

IB320: Datenbanken

Thomas Franzke M.Sc. (Fakultät Informatik)

1. Oktober 2024



Literatur



(Quelle: https://www.degruyter.com/document/isbn/978-3-11-044375-2/html)

ISBN: 9783110443752



Organisatorisches

Ablauf und Praktikum

- Findet immer zweiwöchentlich statt, jeweils 4 Unterrichtseinheiten
- Praktikum: Leistungsnachweis und prüfungsrelevant!
- Verwendete SW: SQLite, Postgres, Java, ...
- Software ist auf den Hochschulrechnern verfügbar!
- Das Praktikum ist nicht dazu da, persönliche Hardware einzurichten
- Prüfung: Schriftlich, ... Minuten
- Hilfsmittel zur Prüfung: Geodreieck, Lineal



Inhalsverzeichnis

- Designprinzipien und Motivation
- Konzeptueller Entwurf
- ER-Diagramme, Chen-Notation, (min,max)-Notation, UML
- Relationale Algebra
- ... mehr im nächsten Foliensatz



Motivation DBMS

Probleme beim konventionellen Ansatz mit Papier oder Dateisystem:

- Redundanz und Inkonsistenz
- Beschränkte Zugriffsmöglichkeiten
- Probleme des Mehrbenutzerbetriebs
- Verlust von Daten
- Integritätsverletzung
- Sicherheitsprobleme
- Entwicklungskosten



Motivation DBMS Szenarien

Redundanz und Inkonsistenz

- Daten werden in einzelnen Dateien gespeichert
- Verschiedene Nutzer könnten Kopien anfertigen um Daten weiter zu nutzen
- Beispiel: Adressdaten von Studierenden werden sowohl in der Studierendenverwaltung genutzt und gleichzeitig in der Fakultät
- Inkonsistenzen

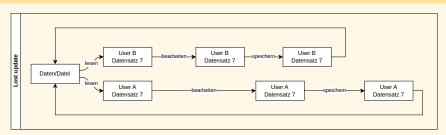
Beschränkte Zugriffsmöglichkeiten

- Es ist schwer, Daten in einzelnen Dateien logisch miteinander zu verknüpfen
- Im Dateisystem nicht möglich



Motivation DBMS Szenarien

Probleme des Mehrbenutzerbetriebs



• Problem: User A überschreibt Datensatz von User B



Motivation DBMS Szenarien

Integritätsverletzung

- Eventuell bestehen Integritätsbedingungen
- Beispiel: Studierende müssen zuerst Pflichtseminare abgelegt haben bevor sie zur Prüfung zugelassen werden
- Bedingungen sind zwingend einzuhalten
- daher Ablehnung der Bearbeitung
- Datenbasis wird immer in einen konsistenten Zustand überführt

Sicherheitsprobleme

- Nicht jeder Nutzer soll Zugriff auf Alle Daten bekommen
- Beispiel: Studierende sollen Kontaktinfos von Dozenten erhalten, aber nicht die Gehaltsdaten
- Privilegien



Datenabstraktion

Drei Abstraktionsebenen:

- Physische Ebene: Wie Daten im Hintergrundspeicher gespeichert werden (z.B. Platte)
- 2 Logische Ebene: Datenbankschema, daher welche Daten gespeichert werden
- Die Sichten: Bereitstellung von Teilmengen der Informationen für Bedürfnisse jeweiliger Benutzer/Gruppen



Datenunabhängigkeit

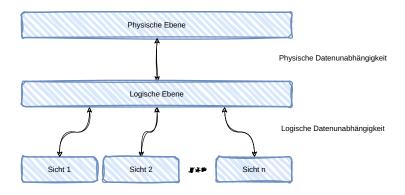
Ähnlich dem OSI-Schichtenmodell ergibt sich auch hier ein "Dreischichtmodell"

- Physische Datenunabhängigkeit: Zwischen physischer- und logischer Schicht
- Logische Datenunabhängigkeit: Zwischen logischer Ebene und den Sichten

Zwischen logischer Ebene und den Sichten ist ein "Verbergen"von Änderungen natürlich nur begrenzt möglich. Beispielsweise kann das Ergebnis einer Sicht invariant bleiben, die Abfrage kann sich aber ändern.



