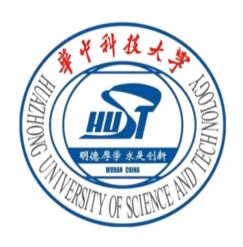
華中科技大學

Huazhong University of Science and Technology



生物医学图像处理课程

编程练习题

学院: 计算机学院 专业: 计算机体系结构

姓名: ___ 余 乔 ___ 班级: _ 博 1901 班

学号: ____D201980953__ 时间: __2019年10月__

1. 图像旋转

题目描述

设一幅大小为 M×N 的灰度图像 I 中, 现要将其逆时针旋转 A 度, 得到图像 J, 请写出 J 的生成算法(要求使用近邻插值)。

算法详解

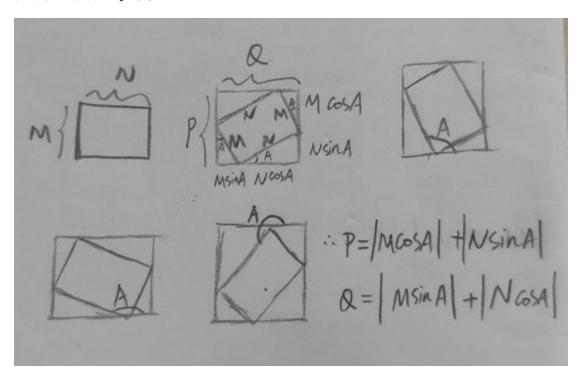
基本思路

- 1. 首先求出旋转后图像 J 的行数 P 和列数 Q。
- 2. 对 J 中的每个像素的坐标 (x1,y1), 求出与其对应的原图 I 中像素的坐标(x,y)
- 3. 用最邻近插值,求出最接近于坐标(x,y)的整数坐标(x0,y0)
- 4. 将 J (x1,y1)的灰度值赋为 I(x0,y0)的灰度值。

细节与推导

求 J 的行列数 P, Q

其中, 行列数 PQ 的求法如下:



明德厚学 求是创新

求 J(x1,y1)对应点 l(x,y)的坐标

J(x1,y1)对应点 I(x,y)的坐标求法如下:

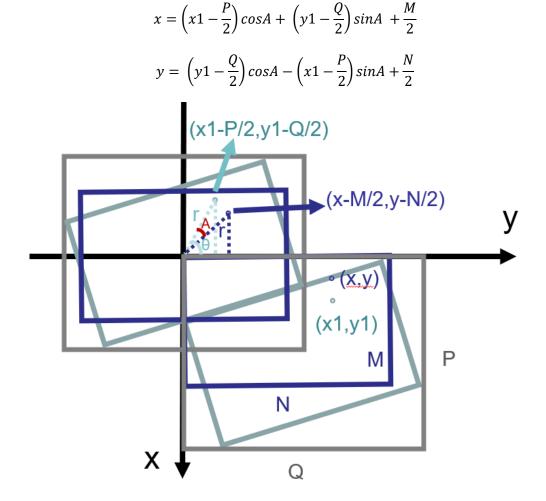
- 1. 将 J 的中心点 J(P/2,Q/2)移动到(0,0)处
- 2. 将整个图像顺时针旋转 A 度
- 3. 最后将图像的(0,0)平移到(M/2,N/2)。

此时,原来在(x1,y1)的像素,就被变换到了(x,y)处.

下面画图进行推导:

$$x - \frac{M}{2} = r\cos(\theta - A) = r(\cos\theta\cos A + \sin\theta\sin A) = \left(x1 - \frac{P}{2}\right)\cos A + \left(y1 - \frac{Q}{2}\right)\sin A$$
$$y - \frac{N}{2} = r\sin(\theta - A) = r(\sin\theta\cos A - \cos\theta\sin A) = \left(y1 - \frac{Q}{2}\right)\cos A - \left(x1 - \frac{P}{2}\right)\sin A$$

因此:



