# Статистическая проверка гипотез



Квантиль и квартиль. Дизайн эксперимента и статистические гипотезы о данных. Ошибки 1-го и 2-го рода. Статистическая значимость p-value. А/В тестирование. Тесты на нормальность. Корреляционные тесты. Проверка гипотезы t-критерия Стьюдента. Одновыборочный t-критерий. Двухвыборочный t-критерий для независимых выборок. Множественный тест (ANOVA).

#### Юстина Иванова

Специалист по Анализу Данных





Инженер-программист МГТУ им. Баумана

Master of Science in Artificial Intelligence
University of Southampton

Специалист по анализу данных в компании ОЦРВ.

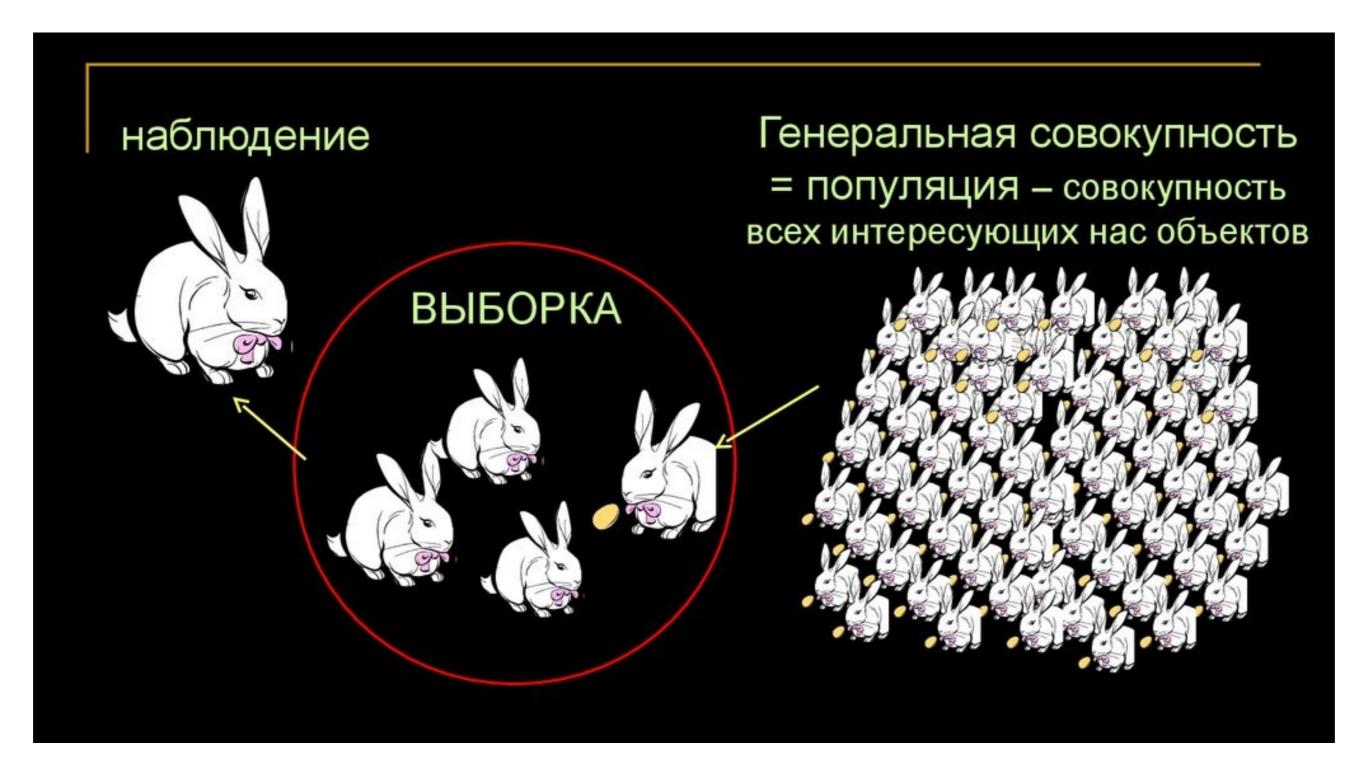
**Юстина Иванова** студент-аспирант University of Bolzano





