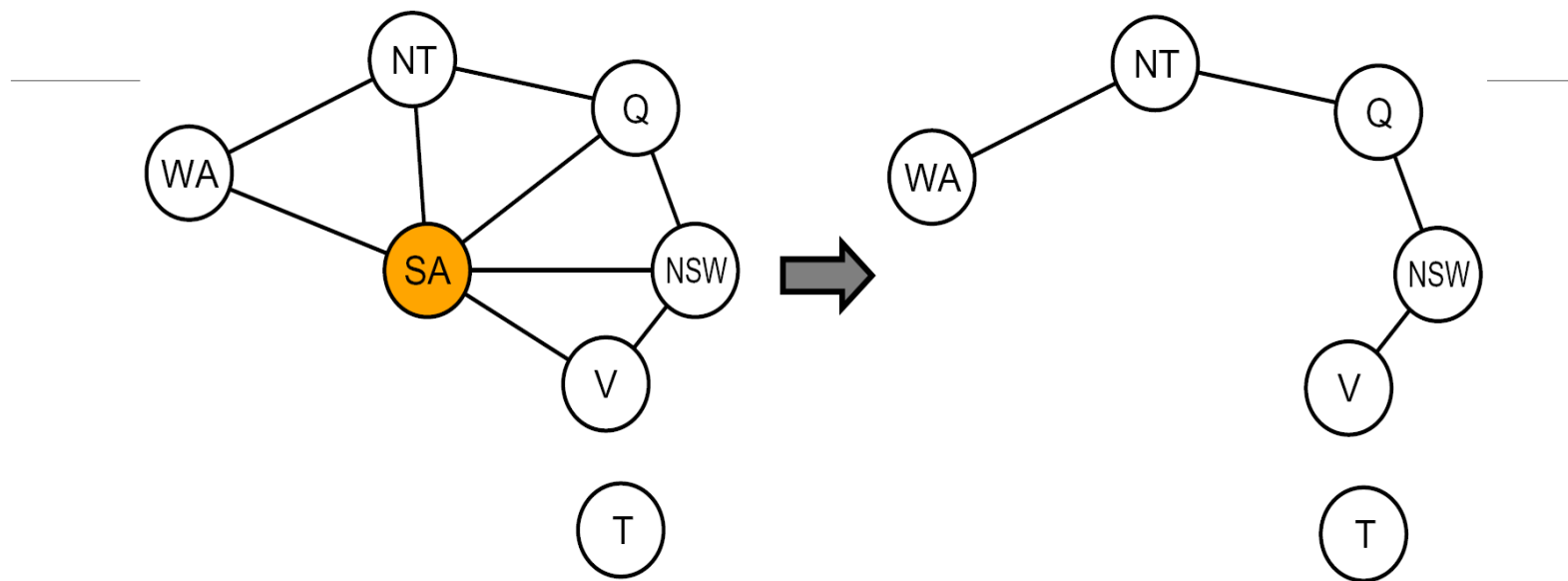
为什么这个算法不适用于约束图中有环的情况?

# 改进结构

---



# 几乎是树结构的 CSPs



**条件制约:** 赋值一个变量, 剪裁这个变量的邻居变量的值域

**切集条件制约:** 对切集变量赋值 (所有可能的组合), 使得 剩下的约束图变成一个树

切集大小是 $c$ , 时间复杂度为  $O((d^c)(n-c)d^2)$ ,  $c$  很小时算法很快

例如, 80 个变量,  $c=10$ , 40亿 years  $\rightarrow$  0.029 秒



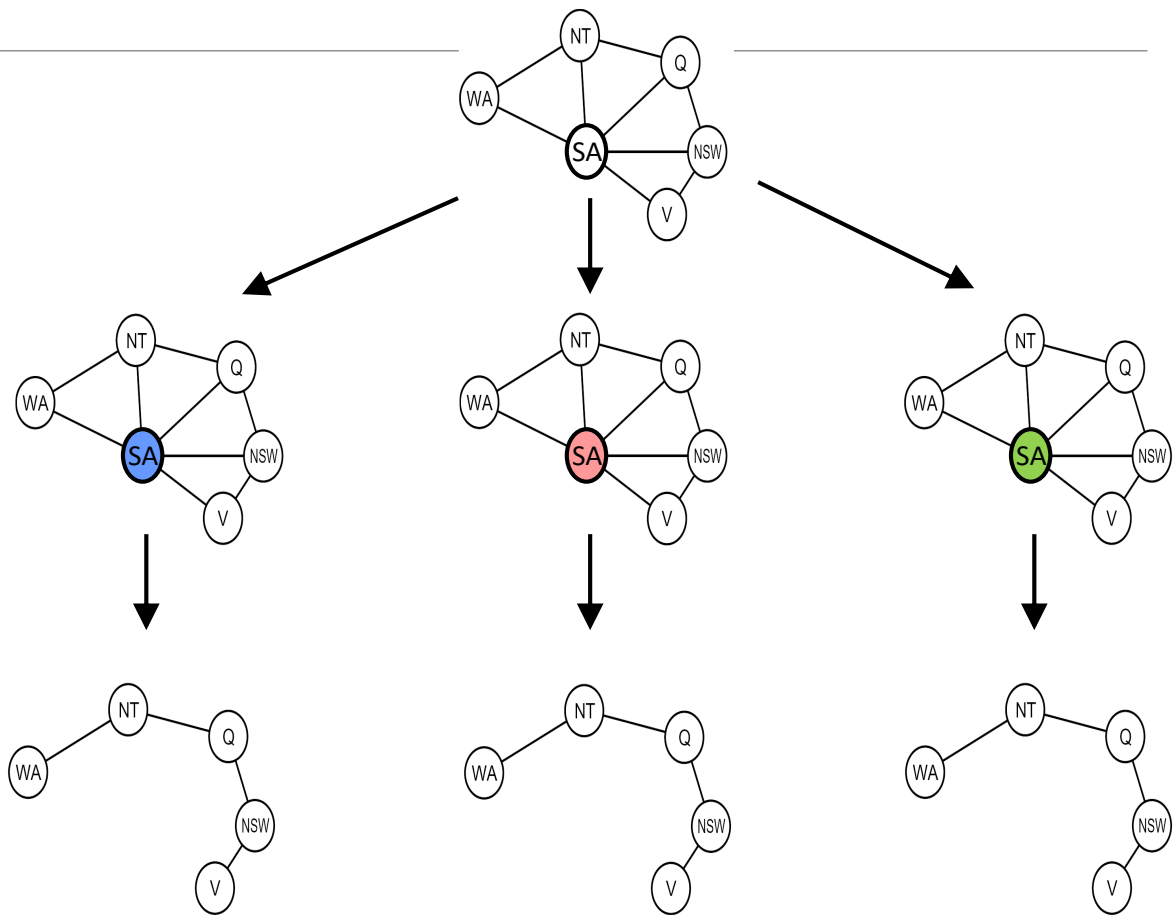
# 切集条件化制约

选择一个切集

对切集变量赋值(  
所有可能组合)

