



**INGÉNIEUR SPÉCIALISTE  
MICRO-ÉLECTRONIQUE  
INFORMATIQUE ET NOUVELLE  
TECHNOLOGIE  
ISMIN-2A**

**PROJET PCSN  
SEMESTRE 7**

---

**Modélisation VHDL de l'algorithme de  
chiffrement AES**

---

**Réalisé par :**  
*M. Ismaïl ZERMOUM*

**Encadré par :**  
*M. Olivier POTIN*

Le 1<sup>er</sup> janvier 2021  
Année universitaire 2020/2021

*Le succès vient de la curiosité, de la  
concentration, de la persévérance et de l'autocritique.*

**Albert Einstein**

## Table des matières

<b>1</b>	<b>Introduction</b>	<b>2</b>
1.1	Description de AES . . . . .	2
<b>2</b>	<b>Description de l'AES 128 bits</b>	<b>3</b>
2.1	Fonction SBox . . . . .	3
2.2	Fonction SubBytes . . . . .	3
2.3	Fonction ShiftRow . . . . .	5
2.4	La fonction MixColumns . . . . .	6
2.5	Fonction AddRoundKey . . . . .	7
2.6	Fonction AESRound . . . . .	8
2.7	Fonction KeyExpander . . . . .	9
2.8	Machin à état : KeyExpander_FSM_Moor . . . . .	9
2.9	KeyExpansion_I_O . . . . .	10
2.10	Architecture globale de l'AES . . . . .	11
<b>3</b>	<b>Conclusion</b>	<b>13</b>

## Table des figures

1	Entité SBox . . . . .	3
2	Simulation de SBox . . . . .	3
3	Fonction SubBytes . . . . .	4
4	Simulation de SubBytes . . . . .	4
5	Fonction ShiftRow . . . . .	5
6	Simulation de shiftRow . . . . .	5
7	Fonction MixColumns . . . . .	6
8	Simulation de MixColumns . . . . .	7
9	Fonction AddRoundKey . . . . .	7
10	Simulation de AddRoundKey . . . . .	8
11	Description de AESRound . . . . .	8
12	Simulation de AESRound . . . . .	8
13	Fonctionnement de Key_Expansion . . . . .	9
14	Simulation de Key_Expander . . . . .	10
15	KeyExpander_FSM_Moor . . . . .	10
16	Fonction de KeyExpansion_I_O . . . . .	11
17	Simulation de KeyExpansion_I_O . . . . .	11
18	AES . . . . .	12
19	Simulation du chiffrement pour le message de BOB . . . . .	12
20	Simulation du chiffrement : un exemple du standard . . . . .	13

# 1 Introduction

Dans le cadre de développement technologie des nombreuses communications ce fait en utilisant des supports électronique. La protection des données est ultra essentiel dans n'importe quelle communication, donc on aura besoin de protéger les données contre les attaques malveillantes.

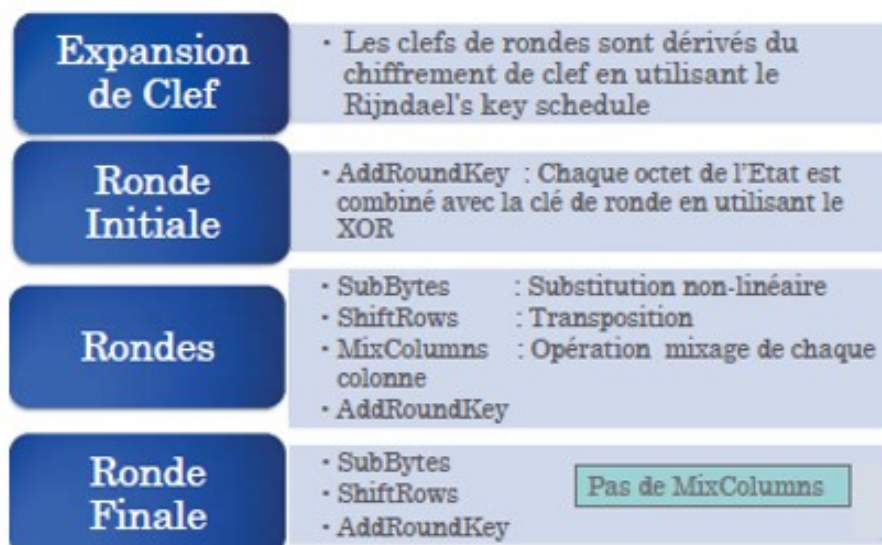
La cryptographie est une science de secret permis de protéger tell canal de communication contre les espionnés, on transforme le message claire a un message chiffré on utilisant l'une des algorithmes le plus fiable dans la cryptographie. Dans ce projet on s'intéresse à la conception de l'algorithme de chiffrement AES-128 à l'aide de langage de description matériel VHDL.

AES est conçu par Rijmen-Daemen en Belgique, contient 128/192/256 bits de clef. 128 bits de données, c'est un chiffrement itératif plutôt que Feistel, il traite les données sous forme de bloc données entier à chaque ronde.

AES conçu pour être :

- Résistant aux attaques connues ;
- Rapide et de code compacte sur différents processeurs ;
- De conception simple.

## 1.1 Description de AES



## 2 Description de l'AES 128 bits

### 2.1 Fonction SBox

Sbox c'est un tableau de substitution de taille 16\*16 byte il est utilisé dans l'algorithme de cryptographie AES (Advanced Encryption Standard). Pour l'implémentation de ce tableau dans le VHDL nous avons utilisé l'approche comportementale basé sur un processus et une structure conditionnelle, multiplexeur que nous permis d'avoir à la sortie la valeur correspondre à chaque paire « xy ».

