"华为杯"第十三届全国研究生 数学建模竞赛

学	校		上海航天技术研究院(航天八院)			
参赛队	人号		83285024			
		1.	王小波			
队员如	性名	2.	王韵臣			
		3.	<u></u> 阮世庭			

参赛密码

(由组委会填写)







"华为杯"第十三届全国研究生 数学建模竞赛

题 目 军事行动避空侦察的时机和路线选择

摘 要:

针对当前军用目标机动过程中易被卫星侦察的问题,对处于不同位置的机动目标进行侦察卫星覆盖特性分析,本文研究的是地面军用目标对于太空侦察卫星的反侦察行为。通过侦察手段,既可以确定卫星经过作战区的时间和星下点覆盖区域,为部队实施机动、规避、佯动提供最佳时机和最佳地域;又可以确定在作战过程中哪些作战对象被发现,从而判断出对方对我方部队行动的掌握情况,为作战指挥和作战行动筹划提供重要支持。在此前提条件下,分别研究题中所给的三个问题。

针对问题一,本文使用的是"单站短弧定轨"、坐标转换和卫星轨道运动学的建模思路。以附件所给的数据为基础,先分别算出 Q 型卫星,L 型卫星(L1和 L2)以及 K 型卫星的"六根数"。接着能够得出,Q 型卫星在 D3 和 D5、L 型卫星在 8月23日、K 型卫星未来三次被观测的情况(具体结果见正文)。还可以得到 Q 型卫星和 L 型卫星通过某施工区域的情况:在 D3 和 D5 两天中,Q 星只能在 D5 某一时间段侦察到该区域;在 8月23日,L1和 L2均不能侦察到该区域。在本题中还讨论了 L 星的双星协同侦察的相对位置和薄弱环节;以及观测次数对于预报情况的精度影响,随着观测次数提升,精度显著增加。

针对问题二,本文使用的是"模拟退火算法"来选取全局最优解,将城市离散成点,取两者之间的连线通过百度地图修正来获得路程长度。首先简化模型,考虑普速公路和高速公路,对可供选择的 16 种路线运用模拟退火算法进行求

解。在以时间为目标函数的情况下,得出若全程走高速公路则时间最短。求得最优路线后,考虑需要经过的城市,把最优路线离散为 46 段小路线的组合。对这些段路线进行研究,选择合适的地点休息,以及和田执行任务的 24 小时,能够得到途径的地点及其时间。最后按分钟离散路线,确定车队所在位置,并和同时刻 L1 型卫星星下点比较。当车队在卫星侦察范围内下,调整车队的行车路线,计算 Q 型卫星过顶时间方法同上。经计算,当 L1 星可以侦察到车队时,车队正在奎屯休息,无须改变行车路线;当 Q 星可以侦察到时,车队正从阿克苏驶往巴楚,需就地停车隐藏。

针对问题三,本文在问题一的基础之上继续进行研究。与前两问不同,在该问题中,导弹发射装置更具有主动规避能力,根据预测得到的卫星轨道数据,实时地进行移动,做好军事反侦察行动。本文首先研究的是在单一型号卫星侦察时,导弹发射装置的安全时间和区域,提出了能够形象规划路线、展示数据的侦察时序图,接着讨论在多型号卫星联合侦察下,发射装置的移动方案。针对更多路线、区域等约束条件,采用增加时序图维数的解决方法。还提出了"侦察盲区"概念,在该区域内,战斗目标只要按照"侦察盲区"进行周期移动,就可以达到规避侦察卫星的效果。

关键词:单站短弧定轨,卫星轨道运动学,模拟退火算法,离散,侦查时序图,侦察盲区

目 录

	问题重述	1 -
	1.1. 问题背景	1 -
	1.2. 问题提出	1 -
二.	问题假设与符号说明	3 -
	2.1. 问题假设	3 -
	2.2. 符号说明	3 -
三.	问题一的分析与建模	6 -
	3.1. 问题分析	6 -
	3.2. 模型建立	6 -
	3.3. 问题求解	11 -
四.	问题二的分析与建模	- 21 -
	4.1. 问题分析	21 -
	4.2. 模型建立	21 -
	4.3. 问题求解	25 -
五.	问题三的分析与建模	31 -
	5.1. 问题分析	31 -
	5.2. 模型建立	31 -
	5.3. 问题求解	- 32 -
六.	结论与分析	36 -
参考	考文献	37 -
附录	是一 MATLAB 源程序	38 -
附录	是二 整理的数据	43 -

一. 问题重述

1.1. 问题背景

大型国防工程施工、武器装备实验或部队大规模移动的隐蔽性关系到国家安全以及战争胜败,通常采用"避、变、骗、反"四种手段对付卫星侦察。"避",就是掌握卫星运行规律,避开卫星过顶的时间段组织行动;"变",就是针对侦察卫星的特点,相应地改变地面部队的活动规律,减弱卫星侦察的效果;"骗",就是将军事目标伪装成非军事目标;"反",就是利用各种武器摧毁卫星上的设备或卫星载体。无论哪种方式,都必须准确掌握卫星的运行规律。

未来高技术战争中,卫星是收集战略情报的主要来源,世界主要军事大国70%以上的战略情报均由卫星获得。通过航空、航天侦察手段可以获取对方兵力、兵器部署、变更、机动和作战等方面的情报。卫星侦察过程仿真,是现代作战仿真,通过仿真,一方面可以确定卫星经过作战区的时间和星下点覆盖区域,为部队实施机动、规避、佯动提供最佳时机和最佳地域;另一方面,通过仿真可以确定在作战过程中哪些作战对象被发现,从而判断出对方对我方部队行动的掌握情况,为作战指挥和作战行动筹划提供重要支持。

作为被侦察的一方,对侦察卫星的预警也就显得十分的重要,因此在这个背景下提出了一下几个待解决的问题。

1.2. 问题提出

问题一:

某地域(地图坐标:北纬31.90~32.25度;东经118.02~118.91度)内拟建设一大型国防工程,计划利用境外卫星过顶的间隙组织施工。该地域长期受Q型、L型卫星(有关数据见附件1)监视。附件2-1、附件2-2、附件2-3是Q型、L型、K型卫星被配置在该区域内某观察站(北纬:32.0209度;东经:118.7681度)观测到的情况,请你们据此完成以下任务(注:附件中数据不是附件4中定义的"过顶时间",而是观察站本次最早观察到卫星的时刻、卫星与观察站距离最近的时刻和本次观察结束的时刻,但它们之间可以换算):

1.附件 2-1 给出了 D0、D1、D2 日 Q 型卫星被该观察站观测到的情况,请预测此后一天(D3)、此后三天(D5)的卫星被观测到的情况及过顶情况,并结合 O 型卫星的侦察范围给出 D3、D5 两天内确保安全施工的时段。

2.L型卫星是双星(L-1、L-2)协作工作。附件 2-2 给出了 L-1、L-2 卫星在 8 月 16 日-21 日被该观察站观测到的情况,请你们研究两星之间的相对位置的变化情况,由于 L型卫星是雷达成像照相侦察卫星,能全天候、全天时进行侦察,并有一定的穿透能力,因而威胁比较大,请给出 8 月 23 日 L-1、L-2 卫星被观测到的情况及过顶情况和确保安全施工的时段(不考虑 Q型卫星),并进一步寻找它们在侦察方面的薄弱环节。

3.附件 2-3 是某卫星(记为 K 型)十次被该观察站观测到的情况,除此对其一无所知。请你们预测其未来三次的被观测到的情况,并说明该卫星已经被连续观察最少 n 次才能够确定下次被观测到的情况所需要的 n,以及观察次数对预报精度的影响。

问题二:

某部需要从新疆的阿勒泰隐蔽地经喀什运动到和田并在和田执行某任务,24小时后再隐蔽地返回阿勒泰(不必经喀什),部队可以按需要选择在高速公路(最大速度 100 公里/小时)或普速公路(除高速之外的其他公路,最大速度 50 公里)上行进,假设部队出发时(2016 年 11 月 1 日凌晨 5 时整)Q型卫星、L-1 卫星(它们的轨道要素见附件 1,其他 L型卫星都不考虑)均位于各自轨道的近地点。行车时车队最大长度 2 千米,部队每开进 10~12 小时可选择途经的县级以上(含县级)城市休息 10 小时以上(即连续开进时间不少于 10 小时,不多于 12 小时),请你们根据附件 3 给出的地图(必要时可借助因特网获取有关地理信息),设计合理的行军时机、路线和宿营地,避开 L-1 卫星侦察,并预测Q型卫星的过项时刻,以便及时做好隐蔽工作,尽可能快地安全到达目的地。

问题三:

研究导弹发射装置的战时隐蔽问题。有专家提出,运动方式可能是移动发射装置规避卫星侦察的有效方案。请你们研究以下问题:假设某移动发射装置可在某一指定区域内自由运动,分别研究针对Q型、L型(包括L-1、L-2)、K型卫星的侦察能够规避的可行性、条件(区域大小、形状、路网状况及其他你们认为需要的条件)和方式。欢迎进一步针对两种或三种卫星的组合侦察能够规避的可行性、条件和方式。并考虑卫星参数变化对方案的影响。

二. 问题假设与符号说明

2.1. 问题假设

针对问题一:

- (1)设地球为球形,不考虑其扁率,星下点即为卫星与地心连线在地球表面的交点;
- (2) 设卫星轨道为**圆形**,因为其偏心率较小,预报时默认半长轴、轨道倾角不变;
- (3)设太阳同步轨道卫星 Q 在一个轨道周期内升交点赤经不变,而每天变化 0.986°,其他卫星则根据多次测量数据拟合升交点赤经的变化;
 - (4) 仅考虑J。摄动项的影响,即对轨道升交点赤经的影响;
 - (5) 半长轴和轨道倾角使用前几次所测数据的平均值;
 - (6) 在计算轨道六根数时采用双矢量定轨法。

针对问题二:

- (1)将连续的路程离散成多个点(县级市及以上)之间的直线距离,再通过网络地图数据进行修正;
 - (2) 在高速公路和普速公路上一般都按照最快速度行驶;
 - (3) 在公路上可以随时停车以便对侦察卫星进行隐蔽;

针对问题三:

- (1) 三种卫星的初始位置分别使用的是附件 2-1、附件 2-2 和附件 2-3 所给的数据;
- (3) 仅考虑经度规避,不考虑纬度规避,因为卫星轨道倾角都较大,会沿着纬度变化方向扫过较大面积;
 - (2) 其余假设类似于问题一的假设。

2.2. 符号说明

在此,对本文所使用的符号进行定义。

针对问题一:

符号	定义	
r_i	单站定轨观测的第 i 次位置矢量数据	
a	半长轴	
e	偏心率	
E	偏近点角	

i	轨道倾角
Ω	升交点赤经
и	纬度幅角
f	真近点角
μ	地球引力常数

针对问题二:

—————————————————————————————————————	定义
t	来回总时间
L	总路程
L_{G}	高速路程
L_{p}	普速路程
v_G	高速公路行驶速度
V_{p}	普速公路行驶速度
t_G	高速公路行驶时间
t_P	普速公路行驶时间
t_R	行进途中休息时间
t_H	和田执勤时间,为 24 小时
$t_{\scriptscriptstyle Y}$	隐蔽侦察卫星时间

针对问题三:

符号	定义		
T	卫星运行一圈的周期		
$\dot{\Omega}$	升交点赤经变化率		

$ ilde{\omega}$	地球自转角速度
m	每一圈卫星星下点经度西移角度
W	卫星辐照宽度

三. 问题一的分析与建模

3.1. 问题分析

问题一虽然分为三小问,但是本质是相同的,都是采用"单站定轨"的方法。 下面首先介绍一下"单站定轨",也可以认为是"单站短弧定轨"的基本原理。

卫星轨道确定通常有两个概念:初轨计算和轨道改进(现称精密定轨)。前者是在没有任何初始信息的前提下利用短弧资料来确定轨道,它和无摄运动的二体问题紧密相联。而后者则对应"完整"力学系统(符合问题精度要求的力学模型)的受摄二体问题,通常需要较长的测量弧段,这是定轨精度要求所需要的。就定轨的基本原理而言,两者并无实质性差别。但精密定轨涉及多变元迭代,必须具有一定精度的初始信息,这正是轨道"改进"之意,改进的对象就是精度未达到要求的初始信息;而初轨确定往往是在缺乏初始信息情况下进行的,这是精密定轨方法无法替代的。在本题的分析过程中,遵循初轨的确定方法[1]。

3.2. 模型建立

1. 单站定轨原理[1~3]

如已知某一时刻卫星在赤道惯性坐标的位置矢量r和速度矢量v,则可直接得出卫星轨道的六要素。通常,单次观测仅获得卫星在测站坐标系下位置矢量 ρ 。初轨确定的任务是由卫星的多个位置矢量计算轨道的六要素。最常用的方法是高斯方法。

假定在时刻 t_1 , t_2 分别测得卫星的位置矢量 ρ_1 , ρ_2 , 经测站坐标转换且考虑地球的自转,得出该两时刻卫星在赤道惯性坐标的位置矢量 r_1 , r_2 两位置的时刻差 Δt 和真近点角距 Δf ;

$$\Delta t = t_1 - t_2$$

$$\Delta f = \arccos\left(\frac{\mathbf{r}_1 \cdot \mathbf{r}_2}{r_1 r_2}\right)$$

通过两位置的轨道可有无限多,但时间差为 Δt 的轨道是唯一的。通常两位置的测轨时间差小于轨道周期,对于二体轨道,在位置 r_1 的卫星速度矢量 v_1 位于 r_2 和 r_2 的平面内(即轨道平面),见图 3-1,有矢量的线性组合式

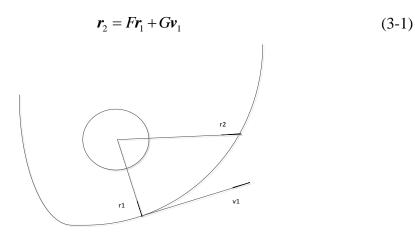


图 3-1 卫星轨道示意图

式中,F和G为标量。以 v_1 和 r_1 分别叉乘上式,即可分离出标量F、G,有

$$(\mathbf{r}_{1} \times \mathbf{v}_{1}) F = (\mathbf{r}_{2} \times \mathbf{v}_{1})$$

$$(\mathbf{r}_{1} \times \mathbf{v}_{1}) G = (\mathbf{r}_{1} \times \mathbf{r}_{2})$$

$$(3-2)$$

上式两端的矢量都沿轨道面的法线,应用动量矩等式 $h = |\mathbf{r}_1 \times \mathbf{v}_1|$,如两位置的角距小于90°,则有

$$F = \frac{1}{h} | \mathbf{r}_2 \times \mathbf{v}_1 |$$

$$G = \frac{1}{h} | \mathbf{r}_1 \times \mathbf{r}_2 |$$

引用近地点坐标系 OPQW,单位矢量 P 在轨道面内指向近地点,单位矢量 Q 在轨道面内超前 P 90°,单位矢量 W 沿轨道法线且与动量矩 h 方向一致。相对此坐标系,卫星的位置 r 和速度 v 可列为

$$\mathbf{r} = \mathbf{r}\cos f\mathbf{P} + \mathbf{r}\sin f\mathbf{Q}$$

$$\mathbf{v} = \sqrt{\frac{\mu}{p}} \left[-\sin f\mathbf{P} + (e + \cos f)\mathbf{Q} \right]$$

$$\mathbf{h} = \sqrt{\mu p}\mathbf{W}$$

可将第一、第二代入式(3-2),并使用轨道椭圆方程,它的等效公式 $r=r/(1+e\cos f)$,可得标量F、G为

$$F = \frac{1}{p} \left[r_2 \cos f_2 \left(e + \cos f_1 \right) + r_2 \sin f_2 \sin f_1 \right] = 1 - \frac{r_3}{p} \left(1 - \cos \Delta f \right)$$

$$G = \frac{r_1 r_2 \sin \Delta f}{\sqrt{\mu p}}$$
(3-3)

上式中 f_1 , f_2 为位置 \mathbf{r}_1 , \mathbf{r}_2 的真近点角,两位置的真近点角,两位置的真近点角 $\Delta f = f_2 - f_1$ 可由测轨直接获得。

因此,如求得轨道的半通径 p ,可直接得出标量值 F 、 G ,代入式(3-1) ,得出在位置 r 的轨道速度 v :

$$\mathbf{v}_1 = \frac{1}{G} (\mathbf{r}_2 - F\mathbf{r}_1) \tag{3-4}$$

从而可以完全确定轨道。

通常采用迭代法求半通径 p。设定初值 $p^{(0)}$:

$$p^{(0)} = \frac{1}{2} (r_1 + r_2)$$

并计算 $e\cos f_i$ 和 $e\sin f_i$ (i=1,2)的值,并计算式为:

$$e\cos f_i = \frac{p^{(0)}}{r_i} - 1 \qquad i = 1, 1$$

$$e\sin f_1 = \frac{1}{\sin \Delta f} \left[e\cos f_1 \cos \Delta f - e\cos f_2 \right]$$

$$e\sin f_2 = \frac{1}{\sin \Delta f} \left[-e\cos f_2 \cos \Delta f + e\cos f_1 \right]$$

由此可得轨道要素的估值为

$$e = \left[\left(e \cos f_1 \right)^2 + \left(e \sin f_1 \right)^2 \right]^{\frac{1}{2}}$$

$$a = p^{(0)} / \left(1 - e^2 \right)$$

$$n = \left(\mu / a^3 \right)^{\frac{1}{2}}$$

以及两位置的偏近点角参数:

$$\sin E_{i} = \frac{r_{i}}{p} (1 - e^{2})^{\frac{1}{2}} \sin f_{i}, i = 1, 2$$

$$\cos E_{i} = \frac{r_{i}}{p} (e + \cos f_{i}), i = 1, 2$$

根据平近点角M的定义最后得出两位置的飞行时间 $\Delta t^{(0)}$

$$\Delta t^{(0)} = \frac{1}{n} (M_2 - M_1) = \frac{1}{n} [(E_2 - E_1) + e(\sin E_1 - \sin E_2)]$$

比较飞行时间的计算值和实测值之差 t。:

$$t_{R} = \Delta t - \Delta t^{(0)} \tag{3-5}$$

选择更新值 $p^{(1)}$,迭代结果,直至 $|t_B| << \varepsilon$ 。这样就可以根据"单站短弧定轨"测出卫星的轨道,也就可以得出其星下点轨迹。

2.参考坐标系确定

地球惯性坐标系:本解答使用的地球惯性坐标系以J2000坐标系为基础进行更改,坐标原点位于地球质心,Z轴与地球自转轴重合且不考虑其进动章动,X轴在 D0 天 00:00:00 时刻从地心指向 0 经度线,Y 轴与 X 轴 Z 轴构成右手直角坐标系。

地球固连坐标系:该坐标系绕自转轴随地球转动而转动,在 D0 天 00:00:00 时刻与地球惯性坐标系重合。

3.卫星轨道动力学

卫星轨道动力学主要是研究卫星在无主动控制时,地球、太阳、月球等重力场和其他摄动力作用下的质点运动学问题。本文主要考虑 J_2 摄动项的作用。

(1) 二体问题的轨道特性

在最简单的研究卫星相对地球运动(或者航天器相对中心体运动)的情况时,卫星的尺寸远远小于它和地球之间的距离,因此可以视为质点。地球又可以近似地视作理想球体(即质量分布均匀的完美球体或其质量等密度层呈一定厚度的同心球壳),就引力效果而言,卫星和地球近似地看成一个二体模型。根据二体问题运动方程,卫星在前文中规定的地球惯性坐标系中的运动方程为

$$\begin{cases} \dot{x} = v_x & \dot{v}_x = -\frac{\mu_e x}{r^3} \\ \dot{y} = v_y & \dot{v}_y = -\frac{\mu_e y}{r^3} \\ \dot{z} = v_z & \dot{v}_z = -\frac{\mu_e z}{r^3} \end{cases}$$

式中 $X = \begin{bmatrix} x & y & z & v_x & v_y & v_z \end{bmatrix}^T$ ——为卫星的状态变量 $r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$ ——为卫星到地心得距离;

 $\mu_e = GM_e$ — G 为万有引力常数, M_e 为地球质量。

这是一个非线性微分方程,若给定某时刻t 的卫星位置和卫星速度,即该时刻卫星状态,则该方程完全可解。这些初始条件也可以由另外 6 个积分常数代替表示,即轨道六要素:轨道半长轴a,偏心率e,轨道倾角i,升交点赤经 Ω ,近升角距 ω ,偏近点角E(或真近点角f 和平近点角M,取决于过近地点时刻 τ)。

(2) 卫星轨道摄动力分析

卫星在空间中运动时除了受到地球中心引力的作用外,还受到来自宇宙空间的各种摄动力的作用,这些摄动力会使卫星轨道发生变化,包括轨道形状的变化及轨道法向方向的变化等。考虑到卫星可能受到的各种摄动力,在上文基础上建立卫星轨道动力学方程:

$$\begin{cases} \dot{\mathbf{r}} = \mathbf{v} \\ \dot{\mathbf{v}} = -\mu_e \frac{\mathbf{r}}{r^3} + \mathbf{P}(\mathbf{r}, \mathbf{v}, t) \end{cases}$$