最邻近插值&双线性插值

最邻近插值中, 直接 x0,y0 分别直接取 x,y 四舍五入得到的整数。

如果使用双线性插值,则公式如下:

$$F(i+u,i+v) = (1-u)(1-v)f(l,j)+(1-u)vf(l,j+1) + u(1-v)f(i+1,j) + uvf(i+1,j+1);$$
对于这道题,即为 $J(x1,y1) = uint8 (l(x0,y0) * (1-x+x0) * (1-y+y0) ...$
 $+ l(x0+1,y0) * (x-x0) * (1-y+y0) ...$
 $+ l(x0,y0+1) * (1-x+x0) * (y-y0) ...$
 $+ l(x0+1,y0+1)* (x-x0) * (y-y0);$

推导如下:

$$\frac{1}{1(x,y_0)} = \frac{1}{1(x_0,y_0)} \cdot (x_0 - x_0) + \frac{1}{1(x_0,y_0)} = (x_0 - x_0) \frac{1}{1(x_0 + 1,y_0)} + (1 - x + x_0) \frac{1}{1(x_0,y_0)} = (\frac{1}{1(x_0 + 1,y_0 + 1)} - \frac{1}{1(x_0,y_0 + 1)} \cdot (\frac{1}{1(x_0 + 1,y_0 + 1)} - \frac{1}{1(x_0,y_0 + 1)} + \frac{1}{1(x_0,y_0 + 1)} \cdot (\frac{1}{1(x_0,y_0 + 1)} - \frac{1}{1(x_0,y_0 + 1)} \cdot (\frac{1}{1(x_0,y_0 + 1)}$$

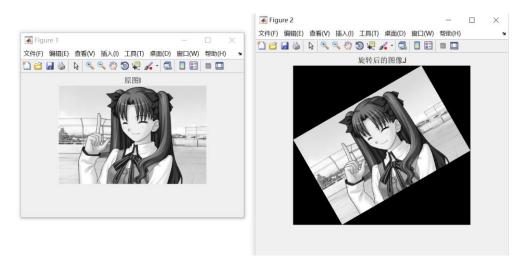
完整算法描述

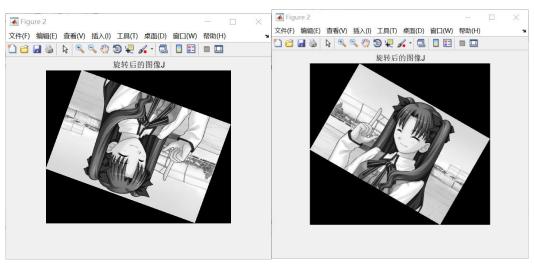
```
P = |M cosA | + |N sinA|
Q = |M sinA | + |N cosA|
for x1 = 1:P
    for y1 = 1:Q
```

```
x = (x1-P*0.5) * cos(A) + (y1-Q*0.5) * sin(A) + M*0.5;
y = -(x1-P*0.5) * sin(A) + (y1-Q*0.5) * cos(A) + N*0.5;
x0 = 最接近x的整数
y0 = 最接近y的整数
如果I(x0,y0)的坐标x0不在0~M范围内或y0不在0~N范围内,则对应的
J(x1,y1) = 0
否则J(x1,y1) = I(x0,y0)
```

```
代码实现
function [J] = rotateYQ(I,A)
%rotate 设一幅大小为 M×N 的灰度图像 I 中, 现要将其逆时针旋转 A 度 (角度制),
得到图像」,请写出」的生成算法(要求使用近邻插值)。
   设 I(x,y)经旋转后对应的点为 J(x1,y1).(x0,y0)是最接近(x,y)的整数对
% 求 J 的行列数 P/Q
[M, N] = size(I);
P = round(abs(M * cosd(A)) + abs(N * sind(A)));
Q = round(abs(M * sind(A)) + abs(N * cosd(A)));
J = zeros(P,Q);
for x1 = 1:P
    for y1 = 1:Q
        % 求 J(x1,y1)在原图 I 中对应的像素坐标(x,y)
        x = (x1-P*0.5) * cosd(A) + (y1-Q*0.5)* sind(A) + M*0.5;
        y = -(x1-P*0.5) * sind(A) + (y1-Q*0.5)* cosd(A) + N*0.5;
        % 最邻近插值
        x0 = round(x);
        y0 = round(y);
        % 给]赋值
        if x0 < 1 \parallel y0 < 1 \parallel x0 > M \parallel y0 > N
           J(x1,y1) = 0;
```