## Генеральная совокупность и выборка.

**Генеральная совокупность** — множество всех объектов, обладающих изучаемым признаком.

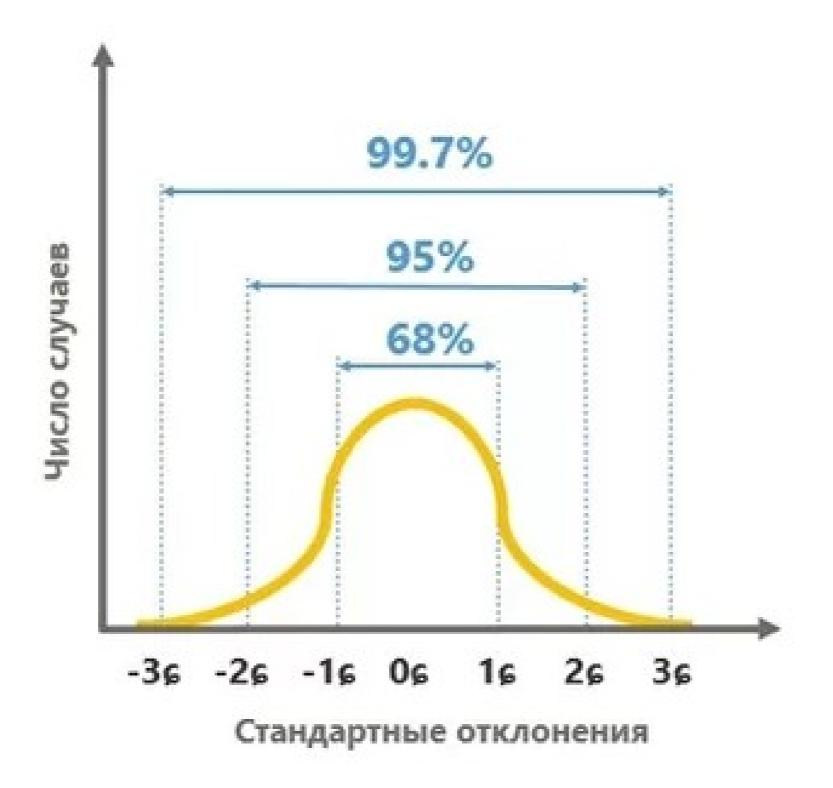


На основе свойств выборки делаем заключение о свойствах генеральной совокупности.



# Доверительный интервал

Доверительный интервал — интервал, в котором лежит 95% данных.

