$d_1 n_1 + \dots + d_{r-1} n_{r-1} \equiv n_r - c \pmod{n_r}$