

第九章 中间代码优化

- 9.1 优化及其分类
- 9.2 优化技术简介
- 9.3 局部优化

9.1 优化及其分类

- **优化：**编译时为改进目标程序的质量而进行的各项工作，包括提高：
 - 空间效率
 - 时间效率
- 空间效率和时间效率有时是一对矛盾，有时不能兼顾。
- **优化的基本要求：**
 - 必须是等价变换
 - 为优化的努力必须是值得的。

9.1 优化及其分类

■ 优化分类：

- 机器相关优化：寄存器优化，多处理器优化，特殊指令优化，无用指令消除等。
- 机器无关优化：中间代码优化，源程序优化

■ 优化范围：

- 局部优化：单个基本块范围内的优化：合并已知量，消除公共子表达式，削减计算强度和删除无用代码。
- 循环优化：主要是基于循环的优化：循环不变式外提，归纳变量删除，计算强度削减。
- 全局优化：主要是在整个程序范围内进行的优化。

9.2 优化技术简介

- 合并常量计算
- 消除公共子表达式
- 削减计算强度
- 删除无用代码
- 循环不变表达式外提
- 归纳变量删除

9.2.1 合并常量计算

■ 例子: $d = 2 * 3.14 * r$

(1) ($*$, 2, 3.14, t1)

(2) ($*$, t1, r, t2)

(3) ($=$, t2, , d)

■ $2 * 3.1415926$ 的值在编译时刻就可以确定。

(1) ($*$, 6.28, r, t2)

(2) ($=$, t2, , d)

9.2.2 消除公共子表达式

- 公共子表达式：如果某个表达式E先前已经计算，且从上次计算到现在，E中的变量的值没有改变。那么E的这次出现称为公共子表达式。
- 利用先前的计算结果，可以避免对公共子表达式的重复计算。

例 (1)(+, b, c, a)

(2)(-, a, d, b)

(3)(+, b, c, c)

(4)(-, a, d, d)

- 显然，第2和4个四元式计算的是同一个值，所以第四个四元式可以修改称为(=, b, , d)。
- 对于第1和3个四元式，虽然都是计算b+c，但是他们的值其实是不同的，所以不能完成处理。

例子

■ $x + y * t - a * (x + y * t) / (y * t)$

(1) (*, y, t, t1)

(3) (*, y, t, t3)

(5) (*, a, t4, t5)

(7) (/, t5, t6, t7)

(2) (+, x, t1, t2)

(4) (+, x, t3, t4)

(6) (*, y, t, t6)

(8) (-, t2, t7, t8)

■ 消除公共子表达式之后:

(1) (*, y, t, t1)

(3) (*, a, t2, t5)

(5) (-, t2, t7, t8)

(2) (+, x, t1, t2)

(4) (/, t5, t1, t7)

9.2.3 削减计算强度

实现同样的运算可以有多种方式。用计算较快的运算代替较慢的运算。如：

- x^2 变成 $x*x$ 。
- $2*x$ 或 $2.0*x$ 变成 $x+x$
- $x/2$ 变成 $x*0.5$
- $a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_1 x + a_0$ 变成
 $((\dots(a_n x + a_{n-1})x + a_{n-2})\dots)x + a_1)x + a_0$

9.2.4 删除无用代码

- 如果四元式(op, x, y, z)之后, z 的值再也没有被使用到, 那么这个四元式是无用的。
- 无用的四元式往往意味着程序的错误, 一般不会出现在正确的程序里面。
- 多数无用四元式是由优化引起的。

9.2.5 循环不变式外提

- 有些表达式位于循环之内，但是该表达式的值不随着循环的重复执行而改变，该表达式被称为**循环的不变表达式**。
- 如果按照前面讲的代码生成方案，每一次循环都将计算一次。
- 如果把这个表达式提取到循环外面，该计算就只被执行一次。从而可以获得更加好的效率。

循环不变式的例子

- 计算半径为 r 的从10度到360度的扇形的面积：
for($n=1$; $n<36$; $n++$)
{ $S:=10/360*\pi*r*r*n$; printf(“Area is %f” , S); }
- 显然，表达式 $10/360*\pi*r*r$ 中的各个量在循环过程中不改变。
可以修改程序如下：
 $C=10/360*\pi*r*r$;
for($n=1$; $n<36$; $n++$)
{ $S:=C*n$; printf(“Area is %f” , S); }
- 修改后的程序中， C 的值只需要被计算一次，而原来的程序需要计算36次。

四元式的循环不变式

- | | | | | |
|-----------|-----|----------|-----|------|
| ■ (1)= 1 | n | (2)> n | 36 | (21) |
| ■ (3)GOF | (4) | (4)/ 10 | 360 | t1 |
| ■ (5)* t1 | pi | (6)* t2 | r | t3 |
| ■ (7)* t3 | r | (8)* t4 | n | t5 |
| ■ (9)=t5 | S | ... | ... | ... |
| ■ (18)+ n | 1 | (19)= t9 | | n |
| ■ (20)GO | (2) | (21) | | |
- 其中，四元式4,5,6,7是循环不变四元式。

循环不变四元式的相对性

- 对于多重嵌套的循环，循环不变四元式是相对于某个循环而言的。可能对于更加外层的循环，它就不是循环不变式。

- 例子：

```
for(i = 1; i < 10; i++)
```

```
    for(n = 1; n < 360 / (5 * i); n++)
```

```
        {S := (5 * i) / 360 * pi * r * r * n; ...}
```

- 表达式 $(5 * i) / 360 * \pi * r * r$ 对于 n 的循环（内层循环）是不变表达式，但是对于外层循环，它们不是循环不变表达式。

9.2.6 归纳变量的删除

- 在循环中，如果变量 i 的值随着循环的每次重复都固定地增加或者减少某个常量，则称 i 为循环的归纳变量。
- 如果在一个循环中有多个归纳变量，归纳变量的个数往往可以减少，甚至减少到1个。减少归纳变量的优化称为归纳变量的删除。

归纳变量的删除（例子）

- 例子：

$p=0;$

$\text{for}(i = 1; i \leq 20; i++)$

$p = p + A[i] * B[i];$

- i 作为计数器。每次重复， i 的值增加1，而 $A[i]$, $B[i]$ 对应的地址 $t1$, $t3$ 增加4。
- 我们可以删除 i ，而使用 $t1$ 或者 $t3$ 进行循环结束条件的测试。

