

Muestre que la función $f(x, y) = \frac{2x^2y}{x^4+y^2}$ no tiene límite cuando (x, y) tiende a $(0, 0)$

TRAY 1: $x=0$

TRAY 2: $y=0$

$$x=0$$

$$f(0, y) = \frac{2 \cdot 0^2 \cdot y}{0^4 + y^2} = \frac{0}{y^2} = 0$$

$$f(x, y) \rightarrow 0 \text{ cuando } y \rightarrow 0$$

TRAY 2 $y=0$

$$f(x, 0) = \frac{2x^2 \cdot 0}{x^4 + 0^2} = \frac{0}{x^4} = 0$$

$$f(x, y) = 0 \text{ cuando } x \rightarrow 0$$

TRAY 3 $y=x^2$

$$f(x, x^2) = \frac{2x^2 \cdot x^2}{x^4 + (x^2)^2} = \frac{2x^4}{2x^4} = 1$$

$$y=x^2, f(x, y) \rightarrow 1 \text{ cuando } x \rightarrow 0$$

$$\lim_{(x,y) \rightarrow (0,0)} f(x, y) \text{ no existe}$$