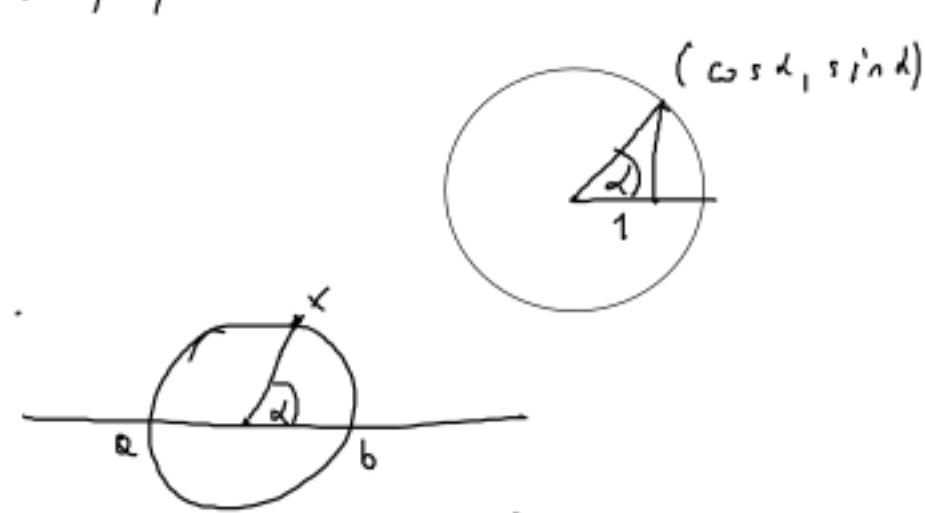


③

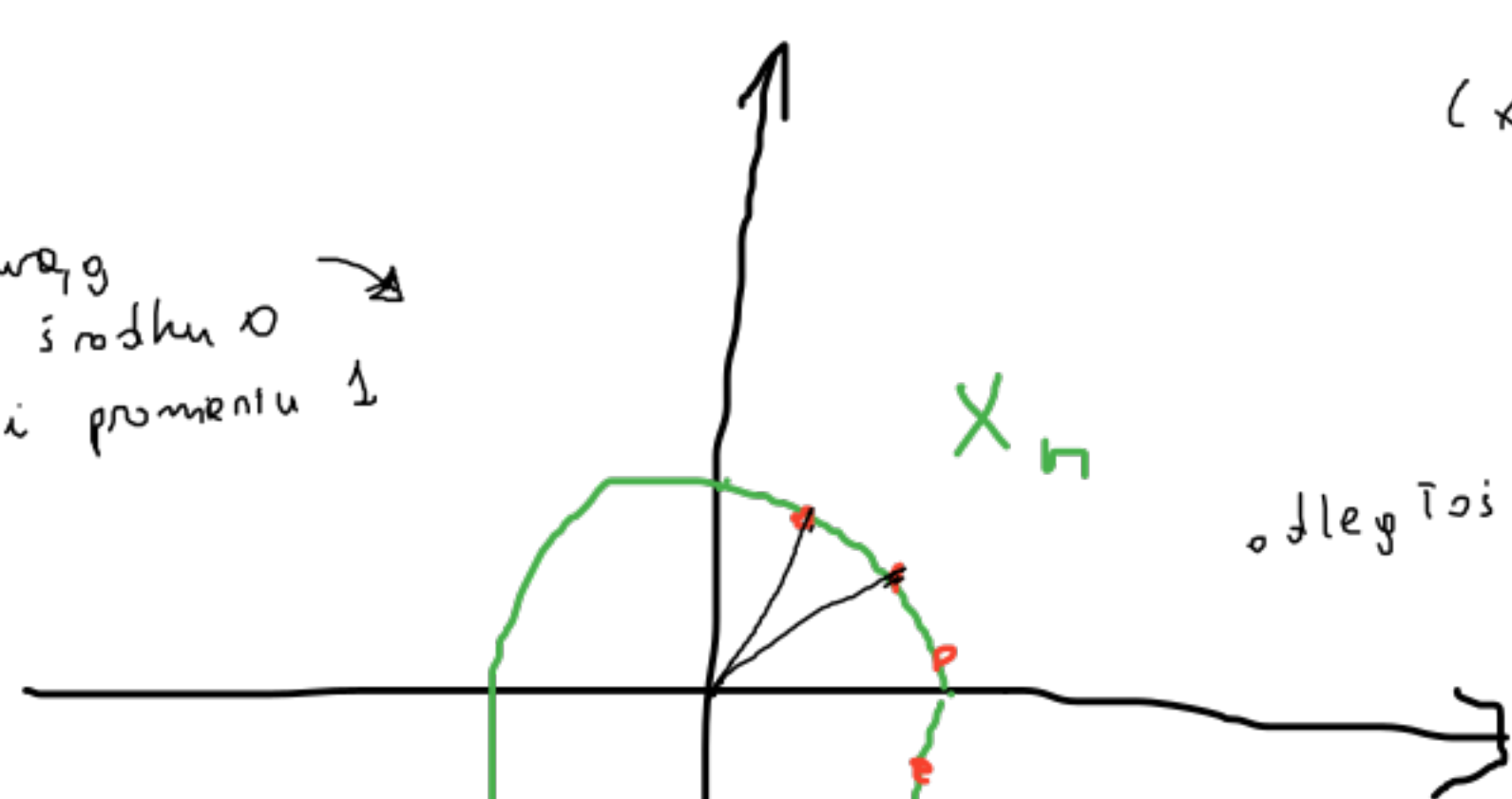
$x_n \in O(A)$
 $x_n \rightarrow p$ chcemy $p \in O(A)$
 $d(p, O(l_n, r_n)) \rightarrow 0$ x_n leży na $O(l_n, r_n)$
 ze wartości, bez straty dla ogólności,
 (l_n) i (r_n) są zbieżne.
 Powiedzmy $\lim_{n \rightarrow \infty} l_n = a \in A$ $\lim_{n \rightarrow \infty} r_n = b \in A$
 Wtedy $d(p, O(a, b)) = 0$
 czyli $p \in O(a, b)$