式中 $P = P_G + P_D + P_R + P_S + P_M$ — 为卫星受到的摄动加速度组成 $^{[i]}$

$$\mathbf{v} = \begin{bmatrix} v_x & v_y & v_z \end{bmatrix}^T$$
——为卫星速度

$$r = [x \ y \ z]^{T}$$
——为卫星位置

 P_{G} ——为地球非球形引力摄动加速度 P_{D} ——为大气阻力摄动加速度

 P_R ——为太阳光压摄动加速度 P_S ——为太阳对卫星引力摄动加速度

 P_{M} ——为月球对卫星引力摄动加速度

根据本研究的问题与情况,忽略除地球非球形引力 J_2 摄动以外的其他摄动,而 J_2 摄动引起的升交点赤经的变化也由多次测量数据拟合得出,而非使用轨道

动力学积分计算。

4.坐标系变换^[4]

在讨论、分析和计算物体的运动特性时,要将涉及的物理量统一到一个坐标 系内,这常需要进行坐标系间矢量坐标的转换。两个坐标系的关系有多种描述方 法,如方向余弦矩阵、欧拉角、四元数等,方向余弦矩阵可以方便地实现矢量坐 标的转换。本文的求解也是主要基于方向余弦阵进行的。

单位矢量在坐标系三轴上的投影称为方向余弦。方向余弦阵是指以某个坐标系三轴的单位矢量在另一个坐标系中的方向余弦为列组成的矩阵。例如,设有两个坐标系 A 和 B ,它们间的方向余弦阵为

$$C_{A}^{B} = \begin{pmatrix} i_{B} \cdot i_{A} & j_{B} \cdot i_{A} & k_{B} \cdot i_{A} \\ i_{B} \cdot j_{A} & j_{B} \cdot j_{A} & k_{B} \cdot j_{A} \\ i_{B} \cdot k_{A} & j_{B} \cdot k_{A} & k_{B} \cdot k_{A} \end{pmatrix}$$
(3-6)

若把两个坐标系三轴的单位矢量看成三维矢量空间的两组基,则由线性空间的理论可知,方向余弦阵实际上是两组基之间的过渡矩阵。矢量P在两个坐标系中坐标的关系满足

$$\begin{bmatrix} x_A \\ y_A \\ z_A \end{bmatrix} = C_A^B \cdot \begin{bmatrix} x_B \\ y_B \\ z_B \end{bmatrix}$$
 (3-7)

方向余弦阵是正交矩阵, 故有

$$\left(C_A^B\right)^{-1} = \left(C_A^B\right)^T = C_A^B$$

方向余弦阵具有传递性,三个坐标系 $A \times B \times C$ 间的方向余弦阵具有如下关系:

$$C_C^A = C_B^A \cdot C_C^B \tag{3-8}$$

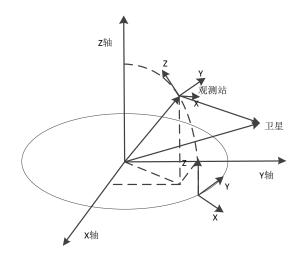


图 3-2 坐标系旋转示意图

3.3. 问题求解

1.第一问

附件 2-1 给出了 D0、D1、D2 日 Q 型卫星被该观察站观测到的情况,请预测此后一天(D3)、此后三天(D5)的卫星被观测到的情况及过顶情况,并结合 Q 型卫星的侦察范围给出 D3、D5 两天内确保安全施工的时段。

Q型卫星是太阳同步卫星,这类卫星每天在相同的地方时经过世界各地,每天以大致相同的太阳对地光照条件下观测地面,因此可以用作侦察探测。

题目附件给出了前三天经过地面某一观测站时所能测量的数据,根据之前的 **单站定轨原理**可以计算出该卫星的轨道六根数^[5]。(Q 型卫星所有观测计算出的 数据见附录二表 1)

地心距r和速度v:

$$r = \sqrt{x_0^2 + y_0^2 + z_0^2}$$

$$v = \sqrt{\dot{x}_0^2 + \dot{y}_0^2 + \dot{z}_0^2}$$
(3-9)

半长轴a (通过活力公式求取):

$$a = \frac{\mu r}{2\mu - rv^2} \tag{3-10}$$

偏心率e和 t_0 时刻偏近点角E:

$$e\sin E = \sqrt{\frac{1}{\mu a}} \left(x\dot{x} + y\dot{y} + z\dot{z} \right)$$

$$e\cos E = 1 - \frac{r}{a}$$
(3-11)

轨道倾角i:

$$\cos i = \frac{x\dot{y} - y\dot{x}}{\sqrt{\mu a(1 - e^2)}}$$
 (3-12)

升交点赤经 Ω :

$$\sin \Omega = \frac{y\dot{z} - z\dot{y}}{\sqrt{\mu a (1 - e^2) \sin i}}$$

$$\cos \Omega = \frac{x\dot{z} - z\dot{x}}{\sqrt{\mu a (1 - e^2) \sin i}}$$
(3-13)

 t_0 时刻卫星纬度幅角u:

$$\sin u = \frac{z}{r \sin i}$$

$$\cos u = \frac{y}{r} \sin \Omega + \frac{x}{r} \cos \Omega$$
(3-14)

表 3-1 计算出的 Q 型卫星最后一次被观测的轨道参数

半长轴a	偏心率e	倾角 i	升交点赤经Ω	纬度幅角u
6872.039088	0.0012984	97.385854	121.933354	35.37719849

表 3-1 所计算出的参数与所给的 Q 型卫星轨道参数基本吻合,因此该方法正确,可以做进一步计算。且由于单站定轨的原理,每一次观测的三组数据仅能得到前两组的轨道参数。

对于 Q 型卫星的预报从最后一次观测的时刻开始,半长轴、偏心率和轨道 倾角都使用前面观测到的平均值;纬度幅角使用最后一次观测到的值(纬度幅角 是真近点角和近地点幅角之和);虽然根据观测数据,Q 卫星的升交点赤经并没有呈现一般太阳同步轨道的变化特性,但是考虑题设还是使其每天东移0.9856°

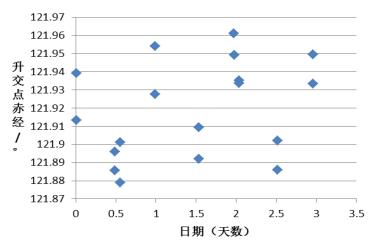


图 3-3 Q 卫星升交点赤经变化

预报卫星在之后几天在该观测站上空的过顶情况以及某一区域的安全施工时段。由于只关注 D3 和 D5 的情况(Q型卫星的后三天全部过顶情况见附录二表 2),可得

表 3-2 Q 型卫星在 D3 和 D5 的过顶情况

日期	时间/24 小时制	Azm/°	Elv/°	Range/ Km
	0:31:15	209.69363	10.043725	1675.395818
	0:34:09	263.43348	22.623222	1089.653948
D3	0:37:03	317.01876	10.004562	1677.978638
	12:03:02	31.645962	10.010298	1677.599967

	12:06:21	98.386905	33.94343	822.4140348
	12:09:39	164.90886	10.078348	1673.117304
	13:38:45	303.38719	10.009459	1677.655323
	13:39:31	291.02782	10.547074	1642.718402
	13:40:17	278.66221	10.018705	1677.045206
	12:51:02	1.8838369	10.006499	1677.850737
	12:54:34	284.11606	55.772383	586.8785921
	12:58:06	205.26074	10.084953	1672.683161
D5				
	23:23:25	126.66851	10.027791	1676.445945
	23:26:19	72.990168	23.242162	1070.431508
	23:29:14	18.962791	10.007138	1677.808554

(Azm—天线方位角度, Elv—天线仰角, Range—星与观测者之间距离)

在求得了 Q 的过顶情况之后,继续求解 Q 型卫星对该施工区域的监测情况。 Q 型卫星的监测范围设置为垂直于星下点轨迹方向的正负 272Km 内。可得如下结果:

表 3-3 Q 型卫星可以侦察到施工区域的时间和位置

天数	时间	星下点纬度	星下点经度
	12:54:46	31.89985	115.408306
	12:54:47	31.837076	115.392779
D5	12:54:48	31.774302	115.377268
ДЗ	12:54:49	31.711526	115.361772
	12:54:50	31.64875	115.346291
	12:54:51	31.585973	115.330825

从计算结果得(后三天所有侦察到施工区域的时间和位置见附录 2 表 3) 图 3-4 和图 3-5, D3 和 D5 这两天中只有 D5 才能侦察到施工区域。

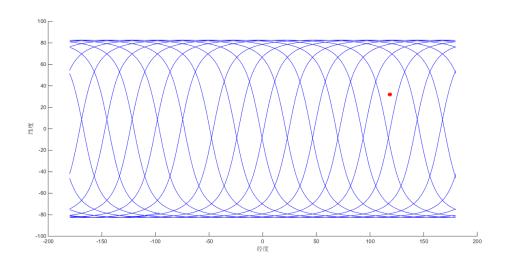


图 3-4 Q 星在 D3 天星下点轨迹图与施工区域图 (红色代表施工区域)

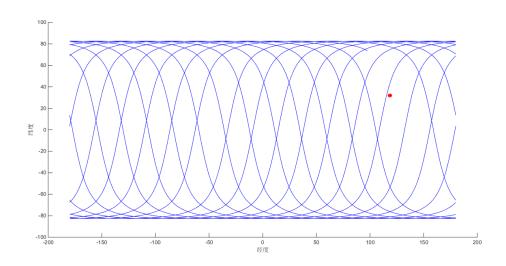


图 3-5 Q 星在 D5 天星下点轨迹图与施工区域图 (红色代表施工区域)

因此, D3 和 D5 可以安全施工的时段是除去 D5 的 12:54:46 到 12:54:51 之外的时间,由于在准备隐蔽和解除隐蔽的过程中也会耗费相应的时间。因此,被刨除的时间可以酌情增加。

2.第二问

第二问与第一问原理相同,首先可以根据求得的 L1 星和 L2 星的轨道参数 求出在 8 月 23 日 L1 星和 L2 星被观测到的情况,再求出施工区域在 8 月 23 日 安全施工的时间段。

表 3-6、表 3-7 分别给出了 L1、L2 卫星最后一次被观测站观测到后计算的 轨道参数, L 型卫星预报的数据使用情况同 Q 星。图 3-6、图 3-7 展示了 L1、L2 卫星升交点赤经变化及拟合情况。

