$$\Phi_k(q) \equiv \frac{(q;q)_\infty}{(q^{k+1};q^{k+1})_\infty} \pmod 2.$$