

$$|\sigma_i^{-1}(V(\mathcal{K}^\ell)) \setminus (V(\mathcal{P}_a^\ell) \cup V(\mathcal{P}_b^\ell))| - |\sigma_{i-1}^{-1}(V(\mathcal{K}^\ell)) \setminus (V(\mathcal{P}_a^\ell) \cup V(\mathcal{P}_b^\ell))| \leq 1.$$