

考试类别 [学生填写] (☐ 正考 ☐ 补考 ☐ 重修 ☐ 补修 ☐ 缓考 ☐ 其它)

题号	一	二	三					四	五		六	总分
	1-7	8-12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	
得分												

《线性代数与空间解析几何》期末考试试卷 A

适用专业: 2015 级全校理、工科本科各专业

本试卷共 3 页, 七大题 21 小题, 总计 100 分

得 分	
评卷人	

一、填空题 (7 小题, 每空 2 分, 共 18 分)

1. 若矩阵 $\begin{pmatrix} x-2 & 3 \\ -1 & y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 & 2y-1 \\ -1 & z+1 \end{pmatrix}$, 则 $x =$ _____, $z =$ _____.2. 设 A, B 是 3 阶矩阵, 已知 $|A|=-1$, $|B|=2$, 则行列式

$$\begin{vmatrix} A & A \\ 0 & B \end{vmatrix} = \underline{\hspace{2cm}}.$$

3. 已知向量 $\alpha = (1, 1, -4)$, $\beta = (1, -2, 2)$, 则 α 在 β 上的投影为 _____.4. 设 $A^{-1} = \begin{pmatrix} 2 & 4 \\ 5 & 8 \end{pmatrix}$, 则 $A =$ _____.5. 设矩阵 A 经交换 2、3 两列变成矩阵 B , 已知 $B^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 3 & 0 & 1 \\ 2 & 1 & 4 \end{pmatrix}$,则 $A^{-1} =$ _____.

6. 下列方程表示何种曲面:

(1) 方程 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{4} - \frac{z^2}{9} = 1$, 表示 _____.(2) 方程 $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{4} - \frac{z^2}{9} = 0$, 表示 _____.7. 若 3 阶方阵 A 与 B 相似, E 为 3 阶单位矩阵, 已知 A 的特征值分别为 2, 3, 4; 则行列式 $|B - E| =$ _____.

得 分	
评卷人	

二、单项选择题 (5 小题, 每小题 3 分, 共 15 分)

8. 下列矩阵中为行最简形矩阵的是 _____ ()

(A) $\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix};$

(B) $\begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix};$

(C) $\begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{pmatrix};$

(D) $\begin{pmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$

9. 已知 A, B 是同阶矩阵, 下列运算正确的是 _____ ()

(A) $(A - B)^2 = A^2 - 2AB + B^2$; (B) $(A + B)^T = B^T + A^T$;

(C) $(AB)^T = A^T B^T$; (D) $(AB)^{-1} = A^{-1} B^{-1}$.

10. 若 A 为 n 阶方阵, k 为常数, $|A|$ 和 $|kA|$ 分别是矩阵 A, kA 的行列式, 则有 _____ ()

(A) $|kA| = k|A|$; (B) $|kA| = |k||A|$;

(C) $|kA| = k|A|^n$; (D) $|kA| = k^n|A|$.

11. 齐次线性方程组 $Ax = 0$ 只有零解的充分必要条件是 _____ ()(A) A 的行向量组线性无关; (B) A 的列向量组线性无关;(C) A 的行向量组线性相关; (D) A 的列向量组线性相关.12. 已知二次型 $f(x_1, x_2, x_3) = x^T A x$ 的矩阵的特征值为

$\lambda_1 = \lambda_2 = -2, \lambda_3 = 0$, 则 f 的标准形是 _____ ()

(A) $-2y_1^2$; (B) $-2y_1^2 - 2y_2^2 + y_3^2$;

(C) $2y_1^2 + 2y_2^2$; (D) $-2y_2^2 - 2y_3^2$.

三、解答题（5 小题，共 36 分）

得 分	
评卷人	

13. （本题 6 分） 已知矩阵

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & -1 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 3 & 8 & 1 \\ 2 & 0 & 4 \end{pmatrix}. \text{ 求 } B^T A.$$

得 分	
评卷人	

14. （本题 8 分） 计算行列式

$$\begin{vmatrix} 4 & 1 & 2 & 4 \\ 1 & 2 & 0 & 2 \\ 10 & 5 & 2 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 7 \end{vmatrix}.$$

得 分	
评卷人	

15. （本题 8 分） 解矩阵方程 $AX = B$ ，其中

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & 2 & 1 \\ 3 & 4 & 3 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 2 & 5 \\ 3 & 1 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}.$$

得 分	
评卷人	

16. （本题 6 分） 求过点 $A(1,-1,2)$ 且与直线

$$\begin{cases} x + y - z - 1 = 0 \\ x - 2y + z + 1 = 0 \end{cases} \text{ 垂直的平面方程.}$$

得 分	
评卷人	

17. （本题 8 分） 求非齐次线性方程组

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - x_3 + 4x_4 + x_5 = 3 \\ x_1 + x_2 + x_3 + x_4 = 1 \end{cases} \text{ 的通解.}$$