参赛密码 ______(由组委会填写)

第十二届"中关村青联杯"全国研究生 数学建模竞赛

学 校	西南石油大学	
参赛队号	10615017	
	1.王新鑫	
队员姓名	2.刘雨鑫	
	3.陈超	

参赛密码 ______ (由组委会填写)







第十二届"中关村青联杯"全国研究生 数学建模竞赛

本文针对面向节能列车的优化决策问题,首先分析列车动力学原理,然后分别对单列车节能优化问题、多列车节能优化问题、多列车延误运行优化问题建立模型,依次采用迭代搜索算法、遗传算法和蒙特卡洛模拟仿真对模型求解,最终利用 MATLA 编程实现算法,得到了列车固定运行时间的最优速度距离关系、最优发车时间间隔并分析了列车高峰与非高峰时间段,延误运行等情况下的节能列车的优化问题。

针对问题 1: 对于单列车节能优化,仅考虑列车运行耗能情况,属于单目标优化问题。分别建立模型一: 双站间节能优化模型和模型二: 三站间节能优化模型,运用迭代搜索算法,当运行时间为 110s 时,得到列车从 A_6 到 A_7 的最优速度距离曲线及相关曲线数据,全程共耗能 $E_{\min}=3.571\times10^7 J$;当运行时间为 220s 时,同理得到列车从 A_6 到 A_8 的最优速度距离曲线及相关曲线数据,全程共耗能 $E_{\min}=6.682\times10^7 J$ 。

针对问题 2: 对于多列车节能优化,需考虑列车运行耗能和再生能量利用情况,属于双目标优化问题。分别建立基于不同决策变量的模型三和模型四: 多站间节能优化模型和模型五: 高峰与非高峰时段优化模型。运用遗传算法,得到: (1) 全程非高峰时段,所有列车运行总能耗最低的间隔 *H*,速度距离曲线以及相应的列车运行方案: (2) 全程

高峰时段与非高峰时段混合,所有列车运行总能耗最低的间隔H'、速度距离曲线以及相应的列车运行方案。

针对问题 3:对于列车延误运行优化,在问题 2 的基础上,还需考虑全程延误时间最少情况,属于多目标优化问题。建立延误控制优化模型,考虑到延误时间是随机变量,根据问题 2 的统计数据,利用蒙特卡洛模拟仿真,得到延误时的列车运行方案,并对比第二问的运行方案,做了适当调整。

本文特色是根据问题 1 至问题 3 的要求,层层拓展,分别建立的单目标优化模型、双目标优化模型和多目标优化模型,模型的灵活性和可靠性较高;对于 NP 难问题优化模型,采用迭代搜索算法能够较为准确的得到列车运行的最优耗能值及其对应的速度值。

关键词: 动力学原理: 多目标优化: 迭代禁忌搜索: 遗传算法: 蒙特卡洛模拟仿真

1 问题背景及重述

1.1 问题背景

轨道交通系统的能耗是指列车牵引、通风空调、电梯、照明、给排水、弱电等设备产生的能耗。根据统计数据,列车牵引能耗占轨道交通系统总能耗 40%以上。在低碳环保、节能减排日益受到关注的情况下,针对减少列车牵引能耗的列车运行优化控制近年来成为轨道交通领域的重要研究方向。

(1) 列车运行过程

列车在站间运行时会根据线路条件、自身列车特性、前方线路状况计算出一个限制速度。列车运行过程中不允许超过此限制速度。限制速度会周期性更新。在限制速度的约束下列车通常包含四种运行工况:牵引、巡航、惰行和制动。

(2) 列车动力学模型

列车在运行过程中,实际受力状态非常复杂。采用单质点模型是一种常见的简化方法。单质点模型将列车视为单质点,列车运动符合牛顿运动学定律。其受力可分为四类:重力 G 在轨道垂直方向上的分力与受到轨道的托力抵消,列车牵引力 F,列车制动力 B 和列车运行总阻力 W。

(3) 运行时间与运行能耗的关系

当列车在站间运行时,存在着多条速度距离曲线供选择。不同速度距离曲线对应不同的站间运行时间和不同的能耗。列车可以走完相同的距离,但运行时间和能耗并不相同。此外,即便站间运行时间相同时,也存在多条速度距离曲线可供列车选择。

(4) 再生能量利用原理

随着制动技术的进步,目前城市轨道交通普遍采用再生制动。再生制动时,牵引电动机转变为发电机工况,将列车运行的动能转换为电能,发电机产生的制动力使列车减速,此时列车向接触网反馈电能,此部分能量即为再生制动能。

1.2 问题重述

根据列车动力学原理和相关信息,研究以下问题:

- 一、单列车节能运行优化控制问题
- (1)分析单列车两站间的运行情况,建立计算速度距离曲线的数学模型,计算一条列车从 A6 站出发到达 A7 站的最节能运行的速度距离曲线。其中 A6 与 A7 两车站间的运行时间为 110 秒,具体的列车参数和线路参数详见文件"列车参数.xlsx"和"线路参数.xlsx"。
- (2)分析单列车三站间的运行情况,建立新的计算速度距离曲线的数学模型,计算一条列车从 A6 站出发到达 A8 站的最节能运行的速度距离曲线,其中列车在 A7 车站停站 45 秒, A6 站和 A8 站间总运行时间规定为 220 秒 (不包括停站时间),具体的列车参

数和线路参数详见文件"列车参数.xlsx"和"线路参数.xlsx"。

注:问题(1)和(2)中得到的曲线数据按每秒钟一行填写到文件"数据格式.xlsx"中红色表头那几列,并且该文件和论文一并提交。(其中计算公里标(m)是到起点的距离,计算距离(m)是到刚通过的一站的距离)

二、多列车节能运行优化控制问题

(1)分析多列车多站间的运行情况,当 100 列列车以间隔 H={h1,...,h99}从 A1 站出发,追踪运行,依次经过 A2, A3,到达 A14 站,中间在各个车站停站最少 Dmin秒,最多 Dmax 秒。间隔 H 各分量的变化范围是 Hmin 秒至 Hmax 秒。以此建立优化模型并使所有列车运行总能耗最低的间隔 H,从而得到列车发车的控制方案。其中,第一列列车发车时间和最后一列列车的发车时间之间间隔为 T0=63900 秒,且从 A1 站到 A14站的总运行时间不变,均为 2086s(包括停站时间)。假设所有列车处于同一供电区段,各个车站间线路参数详见文件"列车参数.xlsx"和"线路参数.xlsx"。

补充说明:列车追踪运行时,为保证安全,跟踪列车(后车)速度不能超过限制速度 $V_{\rm inst}$,以免后车无法及时制动停车,发生追尾事故。其计算方式可简化如下:

$$V_{limit} = \min (V_{line}, \sqrt{2LB_e})$$

其中 V_{line} 是列车当前位置的线路限速(km/h),L是当前时刻前后车之间的距离(m), B_e 是列车制动的最大减速度(m/s2)

(2) 在上述问题的基础上,继续分析列车高峰时间段和非高峰时间段对发车间隔时间的影响。如果高峰时间(早高峰 7200 秒至 12600 秒,晚高峰 43200 至 50400 秒) 发车间隔不大于 2.5 分钟且不小于 2 分钟,其余时间发车间隔不小于 5 分钟,每天 240 列。结合上题中的列车间隔时间,重新为列车制定高峰时间段和非高峰时间段的运行图和相应的速度距离曲线。

三、列车延误后运行优化控制问题

以上述问题为基础,分析列车延误后运行优化控制问题。若列车i在车站 A_j 延误 DT_j^i (10秒)发车,建立控制模型,找出在确保安全的前提下,首先使所有后续列车尽快恢复正点运行,其次恢复期间耗能最少的列车运行曲线。

假设 DT_j^i 为随机变量,普通延误($0 < DT_j^i < 10$ s)概率为 20%,严重延误($DT_j^i > 10$ s)概率为 10%(超过 120s,接近下一班,不考虑调整),无延误($DT_j^i = 0$)概率为 70%。如果允许列车在各站到达和发车时间与原时间相比提前不能超过 10 秒,根据上述问题的统计数据,对第二间的控制方案进行调整。

2 问题分析

问题 1 分析:问题要求寻找单列列车运行两站间或三站间最节能速度、加速度、公里标和运行距离等序列,从而描绘速度距离曲线。该问题归结为单列车节能优化问题,核心在于建立单列车单目标优化模型,拟采用迭代搜索算法,进而可以计算出列车运行车站间最节能的速度,从而完成速度距离曲线。在建立单列车单目标优化模型前,需要分析建立列车动力学模型,对数据进行预处理,计算站间的距离,坡度变化、限速变化以及曲率变化等。

问题 2 分析: 本问题可以归结为多列车节能优化问题,核心在于建立多列车双目标优化模型。在问题 1 的基础上,增加再生能量利用最大的目标函数,寻找使所有列车运行总耗能最低的时间间隔,针对高峰时期和非高峰时期时段,列车发车间隔时期的约束条件,建立高峰期和非高峰期列车节能优化模型。采用遗传算法,优化列车在车站间的运行时间,得到不分人流量的最优列车运行图,再结合高峰期和非高峰列车发车间隔的变化情况,调整发车时间,重新制定列车运行图。

问题 3 分析:本问题可以归结为多列车协同控制节能优化问题,核心在于建立基于 列车延误后列车运行的多列车多目标优化问题。在问题 2 的基础上,增加所有列车运行 过程中延误时间最少的目标函数,设置延误时间为随机变量,通过上述问题的统计数据, 进行仿真,从而调整问题 2 的控制方案。

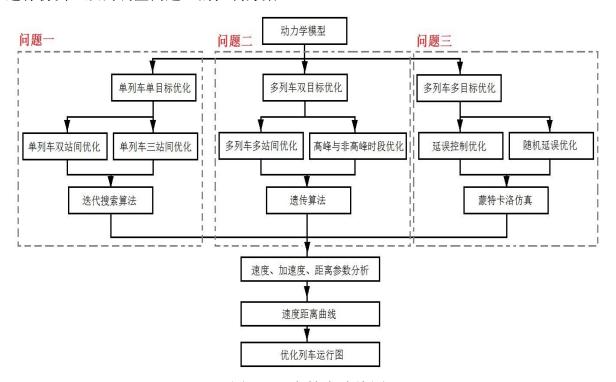


图 1 研究技术路线图

3 符号说明

符号	符号说明
\overline{E}	列车能量消耗(kJ)
F	列车牵引力(kN)
$F_{ m max}$	列车最大牵引力 (kN)
$B_{ m max}$	列车最大制动力(kN)
v_0	列车初速度(km/h)
V_t	列车末速度(km/h)
v	列车速度(km/h)
a	列车加速度(km/h ²)
$V_{ m max}$	列车运行最大速度(km/h)
W	列车运行总阻力(kN)
W_0	列车单位基本阻力系数(N/kN)
W_1	列车单位附加阻力系数(N/kN)
W_{i}	列车单位坡道阻力系数(N/kN)
W_c	列车单位曲线阻力系数(N/kN)
R	曲率半径(km)
S	列车运行距离(km)
T	列车运行时间(s)
T_{j}	列车第 j 站停站时间(s)
h_{i}	第 i 辆列车与第 $i+1$ 辆列车的间隔发车时间(s)
μ	实际输出的牵引力加速度与最大加速百分比
С	综合反映影响曲线阻力的经验常数

4 基本假设

- (1) 假设附件中的数据真实有效;
- (2) 假设所有列车属于同一供电区段;
- (2) 假设列车交通系统是一个能以固定航行速度操纵列车运行的信号系统;
- (3) 假设所有列车在同时同地都采用相同的驾驶状况;
- (4) 根据操作经验将列车各站停驻时间设为定值;
- (5) 忽略不计列车中空调等耗能较小的用电设备消耗能量;
- (6) 不考虑列车会车和越行的情况。

5 模型建立与求解

5.1 列车动力学原理

列车在运行过程中,实际受力状态非常复杂。采用单质点模型,将列车视为单质点,列车运动符合牛顿运动学定律。列车受力可分为四类:重力G在轨道垂直方向上的分力与受到轨道的托力抵消,列车牵引力F,列车制动力B和列车运行总阻力W。根据列车通常包含的四种运行工况:牵引、巡航、惰行和制动,建立四种形式的动力学模型。根据动力学原理,列车的消耗能量关系为:

$$E = \int F(t)v(t)dt \tag{5.1}$$

其中,列车的牵引力F是由动力传动装置产生的、与列车运行方向相同、驱动列车运行并可由司机根据需要调节的外力。牵引力F在不同速度下存在不同的最大值 $F_{\max}=f_F(v)$,列车实际输出牵引力为 $F=\mu F_{\max}$, μ 为实际输出的牵引加速度与最大加速的百分比, F_{\max} 为牵引力最大值。同时,列车的牵引力等于列车运行的总阻力和合外力之和:

$$F = F_{\triangleq} + W$$

其中,合外力的表达式为: $F_{\hat{a}} = m \frac{dv}{dt}$, 列车运行总阻力是指列车与外界相互作用引起与列车运行方向相反、一般是阻碍列车运行的、不能被司机控制的外力。按其形成原因可分为基本阻力和附加阻力。阻力表达式为:

$$W = Mg(w_0 + w_1)/1000$$

式中: w_0 ——单位基本阻力系数 (kN); w_1 ——单位附加阻力系数 (N/kN); M 为列车质量 (kg), g 为重力加速度常数。列车的基本阻力是列车在空旷地段沿平、直轨道运行时所受到的阻力。实际应用中很难用理论公式进行准确计算,通常采用以下经验公式进行计算:

$$w_0 = A + Bv + Cv^2$$

式中: A、B、C 为阻力多项式系数,通常取经验值,v 为列车速度(km/h)。列车由于在附加条件下(通过坡道、曲线、隧道)运行所增加的阻力叫做附加阻力。附加阻力主要考虑坡道附加阻力和曲线附加阻力:

$$W_1 = W_i + W_c$$

列车的坡道附加阻力是列车上下坡时重力在列车运行方向上的一个分力。通常采用如下公式计算: $\mathbf{w}_i = i$ 。其中 \mathbf{w}_i 为单位坡道阻力系数 (N/kN),i 为线路坡度 (‰)。i 为正表示上坡,i 为负表示下坡。列车的曲线阻力主要源自取决于轨道线路的曲率半径,列车在曲线上运行时,轮轨间纵向和横向的滑动摩擦力增加,转向架等各部分摩擦力也有所增加。通常采用如下公式计算:

$$\mathbf{w}_c = c / R$$

其中 \mathbf{w}_c 为单位曲线阻力系数 (N/kN),R为曲率半径 (m); c为综合反映影响曲线阻力许多因素的经验常数,我国轨道交通一般取 600。

制动力B是由制动装置引起的、与列车运行方向相反的、司机可根据需要控制其大小的外力。制动力B存在与制动时列车速度有关的最大值:

$$B_{\text{max}} = f_{B}(v)$$

列车实际输出制动力基于以下公式进行计算

$$B = \mu B_{\text{max}}$$

其中, μ 为实际输出的制动加速度与最大加速的百分比, B_{max} 为制动力最大值。

将四种列车运行工况所消耗的能量带入式子(5.1),得到牵引阶段、巡航阶段、惰性阶段和制动阶段的能量消耗关系。

(1) 牵引阶段

列车加速,发动机处于耗能状态,其牵引力、加速度和耗能关系式如下:

$$F = Mg \left(\frac{dv}{gdt} + \left(A + Bv + Cv^2 + i + \frac{c}{R} \right) / 1000 \right)$$

$$a = g \left(\frac{dv}{gdt} + \left(A + Bv + Cv^2 + i + \frac{c}{R} \right) / 1000 \right)$$

$$E = \int Mg \left(\frac{dv}{gdt} + \left(A + Bv + Cv^2 + i + \frac{c}{R} \right) / 1000 \right) v dt$$

(2) 巡航阶段

列车匀速,列车所受合力为0,其牵引力、加速度和耗能关系式如下:

$$F = Mg\left(A + Bv + Cv^{2} + i + \frac{c}{R}\right) / 1000$$
$$a = g\left(A + Bv + Cv^{2} + i + \frac{c}{R}\right) / 1000$$

$$E = \int \left(Mg \left(A + Bv + Cv^2 + i + \frac{c}{R} \right) / 1000 \right) v dt$$

此时:

$$a = \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = 0$$

(3) 惰行阶段

列车减速,列车所受合力为列车运行的总阻力,列车不需要牵引力,此过程列车发动机不耗能,因此:

$$dE = 0$$

此时有加速度:

$$a = \frac{dv}{dt} = (A + Bv + Cv^2 + i + \frac{c}{R})g/1000$$

(4) 制动阶段

列车减速,列车所受合力即为列车运行的总阻力,列车不需要牵引,此过程列车发动机不耗能。

$$dE = 0$$

此时有加速度:

$$a = \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = \left[\frac{B(v)}{Mg} + \left(A + Bv + Cv^2 + i + \frac{c}{R}\right) / 1000\right]g$$

式中:

B(v)——列车制动力 (N/kN)。

5.2 问题 1 单列车节能优化模型

5.2.1 双站间节能优化模型的建立与求解

(1) 模型建立

根据列车动力学模型和能量转换关系,在指定时间T所消耗的能量为:

$$E(T) = \int_0^T F[v(t)]v(t)dt$$

列车运行距离及速度要求为:

$$S = \int_0^T v(t)dt, v(t) \le V_{\text{max}}$$

列车运行过程中的加速度、牵引力和制动力要求为:

$$|a| \le 1$$
; $F \lceil v(t) \rceil = \mu F_{\text{max}}, \mu \in [0,1]$; $B(v) \le B_{\text{max}}$

列车运行边界条件为:

$$v(0) = v(T) = 0$$

因此,给定列车运行时间和运行距离,**建立单列车双站间节能运行优化控制模型。**

模型一:
$$\min E(T) = \int_0^T F(v) \cdot (v) \cdot t$$

$$\begin{cases} S = \int_0^T v(t) dt \\ F[v(t)] = \mu F_{\text{max}}, \mu \in [0,1] \end{cases}$$

$$S.t. \begin{cases} S = \int_0^T v(t) dt \\ F[v(t)] \le B_{\text{max}} \\ v(t) \le V_{\text{max}} \\ |a(t)| \le a_{\text{max}} \\ v(0) = v(T) = 0 \end{cases}$$

其中,

E(T) 一列车运行时间为T 的耗能

S一列车运行的总距离

T 一列车两站间运行时间

μ一实际输出的牵引加速度与最大加速度的百分比

F[v(t)]—t时刻的牵引力, F_{max} 表示最大牵引力

B[v(t)]—t时刻的制动力, B_{max} 表示最大制动力

v(t) — t 时刻的速度, V_{\max} 表示限速,初始时刻速度 v(0)=0,终止时刻速度 v(T)=0

a(t)-t时刻的加速度, a_{\max} 为正时表示最大加速度, a_{\max} 为负时表示最大减速度

(2) 模型求解

由模型一可知,目标函数是关于列车行驶过程中t时刻速度v(t)及其对应牵引力 F[v(t)]消耗能量的关系。因此,单列车节能优化模型属于非线性优化^[2],很难直接运用软件对模型一求解。查找文献^[1]得知,列车站间运行时间和能耗存在近似的反比关系,列车站间运行时间与能耗变化的趋势影响能耗的减少,并且不同的时间对应唯一相应的耗能最低值。

因此,为了得到耗能最优的速度距离曲线,建立单列车节能优化迭代搜索算法。通过列车运动牵引、巡航、惰性和制动的速度规律,将列车运行过程离散化,划分为l个部分,其速度 $v_i(i=1,2,\cdots,l)$ 与列车位置 $s_i(i=1,2,\cdots,l)$ 一一对应,依据各个时刻都有唯一的耗能最低值原理,以及 μ 与牵引力的关系,离散化加速权重 μ ,在一定的运行时间

T下,不同的 μ 值获取相应的最少能耗值,最终对所有不同加速权重 μ 下的最少能耗值取最小,从而获得最优能耗值E。算法步骤具体如下:

算法 5.1: 列车双站间节能优化迭代搜索算法

Step1: 设置初速度 v_0 、末速度 v_i 和运行时间T

Step2: 离散化加速权重 μ ,将其分为 N 个区间: $\mu = [\mu_1, \mu_2, \cdots, \mu_N] \in (0,1]$

Step 3: $\diamondsuit m = 1$, $\mu = \mu_m$

Step 4: 设置能量损耗常数 E

$$a = (\mu F(v_{i-1}) - w_0(v_{i-1}) - w_1(v_{i-1}))/M$$

$$v_i^2 = v_{i-1}^2 + 2a(s_i - s_{i-1})$$

$$E = E - (F(v_{i-1})(s_i - s_{i-1}))/M$$

Step 6: 若 $v_i < V(s_i)_{\text{max}}$ 且E > 0,返回 Step 5

Step7: 若 E > 0,令 $v_{i+1} = v_i$ 且 $E = E - (w_0(v_i) + w_1(s_i))(s_{i+1} - s_i)$,令 i = i+1,返回 Step6

Step 8: $\Leftrightarrow k = i$, $p_k = v_k$

Step9: 若 $k \le l$, 计算 $p_{k+1}^2 = p_k^2 - 2(s_{k+1} - s_k)(w_0(p_k) + w_1(s_k))$, 令 k = k+1, 返回 Step8

Step 10: $\Leftrightarrow j = l, q_j = v_t$

Step11: 若 j>i, 计算 $q_{j+1}^2=q_j^2+2(s_j-s_{j-1})(\mu B(q_j)+w_0(q_j)+w_1(s_j))$, 令 j=j-1,返回 Step10

Step 12: $\diamondsuit i = i+1$, $v_i = \min\{q_i, p_i\}$, 若 $i \le l$,返回 step11

Step 13: 返回单次最少耗能对应的时间 $t = \sum_{i=1}^{l} \frac{S_{i+1} - S_i}{v_i}$

Step15: 返回最终最少耗能 $E_{\min}=\min(E_1,E_2,\cdots,E_m)$,对应加速权重 μ ,以及相应的速度序列 $\{v_i,0\leq i\leq l\}$

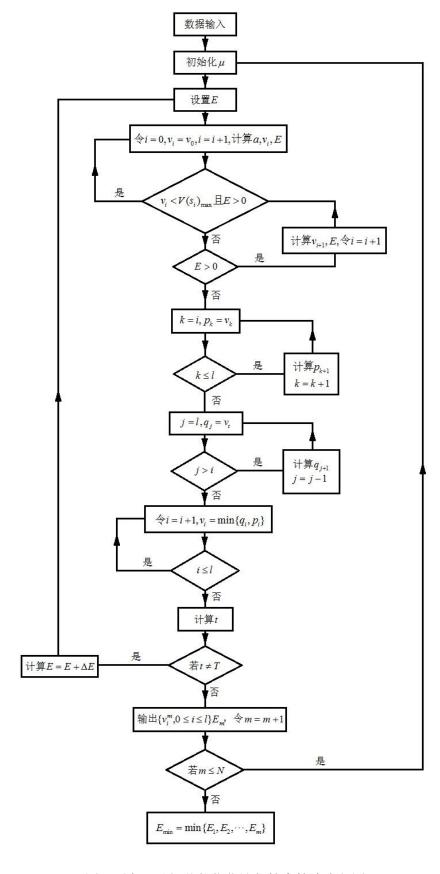


图 2 列车双站间节能优化迭代搜索算法流程图

(3) 模型结果

计算寻找一条列车从 A_6 站出发到达 A_7 站的最节能运行的速度距离曲线,其中要求两车站间的运行时间T=110秒。由附件可知, A_6 到 A_7 的公里标度、坡度、限速和曲率如表 1 所示。

A ₆ - A ₇ (公里标度起止: 13594-12240)								
公里标度	13594-13474	13474-13290	13290-12910	12910-12290	12290-12240			
坡度	0	0	-1.8	3.5	0			
限速	55	80	80	80	80			
曲率	0	0	0	0	0			

表 1 A_6 到 A_7 的公里标度、坡度、限速和曲率参数表

由表可知,列车从 A_6 到 A_7 共行驶 1354m,其行驶路况是平地出站,然后分别平地行驶,下坡和上坡,最后平地入站;全程曲率均为 0,说明没有转向情况。由附件可知,列车的最大牵引力和最大制动力特征表达式如下所示:

最大牵引力(kN)

$$F_{\text{max}} = \begin{cases} 203 & 0 \le v \le 51.5 \, km/h \\ -0.002032v^3 + 0.4928v^2 - 42.13v + 1343 & 51.5 < v \le 80 \, km/h \end{cases}$$

最大制动力(kN)

$$B_{\text{max}} = \begin{cases} 166 & 0 < v \le 77 \, \text{km/h} \\ 0.1343v^2 - 25.07v + 1300 & 77 < v \le 80 \, \text{km/h} \end{cases}$$

其中,v为列车速度(km/h)。对应的最大牵引力和最大制动力的特征曲线如图 3 所示。

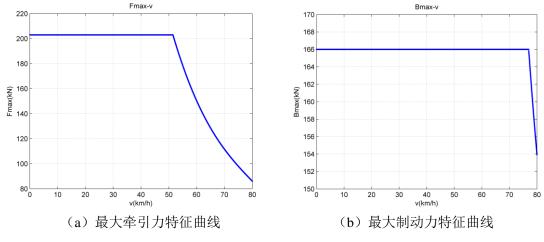


图 3 最大牵引力和最大制动力的特征曲线

图 3 (a) 中可清晰的看出,最大牵引力当速度小于等于51.5km/h时,保持最大牵引力,当 v > 51.5km/h,最大牵引力呈逐渐下降趋势;图 3 (b)中可清晰的看出,最大

