

$$\frac{\|\mathbf{a}^{(i)}\|}{\sigma_{max}(A_k^{(i)})} \leq r \leq \frac{\|\mathbf{a}^{(i)}\|}{\sigma_{min}(A_k^{(i)})}.$$