

Matrici e array

Funzioni

	0
zeros	Creare array di tutti zeri
ones	Creare array di tutti numeri uno
rand	Numeri casuali distribuiti uniformemente
true	Logical 1 (true)
false	Logical 0 (false)
eye	Identity matrix
diag	Create diagonal matrix or get diagonal elements of matrix
blkdiag	Block diagonal matrix
cat	Concatenare gli array
horzcat	Concatenate arrays horizontally
vertcat	Concatenate arrays vertically
repelem	Repeat copies of array elements
repmat	Ripetere le copie dell'array
combinations	Generate all element combinations of arrays (Da R2023a)

https://it.mathworks.com/videos/working-with-arrays-in-matlab-101637.html



Matrici e array

Funzioni

~	Creazione	di griglie
---	-----------	------------

linspace	Generare un vettore a spaziatura lineare Generare un vettore a spaziatura logaritmica Frequency spacing for frequency response	
logspace		
freqspace		
meshgrid	Griglie bidimensionali e tridimensionali	
ndgrid	Rectangular grid in N-D space	



Matrici e array

Funzioni

✓ Determinazione della dimensione, della forma e dell'ordine

length	Lunghezza della dimensione più grande dell'array		
size	Dimensione dell'array		
ndims	Number of array dimensions		
nume1	Numero degli elementi dell'array		
isscalar	Determine whether input is scalar		
isvector	Determine whether input is vector		
ismatrix	Determine whether input is matrix		
isrow Determine if input is row vector iscolumn Determine if input is column vector isempty Determinare se un array è vuoto issorted Determine if array is sorted			
		issortedrows	Determine if matrix or table rows are sorted
		isuniform	Determine if vector is uniformly spaced (Da R2022b)



Matrici e array

Funzioni

✓ Ridimensionamento, rimodellamento e riorganizzazione

Ridimensionamento

head	Get top rows of array or table
tail	Get bottom rows of array or table
resize	Resize data by adding or removing elements (Da R2023b)
paddata	Pad data by adding elements (Da R2023b)
trimdata	Trim data by removing elements (Da R2023b)

Rimodellamento

permute	Permutare le dimensioni degli array
ipermute	Inverse permute array dimensions
shiftdim	Shift array dimensions
reshape	Rimodellare l'array riorganizzando gli elementi esistenti
squeeze	Rimuovere le dimensioni di lunghezza 1



Matrici e array

Funzioni

Riorganizzazione

sort	Ordinare gli elementi dell'array		
sortrows Sort rows of matrix or table			
flip	Ordine di capovolgimento degli elementi		
fliplr	Capovolgere l'array da sinistra a destra		
flipud	Flip array up to down		
rot90	Rotate array 90 degrees		
transpose	Trasporre un vettore o una matrice		
ctranspose	anspose Complex conjugate transpose		
circshift	cshift Shift array circularly		



Matrici e array

Funzioni

✓ Indicizzazione

colon	Vector creation, array subscripting, and for-loop iteration	
end	Terminate block of code or indicate last array index	
ind2sub	Convert linear indices to subscripts	
sub2ind	Convert subscripts to linear indices	



Matrici e array Argomenti

Creating, Concatenating, and Expanding Matrices

The most basic MATLAB® data structure is the matrix. A matrix is a two-dimensional, rectangular array of data elements arranged in rows and columns. The elements can be numbers, logical values (true or false), dates and times, strings, categorical values, or some other MATLAB data type.

Even a single number is stored as a matrix. For example, a variable containing the value 100 is stored as a 1-by-1 matrix of type double.

A = 100; whos A				
Name	Size	Bytes	Class	Attributes
Α	1×1	8	double	



Matrici e array Argomenti

Creating, Concatenating, and Expanding Matrices

Constructing a Matrix of Data

If you have a specific set of data, you can arrange the elements in a matrix using square brackets. A single row of data has spaces or commas in between the elements, and a semicolon separates the rows. For example, create a single row of four numeric elements. The size of the resulting matrix is 1-by-4 because it has one row and four columns. A matrix of this shape is often referred to as a row vector.