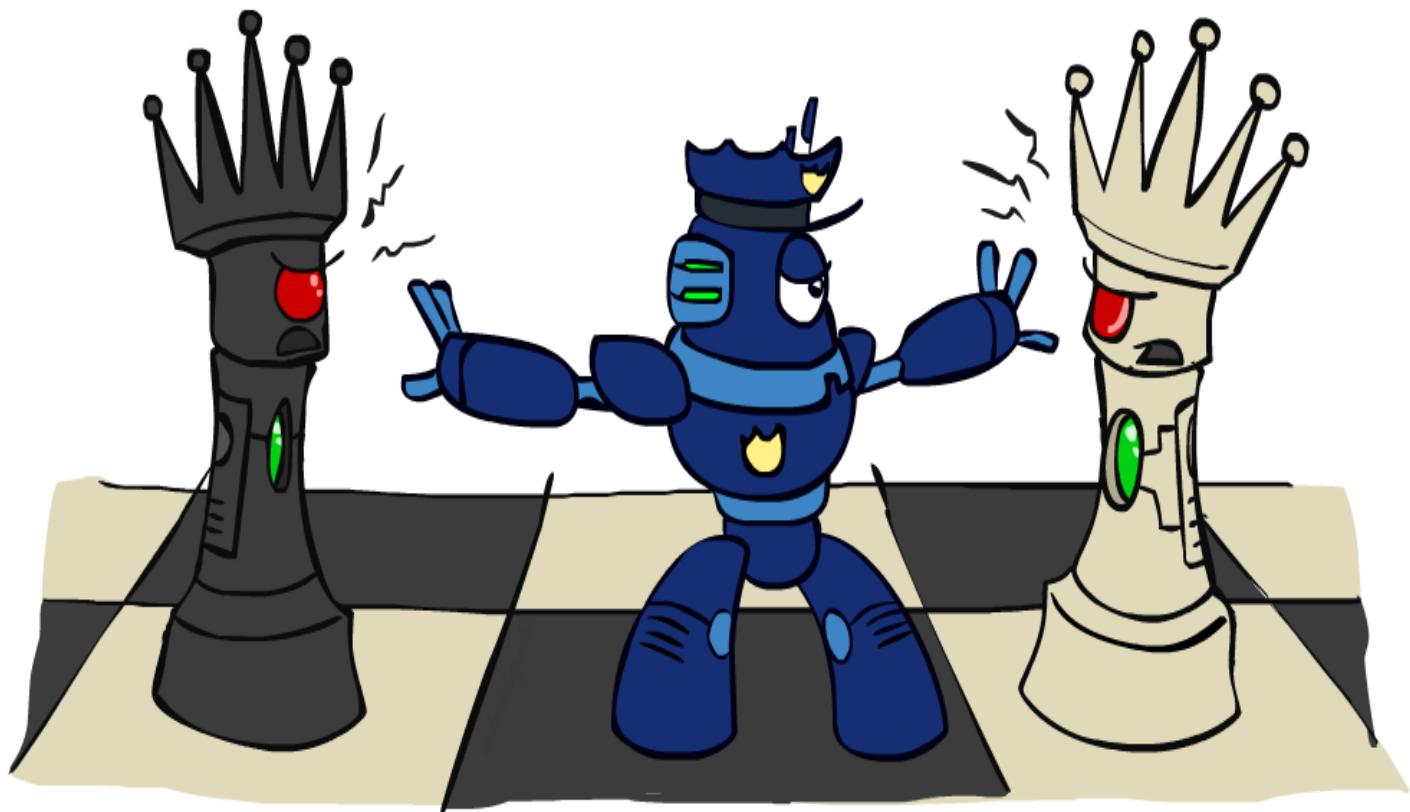
计算剩余的CSP相  
对于每一组切集  
赋值

求解剩余的 CSPs (  
树结构的)



# 局部方法求解 CSPs

---



# 最小冲突算法

---

像爬山算法, 但不完全是!

算法: 开始时所有状态都已随机赋值, 迭代改进, 直至问题得到求解,

- 变量选择: **随机选择**任何冲突的变量
- 值选择: 最小冲突启发信息:
  - 选择一个和约束条件冲突最少的值
  - 随机打破平局情况

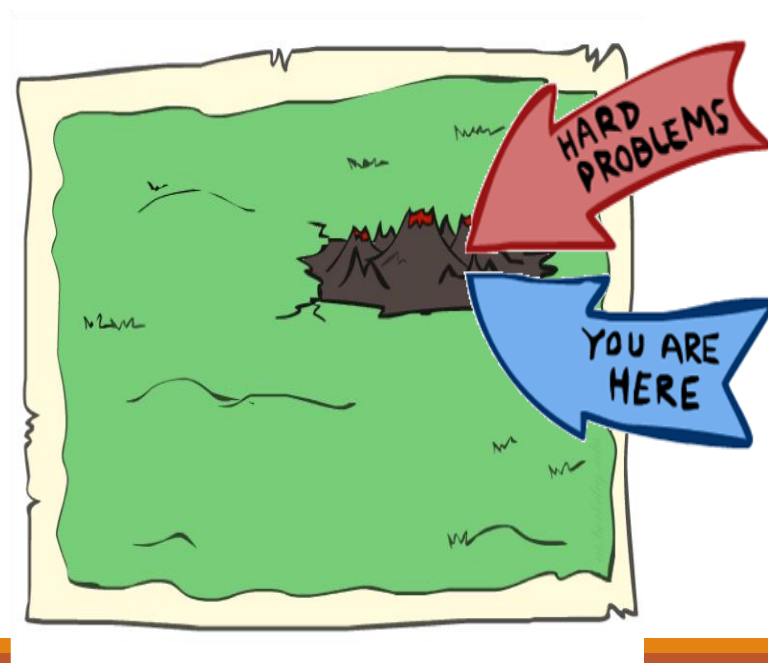
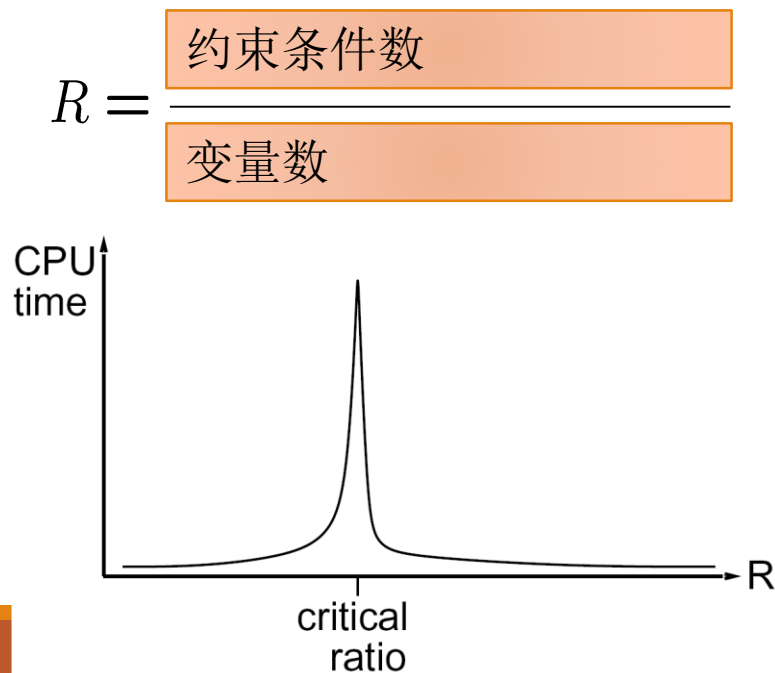
# 图着色演示: 最小冲突法

---

# 最小冲突算法的表现性能

给定随机初始化状态下, 几乎可以在常量时间里以高成功概率求解  $n$  为任意数的  $n$ -皇后问题, (例如,  $n = 10,000,000$ )!

