

OTIMIZADOR DE ROTAS COM INTELIGÊNCIA ARTIFICIAL

Algoritmo Genético para Solução do
Problema de Roteamento de Veículos (VRP)

TECH CHALLENGE - FASE 2

Grupo "Sala 14"

Adriana Martins de Souza - RM 368050
Diego Oliveira da Silva RM 367964
Eduardo Nicola F. Zagari - RM 368021
Renan de Assis Torres - RM 368513

São Paulo

Janeiro de 2026

Grupo "Sala 14"

OTIMIZADOR DE ROTAS COM INTELIGÊNCIA ARTIFICIAL

Documentação Técnica do Algoritmo Genético para
Solução do TSP e VRP em Entregas Hospitalares

Relatório técnico apresentado como parte dos
requisitos para aprovação no Tech Challenge
da Fase 2 do curso de Pós-Graduação em In-
teligência Artificial para Devs da FIAP.

Orientador: Prof. Sérgio Polimante

São Paulo

Janeiro de 2026

Disponibilização do Código e Materiais

Todo o código desenvolvido neste projeto do algoritmo genético para resolver o problema de roteamento e da integração com IA Generativa, bem como esta documentação e o link para o vídeo demonstrativo estão disponíveis publicamente em:

GitHub: <https://github.com/Zagari/routing-optimizer-ai>

Conteúdo Disponível:

- Conjuntos de endereços de teste (CSV) utilizados no projeto
- Código-fonte completo do Algoritmo Genético em Python
- Código-fonte da integração com IA Generativa (OpenAI API)
- Aplicação Streamlit para visualização interativa do Algoritmo Genético e da IA Generativa
- Este Relatório Técnico completo em PDF

Documentação:

- README completo com instruções de uso
- Este Relatório Técnico em formato PDF

Vídeo demonstrativo: [\[Link para vídeo demonstrativo do sistema\]](#)

Chave OpenAI: necessário usar chave própria para executar a integração com IA Generativa ou solicitá-la via Discord aos integrantes do grupo:

Adriana Martins de Souza - RM 368050

Diego Oliveira da Silva RM 367964

Eduardo Nicola F. Zagari - RM 368021

Renan de Assis Torres - RM 368513

Licença: MIT License (código aberto para fins educacionais e de pesquisa)

Resumo

Este documento apresenta a documentação técnica completa do Algoritmo Genético implementado para resolver o Problema do Caixeiro Viajante (TSP) e o Problema de Roteamento de Veículos (VRP). O projeto foi desenvolvido como parte do Tech Challenge da Fase 2 do curso de Pós-Graduação em Inteligência Artificial para Devs da FIAP.

O Algoritmo Genético (AG) é uma metaheurística inspirada na evolução natural, capaz de encontrar boas soluções para problemas de otimização combinatória em tempo razoável. A implementação inclui operadores genéticos especializados: seleção por torneio, Order Crossover (OX) e Partially Mapped Crossover (PMX), quatro tipos de mutação (swap_within, swap_between, reverse e relocate), além de estratégias de elitismo para preservar as melhores soluções.

O sistema foi projetado para otimizar rotas de entregas hospitalares, considerando múltiplas restrições práticas: capacidade de carga dos veículos (200 kg), autonomia de deslocamento (1500 px), e prioridades de entrega (crítico, urgente, normal). A função de fitness combina distância total com penalidades ponderadas para violações de restrições: 1000x para excesso de capacidade, 50x/20x para prioridades incorretas, e 100x por veículo utilizado.

Os parâmetros padrão do algoritmo incluem: população de 200 indivíduos, probabilidade de mutação de 60%, máximo de 1000 gerações, torneio de tamanho 5, e preservação dos 10% melhores indivíduos por elitismo. A implementação está disponível em duas versões: uma enhanced com visualização Pygame para fins didáticos, e uma refatorada com interface OOP (classe VRPSolver) para integração em sistemas de produção.

Adicionalmente, o sistema integra capacidades de IA Generativa através da API da OpenAI, utilizando o modelo gpt-4o-mini. A classe RouteAssistant oferece quatro funcionalidades principais: geração de instruções detalhadas para motoristas, relatórios profissionais de eficiência, chat interativo sobre as rotas otimizadas, e correção inteligente de endereços com falha de geocodificação. Esta integração demonstra a complementaridade entre técnicas de otimização clássicas e Large Language Model (LLM) modernos.

Palavras-chave: Algoritmo Genético; TSP; VRP; Otimização Combinatória; Metaheurística; Roteamento de Veículos; IA Generativa; LLM.

Abstract

This document presents the complete technical documentation of the Genetic Algorithm implemented to solve the Traveling Salesman Problem (TSP) and the Vehicle Routing Problem (VRP). The project was developed as part of Phase 2 Tech Challenge of the Postgraduate course in Artificial Intelligence for Developers at FIAP.

The Genetic Algorithm (GA) is a metaheuristic inspired by natural evolution, capable of finding good solutions for combinatorial optimization problems in reasonable time. The implementation includes specialized genetic operators: tournament selection, Order Crossover (OX) and Partially Mapped Crossover (PMX), four mutation types (swap_within, swap_between, reverse, and relocate), plus elitism strategies to preserve the best solutions.

The system was designed to optimize hospital delivery routes, considering multiple practical constraints: vehicle load capacity (200 kg), travel autonomy (1500 px), and delivery priorities (critical, urgent, normal). The fitness function combines total distance with weighted penalties for constraint violations: 1000x for capacity excess, 50x/20x for incorrect priorities, and 100x per vehicle used.

Default algorithm parameters include: population of 200 individuals, 60% mutation probability, maximum of 1000 generations, tournament size of 5, and preservation of the top 10% individuals through elitism. The implementation is available in two versions: an enhanced one with Pygame visualization for educational purposes, and a refactored one with OOP interface (VRPSolver class) for production system integration.

Additionally, the system integrates Generative AI capabilities through the OpenAI API, using the `gpt-4o-mini` model. The `RouteAssistant` class provides four main functionalities: detailed driver instruction generation, professional efficiency reports, interactive chat about optimized routes, and intelligent address correction for geocoding failures. This integration demonstrates the complementarity between classical optimization techniques and modern Large Language Models (LLMs).

Keywords: Genetic Algorithm; TSP; VRP; Combinatorial Optimization; Metaheuristics; Vehicle Routing; Generative AI; LLM.

Sumário

Disponibilização do Código e Materiais	i
Resumo	ii
Abstract	iii
Lista de Abreviaturas e Siglas	viii
1 Introdução	1
1.1 Contexto e Motivação	1
1.2 O Problema do Caixeiro Viajante (TSP)	1
1.3 O Problema de Roteamento de Veículos (VRP)	2
1.4 Por que usar Algoritmo Genético?	2
1.5 Arquitetura do Sistema	2
1.6 Estrutura de Arquivos	3
1.7 Organização do Documento	3
2 Conceitos Fundamentais	5
2.1 Terminologia do Algoritmo Genético	5
2.2 Estrutura dos Dados	6
2.2.1 Representação de uma Cidade/Entrega	6
2.2.2 Representação de uma Solução	6
2.2.3 Estrutura da População	7
2.3 Prioridades de Entrega	7
3 Distâncias e População Inicial	8
3.1 Cálculo de Distâncias	8
3.1.1 Distância Euclidiana	8
3.1.2 Distância Total de uma Rota	9
3.2 Geração da População Inicial	10
3.2.1 População para TSP Simples	10
3.2.2 População para VRP	11

4	Fitness e Seleção	13
4.1	Função de Fitness	13
4.1.1	Fitness para TSP Simples	13
4.1.2	Fitness para VRP (com Penalidades)	13
4.1.3	Penalidade de Prioridade	15
4.2	Seleção por Torneio	16
4.2.1	Exemplo de Torneio	17
4.2.2	Vantagens da Seleção por Torneio	17
5	Crossover e Mutação	18
5.1	Crossover (Recombinação)	18
5.1.1	Desafio Especial do TSP	18
5.1.2	Order Crossover (OX)	18
5.1.3	PMX Crossover	20
5.1.4	VRP Crossover	21
5.2	Mutação	22
5.2.1	Mutação Simples (TSP)	22
5.2.2	Mutação para VRP (4 Tipos)	22
5.2.3	Resumo das Mutações	24
6	Algoritmo Principal	25
6.1	Elitismo	25
6.1.1	Importância do Elitismo	26
6.1.2	Ordenação da População	26
6.2	Loop Principal	26
6.3	Diagrama de Fluxo	27
6.4	Execução Completa	29
6.5	Convergência	29
7	Parâmetros e Configuração	30
7.1	Parâmetros do Algoritmo Genético	30
7.1.1	Parâmetros do Problema VRP	30
7.2	Classe GAConfig	31
7.2.1	Validações	31
7.3	Classe VRPSolver	32
7.3.1	Atributos	32
7.3.2	Método solve()	32
7.3.3	Método solve_with_distance_matrix()	33
7.3.4	Métodos Auxiliares	33
7.3.5	Exemplo de Uso	33

