# **Build Survival Model: XGBoost**

## Mingcheng Hu

### Table of contents

Load Data 2
XGBoost4Data Preparation4Hyperparameter Tuning5Variable Selection8Cross Validation to Select the Best Number of Features11Model Fitting13
<pre>library(tidyverse) library(survival) library(xgboost) library(caret) library(parallel) library(mcprogress) # wrap mclapply with progress bar. library(kableExtra) # include knitr automatically library(mlr3) # hyperparameter tuning library(mlr3tuning) library(paradox)  source("/work/users/y/u/yuukias/BIOS-Material/BIOS992/utils/csv_utils.r") # * Don't use setwd() for Quarto documents! # setwd("/work/users/y/u/yuukias/BIOS-Material/BIOS992/data")</pre>
<pre>adjust_type &lt;- ifelse(exists("params"), params\$adjust_type, "minimal") #</pre>

```
# string of parameters
adjust_type_str <- switch(adjust_type,
    minimal = "minimal",
    partial = "partial",
    full = "full"
)
print(paste0("Model Adjustment Type: ", adjust_type_str))</pre>
```

[1] "Model Adjustment Type: minimal"

```
impute_type_str <- switch(impute_type,
          unimputed = "unimputed",
        imputed = "imputed"
)
print(paste0("Data Imputation Type: ", impute_type_str))</pre>
```

[1] "Data Imputation Type: unimputed"

#### Load Data

```
if (include_statin == "yes") {
    data_train <-
    read.csv(paste0("/work/users/y/u/yuukias/BIOS-Material/BIOS992/data/train_data_",
    impute_type_str, "_statin.csv"),
        header = TRUE
    )
} else {
    data_train <-
    read.csv(paste0("/work/users/y/u/yuukias/BIOS-Material/BIOS992/data/train_data_",
    impute_type_str, ".csv"),</pre>
```

[1] 28127 100

```
data <- select_subset(data_train, type = adjust_type)
(dim(data))</pre>
```

[1] 28127 48

#### colnames(data)

```
[1] "event"
                                      "time"
 [3] "HRV_SD1"
                                      "HRV_SD2"
 [5] "HRV_SD1SD2"
                                      "HRV_S"
 [7] "HRV_CSI"
                                      "HRV CVI"
 [9] "HRV_CSI_Modified"
                                      "HRV_PIP"
[11] "HRV_IALS"
                                      "HRV_PSS"
[13] "HRV_PAS"
                                      "HRV_GI"
[15] "HRV_SI"
                                      "HRV_AI"
[17] "HRV_PI"
                                      "HRV_C1d"
[19] "HRV C1a"
                                      "HRV SD1d"
[21] "HRV_SD1a"
                                      "HRV_C2d"
                                      "HRV_SD2d"
[23] "HRV_C2a"
[25] "HRV_SD2a"
                                      "HRV_Cd"
[27] "HRV_Ca"
                                      "HRV_SDNNd"
[29] "HRV_SDNNa"
                                      "HRV_ApEn"
[31] "HRV_ShanEn"
                                      "HRV_FuzzyEn"
[33] "HRV_MSEn"
                                      "HRV_CMSEn"
                                      "HRV_CD"
[35] "HRV_RCMSEn"
[37] "HRV_HFD"
                                      "HRV_KFD"
[39] "HRV_LZC"
                                      "HRV_DFA_alpha1"
[41] "HRV_MFDFA_alpha1_Width"
                                      "HRV_MFDFA_alpha1_Peak"
[43] "HRV_MFDFA_alpha1_Mean"
                                      "HRV_MFDFA_alpha1_Max"
```

```
[45] "HRV_MFDFA_alpha1_Delta" "HRV_MFDFA_alpha1_Asymmetry" [47] "HRV_MFDFA_alpha1_Fluctuation" "HRV_MFDFA_alpha1_Increment"
```

```
data <- tibble::as_tibble(data)</pre>
```

Note now the interpretation of HR is different! For example, if HR=1.16 for the predictor in the univariate model fitted using scaled data, it means that each standard deviation increase is associated with 16% higher risk of event.

```
# For XGBoost model, we create a validation set for early stopping.
set.seed(1234)
train_index <- createDataPartition(
    data$event, # stratify by event
    p = 0.8,
    list = FALSE
)

train_data <- data[train_index, ]
val_data <- data[-train_index, ]</pre>
```

#### **XGBoost**

#### **Data Preparation**

```
total_x <- as.matrix(data %>% select(-c(time, event)))
total_y <- data %>% select(time, event)
# * Note format of label should be different when using Cox model and AFT

→ model.

# define For uncensored labels, use [a,a]
# define For right-censored labels, use [a, Inf]
total_y_lower_bound <- data$time</pre>
total_y_upper_bound <- ifelse(data$event == 1, data$time, Inf)</pre>
train_x <- as.matrix(train_data %>% select(-c(time, event)))
train_y_lower_bound <- train_data$time</pre>
train_y_upper_bound <- ifelse(train_data$event == 1, train_data$time, Inf)</pre>
dtrain <- xgb.DMatrix(
    data = train_x,
    label_lower_bound = train_y_lower_bound,
    label_upper_bound = train_y_upper_bound
)
val_x <- as.matrix(val_data %>% select(-c(time, event)))
val_y_lower_bound <- val_data$time</pre>
val_y_upper_bound <- ifelse(val_data$event == 1, val_data$time, Inf)</pre>
dval <- xgb.DMatrix(</pre>
    data = val_x,
    label_lower_bound = val_y_lower_bound,
    label_upper_bound = val_y_upper_bound
)
```