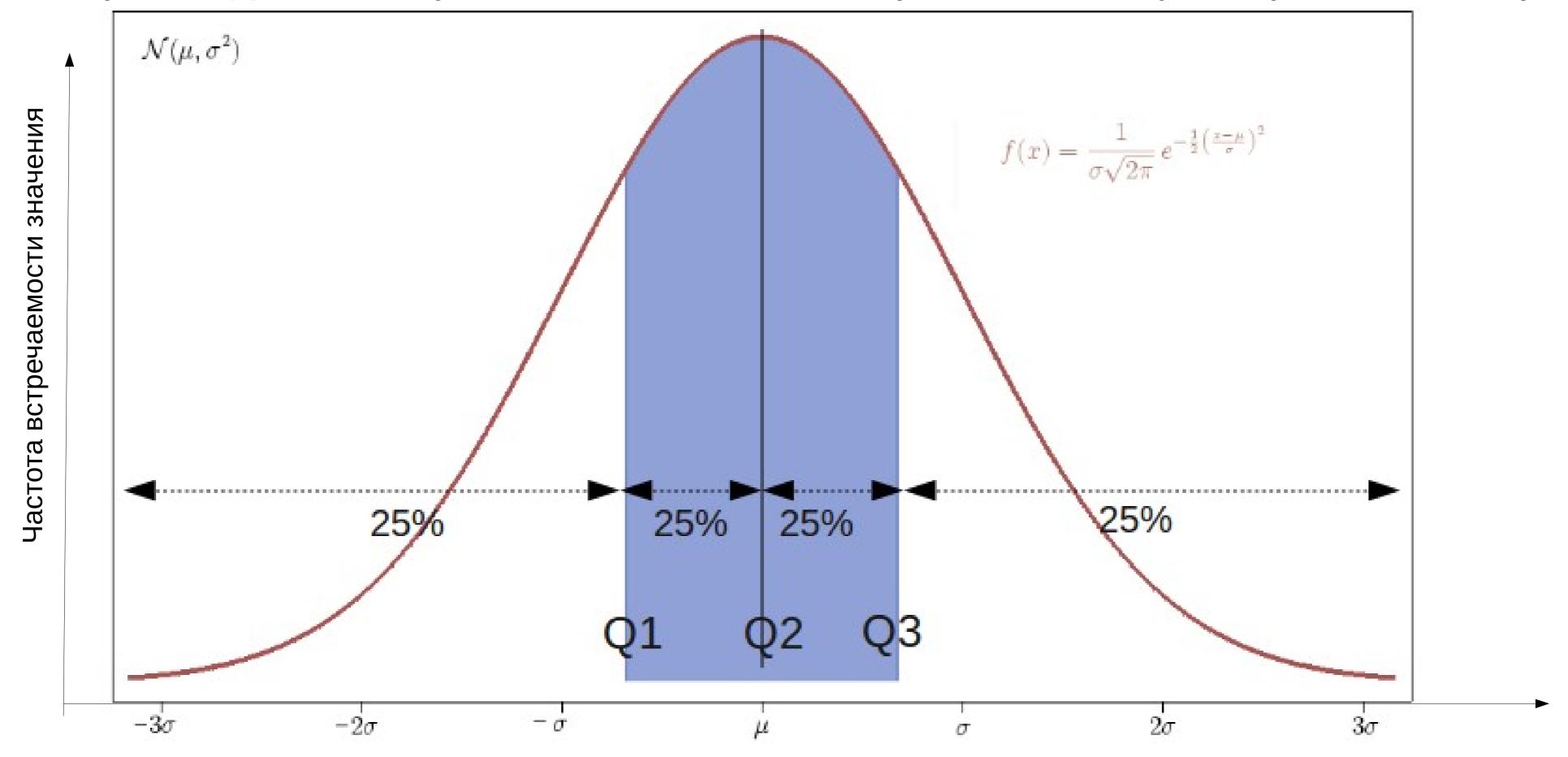


https://www.tidydata.ru/hypothesis



## Квантиль

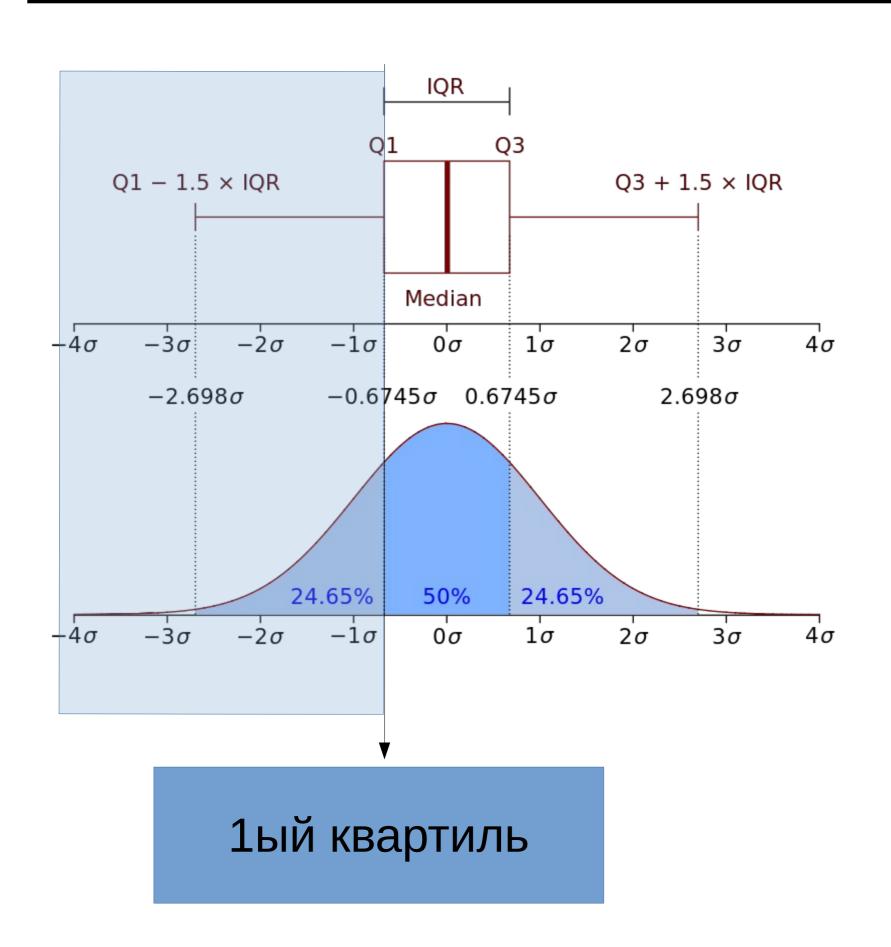
значение, которое заданная случайная величина не превышает с фиксированной вероятностью



