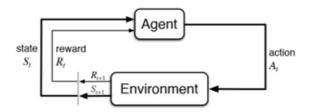
强化概念的来源

在动物学习背景下,"强化"这个术语在Thorndike表达效力定律后得到了很好的应用,在1927年巴甫洛夫关于条件反射的专着的英文译本中,首先出现在这种背景下。巴甫洛夫将强化描述为由于动物接受刺激 - 一种强化剂 - 与另一种刺激或反应有适当的时间关系而加强行为模式。一些心理学家将强化的观点扩展到包括削弱和加强行为,并扩展强化者的想法,包括可能忽略或终止刺激。要被认为是增强剂,强化或弱化必须在强化剂被撤回后持续存在;仅仅吸引动物注意力或刺激其行为而不产生持久变化的刺激物不会被视为强化物。

强化学习的基本概念

What is reinforcement learning and why we care



a computational approach to learning whereby an agent tries to maximize the total amount of reward it receives while interacting with a complex and uncertain environment.

- Sutton and Barto

强化学习是指与复杂、不确定的环境进行交互时,最大化从环境获得的累计奖励的一种方法。

强化学习和监督学习的差别

- Sequential data as input (not i.i.d) (输入的是时序的数据而不是像监督学习那样输入的数据满足独立同分布的要求)
- The learner is not told which actions to take, but instead must discover which actions yield
 the most reward by trying them. (没有一个"监督者",只有一个通过奖励信号来判断应该采取哪个动作)
- Trial-and-error exploration (balance between exploration and exploitation) (探索与利用之间的平衡)
- The data used to train the agent is collected through interactions with the environment by the agent itself (compared to supervised learning where you have a fixed dataset for instance). This dependence can lead to vicious circle: if the agent collects poor quality data (e.g., trajectories with no rewards), then it will not improve and continue to amass bad trajectories. (训练智能体的数据是智能体自身和环境交互得到的,而不像监督学习那样一开始有一个固定的数据集,这样就可能带来一个恶性循环:如果智能体收集到一些很差的数据,比如一些奖励为0的轨迹,那么智能体通过这些数据可能得不到提升,进一步地智能体又智能采集到一些质量很差的数据)。
- 具有超人类的上限:传统的机器学习算法依赖人工标注好的数据,从中训练好的模型的性能上限是产生数据的模型(人类)的上限;而强化学习可以从零开始和环境进行不断地交互,可以不受人类先验知识的桎梏,从而能够在一些任务中获得超越人类的表现。
- 延迟性:得到的结果很可能延迟于我们做出决策一段时间,有些糟糕的影响并不完全因为当前的决策错误导致的,可能由于前面某一个步骤造成了一个不可逆的错误
- **非监督的**: 我们通常只得到reward signal。每次系统的action只能得到代表这次行为的好坏的标量,比如是10 points,但是我们不知道他的最好的值是多少,就可以理解为一个老师给你打了10

进化与强化学习的差别

进化采取大量静态策略,每个策略在扩展过的较长时间内与环境的一个独立实例进行交互,然后选择最多收益的策略及其变种来产生下一代的策略,然后继续循环更替,它在单个个体的生命周期内不进行学习,它没有利用强化学习中这种交互的特性,其实更像是一种策略搜索。为了评估策略,进化方法保持策略固定并且针对对手进行多场游戏,或者使用对手的模型模拟多场游戏。 胜利的频率给出了对该策略获胜的概率的无偏估计,并且可用于指导下一个策略选择。 但是每次策略进化都需要多场游戏来计算概率,而且计算概率只关心最终结果,每场游戏内的信息被忽略掉了。 例如,如果玩家获胜,那么游戏中的 所有行为都会被认为是正确的,而不管具体移动可能对获胜至关重要。 甚至从未发生过的动作也会被认为是正确的! 相反,值函数方法允许评估各个状态。最后,进化和价值函数方法都在搜索策略空间,但价值函数学习会利用游戏过程中可用的信息。

强化学习中的基本概念

可以参考知平上这篇文章的内容:

