

Systèmes à Microprocesseurs

Cycle Ingénieur Troisième Année

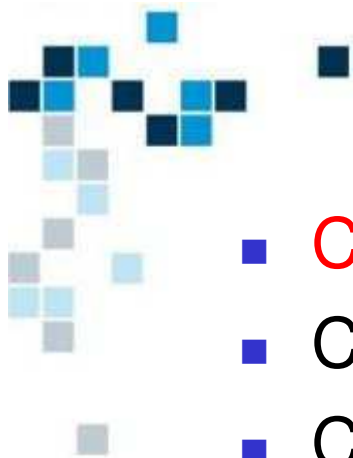
Sébastien Bilavarn



Organisation du module μP

- 12 cours (1h) + 6 TDs (2h)
- <http://users.polytech.unice.fr/~bilavarn/>
 - login elec3, mdp nios2007
 - Cours, TDs, TP, exercices complémentaires, bibliographie
 - TDs: environnement de développement (GCC ARM, Linux)

- Examen partiel (1h): mardi 24 mars
- Examen final (2h): vendredi 15 mai
 - **$\text{Final_CM_TD} = (2 \times \text{Exam_partiel} + 3 \times \text{Exam_final}) / 5$** **COEF 5**
- 5 séances TP notées (Compte rendus) + Examen TP
 - **$\text{Final_TP} = (\text{MOY_CR_TP} + 2 \times \text{Exam_TP}) / 3$** **COEF 3**



Plan

- Ch1 – Représentation de l'information
- Ch2 – ARM Instruction Set Architecture
- Ch3 – Accès aux données
- Ch4 – Programmation structurée
- Ch5 – Cycle d'exécution
- Ch6 – Codage binaire
- Ch7 – Microcontrôleur ARM Cortex-M

Représentation de l'information

- Représentation de l'information
 - Opérations sur les données



Représentation de l'information

- Types de données de base
 - Nombres entiers (0, -23, 10, 6, 65635)
 - Nombres réels (0.3, -3.2, 5, 10e3)
 - Booléens (true, false)
 - Caractères ('a', 'b', '?', '&', '0')
- Systèmes de numération
 - Décimal: 0 ... 9, décomposition en puissances de 10
 - Hexadécimal: 0 à 9 et A...F, décomposition en puissances de 16
 - Binaire: 0 ou 1, décomposition en puissances de 2
- Décimal et hexadécimal sont utilisables pour l'être humain
- La représentation binaire est utilisable par l'ordinateur



Représentation de l'information

- Mot binaire
 - Bit (Binary digit)
 - Quartet (nibble) 4 bits
 - Octet (byte) 8 bits
- Terminologie utilisée sur les processeurs 32-bit (y compris ARM)
 - Demi-mot (half-word) 16 bits
 - Mot (word) 32 bits
 - Double-mot (double word) 64 bits
- /!\ la terminologie peut changer d'une famille à l'autre
 - Motorola, Intel
 - word 16 bits, long word 32 bits, quad word 64 bits



Représentation des nombres entiers

- Binaire pur sur n bits
 - Représentation des entiers entre 0 et $2^n - 1$

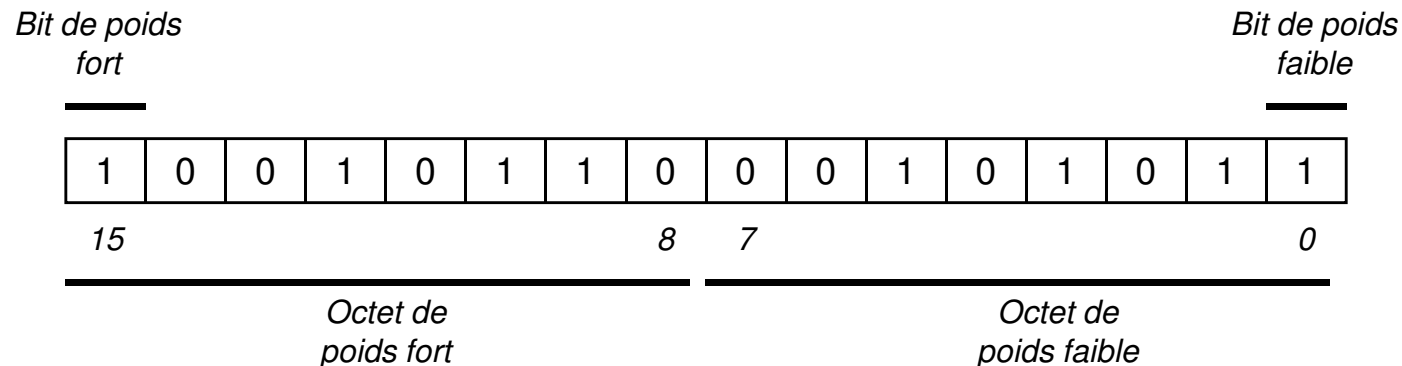
- Exemples (sur 8 bits):
 - $(00000000)_{\text{bin}} = (0)_{\text{dec}}$
 - $(11111111)_{\text{bin}} = (2^8 - 1)_{\text{dec}} = (255)_{\text{dec}}$
 - $(11001001)_{\text{bin}} = 1 \times 2^7 + 1 \times 2^6 + 0 \times 2^5 + 0 \times 2^4 + 1 \times 2^3 + 0 \times 2^2 + 0 \times 2^1 + 1 \times 2^0$
 $= (128 + 64 + 8 + 1)_{\text{dec}}$
 $= (201)_{\text{dec}}$



