

«Дифференцирование головного мозга и матана»

Зарина Шарипова Б05-531

3 декабря 2025 г.



Содержание

1	Дифференцируем 1 раз	4
1.1	Попробуем упростить выражение	4
2	Дифференцируем 2 раз	5
2.1	Попробуем упростить выражение	6
3	Дифференцируем 3 раз	7
3.1	Попробуем упростить выражение	11
4	Значение 2 производной в точке	12
5	Значение выражения в точке	13
6	Разложим по формуле Тейлора в окрестности точки 1.000000	14
7	Чудесные графики чудесных функций!	15

Дифференцирование - задача непростая, поэтому этот ТЕХ окажется крайне полезным.

Было введено такое выражение:

$$\sin(15 \cdot x^3 + 3) + \cos(5 \cdot x + 2)^3$$



1 Дифференцируем 1 раз

Заметим, что
 $(x^3)' = 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1$

Очевидно, что
 $(15 \cdot x^3)' = 0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1$

Таким образом, получаем
 $(15 \cdot x^3 + 3)' = 0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0$

Нетрудно получить, что
 $(\sin(15 \cdot x^3 + 3))' = \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0)$

После нескольких тривиальных переходов

$$(5 \cdot x)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1$$

Проведя мысленный эксперимент, нетрудно убедиться, что

$$(5 \cdot x + 2)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0$$

В свете вышесказанного становится ясно, что
 $(\cos(5 \cdot x + 2))' = (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$

Интуитивно понятно, что
 $(\cos(5 \cdot x + 2)^3)' = 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^{(3-1)} \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$

Опуская промежуточные преобразования, приходим к

$$(\sin(15 \cdot x^3 + 3) + \cos(5 \cdot x + 2)^3)' =$$

$$\cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0) + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^{(3-1)} \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$$

Пристально взглянувшись, можно увидеть, что
 $\frac{df}{dx} = \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0) + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^{(3-1)} \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$

1.1 Попробуем упростить выражение

Следовательно

$$\frac{df}{dx} = \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^2 \cdot 1 + 0) + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 + 0)$$

Отсюда непосредственно

$$\frac{df}{dx} = \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5$$

2 Дифференцируем 2 раз

Продолжая упрощения
 $(x^3)' = 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1$

Упрощая выражение
 $(15 \cdot x^3)' = 0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1$

Без особого труда видим
 $(15 \cdot x^3 + 3)' = 0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0$

Легко проверить, что
 $(\cos(15 \cdot x^3 + 3))' = (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0)$

По очевидным причинам
 $(x^2)' = 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1$

Естественно следует
 $(3 \cdot x^2)' = 0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1$

Приведём к виду
 $(15 \cdot 3 \cdot x^2)' = 0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1)$

Проще всего записать
 $(\cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2)' =$
 $(-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1))$

В частности
 $(5 \cdot x)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1$

Из проведённых выкладок
 $(5 \cdot x + 2)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0$

Подставляя значения
 $(\cos(5 \cdot x + 2))' = (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$

С учётом этого
 $(\cos(5 \cdot x + 2)^2)' = 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^{(2-1)} \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$

Далее очевидно
 $(3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2)' = 0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^{(2-1)} \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$

Вычислим по частям
 $(5 \cdot x)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1$

Сокращая общие множители
 $(5 \cdot x + 2)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0$

Упростив левую часть

$$(\sin(5 \cdot x + 2))' = \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$$

Путём нетрудных преобразований

$$((-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2))' = 0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$$

Заметим, что

$$((-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5)' = (0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0$$

Очевидно, что

$$(3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5)' =$$

$$(0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^{(2-1)} \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot ((0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0)$$

Таким образом, получаем

$$(\cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5)' =$$

$$(-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1)) + (0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^{(2-1)} \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot ((0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0)$$

Нетрудно получить, что

$$\frac{df}{dx} = (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1)) + (0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^{(2-1)} \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot ((0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0)$$

2.1 Попробуем упростить выражение

После нескольких тривиальных переходов

$$\frac{df}{dx} = (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^2 \cdot 1 + 0) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^1 \cdot 1)) + (0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^1 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 + 0)) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot ((0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0)$$