制动力当速度小于等于 $77 \, km/h$ 时,保持最大制动力,当 $v > 77 \, km/h$,最大制动力呈快速下降趋势。求解**模型一**所需的其他列车各参数如下表 2 所示:

表 2 列车参数信息表

两站间运行时间 T (秒)	110
列车重量 M (吨)	194.295
列车基本阻力参数 A	2.031
列车基本阻力参数 B	0.0622
列车基本阻力参数 C	0.001807
最大加速度 a_1 (米/秒 2)	1
最大减速度 a_2 (米/秒 2)	1
经验常数 c	600

运用 MATLAB 编程实现算法 5.1,得到最优的速度距离的曲线和速度时间曲线,如图 4 所示。

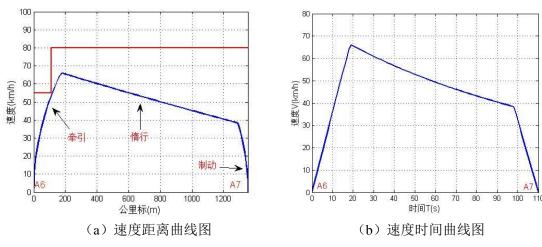


图 4 A_6 到 A_7 的速度距离曲线与速度时间曲线图

由图 4(a)可知,红色曲线表示不同位置的最大限速,蓝色曲线表示不同位置的优化速度。列车从 A_6 到 A_7 的运动状况是先牵引加速,接着惰行,最后制动使其在终点的速度为 0。期间共有 3 个阶段,分别是牵引加速,惰行减速和制动减速,没有巡航阶段,说明该车站间的距离较短。由图 4 (b) 可知,随着时间的变化,列车由静止开始快速加速,然后缓慢减速,最后快速减速直至列车停止。整个过程满足列车牵引、惰行以及制动的速度变化规律。列车站间运行时间和能量消耗关系以及权重 μ 对耗能影响的变化情况如图 5 所示。

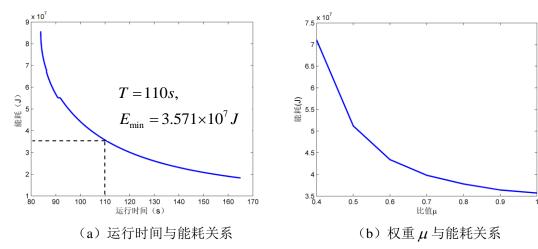


图 3 站间运行时间及权重 μ 与能耗关系变化图

由图 5(a)可知,列车站间运行时间和能耗关系近似为反比关系,当站间运行时间 T=110s,对应的最少耗能 $E_{min}=3.571\times 10^7 J$ 。由图 5(b)可知,随着权重 μ 的增大,能耗呈递减趋势,说明当 $\mu=1$ 时,即牵引加速或制动减速均已达到最大加速度和最大减速度,此时能耗最低。列车在运行时间 T=110s 下,记录以 10s 间隔期相关的曲线参数变化数据如表 2 所示,记录以 1s 间隔期的相关数据详见附录 1s

当前坡度 时 实际速度 实际速度 计算加速 计算距离 计算公里标 计算牵引力 计算牵引功 刻 (cm/s)(km/h)度 (m/s²) (m)(m)(%)(N) 率 (Kw) 0 0.0000 0.0000 1.0000 0.0000 0.0000 0.0000 198162.2088 0.0000 999.9997 10 36.0000 1.0000 50.0000 50.0000 0.0000 206884.9829 2068.8492 20 1818.8880 65.4800 -0.1357198.0880 198.0880 0.0000 0.0000 0.0000 30 1689.9263 60.8373 -0.1225 373.4186 373.4186 1.8000 0.00000.0000 40 1573.1909 56.6349 -0.1112 536,4804 536.4804 1.8000 0.0000 0.0000 50 1466.9538 52.8103 -0.1015 688.4064 688.4064 -3.5000 0.0000 0.0000 1369.7969 49.3127 -0.0930 -3.5000 0.0000 60 830.1735 830.1735 0.0000 70 1280.5464 46.0997 -0.0856 962.6291 962.6291 -3.5000 0.0000 0.0000 1198.2216 -3.5000 80 43.1360 -0.0791 1086.5135 1086.5135 0.0000 0.0000 90 1121.9971 40.3919 1202.4767 -3.5000 -0.9758 1202.4767 0.00000.0000 892.1603 100 32.1178 -0.9121 1309.6006 1309.6006 0.0000 0.0000 0.0000 0.0000 1353.9997 110 0.0000 -0.87431353.9997 0.0000 0.0000 0.0000

表 2 10s 间隔期的相关曲线参数数据(A_6 到 A_7)

5.2.2 三站间节能优化模型的建立与求解

(1) 模型建立

针对三站间的列车行驶,要使列车总耗能最低,那么列车经过的每个站所消耗的能量都是最优的,即

$$\min E_1 = \int_0^{T_1} F[v(t)]v(t)dt$$

$$\min E_2 = \int_{T_1+T_1}^{T_2} F[v(t)]v(t)dt$$

其中, T_1 是列车经过前两站的运行时间, $T_2 - (T_1 + T_b)$ 是列车经过后两站的运行时间,且满足 $T_2 - T_b = T$ 。因此,目标函数为:

$$\min E(T) = \int_0^{T_1} F[v(t)]v(t)dt + \int_{T_1+T_1}^{T_2} F[v(t)]v(t)dt$$

当列车在站台时,列车的速度为0,即边界条件为

$$v(0) = v(T_1) = v(T_1 + T_h) = v(T_2) = 0$$

因此,在模型一的基础上加以修正,给定列车运行总时间T,停站时间 T_b 和运行距离 S,建立单列车三车间节能运行优化控制模型。

模型二
$$\min E(T) = \int_0^{T_1} F[v(t)]v(t)dt + \int_{T_1+T_b}^{T_2} F[v(t)]v(t)dt$$

$$\begin{cases} S = \int_0^{T_1} v(t)dt + \int_{T_1+T_b}^{T_2} v(t)dt \\ F[v(t)] = \mu F_{\max}, \mu \in [0,1] \end{cases}$$

$$T_2 - T_b = T$$

$$S.t. \begin{cases} B[v(t)] \le B_{\max} \\ v(t) \le V_{\max} \\ |a(t)| \le a_{\max} \end{cases}$$

$$v(0) = v(T_1) = v(T_1 + T_b) = v(T_2) = 0$$

其中,

T₁一表示到达中间站的时刻

T,一表示到达末尾站的时刻

T. 一表示停站时间

v(t)一t 时刻的速度, V_{\max} 表示限速,初始时刻速度v(0)=0, $v(T_1+T_b)=0$,终止时刻速度 $v(T_1)=0$, $v(T_2)=0$

其余变量的含义与模型一中相应变量一致。

(2) 模型求解

模型二在模型一的基础上加以推广,因此同样是非线性优化,难以直接运用软件进行求解。根据模型二中变化的约束条件,列车行驶从 A_6 到 A_8 增加了停站时间,以及两站运行总时间一定的要求,在算法 5.1 的基础上,离散化前两站运行时间 T_1 ,根据总运行时间不变的要求,间接得到后两站运行时间为 T_1 一个,通过不同的 T_1 值,获取相应的

最少耗能,最终对所有不同 T_1 的最少能耗值取最小,从而获得最优能耗值E。改进的三站间节能优化迭代搜索算法^[3]具体步骤如下。

算法 5.2: 列车三站间节能优化迭代搜索算法

Step1: 设置初速度 v_0 、末速度 v_i 和运行总时间T

Step2: 离散化前两站运行时间 T_1 ,将其分为L个区间: $T_1 = \left[T_1^1, T_1^2, \dots, T_1^L\right] \in (0,T]$

Step3: $\diamondsuit k = 1$, $T_1 = T_1^k$

Step4: 重复算法 5.1 中的 Step2-Step15,得到最少耗能 E^{T_1}

Step5: 令后两站运行时间为 $T-T_1$

Step6: 重复算法 5.1 中的 Step2-Step15,得到最少耗能 E^{T_2}

Step7: 得到单次最少总耗能 $E_1 = E^{T_1} + E^{T_2}$

Step9: 得到最终最少耗能 $E_{\min} = \min(E_1, E_2, \dots, E_m)$, 对应加速权重 μ , 以及相应的

速度序列 $\{v_i, 0 \le i \le l\}$

(3) 模型结果

计算寻找一条列车从 A_6 站出发到达 A_8 站的最节能运行的速度距离曲线,其中要求列车在 A_7 车站停站时间 T_b =45 秒, A_6 站和 A_8 站的总运行时间 T =220s(不包括停站时间)。由附件可知, A_6 到 A_8 的公里标度、坡度、限速和曲率如表 3 所示。

表 3 A_6 到 A_8 的公里标度、坡度、限速和曲率参数表

A ₆ - A ₈ (公里标度起止: 13594-10960)								
公里标度	13594-13474	13474-13290	13290-12910	12910-12290	12290-12240			
坡度	0	0	-1.8	3.5	0			
限速	55	80	80	80	80			
曲率	0	0	0	0	0			
公里标度	12240-12120	12120-12000	12000-11600	11600-11040	11040-10960			
坡度	0	0	-3	2	0			
限速	55	80	80	80	80			
曲率	0	0	0	0	0			

由表可知,列车从 A_6 到 A_8 共行驶 2634m,其中 A_6 到 A_7 的距离为 1354m, A_7 到 A_8 的 距离为 1280m,其行驶路况是平地出 A_6 站,然后分别平地行驶,下坡和上坡,平地入 A_7 站,再平地出 A_7 站,然后分别平地行驶,下坡和上坡,平地入 A_8 站;全程曲率均为 A_8 的说明没有转向情况。

同样运用 MATLAB 编程实现算法 5.2, 得到最优的速度与距离曲线和速度与时间曲线,如图 6 所示。

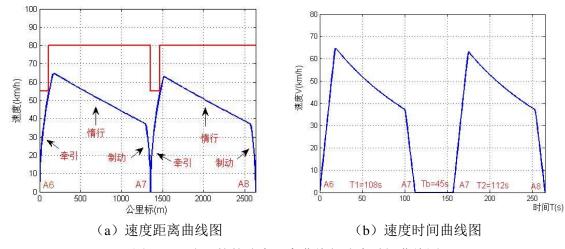


图 $6 A_6$ 到 A_8 的的速度距离曲线与速度时间曲线图

由图 6 (a) 可知,红色曲线依然表示不同位置的最大限速,蓝色曲线表示不同位置的优化速度。列车从 A_6 到 A_7 的运动状况是先牵引,然后惰行,最后制动使其在 A_7 站的速度为 0。从 A_7 到 A_8 的运动状况同样是上述情况。站台间共有 3 个阶段,分别是牵引加速,惰行减速和制动减速,没有巡航阶段,说明 A_6 到 A_8 两两车站间的距离较短。从图 6 (b) 可看出,在总运行时间 T=220s 时,列车从 A_6 到 A_7 的运行时间 $T_1=108s$,列车从 A_7 到 A_8 的运行时间 $T_1=112s$ 。期间有 45s 的停站时间,因此在 108s 至 153s 间,速度为 0 。 A_6 到 A_7 车站间和 A_7 到 A_8 车站间运行时间和消耗关系如图 7 所示。

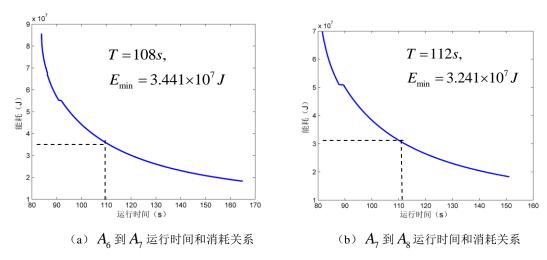


图 7 A_6 到 A_7 车站间和 A_7 到 A_8 车站间运行时间和消耗关系

由图可知,列车在 A_6 到 A_7 车站间和 A_7 到 A_8 车站间运行时间和能耗关系同样近似为反比关系,列车从 A_6 到 A_7 的运行时间 T_1 = 108s 所对应的能量 E_1 = 3.441×10^7 J ,列车从 A_7 到 A_8 的运行时间所对应的能量 E_2 = 3.24×10 J 。 因此,列车从 A_6 到 A_8 的运行时间 T = 220s 所对应的最少耗能 E_{min} = E_1 + E_2 = 6.682×10^7 J 。列车在运行时间 T = 220s ,停站

时间 $T_b = 45s$ 下,记录以 20s 间隔期相关的曲线参数变化数据如表 4 所示,记录以 1s 间隔期的相关数据详见附录 2。

时刻	实际速度 (cm/s)	实际速度 (km/h)	计算加 速度 (m/s ²)	计算距离 (m)	计算公里标 (m)	当前坡 度(‰)	计算牵引力 (N)	计算牵引 功率(Kw)
0	0.0000	0.0000	1.0000	0.0000	0.0000	0.0000	198162.2088	0.0000
20	1782.8011	64.1808	-0.1320	197.4974	197.4974	0.0000	0.0000	0.0000
40	1543.5778	55.5688	-0.1085	529.3532	529.3532	1.8000	0.0000	0.0000
60	1344.9988	48.4200	-0.0909	817.6279	817.6279	-3.5000	0.0000	0.0000
80	1177.1006	42.3756	-0.0775	1069.3916	1069.3916	-3.5000	0.0000	0.0000
100	1032.9227	37.1852	-0.9244	1290.0452	1290.0452	-3.5000	0.0000	0.0000
120	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	1353.9997	0.0000	0.0000	0.0000
140	0.0000	0.0000	0.0000	0.0000	1353.9997	0.0000	0.0000	0.0000
160	299.9989	10.8000	1.0000	4.5000	1358.5000	0.0000	199842.6160	599.5257
180	1689.1442	60.8092	-0.1225	247.4186	1601.4186	3.0000	0.0000	0.0000
200	1466.3060	52.7870	-0.1014	562.2641	1916.2641	3.0000	0.0000	0.0000
220	1279.9998	46.0800	-0.0856	836.3677	2190.3677	-2.0000	0.0000	0.0000
240	1121.5286	40.3750	-0.0734	1076.1140	2430.1140	-2.0000	0.0000	0.0000
260	443.6642	15.9719	-0.8885	1268.8541	2622.8541	0.0000	0.0000	0.0000

表 4 20s 间隔期的相关曲线参数数据(A_6 到 A_8)

5.3 问题 2 多列车节能优化模型

5.3.1 多站间节能优化模型的建立与求解

(1) 模型建立

对于多列车节能运行的优化控制问题,要求寻找使列车数为n的所有列车运行总能耗最低的间隔 $H = \{h_1, h_2, \cdots, h_{n-1}\}$ 。 设第i 辆列车从第j 个站台出发的时刻为 d_i^j ,第i 辆列车达到第j+1个站台的时刻为 a_i^j ,那么第i 辆列车与第i+1 辆列车在起点站台的发车间隔为 $h_i = d_{i+1}^1 - d_i^1$ ($i = 1, 2, \cdots, n-1$)。

设站台数为m,第i列车从第j站到第j+1站的运行时间为 $T_i^j = a_i^{j+1} - d_i^j$ 。为了到达列车节能的目的,首先要求列车经过的所有站台的耗能最低,即

$$\min E_1 = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^{m-1} \int_{d_i^j}^{a_i^{j+1}} F[v(t)] v(t) dt$$
 (5.2)

其中,n表示列车数,m表示站台数。根据再生能量利用原理,当多列车交替运行时,若相邻列车在车站同时分别进行制动和加速时,可以利用列车i+1制动列车产生的能量 E_{reg} ,减少列车i加速从变电站获得的能量。如图 8 所示。

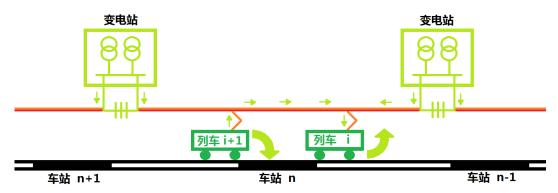


图 8 再生能量利用示意图

此过程中机械能的损失量为:

$$E_{\text{mech}} = \int \left[\frac{B[v(t)]}{Mg} + \left(A + Bv + Cv^2 + i + \frac{c}{R} \right) / 1000 \right] Mgv \, dt$$

式中: E_{mech} ——列车机械能的损失量(J/kJ)。制动过程中为克服基本阻力和附加阻力所做的功为:

$$E_{\rm f} = \int \left(Mg \left(A + Bv + Cv^2 + i + \frac{c}{R} \right) / 1000 \right) v \, dt$$

式中: E_f ——制动过程中为克服基本阻力和附加阻力所做的功(J/kJ)。此过程中产生的再生能量为:

$$E_{\text{reg}} = \int B[v(t)]v \cdot 95\% \, dt$$

式中: E_{reg} ——再生能量(J/kJ)。被利用了的再生能量 E_{used} 可按照以下假设的公式计算

$$E_{used} = \int B[v(t)]v \times 95\% \times t_{i\ overlap}^{j} / t_{i+1break}^{j} dt$$

其中, $t_{i\ overlap}^{j}$ 表示第i+1辆列车制动时间与第i辆列车加速时间在第j站的重叠时间, $t_{i\ break}^{j}$ 表示第i辆列车在第j站的制动时间。即:

$$E_{used} = \int \left(\frac{dv}{gdt} - \left(A + Bv + Cv^2 + i + \frac{c}{R} \right) / 1000 \right) Mgv \times 95\% \times t_{i \ overlap}^{j} / t_{i+1break}^{j} \ dt$$

因此,为了让列车在运行过程中最节能,那么在此期间需产生最多的再生能量,即

$$\max E_2 = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{i=2}^{m-1} E_{i \ used}^j$$
 (5.3)

其中 E_i^j 表示第i辆列车在第j站得到的再生能量。

为了更好地表示重叠时间 $t_{i \text{ overlap}}^{j}$,设 $d_{i}^{(j)+}$ 表示第i辆列车在第j站的加速末端时

刻, ta_i^j 表示第i辆列车从第j站到第j+1站的加速时间,则为 $d_i^{(j)+}=d_i^j+ta_i^j$;

设 $a_i^{(j)-}$ 表示第i辆列车在第j站的制动初始时刻, tb_i^j 表示第i辆列车从第j站到第j+1站的制动时间,则为 $a_i^{(j)-}=a_i^j-tb_i^j$,如图 9 所示。

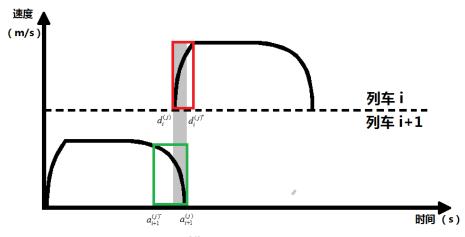


图 9^[4] 相邻列车时刻表

上图中绿色部分是第i+1辆列车制动时间段 $tb_i^j=a_i^j-a_i^{(j)-}$,红色部分是第i辆列车加速时间段 $ta_i^j=d_i^{(j)+}-d_i^j$,灰色部分是第i+1辆列车制动时间与第i辆列车加速时间在第j站的重叠时间段 $t_{i\ overlap}^j$ 满足下列分段形式:

$$t_{i \text{ overlap}}^{j} = \begin{cases} 0, a_{i+1}^{j} < d_{i}^{j} \\ \min(tb_{i+1}^{j}, a_{i+1}^{j} - d_{i}^{j}), a_{i+1}^{(j)-} \le d_{i}^{j} \le a_{i+1}^{j} \le d_{i}^{(j)+} \end{cases}$$

则第i辆列车在第j车站的制动时间 $t_{i\ break}^{j}$ 表示为

$$t_{i\ break}^{j} = a_{i}^{j} - a_{i}^{(j)-}$$

因此, 式子 (5.2) 可写成

$$\max E_{2} = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=2}^{m-1} E_{i \text{ used}}^{j}$$

$$= \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=2}^{m} \int_{a_{i+1}^{(j)-}}^{a_{i+1}^{j}} B[v(t)] v \times 95\% \times t_{i \text{ overlap}}^{j} / t_{i+1 \text{break}}^{j} dt$$
(5.3)

结合式子(5.1)和(5.3),建立双目标优化模型的目标函数:

$$\min E_{1} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m-1} \int_{d_{i}^{j}}^{a_{i}^{j+1}} F[v(t)]v(t)dt$$

$$\max E_{2} = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=2}^{m} \int_{d_{i+1}^{(j)-}}^{a_{i+1}^{j}} B[v(t)]v \times 95\% \times t_{i \ overlap}^{j} / t_{i+1break}^{j} dt$$

设每辆列车从起点站到终点站的总运行公里数为S,则

$$S = \sum_{j=1}^{m-1} \int_{d_j^j}^{d_i^{j+1}} v(t) dt \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$

设第i辆列车在第j个车站的停站时间为 $D_i^j = d_i^j - a_i^j$, 列车在中间各个车站停站最少 D_{\min} 秒,最多 D_{\max} 秒,则

$$D_{\min} \le D_i^j \le D_{\max}$$
, $\exists P D_{\min} \le d_i^j - a_i^j \le D_{\max}$ $(i = 1, 3, \dots, n; j = 2, 3, \dots, m-1)$

设第i辆列车与第i+1辆列车在起点站台的发车间隔为 $h_i = d_{i+1}^1 - d_i^1$,第一辆列车发车时间和最后一辆列车的发车时间间隔为 T_0 ,则

$$\sum_{i=1}^{m-1} h_i = T_0$$
 , $\mbox{IV} \sum_{i=1}^{m-1} d_{i+1}^1 - d_i^1 = T_0$

设n辆列车的间隔为 $H=\left\{h_1,h_2,\cdots,h_{n-1}\right\}$,要求间隔H各分量的变化范围为 H_{\min} 秒至 H_{\max} 秒,则

$$H_{\min} \leq h_i \leq H_{\max}$$
, $| H_{\min} \leq d_{i+1}^1 - d_i^1 \leq H_{\max}$

设每辆列车从起点站到终点站的总运行时间均为T(包括停站时间),则

$$\sum_{j=1}^{m-1} \left(D_i^{\,j} + T_i^{\,j} \right) = T \; , \quad \text{II} \sum_{j=1}^{m-1} \left(d_i^{\,j} - a_i^{\,j} + a_i^{\,j+1} - d_i^{\,j} \right) = \sum_{j=1}^{m-1} \left(a_i^{\,j+1} - a_i^{\,j} \right) = T$$

列车追踪运行时,为保证安全,跟踪列车(后车)速度不能超过限制速度 V_{limit} ,以免后车无法及时制动停车,发生追尾事故。其计算方式为 $V_{\text{limit}} = \min \left(V_{\text{max}}, \sqrt{2LB_e} \right)$,其中, V_{max} 是列车当前位置的线路限速(km/h),L是当前时刻前后车之间的距离(m), B_e 是列车制动的最大减速度(m/s²)。则列车的速度要求为

$$v \le \min\left(V_{\max}, \sqrt{2LB_e}\right)$$

由于列车从站台出发或到达站台的速度均为0。因此,边界条件为

$$v(0) = v(d_i^j) = v(a_i^j) = 0 \ (i = 1, 2, \dots, n)$$

结合模型二的中加速度、牵引力和制动力的约束条件^[5],**建立多列车多站台的节能控制双目标优化模型**。

模型三
$$\min E_1 = \sum_{i=1}^n \sum_{j=2}^{m-1} \int_{d_i^j}^{a_i^{j+1}} F[v(t)]v(t)dt$$

$$\max E_2 = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=2}^m \int_{a_{i+1}^{(j)-}}^{a_{i+1}^j} B[v(t)]v \times 95\% \times t_{i\ overlap}^j / t_{i+1\ break}^j dt$$

$$S = \sum_{j=1}^{m-1} \int_{d_i^j}^{a_i^{j+1}} v(t)dt \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$

$$D_{\min} \leq d_i^j - a_i^j \leq D_{\max} \quad (i = 1, 2, \dots, n; j = 2, 3, \dots, m-1)$$

$$\sum_{i=1}^{m-1} d_{i+1}^1 - d_i^1 = T_0$$

$$H_{\min} \leq d_{i+1}^1 - d_i^1 \leq H_{\max}$$

$$S.t. \begin{cases} \sum_{j=1}^{m-1} (a_i^{j+1} - a_i^j) = T \\ v(t) \leq \min(V_{\max}, \sqrt{2LB_e}) \\ |a(t)| \leq a_{\max} \end{cases}$$

$$F[v(t)] = \mu F_{\max}, \mu \in [0, 1]$$

$$B[v(t)] \leq B_{\max}$$

$$v(0) = v(d_i^j) = v(a_i^j) = 0 \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$