- Policy: A policy is the agent's behavior model. It is a map function from state/observation to action. Policy (策略) 其实就是强化学习中最终要得到的模型,他是一个状态到动作的映射,也就是说告诉Policy当前状态是什么样的,它会返回给你一个动作。
 - Stochastic policy: Probabilistic sample: $\pi(a \mid s) = P[A_t = a \mid S_t = s]$
 - Deterministic policy: $a^* = \arg \max_a \pi(a \mid s)$
- Agent: 智能体。需要注意的是,agent和environment决定了agent进行绝对控制的边界,而不是agent知识的边界。
- Reward: reward是一个量化的反馈信号。它决定了对于智能体来说什么是好,什么是坏(短时间),强化学习的最终目标其实就是最大化累积奖励。而相比于reward,我们后面要学的value其实一个更长远角度的一个过程,但是估计价值其实是一个很难的过程。

举个例子来说,如果我们强化学习的应用场景是开直升飞机,那么如果如果直升飞机按照我们期望的轨迹飞行,我们就会给智能体一个正的奖励,如果它坠机了,我们就会给它一个负的奖励。当然,在实际问题中,具体奖励给多少,怎么给,其实是一个很复杂的问题。

- Action:智能体的动作
- Goal: 我们要实现的目标,对于强化学习任务本身来说,就是最大化累计奖励,所以在强化学习中很关键的一点就是保证最终要达到的目标和最大化累计奖励的目标是一致的,别最大化累计奖励的目标是达到了,但是根本不是我们想要的方式。
- Observation: 智能体观察到的东西,比如说直升机当前的位置和速度
- Environment:环境。有的书里面会花很多篇幅去区分智能体和环境,去纠结哪个是属于智能体,哪个是属于环境,我觉得对于像我这样的初学者来说,不用过度纠结,你就把智能体想象成自己,把除你自己以外的所有东西都想象成环境
- Trajectory: 轨迹,可以理解成智能体从开始到结束是怎么一步一步过来的
- Rollout: rollout在字典中的意思是: 首次展示, 滑跑。在强化学习中大家就可以理解成一次实验、一条轨迹
- Value function (expected discounted sum of future rewards under a particular policy π, we use it to quantify goodness/badness of states
 的),可以简单地理解为价值函数就是来判断状态的好坏。

$$v_{\pi}(s) \doteq \mathbb{E}_{\pi}\left[G_t \mid S_t = s
ight] = \mathbb{E}_{\pi}\left[\sum_{k=0}^{\infty} \gamma^k R_{t+k+1} \mid S_t = s
ight],$$
 for all $s \in \mathcal{S}$

• Model: A model predicts what the environment will do next。注意这里的model不是我们最终学出来的做决策的模型,而是当前状态S和动作A到下一个动作S'的映射的模型,也就是告诉你现在如果你这么干你会得到什么后果的模型。

- \circ Predict the next state: $\mathcal{P}^a_{ss'} = \mathbb{P}\left[S_{t+1} = s' \mid S_t = s, A_t = a\right]$
- \circ Predict the next reward: $\mathcal{R}^a_s = \mathbb{E}\left[R_{t+1} \mid S_t = s, A_t = a\right]$
- o model-based 和model-free的差别就是知不知道状态转移矩阵和reward
- Q-function (could be used to select among actions):

$$q_{\pi}(s, a) \doteq \mathbb{E}_{\pi} \left[G_t \mid S_t = s, A_t = a \right] = \mathbb{E}_{\pi} \left[\sum_{k=0}^{\infty} \gamma^k R_{t+k+1} \mid S_t = s, A_t = a \right]$$

Q函数其实是对(S, A)对的一个评价,也就是说从长期的角度来看(reward是短期),你在当前状态做某一个动作到底有多好。所以如果我们知道了Q函数,其实就知道了在每一步到底应该怎么做了,最简单的就是取agmax选Q函数最大的动作,根据贝尔曼方程,我们如果知道V函数,我们可以求出Q函数,所以大家会看到说,我们如果知道了Q函数或者V函数,这个强化学习问题就是可解的。

• history是一个action、observation、reward的序列:

$$H_t = A_1, O_1, R_1, \dots, A_t, O_t, R_t$$

history能够决定action接下来采取什么行动;实际上,agent做的就是从history到action的映射;对于环境而言,history和产生的action交给environment,从而得到对应的observation和reward

