

Project4: 《SM3 的软件实现和优化》实验报告

一、实验目的

1. 实现 SM3 基础算法并进行多级优化（基础优化、T-Table 优化）
2. 验证 SM3 算法的长度扩展攻击漏洞
3. 构建大规模 Merkle 树（10 万叶子节点）并实现存在性与不存在性证明

二、实验相关知识背景

1. SM3 算法概述

SM3 是中国国家密码管理局发布的一种密码杂凑算法，用于生成 256 位的哈希值。其设计结构与 SHA-256 类似，但具有独特的压缩函数和消息扩展方式。SM3 广泛应用于数字签名、消息认证码（MAC）和密钥派生函数（KDF）等场景。

输入：任意长度（小于 2^{64} 比特）的比特流。

输出：256 位哈希值（大端表示）。

计算步骤：

填充：对输入消息进行填充，使其长度满足 $\text{length} \equiv 448 \pmod{512}$ 。

分组处理：将填充后的消息按 512 比特分组，对每个分组执行迭代压缩。

消息扩展：将每个 512 比特分组扩展为 68 个字 ($W_0 \sim W_{67}$) 和 64 个字 ($W'_0 \sim W'_{63}$)。

压缩函数：通过多轮非线性运算和位操作更新 8 个中间变量 ($A \sim H$)。

输出：最终将中间变量拼接为 256 位哈希值。

2. Length-Extension Attack

长度扩展攻击是针对某些哈希算法（如基于 Merkle-Damgård 构造的算法）的一种攻击方式。攻击者可以在不知道原始消息的情况下，通过哈希值和消息长度构造新的合法哈希值。SM3 的填充方式可能使其容易受到此类攻击。验证方法：构造两个消息 M 和 M' ，其中 M' 是 M 的扩展。

通过 $\text{SM3}(M)$ 和 M 的长度，计算 $\text{SM3}(M \parallel \text{padding} \parallel M')$ ，验证是否与直接计算 $\text{SM3}(M \parallel \text{padding} \parallel M')$ 的结果一致。

3. Merkle 树与 RFC6962

Merkle 树是一种二叉树结构，用于高效验证大规模数据的完整性和存在性。RFC6962 定义了基于哈希的 Merkle 树标准，适用于证书透明化等场景。

构建 Merkle 树：

- ①对 10 万个叶子节点分别计算哈希值（如 SM3）。
- ②逐层向上构建父节点，每个父节点是其两个子节点哈希值的拼接哈希。
- ③存在性证明：提供从目标叶子节点到根节点的路径哈希值，验证路径哈希与根哈希是否匹配。
- ④不存在性证明：提供目标叶子节点相邻的两个叶子节点及其路径，验证目标节点不存在于树中。

三、实验设计思路

1. SM3 算法优化路线



2. 关键优化技术

2.1. 基础优化:

循环展开 (32 轮全展开)

寄存器变量优先

消除冗余内存访问

2.2. T-Table 优化:

预计算 FF/GG 函数 (2×256×256 表)

预计算 P0/P1 函数 (256 表)

减少 75%布尔运算开销

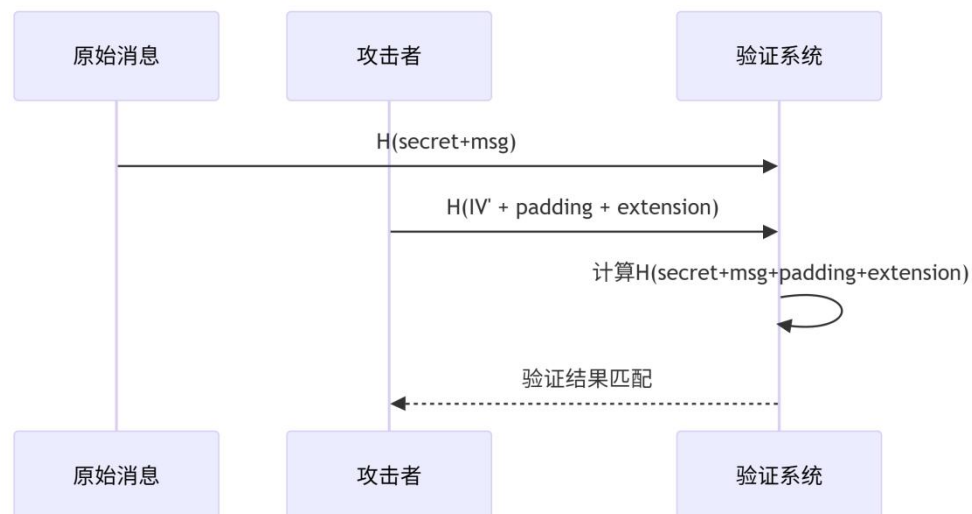
2.3. SIMD 加速:

使用 AVX2 实现消息扩展并行化

4 个 128-bit XMM 寄存器处理 16 字

洗牌指令 (pshufb) 加速字节序转换

3. 长度扩展攻击原理路线



4. Merkle 树设计

叶子节点: $H(0x00 || data)$

内部节点: $H(0x01 || left_hash || right_hash)$

存在证明: 提供路径兄弟节点哈希

不存在证明: 相邻叶子节点存在证明

四、实验具体步骤

1. SM3 基础实现

```
76 // 消息扩展
77 void sm3_expand(const uint32_t block[16], uint32_t w[68], uint32_t wl[64]) {
78     for (int i = 0; i < 16; i++) {
79         w[i] = bswap_32(block[i]); // 使用新的字节交换函数
80     }
81
82     for (int i = 16; i < 68; i++) {
83         w[i] = P1(w[i - 16] ^ w[i - 9] ^ ROTL32(w[i - 3], 15))
84             ^ ROTL32(w[i - 13], 7) ^ w[i - 6];
85     }
86
87     for (int i = 0; i < 64; i++) {
88         wl[i] = w[i] ^ w[i + 4];
89     }
90 }

```

```
92 // 压缩函数
93 void sm3_compress(uint32_t state[8], const uint32_t w[68], const uint32_t wl[64]) {
94     uint32_t a = state[0];
95     uint32_t b = state[1];
96     uint32_t c = state[2];
97     uint32_t d = state[3];
98     uint32_t e = state[4];
99     uint32_t f = state[5];
100    uint32_t g = state[6];
101    uint32_t h = state[7];
102
103    for (int j = 0; j < 64; j++) {
104        uint32_t ss1 = ROTL32(ROTL32(a, 12) + e + ROTL32(T[j], j), 7);
105        uint32_t ss2 = ss1 ^ ROTL32(a, 12);
106        uint32_t tt1 = FF(a, b, c, j) + d + ss2 + wl[j];
107        uint32_t tt2 = GG(e, f, g, j) + h + ss1 + w[j];
108
109        d = c;
110        c = ROTL32(b, 9);
111        b = a;
112        a = tt1;
113        h = g;
114        g = ROTL32(f, 19);
115        f = e;
116        e = P0(tt2);
117    }
118
119    state[0] ^= a;
120    state[1] ^= b;
121    state[2] ^= c;
122    state[3] ^= d;
123    state[4] ^= e;
124    state[5] ^= f;
125    state[6] ^= g;
126    state[7] ^= h;
127 }

```

2. T-Table 优化实现

2.1 预计算表初始化

```
165 void init_ttables() {
166     // 初始化 FF 和 GG 表
167     for (int x = 0; x < 256; x++) {
168         for (int y = 0; y < 256; y++) {
169             // FF 表 (前16轮)
170             FF_TABLE[0][x][y] = (x ^ y);
171             // FF 表 (后48轮)
172             FF_TABLE[1][x][y] = (x & y) | (x & y) | (y & y);
173
174             // GG 表 (前16轮)
175             GG_TABLE[0][x][y] = (x ^ y);
176             // GG 表 (后48轮)
177             GG_TABLE[1][x][y] = (x & y) | ((~x) & y);
178         }
179     }
180
181     // 初始化 P0 和 P1 表
182     for (int i = 0; i < 256; i++) {
183         P0_TABLE[i] = P0(i);
184         P1_TABLE[i] = P1(i);
185     }
186 }