表 3-4 计算出的 L1 型卫星最后一次被观测的轨道参数

半长轴a	偏心率e	倾角i	升交点赤经Ω	纬度幅角u
7021.1	0.002662	68.06021	21.19967796	33.31295117

表 3-5 计算出的 L2 型卫星最后一次被观测的轨道参数

半长轴a	偏心率e	倾角 i	升交点赤经Ω	纬度幅角u
7034.93	0.000689	57.03292	143.9515131	151.528566

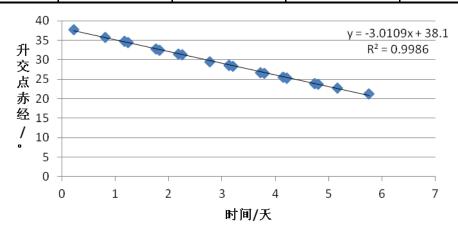


图 3-6 L1 星升交点赤经随天数变化情况图

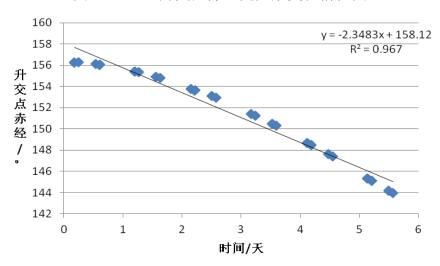


图 3-7 L2 星升交点赤经随天数变化情况图

表 3-6 L1 星在 8 月 23 日被观测到的情况

	时间	Azm	Elv	Range
23 日	3:03:42	12.4248523	10.0219717	2030.14075

3:06:55	57.2208116	18.4873005	1543.85024
3:10:07	101.7291	10.0106162	2030.94575
4:42:50	317.321984	10.0203684	2030.25438
4:47:01	251.512364	35.763736	1018.257
4:51:12	185.445793	10.0586526	2027.54353
17:12:27	164.092396	10.0644406	2027.13415
17:16:17	107.026841	26.6683509	1238.93434
17:20:07	50.1519407	10.0204252	2030.25036
18:52:31	246.795613	10.0250789	2029.92055
18:56:14	301.160718	23.8571016	1329.67008
18:59:56	355.260847	10.065507	2027.05873

由表可知,L1星在8月23日会在四个时间段被观测到。

表 3-7 L2 星在 8 月 23 日被观测到的情况

	时间	Azm	Elv	Range
	2:32:23	196.2881	10.06342	2054.64
	2:36:53	123.3181	46.39037	870.8186
	2:41:23	50.56916	10.04545	2055.918
	4:14:58	267.8202	10.02949	2057.053
23 日	4:18:36	318.547	21.61623	1434.834
	4:22:14	9.172473	10.00096	2059.086
	11:08:54	336.9267	10.03586	2056.6
	11:13:20	47.08755	40.02929	960.3396
	11:17:46	117.3375	10.03815	2056.437

12:51:03	290.4237	10.02707	2057.226
12:54:37	240.9404	21.64557	1433.683
12:58:12	191.0868	10.04017	2056.293

由表可知, L2 星在 8 月 23 日会在四个时间段被观测到。

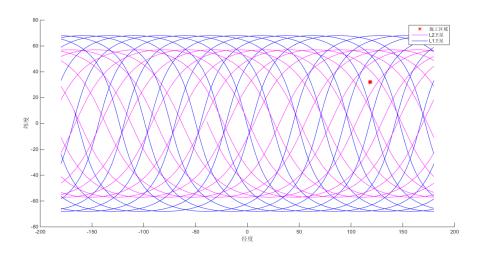


图 3-8 L1/L2 卫星 8 月 23 日星下点轨迹与施工区域

经计算得图 3-8,在 8 月 23 日 L1 和 L2 **均不能侦察**到该区域,而在 22 或 24 日可以侦察得到(见附录二表 4 和表 5)。L1 和 L2 型卫星的侦察范围同 Q 型卫星。

L1 和 L2 相对位置和薄弱环节:

这里使用了问题三的时序图来描述 L1 和 L2 卫星之间的相对位置变化情况。 基本能够确定 L1 和 L2 卫星实现了全球经度的范围的全覆盖。若要对其进行规 避则只能选择重返间隔之间的区域。

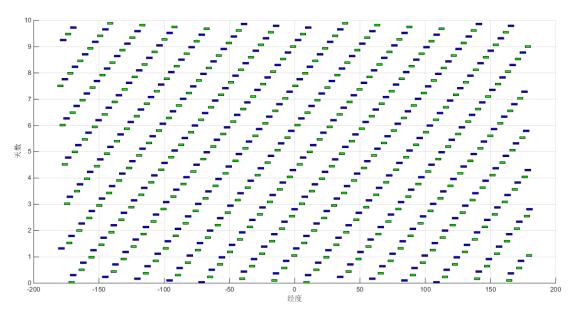


图 3-9 L1/L2 卫星相对位置变化图 (蓝-L1, 绿-L2)

3.第三问

题目给出 K 型卫星 10 次的观测数据,来推测出未来三次的观测情况。与之前给的不同,这次附件 2-3 给出的观测数据不包含观测天数,即不清楚十次观测数据是否为连续的天数内观察。

通过使用前三次观测数据预报,认为这 10 次观测数据是连续产生的,且 K 星的升交点赤经也能较好的拟合出一条一次曲线,拟合度很高, $R^2=0.9836$

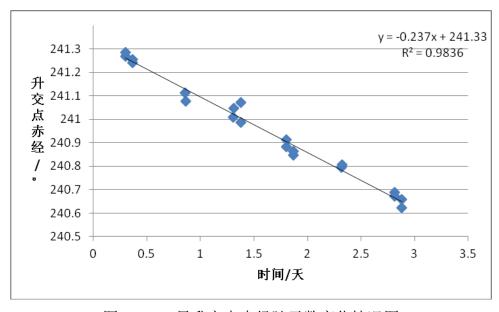


图 3-10 K 星升交点赤经随天数变化情况图

接下来的方法和前两问类似,通过多次的观测值,可以求出 K 型卫星的轨道参数,如表 3-8 所示。

表 3-8 计算出的 K 型卫星轨道参数 (升交点赤经和纬度幅角为最后一次值)

半长轴a	偏心率e	倾角 i	升交点赤经Ω	纬度幅角u
6993.119834	1.53E-03	95.98529528	240.6225424	145.6557421

通过计算出的 K 型卫星轨道参数预测未来三次的被观测情况,见表 3-9。

表 3-9 K 型卫星未来三次被观测到的情况

日期	时间	Azm	Elv	Range
	7:50:15	171.3688	10.05045	1963.261
	7:54:32	259.4261	84.09031	618.1153
	7:58:49	348.8681	10.08411	1960.908
	19:41:12	33.2957	10.08072	1961.145
D3	19:44:59	95.65555	30.26189	1093.455
	19:48:45	157.6198	10.08468	1960.869
	21:18:06	328.579	10.01991	1965.399
	21:20:51	288.3769	16.90046	1560.923
	21:23:36	248.1505	10.02324	1965.165

接下来讨论观测次数n对精度的影响。

以附录 2-3 为基础数据,该附录给出了十次观测数据,选择数量不等的数据 (1~8 次)中观测数据来预报第九、十次的卫星与观测站距离最近时刻。结果如表 3-10 所示。

表 3-10 不同观测次数对预报精度的影响

n次观测预报效果				
		距离最近时间/秒	题目给出时间/秒	差/秒
1 次观测	9	249024	243007	6017

	10	254769	248768	6001
2 次观测	9	243227	243007	220
2.7人次定规则	10	248989	248768	221
० ४५ यम अप	9	243126	243007	119
3 次观测	10	248889	248768	121
4 Vz 70 30d	9	243106	243007	99
4 次观测	10	248871	248768	103
5 次观测	9	243109	243007	102
3 7人及近侧	10	248874	248768	106
6 次观测	9	243067	243007	60
O 7人 <i>外</i> 比例	10	248831	248768	63
7 次观测	9	243055	243007	48
/ 7八/火七/火川	10	248819	248768	51
8 次观测	9	243033	243007	26
O 1八次代例	10	248798	248768	30

从表 3-10 中可以看出,随着所选观测次数的提升,预报的时间和题目所给的时间之差越来越小。并且使用**两次或三次**观测数据进行预测就能使预报结果的误差在可接受的范围内。

因此, 预报的精度是随着使用的观测数据次数的提升而显著升高。

四. 问题二的分析与建模

4.1. 问题分析

问题二所需求解的问题是,在侦察卫星的约束条件下,寻找最优的行驶路径的问题。部队车队从新疆的阿勒泰出发,走高速公路或者普速公路,途径喀什,最终到达和田休息 24 小时返回阿勒泰。车队每行进 10 小时至 12 小时之间休息超过 10 小时,车队总长为 2Km。再在问题一的基础上,躲避 Q型卫星和 L1 型卫星,达到反侦察的目的。

对于行驶的路程,将沿线的城市(县级及其以上)离散成一个个点,再将这些点用直线相连,所需行驶的路程即成为这些直接的长度之和。由于公路有高速和普速之分,并且城市之间不止有一条路,需要进行路径的优化选择,因此本文选择模拟退火算法来进行优化计算。

4.2. 模型建立

1.城市离散化

通过网络资源,查找出途径城市的经纬度,并将其列出:

表 4-1 新疆各需要经过的县级以上地区经纬度

	城市	纬度	经度
	阿勒泰市	47.825993	88.128427
	北屯市	47.346667	87.794444
	福海县	47.110802	87.483361
	乌尔禾区	46.088356	85.691012
	克拉玛依市	45.579078	84.886804
新疆	奎屯市	44.42574	84.900912
	石河子市	44.304887	86.077659
	呼图壁县	44.19047	86.896402
	乌鲁木齐市	43.824459	87.614444
	达坂城区	43.362064	88.308122
	托克逊县	42.791228	88.651263
	和硕县	42.267188	86.861522

库尔勒市	41.764539	86.152665
库车县	41.716741	82.959189
阿克苏市	41.166567	80.26122
巴楚县	39.784916	78.547355
阿图什市	39.715735	76.165232
喀什市	39.467467	75.990845
疏勒县	39.401024	76.045017
英吉沙县	38.930645	76.172599
莎车县	38.414446	77.243196
泽普县	38.194044	77.269023
叶城县	37.882945	77.410683
皮山县	37.62145	78.28147
墨玉县	37.276457	79.735861
和田市	37.112495	79.911624
阿拉尔市	40.545724	81.277606
沙雅县	41.220606	82.778944
麦盖提县	38.896756	77.639697

可以通过经纬度计算出两城市之间的距离(见附录二城市距离),进而能够给出不同路线的路程距离。

①从阿勒泰去和田(途径喀什)单位: Km

路线一: 总距离 2654.6574, 其中高速距离 2207.7571, 普速距离 446.9003 高速: 阿勒泰——北屯——福海——乌尔禾——克拉玛依——奎屯 (525.7923)

高速: 奎屯——石河子——呼图壁——乌鲁木齐——达坂城——托克逊 ——和硕——库尔勒——库车(958.3399)

高速: 库车——阿克苏 (233.3113)

普速: 阿克苏——巴楚——阿图什——喀什(446.9003)

高速: 喀什——疏勒——英吉沙——莎车——泽普——叶城——和田 (490.3136)

路线二: 总距离 2227.9195, 其中高速距离 1249.4192, 普速距离 978.5003

高速: 阿勒泰——北屯——福海——乌尔禾——克拉玛依——奎屯 (525.7923)

普速: 奎屯——库车(531.6)

高速: 库车——阿克苏 (233.3133)

普速: 阿克苏——巴楚——阿图什——喀什(446.9003)

高速: 喀什——疏勒——英吉沙——莎车——泽普——叶城——和田 (490.3136)