Now create a matrix with the same numbers, but arrange them in two rows. This matrix has two rows and two columns.

```
A = [12 62; 93 -8]

A = 2x2

12 62
93 -8

sz = size(A)

sz = 1x2

2 2
```



Matrici e array Argomenti

Creating, Concatenating, and Expanding Matrices

Specialized Matrix Functions

MATLAB has many functions that help create matrices with certain values or a particular structure. For example, the zeros and ones functions create matrices of all zeros or all ones. The first and second arguments of these functions are the number of rows and number of columns of the matrix, respectively.

```
A = zeros(3,2)
A = 3x2
0 \quad 0
0 \quad 0
0 \quad 0
B = ones(2,4)
B = 2x4
1 \quad 1 \quad 1 \quad 1
1 \quad 1 \quad 1 \quad 1
```

The diag function places the input elements on the diagonal of a matrix. For example, create a row vector A containing four elements. Then, create a 4-by-4 matrix whose diagonal elements are the elements of A.

```
A = [12 62 93 -8];
B = diag(A)
B = 4×4
```

12 0 0 0 0 62 0 0 0 0 93 0 0 0 0 -8



Matrici e array Argomenti

Creating, Concatenating, and Expanding Matrices

Specialized Matrix Functions

The createArray function (since R2024a) can return arrays of almost any MATLAB data type. The function uses the same syntax as zeros and ones to define the size of the array, but it also offers several options for specifying the contents of the array. For example, you can specify the fill value.

```
C = createArray(2,3,FillValue=duration(1,15,0))

C = 2x3 duration
    01:15:00    01:15:00    01:15:00
    01:15:00    01:15:00    01:15:00
```

Concatenating Matrices

You can also use square brackets to append existing matrices. This way of creating a matrix is called concatenation. For example, concatenate two row vectors to make an even longer row vector.

```
A = ones(1,4);
B = zeros(1,4);
C = [A B]
```

To arrange A and B as two rows of a matrix, use the semicolon.



Matrici e array Argomenti

Creating, Concatenating, and Expanding Matrices

Concatenating Matrices

To concatenate several matrices, they must have compatible sizes. In other words, when you concatenate matrices horizontally, they must have the same number of rows. When you concatenate them vertically, they must have the same number of columns.

For example, create two matrices that both have two rows. Horizontally append the second matrix to the first by using square brackets.



Matrici e array Argomenti

Creating, Concatenating, and Expanding Matrices

Concatenating Matrices

An alternative way to concatenate compatible matrices is to use concatenation functions, such as horzcat, vertcat, and cat. Horizontally append the second matrix to the first by using horzcat.

Generating a Numeric Sequence

The colon is a handy way to create matrices whose elements are sequential and evenly spaced. For example, create a row vector whose elements are the integers from 1 to 10.

$$A = 1:10$$

$$A = 1\times10$$

$$1 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \quad 5 \quad 6 \quad 7 \quad 8 \quad 9 \quad 10$$

You can use the colon operator to create a sequence of numbers within any range, incremented by one.

```
A = -2.5:2.5

A = 1×6

-2.5000 -1.5000 -0.5000 0.5000 1.5000 2.5000
```



Matrici e array Argomenti

Creating, Concatenating, and Expanding Matrices

Generating a Numeric Sequence

To change the value of the sequence increment, specify the increment value in between the starting and ending range values, separated by colons.

$$A = 0:2:10$$
 $A = 1 \times 6$

To decrement, use a negative number.

$$A = 6:-1:0$$
 $A = 1 \times 7$

You can also increment by noninteger values. If an increment value does not evenly partition the specified range, MATLAB automatically ends the sequence at the last value it can reach before exceeding the range.

```
A = 1:0.2:2.1

A = 1×6

1.0000   1.2000   1.4000   1.6000   1.8000   2.0000
```



Matrici e array Argomenti

Creating, Concatenating, and Expanding Matrices

Expanding a Matrix

You can add one or more elements to a matrix by placing them outside of the existing row and column index boundaries. MATLAB automatically pads the matrix with zeros to keep it rectangular. For example, create a 2-by-3 matrix and add an additional row and column to it by inserting an element in the (3,4) position.