Проведя мысленный эксперимент, нетрудно убедиться, что

$$\frac{df}{dx} = (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 5$$

3 Дифференцируем 3 раз

В свете вышесказанного становится ясно, что

$$(x^3)' = 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1$$

Интуитивно понятно, что

$$(15 \cdot x^3)' = 0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1$$

Опуская промежуточные преобразования, приходим к

$$(15 \cdot x^3 + 3)' = 0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0$$

Пристально взглянувшись, можно увидеть, что

$$(\sin(15 \cdot x^3 + 3))' = \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0)$$

Следовательно

$$((-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3))' = 0 \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) + (-1) \cdot \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0)$$

Отсюда непосредственно

$$(x^2)' = 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1$$

Продолжая упрощения

$$(3 \cdot x^2)' = 0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1$$

Упрощая выражение

$$(15 \cdot 3 \cdot x^2)' = 0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1)$$

Без особого труда видим

$$((-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2)' = (0 \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) + (-1) \cdot \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0)) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1))$$

Легко проверить, что

$$(x^2)' = 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1$$

По очевидным причинам

$$(3 \cdot x^2)' = 0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1$$

Естественно следует

$$(15 \cdot 3 \cdot x^2)' = 0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1)$$

Приведём к виду

$$((-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2)' =$$

$$((0 \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) + (-1) \cdot \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0)) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1))) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 \cdot (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1))$$

Проще всего записать

$$(x^3)' = 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1$$

В частности

$$(15 \cdot x^3)' = 0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1$$

Из проведённых выкладок
 $(15 \cdot x^3 + 3)' = 0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0$

Подставляя значения
 $(\cos(15 \cdot x^3 + 3))' = (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0)$

С учётом этого
 $(2 \cdot x)' = 0 \cdot x + 2 \cdot 1$

Далее очевидно
 $(3 \cdot 2 \cdot x)' = 0 \cdot 2 \cdot x + 3 \cdot (0 \cdot x + 2 \cdot 1)$

Вычислим по частям
 $(15 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x)' = 0 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x + 15 \cdot (0 \cdot 2 \cdot x + 3 \cdot (0 \cdot x + 2 \cdot 1))$

Сокращая общие множители
 $(\cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x)' = (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0) \cdot 15 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x +$
 $\cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x + 15 \cdot (0 \cdot 2 \cdot x + 3 \cdot (0 \cdot x + 2 \cdot 1)))$

Упростив левую часть
 $((-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x)' =$
 $((0 \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) + (-1) \cdot \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0)) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1))) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 \cdot (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1)) + (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0) \cdot 15 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x + \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x + 15 \cdot (0 \cdot 2 \cdot x + 3 \cdot (0 \cdot x + 2 \cdot 1)))$

Путём нетрудных преобразований
 $(5 \cdot x)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1$

Заметим, что
 $(5 \cdot x + 2)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0$

Очевидно, что
 $(\cos(5 \cdot x + 2))' = (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$

Таким образом, получаем
 $(2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2))' = 0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) + 2 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$

Нетрудно получить, что
 $(5 \cdot x)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1$

После нескольких тривиальных переходов
 $(5 \cdot x + 2)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0$

Проведя мысленный эксперимент, нетрудно убедиться, что
 $(\sin(5 \cdot x + 2))' = \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$

В свете вышесказанного становится ясно, что
 $((-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2))' = 0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$

Интуитивно понятно, что

$$((-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5)' = (0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0$$

Опуская промежуточные преобразования, приходим к

$$(2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5)' = (0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) + 2 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot ((0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0)$$

Пристально взглянувшись, можно увидеть, что

$$(3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5)' =$$

$$0 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot ((0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) + 2 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot ((0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0))$$

Следовательно

$$(5 \cdot x)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1$$

Отсюда непосредственно

$$(5 \cdot x + 2)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0$$

Продолжая упрощения

$$(\sin(5 \cdot x + 2))' = \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$$

Упрощая выражение

$$((-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2))' = 0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$$

Без особого труда видим

$$((-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5)' = (0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0$$

Легко проверить, что

$$(3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5)' = (0 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot ((0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) + 2 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot ((0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0)) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot ((0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0))$$

По очевидным причинам

$$(5 \cdot x)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1$$

Естественно следует

$$(5 \cdot x + 2)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0$$

Приведём к виду

$$(\cos(5 \cdot x + 2))' = (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$$

