Sensitivity Analysis: XGBoost

Mingcheng Hu

Table of contents

Load Data 2
XGBoost6Data Preparation6Hyperparameter Tuning7Variable Selection12Cross Validation to Select the Best Number of Features15Model Fitting18
<pre>library(tidyverse) library(survival) library(xgboost) library(caret) library(parallel) library(mcprogress) # wrap mclapply with progress bar. library(kableExtra) # include knitr automatically library(mlr3) # hyperparameter tuning library(mlr3tuning) library(paradox) source("/work/users/y/u/yuukias/BIOS-Material/BIOS992/utils/csv_utils.r") # * Don't use setwd() for Quarto documents! # setwd("/work/users/y/u/yuukias/BIOS-Material/BIOS992/data")</pre>
<pre>adjust_type <- ifelse(exists("params"), params\$adjust_type, "full") #</pre>

[1] "Model Adjustment Type: full"

```
impute_type_str <- switch(impute_type,
    unimputed = "unimputed",
    imputed = "imputed"
)
print(paste0("Data Imputation Type: ", impute_type_str))</pre>
```

[1] "Data Imputation Type: unimputed"

Load Data

```
if (include_statin == "yes") {
    data_train <-
    read.csv(paste0("/work/users/y/u/yuukias/BIOS-Material/BIOS992/data/train_data_",
    impute_type_str, "_statin.csv"),
        header = TRUE
    )
} else {
    data_train <-
    read.csv(paste0("/work/users/y/u/yuukias/BIOS-Material/BIOS992/data/train_data_",
    impute_type_str, ".csv"),</pre>
```

[1] 28127 100

```
data <- select_subset(data_train, type = adjust_type)
(dim(data))</pre>
```

[1] 28127 89

colnames(data)

```
[1] "event"
                                      "time"
 [3] "age"
                                      "sex"
 [5] "ethnicity"
                                      "BMI"
 [7] "smoking"
                                      "diabetes"
                                      "hypertension_treatment"
 [9] "systolic_bp"
[11] "total_chol"
                                      "hdl_chol"
[13] "education"
                                      "activity"
[15] "max_workload"
                                      "max_heart_rate"
[17] "HRV_MeanNN"
                                      "HRV_SDNN"
[19] "HRV_RMSSD"
                                      "HRV SDSD"
[21] "HRV_CVNN"
                                      "HRV_CVSD"
[23] "HRV_MedianNN"
                                      "HRV_MadNN"
[25] "HRV_MCVNN"
                                      "HRV_IQRNN"
[27] "HRV_SDRMSSD"
                                      "HRV_Prc20NN"
[29] "HRV_Prc80NN"
                                      "HRV_pNN50"
[31] "HRV_pNN20"
                                      "HRV_MinNN"
[33] "HRV_MaxNN"
                                      "HRV_HTI"
[35] "HRV_TINN"
                                      "HRV_LF"
[37] "HRV_HF"
                                      "HRV_VHF"
[39] "HRV_TP"
                                      "HRV_LFHF"
[41] "HRV_LFn"
                                      "HRV_HFn"
[43] "HRV_LnHF"
                                      "HRV_SD1"
```

```
[45] "HRV_SD2"
                                      "HRV_SD1SD2"
[47] "HRV_S"
                                      "HRV_CSI"
[49] "HRV_CVI"
                                      "HRV_CSI_Modified"
[51] "HRV_PIP"
                                      "HRV_IALS"
[53] "HRV_PSS"
                                      "HRV PAS"
[55] "HRV_GI"
                                      "HRV SI"
[57] "HRV AI"
                                      "HRV PI"
[59] "HRV_C1d"
                                      "HRV C1a"
[61] "HRV_SD1d"
                                      "HRV_SD1a"
[63] "HRV_C2d"
                                      "HRV_C2a"
[65] "HRV_SD2d"
                                      "HRV_SD2a"
[67] "HRV_Cd"
                                      "HRV_Ca"
[69] "HRV_SDNNd"
                                      "HRV_SDNNa"
[71] "HRV_ApEn"
                                      "HRV_ShanEn"
[73] "HRV_FuzzyEn"
                                      "HRV_MSEn"
[75] "HRV_CMSEn"
                                      "HRV_RCMSEn"
[77] "HRV_CD"
                                      "HRV_HFD"
[79] "HRV_KFD"
                                      "HRV_LZC"
[81] "HRV_DFA_alpha1"
                                      "HRV_MFDFA_alpha1_Width"
[83] "HRV MFDFA alpha1 Peak"
                                      "HRV MFDFA alpha1 Mean"
[85] "HRV_MFDFA_alpha1_Max"
                                      "HRV_MFDFA_alpha1_Delta"
                                      "HRV MFDFA alpha1 Fluctuation"
[87] "HRV MFDFA alpha1 Asymmetry"
[89] "HRV_MFDFA_alpha1_Increment"
```

data <- tibble::as_tibble(data)</pre>

```
diabetes = factor(diabetes,
        levels = c("0", "1", "-1", "-3"),
        labels = c("No", "Yes", "Do not know", "Prefer not to answer")
    ),
    # Ensure other categorical variables are properly factored
    ethnicity = factor(ethnicity,
        levels = c("1", "2", "3", "4", "5", "6"),
        labels = c("White", "Mixed", "Asian/Asian British", "Black/Black
        → British", "Chinese", "Other")
    ),
    education = factor(education,
       levels = c("1", "2", "3", "4", "5", "6", "-7", "-3"),
       labels = c(
            "College/University degree", "A levels/AS levels",
            "O levels/GCSEs", "CSEs", "NVQ/HND/HNC",
            "Other professional", "None of the above",
            "Prefer not to answer"
       )
    ),
    activity = factor(activity,
       levels = c("0", "1", "2"),
       labels = c("Low", "Moderate", "High")
    ),
    sex = factor(sex,
       levels = c("0", "1"),
       labels = c("Female", "Male")
    ),
    hypertension_treatment = factor(hypertension_treatment,
        levels = c("0", "1"),
       labels = c("No", "Yes")
    )
)
```

```
# * It is very hard to compare the HR as different predictors are on
    different magnitudes, so we need to normalize them.
time_col <- data$time
event_col <- data$event
data <- data %>%
    select(-c(time, event)) %>%
    mutate(across(where(is.numeric), scale)) %>%
```

```
mutate(
    time = time_col,
    event = event_col
)
```

