

$$\sigma_\lambda^{-1}(\mu) \in (N_{X_L}(v_a^{\ell,\ell+1}) \cup N_{X_L}(v_b^{\ell,\ell+1})) \cap V(X^{\ell+1}),$$