

Jako první vyjádříme přímku procesu, a to vůči V_0 a p_0 . Víme, že proces bude vyjádřen rovnicí:

$$p = kxV_0 + l$$

Z úseku p_0 víme, že $l = p_0$, a pak následně z úseku V_0 zjistíme $k = -\frac{p_0}{V_0}$. Tedy rovnice je:

$$p = p_0(1 - x)$$

Pro teplotu T víme, že platí:

$$\begin{aligned}\frac{p_A V_A}{T_A} &= \frac{pV}{T} \\ \frac{\frac{3}{4}p_0 \cdot \frac{1}{4}V_0}{T_A} &= \frac{x(1-x)p_0 V_0}{T} \\ 3T &= 16x(1-x)T_A \\ T &= \frac{16x(1-x)T_A}{3}\end{aligned}$$

Dále potřebujeme zjistit látkové množství n :

$$\begin{aligned}p_A V_A &= nRT_A \\ \frac{3}{16}p_0 V_0 &= nRT_A \\ n &= \frac{3p_0 V_0}{16RT_A}\end{aligned}$$

Když teď zjistíme změnu vnitřní energie plynu a práci vykonanou plynem, z prvního termodynamického zákona zjistíme teplo. Proto jako první zjistíme změnu vnitřní energie:

$$\Delta U(x) = nC_{Vm}(T - T_A) = \frac{3p_0 V_0}{16RT_A} \cdot \frac{5R}{2} \cdot \left(\frac{16x(1-x)T_A}{3} - T_A \right) = \frac{5p_0 V_0(16x(1-x) - 3)}{32}$$

Práce konaná na plynu je:

$$\begin{aligned}W(x) &= - \int_{V_A}^V p dV = - \int_{1/4}^x pV_0 dx = -V_0 p_0 \int_{1/4}^x (1-x) dx \\ &= -V_0 p_0 \left(-\frac{1}{2}x^2 + x + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{16} - \frac{1}{4} \right) = \frac{V_0 p_0 (16x^2 - 32x + 7)}{32}\end{aligned}$$

A teď umíme tedy zjistit teplo, který vejde do plynu:

$$Q(x) = \Delta U(x) - W(x) = \frac{5p_0 V_0(16x(1-x) - 3)}{32} - \frac{V_0 p_0 (16x^2 - 32x + 7)}{32} = \frac{p_0 V_0(-96x^2 + 112x - 22)}{32}$$

Víme, že pro V , $V_A \leq V \leq V_C$, bude přijaté teplo během přechodu $V_A \rightarrow V$ hodnota $Q(x)$ růst, ale naopak pro V , $V_C \leq V \leq V_B$ bude $Q(x)$ klesat. Proto nám stačí najít maximum funkce $Q(x)$ pomocí derivací:

$$\begin{aligned}(Q(x))' &= 0 \\ \left(\frac{p_0 V_0(-96x^2 + 112x - 22)}{32} \right)' &= 0 \\ -192x_C + 112 &= 0 \\ x_C &= \frac{7}{12}\end{aligned}$$

Poněvadž tento výsledek se nachází v povoleném rozmezí $\frac{1}{4} \leq x_C \leq \frac{3}{4}$, platí tedy $V_C = \frac{7}{12}V_0$. Přijaté teplo Q_p je pak:

$$Q_p = Q(x_C) = \frac{32}{3} \cdot \frac{p_0 V_0}{32} = \frac{p_0 V_0}{3}$$

Pro vydané teplo Q_v pak platí:

$$Q_v = Q_p - Q(x_B) = \frac{p_0 V_0}{3} - 8 \cdot \frac{p_0 V_0}{32} = \frac{p_0 V_0}{12}$$