其中,

E. 一列车在运行时间的总耗能

E, 一列车在运行时间中再生能量利用的总能量

T₀一第一列列车发车时间和最后一列列车的发车时间间隔

B. 一列车制动的最大减速度

L-当前时刻前后车之间的距离

 d_i^j 一第i辆列车从第j个站台出发的时刻

 a_i^j 一第i 辆列车达到第j+1个站台的时刻

 $d^{(i)+}$ —第i 辆列车在第i 站的加速终止时刻

 $a^{(j)}$ —第i 辆列车在第i 站的制动初始时刻

 $t_{i,break}^{j}$ 一第i 辆列车在第j 车站的制动时间段

 $t_{i \ overlap}^{j}$ —第i+1 辆列车制动时间与第i 辆列车加速时间在第j 站的重叠时间段

 D_i^j 一第i 辆列车在j 车站的停站时间, D_{\min} 为最小停站时间, D_{\max} 为最大停站时间 h_i 一第i 辆与i+1 辆列车的间隔时间, H_{\min} 为最小间隔时间, H_{\max} 为最大间隔时间

v(t)-t 时刻的速度, V_{max} 表示限速,初始时刻速度v(0)=0, $v\left(d_{i}^{j}\right)=0$,终止时刻

速度 $v(a_i^j)=0$

其余变量的含义与模型一中相应变量一致。

根据问题要求,寻找使所有列车运行总能耗最低的间隔 $H = \{h_1, h_2, \cdots, h_{n-1}\}$ 。因此,将以 h_i 为间接变量的模型三等价转换为以 h_i 为决策变量的**模型四**。

$$\min E_{1} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=2}^{m-1} \int_{0}^{T_{i}^{j}} F[v(t)]v(t)dt$$

$$\max E_{2} = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=2}^{m} \int_{0}^{T_{i+lbreak}^{j}} B[v(t)]v \times 95\% \times t_{i\ overlap}^{j} / t_{i+lbreak}^{j} dt$$

$$\begin{cases} S = \sum_{j=1}^{m-1} \int_{0}^{T_{i}^{j}} v(t)dt & (i = 1, 2, \dots, n) \\ D_{\min} \leq D_{i}^{j} \leq D_{\max} & (i = 1, 2, \dots, n; j = 2, 3, \dots, m-1) \\ \sum_{i=1}^{m-1} h_{i} = T_{0} \\ H_{\min} \leq h_{i} \leq H_{\max} & (i = 1, 2, \dots, n-1) \end{cases}$$

$$s.t. \begin{cases} \sum_{j=1}^{m-1} \left(D_{i}^{j} + T_{i}^{j} \right) = T \\ v(t) \leq \min \left(V_{\max}, \sqrt{2LB_{e}} \right) \\ |a(t)| \leq a_{\max} \\ F[v(t)] = \mu F_{\max}, \mu \in [0, 1] \\ B[v(t)] \leq B(v)_{\max} \\ v(0) = v(T_{i}^{j}) = v(D_{i}^{j} + T_{i}^{j}) = 0 \ (i = 1, 2, \dots, n; j = 2, 3, \dots, m-1) \end{cases}$$

其中,

 T_i^j 一第i辆列车从第j车站到第j+1车站运行的总时间

 h_i 一第i 辆与i+1 辆列车的间隔时间, H_{\min} 为最小间隔时间, H_{\max} 为最大间隔时间 v(t)-t 时刻的速度, V_{\max} 表示限速,初始时刻速度 v(0)=0, $v(D_i^j+T_i^j)=0$,终止时刻速度 $v(T_i^j)=0$

其余变量的含义与模型三中相应变量一致。

(2) 模型求解

对于问题一中的单目标非线性优化模型,尚且不易直接求得最优解,基于模型二的双目标非线性优化模型已经被证明属于 NP 难问题^[8],因此,需要采用启发式算法获取最优解。针对模型三,主要优化对象是列车的发车间隔 $H = \{h_1, h_2, \cdots, h_{n-1}\}$,间接地优化对象有站台间的运行时间 T_i^j ,站台的停歇时间 D_i^j 等。本文采用遗传算法^[6],对变量站台间的运行时间 T_i^j ,站台的停歇时间 D_i^j 进行优化,达到最终优化的列车发车时间间隔 $H = \{h_1, h_2, \cdots, h_{n-1}\}$,使得所有运行列车的总耗能最低。多站间节能优化遗传算法具体步骤如下:

算法 5.3 多站间节能优化遗传算法

Step 1: 初始化操作,设定个体长度 T_i^j , D_i^j , h_i 的种群大小 N

Step 2: 初始化最大遗传代数 MAXGEN,设置参数: 令遗传代数追踪量i=0,交叉概率为 px,变异概率为 pm

Step 3: 计算适应度。以目标函数作为适应度函数,计算每个个体的适应度,确定 个体的优劣

Step 5: 遗传,采用有轮赌盘法,以概率 $p_j = F_j / \sum_{j=1}^N F_j$ 选择偶数个亲代个体并随机配对

Step 6: 交叉,随机交叉亲代每对个体的基因,使之成为两个子代个体,形成新种群

Step 7: 变异,在新种群众随机选择第k个个体,按公式进行对该个体的第j位基因的变异操作。

$$a = \begin{cases} a_{kj} + (a_{kj} - a_{\max}) \times f(i), & r \ge 0.5 \\ a_{kj} + (a_{\min} - a_{kj}) \times f(i), & r < 0.5 \end{cases}$$

其中 a_{\max} 是基因 a_{kj} 的上界, a_{\min} 是基因 a_{kj} 的下界; $f(g) = r_2(1 - g/MAXGEN)^2$, r_2 是一个随机数,r为[0,1]区间的随机数。转 Step3。

(3) 模型结果

针对双目标优化模型四,相关参数信息如表5所示。

表 5 模型四参数信息表

列车数 <i>n</i>	100
车站数 m	14
列车基本阻力参数 A	2.031
列车基本阻力参数 B	0.0622
列车基本阻力参数 C	0.001807
最大加速度(米/秒 ²)	1
最大减速度(米/秒 ²)	1
最小停站时间 D _{min} (秒)	30
最大停站时间 D _{max} (秒)	45
第一列列车和最后一列列车的发车间隔 T_0 (秒)	63900
从起始站到终点站的总运行时间 T (秒)	2086

首先统计 A_1 到 A_{14} 两两站间的距离,坡度,限速及曲率等信息,距离结果如表 6 所示。

站台间	A1-A2	A2-A3	A3-A4	A4-A5	A5-A6	A6-A7	A7-A8
距离 (m)	1334	1286	2086	2265	2338	1354	1280
站台间	A8-A9	A9-A10	A10-A11	A11-A12	A12-A13	A13-A14	
距离 (m)	1538	993	1982	2366	1275	2631	

表 6 A_1 到 A_{14} 两两站间的距离参数

由表可知,站台间的距离并非均匀分布,结合整理的坡度信息,得到 A_1 到 A_{14} 站间的道路情况,如图 10 所示。

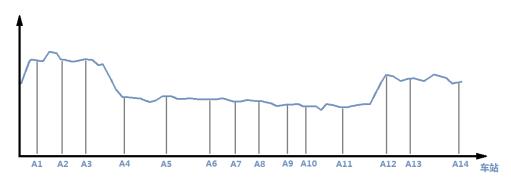
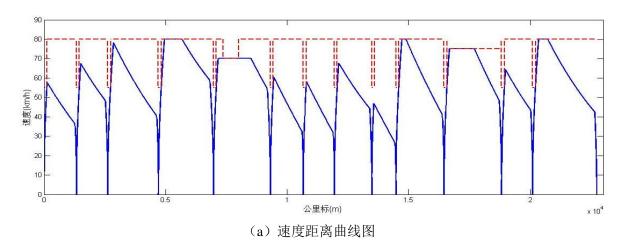
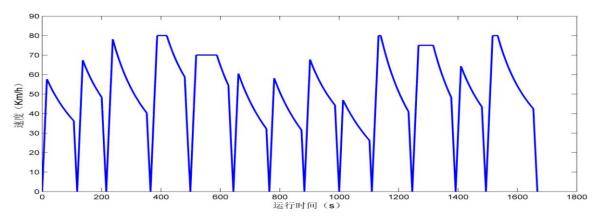


图 10 A_1 到 A_{14} 站间的道路情况

由上图可知,列车从 A_1 到 A_{14} 道路平稳度不一。运用 MATLAB 优化工具箱编程实现算法 5.3,得到单辆列车经过 14 个站的速度距离曲线图和速度时间曲线图,如图 11 所示。





(b) 速度时间曲线图

图 11 单辆列车经过 14 个站的速度距离曲线图和速度时间曲线图

从图 11 中可知,优化后的列车经过每一站,其速度距离图大部分共经历 3 个阶段,即牵引、惰行和制动。只有少数车站间会因为距离较长,坡度较大或曲率较大,会经历 4 个阶段,即牵引、巡航、惰行和制动。进一步得到 100 列列车的发车间隔时间如表 7 所示。

列车 h ₁ h ₂ h ₃ h ₄ h ₅ h ₆ h ₇ h ₈ h ₉ h ₁₀ h ₁₁ 同隔 11.77 9.44 12.24 10.05 8.97 9.81 11.36 11.48 10.58 10.71 11.06 列车 h ₁₂ h ₁₃ h ₁₄ h ₁₅ h ₁₆ h ₁₇ h ₁₈ h ₁₉ h ₂₀ h ₂₁ h ₂₂ 同隔 8.96 9.84 8.59 9.97 11.37 11.14 12.71 10.59 8.27 12.11 11.71 列车 h ₂₃ h ₂₄ h ₂₅ h ₂₆ h ₂₇ h ₂₈ h ₂₉ h ₃₀ h ₃₁ h ₃₂ h ₃₃ 同隔 9.84 10.65 11.20 10.81 11.12 10.31 10.39 10.51 9.63 11.85 10.43 列车 h ₃₄ h ₃₅ h ₃₆ h ₃₇ h ₃₈ h ₃₉ h ₄₀ h ₄₁ h ₄₂ h ₄₃ h ₄₄ 同隔 11.11 9.57 9.35 10.33 10.17 11.62 11.03 10.96 8.98 9.46 10.63 列车 h ₄₅ h ₄₆ h ₄₇ h ₄₈ h ₄₉ h ₅₀ h ₅₁ h ₅₂ h ₅₃ h ₅₄ h ₅₅ 同隔 10.08 11.71 11.76 9.84 11.30 11.82 10.74 12.05 11.49 10.64 11.30 列车 h ₅₆ h ₅₇ h ₅₈ h ₅₉ h ₆₀ h ₆₁ h ₆₂ h ₆₃ h ₆₄ h ₆₅ h ₆₆ 同隔 10.62 10.01 10.78 10.46 10.06 12.19 10.65 13.15 10.13 10.99 12.01 列车 h ₆₇ h ₆₈ h ₆₉ h ₇₀ h ₇₁ h ₇₂ h ₇₃ h ₇₄ h ₇₅ h ₇₆ h ₇₇ 同隔 13.15 10.73 9.63 11.23 9.10 10.15 10.70 11.91 11.86 10.40 11.35 列车 h ₇₈ h ₇₉ h ₈₀ h ₈₁ h ₈₂ h ₈₃ h ₈₄ h ₈₅ h ₈₆ h ₈₇ h ₈₈ 同隔 10.10 11.08 12.34 10.58 10.12 9.92 11.14 11.76 12.55 10.48 10.59 列车 h ₈₉ h ₉₀ h ₉₁ h ₉₂ h ₉₃ h ₉₄ h ₉₅ h ₉₆ h ₉₇ h ₉₈ h ₉₉ 同隔 9.79 12.04 10.35 9.95 12.61 11.23 11.14 9.42 10.86 10.94 9.33				次 / 100 / J/J 中山									
列车 h ₁₂ h ₁₃ h ₁₄ h ₁₅ h ₁₆ h ₁₇ h ₁₈ h ₁₉ h ₂₀ h ₂₁ h ₂₂ nm nm nm nm nm nm nm n	列车	h_1	h_2	h ₃	h_4	h_5	h_6	h ₇	h ₈	h ₉	h ₁₀	h ₁₁	
阿隔 8.96 9.84 8.59 9.97 11.37 11.14 12.71 10.59 8.27 12.11 11.71 11.71 11.75 10.59 11.20 10.81 11.12 10.31 10.39 10.51 9.63 11.85 10.43 11.11 11.71 11.71 11.71 11.71 11.71 11.71 11.71 11.71 11.71 11.71 10.81 11.12 10.31 10.39 10.51 9.63 11.85 10.43 11.85 10.43 11.11 11.71	间隔	11.77	9.44	12.24	10.05	8.97	9.81	11.36	11.48	10.58	10.71	11.06	
列车 h ₂₃ h ₂₄ h ₂₅ h ₂₆ h ₂₇ h ₂₈ h ₂₉ h ₃₀ h ₃₁ h ₃₂ h ₃₃ 间隔 9.84 10.65 11.20 10.81 11.12 10.31 10.39 10.51 9.63 11.85 10.43 列车 h ₃₄ h ₃₅ h ₃₆ h ₃₇ h ₃₈ h ₃₉ h ₄₀ h ₄₁ h ₄₂ h ₄₃ h ₄₄ 间隔 11.11 9.57 9.35 10.33 10.17 11.62 11.03 10.96 8.98 9.46 10.63 列车 h ₄₅ h ₄₆ h ₄₇ h ₄₈ h ₄₉ h ₅₀ h ₅₁ h ₅₂ h ₅₃ h ₅₄ h ₅₅ 间隔 10.08 11.71 11.76 9.84 11.30 11.82 10.74 12.05 11.49 10.64 11.30 列车 h ₅₆ h ₅₇ h ₅₈ h ₅₉ h ₆₀ h ₆₁ h ₆₂ h ₆₃ h ₆₄ h ₆₅ h ₆₆ <t< td=""><td>列车</td><td>h_{12}</td><td>h₁₃</td><td>h_{14}</td><td>h₁₅</td><td>h₁₆</td><td>h₁₇</td><td>h₁₈</td><td>h₁₉</td><td>h_{20}</td><td>h₂₁</td><td>h₂₂</td></t<>	列车	h_{12}	h ₁₃	h_{14}	h ₁₅	h ₁₆	h ₁₇	h ₁₈	h ₁₉	h_{20}	h ₂₁	h ₂₂	
阿隔 9.84 10.65 11.20 10.81 11.12 10.31 10.39 10.51 9.63 11.85 10.43 列车 h ₃₄ h ₃₅ h ₃₆ h ₃₇ h ₃₈ h ₃₉ h ₄₀ h ₄₁ h ₄₂ h ₄₃ h ₄₄ 间隔 11.11 9.57 9.35 10.33 10.17 11.62 11.03 10.96 8.98 9.46 10.63 列车 h ₄₅ h ₄₆ h ₄₇ h ₄₈ h ₄₉ h ₅₀ h ₅₁ h ₅₂ h ₅₃ h ₅₄ h ₅₅ 间隔 10.08 11.71 11.76 9.84 11.30 11.82 10.74 12.05 11.49 10.64 11.30 列车 h ₅₆ h ₅₇ h ₅₈ h ₅₉ h ₆₀ h ₆₁ h ₆₂ h ₆₃ h ₆₄ h ₆₅ h ₆₆ 间隔 10.62 10.01 10.78 10.46 10.06 12.19 10.65 13.15 10.13 10.99 12.01 列车 h ₆₇ h ₆₈ h ₆₉ h ₇₀ h ₇₁ h ₇₂ h ₇₃ h ₇₄ h ₇₅ h ₇₆ h ₇₇ 间隔 13.15 10.73 9.63 11.23 9.10 10.15 10.70 11.91 11.86 10.40 11.35 列车 h ₇₈ h ₇₉ h ₈₀ h ₈₁ h ₈₂ h ₈₃ h ₈₄ h ₈₅ h ₈₆ h ₈₇ h ₈₈ 间隔 10.10 11.08 12.34 10.58 10.12 9.92 11.14 11.76 12.55 10.48 10.59 列车 h ₈₉ h ₉₀ h ₉₁ h ₉₂ h ₉₃ h ₉₄ h ₉₅ h ₉₆ h ₉₇ h ₉₈ h ₉₉	间隔	8.96	9.84	8.59	9.97	11.37	11.14	12.71	10.59	8.27	12.11	11.71	
列车 h ₃₄ h ₃₅ h ₃₆ h ₃₇ h ₃₈ h ₃₉ h ₄₀ h ₄₁ h ₄₂ h ₄₃ h ₄₄ 间隔 11.11 9.57 9.35 10.33 10.17 11.62 11.03 10.96 8.98 9.46 10.63 列车 h ₄₅ h ₄₆ h ₄₇ h ₄₈ h ₄₉ h ₅₀ h ₅₁ h ₅₂ h ₅₃ h ₅₄ h ₅₅ 间隔 10.08 11.71 11.76 9.84 11.30 11.82 10.74 12.05 11.49 10.64 11.30 列车 h ₅₆ h ₅₇ h ₅₈ h ₅₉ h ₆₀ h ₆₁ h ₆₂ h ₆₃ h ₆₄ h ₆₅ h ₆₆ 间隔 10.62 10.01 10.78 10.46 10.06 12.19 10.65 13.15 10.13 10.99 12.01 列车 h ₆₇ h ₆₈ h ₆₉ h ₇₀ h ₇₁ h ₇₂ h ₇₃ h ₇₄ h ₇₅ h ₇₆ h ₇₇	列车	h ₂₃	h ₂₄	h ₂₅	h ₂₆	h ₂₇	h ₂₈	h ₂₉	h ₃₀	h ₃₁	h ₃₂	h ₃₃	
阿隔 11.11 9.57 9.35 10.33 10.17 11.62 11.03 10.96 8.98 9.46 10.63 列车	间隔	9.84	10.65	11.20	10.81	11.12	10.31	10.39	10.51	9.63	11.85	10.43	
列车 h ₄₅ h ₄₆ h ₄₇ h ₄₈ h ₄₉ h ₅₀ h ₅₁ h ₅₂ h ₅₃ h ₅₄ h ₅₅ 间隔 10.08 11.71 11.76 9.84 11.30 11.82 10.74 12.05 11.49 10.64 11.30 列车 h ₅₆ h ₅₇ h ₅₈ h ₅₉ h ₆₀ h ₆₁ h ₆₂ h ₆₃ h ₆₄ h ₆₅ h ₆₆ 间隔 10.62 10.01 10.78 10.46 10.06 12.19 10.65 13.15 10.13 10.99 12.01 列车 h ₆₇ h ₆₈ h ₆₉ h ₇₀ h ₇₁ h ₇₂ h ₇₃ h ₇₄ h ₇₅ h ₇₆ h ₇₇ 间隔 13.15 10.73 9.63 11.23 9.10 10.15 10.70 11.91 11.86 10.40 11.35 列车 h ₇₈ h ₇₉ h ₈₀ h ₈₁ h ₈₂ h ₈₃ h ₈₄ h ₈₅ h ₈₆ h ₈₇ h ₈₈	列车	h ₃₄	h ₃₅	h ₃₆	h ₃₇	h ₃₈	h ₃₉	h ₄₀	h ₄₁	h ₄₂	h ₄₃	h ₄₄	
间隔 10.08 11.71 11.76 9.84 11.30 11.82 10.74 12.05 11.49 10.64 11.30 列车 h ₅₆ h ₅₇ h ₅₈ h ₅₉ h ₆₀ h ₆₁ h ₆₂ h ₆₃ h ₆₃ h ₆₄ h ₆₅ h ₆₆ 间隔 10.62 10.01 10.78 10.46 10.06 12.19 10.65 13.15 10.13 10.99 12.01 列车 h ₆₇ h ₆₈ h ₆₉ h ₇₀ h ₇₁ h ₇₂ h ₇₃ h ₇₄ h ₇₅ h ₇₆ h ₇₇ 间隔 13.15 10.73 9.63 11.23 9.10 10.15 10.70 11.91 11.86 10.40 11.35 列车 h ₇₈ h ₇₉ h ₈₀ h ₈₁ h ₈₂ h ₈₃ h ₈₄ h ₈₅ h ₈₅ h ₈₆ h ₈₇ h ₈₈ 间隔 10.10 11.08 12.34 10.58 10.12 9.92 11.14 11.76 12.55 10.48 10.59 列车 h ₈₉ h ₉₀ h ₉₁ h ₉₂ h ₉₃ h ₉₄ h ₉₅ h ₉₆ h ₉₆ h ₉₇ h ₉₈ h ₉₉	间隔	11.11	9.57	9.35	10.33	10.17	11.62	11.03	10.96	8.98	9.46	10.63	
列车 h ₅₆ h ₅₇ h ₅₈ h ₅₉ h ₆₀ h ₆₁ h ₆₂ h ₆₃ h ₆₄ h ₆₅ h ₆₆ 间隔 10.62 10.01 10.78 10.46 10.06 12.19 10.65 13.15 10.13 10.99 12.01 列车 h ₆₇ h ₆₈ h ₆₉ h ₇₀ h ₇₁ h ₇₂ h ₇₃ h ₇₄ h ₇₅ h ₇₆ h ₇₇ 间隔 13.15 10.73 9.63 11.23 9.10 10.15 10.70 11.91 11.86 10.40 11.35 列车 h ₇₈ h ₇₉ h ₈₀ h ₈₁ h ₈₂ h ₈₃ h ₈₄ h ₈₅ h ₈₆ h ₈₇ h ₈₈ 间隔 10.10 11.08 12.34 10.58 10.12 9.92 11.14 11.76 12.55 10.48 10.59 列车 h ₈₉ h ₉₀ h ₉₁ h ₉₂ h ₉₃ h ₉₄ h ₉₅ h ₉₆ h ₉₇ h ₉₈ h ₉₉ </td <td>列车</td> <td>h₄₅</td> <td>h₄₆</td> <td>h₄₇</td> <td>h₄₈</td> <td>h₄₉</td> <td>h₅₀</td> <td>h₅₁</td> <td>h₅₂</td> <td>h₅₃</td> <td>h₅₄</td> <td>h₅₅</td>	列车	h ₄₅	h ₄₆	h ₄₇	h ₄₈	h ₄₉	h ₅₀	h ₅₁	h ₅₂	h ₅₃	h ₅₄	h ₅₅	
间隔 10.62 10.01 10.78 10.46 10.06 12.19 10.65 13.15 10.13 10.99 12.01 列车 h ₆₇ h ₆₈ h ₆₉ h ₇₀ h ₇₁ h ₇₂ h ₇₃ h ₇₄ h ₇₅ h ₇₆ h ₇₇ 间隔 13.15 10.73 9.63 11.23 9.10 10.15 10.70 11.91 11.86 10.40 11.35 列车 h ₇₈ h ₇₉ h ₈₀ h ₈₁ h ₈₂ h ₈₃ h ₈₄ h ₈₅ h ₈₆ h ₈₇ h ₈₈ 间隔 10.10 11.08 12.34 10.58 10.12 9.92 11.14 11.76 12.55 10.48 10.59 列车 h ₈₉ h ₉₀ h ₉₁ h ₉₂ h ₉₃ h ₉₄ h ₉₅ h ₉₆ h ₉₆ h ₉₇ h ₉₈ h ₉₉	间隔	10.08	11.71	11.76	9.84	11.30	11.82	10.74	12.05	11.49	10.64	11.30	
列车 h ₆₇ h ₆₈ h ₆₉ h ₇₀ h ₇₁ h ₇₂ h ₇₃ h ₇₄ h ₇₅ h ₇₆ h ₇₇ h ₇₇ ill ill ill ill ill ill ill ill ill il	列车	h ₅₆	h ₅₇	h ₅₈	h ₅₉	h ₆₀	h ₆₁	h ₆₂	h ₆₃	h ₆₄	h ₆₅	h ₆₆	
间隔 13.15 10.73 9.63 11.23 9.10 10.15 10.70 11.91 11.86 10.40 11.35 列车 h ₇₈ h ₇₉ h ₈₀ h ₈₁ h ₈₂ h ₈₃ h ₈₄ h ₈₅ h ₈₅ h ₈₆ h ₈₇ h ₈₈ 间隔 10.10 11.08 12.34 10.58 10.12 9.92 11.14 11.76 12.55 10.48 10.59 列车 h ₈₉ h ₉₀ h ₉₁ h ₉₂ h ₉₃ h ₉₄ h ₉₅ h ₉₆ h ₉₇ h ₉₈ h ₉₉	间隔	10.62	10.01	10.78	10.46	10.06	12.19	10.65	13.15	10.13	10.99	12.01	
列车 h ₇₈ h ₇₉ h ₈₀ h ₈₁ h ₈₂ h ₈₃ h ₈₄ h ₈₅ h ₈₆ h ₈₇ h ₈₈ 间隔 10.10 11.08 12.34 10.58 10.12 9.92 11.14 11.76 12.55 10.48 10.59 列车 h ₈₉ h ₉₀ h ₉₁ h ₉₂ h ₉₃ h ₉₄ h ₉₅ h ₉₆ h ₉₇ h ₉₈ h ₉₉	列车	h ₆₇	h ₆₈	h ₆₉	h ₇₀	h ₇₁	h ₇₂	h ₇₃	h ₇₄	h ₇₅	h ₇₆	h ₇₇	
间隔 10.10 11.08 12.34 10.58 10.12 9.92 11.14 11.76 12.55 10.48 10.59 列车 h ₈₉ h ₉₀ h ₉₁ h ₉₂ h ₉₃ h ₉₄ h ₉₅ h ₉₆ h ₉₇ h ₉₈ h ₉₉	间隔	13.15	10.73	9.63	11.23	9.10	10.15	10.70	11.91	11.86	10.40	11.35	
列车 h_{89} h_{90} h_{91} h_{92} h_{93} h_{94} h_{95} h_{96} h_{97} h_{98} h_{99}	列车	h ₇₈	h ₇₉	h_{80}	h_{81}	h ₈₂	h ₈₃	h ₈₄	h ₈₅	h ₈₆	h ₈₇	h ₈₈	
	间隔	10.10	11.08	12.34	10.58	10.12	9.92	11.14	11.76	12.55	10.48	10.59	
间隔 9.79 12.04 10.35 9.95 12.61 11.23 11.14 9.42 10.86 10.94 9.33	列车	h ₈₉	h ₉₀	h ₉₁	h ₉₂	h ₉₃	h ₉₄	h ₉₅	h ₉₆	h ₉₇	h ₉₈	h ₉₉	
	间隔	9.79	12.04	10.35	9.95	12.61	11.23	11.14	9.42	10.86	10.94	9.33	

