

苏州大学 普通物理(一)上 课程试卷 (13) 卷 共 6 页

考试形式 闭 卷 年 月

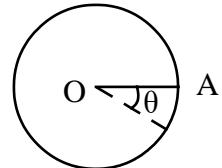
院系_____ 年级_____ 专业_____

学号_____ 姓名_____ 成绩_____

一、填空题：（每空 2 分，共 40 分。在每题空白处写出必要的算式）

1、一质点从 $t=0$ 时刻由静止开始作圆周运动，切向加速度的大小为 a_t 是常数，质点的速率为_____；假如在 t 时间内质点走过 $1/5$ 圆周，则质点在 t 时刻的法向加速度的大小为_____。

2、如图所示，质量为 M ，半径为 R 的均匀圆盘可绕垂直于盘面的光滑轴 O 在竖直平面内转动。盘边 A 点固定着质量为 m 的质点。若盘自静止开始下摆，当 OA 从水平位置下摆的角度 $\theta = 30^\circ$ 时，则系统的角速度 $\omega =$ _____，质点 m 的切向加速度 $a_t =$ _____。



3、一个沿 x 轴作简谐运动的弹簧振子，振幅为 A ，周期为 T ，其振动方程用余弦函数表达，当 $t=0$ 时，振子过 $x = -A/\sqrt{2}$ 处向正方向运动，则振子的振动方程为 $x =$ _____。

4、一横波沿绳子传播的波动方程为 $y = 0.05 \cos(10\pi t - 4\pi x)$ ，式中各物理量单位均为国际单位制。那么绳上各质点振动时的最大速度为_____，位于 $x=0.2m$ 处的质点在 $t=1s$ 时的相位，它是原点处质点在 $t=$ _____ 时刻的相位。

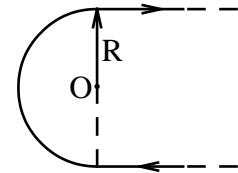
5、玻尔氢原子模型中，质量为 $9.11 \times 10^{-31} \text{ kg}$ 的电子以向心加速度 $a = 9.1 \times 10^{22} \text{ m/s}^2$ ，绕原子核作匀速圆周运动，则电子的轨道半径为_____；电子的速度大小为_____。

6、边长为 a 的立方形高斯面中心有一电量为 q 的点电荷，则通过该高斯面任一侧面上的电通量为_____。

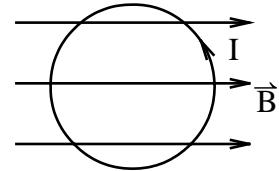
7、一平行板电容器，圆形极板的半径为 8.0cm，极板间距 1.0mm，中间充满相对介电常数 $\epsilon_r = 5.5$ 的电介质。对它充电到 100V，则极板上所带的电量 $Q = \underline{\hspace{2cm}}$ ；电容器贮有的电能 $W = \underline{\hspace{2cm}}$ 。 $(\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} C^2 / V \cdot m)$

8、真空中有一均匀带电细圆环，电荷线密度为 λ ，则其圆心处的电场强度 $E_0 = \underline{\hspace{2cm}}$ ；电势 $U_0 = \underline{\hspace{2cm}}$ 。（远无穷处电势为零）

9、若通电流为 I 的导线弯成如图所示的形状（直线部分伸向无限远），则 O 点的磁感强度大小为 $\underline{\hspace{2cm}}$ ，方向是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。



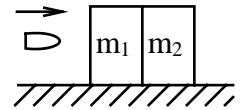
10、半径为 R ，载有电流 I 的刚性圆形线圈，在图示均匀磁场 \vec{B} 中，因电流的磁矩大小为 $\underline{\hspace{2cm}}$ ，它在磁场中受到的力矩大小为 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。



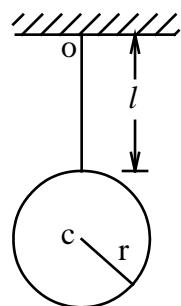
11、有两个长直密绕螺线管，长度及线圈匝数均相同，半径分别为 r_1 和 r_2 ，管内充满均匀介质，其磁导率分别为 μ_1 和 μ_2 ，设 $r_1 : r_2 = 1 : 2, \mu_1 : \mu_2 = 2 : 1$ ，当两螺丝管串联在电路中通电流稳定后，其自感之比 $L_1 : L_2 = \underline{\hspace{2cm}}$ ，磁能之比 $W_{m1} : W_{m2} = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

