

中山大学本科生期末考试

考试科目:《数字电路》(A卷)

警告 《中山大学授予学士学位工作细则》第八条:“考试作弊者,不授予学士学位。”

以下为题试区域,共5道大题,总分100分,考生请在答题纸上作答

一、填空题(共10小题,每空1分,共15分)

- 数字信号的特点是在 时间 上和 幅值 上都是断续变化的,其高电平和低电平常用 1 和 0 来表示。
- 有一数码组10010101,作为自然二进制数时,它相当于十进制数 149,作为8421BCD码时,它相当于十进制数 95。
- 逻辑函数有四种表示方法,它们分别是 逻辑函数真值表、逻辑函数表达式、逻辑图、卡诺图。
- 74LS138是3线-8线译码器,译码为输出低电平有效,若输入为 $A_2A_1A_0 = 110$ 时,其输出 $\bar{Y}_0\bar{Y}_1\bar{Y}_2\bar{Y}_3\bar{Y}_4\bar{Y}_5\bar{Y}_6\bar{Y}_7$ 应为 1011111。
- N 个输入端的二进制译码器,共有 2^N 个输出端。对于每一组输入代码,有 1 个输出端是有效电平。
- 数字系统中常用的各种数字电路,就其组成和逻辑功能可分为 组合逻辑 和 时序逻辑 两大类。

二、选择题(共6小题,每小题2分,共12分)

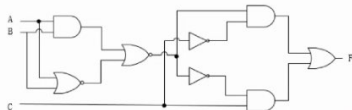
- 表示任意两位十进制数需要 (B) 位二进制数。
A. 6 B. 7 C. 8 D. 9
- 补码1.1000的真值是 (D)。
A. +1.0111 B. -1.0111 C. -0.1001 D. -0.1000
- 下列四种类型的逻辑门中,可以用 (D) 实现三种基本运算。
A. 与门 B. 或门 C. 非门 D. 与非门
- 一个 n 变量的逻辑函数应该有 (C) 个最小项。
A. n B. $2n$ C. 2^n D. n^n
- N 个触发器可以构成能寄存 (C) 位二进制数码的寄存器。
A. $N-1$ B. N C. $N+1$ D. $2N$
- 已知逻辑函数 $Y = AB + \bar{A}C + \bar{B}C$,与其相等的函数为 (C)。
A. AB B. $AB + \bar{A}C$ C. $AB + \bar{B}C$ D. $AB + C$

三、化简题(共3小题,每小题6分,共18分)

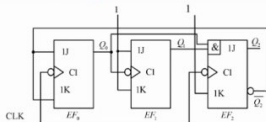
- $F = \bar{A}\bar{B}(C+D) + \bar{B}\bar{C} + \bar{A}\bar{B} + \bar{A}C + BC + \bar{B}\bar{C}D$
- $F = \bar{A}B + \bar{A}\bar{D} + BD + BCE$
- $F = \bar{A}\bar{C} + ABC + \bar{A}C\bar{D} + CD$

四、分析题(共2小题,每小题10分,共20分)

- 已知逻辑电路如下图所示,分析该电路的功能。



- 分析下图所示的异步计数器,要求:(1)写出触发器输入的逻辑表达式;(2)画出次态表和状态图;(3)判断该电路为几进制计数器。



五、设计题(共2小题,第1题15分,第2题20分,共35分)

- 试用与非门设计一个三变量的不一致电路,要求三变量状态不相同时输出为1,求:
 - 列出此逻辑问题的真值表;
 - 写出逻辑函数表达式;
 - 画出用与非门电路实现的电路逻辑图。
- 利用上升沿触发的JK触发器设计一个可变模同步计数器,当控制端 $X=0$ 时为5进制加法计数器; $X=1$ 时为7进制减法计数器。加法计数过程为 $0 \rightarrow 4$,当加法计数计到最大值4时,输出端 $Z=1$;减法计数过程为 $6 \rightarrow 0$,当减法计数计到最小值0时,输出端 $Z=1$ 。要求画出状态转移图(转换表),写出驱动方程、状态方程、输出方程,并检查你设计的系统能否自启动。

先转换成原码，小数点左边为符号位(正数——0；负数——1)，然后转换成反码(即每一位取反)，最后再加1。

eg: $x = -0.11101$ 转换成原码 $x = 1.11101$ ；然后转换反码 $x = 1.00010$ ；最后转换成补码(即+1) $x = 1.00011$ 。

PS：符号位在转换反码的时候不需要取反。

求纯小数的原码、反码、补码

	正数	负数
原码	就是其自身	符号位置1，数值部分不变
反码	就是其自身	符号位置1，数值部分取反
补码	就是其自身	符号位置1，数值部分取反加1
移码	对应补码的符号位直接变反即可	

例：

将32.12转换为二进制数

整数部分：

$$32 \div 2 = 16 \text{ 余 } 0$$

$$16 \div 2 = 8 \text{ 余 } 0$$

$$8 \div 2 = 4 \text{ 余 } 0$$

$$4 \div 2 = 2 \text{ 余 } 0$$

$$2 \div 2 = 1 \text{ 余 } 0$$

$$1 \div 2 = 0 \text{ 余 } 1$$

↑
100000

将余数倒序排列，为10 0000

小数部分：

$$0.12 \times 2 = 0.24 \text{ (个位0)}$$

$$0.24 \times 2 = 0.48 \text{ (个位0)}$$

$$0.48 \times 2 = 0.96 \text{ (个位0)}$$

$$0.96 \times 2 = 1.92 \text{ (后续运算只取小数部分进行，若出现个位数，则对应的二进制位数为1)}$$

$$0.92 \times 2 = 1.84 \text{ (个位1)}$$

$$0.84 \times 2 = 1.68 \text{ (个位1)}$$

$$0.68 \times 2 = 1.36 \text{ (个位1)}$$

000111

接下来可以无限计算下去，取约数，小数部分为0.0001111

所以 $32.12D = 10\ 0000.0001111$

原码

整数X的原码其数符位0表示正，1表示负；其数值部分就是X绝对值的 **二进制** 表示

例如：

[+1]原码=00000001；[-1]原码=10000001

[+127]原码=01111111；[-127]原码=11111111

关于八位二进制，由于第一位是符号位，所以从负到正为11111111~01111111

故原码范围为-127到127，关于为什么01111111表示127，我们知道八位， $2^7=10000000$ ，表示的是128，注意几次方就有几个0

因此对于01111111，加一个就变成了10000000（128），故01111111表示127；

因此原码的取值范围为-127~127

原码中有正0与负0，[+0]原码=00000000；[-0]原码=10000000

反码

整数x的反码对于正数，与原码相同；对于负数，数符位为1，数值位为X的绝对值取反

例如：

[+1]反码=00000001；[-1]反码=11111110

[+127]反码=01111111；[-127]反码=10000000

反码中0也有正0和负0，[+0]反码=00000000；[-0]反码=11111111

因此反码的取值范围也是-127~127

补码

整数X的补码对于正数与反码、原码相同；对于负数，数符位为1，其数值位X的绝对值取反最右加1，也就是反码加一

例如：

[+1]补码=00000001；[-1]补码=11111111

[+127]补码=01111111；[-127]补码=10000001

注意的是，0的补码唯一

即[+0]补码=[-0]补码=00000000

我此刻可以发现，对比原码和反码，我们发现补码中少了一个0的编码，就是10000000（在原码和反码中表示-0）这个编码，

因此在补码中，将这个多出来10000000进行扩充，用它来表示-128

因此补码的取值范围位-128~127

(-0)
↓
10000000