8	FAQ e Glossário	35
8.1	Perguntas Frequentes (FAQ)	35
8.1.1	Sobre os Parâmetros	35
8.1.2	Sobre o Algoritmo	36
8.2	Glossário	37
8.3	Conclusão	37
9	Integração com IA Generativa	39
9.1	Visão Geral	39
9.2	Arquitetura da Integração	39
9.2.1	Estrutura de Arquivos	40
9.3	Classe RouteAssistant	40
9.3.1	Métodos Disponíveis	41
9.4	Funcionalidades Implementadas	41
9.4.1	Geração de Instruções para Motoristas	41
9.4.2	Relatório de Eficiência	42
9.4.3	Chat Interativo sobre Rotas	42
9.4.4	Correção de Endereços	43
9.5	Interface de Usuário	44
9.5.1	Página de Instruções (4_instructions.py)	44
9.5.2	Página de Upload (1_upload.py)	44
9.6	Configuração	44
9.6.1	Variável de Ambiente	44
9.6.2	Dependência Opcional	45
9.6.3	Verificação de Configuração	45
9.7	Parâmetros de Geração	45
A	Referências de Código	46
A.1	Arquivos Principais	46
A.2	Funções por Categoria	47
A.2.1	Funções de Distância	47
A.2.2	Funções de Fitness	47
A.2.3	Funções de População	47
A.2.4	Funções de Seleção	48
A.2.5	Funções de Crossover	48
A.2.6	Funções de Mutação	48
A.2.7	Funções de Ordenação	48
A.3	Funções de Integração LLM (OpenAI)	49
A.3.1	Classe RouteAssistant	49
A.3.2	Funções de Geração de Conteúdo	49

A.4	Funções Auxiliares da Interface Web	50
A.4.1	Funções de Upload e Geocodificação	50
A.4.2	Integração LLM na Interface	50
A.5	Estrutura de Diretórios	51
A.6	Índice de Listagens	52

Lista de Abreviaturas e Siglas

AG Algoritmo Genético. i

API Application Programming Interface. i, 38

GPT Generative Pre-trained Transformer. 38

LLM Large Language Model. i, 4, 38

OX Order Crossover. i

PMX Partially Mapped Crossover. i

TSP Traveling Salesman Problem. i, 1

VRP Vehicle Routing Problem. i, 1

Introdução

Este capítulo apresenta uma visão geral do projeto, contextualizando os problemas de otimização abordados e a arquitetura do sistema implementado.

1.1 Contexto e Motivação

O projeto implementa um **Algoritmo Genético (AG)** para resolver dois problemas clássicos de otimização combinatória:

1. **Traveling Salesman Problem (TSP) (Problema do Caixeiro Viajante):** Encontrar a rota mais curta que visita todas as cidades exatamente uma vez e retorna à origem.
2. **Vehicle Routing Problem (VRP) (Problema de Roteamento de Veículos):** Extensão do TSP para múltiplos veículos com restrições de capacidade, autonomia e prioridades de entrega.

1.2 O Problema do Caixeiro Viajante (TSP)

Imagine que você é um vendedor que precisa visitar 10 cidades. Você quer encontrar a rota mais curta que:

- Visite **todas** as cidades exatamente uma vez
- Retorne ao ponto de partida

Complexidade Computacional

Com 10 cidades, existem **3.628.800** rotas possíveis ($10!$). Com 20 cidades, são mais de **2 quintilhões**! É impossível testar todas as combinações em tempo razoável.

1.3 O Problema de Roteamento de Veículos (VRP)

O VRP é uma extensão do TSP para cenários reais com múltiplas restrições:

Múltiplos veículos: Vários caminhões fazendo entregas simultaneamente

Capacidade: Cada veículo carrega no máximo X kg

Autonomia: Cada veículo percorre no máximo Y km

Prioridades: Algumas entregas são mais urgentes que outras

1.4 Por que usar Algoritmo Genético?

Algoritmos Genéticos encontram **boas soluções** (não necessariamente a melhor) em **tempo razoável**, inspirando-se na evolução natural:

Metaheurística

Algoritmos Genéticos são **metaheurísticas** — encontram soluções boas, mas não garantem a ótima. Para problemas grandes, a solução ótima é praticamente impossível de encontrar de qualquer forma.

1.5 Arquitetura do Sistema

A Figura 1.1 apresenta a arquitetura geral do Algoritmo Genético implementado.

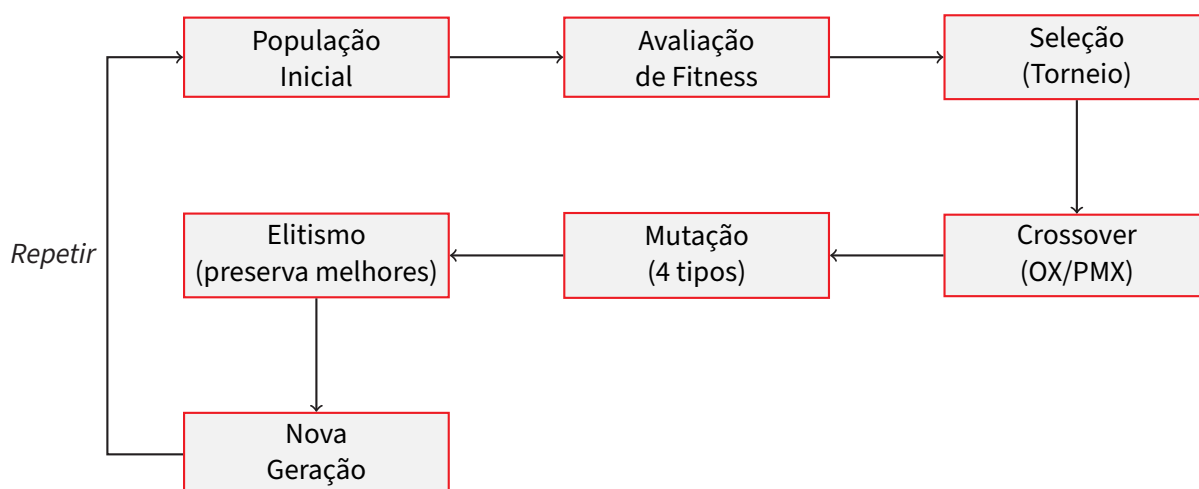


Figura 1.1: Arquitetura do Algoritmo Genético para TSP/VRP.

1.6 Estrutura de Arquivos

O projeto está organizado em dois módulos principais:

Tabela 1.1: Estrutura de arquivos do projeto

Arquivo	Descrição
genetic_algorithm_tsp_enhanced/ genetic_algorithm_enhanced.py tsp_enhanced.py draw_functions_enhanced.py benchmark_att48.py	Implementação enhanced do GA Sistema principal de entregas hospitalares Funções de visualização Pygame Dataset benchmark com 48 cidades
src/routing_optimizer/genetic_algorithm/ config.py core.py vrp.py	Configuração do GA (GAConfig) Funções core do GA Classe VRPSolver
src/routing_optimizer/llm/ openai_client.py	Cliente OpenAI (RouteAssistant)

1.7 Organização do Documento

Este relatório está organizado da seguinte forma:

- Capítulo 2 – Conceitos Fundamentais:** Apresenta a terminologia do Algoritmo Genético e a estrutura de dados utilizada.
- Capítulo 3 – Distâncias e População:** Descreve as funções de cálculo de distância e geração da população inicial.
- Capítulo 4 – Fitness e Seleção:** Detalha a função de fitness com penalidades e o operador de seleção por torneio.
- Capítulo 5 – Crossover e Mutação:** Apresenta os operadores genéticos de recombinação e mutação.
- Capítulo 6 – Algoritmo Principal:** Descreve o loop principal e o fluxo de execução completo.
- Capítulo 7 – Configuração:** Detalha os parâmetros configuráveis e a classe VRPSolver.
- Capítulo 8 – FAQ e Glossário:** Responde perguntas frequentes e apresenta a terminologia utilizada.

Capítulo 9 – Integração com IA Generativa: Descreve a integração com a API da OpenAI para adicionar capacidades de LLM ao sistema, incluindo geração de instruções para motoristas, relatórios de eficiência, chat interativo e correção de endereços.

Conceitos Fundamentais

Este capítulo apresenta a terminologia do Algoritmo Genético e a estrutura de dados utilizada na implementação.

2.1 Terminologia do Algoritmo Genético

Um Algoritmo Genético é uma metaheurística inspirada no processo de seleção natural. A Tabela 2.1 apresenta os principais conceitos utilizados.

Tabela 2.1: Terminologia do Algoritmo Genético no contexto TSP/VRP

Termo	Definição no Contexto do TSP/VRP
Indivíduo	Uma solução completa (rota ou conjunto de rotas)
Gene	Uma cidade/entrega na rota
Cromossomo	A sequência de genes que forma uma rota
População	Conjunto de soluções candidatas
Fitness	Qualidade da solução (distância total + penalidades)
Geração	Uma iteração do algoritmo
Crossover	Combinação de duas soluções para criar uma nova
Mutação	Pequena alteração aleatória em uma solução
Seleção	Escolha de indivíduos para reprodução
Elitismo	Preservação dos melhores indivíduos

2.2 Estrutura dos Dados

2.2.1 Representação de uma Cidade/Entrega

Uma localização é representada por coordenadas (x, y) :

```
1 # Cidade simples (TSP)
2 cidade = (500, 300) # posição x=500, y=300
3
4 # Entrega completa (VRP)
5 entrega = {
6     'id': 1,
7     'location': (500, 300),
8     'priority': 1,      # 1=Crítico, 2=Urgente, 3=Normal
9     'weight': 15.0,    # kg
10    'item_type': "Medicamento Oncológico"
11 }
```

Listing 2.1: Representação de cidade e entrega

2.2.2 Representação de uma Solução

Solução TSP

Uma lista ordenada de cidades representando a ordem de visitação:

```
1 rota_tsp = [(100, 200), (300, 400), (500, 100), (200, 300)]
2 # Significado: Visite nesta ordem e volte ao início
```

Listing 2.2: Representação de solução TSP

Solução VRP

Lista de rotas, uma para cada veículo:

```
1 rotas_vrp = [
2     [entrega1, entrega4, entrega7], # Veículo 1
3     [entrega2, entrega5],          # Veículo 2
4     [entrega3, entrega6, entrega8], # Veículo 3
5 ]
```

Listing 2.3: Representação de solução VRP

2.2.3 Estrutura da População

Uma população é um conjunto de soluções candidatas:

```
1 populacao = [  
2     solucao_1, # Uma rota possível  
3     solucao_2, # Outra rota possível  
4     solucao_3, # Mais uma...  
5     # ... (tipicamente 100-500 soluções)  
6 ]
```

Listing 2.4: Estrutura da população

A Figura 2.1 ilustra a estrutura hierárquica de uma população VRP.