You can also expand the size by inserting a new matrix outside of the existing index ranges.

```
A(4:5,5:6) = \begin{bmatrix} 2 & 3; & 4 & 5 \end{bmatrix}
A = 5x6
\begin{bmatrix} 10 & 20 & 30 & 0 & 0 & 0 \\ 60 & 70 & 80 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 80 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 2 & 3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 4 & 5 \end{bmatrix}
```



Matrici e array Argomenti

Creating, Concatenating, and Expanding Matrices

Expanding a Matrix

To expand the size of a matrix repeatedly, such as within a for loop, it is a best practice to preallocate space for the largest matrix you anticipate creating. Without preallocation, MATLAB has to allocate memory every time the size increases, slowing down operations. For example, preallocate a matrix that holds up to 10,000 rows and 10,000 columns by initializing its elements to zero.

A = zeros(10000, 10000);

If you need to preallocate additional elements later, you can expand it by assigning outside of the matrix index ranges or concatenate another preallocated matrix to A.

Empty Arrays

An empty array in MATLAB is an array with at least one dimension length equal to zero. Empty arrays are useful for representing the concept of "nothing" programmatically. For example, suppose you want to find all elements of a vector that are less than 0, but there are none. The find function returns an empty vector of indices, indicating that it did not find any elements less than 0.

```
A = [1 \ 2 \ 3 \ 4];
ind = find(A<0)
```

ind =

1x0 empty double row vector

Many algorithms contain function calls that can return empty arrays. It is often useful to allow empty arrays to flow through these algorithms as function arguments instead of handling them as a special case. If you do need to customize empty array handling, you can check for them using the isempty function.

```
TF = isempty(ind)
```

TF = logical



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

In MATLAB® sono disponibili tre approcci principali per accedere agli elementi di un array in base alla loro posizione (indice) nell'array. Questi approcci sono l'indicizzazione per posizione, l'indicizzazione lineare e l'indicizzazione logica.

Indicizzazione con le posizioni degli elementi

Il modo più comune è quello di specificare gli indici degli elementi in modo esplicito. Ad esempio, per accedere a un singolo elemento di una matrice, specificare il numero di riga seguito dal numero di colonna dell'elemento.

$$A = [1 \ 2 \ 3 \ 4; \ 5 \ 6 \ 7 \ 8; \ 9 \ 10 \ 11 \ 12; \ 13 \ 14 \ 15 \ 16]$$

$$\Delta = 4x4$$

1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16

$$e = A(3,2)$$

e = 10

e è l'elemento nella posizione 3,2 (terza riga, seconda colonna) di A.

È inoltre possibile fare riferimento a più elementi alla volta, specificando i loro indici in un vettore. Ad esempio, accedere al primo e al terzo elemento della seconda riga di A.

$$r = A(2,[1 3])$$

r = 1x2

5



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

11 15

Indicizzazione con le posizioni degli elementi

Per accedere agli elementi di un intervallo di righe o di colonne, utilizzare il colon. Ad esempio, accedere agli elementi dalla prima alla terza riga e dalla seconda alla quarta colonna di A.

```
 \begin{array}{c} r = A(1:3,2:4) \\ \\ r = 3x3 \\ \\ 2 \quad 3 \quad 4 \\ 6 \quad 7 \quad 8 \\ \\ 10 \quad 11 \quad 12 \\ \end{array}
```

Un modo alternativo per calcolare n è quello di utilizzare la parola chiave end per specificare dalla seconda colonna fino all'ultima. Questo approccio consente di specificare l'ultima colonna senza sapere esattamente quante colonne sono presenti in A.

