

Když výraz ze zadání budeme modulit čtyřmi, dostaneme:

$$x \equiv n^{2a} + m^{2b} + 4^c \equiv (n^a)^2 + (m^b)^2 \pmod{4}$$

Dále si vypíšeme kvadratické zbytky:

$$1^2 \equiv 1 \pmod{4}$$

$$2^2 \equiv 0 \pmod{4}$$

$$3^2 \equiv 1 \pmod{4}$$

$$4^2 \equiv 0 \pmod{4}$$

Ale můžeme si všimnout, že aby šlo to číslo zapsat ve tvaru výše, nemůže pro něj platit $x \equiv 3 \pmod{4}$, protože kvadratické zbytky dosahují hodnoty nejvýše 1. Proto všechny čísla $x \equiv 3 \pmod{4}$ nelze tímto tvarem vyjádřit a těchto čísel je nekonečně mnoho. Q. E. D.