下面四幅图从左到右从上到下,分别展示了原图,旋转30°、160°和-30°的结果。





明德厚学 求是创新

2. 直方图规定化

题目描述

设一幅大小为 $M \times N$ 的灰度图像 I 中,灰度为 g 的像素数为 h(g)。另给定一个直方图 t(g) 。 请写出对图像 I 进行变换的方法,使得变换后的新图像的直方图与 t 相同(近似相等)。

算法详解

基本思路

将原图中灰度 g 映射到 g', 使得原图 l 中, 灰度小于等于 g 的像素占 l 中总像素数之比 尽可能接近模板图中, 灰度小于等于 g'的像素个数占模板图总像素数之比。

完整算法描述

h 是含一个 256 个元素的数组(假设下标从 0 开始),用于表示图像 I 的直方图。

将h中所有元素置为零。

遍历每一个点,如果其灰度为 i,则 h(i)++.

For(k 从 0 到 255)

求累积分布 $rh(k) = \sum_{i=0}^{k} h(i)$,

求累积分布 $rt(k) = \sum_{i=0}^{k} t(i)$,

For(k 从 0 到 255)

求累计频率 frequencySrc(k) = rh(k) / rh(255);

求累计频率 frequencyDes(k) = rt(k) / rt(255);

For(i 从 0 到 255)

Map(i) = 与 frequencySrc(i)最接近的 frequencyDes(k)的 k 值

遍历每个点,若其灰度值为 i,则将其值置为 Map(i) 。

代码实现

```
function [ J ] = HistogramSpecificate( I,t )
%HistogramSpecificate 设一幅大小为 M×N 的灰度图像 I 中,灰度为 g 的像素数为
h(g), 另给定一个直方图 t(g)。
%请写出对图像 I 进行变换的方法,使得变换后的新图像的直方图与 t 相同(近似相
等)。
[M, N] = size(I);
J = zeros(M, N);
h = zeros(1,256);
%求直方图 h
for x = 1:M
    for y = 1:N
        h(I(x,y)+1) = h(I(x,y)+1)+1;
    end
end
%求累积分布 rh 和 rt
rh = zeros(1,256);
rt = zeros(1,256);
for i = 1:256
    for j = 1:
        rh(i) = rh(i) + h(j);
        rt(i) = rt(i) + t(j);
    end
end
%求各灰度级的像素出现的频率 frequencySrc 和 frequencyDes
frequencySrc = zeros(1,256);
frequencyDes = zeros(1,256);
for i =1:256
```

```
frequencySrc(i) = rh(i) / rh(256);
    frequencyDes(i) = rt(i) / rt(256);
end
%找出与 frequencySrc(i)最相近的 frequencyDes(index)的 index 值
%distance 是 frequencySrc(i) 与 frequencyDes(index) 的差
%map 用于记录所有 i 对应的 index 值
map = zeros(1,256);
for i = 1:256
    [distance,index] = min(abs(frequencySrc(i)-frequencyDes));
    map(i) = index;
end
%按照映射 map 进行直方图规定化
for x = 1:M
    for y = 1:N
        J(x,y) = map(I(x,y)+1);
    end
end
%显示结果
subplot(211)
imshow(uint8(I));title('原图 I');
subplot(212)
imshow(uint8(J));title('规定化化后的图像 J');
end
```

以下图所示的老虎图片作为模板图,将动漫图片进行规定化。可以看到规定化后图片明显变暗了。





3. 频域滤波

题目描述

对图像进行频域低、高通滤波。使用理想、高斯、巴特沃斯滤波器。

算法详解

基本思路

用傅里叶变换将图片从空域变换到频域。

将低频部分移动到图像中间。

对每一频率的分量,将其乘以滤波器函数。(低通滤波则滤波器函数单调递减,高通滤波则滤波器函数单调递增)