Se si desidera accedere a tutte le righe o le colonne, utilizzare l'operatore dei due punti da solo. Ad esempio, restituire tutta la terza colonna di A.

```
r = A(:,3)

r = 4x1

3
7
```



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

Indicizzazione con un indice singolo

Un altro metodo per accedere agli elementi di un array è quello di utilizzare un solo indice, indipendentemente dalla grandezza o dalle dimensioni dell'array. Questo metodo è noto come indicizzazione lineare. Sebbene MATLAB visualizzi gli array in base alle loro grandezze e forme definite, in realtà vengono archiviati nella memoria come una singola colonna di elementi. Un modo efficace per visualizzare questo concetto è con una matrice. Sebbene il seguente array sia visualizzato come una matrice 3x3, MATLAB lo memorizza come una singola colonna composta dalle colonne di A aggiunte una dopo l'altra. Il vettore memorizzato contiene la sequenza degli elementi 12, 45, 33, 36, 29, 25, 91, 48, 11, che può essere visualizzata utilizzando un due punti singolo.

```
A = [12 36 91; 45 29 48; 33 25 11]

A = 3x3

12 36 91
45 29 48
33 25 11

Alinear = A(:)

Alinear = 9x1
```

ATTIICAL - 37

12 45

33

36

29

25

91

48

11



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

Indicizzazione con un indice singolo

Ad esempio, l'elemento 3,2 di A è 25 ed è possibile accedervi utilizzando la sintassi A(3,2). È inoltre possibile accedere a questo elemento utilizzando la sintassi A(6), poiché 25 è il sesto elemento della sequenza vettoriale memorizzata.

```
e = A(3,2)
e = 25
elinear = A(6)
```

Sebbene l'indicizzazione lineare possa essere meno intuitiva dal punto di vista visivo, può essere molto efficace per eseguire alcuni calcoli che non dipendono dalla grandezza o dalla forma dell'array. Ad esempio, è possibile sommare facilmente tutti gli elementi di A senza dover fornire un secondo argomento alla funzione sum.

```
s = sum(A(:))
s = 330
```

Le funzioni sub2ind e ind2sub aiutano a convertire gli indici originali dell'array nella loro versione lineare. Ad esempio, calcolare l'indice lineare dell'elemento 3,2 di A.

```
linearidx = sub2ind(size(A),3,2)
linearidx = 6
```

Riconvertire l'indice lineare nella sua forma a righe e colonne.

```
[row,col] = ind2sub(size(A),6)
```

col = 2

elinear = 25



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

Indicizzazione con valori logici

L'utilizzo degli indicatori logici true e false è un altro modo utile per indicizzare gli array, in particolare quando si lavora con le dichiarazioni condizionali. Ad esempio, si supponga di voler sapere se gli elementi di una matrice A sono minori dei corrispondenti elementi di un'altra matrice B. L'operatore minore-di restituisce un array logico i cui elementi sono 1 quando un elemento in A è più piccolo del corrispondente elemento in B.

	A = [1 2 6; 4 3 6]
	A = 2x3
	1 2 6 4 3 6
	B = [0 3 7; 3 7 5]
	B = 2x3
	0 3 7 3 7 5
	ind = A <b< th=""></b<>
	ind = 2x3 logical array



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

Indicizzazione con valori logici

Avals = A(ind)

 $\Delta vals = 3x1$

Ora che si conosce la posizione degli elementi che soddisfano la condizione, è possibile esaminare i singoli valori utilizzando ind come array di indici. MATLAB abbina le posizioni del valore 1 in ind agli elementi corrispondenti di A e B ed elenca i loro valori in un vettore colonna.