Inne podejście
 $p = \lim x_n = p$



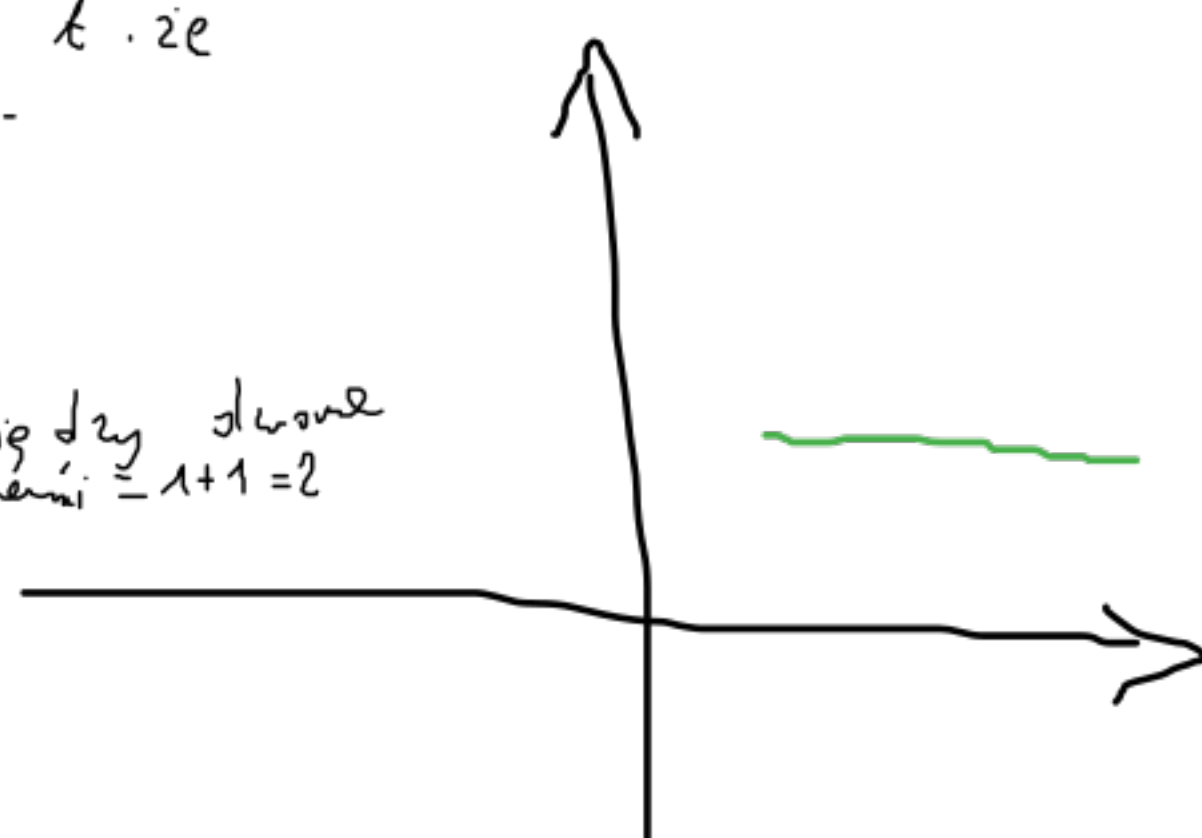
$$\begin{aligned}
 & \left(a + \frac{(b-a)}{2} \cos t, \frac{(b-a)}{2} \sin t \right) \\
 x_n &= \left(a_n + \frac{(b_n - a_n)}{2} \cos d_n, \frac{(b_n - a_n)}{2} \sin d_n \right) \\
 & \text{Bez straty dla ogólności} \\
 & (d_n), (a_n), (b_n) \text{ zbieżne} \\
 & \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\
 p &= \left(a + \frac{(b-a)}{2} \cos t, \frac{(b-a)}{2} \sin t \right) \in O(a, b)
 \end{aligned}$$

