

$$c\phi_p(pn+r)\equiv 0\pmod{p^2}.$$