Проще всего записать

$$(\cos(5 \cdot x + 2)^2)' = 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^{(2-1)} \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$$

В частности

$$(3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2)' = 0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^{(2-1)} \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)$$

Из проведённых выкладок

$$(5 \cdot x)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1$$

$$(5 \cdot x + 2)' = 0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0$$

С учётом этого

Далее очевидно

$$((-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5)' = 0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + (-1) \cdot ((-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 0$$

$$((-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 5)' =$$

$$(0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + (-1) \cdot ((-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0) \cdot 5 + \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 0$$

Упростив левую часть

$$(3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 5)' = (0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^{(2-1)} \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 5 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot ((0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + (-1) \cdot ((-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0) \cdot 5 + \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 0)$$

Путём нетрудных преобразований

$$\begin{aligned}
& (3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 5)' = \\
& (0 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot ((0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) + 2 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot \\
& (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot ((0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \\
& \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0))) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot ((0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \\
& \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0) + (0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^{(2-1)} \cdot \\
& (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 5 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot ((0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot \\
& 5 + (-1) \cdot ((-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0) \cdot 5 + \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 0)
\end{aligned}$$

Заметим, что

$$\begin{aligned}
& ((-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot \\
& (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 5)' = \\
& ((0 \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) + (-1) \cdot \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0)) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot \\
& (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1))) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 \cdot (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot \\
& x^{(2-1)} \cdot 1)) + (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0) \cdot 15 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x + \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x + 15 \cdot (0 \cdot \\
& 2 \cdot x + 3 \cdot (0 \cdot x + 2 \cdot 1))) + (0 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot ((0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) + 2 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + \\
& 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot ((0 \cdot \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + \\
& 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0))) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot ((0 \cdot \\
& \sin(5 \cdot x + 2) + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 0) + (0 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 + 3 \cdot 2 \cdot \\
& \cos(5 \cdot x + 2)^{(2-1)} \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0)) \cdot (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 5 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot ((0 \cdot \\
& \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + (-1) \cdot ((-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot (0 \cdot x + 5 \cdot 1 + 0) \cdot 5 + \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 0)) \cdot 5 + (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 0)
\end{aligned}$$

Очевидно, что

$$\frac{df}{dx} = ((0 \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) + (-1) \cdot \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot x^3 + 15 \cdot 3 \cdot x^{(3-1)} \cdot 1 + 0)) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1))) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + (-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 \cdot (0 \cdot 3 \cdot x^2 + 15 \cdot (0 \cdot x^2 + 3 \cdot 2 \cdot x^{(2-1)} \cdot 1)))$$

4 Значение 2 производной в точке

В свете вышесказанного становится ясно, что при $x = 3.000000$

$$(-1) \cdot \sin(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + \cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot 2 \cdot x + 3 \cdot 2 \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot (-1) \\ \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot (-1) \cdot \cos(5 \cdot x + 2) \cdot 5 \cdot 5 = 65148.435060$$

5 Значение выражения в точке

Интуитивно понятно, что при $x = 1.000000$

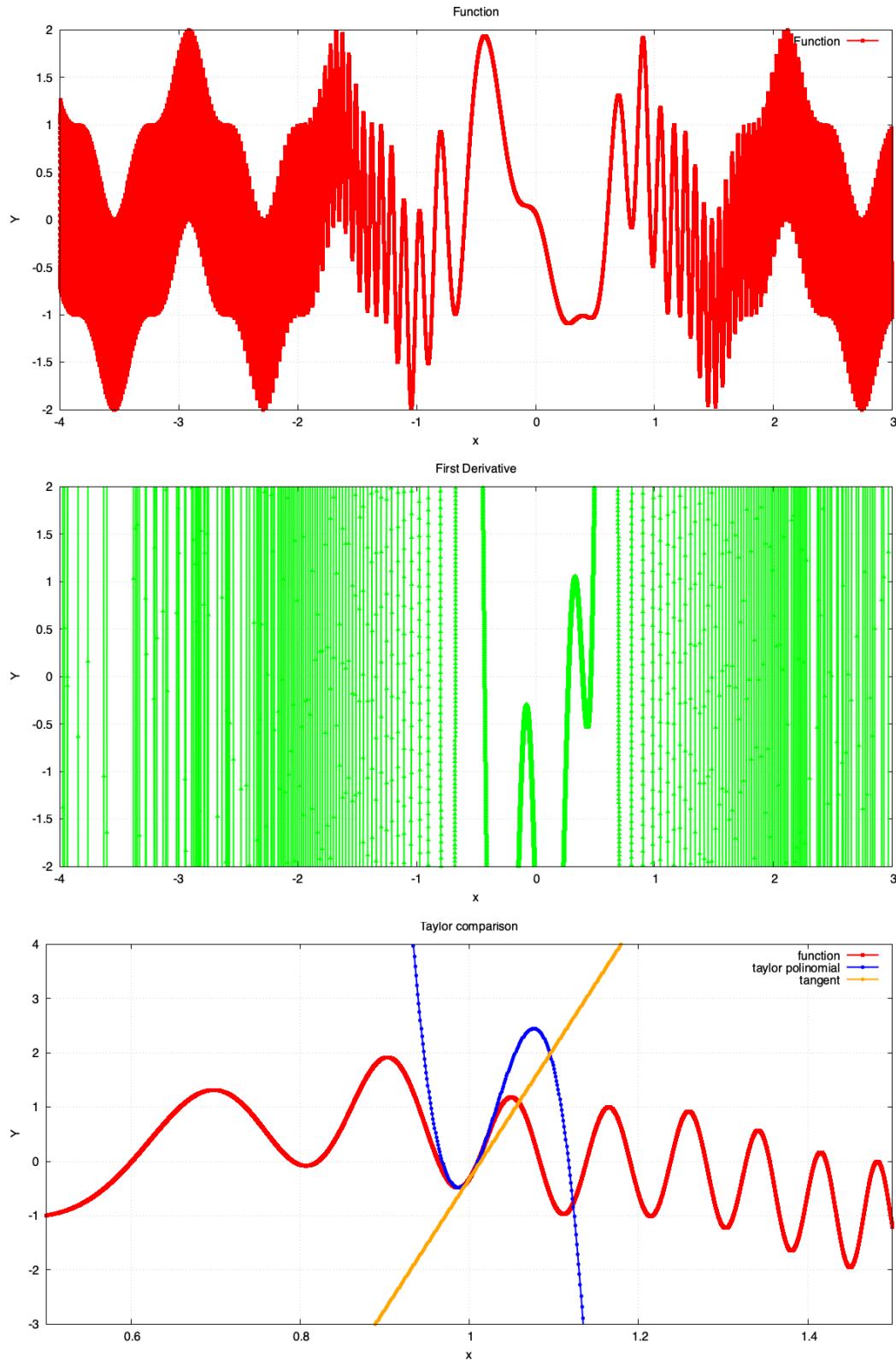
$$\sin(15 \cdot x^3 + 3) + \cos(5 \cdot x + 2)^3 = -0.322493$$

6 Разложим по формуле Тейлора в окрестности точки 1.000000

Опуская промежуточные преобразования, приходим к
 $\frac{df}{dx} = -0.322493 + 24.113093 \cdot (x - 1) + 798.425891 \cdot (x - 1)^2 + (-8369.985966) \cdot (x - 1)^3$

$$f(x) = -0.322493 + 24.113093 \cdot (x - 1) + 798.425891 \cdot (x - 1)^2 + (-8369.985966) \cdot (x - 1)^3 + o((x - 1)^3)$$

7 Чудесные графики чудесных функций!



Красный:

$$\sin(15 \cdot x^3 + 3) + \cos(5 \cdot x + 2)^3$$

Зеленый:

$$\cos(15 \cdot x^3 + 3) \cdot 15 \cdot 3 \cdot x^2 + 3 \cdot \cos(5 \cdot x + 2)^2 \cdot (-1) \cdot \sin(5 \cdot x + 2) \cdot 5$$

Голубой:

$$-0.322493 + 24.113093 \cdot (x - 1) + 798.425891 \cdot (x - 1)^2 + (-8369.985966) \cdot (x - 1)^3$$

Теперь страшное слово под названием **ДИФФЕРЕНЦИРОВАНИЕ** пугает не так сильно.

Смелее закрывайте этот **ТЕХ**, и будет вам счастье!!

