$\sigma_{i_j}^{-1}(\{\kappa_a^\ell, \kappa_b^\ell\}) \cap (V(\mathcal{P}_a^\ell) \setminus \{v_a^\ell\}) \neq \emptyset,$