

$$\sigma_s^{-1}(\kappa_a^\ell) \in /1muV(\mathcal{P}_a^\ell) \setminus \{v_a^\ell\},$$