Représentation des nombres entiers

■ Vocabulaire

- Bit de poids fort: bit le plus significatif (MSB, Most Significant Bit)
- Bit de poids faible: bit le moins significatif (LSB, Least Significant Bit)

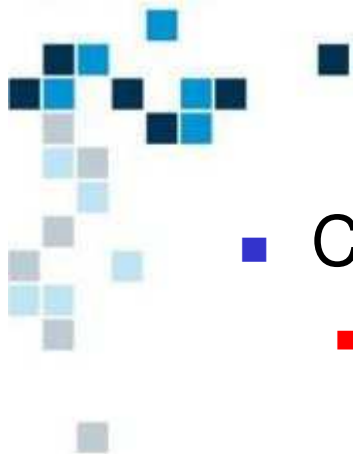




Représentation des nombres entiers

- Complément à deux sur n bits
 - Représentation des entiers compris entre -2^{n-1} et $2^{n-1}-1$
 - Conversion décimal vers complément à deux
 - Nombres positifs: correspondance directe avec le binaire pur
 - Nombres négatifs: convertir $2^n + x$ en binaire pur.

- Méthode pour prendre l'opposé d'un nombre en complément à deux
 - Complémenter bit à bit
 - Puis ajouter 1 au résultat



Représentation des nombres entiers

- Complément à deux sur n bits

- Exemples (sur 8 bits)

- $(10000000)_{\text{bin}} = (-128)_{\text{dec}}$

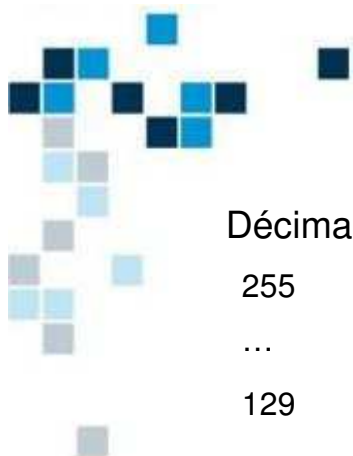
- $(11111111)_{\text{bin}} = (-1)_{\text{dec}}$

- $(00000000)_{\text{bin}} = (0)_{\text{dec}}$

- $(01111111)_{\text{bin}} = (127)_{\text{dec}}$

- $(5)_{\text{dec}} = (00000101)_{\text{bin}}$

- $(-5)_{\text{dec}} = \overline{(00000101)_{\text{bin}}} + 1 = (11111010)_{\text{bin}} + 1 = (11111011)_{\text{bin}}$



Représentation des nombres entiers

Décimal	Binaire pur	Complément à deux
255	11111111	
...	...	
129	10000001	
128	10000000	
127	01111111	<u>0</u> 1111111
...
3	00000011	<u>0</u> 0000011
2	00000010	<u>0</u> 0000010
1	00000001	<u>0</u> 0000001
0	00000000	<u>0</u> 0000000
-1		<u>1</u> 1111111
-2		<u>1</u> 1111110
-3		<u>1</u> 1111101
...		...
-127		<u>1</u> 0000001
-128		<u>1</u> 0000000



Représentation des nombres entiers

- Correspondance entre binaire et hexadécimal
 - Un chiffre hexadécimal pour 4 bits
 - Exemples:
 - $(53)_{\text{hex}} = (0101\ 0011)_{\text{bin}}$
 - $(FF)_{\text{hex}} = (1111\ 1111)_{\text{bin}}$
 - Nombres négatifs
 - En décimal on fait figurer le signe –
 - En hexadécimal par convention, on traduit directement à partir du binaire
 - Exemple en complément à deux sur 8 bits
 - $(-1)_{\text{dec}} = (1111\ 1111)_{\text{bin}} = (FF)_{\text{hex}}$



