$$\frac{||\mathbf{a}^{(i)}||}{\sigma_{\max}(A_k^{(i)})} \le r \le \frac{||\mathbf{a}^{(i)}||}{\sigma_{\min}(A_k^{(i)})}.$$