将之前的平移操作还原回去。

将变换后的频域图像通过傅里叶反变换变回到空域。

离散二维傅里叶变换/反变换公式

其二维离散傅里叶变换 (DFT) 为

$$F(u,v) = \sum_{x=0}^{M-1} \sum_{y=0}^{N-1} f(x,y) e^{-j2\pi(ux/M + vy/N)}$$

离散傅里叶反变换 (IDFT) 为

$$f(x,y) = rac{1}{MN} \sum_{u=0}^{M-1} \sum_{v=0}^{N-1} F(u,v) e^{j2\pi(ux/M+vy/N)}$$

为什么要平移

在 matlab 中, 经过 fft 变换后, 数据的频率范围是从[0,fs]排列的。

而一般,我们在画图或者讨论的时候,是从[-fs/2,fs/2]的范围进行分析。

因此, 需要将经过 fft 变换后的图像的[fs/2,fs]部分移动到[-fs/2,0]这个范围内。

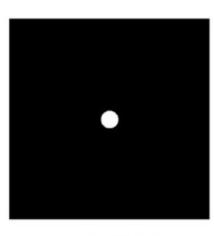
而 fftshift 就是完成这个功能。

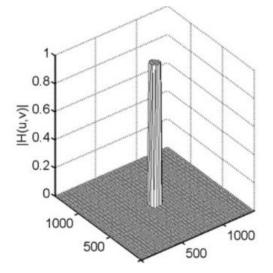
通常,如果想得到所见的中间是0频的图像,经过fft变换后,都要再经过fftshift。

理想、高斯、巴特沃斯滤波器

$$H(u,v) = \begin{cases} 1, D(u,v) \le D_0 \\ 0, D(u,v) > D_0 \end{cases}$$

理想低通滤波器如下:





c). Ideal Lowpass filter(D=60)

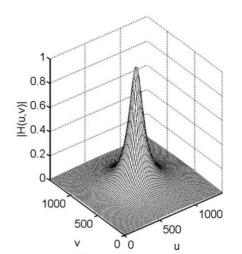
$$H(u,v) = \frac{1}{1 + (D(u,v)/D_0)^{2n}}$$

巴特沃斯低通滤波器如下:

其中n是巴特沃斯低通滤波器的次数。

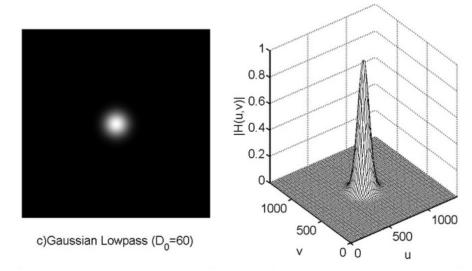


c)Butterworth Lowpass (D_0 =100,n=1)



 $H(u,v) = e^{\frac{-D^2(u,v)}{2D_0^2}}$

高斯低通滤波器如下:



相应的高通滤波器, 只需用1减去低通滤波器即可。

完整算法描述

F=快速傅里叶变换(I)

将 F 进行居中变换 (低频部分移动到图像中心)

对于 F 中每一点

d = 该点到图像中心的距离, d0 是滤波的阈值

如果是理想低通滤波,则 if d > d0, h = 0;否则 h = 1;

如果是高斯低通滤波器,则 h=1*exp(-d^2/(2*d0^2));

如果是巴特沃斯低通滤波器,则 $h = 1/(1+(d/d0)^{(2*n)})$;

如果是相应的高通滤波器,则 h = 1-相应的低通滤波器对应的 h

该点对应的 F 值 = 该点对应的 F 值 * h

将F进行居中变换的反变换(还原刚才的平移操作)

对F进行快速傅里叶反变换,即得处理完成的图片。

代码实现

function [J] = frequencyDomainFiltering(I ,d0, way,n)