La boî Sbox il a une entrée Sbox\_i de taille un octet et une sortie Sbox\_o de même taille comme illustrée la figure suivante :

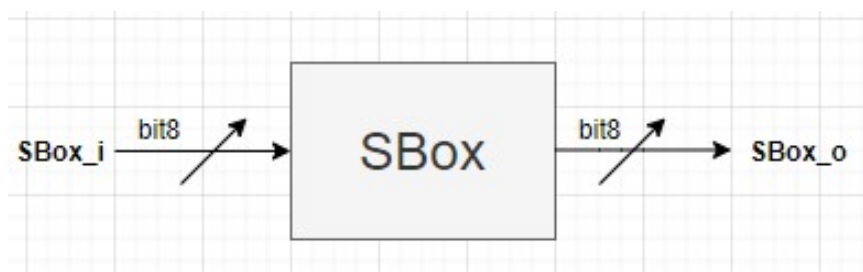


FIGURE 1 – Entité SBox

Après la conception de model Sbox nous avons fait un testbench pour simulé le modèle et vérifier son fonctionnement. Pour cela on a utilisé tous les données du tableau avec un délai entre deux valeurs successives 10 ns (utilisation de fonction wait for 10 ns), les résultats obtenus après la simulation sont illustrée dans le schéma suivant :

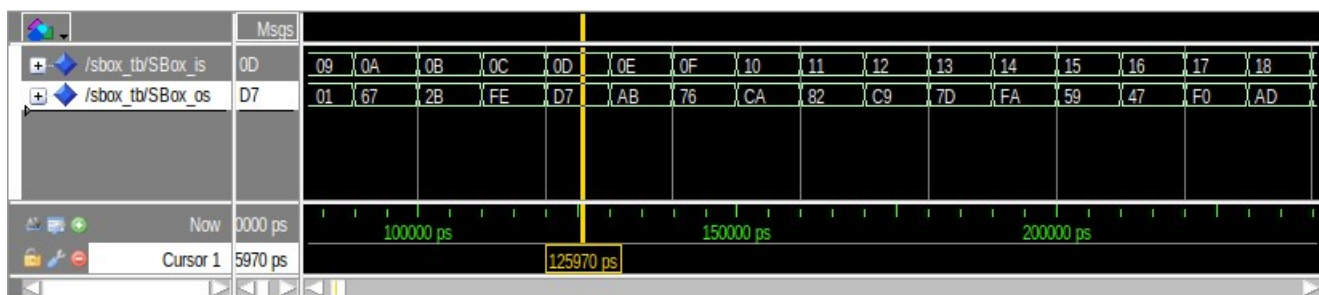


FIGURE 2 – Simulation de SBox

### 2.2 Fonction SubBytes

SubBytes c'est une fonction de substitution non linéaire qui reçoit en entrée un tableau de 4\*4 chaque bloc est de taille 8 bits, elle fait la Sbox de

ce tableau pour nous donne un nouveau tableau de même taille.

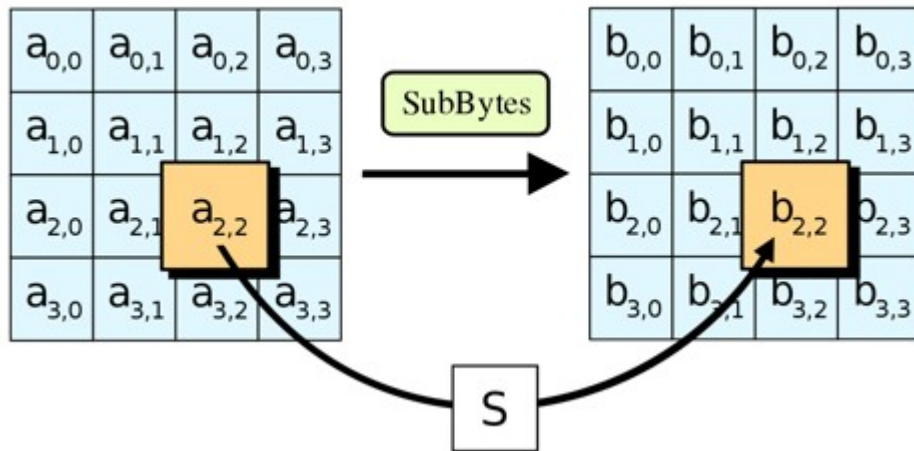


FIGURE 3 – Fonction SubBytes

On peut faire la conception de cette fonction a l'aide de deux boucles for

```

1  -- code vhdl après l'instanciation de SBox
2  G1: for i in 0 to 3 generate
3      G2: for j in 0 to 3 generate
4          Sb: SBox port map (
5              SubBytes_i(i)(j), SubBytes_o(i)(j));
6      end generate G2;
7  end generate G1;

```

Pour la partie simulation on a fait un testbench avec un tableau (4x4) des données voici les résultats obtenu :

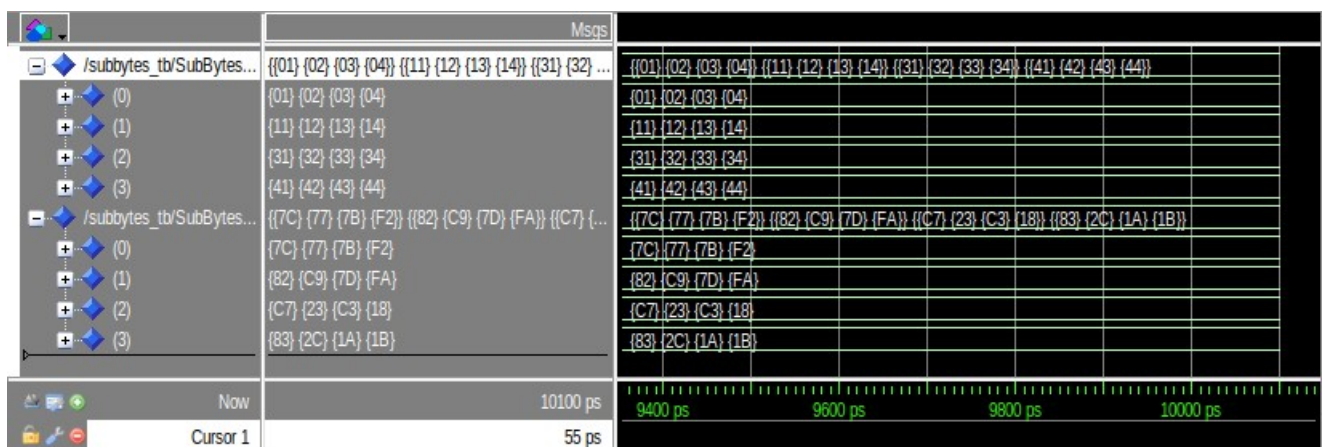


FIGURE 4 – Simulation de SubBytes

## 2.3 Fonction ShiftRow

Le composant shiftRow permet de faire un décalage circulaire gauche des octets des 4 lignes respectivement 0, 1, 2 et 3 octets. La première ligne n'est donc pas décalée. Comme illustré la figure suivante :