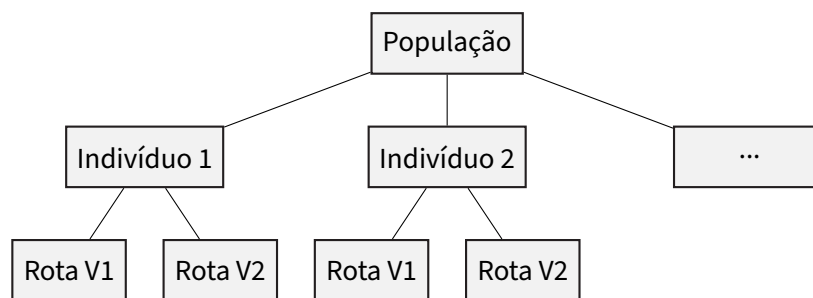


Figura 2.1: Estrutura hierárquica da população VRP.

2.3 Prioridades de Entrega

O sistema implementa três níveis de prioridade para as entregas, conforme a Tabela 2.2.

Tabela 2.2: Níveis de prioridade das entregas

Prioridade	Nível	Itens Exemplo	Peso Típico
1	Crítico	Medicamento Oncológico, Insulina Especial, Anticoagulante	2-15 kg
2	Urgente	Antibióticos, Analgésicos, Soro Fisiológico	5-30 kg
3	Normal	Materiais Cirúrgicos, EPIs, Curativos	10-50 kg

A distribuição padrão das entregas é:

- 20% entregas críticas
- 33% entregas urgentes
- 47% entregas normais

Distâncias e População Inicial

Este capítulo descreve as funções de cálculo de distância e a geração da população inicial do algoritmo genético.

3.1 Cálculo de Distâncias

3.1.1 Distância Euclidiana

Arquivo: genetic_algorithm_enhanced.py:6-8 e core.py:18-28

```
1 def calculate_distance(city1: Tuple[int, int], city2:
    Tuple[int, int]) -> float:
2     """Calcula distância euclidiana entre duas cidades"""
3     return math.sqrt((city1[0] - city2[0])**2 + (city1[1] -
        city2[1])**2)
```

Listing 3.1: Função calculate_distance

Propósito: Calcula a distância euclidiana entre dois pontos no plano 2D.

Fórmula matemática:

$$d = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2} \quad (3.1)$$

Parâmetros:

- point1: Tupla (x, y) do primeiro ponto
- point2: Tupla (x, y) do segundo ponto

Exemplo prático:

```
1 ponto_a = (0, 0)
2 ponto_b = (3, 4)
3
4 # Cálculo manual:
5 # dx = 3 - 0 = 3
6 # dy = 4 - 0 = 4
7 # distância = sqrt(3^2 + 4^2) = sqrt(9 + 16) = sqrt(25) = 5
8
9 distancia = calculate_distance(ponto_a, ponto_b)
10 print(distancia) # 5.0
```

Listing 3.2: Exemplo de cálculo de distância

Por que distância euclidiana?

- Simples de calcular
- Aproximação razoável para rotas urbanas
- Em aplicações reais, pode-se usar distâncias de ruas (Google Maps API)

3.1.2 Distância Total de uma Rota

Arquivo: genetic_algorithm_enhanced.py:10-19 e core.py:31-60

```
1 def calculate_route_distance(
2     route: List[int],
3     distance_matrix: np.ndarray,
4     depot_index: int = 0,
5 ) -> float:
6     """Calcula distância total de uma rota usando matriz de
7     distâncias"""
8     if not route:
9         return 0.0
10
11     total = 0.0
12     # Depósito até primeira parada
13     total += distance_matrix[depot_index, route[0]]
14
15     # Entre paradas consecutivas
16     for i in range(len(route) - 1):
17         total += distance_matrix[route[i], route[i + 1]]
```

```
17
18     # Última parada de volta ao depósito
19     total += distance_matrix[route[-1], depot_index]
20
21     return total
```

Listing 3.3: Função calculate_route_distance

Propósito: Calcula a distância total de uma rota usando uma matriz de distâncias pré-computada.

Funcionamento:

1. Soma a distância do depósito até a primeira parada
2. Soma as distâncias entre paradas consecutivas
3. Soma a distância da última parada de volta ao depósito

Exemplo prático:

```
1  rota = [(0, 0), (3, 0), (3, 4), (0, 4)]
2
3  # Cálculo:
4  # (0,0) -> (3,0) = 3
5  # (3,0) -> (3,4) = 4
6  # (3,4) -> (0,4) = 3
7  # (0,4) -> (0,0) = 4 (retorno)
8  # Total = 3 + 4 + 3 + 4 = 14
9
10 distancia_total = calculate_route_distance(rota)
11 print(distancia_total) # 14.0
```

Listing 3.4: Exemplo de cálculo de rota

3.2 Geração da População Inicial

3.2.1 População para TSP Simples

Arquivo: genetic_algorithm_enhanced.py:98-106

```
1  def generate_random_population(cities: List[Tuple[int, int]],
2                                population_size: int) ->
3                                List[List[Tuple[int, int]]]:
4      """Gera população inicial aleatória para TSP simples"""
5      population = []
```

```
5     for _ in range(population_size):
6         individual = cities.copy()
7         random.shuffle(individual)
8         population.append(individual)
9     return population
```

Listing 3.5: Função generate_random_population para TSP

Propósito: Cria uma população inicial de soluções aleatórias para o TSP.

Funcionamento:

1. Para cada indivíduo na população
2. Copia a lista de cidades
3. Embaralha aleatoriamente (cada embaralhamento é uma rota diferente)

Por que aleatório?

- Garante **diversidade** inicial
- O algoritmo vai “evoluir” a partir dessas soluções
- Soluções ruins serão descartadas nas próximas gerações

3.2.2 População para VRP

Arquivo: genetic_algorithm_enhanced.py:108-137

Para VRP, além de embaralhar, precisamos **distribuir as entregas entre os veículos**:

```
1  def generate_random_population_vrp(deliveries: List[Dict],
2                                     num_vehicles: int,
3                                     population_size: int) ->
4                                     List[List[List[Dict]]]:
5      """Gera população inicial para VRP"""
6      population = []
7
8      for _ in range(population_size):
9          # Embaralha entregas
10         shuffled = deliveries.copy()
11         random.shuffle(shuffled)
12
13         # Divide entre veículos (round-robin)
14         routes = [[] for _ in range(num_vehicles)]
15         for i, delivery in enumerate(shuffled):
```

```
15         vehicle_idx = i % num_vehicles # Distribui
           ciclicamente
16         routes[vehicle_idx].append(delivery)
17
18     population.append(routes)
19
20     return population
```

Listing 3.6: Função generate_random_population_vrp

Exemplo de distribuição round-robin:

Tabela 3.1: Exemplo de distribuição round-robin com 6 entregas e 2 veículos

Índice	Entrega	Veículo (i % 2)
0	E3	0
1	E1	1
2	E6	0
3	E4	1
4	E2	0
5	E5	1
Resultado:		
Veículo 0: [E3, E6, E2]		
Veículo 1: [E1, E4, E5]		

Fitness e Seleção

Este capítulo descreve a função de fitness que avalia a qualidade das soluções e o operador de seleção por torneio.

4.1 Função de Fitness

A função de fitness **avalia a qualidade** de uma solução. No contexto de otimização de rotas, **menor valor = melhor solução**.

4.1.1 Fitness para TSP Simples

Arquivo: genetic_algorithm_enhanced.py:21-23

```
1 def calculate_fitness(individual: List[Tuple[int, int]]) ->
    float:
2     """Calcula fitness básico (distância total)"""
3     return calculate_route_distance(individual)
```

Listing 4.1: Função de fitness para TSP

Propósito: Avalia a qualidade de uma solução TSP simples. O fitness é apenas a distância total da rota.

4.1.2 Fitness para VRP (com Penalidades)

Arquivo: genetic_algorithm_enhanced.py:25-96 e core.py:81-128

O VRP é mais complexo porque precisamos considerar múltiplas restrições. A Tabela 4.1 apresenta os componentes do fitness.