同样的表现性能对任意随机产生的 CSP 都适用, 除了在一个很窄的比例范围内



# 总结：约束满足问题

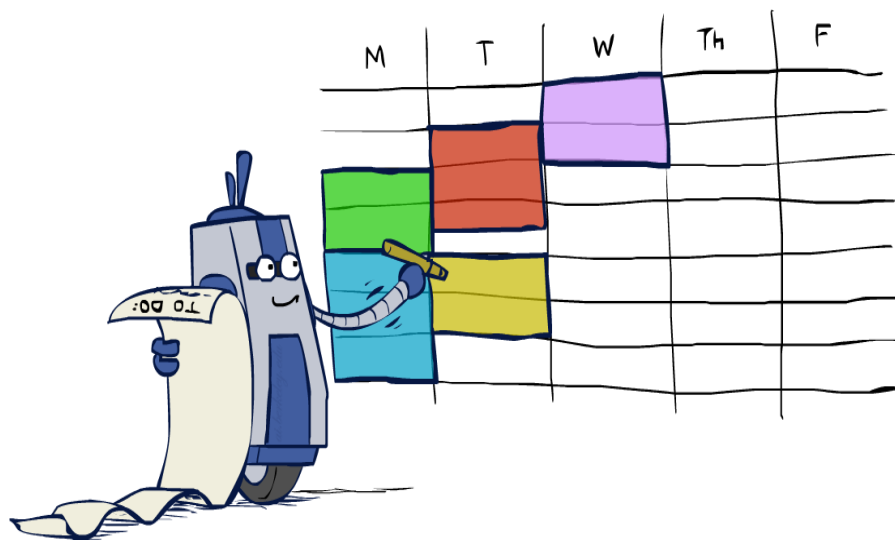
约束满足问题是一类特殊的搜索问题：

- 状态是变量的 (部分) 赋值
- 目标检测通过检查约束条件
- 通用的算法和启发信息

基本算法：回溯搜索

提速思路：

- 排序
- 过滤
- 结构



实践中，最小冲突法的局部算法经常很有效

# 命题逻辑(PROPOSITIONAL LOGIC): 语法, 语义和推理

---

# 知识(knowledge)

---

知识库 (knowledge base) = 在形式语言中定义的一个句子的集合

声明式 (declarative) 法构建智能体(或其他系统):

- 告诉 智能体它需要知道的(或让它自己学习这些知识)
- 然后它可以询问 自己在一个环境里如何行动———回答应遵循知识库里的知识

在知识层 (knowledge level) 描述智能体

- 具体说明智能体知道什么, 它的目标是什么, 和实现细节无关

一个推理算法可以回答任何可以回答的问题

- 比较而言, 一个搜索算法只能回答“如何从A 到 B” 的问题

知识库
推理引擎

领域特定事实 (Domain-specific facts)

领域独立的通用算法和代码



# 逻辑 (Logic)

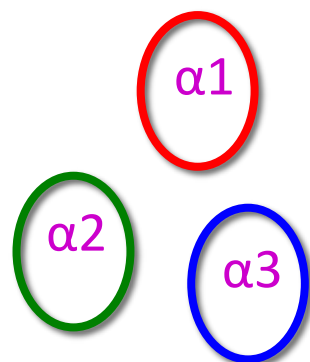
语法(Syntax): 定义句子(什么样的句子是允许的)

语义 (Semantics) :

- **可能的世界 (possible worlds)** 有哪些?
- 这些句子在哪些世界里为 **真**? (句子真实性的**定义**)

语义空间

语法空间



# 举例

---

## 命题逻辑 (Propositional logic)

- 语法:  $P \vee (\neg Q \wedge R)$ ;  $X_1 \Leftrightarrow (\text{Raining} \Rightarrow \text{Sunny})$
- 可能的一个世界:  $\{P=\text{true}, Q=\text{true}, R=\text{false}\}$ ,  $\{X_1=\text{true}, \text{Raining} = \text{false}, \text{Sunny}=\text{true}\}$ , or  $\{110\}$ ,  $\{101\}$
- 语义:  $\alpha \wedge \beta$  是真 当且仅当  $\alpha$  真 并且  $\beta$  真 (等)

## 一阶谓词逻辑 (First-order logic)

- 语法:  $\forall x \exists y P(x,y) \wedge \neg Q(\text{Joe}, f(x)) \Rightarrow f(x)=f(y)$
- 可能的世界: 对象(Objects)  $o_1, o_2, o_3$ ;  $P$  成立对于  $\langle o_1, o_2 \rangle$ ;  $Q$  成立对于  $\langle o_3 \rangle$ ;  $f(o_1)=o_1$ ;  $\text{Joe}=o_3$ ; 等
- 语法:  $\phi(\sigma)$  是真在这样一个世界里 当  $\sigma=o_j$  并且  $\phi$  成立对于  $o_j$ ; 等。

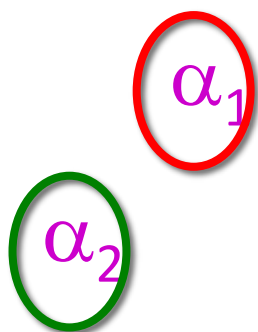
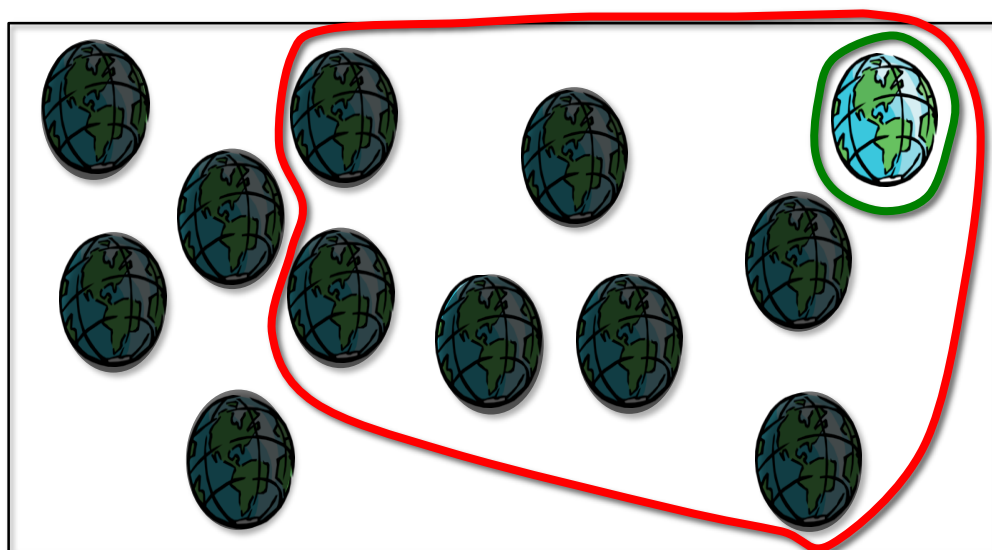
# 推理的内容: 蕴涵/导出(entailment)

**蕴涵:**  $\alpha \models \beta$  (“ $\alpha$  导出(entails)  $\beta$ ” or “ $\beta$  遵循于(follows from)  $\alpha$ ”)当且仅当在  $\alpha$  为真的每个世界里,  $\beta$  也是真

- 换句话说,  $\alpha$ -的世界 (为真的那些世界) 是  $\beta$ -的世界的一个子集 [ $models(\alpha) \subseteq models(\beta)$ ]

例如,  $\alpha_2 \models \alpha_1$

(比如  $\alpha_2$  是  $\neg Q \wedge R \wedge S \wedge W$   
 $\alpha_1$  是  $\neg Q$ )



# 推理的过程: 证明

---

证明--指  $\alpha$  和  $\beta$  之间的导出（蕴涵）关系的**演示证明**

方法 1: **模型检查 (model-checking)**

- 对于每一个可能的世界里, 如果  $\alpha$  为真, 那么确认  $\beta$  也真
- 有限多的世界里可行（比如命题逻辑）；但不容易对于一阶谓词逻辑