Représentation des caractères

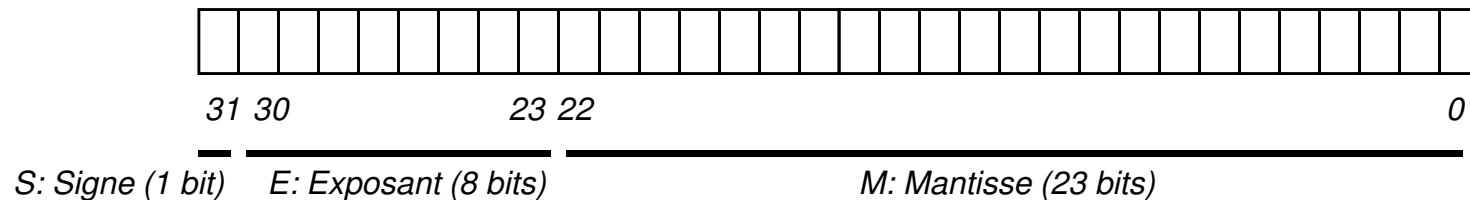
- Le code ASCII
 - American Standard Code for Information Interchange
 - 1 caractère = 1 octet
 - Exemples:

Décimal	Caractère	Décimal	Caractère	Décimal	Caractère
32	ESPACE	48	0	91	[
33	!	49	1	92	\
34	"	63]
35	#	57	9	...	
36	\$	
37	%	65	A	97	a
38	&	66	B	98	b
39	'
40	(90	Z	122	z



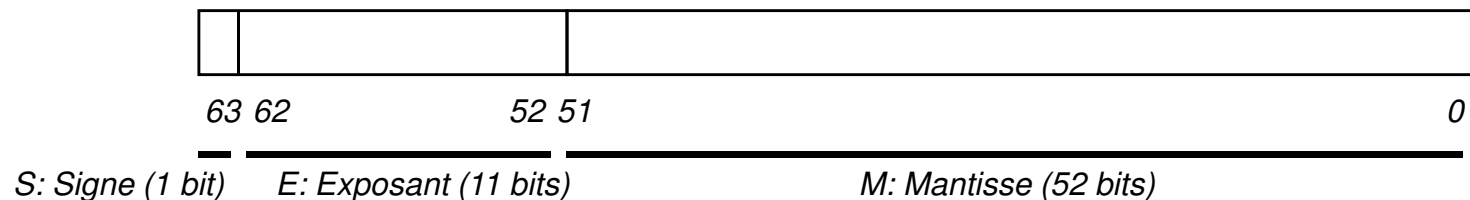
Représentation des nombres réels

- Le standard IEEE 754 (32-bit, simple précision)



$$(-1)^S * (1 + M/2^{23}) * 2^{E-127}$$

- Le standard IEEE 754 (64-bit, double précision)



$$(-1)^S * (1 + M/2^{52}) * 2^{E-1023}$$



Représentation des nombres réels

■ Exemple:

01000100 01000001 01010100 01000101

- Signe: 0 positif
- Exposant: $10001000 = (136)_{\text{dec}}$
- Mantisse: $1000001\ 01010100\ 01000101 = (4281413)_{\text{dec}}$
- Résultat: $(1 + 4281413/2^{23}) * 2^{136-127} =$
 $= 1.5103842 * 2^9 = 773.31671$

Représentation de l'information

- Représentation de l'information
 - Opérations sur les données



Opérations arithmétiques

- Addition n bits

- Exemple

$$\begin{array}{r} 1\ 0\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1 \\ + 1\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1 \\ \hline 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 0\ 0 \end{array}$$

- A chaque étape, on réalise la somme de trois bits
 - Un bit de chacun des deux opérandes
 - La retenue de l'étape précédente
- Indicateur d'état: C=1



Opérations arithmétiques

- Addition de nombres signés
 - Utilisation du complément à deux

$$\begin{array}{r} -5 \\ + 7 \\ \hline 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1 \\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 0\ 1\ 1 \\ + 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 1\ 1 \\ \hline 1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0\ 1\ 0 \end{array}$$

- Indicateur d'état: C=1
 - La retenue sortant est ignorée dans le résultat
 - Risque de débordement



Opérations arithmétiques

- Addition de nombres signés
 - Risque de débordement

$$\begin{array}{r} 70 \\ + 95 \\ \hline 165 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1 1 1 1 1 \\ 0 1 0 0 0 1 1 0 \\ + 0 1 0 1 1 1 1 1 \\ \hline 0 1 0 1 0 0 1 0 1 \end{array}$$