#### **Hyperparameter Tuning**

Since there is no

```
# Ref Barnwal, A., Cho ,Hyunsu, & and Hocking, T. (2022). Survival Regression
    with Accelerated Failure Time Model in XGBoost. Journal of Computational
    and Graphical Statistics, 31(4), 1292-1302.
    https://doi.org/10.1080/10618600.2022.2067548

param_set <- ParamSet$new(params = list(
    learning_rate = p_dbl(
        lower = log10(0.001),
        upper = log10(1.0),
        trafo = function(x) 10^x
    ),</pre>
```

```
max_depth = p_int(
        lower = 2,
        upper = 10
    ),
    min_child_weight = p_dbl(
        lower = log10(0.001),
        upper = log10(100.0),
        trafo = function(x) 10^x
    ),
    reg_alpha = p_dbl(
        lower = log10(0.001),
        upper = log10(100.0),
        trafo = function(x) 10^x
    ),
    reg_lambda = p_dbl(
        lower = log10(0.001),
        upper = log10(100.0),
        trafo = function(x) 10^x
    ),
    aft_loss_distribution_scale = p_dbl(
        lower = 0.5,
        upper = 2.0
    )
))
```

```
tune_xgb <- function(params_trial) {</pre>
    model <- xgb.train(</pre>
        params = c(
            list(
                 objective = "survival:aft",
                 eval_metric = "aft-nloglik",
                 aft_loss_distribution = "normal"
            ),
            params_trial
        ),
        data = dtrain,
        nrounds = 500,
        early_stopping_rounds = 10,
        watchlist = list(train = dtrain, val = dval),
        verbose = 0
    )
```

```
pred <- predict(model, dval)</pre>
    pred <- -pred
    # return(list(score = min(model$evaluation log$val_aft nloglik)))
    return(list(score = concordance.index(pred, val_data$time,

¬ val_data$event)$c.index))
tuning_results <- pmclapply(1:n_trials, function(i) {</pre>
    params_trial <- generate_design_random(param_set, n = 1)$data</pre>
    params_trial <- param_set$trafo(params_trial)</pre>
    score <- tune_xgb(params_trial)</pre>
    return(data.frame(trial = i, score = score$score, params = params_trial))
}, title = "Tuning XGBoost hyperparameters")
tuning_results <- bind_rows(tuning_results) # convert list of lists to a

→ data frame

tuning_results_best <- tuning_results[which.max(tuning_results$score), ]</pre>
model_params <- list(</pre>
    learning_rate = tuning_results_best$params.learning_rate,
    max_depth = tuning_results_best$params.max_depth,
    min_child_weight = tuning_results_best$params.min_child_weight,
    reg_alpha = tuning_results_best$params.reg_alpha,
    reg_lambda = tuning_results_best$params.reg_lambda,
    aft_loss_distribution_scale =

    tuning_results_best$params.aft_loss_distribution_scale

print("Best hyperparameters:")
[1] "Best hyperparameters:"
print(model_params)
$learning_rate
[1] 0.0318649
$max_depth
[1] 4
```

```
$min_child_weight
[1] 60.69201

$reg_alpha
[1] 0.1984304

$reg_lambda
[1] 1.034276

$aft_loss_distribution_scale
[1] 1.599628
```