Note now the interpretation of HR is different! For example, if HR=1.16 for the predictor in the univariate model fitted using scaled data, it means that each standard deviation increase is associated with 16% higher risk of event.

```
# For XGBoost model, we create a validation set for early stopping.
set.seed(1234)
train_index <- createDataPartition(
    data$event, # stratify by event
    p = 0.8,
    list = FALSE
)

train_data <- data[train_index, ]
val_data <- data[-train_index, ]</pre>
```

XGBoost

Data Preparation

XGBoost does not support categorical variables. We need to convert them to dummy variables using model.matrix.

```
# * To avoid deleting rows, we need to set na.action to na.pass for
→ model.matrix
train_x_xgb <- model.frame(~ . - 1, data = train_x, na.action = na.pass)</pre>
train_x_xgb <- model.matrix(~ . - 1, data = train_x_xgb)</pre>
train_y_lower_bound <- train_data$time</pre>
train_y_upper_bound <- ifelse(train_data$event == 1, train_data$time, Inf)</pre>
dtrain <- xgb.DMatrix(</pre>
    data = train_x_xgb,
    label lower bound = train y lower bound,
    label_upper_bound = train_y_upper_bound
)
val_x <- val_data %>% select(-c(time, event))
val_x_xgb <- model.frame(~ . - 1, data = val_x, na.action = na.pass)</pre>
val_x_xgb <- model.matrix(~ . - 1, data = val_x_xgb)</pre>
val_y_lower_bound <- val_data$time</pre>
val y upper bound <- ifelse(val data$event == 1, val data$time, Inf)</pre>
dval <- xgb.DMatrix(</pre>
    data = val_x_xgb,
    label_lower_bound = val_y_lower_bound,
    label_upper_bound = val_y_upper_bound
)
```

Hyperparameter Tuning

```
# Ref Barnwal, A., Cho ,Hyunsu, & and Hocking, T. (2022). Survival Regression
    with Accelerated Failure Time Model in XGBoost. Journal of Computational
    and Graphical Statistics, 31(4), 1292-1302.
    https://doi.org/10.1080/10618600.2022.2067548

param_set <- ParamSet$new(params = list(
    learning_rate = p_dbl(
        lower = log10(0.001),
        upper = log10(1.0),
        trafo = function(x) 10^x
),
    max_depth = p_int(
        lower = 2,
        upper = 10
),
    min_child_weight = p_dbl(</pre>
```

```
lower = log10(0.001),
        upper = log10(100.0),
        trafo = function(x) 10^x
    ),
    reg_alpha = p_dbl(
        lower = log10(0.001),
        upper = log10(100.0),
        trafo = function(x) 10^x
    ),
    reg_lambda = p_dbl(
        lower = log10(0.001),
        upper = log10(100.0),
        trafo = function(x) 10^x
    ),
    aft_loss_distribution_scale = p_dbl(
        lower = 0.5,
        upper = 2.0
    )
))
```

```
tune_xgb <- function(params_trial) {</pre>
    model <- xgb.train(</pre>
        params = c(
            list(
                 objective = "survival:aft",
                 eval_metric = "aft-nloglik",
                 aft_loss_distribution = "normal"
            params_trial
        ),
        data = dtrain,
        nrounds = 1000,
        early_stopping_rounds = 10,
        watchlist = list(train = dtrain, val = dval),
        verbose = 0
    )
   pred <- predict(model, dval)</pre>
   pred <- -pred</pre>
    # return(list(score = min(model$evaluation_log$val_aft_nloglik)))
    return(list(score = concordance.index(pred, val_data$time,

    val_data$event)$c.index))
```

```
tuning_results <- pmclapply(1:n_trials, function(i) {</pre>
```

return(data.frame(trial = i, score = score\$score, params = params_trial))

 $params_trial \leftarrow generate_design_random(param_set, n = 1)$ \$data

params_trial <- param_set\$trafo(params_trial)</pre>

score <- tune_xgb(params_trial)</pre>

}, title = "Tuning XGBoost hyperparameters")

- Error in trial 1 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) : NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 3 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) : NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 5 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) : NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 7 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) :
 NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 9 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) :
 NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 11 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) : NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)

- Error in trial 13: Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event): NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 15: Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event): NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 17: Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event): NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 19: Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event): NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 21: Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event): NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 23 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) : NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 25 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) : NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 27: Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event): NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 29: Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event): NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 31 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) : NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 33 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) : NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 35 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) : NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 37 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) : NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 39 : Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event) : NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
- Error in trial 41: Error in concordance.index(pred, val_data\$time, val_data\$event):

```
NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
Error in trial 43: Error in concordance.index(pred, val_data$time, val_data$event):
  NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
Error in trial 45 : Error in concordance.index(pred, val_data$time, val_data$event) :
  NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
Error in trial 47: Error in concordance.index(pred, val_data$time, val_data$event):
  NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
Error in trial 49: Error in concordance.index(pred, val_data$time, val_data$event):
  NA/NaN/Inf in foreign function call (arg 3)
tuning_results <- bind_rows(tuning_results_valid) # convert list of lists to</pre>

→ a data frame

tuning_results_best <- tuning_results[which.max(tuning_results$score), ]</pre>
model_params <- list(</pre>
    learning_rate = tuning_results_best$params.learning_rate,
    max_depth = tuning_results_best$params.max_depth,
    min_child_weight = tuning_results_best$params.min_child_weight,
    reg_alpha = tuning_results_best$params.reg_alpha,
    reg_lambda = tuning_results_best$params.reg_lambda,
    aft_loss_distribution_scale =

    tuning_results_best$params.aft_loss_distribution_scale

print("Best hyperparameters:")
[1] "Best hyperparameters:"
print(model_params)
$learning_rate
[1] 0.09279684
$max_depth
[1] 3
```

```
$min_child_weight
[1] 0.001588788

$reg_alpha
[1] 7.276133

$reg_lambda
[1] 0.01915083

$aft_loss_distribution_scale
[1] 0.7105462
```