二、计算题：（每小题 10 分，共 60 分）

1、一子弹水平地穿过两个静止的前后并排放在光滑水平上的木块，木块的质量分别是 m_1 和 m_2 ，设子弹穿过木块所用的时间分别为 Δt_1 和 Δt_2 ，求子弹穿过两木块后，两木块的运动速度（设木块对子弹的阻力为恒力 F ）。



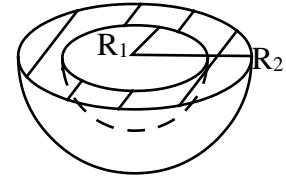
2、一半径 $r=5$ 厘米的球，悬于长为 $l=10$ 厘米的细线上成为复摆，如图所示。若把它视为摆长为 $L=l+r=15$ 厘米的单摆，试问它的周期会产生多大误差？已知球体绕沿直径的转轴的转动惯量为 $\frac{2}{5}mr^2$ 。



3、一均匀带电球体，电荷体密度为 ρ ，球体半径为 R 。

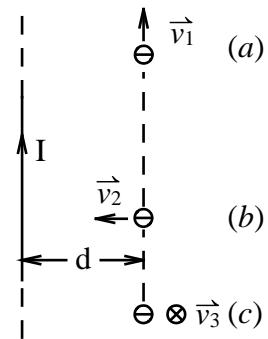
- (1) 求球内和球外电场强度的分布；
- (2) 求球内距球心距离为 r 的一点的电势。

4、两个同心导体半球面如图所示，半径分别为 R_1 和 R_2 ，其间充满电阻率为 ρ 的均匀电介质，求两半球面间的电阻。

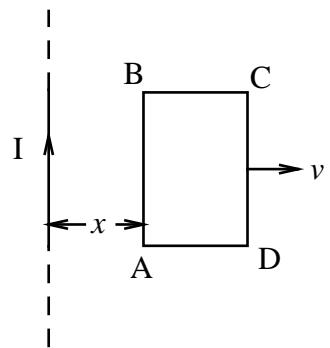


5、一长直导线载有电流 $50A$ ，离导线 $5.0cm$ 处有一电子以速率 $1.0 \times 10^7 m \cdot s^{-1}$ 运动。求下列情况下作用在电子上的洛伦兹力的大小和方向。（请在图上标出）

- (1) 电子的速率 \vec{v} 平行于导线。(图中(a))
- (2) 设 \vec{v} 垂直于导线并指向导线(图中(b))
- (3) 设 \vec{v} 垂直于导线和电子所构成的平面(图中(c))



6、如图所示，一直长导线通有电流 I ，旁边有一与它共面的长方形线圈 ABCD
($AB=l$, $BC=a$) 以垂直于长导线方向的速度 v 向右运动，求线圈中感应电动势的表示式。
(作为 AB 边到长直导线的距离 x 的函数)



苏州大学普通物理（一）上课程（13）卷参考答案 共2页

院系 理、工、材料 专业_____

一、填空：（每空2分，共40分）

1、 $a_t \cdot t, \frac{4\pi}{5}a_t$

7、 $9.79 \times 10^{-8} C, 4.90 \times 10^{-6} J$

2、 $\sqrt{2mg/(M+2m)R}, \sqrt{3mg/(M+2m)}$

8、 $0, \frac{\lambda}{2\varepsilon_0}$

3、 $A \cos(\frac{2\pi}{T}t + \frac{5}{4}\pi)$

9、 $\frac{\mu_0 I}{4R} + \frac{\mu_0 I}{2\pi R}, \otimes$

4、 $0.5\pi = 1.57 m/s, 0.92 s$

10、 $\pi R^2 I, \pi R^2 I B$

5、 $5.28 \times 10^{-11} m, 2.19 \times 10^6 m/s$

11、 $1:2, 1:2$

6、 $\frac{q}{6\varepsilon_0}$

二、计算题：（每小题10分，共60分）

1、解：子弹穿过第一块木块后， $F\Delta t_1 = (m_1 + m_2)V_1, \therefore V_1 = \frac{F\Delta t}{m_1 + m_2}$

再穿过第二块木板后， $F\Delta t_1 = m_2V_2 - m_2V_1, \therefore V_2 = V_1 + \frac{F\Delta t_2}{m_2} = \frac{F\Delta t_1}{m_1 + m_2} + \frac{F\Delta t_2}{m_2}$

2、解：振动系统为复摆模式 $\therefore T = 2\pi \sqrt{\frac{I_0}{mg \cdot L}},$

$I_0 = I_c + mL^2 = \frac{2}{5}mr^2 + mL^2, \therefore T = 2\pi \sqrt{\frac{\frac{2}{5}mr^2 + mL^2}{mgL}} = 2\pi \sqrt{\frac{2r^2}{5gL} + \frac{L}{g}} = 0.26\pi \text{秒}$