określ
 • środku o
 i promieniu 1

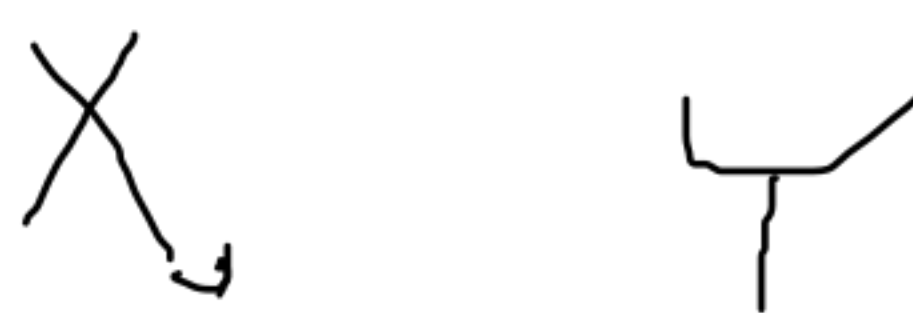


(x_n) t.z.e
 $x_n \rightarrow$

odległość między dwoma punktami = 1+1=2



$[0, 1] \times [0, 1]$



$$d((a, b), (a', b')) =$$

$$\dots | \cdot | \dots$$

$$\begin{cases} |a - a'| & b = b' \\ 1 & \text{w.p.p} \end{cases}$$

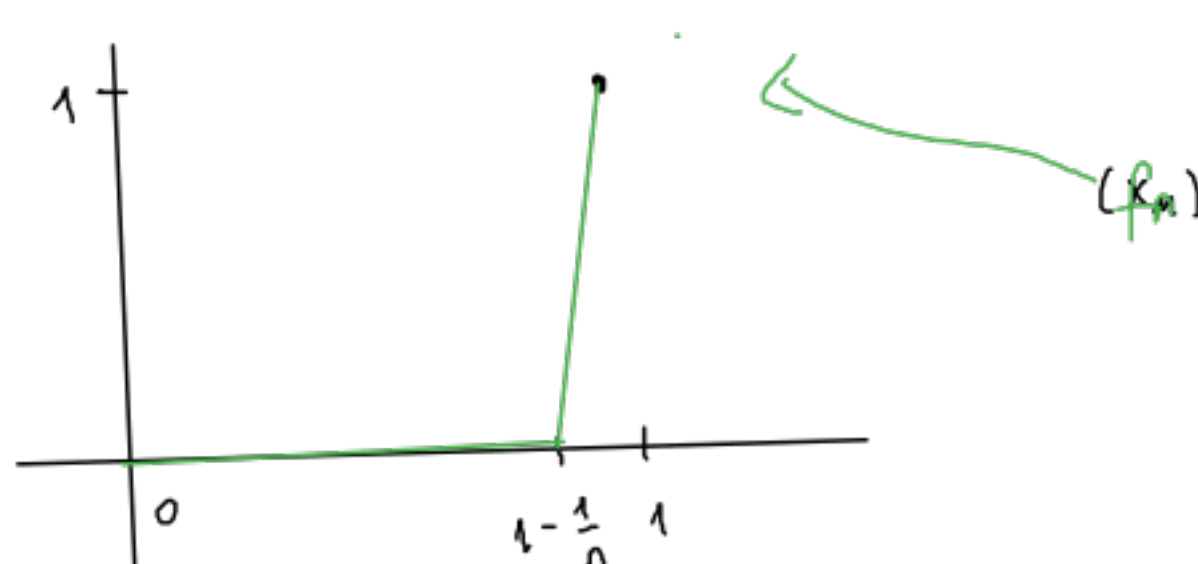
$$(0, 1) \times \{a\}$$

$(C[0, 1], d_{\text{sup}})$

Kule domknięte

$$B(0, 1) =$$

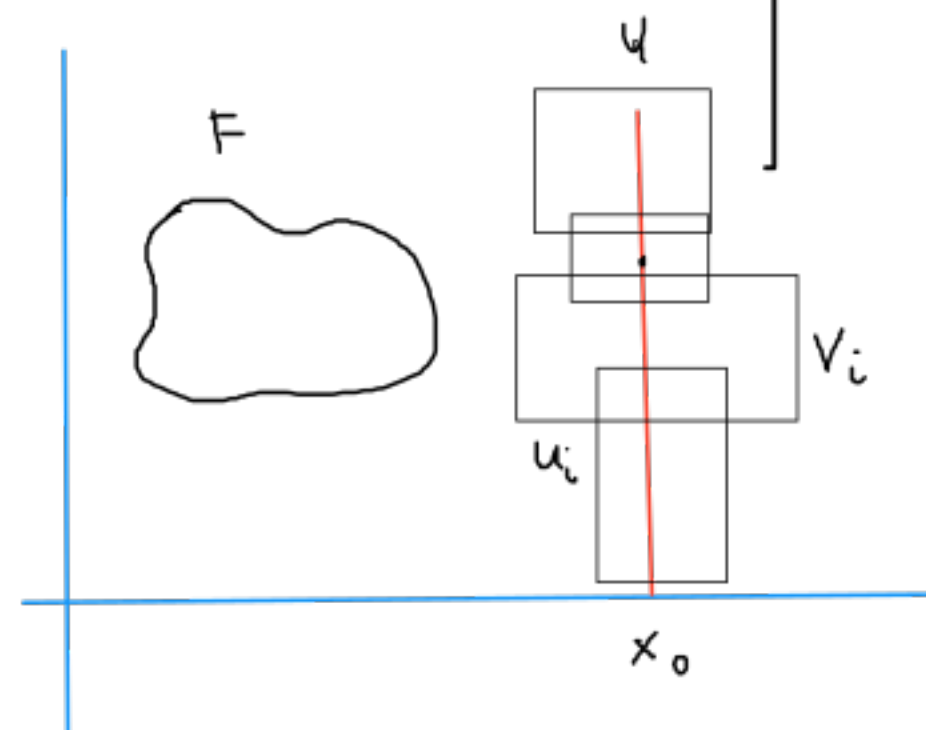
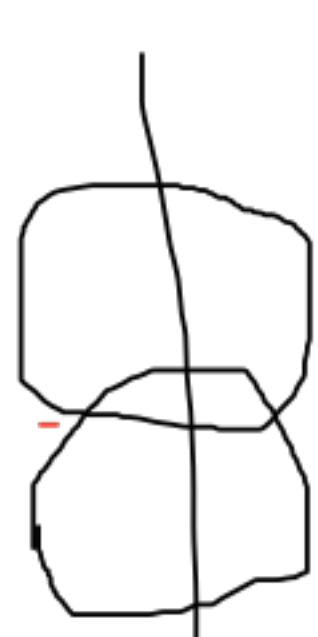
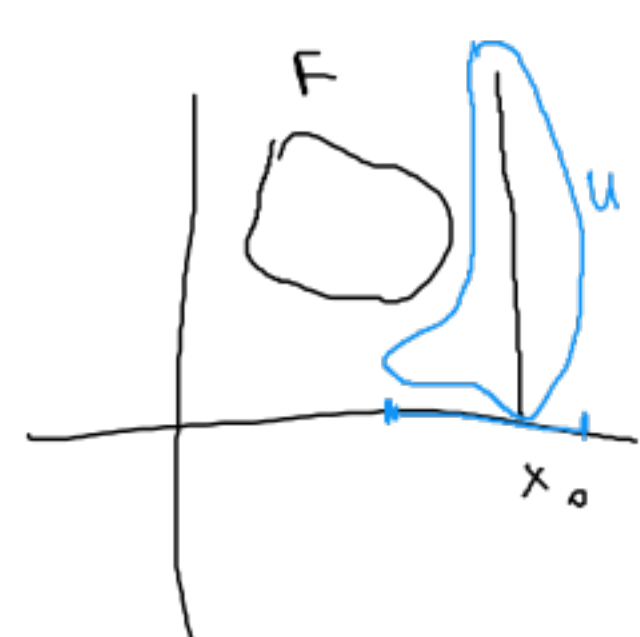
$$= \{f \in C[0, 1] : \|f\|_{\text{sup}} \leq 1\}$$



Trywialne przykŁad

$(B(0, 1), d_e)$

$A = B(0, 1)$
 ograniczony
 domknięty
 nie jest to zbiór zwarty



$$\begin{aligned}
 U &= \bigcap_{i=1}^n U_i \\
 & \text{otoczenie otwarte } x_0
 \end{aligned}$$

⑨



$$\begin{aligned}
 \forall b \in B & \text{ mamy otwarte} \\
 V_b \ni b & \\