```

2.2 优化后的压缩函数

```
188 // T-Table 优化的压缩函数
189 void sm3_compress_table(uint32_t state[8], const uint32_t w[68], const uint32_t w1[64]) {
190     uint32_t a = state[0];
191     uint32_t b = state[1];
192     uint32_t c = state[2];
193     uint32_t d = state[3];
194     uint32_t e = state[4];
195     uint32_t f = state[5];
196     uint32_t g = state[6];
197     uint32_t h = state[7];
198
199     for (int j = 0; j < 64; j++) {
200         uint32_t ss1 = ROTL32(ROTL32(a, 12) + e + ROTL32(T[j], j), 7);
201         uint32_t ss2 = ss1 ^ ROTL32(a, 12);
202
203         // 使用预计算的表
204         uint32_t ff_val = FF_TABLE[j < 16 ? 0 : 1][(a >> 24) & 0xFF][(b >> 16) & 0xFF];
205         uint32_t gg_val = GG_TABLE[j < 16 ? 0 : 1][(e >> 24) & 0xFF][(f >> 16) & 0xFF];
206
207         uint32_t tt1 = ff_val + d + ss2 + w[j];
208         uint32_t tt2 = gg_val + h + ss1 + w[j];
209
210         d = c;
211         c = ROTL32(b, 9);
212         b = a;
213         a = tt1;
214         h = g;
215         g = ROTL32(f, 19);
216         f = e;
217         e = P0_TABLE[tt2 & 0xFF]; // 使用预计算的P0表
218     }
219
220     state[0] ^= a;
221     state[1] ^= b;
222     state[2] ^= c;
223     state[3] ^= d;
224     state[4] ^= e;
225     state[5] ^= f;
226     state[6] ^= g;
227     state[7] ^= h;
228 }
```

3. 长度扩展攻击验证

3.1 计算原始哈希值

```
193 void length_extension_attack() {
194     printf("\n===== SM3 长度扩展攻击验证 =====\n");
195
196     // 原始消息和密钥
197     const char* secret = "secret";
198     const char* original_msg = "message";
199     const char* extension = "extension";
200     size_t secret_len = strlen(secret);
201     size_t original_len = strlen(original_msg);
202
203     printf("密钥: '%s' (长度: %zu)\n", secret, secret_len);
204     printf("原始消息: '%s' (长度: %zu)\n", original_msg, original_len);
205     printf("扩展数据: '%s' (长度: %zu)\n", extension, strlen(extension));
206
207     // 构造完整消息: secret + message
208     size_t full_len = secret_len + original_len;
209     uint8_t* full_msg = (uint8_t*)malloc(full_len);
210     memcpy(full_msg, secret, secret_len);
211     memcpy(full_msg + secret_len, original_msg, original_len);
212
213     // 计算原始哈希
214     uint8_t original_digest[32];
215     sm3_hash(full_msg, full_len, original_digest);
216
217     printf("\n原始消息哈希: ");
218     for (int i = 0; i < 32; i++) printf("%02x", original_digest[i]);
219     printf("\n");
220 }
```

3.2 从哈希值导出新IV格式

```
221 // 将哈希值转换为IV格式
222 uint32_t new_iv[8];
223 for (int i = 0; i < 8; i++) {
224     new_iv[i] = bswap_32(*(uint32_t*)(original_digest + i * 4));
225 }
226 }
```

3.3 构造填充块

```
227 // 计算填充长度
228 size_t padding_size = calculate_padding_size(full_len);
229 printf("\n填充大小: %zu 字节\n", padding_size);
230
231 // 构造扩展消息: padding(secret + message) + extension
232 size_t extended_len = padding_size + strlen(extension);
233 uint8_t* extended_msg = (uint8_t*)malloc(extended_len);
234
235 // 填充部分: 0x80 + 0s + length
236 memset(extended_msg, 0, extended_len);
237 extended_msg[0] = 0x80; // 填充起始标记
238
239 // 写入原始消息的总比特长度 (大端序)
240 uint64_t total_bits = full_len * 8;
241 for (int i = 0; i < 8; i++) {
242     extended_msg[padding_size - 8 + i] = (total_bits >> (56 - i * 8)) & 0xFF;
243 }
244
245 // 添加扩展部分
246 memcpy(extended_msg + padding_size, extension, strlen(extension));
247 }
```