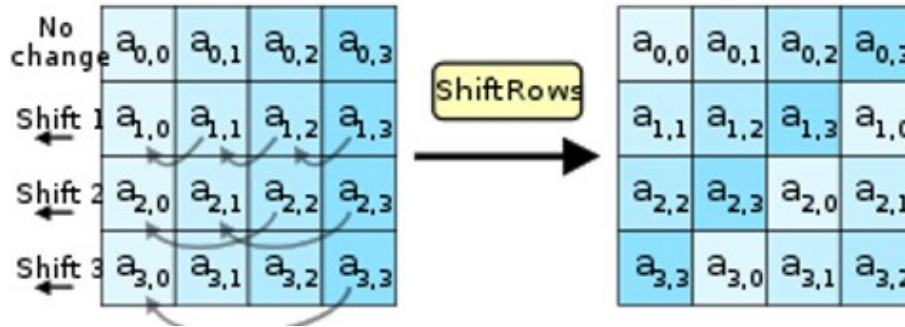


FIGURE 5 – Fonction ShiftRow

Nous pouvons écrire que  $a'(r,c) = a(r,(c+\text{shift}(r,4)) \bmod 4)$  pour  $r$  et  $c$  varie de 0 à 4. Cette fonction en peut l'écrire en VHDL comme suit :

```

1  -- code vhd de fonction shiftRow
2  P: process (shiftrows_i)
3  begin
4      B0: for i in 0 to 3 loop
5          B1: for j in 0 to 3 loop
6              shiftrows_o(i)(j) <= shiftrows_i((i+j) mod 4)(j);
7          end loop B1;
8      end loop B0;
9  end process P;

```

Après la conception de ShiftRow on a fait une testbench pour le testé, le résultats de simulation sont illustré dans la figure suivante :

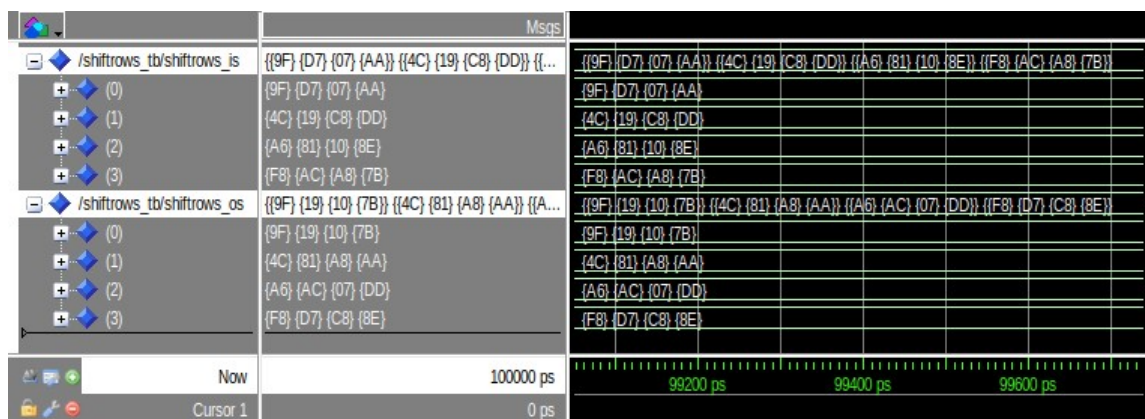


FIGURE 6 – Simulation de shiftRow



## 2.4 La fonction MixColumns

C'est une fonction qui permis de transforme chaque octet d'entrée en une combinaison linéaire d'octets d'entrée (produit matriciel sur  $CG(2^8)$ ).

Dans la description VHDL pour le produit nous avons fait des décalages droit et pour la somme (connu dans les produit matricielle) on a fait des Xor.

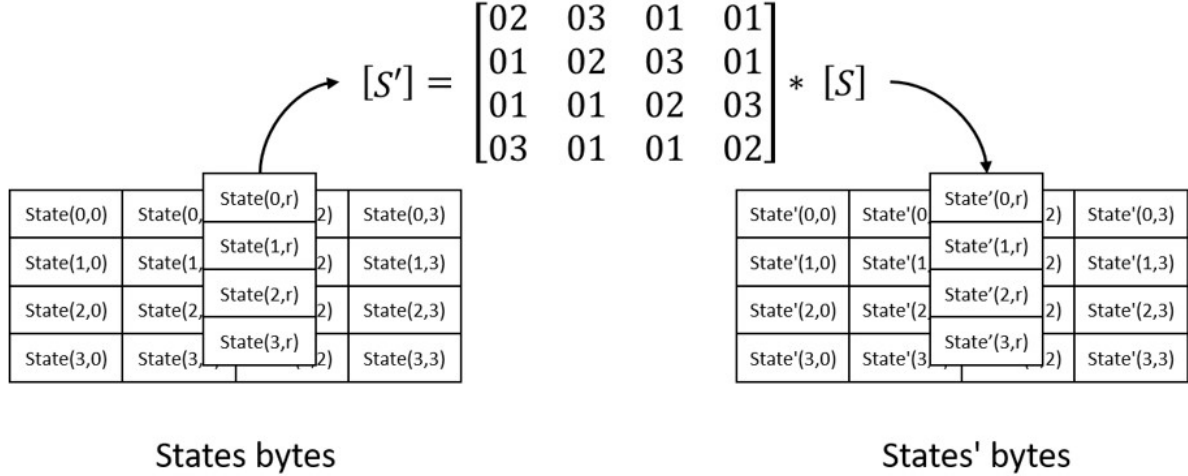


FIGURE 7 – Fonction MixColumns

voici les résultats obtenu de multiplication des deux matrices :

