## 2020 华数杯全国大学生数学建模竞赛题目

(请先阅读"华数杯数学建模竞赛论文格式规范与提交说明")

## B 题 工业零件切割优化方案设计

在大型工业产品中,如机床、轮船、飞机,常常需要很多的小零件,如螺钉、螺帽、螺栓、活塞等。在零件的生产过程中,第一步是需要依照零件产品尺寸从原材料中截取初级产品,这是零件制造的第一道工序。在这道工序中,不同的截取方案具有不同的材料利用率,而原材料的利用率(原材料截取初级产品的总体积与原材料体积之比)直接影响产品的生产成本。在市场上,零件的截面(表面)形状是多种多样的,有圆形、矩形等,零件的厚度(高度)尺寸也是大小不一的。在原材料尺寸固定的前提下,截取零件的初级产品后产生的废料最少是企业的追求。

某零件加工厂新进一种原材料用来加工零件,如表 1 所示。在零件加工的过程中,需要使用切割生产的初级产品如表 2 所示。假设:割缝宽度忽略不计。请你为该零件厂提供如下问题的原材料最优切割设计方案。

问题一: 在一块原材料上切割 LJ1 产品,建立数学模型,给出原材料利用率最高的切割方案,即切割的数量和原材料的利用率。

问题二:在一块原材料上切割 LJ1、LJ2、LJ3、LJ4、LJ5、LJ6 产品,建立数学模型,给出利用率由高到低排序的前 5 种切割方案,即每个零件产品的数量和原材料的利用率。

问题三:需要完成表 2 中 LJ1、LJ2、LJ3、LJ4、LJ5、LJ6产品的生产任务,至少需要多个原材料?由于工艺的缘故,只允许至多采用 5 种切割方案,建立数学模型,给出原材料总利用率最高的至多 5 种切割方案。

问题四:将问题三的产品型号拓展到 LJ1-LJ9,需要完成表 2 中 LJ1-LJ9 产品的生产任务,同样需要多少个原材料?同样只允许至多采用 5 种切割方案,建立数学模型,给出原材料总利用率最高的至多 5 种切割方案。

问题五:不考虑产品 LJ1-LJ9 的需求数量,给定 100 个原材料,按照表 2 中给出的利润,建立数学模型,给出总利润最大的切割方案(同样要求切割方案不超过 5 个)。

注: 1) 原材料总利用率= <u>所有初级产品的总体积</u>; 所有原材料的总体积;

2)每一个问题的计算结果尽量用表格的形式展示在论文之中。