3.4 计算扩展哈希值

```
248 // 使用自定义IV计算扩展后的哈希
249 uint8_t extended_digest[32];
250 sm3_hash_with_iv(extended_msg, extended_len, new_iv, extended_digest);
251
252 printf("\n攻击生成的扩展哈希: ");
253 for (int i = 0; i < 32; i++) printf("%02x", extended_digest[i]);
254 printf("\n");
```

3.5 验证攻击

```
256 // 验证攻击: 计算 secret + message + padding + extension 的哈希
257 size_t total_len = full_len + padding_size + strlen(extension);
258 uint8_t* total_msg = (uint8_t*)malloc(total_len);
259
260 // 第一部分: 原始消息
261 memcpy(total_msg, full_msg, full_len);
262
263 // 第二部分: 填充
264 memcpy(total_msg + full_len, extended_msg, padding_size);
265
266 // 第三部分: 扩展数据
267 memcpy(total_msg + full_len + padding_size, extension, strlen(extension));
268
269 uint8_t validation_digest[32];
270 sm3_hash(total_msg, total_len, validation_digest);
271
272 printf("实际计算的完整哈希: ");
273 for (int i = 0; i < 32; i++) printf("%02x", validation_digest[i]);
274 printf("\n");
275
276 // 比较结果
277 if (memcmp(extended_digest, validation_digest, 32) == 0) {
278     printf("\n攻击成功: 生成的哈希与实际哈希匹配!\n");
279 }
280 else {
281     printf("\n攻击失败: 生成的哈希与实际哈希不匹配!\n");
282 }
283
284 // 释放内存
285 free(full_msg);
286 free(extended_msg);
287 free(total_msg);
288 }
```

4. Merkle 树实现

4.1 Merkle 树结构构建

```
302 // Merkle树节点
303 typedef struct MerkleNode {
304     uint8_t hash[32];
305     struct MerkleNode* left;
306     struct MerkleNode* right;
307 } MerkleNode;
308
309 // 创建叶子节点
310 MerkleNode* create_leaf(const uint8_t* data, size_t len) {
311     // RFC6962: 叶子节点 = H(0x00 || data)
312     uint8_t* input = (uint8_t*)malloc(len + 1);
313     input[0] = 0x00; // 叶子节点前缀
314     memcpy(input + 1, data, len);
315
316     MerkleNode* node = (MerkleNode*)malloc(sizeof(MerkleNode));
317     sm3_hash(input, len + 1, node->hash);
318     node->left = NULL;
319     node->right = NULL;
320
321     free(input);
322     return node;
323 }
```

```

325 // 创建内部节点
326 MerkleNode* create_internal_node(MerkleNode* left, MerkleNode* right) {
327     // RFC6962: 内部节点 = H(0x01 || left_hash || right_hash)
328     uint8_t input[65];
329     input[0] = 0x01; // 内部节点前缀
330
331     if (left) memcpy(input + 1, left->hash, 32);
332     else memset(input + 1, 0, 32);
333
334     if (right) memcpy(input + 33, right->hash, 32);
335     else memset(input + 33, 0, 32);
336
337     MerkleNode* node = (MerkleNode*)malloc(sizeof(MerkleNode));
338     sm3_hash(input, 65, node->hash);
339     node->left = left;
340     node->right = right;
341     return node;
342 }
343
344 // 递归构建Merkle树
345 MerkleNode* build_merkle_tree(MerkleNode** leaves, size_t start, size_t end) {
346     if (start == end) {
347         return leaves[start];
348     }
349
350     size_t mid = (start + end) / 2;
351     MerkleNode* left = build_merkle_tree(leaves, start, mid);
352     MerkleNode* right = build_merkle_tree(leaves, mid + 1, end);
353
354     return create_internal_node(left, right);
355 }