$$\begin{aligned}
 S'_{0,c} &= (\{02\} \bullet S_{0,c}) \oplus (\{03\} \bullet S_{1,c}) \oplus S_{2,c} \oplus S_{3,c} \\
 S'_{1,c} &= S_{0,c} \oplus (\{02\} \bullet S_{1,c}) \oplus (\{03\} \bullet S_{2,c}) \oplus S_{3,c} \\
 S'_{2,c} &= S_{0,c} \oplus S_{1,c} \oplus (\{02\} \bullet S_{2,c}) \oplus (\{03\} \bullet S_{3,c}) \\
 S'_{3,c} &= (\{03\} \bullet S_{0,c}) \oplus S_{1,c} \oplus S_{2,c} \oplus (\{02\} \bullet S_{3,c})
 \end{aligned}$$

la multiplication polynomiale  $(\bullet)$  est définie sur le champ fini  $GF(2^8)$  pour la conception de MixColumns nous avons fait la conception de composant qui fait le produit matricielle dans l'espace CG puis on a fait l'instanciation de composant pour la conception de MixColumns.

La figure suivante montre les résultats de simulation du composant :



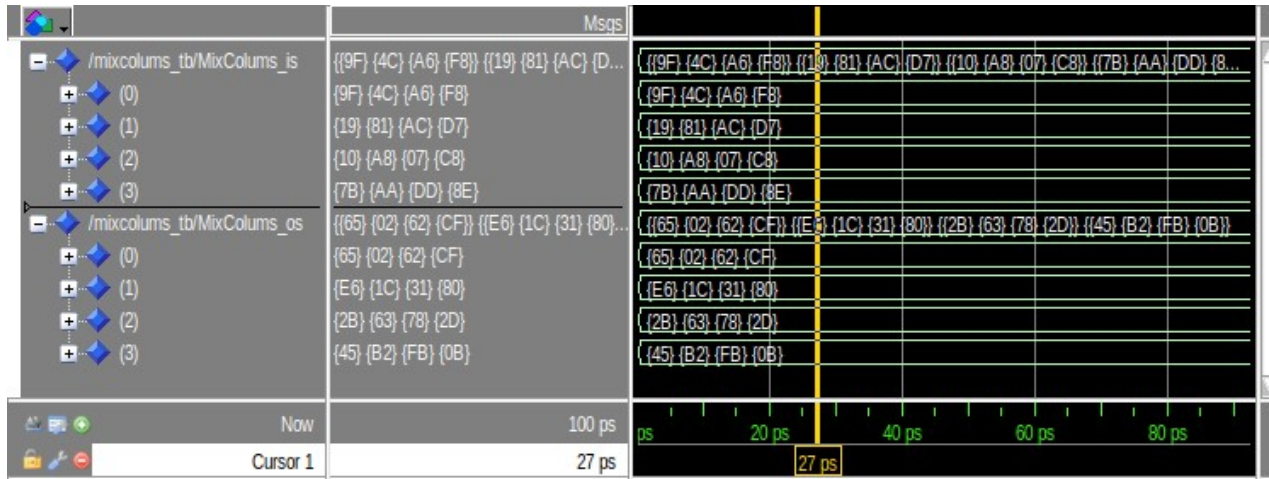


FIGURE 8 – Simulation de MixColumns

## 2.5 Fonction AddRoundKey

La fonction AddRoundKey consiste à addition deux matrices. Xor entre les la matrice d'état et celle de la clé de round.

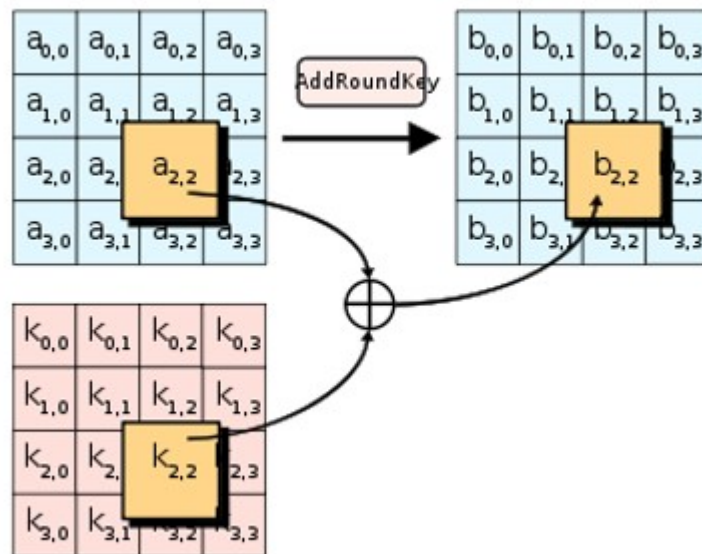


FIGURE 9 – Fonction AddRoundKey

Après la conception de AddRoundKey on a assuré la bonne fonctionnalité de ce dernier a l'aide du simulation comme illustré la figure suivante :

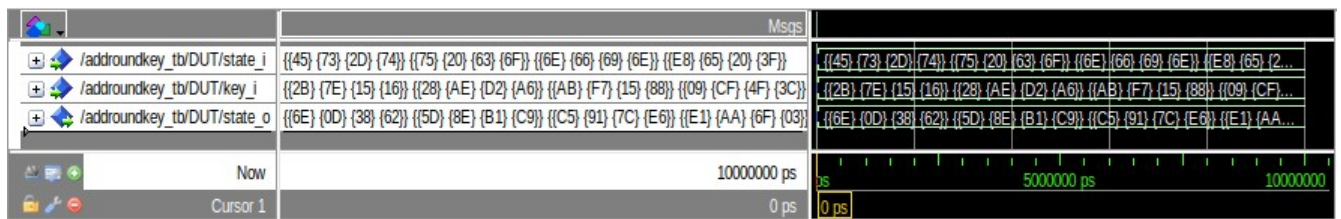


FIGURE 10 – Simulation de AddRoundKey

## 2.6 Fonction AESRound

Le but de AESRound c'est de traiter les rounds de 0 à 10. l'AESRound contient un ensemble des composant (Figure 11) pour faire le chiffrement de chaque round nous avons utilisé les signaux enableMixcolumns\_i et enableRoundComputing\_i pour traiter Round1 et Round 10, et un multiplexeur pour les autres Rounds. à la sortie on a un registre pour la mémorisation de l'état de Round.