#### Variable Selection

- [1] train-aft-nloglik:18.376400 val-aft-nloglik:18.387193 Multiple eval metrics are present. Will use val\_aft\_nloglik for early stopping. Will train until val\_aft\_nloglik hasn't improved in 10 rounds.
- [2] train-aft-nloglik:17.366598 val-aft-nloglik:17.377856
- [3] train-aft-nloglik:16.418685 val-aft-nloglik:16.430397
- [4] train-aft-nloglik:15.528796 val-aft-nloglik:15.540951
- [5] train-aft-nloglik:14.693309 val-aft-nloglik:14.705896
- [6] train-aft-nloglik:13.908830 val-aft-nloglik:13.921839

```
[7] train-aft-nloglik:13.172177 val-aft-nloglik:13.185598
[8] train-aft-nloglik:12.480371 val-aft-nloglik:12.494194
[9] train-aft-nloglik:11.830616 val-aft-nloglik:11.844833
[10]
        train-aft-nloglik:11.220296 val-aft-nloglik:11.234897
Γ117
        train-aft-nloglik:10.646957 val-aft-nloglik:10.661934
[12]
        train-aft-nloglik:10.108300 val-aft-nloglik:10.123645
[13]
        train-aft-nloglik:9.602172
                                     val-aft-nloglik:9.617876
[14]
        train-aft-nloglik:9.126554
                                     val-aft-nloglik:9.142609
[15]
        train-aft-nloglik:8.679553
                                     val-aft-nloglik:8.695951
[16]
        train-aft-nloglik:8.259396
                                     val-aft-nloglik:8.276132
[17]
                                     val-aft-nloglik:7.881489
        train-aft-nloglik:7.864425
[18]
        train-aft-nloglik:7.493080
                                     val-aft-nloglik:7.510467
[19]
        train-aft-nloglik:7.143904
                                     val-aft-nloglik:7.161606
[20]
        train-aft-nloglik:6.815530
                                     val-aft-nloglik:6.833541
[21]
        train-aft-nloglik:6.506676
                                     val-aft-nloglik:6.524991
[22]
        train-aft-nloglik:6.216142
                                     val-aft-nloglik:6.234754
[23]
        train-aft-nloglik:5.942804
                                     val-aft-nloglik:5.961707
[24]
        train-aft-nloglik:5.685607
                                     val-aft-nloglik:5.704795
[25]
        train-aft-nloglik:5.443563
                                     val-aft-nloglik:5.463031
[26]
        train-aft-nloglik:5.215747
                                     val-aft-nloglik:5.235489
                                     val-aft-nloglik:5.021301
[27]
        train-aft-nloglik:5.001290
[28]
        train-aft-nloglik:4.799379
                                     val-aft-nloglik:4.819654
[29]
        train-aft-nloglik:4.609251
                                     val-aft-nloglik:4.629786
[30]
        train-aft-nloglik:4.430193
                                     val-aft-nloglik:4.450982
[31]
        train-aft-nloglik:4.261533
                                     val-aft-nloglik:4.282572
[32]
        train-aft-nloglik:4.102645
                                     val-aft-nloglik:4.123929
[33]
        train-aft-nloglik:3.952939
                                     val-aft-nloglik:3.974483
                                     val-aft-nloglik:3.833659
[34]
        train-aft-nloglik:3.811860
[35]
        train-aft-nloglik:3.678893
                                     val-aft-nloglik:3.700957
[36]
        train-aft-nloglik:3.553552
                                     val-aft-nloglik:3.575858
[37]
        train-aft-nloglik:3.435381
                                     val-aft-nloglik:3.457927
[38]
        train-aft-nloglik:3.323955
                                     val-aft-nloglik:3.346748
[39]
        train-aft-nloglik:3.218872
                                     val-aft-nloglik:3.241890
[40]
        train-aft-nloglik:3.119756
                                     val-aft-nloglik:3.142991
[41]
        train-aft-nloglik:3.026256
                                     val-aft-nloglik:3.049711
[42]
        train-aft-nloglik:2.938040
                                     val-aft-nloglik:2.961694
[43]
        train-aft-nloglik:2.854800
                                     val-aft-nloglik:2.878662
[44]
        train-aft-nloglik:2.776240
                                     val-aft-nloglik:2.800306
[45]
        train-aft-nloglik:2.702094
                                     val-aft-nloglik:2.726356
[46]
        train-aft-nloglik:2.632096
                                     val-aft-nloglik:2.656549
[47]
        train-aft-nloglik:2.566012
                                     val-aft-nloglik:2.590666
[48]
        train-aft-nloglik:2.503611
                                     val-aft-nloglik:2.528439
[49]
        train-aft-nloglik:2.444681
                                     val-aft-nloglik:2.469694
```

```
[50]
        train-aft-nloglik:2.389022
                                     val-aft-nloglik:2.414215
[51]
        train-aft-nloglik:2.336443
                                     val-aft-nloglik:2.361838