Значение случайной величины



## Значение квартиля

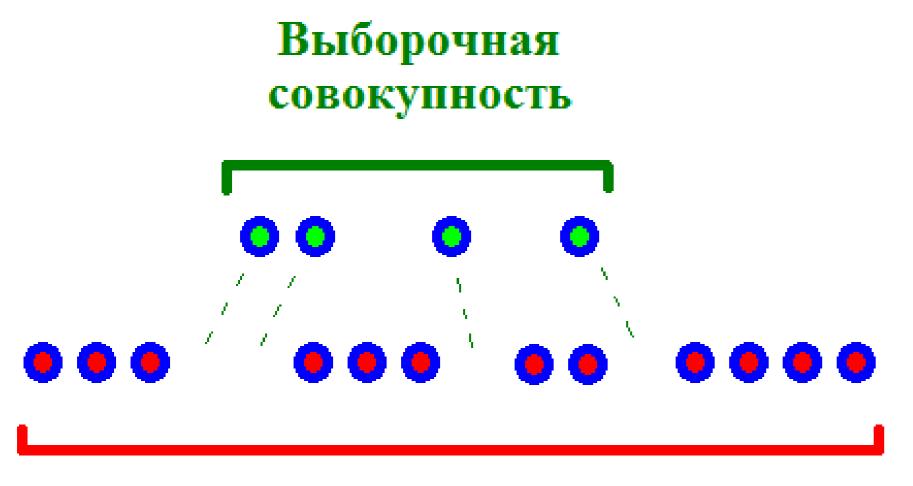


Предоставляют важную информацию о структуре вариационного (колонку таблицы) ряда признака. Вместе с медианой они делят вариационный ряд на 4 равные части. Квартилей две, их обозначают символами Q, верхняя и нижняя квартиль. 25% значений меньше, чем нижняя квартиль, 75% значений меньше, чем верхняя квартиль.