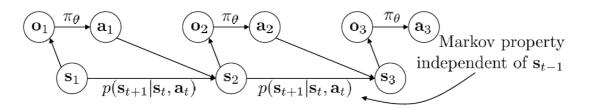
• State: 是history的一个总结,用来决定下一步的action是什么,实际上,他是一个关于history的函数,我们可以这样表示:

$$S_{t}=f\left(H_{t}
ight) ,A_{t}=h\left(S_{t}
ight)$$

State相对于hisory而言最大的好处在于他的信息量很少,实际上,我们也不需要得到所有的history来得到下一步的action。

在这里想讲一下state和observation的区别,也就是大家有时候会看到 π_{θ} ($\mathbf{a}_t \mid \mathbf{o}_t$),有时候看到 π_{θ} ($\mathbf{a}_t \mid \mathbf{s}_t$),这两个其实是存在区别的,用Sergey Levine来说就是,States are the true configuration of the system and an observation is something that results from that state which may or may not be enough to deduce the state. State 反映了系统的真实的信息,observation是state表现出来的结果,并不能完全反映出state中的信息。举个例子,有一只老虎在我们的面前,老虎在哪,速度多少这些就算是state,而我们观察的时候,这只老虎刚好被一棵树挡住了,也就是说我们的observation是一张被树挡住的老虎的照片,那么我们仅仅根据observation(照片)是不能决定我们现在要不要赶紧跑的。而这其实也说明了当state满足马尔科夫性的时候,observation是不满足的,也就是我们不能根据当前的这张照片来判断我们是不是该不该跑,但是结合之前的一些照片比如老虎一步步潜伏到树底下的照片,我们就可以知道,该跑了!

用下面这张图可以帮助比较好地理解Observation和State之间的关系:



• Bootstrapping: 指用上一次估计值来更新本次的估计值 比如用上一次估计的表格中的下一状态 s'的价值 来更新此次估计的表格中当前状态s的价值

强化学习中还有很多基本的概念,这里只是一些基础的,大家现在不能完全理解也没关系,到后面就自然会理解了。大家可以通过宝藏李宏毅老师课程上的这张图来大致理解一下强化学习的大致过程以及其中的基本概念。



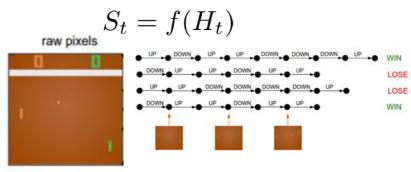
Sequential Decision Making

Sequential Decision Making

• The history is the sequence of observations, actions, rewards.

$$H_t = O_1, R_1, A_1, ..., A_{t-1}, O_t, R_t$$

- What happens next depends on the history
- State is the function used to determine what happens next



- Goal: select actions to maximise total future reward
- Actions may have long term consequences Reward may be delayed
- It may be better to sacrifice immediate reward to gain more long-term reward
- Examples:
 - A financial investment (may take months to mature)
 - Refuelling a helicopter (might prevent a crash in several hours)
 - Blocking opponent moves (might help winning chances many moves from now)

全部可观和部分可观

在介绍部分客观和全部可观之前, 想先介绍三个概念:

- Environment State: The environment state S^e_t is the environment's private representation。 environment state指的是对环境信息的一个总结,他可能是一段0101的数字序列,用于产生对应的observation和reward,他是环境的一种内部的状态,对于agent来说environment state是不可见的,agent能看到的只有 environment state产生的observation和reward。
- Agent state: The agent state S^a_t is the agent's internal representation。是智能体的一些内部表示,比如说强化学习算法的实现。他是关于History的一个函数。
- Information state: 包含了history中所有有用的信息。如果它满足马尔科夫性,那么保留了 S_t ,我们就可以将 $S_1, \ldots S_{t-1}$ 全部丢掉。

有了这三个概念之后,理解全部客观和部分可观就更简单了:

Sequential Decision Making

Environment state and agent state

$$S_t^e = f^e(H_t) \quad S_t^a = f^a(H_t)$$

• Full observability: agent directly observes the environment state, formally as Markov decision process (MDP)

$$O_t = S_t^e = S_t^a$$

- Partial observability: agent indirectly observes the environment, formally as partially observable Markov decision process (POMDP)
 - Black jack (only see public cards), Atari game with pixel observation,

Fully Observable Environments

• 在完全可观察环境下, agent能够直接观察到environment state, 也就是说:

$$O_t = S_t^a = S_t^e$$

• 这类问题被称为MDP问题,Markov decision process

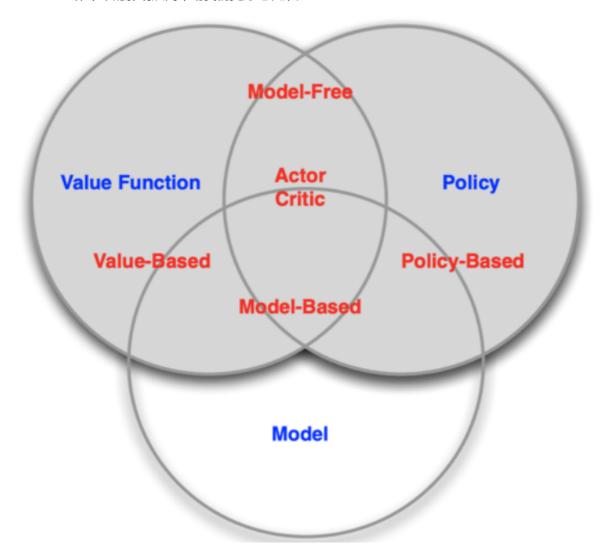
Partially Observable Environments

- 在部分可观察环境中,Observation state 不等于 environment state,我们只能看到部分信息,或者只能看到一些现象,比如在扑克游戏中,我们只能看到公开的牌面,看不到其他人隐藏的牌
- 这个为题被称为POMDP问题: partially observable Markov decision preocess
- 对于这个问题,有几种解决方案:
- • 记住所有的历史状态: $S_t^a = H_t$
 - 。 使用贝叶斯概率,我们可以创建一个Beliefs, $S^a_t = \left(P\left[S^e_t = s^1\right], \dots, P\left[S^e_t = s^n\right]\right)$,这个概率状态的向量组成当前的状态,所以我们需要保存所 有状交的概率值
 - 。 使用递归神经网络: $S_t^a = \sigma \left(S_{t-1}^a W_s + O_t W_o \right)$,将之前的状态 S_{t-1}^a 与 W_s 进行线性组合,再加上最近的一次观察值的线性組合,带入非线性函数 σ ,得到新的状态

Agent的分类

- Types of RL Agents based on What the Agent Learns
 - 。 Value-based agent: 我们使用Value function 来计算Policy, Policy是隐含的。不需要直接 定义
 - o Policy-based agent:每一个状态都映射到一个action,直接使用这个action做决策

- o Actor-Critic agent: 综合使用Policy 和 value function。使用Policy,同时保留每次所得到的 value function
- Types of RL agent on if there is a model
 - o model-based: 我们不知道环境的动态概率转移矩阵,不知道环境模型,只是直接根据 value, function、policy来直接得出结论
 - o model-free: 我们知道环境的动态概率转移矩阵,会根据动态概率转移矩阵来预测我们做动作带来的影响从而帮助我们更好地决策。



Exploration和Exploitation

- Exploration: trying new things that might enable the agent to make better decisions in the future
- Exploitation: choosing actions that are expected to yield good reward given the past experience
- Often there may be an exploration-exploitation trade-off.(When to explore and when to exploitate?)
- May have to sacrifice reward in order to explore & learn about potentially better policy
- 利用就是选择最高估计价值的动作而探索不是,短期来看利用是合理的,但是长期来看探索可能会带来总体收益的最大化,探索可以改善对非贪心动作的价值的估计。
- Exploration(探索):倾向于探索环境中新的信息,比如说去没吃过的饭店吃饭。
- Exploitation(开发): 倾向于开发使用我们已经探测得到的最大reward,就像我们吃过海底捞了觉得海底捞好吃,以后就什么新的饭店也不去了就只吃海底捞。这么做相对来说确实是"安全"的,起码可以保证结果不至于太坏,但是可能我们永远就吃不到比海底捞更好吃的东西了。

