## Thema 3: Mengenlehre Mittwoch, 27. Dezember 2023 Definition: Ø = beere Menge IAI: Die Mültigheit oder Kardinalität IAI der Menge A sagt dir wie viele Elemente die Menge A enthält Sie ist Teilmenge jeder Menge Rsp: Potenzmengen: A= Ettuse, late, Igel, Vogel, Hund& und B= {2,4,6,8,10} Potensmenge einer Menge A: P(A) ist die Menge alle Teilmengen von A 1A1= 1B1 = 5 Potensmenge von A= {1,2,3}? A=B: -ø C A A und B sind gleich, wenn jedes Element von A auch in B liegt - {13cA, {23cA, {33cA und ungehelnt - {1,2,3} c A, {1,2,3} c A, {2,3} c A, {1,2,3} c A Bsp: P(A) = {\$\psi\_{1}\{1\},\{2\},\{3\},\{1\2\},\{1\3\},\{1\3\},\{1\2\3\} A- { 1,2,3,4,5} und B= {5,4,3,2,1} gleich? C= {1,2,3,43 und 0= {1,2,33 gleich? Vereinig ungsmenge: A = 13 AUB (1, A vereinigt B") $C \neq 0$ Schnitt menge: Die Vereinigung von Aund Bist die Menge aller Ebemente, die in A oder in Boder in beiden Mengen liegen AnB (Angeschnithen B") Der Durchschnitb von Aund Bist die Menge aller Elemente, die sauch in A als auch B liegen. Vereinigungsmenge ven A = { 1,2,3,4 } und B= { 2416,8}? AUB = { 1,2,3,4,6,8} (jedes Ebenent nur einnal, auch wenn es in beiden Mengen vahammt) Bsp: Durschnitt von A= {1/2,3,4} und B= {2,4,6,8}? Oifferenzmenge: AnB= EZ,43 A \ B ( , A drue B") bei heinen gemeinsamen Elementen: Die Differenomenge von A und B ist die Menge aller Elemente, die zuar in A, aber nicled in B liegen Anb=ø Bsp: Momple ment: A = & 1,2,3,43 unel B= & 2,4,6,83. Was ist A\B rend B\A A code A (11 llomplement von A") A/B = {1,3} BIA = 26,83 Element: Mamplement un A = { 1,2,3,4} = alles außer 1,2,3,4 7 ∈ M: 7 ist ein element von M 7 & M: 7 ist bein element ven M Komplement van Abezitglich B = BIA Relation: AB Mengen $A = \{1,2,3\}$ $B = \{2,4\}$ $A \times B = \{(1 \times ), (1,4), (2,1), (2,4), (3,1), (3,4)\}$ 3= { 1,2,3,4,5,6,7,8} BIA = { 5,6,7,8} RCAXB R= & (1,x), (1,y), (2,y)} Kreuzprodukt: (a,b) & h => a R b AxB = E(ab): a e A 1 b e B } Aquivaenzrelation: A = { 1/2/3 } B= { a/b} le cAXA AxB = & (1/4), (1/b), (2/a), (2/b), (3/a), (3/b)} 1. a le a VacA Reflexiv (1,a) + (a,1) \quad \text{2 \lange 1/43} 2. a neb => b ne a Vab & A Symmetrie 3. ale b 16 Rec = a Rec ist eine Menge ist beine Menge Bsp: A = { 1,2,3,4 } Ke = { (1,1),(2,2),(3,3),(4,4),(1,2),(4,2),(2,1),(2,4),(4,1),(1,4)} Aquivalenzhlasse: ist dus gleiche A Menge Re [1] = {1,2,4} Surjeht IV: jedes Element von B wird immer getroffen [a] = 2 b e a: (b Re a) c A [2] = {1,44} A = { 3,4,103 B={a,b} [4] = {1,2,43 anb => [a] = [b] [3] = 23 5 a x b => [a] n [b] = Ø F: A → B 9: A → B nicht in Actation an' 3 m a 3 -> a 41-36 41- a 101-06 101-> 9 Abbildungen: neletivi zu jedem Element des Zehmenge gibt es höchstens 1 element A,B Mergen f: A -> B a -> b A = { 1,2,3} B = { a,b,c} "Quelle " Zich von f" F. A -> B A = 2 3,4,10 & B = 20,63 F: A→ B 3 -> 6 3 -> 4 Bild: A = & 1123 B= & albic 3 F F: A -> B & (A) = { b, c3 Ubild: 21-->6 A = & 1,2,3,43 B= { a, b, c, d} Satze 1-3: F: A-> B A/B Mengen F: A -> B 1-39 2- > a 2. f surjebtiv <=> \(\xi\) \(\frac{1}{2}\) = \(\frac{1}{2}\) \ 31->6 41->d 4. F bijeldir (=> \forest bed F 1 (b) 5. Finjelitiv => F: A -> F(A) bijelitiv

A = { 1,213 } B = a16