`p=0; for(i = 1; i<= 20; i++) p= p+A[i]*B[i];`

(1) `p = 0`
(2) `i = 1`
(3) `a = addr(A) - 4`
(4) `b = addr(B) - 4`

(1) `p = 0`
(2) `t1 = 4`
(3) `a = addr(A) - 4`
(4) `b = addr(B) - 4`

(5) `t1 = 4 * i`
(6) `t2 = a[t1]`
(7) `t3 = 4 * i`
(8) `t4 = b[t3]`
(9) `t5 = t2 * t4`
(10) `p = p + t5`
(11) `i = i + 1`
(12) `if i <= 20 goto (5)`

(5) `t2 = a[t1]`
(6) `t4 = b[t1]`
(7) `t5 = t2 * t4`
(8) `p = p + t5`
(9) `t1 = t1 + 4`
(12) `if t1 <= 80 goto (5)`

9.3 局部优化

- **局部优化：**基本块内的优化
- **基本块：**是指程序中一顺序执行的语句序列，其中只有一个入口语句和一个出口语句。
- **入口语句：**
 1. 程序的第一个语句；或者，
 2. 条件转移语句或无条件转移语句的转移目标语句；或者
 3. 紧跟在条件转移语句后面的语句。

划分基本块的算法：

1. 求出四元式程序之中各个基本块的入口语句。
2. 对每一入口语句，构造其所属的基本块。它是由该语句到下一入口语句（不包括下一入口语句），或到一转移语句（包括该转移语句），或到一停语句（包括该停语句）之间的语句序列组成的。
3. 凡未被纳入某一基本块的语句，都是程序中控制流程无法到达的语句，因而也是不会被执行到的语句，我们可以把它们删除。

例：划分基本块

(1) read (C)

(2) A:= 0

(3) B:= 1

(4) L1: A:=A + B

(5) if B>= C goto L2

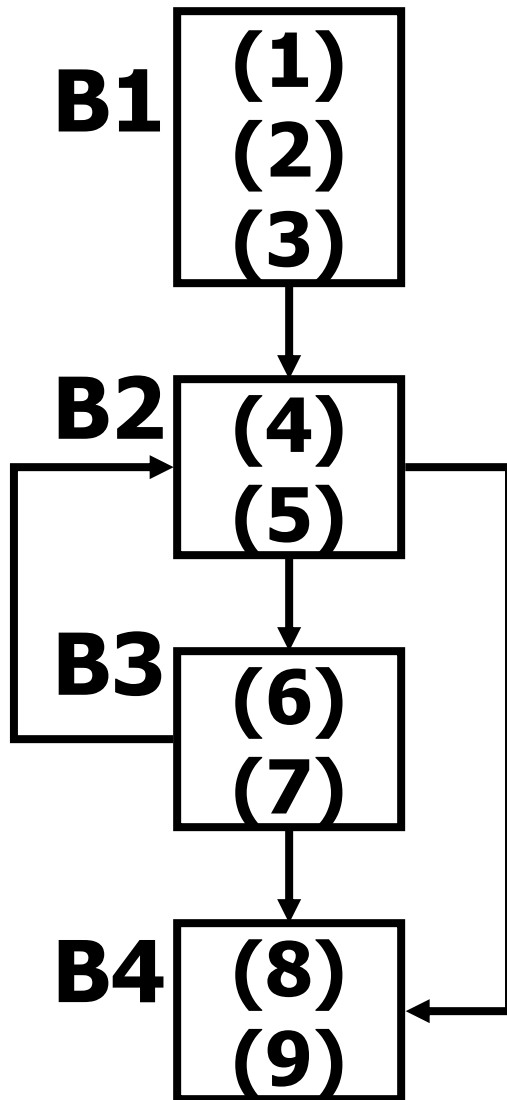
(6) B:=B+1

(7) goto L1

(8) L2: write (A)

(9) halt

划分成四个基本块B1, B2, B3, B4



基本块内实行的优化:
合并已知量
删除多余运算
删除无用赋值

(1) **read (C)**
(2) **A:= 0**
(3) **B:= 1**
(4) **L1: A:=A + B**
(5) **if B>= C goto L2**
(6) **B:=B+1**
(7) **goto L1**
(8) **L2: write (A)**
(9) **halt**

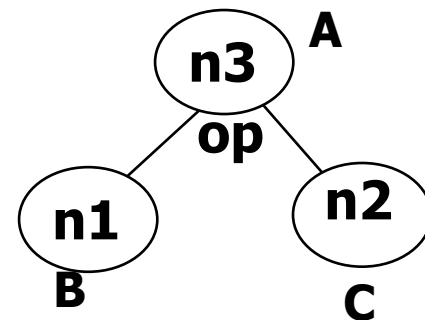
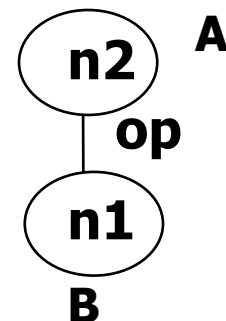
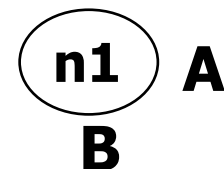
基本块优化的实现

- 基本块内部优化的实现主要工具为DAG(Directed Acyclic Graph)图。
- 用DAG图表示各个值的计算/依赖关系。
- 图中的标记或附加信息：
 - 叶子节点的标记为标识符（变量名）或常数作为唯一的标记。叶子节点是标识符时，用0表示它时初值。
 - 内部节点用运算符号作为标记，表示计算的值。每个节点的值都可以用关于变量初始值的表达式表示。
 - 各节点可能附加有一个或者多个标识符。同一个节点的标识符表示相同的值。

四元式的分类

- 0型: $(:=, B, , A)$
- 1型: $(op, B, , A)$ (单目运算)
- 2型: (op, B, C, A) (双目运算)

DAG结点



基本块DAG图构造算法

- 输入：一个基本块
- 输出：相应DAG图
- 算法说明：
 - 通过逐个扫描四元式来逐渐建立DAG图。
 - 函数node(A)的值或者是一个结点的编号n或者无定义。如果是前一种情况，代表存在一个结点n，A是其上的标记或附加标识符。

