2018 年高教社杯全国大学生数学建模竞赛题目

(请先阅读"全国大学生数学建模竞赛论文格式规范")

A 题 高温作业专用服装设计

在高温环境下工作时,人们需要穿着专用服装以避免灼伤。专用服装通常由三层织物材料构成,记为 I、II、III 层,其中 I 层与外界环境接触,III 层与皮肤之间还存在空隙,将此空隙记为 IV 层。

为设计专用服装,将体内温度控制在 37℃ 的假人放置在实验室的高温环境中,测量假人皮肤外侧的温度。为了降低研发成本、缩短研发周期,请你们利用数学模型来确定假人皮肤外侧的温度变化情况,并解决以下问题:

- (1) 专用服装材料的某些参数值由附件 1 给出,对环境温度为 75℃、II 层厚度为 6 mm、IV 层厚度为 5 mm、工作时间为 90 分钟的情形开展实验,测量得到假人皮肤外侧的温度(见附件 2)。建立数学模型,计算温度分布,并生成温度分布的 Excel 文件(文件名为 problem1.xlsx)。
- (2) 当环境温度为 65°C、IV 层的厚度为 5.5 mm 时,确定 II 层的最优厚度,确保工作 60 分钟时,假人皮肤外侧温度不超过 47°C,且超过 44°C 的时间不超过 5 分钟。
- (3) 当环境温度为 80°C 时,确定 II 层和 IV 层的最优厚度,确保工作 30 分钟时,假人皮肤外侧温度不超过 47℃,且超过 44℃ 的时间不超过 5 分钟。

附件 1. 专用服装材料的参数值

附件 2. 假人皮肤外侧的测量温度