方法 2: **定理证明 (theorem-proving)**

- 搜寻一系列的证明步骤 (应用 推理规则(**inference rules**)) 从  $\alpha$  引导到  $\beta$
- 例如, 从  $P \wedge (P \Rightarrow Q)$ , 推理出  $Q$  通过 肯定前件式推理(**Modus Ponens**)

**合理性 (Sound)** 算法: 所有被推理证明出来的, 实际上也都是被蕴涵的

**完全性 (Complete)** 算法: 所有被蕴涵的（句子）, 都可以被推理证明出来

# 关于完全搜索算法和逻辑推理算法

---

完全的 逻辑推理算法和 完全的搜索算法 之间的关联是什么？

回答 1: 都含有“完全的...算法”

回答 2: 都可用来求解任何相关的 可解决解答的 问题

回答 3: 推理可以建成一个搜索问题

- 初始状态: KB (知识库) 包含  $\alpha$
- 行动: 应用任何可以和 KB 相匹配的推理规则, 并添加结论句子
- 目标检测: KB 包含  $\beta$

因此, 任何一个完全的 搜索算法 (广度优先, 迭代加深) 产生一个完全的推理算法

# 命题逻辑（Propositional logic）： 语法

给定: 一组 命题字符  $\{X_1, X_2, \dots, X_n, P, Q, R, \text{North}, \dots\}$ （可为真或假）

- ( True 和 False 也包含其中, 真值固定)

$X_i$  是一个句子（原子语句）

复杂句

- 如果  $\alpha$  是句子, 那么  $\neg\alpha$  是一个句子（否定）
- 如果  $\alpha$  和  $\beta$  是句子, 那么  $\alpha \wedge \beta$  是一个句子（结合/“与”）
- 如果  $\alpha$  和  $\beta$  是句子, 那么  $\alpha \vee \beta$  是一个句子（分离/“或”）
- 如果  $\alpha$  和  $\beta$  是句子, 那么  $\alpha \Rightarrow \beta$  是一个句子（隐含, 或条件的 if ... then）
- 如果  $\alpha$  和  $\beta$  是句子, 那么  $\alpha \Leftrightarrow \beta$  是一个句子（双向条件的 if and only if）
- 逻辑连接符, 和  $()$  的组合

文字(literal): 原子语句和否定的原子语句

没有其他样式的句子!

# 命题逻辑: 语义

给定一个模型（model），决定一个句子的真值

真值表

$P$	$Q$	$\neg P$	$P \wedge Q$	$P \vee Q$	$P \Rightarrow Q$	$P \Leftrightarrow Q$
<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>
<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>false</i>
<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>
<i>true</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>true</i>	<i>true</i>

# 命题逻辑(Propositional Logic): 语义

---

**function** PL-TRUE?( $\alpha$ , model) **returns** true or false

**if**  $\alpha$  是一个命题符号 **then return** Lookup( $\alpha$ , model)

**if** Op( $\alpha$ ) =  $\neg$  **then return** not(PL-TRUE?(Arg1( $\alpha$ ), model))

**if** Op( $\alpha$ ) =  $\wedge$  **then return** and(PL-TRUE?(Arg1( $\alpha$ ), model),  
PL-TRUE?(Arg2( $\alpha$ ), model))

, 等。

(也叫做“语法上的递归”)



# 举例

---

- $R \Rightarrow (D \Leftrightarrow U)$  (如果天下雨, 当且仅当你有一把雨伞时, 你才不会被淋湿)
- Model  $\{D=\text{true}, R=\text{false}, U=\text{true}\}$  ....
- $\text{false} \Rightarrow (\text{true} \Leftrightarrow \text{true})$
- $\text{false} \Rightarrow \text{true}$
- $\text{true}$

# 推理方法（回顾）

---

方法 1: 模型检查 *model-checking*

- 对于每个可能的世界, 如果  $\alpha$  为真 则  $\beta$  亦真

方法 2: 定理证明 *theorem-proving*

- 搜索一系列的证明步骤 (应用推理规则 *inference rules*) 从  $\alpha$  导致到  $\beta$

*合理的 (Sound)* 算法: 所有被推理证明出来的, 实际上也都是被蕴涵的

*完全的 (Complete)* 算法: 所有被蕴涵的都是能够被推导证明出来的

# 逻辑上的一致性

---

$$(\alpha \wedge \beta) \equiv (\beta \wedge \alpha) \quad \text{commutativity of } \wedge$$

$$(\alpha \vee \beta) \equiv (\beta \vee \alpha) \quad \text{commutativity of } \vee$$

$$((\alpha \wedge \beta) \wedge \gamma) \equiv (\alpha \wedge (\beta \wedge \gamma)) \quad \text{associativity of } \wedge$$

$$((\alpha \vee \beta) \vee \gamma) \equiv (\alpha \vee (\beta \vee \gamma)) \quad \text{associativity of } \vee$$

$$\neg(\neg\alpha) \equiv \alpha \quad \text{double-negation elimination}$$

$$(\alpha \Rightarrow \beta) \equiv (\neg\beta \Rightarrow \neg\alpha) \quad \text{contraposition}$$

$$(\alpha \Rightarrow \beta) \equiv (\neg\alpha \vee \beta) \quad \text{implication elimination}$$

$$(\alpha \Leftrightarrow \beta) \equiv ((\alpha \Rightarrow \beta) \wedge (\beta \Rightarrow \alpha)) \quad \text{biconditional elimination}$$

$$\neg(\alpha \wedge \beta) \equiv (\neg\alpha \vee \neg\beta) \quad \text{De Morgan}$$

$$\neg(\alpha \vee \beta) \equiv (\neg\alpha \wedge \neg\beta) \quad \text{De Morgan}$$

$$(\alpha \wedge (\beta \vee \gamma)) \equiv ((\alpha \wedge \beta) \vee (\alpha \wedge \gamma)) \quad \text{distributivity of } \wedge \text{ over } \vee$$

$$(\alpha \vee (\beta \wedge \gamma)) \equiv ((\alpha \vee \beta) \wedge (\alpha \vee \gamma)) \quad \text{distributivity of } \vee \text{ over } \wedge$$

# 简单的定理证明过程: 前向推理 (Forward chaining)

---

应用肯定前件式推理( **Modus Ponens**) 产生新的事实:

- 给定  $X_1 \wedge X_2 \wedge \dots \wedge X_n \Rightarrow Y$  和  $X_1, X_2, \dots, X_n$
- 推理出  $Y$

前向推理持续应用这个规则, 不断添加新的事实, 直到没有可添加的为止

要求 KB (知识库) 只包含 **确定子句(definite clauses)**:

- 一组分离(disjunction)的文字(literals), 只有一个是正的 (其他都含否定符); 可转成以下形式
- (字符的结合(conjunction))  $\Rightarrow$  字符; 或
- 一个单一的字符 (注意  $X$  相当于  $\text{True} \Rightarrow X$ )

