Bloque 1. Aritmética básica

Tema 1 Operaciones aritméticas básicas Ejercicios resueltos

1.1-1 Efectúa las siguientes operaciones:

a)
$$(-2)-(+7)-(-12)+(+5)$$

b)
$$-10-(+2)+(-5)+(+4)-(-20)$$

$$c)$$
 +15- (-15) - $(+15)$ + (-15)

Solución

a)
$$(-2)-(+7)-(-12)+(+5)=8$$

b)
$$-10-(+2)+(-5)+(+4)-(-20)=7$$

c)
$$+15-(-15)-(+15)+(-15)=0$$

1.1-2 Efectúa las siguientes operaciones:

a)
$$(-2) \cdot (+7) \cdot (-12) \cdot (+5)$$

b)
$$-10 \cdot (+2) \cdot (-5) \cdot (+4) \cdot (-20)$$

c)
$$(+15-(-15))\cdot (+15)+(-15)$$

$$d$$
) $(+15-(-15))\cdot((+15)+(-15))$

Solución

a)
$$(-2)\cdot(+7)\cdot(-12)\cdot(+5) = +840$$

b)
$$-10 \cdot (+2) \cdot (-5) \cdot (+4) \cdot (-20) = -8.000$$

c)
$$(+15-(-15))\cdot (+15)+(-15)=435$$

d)
$$(+15-(-15))\cdot((+15)+(-15))=0$$

1.1-3 Efectúa las siguientes operaciones:

a)
$$(-1)^{20}$$

b)
$$(-1)^{33}$$

c)
$$(-3)^5 \cdot (+2)^4 \cdot ((-4)^2 + (-2))$$

$$d) \quad \frac{(-3)^5 \cdot (+7)^2}{(-4)^2 + (-2)}$$



Solución

a)
$$(-1)^{20} = 1$$

b)
$$(-1)^{33} = -1$$

c)
$$(-3)^5 \cdot (+2)^4 \cdot ((-4)^2 + (-2)) = (-243) \cdot 16 \cdot (16 - 2) = -54.432$$

$$d) \quad \frac{\left(-3\right)^{5} \cdot \left(+7\right)^{2}}{\left(-4\right)^{2} + \left(-2\right)} = \frac{\left(-243\right) \cdot 49}{14} = -\frac{1.701}{2}$$

1.1-4 Efectúa las siguientes operaciones:

a)
$$\frac{1}{6} + \frac{3}{6} + \frac{2}{6}$$

b)
$$\frac{2}{5} + \frac{3}{6} + \frac{7}{8}$$

c)
$$\left(-3\right)\left(\frac{2}{4} + \frac{3}{8}\right) + \left(\frac{2}{4} + \frac{3}{6}\right)$$

Solución

a)
$$\frac{1}{6} + \frac{3}{6} + \frac{2}{6} = \frac{6}{6} = 1$$

b)
$$\frac{2}{5} + \frac{3}{6} + \frac{7}{8} = \frac{96}{240} + \frac{120}{240} + \frac{210}{240} = \frac{426}{240} = \frac{71}{40}$$

c)
$$\left(-3\right)\left(\frac{2}{4} + \frac{3}{8}\right) + \left(\frac{2}{4} + \frac{3}{6}\right) = \left(-3\right)\left(\frac{7}{8}\right) + \left(\frac{6}{12} + \frac{6}{12}\right) = -\frac{21}{8} + 1 = -\frac{13}{8}$$

1.1-5 Efectúa las siguientes operaciones:

a)
$$(-2) \cdot \left(\frac{1}{6} + \frac{3}{6} + \frac{2}{6}\right)$$

b)
$$\left(\frac{2}{5} + \frac{3}{6} + \frac{7}{8}\right) \cdot \left(\frac{1}{6} + \frac{3}{6} + \frac{2}{6}\right)$$

c)
$$\left(-3\right)\left(\frac{2}{4} + \frac{3}{8}\right) \cdot \left(\frac{2}{4} + \frac{3}{6}\right)$$

a)
$$(-2) \cdot \left(\frac{1}{6} + \frac{3}{6} + \frac{2}{6}\right) = (-2) \cdot \frac{6}{6} = -2$$

b)
$$\left(\frac{2}{5} + \frac{3}{6} + \frac{7}{8}\right) \cdot \left(\frac{1}{6} + \frac{3}{6} + \frac{2}{6}\right) = \left(\frac{96}{240} + \frac{120}{240} + \frac{210}{240}\right) \cdot \frac{6}{6} = \frac{426}{240} \cdot 1 = \frac{71}{40}$$

c)
$$\left(-3\right)\left(\frac{2}{4} + \frac{3}{8}\right) \cdot \left(\frac{2}{4} + \frac{3}{6}\right) = \left(-3\right)\left(\frac{7}{8}\right) \cdot \left(\frac{6}{12} + \frac{6}{12}\right) = -\frac{21}{8} \cdot 1 = -\frac{21}{8}$$



1.1-6 Efectúa las siguientes operaciones:

a)
$$\frac{1}{6} - \frac{3}{6}$$

b)
$$\frac{2}{5} - \frac{3}{6}$$

c)
$$(-3)\cdot\left(\frac{2}{3}-\frac{3}{6}\right)$$

Solución

a)
$$\frac{1}{6} - \frac{3}{6} = -\frac{2}{6} = -\frac{1}{3}$$

b)
$$\frac{2}{5} - \frac{3}{6} = \frac{12}{30} - \frac{15}{30} = -\frac{3}{30} = -\frac{1}{10}$$

c)
$$\left(-3\right) \cdot \left(\frac{2}{3} - \frac{3}{6}\right) = \left(-3\right) \cdot \left(\frac{4}{6} - \frac{3}{6}\right) = \left(-3\right) \cdot \left(\frac{1}{6}\right) = -\frac{3}{6} = -\frac{1}{2}$$