表 7 100 列列车的发车间隔时间(分)

由表可知,最短发车间隔时间为h=8.27 分,最长发车间隔时间为h=13.15 分,总耗能 $E_{\min}=1.6963\times10^8$ J 。根据每辆列车的发车时间和优化的站台停歇时间 D_i^j 和站台间运行时间 T_i^j ,可得到 100 列列车的发车时间表。此处,列举第 1 辆列车的发车时间及关键时间节点,如表 8 所示。

站台 A1 站 A2 站 A3 站 A4 站 A5 站 A6 站 A7 站 第1辆车到站时刻(s) 0 220 358 545 710 835 979 第1辆车停留时间(s) 30 30 30 30 35 30 30 第1辆车离站时刻(s) 30 250 388 575 745 865 1009 站台 A8 站 A9 站 A10 站 A11 站 A12 站 A13 站 A14 站 第1辆车到站时刻(s) 1112 1246 1440 1620 1790 1927 2086

30

1470

30

1650

35

1825

45

1972

表 8 第 1 辆列车的发车时间及关键时间节点

5.3.2 高峰与非高峰时段优化模型建立与求解

30

1142

30

1276

(1) 模型建立

第1辆车停留时间(s)

第1辆车离站时刻(s)

同样是建立优化模型寻找使所有列车运行总耗能最低的间隔 H,从而制定列车运行图。因此,依然以列车运行节能控制优化和再生能量优化建立双目标优化函数,如下所示。

$$\min E_{1} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=2}^{m-1} \int_{d_{i}^{j}}^{a_{i}^{j+1}} F[v(t)]v(t)dt$$

$$\max E_{2} = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=2}^{m} \int_{a_{i+1}^{(j)-}}^{a_{i+1}^{j}} B[v(t)]v \times 95\% \times t_{i \ overlap}^{j} / t_{i+1break}^{j} dt$$

应市场要求和乘客需求,高峰期和非高峰期的发车间隔有所不同^[9],第i辆列车与第i+1辆列车在起点站台的发车间隔为 $h_i=d_{i+1}^1-d_i^1$ ($i=1,2,\cdots,n-1$)。假设早高峰时间段从 tm_1 至 tm_2 ,晚高峰时间段从 tm_1 至 tm_2 。在n列火车中,设第 l_1 辆列车是进入早高峰段的第一辆列车;第 l_2 辆列车是进入早高峰段的最后一辆列车;第 l_3 辆列车是进入晚高峰段的第一辆列车;第 l_4 辆列车是进入晚高峰段的最后一辆列车,则 l_1,l_2,l_3 和 l_4 满足下列式子:

$$\begin{cases} \sum_{i=1}^{l_1-2} \left(d_{i+1}^1 - d_i^1\right) < tm_1 \le \sum_{i=1}^{l_1-1} \left(d_{i+1}^1 - d_i^1\right) \\ \sum_{i=1}^{l_2-1} \left(d_{i+1}^1 - d_i^1\right) \le tm_2 < \sum_{i=1}^{l_2} \left(d_{i+1}^1 - d_i^1\right) \\ \sum_{i=1}^{l_3-2} \left(d_{i+1}^1 - d_i^1\right) < tm_1 \le \sum_{i=1}^{l_3-1} \left(d_{i+1}^1 - d_i^1\right) \\ \sum_{i=1}^{l_4-1} \left(d_{i+1}^1 - d_i^1\right) \le tm_2 < \sum_{i=1}^{l_4} \left(d_{i+1}^1 - d_i^1\right) \end{cases}$$
 $(i = 1, 2, \dots, n-1)$

设在高峰期时间的发车间隔变化范围是 H^1_{min} 秒至 H^1_{max} 秒,则

$$H^{1}_{\min} \le d^{1}_{i+1} - d^{1}_{i} \le H^{1}_{\max} \left(i = l_{1}, l_{1} + 1, \dots, l_{2}, l_{3}, l_{3} + 1, \dots, l_{4} \right)$$

设在非高峰时间的发车间隔变化范围是 H^2_{min} 秒至 H^2_{max} 秒,则

$$H_{\min}^2 \le d_{i+1}^1 - d_i^1 \le H_{\max}^2 \quad (i = 1, 2, \dots, l_1, l_4, l_4 + 1, \dots, n-1)$$

结合模型四中的约束条件,加以改进,以 h_i 为决策变量,**建立多列车多站台高峰与** 非**高峰时段的节能控制双目标优化模型。**

$$\min E_{1} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=2}^{m-1} \int_{0}^{T_{i}^{j}} F\left[v(t)\right] v(t) dt$$

$$\max E_{2} = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=2}^{m} \int_{0}^{t_{i+break}^{j}} B\left[v(t)\right] v \times 95\% \times t_{i \text{ overlap}}^{j} / t_{i+break}^{j} dt$$

$$S = \sum_{j=1}^{m-1} \int_{0}^{T_{i}^{j}} v(t) dt \quad (i = 1, 2, \dots, n)$$

$$D_{\min} \leq D_{i}^{j} \leq D_{\max} \quad (i = 1, 2, \dots, n; j = 2, 3, \dots, m-1)$$

$$\sum_{i=1}^{m-1} h_{i} = T_{0}$$

$$H^{1}_{\min} \leq h_{i} \leq H^{1}_{\max} \quad (i = l_{1}, l_{1} + 1, \dots, l_{2}, l_{3}, l_{3} + 1, \dots, l_{4})$$

$$H^{2}_{\min} \leq h_{i} \leq H^{2}_{\max} \quad (i = 1, 2, \dots, l_{1}, l_{4}, l_{4} + 1, \dots, n-1)$$

$$s.t. \begin{cases} \sum_{j=1}^{m-1} \left(D_{i}^{j} + T_{i}^{j}\right) = T \\ v(t) \leq \min\left(V_{\max}, \sqrt{2LB_{e}}\right) \\ |a(t)| \leq a_{\max} \end{cases}$$

$$F\left[v(t)\right] = \mu F_{\max}, \mu \in [0, 1]$$

$$B\left[v(t)\right] \leq B_{\max}$$

$$v(0) = v\left(T_{i}^{j}\right) = v\left(D_{i}^{j} + T_{i}^{j}\right) = 0 \quad (i = 1, 2, \dots, n; j = 2, 3, \dots, m-1)$$

其中,

模型五

 h_i 一第i 辆与第i+1 辆列车的间隔时间, H^1_{\min} 为早高峰最小间隔时间, H^1_{\max} 为早高峰最大间隔时间, H^2_{\min} 为晚高峰最小间隔时间, H^2_{\max} 为晚高峰最大间隔时间

1,一表示第1,辆列车是进入早高峰段的第一辆列车

l,一表示第l,辆列车是进入早高峰段的最后一辆列车

l, 一表示第l, 辆列车是进入晚高峰段的第一辆列车

l₄一表示第l₄辆列车是进入晚高峰段的最后一辆列车

其余变量的含义与模型四中相应变量一致。

(2) 模型求解

在模型四的基础上,同样采用启发式算法获取最优解。针对模型五,主要是根据高

峰时间段与非高峰时间段,对列车的发车间隔 $H = \{h_1, h_2, \cdots, h_{n-1}\}$ 进行优化,间接地优化对象有站台间的运行时间 T_i^j ,站台的停歇时间 D_i^j 等。模型五继续采用遗传算法,首先对四个参数 l_1 至 l_4 进行离散优化,然后再对变量站台间的运行时间 T_i^j ,站台的停歇时间 D_i^j 进行优化,达到最终优化的列车发车时间间隔 $H = \{h_1, h_2, \cdots, h_{n-1}\}$,使得所有运行列车的总耗能最低。高峰时段与非高峰时段优化遗传算法[12]具体步骤如下:

算法 5.4 高峰时段与非高峰时段优化遗传算法

Step 1: 初始化操作,设定个体长度 T_i^j , D_i^j , h_i 的种群大小 N

Step 2: 离散化参数 l_1 、 l_2 、 l_3 和 l_4 ,将其分为L个区间

Step 3: $\diamondsuit k = 1$, $l_1 = l_1^k$

Step 4: 重复算法 5.3 中的 Step2-Step7, 得到最少耗能 $E_1^{l_1}$

Step 5: $\diamondsuit k = k+1$,若 $k \le L$,返回 Step3

Step 6: 得到最终最少耗能 $E_{\min} = \min(E_1^l, E_2^l, \dots, E_L^l)$

(3) 模型结果

针对双目标优化模型五,相关参数信息由表9所示。 表9双目标优化模型参数信息表

列车数 n240车站数 m14列车基本阻力参数 A2.031	
TAX.	
列车基本阻力参数 A 2.031	
列车基本阻力参数 B 0.0622	
列车基本阻力参数 C 0.001807	
最大加速度($ */ *$ $ *$ $ *$ $ *$ $ *$ $ *$ $ *$	
最大减速度(米/秒 ²) 1	
最小停站时间 D _{min} (秒) 30	
最大停站时间 D _{max} (秒) 45	
第一列列车和最后一列列车的发车间隔 T_0 (秒) 63900	
从起始站到终点站的总运行时间 T (秒) 2086	
早高峰时间起点 tm, (秒) 7200	
10.500	
早高峰时间末点 tm_2 (秒) 12600	
晚高峰时间起点 tn_1 (秒) 43200	
晚高峰时间末点 m_2 (秒) 50400	
高峰时间发车间隔下限 H^1_{\min} (分钟) 2	
高峰时间发车间隔上限 H^1_{max} (分钟) 2.5	
非高峰时间发车间隔下限 H^1_{min} (分钟) 5	
非高峰时间发车间隔上限 H^1_{\max} (分钟) INF	

运用 MATLAB 优化工具箱编程实现算法 5.4, 得到 240 列列车中前 100 列列车的发车间隔时间如表 10 所示。

列车 h_1 h_3 h_7 h_9 h_{11} h_2 h_4 h_5 h_6 h_8 h_{10} 间隔 11.77 2.46 2.24 2.13 2.20 2.23 2.45 2.35 2.50 2.27 2.34 列车 h_{12} h_{16} h₁₇ h_{13} h_{14} h_{15} h_{18} h₁₉ h_{20} h_{21} h_{22} 间隔 2.43 2.14 2.09 2.17 2.22 2.47 2.33 10.59 8.27 12.11 11.71 列车 h_{23} h_{24} h₂₅ h_{26} h₂₇ h_{28} h_{29} h_{30} h_{31} h_{32} h_{33} 间隔 9.84 10.65 11.20 10.81 11.12 10.31 10.39 10.51 9.63 11.85 10.43 列车 h_{44} h_{34} h₃₅ h_{36} h₃₇ h_{38} h₃₉ h_{40} h_{41} h_{42} h_{43} 间隔 11.11 9.57 9.35 10.33 10.17 11.62 11.03 10.96 8.98 9.46 10.63 $h_{50} \\$ 列车 h_{45} h_{49} h_{51} h_{52} h₅₅ h_{46} h_{47} h_{48} h_{53} h₅₄ 间隔 10.08 9.84 11.30 11.71 11.76 11.82 10.74 12.05 11.49 10.64 11.30 列车 h₅₆ h₅₇ h_{58} h_{59} h_{60} h_{61} h_{62} h_{63} h₆₄ h₆₅ h₆₆ 间隔 10.62 10.06 10.99 10.01 10.78 10.46 12.19 10.65 13.15 10.13 12.01 列车 h_{67} h_{68} h₆₉ h_{70} h_{71} h_{72} h_{73} h_{74} h₇₅ h₇₆ h₇₇ 间隔 2.30 2.41 2.31 2.33 2.49 2.34 2.06 2.45 2.38 2.41 2.21 $h_{82} \\$ 列车 h_{78} h₇₉ h_{84} h_{80} h_{81} h_{83} h_{85} h_{86} h_{87} h_{88} 2.26 9.92 间隔 11.08 12.34 10.58 10.12 11.14 11.76 12.55 10.48 10.59 列车 h_{89} h_{90} h_{91} h_{92} h_{93} h₉₄ h₉₅ h_{96} h₉₇ h_{98} h99 间隔 9.79 12.04 9.95 9.33 10.35 12.61 11.23 11.14 9.42 10.86 10.94

表 10 100 列列车的发车间隔时间(分)

由表可知,最短发车间隔时间为h=2.06 分,最长发车间隔时间为h=11.82 分,总耗能 $E_{\min}=1.7983\times 10^8 J$ 。根据每辆列车的发车时间和优化的站台停歇时间 D_i^j 和站台间运行时间 T_i^j ,可得到 240 列列车的发车时间表。此处,列举第 10 辆列车的发车时间及关键时间节点,如表 11 所示。

	* '				,		
站台	A1 站	A2 站	A3 站	A4 站	A5 站	A6 站	A7 站
第1辆车到站时刻(s)	0	220	358	545	710	835	979
第1辆车停留时间(s)	30	30	30	30	35	30	30
第1辆车离站时刻(s)	30	250	388	575	745	865	1009
站台	A8 站	A9 站	A10 站	A11 站	A12 站	A13 站	A14 站
第1辆车到站时刻(s)	1112	1246	1440	1620	1790	1927	2086
第1辆车停留时间(s)	30	30	30	30	35	45	_
第1辆车离站时刻(s)	1142	1276	1470	1650	1825	1972	_

表 11 第 10 辆列车的发车时间及关键时间节点

相应的速度距离曲线为如图 13 所示。

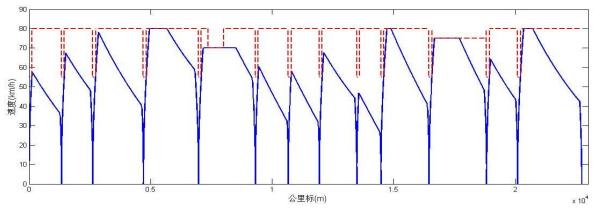


图 13 高峰期速度距离曲线图

5.4 问题 3 列车延误运行优化模型建立与求解

5.4.1 延误控制优化模型的建立与求解

(1) 模型建立

设 DT_i^j 是第i辆列车在第j站的延误时间, d_i^j 第i辆列车在第j站的计划出发时间,则第i辆列车在第j站的实际出发时间为

$$Dr_i^j = d_i^j + DT_i^j$$

设 A_i^j 表示第i辆列车在第j站的实际到达时间, $A_i^{(j)-}$ 表示第i辆列车在第j站的实际制动初始时刻, $D_i^{(j)+}$ 表示第i辆列车在第j站的实际加速末端时刻, Ta_i^j 表示第i辆列车从第j站到第j+1站的实际加速时间,则为 $D_i^{(j)+}=D_i^j+Ta_i^j$, Tb_i^j 表示第i 辆列车从第j站到第j+1站的实际制动时间,则为 $A_i^{(j)-}=A_i^j-Tb_i^j$ 。

首先在确保安全的前提下, 使所有后续列车尽快恢复正点运行, 即

$$\min DT_{sum} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} DT_{i}^{j}$$
 (5.4)

其次使得恢复期间耗能最少,即列车运行耗能最少以及再生能量利用最多,则

$$\min E_{1} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=2}^{m-1} \int_{D_{i}^{j}}^{A_{i}^{j+1}} F[v(t)]v(t)dt$$

$$\max E_{2} = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=2}^{m} \int_{A_{i+1}^{(j)}}^{A_{i+1}^{j}} B[v(t)]v \times 95\% \times T_{i \text{ overlap}}^{j} / T_{i+1 \text{ break}}^{j} dt$$
(5.5)

其中, $T_{i \ overlap}^{j}$ 满足下列分段形式:

$$T_{i\ overlap}^{j} = \begin{cases} 0, A_{i+1}^{j} < Dr_{i}^{j} \\ \min\left(Tb_{i+1}^{j}, A_{i+1}^{j} - Dr_{i}^{j}\right), A_{i+1}^{(j)-} \leq Dr_{i}^{j} \leq A_{i+1}^{j} \leq D_{i}^{(j)+} \end{cases}$$

第i辆列车在第j车站的制动时间 $T_{i\ break}^{j}$ 表示为

$$T_{i,break}^{j} = A_{i}^{j} - A_{i}^{(j)-}$$

由式子(5.4)和式子(5.5),可以得到列车延误多目标函数如下:

$$\min DT_{sum} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} DT_{i}^{j}$$

$$\min E_{1} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=2}^{m-1} \int_{Dr_{i}^{j}}^{A_{i}^{j+1}} F[v(t)]v(t)dt$$

$$\max E_{2} = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=2}^{m} \int_{A_{i+1}^{(j)-}}^{A_{i+1}^{j}} B[v(t)]v \times 95\% \times T_{i}^{j}_{overlap} / T_{i+1break}^{j} dt$$

结合模型五中的约束条件,加以改进,以 h_i 为直接变量,**得到列车延误运行控制多 目标优化模型**。

模型六
$$\min DT_{sum} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{m} DT_{i}^{j}$$

$$\min E_{1} = \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=2}^{m-1} \int_{0}^{T_{i}^{j}} F\left[v(t)\right] v(t) dt$$

$$\max E_{2} = \sum_{i=1}^{n-1} \sum_{j=2}^{m} \int_{0}^{T_{i}^{j} \text{break}} B\left[v(t)\right] v \times 95\% \times T_{i}^{j} \text{ overlap} / T_{i+1 \text{break}}^{j} dt$$

$$S = \sum_{j=1}^{m-1} \int_{0}^{T_{i}^{j}} v(t) dt \quad (i = 1, 2, \cdots, n)$$

$$H^{l}_{\min} \leq h_{i} + DT_{i+1}^{l} - DT_{i}^{l} \leq H^{l}_{\max} \quad (i = l_{1}, l_{1} + 1, \cdots, l_{2}, l_{3}, l_{3} + 1, \cdots, l_{4})$$

$$H^{2}_{\min} \leq h_{i} + DT_{i+1}^{l} - DT_{i}^{l} \leq H^{2}_{\max} \quad (i = 1, 2, \cdots, l_{i}, l_{4}, l_{4} + 1, \cdots, n-1)$$

$$D_{\min} \leq D_{i}^{j} \leq D_{\max} \quad (i = 1, 3, \cdots, n; j = 2, 3, \cdots, m-1)$$

$$\sum_{i=1}^{m-1} \left(h_{i} + DT_{i+1}^{l} - DT_{i}^{l}\right) = T_{0}$$

$$\sum_{j=1}^{m-1} \left(h_{i} + T_{i}^{j}\right) = T$$

$$S.f.$$

$$v(t) \leq \min \left(V_{\max}, \sqrt{2LB_{e}}\right)$$

$$|a| \leq a_{\max}$$

$$F\left[v(t)\right] = \mu F_{\max}, \mu \in [0, 1]$$

$$B \leq B_{\max}$$

$$v(0) = v\left(Tr_{i}^{j}\right) = v\left(Tr_{i}^{j} + D_{i}^{j}\right) = 0 \quad (i = 1, 2, \cdots, n)$$

$$P\left\{0 < DT_{i}^{j} < 10\right\} = 0.2$$

$$P\left\{10 < DT_{i}^{j} < 120\right\} = 0.1$$

$$P\left\{DT_{i}^{j} = 0\right\} = 0.7$$

其中,

 Tr^{j} 一第i辆列车从第i站到第i+1站运行的实际时间

 $T_{i \text{ break}}^{j}$ 一第i 辆列车在第j 车站的实际制动时间段

 $T_{i\ overlap}^{\ j}$ 一第i+1辆列车制动时间与第i辆列车加速时间在第j站的实际重叠时间段

v(t)一t 时刻的速度, V_{\max} 表示限速,初始时刻速度v(0)=0, $v\left(Tr_i^j+D_i^j\right)=0$,终止时刻速度 $v\left(Tr_i^j\right)=0$

其余变量的含义与模型五中相应变量一致。

(2) 模型求解

基于模型六,在模型五的基础上再次拓展为多目标非线性优化,且延误时间 DT_i^j 是随机变量。因此,需要借助于问题 2 中的数据仿真,求解出在恢复期间耗能最少的列车运行曲线,从而建立列车延误优化模型的蒙塔卡罗仿真算法,具体算法步骤如下。

算法 5.5 列车延误优化模型蒙特卡洛仿真

Step 1: 针对问题 2 中的数据构造或描述统计过程

Step 2: 实现从已知概率分布抽样

Step 3: 建立统计量,采用遗传算法 5.4 对模型六进行求解。

Step 4: 对模拟结果进行考察验证

Step 5: 依据仿真初结果,设置相关参数,或惩罚函数,返回 Step2

Step 6: 得到最终最少耗能 $E_{\min} = \min(E_1^l, E_2^l, \dots, E_L^l)$

(3) 模型结果

运用 MATLAB 工具箱,对问题 2 的数据进行蒙特卡洛模拟仿真,得到 100 辆列车 无延迟运行图如图 14 所示。

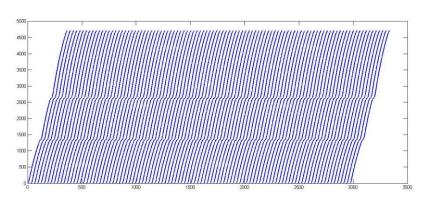


图 14 100 辆列车无延迟列车运行图

由图可知,五、无延迟的列车按时发车,呈现良好的列车秩序,有利于方便和管理列车能源。

6 模型优缺点及其拓展

(1) 模型优点:

问题一中,我们首先根据列车动力学原理建立**模型一:单列车单目标双站间优化模型**,在此基础上,进一步拓展,针对总运行时间一定的情况下建立**模型二:单列车单目标三站间优化模型**。得到了各自最优耗能的速度距离曲线,通过分析运动过程各参数的变化,优化结果非常理想。

问题二中,在问题 1 的基础上,针对多列车追踪运行耗能优化建立基于不同决策变量的模型三和模型四:多列车双目标节能优化模型。分析相关的速度距离曲线和速度时间曲线,得到最优的发车时间间隔。针对列车高峰时间段和非高峰时间段,在模型三的基础上,对发车时间间隔进一步优化,建立列车高峰时间段和非高峰时间段优化模型五:高峰与非高峰时段优化模型。分析比较模型三和模型四的发车时间间隔和能耗值,侧面验证了模型的可靠性。

问题三中,在问题 2 的基础上,增加了延误时间随机变量 DT_i^j 。因此,在模型四的基础上,增加了总延误时间最少的目标函数,从而建立了**模型六:列车延误运行优化模型。**并根据问题 2 中的数据,运用蒙特卡洛方法进行方法,得到相应的列车运行图。

三个问题均是建立在同一基本目标约束的前提下,层层拓展,从单目标优化到双目标优化,最后到多目标优化,模型可靠且灵活性较高。

(2) 模型缺点:

由于建立的模型均是非线性优化模型,部分甚至属于 NP 难问题,我们针对不同的问题采用不同的算法进行求解,如迭代搜索算法、遗传算法,模拟仿真等等,但对于启发式算法,如遗传算法,毕竟达不到全局最优,因此,还是会有稍许误差。

(3) 模型拓展:

虽然问题中的模型都是优化模型,但是决策变量的选择好坏直接会影响模型的求解,甚至误差。因此,修正模型可以采用类似模型三中的4个间接变量进行求解,从而使模型的可行性更好,求解结果误差更低。

7 参考文献

- [1] PHIL, HOWLETT. AN OPTIMAL STRATEGY FOR THE CONTROL OF A TRAIN[J]. Austral. Math, 1990, (31): 454-471
- [2]Rongfang, (Rachel), Liu, Iakov, M, Golovitcher. Energy-efficient operation of rail vehicles[J]. Transportation Research, 2003, (37): 917-923
- [3]Eugene, Khmelnitsky. On an Optimal Control Problem of Train Operation[J]. TRANSACTIONS ON AUTOMATIC CONTROL, 2000, 45(7): 1257-1265
- [4]Xin, Yang, Xiang, Li, Ziyou, Gao, Hongwei, Wang, and, Tao, Tang. A Cooperative Scheduling Model for Timetable Optimization in Subway Systems[J]. TRANSACTIONS ON INTELLIGENT TRANSPORTATION SYSTEMS, 2013, 14(1): 438-447
- [5]Shuai, Su, Tao, Tang, Xiang, Li, and, Ziyou, Gao. Optimization of Multitrain Operations in a Subway System[J]. TRANSACTIONS ON INTELLIGENT TRANSPORTATION SYSTEMS, 2014, 15(2): 673-684
- [6]Ning Zhao, Clive Roberts, Stuart Hillmansen, Paul Western, Lei Chen, Zhongbei Tian, Tingyu Xin, Shuai Su. Train Trajectory Optimisation of ATO Systems for Metro Lines. IEEE 17th International Conference on Intelligent Transportation Systems. Qingdao, China. 2014:1796-1801
- [7]杨建荣,李建中,范立础. 车桥耦合振动分析的两种常用插值方法比较. 力学季刊, 2007,28(4):625-630
- [8]周剑斌, 苏浚, 何泳斌. 地铁列车运行再生能利用的研究[J]. 学术专论, 2004, (4): 33-35
- [9]李坤妃, 多列车协同控制节能优化方法的研究[D],北京交通大学。2014
- [10]卢启衡, 冯晓云, 王青元. 基于遗传算法的追踪列车节能优化[J]. 西南交通大学学报, 2012, 47(2): 266-27
- [11]栾晓洁,考虑运输主体公平性的列车运行调整优化模型[D].北京交通大学。2015.
- [12]丁勇, 毛保华, 刘海, 张鑫, 王铁城. 列车节能运行模拟系统的研究[J]. 北方交通大学学报, 2004, 28(2): 46-81
- [13]金炜东, 靳蕃, 李崇维, 胡飞, 苟先太. 列车优化操纵速度模式曲线 生成的智能计算研究[J]. 铁道学报, 1998, 20(5): 47-52
- [14]方宇, 尧辉明, 杨俭. 上海城市轨道交通 2 号线车辆电阻制动能耗计算[R]. 2010. 25-28
- [15]霍建维. 突发事件下的列车运行调整模型与算法[D]. 北京交通大学, 2014.