## Статистические гипотезы о данных

**Выборочная совокупность** — множество всех объектов, отобранных случайно из генеральной совокупности для изучения.



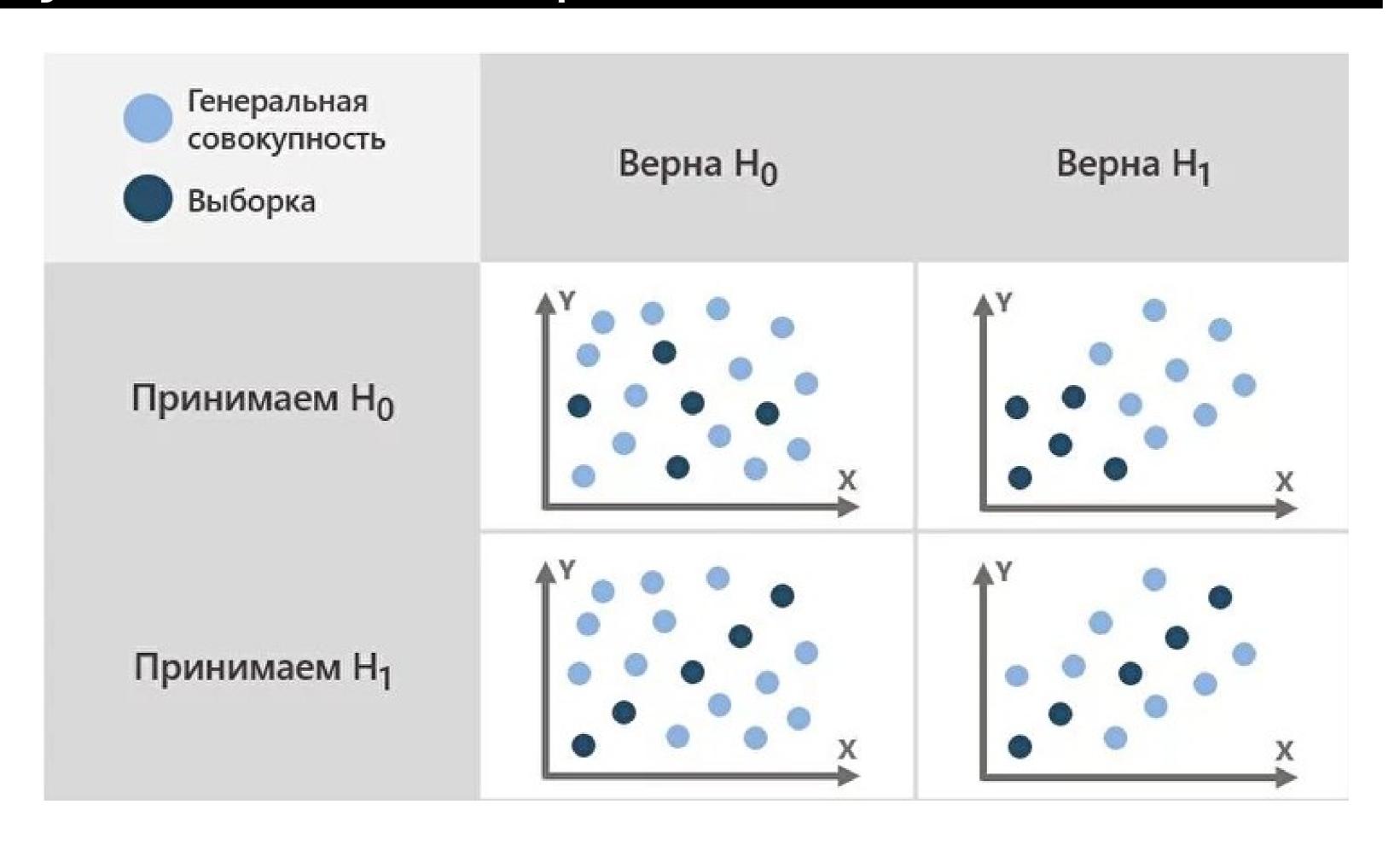
Нулевая гипотеза (Н0)— гипотеза о сходстве