%frequencyDomainFiltering 频域滤波

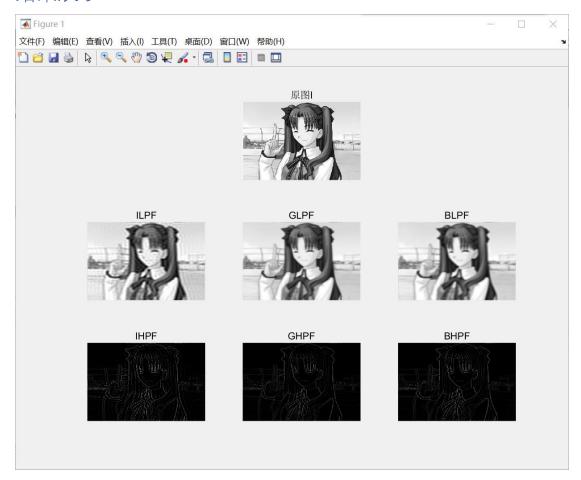
% I 为原图, d 为低通滤波或高通滤波的阈值

% way 1 理想低通滤波, 高斯低通滤波, 巴特沃斯低通频域滤波,

```
% n: 如果使用 butterworth 滤波,取的参数 n(如果不采用 butterworth 滤波,则 n 不
被使用
% 变换到频域
l=double(I);
F=fftshift(fft2(I)); %fft2 傅里叶变换 % fftshift Shift zero-frequency component to center
of spectrum.
[M,N]=size(F);
centerM = fix(M/2);
centerN = fix(N/2);
% 进行低通滤波操作
for x=1:M
   for y=1:N
       d=sqrt((x-center M)^2+(y-center N)^2);
       switch way
           case 1 % 理想低通滤波 (ILPF)
               if d > d0
                   h = 0;
               else
                   h = 1;
               end
           case 2 %高斯低通滤波 (GLPF)
                h=1*exp(-d^2/(2*d0^2));
           case 3 %Butterworth 低通滤波器(BLPF)
                h = 1/(1+(d/d0)^{(2*n)});
           case 4 % 理想高通滤波 (IHPF)
```

if d > d0

```
h = 1;
               else
                  h = 0;
               end
           case 5 %高斯高通滤波 (GHPF)
                h = 1 - 1 \cdot \exp(-d^2/(2 \cdot d^2));
           case 6 %Butterworth 高通滤波器(BLPF)
                h = 1 - 1/(1 + (d/d0)^{(2*n)});
       end
       F(x,y)=h*F(x,y);
   end
end
% 变回空域
F=ifftshift(F); % 平移回去
J=uint8(real(ifft2(F))); %傅里叶反变换
% 显示结果
end
```



4. 连通区域标记

题目描述

设有一幅二值图像(元素取值为 0 或 1),请生成该图像的标记图像。(即第一个连通区域中的每一个白色像素的值都置为 1,第二个连通区域中的每一个白色像素的值都置为 2,依此类推。区域编号可不考虑顺序)

