动态规划训练赛1

竞赛时间: 2017年7月21日13:00-16:00

题目名称	邮局选址	补兵	任务
输入文件名	post.in	cs.in	mission.in
输出文件名	post.out	cs.out	mission.out
每个测试点时限	1 sec	2 sec	1 sec
内存限制	128M	128M	128M
测试点数目	10	10	10
每个测试点分值	10	10	10
是否有部分分	无	无	无
题目类型	传统	传统	传统

提交源程序须加后缀

对于 Pascal 语言	post.pas	cs.pas	mission.pas
对于 C 语言	post.c	CS.C	mission.c
对于 C++ 语言	post.cpp	cs.cpp	mission.cpp

注意: 最终测试时,所有编译命令均不打开。评测系统为Win7。

邮局选址

【问题描述】

有n个村庄分布在一条直线上,每个村庄可以用一个坐标 x_i 来进行描述。现在,你需要建设m个邮局,使得每个村庄到离它最近的邮局的距离之和最小。

【输入文件】

输入文件为 post.in。

输入文件第一行为两个正整数n,m。第二行n个递增的整数,表示 $x_1 \sim x_n$ 。

【输出文件】

输出文件为 post.out。

输出一行一个整数,为最小的距离之和。

【输入输出样例】

post.in	post.out
10 5	9
1 2 3 6 7 9 11 22 44 50	

【数据规模和约定】

对于30%的数据,满足 $n \le 10$ 。

对于60%的数据,满足 $n \le 60$ 。

对于100%的数据,满足 $1 \le n \le 300$, $1 \le m \le 30$, $1 \le x_i \le 10000$ 。

补兵

【问题描述】

对于一名DotA玩家,补兵的个数(creep score)是衡量一名选手的能力的一项重要指标。特别是在打路人局的时候,补兵的能力就更加关键,因为常常会有队友和你抢补刀。比如,队友操控的老鹿开着大在收一波兵,你操作的英雄如果是幽鬼,就需要在老鹿的AOE中偷偷补上几刀来保证自己的发育。

我们可以建立如下模型来大致模拟这种状况:现在有n个小兵,每个小兵都有自己的血量(血量一定是正整数)。你和老鹿轮流对小兵进行攻击。每次,你可以选择对某个小兵造成1点伤害(或者你可以选择不造成任何伤害);接着,老鹿会对所有小兵都造成1点伤害。如此往复,直到所有小兵都死亡(血量达到0)。在这一过程中,如果你对某个小兵造成了致命伤害(使它的血量由1变为0),那么你就算成功补到这个兵。

对于给定的情形, 你需要计算你的最大补兵数。

【输入文件】

输入文件为 cs.in。

本题含有多组数据,第一行为数据组数T。

对于每组数据,第一行为一个正整数n,第二行为n个正整数,表示每个小兵的初始血量。

【输出文件】

输入文件为 cs.out。

对于每组数据,输出一行一个整数,表示你的最大补兵数。

【输入输出样例】

cs.in	cs.out
1	2
5	
5 5 5 5 5	

【数据规模和约定】

对于30%的数据,满足 $n \leq 100$ 。

对于50%的数据,满足 $n \le 500$, $T \le 30$,每个小兵的血量不超过500。

对于100%的数据,满足 $1 \le n \le 1000$, $1 \le T \le 70$ 。每个小兵的血量不超过1000。数据规模有一定的梯度。

任务

【问题描述】

n个人正在完成m件任务。

每个人都有一定的能力,我们可以用正整数 a_i 来描述每个人的能力;每件任务都有一定的难度,我们可以用正整数 b_j 来描述每个任务的难度。具体地,编号为i的人完成编号为j的任务所需要的时间为 $a_i \times b_i$ 。

现在,你需要让n个人按编号依次完成m件任务,即第一个人从第一件任务 开始,一直完成到最后一件,当第一个人完成第一件任务时,第二个人开始进 行第一个任务……在此过程中,你需要保证一个任务只能正在由一个人完成。

你需要求出最后一个人完成最后一件任务的最早时间。

【输入文件】

输入文件为 mission.in。

第一行两个正整数m,n。

第二行m个正整数,分别表示 $b_1, b_2 ..., b_m$ 。

第三行n个正整数,分别表示 $a_1, a_2 ..., a_n$ 。

【输出文件】

输入文件为 mission.out。

输出一行一个正整数,表示最后一个人完成最后一件任务的最早时间。

【输入输出样例】

mission.in	mission.out
3 4	40
1 2 3	
3 4 1 2	

【数据规模和约定】

对于40%的数据,满足 $n,m \leq 1000$ 。

对于100%的数据,满足1 $\leq n, m \leq$ 100000, $1 \leq a_i, b_j \leq$ 10000。