附录:

附录 1: 问题一(1) 记录以 1s 间隔期的相关数据

附录 1: 戶			T.	的相大级	//////////////////////////////////////		I	
时刻 (hh:mm: ss)	实际速 度 (cm/s)	实际速 度 (km/h)	计算加 速度 (m/s²)	计算距 离(m)	计算公 里标(m)	当前坡 度(‰)	计算牵 引力(N)	计算牵引 功率(Kw)
0.00	0.00	0.00	1.00	0.00	0.00	0.00	198162	0.00
1.00	100.00	3.60	1.00	0.50	0.50	0.00	198633	198.64
2.00	200.00	7.20	1.00	2.00	2.00	0.00	199193	398.39
3.00	300.00	10.80	1.00	4.50	4.50	0.00	199842.	599.53
4.00	400.00	14.40	1.00	8.00	8.00	0.00	200581.	802.32
5.00	500.00	18.00	1.00	12.50	12.50	0.00	201408	1007.04
6.00	600.00	21.60	1.00	18.00	18.00	0.00	202325	1213.95
7.00	700.00	25.20	1.00	24.50	24.50	0.00	203331	1423.32
8.00	800.00	28.80	1.00	32.00	32.00	0.00	204426	1635.42
9.00	900.00	32.40	1.00	40.50	40.50	0.00	205611	1850.50
10.00	1000.00	36.00	1.00	50.00	50.00	0.00	206884	2068.85
11.00	1100.00	39.60	1.00	60.50	60.50	0.00	208247	2290.72
12.00	1200.00	43.20	1.00	72.00	72.00	0.00	209699	2516.40
13.00	1300.00	46.80	1.00	84.50	84.50	0.00	211240	2746.13
14.00	1400.00	50.40	1.00	98.00	98.00	0.00	212871	2980.20
15.00	1499.98	54.00	1.00	112.50	112.50	0.00	214590	3218.81
16.00	1584.98	57.06	1.00	127.90	127.90	0.00	216122	3425.49
17.00	1684.98	60.66	1.00	144.25	144.25	0.00	218006	3673.36
18.00	1784.98	64.26	1.00	161.60	161.60	0.00	219980	3926.60
19.00	1832.53	65.97	-0.14	179.83	179.83	0.00	0.00	0.00
20.00	1818.89	65.48	-0.14	198.09	198.09	0.00	0.00	0.00
21.00	1805.38	64.99	-0.13	216.21	216.21	0.00	0.00	0.00
22.00	1792.02	64.51	-0.13	234.20	234.20	0.00	0.00	0.00
23.00	1778.80	64.04	-0.13	252.05	252.05	0.00	0.00	0.00
24.00	1765.71	63.57	-0.13	269.77	269.77	0.00	0.00	0.00
25.00	1752.76	63.10	-0.13	287.36	287.36	0.00	0.00	0.00
26.00	1739.93	62.64	-0.13	304.83	304.83	1.80	0.00	0.00
27.00	1727.24	62.18	-0.13	322.16	322.16	1.80	0.00	0.00
28.00	1714.68	61.73	-0.13	339.37	339.37	1.80	0.00	0.00
29.00	1702.24	61.28	-0.12	356.46	356.46	1.80	0.00	0.00
30.00	1689.93	60.84	-0.12	373.42	373.42	1.80	0.00	0.00
31.00	1677.73	60.40	-0.12	390.26	390.26	1.80	0.00	0.00
32.00	1665.66	59.96	-0.12	406.97	406.97	1.80	0.00	0.00
33.00	1653.71	59.53	-0.12	423.57	423.57	1.80	0.00	0.00
34.00	34.00 1641.87 59.11		-0.12	440.05	440.05	1.80	0.00	0.00

									-
	35.00	1630.15	58.69	-0.12	456.41	456.41	1.80	0.00	0.00
	36.00	1618.54	58.27	-0.12	472.65	472.65	1.80	0.00	0.00
	37.00	1607.04	57.85	-0.11	488.78	488.78	1.80	0.00	0.00
	38.00	1595.65	57.44	-0.11	504.79	504.79	1.80	0.00	0.00
<u> </u>	39.00	1584.37	57.04	-0.11	520.69	520.69	1.80	0.00	0.00
	40.00	1573.19	56.63	-0.11	536.48	536.48	1.80	0.00	0.00
	41.00	1562.12	56.24	-0.11	552.16	552.16	1.80	0.00	0.00
	42.00	1551.15	55.84	-0.11	567.72	567.72	1.80	0.00	0.00
	43.00	1540.29	55.45	-0.11	583.18	583.18	1.80	0.00	0.00
	44.00	1529.52	55.06	-0.11	598.53	598.53	1.80	0.00	0.00
	45.00	1518.86	54.68	-0.11	613.77	613.77	1.80	0.00	0.00
	46.00	1508.29	54.30	-0.11	628.91	628.91	1.80	0.00	0.00
	47.00	1497.81	53.92	-0.10	643.94	643.94	1.80	0.00	0.00
	48.00	1487.43	53.55	-0.10	658.86	658.86	1.80	0.00	0.00
	49.00	1477.15	53.18	-0.10	673.69	673.69	1.80	0.00	0.00
	50.00	1466.95	52.81	-0.10	688.41	688.41	-3.50	0.00	0.00
	51.00	1456.85	52.45	-0.10	703.03	703.03	-3.50	0.00	0.00
	52.00	1446.84	52.09	-0.10	717.54	717.54	-3.50	0.00	0.00
	53.00	1436.91	51.73	-0.10	731.96	731.96	-3.50	0.00	0.00
	54.00	1427.07	51.37	-0.10	746.28	746.28	-3.50	0.00	0.00
	55.00	1417.32	51.02	-0.10	760.50	760.50	-3.50	0.00	0.00
	56.00	1407.65	50.68	-0.10	774.63	774.63	-3.50	0.00	0.00
	57.00	1398.06	50.33	-0.10	788.66	788.66	-3.50	0.00	0.00
	58.00	1388.56	49.99	-0.09	802.59	802.59	-3.50	0.00	0.00
	59.00	1379.14	49.65	-0.09	816.43	816.43	-3.50	0.00	0.00
	60.00	1369.80	49.31	-0.09	830.17	830.17	-3.50	0.00	0.00
	61.00	1360.53	48.98	-0.09	843.83	843.83	-3.50	0.00	0.00
	62.00	1351.35	48.65	-0.09	857.38	857.38	-3.50	0.00	0.00
	63.00	1342.24	48.32	-0.09	870.85	870.85	-3.50	0.00	0.00
	64.00	1333.21	48.00	-0.09	884.23	884.23	-3.50	0.00	0.00
	65.00	1324.25	47.67	-0.09	897.52	897.52	-3.50	0.00	0.00
	66.00	1315.36	47.35	-0.09	910.71	910.71	-3.50	0.00	0.00
	67.00	1306.55	47.04	-0.09	923.82	923.82	-3.50	0.00	0.00
	68.00	1297.81	46.72	-0.09	936.85	936.85	-3.50	0.00	0.00
	69.00	1289.14	46.41	-0.09	949.78	949.78	-3.50	0.00	0.00
	70.00	1280.55	46.10	-0.09	962.63	962.63	-3.50	0.00	0.00
	71.00	1272.02	45.79	-0.08	975.39	975.39	-3.50	0.00	0.00
	72.00	1263.56	45.49	-0.08	988.07	988.07	-3.50	0.00	0.00
	73.00	1255.16	45.19	-0.08	1000.66	1000.66	-3.50	0.00	0.00
	74.00	1246.83	44.89	-0.08	1013.17	1013.17	-3.50	0.00	0.00

75.00	1238.57	44.59	-0.08	1025.60	1025.60	-3.50	0.00	0.00
76.00	1230.38	44.29	-0.08	1037.94	1037.94	-3.50	0.00	0.00
77.00	1222.24	44.00	-0.08	1050.21	1050.21	-3.50	0.00	0.00
78.00	1214.17	43.71	-0.08	1062.39	1062.39	-3.50	0.00	0.00
79.00	1206.17	43.42	-0.08	1074.49	1074.49	-3.50	0.00	0.00
80.00	1198.22	43.14	-0.08	1086.51	1086.51	-3.50	0.00	0.00
81.00	1190.34	42.85	-0.08	1098.46	1098.46	-3.50	0.00	0.00
82.00	1182.51	42.57	-0.08	1110.32	1110.32	-3.50	0.00	0.00
83.00	1174.75	42.29	-0.08	1122.11	1122.11	-3.50	0.00	0.00
84.00	1167.04	42.01	-0.08	1133.82	1133.82	-3.50	0.00	0.00
85.00	1159.39	41.74	-0.08	1145.45	1145.45	-3.50	0.00	0.00
86.00	1151.80	41.46	-0.08	1157.00	1157.00	-3.50	0.00	0.00
87.00	1144.27	41.19	-0.08	1168.48	1168.48	-3.50	0.00	0.00
88.00	1136.79	40.92	-0.99	1179.89	1179.89	-3.50	0.00	0.00
89.00	1129.37	40.66	-0.98	1191.22	1191.22	-3.50	0.00	0.00
90.00	1122.00	40.39	-0.98	1202.48	1202.48	-3.50	0.00	0.00
91.00	1114.68	40.13	-0.97	1213.66	1213.66	-3.50	0.00	0.00
92.00	1107.42	39.87	-0.96	1224.77	1224.77	-3.50	0.00	0.00
93.00	1100.21	39.61	-0.96	1235.81	1235.81	-3.50	0.00	0.00
94.00	1093.06	39.35	-0.95	1246.77	1246.77	-3.50	0.00	0.00
95.00	1085.95	39.09	-0.94	1257.67	1257.67	-3.50	0.00	0.00
96.00	1078.90	38.84	-0.94	1268.49	1268.49	-3.50	0.00	0.00
97.00	1071.89	38.59	-0.93	1279.25	1279.25	-3.50	0.00	0.00
98.00	1064.94	38.34	-0.92	1289.93	1289.93	-3.50	0.00	0.00
99.00	983.67	35.41	-0.92	1300.22	1300.22	-3.50	0.00	0.00
100.00	892.16	32.12	-0.91	1309.60	1309.60	0.00	0.00	0.00
101.00	801.23	28.84	-0.91	1318.07	1318.07	0.00	0.00	0.00
102.00	710.83	25.59	-0.90	1325.63	1325.63	0.00	0.00	0.00
103.00	620.92	22.35	-0.90	1332.29	1332.29	0.00	0.00	0.00
104.00	531.47	19.13	-0.89	1338.05	1338.05	0.00	0.00	0.00
105.00	442.43	15.93	-0.89	1342.92	1342.92	0.00	0.00	0.00
106.00	353.76	12.74	-0.88	1346.90	1346.90	0.00	0.00	0.00
107.00	265.43	9.56	-0.88	1349.99	1349.99	0.00	0.00	0.00
108.00	177.40	6.39	-0.88	1352.21	1352.21	0.00	0.00	0.00
109.00	89.65	3.23	-0.88	1353.54	1353.54	0.00	0.00	0.00
110.00	0.00	0.00	-0.87	1354.00	1354.00	0.00	0.00	0.00

附录 2:	问题一	(2)	记录以	1s 间隔期的相关数:	据

时刻	实际速	实际速	计算加	让增 服	让 曾八	不學神	上	上僧 杰司
(hh:mm:	度	度	速度	计算距 离(m)	计算公 里标(m)	当前坡 度(‰)	计算牵 引力(N)	计算牵引 功率(Kw)
ss)	(cm/s)	(km/h)	(m/s^2)	内(III)	主你(III)	及(700)	21/2(14)	为平(KW)
0.00	0.00	0.00	1.00	0.00	0.00	0.00	198162	0.00
1.00	100.00	3.60	1.00	0.50	0.50	0.00	198633	198.64
2.00	200.00	7.20	1.00	2.00	2.00	0.00	199193	398.39
3.00	300.00	10.80	1.00	4.50	4.50	0.00	199843	599.53
4.00	400.00	14.40	1.00	8.00	8.00	0.00	200581	802.32
5.00	500.00	18.00	1.00	12.50	12.50	0.00	201409	1007.04
6.00	600.00	21.60	1.00	18.00	18.00	0.00	202326	1213.95
7.00	700.00	25.20	1.00	24.50	24.50	0.00	203332	1423.32
8.00	800.00	28.80	1.00	32.00	32.00	0.00	204427	1635.42
9.00	900.00	32.40	1.00	40.50	40.50	0.00	205611	1850.50
10.00	1000.00	36.00	1.00	50.00	50.00	0.00	206885	2068.85
11.00	1100.00	39.60	1.00	60.50	60.50	0.00	208248	2290.72
12.00	1200.00	43.20	1.00	72.00	72.00	0.00	209700	2516.40
13.00	1300.00	46.80	1.00	84.50	84.50	0.00	211241	2746.13
14.00	1400.00	50.40	1.00	98.00	98.00	0.00	212871	2980.20
15.00	1499.98	54.00	1.00	112.50	112.50	0.00	214590	3218.81
16.00	1584.98	57.06	1.00	127.90	127.90	0.00	216122	3425.49
17.00	1684.98	60.66	1.00	144.25	144.25	0.00	218007	3673.36
18.00	1784.98	64.26	1.00	161.60	161.60	0.00	219980	3926.60
19.00	1796.07	64.66	-0.13	179.60	179.60	0.00	0	0.00
20.00	1782.80	64.18	-0.13	197.50	197.50	0.00	0	0.00
21.00	1769.67	63.71	-0.13	215.26	215.26	0.00	0	0.00
22.00	1756.68	63.24	-0.13	232.89	232.89	0.00	0	0.00
23.00	1743.82	62.78	-0.13	250.39	250.39	0.00	0	0.00
24.00	1731.09	62.32	-0.13	267.77	267.77	0.00	0	0.00
25.00	1718.48	61.87	-0.13	285.02	285.02	0.00	0	0.00
26.00	1706.01	61.42	-0.12	302.14	302.14	0.00	0	0.00
27.00	1693.65	60.97	-0.12	319.14	319.14	1.80	0	0.00
28.00	1681.43	60.53	-0.12	336.01	336.01	1.80	0	0.00
29.00	1669.32	60.10	-0.12	352.77	352.77	1.80	0	0.00
30.00	1657.33	59.66	-0.12	369.40	369.40	1.80	0	0.00
31.00	1645.45	59.24	-0.12	385.91	385.91	1.80	0	0.00
32.00	1633.70	58.81	-0.12	402.31	402.31	1.80	0	0.00
33.00	1622.05	58.39	-0.12	418.59	418.59	1.80	0	0.00
34.00	1610.52	57.98	-0.11	434.75	434.75	1.80	0	0.00
35.00	1599.10	57.57	-0.11	450.80	450.80	1.80	0	0.00