②从和田回阿勒泰(无须经过喀什)单位: Km

路线一: 总距离 2140.372, 其中高速距离 1486.1322, 普速距离 654.2398

普速: 和田——阿拉尔市——沙雅——库车(654.2398)

高速: 库车——库尔勒——和硕——托克逊——达坂城——乌鲁木齐——呼图壁——石河子——奎屯(958.3399)

高速: 奎屯——克拉玛依——乌尔禾——福海——北屯——阿勒泰(527.7923)

路线二: 总距离 2458.0678,其中高速距 2246.6109, 普速距离 211.4569

高速: 和田——叶城——泽普——莎车——麦盖提——巴楚(527.1674)

普速: 巴楚——阿克苏 (211.4569)

高速: 阿克苏——库车(233.3113)

高速: 库车——库尔勒——和硕——托克逊——达坂城——乌鲁木齐——呼图壁——石河子——奎屯(958.3399)

高速: 奎屯——克拉玛依——乌尔禾——福海——北屯——阿勒泰(527.7923)

路线三: 总距离 1713.6321, 其中高速距离 527.7923, 普速距离为 1185.8398

普速: 和田——阿拉尔市——沙雅——库车——奎屯(1185.8398)

高速: 奎屯——克拉玛依——乌尔禾——福海——北屯——阿勒泰(527.7923)

路线四: 总距离 2031.3279,其中高速距离 1288.271,普速距离 743.0569

高速: 和田——叶城——泽普——莎车——麦盖提——巴楚(527.1674)

普速: 巴楚——阿克苏 (211.4569)

高速: 阿克苏——库车(233.3113)

普速: 库车——奎屯 (531.6)

高速: 奎屯——克拉玛依——乌尔禾——福海——北屯——阿勒泰 (527.7923)

从上可知,阿勒泰——和田有两条路线可以选择,和田——阿勒泰有四条路线可以选择,共有8种情况需要考虑。后经百度地图查询,发现阿勒泰与奎屯两个城市之间既有高速公路和普速公路,因此情况增致16种。

根据题意,应尽可能快地到达目的地,因此需要得到最优解。可知总时间t由以下公式求得:

$$t = \frac{L_G}{v_G} + \frac{L_P}{v_P} + t_R + t_H + t_Y = t_G + t_P + t_R + t_H + t_Y$$
(4-1)

从式(4-1)可知,要使t最小,则需令其每一项都可以取最小值。因此,行驶速度需要尽可能地块,休息和隐蔽时间需要尽可能地短。若普速公路距离和高速公路相比并没有显著减少,则尽量采用高速优先的原则。

基于以上的几点考量,本题选择模拟退火算法进行优化。

2. 模拟退火算法简介[6~7]

模拟退火算法来源于固体退火原理,是一种基于概率的算法,将固体加温至充分高,再让其徐徐冷却,加温时,固体内部粒子随温升变为无序状,内能增大,而徐徐冷却时粒子渐趋有序,在每个温度都达到平衡态,最后在常温时达到基态,内能减为最小。

模拟退火算法(Simulated Annealing, SA)最早的思想是由 N. Metropolis 等人于 1953 年提出。1983 年,S. Kirkpatrick 等成功地将退火思想引入到组合优化领域。它是基于 Monte-Carlo 迭代求解策略的一种随机寻优算法,其出发点是基于物理中固体物质的退火过程与一般组合优化问题之间的相似性。模拟退火算法从某一较高初温出发,伴随温度参数的不断下降,结合概率突跳特性在解空间中随机寻找目标函数的全局最优解,即在局部最优解能概率性地跳出并最终趋于全局最优。模拟退火算法是一种通用的优化算法,理论上算法具有概率的全局优化性能,目前已在工程中得到了广泛应用,诸如 VLSI、生产调度、控制工程、机器学习、神经网络、信号处理等领域。

模拟退火算法新解的产生和接受可分为如下四个步骤:

第一步是由一个产生函数从当前解产生一个位于解空间的新解;为便于后续的计算和接受,减少算法耗时,通常选择由当前新解经过简单地变换即可产生新解的方法,如对构成新解的全部或部分元素进行置换、互换等,注意到产生新解的变换方法决定了当前新解的邻域结构,因而对冷却进度表的选取有一定的影响。

第二步是计算与新解所对应的目标函数差。因为目标函数差仅由变换部分产生,所以目标函数差的计算最好按增量计算。事实表明,对大多数应用而言,这是计算目标函数差的最快方法。

第三步是判断新解是否被接受,判断的依据是一个接受准则,最常用的接受准则是Metropolis准则: 若 $\Delta T < 0$ 则接受S'作为新的当前解S,否则以概率 $e^{-\Delta T/T}$

接受S'作为新的当前解S。

第四步是当新解被确定接受时,用新解代替当前解,这只需将当前解中对应 于产生新解时的变换部分予以实现,同时修正目标函数值即可。此时,当前解实 现了一次迭代。可在此基础上开始下一轮试验。而当新解被判定为舍弃时,则在 原当前解的基础上继续下一轮试验。

模拟退火算法与初始值无关,算法求得的解与初始解状态 *S* (是算法迭代的起点)无关;模拟退火算法具有渐近收敛性,已在理论上被证明是一种以概率 1 收敛于全局最优解的全局优化算法;模拟退火算法具有并行性。

本文使用模拟退火算法是为了求得全局最优解。

4.3. 问题求解

1.在不考虑侦察卫星的情况下求解

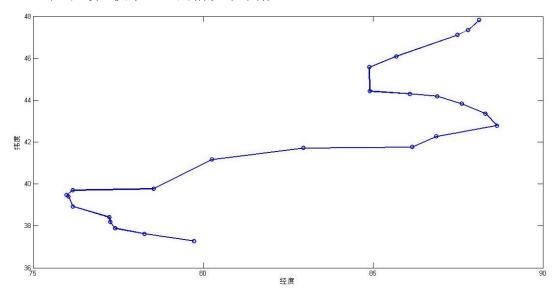


图 4-1 去程(阿勒泰-喀什-和田)平面路线图

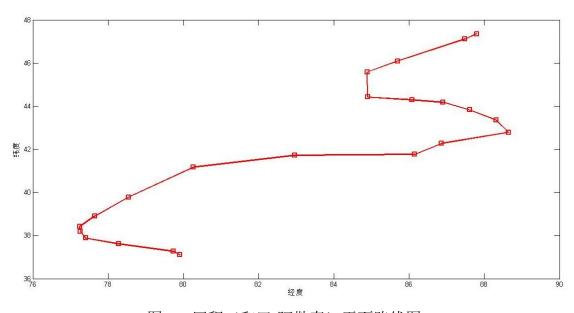


图 4-2 回程(和田-阿勒泰)平面路线图

表 4-2 城市路程节点间道路选择

地名	阿-奎	奎-库	库-喀	喀-和	和-库	库-奎	奎-阿
普速1	586.91	531.25	711.62	530.16	651.98	531.25	586.91
高速2	549.16	985.22	736.90	503.51	1025.47	985.22	549.26

(阿—阿勒泰, 奎—奎屯, 库—库车, 喀—喀什, 和—和田)

当以行驶时间为目标函数时,运用模拟退火算法,得到行驶路线为(2222222),即全程为高速公路行驶,行驶的时间最短,t为53.35小时,L为5334.75千米。(模拟退火算法程序见附录一)

从以上可以得出,在不考虑休息的情况下,高速路行驶的时间更短,更有利于行军时机,这样,以下进行的讨论,均建立于在高速行驶,并考虑休息时间。

当军队在高速路上行驶时,不考虑要躲避卫星的情况下,考虑行驶 10~12 个小时休息 $t_R=10$ 小时(根据式(4-1)),并且在和田执行任务 $t_H=24$ 小时。利用 MATLAB 编程,可到得到当军队在 2016 年 11 月 1 日五点从阿勒泰出发时,经过各点的时间。结果如下图所示:(具体表格见附录二表 6)

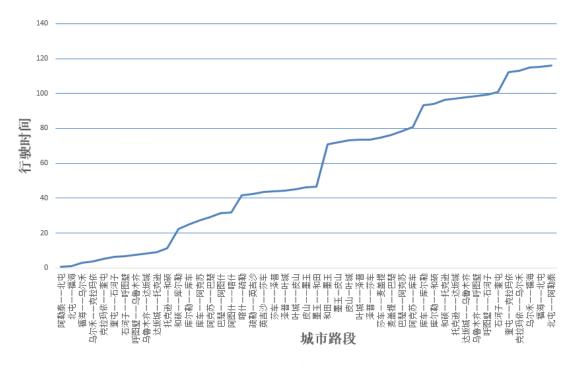


图 4-3 部队经过各城市的时间

所选取的休息的点为:和硕,喀什,库车,奎屯。

2.考虑卫星的情况下求解

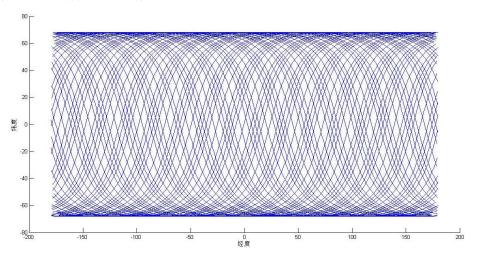


图 4-4 L1 星的星下点轨迹图

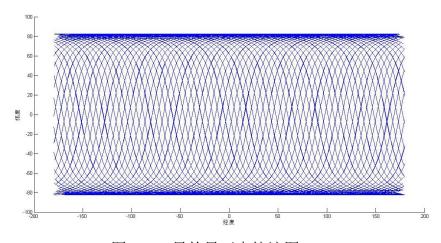


图 4-5 Q 星的星下点轨迹图

对行车过程进行离散,让军队每隔一分钟都有一个确切的位置。将时间信息引入第三个维度,在此情况下,对军队和卫星在每一分钟的经纬度进行比较,判断车队有没有可能在卫星的辐照下。离散的结果如下图所示。与离散前的图吻合度很高。

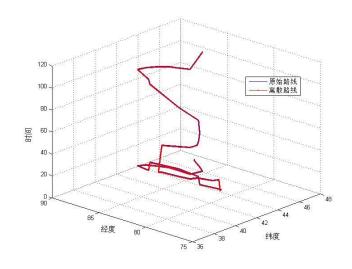


图 4-6 离散路程图和路程图的比较

利用离散后的路线跟卫星的路线进行比较,从结果中得到,在 t=100.4667 这个点,车队在卫星的侦察范围内。因此,需要优化路线,才能让车队避开 L1 星。当卫星辐照宽度是以星下点轨迹为中心,左右各 272Km,卫星和车队的经纬度差的平方和小于 4 时,认为两者相遇,即车队在卫星的侦察范围内。

根据计算结果得到, 当行驶时间为 108.447 小时时, 即当卫星到经纬度 (44.1180, 84.4190), 车队的经纬度为 (45.2670, 84.8906), 两者相遇 (见图 4-7)。