[52]
        train-aft-nloglik:2.286777
                                     val-aft-nloglik:2.312346
[53]
        train-aft-nloglik:2.239851
                                     val-aft-nloglik:2.265617
[54]
        train-aft-nloglik:2.195513
                                     val-aft-nloglik:2.221435
[55]
        train-aft-nloglik:2.153612
                                     val-aft-nloglik:2.179687
[56]
        train-aft-nloglik:2.114006
                                     val-aft-nloglik:2.140275
[57]
        train-aft-nloglik:2.076577
                                     val-aft-nloglik:2.102995
[58]
        train-aft-nloglik:2.041192
                                     val-aft-nloglik:2.067799
[59]
        train-aft-nloglik:2.007749
                                     val-aft-nloglik:2.034494
[60]
        train-aft-nloglik:1.976125
                                     val-aft-nloglik:2.003030
[61]
        train-aft-nloglik:1.946232
                                     val-aft-nloglik:1.973286
[62]
        train-aft-nloglik:1.917969
                                     val-aft-nloglik:1.945183
[63]
        train-aft-nloglik:1.891243
                                     val-aft-nloglik:1.918623
[64]
        train-aft-nloglik:1.865968
                                     val-aft-nloglik:1.893499
[65]
        train-aft-nloglik:1.842071
                                     val-aft-nloglik:1.869757
[66]
        train-aft-nloglik:1.819436
                                     val-aft-nloglik:1.847321
[67]
        train-aft-nloglik:1.798043
                                     val-aft-nloglik:1.826108
[68]
        train-aft-nloglik:1.777821
                                     val-aft-nloglik:1.806045
[69]
        train-aft-nloglik:1.758681
                                     val-aft-nloglik:1.787085
                                     val-aft-nloglik:1.769162
        train-aft-nloglik:1.740574
[70]
[71]
        train-aft-nloglik:1.723453
                                     val-aft-nloglik:1.752222
[72]
        train-aft-nloglik:1.707241
                                     val-aft-nloglik:1.736165
[73]
        train-aft-nloglik:1.691894
                                     val-aft-nloglik:1.720982
[74]
        train-aft-nloglik:1.677392
                                     val-aft-nloglik:1.706668
[75]
        train-aft-nloglik:1.663681
                                     val-aft-nloglik:1.693105
[76]
        train-aft-nloglik:1.650688
                                     val-aft-nloglik:1.680282
[77]
        train-aft-nloglik:1.638422
                                     val-aft-nloglik:1.668196
[78]
        train-aft-nloglik:1.626769
                                     val-aft-nloglik:1.656729
[79]
        train-aft-nloglik:1.615779
                                     val-aft-nloglik:1.645904
[80]
        train-aft-nloglik:1.605359
                                     val-aft-nloglik:1.635650
        train-aft-nloglik:1.595522
[81]
                                     val-aft-nloglik:1.625960
[82]
        train-aft-nloglik:1.586231
                                     val-aft-nloglik:1.616801
[83]
        train-aft-nloglik:1.577422
                                     val-aft-nloglik:1.608160
[84]
        train-aft-nloglik:1.569112
                                     val-aft-nloglik:1.599996
[85]
        train-aft-nloglik:1.561240
                                     val-aft-nloglik:1.592290
[86]
        train-aft-nloglik:1.553766
                                     val-aft-nloglik:1.584994
[87]
        train-aft-nloglik:1.546720
                                     val-aft-nloglik:1.578089
[88]
        train-aft-nloglik:1.540035
                                     val-aft-nloglik:1.571606
[89]
        train-aft-nloglik:1.533708
                                     val-aft-nloglik:1.565423
[90]
        train-aft-nloglik:1.527734
                                     val-aft-nloglik:1.559626
        train-aft-nloglik:1.522110
                                     val-aft-nloglik:1.554118
[91]
[92]
        train-aft-nloglik:1.516782
                                     val-aft-nloglik:1.548920
```

```
[93]
        train-aft-nloglik:1.511705 val-aft-nloglik:1.544007
[94]
        train-aft-nloglik:1.506930 val-aft-nloglik:1.539366
[95]
        train-aft-nloglik:1.502441 val-aft-nloglik:1.535013
[96]
        train-aft-nloglik:1.498136 val-aft-nloglik:1.530874
        train-aft-nloglik:1.494090 val-aft-nloglik:1.526993
[97]
[98]
        train-aft-nloglik:1.490241 val-aft-nloglik:1.523320
[99]
        train-aft-nloglik:1.486621 val-aft-nloglik:1.519871
Γ1007
        train-aft-nloglik:1.483178 val-aft-nloglik:1.516574
# Sort descendingly using gain
xgb_importance <- xgb.importance(model = xgb_var_select)</pre>
# Other attributes: Gain, Cover, Frequency
vars_ranked <- xgb_importance$Feature</pre>
```

