$$\frac{||\mathbf{a}_{k}^{(i)}||}{\sigma_{\max}(A_{k}^{(i)})} \le r \le \frac{||\mathbf{a}_{k}^{(i)}||}{\sigma_{\min}(A_{k}^{(i)})}$$