$$(v^{(ij)})^T \nabla f(x^{(i)}) \le s^{(ij)} + a^{(ij)} (-v^{(ij)})^T \nabla f(x^{(i)}) \le a^{(ij)} - s^{(ij)}. .$$