$|\sigma_i^{-1}(\{\kappa_a^\ell,\kappa_b^\ell\})\cap ((V(\mathcal{P}_a^\ell)\setminus \{v_a^\ell\})\cup (V(\mathcal{P}_b^\ell)\setminus \{v_b^\ell\}))|=1.$