Datenunabhängigkeit





Datenmodelle

Je nachdem, in welcher Schicht gearbeitet wird, werden verschiedene Datenmodelle verwendet:

- Beschreibung der Datenobjekte in Datendefinitionssprache (DDL = Data Definition Language)
- Festlegung der anwendbaren Operatoren und deren Wirkung in Datenmanipulationssprache (DML = Data Manipulation Language)
- Konzeptioneller Entwurf z.B. als Entity-Relationship-Modell
- DML-Kommandos können z.B. direkt am Terminal oder über grafische Tools eingegeben werden oder
- eingebettet in eigene Programme über geeignete APIs (z.B. JDBC)



Datenbankentwurf

Der Entwurf kann in drei Abstraktionsebenen unterschieden werden:

- Monzeptionelle Ebene: Unabhängig vom DBMS; Anwendersicht
- Implementationsebene: Umsetzung der vorherigen Ebene in die Konzepte des darunterliegenden Datenbanksystems
- Physische Ebene: Niedrigste Abstraktionsebene (in dieser Veranstaltung weniger relevant)

Das Vorgehen des Datenbankentwurfs ähnelt dem der allgemeinen Softwareentwicklung (Anforderungsanalyse, Spezifikation, Implementierung, ...)

Informationsstrukturanforderung

- Abstraktion in Objekte mit passenden Objekttypen
- Attribute, die diese Objekte beschreiben
- Beziehungen und Beziehungstypen zwischen den Objekten



Datenbankentwurf Beispiel

Objektbeschreibung: Uni-Angestellte

- Anzahl: 1000
- Attribute
 - Personalnummer
 - Typ: char
 - Länge: 9
 - Wertebereich: 0...999.999.99
 - Anzahl Wiederholungen: 0
 - Definiertheit: 100%
 - Identifizierend: Ja
 - Gehalt
 - Typ: dezimal
 - Länge: (8,2)
 - Anzahl Wiederholungen: 0
 - Definiertheit: 90%Identifizierend: Nein
 - Rang ...



Datenbankentwurf Beispiel

Beziehungsbeschreibung: prüfen

- Beteiligte Objekte
 - Professor/Dozent als Prüfer
 - Studierender als Prüfling
 - Vorlesung/Veranstaltung als Prüfungsstoff
- Attribute der Beziehung
 - Datum
 - Uhzeit
 - Note
- Anzahl: 100000 pro Jahr



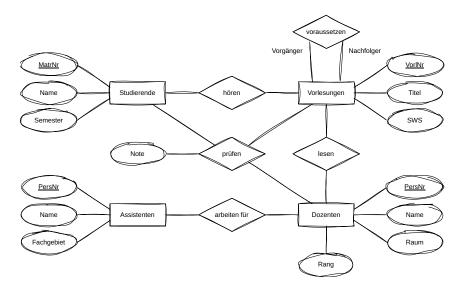
Datenbankentwurf Grundlagen ER-Modell

Elemente des ER-Diagramms

- Entities (Gegenstandstypen) Rechtecke
- Relationships (Beziehungen)
 - Beziehungstypen Rauten
 - Verbindungen ungerichtete Kanten
- Attribute
 - Schlüsselattribute unterstrichen
- Rollen
 - Text neben Verbindungen



Datenbankentwurf Beispiel: ER-Modell konzeptuell





Datenbankentwurf Grundlagen ER-Modell

Ein Beziehungstyp R zwischen den Entitytypen $E_1, E_2, ..., E_n$ kann als Relation angesehen werden. Die Ausprägung der Beziehung R ist eine Teilmenge des kartesischen Produkts der beteiligten Entitytypen.

$$R \subseteq E_1 \times E_2 \times ... \times E_n \tag{1}$$

- n entspricht dem Grad der Beziehung R.
- Die häufigsten Beziehungstypen sind binär.