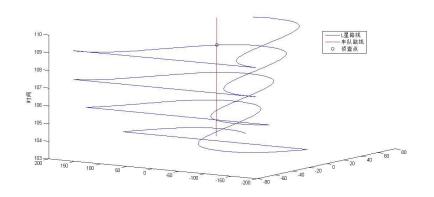


图 4-7 L1 星可侦察车队时间点

观察此时的时间-速度图可知,当时部队在奎屯休息。因此不需要对卫星进行规避,只需在驻地分散隐藏即可。

计算 Q 星过顶的时间, 所依据的程序跟 L1 星相同。

经计算可得,时间点为t=28.8000,其中t在行驶路线过程中,要进行就地伪装。此时 Q 星的经纬度是(39.7817,78.4372),卫星的经纬度是(39.4790,77.1430),此时卫星正从阿克苏开往巴楚,需要就地停车隐藏。

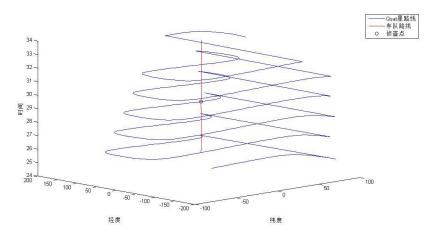


图 4-8 Q 星可侦察车队时间点

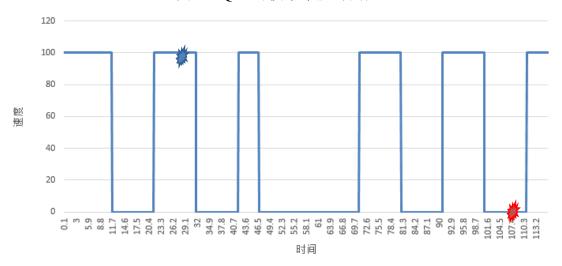


图 4-9 L1 星/Q 星与车队相遇的时间-速度图 (红点—L1 星侦察范围内,蓝点 Q 星侦察范围内)

表 4-3 车队与侦察卫星相遇时的规避方式

时间/H	卫星	卫星经纬度	行车经纬度	行车位 置	规避方 式
108.447	L1 星	(44.1180, 84.4190)	(45.2670, 84.8906)	奎屯休息	驻地隐 藏
28.8000	Q 星	(39.7817,78.4372)	(39.4790,77.1430)	阿克苏 一巴楚	就地停 车隐藏

由于遭遇 L1 星,车队正处于休息状态,可以不必因此而改变线路和行车时间。所以车队路上行驶的时间 t 为 53.35 小时,总路程 L 为 5334.75 千米。线路为阿勒泰——北屯——福海——乌尔禾——克拉玛依——奎屯——石河子——呼

图壁——乌鲁木齐——达坂城——托克逊——和硕——库尔勒——库车——阿克苏——巴楚——阿图什——喀什——疏勒——英吉沙——莎车——泽普——叶城——和田——叶城——泽普——莎车——麦盖提——巴楚——阿克苏——库车——库尔勒——和硕——托克逊——达坂城——乌鲁木齐——呼图壁——石河子——奎屯——克拉玛依——乌尔禾——福海——北屯——阿勒泰,全程高速行驶(所给的地图上阿克苏到巴楚为普速公路,经百度地图查询,该地区已通高速公路,所以其按高速公路计算),路线图见 4-3。

五. 问题三的分析与建模

5.1. 问题分析

研究导弹发射装置的战时隐蔽问题。有专家提出,运动方式可能是移动发射 装置规避卫星侦察的有效方案。

本题与问题一不同,与问题二类似。在问题一中,施工区域是静止的,而卫星是一直在运动,对该区域进行动态观测,施工区域对于侦察卫星需隐藏;在问题二中,行军路线和卫星都是运动的,车队对于侦察卫星需躲避。在问题三中,导弹发射装置则更具有主动权,根据预测得到的卫星轨道数据,实时地进行移动,以防被侦察卫星发现。

题目中假设了三种卫星,Q型、L型(包含 L1 和 L2)以及 K型卫星,它们都具有一定的侦察能力(通过前两问可知)。在本问题中,首先要分别对这三种卫星的隐蔽问题进行分析,接着适当地对两种或者三种类型卫星的叠加进行更深入的分析。分析的主要内容包括隐蔽的路线和时间,以及所能隐蔽区域的大小,寻找其中的薄弱环节。

5.2. 模型建立

首先建立简化的数学模型。

以问题一为基础,侦察卫星的侦察范围同 Q 型卫星的辐照范围。该模型是以卫星每绕行一圈,经度会西移一个固定的角度,依次往复,以一定的周期进行移动。轨道移动一定的经度,必然会造成侦察盲区,这就给战略导弹的转移留出了空间。这就是建模和编程的理论依据。

① 于 Q 型卫星:

 $T=5668.356s=94.4726\,\mathrm{min}$,也就是等于一天可以绕地球 15.2425 圈。地球在惯性空间自转角速度 $\tilde{\omega}=360^\circ$ /天。 $\dot{\Omega}$ 为升交点赤经的变化率,是根据问题一描述得:

$$\dot{\Omega} = 0.9856^{\circ} / d$$

每一圈卫星相对地面经度西移
$$m = \frac{T}{86400} \times (360 - \dot{\Omega}) = 23.55349^{\circ}$$

Q型卫星的辐照宽度覆盖的经度(使用平面角近似球面角,以下同理)

$$w = \frac{272 \times 2 \times \cos(i - 90)}{6378} \cdot \frac{180}{\pi} = 4.8461^{\circ}$$

②对于 L1 型卫星:

 $T=5855.884s=97.598\,\mathrm{min}$,也就是等于一天可以绕地球 14.754 圈。地球在 惯性空间自转角速度 $\tilde{\omega}=360^\circ$ / 天。 $\dot{\Omega}$ 为升交点赤经的变化率,是根据问题一所得的数据拟合而成:

$$\dot{\Omega} = -3.0109^{\circ} / d$$

每一圈卫星相对地面经度西移
$$m = \frac{T}{86400} \times (360 - \dot{\Omega}) = 24.6036^{\circ}$$

L1 型卫星的辐照宽度

$$w = \frac{272 \times 2 \times \cos(i - 90)}{6378} \cdot \frac{180}{\pi} = 4.532^{\circ}$$

③对于 L2 型卫星:

 $T=5871.298s=97.855\,\mathrm{min}$,也就是等于一天可以绕地球 14.716 圈。地球在 惯性空间自转角速度 $\tilde{\omega}=360^\circ$ / 天。 $\dot{\Omega}$ 为升交点赤经的变化率,是根据问题一所得的数据拟合而成

$$\dot{\Omega} = -2.3483^{\circ} / d$$

每一圈卫星相对地面经度西移
$$m = \frac{T}{86400} \times (360 - \dot{\Omega}) = 24.6233^{\circ}$$

L2 型卫星的辐照宽度

$$w = \frac{272 \times 2 \times \cos(i - 90)}{6378} \cdot \frac{180}{\pi} = 4.102^{\circ}$$

④对于 K 型卫星:

T=5819.925s=96.99876min,也就是等于一天可以绕地球 14.84555 圈。地球在惯性空间自转角速度 $\tilde{o}=360^\circ$ /天。 $\dot{\Omega}$ 为升交点赤经的变化率,是根据问题一所得的数据拟合而成

$$\dot{\Omega} = -0.23699047^{\circ} / d$$

每一圈卫星相对地面经度西移
$$m = \frac{T}{86400} \times (360 - \dot{\Omega}) = 24.26565^{\circ}$$

K型卫星的辐照宽度

$$w = \frac{272 \times 2 \times \cos(i - 90)}{6378} \cdot \frac{180}{\pi} = 4.86^{\circ}$$

5.3. 问题求解

将导弹发射装置的经度设在东经 120°, 北纬 30°左右的范围内, 优先考虑在侦察卫星下我国的战时隐蔽问题。

依照上述的简化,进行 MATLAB 编程绘制**时序图**。这里使用地理经度作横坐标,时间(天数)作为纵坐标,将卫星在相应时间经过北纬 30° 的经度以条状显示。图中某一点被条状图形覆盖则表示在此刻该经度会被此种卫星侦查到。该种图较为新颖地将侦查情况可视化,可在图中直接看出相应的机动规避方案。

1. 0型卫星:

由图 5-1 可知,在 Q 型卫星单一侦察情况下,可以找到一段持续时间最长的安全区域,约有 4 天的安全时间(3.9 天)。

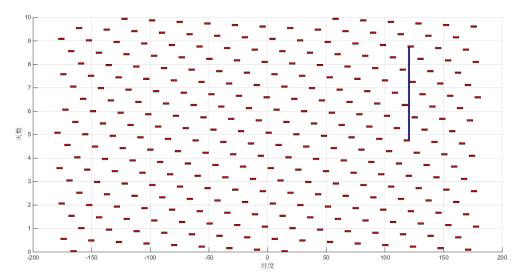


图 5-1 Q型卫星下的战略导弹转移(蓝色竖条为安全区段)

2. L型卫星:

由图 5-2 可知,在 L型卫星(包含 L1 和 L2)侦察情况下,由题设初始条件可以找到一段持续时间最长的安全区域,约有 3 天的安全时间。可以看出 L1 和 L2 型卫星利用初始入轨经度、辐照宽度和轨道转动基本覆盖了所有经度范围。

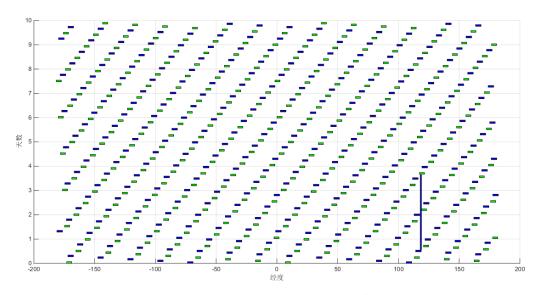


图 5-2 L 型卫星下的战略导弹转移

(蓝-L1,绿-L2,蓝色竖条为安全区段)

3. K型卫星:

由图 5-3 可知,在 K型卫星单一侦察情况下,可以找到一段持续时间最长的安全区域,约有 3.5 天的安全时间。K型卫星情况与 Q型卫星较为相似。

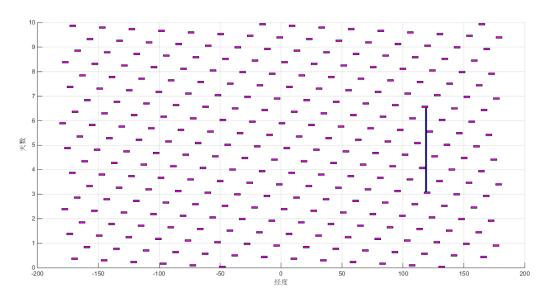


图 5-3 K 型卫星下的战略导弹转移(蓝色竖条为安全区段)