Fórmula do Fitness:

$$\text{fitness} = \text{distância_total} + \text{penalidade_capacidade} + \text{penalidade_prioridade} + \text{penalidade_veículos} \quad (4.1)$$

Tabela 4.1: Componentes do fitness VRP

Componente	Descrição	Peso
Distância Total	Soma de todas as rotas	1x
Penalidade Capacidade	Excesso de peso por veículo	1000x por kg
Penalidade Autonomia	Excesso de distância por veículo	1000x por pixel
Penalidade Prioridade	Entregas críticas não feitas primeiro	50x/20x
Penalidade Veículos	Número de veículos usados	100x por veículo

```

1  def calculate_fitness_vrp(routes, depot, priorities,
2                                vehicle_capacity, vehicle_autonomy,
3                                penalty_weight=1000) -> float:
4
5      total_distance = 0
6      total_penalty = 0
7      priority_penalty = 0
8
9      for route in routes:
10         # 1. Calcular distância da rota
11         route_distance = calcular_distancia_completa(route,
12                                                         depot)
13         total_distance += route_distance
14
15         # 2. Calcular carga total
16         route_load = sum(d['weight'] for d in route)
17
18         # 3. PENALIDADE: Excesso de capacidade
19         if route_load > vehicle_capacity:
20             total_penalty += (route_load - vehicle_capacity)
21                             * penalty_weight
22
23         # 4. PENALIDADE: Excesso de autonomia
24         if route_distance > vehicle_autonomy:
25             total_penalty += (route_distance -
26                             vehicle_autonomy) * penalty_weight
27
28         # 5. PENALIDADE: Prioridade errada
29         for posicao, delivery in enumerate(route):
30             if delivery['priority'] == 1: # Crítico
31                 priority_penalty += posicao * 50
32             elif delivery['priority'] == 2: # Urgente

```



```

30         priority_penalty += posicao * 20
31
32     # 6. PENALIDADE: Número de veículos
33     num_vehicles_penalty = len([r for r in routes if r]) * 100
34
35     return total_distance + total_penalty + priority_penalty
        + num_vehicles_penalty

```

Listing 4.2: Função de fitness para VRP

Exemplo de Penalidade por Capacidade

Capacidade máxima: 100 kg

Rota do Veículo 1: carga = 120 kg

Excesso: $120 - 100 = 20$ kg

Penalidade: $20 * 1000 = 20.000$ pontos adicionados ao fitness

Isso faz a solução parecer MUITO pior, forçando o algoritmo a encontrar soluções que respeitam as restrições.

4.1.3 Penalidade de Prioridade

Entregas críticas devem ser feitas **primeiro**. A penalidade aumenta com a **posição** na rota:

$$\text{penalidade} = \text{posição} \times \text{peso_prioridade} \quad (4.2)$$

Exemplo:

Rota: [Normal, Urgente, CRÍTICO, Normal]
 $\quad \quad \quad \wedge$ posição 2

Penalidade = $2 * 50 = 100$

Se o crítico estivesse primeiro:

Rota: [CRÍTICO, Normal, Urgente, Normal]
 $\quad \quad \quad \wedge$ posição 0

Penalidade = $0 * 50 = 0$ (nenhuma!)

4.2 Seleção por Torneio

A seleção escolhe quais indivíduos vão “reproduzir” (gerar filhos).

Arquivo: genetic_algorithm_enhanced.py:276-283 e core.py:174-192

```
1 def tournament_selection(population: List,  
2                           fitness_values: List[float],  
3                           tournament_size: int = 3) -> List:  
4     """Seleção por torneio"""  
5     # 1. Escolhe aleatoriamente 'tournament_size' indivíduos  
6     tournament_indices =  
7         random.sample(range(len(population)), tournament_size)  
8  
9     # 2. Pega o fitness de cada um  
10    tournament_fitness = [fitness_values[i] for i in  
11        tournament_indices]  
12  
13    # 3. Retorna o MELHOR (menor fitness)  
14    winner_idx =  
15        tournament_indices[tournament_fitness.index(min(tournament_fitness))]  
16    return population[winner_idx]
```

Listing 4.3: Função tournament_selection

Propósito: Seleciona um indivíduo para reprodução usando competição.

Funcionamento:

1. Seleciona aleatoriamente tournament_size indivíduos
2. Compara seus valores de fitness
3. Retorna o indivíduo com menor fitness (melhor solução)

Analogia com a natureza

É como uma competição onde alguns animais competem e o mais adaptado vence e pode se reproduzir.

4.2.1 Exemplo de Torneio

Tabela 4.2: Exemplo de seleção por torneio

Indivíduo	Fitness	Selecionado?
rota_A	500	
rota_B	300	✓ (vencedor)
rota_C	800	
rota_D	450	
rota_E	600	
Torneio de tamanho 3 seleciona índices [1, 2, 4]		
Fitness do torneio: [300, 800, 600]		
Vencedor: rota_B (menor fitness = 300)		

4.2.2 Vantagens da Seleção por Torneio

- Pressão seletiva controlável (ajustando `tournament_size`)
- Não requer ordenação completa da população
- Preserva diversidade genética
- Simples de implementar e eficiente

Parâmetro `tournament_size`:

Maior (ex: 10) Mais pressão seletiva — converge mais rápido, risco de ótimo local

Menor (ex: 2) Mais diversidade — converge mais lento, explora mais

Padrão 3 a 5 (bom equilíbrio)

Crossover e Mutação

Este capítulo apresenta os operadores genéticos de recombinação (crossover) e mutação, fundamentais para a exploração do espaço de soluções.

5.1 Crossover (Recombinação)

Crossover combina dois “pais” para criar um “filho” que herda características de ambos.

5.1.1 Desafio Especial do TSP

No TSP, não podemos simplesmente cortar e juntar rotas:

Pai 1: [A, B, C, D, E]

Pai 2: [E, D, C, B, A]

Crossover ingênuo (corte no meio):

Filho: [A, B, C] + [B, A] = [A, B, C, B, A]

ERRO! B e A aparecem 2x, D e E faltam!

Restrição de Permutação

Em problemas de permutação como TSP, cada cidade deve aparecer **exatamente uma vez**. Crossovers tradicionais não funcionam — precisamos de operadores especializados.

5.1.2 Order Crossover (OX)

Arquivo: `genetic_algorithm_enhanced.py:139-155`

O OX resolve o problema preservando a **ordem relativa** dos genes:

```
1 def order_crossover(parent1: List, parent2: List) -> List:
2     """Order Crossover (OX) para TSP"""
3     size = len(parent1)
4
5     # 1. Escolhe dois pontos de corte aleatórios
6     start, end = sorted(random.sample(range(size), 2))
7
8     # 2. Copia segmento do pai 1
9     child = [None] * size
10    child[start:end] = parent1[start:end]
11
12    # 3. Preenche resto com pai 2 (sem duplicar)
13    pointer = end
14    for city in parent2[end:] + parent2[:end]:
15        if city not in child:
16            if pointer >= size:
17                pointer = 0
18            child[pointer] = city
19            pointer += 1
20
21    return child
```

Listing 5.1: Função order_crossover (OX)

Funcionamento Visual:

Parent 1: [A, B, C, D, E, F, G, H]

Parent 2: [C, G, A, H, B, D, F, E]

Seleção aleatória: start=3, end=6

Child após copiar segmento do Parent 1:

Child: [_, _, _, D, E, F, _, _]

Preencher com Parent 2 (ordem: H, B, D, F, E, C, G, A)

- H não está no child -> adiciona
- B não está no child -> adiciona
- D já está -> pula
- F já está -> pula
- E já está -> pula
- C não está -> adiciona

- G não está -> adiciona
- A não está -> adiciona

Child Final: [C, G, A, D, E, F, H, B]

Características:

- Preserva a ordem relativa dos elementos do Parent 2
- Mantém a subsequência do Parent 1
- Garante que todas as cidades aparecem exatamente uma vez

5.1.3 PMX Crossover

Arquivo: genetic_algorithm_enhanced.py:157-176

O PMX (Partially Mapped Crossover) preserva **posições absolutas**:

```
1 def pmx_crossover(parent1: List, parent2: List) -> List:
2     """Partially Mapped Crossover (PMX) para TSP"""
3     size = len(parent1)
4     start, end = sorted(random.sample(range(size), 2))
5
6     child = [None] * size
7     child[start:end] = parent1[start:end]
8
9     for i in range(start, end):
10         if parent2[i] not in child:
11             pos = i
12             while start <= pos < end:
13                 pos = parent2.index(parent1[pos])
14                 child[pos] = parent2[i]
15
16     for i in range(size):
17         if child[i] is None:
18             child[i] = parent2[i]
19
20     return child
```

Listing 5.2: Função pmx_crossover

Tabela 5.1: Diferença entre OX e PMX

Aspecto	OX (Order Crossover)	PMX (Partially Mapped)
Preserva	Ordem relativa	Posições absolutas
Funcionamento	Preenche sequencialmente	Usa mapeamento
Complexidade	Mais simples	Mais complexo
Uso no projeto	Principal	Alternativo

5.1.4 VRP Crossover

Arquivo: `genetic_algorithm_enhanced.py:178-208` e `core.py:195-240`

Para VRP, o processo é adaptado para múltiplas rotas:

1. **Flatten:** Converte rotas em lista única de entregas
2. **Crossover:** Aplica corte simples
3. **Deduplicação:** Remove duplicatas usando localização
4. **Redistribuição:** Distribui entregas entre veículos (round-robin)

```

1 def vrp_crossover(parent1, parent2):
2     # Achatar
3     flat_p1 = [d for route in parent1 for d in route]
4     flat_p2 = [d for route in parent2 for d in route]
5
6     # Ponto de corte
7     cut = 3
8
9     # Pega primeira parte do pai 1
10    child = flat_p1[:cut]
11
12    # Adiciona do pai 2 (sem duplicar)
13    for d in flat_p2:
14        if d not in child:
15            child.append(d)
16
17    # Redistribui entre veículos
18    routes = redistribuir(child, num_vehicles=2)
19
20    return routes

```

Listing 5.3: Função `vrp_crossover`

5.2 Mutação

A mutação introduz **variação aleatória** para explorar novas soluções.

