

- 1) Установите интерпретатор **ghci**.

```
C:\Users\iverendeev>ghci
GHCi, version 9.4.2: https://www.haskell.org/ghc/  :? for help
ghci>
```

- 2) Вычислите в интерпретаторе следующие выражения:

a. $1 + 1$

```
ghci> 1 + 1
2
```

b. $\text{True} == \text{False}$

```
ghci> True == False
False
```

c. $5 + 7 * (-7 + 1)$

```
ghci> 5 + 7 * (-7 + 1)
-37
```

d. not True

```
ghci> not True
False
```

e. $\text{False} \ \&\& \ \text{True} \ || \ \text{True}$

```
ghci> False && True || True
True
```

f. $2 * 2 /= 4$

```
ghci> 2 * 2 /= 4
False
```

g. $\text{succ } 9$

```
ghci> succ 9
10
```

h. $\text{max } 5 \ 15 + 4 + \text{min } 9 \ (-1)$

```
ghci> max 5 15 + 4 + min 9 (-1)
18
```

- 3) Используя только функцию **max** из модуля **Prelude**:

```
max :: Int -> Int -> Int
```

```
max x y = `если x > y, то x, иначе y`
```

напишите выражение, которые находит максимальное число, среди списка чисел:

```
0, -2, 99, 11, -5, 6, 1521
```

```
ghci> :{
ghci| maxNum :: Ord a => [a] -> a
ghci| maxNum [x] = x
ghci| maxNum (x:x':xs) = maxNum((max x x'):xs)
ghci| :}
ghci> maxNum [2, 3, 4]
4
ghci> maxNum [0, -2, 99, 11, -5, 6, 1521]
1521
```

- 4) Создаёте модуль **FACTORIAL**:

```
module FACTORIAL where
```

```
fac :: Int -> Int
fac 0 = 1
fac n = n * fac (n - 1)
```

Загрузите модуль в интерпретатор, используя команду:

```
:load `имя_файла_модуля`
```

Команда `:load` будет искать указанный файл в текущем каталоге.

```
ghci> :l fact.hs
[1 of 1] Compiling FACTORIAL      ( fact.hs, interpreted )
Ok, one module loaded.
```

- 5) Вычислите `fac 5`

```
ghci> fac 5
120
```

- 6) Используя **условное выражение** напишите функцию, которая возвращает 0, если её аргумент больше 5, иначе возвращает 1.

```
ghci> :{
ghci| gt_than_5 :: Int -> Int
ghci| gt_than_5 x = if x > 5 then 0 else 1
ghci| :}
```

- 7) Реализуйте функцию `max'`.

```
ghci> :{
ghci| my_max :: Int -> Int -> Int
ghci| my_max x y = if x > y then x else y
ghci| :}
```

- 8) Напишите выражение, которое конкатенирует строки: `"Hello", " ", "world", "!"`.

```
ghci> "Hello" ++ " " ++ "world" ++ "!"
"Hello world!"
```

- 9) Используя команду `:info (++)` определите ассоциативность оператора `(++)`.

```
(++) :: [a] -> [a] -> [a]      -- Defined in `GHC.Base'
infixr 5 ++
```

Правая ассоциативность

- 10) Используя команды `:info (++)` и `:info (^)` определите какой оператор имеет больший приоритет `(+)` или `(^)`.

```
ghci> :info ++ ^
(++) :: [a] -> [a] -> [a]      -- Defined in `GHC.Base'
infixr 5 ++
(^) :: (Num a, Integral b) => a -> b -> a      -- Defined in `GHC.Real'
infixr 8 ^
```

5 против 8 $\Rightarrow y \wedge$ приоритет выше

- 11) Расставьте скобки в выражении `2^4 + 6 * 3^2 - 1`, в соответствии с приоритетом операций в Haskell.

```
((2^4) + (6 * (3^2))) - 1
```

- 12) Используя команду `:t `выражение`` определите тип

а. функции `max`;

```
ghci> :t max
max :: Ord a => a -> a -> a
```

- b. функции `head`;

```
ghci> :t head
head :: GHC.Stack.Types.HasCallStack => [a] -> a
```

- c. выражения `2 + 2`;

```
ghci> :t 2 + 2
2 + 2 :: Num a => a
```

- d. оператора `(^)`.

```
ghci> :t (^)
(^) :: (Num a, Integral b) => a -> b -> a
```

13) Запишите все операторы в выражении в **префиксной** нотации:

- a. `1 + 2`

```
ghci> (+) 1 2
3
```

- b. `4^2 - 1`

```
ghci> (-) ((^) 4 2) 1
15
```

- c. `5 == 6 - 1`

```
ghci> (==) 5 ((-) 6 1)
True
```

14) Запишите все операторы выражения в **инфиксной** нотации:

- a. `max 5 (-1)`

```
ghci> 5 `max` (-1)
5
```

- b. `min (min 5 2) (max (-1) 4)`

```
ghci> (5 `min` 2) `max` ((-1) `max` 4)
4
```

15) Запишите список чисел

- a. `[2, 3, 4, 5]` без перечисления всех элементов списка.

```
ghci> [2..5]
[2,3,4,5]
```

- b. `[1, 3, 5, 7, 9]` без перечисления всех элементов списка.

```
ghci> [1, 3..9]
[1,3,5,7,9]
```

16) Напишите выражение, которое вычисляет из списка `[1, 5, -3, 3, 5]`:

- a. голову списка;

```
ghci> head [1, 5, -3, 3, 5]
1
```

- b. хвост списка;

```
ghci> tail [1, 5, -3, 3, 5]
[5, -3, 3, 5]
```

- c. новый список, который состоит из первых трёх элементов списка;

```
ghci> [head([1, 5, -3, 3, 5])] ++ [head(tail([1, 5, -3, 3, 5]))] ++ [head(tail(tail([1, 5, -3, 3, 5])))]
[1, 5, -3]
```

- d. новый список, который состоит из квадратов элементов списка (используйте, генераторы списка)

```
ghci> [i * i | i <- [1, 5, -3, 3, 5]]
[1, 25, 9, 9, 25]
```

- e. новый список, который содержит умноженные на 2 элементы списка, которые при умножении на три больше 8.

```
ghci> [i * 2 | i <- [1, 5, -3, 3, 5], i * 3 > 8]
[10, 6, 10]
```

- 17) Опишите функцию, которая для данного числа n создаёт список всех попарных сумм чисел от 1 до n (Т.е. $[1+1, 1+2, 1+3, \dots, 1+n, 2+1, 2+2, \dots, n+n]$ всего $n*n$ элементов)

```
ghci> :{
ghci| my_func :: Int -> [Int]
ghci| my_func n = [x + y | x <- [1..n], y <- [1..n]]
ghci| :}
ghci> my_func 4
[2, 3, 4, 5, 3, 4, 5, 6, 4, 5, 6, 7, 5, 6, 7, 8]
```

- 18) Перепишите функцию используя охранные выражения:

```
f :: Int -> Int -> Int

f x y =
  if x > y + 1      then 0 else
  if x > y - 2      then 1 else
  if x * 2 == y + 1 then 2 else
  if x + 10 == y - 2 then 3 else 4
```

Используйте конструкцию **where**, чтобы ввести локальные определения для подвыражений $y + 1$ и $y - 2$

- 19) Используя сравнение с образцом реализуйте функции:

```
fst' :: (a, b, c) -> a

ghci> fst' :: (a, b, c) -> a
ghci> fst' (a, b, c) = a
ghci> :}
ghci> fst' (1, 2, 3)
1

snd' :: (a, b, c) -> b
```

```
ghci> :{
ghci| snd' :: (a, b, c) -> b
ghci| snd' (a, b, c) = b
ghci| :}
ghci> snd' (1, 2, 3)
2
thd' :: (a, b, c) -> c
```

```
ghci| thd' :: (a, b, c) -> c
ghci| thd' (a, b, c) = c
ghci| :}
ghci> thd' (1, 2, 3)
3
```

Получающие соответственно первую, вторую и третью проекцию тройки значений.

20) Реализуйте функцию

`gcd :: Int -> Int -> Int,`

которая находит наибольший общий делитель своих аргументов.

```
ghci> :{
ghci| gcd :: Int -> Int -> Int
ghci| gcd 0 x = x
ghci| gcd x y = gcd (mod y x) x
ghci| :}
ghci> gcd 4 5
1
```

21) Реализуйте функцию

`delete :: Char -> String -> String,`

которая принимает на вход строку и символ и возвращает строку, в которой удалены все вхождения символа.

