

$$|\sigma_i^{-1}(\{\mu_1, \mu_2\}) \setminus (V(\mathcal{P}_a^\ell) \cup V(\mathcal{P}_b^\ell))| \leq 1.$$