Planning和learning

- Learning problem: 你的环境是未知的,你不能提前知道你的决策将对环境造成什么样的改变。 我们需要通过不断地与环境交互,从而得知我们的action造成什么样的改变。
- Planning Problem: 我们的工作环境是已知的,我们被告知了整个环境的运作规则的详细信息。 代理能够计算出一个完美的模型,并且在不需要与环境进行任何交互的时候进行计算。他能够不用 实时的与环境交互就能知道未来环境,只需要知道当前的状态,就能够开始思考,来寻找最优解 感觉Planning和Learning就像是model-based和model-free?

Prediction和Control

- **预测(Prediction)**:给你一个policy, agent得到,这个policy能够得到多少reward。这是一个预估未来的过程
- 控制 (Control): 确定众多决策中,哪一个决策能够得到最多的奖励。

要强调的是,这两者的区别就在于,预测问题是给**定一个policy**,我们要确定他的value function是多少。而控制问题,是在**没有policy的前提下**,我们要确定最优的value function以及对应的决策方案。

实际上,这两者是递进的关系,在强化学习中,我们通过解决预测问题,进而解决控制问题。

on-policy 和off-policy

首先,我们来区分一下Behavior Policy(行为策略)和Target Policy(目标策略):行为策略是用来与环境交互产生数据的策略,即在训练过程中实际做决策;而目标策略是通过行为策略采集得到的数据来进行不断地优化、学习的策略,当然,每隔一段时间行为策略会更新成目标策略来保证我们是用优化后的策略来与环境进行交互。

那么为什么要有两个策略呢?这就是为了解决我们前面讲到的强化学习中的探索与利用的问题:我们可以利用行为策略来保证探索性,提供多样化的数据;而不断地优化目标策略来保证利用。

On-policy 的目标策略和行为策略是同一个策略,其好处就是简单粗暴,直接利用枚据就可以优化 其策略,但这样的处理会导致策略其实是在学习一个局部最优,因为On-policy的策略没办法很好 的同时保持即探索又利用;而Off-policy将目标策略和行为策略分开,可以在保持探索的同时,更 能求到全局最优值。但其难点在于:如何在一个策略下产生的数据来优化另外一个策略? 也可以从Buffer(数据缓冲区)的层面来理解On-policy和Off-policy的不同:off-policy是将缓冲区数据每次采样出一部分,而on-policy可以看做一次性将缓冲区中所有数据采集出来并删除。

online和offline

注意这两个概念和on-policy与off-policy完全没有关系。

在线学习: 边玩边学---可能第一关你还没过, 你已经学到了不少有用的技术;

离线学习: 你没头没脑地(没有学习)玩着游戏,等第一关过了或者死了,然后你仰天长叹,在脑海中回顾着刚刚发生的一切,在这个过程中回顾并学习更新着自己的策略p(action|state),专业一点的解释可以看这篇推文。

deterministic and stochastic

- Deterministic: given a state, the policy returns a certain action to take: 给定一个状态,策略只会返回一个固定的动作。
- Stochastic: given a state, the policy returns a probability distribution of the actions (e.g., 40% chance to turn left, 60% chance to turn right) or a certain Gaussian distribution for continuous action。给定一个状态,策略会返回一个动作的分布,比如以40%的概率向左走,60%的概率向右走。常用的分布有用于离散动作空间的类别分布(Categorical Distribution)、用于连续动作空间的对角高斯分布(Diagonal Gaussian Distribution)
- A deterministic policy is easily beaten。一个确定性的策略是很容易输的,比如你和同学玩斗地主,每次你都一个炸之后留一张3在手里,那肯定多玩几次你同学看到你只剩一张牌是不会让你走

Gym中的<u>环境</u>

强化学习中有很多的benchmark帮助大家很好地去测试自己算法性能,像Gym、MoJoCo等,MoJoCo是需要付费的,学生可以试用一年。可以一步一步来,先给大家介绍一下最简单的Gym环境,Gym里面其实有很多的环境可以供大家去使用,具体的一些细节我觉得大家最好就上Gym的gitlab上看就好了,这里主要是给大家讲一些基础的。

