

$$c\phi_{2k}(2n+1) \equiv 0 \pmod{2}.$$