今後の議論のために**立体角**を導入する.立体角とは1点を中心としたときの広がり具合を表す指標である.2次元の場合,微小円弧と半径の比は角度にのみ依り,rに依らない. つまり,

$$\frac{dl_1}{r_1} = \frac{dl_2}{r_2} = \frac{d\theta}{1} \tag{0.0.1}$$

が成り立つ.この関係から平面角 $d\theta=\frac{dl}{r}$ を定義する.これを 3 次元に拡張する.図 $\ref{2}$ に模式図を示す.単位球上の面積を考えると,

$$\frac{dS_1}{r_1^2} = \frac{dS_2}{r_2^2} = \frac{dS}{1} \tag{0.0.2}$$

である.ここから立体角を $d\Omega = \frac{dS^2}{r}$ と定義する.また,これを球座標表示に変換すると,

$$d\Omega = \frac{dS}{r^2} = \frac{r^2 \sin \theta d\theta d\phi}{r^2} = \sin \theta d\theta d\phi \tag{0.0.3}$$

である.

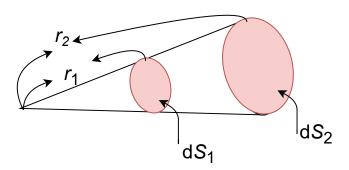


Figure 1: 立体角