5.2.1 Mutação Simples (TSP)

Arquivo: genetic_algorithm_enhanced.py:210-215

```
1 def mutate(individual: List, mutation_probability: float) ->
    List:
2     """Mutação por troca (swap)"""
3     if random.random() < mutation_probability:
4         idx1, idx2 = random.sample(range(len(individual)), 2)
5         individual[idx1], individual[idx2] =
            individual[idx2], individual[idx1]
6     return individual
```

Listing 5.4: Função mutate para TSP

Exemplo:

Antes: [A, B, C, D, E]

 ndices selecionados: 1 e 4

Depois: [A, E, C, D, B] (trocou B e E)

5.2.2 Mut  o para VRP (4 Tipos)

Arquivo: genetic_algorithm_enhanced.py:217-267 e core.py:243-306

O VRP usa **4 tipos diferentes** de mutação, escolhidos aleatoriamente:

Tipo 1: swap_within (troca dentro da mesma rota)

ANTES:

Veículo 1: [E1, E2, E3, E4]

DEPOIS (trocou E2 e E4):

Veículo 1: [E1, E4, E3, E2]

Quando   útil: Otimiza a ordem dentro de uma rota.

Tipo 2: swap_between (troca entre rotas)

ANTES:

Veículo 1: [E1, E2, E3]

Veículo 2: [E4, E5]

DEPOIS (trocou E2 do V1 com E5 do V2):

Veículo 1: [E1, E5, E3]

Veículo 2: [E4, E2]

Quando é útil: Rebalanceia carga entre veículos.

Tipo 3: reverse (inverte subsequência)

ANTES:

Veículo 1: [E1, E2, E3, E4, E5]

DEPOIS (inverteu E2, E3, E4):

Veículo 1: [E1, E4, E3, E2, E5]

Operador 2-opt

A mutação reverse implementa implicitamente o movimento **2-opt**, um dos operadores mais eficazes para otimização de rotas!

Tipo 4: relocate (move para outra rota)

ANTES:

Veículo 1: [E1, E2, E3]

Veículo 2: [E4, E5]

DEPOIS (moveu E2 para V2):

Veículo 1: [E1, E3]

Veículo 2: [E4, E5, E2]

Quando é útil: Esvazia rotas desnecessárias.

5.2.3 Resumo das Mutações

Tabela 5.2: Tipos de mutação e seus efeitos

Tipo	Operação	Efeito
swap_within	Troca dentro da rota	Otimiza ordem local
swap_between	Troca entre rotas	Rebalanceia carga
reverse	Inverte segmento	Movimento 2-opt
relocate	Move para outra rota	Consolida rotas

Algoritmo Principal

Este capítulo descreve o loop principal do algoritmo genético, incluindo elitismo e o fluxo completo de execução.

6.1 Elitismo

Elitismo preserva os melhores indivíduos de uma geração para a próxima, garantindo que nunca “perdemos” uma boa solução.

```
1  # Ordenar população por fitness (melhor primeiro)
2  population, fitness = sort_population(population, fitness)
3
4  # Preservar os 10% melhores (elitismo)
5  elite_size = POPULATION_SIZE // 10  # Ex: 20 de 200
6  new_population = population[:elite_size]
7
8  # Preencher o resto com filhos
9  while len(new_population) < POPULATION_SIZE:
10     parent1 = tournament_selection(...)
11     parent2 = tournament_selection(...)
12     child = crossover(parent1, parent2)
13     child = mutate(child, MUTATION_PROBABILITY)
14     new_population.append(child)
```

Listing 6.1: Implementação do elitismo

6.1.1 Importância do Elitismo

Tabela 6.1: Comparação: com e sem elitismo

Geração	Sem Elitismo	Com Elitismo
1	Fitness = 500	Fitness = 500 (preservado)
2	Fitness = 600 (piorou!)	Fitness = 480 (melhorou)

Sem elitismo

Sem elitismo, boas soluções podem ser perdidas entre gerações, causando regressão na qualidade da população.

6.1.2 Ordenação da População

Arquivo: genetic_algorithm_enhanced.py:269-274 e core.py:309-325

```
1 def sort_population(  
2     population: List,  
3     fitness_values: List[float]  
4 ) -> Tuple[List, List[float]]:  
5     """Ordena população por fitness (menor é melhor)"""  
6     sorted_pairs = sorted(zip(population, fitness_values),  
7                           key=lambda x: x[1])  
7     sorted_population = [ind for ind, _ in sorted_pairs]  
8     sorted_fitness = [fit for _, fit in sorted_pairs]  
9     return sorted_population, sorted_fitness
```

Listing 6.2: Função sort_population

Propósito: Ordena a população em ordem crescente de fitness (melhores primeiro).

6.2 Loop Principal

Arquivo: tsp_enhanced.py:204-249

```
1 def evolve_generation(self):  
2     """Executa UMA geração do algoritmo genético"""  
3  
4     # ===== 1. AVALIAÇÃO =====  
5     fitness_values = [  
6         calculate_fitness_vrp(individual, self.depot, ...)  
7         for individual in self.population
```

```
8     ]
9
10    # ===== 2. ORDENAÇÃO =====
11    self.population, fitness_values = sort_population(
12        self.population, fitness_values
13    )
14
15    # ===== 3. REGISTRO =====
16    best_fitness = fitness_values[0]
17    best_solution = self.population[0]
18    self.best_fitness_values.append(best_fitness)
19
20    # ===== 4. ELITISMO =====
21    elite_size = max(2, POPULATION_SIZE // 10)
22    new_population = self.population[:elite_size]
23
24    # ===== 5. REPRODUÇÃO =====
25    while len(new_population) < POPULATION_SIZE:
26        parent1 = tournament_selection(self.population,
27                                       fitness_values, TOURNAMENT_SIZE)
28        parent2 = tournament_selection(self.population,
29                                       fitness_values, TOURNAMENT_SIZE)
30        child = vrp_crossover(parent1, parent2)
31        child = mutate_vrp(child, MUTATION_PROBABILITY)
32        new_population.append(child)
33
34    # ===== 6. SUBSTITUIÇÃO =====
35    self.population = new_population
36
37    return best_fitness, best_solution
```

Listing 6.3: Função evolve_generation

6.3 Diagrama de Fluxo

A Figura 6.1 apresenta o diagrama de fluxo detalhado do algoritmo.

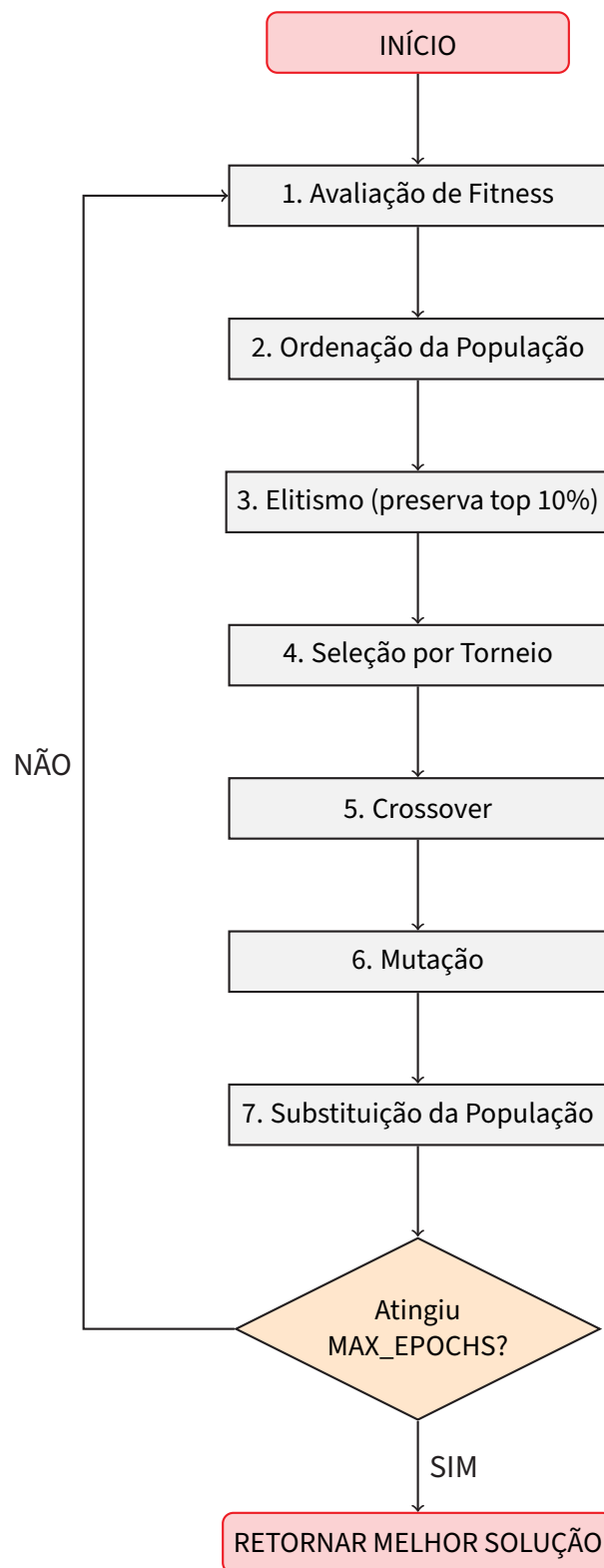


Figura 6.1: Diagrama de fluxo do Algoritmo Genético.