#### Cross Validation to Select the Best Number of Features

```
# * xgb.cv is not available for AFT model.
set.seed(1234)
folds <- createFolds(data$event, k = n_folds)</pre>
cv_errors <- pmclapply(seq(1, length(vars_ranked), by = 1),</pre>

   function(num vars) {
    selected vars <- vars ranked[1:num vars]</pre>
    print(paste0("Selecting ", num vars, " variables"))
    fold_errors <- sapply(folds, function(fold_idx) {</pre>
        # * We take all training data and validation data and then split them

→ into folds.

        train_x_fold <- as.matrix(total_x[-fold_idx, selected_vars, drop =
 → FALSE])
        train_y_lower_fold <- total_y_lower_bound[-fold_idx]</pre>
        train_y_upper_fold <- total_y_upper_bound[-fold_idx]</pre>
        val_x_fold <- as.matrix(total_x[fold_idx, selected_vars, drop =</pre>
 → FALSE])
        val_y_lower_fold <- total_y_lower_bound[fold_idx]</pre>
        val_y_upper_fold <- total_y_upper_bound[fold_idx]</pre>
        val_y_fold <- total_y[fold_idx, ] # for C-index calculation</pre>
        dtrain fold <- xgb.DMatrix(</pre>
             data = train_x_fold,
```

```
label_lower_bound = train_y_lower_fold,
            # label_upper_bound = train_y_upper_fold
            label_upper_bound = train_y_lower_fold
        )
        dval_fold <- xgb.DMatrix(</pre>
            data = val_x_fold,
            label_lower_bound = val_y_lower_fold,
            # label_upper_bound = val_y_upper_fold
            label_upper_bound = val_y_lower_fold
        )
        model <- xgb.train(</pre>
            params = c(
                list(
                     objective = "survival:aft",
                    eval_metric = "aft-nloglik",
                    aft_loss_distribution = "normal"
                ),
                model_params
            ),
            data = dtrain_fold,
            nrounds = 500,
            early_stopping_rounds = 10,
            watchlist = list(train = dtrain_fold, val = dval_fold),
            verbose = 0
        \# * It outputs the estimated survival time. We need to convert it to

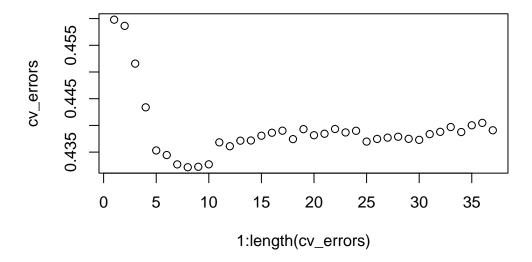
    risk.

        pred <- predict(model, dval_fold)</pre>
        pred <- -pred
        # Use C-index to measure the performance of the model
        1 - concordance.index(pred, val_y_fold$time,

    val_y_fold$event)$c.index

    })
    print(mean(fold_errors))
    mean(fold_errors)
}, title = "Cross Validation to Select the Best Number of Features")
```

```
cv_errors <- as.numeric(cv_errors)
plot(1:length(cv_errors), cv_errors)</pre>
```



```
best_num_vars <- which.min(cv_errors)
vars_selected <- vars_ranked[1:best_num_vars]
print(paste0("The best number of features to retain is ", best_num_vars))</pre>
```