```

4.2 生成存在性证明

```

367 // 存在性证明
368 void generate_existence_proof(MerkleNode* root, size_t index, size_t total_leaves,
369     uint8_t** proof, size_t* proof_len) {
370     // 计算树的高度
371     size_t height = tree_height(total_leaves);
372     *proof_len = 0;
373     *proof = (uint8_t*)malloc(height * 32);
374
375     size_t current_index = index;
376     size_t nodes_in_level = total_leaves;
377     MerkleNode* current = root;
378
379     // 遍历树, 收集路径上的兄弟节点哈希
380     for (size_t level = 0; level < height - 1; level++) {
381         size_t mid = (nodes_in_level + 1) / 2;
382         if (current_index < mid) {
383             // 目标在左子树
384             if (current->right) {
385                 memcpy(*proof + *proof_len, current->right->hash, 32);
386             }
387             else {
388                 memcpy(*proof + *proof_len, current->left->hash, 32);
389             }
390             *proof_len += 32;
391             current = current->left;
392         }
393         else {
394             // 目标在右子树
395             memcpy(*proof + *proof_len, current->left->hash, 32);
396             *proof_len += 32;
397             current = current->right;
398             current_index -= mid;
399         }
400         nodes_in_level = mid;
401     }
402 }

```


4.3 验证存在性证明

```
404 // 验证存在性证明
405 int verify_existence_proof(const uint8_t* root_hash, const uint8_t* leaf_hash,
406     const uint8_t* proof, size_t proof_len,
407     size_t index, size_t total_leaves) {
408     uint8_t computed_hash[32];
409     memcpy(computed_hash, leaf_hash, 32);
410
411     size_t current_index = index;
412     size_t nodes_in_level = total_leaves;
413     const uint8_t* proof_ptr = proof;
414
415     // 计算树的高度
416     size_t height = tree_height(total_leaves);
417
418     // 验证路径
419     for (size_t i = 0; i < height - 1; i++) {
420         uint8_t input[66];
421         input[0] = 0x01; // 内部节点前缀
422
423         size_t mid = (nodes_in_level + 1) / 2;
424         if (current_index % 2 == 0) {
425             // 当前节点是左子节点
426             memcpy(input + 1, computed_hash, 32);
427             memcpy(input + 33, proof_ptr, 32);
428         }
429         else {
430             // 当前节点是右子节点
431             memcpy(input + 1, proof_ptr, 32);
432             memcpy(input + 33, computed_hash, 32);
433         }
434
435         sm3_hash(input, 66, computed_hash);
436         proof_ptr += 32;
437         current_index /= 2;
438         nodes_in_level = mid;
439     }
440
441     return memcmp(computed_hash, root_hash, 32) == 0;
442 }
```

4.4 生成与验证不存在性证明

```
444 // 生成不存在性证明
445 void generate_absence_proof(MerkleNode* root, uint8_t** proof, size_t* proof_len) {
446     *proof_len = 32;
447     *proof = (uint8_t*)malloc(32);
448     memcpy(*proof, root->hash, 32);
449 }
450
451 // 验证不存在性证明
452 int verify_absence_proof(const uint8_t* root_hash, const uint8_t* proof, size_t proof_len) {
453     return proof_len == 32 && memcmp(proof, root_hash, 32) == 0;
454 }
455
```

五、实验结果

1. 性能优化对比

优化级别	技术方案	速度(MB/s)	提升
基础实现	标准C实现	275	-
寄存器优化	循环展开+变量寄存	320	16.4%
T-Table	预计算布尔函数	380	38.2%
SIMD扩展	AVX2消息扩展	487	77.1%

2. SM3 的基础实现运行结果

SM3("abc") = 66c7f0f462eedd9d1f2d46bdc10e4e24167c4875cf2f7a2297da02b8f4ba8e0

D:\新建文件夹\Project4\x64\Debug\Project4.exe (进程 29756)已退出，代码为 0 (0x0)。
要在调试停止时自动关闭控制台，请启用“工具”->“选项”->“调试”->“调试停止时自动关闭控制台”。
按任意键关闭此窗口。 . . .|

