



# BİÇİMSEL DİLLER VE OTOMATA TEORİSİ

Biçimsel Diller ve Otomata Teorisi

1. Hafta

DR. ÖĞR. ÜYESİ. HÜSEYİN VURAL



# Ders İzlenesi

---

- Kümeler
- Fonksiyonlar
- Biçimsel Diller



# Otomata Teorisi (Automata Theory)

---

- **Otomata:** Hesaplama süreçlerini modelleyen matematiksel sistemlerdir.
- **Biçimsel Diller:** Otomatlar tarafından tanınan veya üretilen kelime dizileridir.

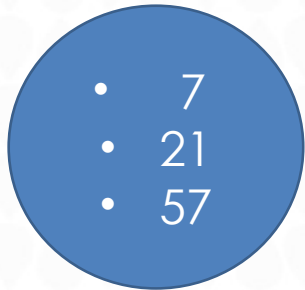
# Kümeler

---

- Bir grup nesnenin bir araya gelmesi ile **küme** oluşur.
- Nesneler; sayı, sembol veya başka küme(ler) olabilir.
- Kümenin içerisindeki nesnelere kümenin elemanları veya üyeleri denilir.

# Kümeler

- Kümeler birden fazla şekilde gösterilebilir.
- Örneğin
  - $\{7,21,57\}$
- Venn diagramı



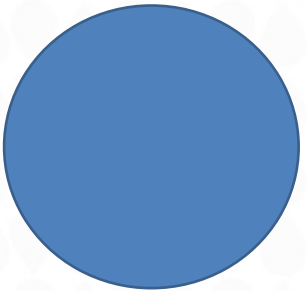
# Kümeler

- Küme elemanlarının sıralaması önemli değildir.
- Örneğin
  - $\{7,21,57\}$  ile  $\{21,7,57\}$  veya  $\{57,21,7\}$  aynıdır
- $\in$  ve  $\notin$  sembolü kümenin elemanı olup olmadığını gösterir.
- $7 \in \{7,21,57\}$  ve  $8 \notin \{7,21,57\}$



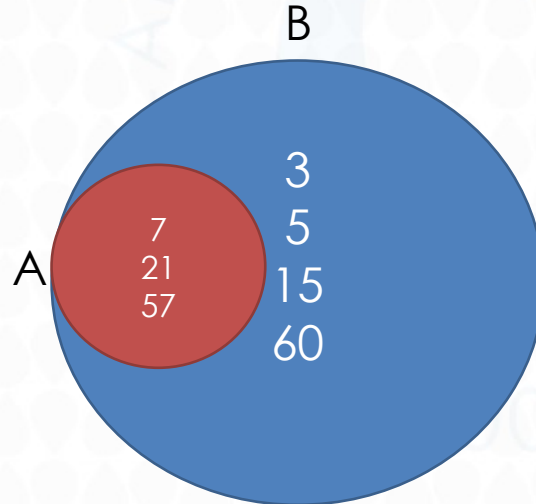
# Kümeler

- Boş küme aşağıdaki şekillerde gösterilebilir
- $\{\}$
- $\emptyset$



# Kümeler

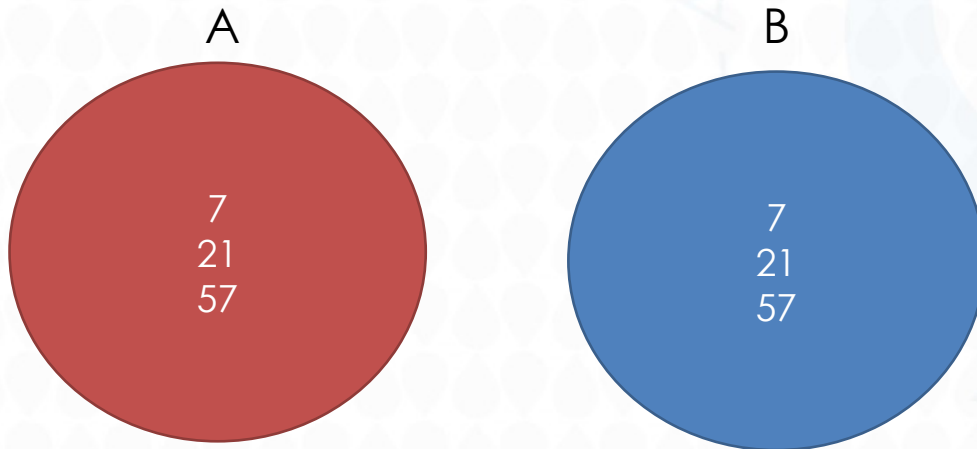
- Eğer A kümesinin tüm elemanları B kümesinde bulunuyorsa o zaman A kümesi B kümesinin **alt kümesidir**.