从以上三幅图可以看出,卫星会有一大块**侦察盲区**,只需将导弹发射装置放 在该盲区,并随盲区做周期运动就可以规避卫星侦察。

特别提出侦察盲区的概念,指的是:在一个时间段内不能被侦察到的区域,可以用来躲避和隐藏军事装备。

4. 联合侦查:

以此为原理,接下来直接考虑三种类型的卫星同时进行侦察。

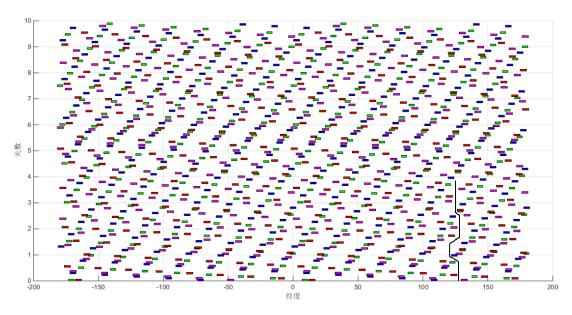


图 5-4 三种类型卫星同时侦察下的观测区域 (红-Q,蓝-L1,绿-L2,洋红-K)

观察图 5-4,可以发现有**侦察盲区**一直处于两条带之间,并且有规律地随着 经度做移动。因此,可将导弹发射装置布置于该区域,可以随着时间的推移做周 期性地运动。图中有一段折线为规避侦查的**示例**,直线段代表导弹发射装置可以 不移动而躲避侦查; 折线段表示导弹为规避侦查而进行经度方向上的机动, 由于横纵坐标的设置, 折线斜率可以表示机动的速度, 在某些条件下可能会出现要求速度过高而规避失败。

与单一卫星侦察相同,在三种类型卫星同时侦察下,也会有侦察盲区出现, 只是与前者相比,盲区的范围减小,所需的运动周期也减短,需要有更快地战时 反侦察响应。

5. 综合机动与联合侦查

当考虑到多颗卫星联合侦查和区域大小、路网情况、经度纬度联合机动时, 方案规划会变得困难许多。由于竞赛时间限制,这里仅提出一种**新颖**的分析方法: 方法的基础是上文使用的时序图。

首先考虑纬度方向上的机动,将导弹在经纬度方向上的可行的路线作为图形的第三维,形成相应的约束。然后考虑导弹在三维空间中的运动,需要规避卫星侦查和满足路线约束,同时路线的斜率还要满足导弹的机动速度。最后使用蚁群算法、粒子群算法等全局智能优化算法进行轨迹的规划,形成较好的方案。

更进一步,如果有更多的约束条件,都可以通过增加维数的方法归纳到这个 计算方法中,这样会使得建模的通用性更好,当然也可能使算法的计算时间大大 增加,陷入局部极值的可能性也增加。

六. 结论与分析

本文以军事行动避空侦察为背景,分别建模并讨论了卫星轨道观测和预报、 地面静止军事目标和运动军事目标对与侦察卫星的反侦察行为、行军路线的优 化。计算结果表明,建立的预报模型精确度高,具有较高的可信度,与所给的卫 星轨道参数吻合很好;规划优化算法性能较好。而对于问题三的导弹发射装置机 动隐蔽指导,特别提出了"侦察盲区"的概念并使用较为直观的侦查时序图,不 仅解决了该题,也为我国的国防反侦察事业给出了全新的解决方案。

综上所述,本文较好的解决了军事行动避空侦察的时机和路线选择,给出了 精确的模型和新颖地思路,取得了预期的目标。

参考文献

- [1] 刘林,张巍.关于各种类型数据的初轨计算方法[J].飞行器测控学报, Vol28,No.3,June,2009.
- [2]章仁为.卫星轨道姿态动力学与控制[M].北京:北京航空航天大学出版社,121~123,1998.
- [3] 杨 颂 华, 向 春 生, 马 佳 光. 单 站 短 弧 段 人 造 卫 星 轨 道 预 测 [J]. 光 电 工程,Vol33.No.7,July,2006.
- [4]张洪波.航天器轨道力学理论与方法[M].北京:国防工业出版社,46~47,2015.
- [5]杨嘉墀.航天器轨道动力学与控制[M].北京:中国宇航出版社,55~56,2009.
- [6]高尚.模拟退火算法中的退火策略研究[J].航空计算技术.2002(04).
- [7]向阳,龚新高.推广模拟退火方法及其应用[J].物理学进展.2000(03).
- [8]盛国华,陈玉金.改进模拟退火算法求解 TSP 问题[J].电脑知识与技术.2008(15).
- [9]张建航,李国.模拟退火算法及其在求解 TSP 中的应用[J].现代电子技术.2006(22)

附录一 MATLAB 源程序

```
问题二 模拟退火算法以行驶路程为目标函数程序
clear
clc
a = 0.95;
k = [586.91 \ 531.25 \ 711.62 \ 530.16 \ 651.98 \ 531.25 \ 586.91;
    549.16 985.22 736.90 503.51 1025.47 985.22 549.26];
num = size(k,2);
                             % 生成初始解
sol_new = ones(1,num);
E_current = inf;E_best = inf;
% E_current 是当前解对应的目标函数值;
% E_new 是新解的目标函数值;
% E_best 是最优解的
sol_current = sol_new; sol_best = sol_new;
t0=97; tf=3; t=t0;
p=1;
while t>=tf
   for r=1:100
       %产生随机扰动
       tmp=ceil(rand.*num);
       sol_new(1,tmp)=ceil(2*rand);
       % 计算行走的公里数
        sum=0:
        for i=1:num
            sum=sum+k(sol_new(i),i);
        end
       E_new=sum;
       if E_new<E_current
            E_current=E_new;
            sol_current=sol_new;
            if E_new<E_best
```

```
% 把冷却过程中最好的解保存下来
                E_best=E_new;
                sol_best=sol_new;
            end
       else
            if rand<exp(-(E_new-E_current)./t)
                E_current=E_new;
                sol_current=sol_new;
            else
                sol_new=sol_current;
            end
       end
   end
   t=t.*a;
end
format banj
disp('最优解为: ')
sol_best
disp('最短距离等于: '),
val=E_best
问题二 模拟退火算法以行驶时间为目标函数程序
clear
clc
a = 0.95;
k = [586.91 \ 531.25\ 711.62\ 530.16\ 651.98\ 531.25\ 586.91;
    549.16 985.22 736.90 503.51 1025.47 985.22 549.26];
num = size(k,2);
                            % 生成初始解
sol_new = ones(1,num);
E_current = inf;E_best = inf;
% E_current 是当前解对应的目标函数值;
% E_new 是新解的目标函数值;
% E_best 是最优解的
```

```
sol_current = sol_new; sol_best = sol_new;
t0=97; tf=3; t=t0;
p=1;
while t>=tf
   for r=1:100
       %产生随机扰动
       tmp=ceil(rand.*num);
       sol_new(1,tmp)=ceil(2*rand);
       % 计算行走的公里数
        time=0;
       for i=1:num
             time=time+k(sol_new(i),i)./(sol_new(i)*50);
       end
       E_new=time;
       if E_new<E_current
             E_current=E_new;
             sol_current=sol_new;
             if E_new<E_best
               % 把冷却过程中最好的解保存下来
                 E_best=E_new;
                 sol_best=sol_new;
             end
       else
             if rand<exp(-(E_new-E_current)./t)
                 E_current=E_new;
                 sol_current=sol_new;
             else
                 sol_new=sol_current;
             end
```

```
end
   end
   t=t.*a;
end
      dis=0;
        for i=1:num
            dis=dis+k(sol_best(i),i);
        end
format bank
disp('最优解为: ')
sol_best
disp('最短时间等于: ')
val=E_best
disp('行驶距离等于: ')
dis
问题二计算的经过各城市的时间程序
time=0;
sum=0;
tingdundian=[];
tingdunshijian=[];
for i=1:47
    if i==26
        sum=sum+24+time;
        time=0;
    end
    t=A(1,i)/100;
    time=time+t;
    tingdunshijian = [tingdunshijian,sum+time];
    a=time-10;
    if a>0
        time;
        time=time+10;
```

```
tingdundian=[tingdundian,i];
sum=sum+time;
time=0;
end
end
tingdundian;
tingdunshijian
riqi=tingdunshijian./24;
jizhun=datenum(2016,11,1,5,0,0);
riqi=riqi+jizhun;
datestr(riqi)
```

附录二 整理的数据

表1Q型卫星所有观测计算出的数据

时间	半长轴	偏心率	倾角	升交点赤经	卫星纬度幅角
0.00494213	6869.3671	0.0001397	97.383245	121.913424	18.36310699
0.00736111	6871.3113	0.0022333	97.427793	121.939166	31.64738725
0.48612269	6872.711	0.0029377	97.431223	121.88579	139.9082181
0.48782407	6870.4481	0.001067	97.415394	121.895868	149.2449416
0.55077546	6873.1428	0.0012097	97.400229	121.901257	134.8385145
0.55267361	6871.7202	0.0010721	97.430626	121.878913	145.2645751
0.98869213	6868.8105	4.92E-05	97.390965	121.927658	19.05373668
0.99116898	6871.5245	0.0032789	97.43474	121.954033	32.65973877
1.53415509	6873.0949	0.0020794	97.413955	121.892085	133.5080182
1.53655093	6871.7847	0.000429	97.389176	121.909422	146.6551994
1.97280093	6869.7522	0.0010304	97.430883	121.961163	21.72847375
1.97501157	6871.08	0.0027919	97.412161	121.94932	33.85958451
2.03923611	6869.8733	8.77E-05	97.408894	121.935199	26.45637782
2.03997685	6870.521	0.0024094	97.406104	121.933663	30.50984204
2.5178588	6873.3481	0.003506	97.41462	121.902093	133.9499928
2.52038194	6870.1167	0.0003218	97.438573	121.886003	147.7882324
2.95741898	6870.4332	0.0019922	97.410068	121.949624	27.17636619
2.95891204	6872.0391	0.0012984	97.385854	121.933354	35.37719849

(时间都是换成小时来计算, D0 天的 0 时开始算起)

表2Q型卫星后三天过顶情况表

日期	时间/s	时间/24 小时制	Azm/°	Elv/°	Range/ Km
D3	261075	0:31:15	209.69363	10.043725	1675.395818
D3	261249	0:34:09	263.43348	22.623222	1089.653948