[1] "The best number of features to retain is 8"

#### **Model Fitting**

```
dtrain_selected <- xgb.DMatrix(
    data = train_x[, vars_selected],
    label_lower_bound = train_y_lower_bound,
    label_upper_bound = train_y_upper_bound
)
dval_selected <- xgb.DMatrix(</pre>
```

```
data = val_x[, vars_selected],
    label_lower_bound = val_y_lower_bound,
    label_upper_bound = val_y_upper_bound
xgb_model <- xgb.train(</pre>
    params = c(
        list(
            objective = "survival:aft",
            eval metric = "aft-nloglik",
            aft_loss_distribution = "normal"
        ),
        model_params
    ),
    data = dtrain_selected,
    nrounds = 100,
    early_stopping_rounds = 10,
    watchlist = list(train = dtrain_selected, val = dval_selected)
)
```

[1] train-aft-nloglik:18.376400 val-aft-nloglik:18.387193
Multiple eval metrics are present. Will use val\_aft\_nloglik for early stopping.
Will train until val\_aft\_nloglik hasn't improved in 10 rounds.

```
[2] train-aft-nloglik:17.366598 val-aft-nloglik:17.377856
[3] train-aft-nloglik:16.418685 val-aft-nloglik:16.430397
[4] train-aft-nloglik:15.528796 val-aft-nloglik:15.540951
[5] train-aft-nloglik:14.693309 val-aft-nloglik:14.705896
[6] train-aft-nloglik:13.908830 val-aft-nloglik:13.921839
[7] train-aft-nloglik:13.172177 val-aft-nloglik:13.185598
[8] train-aft-nloglik:12.480371 val-aft-nloglik:12.494194
[9] train-aft-nloglik:11.830616 val-aft-nloglik:11.844833
[10]
       train-aft-nloglik:11.220296 val-aft-nloglik:11.234897
[11]
       train-aft-nloglik:10.646957 val-aft-nloglik:10.661934
[12]
       train-aft-nloglik:10.108300 val-aft-nloglik:10.123645
[13]
       train-aft-nloglik:9.602172 val-aft-nloglik:9.617876
[14]
       train-aft-nloglik:9.126554 val-aft-nloglik:9.142609
Г15Т
       train-aft-nloglik:8.679553 val-aft-nloglik:8.695951
[16]
       train-aft-nloglik:8.259396 val-aft-nloglik:8.276132
[17]
       train-aft-nloglik:7.864425 val-aft-nloglik:7.881489
[18]
       train-aft-nloglik:7.493080 val-aft-nloglik:7.510467
Г197
       train-aft-nloglik:7.143904 val-aft-nloglik:7.161606
```

```
[20]
        train-aft-nloglik:6.815530
                                     val-aft-nloglik:6.833541
[21]
        train-aft-nloglik:6.506676
                                     val-aft-nloglik:6.524991
[22]
                                     val-aft-nloglik:6.234754
        train-aft-nloglik:6.216142
[23]
        train-aft-nloglik:5.942804
                                     val-aft-nloglik:5.961707
[24]
        train-aft-nloglik:5.685607
                                     val-aft-nloglik:5.704795
[25]
        train-aft-nloglik:5.443563
                                     val-aft-nloglik:5.463031
[26]
        train-aft-nloglik:5.215747
                                     val-aft-nloglik:5.235489
[27]
        train-aft-nloglik:5.001290
                                     val-aft-nloglik:5.021301
[28]
        train-aft-nloglik:4.799379
                                     val-aft-nloglik:4.819654
[29]
        train-aft-nloglik:4.609251
                                     val-aft-nloglik:4.629786
[30]
        train-aft-nloglik:4.430193
                                     val-aft-nloglik:4.450982
[31]
        train-aft-nloglik:4.261533
                                     val-aft-nloglik:4.282572
[32]
        train-aft-nloglik:4.102645
                                     val-aft-nloglik:4.123929
[33]
        train-aft-nloglik:3.952939
                                     val-aft-nloglik:3.974483
[34]
        train-aft-nloglik:3.811860
                                     val-aft-nloglik:3.833659
[35]
        train-aft-nloglik:3.678893
                                     val-aft-nloglik:3.700957
[36]
        train-aft-nloglik:3.553552
                                     val-aft-nloglik:3.575858
[37]
        train-aft-nloglik:3.435381
                                     val-aft-nloglik:3.457927
[38]
        train-aft-nloglik:3.323955
                                     val-aft-nloglik:3.346748
[39]
        train-aft-nloglik:3.218872
                                     val-aft-nloglik:3.241890
        train-aft-nloglik:3.119756
                                     val-aft-nloglik:3.142991
[40]
[41]
        train-aft-nloglik:3.026256
                                     val-aft-nloglik:3.049711
[42]
        train-aft-nloglik:2.938040
                                     val-aft-nloglik:2.961694
[43]
        train-aft-nloglik:2.854800
                                     val-aft-nloglik:2.878662
[44]
        train-aft-nloglik:2.776240
                                     val-aft-nloglik:2.800306
[45]
        train-aft-nloglik:2.702093
                                     val-aft-nloglik:2.726366
[46]
        train-aft-nloglik:2.632094
                                     val-aft-nloglik:2.656558
[47]
        train-aft-nloglik:2.566009
                                     val-aft-nloglik:2.590656
[48]
        train-aft-nloglik:2.503608
                                     val-aft-nloglik:2.528429
[49]
        train-aft-nloglik:2.444678
                                     val-aft-nloglik:2.469685
[50]
        train-aft-nloglik:2.389019
                                     val-aft-nloglik:2.414205