6.4 Execução Completa

```
1 # INICIALIZAÇÃO
2 population = generate_random_population_vrp(deliveries,
      NUM_VEHICLES, POPULATION_SIZE)
3
4 # LOOP PRINCIPAL
5 for generation in range(MAX_EPOCHS): # Ex: 1000 gerações
6     best_fitness, best_solution = evolve_generation()
7     print(f"Geração {generation}: Fitness = {best_fitness}")
8
9 # RESULTADO FINAL
10 print("Melhor solução encontrada:", best_solution)
```

Listing 6.4: Execução completa do algoritmo

6.5 Convergência

A Figura 6.2 ilustra um gráfico típico de convergência.

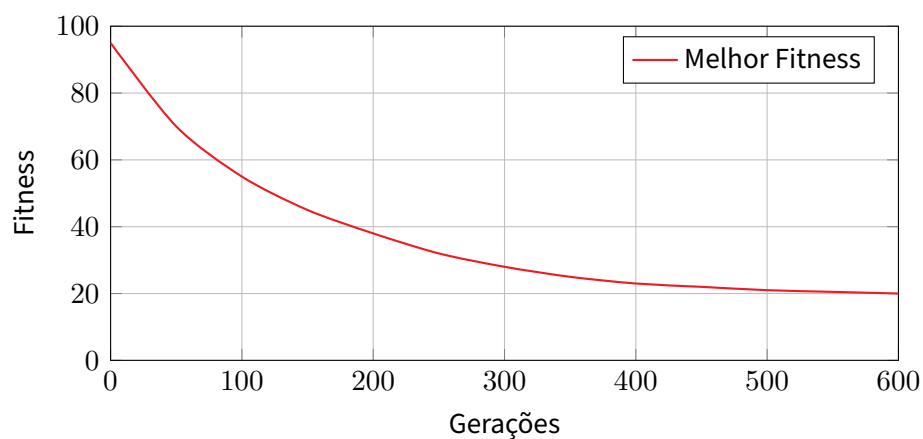


Figura 6.2: Gráfico típico de convergência do Algoritmo Genético.

Fases da convergência:

Início Melhoria rápida (muita “gordura” para cortar)

Meio Melhoria mais lenta (otimizações finas)

Fim Estabilização (próximo do ótimo)

Parâmetros e Configuração

Este capítulo descreve os parâmetros do algoritmo genético e a classe VRPSolver que encapsula a implementação.

7.1 Parâmetros do Algoritmo Genético

Arquivo: `config.py`:10–61 e `tsp_enhanced.py`:24–33

A Tabela 7.1 apresenta os parâmetros do algoritmo genético.

Tabela 7.1: Parâmetros do Algoritmo Genético

Parâmetro	Descrição	Valor Padrão
POPULATION_SIZE	Número de indivíduos na população	200
MUTATION_PROBABILITY	Probabilidade de mutação por indivíduo	0.6 (60%)
MAX_EPOCHS	Número máximo de gerações	1000
TOURNAMENT_SIZE	Indivíduos por torneio de seleção	5
elitism_count	Indivíduos preservados por elitismo	2 (ou 10%)

7.1.1 Parâmetros do Problema VRP

A Tabela 7.2 apresenta os parâmetros específicos do problema VRP.

Tabela 7.2: Parâmetros do Problema VRP

Parâmetro	Descrição	Valor
NUM_VEHICLES	Número de veículos disponíveis	4
VEHICLE_CAPACITY	Capacidade máxima de carga	200 kg
VEHICLE_AUTONOMY	Distância máxima por viagem	1500 px

7.2 Classe GAConfig

Arquivo: config.py:10-61

A classe GAConfig encapsula a configuração do algoritmo usando dataclass:

```
1 @dataclass
2 class GAConfig:
3     population_size: int = 200
4     mutation_probability: float = 0.6
5     max_epochs: int = 1000
6     tournament_size: int = 5
7     elitism_count: int = 2
8
9     @classmethod
10    def from_env(cls) -> "GAConfig":
11        """Cria configuração a partir de variáveis de
12           ambiente"""
13        return cls(
14            population_size=int(os.getenv("GA_POPULATION_SIZE",
15                                           200)),
16            mutation_probability=float(os.getenv("GA_MUTATION_PROBABILITY",
17                                                  0.6)),
18            max_epochs=int(os.getenv("GA_MAX_EPOCHS", 1000)),
19            tournament_size=int(os.getenv("GA_TOURNAMENT_SIZE",
20                                           5)),
21        )
```

Listing 7.1: Classe GAConfig

7.2.1 Validações

A classe GAConfig implementa as seguintes validações:

- `population_size >= 2`
- `0.0 <= mutation_probability <= 1.0`
- `max_epochs >= 1`
- `tournament_size >= 2`
- `elitism_count < population_size`

Valores Inválidos

A classe lança `ValueError` caso algum parâmetro esteja fora dos limites permitidos.

7.3 Classe VRPSolver

Arquivo: `vrp.py:25-239`

A classe `VRPSolver` encapsula o algoritmo genético para VRP em uma interface orientada a objetos.

7.3.1 Atributos

```
1 class VRPSolver:
2     config: GAConfig          # Configuração do algoritmo
3     fitness_history: List[float] # Histórico de fitness por
    geração
4     best_solution: List[List[int]] # Melhor solução
    encontrada
5     best_fitness: float          # Fitness da melhor solução
6     _distance_matrix: np.ndarray # Matriz de distâncias
```

Listing 7.2: Atributos da classe `VRPSolver`

7.3.2 Método `solve()`

Arquivo: `vrp.py:50-81`

```
1 def solve(
2     self,
3     locations: List[Tuple[float, float]],
4     num_vehicles: int,
5     capacity: float,
6     demands: Optional[List[float]] = None,
7 ) -> List[List[int]]:
8     """Resolve VRP calculando matriz de distâncias
    automaticamente"""
9     ...
```

Listing 7.3: Método `solve` da classe `VRPSolver`

Propósito: Resolve VRP calculando matriz de distâncias automaticamente.

Parâmetros:

- `locations`: Lista de coordenadas (primeira é o depósito)
- `num_vehicles`: Veículos disponíveis
- `capacity`: Capacidade máxima por veículo
- `demands`: Demanda por localização (padrão: 1.0)

Retorno: Lista de rotas (índices de localização)

7.3.3 Método `solve_with_distance_matrix()`

Arquivo: `vrp.py`:83-163

Propósito: Resolve VRP usando matriz de distâncias pré-computada.

Uso: Quando você já tem distâncias calculadas (ex: distância real de estradas via Google Maps API).

7.3.4 Métodos Auxiliares

Tabela 7.3: Métodos auxiliares da classe `VRPSolver`

Método	Descrição	Linhas
<code>get_fitness_history()</code>	Retorna histórico de fitness para plotagem	165-171
<code>get_total_distance()</code>	Calcula distância total de um conjunto de rotas	173-194
<code>get_route_details()</code>	Retorna detalhes de cada rota	196-238

7.3.5 Exemplo de Uso

```
1 # Criar solver com configuração padrão
2 solver = VRPSolver()
3
4 # Definir localizações (primeiro é o depósito)
5 locations = [(0, 0), (10, 5), (15, 10), (20, 5), (25, 15)]
6
7 # Resolver o problema
8 routes = solver.solve(
9     locations=locations,
10    num_vehicles=2,
11    capacity=100,
12    demands=[0, 30, 40, 35, 25] # Depósito tem demanda 0
```

```
13 )
14
15 # Obter detalhes das rotas
16 details = solver.get_route_details(routes)
17 for route in details:
18     print(f"Veículo {route['vehicle']}: {route['stops']}
19           paradas, "
20           f"distância: {route['distance']:.1f}")
21
22 # Obter histórico de convergência
23 history = solver.get_fitness_history()
```

Listing 7.4: Exemplo de uso da classe VRPSolver

Exemplo de saída do método get_route_details():

```
1 [
2     {
3         "vehicle": 1,
4         "stops": 5,
5         "locations": [3, 7, 2, 9, 1],
6         "distance": 245.5
7     },
8     {
9         "vehicle": 2,
10        "stops": 3,
11        "locations": [4, 6, 8],
12        "distance": 180.2
13    }
14 ]
```

Listing 7.5: Saída de get_route_details

FAQ e Glossário

Este capítulo apresenta perguntas frequentes sobre o algoritmo e um glossário de termos técnicos.

8.1 Perguntas Frequentes (FAQ)

8.1.1 Sobre os Parâmetros

P1: Por que a probabilidade de mutação é tão alta (60%)?

Para VRP, 60% é alto mas necessário porque:

- A mutação é “suave” (pequenas mudanças)
- Existem 4 tipos diferentes (diversidade)
- Ajuda a escapar de ótimos locais

Para TSP clássico, valores de 5-20% são mais comuns.

P2: O que acontece se eu aumentar o tamanho da população?

Vantagem: Mais diversidade, melhor exploração.

Desvantagem: Mais lento (mais fitness para calcular).

Recomendação: 100-500 para a maioria dos problemas.

P3: Quantas gerações são necessárias?

Depende do problema:

- Pequeno (10-20 cidades): 100-500 gerações
- Médio (20-50 cidades): 500-2000 gerações
- Grande (50+ cidades): 1000-10000+ gerações

Use o gráfico de convergência para ver quando estabiliza.

- **PMX (Partially Mapped Crossover):** Preserva **posições absolutas**

Para TSP, ambos funcionam bem. OX é mais simples e usado neste projeto.

8.2 Glossário

A Tabela 8.1 apresenta os termos técnicos utilizados neste documento.