2 3 6	
<pre>Bvals = B(ind)</pre>	
Bvals = 3×1 3	



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

Indicizzazione con valori logici

Le funzioni "is" di MATLAB restituiscono inoltre array logici che indicano quali elementi di input soddisfano una determinata condizione. Ad esempio, verificare quali elementi di un vettore string sono mancanti utilizzando la funzione ismissing.

```
str = ["A" "B" missing "D" "E" missing];
ind = ismissing(str)

ind = 1x6 logical array
0 0 1 0 0 1
```

Si supponga di voler trovare i valori degli elementi che non sono mancanti. A tale scopo, utilizzare l'operatore ~ con il vettore indice ind.

```
strvals = str(~ind)

strvals = 1x4 string
    "A"    "B"    "D"    "E"
```

Per ulteriori esempi sull'utilizzo dell'indicizzazione logica, vedere Find Array Elements That Meet a Condition.



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

Find Array Elements That Meet a Condition

This example shows how to filter the elements of an array by applying conditions to the array. For instance, you can examine the even elements in a matrix, find the location of all 0s in a multidimensional array, or replace NaN values in data. You can perform these tasks using a combination of the relational and logical operators. The relational operators (>, <, >=, <=, \sim) impose conditions on the array, and you can apply multiple conditions by connecting them with the logical operators and, or, and not, respectively denoted by the symbols &, |, and \sim .

Apply a Single Condition

14

15

15

8

13

12

15

15

11

To apply a single condition, start by creating a 5-by-5 matrix that contains random integers between 1 and 15. Reset the random number generator to the default state for reproducibility.

Use the relational less than operator, <, to determine which elements of A are less than 9. Store the result in B.



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

Find Array Elements That Meet a Condition

Apply a Single Condition

A(B)

The result is a logical matrix. Each value in B represents a logical 1 (true) or logical 0 (false) state to indicate whether the corresponding element of A fulfills the condition A < 9. For example, A(1,1) is 13, so B(1,1) is logical 0 (false). However, A(1,2) is 2, so B(1,2) is logical 1 (true).

Although B contains information about which elements in A are less than 9, it doesn't tell you what their values are. Rather than comparing the two matrices element by element, you can use B to index into A.

ans = 8×1

2
2
5
3
8
3
7

The result is a column vector of the elements in A that are less than 9. Since B is a logical matrix, this operation is called **logical indexing**. In this case, the logical array being used as an index is the same size as the other array, but this is not a requirement. For more information, see Array Indexing.



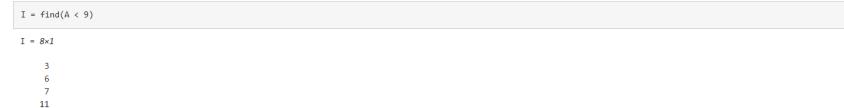
Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

Find Array Elements That Meet a Condition

Apply a Single Condition

Some problems require information about the locations of the array elements that meet a condition rather than their actual values. In this example, you can use the find function to locate all of the elements in A less than 9.



The result is a column vector of linear indices. Each index describes the location of an element in A that is less than 9, so in practice A(I) returns the same result as A(B). The difference is that A(B) uses logical indexing, whereas A(I) uses linear indexing.



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

Find Array Elements That Meet a Condition

Apply Multiple Conditions

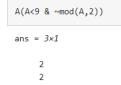
You can use the logical and, or, and not operators to apply any number of conditions to an array; the number of conditions is not limited to one or two.

First, use the logical and operator, denoted &, to specify two conditions: the elements must be less than 9 and greater than 2. Specify the conditions as a logical index to view the elements that satisfy both conditions.

A(A<9 & A>2)
ans = 5×1
5
3
8
3
7

The result is a list of the elements in A that satisfy both conditions. Be sure to specify each condition with a separate statement connected by a logical operator. For example, you cannot specify the conditions above by A(2<A<9), since it evaluates to A(2<A | A<9).

Next, find the elements in A that are less than 9 and even numbered.



The result is a list of all even elements in A that are less than 9. The use of the logical NOT operator, ~, converts the matrix mod (A, 2) into a logical matrix, with a value of logical 1 (true) located where an element is evenly divisible by 2.