Variable Selection

- [1] train-aft-nloglik:27.620389 val-aft-nloglik:27.627846 Multiple eval metrics are present. Will use val_aft_nloglik for early stopping. Will train until val_aft_nloglik hasn't improved in 10 rounds.
- [2] train-aft-nloglik:27.610732 val-aft-nloglik:27.615595
- [3] train-aft-nloglik:27.589430 val-aft-nloglik:27.593596
- [4] train-aft-nloglik:27.550827 val-aft-nloglik:27.551687
- [5] train-aft-nloglik:27.471049 val-aft-nloglik:27.460399
- [6] train-aft-nloglik:27.415618 val-aft-nloglik:27.404261

```
[7] train-aft-nloglik:26.199515 val-aft-nloglik:26.185999
[8] train-aft-nloglik:22.142086 val-aft-nloglik:22.126276
[9] train-aft-nloglik:18.649892 val-aft-nloglik:18.637067
[10]
        train-aft-nloglik:15.757417 val-aft-nloglik:15.747177
Γ117
        train-aft-nloglik:13.365124 val-aft-nloglik:13.358380
[12]
        train-aft-nloglik:11.384777 val-aft-nloglik:11.380110
                                     val-aft-nloglik:9.742342
[13]
        train-aft-nloglik:9.744235
[14]
        train-aft-nloglik:8.383599
                                     val-aft-nloglik:8.383941
[15]
        train-aft-nloglik:7.253993
                                     val-aft-nloglik:7.256695
[16]
        train-aft-nloglik:6.314925
                                     val-aft-nloglik:6.319984
[17]
        train-aft-nloglik:5.533501
                                     val-aft-nloglik:5.541208
[18]
        train-aft-nloglik:4.882264
                                     val-aft-nloglik:4.892199
[19]
        train-aft-nloglik:4.338861
                                     val-aft-nloglik:4.350265
[20]
        train-aft-nloglik:3.884676
                                     val-aft-nloglik:3.897758
[21]
        train-aft-nloglik:3.504664
                                     val-aft-nloglik:3.518913
[22]
        train-aft-nloglik:3.186104
                                     val-aft-nloglik:3.201635
[23]
        train-aft-nloglik:2.918799
                                     val-aft-nloglik:2.935354
[24]
        train-aft-nloglik:2.694178
                                     val-aft-nloglik:2.711730
[25]
        train-aft-nloglik:2.505226
                                     val-aft-nloglik:2.523904
[26]
        train-aft-nloglik:2.345949
                                     val-aft-nloglik:2.365780
        train-aft-nloglik:2.211463
                                     val-aft-nloglik:2.232224
[27]
[28]
        train-aft-nloglik:2.097854
                                     val-aft-nloglik:2.119747
[29]
        train-aft-nloglik:2.001855
                                     val-aft-nloglik:2.024661
[30]
        train-aft-nloglik:1.920594
                                     val-aft-nloglik:1.944106
[31]
        train-aft-nloglik:1.851791
                                     val-aft-nloglik:1.876144
[32]
        train-aft-nloglik:1.793440
                                     val-aft-nloglik:1.818100
[33]
        train-aft-nloglik:1.743978
                                     val-aft-nloglik:1.769169
[34]
                                     val-aft-nloglik:1.727793
        train-aft-nloglik:1.701996
[35]
        train-aft-nloglik:1.666296
                                     val-aft-nloglik:1.692686
[36]
        train-aft-nloglik:1.635910
                                     val-aft-nloglik:1.662731
[37]
        train-aft-nloglik:1.609998
                                     val-aft-nloglik:1.637623
[38]
        train-aft-nloglik:1.588025
                                     val-aft-nloglik:1.616217
[39]
        train-aft-nloglik:1.569287
                                     val-aft-nloglik:1.597968
[40]
        train-aft-nloglik:1.553292
                                     val-aft-nloglik:1.582583
[41]
        train-aft-nloglik:1.539673
                                     val-aft-nloglik:1.569453
[42]
        train-aft-nloglik:1.528060
                                     val-aft-nloglik:1.558320
[43]
        train-aft-nloglik:1.518219
                                     val-aft-nloglik:1.548973
[44]
        train-aft-nloglik:1.509741
                                     val-aft-nloglik:1.541108
                                     val-aft-nloglik:1.534345
[45]
        train-aft-nloglik:1.502483
[46]
        train-aft-nloglik:1.496188
                                     val-aft-nloglik:1.528659
[47]
        train-aft-nloglik:1.490861
                                     val-aft-nloglik:1.523669
[48]
        train-aft-nloglik:1.486097
                                     val-aft-nloglik:1.519834
[49]
        train-aft-nloglik:1.482151
                                     val-aft-nloglik:1.516262
```

```
[50]
        train-aft-nloglik:1.478626
                                     val-aft-nloglik:1.513169
[51]
        train-aft-nloglik:1.475635
                                     val-aft-nloglik:1.510558
[52]
                                     val-aft-nloglik:1.508334
        train-aft-nloglik:1.473013
[53]
        train-aft-nloglik:1.470731
                                     val-aft-nloglik:1.506551
[54]
        train-aft-nloglik:1.468776
                                     val-aft-nloglik:1.505112
                                     val-aft-nloglik:1.504025
[55]
        train-aft-nloglik:1.467027
[56]
        train-aft-nloglik:1.465480
                                     val-aft-nloglik:1.502938
[57]
        train-aft-nloglik:1.464069
                                     val-aft-nloglik:1.501736
[58]
        train-aft-nloglik:1.462854
                                     val-aft-nloglik:1.500752
[59]
        train-aft-nloglik:1.461790
                                     val-aft-nloglik:1.499890
[60]
        train-aft-nloglik:1.460689
                                     val-aft-nloglik:1.499255
[61]
        train-aft-nloglik:1.459806
                                     val-aft-nloglik:1.498939
[62]
        train-aft-nloglik:1.459089
                                     val-aft-nloglik:1.498630
[63]
        train-aft-nloglik:1.458356
                                     val-aft-nloglik:1.498075
[64]
        train-aft-nloglik:1.457626
                                     val-aft-nloglik:1.497691
[65]
        train-aft-nloglik:1.456979
                                     val-aft-nloglik:1.497582
[66]
        train-aft-nloglik:1.456270
                                     val-aft-nloglik:1.497285
[67]
        train-aft-nloglik:1.455702
                                     val-aft-nloglik:1.497229
[68]
        train-aft-nloglik:1.455145
                                     val-aft-nloglik:1.496852
[69]
        train-aft-nloglik:1.454653
                                     val-aft-nloglik:1.496703
                                     val-aft-nloglik:1.496594
[70]
        train-aft-nloglik:1.454084
[71]
        train-aft-nloglik:1.453574
                                     val-aft-nloglik:1.496202
[72]
        train-aft-nloglik:1.453118
                                     val-aft-nloglik:1.496123
[73]
        train-aft-nloglik:1.452658
                                     val-aft-nloglik:1.495993
[74]
        train-aft-nloglik:1.452198
                                     val-aft-nloglik:1.495731
[75]
        train-aft-nloglik:1.451639
                                     val-aft-nloglik:1.495663
[76]
        train-aft-nloglik:1.451274
                                     val-aft-nloglik:1.495437
[77]
        train-aft-nloglik:1.450852
                                     val-aft-nloglik:1.495320
[78]
        train-aft-nloglik:1.450374
                                     val-aft-nloglik:1.495161
[79]
        train-aft-nloglik:1.449970
                                     val-aft-nloglik:1.495053
[80]
        train-aft-nloglik:1.449634
                                     val-aft-nloglik:1.494864
[81]
        train-aft-nloglik:1.449229
                                     val-aft-nloglik:1.494804
[82]
        train-aft-nloglik:1.448948
                                     val-aft-nloglik:1.494650
[83]
        train-aft-nloglik:1.448561
                                     val-aft-nloglik:1.494457
[84]
        train-aft-nloglik:1.448180
                                     val-aft-nloglik:1.494513
[85]
        train-aft-nloglik:1.447790
                                     val-aft-nloglik:1.494443
[86]
        train-aft-nloglik:1.447423
                                     val-aft-nloglik:1.494624
[87]
        train-aft-nloglik:1.447034
                                     val-aft-nloglik:1.494644
[88]
        train-aft-nloglik:1.446747
                                     val-aft-nloglik:1.494644
[89]
        train-aft-nloglik:1.446378
                                     val-aft-nloglik:1.494599
[90]
        train-aft-nloglik:1.446009
                                     val-aft-nloglik:1.494658
        train-aft-nloglik:1.445654
                                     val-aft-nloglik:1.494686
[91]
[92]
        train-aft-nloglik:1.445394
                                     val-aft-nloglik:1.494461
```

```
[93]
        train-aft-nloglik:1.445067 val-aft-nloglik:1.494441
[94]
        train-aft-nloglik:1.444852 val-aft-nloglik:1.494433
[95]
        train-aft-nloglik:1.444495
                                    val-aft-nloglik:1.494338
[96]
        train-aft-nloglik:1.444229 val-aft-nloglik:1.494249
        train-aft-nloglik:1.443878 val-aft-nloglik:1.494307
[97]
[98]
        train-aft-nloglik:1.443471
                                    val-aft-nloglik:1.494244
[99]
        train-aft-nloglik:1.443077
                                    val-aft-nloglik:1.494197
[100]
        train-aft-nloglik:1.442721
                                    val-aft-nloglik:1.493949
[101]
        train-aft-nloglik:1.442401
                                    val-aft-nloglik:1.493959
[102]
        train-aft-nloglik:1.442130
                                    val-aft-nloglik:1.494078
[103]
        train-aft-nloglik:1.441871
                                    val-aft-nloglik:1.493941
[104]
        train-aft-nloglik:1.441585
                                    val-aft-nloglik:1.494056
[105]
        train-aft-nloglik:1.441252
                                    val-aft-nloglik:1.494220
[106]
        train-aft-nloglik:1.440946
                                    val-aft-nloglik:1.494269
[107]
        train-aft-nloglik:1.440468
                                    val-aft-nloglik:1.494256
[108]
        train-aft-nloglik:1.440100
                                    val-aft-nloglik:1.494389
[109]
        train-aft-nloglik:1.439790
                                    val-aft-nloglik:1.494358
[110]
        train-aft-nloglik:1.439579
                                    val-aft-nloglik:1.494414
[111]
        train-aft-nloglik:1.439412
                                    val-aft-nloglik:1.494562
Γ1127
        train-aft-nloglik:1.439111
                                    val-aft-nloglik:1.494689
[113]
        train-aft-nloglik:1.438754 val-aft-nloglik:1.494503
Stopping. Best iteration:
[103]
        train-aft-nloglik:1.441871 val-aft-nloglik:1.493941
# Sort descendingly using gain
xgb_importance <- xgb.importance(model = xgb_var_select)</pre>
# Other attributes: Gain, Cover, Frequency
vars_ranked <- xgb_importance$Feature</pre>
```