# 前向链接算法(Forward chaining)

```
function PL-FC-ENTAILS?(KB, q) returns true or false
  count ← 一个表, count[c] 是子句 c 的前提中的还未知的字符数量
  inferred ← 一个表, inferred[s] 初始化为 false 对于所有字符 s
  agenda ← 一个字符队列, 初始化为 KB 里 (为真的)所有字符

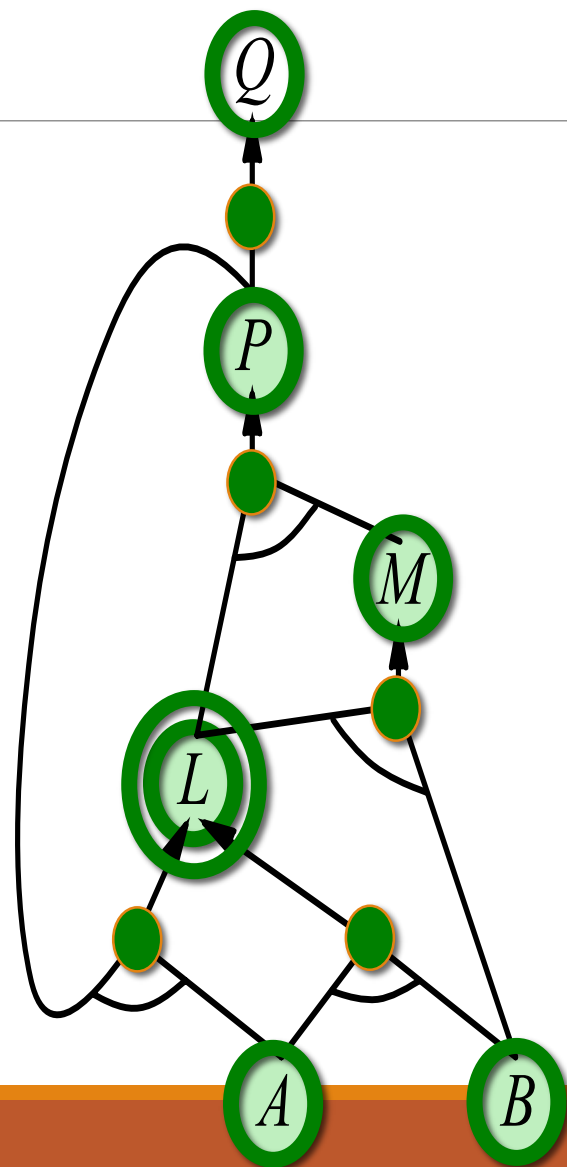
  while agenda is not empty do
    p ← Pop(agenda)
    if p = q then return true
    if inferred[p] = false then
      inferred[p] ← true
      for each 子句 c in KB where p 在 c 的前提里 do
        减一 count[c]
        if count[c] = 0 then add c 的结论 to agenda
  return false
```

# 前向链接推理举例：证明 Q（被蕴涵）

子句	COUNT	INFERRED
$P \Rightarrow Q$	<del>1</del> /0	A <del>xxxx</del> false true
$L \wedge M \Rightarrow P$	<del>2</del> / <del>1</del> 0	B <del>xxxx</del> false true
$B \wedge L \Rightarrow M$	<del>2</del> / <del>1</del> 0	L <del>xxxx</del> false true
$A \wedge P \Rightarrow L$	<del>2</del> / <del>1</del> 0	M <del>xxxx</del> false true
$A \wedge B \Rightarrow L$	<del>2</del> / <del>1</del> 0	P <del>xxxx</del> false true
A	0	Q <del>xxxx</del> false true
B	0	

AGENDA

~~A~~ ~~B~~ ~~M~~ ~~L~~ ~~P~~ ~~Q~~



# 前向链接(FC)推理的性质

定理: FC 是合理的(sound) 和 完全的(complete) , 对于确定子句(definite-clause)组成的KBs

---

合理性: 遵循于肯定前件式 ( Modus Ponens ) 的合理性

完全性证明:

1. 假设FC 达到了一个固点, 即 没有新的原子语句被推导出
2. 最终的 *inferred* 表可以被考虑成一个模型 *m*, 即字符被赋给了 true/false 值

3. 在原始的 KB 中的每一个子句在 *m* 里为真

证明: 假定一个子句  $a_1 \wedge \dots \wedge a_k \Rightarrow b$  在 *m* 中为假

那么  $a_1 \wedge \dots \wedge a_k$  必为真在 *m* 并且 *b* 为假 在 *m*

如此说明算法还未达到一个固点! (与假设矛盾)

4. 因此 *m* 是 KB 的一个模型 (KB 在 *m* 里为真)

5. 如果  $KB \models q$ , *q* 则在KB中的每一个模型里为真, 包括 *m*; 即*q*可以被算法推导出来

A	<del>false</del>	true
B	<del>false</del>	true
L	<del>false</del>	true
M	<del>false</del>	true
P	<del>false</del>	true
Q	<del>false</del>	true

# 简单的模型检查(model checking)

```
function TT-ENTAILS?(KB,  $\alpha$ ) returns true or false
```

```
  return TT-CHECK-ALL(KB,  $\alpha$ , symbols(KB)  $\cup$  symbols( $\alpha$ ), {})
```

```
function TT-CHECK-ALL(KB,  $\alpha$ , symbols, model) returns true or false
```

```
  if empty?(symbols) then
```

```
    if PL-TRUE?(KB, model) then return PL-TRUE?( $\alpha$ , model)
```

```
    else return true
```

```
  else
```

```
    P  $\leftarrow$  first(symbols)
```

```
    rest  $\leftarrow$  rest(symbols)
```

```
  return and (TT-CHECK-ALL(KB,  $\alpha$ , rest, model  $\cup$  {P = true})
```

```
             TT-CHECK-ALL(KB,  $\alpha$ , rest, model  $\cup$  {P = false}))
```

