

Zde použijí důkaz sporem. Předpokládejme, že existuje graf G , u kterého Pepa nemá šanci zdolat celou trasu a zároveň splňuje zadání.

Pro potřeby důkazu použijí algoritmus, u kterého si vyberu směr cesty a pak zjednoduší zadání graf tak, že v každém kroku si najdu hranu $e_{i,i+1}$, kterou je Pepa schopen ze zásob vody ve vrcholu v_i překonat, a pak ji spolu s vrcholy v_i a v_{i+1} nahradíme novým vrcholem se zásobou vody o velikosti $|v_i| + |v_{i+1}| - |e_{i,i+1}|$, dokud budou hrany k nahrazování. Tento algoritmus zachovává vlastnost, že ve studních je přesně tolik vody, kolik je potřeba ke zdolání celé cesty.

Když do tohoto algoritmu dáme jako vstup graf G , dostaneme graf G' , kde ale pro každý vrchol v_i a hranu $e_{i,i+1}$ platí $v_i < e_{i,i+1}$, což je spor. Tím je důkaz u konce.