Cross Validation to Select the Best Number of Features

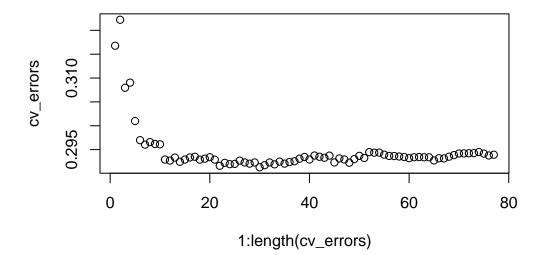
```
# train_x fold <- total_x[-fold_idx, selected_vars, drop = FALSE]</pre>
# train_x fold <- model.frame(~ . - 1, data = train_x fold, na.action</pre>
\Rightarrow = na.pass)
# train_x_fold <- model.matrix(~ . - 1, data = train_x_fold)</pre>
train_x_fold <- total_x_xgb[-fold_idx, selected_vars, drop = FALSE]</pre>
train_y_lower_fold <- total_y_lower_bound[-fold_idx]</pre>
train_y_upper_fold <- total_y_upper_bound[-fold_idx]</pre>
# val x fold <- total x[fold idx, selected vars, drop = FALSE]</pre>
# val_x_fold <- model.frame(~ . - 1, data = val_x_fold, na.action =</pre>
→ na.pass)
# val_x_fold <- model.matrix(~ . - 1, data = val_x_fold)</pre>
val_x_fold <- total_x_xgb[fold_idx, selected_vars, drop = FALSE]</pre>
val_y_lower_fold <- total_y_lower_bound[fold_idx]</pre>
val_y_upper_fold <- total_y_upper_bound[fold_idx]</pre>
val_y_fold <- total_y[fold_idx, ] # for C-index calculation</pre>
dtrain_fold <- xgb.DMatrix(</pre>
    data = train_x_fold,
    label_lower_bound = train_y_lower_fold,
    # label_upper_bound = train_y_upper_fold
    label_upper_bound = train_y_lower_fold
)
dval_fold <- xgb.DMatrix(</pre>
    data = val x fold,
    label_lower_bound = val_y_lower_fold,
    # label_upper_bound = val_y_upper_fold
    label_upper_bound = val_y_lower_fold
)
model <- xgb.train(</pre>
    params = c(
        list(
             objective = "survival:aft",
             eval_metric = "aft-nloglik",
             aft_loss_distribution = "normal"
        ),
        model params
    ),
    data = dtrain fold,
    nrounds = 1000,
```

```
early_stopping_rounds = 10,
    watchlist = list(train = dtrain_fold, val = dval_fold),
    verbose = 0
)

# * It outputs the estimated survival time. We need to convert it to
    risk.
    pred <- predict(model, dval_fold)
    pred <- -pred

# Use C-index to measure the performance of the model
    1 - concordance.index(pred, val_y_fold$time,
    val_y_fold$event)$c.index
})
print(mean(fold_errors))
mean(fold_errors)
}, title = "Cross Validation to Select the Best Number of Features")</pre>
```

```
cv_errors <- as.numeric(cv_errors)
plot(1:length(cv_errors), cv_errors)</pre>
```



```
best_num_vars <- which.min(cv_errors)
vars_selected <- vars_ranked[1:best_num_vars]</pre>
```

```
print(paste0("The best number of features to retain is ", best_num_vars))
```

