# 多项式计算器

乔海燕 中山大学信息学院 2014 年 8 月 26 日

#### §1 一. 关于开发多项式计算器的对话

卡斯特模先生在工作中经常需要进行多项式的处理,包括进行多项式的加、减、乘、除和求值等计算。有一天,他突发奇想,能否找他的好友普官模先生给他做一个处理多项式的软件,既可以提高工作效率,又不会出错。普官模先生是一位学习程序设计的大一学生,已经具备开发小型应用程序的能力。他很有兴趣帮朋友这个忙。以下是两位的一段对话。

卡斯特模: 我想请你帮我做个程序, 协助我的工作。你知道, 我经常要做 多项式的加、减、乘、除和求值等计算。

普官模: 没问题。我正好用这个问题练练手。

卡斯特模: 听说现在计算机能听懂人的语言。我能不能对着计算机说:"一个多项式是 $x^2 + 1$ ,另一个是 $x^3 + 2x$ ,给我做个加法?"

普官模: 这个技术上应该是可以的。但是我目前还没有这么大的能力。

卡斯特模: 那么我能不能把这两个多项式写下来, 然后让机器做加法?

普官模: 我想这个技术上也是可行的,比如用可以写的屏幕,或者专用的手写设备,目前技术可以识别你写的东西。不过,这些我目前还不懂。

卡斯特模: 看来没钱还是不好办事。

普官模:这样,我给你做个简单实用的软件如何?你不用任何设备投资, 只用你现有的计算机键盘就可以完成你日常需要做的多项式处理。

卡斯特模: 敢情! 说说怎么做。

普官模: 我可以做一些按钮,比如"加法"按钮,"乘法"按钮等。你需要的每个功能都给你显示一个按钮。

卡斯特模: 那好啊。如果我想做加法,只有轻轻一按"加法"就好了?

普官模:是的。不过,为例简单起见,我用1,2,3等数字表示这些按钮。用 我们的官话就是给你显示一个按钮菜单,告诉你哪个数字对应哪个功能。比 如,

- 1. 两个多项式相加
- 2. 两个多项式相乘

卡斯特模: 那么我只要按数字键1就可以做多项式加法了? 普官模: 是的。就这么简单。

卡斯特模:可以你的软件怎么知道我要做哪两个多项式的加法呢? 普官模:这个问题很好。按完1键后,我的软件接着提醒你输入两个多项式。

卡斯特模: 可是我怎么输入 $x^2$  – 1这样的多项式呢? 我可以键入x, 键入-,键入1,键入2,可是怎么键入 $x^2$ 呢?

善官模:这个问题很好。这里涉及到如何用数据表示你的多项式。用我们的官话来讲,我们需要做一个数据抽象。其实多项式 $x^2-1$ 说白了就是系数和指数对的序列,也就是说,多项式 $x^2-1$ 在数学上可以表示成(1,2)(-1,0)这样的二元组序列,其中每个二元组的第一个分量表示系数,第二个分量表示指数。

卡斯特模: 那就是说,我只要敲入(1,2)(-1,0),也就是先敲'(',再敲1,再敲',',再敲')',等等,你的软件就知道是多项式 $x^2-1$ 了?

普官模: Yes.

卡斯特模: 哇, 你做的软件这么厉害!

普官模: 是的, 哥这一年没有闲着。

卡斯特模: 那么如果我想输入多项式 $5x^6 - 4x^3 + 6x$ , 我只要键入"(5,6)(-4.3)(6.1)"就行了?

普官模: 是的。你也很厉害奥!

卡斯特模: 兄弟虽然没有考上大学,但是数学是兄弟我的长项啦!

普官模:至于这个多项式在我的软件中如何表示,你就不必知道了。不过说来也无妨。我的软件内部会用vector<pair<int,int>>表示一个多项式。

卡斯特模: 厉害! 这个兄弟不想知道了。

普官模:好吧。再返回多项式加法,一旦你告诉我的软件是哪两个多项式相加,我的软件就可以告诉你它们的和是什么。

卡斯特模:这样是简单了。可是,如果我下一次再用到同一个多项式,那不是还得重复输入那个二元组序列?

普官模: 这个问题提得很好! 我可以把你过去输入的多项式记录下来,也就是给这些多项式起个名字,到时候你只要用这些名称就可以,不需要重复输入。

卡斯特模: 这个好!

普官模: 我们做软件的一定要为客户考虑,做到客户满意为止。将来我的衣食父母就是客户啦!

卡斯特模: 读了大学就是不一样。多日不见, 要刮目相看了!

普官模: 我们说办就办。我给你做一个专门的输入多项式"按钮",你一按这个键,软件会提醒你输入一个多项式。

卡斯特模: 我还是用以前的方式输入吗?

普官模:是的。不过,为了让软件记着这个多项式,这次给多项式起个名。比如,你可以输入"p=(2,1)(-1,0)",这里p就是这个多项式的名字。

卡斯特模: 那么下次我要用这个多项式,就可以用p代替了。

普官模:是的。比如,你按了"加法"按钮,软件提醒你输入两个多项式。如果你以前已经输入了两个多项式,例如"p=(2,1)(-1,0)"和"q=(5,6)(-

4,3)(1,0)",那么你就可以直接输入"p+q",让计算器做这两个多项式的加法。 我的软件会告诉你它们的和是 $5x^6 - 4x^3 + 2x$ .

卡斯特模:好厉害!那么我能把这个多项式和也记下来吗?我之后可能还会用到它。

普官模: 这个也可以。你在求和的时候,我可以让我的软件允许你输入 "r = p+q", 也就是说软件会把这个和记下来, 并给他起个名字r.

卡斯特模: That's great!