Datenbankentwurf Funktionalitäten bei binären Beziehunger

Binäre Beziehungstypen R zwischen Entitytypen E₁ und E₂

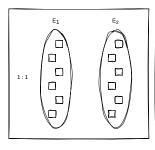
- 1:1-Beziehung, falls jedem Entity e_1 aus E_1 höchstens ein e_2 aus E_2 zugeordnet (und umgekehrt) ist. Keine Zuordnung ist erlaubt.
- 1:N-Beziehung, falls jedem Entity e_1 aus E_1 beliebig viele Entities aus E_2 zugeordnet sein können.
- N:M-Beziehung, wenn jedes Entity E_1 mit beliebig vielen Entities aus E_2 assoziiert werden kann und umgekehrt.

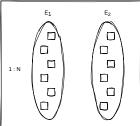
Bei der 1:N-Beziehung ist die Richtung entscheidend! Beispielsweise ist die Aussage "Eine Firma stellt eine Person ein" eine komplett andere als "Eine Person stellt eine Firma ein".

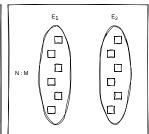


Datenbankentwurf Übung: Beziehungen

Zeichnen Sie passende Verbindungen ein. Hinweis: Es gibt nicht nur eine Lösung ;)



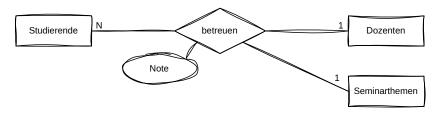






Datenbankentwurf

Funktionalitäten bei n-stelligen Beziehungen



Darstellung als partielle Funktion:

$$R: E_1 \times ... \times E_{k-1} \times E_{k+1} \times ... \times E_n \to E_k$$
 (2)

Beispiel:

betreuen: Seminarthemen imes Studierende o Dozenten

 $betreuen: Dozenten \times Studierende \rightarrow Seminarthemen$



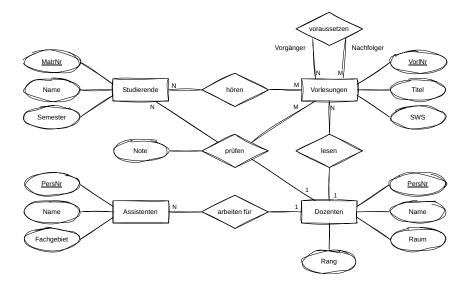
Datenbankentwurf Funktionalitäten bei n-stelligen Beziehungen

Daraus ergeben sich folgende Konsistenzbedingungen:

- Studierende dürfen bei demselben Dozenten nur ein Seminarthema belegen
- Studierende dürfen dasselbe Seminarthema nur einmal bearbeiten (zumindest beim gleichen Professor)
- Dozenten können dasselbe Thema an verschiedene Studierende ausgeben
- Ein Thema kann von verschiedenen Dozenten an unterschiedliche Studierende vergeben werden



Datenbankentwurf Beispiel: ER-Modell mit Funktionalitäten (Chen-Notation)





Datenbankentwurf Die (min, max)-Notation

Die obige Darstellung ist nicht sehr präzise, da

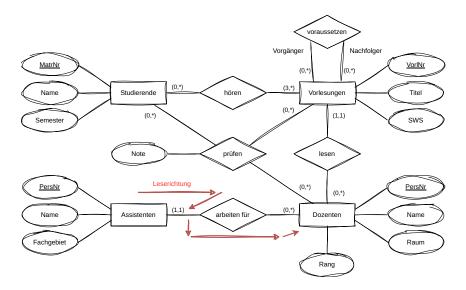
- Nur Extremwerte (eins oder viele) angegeben werden
- Wann immer möglich, sollten auch Unter- bzw. Obergrenzen möglich sein
- Existenzabhängigkeit (muss oder kann)?

