

Pro impedanci vyjádřenou pomocí komplexních čísel platí stejná pravidla pro paralelní a sériové zapojení jako pro odpor, proto:

$$\mathbf{Z} = \frac{\mathbf{Z}_1 \mathbf{Z}_2}{\mathbf{Z}_1 + \mathbf{Z}_2} = \frac{\mathbf{Z}_C (\mathbf{Z}_L + \mathbf{Z}_R)}{\mathbf{Z}_C + \mathbf{Z}_L + \mathbf{Z}_R}$$

Tedy dosadíme impedanci rezistoru, kapacitoru a cívky:

$$\mathbf{Z} = \frac{\frac{1}{j\omega C} (j\omega L + R)}{\frac{1}{j\omega C} + j\omega L + R} = \frac{L - j\frac{R}{\omega}}{RC + j\left(\omega CL - \frac{1}{\omega}\right)} = \frac{\left(L - j\frac{R}{\omega}\right) \left(RC - j\left(\omega CL - \frac{1}{\omega}\right)\right)}{R^2 C^2 + \left(\omega CL - \frac{1}{\omega}\right)^2}$$

Víme, že pokud bude imaginární část nulová, pak dochází k rezonanci, při kladné imaginární části má obvod induktivní vlastnosti a naopak při záporné imaginární části má obvod kapacitní vlastnosti. Induktivní vlastnosti má obvod tehdy, když:

$$\begin{aligned} \operatorname{Im} \left(\left(L - j\frac{R}{\omega} \right) \left(RC - j\left(\omega CL - \frac{1}{\omega} \right) \right) \right) &> 0 \\ -L \left(\omega CL - \frac{1}{\omega} \right) - \frac{R^2 C}{\omega} &> 0 \\ -\omega^2 CL^2 + L - R^2 C &> 0 \\ \omega &< \frac{\sqrt{-R^2 + \frac{C}{L}}}{L} \end{aligned}$$

A tedy obvod má induktivní vlastnosti, když:

$$f < \frac{\sqrt{-R^2 + \frac{C}{L}}}{L}$$

Obvod má kapacitní vlastnosti, když:

$$f > \frac{\sqrt{-R^2 + \frac{C}{L}}}{L}$$

A tedy rezonanční frekvence je:

$$f_0 = \frac{\sqrt{-R^2 + \frac{C}{L}}}{2\pi L}$$

Tedy do \mathbf{Z} dosadíme hodnoty ze zadání a dostaneme:

$$\mathbf{Z} \doteq 553,0715 - 978,5475j$$

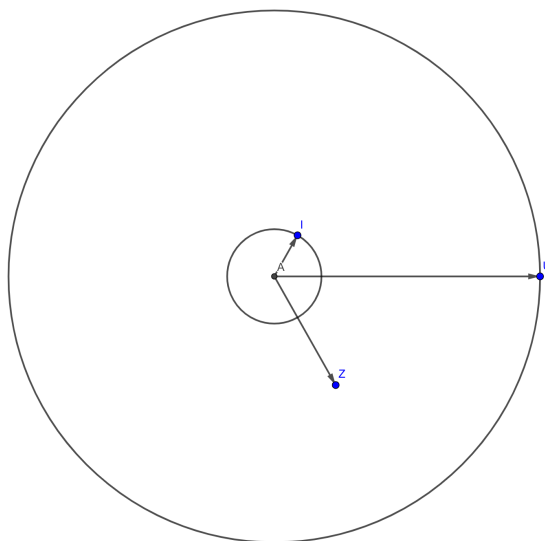
Fázový posun je pak:

$$\varphi = \arg \mathbf{Z} \doteq -1,0564 \text{ rad} = 299,4727^\circ$$

Pokud fázor napětí je $\mathbf{U} = U$, pak fázor proudu je:

$$\mathbf{I} = \frac{\mathbf{U}}{\mathbf{Z}} = 0,00525299 + 0,009294j$$

Tedy fázorový diagram vypadá nějak následovně (velikosti fázorů neodpovídají skutečným hodnotám, protože by se jinak nevešli do grafu):



Obrázek 1: Fázorový diagram

Činný výkon P je pak:

$$P = \operatorname{Re}(\mathbf{U} \cdot \mathbf{I}) = \operatorname{Re}\left(\frac{\mathbf{U}^2}{\mathbf{Z}}\right) = 0,06304 \text{ W}$$