

Resuelva la ecuación diferencial e indique la solución del mismo  $x \frac{dy}{dx} - (1+x)y = xy^2$

$$\frac{dy}{dx} + P(x)y - Q(x)y^n$$

$$x \frac{dy}{dx} - (1+x)y = xy^2$$

$$\frac{dy}{dx} - \frac{1+x}{x}y = y^2$$

$$P(x) = -\frac{1+x}{x}, Q(x) = 1, n = 2$$

$$y^{-2} \frac{dy}{dx} - \frac{1+x}{x} y^{-1} = 1$$

$$-\frac{dv}{dx} - \frac{1+x}{x}v = 1$$

$$\frac{dv}{dx} + \frac{1+x}{x}v = -1$$

$$v = y^{-1}$$

$$\frac{dv}{dx} = -y^{-2} \frac{dy}{dx}$$

$$e^{\int \frac{1+x}{x} dx} = e^{\ln x + x} = xe^x$$

$$xe^x \frac{dv}{dx} + (1+x)e^x v = -xe^x$$

$$\frac{d}{dx}(xe^x v) = -xe^x$$

$$xe^x v = -\int xe^x dx$$

$$\int xe^x dx = xe^x - e^x + c$$

$$xe^x v = -xe^x + e^x + c$$

$$v = \frac{-xe^x + e^x + c}{xe^x}$$

$$y^{-1} = \frac{-xe^x + e^x + c}{xe^x}$$

$$y = \frac{xe^x}{-xe^x + e^x + c}$$

Resuelva la ecuación diferencial dada e indique su solución  $\frac{dy}{dx} + 2xy^2 = 0$

$$\frac{dy}{dx} = -2xy^2$$

$$\int \frac{dy}{y^2} = \int -2x dx$$

$$\int y^{-2} dy = -\frac{2x^2}{2}$$

$$-y^{-1} = -x^2 + C$$

$$\frac{1}{y} = x^2 + C$$

$$y = \frac{1}{x^2 + C}$$

La población de un pueblo crece con una razón proporcional a la población en el tiempo  $t$ . La población inicial de 500 aumenta 15% en 10 años. ¿Cuál será la población pasados 30 años?

$$\frac{dp}{dt} = kp$$

Donde  $p(t)$  = Población en el tiempo  
 $k$  constante proporcional

$$\int \frac{dp}{p} = \int k dt$$

$$\ln p = kt + C$$

$$p = e^{kt+C} = e^C e^{kt}$$

$$p(0) = 500$$

$$p(t) = 500 e^{kt}$$

$$p(10) = 500(1.15) = 575$$

$$575 = 500 e^{10k}$$

$$\frac{575}{500} = e^{10k}$$

$$1.15 = e^{10k}$$

$$\ln(1.15) = 10k$$

$$k = \frac{0.1398}{10} = 0.01398$$

$$P(30) = 500 e^{0.01398(30)}$$

$$P(30) = 500 e^{0.4194}$$

$$P(30) = 500 (1.5211)$$

$$P(30) = 760.55$$