Die (min, max)-Notation

- min gibt an, dass in einer Entity mindestens min-Tupel einer Relation R vorhanden sein müssen
- max gibt an, dass höchstens max-Tupel vorhanden sind
- Wenn es Entities geben darf, die gar nicht an der Beziehung teilnehmen, so ist min = 0
- Wenn ein Entity beliebig oft an der Beziehung teilnehmen darf, so wird die max-Angabe durch * ersetzt



Datenbankentwurf Beispiel: ER-Modell (min, max)-Darstellung





Datenbankentwurf (min, max)-Notation

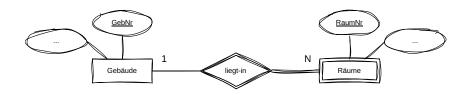
Die Beziehungen werden, wie im Bild dargestellt, gelesen:

- Assistenten arbeiten für genau einen Dozenten
- Dozenten haben keinen oder mehrere Assistenten
- Vorlesungen werden genau von einem Dozenten gelesen
- Dozenten können mehrere Vorlesungen lesen (oder auch nicht)
- Vorlesungen werden von mindestens 3 Studierenden gehört
- ullet Besonders schlaue Studierende besuchen keine Vorlesung </ironie>

Leserichtung "invers" zur einfachen Kardinalitäten- oder Krähenfußdarstellung!



Datenbankentwurf Existenzabhängige Entitytypen

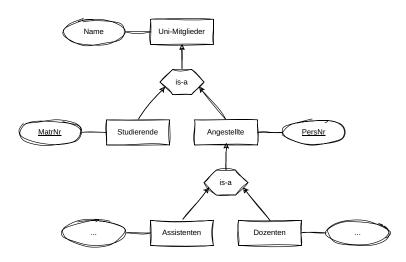


- Weak entities/relationships,, die
- in ihrer Existenz von einer anderen, übergeordneten Entity abhängig
- und oft nur in Kombination mit dem Schlüssel dieser Entity eindeutig identifizierbar sind
- Warum kann diese Beziehung keine M:N-Funktionalität haben?
- Warum gibt es diese Darstellung nicht bei der (min, max)-Notation?



Datenbankentwurf Generalisierung im konzeptuellen Entwurf

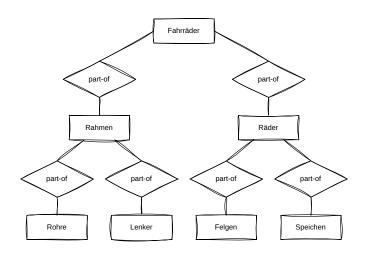
Kennen Sie das auch aus dem SW-Engineering?





Datenbankentwurf Aggregation im konzeptuellen Entwurf

Kennen Sie das auch aus dem SW-Engineering?

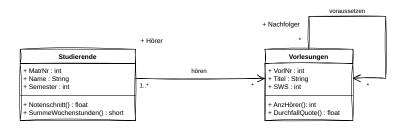




Datenbankentwurf Konzeptuelle Modellierung mit UML

Das Klassendiagramm ist gut verwendbar, allerdings sind manche Eigenschaften unpassend:

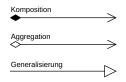
- Attribute sind immer public, da diese in der DB sichtbar sein müssen
- Methoden passen nicht so recht zur Datenbank, wohl aber zur dahinter liegenden Anwendung
- Schlüsselattribute sind nicht darstellbar.





Datenbankentwurf Konzeptuelle Modellierung mit UML

- Generalisierung: Pfeil in Richtung der Oberklasse
- Aggregation: Ungefüllte Raute auf Seite des übergeordneten Objekts
- Komposition: Gefüllte Raute auf Seite des übergeordneten Objekts;
 existenzabhängig, entspricht der Multiplizität 1



Übung

Machen Sie sich zum Thema Krähenfussnotation schlau.