 U_b \supseteq A & \quad V_b \cap U_b = \emptyset
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \Rightarrow \text{Pokrycie } B & \quad \mathcal{V} = \{V_b : b \in B\} \\
 \text{Podpokrycie skończone} & \\
 \{V_{b_1}, \dots, V_{b_n}\} &
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 \text{Wtedy } V_{b_i} \cap U_{b_i} &= \emptyset \\
 \text{Weźmy } U &= \bigcap_{i=1}^k U_{b_i} \quad V = \bigcup_{i=1}^k V_{b_i} \\
 U \supseteq A, \quad V \supseteq B, \quad V \cap U &= \emptyset.
 \end{aligned}$$

$$\prod_{i \in I} X_i \quad (X_i, \mathcal{T}_i)$$

$$\text{Baza : } i_1, i_2, \dots, i_n \in I \quad n < \infty$$

↑ parametryzacja

$$\begin{aligned}
 \prod_{i \in I} Y_i & \quad Y_i = X_i \quad \text{dla } i \neq i_1, \dots, i_n \\
 & \quad Y_i \in \mathcal{T}_i \quad \text{dla } i = i_1, \dots, i_n
 \end{aligned}$$

$$B = \omega_1 \text{ lub } \frac{1}{x}$$

$$A \quad \mathbb{R} \times 10^3$$