[1] "The best number of features to retain is 30"

Model Fitting

```
train_x_selected <- train_x_xgb[, vars_selected]</pre>
# No need to change the label
train_y_lower_bound_selected <- train_y_lower_bound</pre>
train_y_upper_bound_selected <- train_y_upper_bound
dtrain_selected <- xgb.DMatrix(</pre>
    data = train_x_selected,
    label_lower_bound = train_y_lower_bound_selected,
    label_upper_bound = train_y_upper_bound_selected
val_x_selected <- val_x_xgb[, vars_selected]</pre>
val y lower bound selected <- val y lower bound
val_y_upper_bound_selected <- val_y_upper_bound
dval_selected <- xgb.DMatrix(</pre>
    data = val_x_selected,
    label_lower_bound = val_y_lower_bound_selected,
    label_upper_bound = val_y_upper_bound_selected
)
xgb_model <- xgb.train(</pre>
    params = c(
        list(
            objective = "survival:aft",
            eval_metric = "aft-nloglik",
            aft_loss_distribution = "normal"
        ),
        model_params
    ),
    data = dtrain_selected,
```

```
nrounds = 1000,
  early_stopping_rounds = 10,
  watchlist = list(train = dtrain_selected, val = dval_selected)
)
```

[1] train-aft-nloglik:27.620389 val-aft-nloglik:27.627846 Multiple eval metrics are present. Will use val_aft_nloglik for early stopping. Will train until val_aft_nloglik hasn't improved in 10 rounds.

```
[2] train-aft-nloglik:27.610732 val-aft-nloglik:27.615595
[3] train-aft-nloglik:27.589430 val-aft-nloglik:27.593596
[4] train-aft-nloglik:27.550827 val-aft-nloglik:27.551687
[5] train-aft-nloglik:27.471049 val-aft-nloglik:27.460399
[6] train-aft-nloglik:27.415618 val-aft-nloglik:27.404261
[7] train-aft-nloglik:26.199515 val-aft-nloglik:26.185999
[8] train-aft-nloglik:22.142086 val-aft-nloglik:22.126276
[9] train-aft-nloglik:18.649892 val-aft-nloglik:18.637067
[10]
       train-aft-nloglik:15.757417 val-aft-nloglik:15.747177
[11]
       train-aft-nloglik:13.365135 val-aft-nloglik:13.358051
[12]
       train-aft-nloglik:11.384795 val-aft-nloglik:11.380771
[13]
       train-aft-nloglik:9.744252 val-aft-nloglik:9.742650
[14]
       train-aft-nloglik:8.383610 val-aft-nloglik:8.384244
[15]
       train-aft-nloglik:7.254011 val-aft-nloglik:7.256866
[16]
       train-aft-nloglik:6.314953 val-aft-nloglik:6.319978
[17]
       train-aft-nloglik:5.533564 val-aft-nloglik:5.541123
[18]
       train-aft-nloglik:4.882353 val-aft-nloglik:4.891571
[19]
       train-aft-nloglik:4.338895
                                    val-aft-nloglik:4.349788
[20]
       train-aft-nloglik:3.884776
                                    val-aft-nloglik:3.897329
[21]
       train-aft-nloglik:3.504716
                                    val-aft-nloglik:3.518838
[22]
       train-aft-nloglik:3.186202
                                    val-aft-nloglik:3.201501
[23]
       train-aft-nloglik:2.919061
                                    val-aft-nloglik:2.935822
[24]
       train-aft-nloglik:2.694427
                                    val-aft-nloglik:2.712138
[25]
       train-aft-nloglik:2.505386
                                    val-aft-nloglik:2.524211
[26]
       train-aft-nloglik:2.346109
                                    val-aft-nloglik:2.365688
[27]
       train-aft-nloglik:2.211651
                                    val-aft-nloglik:2.232407
[28]
       train-aft-nloglik:2.098145
                                    val-aft-nloglik:2.119814
[29]
       train-aft-nloglik:2.002151
                                    val-aft-nloglik:2.024684
       train-aft-nloglik:1.920893
                                    val-aft-nloglik:1.944410
[30]
[31]
       train-aft-nloglik:1.852114
                                    val-aft-nloglik:1.876199
[32]
       train-aft-nloglik:1.793695
                                    val-aft-nloglik:1.818162
[33]
       train-aft-nloglik:1.744214
                                    val-aft-nloglik:1.769315
```

```
[34]
        train-aft-nloglik:1.702241
                                     val-aft-nloglik:1.727859
[35]
        train-aft-nloglik:1.666491
                                     val-aft-nloglik:1.692794
[36]
        train-aft-nloglik:1.636080
                                     val-aft-nloglik:1.662796
[37]
        train-aft-nloglik:1.610287
                                     val-aft-nloglik:1.637557
        train-aft-nloglik:1.588313
                                     val-aft-nloglik:1.616265
[38]
                                     val-aft-nloglik:1.598125
[39]
        train-aft-nloglik:1.569571
[40]
        train-aft-nloglik:1.553653
                                     val-aft-nloglik:1.582660
[41]
        train-aft-nloglik:1.540080
                                     val-aft-nloglik:1.569779
[42]
        train-aft-nloglik:1.528416
                                     val-aft-nloglik:1.558675
[43]
        train-aft-nloglik:1.518537
                                     val-aft-nloglik:1.549281
[44]
        train-aft-nloglik:1.509919
                                     val-aft-nloglik:1.541480
[45]
        train-aft-nloglik:1.502595
                                     val-aft-nloglik:1.534756
[46]
        train-aft-nloglik:1.496389
                                     val-aft-nloglik:1.528986
[47]
        train-aft-nloglik:1.491061
                                     val-aft-nloglik:1.524044
[48]
        train-aft-nloglik:1.486356
                                     val-aft-nloglik:1.519843
[49]
        train-aft-nloglik:1.482394
                                     val-aft-nloglik:1.516084
[50]
        train-aft-nloglik:1.478895
                                     val-aft-nloglik:1.512878
[51]
        train-aft-nloglik:1.475901
                                     val-aft-nloglik:1.510303
[52]
        train-aft-nloglik:1.473219
                                     val-aft-nloglik:1.508376
[53]
        train-aft-nloglik:1.470910
                                     val-aft-nloglik:1.506707
        train-aft-nloglik:1.468915
                                     val-aft-nloglik:1.505018
[54]
[55]
        train-aft-nloglik:1.467218
                                     val-aft-nloglik:1.503540
[56]
        train-aft-nloglik:1.465655
                                     val-aft-nloglik:1.502676
[57]
        train-aft-nloglik:1.464290
                                     val-aft-nloglik:1.501759
[58]
        train-aft-nloglik:1.463052
                                     val-aft-nloglik:1.500836
[59]
        train-aft-nloglik:1.461980
                                     val-aft-nloglik:1.500324
[60]
        train-aft-nloglik:1.461039
                                     val-aft-nloglik:1.499712
[61]
        train-aft-nloglik:1.460165
                                     val-aft-nloglik:1.499284
[62]
        train-aft-nloglik:1.459347