安装的话也很简单,就一个命令

```
1 | pip install gym
```

或者用conda装也行,其实也是一行命令,把pip换成conda。

windows环境下用anaconda安装gym

gym的最基本的使用可以看我下面的几行代码,都有注释应该比较好理解。

• 基本使用

```
1 | import gym
2
3
  env=gym.make("MountainCar-v0") #创建对应的游戏环境
4 env. seed(1) # 可选,设置随机数,以便让过程重现
  env=env.unwrapped # 可选,为环境增加限制,对训练有利
6
8
  print(env.action_space) # 动作空间,输出的内容看不懂
  print(env.action_space.n) # 当动作是离散的时,用该方法获取有多少个动作
   # env.observation_space.shape[0] # 当动作是连续的时,用该方法获取动作由几个数来
11 print(env.action_space.low) # 动作的最小值
12 | print(env.action_space.high) # 动作的最大值
13 | print(env.action_space.sample()) # 从动作空间中随机选取一个动作
   # 同理,还有 env.observation_space,也具有同样的属性和方法(.low和.high方法除
   外)
15 | #-----
16
17 for episode in range(100): #每个回合
     s=env.reset() # 重新设置环境,并得到初始状态
18
19
     while True: # 每个步骤
20
         env.render() # 展示环境
21
         a=env.action_space.sample() # 智能体随机选择一个动作
         s_,r,done,info=env.step(a) # 环境返回执行动作a后的下一个状态、奖励
22
   值、是否终止以及其他信息
23
       if done:
24
            break
```

下面以CartPole为例,当大家要用一个以前从来没有用过的新环境时,首先脑子里要大概有上面的强化学习的一套代码:创建环境、设置环境随机种子、初始化环境、给环境传动作获取环境状态、判断是不是终止…… 大概都会这么一些步骤。当然每个环境的调用是有差别的,比如说要知道他的动作空间是什么样的,

一般gym中的动作会有这几种:

• Box: A N-dimensional box that contains every point in the action space.

- Discrete: A list of possible actions, where each timestep only one of the actions can be used.
- Multidiscrete: A list of possible actions, where each timestep only one action of each discrete set can be used.
- MultiBinary: A list of possible actions, where each timestep any of the actions can be used in any combination.

他的observation_space是怎么样的,像这些就直接去环境的源代码中看就好了,看一下文档注释 大概就知道了。比如下面的CartPole中的文档注释:

• CartPole

```
1 | """
 2
   Description:
       A pole is attached by an un-actuated joint to a cart, which moves
    along a frictionless track. The pendulum starts upright, and the goal
    is to prevent it from falling over by increasing and reducing the
    cart's velocity.
 4
       一根杆子通过一个未驱动的接头连接到小车上,小车沿着无摩擦的轨道移动。钟摆开始直
    立, 目标是通过增加或减少小车的速度来防止它倒下。
 5
 6 Source:
 7
       This environment corresponds to the version of the cart-pole
    problem described by Barto, Sutton, and Anderson
 8
9
    Observation:
10
      Type: Box(4)
11
       Num Observation
                                    Min
                                                Max
       O Cart Position
                                   -4.8
                                                  4.8
12
      1 Cart Velocity
                                   -Inf
13
                                                  Inf
       2 Pole Angle
                                    -24 deg
                                                 24 deg
14
       3 Pole Velocity At Tip -Inf
15
                                                  Tnf
16
17 Actions:
      Type: Discrete(2)
18
19
       Num Action
20
      O Push cart to the left
       1 Push cart to the right
21
22
23
       Note: The amount the velocity that is reduced or increased is not
    fixed; it depends on the angle the pole is pointing. This is because
    the center of gravity of the pole increases the amount of energy needed
    to move the cart underneath it
24
    Reward:
25
       Reward is 1 for every step taken, including the termination step
26
27
28 | Starting State:
       All observations are assigned a uniform random value in
29
    [-0.05..0.05]
30
31 | Episode Termination:
32
        Pole Angle is more than 12 degrees
33
       Cart Position is more than 2.4 (center of the cart reaches the edge
    of the display)
34
       Episode length is greater than 200
35
       Solved Requirements
```

```
Considered solved when the average reward is greater than or equal to 195.0 over 100 consecutive trials.
```