Das relationale Modell



Das relationale Modell Mathematischer Formalismus

- Mengenorientierte Verarbeitung der Daten
- Sehr einfach strukturiert über flache Tabellen
- Wertebereiche (Domänen = D_n) dürfen nur unstrukturierte, atomare Werte enthalten (keine Structs)
- Eine Relation R ist def. als Teilmenge des kartesischen Produkts der n Dömänen:

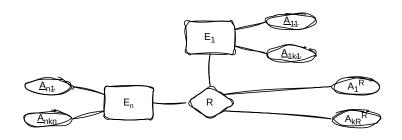
$$R \subseteq D_1 \times ... \times D_n$$

 $Telefonbuch \subseteq string \times string \times integer$

Telefonbuch			
Name	Straße	Telefon	
Jean Luc Picard	La Barre	555 102 673	
Barney Gumble	Moes Tavern	555 712 58	
Sheldon Cooper	2311 Northern Los Robles Avenue	555 101 011	



Das relationale Modell Relationale Darstellung von Beziehungen



$$R: \{ [\underbrace{A_{11},...,A_{1k_1}}_{\text{Schlüssel von }E_1},\underbrace{A_{21},...,A_{2k_2}}_{\text{Schlüssel von }E_2},...,\underbrace{A_{n1},...,A_{nk_n}}_{\text{Schlüssel von }E_n},\underbrace{A_1^R,...,A_{k_R}^R}_{\text{Attribute von }R}] \}^1$$

¹Geschweifte Klammern = Menge, eckige Klammern = Tupel



Das relationale Modell Relationale Darstellung von Beziehungen

- Erster Schritt: Für jeden Beziehungstypen eine eigene Relation definieren
- In der Schemaverfeinerung mit anderen Relationen zusammenfassen und evtl. wieder eliminieren (nicht bei M:N Bezeihungen)
- Die Relation R enthält alle Schlüsselattribute der beteiligten Entities als Fremdschlüssel
- und alle Attribute von R
- Klar: Evtl. Umbenennen nötig, da Namen nicht mehrfach vorkommen dürfen
- Info: Der identifizierende/"wichtigste"/Haupt- Schlüssel einer Entity heisst Primärschlüssel



Das relationale Modell Relationale Darstellung von Beziehungen

Beispiel: Studierende - hören - Vorlesungen

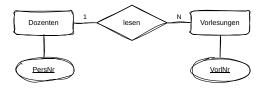
Studierende	
MatrNr	
261200	
275500	

Vorlesungen	
VorlNr	
5001	
4052	

hören		
MatrNr	VorlNr	
261200	5001	
261200	4052	
275500	4052	
275500	5001	



Das relationale Modell Verfeinerung des rel. Schemas - 1:N-Beziehungen



- Bei der 1:N-Beziehung existieren viele Datensätze einer Entity (hier die Vorlesung), aber nur genau ein Bezug auf einen Datensatz der anderen Entity (Dozent)
- Das bedeutet, dass eine Richtungsabhängigkeit besteht:
- Ein Dozent liest möglicherweise viele Vorlesungen, eine Vorlesung wird aber von exakt einem Dozenten gelesen

Idee:

Intuitiv könnte man also den Primärschlüssel von der 1-Seite in die Entity auf der N-Seite integrieren.



Das relationale Modell Verfeinerung des relationalen Schemas

Regel:

Nur Relationen mit gleichem Schlüssel zusammenfassen.

```
Vorlesungen : \{[\underline{VorlNr}, Titel, SWS]\}
```

Dozenten : $\{[\underline{PersNr}, Name, Rang, Raum]\}$

lesen : $\{[\underline{VorlNr}, PersNr]\}$

Nach Anwendung der Regel:

Vorlesungen : {[VorlNr, Titel, SWS, gelesenVon²]}

Dozenten : $\{[\underline{\mathsf{PersNr}}, \mathsf{Name}, \mathsf{Rang}, \mathsf{Raum}]\}$

²eigentlich PersNr



Das relationale Modell Verfeinerung des relationalen Schemas

	Vorlesungen					
VorlNr	Titel	SWS	gelesenVon			
1010	Grundlagen d. Informatik	4	1001			
1015	Grundlagen d. theoretischen Informatik	4	1002			
1020	Digitaltechnik	2	1003			
1031	Mathematik I	7	1004			
1040	Mathematik II	6	1004			
1061	Software Engineering I	4	1005			
1150	Programmieren I	6	1001			

Dozenten					
PersNr	Name	Rang	Raum		
1001	Nazareth	Prof. Dr.	K013		
1002	Siebert	Prof. PhD	J119		
1003	Franzke	LfbA. M.Sc.	K014		
1004	Sagraloff	Prof. Dr.	K010		
1005	Schröter	Prof. Dr.	K020		



Das relationale Modell Verfeinerung des relationalen Schemas

Achtung, hier folgt exorbitanter Bockmist!