普官模: 兄弟英语这么厉害! 佩服! 佩服!

卡斯特模: Of course! 兄弟每天和老外打交道。比如,你将来的职业是什么"普官模"?

普官模: 兄弟厉害! 你是哥的第一个Customer.

卡斯特模: Sure!

普官模:为了便于你了解你的多项式计算器里已经存储了哪些多项式, 我可以再增加一个按钮,让你显示一个多项式,或者显示所有的多项式。

卡斯特模: 那么你怎么显示一个多项式,显示成"(2,1)(-1,0)",还是 $x^2-1$ ? 普官模: 我不会显示成"(2,1)(-1,0)",这是软件的表示方法,不友好。不过,显示成 $x^2-1$ 我也有点困难。

卡斯特模: 还能怎样显示呢?

普官模: 这样,我把多项式 $x^2 - 1$ 显示成 $x^2 - 1$ 怎么样? 其中 "~"表示指数。

卡斯特模: That's great! Thank you!

普官模: You are welcome!

普官模: 我们差不多已经完成了这个多项式计算器的需求分析了,或者the specification of the software。

卡斯特模: 你们做普官模的必须和我们卡斯特模一起才能完成这个需求分析了?

普官模:是的。你们Customer提出你们的功能需求,我们programmer根据我们的技术知识看看这些功能是否可以实现,还有用户想如何操作这个软件。

卡斯特模: 还需要我做什么吗?

普官模:我们一起来把需求说明写得更清楚细致一点,将来我用这个说明把软件交付给你,你按这个说明验收软件。

卡斯特模: That's great! Thank you!

普官模: You are welcome!

# §2 整系数多项式计算器的需求说明

计算器使用简单的菜单与用户交互,完成用户的请求。 计算器显示的功能菜单如下:

- 1. 输入一个多项式
- 2. 显示一个多项式

- 3. 两个多项式相加
- 9. 退出系统
- 0. 显示菜单

用户选择1时,系统提示用户用二元组序列的形式输入一个多项式。例如,用户想输入多项式3x<sup>4</sup>+2x+5,只需按照降幂形式输入p=(3,4)(2,1)(5,0),p是多项式的名称。这里允许用户在分隔符间留空格。假定用户可以使用任何小写字母命名一个多项式。用户键入回车后,系统检查输入是否合法。如果输入合法,系统显示用户输入的多项式,并提示用户输入下一个操作。如果用户输入不合法,包括格式错误,如p=(3,2))(4),或者不是合法的多项式,包括指数是负数,或者不是降幂排列,系统会提示用户重新输入。

用户选择2时,系统提示用户键入要显示的多项式名称,或者键入"all"显示系统存储的所有多项式。多项式用降幂排列。例如,多项式 $3x^4+2x+5$ 显示为 $3x^4+2x+5$ . 多形式必须用合理的形式表示,例如,不可以有形如 $1x^2+-2x^1$ 的显示。

用户选择3时,系统提示用户键入如p+q, 或者r=p+q, 前者将显示两个多项式相加的结果,后者将结果赋给r. 系统查找相应多项式,完成相加,并显示两个多项式及其和给用户。如果不存在这样的多项式p或者输入不合法,系统提示用户重新输入。

用户选择9时,系统退出。

用户在任何时候都可以选择退回到主菜单。

系统应该具有足够的健壮行,即对于用户的非法输入具有合理的反应, 而不应该崩溃。

#### §3 扩展系统,添加如下功能

扩展你的系统,添加下列功能:

- 4. 两个多项式相减
- 5. 两个多项式相乘
- 6. 判断两个多项式是否相等
- 7. 求多项式的导数
- 8. 求多项式代人某点的值

用户选择4时,允许用户键入p-q或者r=p-q求两个多项式的差。前者将显示两个多项式以及相减的结果,后者将结果赋给r,并显示两个多项式及其差。如果输入不合法,系统提示重新输入。用户也可输入0,表示退回到主菜单。

用户选择5时,允许用户键入p\*q或者r=p\*q求两个多项式的积。前者将显示两个多项式及其相乘的结果,后者将结果赋给r,并显示两个多项式及其乘积。如果输入不合法,系统提示重新输入。用户也可输入0,表示退回到主菜单。

用户选择6时,允许用户键入p==q,如果两个多项式p和q相等,则系统显示两个多项式及"true",否则系统显示两个多项式及"false"。如果输入不合法,系统提示重新输入。

用户选择7时,允许用户键入p'或者r=p'求多项式p的导数。前者将显示多项式的导数,后者将结果赋给r.如果输入正确,系统显示该多项式及其倒数,然后等待用户的下一个命令。如果输入不合法,系统提示重新输入。用户也可输入0,表示退回到主菜单。

用户选择8时,允许用户键入p[x=3]。如果输入合法,系统显示该多项式及将x=3代人多项式p后的结果,然后等待用户的下一个命令。如果输入不合法,系统提示重新输入。用户也可输入0,表示退回到主菜单。

#### §4 进一步将系统升级,并用简单的命令语言进行多项式计算。

例如,

- 输入多项式,用命令如p=(3,4)(2,1)(3,0)
- 输出多项式,用命令如print p 或者print all
- 多项式运算, 如p+q, p-q, p\*q, p==q, p', p[x=3]等
- 退出: quit.

### §5 评分说明

- 正确完成基本要求得15.
- 正确完成扩展得20.
- 完成升级得25.

## §6 提交说明

- 截止日期:(待定)。
- 两位一组共同完成,并在截止日期前提交源程序、可运行程序和实验报告。
- 提交方式: 电子版和纸质版一同提交。电子版包括源程序、可运行程序 和实验报告。纸质版包括实验报告。