$L_n \cdot \binom{n}{k} \cdot (n-1)!^k \cdot (n-1)^{n-k} (n-1!)^{n-k} = L_n \cdot \binom{n}{k} \cdot (n-1)^{n-k} \cdot (n-1)!^n$