Nach anderer Verfeinerung:

Vorlesungen : $\{[\underline{VorlNr}, Titel, SWS]\}$

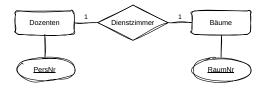
Dozenten : {[PersNr, liestVorl, Name, Rang, Raum]}

Dozenten						
PersNr	liestVorl	Name	Rang	Raum		
1001	1010	Nazareth	Prof. Dr.	K013		
1002	1015	Siebert	Prof. PhD	J119		
1003	1020	Franzke	LfbA. M.Sc.	K014		
1004	1031	Sagraloff	Prof. Dr.	K010		
1004	1040	Sagraloff	Prof. Dr.	K010		
1005	1061	Schröter	Prof. Dr.	K020		
1001	1150	Nazareth	Prof. Dr.	K013		
	:					

< /exorbitanterBockmist! >



Das relationale Modell Verfeinerung des rel. Schemas - 1:1 Beziehungen



Viel einfacher, da die Fremdschlüssel frei positioniert werden können.

 $Dozenten : \{ [\underline{PersNr}, Name, Rang] \}$

Räume : {[RaumNr, Größe, Lage]}

Dienstzimmer : {[PersNr, RaumNr]}



Das relationale Modell Verfeinerung des rel. Schemas - 1:1 Beziehungen

Nach Verfeinerung:

```
Dozenten : \{[\underline{PersNr}, Name, Rang, RaumNr]\}
```

Räume : $\{[RaumNr, Größe, Lage]\}$

oder:

Dozenten : {[PersNr, Name, Rang]}

Räume : $\{[RaumNr, Gr\"{o}Be, Lage, PersNr]\}$

Frage:

Welche Relation ist besser in Bezug auf Null-Werte?

Relationale Algebra



Relationale Algebra Selektion

 Selektion derjenigen Tupel einer Relation die das Selektionsprädikat erfüllen

$$\sigma_F(R)$$

$$\sigma_{Semester>10}(Studenten)$$

Hier werden die "Dauerstudenten" gefiltert:

- Selektionsprädikat: $F \mapsto Semester > 10$
- Relation: $R \mapsto Studenten$

$\sigma_{Semester > 10}(Studenten)$					
MatrNr Name Semester					
1235687	18				
3535222	Otto Faulpelz	12			



Relationale Algebra Projektion

Auswählen einzelner/mehrerer Spalten einer Relation

$$\Pi_{N_1,N_2,...,N_n}(R)$$

$$\Pi_{Rang}(Dozenten)$$

$\Pi_{Rang}(Dozenten)$	
Rang	
Prof. Dr.	
LB	

Duplikate können natürlich auftreten. Das Eliminieren dieser trägt zur Laufzeitverbesserung bei.



Relationale Algebra Vereinigung

 Zusammenfassen von zwei Relationen mit gleichen Attributnamen und Domänen (Typen)

$$\Pi_{N_1,N_2,...,N_n}(R_1) \cup \Pi_{N_1,N_2,...,N_n}(R_2)$$

$$\Pi_{PersNr,Name}(Assistenten) \cup \Pi_{PersNr,Name}(Dozenten)$$

So könnte eine Generalisierung modelliert werden Eine Duplikateliminierung muss auf jeden Fall erfolgen. Warum?



Relationale Algebra Mengendifferenz

- Für zwei Relationen R und S mit gleichem Schema
- Die Menge der Tupel, die in R aber nicht in S vorkommen
- Beispiel:

$$\Pi_{MatrNr}(Studierende) - \Pi_{MatrNr}(pruefen)$$

Liefert alle Studierende, die noch keine Prüfung abgelegt haben.



Relationale Algebra Kartesisches Produkt (Kreuzprodukt)

$R \times S$!!! important !!!