                                     val-aft-nloglik:1.498820
[63]
        train-aft-nloglik:1.458560
                                     val-aft-nloglik:1.498710
[64]
        train-aft-nloglik:1.457906
                                     val-aft-nloglik:1.498505
[65]
        train-aft-nloglik:1.457298
                                     val-aft-nloglik:1.497936
[66]
        train-aft-nloglik:1.456663
                                     val-aft-nloglik:1.497659
[67]
        train-aft-nloglik:1.456138
                                     val-aft-nloglik:1.497577
[68]
        train-aft-nloglik:1.455553
                                     val-aft-nloglik:1.497570
[69]
        train-aft-nloglik:1.455001
                                     val-aft-nloglik:1.497393
[70]
        train-aft-nloglik:1.454567
                                     val-aft-nloglik:1.497302
[71]
        train-aft-nloglik:1.454103
                                     val-aft-nloglik:1.497212
[72]
        train-aft-nloglik:1.453658
                                     val-aft-nloglik:1.497014
[73]
        train-aft-nloglik:1.453131
                                     val-aft-nloglik:1.496940
[74]
        train-aft-nloglik:1.452591
                                     val-aft-nloglik:1.496947
[75]
        train-aft-nloglik:1.452160
                                     val-aft-nloglik:1.496911
[76]
        train-aft-nloglik:1.451752
                                     val-aft-nloglik:1.496798
```

```
[77]
        train-aft-nloglik:1.451400
                                     val-aft-nloglik:1.496609
[78]
        train-aft-nloglik:1.451030
                                     val-aft-nloglik:1.496393
[79]
                                     val-aft-nloglik:1.496517
        train-aft-nloglik:1.450686
[80]
        train-aft-nloglik:1.450374
                                     val-aft-nloglik:1.496342
[81]
        train-aft-nloglik:1.450101
                                     val-aft-nloglik:1.496208
[82]
        train-aft-nloglik:1.449666
                                     val-aft-nloglik:1.496267
[83]
        train-aft-nloglik:1.449304
                                     val-aft-nloglik:1.496330
[84]
        train-aft-nloglik:1.449016
                                     val-aft-nloglik:1.496145
[85]
        train-aft-nloglik:1.448649
                                     val-aft-nloglik:1.496020
[86]
        train-aft-nloglik:1.448378
                                     val-aft-nloglik:1.495873
[87]
                                     val-aft-nloglik:1.495796
        train-aft-nloglik:1.448099
[88]
        train-aft-nloglik:1.447739
                                     val-aft-nloglik:1.495808
[89]
                                     val-aft-nloglik:1.495746
        train-aft-nloglik:1.447479
[90]
        train-aft-nloglik:1.447146
                                     val-aft-nloglik:1.495821
[91]
        train-aft-nloglik:1.446880
                                     val-aft-nloglik:1.495720
[92]
        train-aft-nloglik:1.446642
                                     val-aft-nloglik:1.495625
[93]
        train-aft-nloglik:1.446344
                                     val-aft-nloglik:1.495669
[94]
        train-aft-nloglik:1.446104
                                     val-aft-nloglik:1.495481
[95]
        train-aft-nloglik:1.445862
                                     val-aft-nloglik:1.495407
[96]
        train-aft-nloglik:1.445521
                                     val-aft-nloglik:1.495496
[97]
        train-aft-nloglik:1.445174
                                     val-aft-nloglik:1.495425
[98]
        train-aft-nloglik:1.444901
                                     val-aft-nloglik:1.495425
[99]
        train-aft-nloglik:1.444655
                                     val-aft-nloglik:1.495318
[100]
        train-aft-nloglik:1.444375
                                     val-aft-nloglik:1.495235
[101]
        train-aft-nloglik:1.444082
                                     val-aft-nloglik:1.495244
[102]
        train-aft-nloglik:1.443751
                                     val-aft-nloglik:1.495298
[103]
        train-aft-nloglik:1.443369
                                     val-aft-nloglik:1.495120
[104]
        train-aft-nloglik:1.443031
                                     val-aft-nloglik:1.495065
[105]
        train-aft-nloglik:1.442772
                                     val-aft-nloglik:1.495180
[106]
        train-aft-nloglik:1.442534
                                     val-aft-nloglik:1.495379
[107]
        train-aft-nloglik:1.442292
                                     val-aft-nloglik:1.495348
[108]
        train-aft-nloglik:1.442079
                                     val-aft-nloglik:1.495300
[109]
        train-aft-nloglik:1.441932
                                     val-aft-nloglik:1.495281
[110]
        train-aft-nloglik:1.441738
                                     val-aft-nloglik:1.495201
[111]
        train-aft-nloglik:1.441535
                                     val-aft-nloglik:1.495227
[112]
        train-aft-nloglik:1.441262
                                     val-aft-nloglik:1.495141
[113]
        train-aft-nloglik:1.440977
                                     val-aft-nloglik:1.495009
[114]
        train-aft-nloglik:1.440689
                                     val-aft-nloglik:1.495038
[115]
        train-aft-nloglik:1.440413
                                     val-aft-nloglik:1.495134
[116]
        train-aft-nloglik:1.440126
                                     val-aft-nloglik:1.495213
[117]
        train-aft-nloglik:1.439903
                                     val-aft-nloglik:1.495186
[118]
        train-aft-nloglik:1.439659
                                     val-aft-nloglik:1.495060
[119]
        train-aft-nloglik:1.439441
                                     val-aft-nloglik:1.495089
```

```
[120]
        train-aft-nloglik:1.439314 val-aft-nloglik:1.495165
[121]
        train-aft-nloglik:1.439092 val-aft-nloglik:1.495187
[122]
        train-aft-nloglik:1.438803 val-aft-nloglik:1.495163
[123]
        train-aft-nloglik:1.438549 val-aft-nloglik:1.495086
Stopping. Best iteration:
Γ1137
        train-aft-nloglik:1.440977 val-aft-nloglik:1.495009
train_x_full <- model.frame(~ . - 1, data = train_x, na.action = na.pass)</pre>
train_x_full <- model.matrix(~ . - 1, data = train_x_full)</pre>
train_y_lower_bound_full <- train_y_lower_bound</pre>
train_y_upper_bound_full <- train_y_upper_bound
dtrain_full <- xgb.DMatrix(</pre>
    data = train_x_full,
   label_lower_bound = train_y_lower_bound_full,
   label_upper_bound = train_y_upper_bound_full
# We also fit the full model
xgb_model_full <- xgb.train(</pre>
    params = c(
        list(
```

