$d(\sigma, \tau) \le 2n^2 \cdot 2n + |E(Y)| = 4n^3 + |E(Y)|,$