- ullet Enthält alle |R| imes |S| möglichen Paare von Tupeln aus R und S
- Das Schema der Ergebnisrelation ist die Vereinigung der Attribute aus R und S

$Tabelle_A$			Tab	elle _B
A_1	A_2	A_3	B_1	B ₂
1	2	3	101	102
4	5	6	103	104
7	8	9	105	106

	$Tabelle_A imes Tabelle_B$						
A_1	A ₁ A ₂ A ₃ B ₁ B ₂						
1	2	3	101	102			
1	2	3	103	104			
1	2	3	105	106			
4	5	6	101	102			
4	5	6	103	104			
4	5	6	105	106			
7	8	9	101	102			
7	8	9	103	104			
7	8	9	105	106			



Relationale Algebra Umbenennung

- Falls eine Relation mehrfach in einer Anfrage verwendet wird, könnte es notwendig sein, eine zweite Kopie der Relation zu benutzen
- Diese muss dann natürlich umbenannt werden

$$\rho^{\mathbf{3}}_{R'}(R)$$

³Das ist ein 'Rho'



Relationale Algebra Der relationale Verbund - Join

Da das Kreuzprodukt sehr große Datenmengen und "Aufblähungen" erzeugt, wurde das Mittel des Joins eingeführt.

Folgende Join-Arten sind möglich:

- Der natürliche Verbund (Natural join)
- Allgmeiner Join (Join, Theta-Join)
- Linker äußerer Join (Left outer join)
- Rechter äußerer Join (Right outer join)
- Semi-Join von L mit R (oder umgekehrt)
- Anti Semi-Join von L mit R (oder umgekehrt)



Relationale Algebra Der natürliche Verbund

$R \bowtie S$

- Attribute von R: $A_1, ..., A_m, B_1, ..., B_k$
- Attribute von S: $B_1, ..., B_k, C_1, ..., C_n$
- R und S haben nur $B_1, ..., B_k$ gleichbenannte Attribute

$$R \bowtie S = \prod_{A_1,\ldots,A_m,R.B_1,\ldots,R.B_k,C_1,\ldots,C_n} (\sigma_{R.B_1=S.B_1 \wedge \ldots \wedge R.B_k=S.B_k}(R \times S))$$

Selektieren derjenigen Tupel, deren Attributwerte für gleichbenannte Attribute der beiden Argumentrelationen gleich sind.



Relationale Algebra Der natürliche Verbund - Beispiel

(Studierende ⋈ hoeren) ⋈ Vorlesungen

- Zuerst Auswertung des Verbunds von Studierende mit hören.
- m = Anzahl Attribute von 'Studierende', n = Anzahl Attribute von 'hören'
- m+n-1-stellige Ergebnisrelation, da ein gleichbenanntes Attribut 'MatrNr'
- Analog dann mit der Ergebnisrelation und 'Vorlesungen'
- Die Klammer ist nicht nötig, da Join assoziativ (und kommutativ)

	(Studierende ⋈ hoeren) ⋈ Vorlesungen							
MatrNr	MatrNr Name Semester VorINr Titel SWS gelesenVon							
11212345 Meier 5 10730 SPS-Programmierung 4 1003				1003				
11215563	11215563 Müller 3 10730 Datenbanken 4 1003							



Relationale Algebra Der allgemeine Join

$R \bowtie_{\theta} S$

- $oldsymbol{ heta}$ ist ein beliebiges Prädikat über die Attribute A aus R und B aus S
- Das Ergebnis hat m+n Attribute
- Gleiche Attribute werden mit dem '.' eindeutig benannt
- Beispiel: R.A₁ oder S.B₁

$$R \bowtie_{A_1 > B_1 \land A_2 = B_2 \land A_3 < B_5} S$$

Der Theta-Join⁴ ist lediglich eine vereinfachte Formulierung des Kreuzprodukts: $R \bowtie_{\theta} S = \sigma_{\theta}(R \times S)$

⁴Diesen Join werden Sie hauptsächlich im Praktikum verwenden



Relationale Algebra Weitere Joins

Left outer join:



	Resultat					
Α	A B C D E					
a_1	b_1	c_1	d_1	e_1		
<i>a</i> ₂	<i>b</i> ₂	<i>c</i> ₂	-	-		

Right outer join:

$$\begin{array}{c|cccc} & & & & \\ A & B & C \\ \hline a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ \hline \end{array}$$

 $\begin{array}{c|cccc} & & & & & \\ \hline C & D & E \\ \hline c_1 & d_1 & e_1 \\ \hline c_3 & d_2 & e_2 \\ \hline \end{array}$

 \bowtie

	Resultat					
Α	A B C D E					
a ₁	b_1	c_1	d_1	e_1		
-	_	<i>C</i> 3	d_2	e_2		



Relationale Algebra Weitere Joins

(Full) outer join:

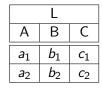


]×[

	R	
С	D	Е
<i>c</i> ₁	d_1	e_1
<i>c</i> ₃	d_2	e_2

Resultat						
Α	В	С	D	Е		
a_1	b_1	c_1	d_1	e_1		
a ₂	b_2	<i>c</i> ₂	-	ı		
-	-	<i>C</i> 3	d_2	e_2		

Semi-Join von L mit R:



 \bowtie

	R		
С	D	Е	
c_1	d_1	e_1	
<i>c</i> ₃	d_2	e_2	

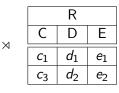
Resultat В b_1 a_1 c_1



Relationale Algebra Weitere Joins

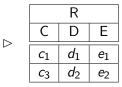
Semi-Join von R mit L:

	L	
Α	В	С
a_1	b_1	<i>c</i> ₁
<i>a</i> ₂	b_2	<i>c</i> ₂



Anti Semi-Join von L mit R:

$$\begin{array}{c|cccc} & & & & & \\ A & B & C \\ \hline a_1 & b_1 & c_1 \\ a_2 & b_2 & c_2 \\ \hline \end{array}$$



R	Resultat		
Α	В	С	
<i>a</i> ₂	<i>b</i> ₂	<i>c</i> ₂	



Relationale Algebra Der Mengendurchschnitt

Der Mengendurchschnitt:

$$R \cap S = R - (R - S)$$

- Vorher: R S ist die Menge aller Tupel, die in R, aber nicht in S vorkommen
- Versuchen Sie dies grafisch darzustellen

Relationale Algebra Die relationale Division

Wird eingesetzt für Anfragen mit Allquantifizierung

$$R \div S$$

Beispiel: Suchen der Matrikelnummer derjeniger Studierender, die alle vierstündigen Vorlesungen besucht haben:

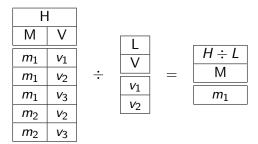
$$hoeren \div \Pi_{VorINr}(\sigma_{SWS=4}(Vorlesungen))$$

- Für eine Division muss gelten, dass $R \subseteq S$,
- dann enthält das Schema der Ergebnisrelation die Attribute $A_R A_S$ (= alle Attribute die nicht in S sind)



Relationale Algebra Die relationale Division

Beispiel:



- Es werden nur diejenigen Tupel aus H ausgewählt, die alle Tupel in L aufweisen
- In diesem Fall nur m_1 , da es für m_2 kein v_1 gibt



Relationale Algebra Gruppierung und Aggregation⁶

- Gruppieren von Tupel mit gleichen Attributwerten für eine Liste von Attributnamen
- Auf jede Gruppe wird eine Aggregatfunktion angewendet
- Typ. Aggregatfunktionen: count, sum, avg, min, max

Beispiel:

 $\Gamma^{5}_{Semester;count(*)}(Studierende)$

$\Gamma_{Semester;count(*)}(Studierende)$		
Semester	count(*)	
18	2	
12	17	
10	23	
8	40	
6	80	
4	120	
2	145	

⁵Das ist ein 'Gamma'

⁶Hier ist nicht die Aggregation aus dem ER-Schema gemeint!