

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский университет «МЭИ»

Институт информационных и вычислительных технологий Кафедра управления и интеллектуальных технологий

Отчёт по лабораторной работе №1 По дисциплине «Управление в больших системах» «Синтез больших систем управления. Распределение задач по узлам управления»

Выполнил студент: Михайловский М. Ю.

Группа: А-03-21

Вариант: 5

Проверили: Новиков В. Н, Обычайко Д. С.

СОДЕРЖАНИЕ СОДЕРЖАНИЕ

Содержание

1	Пос	тановка задачи	3
2	Алгоритмы решения задачи		4
	2.1	Первая оптимизация	4
	2.2	Вторая оптимизация	4
	2.3	Оптимизация методом ветвления	5
3	Реализация программы		
	3.1	Описание модулей программы	7
		Пример работы программы	
A	А Блок-схемы алгоритмов		11
Б	Лис	тинги файлов программы	13

1 Постановка задачи

Имеется I задач, которые должны быть решены последовательно друг за другом. Для их решения имеется J узлов. Затраты и время решения i-ой задачи на j-ом узле заданы соответственно матрицами стоимости затрат $C = [c_{ij}]$ и временных затрат $T = [t_{ij}]$.

$$C = \begin{bmatrix} 4,5 & 7 & 2 & 2 \\ 5 & 8 & 1 & 3 \\ 5,5 & 9 & 6 & 2 \\ 6 & 10 & 7 & 1 \\ 6,5 & 7 & 3 & 1 \end{bmatrix}, T = \begin{bmatrix} 4,5 & 3 & 2 & 9 \\ 5 & 6 & 5 & 10 \\ 5,5 & 7 & 6 & 11 \\ 6 & 8 & 7 & 12 \\ 6,5 & 9 & 8 & 5 \end{bmatrix}$$
(1)

Требуется минимизировать суммарную стоимость затрат при заданном ограничении на суммарные временные затраты $T_3 = 25$. Для записи оптимизационной задачи используем x_{ij} :

$$x_{ij} = egin{cases} 1, & i\text{-ая задача решается на j-ом узле} \ 0, & \text{иначе} \end{cases}.$$

Тогда задача оптимизации примет вид:

$$\begin{cases}
\sum_{i=1}^{I} \sum_{j=1}^{J} c_{ij} x_{ij} \to \min \\
\sum_{i=1}^{I} \sum_{j=1}^{J} t_{ij} x_{ij} \le T_{3} \\
\sum_{i=1}^{J} x_{ij} = 1, \forall i : i = \overline{1, I}
\end{cases} \tag{2}$$

Для проведения оптимизации будет написана программа с пользовательским интерфейсом для ввода исходных данных.

2 Алгоритмы решения задачи

Решать задачу мы будем в несколько этапов. Сначала над матрицами затрат будут проведены две процедуры оптимизации, которые исключат заведомо неоптимальные узлы для использования.

Качественно алгоритмы также представлены в приложении.

2.1 Первая оптимизация

Оптимизация проводится построчно, пусть алгоритм находится на i-ой строке. Фиксируется номер узла s, на котором стоимость затрат наименьшая:

$$s = \arg\min_{j} c_{ij}$$

Затем, исключаются те элементы строки, которые удовлетворяют условию (3). При чём ровно одно из этих неравенств может выполняться нестрого.

$$c_{ij} > c_{is}$$

$$t_{ij} > t_{is}$$

$$(3)$$

Так мы исключаем узлы, которые не лучше зафиксированного s-ого узла ни по стоимости, ни по времени затрат. В результате такой процедуры данные матрицы (1) преобразуются к следующему виду:

$$C^{(0)} = \begin{bmatrix} - & - & 2 & - \\ - & - & 1 & - \\ 5,5 & 9 & 6 & 2 \\ 6 & 10 & 7 & 1 \\ - & - & - & 1 \end{bmatrix}, \ T^{(0)} = \begin{bmatrix} - & - & 2 & - \\ - & - & 5 & - \\ 5,5 & 7 & 6 & 11 \\ 6 & 8 & 7 & 12 \\ - & - & - & 5 \end{bmatrix}$$
(4)

2.2 Вторая оптимизация

Вторая оптимизация так же как и первая проводится построчно. Будем рассматривать её для фиксированной i-ой строки. Эта оптимизация исключает те узлы, использование которых напрямую приводит к нарушению временного ограничения T_3 .

Для этого используется вектор наименьших временных затрат на узлах системы:

$$T_{\min} = \left(\min_{j} t_{1j} \min_{j} t_{2j} \dots \min_{j} t_{Ij}\right)^{\mathsf{T}}$$

То есть теоретически наименьшее время решения всех I задач будет равно:

$$T_{\text{теор.мин}} = ||T_{\min}||_1 = \sum_{i=1}^{I} T_{\min i}$$

Тогда для данной i-ой строки j-ый элемент исключается если выполняется условие (5). Это означает, что при решении i-ой задачи на j-ом узле, в любом случае будет нарушено временное ограничение T_3 .

$$T_{\text{теор.мин}} - T_{\min i} + t_{ij} > T_3 \tag{5}$$

В результате такой оптимизации матрицы (4) приобретают следующий вид:

$$C^{(1)} = \begin{bmatrix} - & - & 2 & - \\ - & - & 1 & - \\ 5,5 & 9 & 6 & - \\ 6 & - & 7 & - \\ - & - & - & 1 \end{bmatrix}, \ T^{(1)} = \begin{bmatrix} - & - & 2 & - \\ - & - & 5 & - \\ 5,5 & 7 & 6 & - \\ 6 & - & 7 & - \\ - & - & - & 5 \end{bmatrix}$$
 (6)

В результате в каждой i-ой строке остаётся некоторое допустимое множество узлов для использования $J_{\text{доп }i}\subseteq J.$

2.3 Оптимизация методом ветвления

В самом начале фиксируются два различных решения задачи, доставляющие минимумы суммарным стоимостям затрат C_{\min} и временным затратам T_{\min} .

$$C_{\min} = \left(\min_{j} c_{1j} \min_{j} c_{2j} \dots \min_{j} c_{Ij}\right)^{\mathsf{T}}$$

$$T_{\min} = \left(\min_{j} t_{1j} \min_{j} t_{2j} \dots \min_{j} t_{Ij}\right)^{\mathsf{T}}$$

Для них рассчитываем теоретические минимумы. Этими двумя метриками и будем определять показатели каждой вершины дерева в методе ветвления.

$$C_{\text{теор MИН}} = ||C_{\min}||_1 = 15,5, \ T_{\text{теор MИH}} = ||T_{\min}||_1 = 23,5.$$

Соотнесём им корень дерева v^0 . Пусть корень дерева будет на нулевом уровне l=0. Тогда ему будут смежны вершины $v^1_j,\ j\in J_{{\rm доп}\,i},$ которые будут на первом уровне l=1.

И введём вектор номеров узлов соответствующих вершинам, которые со-

ставляют путь до вершины v_{j}^{l} :

$$J(v_{j_l}^l) = (j_1 \ j_2 \ \dots \ j_l)^{\mathsf{T}}, \ l \leq J$$

Тогда на каждой строке матрицы i или уровне дерева l (i=l) будем проводить описанную далее процедуру.

- 1. Рассчитываем для вершин v_j^l , $j \in J_{\text{доп } l}$ метрики $\|C_{\text{метр } j}\|_1$, $\|T_{\text{метр } j}\|_1$. Здесь $C_{\text{метр } j}$ вектор, где первые l элементов берутся $J(v_j^l)$, все последующие элементы берутся C_{\min} . Метрика временных затрат $T_{\text{метр } j}$ определяется аналогично.
- 2. Сравниваем эти вершины по их метрикам. Исключаем из рассмотрения те вершины, для которых метрика временных затрат $T_{\text{метр } j} > T_3$. Из оставшихся вершин выбираем вершину с наименьшей метрикой затрат стоимости $C_{\text{метр } j}$.
- 3. Вершины следующего уровня $v_j^{l+1}, j \in J_{\text{доп } l}$ делаем смежными выбранной вершине v_j^l .

В результате полученное дерево будет иметь вид представленный на рис. 2.1. В результате данного алгоритма на каждом уровне выбирается единственная вершина.

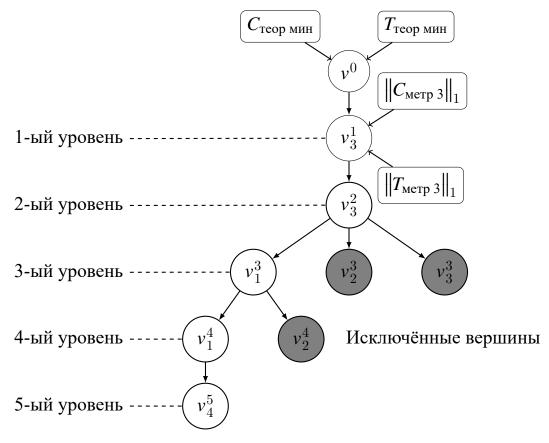


Рис. 2.1. Пример дерева ветвления

3 Реализация программы

Программа написана на языке python 3.11.3. Использованы следующие библиотеки: numpy=2.1.1, PyQt6=6.7.1, PyQt6-Qt6=6.7.3, PyQt6 sip=13.8.0.

3.1 Описание модулей программы

Программа состоит из 5 основных файлов. Опишем их основные назначения:

- *main.py* основной модуль. Именно он запускает программу. В нём объявляются основные объекты классов из других модулей и привязываются функции для взаимодействия с интерфейсом программы
- *tableHandlers.py* модуль, который содержит класс для работы с таблицами в интерфейсе. Он реализует такие основные функции, как чтение таблицы, установление стандартных значений в неё, проверка корректности введённых данных и перекрашивание ячеек в соответствии с заданной маской.
- *userInfo.py* отдельный модуль, который сделан специально для считывания данных из таблицы с уведомлением пользователя об ошибках в введенных данных.
- *optimizer.py* в этом модуле реализуется два класса решающих задачу оптимизации. **MatrixOptimizer** класс, который занимается процедурами первой, второй оптимизации и метода ветвления. **Tree** класс, который реализует граф в виде дерева.
- *main_window.ui* файл с основной разметкой пользовательского интерфейса, сгенерированный в Qt Designer.

Листинги этих файлов приведены в приложении.

3.2 Пример работы программы

При запуске программы открывается следующее окно: рис. 3.1.

Здесь в интерактивных таблицах можно ввести исходные данные. При введении некорректных исходных данных показывает окно с предупреждением о неверности введённых данных, рис. 3.2. При проверке введенных данных выполняется несколько проверок, среди них:

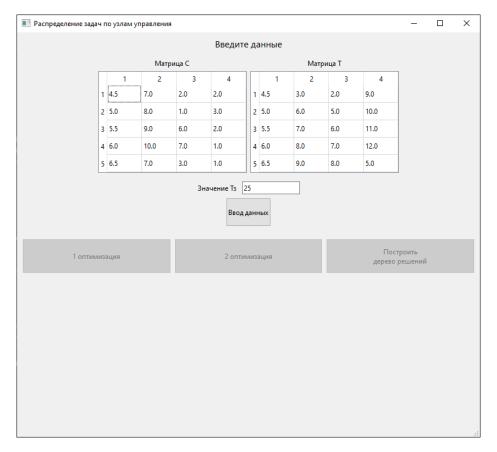


Рис. 3.1. Окно при запуске программы

- Неотрицательность данных;
- Введенные значения являются числами;
- Введенные данные не пустые;
- Введенное значение T_3 больше чем теоретический минимум $T_{\text{теор. мин}}$.

После нажатия кнопки ввод данных исходные значения фиксируются и становятся недоступными для редактирования, рис. 3.3. Становятся доступными кнопки первой и второй оптимизации и построения дерева решений.

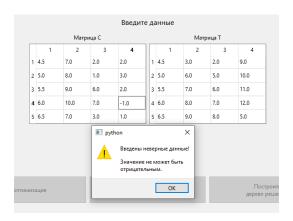


Рис. 3.2. Предупреждение о неверно введенных данных

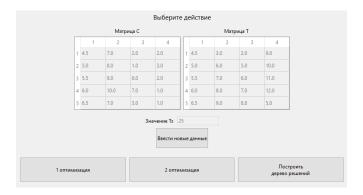


Рис. 3.3. После нажатия кнопки ввод данных

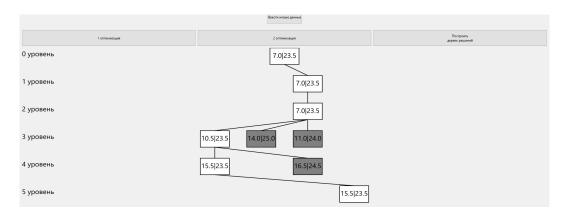


Рис. 3.5. Построенное дерево решений

При проведении любой из оптимизаций значения, которые были исключены в результате выполнения алгоритма окрашиваются в красный цвет, рис. 3.4.

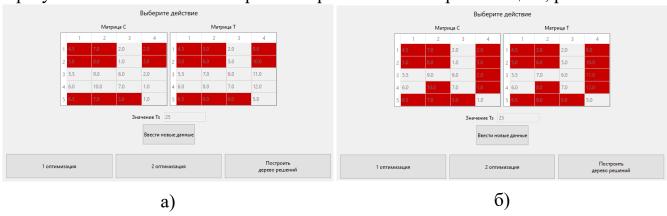


Рис. 3.4. Результаты проведения а) первой, б) второй после первой оптимизаций Все три операции в нижней части окна можно производить в произвольном порядке. Оптимизации лишь упрощают дальнейшее построение дерева и не зависят друг от друга, поэтому могут даже и не использоваться.

При нажатии кнопки построения дерева решений происходит последний этап оптимизации и в нишней части окна выводится получившееся дерево, рис. 3.5.

В приложении выводится сформированное *svg*-изображение. Оно также сохраняется в папке с исходными файлами программы в файле *out.svg*. На изображении вершины дерева упорядочены в соответствии с номером узла, который каждая из них представляют. Собрав последовательность узлов, которые не закрашены серым мы получаем ответ, на задачу оптимизации, данный в результате выполнения алгоритма.

В данном случае это последовательность узлов 3 - 3 - 1 - 1 - 4.

Если необходимо провести исследование при других исходных данных, то пользователь может нажать кнопку *ввести новые данные* и вернуться к этапу, когда он только открыл программу. Построенное изображение дерева останется на экране, и будет обновлено, если пользователь построит новое дерево, в том числе при других исходных данных.

Приложение А. Блок-схемы алгоритмов

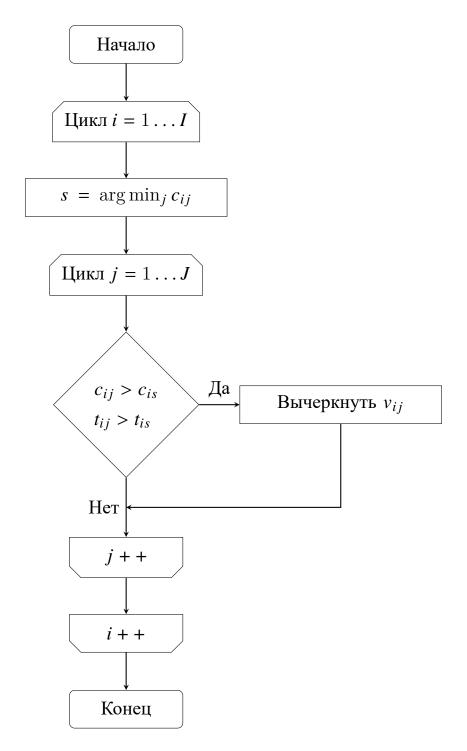


Рис. А.1. Первая оптимизация

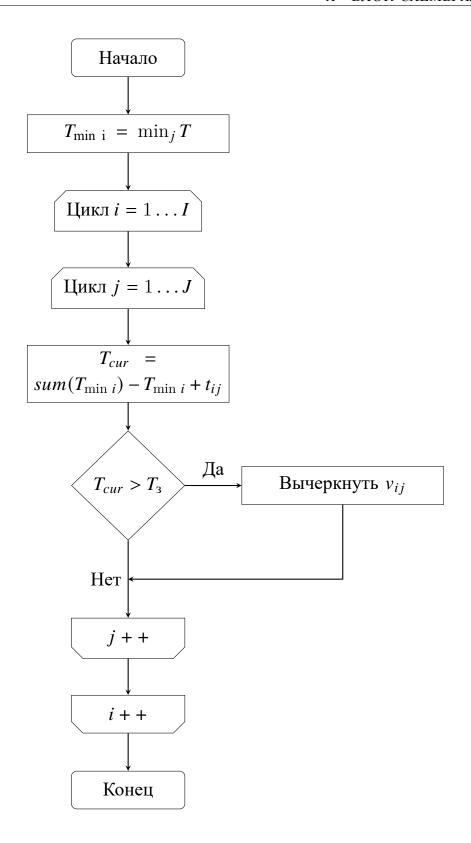


Рис. А.2. Вторая оптимизация

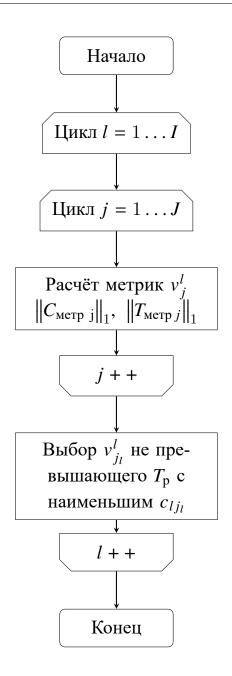


Рис. А.3. Метод ветвления

Приложение Б. Листинги файлов программы

Листинг 1. main.py

```
from PyQt6 import uic
from PyQt6.QtWidgets import QApplication, QPushButton, QLabel, QScrollArea
from PyQt6.QtCore import QRegularExpression
from PyQt6.QtSvg import QSvgRenderer
from PyQt6.QtGui import QRegularExpressionValidator, QPainter
from userInfo import DataGetter
import numpy as np

CMatrixDefault = np.array([
[4.5, 7, 2, 2],
```

```
[5, 8, 1, 3],
11
       [5.5, 9, 6, 2],
12
       [6, 10, 7, 1],
13
       [6.5, 7, 3, 1]
   ], dtype=np.float16)
15
   tMatrixDefault = np.array([
       [4.5, 3, 2, 9],
17
       [5, 6, 5, 10],
18
       [5.5, 7, 6, 11],
19
       [6, 8, 7, 12],
20
       [6.5, 9, 8, 5]
21
   ], dtype=np.float16)
22
   max T default = 25
23
24
   def InputBtnClick(dataGetter: DataGetter, matrixOptimizer, inputBtn: QPushButton,
25
       instructionLabel: QLabel, actionBtns: list):
       modes = {
26
            'input': 'Ввод данных',
27
            'reset': 'Ввести новые данные'
28
       }
29
       instructionTexts = {
30
           'input': 'Введите данные',
31
            'reset': 'Выберите действие'
32
       }
33
34
       if dataGetter.inputBtnMode == 'input':
35
           gotError: bool = dataGetter.catch_input_errors()
36
           if not gotError:
37
                [ tableHandler.table.setEnabled(False) for tableHandler in
38

    dataGetter.tables.values()]

                [ lineEdit.setEnabled(False) for lineEdit in
39
                    dataGetter.lineEdits.values()]
                [ btn.setEnabled(True) for btn in actionBtns]
40
                inputBtn.setText(modes['reset'])
41
                dataGetter.inputBtnMode = 'reset'
                instructionLabel.setText(instructionTexts['reset'])
43
                matrixOptimizer.max T = float(dataGetter.lineEditsTexts['Значение

    Ts'])

45
           return
46
47
       if dataGetter.inputBtnMode == 'reset':
48
            [ tableHandler.table.setEnabled(True) for tableHandler in
49

    dataGetter.tables.values()]

            [ tableHandler.decolorize cells() for tableHandler in

    dataGetter.tables.values()]

            [ lineEdit.setEnabled(True) for lineEdit in dataGetter.lineEdits.values()]
51
            [ btn.setEnabled(False) for btn in actionBtns]
52
            inputBtn.setText(modes['input'])
53
           dataGetter.inputBtnMode = 'input'
54
            instructionLabel.setText(instructionTexts['input'])
55
            return
56
57
```

```
def main():
59
        Form, Window = uic.loadUiType("main window.ui")
60
        app = QApplication([])
61
       window = Window()
62
        form = Form()
63
        form.setupUi(window)
        from tableHandlers import TableHandler
66
        cTable = TableHandler(form.cMatrix, cMatrixDefault)
67
        tTable = TableHandler(form.tMatrix, tMatrixDefault)
68
        cTable.table.itemChanged.connect(TableHandler.floatValidateAndMessage)
69
        tTable.table.itemChanged.connect(TableHandler.floatValidateAndMessage)
70
71
        from optimizer import MatrixOptimizer
72
       matrixOptimizer = MatrixOptimizer(cTable, tTable, max T default)
73
        dataGetter = DataGetter(tables={"Матрица С": cTable, "Матрица Т": tTable},
          lineEdits={"Значение Тз": form.T max lEdit},
                                 lineEditsLinkedTables={"Значение Тз": 'Матрица Т'})
75
76
        form.dataInput.clicked.connect(lambda: (
77
            InputBtnClick(dataGetter, matrixOptimizer, form.dataInput,
78

→ form.instructionLabel, [form.optimize1, form.optimize2,
               form.decisionTreeBtn]),
            matrixOptimizer.refreshValues()
79
        form.optimize1.clicked.connect(lambda: (
81
            matrixOptimizer.optimization1(),
82
            matrixOptimizer.cTable.colorize cells(matrixOptimizer.eliminated),
83
            matrixOptimizer.tTable.colorize_cells(matrixOptimizer.eliminated)
84
85
        ))
        form.optimize2.clicked.connect(lambda: (
86
            matrixOptimizer.optimization2(),
87
            matrixOptimizer.cTable.colorize cells(matrixOptimizer.eliminated),
88
            matrixOptimizer.tTable.colorize cells(matrixOptimizer.eliminated)
89
        ))
        form.decisionTreeBtn.clicked.connect(lambda: (
            matrixOptimizer.tree optimization(),
92
            form.svgView.update()
93
       ))
94
95
       validator = QRegularExpressionValidator(QRegularExpression(r'[0-9]+\.[0-9]*'))
96
        form.T max lEdit.setValidator(validator)
97
        form.T max lEdit.setText(str(max T default))
98
       def showSVG(event):
            if matrixOptimizer.treeDone:
101
                svgRenderer = QSvgRenderer('out.svg')
102
                painter = QPainter(form.svgView)
103
                svgRenderer.render(painter)
104
        form.svgView.paintEvent = showSVG
105
       window.show()
106
       app.exec()
107
108
   if name == ' main ':
```

```
110 main()
```

Листинг 2. userInfo.py

```
from PyQt6.QtWidgets import QMessageBox
   def showMessageBox(title: str, description: str, icon: QMessageBox.Icon):
       msgBox = QMessageBox()
       msgBox.setText(title)
       msgBox.setInformativeText(description)
       msgBox.setIcon(icon)
       msgBox.exec()
   class TemplateMessageBox (QMessageBox) :
10
11
       def __init__(self, title: str, description: str, icon: QMessageBox.Icon):
           super(). init ()
12
           self.setText(title)
13
           self.setInformativeText(description)
14
            self.setIcon(icon)
15
16
   class DataGetter:
17
       def init (self, tables: dict, lineEdits: dict, lineEditsLinkedTables: dict
18
        \hookrightarrow = {}):
            tables -> dict(str: TableHandler)
20
            lineEdits -> dict(str: QLineEdit)
21
            111
22
           self.tables = tables
23
           self.lineEdits = lineEdits
24
           self.data good = False
25
           self.lineEditsTexts = dict()
26
            self.lineEditsLinkedTables = lineEditsLinkedTables
27
           self.inputBtnMode = 'input'
28
29
       def get_and_check(self):
30
            ,,,
31
            Считывает данные из полей для ввода и выполняет проверки на корректность
32
            ⇔ введённых данных
            111
33
            for name, table in self.tables.items():
34
                table.toNumpy()
35
                if not table.data good:
36
                    raise ValueError (f"{name}. Неверно введённые данные")
37
38
            for name, lineEdit in self.lineEdits.items():
39
                text = lineEdit.text()
40
                if len(text) == 0:
41
                    raise ValueError (f"{name}. Должно быть введено значение")
42
                self.lineEditsTexts[name] = text
43
44
45
                if name not in self.lineEditsLinkedTables:
46
```

```
return
47
48
               table name = self.lineEditsLinkedTables[name]
49
               theorMin = self.tables[table name].theorMin
               if float(text) < theorMin:</pre>
51
                   raise ValueError (f" {name}. Значение не может быть меньше
                    → теоретического минимума равного {theorMin}")
53
       def catch input errors(self) -> bool:
54
           try:
55
               self. get and check()
56
               msg = TemplateMessageBox("Данные успешно введены", "",
57

→ QMessageBox.Icon.Information)

               msq.exec()
58
               return False
           except ValueError as e:
               msg = TemplateMessageBox("Неверно введённые данные", str(e),
                msg.exec()
62
               return True
63
```

Листинг 3. tableHandlers.py

```
from PyQt6.QtWidgets import QTableWidget, QTableWidgetItem, QMessageBox
   from PyQt6.QtGui import QColor
   from userInfo import TemplateMessageBox
   import numpy as np
   class TableHandler:
       valueErrorTitle: str = 'Введены неверные данные!'
       valueErrorMessages: dict = {
           'empty cell': TemplateMessageBox(valueErrorTitle, 'Заполните все ячейки
            → матрицы.', QMessageBox.Icon.Warning),
           'non float': TemplateMessageBox(valueErrorTitle, 'Все значения должны быть
10
            → числовыми.', QMessageBox.Icon.Warning),
           'negative value': TemplateMessageBox(valueErrorTitle, 'Значение не может
11
            ↔ быть отрицательным.', QMessageBox.Icon.Warning)
       }
12
13
       def init (self, table: QTableWidget, defaultValues: np.array = None):
14
           self.table: QTableWidget = table
15
           self.rows = self.table.rowCount()
16
           self.columns = self.table.columnCount()
           self.matrix: np.ndarray = defaultValues
18
           self.data good = True
19
           self.theorMin = None
20
21
           if self.matrix is None:
22
               self.data_good = False
23
               return
24
25
           if (self.rows, self.columns) != self.matrix.shape:
26
```

```
raise ValueError ("Table shape does not match passed defaultValues:
27
                 → np.array shape")
28
            self.toTable(self.matrix)
30
       @staticmethod
31
       def floatValidate(item: QTableWidgetItem):
32
33
            Валидирует значение в соответствии со следующими критериями: значение
34
            \hookrightarrow непустое, вещественное типа float, неотрицательное. Возвращает код
            ∽ результата проверки и само проверенное значение, если оно прошло
               валидацию.
            ///
35
            if not item:
36
                return ('empty cell', None)
37
38
39
            try:
                item f = float(item.text())
40
            except ValueError:
41
                return ('non_float', None)
42
43
            if item f < 0:
44
                return ('negative value', None)
45
46
            return ('good', item f)
47
48
       @staticmethod
49
       def floatValidateAndMessage(item: QTableWidgetItem):
50
            111
51
           Валидирует введённое значение и выводит сообщение, если значение не прошло
52
            → валидацию. Проверяемые критерии определяются floatValidate()
            111
53
            status, value = TableHandler.floatValidate(item)
54
            if status != 'good':
55
                TableHandler.valueErrorMessages[status].exec()
56
                return ('err', None)
57
58
           return ('good', value)
59
60
       def calcTheorMin(self):
61
            111
62
            Расчёт теоретического суммарного минимума для набора из единичных значений
63
            ⊶ из каждой строки
            111
64
            self.theorMin = sum(self.matrix.min(1))
65
       def toNumpy(self):
67
68
            Запись значений из таблицы QTableWidget в матрицу np.array
69
            111
70
           matrix = []
71
            for i in range(self.table.rowCount()):
72
73
                for j in range(self.table.columnCount()):
74
```

```
item = self.table.item(i, j)
75
76
                     status, value = TableHandler.floatValidateAndMessage(item)
77
                     if status == 'err':
78
                         self.table.setCurrentCell(i, j)
79
                         self.data good = False
                         return None
82
                     row += [value,]
83
                matrix += [row,]
84
85
            np matrix = np.array(matrix, dtype=np.float16)
86
            self.matrix = np matrix
87
            self.data good = True
88
            self. calcTheorMin()
            return np matrix
91
        def toTable(self, matrix: np.array):
92
93
            Запись значений из матрицы np.array в таблицу QTableWidget
94
95
            if (self.rows, self.columns) != matrix.shape:
96
                raise ValueError ("Table shape does not match passed np.array shape")
97
98
            for i in range(self.rows):
99
                for j in range(self.columns):
100
                     value = QTableWidgetItem(str(matrix[i,j]))
101
                     self.table.setItem(i, j, value)
102
103
        def colorize cells(self, mask: np.array):
104
            if (self.table.rowCount(), self.table.columnCount()) != mask.shape:
105
                raise ValueError ("Table shape does not match pased np.array shape")
106
107
            for i in range(self.table.rowCount()):
108
                for j in range(self.table.columnCount()):
109
                     if mask[i,j] == True:
110
                         self.table.item(i, j).setBackground(QColor(200,0,0))
111
112
        def decolorize cells(self):
113
            for i in range(self.table.rowCount()):
114
                for j in range(self.table.columnCount()):
115
                     self.table.item(i, j).setBackground(QColor(255,255,255))
116
```

Листинг 4. optimizer.py

```
from PyQt6.QtWidgets import QMessageBox
from tableHandlers import TableHandler
import numpy as np

class Tree:
def __init__(self, parent: 'Tree' = None, fixed_nodes: list = []):
    self.parent: Tree = parent
```

```
self.children = dict()
8
            self.fixed nodes = fixed nodes
            self.status good = True
10
11
       def add child(self, fixed nodes, c sum, t sum) -> 'Tree':
12
            parent node = self.find child(fixed nodes[:-1])
13
            child node = Tree(parent node, fixed nodes.copy())
            child node.set metrics(c sum, t sum)
15
            last node = fixed nodes[-1]
16
            parent node.children[last node] = child node
17
18
            return child node
19
20
        def find child(self, fixed nodes) -> 'Tree':
21
            if self.fixed nodes == fixed nodes:
22
                return self
23
24
            next node = fixed nodes[len(self.fixed nodes)]
25
            res = self.children[next node].find child(fixed nodes)
26
            return res
27
28
       def set metrics(self, c sum, t sum):
29
            self.c sum = c sum
30
            self.t sum = t sum
31
32
       def set status(self, status good: bool):
33
            self.status good = status good
34
35
       def print_node(self):
36
            print(f'{self.c sum:5>}|{self.t sum:5>} good:{repr(self.status good)}')
37
38
        def print tree(self, level = 1):
39
            if level == 1:
40
                 self.print node()
41
            for node, child in self.children.items():
42
                print('| '*level + f'{node}'+ '-->', end='')
43
                 child.print node()
44
                child.print tree(level+1)
45
46
        def _calc_x_for_node(self, x_place):
47
            x 	ext{ offset} = (x 	ext{ place} - 1.5) * 	ext{ self.nodes} x 	ext{ step}
48
            x offset + (self.image width-self.node width)/2
49
            x = x offset + (self.image width-self.node width)/2
50
            return x
51
52
       def calc x for text(self, x place):
53
            x 	ext{ offset} = (x 	ext{ place} - 1.5) * 	ext{ self.nodes} x 	ext{ step}
            x = x offset + self.image width/2
55
            return x
56
57
       def nodeSvg(self, node: 'Tree', x place=1.5, level=0):
58
            if node.status good:
59
                color = 'white'
60
            else:
61
```

```
color = 'gray'
62
            y_baseline = level * self.level_step
63
64
            svg = f'''<rect x='{self. calc x for node(x place)}' y='{y baseline}'</pre>

    width='{self.node width}' height = '{self.node height}' stroke='black'

    fill='{color}'/>

   <text x='{self. calc x for text(x place)}' y='{y baseline + self.node height/2+3}'
    → dominant-baseline='middle' text-anchor='middle'
       font-size='{self.f size}'>{node.c sum}|{node.t sum}</text>\n'''
            return svg
67
68
       def nodesLevelSvg(self, children, level):
69
            y baseline = level * self.level step
70
            svg = f'' < text x='0' y=' {y baseline + self.node height/2}'
71

    font-size='{self.f size}'>{level} уровень</text>\n"

            for j, node in children.items():
72
                svg += self.nodeSvg(node, j, level)
73
            return svg
74
75
76
       def toSvg(self, file name: str ='out.svg'):
77
            self.image width = 800*1.13
78
            self.image height = 250*1.13
79
            self.node width = 50
80
            self.node height = 30
81
            self.f size = '12px'
82
            self.level step = 50
83
            self.nodes x step = self.node width + 30
84
85
            svg = f'''<?xml version = '1.0' encoding='UTF-8'?>
86
   <svg width='{self.image width}' height='{self.image height}' viewbox='0 0</pre>
87

→ {self.image_width} {self.image_height}' xmlns='http://www.w3.org/2000/svg'>
    <text x='0' y='{self.node height/2}' font-size='{self.f size}'>0 уровень</text>
88
            ,,,
89
            svg += self.nodeSvg(self)
90
            valid node = self
91
            level = 1
92
            while valid node.children:
93
                svg += self.nodesLevelSvg(valid_node.children, level)
94
                level += 1
95
                y baseline = (level-1) * self.level step
96
                parent y = y baseline - self.level step + self.node height
97
                if valid node.fixed nodes:
98
                    parent x = self. calc x for text(valid node.fixed nodes[-1])
99
                else:
100
                    parent x = self. calc x for text(1.5)
101
102
                for node in valid node.children.values():
103
                    child y = y baseline
104
                    child x = self. calc x for text(node.fixed nodes[-1])
105
                    svg += f'' < line x1='{parent x}' y1='{parent y}' x2='{child x}'
106

    y2='{child y}' stroke='black'/>\n"

                    if node.status good:
107
                         valid node = node
108
```

```
109
110
            svq += '</svq>'
111
            with open (file name, 'w') as fp:
112
                 fp.write(svg)
113
114
115
116
   class MatrixOptimizer:
117
        def init (self, cTable: TableHandler, tTable: TableHandler, max T: float):
118
            self.max T = max T
119
            self.cTable: TableHandler = cTable
120
            self.tTable: TableHandler = tTable
121
            self.cMatrix: np.array = cTable.matrix
122
            self.tMatrix: np.array = tTable.matrix
123
            self.rows, self.columns = self.cMatrix.shape
124
            self.eliminated = np.zeros((self.rows, self.columns), dtype=bool)
125
            self.treeDone = False
126
127
        def refreshValues(self):
128
            self.cMatrix = self.cTable.matrix
129
            self.tMatrix = self.tTable.matrix
130
            self.rows, self.columns = self.cMatrix.shape
131
            self.eliminated = np.zeros((self.rows, self.columns), dtype=bool)
132
133
        def optimization1(self):
134
            c argmin = self.cMatrix.argmin(1)
135
            eliminated = []
136
            for i in range(self.rows):
137
                 t min = self.tMatrix[i,c argmin[i]]
138
                 c min = self.cMatrix[i,c argmin[i]]
139
                 eliminated.append([ self.tMatrix[i,j] > t_min or (self.tMatrix[i,j] ==
140

    t min and self.cMatrix[i,j] > c min) for j in range(self.columns)

                    ])
141
            self.eliminated = np.logical or(self.eliminated, np.array(eliminated,
142

    dtype=bool))
            return self.eliminated
143
144
        def optimization2(self):
145
            t min = self.tMatrix.min(1)
146
            t min sum = sum(t min)
147
            eliminated = []
148
            for i in range(self.rows):
149
                 eliminated.append([ t min sum - t min[i] + self.tMatrix[i,j] >
150
                 ⇔ self.max T for j in range(self.columns) ])
151
            self.eliminated = np.logical or(self.eliminated, np.array(eliminated,
152

    dtype=bool))
            return self.eliminated
153
154
        def tree_add_current_row_nodes(self, fixed_nodes, row, c_argmin, t_argmin):
155
            current row good nodes = []
156
            for j in range(self.columns):
157
```

```
if self.eliminated[row,j]:
158
                     continue
159
160
                 fixed nodes[row] = j
161
                 c sum = sum(self.cMatrix[range(row+1), fixed nodes])
162
                 c sum += sum(self.cMatrix[range(row+1, self.rows),c argmin[row+1:]])
163
                 t sum = sum(self.tMatrix[range(row+1), fixed nodes])
                 t sum += sum(self.tMatrix[range(row+1, self.rows),t argmin[row+1:]])
165
                 node = self.root.add child(fixed nodes, c sum, t sum)
166
                 if t_sum > self.max T:
167
                     node.status good = False
168
                 else:
169
                     current_row_good_nodes.append(node)
170
171
             return current row good nodes
172
173
174
        def tree optimization(self):
            c argmin = self.cMatrix.argmin(1)
175
             t argmin = self.tMatrix.argmin(1)
176
177
             fixed nodes = []
178
            c sum = sum(self.cMatrix[range(self.rows),c argmin])
179
             t sum = sum(self.tMatrix[range(self.rows),t argmin])
180
            self.root = Tree()
181
             self.root.set metrics(c sum, t sum)
182
             self.root.set status(status good=True)
183
184
             for i in range(self.rows):
185
                 fixed nodes.append(0)
186
                 current row good nodes = self.tree add current row nodes(fixed nodes,
187
                    i, c_argmin, t_argmin)
188
                 min c = current row good nodes[0].c sum
189
                 ind = current row good nodes[0].fixed nodes[-1]
190
                 for i, node in enumerate (current row good nodes):
191
                     if i == 0:
192
                          continue
193
194
                     if node.c sum < min c:</pre>
195
                          min_c = node.c_sum
196
                          ind = node.fixed nodes[-1]
197
198
                 fixed nodes[-1] = ind
199
                 for node in current row good nodes:
200
                     if node.fixed nodes[-1] != ind:
201
                          node.set status(False)
202
203
204
             self.root.print tree()
205
             self.treeDone = True
206
             self.root.toSvq()
207
            msq = QMessageBox()
208
            msg.setText('Дерево успешно построено')
209
```

```
msq.exec()
```

Листинг 5. main window.ui

```
<?xml version="1.0" encoding="UTF-8"?>
   <ui version="4.0">
    <class>MainWindow</class>
    <widget class="QMainWindow" name="MainWindow">
     cproperty name="geometry">
      <rect>
       <x>0</x>
       <y>0</y>
       <width>800</width>
       <height>700</height>
11
      </rect>
     </property>
12
     cproperty name="sizePolicy">
13
      <sizepolicy hsizetype="Preferred" vsizetype="Preferred">
14
       <horstretch>0</horstretch>
15
       <verstretch>0</verstretch>
16
      </sizepolicy>
17
     </property>
18
     cproperty name="windowTitle">
19
20
      <string>Pacпределение задач по узлам управления</string>
     </property>
21
     <widget class="QWidget" name="centralwidget">
22
      <layout class="QGridLayout" name="gridLayout">
23
       <item row="1" column="0">
24
        <widget class="OFrame" name="frame">
25
         cproperty name="frameShape">
26
          <enum>QFrame::NoFrame
27
         </property>
28
         cproperty name="frameShadow">
          <enum>QFrame::Plain
30
         </property>
31
         <layout class="QHBoxLayout" name="horizontalLayout">
32
          <item>
33
           <spacer name="horizontalSpacer">
34
            cproperty name="orientation">
35
             <enum>Qt::Horizontal
36
            </property>
37
            cproperty name="sizeHint" stdset="0">
38
             <size>
39
              <width>40</width>
40
              <height>20</height>
41
              </size>
42
            </property>
43
           </spacer>
44
          </item>
45
          <item>
46
47
           <layout class="QVBoxLayout" name="verticalLayout 2">
            <item>
48
```

```
<widget class="QLabel" name="cLabel">
49
               property name="sizePolicy">
50
                <sizepolicy hsizetype="Preferred" vsizetype="Minimum">
51
                 <horstretch>0</horstretch>
52
                 <verstretch>0</verstretch>
53
                </sizepolicy>
54
               </property>
55
               property name="text">
56
                <string>Матрица C</string>
57
               </property>
58
               property name="alignment">
59
                <set>Qt::AlignCenter</set>
60
               </property>
61
              </widget>
62
             </item>
63
             <item>
              <widget class="QTableWidget" name="cMatrix">
65
               cproperty name="sizePolicy">
66
                <sizepolicy hsizetype="Minimum" vsizetype="Minimum">
67
                 <horstretch>0</horstretch>
68
                 <verstretch>0</verstretch>
69
                </sizepolicy>
70
               </property>
71
               cproperty name="minimumSize">
72
                <size>
73
                 <width>0</width>
74
                 <height>0</height>
75
                </size>
76
               </property>
77
               property name="verticalScrollBarPolicy">
78
                <enum>Qt::ScrollBarAlwaysOff
79
               </property>
80
               property name="horizontalScrollBarPolicy">
81
                <enum>Qt::ScrollBarAlwaysOff
82
               </property>
               cproperty name="sizeAdjustPolicy">
                <enum>QAbstractScrollArea::AdjustToContents
85
               </property>
86
               cproperty name="selectionMode">
87
                <enum>QAbstractItemView::SingleSelection
88
               </property>
89
               cproperty name="showGrid">
90
                <bool>true</pool>
91
               </property>
92
               cproperty name="wordWrap">
93
                <bool>false
94
               </property>
95
               cproperty name="cornerButtonEnabled">
96
                <bool>true</bool>
97
               </property>
98
               cproperty name="rowCount">
99
                <number>5</number>
100
               </property>
101
               cproperty name="columnCount">
102
```

```
<number>4</number>
103
                </property>
104
                <attribute name="horizontalHeaderVisible">
105
                 <bool>true</bool>
106
                </attribute>
107
                <attribute name="horizontalHeaderCascadingSectionResizes">
108
                 <bool>false
109
                </attribute>
110
                <attribute name="horizontalHeaderDefaultSectionSize">
111
                 <number>60</number>
112
                </attribute>
113
                <attribute name="horizontalHeaderMinimumSectionSize">
114
                 <number>60</number>
115
                </attribute>
116
                <attribute name="horizontalHeaderStretchLastSection">
117
                 <bool>false</pool>
119
                </attribute>
                <attribute name="verticalHeaderVisible">
120
                 <bool>true</bool>
121
                </attribute>
122
                <row/>
123
                <row/>
124
                <row/>
125
                <row/>
126
                <row/>
127
128
                <column/>
                <column/>
129
                <column/>
130
                <column/>
131
               </widget>
132
              </item>
133
            </layout>
134
           </item>
135
           <item>
136
            <layout class="QVBoxLayout" name="verticalLayout 3">
137
              <item>
138
               <widget class="QLabel" name="tLabel">
139
                cproperty name="sizePolicy">
140
                 <sizepolicy hsizetype="Preferred" vsizetype="Minimum">
141
                  <horstretch>0</horstretch>
142
                  <verstretch>0</verstretch>
143
                 </sizepolicy>
144
                </property>
145
                property name="text">
146
                 <string>Матрица T</string>
                </property>
148
                cproperty name="alignment">
149
                 <set>Qt::AlignCenter</set>
150
                </property>
151
               </widget>
152
              </item>
153
              <item>
154
               <widget class="QTableWidget" name="tMatrix">
155
                cproperty name="sizePolicy">
```

```
<sizepolicy hsizetype="Minimum" vsizetype="Minimum">
157
                 <horstretch>0</horstretch>
158
                  <verstretch>0</verstretch>
159
                </sizepolicy>
160
               </property>
161
               cproperty name="minimumSize">
162
                <size>
163
                 <width>0</width>
164
                 <height>0</height>
165
                 </size>
166
               </property>
167
               property name="autoFillBackground">
168
                <bool>false
169
170
               </property>
               cproperty name="lineWidth">
171
                <number>1</number>
172
173
               </property>
               property name="verticalScrollBarPolicy">
174
                 <enum>Qt::ScrollBarAlwaysOff
175
               </property>
176
               property name="horizontalScrollBarPolicy">
177
                <enum>Qt::ScrollBarAlwaysOff
178
               </property>
179
               cproperty name="sizeAdjustPolicy">
180
                <enum>QAbstractScrollArea::AdjustToContents
181
182
               </property>
               cproperty name="autoScrollMargin">
183
                 <number>16</number>
184
               </property>
185
               property name="selectionMode">
186
                <enum>QAbstractItemView::SingleSelection
187
               </property>
188
               cproperty name="textElideMode">
189
                <enum>Qt::ElideNone
190
               </property>
191
               cproperty name="showGrid">
192
                 <bool>true</pool>
193
               </property>
194
               cproperty name="wordWrap">
195
                <bool>false</bool>
196
               </property>
197
               cproperty name="cornerButtonEnabled">
198
                 <bool>true</pool>
199
200
               </property>
               cproperty name="rowCount">
201
                 <number>5</number>
202
               </property>
203
               cproperty name="columnCount">
204
                <number>4</number>
205
               </property>
206
               <attribute name="horizontalHeaderVisible">
207
                 <bool>true</pool>
208
               </attribute>
209
               <attribute name="horizontalHeaderCascadingSectionResizes">
210
```

```
<bool>false</pool>
211
                </attribute>
212
                <attribute name="horizontalHeaderDefaultSectionSize">
213
                 <number>60</number>
214
                </attribute>
215
                <attribute name="horizontalHeaderMinimumSectionSize">
216
                 <number>60</number>
                </attribute>
218
                <attribute name="horizontalHeaderStretchLastSection">
219
                 <bool>false</pool>
220
                </attribute>
221
                <attribute name="verticalHeaderVisible">
222
                 <bool>true</pool>
223
                </attribute>
224
                <row/>
225
                <row/>
226
227
                <row/>
                <row/>
228
                <row/>
229
                <column/>
230
                <column/>
231
                <column/>
232
                <column/>
233
               </widget>
234
              </item>
235
             </layout>
236
           </item>
237
            <item>
238
             <spacer name="horizontalSpacer 2">
239
              cproperty name="orientation">
240
               <enum>Qt::Horizontal
241
              </property>
242
              property name="sizeHint" stdset="0">
243
               <size>
244
                <width>40</width>
245
                <height>20</height>
246
               </size>
247
              </property>
248
             </spacer>
249
           </item>
250
          </layout>
251
         </widget>
252
        </item>
253
        <item row="2" column="0">
254
         <layout class="QHBoxLayout" name="horizontalLayout 3">
255
          cproperty name="spacing">
256
           <number>10</number>
257
          </property>
258
          cproperty name="leftMargin">
259
            <number>0</number>
260
          </property>
261
          cproperty name="rightMargin">
262
           <number>0</number>
263
          </property>
```

```
<item>
265
           <spacer name="horizontalSpacer 5">
266
             property name="orientation">
267
              <enum>Qt::Horizontal
268
             </property>
269
             property name="sizeHint" stdset="0">
270
              <size>
271
               <width>40</width>
272
               <height>20</height>
273
              </size>
274
             </property>
275
            </spacer>
276
          </item>
277
278
          <item>
           <widget class="QLabel" name="T zLabel">
279
             cproperty name="text">
280
281
              <string>Значение Тз</string>
             </property>
282
            </widget>
283
          </item>
284
          <item>
285
           <widget class="QLineEdit" name="T max lEdit">
286
             cproperty name="maximumSize">
287
              <size>
288
               <width>100</width>
289
               <height>16777215</height>
290
              </size>
291
             </property>
292
            </widget>
293
          </item>
294
          <item>
295
            <spacer name="horizontalSpacer 6">
296
             cproperty name="orientation">
297
              <enum>Qt::Horizontal
298
             </property>
299
             cproperty name="sizeHint" stdset="0">
300
              <size>
301
               <width>40</width>
302
               <height>20</height>
303
              </size>
304
             </property>
305
            </spacer>
306
          </item>
307
         </layout>
308
        </item>
309
        <item row="5" column="0">
310
         <layout class="QHBoxLayout" name="horizontalLayout 2">
311
          <item>
312
            <widget class="QPushButton" name="optimize1">
313
             cproperty name="enabled">
314
              <bool>false
315
             </property>
316
317
             cproperty name="minimumSize">
              <size>
318
```

```
<width>0</width>
319
               <height>60</height>
320
              </size>
321
             </property>
322
             property name="text">
323
              <string>1 оптимизация</string>
324
             </property>
325
            </widget>
326
          </item>
327
          <item>
328
           <widget class="OPushButton" name="optimize2">
329
             cproperty name="enabled">
330
              <bool>false
331
332
             </property>
             cproperty name="minimumSize">
333
              <size>
334
335
               <width>0</width>
               <height>60</height>
336
              </size>
337
             </property>
338
             cproperty name="text">
339
              <string>2 оптимизация</string>
340
             </property>
341
            </widget>
342
          </item>
343
          <item>
344
            <widget class="QPushButton" name="decisionTreeBtn">
345
             property name="enabled">
346
              <bool>false
347
             </property>
348
             property name="sizePolicy">
349
              <sizepolicy hsizetype="Minimum" vsizetype="Fixed">
350
               <horstretch>0</horstretch>
351
               <verstretch>0</verstretch>
352
              </sizepolicy>
353
             </property>
             cproperty name="minimumSize">
355
              <size>
356
               <width>0</width>
357
               <height>60</height>
358
              </size>
359
             </property>
360
             property name="text">
361
              <string>Построить
362
    дерево решений</string>
363
             </property>
364
           </widget>
365
          </item>
366
         </layout>
367
        </item>
368
        <item row="3" column="0">
369
         <layout class="QHBoxLayout" name="horizontalLayout 5">
370
371
          <item>
            <spacer name="horizontalSpacer 7">
372
```

```
property name="orientation">
373
              <enum>Qt::Horizontal
374
            </property>
375
            cproperty name="sizeHint" stdset="0">
376
              <size>
377
               <width>40</width>
378
               <height>20</height>
379
              </size>
380
            </property>
381
            </spacer>
382
          </item>
383
          <item>
384
           <widget class="QPushButton" name="dataInput">
385
            cproperty name="minimumSize">
386
              <size>
387
               <width>30</width>
388
389
               <height>50</height>
             </size>
390
            </property>
391
            cproperty name="maximumSize">
392
              <size>
393
               <width>999999</width>
394
               <height>16777215</height>
395
             </size>
396
            </property>
397
            property name="layoutDirection">
398
             <enum>Qt::LeftToRight
399
            </property>
400
            cproperty name="text">
401
              <string>Ввод данных</string>
402
            </property>
403
            </widget>
404
          </item>
405
          <item>
406
           <spacer name="horizontalSpacer 8">
407
            cproperty name="orientation">
408
              <enum>Qt::Horizontal
409
            </property>
410
            cproperty name="sizeHint" stdset="0">
411
              <size>
412
               <width>40</width>
413
               <height>20</height>
414
              </size>
415
            </property>
416
           </spacer>
417
          </item>
418
         </layout>
419
        </item>
420
        <item row="0" column="0">
421
         <layout class="QHBoxLayout" name="horizontalLayout_4">
422
423
           <spacer name="horizontalSpacer 4">
424
425
            cproperty name="orientation">
              <enum>Qt::Horizontal
426
```

```
</property>
427
            cproperty name="sizeHint" stdset="0">
428
             <size>
429
              <width>40</width>
430
              <height>20</height>
431
             </size>
432
            433
           </spacer>
434
          </item>
435
          <item>
436
           <widget class="OLabel" name="instructionLabel">
437
            property name="font">
438
             <font>
439
440
              <pointsize>12</pointsize>
             </font>
441
            </property>
443
            property name="text">
             <string>Введите данные</string>
444
            </property>
445
            cproperty name="scaledContents">
446
             <bool>false
447
            448
            cproperty name="alignment">
449
             <set>Qt::AlignCenter</set>
450
            </property>
451
           </widget>
452
          </item>
453
          <item>
454
           <spacer name="horizontalSpacer 3">
455
            cproperty name="orientation">
456
             <enum>Qt::Horizontal
457
            </property>
458
            cproperty name="sizeHint" stdset="0">
459
             <size>
460
              <width>40</width>
461
              <height>20</height>
462
             </size>
463
            </property>
464
           </spacer>
465
          </item>
466
         </layout>
467
        </item>
468
        <item row="4" column="0">
469
         <spacer name="verticalSpacer">
470
          property name="orientation">
471
           <enum>Qt::Vertical
472
          </property>
473
          cproperty name="sizeType">
474
           <enum>QSizePolicy::Fixed
475
          </property>
476
          property name="sizeHint" stdset="0">
477
           <size>
478
479
            <width>20</width>
            <height>15</height>
```

```
</size>
481
          </property>
482
         </spacer>
483
        </item>
484
        <item row="6" column="0">
485
         <widget class="QWidget" name="svgView" native="true">
486
          cproperty name="sizePolicy">
           <sizepolicy hsizetype="Preferred" vsizetype="Expanding">
488
            <horstretch>0</horstretch>
489
            <verstretch>0</verstretch>
490
           </sizepolicy>
491
          </property>
492
         </widget>
493
        </item>
494
       </layout>
495
      </widget>
      <widget class="QMenuBar" name="menubar">
497
       cproperty name="geometry">
498
        <rect>
499
         <x>0</x>
500
         <y>0</y>
501
         <width>800</width>
502
         <height>21</height>
503
        </rect>
504
       </property>
505
      </widget>
506
      <widget class="QStatusBar" name="statusbar"/>
507
     </widget>
508
     <resources/>
509
     <connections/>
510
   </ui>
511
```