算法详解

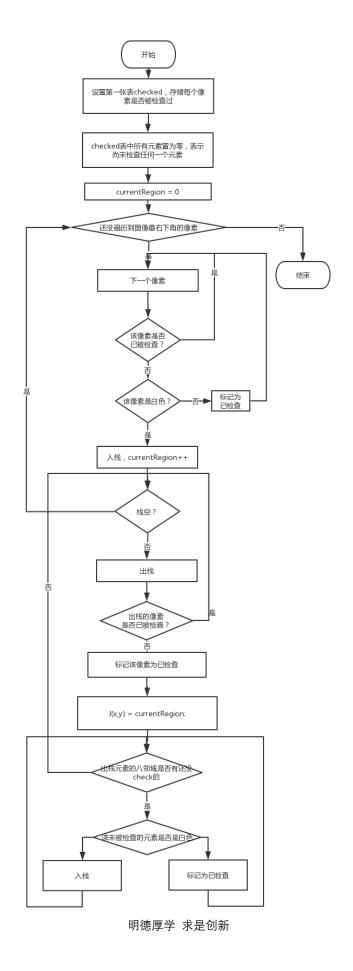
基本思路

设置一个栈,来进行深度优先搜索。维护一张表,来统计每个像素是否已被检查过。

从第一个点开始,对于图像中的每个像素,判断其是否是白色,如果是,就继续考察 其八邻域。如此进行深度优先的搜索,直到八邻域没有白色像素(栈空)。

栈空时说明,该区域的所有像素都已完成标记。栈空后,就考察下一个像素,直到所有像素都被考察完。

完整算法描述



16

代码实现

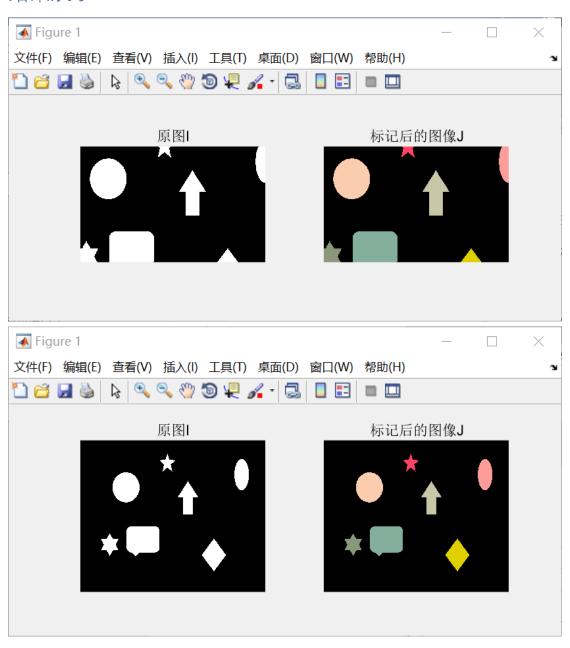
```
function [J] = regionMark(I)
%UNTITLED 设有一幅二值图像(元素取值为0或1),请生成该图像的标记图像。
% (即第一个连通区域中的每一个白色像素的值都置为某种颜色, 第二个连通区域中
的每一个白色像素的值都置为另一种颜色, 依此类推。区域编号可不考虑顺序)
[M, N] = size(I);
J = zeros(M, N, 3);
checked = zeros(M,N);
currentRegion = 0;
%填色
colors = [254 67 101;252 157 154;249 205 173;200 200 169;131 175
155;138,151,123;224,208,0;229,131,8;220,87,18;182,194,154;];
% 对每一个点,如果是白色 1,则考察其四领域(上下左右的四个像素)中尚未被考
察的点
% 用矩阵 stack 表示一个栈,每行表示一个像素,第一列是像素的 x 坐标,第二列是像
素的 y 坐标
%初始化栈
stack = zeros(M*N,2);
stackSize = 0:
for x = 1:M
   for y = 1:N
      if checked(x,y) == 0 && l(x,y)==1 % 如果还没检查过这个点且是白色, 就入栈
          %fprintf('顺序入栈: %d %d\n',x,y)
          stackSize = stackSize + 1;
          stack(stackSize,1) = x;
          stack(stackSize,2) = y;
```

```
currentRegion = currentRegion +1
       elseif checked(x,y) == 0 && l(x,y)==0 % 如果还没检查过这个点且是黑色, 就
标记为已检查
           checked(x,y) = 1;
           continue;
       else %已经检查过了,就跳过
           continue;
       end
       while(stackSize ~= 0) % 若栈非空
            % 出栈
           currentX = stack(stackSize,1);
           currentY = stack(stackSize,2);
           %fprintf('当前检查的像素: %d %d\n',currentX,currentY)
           stackSize = stackSize -1;
           %fprintf('因检查而出栈: %d %d\n',currentX,currentY)
           if checked(currentX,currentY) == 1% 如果已经检查过这个点,就跳过
               continue;
           end
           checked(currentX,currentY) = 1;%将该点标记为已检查
           J(currentX,currentY,:) = colors(mod(currentRegion,10),:); %只设置了十种颜
色, 如果区域太多, 就再从第一种颜色开始填色
           % 判断八领域像素是否已经检查过
           for neighborX = currentX-1:1:currentX+1
               for neighborY = currentY-1:1:currentY+1
                   tempX = neighborX;
                   tempY = neighborY;
                   %边缘处理
                   if tempX < 1
```

```
tempX = 1;
               end
               if tempY <1
                  tempY = 1;
               end
               if tempX >M
                  tempX = M;
               end
               if tempY > N
                  tempY = N;
               end
               % 若还没检查过且为白色, 就入栈
               stackSize = stackSize+1;
                  stack(stackSize,1) = tempX;
                  stack(stackSize,2) = tempY;
                  %fprintf('作为%d %d 的邻域入
栈: %d %d\n',currentX,currentY,tempX,tempY);
               未检查,黑色
                  checked(tempX,tempY) = 1;
               end
            end
         end
      end
   end
end
```