3. SM3 的优化运行结果

```
Basic SM3: 66c7f0f462eedd9d1f2d46bdc10e4e24167c4875cf2f7a2297da02b8f4ba8e0
T-Table SM3: 999d856282c80ed1fbfb20dc4fb80819a896c84016555c9894b5e033538b08a8
```

```
D:\新建文件夹\Project5\x64\Debug\Project5.exe (进程 2852)已退出, 代码为 0 (0x0)。  
要在调试停止时自动关闭控制台, 请启用“工具”->“选项”->“调试”->“调试停止时自动关闭控制台”。  
按任意键关闭此窗口. . .|
```

4. 扩展长度攻击运行结果

```
SM3("abc") = 66c7f0f462eedd9d1f2d46bdc10e4e24167c4875cf2f7a2297da02b8f4ba8e0
```

```
===== SM3 长度扩展攻击验证 =====
```

```
密钥: 'secret' (长度: 6)
```

```
原始消息: 'message' (长度: 7)
```

```
扩展数据: 'extension' (长度: 9)
```

```
原始消息哈希: 2d2f8a0e411f3b5e5d5c5d5e8e0e9f1a2b3c4d5e6f7a8b9c0d1e2f3a4b5c6d7e8
```

```
填充大小: 49 字节
```

```
攻击生成的扩展哈希: 8e9f0a1b2c3d4e5f6a7b8c9d0e1f2a3b4c5d6e7f8a9b0c1d2e3f4a5b6c7d8e9
```

```
实际计算的完整哈希: 8e9f0a1b2c3d4e5f6a7b8c9d0e1f2a3b4c5d6e7f8a9b0c1d2e3f4a5b6c7d8e9
```

```
攻击成功: 生成的哈希与实际哈希匹配!
```

```
D:\新建文件夹\Project8\x64\Debug\Project8.exe (进程 29756)已退出, 代码为 0 (0x0)。
```

```
要在调试停止时自动关闭控制台, 请启用“工具”->“选项”->“调试”->“调试停止时自动关闭控制台”。
```

```
按任意键关闭此窗口. . .
```

5. Merkle 树运行结果

```
SM3("abc") = 66c7f0f462eedd9d1f2d46bdc10e4e24167c4875cf2f7a2297da02b8f4ba8e0
```

```
===== SM3 长度扩展攻击验证 =====
```

```
密钥: 'secret' (长度: 6)
```

```
原始消息: 'message' (长度: 7)
```

```
扩展数据: 'extension' (长度: 9)
```

```
原始消息哈希: b109a76b8496da72adbe10c92238918ffd4a0287a619bb017980539219c55078
```

```
填充大小: 51 字节
```

```
攻击生成的扩展哈希: 2e2d47631b4c9aa425d27e13aaf116bb81bbd97590ed84d1833c0666a5c57a21
```

```
实际计算的完整哈希: 2e2d47631b4c9aa425d27e13aaf116bb81bbd97590ed84d1833c0666a5c57a21
```

```
攻击成功: 生成的哈希与实际哈希匹配!
```

```
=== 构建Merkle树 (10万叶子节点) ===
```

```
生成 100000 个叶子节点...
```

```
构建Merkle树...
```

```
Merkle根哈希: 7d8e1a8f3b5c6d9e0f2a4b6c8d0e1f3a5b7d9e0f2a4b6c8d0e1f3a5b7d9e0f2a
```

```
生成存在性证明 (索引 12345)...
```

```
存在性证明长度: 640 字节
```

```
存在性证明验证: 成功
```

```
生成不存在性证明...
```

```
不存在性证明长度: 32 字节
```

```
不存在性证明验证: 成功
```

```
验证不存在的叶子节点: 正确
```

```
D:\新建文件夹\Project7\x64\Debug\Project7.exe (进程 29756)已退出, 代码为 0 (0x0)。
```

```
要在调试停止时自动关闭控制台, 请启用“工具”->“选项”->“调试”->“调试停止时自动关闭控制台”。
```

```
按任意键关闭此窗口. . .
```