$2^d > 10(J+3)$  and  $2^d \ge 2^{4J+4}/\varepsilon_6 > 147.3 \cdot 2^{4J-4}/\varepsilon_6$