# Kümeler

- Eğer A kümesinin tüm elemanları B kümesinde de bulunuyorsa, A kümesi B kümesi ile eşittir.  $A=B$



# Kümeler

- **Birleşim:** İki kümenin tüm elemanlarını içeren kümedir.  
 $A \cup B = \{x \mid x \in A \text{ veya } x \in B\}$
- **Kesişim:** İki kümenin ortak elemanlarını içerir.
- $A \cap B = \{x \mid x \in A \text{ ve } x \in B\}$

# Kümeler

- **Küme Farkı:** İki kümeden birinin diğerinden farklı elemanlarını içermesidir
- $A - B = \{x \mid x \in A \text{ ve } x \notin B\}$

# Kümeler

- **Kartezyen Çarpım:** İki kümenin her elemanının diğer kümedeki her elemanla eşleştirilmesiyle elde edilen kümedir.
- $A \times B = \{(a,b) \mid a \in A, b \in B\}$
- Örnek:  $A = \{3,5\}$  ve  $B = \{a,b\}$
- $A \times B = \{(3,a), (3,b), (5,a), (5,b)\}$

# Otomata Teorisi (Automata Theory)

---

- Otomata teorisi, özdevinirler veya özdevinim kuramı olarak da bilinir
- Otomata teorisi, soyut matematiksel sistemleri ve bu sistemleri kullanarak hesaplama problemlerinin çözümlerini araştırır
- Bahsi geçen soyut sistemlere **otomat** denilmektedir





# Otomata Teorisi (Automata Theory)

---

- Günümüzde bir işi kendi kendine yapabilen çay, kahve vb. otomatları görmekteyiz
- Otomatlar, durum veya konfigürasyonda ilerleyerek bir girdi üzerinde hesaplamalar yapabilen soyut makinelerdir
- Hesaplamaları yapılan her durumda bir geçiş fonksiyonu bulunur





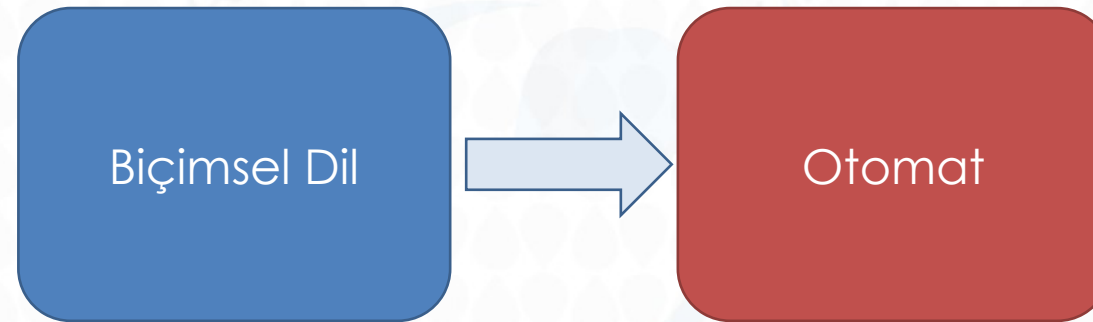
# Otomata Teorisi (Automata Theory)

---

- Bilinen en güçlü otomat **Turing makinesidir (Turing Machine)**.
- Otomata Teorisi birçok sınıflandırılmaya ayrılmaktadır.
- Bu sınıflardan bahsetmeden önce Otomata teorisinin yakından ilgilendiği Biçimsel Dil Kuramı hakkında bilgi verelim.

# Otomata Teorisi (Automata Theory)

---



# Otomat Örneği



# Otomata Teorisi (Automata Theory)

---

- Biçimsel diller bilgisayar bilimlerinde, mantıkta ve dil bilim çalışmalarında kullanılan bir dil ailesidir.
- Dilde bulunan bütün öğeler ve dilin ulaşabileceği sınırlar belirli kurallar dahilinde tanımlanabiliyorsa bu dillere **Biçimsel Dil** ismini verebiliriz.
- Bu anlamda bilgisayar bilimlerinde bulunan bütün programlama dillerini bu ailede düşünmek mümkündür.