36.00 1587.78 57.16 -0.11 466.73 466.73 1.80 0 0.00									
38.00 1565.47 56.36 -0.11 498.26 498.26 1.80 0 0.00	36.00	1587.78	57.16	-0.11	466.73	466.73	1.80	0	0.00
39.00 1554.47 55.96 -0.11 513.86 513.86 1.80 0 0.00	37.00	1576.57	56.76	-0.11	482.55	482.55	1.80	0	0.00
40.00 1543.58 55.57 -0.11 529.35 529.35 1.80 0 0.00 41.00 1532.78 55.18 -0.11 544.74 544.74 1.80 0 0.00 42.00 1522.09 54.80 -0.11 560.01 560.01 1.80 0 0.00 43.00 1511.49 54.41 -0.11 575.18 575.18 1.80 0 0.00 44.00 1500.98 54.04 -0.10 590.24 590.24 1.80 0 0.00 44.00 1490.58 53.66 -0.10 605.20 605.20 1.80 0 0.00 44.00 1490.58 53.66 -0.10 605.20 605.20 1.80 0 0.00 46.00 1480.26 53.29 -0.10 620.05 620.05 1.80 0 0.00 47.00 1470.04 52.92 -0.10 634.80 634.80 1.80 0 0.00 49.00 1449.87 52.20 -0.10 664.00 664.00 64.01 1.80 0 0.00 50.00 1439.92 51.84 -0.10 678.45 678.45 1.80 0 0.00 51.00 1430.05 51.48 -0.10 678.45 678.45 1.80 0 0.00 53.00 1420.27 51.13 -0.10 707.05 707.05 -3.50 0 0.00 53.00 1400.97 50.43 -0.10 721.21 721.21 -3.50 0 0.00 55.00 1331.99 49.75 -0.09 749.23 749.23 -3.50 0 0.00 55.00 1334.13 49.41 -0.09 776.87 776.87 -3.50 0 0.00 55.00 1354.13 48.75 -0.09 844.35 844.35 -3.50 0 0.00 56.00 1335.94 48.09 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 60.00 1345.00 48.42 -0.09 847.63 817.63 -3.50 0 0.00 60.00 126.77 46.50 -0.09 880.72 896.72 -3.50 0 0.00 60.00 126.12 45.58 -0.08 985.08 935.08 -3.50 0 0.00 60.00 126.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 60.00 1241.08 44.48 -0.09 776.97 776.87 -3.50 0 0.00 60.00 1243.06 44.48 -0.09 896.72 896.72 -3.50 0 0.00 60.00 126.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 60.00 126.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 71.00 1224.76 44.98 -0.08 960.24 960.24 -3.50 0 0.00 72.00 1241.08 44.48 -0	38.00	1565.47	56.36	-0.11	498.26	498.26	1.80	0	0.00
41.00 1532.78 55.18 -0.11 544.74 544.74 1.80 0 0.00	 39.00	1554.47	55.96	-0.11	513.86	513.86	1.80	0	0.00
42.00 1522.09 54.80 -0.11 560.01 560.01 1.80 0 0.00 43.00 1511.49 54.41 -0.11 575.18 575.18 1.80 0 0.00 44.00 1500.98 54.04 -0.10 590.24 590.24 1.80 0 0.00 45.00 1490.58 53.66 -0.10 605.20 605.20 1.80 0 0.00 47.00 1470.04 52.92 -0.10 634.80 634.80 1.80 0 0.00 48.00 1459.91 52.56 -0.10 649.45 649.45 1.80 0 0.00 49.00 1449.87 52.20 -0.10 664.00 664.00 1.80 0 0.00 50.00 1439.92 51.84 -0.10 678.45 678.45 1.80 0 0.00 51.00 1430.05 51.48 -0.10 692.80 692.80 -3.50 0 0.00 52.00 1420.27 51.13 -0.10 707.05 707.05 -3.50 0 0.00 53.00 1400.97 50.43 -0.10 732.26 735.26 -3.50 0 0.00 55.00 1391.44 50.09 -0.09 749.23 749.23 -3.50 0 0.00 55.00 1372.63 49.41 -0.09 776.87 776.87 -3.50 0 0.00 58.00 1345.00 48.42 -0.09 870.51 804.13 -3.50 0 0.00 59.00 1354.13 48.75 -0.09 844.35 844.35 -3.50 0 0.00 60.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 60.00 1326.96 47.77 -0.09 887.57 875.57 -3.50 0 0.00 60.00 126.61 47.45 -0.09 887.57 875.57 -3.50 0 0.00 60.00 1283.15 46.19 -0.09 870.71 870.71 -3.50 0 0.00 60.00 1283.15 46.19 -0.09 995.9 905.99 -3.50 0 0.00 60.00 1240.84 44.68 -0.08 937.89 935.00 -3.50 0 0.00 60.00 1241.08 44.68 -0.08 937.69 972.69 -3.50 0 0.00 60.00 1241.08 44.68 -0.08 947.09 947.50 -3.50 0 0.00 60.00 1241.08 44.68 -0.08 947.09 947.50 -3.50 0 0.00 60.00 1241.08 44.68 -0.08 947.69 972.69 -3.50 0 0.00 60.00 1241.08 44.68 -0.08 947.09 947.50 -3.50 0 0.00 60.00 1241.08 44.68 -0.08 947.09 947.50 -3.50 0 0.00 60.00 1241.08 44.68 -0.08 947.09 947.50 -3.50 0 0.00 60.00 12	 40.00	1543.58	55.57	-0.11	529.35	529.35	1.80	0	0.00
43.00 1511.49 54.41 -0.11 575.18 575.18 1.80 0 0.00	41.00	1532.78	55.18	-0.11	544.74	544.74	1.80	0	0.00
44.00 1500.98 54.04 -0.10 590.24 590.24 1.80 0 0.00 45.00 1490.58 53.66 -0.10 605.20 605.20 1.80 0 0.00 46.00 1480.26 53.29 -0.10 620.05 620.05 1.80 0 0.00 47.00 1470.04 52.92 -0.10 634.80 634.80 1.80 0 0.00 48.00 1459.91 52.56 -0.10 649.45 649.45 1.80 0 0.00 49.00 1449.87 52.20 -0.10 664.00 664.00 1.80 0 0.00 50.00 1439.92 51.84 -0.10 678.45 678.45 1.80 0 0.00 51.00 1430.05 51.48 -0.10 692.80 692.80 -3.50 0 0.00 52.00 1420.27 51.13 -0.10 707.05 707.05 -3.50 0 0.00 53.00 1410.58 50.78 -0.10 721.21 721.21 -3.50 0 0.00 54.00 1400.97 50.43 -0.10 735.26 735.26 -3.50 0 0.00 55.00 1391.44 50.09 -0.09 749.23 749.23 -3.50 0 0.00 55.00 1381.99 49.75 -0.09 763.09 763.09 -3.50 0 0.00 57.00 1372.63 49.41 -0.09 776.87 776.87 -3.50 0 0.00 58.00 1363.34 49.08 -0.09 790.54 -3.50 0 0.00 59.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 60.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 62.00 1326.96 47.77 -0.09 881.03 831.03 -3.50 0 0.00 65.00 1326.96 47.77 -0.09 881.03 831.03 -3.50 0 0.00 66.00 1291.77 46.50 -0.09 883.76 833.76 -3.50 0 0.00 66.00 1291.77 46.50 -0.09 883.78 833.76 -3.50 0 0.00 67.00 1283.15 46.19 -0.09 90.59 90.59 90.59 -3.50 0 0.00 67.00 1283.15 46.19 -0.09 90.59 90.59 -3.50 0 0.00 67.00 1241.08 44.68 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 71.00 1249.36 44.98 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 71.00 1249.36 44.88 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 71.00 1240.36 44.88 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 71.00 1241.08 44.68 -0.08 947.70 947.50 -3.50 0 0.00	42.00	1522.09	54.80	-0.11	560.01	560.01	1.80	0	0.00
45.00 1490.58 53.66 -0.10 605.20 605.20 1.80 0 0.00 46.00 1480.26 53.29 -0.10 620.05 620.05 1.80 0 0.00 47.00 1470.04 52.92 -0.10 634.80 634.80 1.80 0 0.00 48.00 1459.91 52.56 -0.10 649.45 649.45 1.80 0 0.00 50.00 1439.92 51.84 -0.10 678.45 678.45 1.80 0 0.00 51.00 1430.05 51.48 -0.10 692.80 692.80 -3.50 0 0.00 52.00 1420.27 51.13 -0.10 707.05 70.05 -3.50 0 0.00 54.00 1400.97 50.43 -0.10 721.21 721.21 -3.50 0 0.00 55.00 1391.44 50.09 -0.09 749.23 749.23 -3.50 0 0.00 56.0	43.00	1511.49	54.41	-0.11	575.18	575.18	1.80	0	0.00
46.00	 44.00	1500.98	54.04	-0.10	590.24	590.24	1.80	0	0.00
47.00 1470.04 52.92 -0.10 634.80 634.80 1.80 0 0.00 48.00 1459.91 52.56 -0.10 649.45 649.45 1.80 0 0.00 49.00 1449.87 52.20 -0.10 664.00 664.00 1.80 0 0.00 50.00 1439.92 51.84 -0.10 678.45 678.45 1.80 0 0.00 51.00 1430.05 51.48 -0.10 692.80 692.80 -3.50 0 0.00 52.00 1420.27 51.13 -0.10 707.05 707.05 -3.50 0 0.00 53.00 1410.58 50.78 -0.10 721.21 721.21 -3.50 0 0.00 54.00 1400.97 50.43 -0.10 735.26 735.26 -3.50 0 0.00 55.00 1391.44 50.09 -0.09 763.09 763.09 -3.50 0 0.00 57	45.00	1490.58	53.66	-0.10	605.20	605.20	1.80	0	0.00
48.00 1459.91 52.56 -0.10 649.45 649.45 1.80 0 0.00 49.00 1449.87 52.20 -0.10 664.00 664.00 1.80 0 0.00 50.00 1439.92 51.84 -0.10 678.45 678.45 1.80 0 0.00 51.00 1430.05 51.48 -0.10 692.80 692.80 -3.50 0 0.00 52.00 1420.27 51.13 -0.10 707.05 707.05 -3.50 0 0.00 53.00 1410.58 50.78 -0.10 721.21 721.21 -3.50 0 0.00 54.00 1400.97 50.43 -0.10 735.26 735.26 -3.50 0 0.00 55.00 1391.44 50.09 -0.09 749.23 749.23 -3.50 0 0.00 57.00 1372.63 49.41 -0.09 776.87 776.87 -3.50 0 0.00 5	46.00	1480.26	53.29	-0.10	620.05	620.05	1.80	0	0.00
49.00 1449.87 52.20 -0.10 664.00 664.00 1.80 0 0.00 50.00 1439.92 51.84 -0.10 678.45 678.45 1.80 0 0.00 51.00 1430.05 51.48 -0.10 692.80 692.80 -3.50 0 0.00 52.00 1420.27 51.13 -0.10 707.05 707.05 -3.50 0 0.00 53.00 1410.58 50.78 -0.10 721.21 721.21 -3.50 0 0.00 54.00 1400.97 50.43 -0.10 735.26 735.26 -3.50 0 0.00 55.00 1391.44 50.09 -0.09 749.23 749.23 -3.50 0 0.00 56.00 1381.99 49.75 -0.09 763.09 763.09 -3.50 0 0.00 58.00 1354.13 48.75 -0.09 790.54 790.54 -3.50 0 0.00	47.00	1470.04	52.92	-0.10	634.80	634.80	1.80	0	0.00
50.00 1439.92 51.84 -0.10 678.45 678.45 1.80 0 0.00 51.00 1430.05 51.48 -0.10 692.80 692.80 -3.50 0 0.00 52.00 1420.27 51.13 -0.10 707.05 707.05 -3.50 0 0.00 53.00 1410.58 50.78 -0.10 721.21 721.21 -3.50 0 0.00 54.00 1400.97 50.43 -0.10 735.26 735.26 -3.50 0 0.00 55.00 1391.44 50.09 -0.09 749.23 749.23 -3.50 0 0.00 56.00 1381.99 49.75 -0.09 763.09 763.09 -3.50 0 0.00 57.00 1372.63 49.41 -0.09 776.87 776.87 -3.50 0 0.00 58.00 1363.34 49.08 -0.09 790.54 790.54 -3.50 0 0.00 <td< td=""><td>48.00</td><td>1459.91</td><td>52.56</td><td>-0.10</td><td>649.45</td><td>649.45</td><td>1.80</td><td>0</td><td>0.00</td></td<>	48.00	1459.91	52.56	-0.10	649.45	649.45	1.80	0	0.00
51.00 1430.05 51.48 -0.10 692.80 692.80 -3.50 0 0.00 52.00 1420.27 51.13 -0.10 707.05 707.05 -3.50 0 0.00 53.00 1410.58 50.78 -0.10 721.21 721.21 -3.50 0 0.00 54.00 1400.97 50.43 -0.10 735.26 735.26 -3.50 0 0.00 55.00 1391.44 50.09 -0.09 749.23 749.23 -3.50 0 0.00 56.00 1381.99 49.75 -0.09 763.09 763.09 -3.50 0 0.00 58.00 1363.34 49.08 -0.09 790.54 790.54 -3.50 0 0.00 59.00 1354.13 48.75 -0.09 804.13 804.13 -3.50 0 0.00 60.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 <t< td=""><td>49.00</td><td>1449.87</td><td>52.20</td><td>-0.10</td><td>664.00</td><td>664.00</td><td>1.80</td><td>0</td><td>0.00</td></t<>	49.00	1449.87	52.20	-0.10	664.00	664.00	1.80	0	0.00
52.00 1420.27 51.13 -0.10 707.05 707.05 -3.50 0 0.00 53.00 1410.58 50.78 -0.10 721.21 721.21 -3.50 0 0.00 54.00 1400.97 50.43 -0.10 735.26 735.26 -3.50 0 0.00 55.00 1391.44 50.09 -0.09 749.23 749.23 -3.50 0 0.00 56.00 1381.99 49.75 -0.09 763.09 763.09 -3.50 0 0.00 57.00 1372.63 49.41 -0.09 776.87 776.87 -3.50 0 0.00 58.00 1363.34 49.08 -0.09 790.54 -3.50 0 0.00 60.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 61.00 1335.94 48.09 -0.09 831.03 831.03 -3.50 0 0.00 62.00 <th< td=""><td>50.00</td><td>1439.92</td><td>51.84</td><td>-0.10</td><td>678.45</td><td>678.45</td><td>1.80</td><td>0</td><td>0.00</td></th<>	50.00	1439.92	51.84	-0.10	678.45	678.45	1.80	0	0.00
53.00 1410.58 50.78 -0.10 721.21 721.21 -3.50 0 0.00 54.00 1400.97 50.43 -0.10 735.26 735.26 -3.50 0 0.00 55.00 1391.44 50.09 -0.09 749.23 749.23 -3.50 0 0.00 56.00 1381.99 49.75 -0.09 763.09 763.09 -3.50 0 0.00 57.00 1372.63 49.41 -0.09 776.87 776.87 -3.50 0 0.00 58.00 1363.34 49.08 -0.09 790.54 790.54 -3.50 0 0.00 59.00 1354.13 48.75 -0.09 804.13 804.13 -3.50 0 0.00 60.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 62.00 1326.96 47.77 -0.09 844.35 844.35 -3.50 0 0.00 <t< td=""><td>51.00</td><td>1430.05</td><td>51.48</td><td>-0.10</td><td>692.80</td><td>692.80</td><td>-3.50</td><td>0</td><td>0.00</td></t<>	51.00	1430.05	51.48	-0.10	692.80	692.80	-3.50	0	0.00
54.00 1400.97 50.43 -0.10 735.26 735.26 -3.50 0 0.00 55.00 1391.44 50.09 -0.09 749.23 749.23 -3.50 0 0.00 56.00 1381.99 49.75 -0.09 763.09 763.09 -3.50 0 0.00 57.00 1372.63 49.41 -0.09 776.87 776.87 -3.50 0 0.00 58.00 1363.34 49.08 -0.09 790.54 790.54 -3.50 0 0.00 59.00 1354.13 48.75 -0.09 804.13 804.13 -3.50 0 0.00 60.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 61.00 1335.94 48.09 -0.09 831.03 831.03 -3.50 0 0.00 62.00 1326.96 47.77 -0.09 875.57 857.57 -3.50 0 0.00 <t< td=""><td>52.00</td><td>1420.27</td><td>51.13</td><td>-0.10</td><td>707.05</td><td>707.05</td><td>-3.50</td><td>0</td><td>0.00</td></t<>	52.00	1420.27	51.13	-0.10	707.05	707.05	-3.50	0	0.00
55.00 1391.44 50.09 -0.09 749.23 749.23 -3.50 0 0.00 56.00 1381.99 49.75 -0.09 763.09 763.09 -3.50 0 0.00 57.00 1372.63 49.41 -0.09 776.87 776.87 -3.50 0 0.00 58.00 1363.34 49.08 -0.09 790.54 790.54 -3.50 0 0.00 59.00 1354.13 48.75 -0.09 804.13 804.13 -3.50 0 0.00 60.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 61.00 1335.94 48.09 -0.09 831.03 831.03 -3.50 0 0.00 62.00 1326.96 47.77 -0.09 844.35 844.35 -3.50 0 0.00 63.00 1318.06 47.45 -0.09 870.71 870.71 -3.50 0 0.00 <t< td=""><td>53.00</td><td>1410.58</td><td>50.78</td><td>-0.10</td><td>721.21</td><td>721.21</td><td>-3.50</td><td>0</td><td>0.00</td></t<>	53.00	1410.58	50.78	-0.10	721.21	721.21	-3.50	0	0.00
56.00 1381.99 49.75 -0.09 763.09 763.09 -3.50 0 0.00 57.00 1372.63 49.41 -0.09 776.87 776.87 -3.50 0 0.00 58.00 1363.34 49.08 -0.09 790.54 790.54 -3.50 0 0.00 59.00 1354.13 48.75 -0.09 804.13 804.13 -3.50 0 0.00 60.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 61.00 1335.94 48.09 -0.09 831.03 831.03 -3.50 0 0.00 62.00 1326.96 47.77 -0.09 857.57 857.57 -3.50 0 0.00 63.00 1318.06 47.45 -0.09 870.71 870.71 -3.50 0 0.00 65.00 1300.46 46.82 -0.09 883.76 883.76 -3.50 0 0.00 <t< td=""><td>54.00</td><td>1400.97</td><td>50.43</td><td>-0.10</td><td>735.26</td><td>735.26</td><td>-3.50</td><td>0</td><td>0.00</td></t<>	54.00	1400.97	50.43	-0.10	735.26	735.26	-3.50	0	0.00
57.00 1372.63 49.41 -0.09 776.87 776.87 -3.50 0 0.00 58.00 1363.34 49.08 -0.09 790.54 790.54 -3.50 0 0.00 59.00 1354.13 48.75 -0.09 804.13 804.13 -3.50 0 0.00 60.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 61.00 1335.94 48.09 -0.09 831.03 831.03 -3.50 0 0.00 62.00 1326.96 47.77 -0.09 844.35 844.35 -3.50 0 0.00 63.00 1318.06 47.45 -0.09 857.57 857.57 -3.50 0 0.00 64.00 1309.22 47.13 -0.09 870.71 870.71 -3.50 0 0.00 65.00 1300.46 46.82 -0.09 886.72 896.72 -3.50 0 0.00 <t< td=""><td>55.00</td><td>1391.44</td><td>50.09</td><td>-0.09</td><td>749.23</td><td>749.23</td><td>-3.50</td><td>0</td><td>0.00</td></t<>	55.00	1391.44	50.09	-0.09	749.23	749.23	-3.50	0	0.00
58.00 1363.34 49.08 -0.09 790.54 790.54 -3.50 0 0.00 59.00 1354.13 48.75 -0.09 804.13 804.13 -3.50 0 0.00 60.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 61.00 1335.94 48.09 -0.09 831.03 831.03 -3.50 0 0.00 62.00 1326.96 47.77 -0.09 844.35 844.35 -3.50 0 0.00 63.00 1318.06 47.45 -0.09 857.57 857.57 -3.50 0 0.00 64.00 1309.22 47.13 -0.09 870.71 870.71 -3.50 0 0.00 65.00 1300.46 46.82 -0.09 896.72 896.72 -3.50 0 0.00 67.00 1283.15 46.19 -0.09 909.59 -3.50 0 0.00 68.00 <td< td=""><td>56.00</td><td>1381.99</td><td>49.75</td><td>-0.09</td><td>763.09</td><td>763.09</td><td>-3.50</td><td>0</td><td>0.00</td></td<>	56.00	1381.99	49.75	-0.09	763.09	763.09	-3.50	0	0.00
59.00 1354.13 48.75 -0.09 804.13 804.13 -3.50 0 0.00 60.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 61.00 1335.94 48.09 -0.09 831.03 831.03 -3.50 0 0.00 62.00 1326.96 47.77 -0.09 844.35 844.35 -3.50 0 0.00 63.00 1318.06 47.45 -0.09 857.57 857.57 -3.50 0 0.00 64.00 1309.22 47.13 -0.09 870.71 870.71 -3.50 0 0.00 65.00 1300.46 46.82 -0.09 883.76 883.76 -3.50 0 0.00 67.00 1283.15 46.19 -0.09 909.59 909.59 -3.50 0 0.00 68.00 1274.60 45.89 -0.09 922.38 922.38 -3.50 0 0.00 <t< td=""><td>57.00</td><td>1372.63</td><td>49.41</td><td>-0.09</td><td>776.87</td><td>776.87</td><td>-3.50</td><td>0</td><td>0.00</td></t<>	57.00	1372.63	49.41	-0.09	776.87	776.87	-3.50	0	0.00
60.00 1345.00 48.42 -0.09 817.63 817.63 -3.50 0 0.00 61.00 1335.94 48.09 -0.09 831.03 831.03 -3.50 0 0.00 62.00 1326.96 47.77 -0.09 844.35 844.35 -3.50 0 0.00 63.00 1318.06 47.45 -0.09 857.57 857.57 -3.50 0 0.00 64.00 1309.22 47.13 -0.09 870.71 870.71 -3.50 0 0.00 65.00 1300.46 46.82 -0.09 883.76 83.76 -3.50 0 0.00 66.00 1291.77 46.50 -0.09 896.72 896.72 -3.50 0 0.00 67.00 1283.15 46.19 -0.09 909.59 909.59 -3.50 0 0.00 69.00 1266.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 <td< td=""><td>58.00</td><td>1363.34</td><td>49.08</td><td>-0.09</td><td>790.54</td><td>790.54</td><td>-3.50</td><td>0</td><td>0.00</td></td<>	58.00	1363.34	49.08	-0.09	790.54	790.54	-3.50	0	0.00
61.00 1335.94 48.09 -0.09 831.03 831.03 -3.50 0 0.00 62.00 1326.96 47.77 -0.09 844.35 844.35 -3.50 0 0.00 63.00 1318.06 47.45 -0.09 857.57 857.57 -3.50 0 0.00 64.00 1309.22 47.13 -0.09 870.71 870.71 -3.50 0 0.00 65.00 1300.46 46.82 -0.09 883.76 83.76 -3.50 0 0.00 66.00 1291.77 46.50 -0.09 896.72 896.72 -3.50 0 0.00 67.00 1283.15 46.19 -0.09 909.59 909.59 -3.50 0 0.00 68.00 1274.60 45.89 -0.09 922.38 922.38 -3.50 0 0.00 69.00 1266.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 <td< td=""><td>59.00</td><td>1354.13</td><td>48.75</td><td>-0.09</td><td>804.13</td><td>804.13</td><td>-3.50</td><td>0</td><td>0.00</td></td<>	59.00	1354.13	48.75	-0.09	804.13	804.13	-3.50	0	0.00
62.00 1326.96 47.77 -0.09 844.35 844.35 -3.50 0 0.00 63.00 1318.06 47.45 -0.09 857.57 857.57 -3.50 0 0.00 64.00 1309.22 47.13 -0.09 870.71 870.71 -3.50 0 0.00 65.00 1300.46 46.82 -0.09 883.76 883.76 -3.50 0 0.00 66.00 1291.77 46.50 -0.09 896.72 896.72 -3.50 0 0.00 67.00 1283.15 46.19 -0.09 909.59 909.59 -3.50 0 0.00 68.00 1274.60 45.89 -0.09 922.38 922.38 -3.50 0 0.00 69.00 1266.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 71.00 1249.36 44.98 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 <t< td=""><td>60.00</td><td>1345.00</td><td>48.42</td><td>-0.09</td><td>817.63</td><td>817.63</td><td>-3.50</td><td>0</td><td>0.00</td></t<>	60.00	1345.00	48.42	-0.09	817.63	817.63	-3.50	0	0.00
63.00 1318.06 47.45 -0.09 857.57 857.57 -3.50 0 0.00 64.00 1309.22 47.13 -0.09 870.71 870.71 -3.50 0 0.00 65.00 1300.46 46.82 -0.09 883.76 883.76 -3.50 0 0.00 66.00 1291.77 46.50 -0.09 896.72 896.72 -3.50 0 0.00 67.00 1283.15 46.19 -0.09 909.59 909.59 -3.50 0 0.00 68.00 1274.60 45.89 -0.09 922.38 922.38 -3.50 0 0.00 69.00 1266.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 70.00 1257.71 45.28 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 72.00 1241.08 44.68 -0.08 960.24 960.24 -3.50 0 0.00 <t< td=""><td>61.00</td><td>1335.94</td><td>48.09</td><td>-0.09</td><td>831.03</td><td>831.03</td><td>-3.50</td><td>0</td><td>0.00</td></t<>	61.00	1335.94	48.09	-0.09	831.03	831.03	-3.50	0	0.00
64.00 1309.22 47.13 -0.09 870.71 870.71 -3.50 0 0.00 65.00 1300.46 46.82 -0.09 883.76 883.76 -3.50 0 0.00 66.00 1291.77 46.50 -0.09 896.72 896.72 -3.50 0 0.00 67.00 1283.15 46.19 -0.09 909.59 909.59 -3.50 0 0.00 68.00 1274.60 45.89 -0.09 922.38 922.38 -3.50 0 0.00 69.00 1266.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 70.00 1257.71 45.28 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 71.00 1249.36 44.98 -0.08 960.24 960.24 -3.50 0 0.00 72.00 1241.08 44.68 -0.08 972.69 972.69 -3.50 0 0.00 <t< td=""><td>62.00</td><td>1326.96</td><td>47.77</td><td>-0.09</td><td>844.35</td><td>844.35</td><td>-3.50</td><td>0</td><td>0.00</td></t<>	62.00	1326.96	47.77	-0.09	844.35	844.35	-3.50	0	0.00
65.00 1300.46 46.82 -0.09 883.76 883.76 -3.50 0 0.00 66.00 1291.77 46.50 -0.09 896.72 896.72 -3.50 0 0.00 67.00 1283.15 46.19 -0.09 909.59 909.59 -3.50 0 0.00 68.00 1274.60 45.89 -0.09 922.38 922.38 -3.50 0 0.00 69.00 1266.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 70.00 1257.71 45.28 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 71.00 1249.36 44.98 -0.08 960.24 960.24 -3.50 0 0.00 72.00 1241.08 44.68 -0.08 972.69 972.69 -3.50 0 0.00 74.00 1224.71 44.09 -0.08 997.35 997.35 -3.50 0 0.00	63.00	1318.06	47.45	-0.09	857.57	857.57	-3.50	0	0.00
66.00 1291.77 46.50 -0.09 896.72 896.72 -3.50 0 0.00 67.00 1283.15 46.19 -0.09 909.59 909.59 -3.50 0 0.00 68.00 1274.60 45.89 -0.09 922.38 922.38 -3.50 0 0.00 69.00 1266.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 70.00 1257.71 45.28 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 71.00 1249.36 44.98 -0.08 960.24 960.24 -3.50 0 0.00 72.00 1241.08 44.68 -0.08 972.69 972.69 -3.50 0 0.00 73.00 1232.86 44.38 -0.08 985.06 985.06 -3.50 0 0.00 74.00 1224.71 44.09 -0.08 997.35 997.35 -3.50 0 0.00	64.00	1309.22	47.13	-0.09	870.71	870.71	-3.50	0	0.00
67.00 1283.15 46.19 -0.09 909.59 909.59 -3.50 0 0.00 68.00 1274.60 45.89 -0.09 922.38 922.38 -3.50 0 0.00 69.00 1266.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 70.00 1257.71 45.28 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 71.00 1249.36 44.98 -0.08 960.24 960.24 -3.50 0 0.00 72.00 1241.08 44.68 -0.08 972.69 972.69 -3.50 0 0.00 73.00 1232.86 44.38 -0.08 985.06 985.06 -3.50 0 0.00 74.00 1224.71 44.09 -0.08 997.35 997.35 -3.50 0 0.00	65.00	1300.46	46.82	-0.09	883.76	883.76	-3.50	0	0.00
68.00 1274.60 45.89 -0.09 922.38 922.38 -3.50 0 0.00 69.00 1266.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 70.00 1257.71 45.28 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 71.00 1249.36 44.98 -0.08 960.24 960.24 -3.50 0 0.00 72.00 1241.08 44.68 -0.08 972.69 972.69 -3.50 0 0.00 73.00 1232.86 44.38 -0.08 985.06 985.06 -3.50 0 0.00 74.00 1224.71 44.09 -0.08 997.35 997.35 -3.50 0 0.00	66.00	1291.77	46.50	-0.09	896.72	896.72	-3.50	0	0.00
69.00 1266.12 45.58 -0.08 935.08 935.08 -3.50 0 0.00 70.00 1257.71 45.28 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 71.00 1249.36 44.98 -0.08 960.24 960.24 -3.50 0 0.00 72.00 1241.08 44.68 -0.08 972.69 972.69 -3.50 0 0.00 73.00 1232.86 44.38 -0.08 985.06 985.06 -3.50 0 0.00 74.00 1224.71 44.09 -0.08 997.35 997.35 -3.50 0 0.00	67.00	1283.15	46.19	-0.09	909.59	909.59	-3.50	0	0.00
70.00 1257.71 45.28 -0.08 947.70 947.70 -3.50 0 0.00 71.00 1249.36 44.98 -0.08 960.24 960.24 -3.50 0 0.00 72.00 1241.08 44.68 -0.08 972.69 972.69 -3.50 0 0.00 73.00 1232.86 44.38 -0.08 985.06 985.06 -3.50 0 0.00 74.00 1224.71 44.09 -0.08 997.35 997.35 -3.50 0 0.00	68.00	1274.60	45.89	-0.09	922.38	922.38	-3.50	0	0.00
71.00 1249.36 44.98 -0.08 960.24 960.24 -3.50 0 0.00 72.00 1241.08 44.68 -0.08 972.69 972.69 -3.50 0 0.00 73.00 1232.86 44.38 -0.08 985.06 985.06 -3.50 0 0.00 74.00 1224.71 44.09 -0.08 997.35 997.35 -3.50 0 0.00	69.00	1266.12	45.58	-0.08	935.08	935.08	-3.50	0	0.00
72.00 1241.08 44.68 -0.08 972.69 972.69 -3.50 0 0.00 73.00 1232.86 44.38 -0.08 985.06 985.06 -3.50 0 0.00 74.00 1224.71 44.09 -0.08 997.35 997.35 -3.50 0 0.00	70.00	1257.71	45.28	-0.08	947.70	947.70	-3.50	0	0.00
73.00 1232.86 44.38 -0.08 985.06 985.06 -3.50 0 0.00 74.00 1224.71 44.09 -0.08 997.35 997.35 -3.50 0 0.00	71.00	1249.36	44.98	-0.08	960.24	960.24	-3.50	0	0.00
74.00 1224.71 44.09 -0.08 997.35 997.35 -3.50 0 0.00	72.00	1241.08	44.68	-0.08	972.69	972.69	-3.50	0	0.00
	73.00	1232.86	44.38	-0.08	985.06	985.06	-3.50	0	0.00
75.00 1216.62 43.80 -0.08 1009.55 1009.55 -3.50 0 0.00	74.00	1224.71	44.09	-0.08	997.35	997.35	-3.50	0	0.00
	75.00	1216.62	43.80	-0.08	1009.55	1009.55	-3.50	0	0.00

76.0	00 1208.59	43.51	-0.08	1021.68	1021.68	-3.50	0	0.00
77.0	00 1200.63	43.22	-0.08	1033.73	1033.73	-3.50	0	0.00
78.0	00 1192.73	42.94	-0.08	1045.69	1045.69	-3.50	0	0.00
79.0	00 1184.88	42.66	-0.08	1057.58	1057.58	-3.50	0	0.00
80.0	00 1177.10	42.38	-0.08	1069.39	1069.39	-3.50	0	0.00
81.0	00 1169.38	42.10	-0.08	1081.12	1081.12	-3.50	0	0.00
82.0	00 1161.71	41.82	-0.08	1092.78	1092.78	-3.50	0	0.00
83.0	00 1154.10	41.55	-0.08	1104.36	1104.36	-3.50	0	0.00
84.0	00 1146.55	41.28	-0.08	1115.86	1115.86	-3.50	0	0.00
85.0	00 1139.06	41.01	-0.07	1127.29	1127.29	-3.50	0	0.00
86.0	00 1131.62	40.74	-0.07	1138.64	1138.64	-3.50	0	0.00
87.0	00 1124.23	40.47	-0.07	1149.92	1149.92	-3.50	0	0.00
88.0	00 1116.90	40.21	-0.07	1161.13	1161.13	-3.50	0	0.00
89.0	00 1109.62	39.95	-0.07	1172.26	1172.26	-3.50	0	0.00
90.0	00 1102.40	39.69	-0.99	1183.32	1183.32	-3.50	0	0.00
91.0	00 1095.22	39.43	-0.98	1194.31	1194.31	-3.50	0	0.00
92.0	00 1088.10	39.17	-0.97	1205.22	1205.22	-3.50	0	0.00
93.0	00 1081.03	38.92	-0.97	1216.07	1216.07	-3.50	0	0.00
94.0	00 1074.01	38.66	-0.96	1226.85	1226.85	-3.50	0	0.00
95.0	00 1067.04	38.41	-0.96	1237.55	1237.55	-3.50	0	0.00
96.0	00 1060.12	38.16	-0.95	1248.19	1248.19	-3.50	0	0.00
97.0	00 1053.25	37.92	-0.94	1258.75	1258.75	-3.50	0	0.00
98.0	00 1046.43	37.67	-0.94	1269.25	1269.25	-3.50	0	0.00
99.0	00 1039.65	37.43	-0.93	1279.68	1279.68	-3.50	0	0.00
100.0	00 1032.92	37.19	-0.92	1290.05	1290.05	-3.50	0	0.00
101.0	00 983.55	35.41	-0.92	1300.23	1300.23	-3.50	0	0.00
102.0	00 892.05	32.11	-0.91	1309.61	1309.61	0.00	0	0.00
103.0	00 801.12	28.84	-0.91	1318.08	1318.08	0.00	0	0.00
104.0	00 710.72	25.59	-0.90	1325.64	1325.64	0.00	0	0.00
105.0	00 620.81	22.35	-0.90	1332.29	1332.29	0.00	0	0.00
106.0	00 531.36	19.13	-0.89	1338.05	1338.05	0.00	0	0.00
107.0	00 442.31	15.92	-0.89	1342.92	1342.92	0.00	0	0.00
108.0	00 353.65	12.73	-0.88	1346.90	1346.90	0.00	0	0.00
109.0	00 265.32	9.55	-0.88	1350.00	1350.00	0.00	0	0.00
110.0	00 177.29	6.38	-0.88	1352.21	1352.21	0.00	0	0.00
111.0	00 89.53	3.22	-0.88	1353.54	1353.54	0.00	0	0.00
112.0	0.00	0.00	-0.87	1354.00	1354.00	0.00	0	0.00
113.0	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
114.0	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
115.0	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00

