$c\phi_k(pn+r) \equiv 0 \pmod{p}$