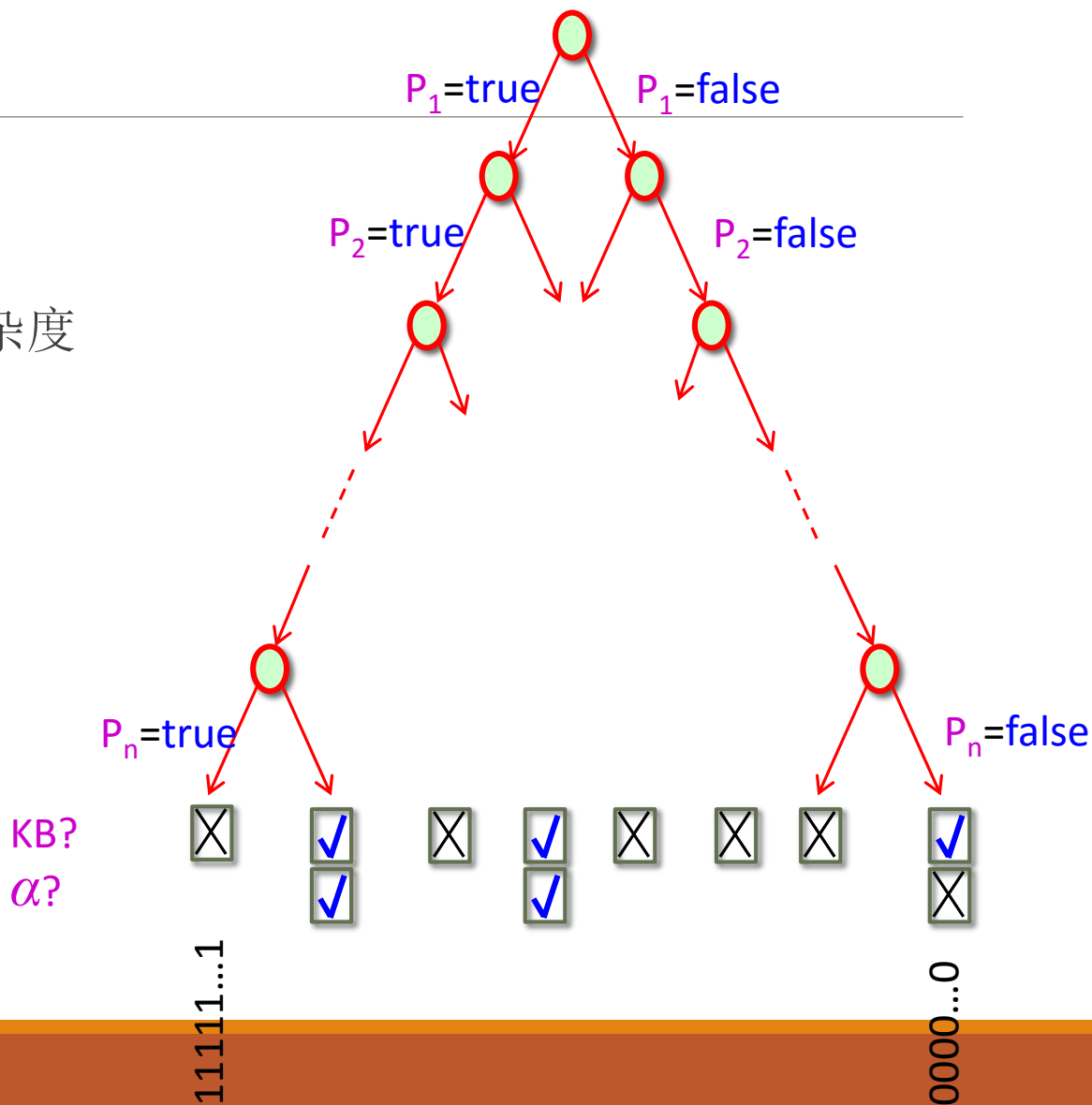


# 简单的模型检查, 继续

深度优先, 类似于回溯算法  
(backtracking)的递归

$O(2^n)$  时间复杂度, 线性空间复杂度

可以有更高效的算法!



# 可满足性和导出(蕴涵)

---

一个语句是 **可满足的**，如果它至少在一个世界里为真 (参见 CSPs!)

假设我们有一个超高效的 SAT solver; 我们如何能用它来测试蕴涵关系?

- 假定  $\alpha \models \beta$
- 那么  $\alpha \Rightarrow \beta$  为真 在所有世界 (演绎公理)
- 因此  $\neg(\alpha \Rightarrow \beta)$  为假 在所有世界
- 因此  $\alpha \wedge \neg\beta$  为假 在所有世界, i.e., 不可满足的(unsatisfiable)

所以, 把否定的结论添加到 所知道的语句里, 测试其不可满足性 (un)satisfiability; 也叫 归谬法(reductio ad absurdum)

高效的 SAT solvers 需要 合取范式(**conjunctive normal form**)

# 合取范式(CNF)

替换双向条件，用两个暗示条件

替换  $\alpha \Rightarrow \beta$  用  $\neg\alpha \vee \beta$

分配  $\vee$  到  $\wedge$

每个句子可以被表达为

每个子句是一个 **文字析取**

每个文字是一个正文字符或一个负文字符

通过一序列标准变换 转成 CNF:

- $R \Rightarrow (D \Leftrightarrow U)$
- $R \Rightarrow ((D \Rightarrow U) \wedge (U \Rightarrow D))$
- $\neg R \vee ((\neg D \vee U) \wedge (\neg U \vee D))$
- $(\neg R \vee \neg D \vee U) \wedge (\neg R \vee \neg U \vee D)$

# 高效的SAT问题求解器(SAT solvers)

DPLL (Davis-Putnam-Logemann-Loveland) 是现代SAT求解器的核心算法

---

本质上是一个对模型的回溯搜索，和一些额外的技术：

- **提早终止**: 如果
  - 所有子句都被满足; e.g.,  $(A \vee B) \wedge (A \vee \neg C)$  被满足, 通过  $\{A=\text{true}\}$
  - 任何一个子句为假; e.g.,  $(A \vee B) \wedge (A \vee \neg C)$  为假, 当  $\{A=\text{false}, B=\text{false}\}$
- **纯文字 (字符)**: 如果一个字符在剩下所有未满足的子句里的符号都是统一的, 那么赋给这个字符那个值
  - 例如,  $A$  是纯的, 并且正号的  $(A \vee B) \wedge (A \vee \neg C) \wedge (C \vee \neg B)$  所以赋给  $\text{true}$
- **单元子句**: 如果一个子句只剩下一个单一的文字, 那么给这个字符赋值使之满足该子句
  - 例如, 如果  $A=\text{false}$ ,  $(A \vee B) \wedge (A \vee \neg C)$  becomes  $(\text{false} \vee B) \wedge (\text{false} \vee \neg C)$ , i.e.  $(B) \wedge (\neg C)$
  - 满足单元子句的过程中经常会导致进一步的传递, 产生新的单元子句。

# DPLL 算法

```
function DPLL(子句集, 字符集, 模型) returns true or false
```

```
if every 子句 in 子句集 is true in 模型 then return true
```

```
if 某个 子句 in 子句集 is false in 模型 then return false
```

```
P,value ← FIND-PURE-SYMBOL(字符集,子句集,模型)
```

```
if P is non-null then return DPLL(子句集, 字符集-P, 模型 ∪ {P=value})
```

```
P,value ← FIND-UNIT-CLAUSE(子句集,模型)
```

```
if P is non-null then return DPLL(子句集, 字符集-P, 模型 ∪ {P=value})
```

```
P ← First(字符集); rest ← Rest(字符集)
```

```
return or(DPLL(子句集,rest,模型 ∪ {P=true}),
```

```
        DPLL(子句集,rest,模型 ∪ {P=false}))
```

# 效率

---

DPLL的简单实现: 求解 ~100 变量

额外技巧:

- 变量和值的选取排序 (参见 CSPs)
- 分治法 (divide and conquer)
- 记录下 无法求解的情况, 作为额外的子句, 用来避免重蹈覆辙
- 索引和 增量计算技巧, 使得DPLL 算法的每一步都是高效的 (通常  $O(1)$ )
  - 索引子句中每个变量 (字符) 的符号 (正或是否定的)
  - 变量赋值过程中持续记录已满足的子句数量
  - 持续记录每个子句中剩余的文字符号的数量

DPLL的真正实现: 可以求解 ~10,000,000 变量

# SAT 求解器在现实中的应用

---

电路验证: 超大规模集成电路 是否给出正确的计算?

软件验证: 程序是否计算正确的结果?

软件综合: 哪些程序计算正确结果?

协议验证: 这个安全协议能否被攻破?

协议合成: 哪些协议对于这个任务是安全的?

规划: 智能体的行为规划?

# 总结

---

- 一种可能的智能体框架: 知识 + 推理
- 逻辑 提供了一种对知识进行编码的正规方法
  - 一个逻辑的定义: 语法, 可能世界的集合, 真值条件
- 逻辑推理计算句子间的导出（蕴涵）关系



# 人工智能导论： 逻辑型的智能体

---

# 一个基于知识的智能体

**function** KB-AGENT(**percept**) **returns** 一个行动

内部记录: **KB**, 知识库  
**t**, 整数, 初始为 0

TELL(**KB**, MAKE-PERCEPT-SENTENCE(**percept**, **t**))

**action**  $\leftarrow$  ASK(**KB**, MAKE-ACTION-QUERY(**t**))

TELL(**KB**, MAKE-ACTION-SENTENCE(**action**, **t**))

**t**  $\leftarrow$  **t** + 1

**return action**

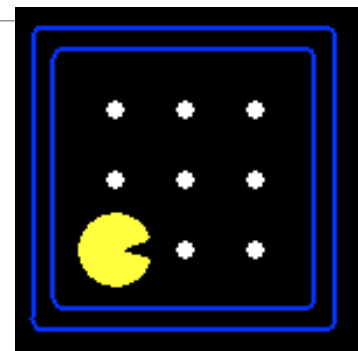
# 举例：部分可观察的 Pacman

Pacman 行动只能根据局部的感知信息

- 四个布尔感知变量 代表在每个方向是否有墙

它需要什么知识能开始行动?