**Альтернативная гипотеза, конкурирующая, (Н1)**— гипотеза о различиях

Генеральная совокупность



# Нулевая и альтернативная гипотезы



https://www.tidydata.ru/hypothesis



## Примеры основной и альтернативной гипотезы

#### Основная гипотеза:

$$H_0: a = 368$$

Средний вес выпускаемых коробок равен 368 г, конвейер работает нормально

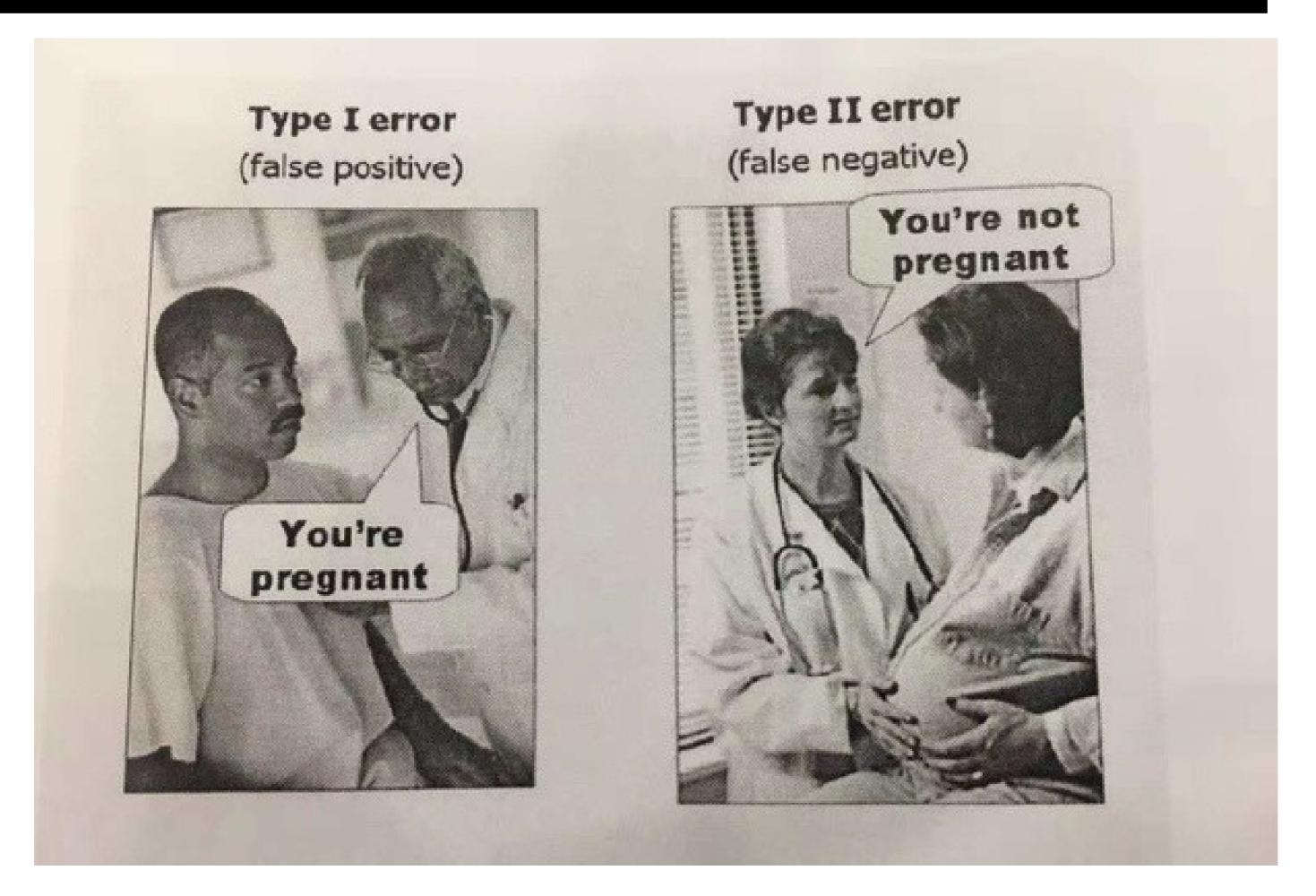
Альтернативная гипотеза:

$$H_1: a \neq 368$$

 $H_{\scriptscriptstyle 1}$  :  $a \neq 368$  Средний вес выпускаемых коробок отличен от 368 г, конвейер требует наладки



## Пример: тест беременность.



https://blog.mathquant.com/2019/01/26/why-do-you-have-to-learn-to-lose-money-in-the-futures-market.html



## Статистические гипотезы о данных

Disease present

Disease absent

**a** True positive

Positive

Negative

b False positive Ошибка 1 рода: Вероятность отвергнуть гипотезу, но в действительности она верна

Критически значимый уровень **alpha** = 0.05

**c** False negative

True negative

Ошибка 2 рода:

Вероятность принять гипотезу, но в действительности она неверна **beta** — вероятность ошибки. Мощность исследования = 1-beta.

https://www.youtube.com/watch?v=4eyEp\_NTXAU

https://www.nejm.org/doi/full/10.1056/NEJM199908193410823



## Статистически значимость

СТАТИСТИЧЕСКАЯ ЗНАЧИМОСТЬ (ЗНАЧЕНИЕ Р)

– РАСЧЕТНАЯ ВЕРОЯТНОСТЬ ОШИБКИ ПЕРВОГО РОДА, КОТОРАЯ РАССЧИТЫВАЕТСЯ С ПОМОЩЬЮ РАЗЛИЧНЫХ СТАТИСТИЧЕСКИХ КРИТЕРИЕВ



P < 0,05

Подсчитывается с помощью разных критериев.



## Виды статистических критериев

#### Критерии согласия -

исследуемая случайная величина подчиняется предполагаемому закону.

```
1 If Data Is Gaussian:
2   Use Parametric Statistical Methods
3 Else:
4   Use Nonparametric Statistical Methods
```

#### Параметрические критерии -

включают в расчет параметры вероятностного распределения признака (средние и дисперсии).