- Indicateur d'état: $C=0$
 - La retenue sortant est ignorée dans le résultat
- Indicateur de débordement: $V=1$
 - $V = \overline{A_{n-1}} \cdot \overline{B_{n-1}} \cdot S_{n-1} + A_{n-1} \cdot B_{n-1} \cdot \overline{S_{n-1}}$



Opérations arithmétiques

- Multiplication en binaire pur sur 8 bits

$$\begin{array}{r} 110 \\ \times 102 \\ \hline 220 \\ 000 \\ 110 \\ \hline 11220 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 01101110 \\ \times 01100110 \\ \hline 00000000 \\ 01101110 \\ 01101110 \\ 00000000 \\ 00000000 \\ 01101110 \\ 01101110 \\ 00000000 \\ \hline 010101111010100 \end{array}$$



Opérations arithmétiques

- Multiplication en binaire pur sur 8 bits
 - Résultat sur $2n$ bits
 - Combinaisons de décalages et d'additions
 - Opération coûteuse en temps de calcul

- Si l'un des deux nombres contient beaucoup de 0 et peu de 1, l'algorithme de multiplication peut devenir très inefficace.



Opérations arithmétiques

- Multiplication en complément à deux

$$\begin{array}{r} -5 \\ \times 7 \\ \hline -35 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1011 \\ \times 0111 \\ \hline 1011 \\ 1011 \\ 1011 \\ 0000 \\ \hline 1001101 \end{array}$$



Opérations arithmétiques

- Multiplication en complément à deux
 - On obtient 77 !!
 - Conséquence: les circuits multiplieurs traitent différemment les opérations en binaire pur (nombres non signés) et les opérations en complément à deux (nombres signés).



Opérations arithmétiques

- Décalages et rotations

- Intérêt d'une opération de décalage

- Multiplication ou division par des puissances de deux.
 - Multiplication par des nombres comprenant beaucoup de 0 et peu de 1.
 - Parcourir un par un les bits d'une donnée, par exemple dans le cadre d'une transmission série.

- Deux types de décalage

- Décalage logique
 - Décalage arithmétique



Opérations arithmétiques

■ Décalage logique

- $(72)_{\text{dec}} \gg 2 = (01001000)_{\text{bin}} \gg 2 = (00010010)_{\text{bin}} = (18)_{\text{dec}}$
- $(-4)_{\text{dec}} \gg 2 = (11111100)_{\text{bin}} \gg 2 = (00111111)_{\text{bin}} = (63)_{\text{dec}}$

■ Décalage arithmétique

- $(72)_{\text{dec}} \gg 2 = (01001000)_{\text{bin}} \gg 2 = (00010010)_{\text{bin}} = (18)_{\text{dec}}$
- $(-4)_{\text{dec}} \gg 2 = (11111100)_{\text{bin}} \gg 2 = (11111111)_{\text{bin}} = (-1)_{\text{dec}}$



Opérations de comparaison

- Les quatre indicateurs d'état:
 - C: Carry
 - V: oVerflow
 - Z: Zero
 - N: Negative

- Comment comparer deux nombres A et B ?
 - On calcule la différence $A - B$
 - On utilise les indicateurs N, Z, C, V
 - $Z = 1, A = B$
 - $Z = 0, A \neq B$



Opérations de comparaison

- Comparaison de nombres non signés
 - La soustraction génère une retenue lorsque $A \geq B$.

C	
0	$A < B$
1	$A \geq B$

C	Z	
0	-	$A \leq B$
-	1	
1	0	$A > B$



Opérations de comparaison

- Comparaison de nombres signés
 - On test le signe du résultat (N) en tenant compte d'un éventuel débordement (V).

N	V	
1	0	$A < B$
0	1	
1	1	$A \geq B$
0	0	

N	V	Z	
1	0	-	$A \leq B$
0	1	-	
-	-	1	
1	1	0	$A > B$
0	0	0	



Opérations logiques

- AND

- $(00000101)_{\text{bin}} \text{ AND } (00001111)_{\text{bin}} = (00000101)_{\text{bin}}$

- OR

- $(00000101)_{\text{bin}} \text{ OR } (00000111)_{\text{bin}} = (00000111)_{\text{bin}}$

- Exclusive OR

- $(00000101)_{\text{bin}} \text{ XOR } (00000111)_{\text{bin}} = (00000010)_{\text{bin}}$

- Bit clear

- Mise à 0 de bits

- $(00000\textcolor{red}{1}0\textcolor{red}{1})_{\text{bin}} \text{ BIC } (00000111)_{\text{bin}} = (00000\textcolor{red}{0}0\textcolor{red}{0})_{\text{bin}}$