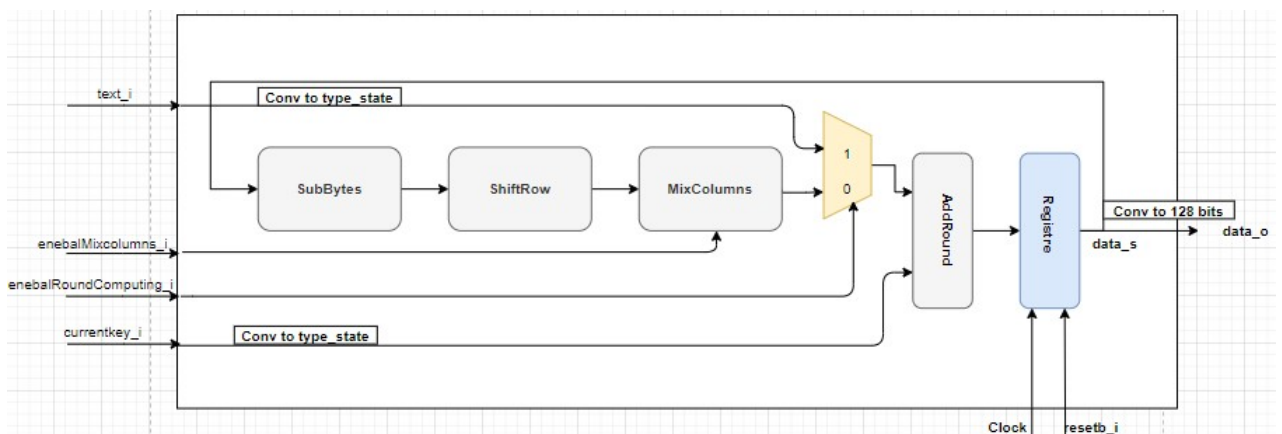


FIGURE 11 – Description de AESRound

Nous avons réalisé un testbench pour assurer le fonctionnement de AESRound, la figure suivante illustre les résultats trouvés après la simulation :

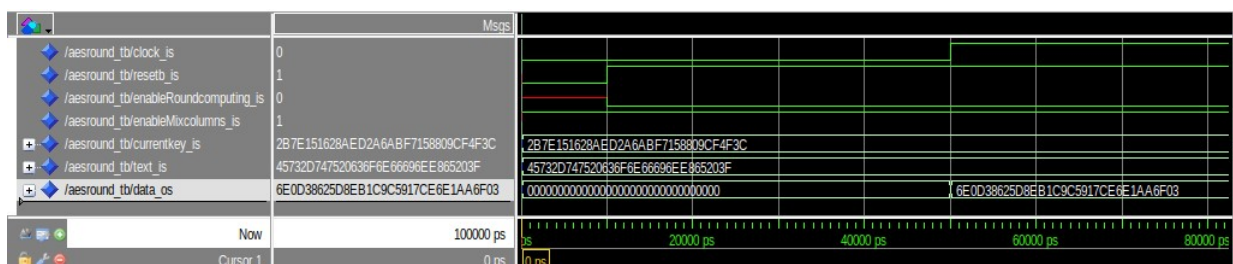


FIGURE 12 – Simulation de AESRound

## 2.7 Fonction KeyExpander

keyExpansion permet de générer les clés à partir de round 1, on prend une clé de 128 bits (16 octets) et la développe en un tableau de 44 mots de 32 bites chacun.

Puis on fait une rotation\_word on effectuant un décalage circulaire à gauche d'un octet sur un mot. et après on applique SubByte\_Word sur les résultats de rotation\_word et on effectuant une substitution d'octets sur chaque octet du mot d'entrée en utilisant la Sbox. Et finalement on fait le XOR avec Rcon (constante du round) comme illustré la figure suivante :