# Biçimsel Diller

- Biçimsel dili tanımlamak için dilin en küçük yapısı olan alfabe, kelime kavramlarını öğrenelim.
- Bir dilde kullanılan sembollere harf denilir ve harflerin listesine de alfabe (alphabet) denilir.
- $\Sigma$  dilin en küçük yapı taşı olan alfabeyi temsil etmektedir
  - Örneğin  $\Sigma = \{x\}$
  - $\Sigma$  alfabesi “x” harfini içermektedir. Bu harf dışındaki hiçbir sembol bu alfabede tanımlı değildir.



# Biçimsel Diller

- $L_1 = \{\lambda, x, xx, xxx, xxxx, \dots\}$  ,  $L_1 = \{x^n\} \ n = 1, 2, 3 \dots$
- $L_1$  dilinde yer alan terimler ise kelimelerdir.
- Harf içermeme durumu ise null string ' $\lambda$ ' ile gösterilir.





# Biçimsel Diller

---

- Örnek,  $\Sigma = \{a,b\}$
- **Length** ile bir kelimenin uzunluğunu ölçeriz
- $\text{length}(ab) = 2$  ,  $\text{length}(\lambda) = 0$
- **Reverse**, bir kelimenin tersini yazmamızı sağlar

# Biçimsel Diller

- Kleene Star (Kleene yıldızı) '\*' ile  $\lambda$  dahil, alfabedeki tüm karakterlerin mümkün olan tüm birleşimlerini ifade eder
- $\Sigma = \{a,b\}$
- $\Sigma^* = \{\lambda, a, b, ab, ba, aa, bb, aaa, aaabbb, \dots\}$
- + (Plus): En az bir kere o karakterden gelmesi anlamına gelir
- $\Sigma^+ = \{a, b, ab, ba, aa, bb, aaa, \dots\}$



# Düzenli İfadeler (Regular Expressions)

---

- Bir dilde üretilebilecek olan ifadelerin gösterim biçimidir
- Alfabemizin a ve b harflerinden oluştuğunu düşünelim ve bu harflerden oluşan çeşitli diller tanımlayalım
- **$S=(a+b)$** ; bu dilin kabul ettiği kelimeler yalnızca a veya b'dir. =>  **$\{a,b\}$**

# Düzenli İfadeler (Regular Expressions)

- $S = (a+b)(a+b) = (a+b)^2$  ; bu dilin kabul ettiği kelimeler ;  
 $\{aa,ab,ba,bb\}$  yani a ve b harfleri kullanılarak yazılabilecek **2** harfli stringlerdir.
- $S = (a+b)(a+b)(a+b) = (a+b)^3$  ; dilinin kabul ettiği kelimeler;  
 $\{aaa,aba,bba,bbb\}$  a ve b harfleriyle yazılabilecek **3** harfli tüm stringlerdir.
- $S = (a+b)^*$  = a ve b harfleriyle oluşturulabilecek tüm kombinasyonları  
 $\{\lambda, a, b, ba, bb, aa, aab, aabb, aaaa\}$  (**sonsuz sayıda**) kabul etmektedir

# Düzenli İfadeler (Regular Expressions)

---

- $X^* = \{\lambda, x, xx, xxx, xxxx, \dots\}$
- $ab^* = \{a, ab, abb, abbb, \dots\}$ 
  - a ile başlayacak ve sonsuz tane b gelebilir
- $(ab)^* = \{\lambda, ab, abab, ababab, abababab, \dots\}$
- $a^*b^* = \{\lambda, a, b, aa, bb, ab, aab, abb, aabb, \dots\}$



# Düzenli İfadeler (Regular Expressions)

---

- 1. a ile biten kelimeleri içerecek sonsuz sayıda a veya b içerebilecek regular expression yazın ?
- 2. b ile başlayacak sonsuz sayıda a veya b içerebilecek regular expression yazın ?
- 3. En az 1 tane a ve en az 1 tane b içeren regular expression yazın ?
- 4. Yan yana aynı harf gelmeyecek kelimeleri yazın ?





# Düzenli İfadeler (Regular Expressions)

---

- 1.  $(a+b)^*a$
- 2.  $b(a+b)^*$
- 3.  $a(a+b)^*b(a+b)^*$ 
  - $ab^*ba^*$
- 4.  $a(ba)^*b(ab)^*$



## DERS SONU

Düzenli Diller

Dr. Öğr. Üyesi Hüseyin VURAL