

$$\sigma_{\lambda-2}(-\sigma_{\lambda-1}^{-1}(\kappa_a^\ell)) \notin V(\mathcal{S}_a^\ell) \setminus \{\kappa_a^\ell\}$$