对基本块的每一四元式(op,B,C,A)，依次执行：

- 1. 如果NODE (B) 无定义, 则构造一标记为B的叶结点并定义NODE (B) 为这个结点;
- 如果当前四元式是0型, 则记NODE(B)的值为n, 转4。
- 如果当前四元式是1型, 则转2(1)。
- 如果当前四元式是2型, 则: (I) 如果NODE(C)无定义, 则构造一标记为C的叶结点并定义NODE(C) 为这个结点; (II) 转2 (2)

基本块DAG图构造算法（续）

2. （合并已知量）

(1) 如果 $\text{NODE}(B)$ 是标记为常数的叶结点，则转2(3)，否则转3(1)。

(2) 如果 $\text{NODE}(B)$ 和 $\text{NODE}(C)$ 都是标记为常数的叶结点，则转2(4)，否则转3(2)。

(3) 执行 $\text{op } B$ （即合并已知量），令得到的新常数为 P 。如果 $\text{NODE}(B)$ 是处理当前四元式时新构造出来的结点，则删除它。如果 $\text{NODE}(P)$ 无定义，则构造一用 P 做标记的叶结点 n 。置 $\text{NODE}(P)=n$ ，转4。

(4) 执行 $B \text{ op } C$ （即合并已知量），令得到的新常数为 P 。如果 $\text{NODE}(B)$ 或 $\text{NODE}(C)$ 是处理当前四元式时新构造出来的结点，则删除它。如果 $\text{NODE}(P)$ 无定义，则构造一用 P 做标记的叶结点 n 。置 $\text{NODE}(P)=n$ ，转4。

基本块DAG图构造算法（续）

3. （找公共子表达式）

(1) 检查DAG中是否已有一结点，其唯一后继为NODE(B)，且标记为op（即找公共子表达式）。如果没有，则构造该结点n，否则就把已有的结点作为它的结点并设该结点为n，转4。

(2) 检查中DAG中是否已有一结点，其左后继为NODE(B)，其右后继为NODE(C)，且标记为op（即找公共子表达式）。如果没有，则构造该结点n，否则就把已有的结点作为它的结点并设该结点为n，转4。

4. （删除无用赋值语句）

如果NODE(A)无定义，则把A附加在结点n上并令NODE(A)=n；否则先把A从NODE(A)结点上附加标识符集中删除（注意，如果NODE(A)是叶结点，则其标记A不删除），把A附加到新结点n上并令NODE(A)=n。转处理下一四元式。

例：构造下列四元式序列的DAG图

(1) $T_0 := 3.14$

(2) $T_1 := 2 * T_0$

(3) $T_2 := R + r$

(4) $A := T_1 * T_2$

(5) $B := A$

(6) $T_3 := 2 * T_0$

(7) $T_4 := R + r$

(8) $T_5 := T_3 * T_4$

(9) $T_6 := R - r$

(10) $B := T_5 * T_6$

例：

(1) $T_0 := 3.14$ $\text{node}(T_0) = n1$

(2) $T_1 := 2 * T_0$

(3) $T_2 := R + r$

(4) $A := T_1 * T_2$

(5) $B := A$

(6) $T_3 := 2 * T_0$

(7) $T_4 := R + r$

(8) $T_5 := T_3 * T_4$

(9) $T_6 := R - r$

(10) $B := T_5 * T_6$

$\textcircled{n1}$ T_0
3.14
(a)

例：

(1) $T_0 := 3.14$ $\text{node}(T_0) = n1$

(2) $T_1 := 2 * T_0$ $\text{node}(T_1) = n2$

(3) $T_2 := R + r$

(4) $A := T_1 * T_2$

(5) $B := A$

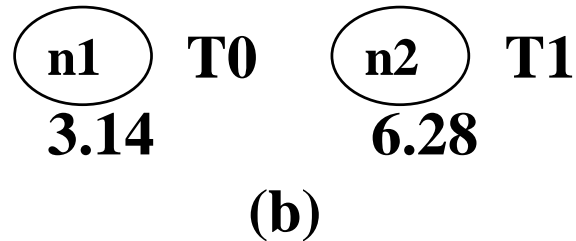
(6) $T_3 := 2 * T_0$

(7) $T_4 := R + r$

(8) $T_5 := T_3 * T_4$

(9) $T_6 := R - r$

(10) $B := T_5 * T_6$



例：

(1) $T_0 := 3.14$ $\text{node}(T_0) = n1$

(2) $T_1 := 2 * T_0$ $\text{node}(T_1) = n2$

(3) $T_2 := R + r$ $\text{node}(R) = n3$ $\text{node}(r) = n4$ $\text{node}(T_2) = n5$

(4) $A := T_1 * T_2$

(5) $B := A$

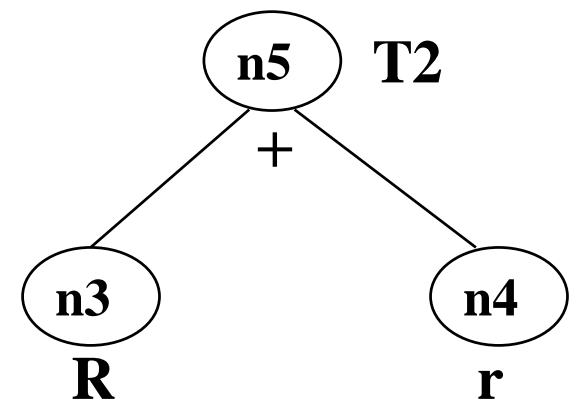
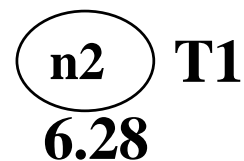
(6) $T_3 := 2 * T_0$

(7) $T_4 := R + r$

(8) $T_5 := T_3 * T_4$

(9) $T_6 := R - r$

(10) $B := T_5 * T_6$



(c)

例：

(1) $T_0 := 3.14$ $\text{node}(T_0) = n1$

(2) $T_1 := 2 * T_0$ $\text{node}(T_1) = n2$

(3) $T_2 := R + r$ $\text{node}(R) = n3$ $\text{node}(r) = n4$ $\text{node}(T_2) = n5$

(4) $A := T_1 * T_2$ $\text{node}(A) = n6$

(5) $B := A$

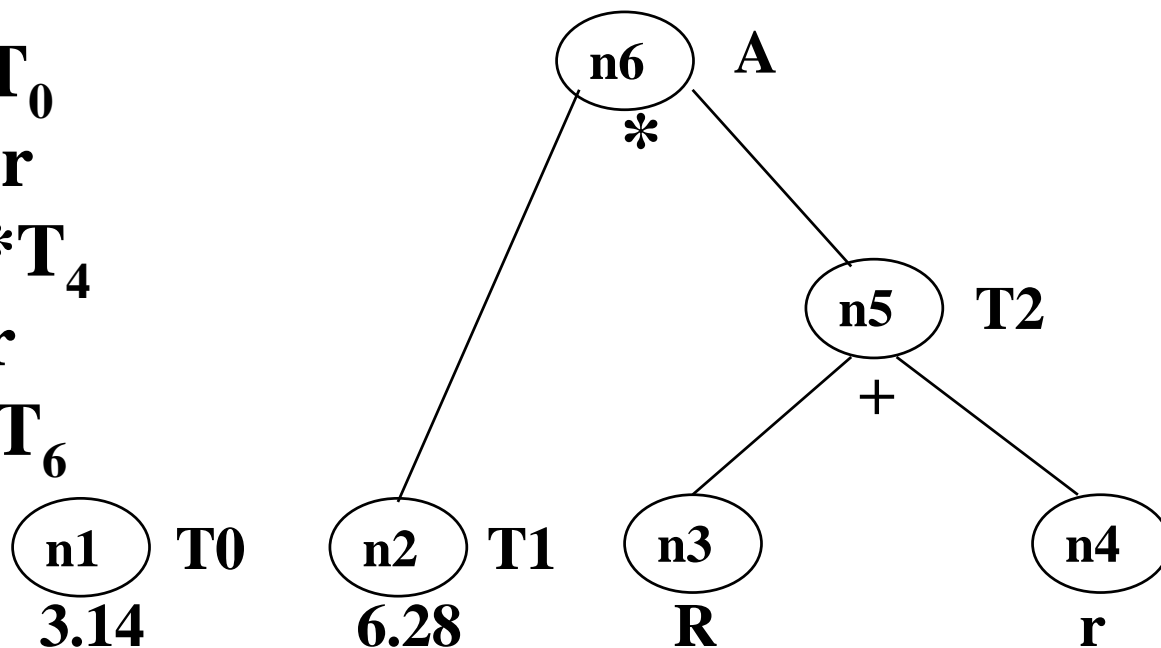
(6) $T_3 := 2 * T_0$

(7) $T_4 := R + r$

(8) $T_5 := T_3 * T_4$

(9) $T_6 := R - r$

(10) $B := T_5 * T_6$



(d)

例：

(1) $T_0 := 3.14$ $\text{node}(T_0) = n1$

(2) $T_1 := 2 * T_0$ $\text{node}(T_1) = n2$

(3) $T_2 := R + r$ $\text{node}(R) = n3$ $\text{node}(r) = n4$ $\text{node}(T_2) = n5$

(4) $A := T_1 * T_2$ $\text{node}(A) = n6$

(5) $B := A$ $\text{node}(B) = n6$

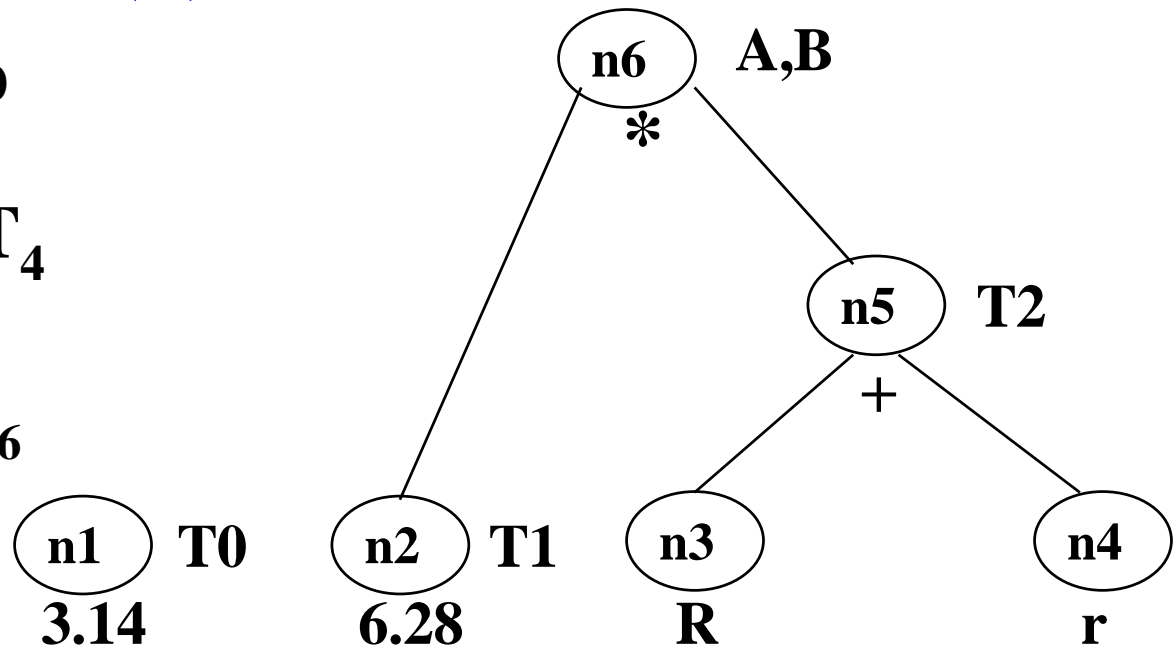
(6) $T_3 := 2 * T_0$

(7) $T_4 := R + r$

(8) $T_5 := T_3 * T_4$

(9) $T_6 := R - r$

(10) $B := T_5 * T_6$



(e)

例：

(1) $T_0 := 3.14$ $\text{node}(T_0) = n1$

(2) $T_1 := 2 * T_0$ $\text{node}(T_1) = n2$

(3) $T_2 := R + r$ $\text{node}(R) = n3$ $\text{node}(r) = n4$ $\text{node}(T_2) = n5$

(4) $A := T_1 * T_2$ $\text{node}(A) = n6$

(5) $B := A$ $\text{node}(B) = n6$

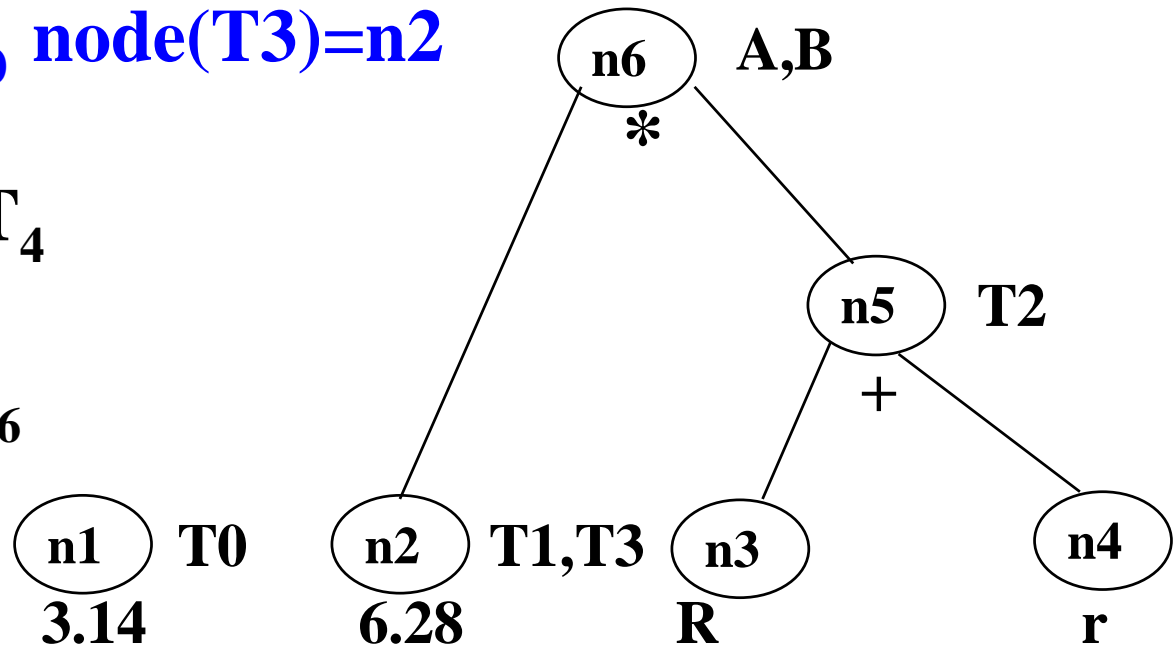
(6) $T_3 := 2 * T_0$ $\text{node}(T_3) = n2$

(7) $T_4 := R + r$

(8) $T_5 := T_3 * T_4$

(9) $T_6 := R - r$

(10) $B := T_5 * T_6$



(f)

例：

(1) $T_0 := 3.14$ $\text{node}(T_0) = n1$

(2) $T_1 := 2 * T_0$ $\text{node}(T_1) = n2$

(3) $T_2 := R + r$ $\text{node}(R) = n3$ $\text{node}(r) = n4$ $\text{node}(T_2) = n5$

(4) $A := T_1 * T_2$ $\text{node}(A) = n6$

(5) $B := A$ $\text{node}(B) = n6$

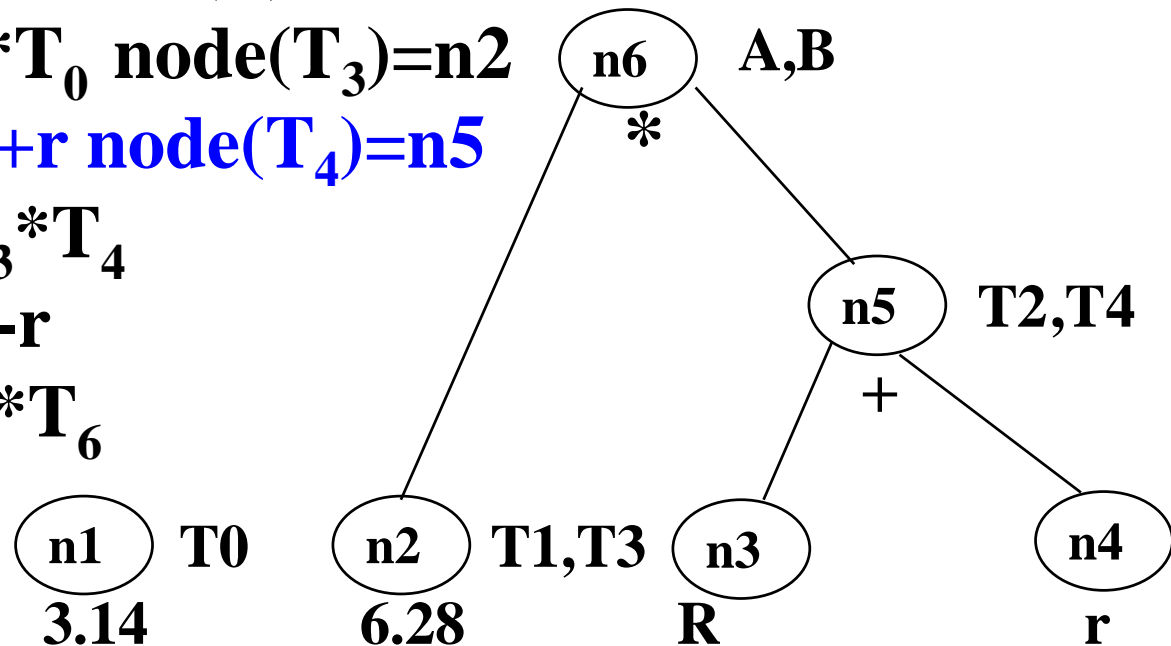
(6) $T_3 := 2 * T_0$ $\text{node}(T_3) = n2$

(7) $T_4 := R + r$ $\text{node}(T_4) = n5$

(8) $T_5 := T_3 * T_4$

(9) $T_6 := R - r$

(10) $B := T_5 * T_6$



(g)

例：

(1) $T_0 := 3.14$ $\text{node}(T_0) = n1$

(2) $T_1 := 2 * T_0$ $\text{node}(T_1) = n2$

(3) $T_2 := R + r$ $\text{node}(R) = n3$ $\text{node}(r) = n4$ $\text{node}(T_2) = n5$

(4) $A := T_1 * T_2$ $\text{node}(A) = n6$

(5) $B := A$ $\text{node}(B) = n6$

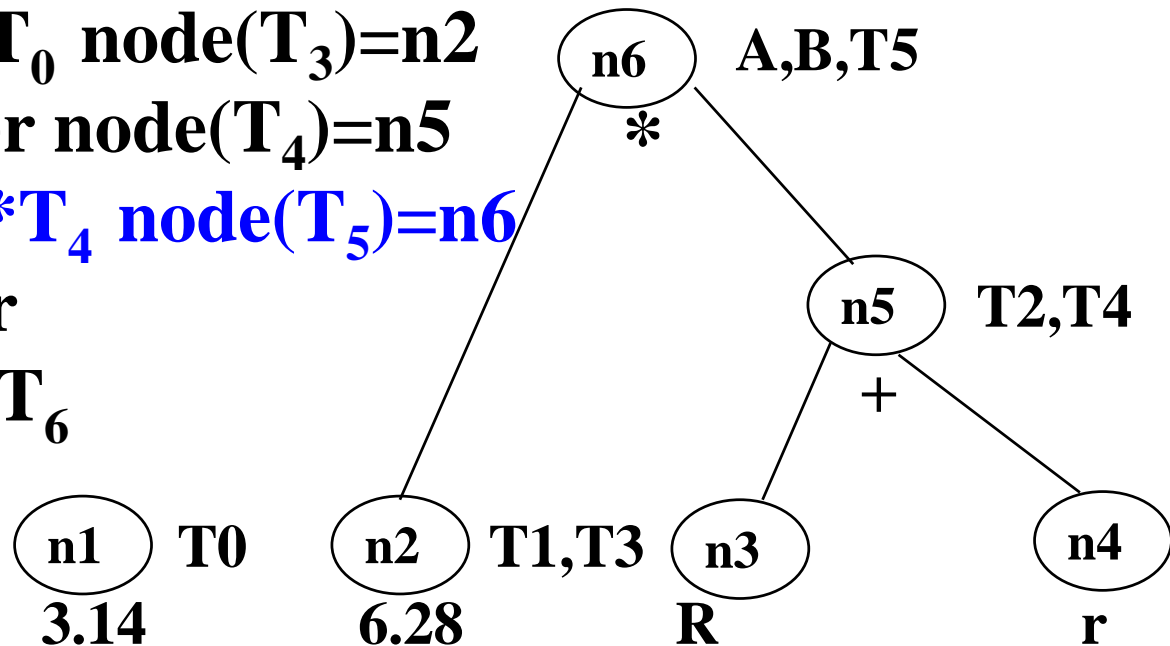
(6) $T_3 := 2 * T_0$ $\text{node}(T_3) = n2$

(7) $T_4 := R + r$ $\text{node}(T_4) = n5$

(8) $T_5 := T_3 * T_4$ $\text{node}(T_5) = n6$

(9) $T_6 := R - r$

(10) $B := T_5 * T_6$



(h)

例：

(1) $T_0 := 3.14$

(2) $T_1 := 2 * T_0$

(3) $T_2 := R + r$

(4) $A := T_1 * T_2$

(5) $B := A$

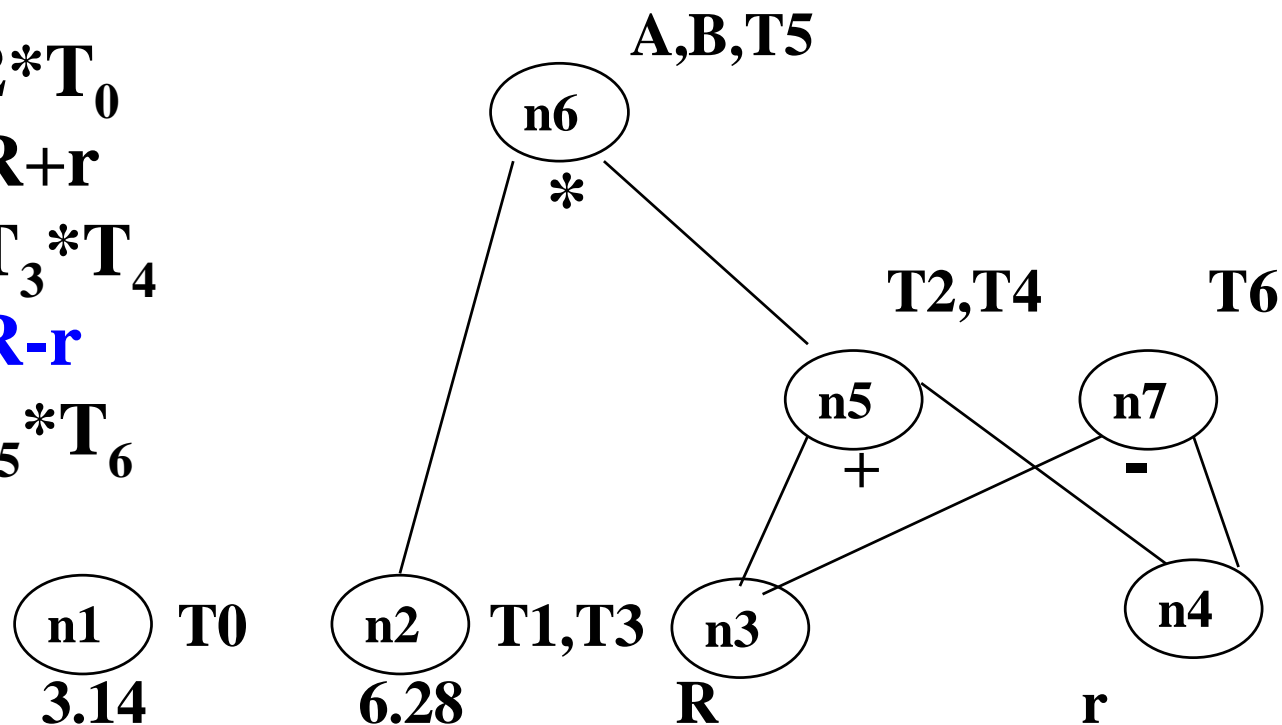
(6) $T_3 := 2 * T_0$

(7) $T_4 := R + r$

(8) $T_5 := T_3 * T_4$

(9) $T_6 := R - r$

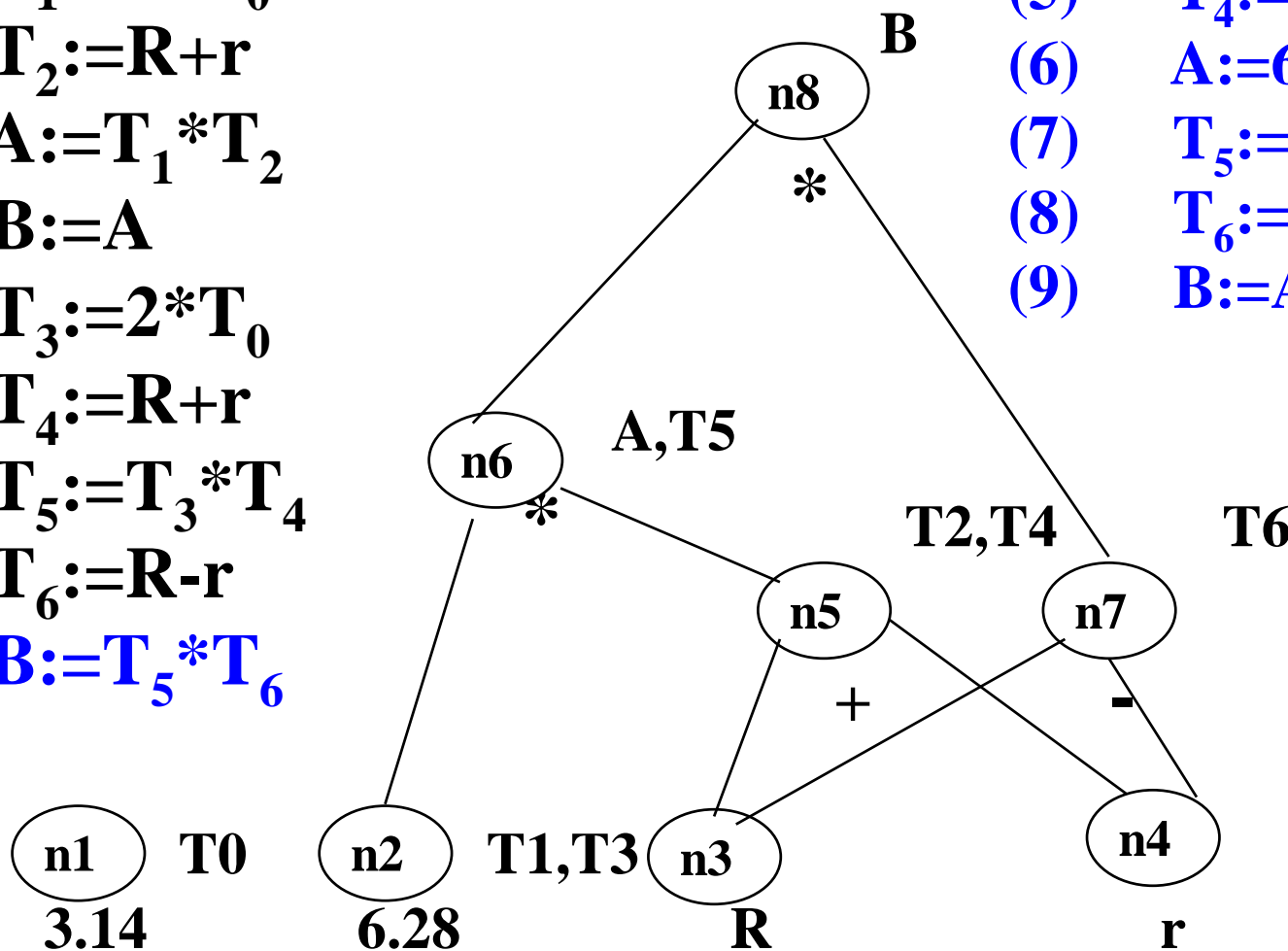
(10) $B := T_5 * T_6$



例：

- (1) $T_0 := 3.14$
- (2) $T_1 := 2 * T_0$
- (3) $T_2 := R + r$
- (4) $A := T_1 * T_2$
- (5) $B := A$
- (6) $T_3 := 2 * T_0$
- (7) $T_4 := R + r$
- (8) $T_5 := T_3 * T_4$
- (9) $T_6 := R - r$
- (10) $B := T_5 * T_6$

- (1) $T_0 := 3.14$
- (2) $T_1 := 6.28$
- (3) $T_3 := 6.28$
- (4) $T_2 := R + r$
- (5) $T_4 := T_2$
- (6) $A := 6.28 * T_2$
- (7) $T_5 := A$
- (8) $T_6 := R - r$
- (9) $B := A * T_6$



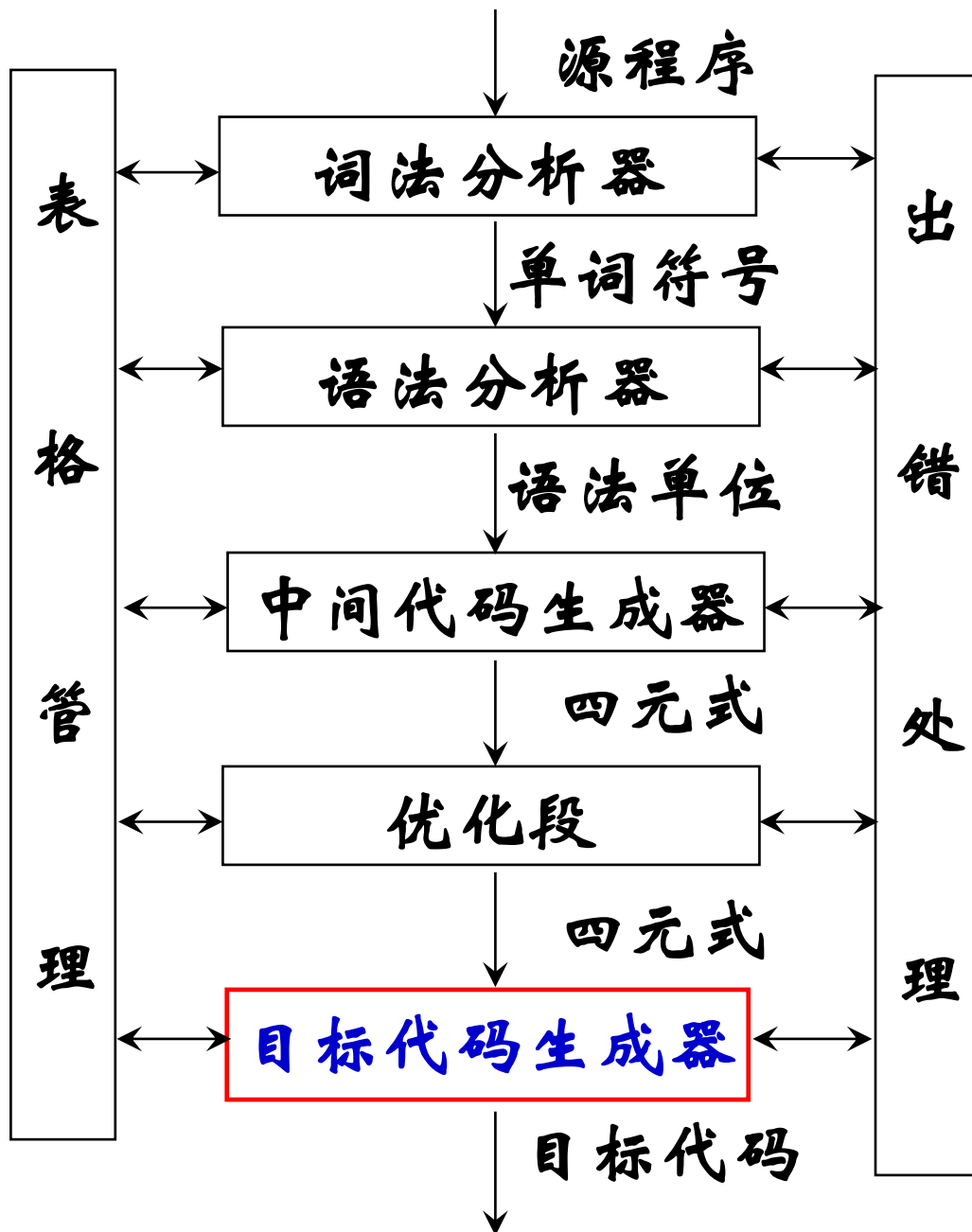
(j)