116.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
 117.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
118.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
 119.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
120.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
121.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
122.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
123.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
 124.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
125.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
126.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
127.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
128.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
129.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
130.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
131.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
132.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
133.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
134.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
135.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
136.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
137.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
138.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
139.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
140.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
141.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
142.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
143.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
144.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
145.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
146.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
147.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
148.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
149.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
150.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
151.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
152.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
153.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
154.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00
155.00	0.00	0.00	0.00	0.00	1354.00	0.00	0	0.00

156,00	_										
158.00 100.00 3.60 1.00 0.50 1354.50 0.00 198633 198.63 159.00 200.00 7.20 1.00 2.00 1356.00 0.00 199193 398.39 160.00 300.00 10.80 1.00 4.50 1358.50 0.00 199843 599.53 161.00 400.00 14.40 1.00 8.00 1362.00 0.00 200581 802.32 162.00 500.00 18.00 1.00 12.50 1366.50 0.00 201409 1007.04 163.00 600.00 21.60 1.00 18.00 1372.00 0.00 203326 1213.95 164.00 700.00 25.20 1.00 24.50 1378.50 0.00 203332 1423.32 165.00 800.00 23.40 1.00 40.50 1394.50 0.00 204427 1635.42 166.00 900.00 32.40 1.00 40.50 1394.50 0.00 205611 1850.50 167.00 1000.00 36.00 1.00 50.00 1414.50 0.00 208248 2290.72 169.00 1200.00 43.20 1.00 72.00 1426.00 0.00 208248 2290.72 169.00 1200.00 43.20 1.00 84.50 1414.50 0.00 208248 2290.72 172.00 1499.98 54.00 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 172.87 1481.87 0.00 21602 3409.44 174.00 1678.43 66.42 1.00 1441.51 1498.15 0.00 217880 356.88 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0.00 179.00 1701.45 61.25 -0.12 233.91 1550.19 0.00 0.00 179.00 1701.45 61.25 -0.12 233.91 1550.19 0.00 0.00 0.00 170.00 1701.45 61.25 -0.12 233.91 1550.19 0.00 0.00 0.00 182.00 164.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 183.00 1659.40 58.66 -0.12 233.91 1567.33 3.00 0.00 0.00 183.00 1694.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0.00 0.00 183.00 1694.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0.00 0.00 183.00 1652.95 59.51 -0.12 297.55 1651.55 3.00 0.00 0.00 183.00 1653.66 55.82 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0.00 0.00 190.00 1572.48 56.61 -0.11 476.48 1811.08 3.00 0.00 0.00 190.		156.00			0.00	0.00	1354.00	0.00	0 0		
159.00 200.00 7.20 1.00 2.00 1356.00 0.00 199193 398.39 160.00 300.00 10.80 1.00 4.50 1358.50 0.00 199843 599.53 161.00 400.00 14.40 1.00 8.00 1362.00 0.00 200581 802.32 162.00 500.00 18.00 1.00 12.50 1366.50 0.00 201409 1007.04 163.00 600.00 21.60 1.00 12.50 1378.50 0.00 20326 1213.95 164.00 700.00 25.20 1.00 24.50 1378.50 0.00 203332 1423.32 165.00 800.00 28.80 1.00 32.00 1386.00 0.00 204427 1635.42 166.00 900.00 32.40 1.00 40.50 1394.50 0.00 205611 1850.50 167.00 1000.00 36.00 1.00 50.00 1404.00 0.00 206885 2068.85 168.00 1100.00 33.60 1.00 60.50 1414.50 0.00 208248 2290.72 169.00 1200.00 43.20 1.00 72.00 1426.00 0.00 209700 2516.40 170.00 1300.00 46.80 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 214590 3218.81 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 217880 3656.49 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 217880 3656.49 175.00 1731.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0.00 179.00 1701.45 61.25 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0.00 0.00 182.00 1694.45 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 182.00 1664.89 59.94 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0.00 0.00 182.00 1664.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 182.00 1652.95 59.51 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 182.00 1653.66 60.37 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 182.00 1664.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 182.00 1653.66 60.37 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00		157.00	0.00	0.00	1.00	0.00	1354.00	0.00	198162	0.00	
160.00 300.00 10.80 1.00 4.50 1358.50 0.00 199843 599.53 161.00 400.00 14.40 1.00 8.00 1362.00 0.00 200581 802.32 162.00 500.00 18.00 1.00 12.50 1366.50 0.00 201409 1007.04 163.00 600.00 21.60 1.00 18.00 1372.00 0.00 203326 1213.95 164.00 700.00 25.20 1.00 24.50 1378.50 0.00 203332 1423.32 165.00 800.00 28.80 1.00 32.00 1386.00 0.00 205611 1850.50 166.00 900.00 32.40 1.00 40.50 1394.50 0.00 205611 1850.50 167.00 1000.00 36.00 1.00 50.00 1404.00 0.00 206885 2068.85 168.00 1100.00 39.60 1.00 60.50 1414.50 0.00 209700 2516.40 170.00 1300.00 46.80 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 212871 2980.20 173.00 1758.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 217880 3656.98 175.00 1731.93 63.07 0.13 161.40 1515.40 0.00 0.00 176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0.00 177.00 1701.45 61.25 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0.00 178.00 1713.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 180.00 1664.89 59.94 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0.00 180.00 1669.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 180.00 1664.89 59.94 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0.00 180.00 1640.01 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0.00 180.00 1652.95 59.51 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0.00 180.00 1640.01 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0.00 180.00 1640.01 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0.00 180.00 1640.01 57.84 50.61 -0.11 378.63 179.63 3.00 0.00 180.00 1583.66 57.01 -0.11 378.63 179.63 3.00 0.00 180.00 1583.66 57.01 -		158.00	100.00	3.60	1.00	0.50	1354.50	0.00	198633	198.63	
161.00 400.00 14.40 1.00 8.00 1362.00 0.00 200581 802.32 162.00 500.00 18.00 1.00 12.50 1366.50 0.00 201409 1007.04 163.00 600.00 21.60 1.00 18.00 1372.00 0.00 202326 1213.95 164.00 700.00 25.20 1.00 24.50 1378.50 0.00 203332 1423.32 165.00 800.00 28.80 1.00 32.00 1386.00 0.00 204427 1635.42 166.00 900.00 32.40 1.00 40.50 1394.50 0.00 205611 1850.50 167.00 1000.00 36.00 1.00 50.00 1404.00 0.00 206885 2068.85 168.00 1100.00 39.60 1.00 60.50 1414.50 0.00 209700 2516.40 170.00 1300.00 46.80 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 21680 3218.81 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 217880 3656.98 175.00 1701.45 61.25 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0.00 170.00 1701.45 61.25 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 181.00 1664.89 59.94 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0.00 183.00 1669.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 183.00 1669.94 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0.00 188.00 169.40 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0.00 188.00 169.40 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0.00 188.00 1694.00 58.66 -0.11 378.73 1716.73 3.00 0.00 188.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1716.73 3.00 0.00 188.00 1594.92 57.42 -0.11 346.61 1700.61 3.00 0.00 188.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1795.63 3.00 0.00 199.00 1583.66 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0.00 190.00 1572.48 56.61 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0.00 191.00 1584.84 55.04 -0.1		159.00	200.00	7.20	1.00	2.00	1356.00	0.00	199193	398.39	
162.00 500.00 18.00 1.00 12.50 1366.50 0.00 201409 1007.04 163.00 600.00 21.60 1.00 18.00 1372.00 0.00 202326 1213.95 164.00 700.00 25.20 1.00 24.50 1378.50 0.00 203332 1423.32 165.00 800.00 28.80 1.00 32.00 1386.00 0.00 204427 1635.42 166.00 900.00 32.40 1.00 40.50 1394.50 0.00 205611 1850.50 167.00 1000.00 36.00 1.00 50.00 404.00 0.00 206885 2068.85 168.00 1100.00 39.60 1.00 60.50 1414.50 0.00 208248 2290.72 169.00 1200.00 43.20 1.00 72.00 1426.00 0.00 20770 2516.40 170.00 1300.00 46.80 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 214590 3218.81 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 217880 3656.94 175.00 1751.93 63.07 0.13 161.40 1515.40 0.00 0 0.00 176.00 1739.12 62.61 0.13 178.86 1532.86 0.00 0 0.00 177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0 0.00 178.00 1713.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 181.00 1648.89 59.94 -0.12 220.47 1584.47 0.00 0 0.00 181.00 1648.9 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 181.00 164.12 59.08 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00 181.00 1649.40 58.66 -0.12 346.61 1700.61 3.00 0 0.00 181.00 1649.49 58.66 -0.12 346.61 1700.61 3.00 0 0.00 181.00 1641.12 59.08 -0.12 346.61 1700.61 3.00 0 0.00 181.00 1652.95 59.51 -0.12 297.55 1618.25 3.00 0 0.00 181.00 1652.40 58.66 -0.11 347.63 1746.43 3.00 0 0.00 181.00 1652.45 55.62 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00 191.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 191.00 1550		160.00	300.00	10.80	1.00	4.50	1358.50	0.00	199843	599.53	
163.00 600.00 21.60 1.00 18.00 1372.00 0.00 202326 1213.95 164.00 700.00 25.20 1.00 24.50 1378.50 0.00 203332 1423.32 165.00 800.00 28.80 1.00 32.00 1386.00 0.00 204427 1635.42 166.00 900.00 32.40 1.00 40.50 1394.50 0.00 205611 1850.50 167.00 1000.00 36.00 1.00 50.00 1404.00 0.00 206885 2068.85 168.00 1100.00 39.60 1.00 60.50 1414.50 0.00 208248 2290.72 169.00 1200.00 43.20 1.00 72.00 1426.00 0.00 209700 2516.40 170.00 1300.00 46.80 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 212871 2980.20 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0 0.00 176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0 0.00 177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0 0.00 178.00 1713.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 181.00 1676.96 60.37 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 183.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 185.00 1699.40 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0 0.00 187.00 1664.89 59.94 -0.12 2264.25 1618.25 3.00 0 0.00 185.00 1699.40 58.66 -0.12 346.61 1700.61 3.00 0 0.00 187.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1716.73 3.00 0 0.00 187.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1716.73 3.00 0 0.00 187.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1716.73 3.00 0 0.00 189.00 1582.84 55.04 -0.11 472.68 1780.08 3.00 0 0.00 199.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 199.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3		161.00	400.00	14.40	1.00	8.00	1362.00	0.00	200581	802.32	
164.00 700.00 25.20 1.00 24.50 1378.50 0.00 203332 1423.32 165.00 800.00 28.80 1.00 32.00 1386.00 0.00 204427 1635.42 166.00 900.00 32.40 1.00 40.50 1394.50 0.00 205611 1850.50 167.00 1000.00 36.00 1.00 50.00 1404.00 0.00 206885 2068.85 168.00 1100.00 39.60 1.00 60.50 1414.50 0.00 208248 2290.72 169.00 1200.00 43.20 1.00 72.00 1426.00 0.00 209700 2516.40 170.00 1300.00 46.80 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 214590 3218.81 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0.00 217880 3656.98 175.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0.00 0.00 170.00 1701.45 61.25 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0.00 0.00 180.00 1664.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 183.00 1664.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 185.00 1664.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 185.00 1664.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 185.00 1664.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 185.00 1664.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 185.00 1664.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 185.00 1664.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 185.00 1664.89 59.94 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0.00 0.00 185.00 1666.31 57.83 -0.11 378.73 178.63 3.00 0.00 0.00 185.00 1652.95 59.51 -0.12 297.55 1651.55 3.00 0.00 0.00 185.00 1652.95 59.51 -0.12 297.55 1651.55 3.00 0.00 0.00 185.00 1652.40 58.66 -0.12 346.61 170.061 3.00 0.00 0.00 185.00 1572.48 56.61 -0.11 476.44 3.00 0.00 0.00 189.00 1553.66 57.01 -0.11 394.63 1795.63 3.00 0.00		162.00	500.00	18.00	1.00	12.50	1366.50	0.00	201409	1007.04	
165.00 800.00 28.80 1.00 32.00 1386.00 0.00 204427 1635.42 166.00 900.00 32.40 1.00 40.50 1394.50 0.00 205611 1850.50 167.00 1000.00 36.00 1.00 50.00 1404.00 0.00 206885 2068.85 168.00 1100.00 39.60 1.00 60.50 1414.50 0.00 208248 2290.72 169.00 1200.00 43.20 1.00 72.00 1426.00 0.00 209700 2516.40 170.00 1300.00 46.80 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 214590 3218.81 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0 0.00 176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0 0.00 177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0 0.00 178.00 1713.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0 0.00 179.00 1701.45 61.25 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 181.00 1664.89 59.94 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0 0.00 183.00 1664.89 59.94 -0.12 2280.96 1634.96 3.00 0 0.00 185.00 1699.40 58.66 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00 187.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 187.00 1583.65 57.01 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 189.00 1583.65 57.01 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 189.00 1583.65 57.01 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 199.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 199.00 1552.88 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00 199.00 1552.88 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00		163.00	600.00	21.60	1.00	18.00	1372.00	0.00	202326	1213.95	
166.00 900.00 32.40 1.00 40.50 1394.50 0.00 205611 1850.50 167.00 1000.00 36.00 1.00 50.00 1404.00 0.00 206885 2068.85 168.00 1100.00 39.60 1.00 60.50 1414.50 0.00 208248 2290.72 169.00 1200.00 43.20 1.00 72.00 1426.00 0.00 209700 2516.40 170.00 1300.00 46.80 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 214590 3218.81 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 216002 3409.44 174.00 1678.43 60.42 1.00 1441.15 1498.15 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0 0.00 176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0 0.00 177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0 0.00 178.00 1713.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0 0.00 179.00 1701.45 61.25 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 181.00 1664.89 59.94 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0 0.00 183.00 1664.89 59.94 -0.12 2297.55 1651.55 3.00 0 0.00 184.00 1641.12 59.08 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00 185.00 1692.40 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0 0.00 187.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 189.00 1583.65 57.01 -0.11 394.63 1748.63 3.00 0 0.00 189.00 1593.66 55.82 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0 0.00 199.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 199.00 1552.88 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00		164.00	700.00	25.20	1.00	24.50	1378.50	0.00	203332	1423.32	
167.00 1000.00 36.00 1.00 50.00 1404.00 0.00 206885 2068.85 168.00 1100.00 39.60 1.00 60.50 1414.50 0.00 208248 2290.72 169.00 1200.00 43.20 1.00 72.00 1426.00 0.00 209700 2516.40 170.00 1300.00 46.80 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 214590 3218.81 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 216002 3409.44 174.00 1678.43 60.42 1.00 144.15 1498.15 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 <t< td=""><td></td><td>165.00</td><td>800.00</td><td>28.80</td><td>1.00</td><td>32.00</td><td>1386.00</td><td>0.00</td><td>204427</td><td>1635.42</td></t<>		165.00	800.00	28.80	1.00	32.00	1386.00	0.00	204427	1635.42	
168.00 1100.00 39.60 1.00 60.50 1414.50 0.00 208248 2290.72 169.00 1200.00 43.20 1.00 72.00 1426.00 0.00 209700 2516.40 170.00 1300.00 46.80 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 214590 3218.81 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 216002 3409.44 174.00 1678.43 60.42 1.00 144.15 1498.15 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0 0.00 176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0 <td></td> <td>166.00</td> <td>900.00</td> <td>32.40</td> <td>1.00</td> <td>40.50</td> <td>1394.50</td> <td>0.00</td> <td>205611</td> <td>1850.50</td>		166.00	900.00	32.40	1.00	40.50	1394.50	0.00	205611	1850.50	
169.00 1200.00 43.20 1.00 72.00 1426.00 0.00 209700 2516.40 170.00 1300.00 46.80 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 214590 3218.81 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 216002 3409.44 174.00 1678.43 60.42 1.00 144.15 1498.15 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0 0.00 176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0 0.00 177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0		167.00	1000.00	36.00	1.00	50.00	1404.00	0.00	206885	2068.85	
170.00 1300.00 46.80 1.00 84.50 1438.50 0.00 211241 2746.13 171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 214590 3218.81 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 216002 3409.44 174.00 1678.43 60.42 1.00 144.15 1498.15 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0 0.00 176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0 0.00 177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0 0.00 179.00 1701.45 61.25 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 181.00 1676.96 60.37 -0.12 246.25 1618.25 3.00 0 0.00 182.00 1664.89 59.94 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00 185.00 1629.40 58.66 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00 187.00 1606.31 57.83 -0.12 247.55 1651.55 3.00 0 0.00 187.00 1606.31 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0 0.00 189.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 190.00 1572.48 56.61 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0 0.00 190.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 190.00 1539.60 55.43 -0.11 476.43 1826.43 3.00 0 0.00 190.00 1539.60 55.43 -0.11 476.43 1826.43 3.00 0 0.00 190.00 1539.60 55.43 -0.11 476.43 1826.43 3.00 0 0.00 190.00 1539.60 55.43 -0.11 476.43 1826.43 3.00 0 0.00 190.00 1539.60 55.43 -0.11 476.43 1826.43 3.00 0 0.00 190.00 1539.60 55.43 -0.11 476.43 1826.43 3.00 0 0.00 190.00 1539.60 55.43 -0.11 476.43 1826.43 3.00 0 0.00 190.00 1539.60 55.43 -0.11 476.43 1826.43 3.00 0 0.00 190.00 1539.60 55.43 -0.11 476.43 1826.43 3.00 0 0.00 190.00 190.00 1528.84 55.04 -0.11 476.43 1826.43 3.00		168.00	1100.00	39.60	1.00	60.50	1414.50	0.00	208248	2290.72	
171.00 1400.00 50.40 1.00 98.00 1452.00 0.00 212871 2980.20 172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 214590 3218.81 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 216002 3409.44 174.00 1678.43 60.42 1.00 144.15 1498.15 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0 0.00 176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0 0.00 177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0 0.00 178.00 1713.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0 0.00 179.00 1701.45 61.25 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0 0.0		169.00	1200.00	43.20	1.00	72.00	1426.00	0.00	209700	2516.40	
172.00 1499.98 54.00 1.00 112.50 1466.50 0.00 214590 3218.81 173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 216002 3409.44 174.00 1678.43 60.42 1.00 144.15 1498.15 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0 0.00 176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0 0.00 177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0 0.00 178.00 1713.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0 0.00 181.00 1676.96 60.37 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00		170.00	1300.00	46.80	1.00	84.50	1438.50	0.00	211241	2746.13	
173.00 1578.43 56.82 1.00 127.87 1481.87 0.00 216002 3409.44 174.00 1678.43 60.42 1.00 144.15 1498.15 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0 0.00 176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0 0.00 177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0 0.00 178.00 1713.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0 0.00 179.00 1701.45 61.25 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 182.00 1664.89 59.94 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00 </td <td></td> <td>171.00</td> <td>1400.00</td> <td>50.40</td> <td>1.00</td> <td>98.00</td> <td>1452.00</td> <td>0.00</td> <td>212871</td> <td>2980.20</td>		171.00	1400.00	50.40	1.00	98.00	1452.00	0.00	212871	2980.20	
174.00 1678.43 60.42 1.00 144.15 1498.15 0.00 217880 3656.98 175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0 0.00 176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0 0.00 177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0 0.00 178.00 1713.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0 0.00 179.00 1701.45 61.25 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 181.00 1676.96 60.37 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00 182.00 1664.89 59.94 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00		172.00	1499.98	54.00	1.00	112.50	1466.50	0.00	214590	3218.81	
175.00 1751.93 63.07 -0.13 161.40 1515.40 0.00 0 0.00 176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0 0.00 177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0 0.00 178.00 1713.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0 0.00 179.00 1701.45 61.25 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 181.00 1676.96 60.37 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00 182.00 1664.89 59.94 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00 183.00 1652.95 59.51 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00		173.00	1578.43	56.82	1.00	127.87	1481.87	0.00	216002	3409.44	
176.00 1739.12 62.61 -0.13 178.86 1532.86 0.00 0 0.00 177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0 0.00 178.00 1713.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0 0.00 179.00 1701.45 61.25 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 181.00 1676.96 60.37 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00 182.00 1664.89 59.94 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00 183.00 1652.95 59.51 -0.12 297.55 1651.55 3.00 0 0.00 184.00 1641.12 59.08 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00		174.00	1678.43	60.42	1.00	144.15	1498.15	0.00	217880	3656.98	
177.00 1726.44 62.15 -0.13 196.19 1550.19 0.00 0 0.00 178.00 1713.88 61.70 -0.12 213.39 1567.39 0.00 0 0.00 179.00 1701.45 61.25 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 181.00 1676.96 60.37 -0.12 264.25 1618.25 3.00 0 0.00 182.00 1664.89 59.94 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00 183.00 1652.95 59.51 -0.12 297.55 1651.55 3.00 0 0.00 184.00 1641.12 59.08 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00 185.00 1629.40 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0 0.00		175.00	1751.93	63.07	-0.13	161.40	1515.40	0.00	0	0.00	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		176.00	1739.12	62.61	-0.13	178.86	1532.86	0.00	0	0.00	
179.00 1701.45 61.25 -0.12 230.47 1584.47 0.00 0 0.00 180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 181.00 1676.96 60.37 -0.12 264.25 1618.25 3.00 0 0.00 182.00 1664.89 59.94 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00 183.00 1652.95 59.51 -0.12 297.55 1651.55 3.00 0 0.00 184.00 1641.12 59.08 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00 185.00 1629.40 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0 0.00 187.00 1606.31 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0 0.00 188.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00		177.00	1726.44	62.15	-0.13	196.19	1550.19	0.00	0	0.00	
180.00 1689.14 60.81 -0.12 247.42 1601.42 3.00 0 0.00 181.00 1676.96 60.37 -0.12 264.25 1618.25 3.00 0 0.00 182.00 1664.89 59.94 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00 183.00 1652.95 59.51 -0.12 297.55 1651.55 3.00 0 0.00 184.00 1641.12 59.08 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00 185.00 1629.40 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0 0.00 186.00 1617.80 58.24 -0.12 346.61 1700.61 3.00 0 0.00 187.00 1606.31 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0 0.00 188.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00		178.00	1713.88	61.70	-0.12	213.39	1567.39	0.00	0	0.00	
181.00 1676.96 60.37 -0.12 264.25 1618.25 3.00 0 0.00 182.00 1664.89 59.94 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00 183.00 1652.95 59.51 -0.12 297.55 1651.55 3.00 0 0.00 184.00 1641.12 59.08 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00 185.00 1629.40 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0 0.00 186.00 1617.80 58.24 -0.12 346.61 1700.61 3.00 0 0.00 187.00 1606.31 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0 0.00 188.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 190.00 1572.48 56.61 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0 0.00		179.00	1701.45	61.25	-0.12	230.47	1584.47	0.00	0	0.00	
182.00 1664.89 59.94 -0.12 280.96 1634.96 3.00 0 0.00 183.00 1652.95 59.51 -0.12 297.55 1651.55 3.00 0 0.00 184.00 1641.12 59.08 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00 185.00 1629.40 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0 0.00 186.00 1617.80 58.24 -0.12 346.61 1700.61 3.00 0 0.00 187.00 1606.31 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0 0.00 188.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 189.00 1583.65 57.01 -0.11 394.63 1748.63 3.00 0 0.00 191.00 1572.48 56.61 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0 0.00		180.00	1689.14	60.81	-0.12	247.42	1601.42	3.00	0	0.00	
183.00 1652.95 59.51 -0.12 297.55 1651.55 3.00 0 0.00 184.00 1641.12 59.08 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00 185.00 1629.40 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0 0.00 186.00 1617.80 58.24 -0.12 346.61 1700.61 3.00 0 0.00 187.00 1606.31 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0 0.00 188.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 189.00 1583.65 57.01 -0.11 394.63 1748.63 3.00 0 0.00 190.00 1572.48 56.61 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0 0.00 192.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00		181.00	1676.96	60.37	-0.12	264.25	1618.25	3.00	0	0.00	
184.00 1641.12 59.08 -0.12 314.02 1668.02 3.00 0 0.00 185.00 1629.40 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0 0.00 186.00 1617.80 58.24 -0.12 346.61 1700.61 3.00 0 0.00 187.00 1606.31 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0 0.00 188.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 189.00 1583.65 57.01 -0.11 394.63 1748.63 3.00 0 0.00 190.00 1572.48 56.61 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0 0.00 191.00 1561.42 56.21 -0.11 426.08 1780.08 3.00 0 0.00 192.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 193.00 1539.60 55.43 -0.11 472.43 1826.43 3.00		182.00	1664.89	59.94	-0.12	280.96	1634.96	3.00	0	0.00	
185.00 1629.40 58.66 -0.12 330.37 1684.37 3.00 0 0.00 186.00 1617.80 58.24 -0.12 346.61 1700.61 3.00 0 0.00 187.00 1606.31 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0 0.00 188.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 189.00 1583.65 57.01 -0.11 394.63 1748.63 3.00 0 0.00 190.00 1572.48 56.61 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0 0.00 191.00 1561.42 56.21 -0.11 426.08 1780.08 3.00 0 0.00 192.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 193.00 1539.60 55.43 -0.11 457.08 1811.08 3.00 0 0.00 194.00 1528.84 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00		183.00	1652.95	59.51	-0.12	297.55	1651.55	3.00	0	0.00	
186.00 1617.80 58.24 -0.12 346.61 1700.61 3.00 0 0.00 187.00 1606.31 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0 0.00 188.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 189.00 1583.65 57.01 -0.11 394.63 1748.63 3.00 0 0.00 190.00 1572.48 56.61 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0 0.00 191.00 1561.42 56.21 -0.11 426.08 1780.08 3.00 0 0.00 192.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 193.00 1539.60 55.43 -0.11 457.08 1811.08 3.00 0 0.00 194.00 1528.84 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00		184.00	1641.12	59.08	-0.12	314.02	1668.02	3.00	0	0.00	
187.00 1606.31 57.83 -0.11 362.73 1716.73 3.00 0 0.00 188.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 189.00 1583.65 57.01 -0.11 394.63 1748.63 3.00 0 0.00 190.00 1572.48 56.61 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0 0.00 191.00 1561.42 56.21 -0.11 426.08 1780.08 3.00 0 0.00 192.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 193.00 1539.60 55.43 -0.11 457.08 1811.08 3.00 0 0.00 194.00 1528.84 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00		185.00	1629.40	58.66	-0.12	330.37	1684.37	3.00	0	0.00	
188.00 1594.92 57.42 -0.11 378.73 1732.73 3.00 0 0.00 189.00 1583.65 57.01 -0.11 394.63 1748.63 3.00 0 0.00 190.00 1572.48 56.61 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0 0.00 191.00 1561.42 56.21 -0.11 426.08 1780.08 3.00 0 0.00 192.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 193.00 1539.60 55.43 -0.11 457.08 1811.08 3.00 0 0.00 194.00 1528.84 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00		186.00	1617.80	58.24	-0.12	346.61	1700.61	3.00	0	0.00	
189.00 1583.65 57.01 -0.11 394.63 1748.63 3.00 0 0.00 190.00 1572.48 56.61 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0 0.00 191.00 1561.42 56.21 -0.11 426.08 1780.08 3.00 0 0.00 192.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 193.00 1539.60 55.43 -0.11 457.08 1811.08 3.00 0 0.00 194.00 1528.84 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00		187.00	1606.31	57.83	-0.11	362.73	1716.73	3.00	0	0.00	
190.00 1572.48 56.61 -0.11 410.41 1764.41 3.00 0 0.00 191.00 1561.42 56.21 -0.11 426.08 1780.08 3.00 0 0.00 192.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 193.00 1539.60 55.43 -0.11 457.08 1811.08 3.00 0 0.00 194.00 1528.84 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00		188.00	1594.92	57.42	-0.11	378.73	1732.73	3.00	0	0.00	
191.00 1561.42 56.21 -0.11 426.08 1780.08 3.00 0 0.00 192.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 193.00 1539.60 55.43 -0.11 457.08 1811.08 3.00 0 0.00 194.00 1528.84 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00		189.00	1583.65	57.01	-0.11	394.63	1748.63	3.00	0	0.00	
192.00 1550.46 55.82 -0.11 441.63 1795.63 3.00 0 0.00 193.00 1539.60 55.43 -0.11 457.08 1811.08 3.00 0 0.00 194.00 1528.84 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00		190.00	1572.48	56.61	-0.11	410.41	1764.41	3.00	0	0.00	
193.00 1539.60 55.43 -0.11 457.08 1811.08 3.00 0 0.00 194.00 1528.84 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00		191.00	1561.42	56.21	-0.11	426.08	1780.08	3.00	0	0.00	
194.00 1528.84 55.04 -0.11 472.43 1826.43 3.00 0 0.00		192.00	1550.46	55.82	-0.11	441.63	1795.63	3.00	0	0.00	
		193.00	1539.60	55.43	-0.11	457.08	1811.08	3.00	0	0.00	
195.00 1518.18 54.65 -0.11 487.66 1841.66 3.00 0 0.00		194.00	1528.84	55.04	-0.11	472.43	1826.43	3.00	0	0.00	
		195.00	1518.18	54.65	-0.11	487.66	1841.66	3.00	0	0.00	

