Praktikum IV Sommer 2024

Mathematik II

1. Stetige Fortsetzung I

Ist die Funktion $f: \mathbb{R} \setminus \{0\} \to \mathbb{R}$, $x \mapsto 2 - |x|/x$ stetig auf die Stelle 0 fortsetzbar?

2. Stetige Forsetzung II

Zeigen Sie, dass die Funktion $f: \mathbb{R} \setminus \{1\} \to \mathbb{R}$, $x \mapsto (2x^4 - 6x^3 + x^2 + 3)/(x - 1)$ an der Stelle 1 stetig fortgesetzt werden kann.

3. Stetigkeit parametrisierter Funktionen

Bestimmen Sie alle $a \in \mathbb{R}$, so dass die folgende Funktion in allen Punkten $x \in \mathbb{R}$ stetig ist:

$$f \colon \mathbb{R} \to \mathbb{R}, x \mapsto \begin{cases} |x - a| & \text{für } x \le 0, \\ e^x - 2ax & \text{für } x > 0. \end{cases}$$
 (1)

4. Trigonometrische Funktionen

Berechnen Sie $\lim_{x\to 0} (x \cdot \cos x)$ und $\lim_{x\to 0} \frac{\sin x}{x}$.

Hinweis: Verwenden Sie für den ersten Limes die Tatsache, dass $|\cos x| \le 1$ für alle x und für den zweiten Limes die Reihenentwicklung von $\sin x$.

Version: 2024-05-15 07:27:46+02:00