$$\frac{||\mathbf{a^{(i)}}||}{\sigma_{\max}(A_k^{(i)})} \le r \le \frac{||\mathbf{a^{(i)}}||}{\sigma_{\min}(A_k^{(i)})}.$$