196.00	1507.61	54.27	-0.11	502.79	1856.79	3.00	0	0.00
197.00	1497.15	53.90	-0.10	517.81	1871.81	3.00	0	0.00
198.00	1486.77	53.52	-0.10	532.73	1886.73	3.00	0	0.00
199.00	1476.49	53.15	-0.10	547.55	1901.55	3.00	0	0.00
200.00	1466.31	52.79	-0.10	562.26	1916.26	3.00	0	0.00
201.00	1456.21	52.42	-0.10	576.88	1930.88	3.00	0	0.00
202.00	1446.20	52.06	-0.10	591.39	1945.39	3.00	0	0.00
203.00	1436.28	51.71	-0.10	605.80	1959.80	3.00	0	0.00
204.00	1426.45	51.35	-0.10	620.11	1974.11	3.00	0	0.00
205.00	1416.70	51.00	-0.10	634.33	1988.33	3.00	0	0.00
206.00	1407.04	50.65	-0.10	648.45	2002.45	-2.00	0	0.00
207.00	1397.46	50.31	-0.10	662.47	2016.47	-2.00	0	0.00
208.00	1387.96	49.97	-0.09	676.40	2030.40	-2.00	0	0.00
209.00	1378.54	49.63	-0.09	690.23	2044.23	-2.00	0	0.00
210.00	1369.20	49.29	-0.09	703.97	2057.97	-2.00	0	0.00
211.00	1359.94	48.96	-0.09	717.61	2071.61	-2.00	0	0.00
212.00	1350.76	48.63	-0.09	731.17	2085.17	-2.00	0	0.00
213.00	1341.66	48.30	-0.09	744.63	2098.63	-2.00	0	0.00
214.00	1332.63	47.97	-0.09	758.00	2112.00	-2.00	0	0.00
215.00	1323.68	47.65	-0.09	771.28	2125.28	-2.00	0	0.00
216.00	1314.80	47.33	-0.09	784.48	2138.48	-2.00	0	0.00
217.00	1305.99	47.02	-0.09	797.58	2151.58	-2.00	0	0.00
218.00	1297.26	46.70	-0.09	810.60	2164.60	-2.00	0	0.00
219.00	1288.59	46.39	-0.09	823.52	2177.52	-2.00	0	0.00
220.00	1280.00	46.08	-0.09	836.37	2190.37	-2.00	0	0.00
221.00	1271.47	45.77	-0.08	849.13	2203.13	-2.00	0	0.00
222.00	1263.02	45.47	-0.08	861.80	2215.80	-2.00	0	0.00
223.00	1254.63	45.17	-0.08	874.39	2228.39	-2.00	0	0.00
224.00	1246.31	44.87	-0.08	886.89	2240.89	-2.00	0	0.00
225.00	1238.05	44.57	-0.08	899.31	2253.31	-2.00	0	0.00
226.00	1229.86	44.27	-0.08	911.65	2265.65	-2.00	0	0.00
227.00	1221.73	43.98	-0.08	923.91	2277.91	-2.00	0	0.00
228.00	1213.66	43.69	-0.08	936.09	2290.09	-2.00	0	0.00
229.00	1205.66	43.40	-0.08	948.18	2302.18	-2.00	0	0.00
230.00	1197.72	43.12	-0.08	960.20	2314.20	-2.00	0	0.00
231.00	1189.84	42.83	-0.08	972.14	2326.14	-2.00	0	0.00
232.00	1182.02	42.55	-0.08	984.00	2338.00	-2.00	0	0.00
233.00	1174.25	42.27	-0.08	995.78	2349.78	-2.00	0	0.00
234.00	1166.55	42.00	-0.08	1007.48	2361.48	-2.00	0	0.00
235.00	1158.91	41.72	-0.08	1019.11	2373.11	-2.00	0	0.00

236.0	0 1151.32	41.45	-0.08	1030.66	2384.66	-2.00	0	0.00
237.0	0 1143.79	41.18	-0.08	1042.14	2396.14	-2.00	0	0.00
238.0	0 1136.31	40.91	-0.07	1053.54	2407.54	-2.00	0	0.00
239.0	0 1128.89	40.64	-0.07	1064.86	2418.86	-2.00	0	0.00
240.0	0 1121.53	40.38	-0.07	1076.11	2430.11	-2.00	0	0.00
241.0	0 1114.22	40.11	-0.07	1087.29	2441.29	-2.00	0	0.00
242.0	0 1106.96	39.85	-0.07	1098.40	2452.40	-2.00	0	0.00
243.0	0 1099.75	39.59	-0.07	1109.43	2463.43	-2.00	0	0.00
244.0	0 1092.60	39.33	-0.98	1120.39	2474.39	-2.00	0	0.00
245.0	0 1085.50	39.08	-0.97	1131.28	2485.28	-2.00	0	0.00
246.0	0 1078.45	38.82	-0.97	1142.10	2496.10	-2.00	0	0.00
247.0	0 1071.45	38.57	-0.96	1152.85	2506.85	-2.00	0	0.00
248.0	0 1064.49	38.32	-0.96	1163.53	2517.53	-2.00	0	0.00
249.0	0 1057.59	38.07	-0.95	1174.14	2528.14	-2.00	0	0.00
250.0	0 1050.74	37.83	-0.94	1184.69	2538.69	-2.00	0	0.00
251.0	0 1043.93	37.58	-0.94	1195.16	2549.16	-2.00	0	0.00
252.0	0 1037.17	37.34	-0.93	1205.56	2559.56	0.00	0	0.00
253.0	0 1030.46	37.10	-0.92	1215.90	2569.90	0.00	0	0.00
254.0	0 984.95	35.46	-0.92	1226.08	2580.08	0.00	0	0.00
255.0	0 893.43	32.16	-0.91	1235.48	2589.48	0.00	0	0.00
256.0	0 802.49	28.89	-0.91	1243.96	2597.96	0.00	0	0.00
257.0	0 712.09	25.64	-0.90	1251.53	2605.53	0.00	0	0.00
258.0	0 622.17	22.40	-0.90	1258.20	2612.20	0.00	0	0.00
259.0	0 532.71	19.18	-0.89	1263.97	2617.97	0.00	0	0.00
260.0	0 443.66	15.97	-0.89	1268.85	2622.85	0.00	0	0.00
261.0	0 354.99	12.78	-0.88	1272.85	2626.85	0.00	0	0.00
262.0	0 266.66	9.60	-0.88	1275.96	2629.96	0.00	0	0.00
263.0	0 178.63	6.43	-0.88	1278.18	2632.18	0.00	0	0.00
264.0	0 90.87	3.27	-0.88	1279.53	2633.53	0.00	0	0.00
265.0	0.00	0.00	-0.87	1280.00	2634.00	0.00	0	0.00

附录 3: 迭代搜索算法

```
clear,clc
```

%参数赋值

M=194.295*10^3;L_train=115;v_max=80*10^3/3600;A=2.031;B=0.0622;C=0.001807;

 $ac_max = 1; de_max = 1; g = 9.8; s6 = 13594; s7 = 12240; cc = 600; vt = 0; u = 0.7; t_train = 110;$

%初值

z=0;

u=1;

z=z+1;

n=10000000;%整个过程分成 n 段

 $v = zeros(n+1,1); s_all = ones(n+1,1)*13594; Di = zeros(n+1,1); F = zeros(n+1,1);$

```
deta_s=(s6-s7)/n; v1=zeros(n+1,1); v2=zeros(n+1,1); Rc=zeros(n+1,1); ac=zeros(n+1,1);
% v(1,1)=56*1000/3600;
for i=1:n
     s_all(i+1) = s_all(i)-deta_s;
end
%读入坡度信息
for i=1:n+1;
    if s_all(i)<=12290
         Di(i)=0;
    elseif s_all(i)>12290 & s_all(i)<=12910
         Di(i)=-3.5;
    elseif s_all(i)>12910 & s_all(i)<=13290
         Di(i)=1.8;
    elseif s_all(i)>13290
         Di(i)=-0;
    end
end
%读入曲率信息
for i=1:n+1;
    Rc(i)=0;
end
r=0;
E=34410000;
    r=r+1;
    i=0; j=1;
    while E>0
         %牵引阶段
         i=i+1;
         if v(i)<51.5*1000/3600
              F(i)=u*213*10^3;
              ac(i)=F(i)/M-(A+B*v(i)*3.6+C*(v(i)*3.6)^2+Di(i)+Rc(i))/1000*g;
              if ac(i)>1
                  F(i)=F(i)-(ac(i)-1)*M;
                   ac(i)=1;
              end
              v(i+1)=(2*ac(i)*deta_s+v(i)^2)^0.5;
              E=E-F(i)*deta_s;
         elseif (v(i)>51.5*1000/3600) & (v(i)<=80*1000/3600) & (s_all(i)<13475)
              F(i)=u^*(-0.002032*v(i)^3+0.4928*v(i)^2-42.13*v(i)+1343)*10^3;
              ac(i)=F(i)/M-(A+B*v(i)*3.6+C*(v(i)*3.6)^2+Di(i)+Rc(i))/1000*g;
              if ac(i)>1
                   F(i)=F(i)-(ac(i)-1)*M;
                  ac(i)=1;
```

```
end
         v(i+1)=(2*ac(i)*deta_s+v(i)^2)^0.5;
         E=E-F(i)*deta_s;
     elseif v(i)>51.5*1000/3600 & v(i)<=55*1000/3600 & s_all(i)>13475
         F(i)=u^*(-0.002032*v(i)^3+0.4928*v(i)^2-42.13*v(i)+1343)*10^3;
         ac(i)=F(i)/M-(A+B*v(i)*3.6+C*(v(i)*3.6)^2+Di(i)+Rc(i))/1000*g;
         if ac(i)>1
              F(i)=F(i)-(ac(i)-1)*M;
              ac(i)=1;
         end
         v(i+1)=(2*ac(i)*deta_s+v(i)^2)^0.5;
         E=E-F(i)*deta_s;
     elseif (v(i)>80*1000/3600 & s_all(i)<13474) | (v(i)>55*1000/3600 & s_all(i)>13475)
         %巡航阶段
         v(i+1)=v(i);
         E=E-(A+B*v(i)*3.6+C*(v(i)*3.6)^2+Di(i)+Rc(i))/1000*M*g*deta_s;
     end
end
j=i;v1(j)=v(j);
%惰性阶段
while j < n+1 & v1(j) > 0
     ac(j)=-(A+B*v1(j)*3.6+C*(v1(j)*3.6)^2+Di(i)+Rc(i))/1000*g;
     if ac(j) < -1
         ac(j)=-1;
     end
     v1(j+1)=(2*ac(j)*deta_s+v1(j)^2)^0.5;
     a=v1(j+1);
    j=j+1;
end
%制动阶段
k=n+1;
v2(n+1)=vt;
while v2(k) < v(i)
     if v2(k)<77*10^3/3600
         FB=u*166*10^3;
         ac(k) = FB/M + (A + B * v2(k) * 3.6 + C * (v2(k) * 3.6)^2 + Di(i) + Rc(i))/1000 * g; \\
         if ac(k)>1
              ac(k)=1;
         v2(k-1)=(2*ac(k)*deta_s+v2(k)^2)^0.5;
         k=k-1;
     else
         FB=u*(0.1343*v2(k)^2-25.07*v2(k)+1300)*10^3;
         ac(k) = FB/M + (A + B * v2(k) * 3.6 + C * (v2(k) * 3.6)^2 + Di(i) + Rc(i))/1000 * g;
```

```
v2(k-1)=(2*ac(k)*deta_s+v2(k)^2)^0.5;
              k=k-1;
         end
          a=v2(k);
     end
     w=0;
     for w=i+1:n+1
          v(w)=v1(w);
     end
     for w=k:n+1
          v(w)=min([v(w);v2(w)]);
     end
     t(1)=0;
     for p=1:n
         t(p+1)=t(p)+2*deta_s/(v(p)+v(p+1));
     end
v=v*3.6;
 figure(2)
 plot(s_all,v,'linewidth',2)
 ylabel('速度(km/h)','fontsize',12);
 xlabel('公里标(m)','fontsize',12);
 grid on
% ttt=tt-t_train;
% [minx, ind] =min(abs(ttt));
% minxx(z)=minx;
for i=1:111
     [\min 5 \inf 5] = \min(abs(t-i+1));
     t5(i,1)=t(ind5);
     v5(i,1)=v(ind5);
     F5(i,1)=F(ind5);
     a5(i,1)=ac(ind5);
     s5(i,1)=s_all(ind5);
     Di5(i,1)=Di(ind5);
end
```

附录 4: 遗传算法

```
function f=fun1(x)
a=[0
               0
                   0
                       0
                           0
                              0
                                  0
                                      0
                                          0
                                              0
                                                  0
    16 19 22 23 20 17 16 19 13 22 21 18
                                                 22
    106 84 136 115 128 111 108 103 102 123 131 88 159
   118 99 149 134 145 121 118 119 110 136 146 102 173];
b = [12]
       15 13 19 17 10 10 16 8
                                      13 15 14 14];
c=[118 99 149 134 145 121 118 119 110 136 146 102 173];
d=[102 80 127 111 125 104 102 100 97 114 125 84 151];
tj=0;
for i=2:100
```

```
for j=1:13
         if j>1
              t3=sum(x(1201:1200+i-1))+sum(a(4,1:j))-b(j)+sum(x(12*(i-1)+1:12*(i-1)+j-1));
              t4=sum(x(1201:1200+i-1))+sum(a(4,1:j))+sum(x(12*(i-1)+1:12*(i-1)+j-1));
          else
              t3=sum(x(1201:1200+i-1))+sum(a(4,1:j))-b(j);
              t4=sum(x(1201:1200+i-1))+sum(a(4,1:j));
          end
          t1=sum(x(1201:1200+i-1))-x(1200+i-1)+sum(a(4,1:j))-c(j)+sum(x(12*(i-2)+1:12*(i-2)+j));
          t2=sum(x(1201:1200+i-1))-x(1200+i-1)+sum(a(4,1:j))-d(j)+sum(x(12*(i-2)+1:12*(i-2)+j));
         if (t2-t3>0) & (t4-t1>0)
              tj=tj+min([t2-t3;t4-t1]);
          end
     end
end
f=-tj;
clc,clear;
K = [30]
          30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
         30
              30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
     30
                   30
     30
         30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
     30
         30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
     30
         30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                     30
          30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
     30
     30
         30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
                                           30
                                                                                                     30
              30
                                                                                                 30
     30
         30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
     30
          30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
              30
                             30
                                           30
                                                                                                 30
     30
         30
                   30
                        30
                                  30
                                      30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                      30
         30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                     30
     30
     30
         30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
     30
         30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
         30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
     30
     30
         30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
                                                                    30
              30
                             30
                                           30
                                                                                                 30
     30
         30
                   30
                        30
                                  30
                                      30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                      30
     30
          30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
                                           30
              30
                             30
                                                                                                 30
     30
         30
                   30
                        30
                                  30
                                      30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                      30
              30
                             30
                                  30
                                           30
                                                                                                 30
     30
          30
                   30
                        30
                                      30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                      30
     30
          30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
     30
         30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                     30
     30
          30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                       30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
              30
                             30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                        30
                                                                                                 30
     30
          30
                   30
                        30
                                  30
                                                                    30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                      30
                                                                                       30
                                                                                                      30
     30
         30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                            30
                                                                                                 30
     30
          30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                       30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
     30
          30
              30
                   30
                        30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                  30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
          30
              30
                   30
                             30
                                  30
                                      30
                                           30
                                                30
                                                     30
                                                          30
                                                               30
                                                                    30
                                                                        30
                                                                             30
                                                                                       30
                                                                                            30
                                                                                                 30
                                                                                                      30
     30
                        30
                                                                                  30
```

	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
		30	30	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
	30	2	2																		
	2			2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2			
45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
															.5						.5

4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
4	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15				45																
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15 15	45 45	45	45	45	45	45	45	45	45	45 45	45	45	45	45	45	45	45 45	45 45	45	45 45
	15 15	45	45 45	45	45 45	45 45	45 45	45 45	45 45	45 45	45	45	45 45	45 45							
	15 15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15 15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15 15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15 15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	15	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45	45
	· J	-τ.J	−τJ	τJ	τJ	т.Ј	−τJ	-τ.J	−τJ	−τJ	т.Ј	т.Ј	τJ	-τ.J	-τ.J	−τJ	т.Ј	τJ	−τJ	−τJ	73

			20	20			2.5	2.5	2.5	2.5	2.5				2.7	2.7	2.5				
	45	45	30	30	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	20
	2.5	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	2.5	30	30	30	30
	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30	30			
];																					
LB=K(1,:)';																					
UB	=K(2)	,:)';																			
KK	=[0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

```
1
                  1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                            1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                     1
                                                                                                                           1
                                                                                                                                  1
      1
                  1
                         1
                                           1
                                                                                                               1
                                                                                                                                  1
            1
                               1
                                                 1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                                     1
                                                                                                                            1
      1
            1
                  1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                     1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                   1
                         1
                               1
                                     1
                                                 1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
      1
                   1
                         1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                        1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                     1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
            1
                               1
                                                                          1
                  1
                         1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                               1
                                                                          1
      1
            1
                  1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                        1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                  1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                     1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
            1
                   1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
      1
            1
                  1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                        1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
      1
             1
                   1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
                   1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                  1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                        1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
      1
             1
                   1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                  1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                  1
                         1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                                1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
                               1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                      1
      1
                   1
                         1
                                     1
                                           1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
            1
                               1
                                                 1
                                                       1
                                                                          1
      1
            1
                  1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                   1
                         1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                        1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                               1
                                                                                                                                  1
             1
                   1
                         1
                                     1
                                           1
                                                  1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
      1
                  1
                         1
                                     1
                                           1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
            1
                               1
                                                 1
                                                                          1
                                                                                                                     1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                  1
                         1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                               1
                         1
                                                              1
                                                                                1
                                                                                                   1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                  1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                        1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                     1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                  1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                     1
                                                                                                                            1
      1
                                                                                                         1
                                                                                                                                  1
                  1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                                   1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                  1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                        1
                                                              1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                     1
                                                                                                                            1
      1
                   1
                         1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
            1
                               1
                                                       1
                                                                          1
                   1
                         1
                                           1
                                                  1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
            1
                   1
                         1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                        1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                     1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
      1
                               1
                                                                          1
      1
                   1
                         1
                                           1
                                                              1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
            1
                               1
                                     1
                                                 1
                                                       1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                  1
                         1
                               1
                                           1
                                                 1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                            1
      1
            1
                  1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                 1
                                                       1
                                                              1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                     1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
                                                                                                                                  1
      1
                  1
                         1
                                     1
                                           1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                     1
                                                                                                                            1
            1
                               1
                                                 1
                                                       1
                                                                          1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                  1
                         1
                               1
                                           1
                                                 1
                                                              1
                                                                    1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                               1
                                                                                                                     1
                                                                                                                            1
                  1
                                                 1
                                                              1
                                                                                1
                                                                                      1
                                                                                             1
                                                                                                   1
                                                                                                         1
                                                                                                                            1
                                                                                                                                  1
      1
            1
                         1
                               1
                                     1
                                           1
                                                       1
                                                                    1
                                                                          1
                                                                                                               1
                                                                                                                     1
      1
                  0
                         0
                               0
                                     0
                                           0
                                                 0
                                                       0
                                                             0
                                                                    0
                                                                          0
                                                                                0
                                                                                      0
                                                                                            0
                                                                                                   0
                                                                                                         0
                                                                                                               0
                                                                                                                     0
                                                                                                                           0
                                                                                                                                  0
      0
            0
                  0
                         0
                               0
                                     0
                                           0
                                                 0
                                                       0
                                                             0
                                                                    0
                                                                          0
                                                                                0
                                                                                      0
                                                                                            0
                                                                                                   0
                                                                                                         0
                                                                                                               0
                                                                                                                     0
                                                                                                                           0
                                                                                                                                  0
                                                                                                                                  0
      0
            0
                  0
                         0
                               0
                                     0
                                           0
                                                 0
                                                       0
                                                             0
                                                                    0
                                                                          0
                                                                                0
                                                                                      0
                                                                                            0
                                                                                                   0
                                                                                                         0
                                                                                                               0
                                                                                                                     0
                                                                                                                           0
      0
                  0
                                     0
                                           0
                                                             0
                                                                                0
                                                                                                         0
                                                                                                               0
                                                                                                                     0
                                                                                                                           0
                                                                                                                                  0
            0
                         0
                               0
                                                 0
                                                       0
                                                                    0
                                                                          0
                                                                                      0
                                                                                            0
                                                                                                   0
      0
            0
                  0
                         0
                               0
                                     0
                                           0
                                                 0
                                                       0
                                                             0
                                                                    0
                                                                                0
                                                                                      0
                                                                                            0
                                                                                                   0
                                                                                                         0
                                                                          0
Aeq=KK(1,:);
beq=[1065];
[X1,FVAL1] = ga(@fun1,1299,[],[],Aeq,beq,LB,UB);
```