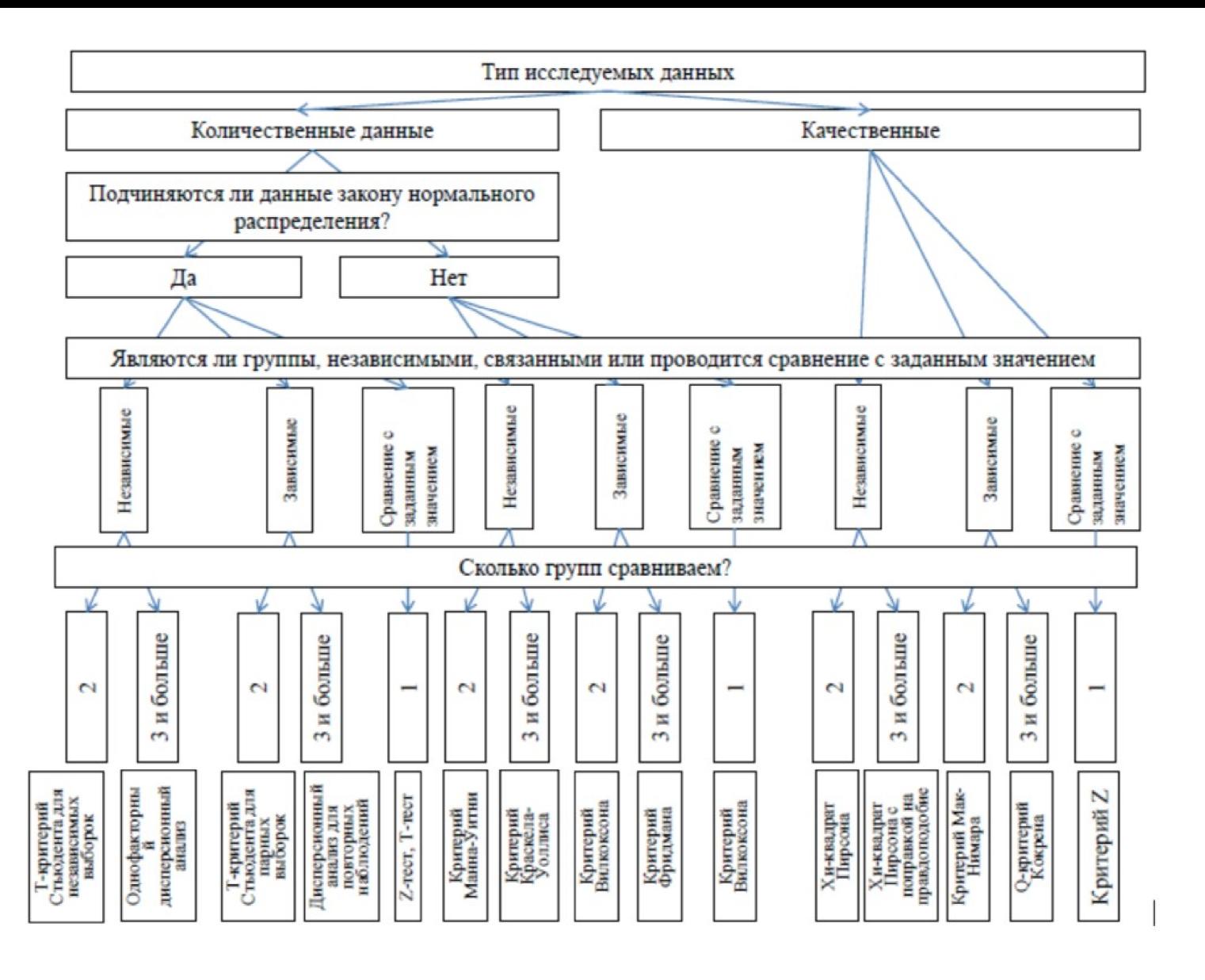
#### Непараметрические критерии -

которые не включают в расчёт параметры вероятностного распределения и основаны на оперировании частотами или рангами.

https://machinelearningmastery.com/a-gentle-introduction-to-normality-tests-in-python/

## Схема применения критериев







## Параметрические критерии

Параметрические критерии - группа статистических критериев, которые включают в расчет параметры вероятностного распределения признака (средние и дисперсии).

t-критерий Стьюдента Критерий Фишера Критерий отношения правдоподобия Критерий Романовского



## t-критерий Стьюдента

Случайная величина  ${\mathsf t}$  имеет распределение Стьюдента с  $n^{-1}$  степенями свободы, где  ${\mathsf n}$  — размер выборки.

$$t = \frac{\bar{x} - \mu}{s/\sqrt{n}}$$

Критические значения t для заданного уровня доверия можно взять из таблицы



## Т-критерий Стьюдента

Если t-критерий HE превышает пороговое t, при p-lavel = 0.05 — это значит, что у нас **нет оснований для отклонения нулевой гипотезы**.

