

$$|\sigma_i^{-1}(\{\kappa_a^\ell, \kappa_b^\ell\}) \cap ((V(\mathcal{P}_a^\ell) \setminus \{v_a^\ell\}) \cup (V(\mathcal{P}_b^\ell) \setminus \{v_b^\ell\}))| = 1.$$