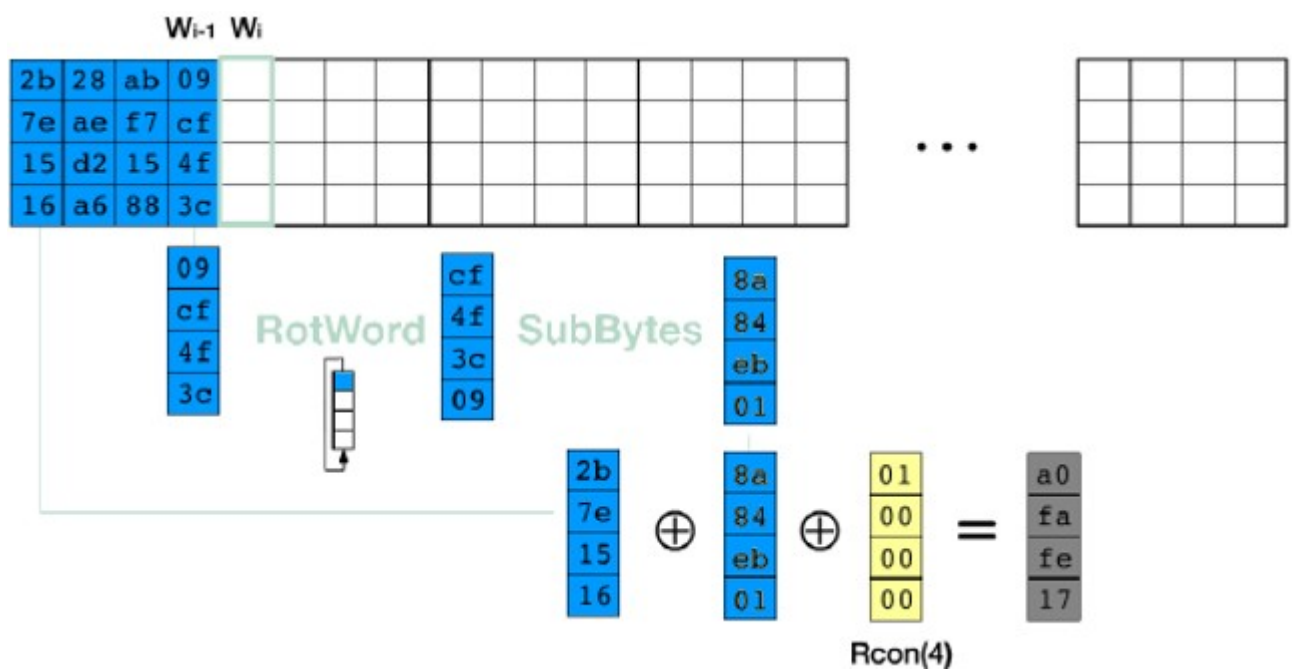


FIGURE 13 – Fonctionnement de Key\_Expansion

Après avoir fini la conception de ce composant on a fait un testbench pour assurer la bonne fonctionnalité de ce dernier, la figure suivante montre les résultats obtenus.

## 2.8 Machin à état : KeyExpander\_FSM\_Moor

KeyExpander\_FSM\_Moor c'est une machine de Moore qui permet de mettre à jour l'état présent, l'état futur et les sorties associées à l'état présent lors des fronts montants de l'horloge. L'état Init correspond au Round 0, l'état Count aux rounds 1 à 9 et l'état done au Round 10 comme le montre la figure suivante :

	Msgs	
/keyexpander_tb/DUT/CurrentKey_i	F2C295F27A96B9435935807A7359F67F	F2C295F27A96B9435935807A7359F67F
/keyexpander_tb/DUT/Rcon_i	04	04
/keyexpander_tb/DUT/keyExpander_o	3D80477D4716FE3E1E237E446D7A883B	3D80477D4716FE3E1E237E446D7A883B
/keyexpander_tb/DUT/Word_i_s	{{F2} {C2} {95} {F2}} {{7A} {96} {B9} {43}} {{59} {35} {80} {7A}} {{73} {59} {F6} {7F}}	{{F2} {C2} {95} {F2}} {{7A} {96} {B9} {43}} {{59} {35} {80} {7A}} {{73} {59} {F6} {7F}}
/keyexpander_tb/DUT/Word_o_s	{{3D} {80} {47} {7D}} {{47} {16} {FE} {3E}} {{1E} {23} {7E} {44}} {{6D} {7A} {88} {3B}}	{{3D} {80} {47} {7D}} {{47} {16} {FE} {3E}} {{1E} {23} {7E} {44}} {{6D} {7A} {88} {3B}}
/keyexpander_tb/DUT/RotWord_s	{59} {F6} {7F} {73}	{59} {F6} {7F} {73}
/keyexpander_tb/DUT/SubBytesWord_s	{CB} {42} {D2} {8F}	{CB} {42} {D2} {8F}
/keyexpander_tb/DUT/rcon_s	{04} {00} {00} {00}	{04} {00} {00} {00}
Now	100000000 ps	99999200 ps
Cursor 1	0 ps	99999600 ps

FIGURE 14 – Simulation de Key\_Expander

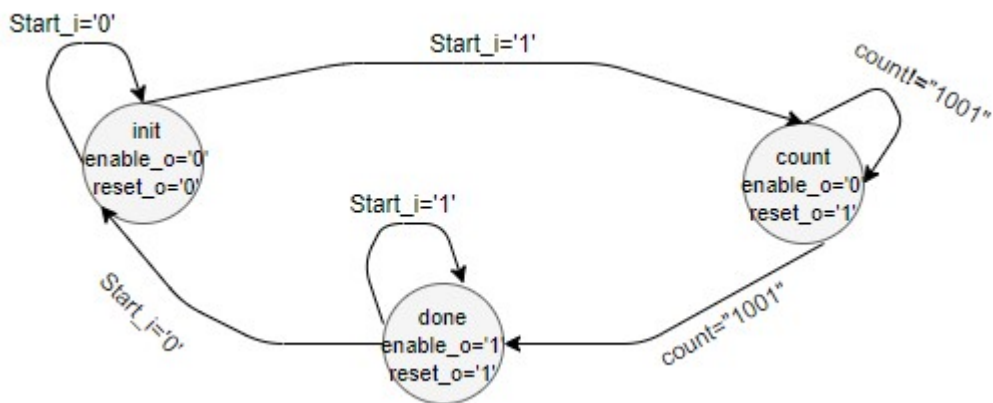


FIGURE 15 – KeyExpander\_FSM\_Moor

## 2.9 KeyExpansion\_I\_O

KeyExpansion\_I\_O c'est un composant qui instancié un compteur qui nous permet de parcourir le tableau Rcon et une machine à état de Moor pour mettre à jours le compteur et un registre pour la mémorisation de clé de round, la figure suivante illustre les différents composants de KeyExpansion\_I\_O.