首先看了介绍就大概知道CartPole游戏是一个小车连着一根杆子,然后小车通过控制左右移动来防止杆子倒下。

然后他下面还告诉了我们CartPole游戏中observation返回的四个值的含义:小车的位置、小车的速度、杠的角度、杠的尖端的速度;以及action_spaces里面就是一个0,1,如果我们给step函数 传0,小车就往左走;传1小车就往右走。然后还告诉了我们每坚持1步,就会得到一个+1的 reward;还告诉了我们环境的一些终止条件,比如说如果能坚持200步不倒环境就会终止。

有了这些信息之后,我们可以先简单地写一些测试的代码,就看一下环境到底是怎么样的,动作要怎么传,observation到底是什么样的,环境render之后是什么样的。

```
1 | import gym
2
3 env = gym.make("CartPole-v0")
4 env.seed(1)
5 | # ------#
6 | print("action space:", env.action_space) # 动作空间
   print("The number of the action:", env.action_space.n) # 当动作是离散的
   时,用该方法获取有多少个动作
8
  for i in range(5):
       print("The testing action:", env.action_space.sample()) # 从动作空间
   中随机选取一个动作,可以多打印几次,看看动作空间都是什么样的
   print(env.observation_space) # 状态空间
10
11 | print(env.observation_space.shape) # 状态空间的形状
12
   for i in range(5):
      print("The testing observation:", env.observation_space.sample())
13
   # 对状态空间进行采样,打印出来看一下
14
15 | for episode in range(100): #每个回合
16
      s = env.reset() # 重新设置环境,并得到初始状态
17
      while True: # 每个步骤
          if episode % 50 == 0:
18
             env.render() # 展示环境
19
          a = env.action_space.sample() # 智能体随机选择一个动作
20
21
          s_, r, done, info = env.step(a) # 环境返回执行动作a后的下一个状态、
   奖励值、是否终止以及其他信息
22
         if done:
23
             break
24
```

然后看一下结果: 我们大概就知道环境大致是什么样的,它的动作空间和状态空间大概是什么量级。

```
action space: Discrete(2)

The number of the action: 2

The testing action: 0

The testing action: 0

The testing action: 1

The testing action: 1

The testing action: 0

observation space: Box(4,)

The shape of the observation: (4,)

The testing observation: [ 1.5918539e+00  1.8163429e+38  -3.2249892e-01  -5.7971208e+36]

The testing observation: [ -2.9963758e+00  -2.3220294e+38  -4.0943721e-01  -1.1218629e+38]

The testing observation: [ 4.1609278e+00  -1.6202370e+37  1.0278270e-01  -2.1812878e+38]

The testing observation: [ 4.6125871e-01  -2.7374105e+38  3.6709017e-01  2.7989397e+38]

The testing observation: [ -4.9687669e-01  1.3121045e+38  2.9005164e-01  1.6835726e+38]
```

• Frozen Lake

```
1
        Winter is here. You and your friends were tossing around a frisbee at
    the park
        when you made a wild throw that left the frisbee out in the middle of
    the lake.
        The water is mostly frozen, but there are a few holes where the ice has
    melted.
        If you step into one of those holes, you'll fall into the freezing
    water.
        At this time, there's an international frisbee shortage, so it's
    absolutely imperative that
 7
        you navigate across the lake and retrieve the disc.
        However, the ice is slippery, so you won't always move in the direction
    you intend.
 9
        The surface is described using a grid like the following
10
11
            SFFF
12
            FHFH
13
            FFFH
```

```
14
      HFFG
15
        S : starting point, safe
16
17
        F : frozen surface, safe
        H : hole, fall to your doom
18
19
        G : goal, where the frisbee is located
20
21
        The episode ends when you reach the goal or fall in a hole.
        You receive a reward of 1 if you reach the goal, and zero otherwise.
22
23
        .....
24
```