$$\sigma(V(\mathcal{P}_a^\ell) \cup V(\mathcal{P}_b^\ell) \setminus \{v_a^\ell, v_b^\ell\}) \subseteq V(\mathcal{K}^\ell) \cup \{\kappa_a^\ell, \kappa_b^\ell\}.$$