Tabela 8.1: Glossário de termos técnicos

Termo	Definição
AG / GA	Algoritmo Genético / Genetic Algorithm
TSP	Traveling Salesman Problem (Problema do Caixeiro Viajante)
VRP	Vehicle Routing Problem (Problema de Roteamento de Veículos)
Fitness	Medida de qualidade de uma solução (menor = melhor)
Crossover	Operador que combina dois pais para criar filhos
Mutação	Operador que introduz variação aleatória
Elitismo	Estratégia de preservar os melhores indivíduos
Torneio	Método de seleção por competição
OX	Order Crossover
PMX	Partially Mapped Crossover
Depósito	Ponto de partida e chegada dos veículos
2-opt	Movimento de otimização local que inverte segmentos de rota
Heurística	Método que encontra soluções aproximadas em tempo razoável
Metaheurística	Estratégia de alto nível para guiar heurísticas
Ótimo local	Solução que é melhor que seus vizinhos, mas não a melhor global
Convergência	Processo de estabilização do algoritmo em uma solução

8.3 Conclusão

O Algoritmo Genético para TSP/VRP funciona seguindo os passos:

1. **Gera população aleatória** de rotas
2. **Avalia** cada rota (fitness = distância + penalidades)
3. **Seleciona** os melhores por torneio
4. **Combina** pais via crossover
5. **Muta** filhos para variar
6. **Preserva** os melhores (elitismo)
7. **Repete** por muitas gerações

Resultado Final

O resultado é uma **boa solução** (não necessariamente ótima) encontrada em **tempo razoável**, adequada para aplicações práticas de logística e otimização de rotas.

Integração com IA Generativa

Este capítulo descreve a integração do sistema com a API da OpenAI para adicionar capacidades de Large Language Model (LLM) ao otimizador de rotas.

9.1 Visão Geral

O projeto utiliza a **API da OpenAI** para adicionar capacidades de IA Generativa ao sistema. A integração é implementada através de um módulo dedicado (llm/) que encapsula todas as interações com o modelo GPT.

Tabela 9.1: Configuração da integração com OpenAI

Parâmetro	Valor
Biblioteca	openai >= 1.0.0
Modelo	gpt-4o-mini
Método de API	chat.completions.create()
Variável de ambiente	OPENAI_API_KEY

9.2 Arquitetura da Integração

A Figura 9.1 apresenta a arquitetura da integração com IA Generativa.

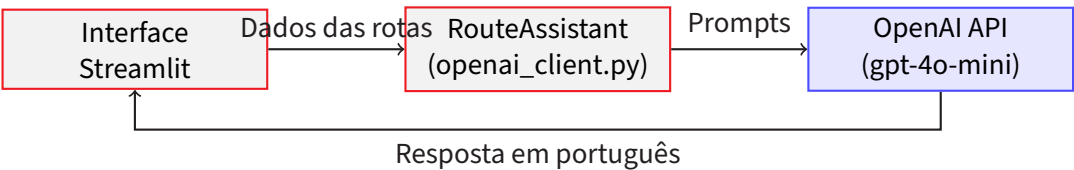


Figura 9.1: Arquitetura da integração com IA Generativa.

9.2.1 Estrutura de Arquivos

```

src/routing_optimizer/
├── llm/
│   ├── __init__.py ..... Exporta RouteAssistant
│   └── openai_client.py ..... Implementação completa (281 linhas)
└── app/pages/
    ├── 1_upload.py ..... Usa LLM para correção de endereços
    └── 4_instructions.py ..... Interface principal LLM

```

9.3 Classe RouteAssistant

Arquivo: src/routing_optimizer/llm/openai_client.py

A classe RouteAssistant encapsula todas as interações com a API da OpenAI.

```

1  class RouteAssistant:
2      DEFAULT_MODEL = "gpt-4o-mini"
3
4      def __init__(
5          self,
6          api_key: Optional[str] = None,
7          model: Optional[str] = None,
8      ):
9          self.api_key = api_key or os.getenv("OPENAI_API_KEY")
10         self._client: Optional[OpenAI] = None
11         self.model = model or self.DEFAULT_MODEL
12
13     @property
14     def client(self) -> OpenAI:
15         """Lazy initialization of OpenAI client."""
16         if self._client is None:
17             self._client = OpenAI(api_key=self.api_key)
18         return self._client
19
20     def is_configured(self) -> bool:
21         """Check if API key is set."""
22         return bool(self.api_key)

```

Listing 9.1: Classe RouteAssistant

9.3.1 Métodos Disponíveis

A Tabela 9.2 apresenta os métodos da classe RouteAssistant.

Tabela 9.2: Métodos da classe RouteAssistant

Método	Propósito	max_tokens	temperature
generate_driver_instructions()	Gera instruções de navegação	1000	0.7
generate_efficiency_report()	Gera relatório de eficiência	1500	0.7
chat_about_routes()	Responde perguntas sobre rotas	500	0.7
suggest_address_corrections()	Sugere correções de endereços	300	0.3
is_configured()	Verifica configuração da API	–	–

9.4 Funcionalidades Implementadas

9.4.1 Geração de Instruções para Motoristas

Arquivo: openai_client.py:52–99

Esta funcionalidade gera instruções detalhadas de navegação para motoristas de entrega de medicamentos.

```
1 system_prompt = """Voce e um assistente de logistica
    especializado em entregas
2 de medicamentos. Gere instrucoes claras e objetivas para
    motoristas. Seja
3 conciso mas inclua dicas uteis sobre o trajeto. Responda
    sempre em portugues
4 brasileiro."""
```

Listing 9.2: System prompt para instruções de motorista

O user prompt solicita:

- Resumo da rota (origem, destino, número de paradas)
- Tempo estimado total considerando trânsito médio
- Dicas de trânsito para horários de pico em São Paulo
- Observações para entrega de medicamentos
- Sugestão de horário ideal para iniciar

9.4.2 Relatório de Eficiência

Arquivo: openai_client.py:101-160

Gera relatórios profissionais sobre a eficiência da otimização de rotas.

```
1 system_prompt = """Voce e um analista de logistica
    especializado em otimizacao
2 de rotas. Gere relatorios profissionais e detalhados sobre
    eficiencia de
3 entregas. Use dados concretos e metricas relevantes. Responda
    sempre em
4 portugues brasileiro."""
```

Listing 9.3: System prompt para relatório de eficiência

O relatório inclui:

1. Resumo Executivo
2. Métricas de Eficiência (distância média por veículo, paradas por veículo)
3. Análise de Balanceamento de Carga
4. Recomendações de Melhoria
5. Comparação com Benchmarks do Setor

9.4.3 Chat Interativo sobre Rotas

Arquivo: openai_client.py:162-200

Permite ao usuário fazer perguntas interativas sobre as rotas otimizadas.

```
1 system_prompt = f"""Voce e um assistente especializado em
    rotas de entrega de
2 medicamentos em Sao Paulo. Responda perguntas de forma util,
    precisa e em
3 portugues.
4
5 Contexto das rotas atuais:
6 {routes_context}
7
8 Se a pergunta for sobre algo que nao esta no contexto,
    responda com base no
9 seu conhecimento sobre logistica e distribuicao
    farmaceutica."""
```

Listing 9.4: System prompt para chat sobre rotas

Contexto incluído automaticamente:

- Número de veículos utilizados
- Total de paradas
- Distância total
- Tempo de otimização
- Detalhes por veículo (paradas e distância)

9.4.4 Correção de Endereços

Arquivo: openai_client.py:210-281

Sugere correções para endereços que falharam na geocodificação.

```
1 system_prompt = """Voce e um assistente especializado em
    enderecos brasileiros.
2 Sua tarefa e corrigir enderecos que nao foram encontrados
    pelo geocodificador.
3
4 Regras:
5 1. Analise o endereco e identifique possiveis erros de
    digitacao ou abreviacoess
6 2. Retorne APENAS o endereco corrigido no formato:
7     "Nome do Logradouro, Numero, Bairro, Cidade"
8 3. NAO inclua CEP, estado, pais ou outras informacoes
9 4. Se nao tiver certeza, sugira as 2-3 opcoes mais provaveis
10 5. Se o endereco parecer completamente invalido, retorne
    "IGNORAR "
11 """
```

Listing 9.5: System prompt para correção de endereços

Temperature baixa para consistência

Este método usa `temperature=0.3` (mais baixa que os outros) para obter resultados mais consistentes e previsíveis na correção de endereços.

9.5 Interface de Usuário

9.5.1 Página de Instruções (4_instructions.py)

Arquivo: `src/routing_optimizer/app/pages/4_instructions.py`

Esta página oferece três funcionalidades LLM:

Seção 1 – Instruções para Motoristas: Seleção de veículo, visualização das paradas, botão para gerar instruções e download em TXT.

Seção 2 – Relatório de Eficiência: Exibe métricas da otimização e gera relatório profissional com download.

Seção 3 – Chat sobre Rotas: Input de texto para perguntas, histórico das últimas 5 perguntas e respostas.