Если фактическое **t превышает критическое табличное значение при p=0.05, мы отклоняем нулевую гипотезу,** — это означает, что мы обнаружили значимую закономерность!



## Непараметрические критерии

Непараметрические критерии

Группа статистических критериев, которые не включают в расчёт параметры вероятностного распределения и основаны на оперировании частотами или рангами.

Q-критерий Розенбаума U-критерий Манна — Уитни Критерий Уилкоксона Критерий Пирсона Критерий Колмогорова — Смирнова



## А/В тесты

A/B тестирование — это мощный маркетинговый инструмент для повышения эффективности работы вашего интернет-ресурса.

Ниже на картинках приведены примеры распределения значений показателя в

сегментах.

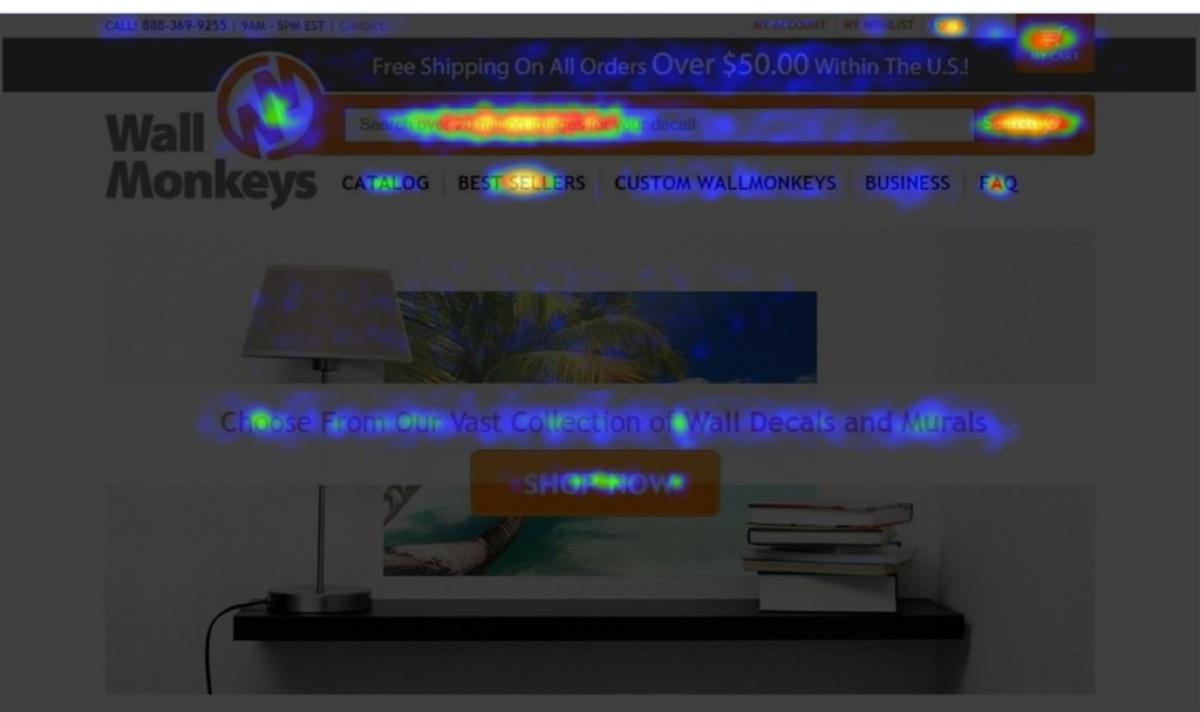




## Пример A/B теста: Wallmonkeys

Компания WallMonkeys решила оптимизировать веб-сайт на клики и конверсию.





https://www.crazyegg.com/blog/ab-testing-examples/



## Пример A/B теста: WallMonkeys

1 тест: 27% кликов.



2 тест: 550% кликов



https://www.crazyegg.com/case-studies

# Спасибо за внимание!