1.1-7 Efectúa las siguientes operaciones:

a)
$$\left(-\frac{2}{3}\right)^3 \cdot \left(-\frac{6}{7}\right) \cdot \left(\frac{3}{5} - \frac{4}{6}\right)^0$$

b)
$$\frac{\left(2-\frac{2}{10}\right)^{2}}{\left(3-\frac{2}{9}\right)^{-1}}:\frac{\left(\frac{6}{7}\cdot\frac{5}{4}-\frac{4}{14}:\frac{3}{6}\right)}{\left(\frac{1}{2}-\frac{1}{3}\cdot\frac{1}{4}:\frac{1}{5}\right)}-\frac{36}{7}$$

$$c) \quad \left(\frac{2-\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}}\right)^{-1}$$

a)
$$\left(-\frac{2}{3}\right)^3 \cdot \left(-\frac{6}{7}\right) \cdot \left(\frac{3}{5} - \frac{4}{6}\right)^0 = \left(-\frac{8}{27}\right) \cdot \left(-\frac{6}{7}\right) \cdot 1 = \frac{48}{189} = \frac{16}{63}$$

b)
$$\frac{\left(2-\frac{2}{10}\right)^{2}}{\left(3-\frac{2}{9}\right)^{-1}} : \frac{\left(\frac{6}{7} \cdot \frac{5}{4} - \frac{4}{14} : \frac{3}{6}\right)}{\left(\frac{1}{2} - \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{4} : \frac{1}{5}\right)} - \frac{36}{7} = \frac{\left(\frac{9}{5}\right)^{2} \cdot \left(\frac{1}{2} - \frac{5}{12}\right)}{\left(\frac{25}{9}\right)^{-1} \cdot \left(\frac{15}{14} - \frac{4}{7}\right)} - \frac{36}{7} = \frac{91}{7} =$$

$$= \frac{\frac{81}{25} \cdot \frac{1}{12}}{\frac{9}{25} \cdot \frac{7}{14}} - \frac{36}{7} = \frac{9}{6} - \frac{36}{7} = \frac{63 - 216}{42} = -\frac{153}{42} = -\frac{51}{14}$$

c)
$$\left(\frac{2-\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}}\right)^{-1} = \left(\frac{\frac{3}{2}}{\frac{1}{2}}\right)^{-1} = (3)^{-1} = \frac{1}{3}$$

1.1-8 Calcula la aproximación de orden 0 de -7,23

Solución

La aproximación de orden 0 de -7,23 es -8 porque

$$-8 \le -7,23 \le (-8+1)$$

1.1-9 Calcula la aproximación de orden 1 de -7,23

Solución

La aproximación de orden 1 de -7,23 es -7,3 porque

$$-\frac{73}{10} \le -7,23 \le \left(-\frac{73}{10} + 0,1\right)$$

1.1-10 Calcula la aproximación de orden 3 de $\sqrt{2}$

Solución

La aproximación de orden 3 de $\sqrt{2}$ es 1,414 porque

$$\frac{1414}{1000} \le \sqrt{2} \le \left(\frac{1414}{1000} + 0,001\right)$$

1.1-11 Calcula los sucesivos órdenes de aproximación de
$$\frac{4}{3}$$

Solución

Los sucesivos órdenes de aproximación de $\frac{4}{3}$ son

1.1-12 Calcula 5^0 , $(-5)^1$, $(-5)^0$

Solución

$$5^0 = 1$$

$$\left(-5\right)^1 = -5$$

$$\left(-5\right)^0 = 1$$

1.1-13 Calcula $(5.7)^0$, $\left(-\frac{1}{3}\right)^1$, $\left(\frac{1}{3}\right)^0$

Solución

$$(5\cdot7)^0=1$$

$$\left(-\frac{1}{3}\right)^1 = -\frac{1}{3}$$

$$\left(\frac{1}{3}\right)^0 = 1$$

1.1-14 Calcula:

a)
$$x^3 + 2x^2 - 6x^2$$

b)
$$a^3 \cdot a^7$$

c)
$$3^5 a^5$$

$$d) \left(a^4\right)^5$$

a)
$$x^3 + 2x^2 - 6x^2 = x^3 - 4x^2$$

b)
$$a^3 \cdot a^7 = a^{10}$$

c)
$$3^5 a^5 = (3a)^5$$

$$d$$
) $(a^4)^5 = a^{20}$

1.1-15 Calcula:

$$a) \ \frac{a^3}{a^7}$$

b)
$$\frac{a^7}{a^3}$$
 c) a^{-5}

c)
$$a^{-5}$$

$$d\left(\frac{1}{a^4}\right)^2$$

Solución

a)
$$\frac{a^3}{a^7} = a^{-4}$$

a)
$$\frac{a^3}{a^7} = a^{-4}$$
 c) $a^{-5} = \frac{1}{a^5}$

b)
$$\frac{a^7}{a^3} = a^4$$

b)
$$\frac{a^7}{a^3} = a^4$$
 d) $\left(\frac{1}{a^4}\right)^2 = a^{-8}$

1.1-16 Calcular los siguientes productos:

Solución

1.1-17 Calcular los siguientes cocientes: