## 计算方法上机实习七

## 实习内容七 差分格式的构造和求解

1、已知某区域纬向风场 u(u.xls)和经向风场 v(v.xls),用差分格式求解该区域的速度势函数及相应的辐散风分布,

$$\frac{\partial^2 \varphi}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 \varphi}{\partial y^2} = -\nabla \cdot \vec{V} = -D \tag{1}$$

$$u' = -\frac{\partial \varphi}{\partial x} \tag{2}$$

$$v' = -\frac{\partial \varphi}{\partial v} \tag{3}$$

步骤: 1) 根据给出 u, v 求出对应每个格点上的散度值 D(i, j);

2) 构造二阶差分格式,采用超松弛迭代法求解泊松方程(1),得到每个格点上的速度势函数 φ(i, j), 迭代公式为:

$$\begin{cases} R_{i,j}^{(v,v+1)} = \varphi_{i+1,j}^{(v)} + \varphi_{i,j+1}^{(v)} + \varphi_{i-1,j}^{(v+1)} + \varphi_{i,j-1}^{(v+1)} - 4\varphi_{i,j}^{(v)} - D_{i,j} \\ \varphi_{i,j}^{(v+1)} = \varphi_{i,j}^{(v)} + 1.6R_{i,j}^{(v,v+1)} \end{cases}$$

v 为迭代次数(v=0,1,2,...),迭代初始值可取为零,即 $\varphi_{i,i}^{(0)}=0$ 

迭代的终止判据为 
$$\left| \varphi_{i,j}^{(\nu+1)} - \varphi_{i,j}^{(\nu)} \right|_{\max} < 10^{-7}$$
.

3) 用 φ(i, j)代入公式 (2) 和 (3),分别求出辐散风分量,将势函数叠加辐散风场画出该区域的空间分布图。

说明: u.xls 和 v.xls 格式相同,第一行为 x 方向网格点,第一列为 y 方向网格点, (x,y)位置的数值分别为对应网格点上的 u 值和 v 值。

另外需要注意,为避免边界上无法计算差分值的情况,可先将区域外扩一圈,在这一圈上,设u = 0,v = 0,再按照三个步骤进行求解,计算完成后扣除最外圈的值再画图。

## 2、实习要求及实习报告

按以上要求完成实习内容,提交实习报告。实习报告包括:编程流程图,源代码,运行结果(屏幕截图),分析报告正文(包括图形)。