[51]
        train-aft-nloglik:2.336445
                                     val-aft-nloglik:2.361809
[52]
        train-aft-nloglik:2.286775
                                     val-aft-nloglik:2.312320
[53]
        train-aft-nloglik:2.239851
                                     val-aft-nloglik:2.265556
[54]
        train-aft-nloglik:2.195509
                                     val-aft-nloglik:2.221389
[55]
        train-aft-nloglik:2.153611
                                     val-aft-nloglik:2.179660
        train-aft-nloglik:2.114010
                                     val-aft-nloglik:2.140234
[56]
[57]
        train-aft-nloglik:2.076585
                                     val-aft-nloglik:2.102959
[58]
        train-aft-nloglik:2.041208
                                     val-aft-nloglik:2.067759
[59]
        train-aft-nloglik:2.007768
                                     val-aft-nloglik:2.034461
[60]
        train-aft-nloglik:1.976149
                                     val-aft-nloglik:2.003001
[61]
        train-aft-nloglik:1.946258
                                     val-aft-nloglik:1.973258
[62]
        train-aft-nloglik:1.917998
                                     val-aft-nloglik:1.945146
```

```
[63]
        train-aft-nloglik:1.891268
                                     val-aft-nloglik:1.918583
[64]
        train-aft-nloglik:1.865997
                                     val-aft-nloglik:1.893456
[65]
        train-aft-nloglik:1.842092
                                     val-aft-nloglik:1.869723
[66]
        train-aft-nloglik:1.819488
                                     val-aft-nloglik:1.847289
[67]
        train-aft-nloglik:1.798115
                                     val-aft-nloglik:1.826088
[68]
        train-aft-nloglik:1.777880
                                     val-aft-nloglik:1.806055
[69]
        train-aft-nloglik:1.758755
                                     val-aft-nloglik:1.787095
[70]
        train-aft-nloglik:1.740658
                                     val-aft-nloglik:1.769156
[71]
        train-aft-nloglik:1.723549
                                     val-aft-nloglik:1.752197
[72]
        train-aft-nloglik:1.707336
                                     val-aft-nloglik:1.736145
[73]
        train-aft-nloglik:1.692009
                                     val-aft-nloglik:1.720998
[74]
        train-aft-nloglik:1.677491
                                     val-aft-nloglik:1.706658
[75]
        train-aft-nloglik:1.663789
                                     val-aft-nloglik:1.693116
[76]
        train-aft-nloglik:1.650834
                                     val-aft-nloglik:1.680295
[77]
        train-aft-nloglik:1.638569
                                     val-aft-nloglik:1.668184
[78]
        train-aft-nloglik:1.626980
                                     val-aft-nloglik:1.656726
[79]
        train-aft-nloglik:1.616013
                                     val-aft-nloglik:1.645902
[80]
        train-aft-nloglik:1.605619
                                     val-aft-nloglik:1.635675
[81]
        train-aft-nloglik:1.595811
                                     val-aft-nloglik:1.626007
[82]
        train-aft-nloglik:1.586490
                                     val-aft-nloglik:1.616846
        train-aft-nloglik:1.577670
                                     val-aft-nloglik:1.608201
[83]
[84]
        train-aft-nloglik:1.569361
                                     val-aft-nloglik:1.600035
[85]
        train-aft-nloglik:1.561494
                                     val-aft-nloglik:1.592321
[86]
        train-aft-nloglik:1.554054
                                     val-aft-nloglik:1.585026
[87]
        train-aft-nloglik:1.547007
                                     val-aft-nloglik:1.578126
[88]
        train-aft-nloglik:1.540372
                                     val-aft-nloglik:1.571616
[89]
        train-aft-nloglik:1.534049
                                     val-aft-nloglik:1.565456
[90]
        train-aft-nloglik:1.528098
                                     val-aft-nloglik:1.559662
[91]
        train-aft-nloglik:1.522466
                                     val-aft-nloglik:1.554190
[92]
        train-aft-nloglik:1.517136
                                     val-aft-nloglik:1.549026
[93]
        train-aft-nloglik:1.512087
                                     val-aft-nloglik:1.544120
[94]
        train-aft-nloglik:1.507345
                                     val-aft-nloglik:1.539506
[95]
        train-aft-nloglik:1.502849
                                     val-aft-nloglik:1.535142
[96]
        train-aft-nloglik:1.498597
                                     val-aft-nloglik:1.531030
[97]
        train-aft-nloglik:1.494588
                                     val-aft-nloglik:1.527128
[98]
        train-aft-nloglik:1.490773
                                     val-aft-nloglik:1.523450
        train-aft-nloglik:1.487165
                                     val-aft-nloglik:1.519987
[99]
[100]
        train-aft-nloglik:1.483756
                                     val-aft-nloglik:1.516732
dtrain_full <- xgb.DMatrix(</pre>
    data = train_x,
    label_lower_bound = train_y_lower_bound,
```

