

$$d_1n_1 + \ldots + d_{r-1}n_{r-1} \equiv n_r - c \pmod{n_r}.$$