74 / 工科数学分析练习与提高(三) ▶

(3)
$$4x+2y-z-6=0$$
, $\frac{x-2}{4}=\frac{y-1}{2}=\frac{z-4}{-1}$;

(4)
$$\sqrt{2}x + \sqrt{2}y + z = 4 + \frac{\pi}{2}$$
, $\frac{x - \sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{y - \sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{z - \frac{\pi}{2}}{1}$.

4.
$$2(x-\frac{1}{2})-(y+1)+(z+1)=0$$
; $2(x+\frac{1}{2})-(y-1)+(z-1)=0$.

B类题

1. No.
$$2. \ x = \frac{a}{\sqrt{3}}, \ \ y = \frac{b}{\sqrt{3}}, \ \ z = \frac{c}{\sqrt{3}}; \ \ \lambda = \frac{abc}{3\sqrt{3}}; \ \ \frac{a}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = \sqrt{3} \, .$$

3. 切点为:(2,-3,-1),法平面:x-4y-2z=16.

第四章 第二型曲线积分和曲面积

第一节 第二型曲线积分

A 类是

1.
$$\frac{1}{1}$$
 2. (1) 1; (2) $\frac{17}{15}$; (3) πa^2 . 3. -2π . 4.0. 5. $-2\pi a^2$. 6.2.

B类影

1. III. 2. (1)
$$\int_{L} \frac{6x^{2}y^{2} + y^{2}}{\sqrt{1 + 4y^{2}}} ds;$$
 (2) $\int_{\Gamma} \frac{P + 2xQ + 3yR}{\sqrt{1 + 4x^{2} + 9y^{2}}} ds.$ 3. $\frac{1}{4} \sin 2 - \frac{7}{6}.$

C类题

1. (1) 91; (2)
$$\frac{-1085}{4}$$
. **2.** $(\xi, \eta, \gamma) = (\frac{a}{\sqrt{3}}, \frac{b}{\sqrt{3}}, \frac{c}{\sqrt{3}})$.

第二节 格林公式

A类题

1.
$$\frac{m\pi}{8}$$
. 2. 8. 3. $\frac{m\pi}{8}a^2$. 4. $\frac{14}{3}$. 5. (1) $\frac{3}{8}\pi a^2$; (2) πa^2 .

B类题

1. 略. 2.
$$-\frac{\pi}{8}ma^2$$
. 3. $\pm 0 < R < 1$ 时, $I = 0$; $\pm R > 1$ 时, $I = \pi$.

第三节 平面曲线积分与路径无关的条件、保守场

A类题

1. 略. 2. (1)
$$-\frac{3}{2}$$
; (2) $y^2 \cos x + x^2 \cos y$; (3) $2 \int_0^1 \varphi(x) dx$.

3. (1)
$$u(x,y) = x^2 y$$
; (2) $u(x,y) = \sin x + x^2 \cos y$. 4. Ph.

B类题

1. 略. 2.
$$\frac{1}{2}$$

C类题

$$1.\frac{x-y}{x^2+y^2}+C.$$
 2.提示:由方向导数、两类曲线积分间的关系及格林公式即证.