

微积分3——函数的连续性

参考教材章节

- 1.8 函数的连续性与间断性
- 1.9 连续函数的运算与初等函数的连续性

课后作业

1. 讨论函数 $f(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1-x^{2n}}{1+x^{2n}}$ 的连续性，并画出函数图像
2. 设 $f(x)$ 在 R 上连续，且 $f(x) \neq 0$, $\phi(x)$ 在 R 上有间断点，则下列陈述中哪些是对的？如果是对的，说明理由；如果不对，举出反例。
 - (1) $\phi(f(x))$ 有间断点
 - (2) $[\phi(x)]^2$ 有间断点
 - (3) $f[\phi(x)]$ 不一定有间断点；
 - (4) $\frac{\phi(x)}{f(x)}$ 必有间断点