[1] train-aft-nloglik:18.376400 val-aft-nloglik:18.387193
Multiple eval metrics are present. Will use val\_aft\_nloglik for early stopping.
Will train until val\_aft\_nloglik hasn't improved in 10 rounds.

```
[2] train-aft-nloglik:17.366598 val-aft-nloglik:17.377856
[3] train-aft-nloglik:16.418685 val-aft-nloglik:16.430397
[4] train-aft-nloglik:15.528796 val-aft-nloglik:15.540951
[5] train-aft-nloglik:14.693309 val-aft-nloglik:14.705896
[6] train-aft-nloglik:13.908830 val-aft-nloglik:13.921839
[7] train-aft-nloglik:13.172177 val-aft-nloglik:13.185598
[8] train-aft-nloglik:12.480371 val-aft-nloglik:12.494194
[9] train-aft-nloglik:11.830616 val-aft-nloglik:11.844833
[10]
       train-aft-nloglik:11.220296 val-aft-nloglik:11.234897
[11]
       train-aft-nloglik:10.646957 val-aft-nloglik:10.661934
[12]
       train-aft-nloglik:10.108300 val-aft-nloglik:10.123645
[13]
       train-aft-nloglik:9.602172 val-aft-nloglik:9.617876
[14]
       train-aft-nloglik:9.126554 val-aft-nloglik:9.142609
[15]
       train-aft-nloglik:8.679553 val-aft-nloglik:8.695951
Г16Т
       train-aft-nloglik:8.259396 val-aft-nloglik:8.276132
[17]
       train-aft-nloglik:7.864425 val-aft-nloglik:7.881489
[18]
       train-aft-nloglik:7.493080 val-aft-nloglik:7.510467
[19]
       train-aft-nloglik:7.143904 val-aft-nloglik:7.161606
[20]
       train-aft-nloglik:6.815530 val-aft-nloglik:6.833541
```

```
[21]
        train-aft-nloglik:6.506676
                                     val-aft-nloglik:6.524991
[22]
        train-aft-nloglik:6.216142
                                     val-aft-nloglik:6.234754
[23]
                                     val-aft-nloglik:5.961707
        train-aft-nloglik:5.942804
[24]
        train-aft-nloglik:5.685607
                                     val-aft-nloglik:5.704795
[25]
        train-aft-nloglik:5.443563
                                     val-aft-nloglik:5.463031
                                     val-aft-nloglik:5.235489
[26]
        train-aft-nloglik:5.215747
[27]
        train-aft-nloglik:5.001290
                                     val-aft-nloglik:5.021301
[28]
        train-aft-nloglik:4.799379
                                     val-aft-nloglik:4.819654
[29]
        train-aft-nloglik:4.609251
                                     val-aft-nloglik:4.629786
[30]
        train-aft-nloglik:4.430193
                                     val-aft-nloglik:4.450982
[31]
        train-aft-nloglik:4.261533
                                     val-aft-nloglik:4.282572
[32]
        train-aft-nloglik:4.102645
                                     val-aft-nloglik:4.123929
[33]
        train-aft-nloglik:3.952939
                                     val-aft-nloglik:3.974483
[34]
        train-aft-nloglik:3.811860
                                     val-aft-nloglik:3.833659
[35]
        train-aft-nloglik:3.678893
                                     val-aft-nloglik:3.700957
[36]
        train-aft-nloglik:3.553552
                                     val-aft-nloglik:3.575858
[37]
        train-aft-nloglik:3.435381
                                     val-aft-nloglik:3.457927
[38]
        train-aft-nloglik:3.323955
                                     val-aft-nloglik:3.346748
[39]
        train-aft-nloglik:3.218872
                                     val-aft-nloglik:3.241890
[40]
        train-aft-nloglik:3.119756
                                     val-aft-nloglik:3.142991
[41]
        train-aft-nloglik:3.026256
                                     val-aft-nloglik:3.049711
[42]
        train-aft-nloglik:2.938040
                                     val-aft-nloglik:2.961694
[43]
        train-aft-nloglik:2.854800
                                     val-aft-nloglik:2.878662
[44]
        train-aft-nloglik:2.776240
                                     val-aft-nloglik:2.800306
[45]
        train-aft-nloglik:2.702094
                                     val-aft-nloglik:2.726356
[46]
        train-aft-nloglik:2.632096
                                     val-aft-nloglik:2.656549
[47]
        train-aft-nloglik:2.566012
                                     val-aft-nloglik:2.590666
[48]
        train-aft-nloglik:2.503611
                                     val-aft-nloglik:2.528439
[49]
        train-aft-nloglik:2.444681
                                     val-aft-nloglik:2.469694
[50]
        train-aft-nloglik:2.389022
                                     val-aft-nloglik:2.414215
[51]
        train-aft-nloglik:2.336443
                                     val-aft-nloglik:2.361838
[52]
        train-aft-nloglik:2.286777
                                     val-aft-nloglik:2.312346
[53]
        train-aft-nloglik:2.239851
                                     val-aft-nloglik:2.265617
[54]
        train-aft-nloglik:2.195513
                                     val-aft-nloglik:2.221435
[55]
        train-aft-nloglik:2.153612
                                     val-aft-nloglik:2.179687
[56]
        train-aft-nloglik:2.114006
                                     val-aft-nloglik:2.140275
        train-aft-nloglik:2.076577
                                     val-aft-nloglik:2.102995
[57]
[58]
        train-aft-nloglik:2.041192
                                     val-aft-nloglik:2.067799
[59]
        train-aft-nloglik:2.007749
                                     val-aft-nloglik:2.034494
[60]
        train-aft-nloglik:1.976125
                                     val-aft-nloglik:2.003030
[61]
        train-aft-nloglik:1.946232
                                     val-aft-nloglik:1.973286
[62]
        train-aft-nloglik:1.917969
                                     val-aft-nloglik:1.945183
[63]
        train-aft-nloglik:1.891243
                                     val-aft-nloglik:1.918623
```

```
[64]
        train-aft-nloglik:1.865968
                                     val-aft-nloglik:1.893499
[65]
        train-aft-nloglik:1.842071
                                     val-aft-nloglik:1.869757
[66]
        train-aft-nloglik:1.819436
                                     val-aft-nloglik:1.847321
[67]
        train-aft-nloglik:1.798043
                                     val-aft-nloglik:1.826108
[68]
        train-aft-nloglik:1.777821
                                     val-aft-nloglik:1.806045
                                     val-aft-nloglik:1.787085
[69]
        train-aft-nloglik:1.758681
[70]
        train-aft-nloglik:1.740574
                                     val-aft-nloglik:1.769162
[71]
        train-aft-nloglik:1.723453
                                     val-aft-nloglik:1.752222
[72]
        train-aft-nloglik:1.707241
                                     val-aft-nloglik:1.736165
[73]
        train-aft-nloglik:1.691894
                                     val-aft-nloglik:1.720982
[74]
        train-aft-nloglik:1.677392
                                     val-aft-nloglik:1.706668
[75]
        train-aft-nloglik:1.663681
                                     val-aft-nloglik:1.693105
[76]
        train-aft-nloglik:1.650688
                                     val-aft-nloglik:1.680282
[77]
        train-aft-nloglik:1.638422
                                     val-aft-nloglik:1.668196
[78]
        train-aft-nloglik:1.626769
                                     val-aft-nloglik:1.656729
[79]
        train-aft-nloglik:1.615779
                                     val-aft-nloglik:1.645904
[80]
        train-aft-nloglik:1.605359
                                     val-aft-nloglik:1.635650
[81]
        train-aft-nloglik:1.595522
                                     val-aft-nloglik:1.625960
[82]
        train-aft-nloglik:1.586231
                                     val-aft-nloglik:1.616801
[83]
        train-aft-nloglik:1.577422
                                     val-aft-nloglik:1.608160
        train-aft-nloglik:1.569112
                                     val-aft-nloglik:1.599996
[84]
[85]
        train-aft-nloglik:1.561240
                                     val-aft-nloglik:1.592290
        train-aft-nloglik:1.553766
[86]
                                     val-aft-nloglik:1.584994
[87]
        train-aft-nloglik:1.546720
                                     val-aft-nloglik:1.578089
[88]
        train-aft-nloglik:1.540035
                                     val-aft-nloglik:1.571606
[89]
        train-aft-nloglik:1.533708
                                     val-aft-nloglik:1.565423
[90]
        train-aft-nloglik:1.527734
                                     val-aft-nloglik:1.559626
[91]
        train-aft-nloglik:1.522110
                                     val-aft-nloglik:1.554118
[92]
        train-aft-nloglik:1.516782
                                     val-aft-nloglik:1.548920
[93]
        train-aft-nloglik:1.511705
                                     val-aft-nloglik:1.544007
[94]
        train-aft-nloglik:1.506930
                                     val-aft-nloglik:1.539366
[95]
        train-aft-nloglik:1.502441
                                     val-aft-nloglik:1.535013
[96]
        train-aft-nloglik:1.498136
                                     val-aft-nloglik:1.530874
[97]
        train-aft-nloglik:1.494090
                                     val-aft-nloglik:1.526993
[98]
        train-aft-nloglik:1.490241
                                     val-aft-nloglik:1.523320
[99]
        train-aft-nloglik:1.486621
                                     val-aft-nloglik:1.519871
[100]
        train-aft-nloglik:1.483178
                                     val-aft-nloglik:1.516574
```

# SHAP?