以下ではまず、古典の電磁気学を考えよう. 電磁場中の電子の運動方程式は、

$$m\frac{\mathrm{d}\boldsymbol{v}}{\mathrm{d}t} = -e(\boldsymbol{E} + \boldsymbol{v} \times \boldsymbol{B}) \tag{0.0.1}$$

と書けるのであった. 電磁場中の電子のハミルトニアンは,

- 電磁場中の電子のハミルトニアン ――

$$H = \frac{1}{2m}(\boldsymbol{p} + e\boldsymbol{A})^2 - e\phi \tag{0.0.2}$$

である. ただしAはベクトルポテンシャルで、

$$\boldsymbol{E} = -\frac{\partial \boldsymbol{A}}{\partial t} - \boldsymbol{\nabla}\phi \tag{0.0.3}$$

$$\boldsymbol{B} = \boldsymbol{\nabla} \times \boldsymbol{A} \tag{0.0.4}$$

を満たす. 本節では $U(1)^1$ Gauge 対称性を扱い説明し電磁場の起源を探る.

APPi

 $^{^{1}}$ Unitary