

Hvězda je zřejmě přibližně koule, proto střední hodnota hustoty bude:

$$\varrho = \frac{M}{V} = \frac{M}{\frac{4}{3}\pi R^3} = \frac{3M}{4\pi R^3} = 2,74599 \cdot 10^9 \text{ kg} \cdot \text{m}^{-3}$$

Abychom zjistili frekvenci λ_m , pro kterou je spektrální hustota vyzařování maximální, použijeme Wienův posunovací zákon:

$$\lambda_m = \frac{b}{T} = 1,156 \cdot 10^{-7} \text{ m} = 115,6 \text{ nm}$$

Protože známe jenom pokles průměrné teploty hvězdy, předpokládejme, že za tu dobu poklesne povrchová teplota o stejné množství.

Ze Stefanova-Boltzmannova zákona dokážeme zjistit zářivý tok hvězdy a tedy i okamžitou změnu energie při teplotě T :

$$\frac{\Phi}{S} = \frac{-dE}{dt \cdot S} = \sigma T^4$$

Zároveň z definice měrné tepelné kapacity platí:

$$dE = Mc \cdot dT$$

Z toho dostaneme rovnici, kterou vyřešíme:

$$\begin{aligned} -\sigma T^4 S \cdot dt &= Mc \cdot dT \\ -\frac{\sigma S}{Mc} dt &= T^{-4} dT \\ \int_0^\tau -\frac{\sigma S}{Mc} dt &= \int_T^{T-\Delta T} T^{-4} dT \\ -\frac{\sigma S \tau}{Mc} &= -\frac{1}{3}((T - \Delta T)^{-3} - T^{-3}) \\ c &= \frac{3\sigma S \tau}{M((T - \Delta T)^{-3} - T^{-3})} = \frac{12\pi R^2 \sigma \tau}{M((T - \Delta T)^{-3} - T^{-3})} = 5,410653 \cdot 10^{11} \text{ kg}^{-1} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{J} \end{aligned}$$

Při tom, co foton bude opouštět atmosféru, bude změna energie ve vzdálenosti h od hvězdy roven:

$$-dE = G \frac{mM}{(R+h)^2} \cdot dh$$

Protože má foton hybnost, můžeme mu přiřadit ekvivalentní hmotnost podle vzorce $E = mc^2$, podle toho určit, jaká je energie fotonu při opuštění gravitačního pole hvězdy (předpokládáme, že vzdálenost pozorovatele se blíží nekonečnu), a následně výslednou vlnovou délku:

$$\begin{aligned} -dE &= G \frac{\frac{E}{c^2} M}{(R+h)^2} \cdot dh \\ \frac{1}{E} dE &= -\frac{GM}{c^2(R+h)^2} dh \\ \int_{E'}^E \frac{1}{E} dE &= \int_0^{+\infty} -\frac{GM}{c^2(R+h)^2} dh \\ [\ln E]_{E'}^E &= -\frac{GM}{c^2} \cdot \left[\frac{1}{R+h} \right]_0^{+\infty} \\ \ln \frac{E'}{E} &= -\frac{GM}{Rc^2} \\ E' &= E \cdot \exp\left(-\frac{GM}{Rc^2}\right) \\ \frac{hc}{\lambda} &= \frac{hc}{\lambda_0} \cdot \exp\left(-\frac{GM}{Rc^2}\right) \\ \lambda &= \lambda_0 \cdot \exp\left(\frac{GM}{Rc^2}\right) \end{aligned}$$

Teď nám tedy zbývá zjistit relativní změnu vlnové délky:

$$z = \frac{\Delta \lambda}{\lambda} = \frac{\lambda - \lambda_0}{\lambda_0} = \exp\left(\frac{GM}{Rc^2}\right) - 1 = 2,6737 \cdot 10^{-4}$$