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

Find Array Elements That Meet a Condition

Apply Multiple Conditions

Finally, find the elements in A that are less than 9 and even numbered and not equal to 2.

ans = 8

The result, 8, is even, less than 9, and not equal to 2. It is the only element in A that satisfies all three conditions.

Use the find function to get the index of the element equal to 8 that satisfies the conditions.

$$find(A<9 \& \sim mod(A,2) \& A\sim=2)$$

ans = 14

The result indicates that A(14) = 8.



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

Find Array Elements That Meet a Condition

Replace Values That Meet a Condition

Sometimes it is useful to simultaneously change the values of several existing array elements. Use logical indexing with a simple assignment statement to replace the values in an array that meet a condition.

Replace all values in A that are greater than 10 with the number 10.

```
A(A>10) = 10
A = 5 \times 5
    10
                  3
                         3
                               10
    10
            5
                 10
                                1
                 10
                        10
                               10
    10
                  8
          10
                        10
                               10
    10
          10
                 10
                        10
                               10
```

Next, replace all values in A that are not equal to 10 with a NaN value.

```
A(A\sim=10) = NaN
A = 5x5
         NaN
                NaN
                       NaN
                              10
                 10
                       NaN
                             NaN
                 10
                        10
                              10
    10
                        10
                              10
           10
                 10
                        10
                              10
```



Matrici e array Argomenti

Indicizzazione di array

Find Array Elements That Meet a Condition

Replace Values That Meet a Condition

Lastly, replace all of the NaN values in A with zeros and apply the logical NOT operator, ~A.

```
A(isnan(A)) = 0;

C = ~A

C = 5x5 logical array

0 1 1 1 0

0 1 0 1 1

1 1 0 0 0

0 0 1 0 0
```

The resulting matrix has values of logical 1 (true) in place of the NaN values, and logical 0 (false) in place of the 10s. The logical NOT operation, ~A, converts the numeric array into a logical array such that A&C returns a matrix of logical 0 (false) values and A | C returns a matrix of logical 1 (true) values.



Alcune operazioni sulle matrici

	- 1
α	ΔT
u	CL

Matrix determinant

Syntax

d = det(A)

Description

d = det(A) returns the determinant of square matrix A.

Examples

. .

Calculate Determinant of Matrix

Create a 3-by-3 square matrix, A.

$$A = [1 -2 4; -5 2 0; 1 0 3]$$

 $A = 3 \times 3$

1 -2

-5 2

Calculate the determinant of A.

d = det(A)

d = -32



Alcune operazioni sulle matrici

inv

Inverso delle matrici

Sintassi

```
Y = inv(X)
```

Descrizione

Y = inv(X) l'inverso della matrice quadrata X.

- X^(-1) equivale a inv(X).
- x = A\b è calcolato in modo diverso rispetto a x = inv(A)*b ed è consigliato per la risoluzione di sistemi di equazioni lineari.

Esempi

✓ Matrice inversa

Calcolare l'inverso di una matrice 3x3.

```
X = [1 \ 0 \ 2; -1 \ 5 \ 0; \ 0 \ 3 \ -9]
```

 $X = 3 \times 3$

- 1 0
- 0 3 -9

```
Y = inv(X)
```

 $Y = 3 \times 3$

0.8824	-0.1176	0.1961
0.1765	0.1765	0.0392
0.0588	0.0588	-0.0980



Alcune operazioni sulle matrici

eig

Eigenvalues

Examples



Use gallery to create a symmetric positive definite matrix.

```
A = gallery("lehmer",4)
A = 4 \times 4
    1.0000
               0.5000
                          0.3333
                                     0.2500
    0.5000
               1.0000
                          0.6667
                                     0.5000
                                     0.7500
    0.3333
               0.6667
                          1.0000
    0.2500
               0.5000
                          0.7500
                                     1.0000
```

Calculate the eigenvalues of A. The result is a column vector.

```
e = eig(A)

e = 4×1

0.2078
0.4078
0.8482
2.5362
```

Riferimenti Bibliografici

[1] https://it.mathworks.com