系统按单摆模式振动 $T' = 2\pi \sqrt{\frac{L}{g}} = 0.24\pi \text{秒}, \therefore \text{相对误差} \delta = \frac{T - T'}{T} = 7.7\%$

3、解：以球心为圆心作半径为 r 的高斯面，则： $\oint \vec{E} \cdot d\vec{S} = E \cdot 4\pi r^2 = \frac{1}{\varepsilon_0} \sum q,$

当 $r < R$ 时， $\sum q = \rho \cdot \frac{4}{3}\pi r^3$, 得 $E = \frac{\rho r}{3\varepsilon_0}$ ； 当 $r > R$ 时， $\sum q = \rho \cdot \frac{4}{3}\pi R^3$, 得 $E = \frac{\rho R^3}{3\varepsilon_0 r^2}$

$$(2) U = \int_r^\infty \vec{E} \cdot d\vec{l} = \int_r^R \frac{\rho r}{3\epsilon_0} dr + \int_R^\infty \frac{\rho R^3}{3\epsilon_0 r^2} dr = \frac{\rho}{6\epsilon_0} (R^2 - r^2)$$

4、解：在电介质内取厚度为 dr ，半径为 r 的薄半球壳，其电阻 $dR = \rho \frac{dr}{2\pi r^2}$

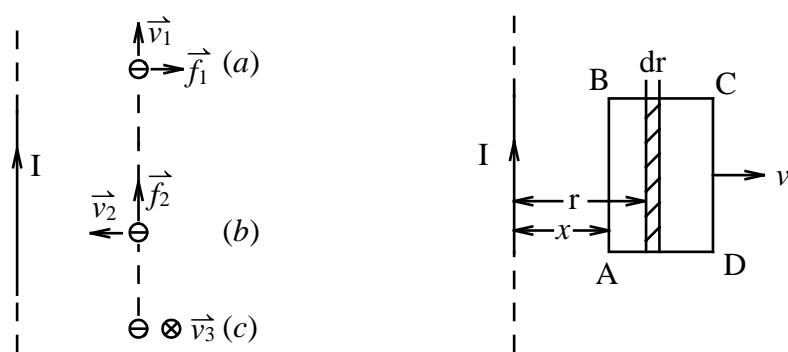
$$\text{则总电阻 } R = \int_{R_1}^{R_2} dR = \int_{R_1}^{R_2} \rho \frac{dr}{2\pi r^2} = \frac{\rho}{2\pi} \left(\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right)$$

5、解：电子所在处的磁感强度 $B = \frac{\mu_0 I}{2\pi d} = \frac{2 \times 10^{-7} \times 50}{0.050} = 2.0 \times 10^{-4} T$ ，方向垂直于纸面向里。

(1) $f_{L1} = ev_1 B = 1.6 \times 10^{-19} \times 1.0 \times 10^7 \times 2.0 \times 10^{-4} = 3.2 \times 10^{-16} N$ ，方向垂直于导线背向导线。

(2) $f_{L2} = ev_2 B = 3.2 \times 10^{-16} N$ ，方向平行于导线，并与电流同方向。

(3) $\vec{v}_3 // \vec{B}, \therefore f_3 = 0$ 。



6、解一：用 $\epsilon_i = \frac{d\phi}{dt}$ ，取顺时针方向为线框回路的正方向。通过线框的磁通量为

$$\begin{aligned} \phi(x) &= \int B ds = \int_x^{x+a} \frac{\mu_0 I}{2\pi r} l dr = \frac{\mu_0 Il}{2\pi} \ln \frac{x+a}{x}, \\ \therefore \epsilon_i &= -\frac{d\phi}{dt} = \frac{\mu_0 Il}{2\pi x} \frac{a}{x+a} \frac{dx}{dt} = \frac{\mu_0 Ilav}{2\pi x(x+a)} > 0, \text{ 方向为 } ABCDA \end{aligned}$$

解二：（用动能电动势求解）

$$\begin{aligned} \epsilon &= \int_A^B (\vec{v} \times \vec{B}) d\vec{l} + \int_C^D (\vec{v} \times \vec{B}) d\vec{l} = \int_A^B v \frac{\mu_0 I}{2\pi x} dl + \int_C^D -v \frac{\mu_0 I}{2\pi(x+a)} dl \\ &= \frac{\mu_0 Ilav}{2\pi x(x+a)} > 0, \text{ 方向 } ABCDA \end{aligned}$$