- [1] train-aft-nloglik:27.620389 val-aft-nloglik:27.627846 Multiple eval metrics are present. Will use val_aft_nloglik for early stopping. Will train until val_aft_nloglik hasn't improved in 10 rounds.
- [2] train-aft-nloglik:27.610732 val-aft-nloglik:27.615595

watchlist = list(train = dtrain_full, val = dval)

objective = "survival:aft",
eval_metric = "aft-nloglik",
aft_loss_distribution = "normal"

),

),

model_params

data = dtrain_full,
nrounds = 1000,

early_stopping_rounds = 10,

- [3] train-aft-nloglik:27.589430 val-aft-nloglik:27.593596
- [4] train-aft-nloglik:27.550827 val-aft-nloglik:27.551687
- [5] train-aft-nloglik:27.471049 val-aft-nloglik:27.460399
- [6] train-aft-nloglik:27.415618 val-aft-nloglik:27.404261

```
[7] train-aft-nloglik:26.199515 val-aft-nloglik:26.185999
[8] train-aft-nloglik:22.142086 val-aft-nloglik:22.126276
[9] train-aft-nloglik:18.649892 val-aft-nloglik:18.637067
[10]
        train-aft-nloglik:15.757417 val-aft-nloglik:15.747177
Γ117
        train-aft-nloglik:13.365124 val-aft-nloglik:13.358380
[12]
        train-aft-nloglik:11.384777 val-aft-nloglik:11.380110
                                     val-aft-nloglik:9.742342
[13]
        train-aft-nloglik:9.744235
[14]
        train-aft-nloglik:8.383599
                                     val-aft-nloglik:8.383941
[15]
        train-aft-nloglik:7.253993
                                     val-aft-nloglik:7.256695
[16]
        train-aft-nloglik:6.314925
                                     val-aft-nloglik:6.319984
[17]
        train-aft-nloglik:5.533501
                                     val-aft-nloglik:5.541208
[18]
        train-aft-nloglik:4.882264
                                     val-aft-nloglik:4.892199
[19]
        train-aft-nloglik:4.338861
                                     val-aft-nloglik:4.350265
[20]
        train-aft-nloglik:3.884676
                                     val-aft-nloglik:3.897758
[21]
        train-aft-nloglik:3.504664
                                     val-aft-nloglik:3.518913
[22]
        train-aft-nloglik:3.186104
                                     val-aft-nloglik:3.201635
[23]
        train-aft-nloglik:2.918799
                                     val-aft-nloglik:2.935354
[24]
        train-aft-nloglik:2.694178
                                     val-aft-nloglik:2.711730
[25]
        train-aft-nloglik:2.505226
                                     val-aft-nloglik:2.523904
[26]
        train-aft-nloglik:2.345949
                                     val-aft-nloglik:2.365780
                                     val-aft-nloglik:2.232224
[27]
        train-aft-nloglik:2.211463
[28]
        train-aft-nloglik:2.097854
                                     val-aft-nloglik:2.119747
[29]
        train-aft-nloglik:2.001855
                                     val-aft-nloglik:2.024661
[30]
        train-aft-nloglik:1.920594
                                     val-aft-nloglik:1.944106
[31]
        train-aft-nloglik:1.851791
                                     val-aft-nloglik:1.876144
[32]
        train-aft-nloglik:1.793440
                                     val-aft-nloglik:1.818100
[33]
        train-aft-nloglik:1.743978
                                     val-aft-nloglik:1.769169
[34]
                                     val-aft-nloglik:1.727793
        train-aft-nloglik:1.701996
[35]
        train-aft-nloglik:1.666296
                                     val-aft-nloglik:1.692686
[36]
        train-aft-nloglik:1.635910
                                     val-aft-nloglik:1.662731
[37]
        train-aft-nloglik:1.609998
                                     val-aft-nloglik:1.637623
[38]
        train-aft-nloglik:1.588025
                                     val-aft-nloglik:1.616217
[39]
        train-aft-nloglik:1.569287
                                     val-aft-nloglik:1.597968
[40]
        train-aft-nloglik:1.553292
                                     val-aft-nloglik:1.582583
[41]
        train-aft-nloglik:1.539673
                                     val-aft-nloglik:1.569453
[42]
        train-aft-nloglik:1.528060
                                     val-aft-nloglik:1.558320
[43]
        train-aft-nloglik:1.518219
                                     val-aft-nloglik:1.548973
[44]
        train-aft-nloglik:1.509741
                                     val-aft-nloglik:1.541108
                                     val-aft-nloglik:1.534345
[45]
        train-aft-nloglik:1.502483
[46]
        train-aft-nloglik:1.496188
                                     val-aft-nloglik:1.528659
[47]
        train-aft-nloglik:1.490861
                                     val-aft-nloglik:1.523669
[48]
        train-aft-nloglik:1.486097
                                     val-aft-nloglik:1.519834
[49]
        train-aft-nloglik:1.482151
                                     val-aft-nloglik:1.516262
```

```
[50]
        train-aft-nloglik:1.478626
                                     val-aft-nloglik:1.513169
[51]
        train-aft-nloglik:1.475635
                                     val-aft-nloglik:1.510558
[52]
                                     val-aft-nloglik:1.508334
        train-aft-nloglik:1.473013
[53]
        train-aft-nloglik:1.470731
                                     val-aft-nloglik:1.506551
[54]
        train-aft-nloglik:1.468776
                                     val-aft-nloglik:1.505112
                                     val-aft-nloglik:1.504025
[55]
        train-aft-nloglik:1.467027
[56]
        train-aft-nloglik:1.465480
                                     val-aft-nloglik:1.502938
[57]
        train-aft-nloglik:1.464069
                                     val-aft-nloglik:1.501736
[58]
        train-aft-nloglik:1.462854
                                     val-aft-nloglik:1.500752