% 显示结果 subplot(121) imshow(logical(I));title('原图 I'); subplot(122) imshow(uint8(J)));title('标记后的图像 J'); end

结果展示



5. 边界追踪

题目描述

设一幅二值图像中,只有一个白色区域,试给出求该区域外围轮廓线的方法(要求按顺时针的顺序给出各点的坐标,即行/列号)。

算法详解

基本思路

- 1. 遍历每个像素,如果该像素本身是黑色,且其八邻域中有白色像素,就将该像素存入边界像素表。
- 2. 统计白色像素横纵坐标的平均值,找到区域的重心。
- 3. 遍历边界像素表中的每个像素, 计算其到重心的角度θ(0~360°)
- 4. 根据θ对边界像素进行排序
- 5. 排序结果即为按顺或逆时针方向排序的边界点坐标。

完整算法描述

得到图像的行数 M 和列数 N

```
for x = 1:M
for y = 1:N
如果(x,y)是白色点,
xSum = xSum + x;
ySum = ySum + y;
whiteSum = whiteSum+1;
如果(x,y)是黑色点
考察其八邻域是否有白色像素
```

如果有,就将(x,y)的坐标存入边界像素表 boundaryPixels

求重心像素坐标: xCenter = xSum / whiteSum; yCenter = ySum / whiteSum;

对 boundaryPixels 中的每个像素,求其到角度重心的角度θ(0~360°):

 θ = atand((y-yCenter)/(x-xCenter)); 如果(x-xCenter) <0 则 θ = θ + 180;

```
如果 (x-xCenter) > 0 && ((y-yCenter) < 0)则\theta = \theta + 360;
```