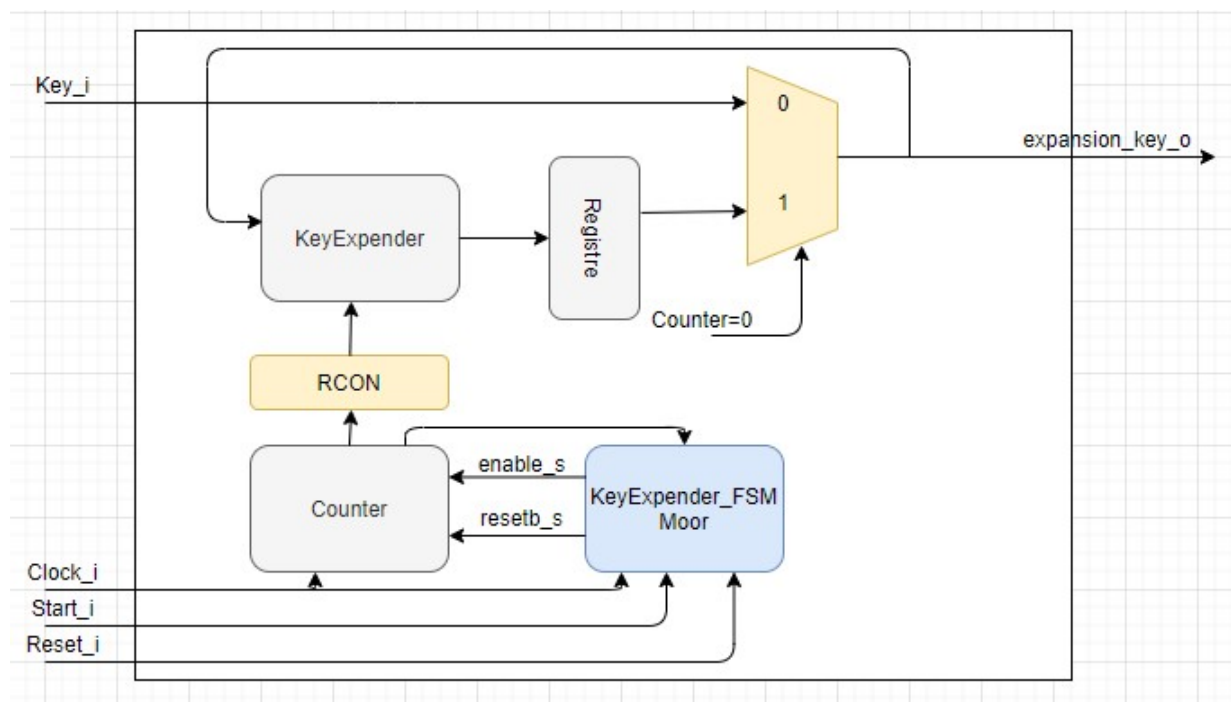


FIGURE 16 – Fonction de KeyExpansion\_I.O

Après la conception nous avons réalisé une testbench pour test la fonctionnalité et on a obtenir des bons résultats comme illustré dans la figure suivant :

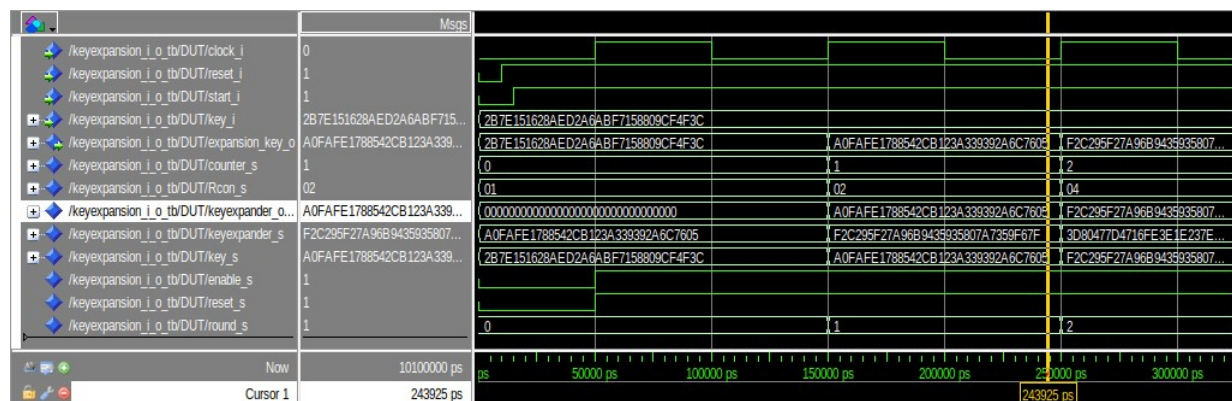


FIGURE 17 – Simulation de KeyExpansion\_I.O

## 2.10 Architecture globale de l'AES

Nous avons préparé tous les composants nécessaire pour l'AES, maintenant on va instancié toute les composants on ajoutant un multiplexeur a la sortie pour ne pas sortir les résultats de chiffrement que a la fin de round 10 comme le montre la figure suivante : On a préparé un testbench pour