第十章 目标代码生成

- 10.1 概念
- 10.2 目标机器模型
- 10.3 一个简单的代码生成器

10.1 概念

- **代码生成**是把语法分析后或优化后的中间代码变换成目标代码。
- 目标代码一般有以下三种形式：
 - **能够立即执行的机器语言代码**，所有地址已经定位；
 - **待装配的机器语言模块**。执行时，由连接装配程序把它们和某些运行程序连接起来，转换成能执行的机器语言代码；
 - **汇编语言代码**。尚须经过汇编程序汇编，转换成可执行的机器语言代码。



10.1 概念

- 代码生成着重考虑的问题：
 - 如何使生成的目标代码较短；
 - 如何充分利用计算机的寄存器，减少目标代码中访问存贮单元的次数。
 - 如何充分利用计算机的指令系统的特点。

10.1 概念

- 设计代码生成器时要考虑的一般问题：
 - 代码生成器的输入
 - 代码生成器的输入包括源程序的中间表示，以及符号表中的信息
 - 类型检查
 - 目标程序
 - 绝对机器代码、可再定位机器语言、汇编语言
 - 指令选择
 - 寄存器分配
 - 计算顺序选择

10.2 目标机器模型

- 考虑一个抽象的计算机模型
 - 具有多个通用寄存器，他们既可以作为累加器，也可以作为变址器。
 - 运算必须在某个寄存器中进行。
 - 含有四种类型的指令形式

10.2 目标机器模型

类 型	指令形式	意义(设 op 是二目运算符)
直接地址型	op R_i, M	$(R_i) \text{ op } (M) \Rightarrow R_i$
寄存器型	op R_i, R_j	$(R_i) \text{ op } (R_j) \Rightarrow R_i$
变址型	op $R_i, c(R_j)$	$(R_i) \text{ op } ((R_i)+c) \Rightarrow R_i$
间接型	op $R_i, *M$	$(R_i) \text{ op } ((M)) \Rightarrow R_i$
	op $R_i, *R_j$	$(R_i) \text{ op } ((R_j)) \Rightarrow R_i$
	op $R_i, *c(R_j)$	$(R_i) \text{ op } (((R_j)+c)) \Rightarrow R_i$

- op包括常见的一些运算符，如ADD(加)、SUB(减)、MUL(乘)、DIV(除)
- 如果op是一目运行符，则“op R_i, M ”的意义为：
 $\text{op } (M) \Rightarrow R_i$ ，其余类型可类推。

指 令	意 义
LD R_i, B	把 B 单元的内容取到寄存器 R_i , 即 $(B) \Rightarrow R_i$ 。
ST R_i, B	把寄存器 R_i 的内容存到 B 单元, 即 $(R_i) \Rightarrow B$ 。
J X	无条件转向 X 单元。
CMP A, B	把 A 单元和 B 单元的值进行比较, 根据比较情况把机器内部特征寄存器 CT 置成相应状态。CT 占两个二进制位。根据 $A < B$ 分别置 CT 为 0 或 1 或 2。
J < X	如 CT=0 转 X 单元
J ≤ X	如 CT=0 或 CT=1 转 X 单元
J = X	如 CT=1 转 X 单元
J ≠ X	如 CT ≠ 1 转 X 单元
J > X	如 CT=2 转 X 单元
J ≥ X	如 CT=2 或 CT=1 转 X 单元

10.3 一个简单的代码生成器

- 不考虑代码的执行效率，目标代码生成是不难的，例如：
 - $A := (B + C) * D + E$
- 翻译为四元式：
 - $T_1 := B + C$
 - $T_2 := T_1 * D$
 - $T_3 := T_2 + E$
 - $A := T_3$

■ 假设只有一个寄存器可供使用

● 四元式

$T_1 := B + C$

$T_2 := T_1 * D$

$T_3 := T_2 + E$

$A := T_3$

● 目标代码:

LD R_0, B

ADD R_0, C

ST R_0, T_1

LD R_0, T_1

MUL R_0, D

ST R_0, T_2

LD R_0, T_2

ADD R_0, E

ST R_0, T_3

LD R_0, T_3

ST R_0, A

■ 假设 T_1, T_2, T_3 在基本块之后不再引用:

LD R_0, B

ADD R_0, C

MUL R_0, D

ADD R_0, E

ST R_0, A

10.3 一个简单的代码生成器

■ 一般做法：

依次把每条中间代码变换成目标代码，并在一个基本块的范围内考虑如何充分利用寄存器：

- 在生成计算某变量值的目标代码时，尽可能让该变量保留在寄存器中。
- 后续的目标代码尽可能引用变量在寄存器中的值，而不访问内存。
- 在离开基本块时，把存在寄存器中的现行的值放到主存中。