将 boundaryPixels 中的所有边界像素按其对应的θ降序排列

代码实现

```
function [ J] = outerBoundaryTracking( I )
%UNTITLED2 此处显示有关此函数的摘要
   遍历,如果有邻域有黑的白色像素就是边界,把边界坐标存起来
   用极坐标表示这些坐标, 并排序, 按角度从小到大输出成动画
[M, N] = size(I);
J = zeros(M,N);
boundaryPixels = zeros(M*N,3); % 每行前两个变量是边界像素坐标,第三个像素是其
斜率 x/y, 用于顺时针排序
numOfBoundaryPixels = 0;
xSum = 0;
ySum = 0;
whiteSum = 0;
% 找到所有边界点的坐标
for x = 1:M
   for y = 1:N
      if l(x,y) == 1 %是白色点
          %求中心点
          xSum = xSum + x;
          ySum = ySum + y;
          whiteSum = whiteSum+1;
      else
          hasWhiteNeighbor = 0;
          %考察其八领域是否有白色点
          for neighborX = x-1:1:x+1
             if hasWhiteNeighbor == 1
```

```
break;
    end
    for neighborY = y-1:1:y+1
        tempX = neighborX;
       tempY = neighborY;
       %边缘处理
       if tempX < 1
           tempX = 1;
       end
       if tempY <1
           tempY = 1;
       end
       if tempX >M
           tempX = M;
       end
       if tempY > N
           tempY = N;
       end
       % 判断是否有白色邻居
       if I(tempX,tempY) == 1
            hasWhiteNeighbor = 1;
            break;
       end
    end
end
%如果是黑点且有白色邻居, 就认为是外边界
if hasWhiteNeighbor == 1
   numOfBoundaryPixels = numOfBoundaryPixels+1;
```

```
boundaryPixels(numOfBoundaryPixels,1) = x;
                boundaryPixels(numOfBoundaryPixels,2) = y;
            end
        end
    end
end
%求中心点
xCenter = xSum / whiteSum
yCenter = ySum / whiteSum
%求以中心点为原点建立极坐标系后,每个点到中心点的角度 theta,存入
boundaryPixels(i,3)
for i =1:numOfBoundaryPixels
    x = boundaryPixels(i,1);
    y = boundaryPixels(i,2);
    boundaryPixels(i,3) = atand((y-yCenter)/(x-xCenter));
    if (x-xCenter) <0
        boundaryPixels(i,3) = boundaryPixels(i,3) + 180;
    elseif (x-xCenter) > 0 && ((y-yCenter) < 0)
        boundaryPixels(i,3) = boundaryPixels(i,3) + 360;
    end
end
% 按顺时针方向排序
boundaryPixels(numOfBoundaryPixels+1:end,:) = []; % 删除多余行
boundaryPixels = sortrows(boundaryPixels, 3,'descend');
% 显示结果
```

```
imshow(logical(I));title('原图 I');

figure(2),imshow(logical(J));title('顺时针标出边界点');

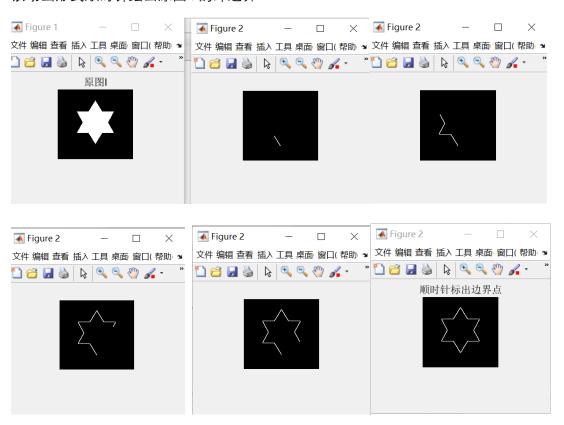
for i =1:numOfBoundaryPixels

    J(boundaryPixels(i,1),boundaryPixels(i,2)) = 1;
    figure(2),imshow(logical(J));title('顺时针标出边界点');

end

end
```

以动画形式顺时针绘出原图 | 的外边界:



6. 附加题: 图中有多少粒米?

题目描述

用 MATLAB 输出下图中米粒个数。



算法详解

- 1. 首先进行中值滤波,去除噪声
- 2. 先用开运算获得背景
- 3. 滤波后的图像减去背景得到光照均匀的图像
- 4. 再用自适应阈值将图像二值化
- 5. 再次进行开操作,使一些连在一起的米粒分开
- 6. 对图像进行区域标记
- 7. 区域个数即为米粒个数。(最后算出答案为96个)

代码实现

function [numOfRiceGrains] = countRice()

%countRice 此处显示有关此函数的摘要

% 此处显示详细说明

numOfRiceGrains = 0;

l =imread('rice.png');

I = rgb2gray(I);

```
I = medfilt2(I,[3,3]); % 中值滤波
background =imopen(I,strel('disk',15)); %开操作得到背景
I2=imsubtract(I,background); %减去背景,消除光照不不均效应
level=graythresh(I2); %获得自适应阈值
IFinal=im2bw(I2,level);
                     %阈值分割得到二值图像
| IFinal = imopen(IFinal, strel('disk', 3)); % 开操作分开连在一起的米粒
% labeled 是处理后的矩阵, numObjects 是米粒的个数;
[labeled,numOfRiceGrains]=bwlabel(IFinal,8);
% 显示结果
subplot(221)
imshow(uint8( I));title('原图');
subplot(222)
imshow(uint8(background));title('背景');
subplot(223)
imshow(uint8(I2));title('背景均匀后');
subplot(224)
imshow(logical(IFinal));title('最终用于计算的图像');
end
```