9.5.2 Página de Upload (1_upload.py)

Arquivo: `src/routing_optimizer/app/pages/1_upload.py`: 154–219

Usa LLM para correção de endereços com falha de geocodificação:

1. Detecta endereços que falharam na geocodificação
2. Oferece opção “Usar Assistente para corrigir”
3. Para cada endereço com erro:
 - Consulta o LLM para sugestões de correção
 - Exibe as opções em radio buttons
 - Permite escolher uma sugestão ou ignorar
4. Re-geocodifica os endereços corrigidos

9.6 Configuração

9.6.1 Variável de Ambiente

A API key deve ser configurada via variável de ambiente:

```
export OPENAI_API_KEY="sk-your-key-here"
```

Ou através do arquivo `.env` na raiz do projeto:

```
# OpenAI API Key (obrigatório para integração LLM)
OPENAI_API_KEY=sk-your-key-here
```

9.6.2 Dependência Opcional

A integração com OpenAI é uma dependência opcional do projeto:

```
# pyproject.toml
[project.optional-dependencies]
llm = [
    "openai>=1.0.0",
]
```

Para instalar:

```
pip install -e ".[llm]"
```

9.6.3 Verificação de Configuração

As páginas Streamlit verificam se a API está configurada antes de usar:

```
1 assistant = RouteAssistant()
2 if not assistant.is_configured():
3     st.error("OPENAI_API_KEY nao configurada!")
4     st.stop()
```

Listing 9.6: Verificação de configuração da API

9.7 Parâmetros de Geração

A Tabela 9.3 resume os parâmetros utilizados em cada tipo de geração.

Tabela 9.3: Parâmetros de geração por funcionalidade

Funcionalidade	Tipo de Saída	Tokens	Temp.	Criatividade
Instruções	Guia de navegação detalhado	1000	0.7	Moderada
Relatório	Análise profissional	1500	0.7	Moderada
Chat	Respostas contextualizadas	500	0.7	Moderada
Correção	Sugestões de endereço	300	0.3	Baixa

Custo de API

A integração com OpenAI tem custo por token. O modelo gpt-4o-mini foi escolhido por oferecer boa qualidade com custo reduzido.

Referências de Código

Este apêndice apresenta um índice completo das funções implementadas e suas localizações nos arquivos fonte.

A.1 Arquivos Principais

A Tabela A.1 lista os arquivos principais do projeto e suas descrições.

Tabela A.1: Arquivos principais do projeto

Arquivo	Descrição	Linhas
<code>genetic_algorithm_enhanced.py</code>	Implementação completa do GA	1-286
<code>core.py</code>	Funções core do GA (versão refatorada)	1-326
<code>config.py</code>	Configuração do algoritmo	1-61
<code>vrp.py</code>	Classe VRPSolver	1-239
<code>tsp_enhanced.py</code>	Sistema de entregas hospitalares	1-547
<code>draw_functions_enhanced.py</code>	Visualização Pygame	1-157
<code>benchmark_att48.py</code>	Dataset de benchmark	1-107
<i>Integração LLM (OpenAI)</i>		
<code>llm/openai_client.py</code>	Cliente OpenAI para instruções e relatórios	1-281
<code>llm/__init__.py</code>	Exportações do módulo LLM	1-8
<i>Páginas da Aplicação Web (Streamlit)</i>		
<code>app/pages/0_home.py</code>	Página inicial com visão geral	1-43
<code>app/pages/1_upload.py</code>	Upload, geocodificação e correção de endereços	1-668
<code>app/pages/2_optimize.py</code>	Configuração e execução do AG	1-285
<code>app/pages/3_results.py</code>	Visualização de rotas no mapa	1-248
<code>app/pages/4_instructions.py</code>	Geração de instruções com LLM	1-252
<code>app/pages/5_experiments.py</code>	Experimentos comparativos	1-374

A.2 Funções por Categoria

A.2.1 Funções de Distância

Tabela A.2: Funções de cálculo de distância

Função	Localização
calculate_distance()	genetic_algorithm_enhanced.py:6-8, core.py:18-28
calculate_route_distance()	genetic_algorithm_enhanced.py:10-19, core.py:31-60

A.2.2 Funções de Fitness

Tabela A.3: Funções de cálculo de fitness

Função	Localização
calculate_fitness()	genetic_algorithm_enhanced.py:21-23
calculate_fitness_vrp()	genetic_algorithm_enhanced.py:25-96, core.py:81-128

A.2.3 Funções de População

Tabela A.4: Funções de geração de população

Função	Localização
generate_random_population()	genetic_algorithm_enhanced.py:98-106, core.py:156-171
generate_random_population_vrp()	genetic_algorithm_enhanced.py:108-137

A.2.4 Funções de Seleção

Tabela A.5: Funções de seleção

Função	Localização
<code>tournament_selection()</code>	<code>genetic_algorithm_enhanced.py:276-283</code> , <code>core.py:174-192</code>

A.2.5 Funções de Crossover

Tabela A.6: Funções de crossover

Função	Localização
<code>order_crossover()</code>	<code>genetic_algorithm_enhanced.py:139-155</code>
<code>pmx_crossover()</code>	<code>genetic_algorithm_enhanced.py:157-176</code>
<code>vrp_crossover()</code>	<code>genetic_algorithm_enhanced.py:178-208</code> , <code>core.py:195-240</code>

A.2.6 Funções de Mutação

Tabela A.7: Funções de mutação

Função	Localização
<code>mutate()</code>	<code>genetic_algorithm_enhanced.py:210-215</code>
<code>mutate_vrp()</code>	<code>genetic_algorithm_enhanced.py:217-267</code> , <code>core.py:243-306</code>

A.2.7 Funções de Ordenação

Tabela A.8: Funções de ordenação

Função	Localização
<code>sort_population()</code>	<code>genetic_algorithm_enhanced.py:269-274</code> , <code>core.py:309-325</code>

A.3 Funções de Integração LLM (OpenAI)

A.3.1 Classe RouteAssistant

A Tabela A.9 apresenta os métodos da classe RouteAssistant, responsável pela integração com a API da OpenAI para geração de conteúdo relacionado às rotas.

Tabela A.9: Métodos da classe RouteAssistant

Método	Descrição	Linhas
<code>__init__()</code>	Inicializa o assistente com API key e modelo	30-43
<code>client</code> (property)	Inicialização lazy do cliente OpenAI	45-50
<code>generate_driver_instructions()</code>	Gera instruções detalhadas para motoristas	52-99
<code>generate_efficiency_report()</code>	Gera relatório de eficiência da otimização	101-160
<code>chat_about_routes()</code>	Responde perguntas sobre as rotas	162-200
<code>is_configured()</code>	Verifica se a API key está configurada	202-208
<code>suggest_address_corrections()</code>	Sugere correções para endereços com erro	210-280

A.3.2 Funções de Geração de Conteúdo

Tabela A.10: Funções de geração de conteúdo com LLM

Função	Localização
<code>generate_driver_instructions()</code>	<code>llm/openai_client.py:52-99</code>
<code>generate_efficiency_report()</code>	<code>llm/openai_client.py:101-160</code>
<code>chat_about_routes()</code>	<code>llm/openai_client.py:162-200</code>
<code>suggest_address_corrections()</code>	<code>llm/openai_client.py:210-280</code>

A.4 Funções Auxiliares da Interface Web

A.4.1 Funções de Upload e Geocodificação

Tabela A.11: Funções auxiliares da página de upload

Função	Descrição	Linhas
go_to_tab()	Navega para uma aba específica	20-23
clear_temp_upload_state()	Limpa estado temporário de upload	26-39
_save_and_continue()	Salva dataset e continua para mapa	42-94
_regeocode_corrected()	Re-geocodifica endereços corrigidos	97-151
_render_correction_interface()	Renderiza interface de correção com LLM	154-219

A.4.2 Integração LLM na Interface

Tabela A.12: Pontos de integração LLM nas páginas

Página	Uso da LLM
1_upload.py	Correção de endereços via suggest_address_corrections()
4_instructions.py	Geração de instruções via generate_driver_instructions()
4_instructions.py	Relatório de eficiência via generate_efficiency_report()
4_instructions.py	Chat sobre rotas via chat_about_routes()

A.5 Estrutura de Diretórios

```

genetic_algorithm_tsp_enhanced/
├── genetic_algorithm_enhanced.py ..... Implementação enhanced do GA
├── tsp_enhanced.py ..... Sistema principal de entregas
├── draw_functions_enhanced.py ..... Funções de visualização
├── benchmark_att48.py ..... Dataset benchmark com 48 cidades
├── backup/
│   └── genetic_algorithm.py ..... Versão original básica do GA
└── src/routing_optimizer/
    ├── genetic_algorithm/
    │   ├── config.py ..... Configuração do GA (GAConfig)
    │   ├── core.py ..... Funções core do GA
    │   └── vrp.py ..... Classe VRPSolver
    ├── llm/ ..... Integração com LLM (OpenAI)
    │   ├── __init__.py ..... Exportações do módulo
    │   └── openai_client.py ..... Classe RouteAssistant
    └── app/ ..... Aplicação Web Streamlit
        ├── pages/
        │   ├── 0_home.py ..... Página inicial
        │   ├── 1_upload.py ..... Upload e geocodificação
        │   ├── 2_optimize.py ..... Configuração e execução do AG
        │   ├── 3_results.py ..... Visualização de rotas
        │   ├── 4_instructions.py ..... Instruções com LLM
        │   └── 5_experiments.py ..... Experimentos comparativos

```

A.6 Índice de Listagens

As listagens de código neste documento estão organizadas conforme a Tabela A.13.

Tabela A.13: Índice de listagens de código

Capítulo	Listagem	Descrição
3	3.1	Função calculate_distance
3	3.3	Função calculate_route_distance
3	3.5	Geração de população TSP
3	3.6	Geração de população VRP
4	4.1	Fitness para TSP
4	4.2	Fitness para VRP
4	4.3	Seleção por torneio
5	5.1	Order Crossover (OX)
5	5.2	PMX Crossover
5	5.3	VRP Crossover
5	5.4	Mutação para TSP
6	6.1	Implementação do elitismo
6	6.2	Função sort_population
6	6.3	Função evolve_generation
6	6.4	Execução completa
7	7.1	Classe GAConfig
7	7.3	Método solve do VRPSolver