Пример: `delete 'l' "Hello world!"` должно возвращать `"Heo word!"`.

```
ghci> :{
ghci| remove_char :: Char -> String -> String
ghci| remove_char pat str = [ch | ch <- str, ch /= pat]
ghci| :}
ghci> remove_char 'a' "baraban"
"brbn"
```

22) Реализуйте функцию

`substitute :: Char -> Char -> String -> String,`

которая заменяет в строке указанный символ на заданный.

Пример: `substitute 'e' 'i' "eigenvalue"` возвращает `"iiginvalui"`.

```

ghci> :{
ghci| substitute :: Char -> Char -> String -> String
ghci| substitute x y str = [if i == x then y else i | i <- str]
ghci| :}
ghci> substitute 'a' 'o' "baraban"
"borobon"
ghci>

```

- 23) Реализуйте две функции с использованием хвостовой рекурсии. Все необходимые вспомогательные функции должны быть определены при помощи конструкции `let`.

Числа Фибоначчи

```

fib :: (Eq p, Num p) => p -> p
fib n = ???

```

```

my_fib :: (Eq p, Num p) => p -> p
my_fib n =
  let
    helper curr prev n | n == 0 = curr
                      | otherwise = helper (curr+prev) curr (n-1)
  in helper 0 1 n

```

Обращение списка

```

reverse :: [a] -> [a]
reverse list = ???

```

```

my_reverse :: [a] -> [a]
my_reverse list =
  let
    helper [] t = t
    helper (x:xs) t = helper xs (x:t)
  in helper list []

```

- 24) Напишите рекурсивную функцию

```
balance :: String -> Bool,
```

проверяющую балансировку скобок в строке. Как вы должны помнить, строки в Haskell — это список символов `[Char]`.

Например, для следующих строк функция должна вернуть **True**:

```
(if (zero? x) max (/ 1 x))
```

I told him (that it's not (yet) done). (But he wasn't listening)

А для строк ниже, напротив, функция должна вернуть значение **False**:

```
:-)
```

```
()()
```

Последний пример демонстрирует: недостаточно проверить только, что строка содержит равное количество открывающих и закрывающих скобок.

```

ghci> :{
ghci| isBalanced :: String -> Bool
ghci| isBalanced str =
ghci|     let
ghci|         go (-1) (x:xs) = False
ghci|         go cnt "" | cnt == 0 = True
ghci|                   | otherwise = False
ghci|         go cnt (x: xs) | x == '(' = go (cnt + 1) xs
ghci|                       | x == ')' = go (cnt - 1) xs
ghci|                       | otherwise = go cnt xs
ghci|     in go 0 str
ghci| :}
ghci> isBalanced "(())"
True
ghci> isBalanced "(())(())"
False

```

25) Реализуйте четыре функции:

`reverseAll :: [[a]] -> [[a]]`

функция, получающая на вход списочную структуру и обращающая все её элементы, а также её саму.

```

ghci> :{
ghci| reverseAll :: [[a]] -> [[a]]
ghci| reverseAll list =
ghci|     let
ghci|         go acc [] = acc
ghci|         go acc (x:xs) = go ((reverse x):acc) xs
ghci|     in go [] list
ghci| :}
ghci> reverseAll [[1, 2, 3], [5, 6, 7]]
[[7,6,5],[3,2,1]]

```

`firstElem :: (Eq a) => a -> [a] -> Int`

функция, возвращающая номер первого вхождения заданного атома в список.

```

firstElem :: (Eq a) => a -> [a] -> Int
firstElem item list =
    let
        go :: (Eq a) => a -> [a] -> Int -> Int -> Int
        go elem [] idx target = target
        go elem (x: xs) idx target | x == elem && target == -1 = go elem xs (idx + 1) idx
                                   | otherwise = go elem xs (idx + 1) target
    in go item list 0 (-1)

```

`set :: (Eq a) => [a] -> [a]`

функция, возвращающая список из всех атомов, содержащихся в заданном списке. Каждый атом должен присутствовать в результирующем списке в единственном числе.

```

my_set :: (Eq a) => [a] -> [a]
my_set list =
    let
        go [] new = reverse new
        go (x:xs) new = if x `elem` new then go xs new else go xs (x:new)
    in go list []

```

```
freq :: (Eq a) => [a] -> [(a, Int)]
```

функция, возвращающая список пар (символ, частота). Каждая пара определяет атом из заданного списка и частоту его вхождения в этот список.

```
import Data.Map
```

```
my_freq :: (Ord a) => [a] -> [(a, Int)]
```

```
my_freq list = toList $ fromListWith (+) [(s, 1) | s <- list]
```