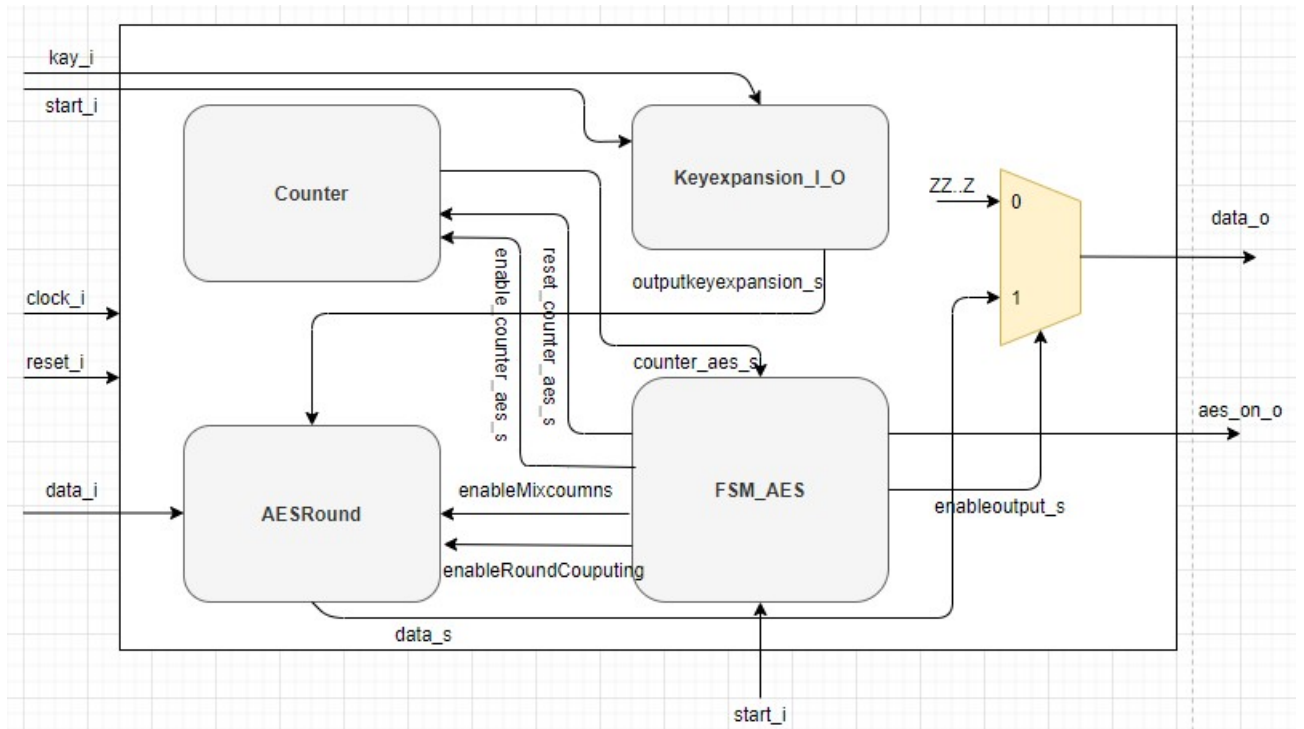


FIGURE 18 – AES

simulé notre composant AES et les résultats montre la bon fonctionnalité de l’algorithme après la comparaison avec les résultats de cours :

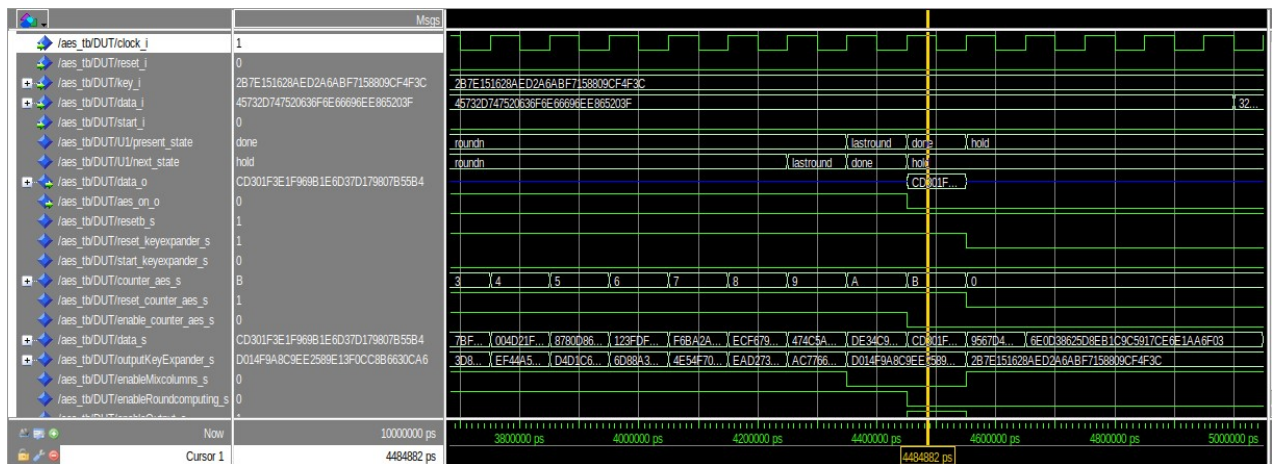


FIGURE 19 – Simulation du chiffrement pour le message de BOB

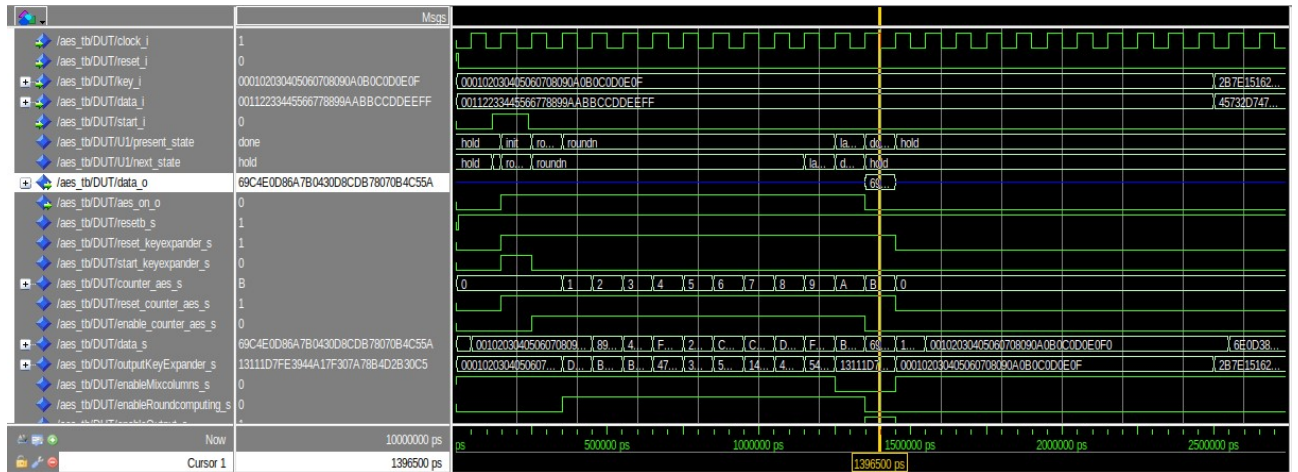


FIGURE 20 – Simulation du chiffrement : un exemple du standard

### 3 Conclusion

J'ai trouvé le projet de conception AES très intéressant, il me permet de bien assimilé le cours de VHDL et toutes les fonctions qui nous avons vu dans le cours, en plus ce projet c'est une application pratique de cours de sécurité des systèmes embarqués, il me permet aussi d'acquérir une méthodologie pratique de réalisation d'un projet avec langage de description matériel on respecte toutes les exigences du client.

Pour les difficultés qui j'ai rencontré durant le projet il y a le respect des règles d'écriture pour adopter une composante à une composante déjà faite, et le produit matriciel dans l'espace GF pour le MixColumns.



## Références

- [1] <http://aescryptography.blogspot.com/2012/04/shiftrows-step.html>. Accessed : 2020-12-15.
- [2] [https://en.wikipedia.org/wiki/Advanced\\_Encryption\\_Standard](https://en.wikipedia.org/wiki/Advanced_Encryption_Standard). Accessed : 2020-12-18.
- [3] CNAM LIMOGES. Introduction aux techniques de chiffrement et de securite. 2003-2004.