

$$\Phi_k(q) \equiv \frac{(q; q)_\infty}{(q^{k+1}; q^{k+1})_\infty} \pmod{2}.$$