- 传感模型**: 句子 说明 当前感知变量是如何被当前的状态变量所决定的
- 转换模型**: 句子 说明 下一个状态变量是如何被当前状态变量和 Pacman 的行动所决定的
- 初始条件**: Pacman 对于初始状态的知识
- 领域约束**: 普通的事实, 例如, Pacman 智能在一个时间做一件事, 并且在一个时间只能出现在一个地方



# 所涉及到的Pacman的变量

## ■ Pacman的位置

■  $At_{1,1}_0$  (Pacman 在[1,1] 在时刻 0)  $At_{3,3}_1$  等

## ■ 墙的位置

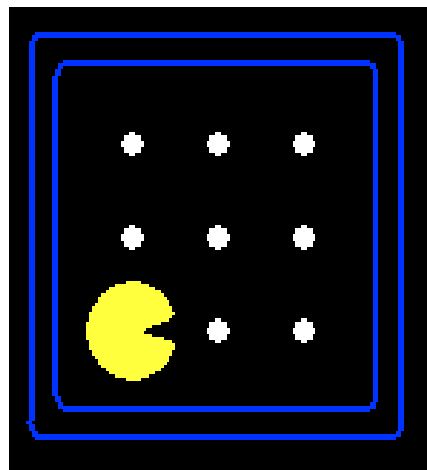
■  $Wall_{0,0}$   $Wall_{0,1}$  ...

## ■ 感知到的

■  $Blocked\_W_0$  (向西被墙阻挡, 在时刻 0) 等.

## ■ 行动

■  $W_0$  (Pacman 向西移动, 在时刻 0),  $E_0$  等.



$N \times N$  个世界,  $T$  个时刻  $\Rightarrow N^2T + N^2 + 4T + 4T = O(N^2T)$  变量数

$2^{N^2T}$  可能的世界!,  $N=10, T=100 \Rightarrow 10^{3010}$

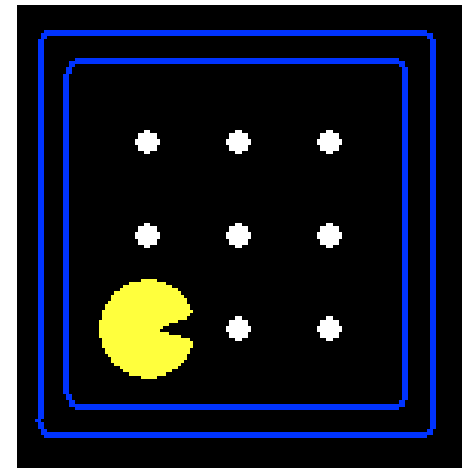
# 传感模型

---

描述如何产生 Pacman 的感知

Pacman 感觉到向西有一面墙在时刻  $t$ ，**当且仅当** 他在位置  $x,y$  并且 有一面墙在位置  $x-1,y$

- $\text{Blocked\_W\_0} \Leftrightarrow$
- $((\text{At\_1,1\_0} \wedge \text{Wall\_0,1}) \vee$   
 $(\text{At\_1,2\_0} \wedge \text{Wall\_0,2}) \vee$   
 $(\text{At\_1,3\_0} \wedge \text{Wall\_0,3}) \vee \dots )$
- 这样的句子有多少？



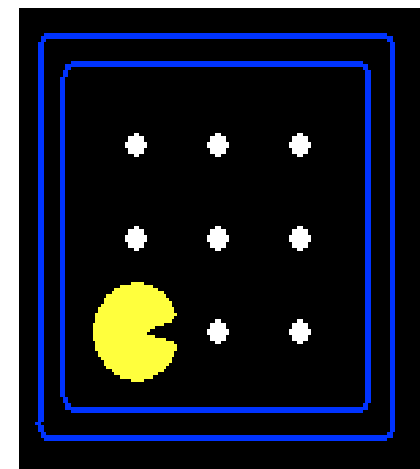
# 另一种传感器模型的问题

如果在时刻  $t$  他在位置  $x,y$  并且 有一堵墙在位置  $x-1,y$ , 则 Pacman 在时刻  $t$  感知到一堵墙在他的西面

- $At_{1,1_0} \wedge Wall_{0,1} \Rightarrow Blocked\_W\_0$
- $At_{1,1_1} \wedge Wall_{0,1} \Rightarrow Blocked\_W\_1$
- ....
- $At_{3,3_9} \wedge Wall_{3,4} \Rightarrow Blocked\_N\_9$

## ■ 这种表达的问题

- 不完整
- 只是说 在这些条件下感知变量为真
- 但没说 感知变量何时为假



如果左边为假，右边是真还是假？

# 转换模型 (transition model)

---

- 每个 **状态变量** 在每个时刻如何获得它的值?
- 部分可感知的Pacman里的状态变量 是  $At_{x,y,t}$ , 例如,  $At_{3,3,17}$
- 一个状态变量获得它的值, 根据 **后继状态公理 (successor-state axiom)**
  - $X_t \Leftrightarrow [X_{t-1} \wedge \neg(\text{某个 action}_{t-1} \text{ 使之变为 false})] \vee [\neg X_{t-1} \wedge (\text{某个 action}_{t-1} \text{ 使之变为 true})]$
- 对于 Pacman 的位置:
  - $At_{3,3,17} \Leftrightarrow [At_{3,3,16} \wedge \neg((\neg Wall_{3,4} \wedge N_{16}) \vee (\neg Wall_{4,3} \wedge E_{16}) \vee \dots)] \vee [\neg At_{3,3,16} \wedge ((At_{3,2,16} \wedge \neg Wall_{3,3} \wedge N_{16}) \vee (At_{2,3,16} \wedge \neg Wall_{3,3} \wedge N_{16}) \vee \dots)]$

# 初始状态

---

- 智能体可能知道它的初始位置:

- $At_{1,1}_0 \wedge \neg At_{1,2}_0 \wedge \neg At_{1,3}_0 \dots$

- 或者, 它可能不知道:

- $At_{1,1}_0 \vee At_{1,2}_0 \vee At_{1,3}_0 \vee \dots \vee At_{3,3}_0$

- 我们也需要一个 **值域约束**— 一个时间只能做一件事!

- $\neg(W_0 \wedge E_0) \wedge \neg(W_0 \wedge S_0) \wedge \dots$

- $\neg(W_1 \wedge E_1) \wedge \neg(W_1 \wedge S_1) \wedge \dots$

- $\dots \wedge (W_0 \vee E_0 \vee N_0 \vee S_0) \wedge \dots$



# 状态估计

---

回忆智能体在部分可观察情况下的 **信念状态(belief state)** 定义:

- 给定行动和当前的感知，与之相符合的世界状态的集合
- **状态估计** 是指保持(预测/更新)当前的信念状态

对于一个逻辑型的智能体, 计算在当前状态下哪些变量为真，只不过是一个逻辑推理的问题

- 例如, 询问是否  $KB \wedge \langle \text{actions} \rangle \wedge \langle \text{percepts} \rangle \models \text{Wall\_2,2}$
- 简单但效率低: 每一步的推理涉及到一个智能体整个行动感知的历史

# 状态估计，继续

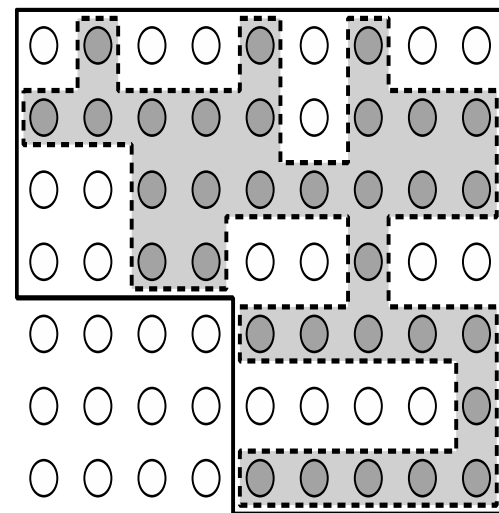
一个更“积极主动的”状态估计形式:

- 在每个行动和感知以后
  - 对每个状态变量  $X_t$ 
    - 如果  $X_t$  是被蕴涵的, 则加到 KB
    - 如果  $\neg X_t$  是被蕴涵的, 则加到 KB

对于准确的状态评估是否这就足够?

