

Obrázek 1: Konstrukce úlohy

Jako první si musíme uvědomit, že osa vnitřního úhlu a osa vnějšího úhlu při určitém vrcholu jsou si kolmé, protože  $\frac{\alpha}{2}+\frac{180-\alpha}{2}=\frac{180}{2}=90^\circ$ . Z toho víme, že  $BZ\parallel AI\parallel CY$ ,  $AZ\parallel BI\parallel CX$  a  $AY\parallel CI\parallel BX$ , protože tyto výšky jsou také kolmé na osu vnějšího úhlu. Z těchto rovnoběžností tedy nutně platí, že čtyřúhelníky BIAZ, ICYA a XCIB jsou rovnoběžníky, z čehož nutně platí, že |BZ|=|AI|=|CY|, |AZ|=|BI|=|CX| a |AY|=|CI|=|BX|.

Teď už nám zbývá ukázat, že protější úhly v šestiúhelníku AZBXCY jsou stejně velké. Když prodloužíme ramena těchto úhlů, vznikne nám v rovině rovnoběžník, protože protější strany tohoto šestiúhelníku jsou rovnoběžné. A poněvadž tyto protější úhly musí být nutně protější i v tomto rovnoběžníku, musí být protější úhly v tomto šestiúhelníku stejně velké.

S tím vším už umíme najít shodné trojúhelníky  $AZY \cong XCB$ ,  $YAC \cong BXZ$  a  $ZAB \cong CYX$  pomocí věty sus. Z těchto trojúhelníků nutně platí, že |AB| = |XY|, |BC| = |YZ| a |CA| = |ZX|, tedy podle věty sss jsou trojúhelníky ABC a XYZ shodné. Tím je tedy důkaz u konce.