[59]
                                     val-aft-nloglik:1.499890
        train-aft-nloglik:1.461790
[60]
        train-aft-nloglik:1.460689
                                     val-aft-nloglik:1.499255
[61]
        train-aft-nloglik:1.459806
                                     val-aft-nloglik:1.498939
[62]
        train-aft-nloglik:1.459089
                                     val-aft-nloglik:1.498630
[63]
        train-aft-nloglik:1.458356
                                     val-aft-nloglik:1.498075
[64]
        train-aft-nloglik:1.457626
                                     val-aft-nloglik:1.497691
[65]
        train-aft-nloglik:1.456979
                                     val-aft-nloglik:1.497582
[66]
        train-aft-nloglik:1.456270
                                     val-aft-nloglik:1.497285
[67]
        train-aft-nloglik:1.455702
                                     val-aft-nloglik:1.497229
[68]
        train-aft-nloglik:1.455145
                                     val-aft-nloglik:1.496852
[69]
        train-aft-nloglik:1.454653
                                     val-aft-nloglik:1.496703
        train-aft-nloglik:1.454084
                                     val-aft-nloglik:1.496594
[70]
[71]
        train-aft-nloglik:1.453574
                                     val-aft-nloglik:1.496202
[72]
        train-aft-nloglik:1.453118
                                     val-aft-nloglik:1.496123
[73]
        train-aft-nloglik:1.452658
                                     val-aft-nloglik:1.495993
[74]
        train-aft-nloglik:1.452198
                                     val-aft-nloglik:1.495731
[75]
        train-aft-nloglik:1.451639
                                     val-aft-nloglik:1.495663
[76]
        train-aft-nloglik:1.451274
                                     val-aft-nloglik:1.495437
[77]
        train-aft-nloglik:1.450852
                                     val-aft-nloglik:1.495320
[78]
        train-aft-nloglik:1.450374
                                     val-aft-nloglik:1.495161
[79]
        train-aft-nloglik:1.449970
                                     val-aft-nloglik:1.495053
[80]
        train-aft-nloglik:1.449634
                                     val-aft-nloglik:1.494864
                                     val-aft-nloglik:1.494804
[81]
        train-aft-nloglik:1.449229
[82]
        train-aft-nloglik:1.448948
                                     val-aft-nloglik:1.494650
[83]
        train-aft-nloglik:1.448561
                                     val-aft-nloglik:1.494457
[84]
        train-aft-nloglik:1.448180
                                     val-aft-nloglik:1.494513
[85]
        train-aft-nloglik:1.447790
                                     val-aft-nloglik:1.494443
[86]
        train-aft-nloglik:1.447423
                                     val-aft-nloglik:1.494624
[87]
        train-aft-nloglik:1.447034
                                     val-aft-nloglik:1.494644
[88]
        train-aft-nloglik:1.446747
                                     val-aft-nloglik:1.494644
[89]
        train-aft-nloglik:1.446378
                                     val-aft-nloglik:1.494599
[90]
        train-aft-nloglik:1.446009
                                     val-aft-nloglik:1.494658
        train-aft-nloglik:1.445654
                                     val-aft-nloglik:1.494686
[91]
[92]
        train-aft-nloglik:1.445394
                                     val-aft-nloglik:1.494461
```

```
[93]
        train-aft-nloglik:1.445067
                                     val-aft-nloglik:1.494441
[94]
        train-aft-nloglik:1.444852
                                     val-aft-nloglik:1.494433
[95]
                                     val-aft-nloglik:1.494338
        train-aft-nloglik:1.444495
[96]
        train-aft-nloglik:1.444229
                                     val-aft-nloglik:1.494249
[97]
        train-aft-nloglik:1.443878
                                     val-aft-nloglik:1.494307
[98]
        train-aft-nloglik:1.443471
                                     val-aft-nloglik:1.494244
[99]
        train-aft-nloglik:1.443077
                                     val-aft-nloglik:1.494197
[100]
        train-aft-nloglik:1.442721
                                     val-aft-nloglik:1.493949
[101]
        train-aft-nloglik:1.442401
                                     val-aft-nloglik:1.493959
[102]
        train-aft-nloglik:1.442130
                                     val-aft-nloglik:1.494078
[103]
        train-aft-nloglik:1.441871
                                     val-aft-nloglik:1.493941
[104]
        train-aft-nloglik:1.441585
                                     val-aft-nloglik:1.494056
[105]
        train-aft-nloglik:1.441252
                                     val-aft-nloglik:1.494220
[106]
        train-aft-nloglik:1.440946
                                     val-aft-nloglik:1.494269
[107]
        train-aft-nloglik:1.440468
                                     val-aft-nloglik:1.494256
[108]
        train-aft-nloglik:1.440100
                                     val-aft-nloglik:1.494389
[109]
        train-aft-nloglik:1.439790
                                     val-aft-nloglik:1.494358
[110]
        train-aft-nloglik:1.439579
                                     val-aft-nloglik:1.494414
[111]
        train-aft-nloglik:1.439412
                                     val-aft-nloglik:1.494562
[112]
        train-aft-nloglik:1.439111
                                     val-aft-nloglik:1.494689
[113]
        train-aft-nloglik:1.438754
                                     val-aft-nloglik:1.494503
Stopping. Best iteration:
[103]
        train-aft-nloglik:1.441871
                                   val-aft-nloglik:1.493941
```