- 不是! 可能的情况是  $X_t$  或  $\neg X_t$  都不被蕴涵, 并且  $Y_t$  或  $\neg Y_t$  也都不被蕴涵, 但是某个约束, 例如,  $X_t \vee Y_t$ , **是** 被蕴涵的
  - 例如: 初始不确定性的智能体的位置

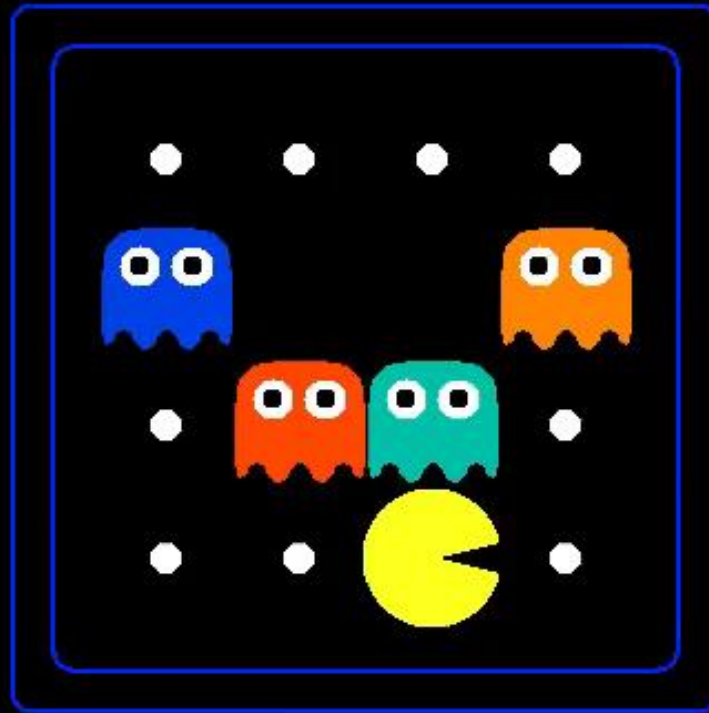
普遍来讲, 完美的状态估计是很难达到的



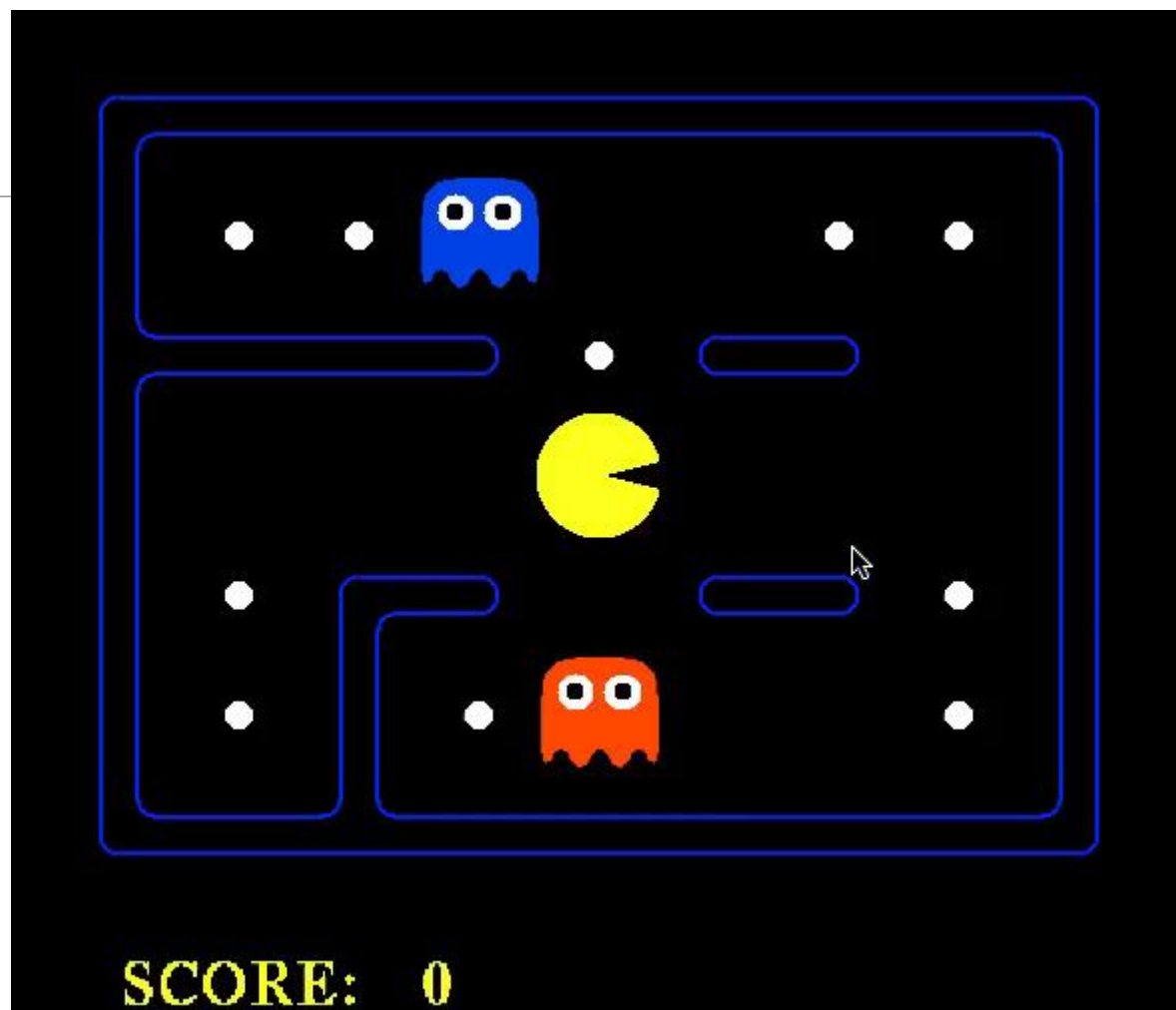
# 可满足(satisfiability)来解规划(Planning)问题

---

- 给定一个超高效的 SAT 求解器，我们能用它来规划智能体的行动吗？
- 是的, 对于完全可观察的, 决定性的环境:
  - 规划问题是可解的 当且仅当 存在某个可满足的赋值对于所有变量
  - 相应的行动变量的真值构成了解
- 对于时间  $T = 1$  到无穷, 按以下内容构建知识库 (KB)，并运行 SAT solver:
  - 初始状态, 值域约束
  - 截至到时刻  $T$  的转换模型语句(包括后继状态转换公理，对于所有可能的行动)
  - 目标(Goal) 在时刻  $T$  为真



SCORE: 0





# 总结

---

- 声明法/陈述法(declarative approach) 构建智能体的框架
  - 知识库是陈述语句（包括公理，感知到的事实）
  - 逻辑推理- 事实被蕴涵的推理证明，规划智能体行动
- 现代超高效的SAT 求解器，使得此法可在实践中可行
- 弱点：语句表达
  - 例如“对于每个时刻  $t$ ”，“对于每个方块位置  $[x,y]$ ”
  - 一阶逻辑(first order logic) 提高了语句的表达性；其逻辑推理方法与命题逻辑的方法一致