		1	Ι	
261423	0:37:03	317.01876	10.004562	1677.978638
302582	12:03:02	31.645962	10.010298	1677.599967
302781	12:06:21	98.386905	33.94343	822.4140348
302979	12:09:39	164.90886	10.078348	1673.117304
308325	13:38:45	303.38719	10.009459	1677.655323
308371	13:39:31	291.02782	10.547074	1642.718402
308417	13:40:17	278.66221	10.018705	1677.045206
346075	0:07:55	180.88908	10.083454	1672.781651
346287	0:11:27	259.73266	55.304962	589.8412262
346500	0:15:00	338.98707	10.018676	1677.047118
387690	11:41:30	58.850412	10.049511	1675.014702
387817	11:43:37	95.026489	14.885899	1397.757047
387944	11:45:44	131.15061	10.013918	1677.361037
393251	13:14:11	341.04596	10.007351	1677.794489
393426	13:17:06	287.01793	23.249183	1070.217263
393600	13:20:00	233.32662	10.031676	1676.189822
431119	23:45:19	154.73046	10.082216	1672.863036
431331	23:48:51	75.908651	55.751259	587.011113
431543	23:52:23	358.12419	10.007793	1677.765322
478262	12:51:02	1.8838369	10.006499	1677.850737
478474	12:54:34	284.11606	55.772383	586.8785921
478686	12:58:06	205.26074	10.084953	1672.683161
	302582 302781 302979 308325 308371 308417 346075 346287 346500 387690 387817 387944 393251 393426 393600 431119 431331 431543	302582 12:03:02 302781 12:06:21 302979 12:09:39 308325 13:38:45 308371 13:39:31 308417 13:40:17 346075 0:07:55 346500 0:15:00 387690 11:41:30 387817 11:43:37 387944 11:45:44 393251 13:14:11 393426 13:17:06 393600 13:20:00 431119 23:45:19 431331 23:48:51 431543 23:52:23 478262 12:51:02 478474 12:54:34	302582 12:03:02 31.645962 302781 12:06:21 98.386905 302979 12:09:39 164.90886 308325 13:38:45 303.38719 308417 13:39:31 291.02782 308417 13:40:17 278.66221 346075 0:07:55 180.88908 346287 0:11:27 259.73266 346500 0:15:00 338.98707 387690 11:41:30 58.850412 387944 11:43:37 95.026489 387944 11:45:44 131.15061 393251 13:14:11 341.04596 393426 13:17:06 287.01793 393600 13:20:00 233.32662 431119 23:45:19 154.73046 431543 23:52:23 358.12419 478262 12:51:02 1.8838369 478474 12:54:34 284.11606	302582 12:03:02 31.645962 10.010298 302781 12:06:21 98.386905 33.94343 302979 12:09:39 164.90886 10.078348 308325 13:38:45 303.38719 10.009459 308417 13:39:31 291.02782 10.547074 308417 13:40:17 278.66221 10.018705 346075 0:07:55 180.88908 10.083454 346287 0:11:27 259.73266 55.304962 346500 0:15:00 338.98707 10.018676 387690 11:41:30 58.850412 10.049511 387944 11:45:44 131.15061 10.013918 393251 13:14:11 341.04596 10.007351 393426 13:17:06 287.01793 23.249183 393600 13:20:00 233.32662 10.031676 431119 23:45:19 154.73046 10.082216 431331 23:48:51 75.908651 55.751259 431543 23:52:23 358.12419

516205	23:23:25	126.66851	10.027791	1676.445945
516379	23:26:19	72.990168	23.242162	1070.431508
516554	23:29:14	18.962791	10.007138	1677.808554

(Azm—天线方位角度,Elv—天线仰角,Range—星与观测者之间距离) 表 3 Q 型卫星可以侦察到施工区域的时间和位置

时间		时间	星下点纬度	星下点经度
346289		0:11:29	31.606235	115.505272
346290		0:11:30	31.669012	115.489801
346291		0:11:31	31.731788	115.474316
346292	D4	0:11:32	31.794563	115.458814
346293		0:11:33	31.857337	115.443298
346294		0:11:34	31.92011	115.427766
478486		12:54:46	31.89985	115.408306
478487		12:54:47	31.837076	115.392779
478488	D5	12:54:48	31.774302	115.377268
478489	DЭ	12:54:49	31.711526	115.361772
478490		12:54:50	31.64875	115.346291
478491		12:54:51	31.585973	115.330825

表 4 L1 型卫星可以侦察到施工区域的时间和位置

日期	时间	纬度	经度
	4:22:19	32.08404	119.2612
0 11 22 11	4:22:20	32.02887	119.289
8月22日	4:22:21	31.9737	119.3168
	4:22:22	31.91851	119.3445

	4:22:23	31.86332	119.3722
	4:22:24	31.80813	119.3999
	4:22:25	31.75292	119.4275
	4:22:26	31.69771	119.4551
	4:22:27	31.64249	119.4826
	4:22:28	31.58726	119.5101
	4:22:29	31.53202	119.5376
	4:22:30	31.47677	119.565
	4:22:31	31.42152	119.5924
	4:22:32	31.36626	119.6198
	17:40:53	31.06911	120.6371
	17:40:54	31.12441	120.6642
	17:40:55	31.17971	120.6914
	17:40:56	31.23499	120.7186
8月24日	17:40:57	31.29027	120.7459
	17:40:58	31.34554	120.7732
	17:40:59	31.40081	120.8006
	17:41:00	31.45606	120.8279
	17:41:01	31.51131	120.8554

表 5 L2 型卫星可以侦察到施工区域的时间和位置

日期	时间	纬度	经度
	3:05:52	32.54191	116.9659
8月24日	3:05:53	32.58878	117.0086
8 月 24 日	3:05:54	32.63562	117.0514
	3:05:55	32.68245	117.0942

3:05:56	32.72926	117.1371
3:05:57	32.77605	117.18
3:05:58	32.82283	117.223
3:05:59	32.86958	117.266
3:06:00	32.91632	117.3091
3:06:01	32.96304	117.3522
3:06:02	33.00975	117.3954
11:42:21	32.69157	118.0474
11:42:22	32.64475	118.0903
11:42:23	32.59791	118.1331
11:42:24	32.55105	118.1758
11:42:25	32.50417	118.2185
11:42:26	32.45728	118.2611
11:42:27	32.41037	118.3037
11:42:28	32.36344	118.3462
11:42:29	32.3165	118.3887
11:42:30	32.26953	118.4312
11:42:31	32.22255	118.4736
11:42:32	32.17556	118.5159
11:42:33	32.12854	118.5582
11:42:34	32.08151	118.6005
11:42:35	32.03446	118.6427
11:42:36	31.9874	118.6848
11:42:37	31.94032	118.7269
11:42:38	31.89322	118.769

11:42:39	31.8461	118.811
11:42:40	31.79897	118.8529
11:42:41	31.75183	118.8949
11:42:42	31.70466	118.9367
11:42:43	31.65748	118.9786
11:42:44	31.61028	119.0203
11:42:45	31.56307	119.0621
11:42:46	31.51584	119.1037
11:42:47	31.46859	119.1454
11:42:48	31.42133	119.187
11:42:49	31.37405	119.2285
11:42:49	31.32675	119.27
11:42:50	31.27944	119.3115
11:42:51	31.23211	119.3529
11:42:52	31.18477	119.3942
11:42:53	31.13741	119.4356

表 6 从阿勒泰出发到达各城市的具体时间

城市	纬度	经度	时间	日期
北屯	47.346667	87.794444	0.589569	01-Nov-2016 05:35:22
福海	47.110802	87.483361	0.942045	01-Nov-2016 05:56:31
乌尔禾	46.088356	85.691012	2.970045	01-Nov-2016 07:58:12
克拉玛依	45.579078	84.886804	3.812932	01-Nov-2016 08:48:46
奎屯	44.425740	84.900912	5.257932	01-Nov-2016 10:15:28

石河子	44.304887	86.077659	6.204015	01-Nov-2016 11:12:14
呼图壁	44.190470	86.896402	6.869198	01-Nov-2016 11:52:09
乌鲁木齐	43.824459	87.614444	7.573843	01-Nov-2016 12:34:25
达坂城	43.362064	88.308122	8.333925	01-Nov-2016 13:20:02
托克逊	42.791228	88.651263	9.027932	01-Nov-2016 14:01:40
和硕	42.267188	86.861522	11.377932	01-Nov-2016 16:22:40
库尔勒	41.764539	86.152665	22.188358	02-Nov-2016 03:11:18
库车	41.716741	82.959189	24.841331	02-Nov-2016 05:50:28
阿克苏	41.166567	80.261220	27.174444	02-Nov-2016 08:10:27
巴楚	39.784916	78.547355	29.289013	02-Nov-2016 10:17:20
阿图什	39.715735	76.165232	31.329187	02-Nov-2016 12:19:45
喀什	39.467467	75.990845	31.643447	02-Nov-2016 12:38:36
疏勒	39.401024	76.045017	41.730854	02-Nov-2016 22:43:51
英吉沙	38.930645	76.172599	42.26593	02-Nov-2016 23:15:57
莎车	38.414446	77.243196	43.56293	03-Nov-2016 00:33:46
泽普	38.194044	77.269023	43.809316	03-Nov-2016 00:48:33
叶城	37.882945	77.410683	44.177227	03-Nov-2016 01:10:38
皮山	37.621450	78.281470	44.997077	03-Nov-2016 01:59:49
墨玉	37.276457	79.735861	46.338541	03-Nov-2016 03:20:18
和田	37.112495	79.911624	46.578554	03-Nov-2016 03:34:42
墨玉	37.276457	79.735861	70.818567	04-Nov-2016 03:49:06
皮山	37.621450	78.281470	72.160031	04-Nov-2016 05:09:36
叶城	37.882945	77.410683	72.979881	04-Nov-2016 05:58:47
泽普	38.194044	77.269023	73.347792	04-Nov-2016 06:20:52

莎车	38.414446	77.243196	73.594178	04-Nov-2016 06:35:39
麦盖提	38.896756	77.639697	74.527378	04-Nov-2016 07:31:38
巴楚	39.784916	78.547355	76.171978	04-Nov-2016 09:10:19
阿克苏	41.166567	80.261220	78.286547	04-Nov-2016 11:17:11
库车	41.716741	82.959189	80.61966	04-Nov-2016 13:37:10
库尔勒	41.764539	86.152665	93.272633	05-Nov-2016 02:16:21
和硕	42.267188	,86.861522	94.083059	05-Nov-2016 03:04:59
托克逊	42.791228	88.651263	96.433059	05-Nov-2016 05:25:59
达坂城	43.362064	88.308122	97.127066	05-Nov-2016 06:07:37
乌鲁木齐	43.824459	87.614444	97.887148	05-Nov-2016 06:53:13
呼图壁	44.190470	86.896402	98.591793	05-Nov-2016 07:35:30
石河子	44.304887	86.077659	99.256976	05-Nov-2016 08:15:25
奎屯	44.425740	84.900912	100.701976	05-Nov-2016 09:42:07
克拉玛依	45.579078	84.886804	112.146976	05-Nov-2016 21:08:49
乌尔禾	46.088356	85.691012	112.989863	05-Nov-2016 21:59:23
福海	47.110802	87.483361	115.017863	06-Nov-2016 00:01:04
北屯	47.346667	87.794444	115.370339	06-Nov-2016 00:22:13
阿勒泰	47.346667	87.794444	115.959908	06-Nov-2016 00:57:35