

Víme, že pro vzdálenost předmětovou a , obrazovou a' a ohniskovou f platí vztah:

$$\frac{1}{a} + \frac{1}{a'} = \frac{1}{f}$$

Protože $D = a + a'$ a obrazová vzdálenost a' je vzdálenost čočky od stropu, určíme pozici čočky následovně:

$$\begin{aligned}\frac{1}{D - a'} + \frac{1}{a'} &= \frac{1}{f} \\ f \cdot \frac{a' + D - a'}{a'(D - a')} &= 1 \\ fD &= -a'^2 + Da' \\ a'^2 - Da' + fD &= 0\end{aligned}$$

Řešení této rovnice jsou:

$$a' = \frac{D \pm \sqrt{D(D - 4f)}}{2}$$

U volného pádu víme, že vzdálenost předmětu od stropu při volném pádu v čase t bude:

$$D_p = D + \frac{1}{2}gt^2$$

Při dosazení D_p místo D v rovnici pro a' získáme:

$$a'_p = \frac{D + \frac{1}{2}gt^2 \pm \sqrt{(D + \frac{1}{2}gt^2)(D + \frac{1}{2}gt^2 - 4f)}}{2}$$

A poněvadž když ji necháme padat hodně dlouho tak bude platit, že $\frac{1}{2}gt^2 \gg D$ a $\frac{1}{2}gt^2 \gg f$, tak se výraz výše zjednoduší na:

$$\begin{aligned}a'_p &= \frac{\frac{1}{2}gt^2 \pm \sqrt{(\frac{1}{2}gt^2)(\frac{1}{2}gt^2)}}{2} \\ a'_p &= \frac{\frac{1}{2}gt^2 \pm \frac{1}{2}gt^2}{2} \\ a'_p &\in \left\{ 0, \frac{1}{2}gt^2 \right\}\end{aligned}$$

Tudíž postupem času se bude čočka přibližovat buď ke stropu, nebo k čočce.