21700477 윤다은

문제정의

사람들이 제각기 일정한 속도로 가고 있을 때, t시간이 지나고 나서 존재하는 그룹 수를 구하는 문제(이 때 만약 두 그룹이 만나게 되면 더 느린 속도를 따른다.)

문제해결

입력

들어오는 입력에 따라 우선순위 큐에 pair를 넣는다. pair의 첫번째 값 p1은 $p_i+(v_i^*t)$ 를 넣고 P2에는 p_i 를 넣는다(우선순위는 p1을 기준으로 오름차순, p1이 같을시 p2를 기준으로 내림차순이다).

그룹간의 포함 관계 찾기

그룹의 포함 관계를 나타내기 위해 스택을 선언한다. 그리고 우선순위 큐에서 pair를 pop하며 큐에서 모든 원소가 나올 때까지 다음을 반복한다.

조건1) 스택이 비어있는 경우

- pop한 pair를 스택에 쌓는다.

조건2) stack의 top에 있는 p2가 현재 큐에서 꺼낸 p2보다 작은 경우

- stack의 p2가 큐의 p2를 앞질렀다는 뜻이므로 t시간 내에 만난다는 것이다. 따라서 stack에서 pair를 pop한 뒤 큐의 pair를 스택에 push한다.

조건3) stack의 top에 있는 p2가 현재 큐에서 꺼낸 p2보다 큰 경우

- stack의 p2가 큐의 p2를 앞지르지 않았으므로 둘은 만나지 않는다. stack에 큐의 pair를 push한다.

반복을 마친 뒤, 스택의 크기를 출력한다.

예시

테스트 케이스에 대해서 우선순위 큐와 스택의 관계를 그림으로 표현하면 다음과

Input	stack	priority queue
5 3		(11,2) (9,3) (9,6) (7,1) (3,0)
0 1		
1 2	stack	priority queue
2 3 3 2	(11,2)	(9,3) (9,6) (7,1) (3,0) 조건1
6 1	stack	priority queue
	(9,3)	(9,6) (7,1) (3,0) 조건2(2가 3을 앞지름)
	stack	priority queue
	(9,6)	(7,1) (3,0) 조건2(3이 6을 포갠다)
	stack	priority queue
	(3,0)	조건3(더 이상
	(7,1)	· 앞지르는 경우가 없다)

시간복잡도

우선순위큐에서 n번만큼 push를 하고 n번만큼 pop하므로 시간복잡도는 O(nlogn)이다.

(9,6)

공간복잡도

모든 그룹이 겹치지 않는 경우 stack에 최대 n개의 원소가 들어가고 우선순위큐에는 항상 n개의 원소가 들어가므로 공간복잡도는 O(n)이 된다. **토의**

에러케이스를 발견하였다. 4그룹중에 앞에 두그룹과 뒤에 두그룹이 합쳐지고, 만들어진 두 그룹의 속도가 같은 경우 에러가 발생하였다. 이 알고리즘에서는 합해지는 순서가 제대로 정의되지 않은 것 같다